

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- + *Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken* Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + *Keine automatisierten Abfragen* Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com durchsuchen.



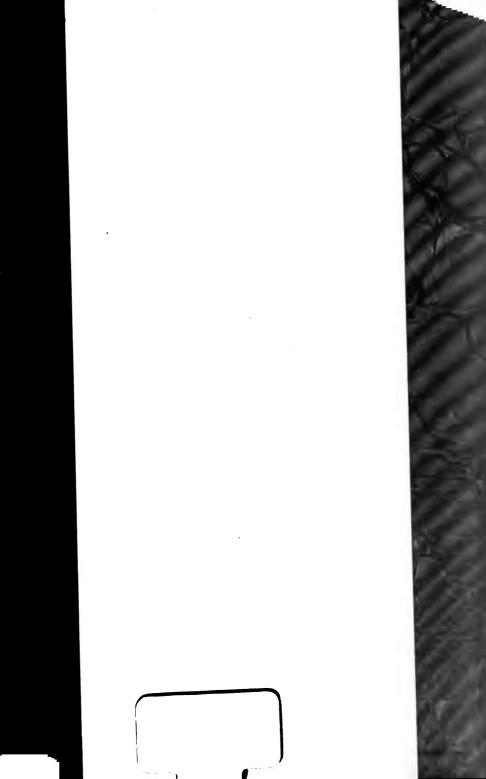
GODFREY LOWELL CABOT SCIENCE LIBRARY of the Harvard College Library

This book is FRAGILE

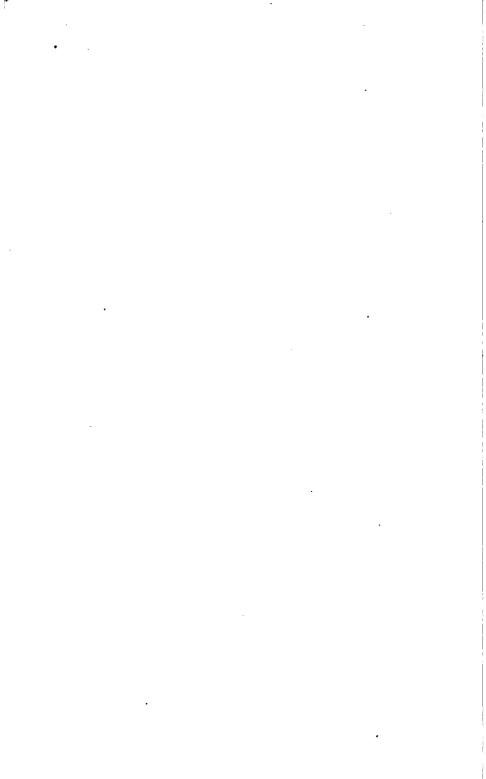
and circulates only with permission.

Please handle with care
and consult a staff member
before photocopying.

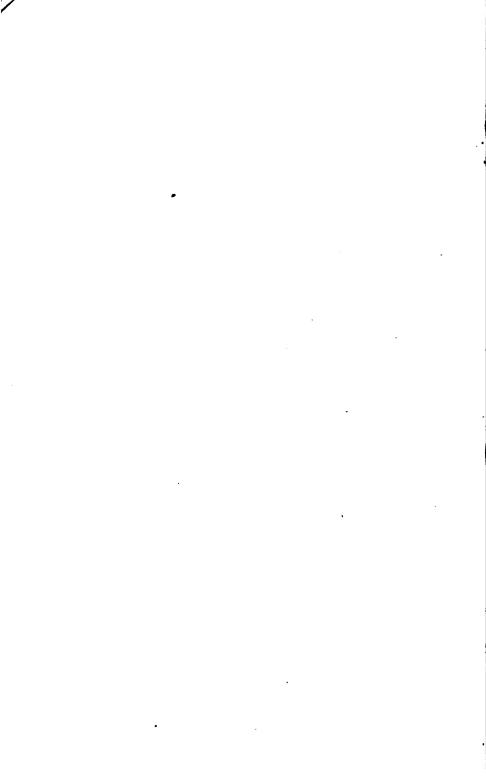
Thanks for your help in preserving Harvard's library collections.











holyftiche aus dem golographischen Atelier von Friedrich Bieweg und Sobu in Braunschweig.

Bapter aus der mechanischen Bapier-Fabrik der Gebrüder Bieweg zu Wendhausen bei Braunschweig.

. Lehrbuch

ber

Ingenieur= und Maschinen=Mechanik.

Dhne

Anwendung bes höhern Calculs

für ben

Unterricht an technischen Lehranstalten

fowie gum

Gebrauche fur Technifer

bearbeitet

nod

Dr. Julius Weisbach,

Rönigt. fachficher Bergrath und Brofeffor an ber fonigt. fachfichen Bergatabemie zu Breiberg; Ritter bes fonigt. fachfichen Berbienftorbens, correspondirenbes Mitglieb ber Talferliden Atabemie ber Wiffenfchaften zu G.t. Betereburg u. f. m.

In brei Theilen.

Dritter Theil: Die Zwifchen= und Arbeitsmafchinen enthaltend.

Erfte Abtheilung.

Mit 418 in ben Text eingebruckten holzstichen.

Braunschweig,

Drud und Berlag von Friedrich Bieweg und Sohn. 1851 — 1860.

Die Mechanit

ber

Zwischen= und Arbeitsmaschinen.

Dhne

Anwendung bes höhern Calcule

für ben

Unterricht an technischen Lehranstalten

fowie zum

Gebrauche fur Techniter

bearbeitet

bon

Dr. Julius Meisbach.

Renigl. fachficher Bergrath und Profefior an ber tonigt, fachfichen Bergafabemie ju Freiberg; Ritter Des tonigt. fachfichen Berbienftorbens, corresponditenbes Mitglieb Der fatserlichen Alabemie ber Wiffenfchaften ju 6. Beterburg u. f. vo.

Erfte Abtheilung.

Die Zwischenmaschinen.

. Mit 418 in ben Text eingebruckten Golgftichen.

Braunschweig,

Drud und Berlag von Friedrich Bieweg und Gohn. 1851 - 1860. Eug 258.63

Engineering Library

Gift of

Almon Danforth Hodges

H.C.1889

. - - . . .

JUN 20 1917
TRANSFERRED TO
TWO YARD COLLEGE LIBRARY

Die herausgabe einer Ueberfehung in englischer und frangofischer Sprache, sowie in anderen mobernen Sprachen wird vorbehalten.

Vorrede.

Wenn auch bei Bearbeitung bes britten Banbes meiner Ingenieurs und Maschinenmechanik mehrsache und langer anhaltenbe Untersbrechungen vorgekommen sind, so ist beshalb boch im Plane bes ganzen Werkes nichts verändert worden und die Behandlungsweise in demselben überall dieselbe geblieben. Nur sind in den ersten Lieferungers dieses Bandes einige Fehler und Mangel wahrgenommen worden, weshalb ich mich genothigt gesehen habe, dieser Schlußlieferung exnige Cartons beizusügen, in welchen die hauptsächlichsten Unrichtigkeiten beseitigt sind.

Dieser Band besteht aus zwei Abtheilungen, wovon die eine die Zwischen= und die andere die Arbeitsmaschinen behandelt. Die Uebertragung der mechanischen Arbeit der Kraft= oder Umtriebs= maschinen auf die Arbeitsmaschinen ist entweder mit einer bloßen Fort= pflanzung, oder mit einer Abanderung der Bewegung verbunden, und die letztere besteht entweder in einer Abanderung der Geschwin= digkeit, oder in einer Abanderung der Bewegungsweise. Zu den Zwischenmaschinen oder Maschinentheilen, welche bloß die Fort= pflanzung der Bewegung bewirken, gehören die im ersten Kapitel abges handelten Wellen, Stangen, Seile, Ketten u. s. w., wogegen die Zwischenmaschinen, welche die Abanderung oder Umsetzung der Geschwins digkeit der stetigen Kreisbewegung hervorbringen, die im zweiten

II Borrebe.

Rapitel abgehanbelten Bahn= und Riemenraberwerke in sich fassen. Ferner zur Umsetzung ber stetigen Kreisbewegung in eine absetzenbe gerablinige, sowie umgekehrt zur Umanberung ber letzteren in die erstere, dienen die verschiedenen Ercentriks und vor Allem die Krummzapfenmechanismen, welche möglichst gründlich und aussührlich im britten Kapitel abgehandelt werden. Mit dem Krummzapfenmechanismus ist noch ein besonderer Apparat verbunden, welcher im vierten Kapitel unter dem Titel "die Gerad= und Senkrechtsührunga Gegenstand der Behandlung ist. Im fünften Kapitel sind ferner die Schrauben und Schraubenräder, und im sechsten Kapitel die ungewöhnlicheren Mechanismen zur Abanderung der Bewegung abgehandelt. Den Schluß der ersten Abtheilung bildet endlich ein sechstes Kapitel, worin die Mechanismen zum Reguliren des Ganges, und die Hülfsemittel zum In= und Außergangsehen einer Maschine Gegenstände der Behandlung sind.

3ch habe bei Bearbeitung biefer Abtheilung immer nur bas Bichtigste und Bewahrtefte ins Auge gefaßt, wenn aber tropbem burch biefelbe nicht allen Unspruchen genugt wird, so bitte ich gu berudfichtigen, bag es teine leichte Arbeit ift, aus ber großen, febr zerftreuten und außerorbentlich ichnell machfenden Stoffmenge bie amedentsprechenbe Auswahl zu treffen. Auch ift nicht außer Acht ju laffen, bag bie Ingenieur= und Mafchinenmechanik fein Behrbuch ber Maschinenbaufunft ift und baber specielle praftische Regeln ber Maschinenbaukunft in berfelben nicht zu suchen find. Bon biesem Gefichtspunkte aus find auch bie Anmerkungen auf Seite 304 und 316 in ber Conftructionslehre fur ben Maschinenbau von Moll und Reuleaur zu beurtheilen. Wenn in biefem Berte mehrere specielle Lehren mitgetheilt werben, welche in Berten uber Dechanit nicht fteben, fo liegt bies in ber Natur ber Sache; es murbe fogar einem Berte über Dafchinenbautunft ein Bormurf zu machen fein, wenn bies nicht ber Fall mare. Dag aber bie Berren Berfaffer ber gebachten Conftructionolehre gerabe beshalb ben Schrift= ftellern uber Mechanit irrige Ansichten unterschieben, bebarf einer Biberlegung. In ber Anmerkung auf Seite 316 fagen fie g. B., "bie meiften technischen Schriftsteller, unter anderen Burg, Beis= bach, Redtenbacher, Armengaub, fellen bie burchaus irrige Behauptung auf, bag alle Raber mit Nabenlinienverzahnung immer bann richtig zusammen arbeiten können, wenn fie nur gleiche Theilung haben« Nach meiner Ueberzeugung läßt sich gegen biesen Sah nichts einwenden, daß aber berselbe noch eine Ergänzung nothig hat, wenn man noch eine besondere Bedingung macht, z. B. fordert, daß diese Räder ein gewisses Umsehungsverhältniß geben sollen, versteht sich wohl von selbst.

Die zweite und großere Abtheilung bes britten Banbes, welche von ben Arbeitsmaschinen, b. i. von benjenigen Daschinen handelt, burch welche die geforberte Arbeit verrichtet, &. 28. Baffer gehoben, Eisen geschmiedet wird u. f m., zerfallt in vier Abschnitte. Der erftere Abschnitt behandelt bie fogenannten Forberungsmaschinen, b. i. bie Maschinen jum Beben und Fortschaffen ber Korper auf Strafen, Schienen= und Bafferwegen; im zweiten Abschnitt find die Baffer= bebungemaschinen, b. i. bie Daschinen jum Beben und Fortichaffen bes Baffers, und im britten Abichnitt bie Luftbewegungsmaschinen, insbesondere die fogenannten Geblafe- und Bettermaschinen Gegenftand ber Behandlung. 3ch habe bei schriftlicher Bearbeitung biefer Maschinen moglichste Bollstanbigfeit zu erzielen gesucht, und auch altere und unvolltommenere Dafchinen mit in Betrachtung gezogen, weil ich es fur eine besondere und nicht unwichtige Aufgabe ber Mafchinenmechanit halte, auf theoretischem Wege auch bie Unvolltommenheiten und Dangel an Rafchinen ju untersuchen. vierten und letten Abschnitte ber zweiten Abtheilung behandle ich noch biejenigen Formveranderungsmaschinen, beren Umtrieb nur bie Ueberwindung ber Schwerfraft ober bas Beben von Gewichten erforbert. Bei ben übrigen Maschinen biefer Rategorie find bie Ur= beitsverrichtungen meift so eigenthumlicher Art, bag fich ihre mechanischen Leiftungen ohne befondere Erfahrungsfate nicht ermitteln laf= fen; es ift baber bie Behandlung biefer Maschinen speciellen 3mei= gen ber Technif, 3. B. ber mechanischen Technologie, Mublenbaufunft, gandwirthschaft u. f. w. ju uberlaffen. Bu ben Arbeitemafchinen, welche mittels nieberfallenber Gewichte arbeiten, geboren bie Poch=, Stampf= und Sammermerke, welche baber auch hier eine fuftematische und grundliche Behandlung gefunden haben.

į

In bem mit biesem Werke verbundenen Taschenbuch » Der Ingenieur « werden, wie nicht anders erwartet werden kann, nicht bloß bie allgemeinen Constructionsregeln, theoretischen und Erfahrungssate ber hier abgehandelten Maschinen zusammengestellt, sonbern auch die zur Construction und Beurtheilung ber Leistung anderer Arbeitsmaschinen nothigen theoretischen und empirischen Regeln und Sate mitgetheilt.

Schließlich erlaube ich mir nur noch auf eine Auslassung bes Herrn Professoschellbach in ber Borrebe zu seinen neuen Elesmenten ber Mechanik, Berlin 1860, hier in wenigen Borten Folgendes zu erwidern. Herr Professor Schellbach sindet darin einen Anstoß, daß ich in meiner Mechanik die Masse eines Körpers durch den Quotienten aus dem Gewichte desselben und der Beschleunigung der Schwere messe. Obzleich Herr Professor Schellbach hierbei indirect mit einer großen Anschuldigung gegen mich hervortritt, glaube ich doch meine Schüler und die Leser meines Werkes dadurch beruhigen zu können, daß ich hierin den berühmtesten neueren Autoritäten, Poisson's Traité de Mécanique, Band 1, Seite 227, 2. Ausl. serner Navier's Résumé des leçons de Mécanique, Seite 81, und Poncelet's Introduction à la Mécanique industrielle, Seite 116, 2. Ausl.).

So übergebe ich benn hiermit ben geehrten Lesern meiner Ingenieur= und Maschinenmechanik ben Schluß bes ganzen Berkes, begleitet mit bem Bunsche, daß diese Schrift trot ihrer Mangel eine nachsichtige Beurtheilung finden, Ingenieuren und Mechanikern als ein nühliches Lehr= und Handbuch bienen und ber beutschen Literatur zur Ehre gereichen moge!

Freiberg, ben 15. September 1860.

Der Berfasser.

Inhalt bes dritten Theiles.

Erfte Ubtheilung. Die Mechanit ber 3mifchenmaschinen.

ş.	Einleitung.	Celle
1	Bwifchenmaschinen	7
	Erftes Rapitel.	
	Bon ben fortpflanzenben Mafchinentheilen.	
2	Bellen, Bapfen und Bapfenlager	8
3-4	Bellenftarfen	9
5	Bellenftarfen	13
6	Ruppelungen	
7	Univerfalgelente	18
89	Bapfenlager	
10	Stangen	26
11	hubverluft	27
12	Beftangfcioffer	
13—15	Brudichwingen und Geftangfreuge	30
16	Biegfame Fortpffangungemittel	
17	Retten	
18	Drahtfeile	
19	Sanffeile	42
20-21	Eragfraft ber Sanffeile	43
22	Bergleichung ber Seile und Retten	46
23—24	Leitrollen, Seilfcheiben	48
	Zweites Kapitel.	
	Bon ben Raberwerfen, ober ben bulfemitteln gur	
	Abanberung ber stetigen Areisbewegung.	
25	Raberwerfe, Bahn= und Riemen=Raberwerfe	52
26	Einfache Raberwerke	54
27	Busammengefeste Raberwerte	56
28	Axendrade und Axenreibungen ber Raberwerfe	

ş.																		Geite
29	Riemenraber																	59
30	Riemenspannungen																	60
31	Treibriemen																	63
32	Spannrollen																	65
83	Riemenführung .																	69
3485	Riemenraber (Trom																	71
36	Seils, Rettens unb														Ť			77
37	Bahnraber												Ċ	Ť	•	٠	Ī	79
38	Conifche Raber .	' '	•	•	•	•	•	•		•	:	•		•	•	•	•	80
89	Sperboloib					:				:	:	:	:	•	•	•	•	82
40—44	hyperboloibenraber								:		:	:			•		:	84
45	Reibungeraber .					:			:			:	:	•	•	•	•	92
46-47	Radzahne					•			•				:		•	•	•	93
48	Bahn = und Rammed													•	•	•	٠	96
49	Bahndimenftonen									•	•	•	٠	•	:	•	•	97
50—51	· ·												•	٠	•	•	•	98
	Bähnezahl										•	•	•	•	•	•	•	
52 - 56	Bahnreibung	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	102
57	Stufenraber													•	•	•	•	111
58—59	Allgemeine Bahnfori	ner	١,	٠,	•	•	•	•	•		•	•		•	•	•	•	113
6061	Epicycloiben- und C													•	•	•	•	117
62-63	Kreisförmige Bahne										•		•	•	•	•	•	120
64 - 65	Willis' Bahnformen												•	•	•	•	٠	122
66	Obonthographe							•	•	•		•	•		•	•	•	124
67— 68	Drehlinge	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•		•	•	127
69	Rumpfe					•				•		•		•			•	132
70	Bufammengefette Ba	hn	flå	đ) e1	n									•				134
71	Innere Bergahnung										•		•					136
72 - 73	Evolventenverzahnun	g .																138
74	Willis' Bergahnung	be	r (Rá	ber													143
7576	Bergahnung conifde	: 9	läi	er														145
77	Syperboloibenraber		,															148
78	Rammraber																	150
79	Radconstructionen.	Şã	lze	rne	: 3	ahı	rā	ber										15 1
80	Giferne Bahnraber .	Ϊ,				. '				•								153
	, , , , , , , , ,						•											
		9	Dr	itte	6 .	Ras	ite	Ĺ.										
	ban @						•				4			. 1 .	١.			
	Bon ben Ercentr															π		
	einfachsten Gul	•				•							•		t			
	Rreisbeweg	u n	g	ín	ei	n e	g	er a	bl	in	igo	٠,	u n	b				
			u	m	get	e h	r t.											
					-	,												
81	Seilforb	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	156
82	Gezahnte Stange .					•		•	•	•	•		•	•	•	•	•	158
83 - 84	Daumen																•	159
85	Bebelbewegung															•		162
86	Angriff ohne Stoß .		•		`•								•					163
87-88	Greentrife																	165
00 00	Omenum a stafem																	400

	Inhalt bes britten Theiles.	AII
§.		Geite
91	Doppelte Krummzapfen	
92—93	Rurbelftange	
94	Balancier	
95	Bewegung bes Krummzabfens	
96	Gefdwindigfeiten ber Rurbel	
97—98	Rrafte ber Rurbel	
99	Rurbelreibungen	
100	Mechanif bes Krummzapfens	
101	Eragheit bes Lenfers	
102	Maximal = und Minimalgeschwindigfeit	
108	Umbrehungszeit bes Rrummgapfens	
104	Bewegung burch eine Stangenfraft	
105	Ginfluß furger Rurbelftangen	195
	Theorie boppelter Krummgarfen	
112	Theorie breifacher Krummapfen	
112	Ungleichförmigfeitsgrab verschiebener Krummzapfen	
	Rrummgapfen für ofcillirenbe Chlinder	212
11 2 110	Rrummzapfen mit veranberlicher Umbrehungekraft	220
120	Doppelte Arummgapfen bei Expanfiones Dampfmafchinen	
120	Sophene sermmuntlen bet Erhanlennes Sumblandalmen	200
	Viertes Rapitel. n Gerads und Senkrechtführungen bei der Verwand c Rreisbewegung in die geradlinige, und umgekehrt, bei der Umsehung der geradlinigen Ves wegung in die kreissörmige.	lung
	Befte Leitungen, Leitungerahmen	233
125 124	Gegenlenter	287
125126	Seitenabweichung ber Begenlenfer	241
127-128	Contrebalancier	246
182	Batt'ides Parallelogramm	950
198194	Seitenabweichung ber Parallelogrammführung	261
100-103	Seemolademid mit alerntremem sender	201
	Fünftes Kapitel.	
	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenrabern.	
135	Schraubenlinie	267
136	Schraubenfläche und Schraube	268
137	Schraubenbewegung	271
138	Schraubenzieher, Schraubenschluffel	273
139	Anwendung ber Schrauben	274
140	Starfe und andere Dimenfionen ber Schrauben	
	Theorie ber flachgangigen Schrauben	276
144	Theorie ber icharfgangigen Schraube	283
145 146	Schrauben als Befestigungsmittel	

:

:

ί

Inhalt bes britten Theiles.

§.									Seite
	Schraube ohne Enbe		_	_	_	_			290
149-150	Schrauben chne Ende	•	•	•		٠			295
		•	Ť	٠	٠	•			
	Sechetes Rapitel.								
	Bon ben ungewöhnlicheren Zwifcher	1 m 4	. 5 <i>8</i>	hin	e e 11	0	h e 1		
	Gulfemitteln jur Abanberung ber						•••	٠.	
	Ourlamistern far abanderung bei	. 20	E IU	· · ·		ı y.			
151	Elliptische Raber								300
152	Spiralraber								302
153	Conifche Spiralraber								304
154	Ercentrifche Rreieraber								307
155—156	Epicifelvorgelege, Differenzialgetriebe	•	•		•		•		309
157	Laufgetriebe					•			312
158	Gerablinig wieberfehrenbe Bewegung								314
159	Rreisformig wieberfehrenbe Bewegung		•	•		•	•		316
160	Sperrraber und Sperrklinken	•		•		•			318
	Siebentes Kapitel.								
	Bon ben mechanischen Borrichtungen	1 21	u m	R	eat	uli	rei	ı.	
	Moberiren, Egalifiren, In- unb A	•			•			•	
	_ · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	ир	FL	gu	n y	1 + 5			
	ber Maschinen.	ир	FL	g u	8	1 + 5			
161	ber Maschinen.	·		•				•	821
161 162	der Maschinen. Regulatoren, Moderatoren u. s. w					•			821 322
	der Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w	•	•	•		•		•	
162	der Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w	•	•	•		•		•	322
162 163 164	der Maschinen. Regulatoren, Moderatoren u. s. w	•		•		•		•	322 324
162 163 164 165—167 168	der Maschinen. Regulatoren, Moderatoren u. s. w			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •				•	322 324 328
162 163 164 165—167 168	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •					322 324 328 830
162 163 164 165—167 168	der Maschinen. Regulatoren, Moderatoren u. s. w			• • • • • • • •		•			322 324 328 830 886
162 163 164 165—167 168 169—171	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w			• • • • • • • • •					322 324 328 830 886 337
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w			• • • • • • • • •					322 324 328 830 886 337 345
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w			• • • • • • • • • •					322 324 328 830 886 337 345
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178	der Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		322 324 328 830 886 337 345 346 853 356 362
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178 179—182 183—192	der Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		322 324 328 830 886 337 345 346 853 356 862 373
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178 179—182 183—192 193—197	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w			••••••••••			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		322 324 328 830 886 337 345 346 853 356 362
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178 179—182 183—192 193—197	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w			••••••••••			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		322 324 328 830 886 337 345 346 853 356 362 373 395 406
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178 179—182 183—192 198—197	der Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w						• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		322 324 328 830 886 337 345 346 853 356 362 373 395 406 409
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178 179—182 183—192 193—197 198	der Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w			••••••••••••			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		322 324 328 830 886 337 345 346 853 356 362 873 895 406 409 411
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178 179—182 183—192 193—197 198 199 200 201	der Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w			•••••••••••••			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		322 324 328 830 886 337 345 346 853 356 362 373 395 406 409

3 weite Abtheilung.

Die Mechanit ber Arbeitsmaschinen.

	Einleitung.	
§.		Geite
205	Eintheilung ber Arbeitsmafchinen	. 425
	Cerpter At b f dynitt.	
	Bon ben Förberungsmafchinen.	
	Erftes Rapitel.	
Ą	Bon ben Maschinen zum heben ber Lasten auf kleinere Höhen.	
206	Berfchiebene Arten ber Forberungemafchinen	. 426
207	hebel und Bebelaben	. 427
208	Rollen	. 429
209	Rollen und Flaschenzüge	. 431
210-211	Flaschenzüge	. 484
212	Binben, Baus und Fuhrmannewinden	. 440
213	Sybraulifche Breffe	. 442
214	Sybraulische Winde	444
215	Transportable Borgelegshaspel	. 446
216	Gegenwinden ober Differenzialhaspel	. 449
217-219		· 452
220	Pneumatische Aufzüge	. 459
221	Bafferfaulenaufzug	. 468
222223		. 466
224-227	Arabne	. 478
228	Rrahne	. 485
229	681 - F2 - F1 - F - F	. 487
230	Dampffrahn	. 491
231	Statif ber Rrahne	. 493
232	Mechanik ber Krahne	. 497
233	Rammmaschinen	. 500
234	Runstramme	. 503
235	Dampframme	. 506
236	Dechanische Arbeit ber Rammen	. 510
287	Abbohrmaschinen	. 511

Bweites Rapitel.

Bon ben Dafdinen gum Geben ber gaften auf größere Goben.

§.		E ette
238	Berfciebene Mafchinen jum Forbern in Schachten	514
239-240		515
241	Borgelegshaspel	521
242-244		524
245	Spiralforb	535
246-248		540
249-250	Bafferfäulengobel	555
251-252	The state of the s	560
	Drittes Kapitel.	
ğ	Bon bem Fortschaffen ber Laften auf ganz ober nabe	
	horizontalen Wegen.	
	We to the second	
258		568
254	Community of the contract of t	569
255		571
256		5 78
257		576
258	The state of the s	579
259		581
260-262		584
263		5 93
264	Schienenbahnen	598
265		60 0
266		608
267	Berbinbung getrennter Schienenbahnen	307
268	Gifenbahnwagenraber	612
269		616
270		618
271		621
272		628
273-274		625
275	Beschreibung einer abgebilbeten Locomotive	631
276		685
277		639
278-279		643
280-282		650
		662
285		666
286		67O
		67 4
294		198
	Witness and Olfred to	69 7
	Widerstand auf Enfendahnen	- O 4

	Inhalt des dritten Theiles.	XI
§.		Geite
297	Schifffahrtscanale	704
298	Speifung ber Canale	706
299	Rammerschleufen	709
300-301		718
302	Bafferbebarf beim Durchschleusen	720
303	Seitenbaffins	723
304	Girarb's Schleuse mit Schwimmer	725
305	Schiffsaufzüge	728
306-307		730
308	Schifferiffe	786
309	Schiffsformen	738
310	Stabilität ber Schiffe	741
8 11	Biberftand bes Baffers	746
312	Schiffsziehen	747
313	A . C	751
313 314	And the contract of the contra	753
315		756
315 316	Muberschaufel, Schaufelrab	759
		761
317	Bugfiren burch Dampfichiffe	762
318	Berbindung ber Ruberraber mit ber Dampfmaschine	762 765
319	Ruberraber	
320	Schaufelraber	767 772
321	Schraubenraber	
322	Dampfidiffsmaschinen	
323	Schiffsbampffeffel	780
324	Ablaffen bes Reffelwaffers	782
	Zweiter Abfchnitt. Bon den Wafferhebungsmafchinen. Erftes Kapitel.	
	Bon ben Mafchinen jum Deben bes Baffers auf	
	kleinere Höhen.	
825	Berichiebene Arten bes Bafferhebens	785
326	Bafferschaufeln	787
827	Burfraber	789
32 8	Schöpftaber	791
329-330	Bellen = und Schneckenraber	798
831	Baternofterwerte	799
332	Schaufelwerke	808
333	Leiftung ber Baternofterwerfe	806
334335	Ardimebifche Bafferichnede	811
336328	Bafferschraube	819
	and the property of the first o	

Zweites Rapitel.

Bon ben Maschinen zum Geben bes Baffers auf größere Soben.

S .		Sense
339—340	Die Spiralpumpe	828
841—343	Centrifugalpumpen	834
344	Rotationspumpen	
345	Berfchiebene Arten von Bumpen	
34 6	Bumpen mit Bentilfolben	845
847—348		848
349	Doppelpumpen	852
350	Saughöhe	854
351	Shablicher Raum	857
352	Bumpenröhren	859
353—355		861
356	Bumpenfolben	867
357	Riedrige und hohe Saugsate	870
858	Monche= und Perspectivpumpen	872
359	Saug= und Druckpumpen	874
360	Monchspumpen	876
361	Raftenpumpen und boppeltwirfende Bumpen	877
362	Submaffermenge und Rolbenburchmeffer einer Bumpe	881
363-864	Rebenhinberniffe ber Bumpen	884
365—366	Arbeit jur Bewegung ber Bumpen	887
367	Bumpenwerke, Runftgezeuge, Sanbpumpen	895
368-370	Feuersprigen	897
871-372	Berechnung ber Reuersprigen	906
378	Runftgezeuge	918
374	Runftgeftange	916
375	Rabfunfte	919
376-378	Bafferfaulenkunfte	923
	Dampfpumpen	
381382	Dampffünste	940
383	Dampffunft mit Balancier	945
384	Directwirfende Dampftunft	949
385	Stabtifche Bafferhebungebampfmafchine	
386	Accumulator	956
387	Sybraulifche Bibber ober Stoffheber	959
388	Saugenbe Stoffbeber	961
389	Leiftung ber Stoffbeber	963
390	Theorie des Stoßhebers	965
391392	Saugheber	968
398	Theorie bes Saughebers	972
394	Der Beronsbrunnen, bie Bafferhebunges Luftmafdine	976

Dritter Abfcnitt.

Bon ben Luftbewegungsmafchinen.

Erftes Rapitel.

Bewegung ber Luft burch bie Barme.

§. 395 396 897 398 399	Fortschaffen ber Luft, Gebläse und Bettermaschinen
	Zweites Kapitel.
F 01	tbewegung ber Luft burch birectes Bufammenbrücken
	ober Ausbehnen berfelben.
400	Geblafe und Bentilatoren
401	Rolbengebläfe
402	Windregulatoren
403	Raftengeblafe
404	Betterfat
_	Glodengeblafe
405	Leberne Balgen
406-407	
408	Schiebergeblafe
409-410	Geblafefolben und beren Liberungen
411	Binbleitungen
412	Dufen, Dufenftellung
413	Erhipte Geblafeluft
414-415	Theoretische Arbeit ber Geblafe
416	Der schabliche Raum ber Kolbengeblafe
417	Berlufte burch bie Bentile
418	Berlufte burch bie Schieber
419	Shiebermechanismus
420	Gebläse-Indicatoren
421	Rebenhinderniffe und Betriebstraft ber Bentilgeblafe 1055
422	Rebenhinderniffe und Betriebsfraft ber Schiebergeblafe 1060
423-424	Theorie ber Windregulatoren
425-426	Binbmenge, Große ber Dufenmunbung für talte Geblafeluft 1070
	Große ber Dufenmunbung für erhitte Geblafeluft 1078
429	Große und Dimenftonen ber Rolbengeblafe 1084

sate ber hier abgehandelten Maschinen zusammengestellt, sondern auch die zur Construction und Beurtheilung der Leistung anderer Arbeitsmaschinen nothigen theoretischen und empirischen Regeln und Sate mitgetheilt.

Schließlich erlaube ich mir nur noch auf eine Auslassung bes Herrn Professor's Schellbach in ber Borrebe zu seinen neuen Elezmenten ber Mechanik, Berlin 1860, hier in wenigen Worten Folzgendes zu erwidern. Herr Professor Schellbach sindet darin einen Anstoß, daß ich in meiner Mechanik die Masse eines Körpers durch den Quotienten aus dem Gewichte desselben und der Beschleunigung der Schwere messe. Obgleich Herr Professor Schellbach hierbei indirect mit einer großen Anschuldigung gegen mich hervortritt, glaube ich doch meine Schüler und die Leser meines Wertes dadurch beruhigen zu können, daß ich hierin den berühmtesten neueren Autoritäten, Poisson's Traité de Mécanique, Band 1, Seite 227, 2. Ausl. serner Navier's Résumé des leçons de Mécanique, Seite 81, und Poncelet's Introduction à la Mécanique industrielle, Seite 116, 2. Ausl.).

So übergebe ich benn hiermit ben geehrten Lefern meiner Ingenieur= und Maschinenmechanik ben Schluß bes ganzen Berkes, begleitet mit bem Bunsche, baß biese Schrift trot ihrer Mangel eine nachsichtige Beurtheilung finden, Ingenieuren und Mechanikern als ein nütliches Lehr= und Handbuch bienen und ber beutschen Literatur zur Ehre gereichen moge!

Freiberg, ben 15. September 1860.

Der Berfasser.

Inhalt des dritten Theiles.

Erfte Ubtheilung. Die Mechanit ber Zwischenmaschinen.

	Einleitung.	etle
1	Bwifdenmaschinen	7
	Erftes Rapitel.	
	Bon ben fortpflanzenben Mafchinentheilen.	
2	Bellen, Bapfen und Bapfenlager	8
3-4	Bellenftarfen	9
5		13
6	Ruppelungen	15
7		18
89		22
10		26
11	Subverluft	27
12		29
13—15		30
16		37
17		38
18		40
19		42
20-21	Tragfraft ber Sanffeile	43
22	Bergleichung ber Seile und Ketten	46
23—24		48
	Zweites Kapitel.	
	Bon ben Rabermerten, ober ben Gulfemitteln gur	
	Abanberung ber ftetigen Kreisbewegung.	
25	Raberwerfe, Bahn- und Riemen-Raberwerfe	52
26		54
27		56
28	- , 0, ,	58

П	

Inhalt bes britten Theiles.

§.												Gelte
29	Riemenraber											59
30	Riemenspannungen											60
31	Treibriemen											63
32	Spannrollen											65
83	Riemenführung											69
3485	Riemenraber (Trommeln)											71
36	Seil-, Retten= unb Stangent											77
37	Bahnraber											79
38	Conifde Raber											80
39	Spperboloib											82
40-44	Syperboloibenraber	•			-							84
45	Reibungeraber								Ċ	_	_	92
46-47	Radiahne								·		į.	93
48	Bahn = und Rammraber											96
49	Bahnbimenftonen									:		97
50-51	Bahnezahl								•	•	•	98
52 - 56	Bahnreibung							•	:	•	:	102
57	Stufenraber									•	:	111
58—59	Allgemeine Zahnformen	•	• •	•	•	•	•	•		-		113
60-61	Eniquelaiben und Bustnanten	. I'h.	• •	•	•	• •					•	117
	Epicycloibens und Evolventen	gayn	E	• •	•					•	•	120
62—63	Rreisförmige Bahne					•		•		•	•	120
64-65	Willie' Bahnformen							• •		•	•	
66	Obonthographe							•		•	•	124
67—68	Drehlinge						•			•	•	127
69	Rumpfe	•		•	•			•	٠	•	•	132
70	Bufammengefette Bahnflachen	•		•	•	•	• •				•	134
71	Innere Bergahnung								•	•	•	136
72 - 73	Evolventenverzahnung								•	•	•	138
74	Willie' Bergahnung ber Rabe	r.		•	•	•			•	•	•	143
75—76	Bergahnung conifder Raber Spperboloibenraber	•			•				•	•	•	
77	Spperboloibenraber			•	•					•	•	
78	Rammräber								•			150
79	Rabconftructionen. Bolgerne	Bahr	rāb	er .								151
80	Giferne Bahnraber	•			•							153
	• ***											
	Drittes											
	Bon ben Excentrife unb	ben	R r	u m r	nza	Þf	en,	ale	b	n		
	einfachften Gulfemitte	ln x	ur !	Ber	wa	n b	lun	g b	er			
	Rreisbewegung in											
	uma		_	🕶 (1	0,	,	•				
	y	9	• ••									
81	Seilforb											156
82	Gezahnte Stange											158
83 - 84	Daumen				-		•			-		159
85		:										162
86	Angriff ohne Stoß							•	-		:	
87—88	Ercentrife					:					:	
89-90	Rrummzapfen		•						:	:	:	168
•		-			-	•			•	•	•	~~~

	Inhalt bes britten Theiles.						VII
§.							Geite
91	Doppelte Rrummgapfen	_	_				178
92-93	Rurbelftange						174
94	Balancier					,	177
95	Bewegung bes Krummgapfens						
96	Gefcwindigfeiten ber Kurbel						181
97—98	Rrafte ber Rurbel						182
99							185
100	Mechanif bes Krummzapfens						188
101	Tragheit bes Lenfers		•				190
102	Maximal = und Minimalgeschwindigfeit						191
103	Umbrehungszeit bes Krummgapfens ,						198
104	Bewegung burch eine Stangenfraft						194
105	Ginfluß furger Rurbelftangen						
106-109	Theorie boppelter Krummgarfen						
	Theorie breifacher Krummzapfen						
112	Ungleichformigfeitegrab verfchiebener Rrummgapfen						
113	Rrummgapfen fur ofcillirende Cylinber						212
	Rrummzapfen für Bebel und Balanciers						213
117—119	Rrummzapfen mit veranberlicher Umbrehungetraft				_		220
120	Doppelte Krummgapfen bei Expanfione Dampfmaj	фir	en		•		229
		•					
	Viertes Rapitel.						
Bon be	en Berabe und Senkrechtführungen bei b	e r	V	ert	vaı	161	ung
be	er Kreisbewegung in bie gerablinige, und u	m	get	e h	rt	,	_
	bei ber Umsetung ber gerablinigen			·			
	wegung in bie freisformige.						
101 100							233
	Befte Leitungen, Leitungerahmen						
125-124	1 Gegenlenker	•	•	•	•	٠	201 041
125-126	G Seitenabweichung ber Gegenlenker	•	•	•	•	•	241 946
127128	B Contrebalancier	•	•	•	•	•	240 050
129131	1 Batt'iches Barallelogramm	•	•	٠	•	•	202
100 104	Seitenabweichung ber Parallelogrammführung	•	•		•	•	209
155-154	4 Gerabführung mit oscillirenbem Träger	•	٠	•	•	•	201
	Fünftes Rapitel.						
	Bon ben Schrauben und von ben Schraub	. n ·	. 8 5	•	n		
							•
135	Schraubenlinte	٠	•			•	267
136			•			•	
137	Schraubenfläche und Schraube						
138	Schraubenfläche und Schraube	•	•	٠	•		271
	Schraubenbewegung	•	•	•	•	•	271 273
139	Schraubenbewegung	•	•	•		•	274
140	Schraubenbewegung Schraubenzieher, Schraubenschlüssel Anwendung der Schrauben Stärfe und andere Dimenstonen der Schrauben	•	•	•	•	•	274 275
140 141—149	Schraubenbewegung Schraubenzieher, Schraubenschlüssel Anwendung der Schrauben Stärfe und andere Dimenstonen der Schrauben Theorie der stachgängigen Schrauben	•	•	:	•	•	274 275 276
140 141—143 144	Schraubenbewegung Schraubenzieher, Schraubenschlüssel Anwendung der Schrauben Stärfe und andere Dimenstonen der Schrauben Theorie der stächgängigen Schrauben Theorie der scharfgängigen Schraube	•	•	•	•	•	274 275 276 283
140 141—149	Schraubenbewegung Schraubenzieher, Schraubenschlüssel Anwendung der Schrauben Stärfe und andere Dimenstonen der Schrauben Theorie der stachgängigen Schrauben	•	•	•	•	•	274 275 276 283

•

Inhalt bes britten Theiles.

ş.		Geite
147—148	Schraube ohne Ende	. 290
149150	Schraubenraber	. 295
	Sechstes Kapitel.	
	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	
	Bon ben ungewöhnlicheren Zwischenmaschinen ober	i
	Sülfemitteln zur Abanberung ber Bewegung.	
151	Elliptifche Raber	300
152	Spiralraber	302
153	Conische Spiralraber	304
154	Ercentrifche Rreisraber	. 307
155-156		309
157	Laufaetriebe	312
158	Gerablinig wieberfehrenbe Bewegung	314
159	Rreisformig wieberfehrenbe Bewegung	316
160	Sperrraber und Sperrflinfen	318
	Siebentes Kapitel.	
	Bon ben mechanischen Borrichtungen gum Reguliren,	,
	Moberiren, Egalifiren, In- und Außergangfegen	
	ber Maschinen.	
161	Regulatoren, Moberatoren u. f. w	821
162	Anferhemmung	322
163	Cylinderhemmung	824
164	Der Windfang	
	Die Bremse	830
168	Anwendung der Bremfe	886
	Theorie der Bremse	337
172	Bernettte	0.45
	CH	340 846
176	Gybraulischer und pneumatischer Balancier	853
	Bugbruden	. 356
179—182		000
	Gegengewicht bei Krummzapfen und Gestängen	. 362 . 373
100-102	Schwungraber	. 373 . 895
195—197		
	Parabolischer Centrifugalregulator	406
199		409
200	Feberregulator	. 411
201	Sybraulische und pneumatische Regulatoren	418
ZUZ-204	Eine und Ausrückvorrichtungen	415

503

506

510

511

3 weite Abtheilung.

Die Mechanik ber Arbeitsmaschinen.

§. 205 Eintheilung ber Arbeitsmaschinen
Won den Förderungsmaschinen.
Erstes Rapitel.
Bon ben Maschinen zum Seben ber Lasten auf kleinere Höhen.
206 Bericiebene Arten ber Forberungemafcinen 42
207 Sebel und Gebelaben 42
208 Rollen
209 Rollen und Flaschenzüge 49
210-211 Blafchenzuge
212 Binben, Baus und Fuhrmannswinden 44
213 Sphraulische Breffe 44
214 Sphraulifche Binbe 44
215 Transportable Borgelegshaspel
216 Gegenwinden ober Differenzialhaspel 44
217—219 Aufzüge
220 Bneumatische Aufzüge
221 Bafferfaulenaufzug
222-223 Sanges und Ablademafdinen
224—227 Krahne
228 Bewegliche Krahne
229 Bafferfaulenfrahn
280 Dampffrahn
291 Statif ber Krahne
232 Rechanif ber Krahne
233 Rammmafchinen

Dechanische Arbeit ber Rammen

Abbohrmaschinen

234

235

236

237

ĺ

1

Bweites Rapitel.

Bon ben Dafdinen gum Geben ber Laften auf größere Boben.

§.					€elte
238	Berfchiebene Dafchinen jum Forbern in Schächten .				514
239-240	Berghaspel	. ,			. 515
241	Berghaspel				. 521
242-244	Sand = und Bferbegovel				. 524
245	Spiralforb			,	. 535
246-248	Spiralforb	. ,			. 540
249-25 0	Bafferfaulengopel				. 555
2 51—252	Bafferfaulengöpel	•	. •		. 560
	Drittes Rapitel.				
1	Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ob	er	nab	e	
	horizontalen Wegen.		,	•	
258	Förberungsmethoben				. 568
254	Förberungsmittel	•	•	•	. 569
255	Schiebfarren	•	• •	•	
256	Zweirabrige Karren	•	• •	•	. 57 3
257	Maganeribar	•	• •	•	. 576
258	Bagenraber	•	• •	•	. 579
259	Anftog ber Raber an Steine	•		•	. 581
			• •		. 584
268	Biberftanbscoefficienten	•	• •	•	
264	Schienenbahnen	•		•	
265	Schienen und Schwellen	•	•	•	. 598 . 600
266	Unterbau	•	• •	٠.	
267	Berbinbung getrennter Schienenbahnen	•	, .		
268					
269	Gisenbahnwagenraber	•			. 616
270	Eisenbahnwagen	•	• •	•	
270 271	Seilbahnen	•	• •	•	
272	Recomptine	•	• •		
	Eocomotiven	•	• •	•	
275	Befchreibung einer abgebilbeten Locomotive	•	• •		
276.	Locomotivenmedanismen	•	• •		. 681 . 685
277	Locomotivensteuerung				
	Schickerheimenne	•	• •	•	
990 999	Schieberbewegung	•	• •	•	
200-202	Ciephenion iche Coutiffe	•	•	•	. 650
285	Dampfwagengeftelle	•	•	•	. 662 . 666
286 286	Tenber	•		•	. 606
	Dampfwagen mit brebbaren Arengestellen	•		•	. 670
	Theorie ber Bewegung ber Dampswagen	•	• •-	•	. 674
294	Gegengewichte	•	• •	•	. 698
3 95—296	Wiberstand auf Eisenbahnen			•	. 697

	Ingalt des druten Apelles.	AI
ş.		Geite
297	Schifffahrtscanale	704
298	Speisung ber Canale	706
299	Rammerfdbleufen	709
300-301	Schleusenthore	718
302	Bafferbebarf beim Durchschleusen	720
303	Seitenbassins	723
30 4	Girarb's Schleuse mit Schwimmer	725
305	Schiffsaufzüge	728
306-307		730
308	Schifferiffe	786
309	Schiffeformen	738
310	Stabilitat ber Schiffe	741
311	Biberftand bes Baffers	746
312	Schiffsziehen	747
313	Das Steuern ber Schiffe	751
314	Fortbewegung ber Schiffe burch Rubern	758
315	Ruberfchaufel, Schaufelrab	756
316	Flügelrab	759
317	Bugfiren burch Dampfichiffe	
318	Berbindung ber Ruberraber mit ber Dampfmaschine	762
319	Ruberraber	765
320	Schaufeltaber	767
321	Schraubenraber	772
322	Dampfichiffsmaschinen	776
323	Schiffebampfteffel	780
324	Ablaffen bes Reffelwaffers	782
002		
	Zweiter Abschnitt. Won den Wafferhebungsmaschinen.	
	Erstes Kapitel.	
	Bon ben Maschinen zum Geben bes Waffers auf kleinere Höhen.	
825	Berfciebene Arten bes Bafferhebens	785
325 326	Bafferschaufeln	
320 327	Burfräber	789
828	C L the th	
	Schopprader	798
325-33	OD-1. A . 4	
331 332		
338	0.0 / m / h	806
	Betrung der Paternosterwerte	811
9 9 035	38 Wasserschraube	012

Zweites Rapitel.

Bon ben Maschinen zum Geben bes Baffers auf größere Göhen.

§ .	€ei	ite
339-840	Die Spiralpumpe	28
841-843	Centrifugalpumpen 83	34
344	Rotationspumpen	12
345	Berfchiebene Arten von Bumpen 84	14
346	Pumpen mit Bentilfolben	15
847-348	- panipan min zanjarawan	18
849	Doppelpumpen	52
350	Saughohe	54
351	Schablicher Raum	7
352	Bumpenröhren	9
353—355	Pumpenventile	;1
856	Bumpenfolben	
357	Niebrige und hohe Saugfate 87	0
858	Donches und Berfpectivpumpen 87	2
359	Saug= und Drudpumpen	4
360	Monchepumpen	
361	Raftenpumpen und boppeltwirfende Pumpen 87	
362	hubwaffermenge und Rolbenburchmeffer einer Bumpe 88	31
363-864	Rebenhinderniffe ber Bumpen	4
365-8 66	Arbeit gur Bewegung ber Bumpen 88	37
367	Bumpenwerke, Runftgezeuge, Sanbpumpen 89	5
368 —3 70	Feuersprigen	7
371 —372		
373	Runftgezeuge	
374	Runftgeftange	
375	Radfunfte	9
376—378	Bafferfaulenkunfte	8
	Dampfpumpen	
381-382		0
383	Dampffunft mit Balancier 94	
384	Directwirkenbe Dampffunft 94	9
385	Stäbtische Wafferhebungsbampfmaschine 95	3
386	Accumulator	6
387	Sybraulische Wibber ober Stoffheber 95	9
888	Saugenbe Stoffheber	
389	Leiftung ber Stoffeber	3
390	Theorie bes Stoffhebers	
391—392	Saugheber	8
398	Theorie bes Saughebers 97	2
394	Der Beranchrunnen bie Mafferhehungeschuftmafdine	

Dritter Abiconitt.

Bon ben Luftbewegungsmafchinen.

Erftes Rapitel.

Bewegung ber Luft burch bie Barme.

§.	Seite
395	Fortichaffen ber Luft, Geblafe und Bettermaschinen 979
396	Bewegung ber Luft burch Temperaturbiffereng 981
397	Raturlicher Lufts und Bettermechfel
398	Runftlicher Luft- und Betterwechsel, Betteröfen 988
399	Theorie bes funftlichen Betterwechsels
	Zweites Kapitel.
₹01	ribewegung ber Luft burch birectes Bufammenbrücken
	ober Ausbehnen berfelben.
400	Gebläse und Bentilatoren
401	Kolbengebläse
402	Binbregulatoren
403	Raftengebläfe
404	Betterfat
	Glodengebläfe
405	Leberne Balgen
106407	Doppeltwirkenbe Cylindergeblafe. Liegendes Cylindergeblafe 1010
408	Schiebergeblafe
L09-41 0	
411	Binbleitungen
412	Dufen, Dufenstellung
413	Erhitte Geblafeluft
14-415	Theoretische Arbeit ber Geblase
416	Der schäbliche Raum ber Kolbengeblafe 1040
417	Berluste burch bie Bentile
418	Berlufte burch bie Schieber
419	Schiebermechanismus
420	Geblase-Indicatoren
421	Rebenhinderniffe und Betriebstraft ber Bentilgeblafe 1055
422	Rebenhinderniffe und Betriebefraft ber Schiebergeblafe 1060
23-424	Theorie ber Winbregulatoren
25-426	Binbmenge, Große ber Dufenmunbung fur talte Geblafeluft 1070
27-428	Große ber Dufenmunbung fur erhipte Geblafeluft 1078
429	Große und Dimenfionen ber Rolbengeblafe

XIA	Inhalt bes britten Banbes.
S.	Seite
481-488	Umtriebsmaschinen ber Geblafe
434	Große ber Umtriebefraft, Auffchlagwaffermenge, Dampfmenge . 1107
485	Somungrad birect wirfenber Dampfmaschinengeblase 1109
	Rotirende Rolbengeblafe
200 201	organical descriptionals
	Drittes Kapitel.
Bref	fungeveranberung und Fortbewegung ber Luft burch
	bie Kraft ber Trägheit.
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
438	Bentilatoren
439	Centrifugalventilatoren
440-441	Theorie ber Bentilatoren
442	Bentilatoren mit frummen Schaufeln
443	Construction ber Bentilatoren
444	Rads und Diffuserschaufeln
445-446	Berichiebene Conftructionen ber Centrifugalventilatoren 1148
447	Windradventilatoren und Schraubenventilatoren
448	Theorie ber Schraubenventilatoren
	Biertes Kapitel.
	'
Su	ammenbrüdung und Fortbewegung ber Luft mittels
Bu	'
	ammenbrückung und Fortbewegung ber Luft mittels bes Baffers.
449	ammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels bes Baffers. Spirals und Schraubengebläfe
449 450—452	ammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels bes Baffers. Spirals und Schraubengebläfe
449 450—452 453	ammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Baffers. Spiral= und Schraubengebläfe
449 450—452 453 454	ammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels bes Baffers. Spiral= und Schraubengebläfe
449 450—452 458 454 455—456	ammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Baffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457	ammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Waffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 458 454 455—456	ammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Baffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457	ammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Waffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457	ammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Waffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457	ammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Waffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457	ammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Waffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457	Tammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Wassers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457 458	Tammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Wassers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457 458	Tammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Wassers. Spiral: und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457 458	Tammenbrückung und Fortbewegung der Luft mittels bes Wassers. Spiral: und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457 458	Tammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels bes Wassers. Spiral: und Schraubengebläse
449 450—452 458 454 455—456 457 458 23 o n b	Tammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Wassers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 458 454 455—456 457 458 23 o n b	Tammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Wassers. Spiral: und Schraubengebläse
449 450—452 458 454 455—456 457 458 23 o n b	Tammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Wassers. Spiral: und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457 458 23 o n b	Tammendrückung und Fortbewegung der Luft mittels des Wassers. Spiral: und Schraubengebläse

Ingalt des dritten Bandes.
Seite
Theorie ber Boch= und Stampfwerke
Umtriebsmafdinen ber Boch: und Stampfwerte 1220
Umtriebsfraft ber Pochs und Stampfwerte 1225
Stempels ober Freifallhammer
Theorie ber Stempelhammer
Frictionshammer
Theorie ber Frictionshammer
Dampfhammer, zwei hauptspfteme berfelben 1266
Anbere Dampfhammerfpfteme
Theorie ber Dampfhammer
Debelhammerwerte
Schwanzhammer
Sammergerufte
11 mtriebemafchine ber hammerwerfe 1298
Steiermartifches hammerwert
Schwanzhammer mit Dampfmaschinenbetrieb 1298
Stirnhammer, Brufthammer
Balfhammer
Bellbaumen und Daumenconftructionen
Statif ber Debelhammerwerfe
Mechanif ber Gebelhammerwerte
Leiftung ber hammerwerfe
Rallzeit ber Bebelhammer
Arbeiteverluft beim Fallen und Auffchlagen bes Sammere 1387
Stoß gegen ben hammerreitel



Erfte Abtheilung.

Die Mechanik ber Zwischenmaschinen.

Einleitung.

6. 1. Die Krafts ober Umtriebsmafdinen, wie g. B. die Bafs 3mifden. fertaber, Dampfmaschinen u. f. m., geben felten unmittelbar biejenigen Bewegungen, welche zur Berrichtung einer gewiffen Arbeit, 3. B. jum Bafferheben burch Pumpen, ober jum Schmieben ber Metalle mittels Sammer u. f. w. nothig find; meift bedarf es vielmehr noch gemiffer Borrichtungen, ber fogenannten 3 mifchenmafchinen, welche bie Bewegungen ber Rraftmaschinen abanbern, umseten und auf die Arbeitemaschinen übertragen (vergl. II. §. 42). Bei einer gewohnlichen Gagemuble 3. B. wird bie Rreisbewegung bes Bafferrabes mittels Raber, Rrummzapfen u. f. w. umgefett, abgeandert und auf bas Sagegatter, ben arbeitenben Dafchinentheil, übergetragen. Die 3mifchenmaschinen bestehen aus Rabern, Bebeln, Schrauben, Stangen, Seilen, Riemen u. f. w. und find fo mannigfaltig, baß fie fich nicht gut in ein geordnetes Spftem gufammenftellen laffen. Manche berfelben bienen gur blogen Fortpflanzung ber Bewegung, andere jur Menderung ber Bewegungerichtung, andere gur Beranberung ber Geschwindigkeit, noch andere zur Abanderung ber Bewegungeweife u. f. w.

Die Rraft= ober Umtriebsmaschinen liefern uns vorzüglich nur amei Bewegungen, bie ftetige Bewegung im Rreife und bie abfetende Bewegung in ber geraben Linie, beshalb haben wir benn auch im Folgenden vorzüglich nur von der Fortpflanzung, Umfegung und Absehung biefer Bewegungen zu handeln.

Anmertung. Sehr gewöhnlich theilt man bie Bewegungen bei Dafcinen in einfache und gufammengefeste, erftere aber wieber in gerablis nige und freisformige ein, und unterfcheibet in beiben gallen bie ftetige und bie abfetenbe ober hin= und hergebenbe Bewegung von einanber. hiernach giebt es also vier verschiebene einfache Bewegungen, und fechezehn Rafdinenspfteme, woburch jebe biefer Bewegungen in fich felbst ober in eine ber brei übrigen abgeandert wird. Dan findet hierüber Ausführliches im erften Banbe ber allgemeinen Mafcinenenepclopable von Gulffe, ferner in ben

3mifden.

Principles of Mechanism, by Robert Willis, London 1841, in Berbam's Grunbfate ber angewandten Wertzeugswiffenschaft und Mechanit, Weimar 1834, und in der Schrift von Lanz und Bétancourt: "Essai sur la composition des machines", beutsch unter dem Titel "Bersuch über die Zusammensetzung der Maschinen" von Krenber, Berlin 1829.

Erstes Rapitel.

Bon den fortpflanzenden Maschinentheilen.

S. 2. Die Wellen (franz. arbres; engl. shafts, journals) sind die ersten Hilfsmittel zur Fortpstanzung einer stetigen Kreisbewegung. Ihre Umbrehungsare fällt in der Regel mit ihrer geometrischen Längenare zusammen. Nach der Lage ihrer Aren hat man liegende, stehende oder geneigte Wellen. Schwache stehende Wellen nennt man Spindeln (franz. fuseaux; engl. spindles). Man hat Wellen aus Holz, Guß= oder Schmiedeeisen. Die hölzernen Wellen werden gewöhnlich polygonal bearbeitet, gußeiserne Wellen sind cylindrisch und entweder massiv oder hohl und erhalten nicht selten noch Rippen oder Federn (franz. nervures; engl. feathers); schmiedeeisernen Wellen giebt man meist einen quadratischen Querschnitt oder läßt sie cylindrisch abbrehen. Damit die Welzlen während ihrer Umdrehung nicht in Schwingungen gerathen, oder vielzmehr bald größere, bald kleinere Biegungen erleiden, soll man ihnen mögzlichst regelmäßige Querschnitte geben.

Eine Welle ift noch mit Ropfen gur Aufnahme von Bewegungethei= len, 3. B. Rabern, und mit Bapfen jur Uebertragung ihres Drudes auf bie Unterftutung verbunden. Die Ropfe ober die Stellen, mo bie Raber auf ben Wellen auffigen, erhalten um 1/4 bis 1/2 mehr Starte als bie Welle felbst; sie find meift rund, ober regelmäßig prismatisch. Die Bapfen (frang. tourillons; engl. gudgeons) find genau abgebrehte cylindrifche Theile ber Welle, welche in entsprechend ausgebrehten Lagern, ben fogenann= ten Bapfenlagern ober Pfannen (frang. coussinets; engl. plumber blocks), umlaufen. Bei einer ftehenden Belle heißt ber untere Bapfen gewöhnlich ber Stift (frang. und engl. pivot) und bas Lager, worin berfelbe umlauft, die Pfanne (frang. crapaudine; engl. step, bearing). Die Bapfen find in der Regel von Gug- ober Schmiebeeisen und bilben febr oft mit ber Welle ein Ganges, die Bapfenlager bestehen gwar oft aus Gufeisen oder Meffing, find aber am besten aus Rothguß (5 Theile Rupfer und 1 Theil Binn) herzustellen. Mehreres über biefen Gegenftand ist schon II. §. 90 abgehandelt worden.

§. 3. Die Stårke, welche einer Belle zu geben ist, richtet sich theils nach wellenkarten ber Belastung, theils nach dem Krafts ober Torstonsmomente ber Belle. Bei wenig belasteten Wellen läßt sich bieselbe vorzüglich aus letzterem bes rechnen. Ist Pa das Kraftmoment, welches durch eine Welle übergetragen wird, so haben wir nach I. §. 211 für die Stårke d=2r einer runden außeisernen Welle:

$$Pa = 12600 \, r^3 = 1575 \, d^3$$
, und daher $d = \sqrt[8]{rac{Pa}{1575}} \, 300$,

ober, wenn man Pa in Fußpfund, alfo ben hebelarm a in Fugen giebt,

$$d = \sqrt[3]{\frac{Pa}{131}} = 0,197 \sqrt[3]{Pa}$$
 300.

Der größeren Sicherheit wegen ift jedoch erfahrungsmäßig $d=0,35\sqrt[6]{Pa}$ Boll zu nehmen.

Ift L bie Leiftung in Pferbetraften (ju 510 Ffpf.), welche burch bie Belle fortgepflanzt wird, und u bie Anzahl ber Wellenumbrehungen pro Minute,

so hat man
$$L=rac{\pi u\,a}{30}\cdotrac{P}{510}$$
, baher $Pa=rac{15800\,L}{\pi u}$ und $d=6\sqrt[3]{rac{L}{u}}$ 30U.

Ift die Welle hohl und n das Verhaltniß des innern Durchmeffers d_1 jum außern, also $d_1 = nd$, so hat man

$$d = 6 \sqrt[3]{\frac{L}{(1 - n^4)u}} 3011, \text{ i. 33. für } n = 0,6, d = 6,3 \sqrt[3]{\frac{L}{u}}$$

und die Eisenstärke: $\frac{d-d_1}{2}=1,26\sqrt[3]{rac{L}{u}}$ 3off.

Fur einen Schaft ober eine Belle mit quabratifchem Querschnitte ift, wenn s die Seite beffelben bezeichnet, bas Torfionsmoment

$$\frac{8\sqrt{2}}{3\pi} \cdot \left(\frac{s}{d}\right)^3 = 1,2\left(\frac{s}{d}\right)^3$$
 mai

fo groß als fur bie runde Belle, und baher

$$s = 6\sqrt[8]{\frac{L}{1,2u}} = 5,65\sqrt[3]{\frac{L}{u}}$$
 3oû.

Schmiedeeiserne Wellen konnen um 4 Procent schwächer, und holzerne, namentlich solche aus Sichen- ober Tannenholz, muffen mindestens doppelt so stark gemacht werden, als gußeiserne Wellen.

Lange Transmiffionswellen muffen eine großere Starte erhalten, ale obige Formeln angeben, bamit bie Torfionswinkel nicht fehr groß ausfallen.

Sett man in der Formel $Pa=160000\,rac{lpha^0 r^4}{l}$ (I. §. 211) statt $r^4=rac{d^4}{16}$,

Wellenkörten. druckt man ferner ben Hebelarm a und die Länge l der Welle in Fußen aus und nimmt man ben zulässigen Torsionswinkel $\alpha^0=(1/\!\!\!/_4)^0$, so erhält man $Pa=17\,\frac{d^4}{l}$, daher die entsprechende Stärke einer gußeisernen Transmissionswelle $d=0.49\,\sqrt[4]{Pa\,l}=4\,\sqrt[4]{\,\frac{Ll}{l}}$ Joll.

Diese Formel ist nur anzuwenden, wenn die Wellenlange $l > \left(\frac{6}{4}\right)^4 \sqrt[3]{\frac{L}{2L}}$, b. i. $> 5 \sqrt[3]{\frac{L}{2L}}$ ist.

Drudt man $\frac{L}{u}$ burch d aus, und l wie d in Zollen, so läßt sich biesc Bebingung auch burch $l>12\cdot\frac{6^3}{4^4}d$, b. i. $l>10\,d$ ausbrücken.

Wenn eine Welle der Wirkung einer lebendigen Kraft ausgeset ist, wie z. B. wenn auf derselben ein Schwungrad sitt, so muß man deren Starke nach dieser Wirkung berechnen. Ist G das Gewicht des Schwungringes und v die Seschwindigkeit desselben, so hat man das Arbeitsquantum, welsches dieser Ring ausgiebt, wenn er in Ruhe versett wird, $L=\frac{v^2}{2g}G$. Ist dagegen Pa das Torsionsmoment und α der Torsionsbogen, so hat man die Arbeit, durch welche die Torsion hervorgebracht wird, $L=\frac{\alpha a P}{2}$, oder, da nach I. §. 209, für eine cylindrische Welle $\alpha=\frac{4 l Pa}{\pi r^4 E}$ ist,

$$L = \frac{2l(Pa)^2}{\pi r^4 E} = \frac{\pi r^4 E}{8l} \cdot \alpha^2,$$

und da endlich für das Abwürgen, nach I. §. 211, $\left(\frac{\alpha r}{l}\right)^2 = \frac{2K}{E}$ ist, $L = \frac{1}{4}\pi r^2 l K$.

Hiernach erhalt man fur die Wellenftarte d=2r die Formel

$$d=4\sqrt{\frac{L}{\pi l K}},$$

ober, wenn man fur Gugeifen K = 1000 Pfund fest,

$$d = 0.07 \sqrt{\frac{L}{l}} = 0.07 \sqrt{\frac{v^2}{2gl}} \cdot G.$$

Beispiel. Belche Stärfe ist einer massiven gußeisernen Belle zu geben, wenn bieselbe bei 20 Umbrehungen pro Minute ein Arbeitsquantum von 40 Pferbefräften fortpflanzen soll? Nach ber Formel $d=6\sqrt[3]{\frac{L}{u}}$, folgt bie gesuchte Stärfe $d=6\sqrt[3]{\frac{40}{20}}=74/7$ Boll. Bei einer Länge l von 20 Fußen

würde nach ber Formel $d=4\sqrt[4]{\frac{Ll}{u}}$ biefe Stärfe $d=4\sqrt[4]{2\cdot 20}=4\cdot 2,5$ wedenftärten. =10 Boll betragen müffen, und wenn hingegen biefe Welle nur 5 Fuß Länge hätte und ein Schwungrad von 10 Fuß Halbmeffer und 20000 Pfund Gewicht trüge, fo würde nach ber Formel $d=0.07\sqrt[4]{\frac{v^2}{2g\,l}}\,G$ bie Stärfe der Welle $d=0.07\sqrt[4]{\frac{(10\cdot 20\cdot \pi)^2}{30}}=\frac{20000}{62.5\cdot 5}=0.07\sqrt[4]{438,6.64}=11,730$ l sein müffen.

§. 4. Aus der Belastung Q einer Welle läßt sich die Stärke derseiben nach den schon in I. §. 202 und II. §. 89 gegebenen Regeln berechnen. Ist die Last Q auf den Theil c der ganzen Wellenlänge l gleichmäßig vertheilt, und steht der Mittelpunkt des Theiles c oder der Last Q von den beiden Lagern oder Stüspunkten um l_1 und l_2 ab, so hat man für die Seite s einer vierkantigen Welle: $s=\sqrt[3]{\frac{6\,Q}{K}\binom{l_1\,l_2}{l}-\frac{c}{8}}$. Siebt man c, l, l_1 und l_2 in Fußen und nimmt man für $\frac{K}{6}=1000$ Pfund, so erhält man für eine solche Welle aus Gußeisen

$$s=0.23\sqrt[3]{Q\left(rac{l_1\,l_2}{l}-rac{c}{8}
ight)}$$
 Boll.

Fur eine maffive cylindrifche Belle ift bagegen bie Starte

$$d = 1,2 s = 0,28 \sqrt[3]{Q(\frac{l_1 l_2}{l} - \frac{c}{8})},$$

und fur eine hohle, wenn die Weite ber Sohlung nd ift,

$$d = 0.28 \sqrt[3]{\frac{Q}{1 - n^4} \left(\frac{l_1 \, l_2}{l} - \frac{c}{8}\right)}.$$

In vielen Källen kann man die Belastung Q in einem Punkte der Welle wirkend annehmen, also $\frac{c}{8}$ gegen $\frac{l_1\,l_2}{l}$ vernachlässigen; es ist dann $\frac{Q\,l_1\,l_2}{l} = R_1\,l_1$, wo R_1 den Druck in einem Zapsen und l_1 den Abstand der kast Q von diesem Zapsen bezeichnet, und daher für eine massive runde Welle aus Gußeisen: $d = 0.28 \sqrt[3]{R_1\,l_1}$.

In vielen Fallen steht das Torsionsmoment Pa und das Biegungs-moment $R_1 l_1$ in einem Verhältnisse zu einander, welches erfordert, daß man bei der Stärkebestimmung einer Welle auf beide Momente zugleich Rückssicht nehmen muß. Es ist dann nach der Theorie der zusammengesetten Festigkeit (f. Ingenieur, Seite 427 und Seite 555) für eine runde gußeiserne Welle: $d^6 = (0.28)^3 R_1 l_1 d^3 + (0.35)^6 P^2 a^2$, oder, wenn man

$$rac{R_1 \, l_1}{Pa} = m \, \, ext{unb} \, \, (0.256 \, m + \sqrt{1 \, + \, 0.0655 \, m^2})^{\, 1/8} = \psi \, \, ext{febt,}$$
 $d = 0.35 \, \psi \, \sqrt[8]{Pa} = 6 \, \psi \, \sqrt[8]{rac{L}{u}} \, \, 30 \, \mathrm{M}.$

für $m=\frac{1}{2}$	1	2	3	4	Б	6
iff $\psi = 1.04$	1,09	1,18	1,27	1,35	1,43	1,50

Fig. 1. u. 2. Ift eine gußeiserne Welle vierkantig und gerippt, wie Fig.

1 und 2 im Querschnitte vor Augen fuhren, fo hat man

$$s=0,23\sqrt[3]{rac{m\,R_1\,l_1}{1+(m^3-1)\,n+(m-1)\,n^3}}$$
 zu sehen, wobei m bas Verhältniß $rac{s_1}{s}$ ber ganzen Rippenhöhe s_1 zur

Seite s der Belle und n das Verhältniß $\frac{s_2}{s}$ der Rippendicke s_2 zu eben derfelben bezeichnet.

Gewöhnlich nimmt man $m=\frac{s_1}{s}=3$ und $n=\frac{s_2}{s}=1/s$,

baher hat man $s = 0,23 \sqrt[3]{\frac{3}{9,74}R_1l_1} = 0,15 \sqrt[9]{R_1l_1}$ 3oll.

Big. 3. Fur eine gerippte runde Welle, wie Fig. 3, ift bage-



gen
$$d=0,28$$
 $\sqrt[3]{\frac{mR_1 l_1}{1+1,7[(m^3-1)n+(m-1)n^3]}}$, wo m und n bie Berhaltniffe $\frac{s_1}{d}$ und $\frac{s_2}{d}$ ber Höhe s_1 und Dicked ber Rippen zum Wellenburchmeffer s_2 bezeichnen.

Gewöhnlich nimmt man $m=\frac{s_1}{d}=3$ und $n=\frac{s_2}{d}=1/3$, und erhalt daher $d=0.28\sqrt[3]{\frac{3}{15.86}R_1l_1}=0.15\sqrt[9]{R_1l_1}$ 3off.

Lange Wellen mussen, wenn sie stark belastet sind, nicht nach der Festigsteit, sondern nach der Clasticität berechnet werden, weil durch das Einbiegen ein unaufhörlicher Wechsel in die Spannungen der Welle kommt, und daburch die Haltbarkeit und der genaue Gang derselben leicht beeinträchtigt werden kann. Nimmt man auf jeden laufenden Fuß der Welle 1/120 Boll Einbiegung, seht man also für die ganze Einbiegung einer in der Mitte be-

lasteten Belle: $a=\frac{1}{120}$. $\frac{t}{12}$, so ethalt man, ba nach I. §. 190 biese

Embiegung a auch = $\frac{Ql^2}{48WE}$ ift, $Ql^2=1/_{80}$ WE,

Bellenftärten.

also für eine quadratische Welle, wo $W=\frac{s^4}{12}$ ist, $Ql^2=\frac{s^4}{360}$ E,

dagegen für eine runde Belle, wo $W=\frac{\pi r^4}{4}=\frac{\pi d^4}{64},~Q~l^2=\frac{\pi}{1920}~d^4~E.$

Führen wir nun fur Gußeisen E=17000000 Pfund ein, und nehmen wir die Bellenlange l in Fußen gegeben an, so erhalten wir

$$Ql^{2} = \frac{17000000}{144 \cdot 360} \cdot s^{4} = 328 s^{4} = 193 d^{4},$$

baher umgefehrt, $s = 0.24 \sqrt[4]{Q l^2}$ und $d = 0.27 \sqrt[4]{Q l^2}$.

Holzerne Wellen find auch in diesem Falle boppelt so stark, und schmiebeeiserne um 5 Procent schwächer zu machen. Man kann hiernach auch
leicht beurtheilen, bei welcher Wellenlange die eine ober die andere Formel
die größere Starke giebt. 3. B. fur eine runde gußeiserne Welle ist die

lehte Kormsel anzuwenden, wenn $0,27\sqrt[l]{Ql^2}>0,28\sqrt[l]{rac{Q}{2}\cdot rac{l}{2}},$

also were
$$l > \left(\frac{0.28}{0.27}\right)^6 \frac{\sqrt{Q}}{16}$$
, b. i. $l > 0.078 \sqrt{Q}$ iff.

Druckt man Q burch d aus, fo erhalt man auch bie Bebingung

$$l>rac{\sqrt{0,078}}{0,27}d$$
, oder wenn man auch l in Zollen giebt, wenn $l>12,4\,d$ ist.

Beispiel. Belde Starfe ift einer gußeisernen Belle zu geben, welche bei einer Länge von 8 Fuß ein Arbeitsquantum L von 20 Pferbeträften aufzunehmen, in der Mitte eine Last von 4000 Pfund zu tragen hat und pro Minute 30 Um, drehungen machen soll? Es ist hier $Pa = \frac{30.510}{\pi} \cdot \frac{L}{4} = \frac{510.20}{\pi} = 3247$ Fußpfund und $R_1 l_1 = \frac{Q}{2} \cdot \frac{l}{2} = 2000$. 4 = 8000, daher $m = \frac{R_1 l_1}{Pa} = \frac{8000}{3247} = 2,4$ und nach der odigen Tabelle $\psi = 1,22$, endlich aber die gessuchte Bellenstärfe $d = 6 \cdot 1,22$ $\sqrt[4]{\frac{20}{30}} = 6,4$ Joll.

§. 5. Die Starte der Zapfen einer Welle hangt von dem Zapfendrucke Zapfenkarten. oder von der Belastung der Welle ab. Ist der Zapfendruck =R, der Zapfendurchmesser =d und die Zapfenlänge =l, so hat man, wenn man den ungunstigsten Kall nimmt, daß R am außersten Ende des Zapfens wirkt, nach der Theorie der relativen Festigsteit, und wenn, wie meist, das Masterial aus Gußeisen besteht (f. I. S. 214) $Rl = 4700r^2 = 4700 \left(\frac{d}{2}\right)^2$

und baher
$$d = 2\sqrt[3]{\frac{Rl}{4700}} = 0,12\sqrt[3]{Rl}$$
.

Bapfenftarten.

In der Regel ist l = 5/4 d bis 8/2 d, weshalb

1) $d = 0.048 \sqrt[8]{R}$ Boll genommen wird.

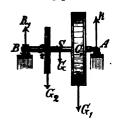
Schmiebeeiserne Bapfen sind um ¼ schwächer zu machen. Nach Busch anan und Armengaub ist für bie Bapfenlange ein mittlerer Werth einzusehen und beshalb 2) $d = 0.27 \sqrt[7]{R}$ Boll zu nehmen.

Jebenfalls fallen nach biefer Formel bie Sapfenstarten bei schwachen Belaftungen zu groß aus.

Siernach ift folgende Tabelle ber Bapfenftarten gufammengefest.

Bapfenbrude in Cents nern zu 100 Pfb.	2	5	10	20	50	100	150	200
Bapfenftärken in Bollen nach 1 ,, 2	0,68 1,60	1,07 2,13	1,52 2,70	2,15 3,40	3,39 4,62	4,80 5,81	5,88 6,66	6,69 7,33

Was die Zapfendrucke anlangt, so kann man dieselben aus dem Geswichte G ber Welle AB, Fig. 4, und aus den Gewichten G_1 und G_2 der Fig. 4. auf ihr sigenden Raber, sowie aus der ganzen



auf ihr sihenden Raber, sowie aus der ganzen Wellenlange AB = l, und aus den Abständen $BC_1 = l_1$ und $BC_2 = l_2$ der Lastpunkte oder Radmittel C_1 und C_2 von einem Stühpunkte B berechnen. Es ist nämlich der Druck im Zapfen A:

$$R = \frac{\frac{1}{2}Gl + G_1l_1 + G_2l_2}{l}, \text{ unb ber in } B$$

$$R_1 = \frac{\frac{1}{2}Gl + G_1(l - l_1) + G_2(l - l_2)}{l}.$$

Befindet fich ein Zapfen zwischen den Randern, deren Momente einander entgegen wirken, wie z. B. bei S in Fig. 4, so muß beffen Starte wie die einer Welle aus bem Torsionsmomente berechnet werden.

Die Starte eines Stiftes ober stehenden Zapfens bestimmt sich mittels ber Torsion, welche die Reibung an der Basis des Stiftes hervorsbringt. Aus dem Gewichte ober dem Arendrucke G der Welle ergiebt sich mit Hilfe des Reibungscoefficienten f (= 0,15) die Reibung an der Basis, und ist nun d die Starke dieses Stiftes, so hat man das Reibungs- oder Torsionsmoment $Pa = \frac{f G d}{2}$. Sest man nun dieses in Formel

 $d=0,35\sqrt[p]{Pa}$ für die Wellenstärke, also P=fG und $a=rac{d}{2}$,

Ober vielmehr $\frac{d}{24}$, weil a in Fußen gegeben fein foll, so erhalt man

$$d^2 = (0.35)^3 \cdot \frac{0.15}{24}G = 0.000268G,$$

Bapfenftarten.

und baher $d=0.0164 \sqrt{G}$ Boll; da aber f leicht noch einmal fo groß ausfallen kann, $d=0.025 \sqrt{G}$.

Diese Formel entspricht auch ziemlich ber Regel Trebgolbs, nach welcher man eiserne Zapfen nur mit 1500 Pfund Druck pr. Quabratzoll belassten foll.

Die Stifte schnell umlaufender Turbinenwellen muffen, bamit sie nicht leicht warm werben, eine großere Starte erhalten. Ift u die Umdrehungsgahl ber Welle pr. Minute, so tann man

$$d = 0.017 \sqrt{(1+0.1 u)G}$$
 Boll in Unwendung bringen.

Beifviel. Eine liegende Welle AB, Fig. 4, von 7 Fuß Lange, tragt 2 Raber, burch welche ein Arbeitsquantum L von 16 Pferdefraften fortgepflanzt wird. Benn nun biese Belle pr. Minute 12 Umbrehungen macht, bas eine Rad 1000 Pfund und bas andere 4500 Pfund wiegt, ferner jenes 3 Fuß von dem einen und dieses 1½ von dem anderen Stützunkte absteht, welche Starten muffen die gußeiserne Belle und die Zapfen derselben erhalten? Die Bellenstärke ift nach

bem Corfionsmoment: $6\sqrt[3]{\frac{16}{12}}=6,6$, ficherer also 7 Boll zu machen. Die

Belle erhalt hiernach annahernb bas Gewicht $G = \frac{\pi \cdot 7^2}{4 \cdot 144} \cdot 7 \cdot 475 = 889$ Pfb.

Sest man hiernach G=889, $G_1=1000$, $G_2=4500$, l=7, $l_1=8$ und $l_2=5,5$, fo erhalt man ben Bapfendruck auf ber einen Seite

$$R = \frac{889 \cdot 3.5 + 1000 \cdot 3 + 4500 \cdot 5.5}{7} = 4409 \, \Re 5.$$

folglich ben auf ber anberen: $R_1=889+5500-4409=1980$ Pfb., unb hiernach bie entfprechenben Bapfenftarfen:

$$d = 0.048 \sqrt{4409} = 3.19 \text{ Boll und } d_1 = 0.048 \sqrt{1980} = 2.14 \text{ Boll.}$$

6. 6. Lange Wellen werben aus mehreren Studen mittels sogenanns Ruppetungen. ter Auppelungen (franz. accouplements; engl. couplings) zusammensgeset. Es giebt seste und losbare Ruppelungen. Bon ben letteren ist weiter unten bei ben sogenannten Eins und Ausrudvorrichtungen bie Rebe. In der Regel werben durch eine Auppelung zwei oder mehrere Wellen so mit einander verbunden, daß die Aren derselben in eine gerade Linie fallen, jedoch verbindet man durch das Universalgelent zuweilen auch Wellen, deren Richtungen um einen mäßigen Winkel von einander abweichen.

Fig. 5.



Die gewöhnlichen festen Auppelungen sind entweber folche mit einem, ober solche mit zwei Salfen (Bapfen) und ben zugehörigen Lagern.

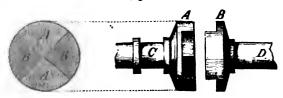
Die einfachste Ruppelung zweier holze wellen gewährt ber boppelte Blattzapfen ACB, Kig. 5, aus Guß-

Ruppelungen, eisen. Es find hier A und B die in die Wellenenden einzusehenden und mit sig. 6. eisernen Ringen zu umgebenden Blat-



eisernen Ringen zu umgebenden Blatter (vergl. II. Fig. 174) und es ist C ber
durch ein Lager zu unterstützende Hale
oder Zapfen. Die Stärke des Halses ist
natürlich nach der Torsionsformel zu bestimmen.

Eine andere Ruppelung mit einem Salfe fuhrt Fig. 7 vor Augen. Fig. 7.



Dieselbe läßt sich auch bei Holzwellen anwenden, wenn man die Auppetungsstücke mit Blättern zum Einsehen in die Wellenenden versieht. Es ist hier AC das eine und BD das andere Wellenende, C der Hals, A und B sind die Kuppelungsköpse mit gegenüberliegenden, je einen Quadranten einnehmenden Zähnen.

Die gewöhnlichste Auppelung ift die durch eine Sulfe ober Muff (franz. manchon; engl. coupling-box). Dieselbe sitt entweder an einem Wellenende fest und greift über das Ende der anderen Welle über, wie z. B. in Fig. 8,

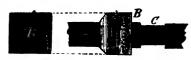
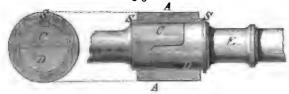


Fig. 8.

wo A bie Ruppelhulse ber einen Welle, B ben in ihr stedenden Ruppeltopf und C ben hals ber anderen Welle vorstellt; ober sie wird über beibe Wellenenden hinweggeschoben,

wie aus Fig. 9 zu ersehen ist, wo AA die Ruppelhulse, C und D die Fig. 9.



Wellenenden und E den Hals des einen Wellenendes vorstellt. Die Wellenenden ober Ruppeltopfe werden entweder stumpf aneinander gestoßen, ober sie werden, wie aus der letten Figur zu ersehen ist, über einander geblattet, so daß ein halbeplindrisches Blatt der einen Welle über ein

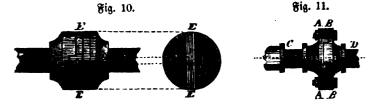
gleiches Blatt ber anderen Welle greift; man giebt benfelben zuweilen Ruppelungen. einen quadratischen, jest aber meist einen kreibsormigen Querschnitt. Die Kuppelungshülse oder der Muff past genau auf die Kuppelungsköpse und wird damit noch durch einen Keil, Splint oder Schlüssel SS (franz. clavette; engl. koy), welcher in rinnenförmigen Vertiefungen des Kuppelstopses und des Kuppelmuffs zu liegen kommt, fest verbunden.

Die Dimensionen einer solchen Kuppelung bestimmen sich aus ber nach ber bekannten Formel d=6 $\sqrt[3]{\frac{L}{u}}$ zu berechnenden Wellenstärke mittels folgender Verhältnisse:

Durchmesser bes Kuppelungskopfes $d_1 = \frac{5}{4} d$, Wandstärke der Kuppelhülse $e = \frac{1}{3} d$, Länge derselben l = 2 d,

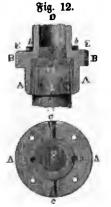
Breite und Dicke des Schlüffelteiles $b_1=0.9e$ und $e_1=\frac{1}{2}b_1$. Die Hauptdimension ist allerdings die Starke e der Auppelhülse. Sie läst sich unter der Boraussehung berechnen, daß das Torsionsmoment der Hülse dem des Auppelkopses gleich sein muß. Bezeichnen wir nun den außern Durchmesser der Hülse, d. i. d_1+2e , durch d_2 , so erfüllen wir diese Bese dingung, wenn wir $\frac{d_2^4-d_1^4}{d_2}=d_1^3$ sehen. Nennen wir $\frac{d_2}{d_1}=x$, so stoßen wir hiernach auf die biquadratische Gleichung $x^4-x=1$, deren Ausschung x=1.22 giebt, wonach also x=1.

Sogenannte Scheiben ober Kranzekuppelungen fuhren bie Figuren 10 und 11 vor Augen. Bei beiben Auppelungen find A und B bie Ruppelscheiben



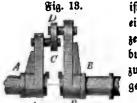
und C und D die Wellenhalfe. Die Kuppelscheiben der ersten sind mit Ruthen versehen, die der letteren aber mit in einander greisenden Kreissectozen. Zwischen jene kommt noch eine dritte Scheibe E zu liegen, welche auf den entgegengesetzten Seiten mit Rippen versehen ist, die in die gleichs gestalteten Ruthen der ersten Scheiben zu liegen kommen. Um das Auss

Auspelungen. greifen ber Scheiben zu verhindern, schraubt man biefe, wie aus Fig. 11



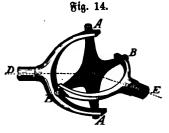
Eine ahnliche Kuppelung, Fig. 12, wendet man auch bei stehenden Wellen an. Es ist hier AA die mit einem Kranze BB versehene Husse, welche über die untere Welle C geschosen und durch die Splinte a, a damit sest versunden wird, D aber die in einen Kranz EE auslausende Welle, welche durch die Schrausben b, b und mittels der schraubenformigen Schlüsseldolzen c, c an den unteren Kranz beseitigt ist; endlich ist F ein conischer Kern, welcher innerlich über beide Wellenenden weggreift und dazu dient, die Wellenaren in einer geraden Lienie zu erbalten.

Univerfalgelent. §. 7. Wenn die Aren zweier Wellen nicht genau in eine gerade Linie fallen, ober nicht genau barin liegend erhalten werben konnen, fo kann man die in Fig. 13 abgebilbete Krummzapfenkuppelung anwenden. hier



ift an jedes der beiden Wellenenden A und B ein Krummzapfen angefest, und es sind die Warzen C und D beider burch ein Gelenk CD verzbunden. Um diese Verbindung sehr nachgiebig zu machen, kann man die Warzen kugelfdrmig gestalten und die Gelenkaugen ebenso aushöhlen. Sollen die zu kuppelnden Wellen unter einem

gewissen Winkel zusammenstoßen, so kann man sich bes Universalge= lenkes bebienen. Das Universalgelenk (franz. joint universel ou brisé; engl. universal joint) von Hook, Fig. 14 besteht in einem bewegs

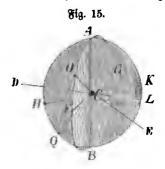


lichen Kreuze ABCBA, beffen zapfensformige Enden durch die bügelformigen Enden ADA und BEB der zu verbindenden Wellen gestedt werden. Bei Umbrehung der Welle D durchläuft der Arm AA des Kreuzes eine auf der Umbrehungsare winkelrechte Ebene, und da der Arm BB unveränderlich mit AA und mit der Welle E verbunden

ist, so führt er benselben in einem Abstande von einem Rechtwinkel in einer auf ber Are von E winkelrecht stehenden Sbene mit sich fort und breht dabei natürlich die Welle E um ihre eigene Are herum. Diese Uebertragung der Umbrehungsbewegung einer Welle auf eine andere ist

jedoch keine gleichmäßige; wenn auch die eine Welle gleichförmig umläuft, so nimmt doch die andere keine gleichförmige Umdrehung an, wie aus Kol-





gendem hervorgeht. Es sei CD, Fig. 15, die Are der Umtriebswelle und CE die der Getriebswelle, $ECL = \alpha$ der Winkel, um welchen beide von einander abweichen; ferner sei AFBG die Umstehungsebene des Armes der ersten und AHBK die des Armes der zweiten Welle, also AB die Durchschnittslinie beider Ebenen. Den Stellungen CA, CF, CB und CG des ersten Armes entsprechen die Stellungen CH, CB,

CK und CA des zweiten; kommt CA nach CO, so rückt CH nach CQ, und es ist der Bogen OQ wegen der Rechtwinkeligkeit der Arme ein Quasbrant. Nehmen wir A als den Anfangspunkt der einen und H als den der anderen an, sehen wir den Weg AO von A, $= \varphi$ und den gleichzeitis gen Weg HQ von H, $= \psi$, also den Bogen $AQ = \frac{\pi}{2} + \psi$, und bringen wir das sphärische Dreieck AOQ, in welchem außerdem noch die Seite $OQ = \frac{\pi}{2}$ und der Winkel $A = OAQ = ECF = \alpha$ ist, zur Auslösung. Die sphärische Trigonometrie giebt (nach dem Ingenieur Seite 259) $\cos A = \frac{\cos OQ - \cos AO \cos AQ}{\sin AO \sin AQ}$, also hier

$$\cos \alpha = \frac{\cos \frac{\pi}{2} - \cos \varphi \cos \left(\frac{\pi}{2} + \psi\right)}{\sin \varphi \sin \left(\frac{\pi}{2} + \psi\right)};$$

nun ist aber $\cos \frac{\pi}{2} = \cos 90^\circ = 0$, $\cos \left(\frac{\pi}{2} + \psi\right) = -\sin \psi$ und $\sin \left(\frac{\pi}{2} + \psi\right) = \cos \psi$, daher folgt denn $\cos \alpha = \cot g \varphi \tan g \psi$, also umgekehrt, $\tan g \psi = \tan g \varphi \cos \alpha$, oder $\frac{\tan g \psi}{\tan g \varphi} = \cos \alpha$.

Es stehen also nicht die Wege ψ und φ , sondern ihre Tangenten in einem constanten Berhältnisse (\cos . α) zu einander. Da \cos . α ein ächter Bruch ist, so folgt auch, daß tang. ψ stets kleiner als tang. φ ist, und daher im ersten und britten Quadranten, wo tang. φ und tang. ψ positiv sind, ψ kleiner aussällt als φ , im zweiten und vierten Quadranten aber, wo tang. φ

llniverfalgelent. und tang. ψ negativ find, ψ grafer ift als φ . Mit diesem abwechselnden Boreilen und Buruchbleiben der zweiten Welle ist natürlich auch ein steter Wechsel in der Geschwindigkeit derfelben verbunden.

Aus Band I. §. 19 ist bekannt, baß die Geschwindigkeit einer ungleichs förmigen Bewegung der Quotient aus einem Raum: und dem zu deffen Durchlaufung nothigen Zeitelemente, daß also $v=\frac{\sigma}{\tau}$ ist. Für eine ans dere Bewegung ist $v_1=\frac{\sigma_1}{\tau}$; vergleichen wir daher beide mit einander, so erhalten wir $\frac{v_1}{v}=\frac{\sigma_1}{\sigma}$, d. i. die Geschwindigkeiten zweier Bewegungen verhalten sich wie die in gleichen Zeitelementen durchlaufenen Wegelemente-Bringen wir diesen Sat hier zu Anwendung.

Lassen wir φ um ein Element \triangle φ wachsen, so wird aus tang. φ , tang. $(\varphi + \triangle \varphi) = \frac{tang. \varphi + tang. \triangle \varphi}{1 - tang. \varphi tang. \triangle \varphi}$, ober, ba tang. $\triangle \varphi$ wesgen seiner Kleinheit $\triangle \varphi$ geseht und die Potenzen von $\triangle \varphi$ außer Acht gesassen werden können,

$$tang. (\varphi + \triangle \varphi) = \frac{tang. \varphi + \triangle \varphi}{1 - tang. \varphi \triangle \varphi} = tang. \varphi + (1 + tang. \varphi^2) \triangle \varphi;$$

hiernach nimmt also tang. φ um $(1 + tang. \varphi^2) \triangle \varphi = \frac{\triangle \varphi}{\cos s. \varphi^2} u$, wenn

 φ um $\triangle \varphi$ größer wird, und ebenso $tang. \psi$ um $\frac{\triangle \psi}{cos. \psi^2}$, wenn ψ um $\triangle \psi$ wachstt. Seten wir diese Wachsthumer statt $tang. \varphi$ und $tang. \psi$ in die Formel $tang. \psi = tang. \varphi \cos \alpha$, so bekommen wir folglich

$$\frac{\triangle \psi}{\cos \psi^2} = \frac{\triangle \varphi}{\cos \varphi^2} \cdot \cos \alpha,$$

und das Verhaltniß der Geschwindigkeiten w und v der Warzen H und A:

$$\frac{w}{v} = \frac{\Delta \psi}{\Delta \varphi} = \frac{\cos \psi^2}{\cos \varphi^2} \cos \alpha = \frac{1 + tang. \varphi^2}{1 + tang. \psi^2} \cdot \cos \alpha$$
$$= \frac{1 + tang. \varphi^2}{1 + tang. \varphi^2 \cos \alpha} \cdot \cos \alpha.$$

Dieses Berhaltniß ist für $tang. \varphi = \infty$, also für $\varphi = \frac{\pi}{2}$, am größeten, und zwar $\frac{w}{v} = \frac{\cos \alpha}{\cos \alpha^2} = \frac{1}{\cos \alpha}$, bagegen am kleinsten für $tang. \varphi = \varphi = 0$. nämlich $\frac{w}{v} = \cos \alpha$, und ist endlich gleich Eins, wenn $(1 + tang. \varphi^2) \cos \alpha = 1 + tang. \varphi^2 \cos \alpha^2$, oder

$$1-\cos \alpha=(1-\cos \alpha)\ tang.\ \varphi^2\cos \alpha,\ b.\ i.\ wenn$$

$$tang.\ \varphi=\sqrt{\frac{1}{\cos \alpha}}\ also\ tang.\ \psi=\sqrt{\cos \alpha}$$

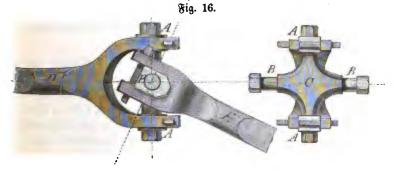
llaiverfalgelent.

ist. Es schwankt also bas Geschwindigkeitsverhaltniß $\frac{w}{v}$ bei jeder Drehung um einen Quadranten zwischen den Grenzen $\frac{1}{cos.\ \alpha}$ und $cos.\ \alpha$ und ist bei

dem durch die Gleichung $tang. \varphi = \sqrt{\frac{1}{cos. \alpha}}$ bestimmten Drehungswinkel φ , der Einheit gleich. Ist P die an dem Hebelsarm CA wirkende Umdrehungskraft der Welle CD und Q die entsprechende, an dem gleichen Hebelsarme CH wirkende Umdrehungskraft der zweiten Welle, so hat man auch Pv = Qw, und daher $\frac{Q}{P} = \frac{v}{w} = \frac{1 + tang. \varphi^2 \cos \alpha^2}{(1 + tang. \varphi^2) \cos \alpha}$.

Im Allgemeinen wird man das Universalgelenk nur bei Uebertragung kleiner Krafte und bei maßigen Ablenkungen (α^0 höchstens 30°) anwenden, weil außerdern die ganze Borrichtung zu stark gemacht werden muß, um hinreichende Festigkeit zu besigen, und auch die Reibung und Ungleichformigkeit des Ganges zu groß ausfällt. Bei größeren Abweichungen der Bellenaren und zumal, wehn diese nicht in einer Ebene liegen, muß man ein doppeltes Universalgelenk anwenden.

Die specielle Busammensetzung eines einfachen Universalgelenkes ift aus ben zwei Ansichten in Fig. 16 zu entnehmen. Gin boppeltes Universalges



lenk besteht aus zwei an ben entgegengesetten Enden eines Zwischenstückes sibenben Areuzen, wovon überdies noch bas eine an die eine und bas andere an die andere Welle angeschlossen ist.

Beifpiel. Für ein einfaches Universalgelenk mit bem Arenwinkel $\alpha^0=30^\circ$ bat man bas kleinfte Geschwindigkeiteverhaltniß $\frac{w_1}{v_1}=cos.~30^\circ=0.866$ und

bas größte: $\frac{w_2}{v_2} = \frac{1}{\cos 30^0} = 1,155;$ baher bas Berhältniß zwischen beiben $=\left(\frac{1}{\cos.30^{\circ}}\right)^2=4/3$; wenn also die eine Belle gleichförmig umläuft, so vers andert fich bie Geschwindigkeit ber anbern Belle periodisch um $\frac{4}{3} - 1 = \frac{1}{3}$ ihres mittleren Werthes, ober es ift, wie man fagt, ber Grab ihres ungleichfor= migen Ganges = 1/3. Beibe Bellen haben einerlei Umlaufsgeschwindigkeit bei ben Umbrehungswinkeln $arphi_1$ und ψ_1 , welche bestimmt find burch bie Formeln

$$tang.\ arphi_1=\sqrt{rac{1}{cos.\ lpha}}=V_{1,155}=$$
 1,074 unb $tang.\ \psi_1=V_{\overline{cos.\ lpha}}=V_{\overline{0,866}}=$ 0,931.

Da hieraus $\varphi_1=47^{\circ},3'$ und $\psi_1=42^{\circ},57'$ folgt, so ift bie größte Abweichung ber Umbrehungewinkel beiber Bellen im erften und britten Quabranten: $\varphi - \psi$ = 40,6'; und im zweiten und vierten = - 40,6'.

§. 8. Die Bapfenlager muffen bie umlaufende Welle in einer richtigen und unveranderlichen Lage erhalten; man muß fie baher auf ftarten Funda= menten ober Gestellen befestigen. Man hat junachst Bapfenlager fur liegende Wellen und folche fur ftebende Wellen zu unterscheiden. Die Bapfen= lager liegender Bellen ruhen entweder unmittelbar auf dem Fundamente, ober fie find zunachft auf ein Gerufte, bas fogenannte Lagergerufte, befestigt. Buweilen besteht dieses Gerufte nur in einem holzernen, vielleicht noch auf Stredholzern liegenden Blod, bem fogenannten Ungewelle ober Ungewäge; oft besteht biefes auch in einem Bod aus Solz ober Gugeisen, wo man es bann mit einem Bodlager ju thun hat, zuweilen end= lich ift baffelbe ein Bangegerufte, welches bas Lager von unten mit einem festliegenden Balten u. f. w. verbindet, wo man bann ein fogenann= tes Sangelager erhalt.

Die Bapfenlager werben in das Angewage meift nur eingefett und zu biefem 3mede an ben Enden abgefchragt ober mit einem Kalze verfeben, kommt aber ein Bapfenlager unmittelbar auf bas Fundament ober auf einen Bod ober Bangegerufte ju liegen, fo wird daffelbe mittele 2 ober 4 Schrauben aufgeschraubt, und zu biefem 3mede mit einer Platte, ber sogenannten Sohlplatte, versehen. Diese kommt oft nicht unmittelbar auf bas Mauerwert zu liegen, fonbern man bebedt bas lettere, bes Schutes megen, erft mit einer Schwellenplatte.

Bu einem vollständigen Zapfenlager gehört noch ein Deckel und ein Futter, letteres gewöhnlich aus Bronce ober Rothguß. Da es dem Ab= führen durch die Reibung des Zapfens ausgesett ift, so muß man es leicht auswechseln konnen, und beshalb in bas eigentliche Lager nur einfegen.

Die Ginrichtung eines zwedmäßigen Bapfenlagers mit Angewage führt

Bapfenlager.

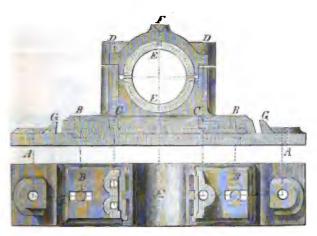
foon Fig. 170 im zweiten Theile, hier aber vollstandiger Fig. 17 vor Augen. Barfensager.



Es ist A bas Zapfenlager, BB bas Lagersholz und CC bas Angewäge, a, a sind bie Kalze bes Lagers, welche in entsprechende Nuthen im Lagerholz eingeschoben werden, b, b endlich sind Keile, womit bas Lager im Angewäge, wenn es nothig ist, seitwarts geschoben und befestigt werden kann. Zapfens

lager mit Sohlplatten jum Aufschrauben auf die Unterstützung find Theil II., Fig. 180, 181 und 182 abgebilbet, hier führt aber Fig. 18 ein folches mit





eiserner Lagerschwelle im Auf= und Grundrisse vor Augen. Es ist A.A die Lagerplatte, bei A und A sind die Löcher für die Schraubenbolzen, womit dieselbe mit dem Fundamente fest verbunden wird. BB ist die Sohlplatte und B, B sind Löcher in beiden Platten zum Durchstecken von Schrauben-bolzen, womit die Sohlplatte auf der Lagerplatte befestigt wird. Diese Löscher sind länglich, um die obere Platte über der unteren nach Bedürfniß

Fig. 19.

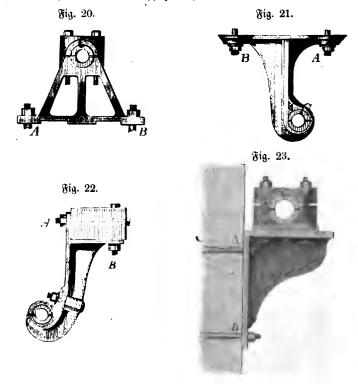


etwas verruden zu konnen, was durch Reile, die man in die Zwischenraume bei G,G eintreibt, leicht zu bewirken ist. Ferner ist CC das eigentliche Zapfenlager, DD der Deckel, EE das Futter und F das Schmierloch, worauf nach Befinden noch eine Schmierbuchse wie Fig. 19 aufgesett wird. Der Deckel wird mit dem eigentlichen Lager durch 2 oder 4 Schraubenbolzen befestigt, welche durch die Löcher CD, CD gestedt werden.

Bapfenlager.

Was die Dimensionen eines Zapfenlagers anlangt, so richten sich biese nach der Starke des Zapfens. Mittels einfacher in der Erfahrung bewährzter Verhältnisse lassen sich jene aus dieser leicht berechnen. Manche Masschinenbauanstalten, wie z. B. die von Sharps Roberts in Manchester, entnehmen die Dimensionen der Zapfenlager gleich aus einer hierzu berechneten Tabelle (s. Salzenberg's Vorträge über Maschinenbau, Seite 51).

Aus der Zapfenstärke d folgt zunächst die Länge desselben und auch die bes Zapfensutters: $l=\sqrt[3]{2}d$, und ebenso groß ist auch die Breite der Sohlsplatte. Die Länge der Sohlplatte ist =5d zu nehmen und die Höhe derselben $=\sqrt[2]{5}d$; serner die Höhe des Zapfenlagers =2d, die Metallsstärke der Futter $=\sqrt[1]{9}d$, die Breite der Futterkränze $=\sqrt[1]{4}d$, die Stärke der Schraubenbolzen und die Höhe der Schraubenmuttern ebensalls $=\sqrt[1]{4}d$, die Stärke der letztern, sowie der Halbmesser dußeren colindrischen Abz, rundung des Deckels und Lagers, deren Are mit den Bolzen zusammensällt, $\sqrt[3]{2}d$ u. s. Wei schwachen Aren sind diese Verhältnisse etwas reichzlich und bei starken etwas knapp zu nehmen.



Ein einfaches Bocklager führt Fig. 20 vor Augen; Hangelager aber Bapfenlager. Fig. 21 und 22; in beiben sind A und B bie Schrauben zur Befestigung und ist C die eigentliche Pfanne.

Ein zwischen beiben innestehendes Lager, welches an eine Seitenmauer befestigt ift, und beshalb Seitenlager genannt werden tann, zeigt Fig. 23.

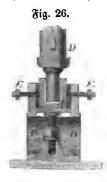
§. 9. Bei den stehenden Wellen kommen die sogenannten Fußlager und die Halblager vor. Die ersteren unterstüßen die Welle von unten, die letteren aber von der Seite. Ein Fußlager besteht in der Regel aus drei Theilen, aus dem Lagerkasten AA, Fig. 24, der stählernen Spurplatte B und der Buch se oder dem Futter CC, welches zuweilen mit der Spurplatte ein Ganzes, oft aber ein Stuck aus Rothguß für sich ausmacht. Durch die Schrauben D,D. läst sich die Büchse mit der Spurplatte im Lagerkasten verstellen und die stehende Welle E in eine senkrechte Lage



Fig. 24.

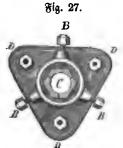


bringen. Das Fußlager ist zuweilen in einen Steinblock eingelaffen, zus weilen auch mittels einer Sohlplatte und Bolzen auf eine Schwelle befestigt, nicht selten steht es aber auch auf einem eisernen Bock, und bilbet so ein Bocklager, wie Fig. 25. hier sien zwei Zapfenlager zugleich auf einer und derselben Sohlplatte, bas Bocklager ABC für die stehende Welle und bas weiter zurückstehende Lager D für die liegende Welle. Beibe Wellen lassen sich dann leicht durch ein Paar conische Rader mit einander verbinden, so das die eine durch die andere in Umbrehung geseht werden kann.



Um das Auswechseln des Stiftes zu erleichtern und auch eine Stellung der Welle in vertikaler Richtung zu ermöglichen, versieht man auch wohl das Fußlager mit einer Schraube C, Fig. 26, von unten. Diese Schraube geht in eine Fußphülse hinab, auf deren oberem Rande die Stellmutter ruht, und druckt nach oben gegen die Vodenplatte, im Innern der auf einem Bock B Ruhenden Lagerpfanne E E.

Bapfenlager.



Die Halblager sind oft genau so gesformt, wie gewöhnliche Zapfenlager; man kann sie aber auch so einrichten, wie Fig. 27 im Grundrisse zeigt. Es ist hier AA bas Lagergehäuse, C bas aus drei Theilen bestehende Futter im Innern desselben und B, B, B sind 3 Stellschrauben, sowie D, D, D drei Schrauben, womit die Sohlplatte auf der Unterstützung festgeschraubt werden kann.

§. 10. Es ist nun auch von den Stangen zu handeln, wodurch die absetzende Bewegung in der geraden Linie, wie die der Wassersaulenmaschinen, Dampfmaschinen u. s. w. fortgepflanzt und nach Besinden in eine andere Richtung gebracht wird. Es gehören hierher außer den Kolbensstangen, noch die sogenannten Kunstgestänge (franz. tirans, maitresses tiges des pompes; engl. main-rods of pumps), wie sie vorzüglich beim Bergbau vorkommen.

Die Kolbenstangen (vergl. II. §. 191 und §. 295) sind, wenn sie burch eine Stopfbuchse gehen, genau abgebrehte schmiedeeiserne, die Kunststangen sowie die Kolbenstangen ohne Stopfbuchse hingegen sind meist paraletelepipebische, aus Holz oder Schmiedeeisen geformte Stangen. Die ersteren wirken meist ziehend und schiedend, die letzteren hingegen nur ziehend. Man hat jeder Stange einen der Zug = oder Schubkraft entsprechenden Querschnitt zu geben.

Wirkt eine Stange blos ziehend, und zwar mit ber Kraft P, so hat man ihr ben Querschnitt $F=\frac{P}{K}$ zu geben, und es ist nach I. §. 186 für Holz, bei 10facher Sicherheit, $F=\frac{P}{1200}$ Quadratzoll, für Schmiebeeisen, bei 6facher Sicherheit, $F=\frac{P}{10000}$, und für Gußeisen, bei 6facher Sichers heit, $F=\frac{P}{3000}$ Quadratzoll.

Für die Stärke d_1 einer cylindrischen Kolbenstange aus Schmiedeeisen, hat man hiernach $d_1=\sqrt{\frac{4\,F}{\pi}}=\sqrt{\frac{4\,P}{10000\,\pi}}=$ 0,0113 \sqrt{P} 30ll.

Ift d der Durchmesser des Kolbens und p der Druck auf jeden Quastratzoll, so hat man auch $P=rac{\pi\,d^2}{4}\;p$ und daher

$$d_1 = d \sqrt{\frac{p}{10000}} = 0.01 \cdot d \sqrt{p},$$

oder, wenn man p in Atmospharen, jebe gu 15,05 Pfund ausbruck,

Etangen.

$$d_1 = 0.0388 d \sqrt{p}$$
.

Bur Berhinderung bes Biegens muß man diesen Stangen schon eine gewiffe Anfangeftarte geben, weshalb man fur Stangen mit Bugtraft

$$d_1 = 0.026 d (1.0 + \sqrt{p}) 300$$

und fur Bug = und Drudfraft

$$d_1 = 0.053 d (1.4 + \sqrt{p})$$
 3011 nimmt.

Beispiel. Für eine einsachwirkenbe Baffersaulenmaschine mit 850 Fuß ober $^{850}/_{88}=10,6$ Atmosphären Gefälle und einem Treibtolben von 18 Boll Durchmeffer ift eine Kolbenstange von der Stärfe $d_1=0,026$ $(1,0+\sqrt{10,6})$ d=0,026 . 4,26 d=0,111 d=2 Boll nöthig. Für ein an diese Stange anzuschließendes hölzernes Schachtgestänge ift, da die ganze Zugkraft

$$P = (\frac{8}{4})^2 \pi.850.66 = 40821$$
 Pfund

beträgt, ber Querschnitt $F=\frac{40821}{1200}=34$ Quabratzoll. Begen bes Stangengewichtes ift biefer Querschnitt noch etwas größer zu nehmen. (Bergl. I. §. 185.)

§. 11. Ein besonderes Berhaltniß, welches sich bei langen Sestängen bubbertunt. herausstellt, ist noch der sogenannte Hubverlust, oder die Größe, um welche der Weg s1 des Lastpunktes kleiner ausställt als der Weg s des Kraftpunktes. Es entspringt derselbe theils aus der Clasticität der Stanz gen an sich, theils aus der unvollkommenen Verdindung derselben durch die sogenannten Schlösser. Durch den Hubverlust, welcher aus der Ausdehz nung der Stangen erwächst, geht der Maschine an Wirkungsgrad nichts verloren; die Arbeit, welche beim Aufgange des Gestänges auf die Ausz dehnung desselben verwendet wird, wird beim Niedergange desselben, wo sich Gestänge wieder zusammenzieht, wieder gewonnen.

Ist P die Gestängeraft mit Ausschluß des Gestänggewichtes, F der Querschnitt und l die Länge des Gestänges, E aber Etasticitätsmodul, so hat man die Ausdehnung oder den Hubverlust beim Aufgange des Gestänges: $\lambda = \frac{Pl}{FE}$ (s. I. §. 183). So viel legt also der Kraftpunkt Weg zurück, ehe der Lastpunkt sich zu bewegen anfängt; ist daher s der Weg des ersten, so hat man den Weg des letteren: $s_1 = s - \lambda = s - \frac{Pl}{FE}$, und daber die entsprechende Nubleistung $L_1 = Ps_1 = P\left(s - \frac{Pl}{FE}\right)$. Wähzend der Ausdehnung um λ wächst die Kraft allmälig von Null dis P, und es ist daher die versorene und auf die Ausdehnung des Gestänges verzwender Leistung $L_2 = \frac{P\lambda}{2} = \frac{P^2l}{2FE}$, also die Leistung der Kraft wähzernd des Aufganges: $L = L_1 + L_2 = P\left(s - \frac{Pl}{2FE}\right)$.

Subverlufte.

Beim Ruckgange des Gestänges wird der Kraftpunkt zum Lastpunkt und der Lastpunkt zum Kraftpunkt; es legt der erstere den Weg s_1 , der lettere aber den Weg s_2 , der lettere aber den Weg s_3 zurück, und es wird hierbei außer der Arbeit G_3 des Gesstänggewichtes, welche beim Aufgange zu überwinden war, und daher im Ganzen nicht nugbringend ist, noch die Arbeit $L_2 = \frac{P\lambda}{2} = \frac{P^2l}{2FE}$ durch die Zusammenziehung der Stange um $\lambda = l - l_1$ verrichtet, also für ein ganzes Spiel die Nugleistung $L_1 + L_2 = P\left(s - \frac{Pl}{2FE}\right) = \mathrm{der}$ Krastleistung L sein, und folglich durch die Ausdehnung des Gestänges teine Verminderung des Wirkungsgrades erwachsen.

Anders aber ist es mit dem Ausdehnen in den Gestängschlösser; bieses besteht in einer kleinen Verschiedung zweier gegen einander gepresten Körper und hat daher sowohl beim hin= als beim Ruckgange die widerstehende Reibung zu überwinden. (Vergl. I. h. 154.) Der entsprechende Arbeitst verlust ist naturlich a priori nicht zu ermitteln, da er von der Solidicks der Verbindung der Theile des Schlosses unter einander abhängt.

Die Ausbehnung, welche durch das Gestänggewicht hervorgebracht wird, ist eine bleibende, und kommt deshalb nicht in Betracht. Es ist dieselbe vershältnismäßig nur halb so groß als die von P hervorgebrachte, also $=\frac{G}{2}\frac{l}{FE}$. Ist die Belastung gleichsörmig auf das Gestänge vertheilt, so hat man ebenfalls die Ausbehnung nur $=\frac{Pl}{2FE}$, und es stellt sich dann der entsprechende Arbeitsverlust $=\frac{2}{3}P\lambda=\frac{1}{3}\cdot\frac{P^2l}{FE}$ heraus.

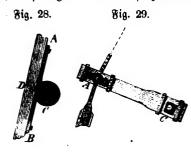
Beispiel. Wenn ein eisernes Gestänge von 1000 Fuß Lange eine ziemlich gleichförmig vertheilte Bumpenlaft von 50000 Pfund zu tragen hat, so muß man bemfelben nach I. §. 185 ben Querschnitt

$$F = \frac{50000}{10000-12000.0,294} = \frac{50}{6,472} = 7,72 \text{ Quabratzoll}$$
 geben, und man erhält hiernach das Gestängegewicht $G = 12000.7,72.0,294$ = 27236 Pfund. Die bleibende Ausbehnung, welche das Gestänge durch sein eigenes Gewicht erleibet, ist, da der Clasticitätsmobul des Stabeisens $E = 29000000$ Pfund beträgt, $\lambda = \frac{Gl}{2FE} = \frac{27236.12000}{2.29000000.7,72} = 0,730$ Joll; die Ausbehnung und Jusammenziehung der Stangen beim Ausgang beträgt dagegen
$$\lambda = \frac{Pl}{2FE} = \frac{50000.12000}{2.7,72.29000000} = 1,340 \text{ Joll}.$$

Bare ber burch die Verschiebung in ben Schlöffern hervorgebrachte hubverluft $\lambda_2=2$ Boll, so wurde man ben Arbeitsverluft bei jedem Aufz und Ruckgange $=\frac{P\lambda_2}{2}=\frac{50000\cdot 2}{2\cdot 12}=4167$ Fußpfund erhalten.

§. 12. Die holzernen Gestänge find vierkantig, und haben, wenn sie vertikal hangen, einen quabratischen, wenn sie aber liegen ober eine geneigte lage haben, einen rectangularen Querschnitt. Um sie in ihrer lage zu ershalten, umgiebt ober unterstütt man sie in ber Regel durch die sogenannten

Meftang.

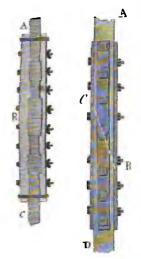


Geft ang walzen. Gine solche Walze ist in C, Fig. 28 abgebilbet. Sie ist meist mit einem eisernen Mantel umgeben. D ist das Gestänge und AB die zum Schutze des Gestänges auf dieses aufgeschraubte Schleppschiene. Zuweilen unterstütt man auch die Gestänge durch Schwingen, wie AC, Fig. 29, die allerdings noch Seitenbewegungen

Bulaffen, und wenigstens fehr lang fein muffen, damit diese nicht groß ausfallen. Die Berbindung der 20 bis 80 Fuß langen Stangen unter einan-

Fig. 30.

Fig. 31.



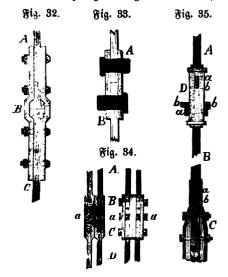
ber erfolgt durch sogenannte Laschenschlösser. Es werden namlich die Stangenenden stumpf oder schräg an einander gestoßen, bie entgegengesehten Seiten berselben mit Schienen oder sogenannten Laschen bedeckt und Schraubenbolzen durchgezogen. Ein Laschenschloß, wie es vorzüglich beim hiesigen Bergsbau vorkommt, führt Fig. 30 vor Augen. Es sind hier zwei 5 bis 6 Kuß lange Laschen auf die Stangenenden AB und CB aufgekammt, und mit diesen durch 8 Schraubenbolzen und 2 Bander oder Ringe sest verbunden.

Ein anderes Gestängschloß mit 4 Laschen, welches bei der Wassersaulenmaschine in Suelsgoat vorkommt, zeigt Fig. 31. Die Stangensenden AC und BD sind hier schräg an einsander gestoßen und mittels 12 Schrauben und vier schmiedeeisernen Laschen fest mit einander verbunden. Um allen Spielraum der Bolzen

in ihren Lochern zu vermeiben, find die Bolgen genau nach einem und bemsfelben und mit dem Bohrer zum Durchlochen genau übereinstimmenden Modelle anzufertigen.

Die eisernen Gestänge sind in der Regel aus 10 bis 15 Fuß langen Stangen mit quadratischem Querschnitte (11/2 bis 21/2 Boll Seitenlange) zusammengesett. Die Verbindung unter einander erfolgt ebenfalls durch

Geftang faioffer Laschen ober Husen. Ein eisernes Laschenschloß ber Art zeigt Fig. 32. Es hat hier jedes Stangenende AB und CB nur einen Kamm und es sind die Laschen durch je zwei Bolzen mit einem Stangenende verbunden. Ein Hulsenschloß ist in Fig. 33 abgebildet. Es wird hier die Berbindung durch zwei hohe Bolzen A und B, welche durch die Huse und durch je ein Gestängende zugleich gehen, hervorgebracht. Ein nach Art der Retten bei Hängebrücken aus je vier Stangen zusammengesetzes und ebenfalls in Huelgoat angewendetes Gestänge zeigt Fig. 34. Es sind

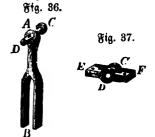


hier je zwei Gestängenben burch Bolzen B und C mit je brei Laschen und die beis ben Laschen eines Gestängspaares mit benen bes ansbern burch ein Quergelenk aa verbunden.

Die Art und Weise, wie ein holzernes Gestänge an bie Kolbenstange angeschlossen wird, ist aus Fig. 35 zu ersehen. Es ist hier an das obere Ende C des Gestänges eine eiserne Stange AB angeschlossen, und diese wiezder mittels eines Hulsensschlosses D mit dem Kolzbenstangenende A verbun=

Brud.

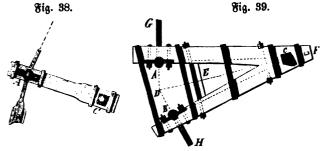
ben. Die Befestigung erfolgt burch Klammern aa und Splinte ober Keile bb. §. 13. Um eine Richtungsanderung in einem Gestänge hervorzubringen, ist ein Winkelhebel nothig, den man gewöhnlich eine Bruchschwinge, und wenn der Ablenkungswinkel groß ist und einem Rechtwinkel nahe kommt, ein Gestängkreuz nennt. Durch eine Bruchschwinge wird ein Gestänge in zwei Theile zertheilt, und das Ende eines jeden Theiles läuft



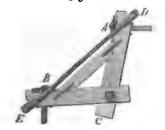
in ein fogenanntes Krudeneisen AB, Fig. 36, aus, bas mit ber Bruchschwinge durch einen Bolzen CD verbunden ist. Bu diesem Zwede ist das Krudeneisen mit einem Auge, die Bruchschwinge aber mit einer bedeckten Pfanne EF, Fig. 37, verzsehen. Bei einem sehr kleinen Bruchoder Ablenkungswinkel bildet die Bruchschwinge einen einfachen Arm AC, Fig. 38,

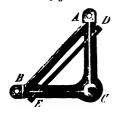
und es sind auch wohl beibe Gestänge nur mittels eines einzigen Bolzens A an denselben angeschlossen; gewöhnlicher aber hat jedes Gestänge seinen Arm und Bolzen besonders, wie z. B. bei der Bruchschwinge A C B, Fig. 39. Die beiden Arme dieser Bruch-

Brud.



schwinge sind auf einander geschmiegt und werden, um das Auseinanderziehen derselben durch die Stangenkräfte zu verhindern, noch durch fünf schmiedeeiserne Ringe und durch zwei Schraubenbolzen zusammengehalten; außerdem noch mit einer Strebe E und durch eingesetzte Riegel, wie F, mit einander verbunden. Die Drehungsare oder das sogenannte Walzseisen C ist in der Mitte vierkantig geschmiedet, um es sest einen dicht unnöthig zu schwächen, auf die inneren Armstächen und zwar jede mittels vier Bolzen ausgeschraubt. Die Krüdeneisen AG und BH beider Stangenenden gehen natürlich durch die zu diesem Iwecke gehörig ausgesnommenen Armenden hindurch. Die Einrichtungen von Stangenkreuzen lassen sig. 40 und 41 ersehen. Fig. 40 ist ein hölzernes und Fig. 41 ein gußeisernes Kreuz; beide dienen zur Richtungsänderung um



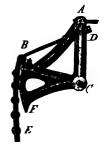


90 Grad; A und B sind die Pfad = und C ist das Walzeisen. Ginen wesentlichen Theil dieser Kreuze machen die schmiedeeisernen Kopfstangen DE aus, welche die von den Gestängkräften hervorgebrachten Spannungen größtentheils aufzunehmen und dadurch das Ab = oder Losbrechen der Arme zu verhindern haben. Wenn es darauf ankommt, die Gestäng e

Brud.'

genau in ihrer Arenrichtung zu bewegen, so wendet man Kreuze mit Fig. 42. Krummlingen oder Cirkelstuden, wie BF, Fig. 42,

Krummlingen ober Girkelstüden, wie BF, Fig. 42, an, und schließt die Stangen mittels sogenannter Laschenketten, wie BE, an diese an.

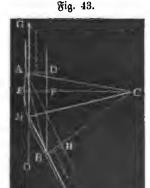


Haben die Winkelhebel auch noch Krafte auszuhalten, beren Richtungen von der Bewegungsebene
abweichen, sollen z. B. durch dieselben die Richtungen horizontaler Gestänge abgeändert und daher von
ihnen ein Theil des Gestänggewichtes mit getragen
werden, so muß man die daraus entspringenden
Seitendrucke durch Verlängerung des Walzeisens,
oder am besten durch Einziehen einer Welle oder

Unwendung einer fogenannten Wendedode berabzuziehen fuchen.

Bon ben Balanciere ober Baagbalten, wodurch Bewegungerichtungen in die entgegengefesten verwandelt werden, ift weiter unten die Rebe.

6. 14. Bei der Unwendung einer Bruchschwinge findet eine Seiten-



bewegung Statt, die um so größer aussfällt, je kurzer die Arme der Bruchschwinge in Hinficht auf den Gestängschub sind. Besteht die Bruchschwinge aus einem einzigen Arme und sind beide Gestänge an demselben Bolzen angeschlossen, so ist diese Seitenabweichung auch größer, als wenn die Bruchschwinge aus zwei Armen, jeder mit einem Bolzen, zusammengesetzt ist. Im ersten Falle hat man Folgendes. Es seien MG und MK, Fig. 43, die beiden Gestängrichtungen, MC die Halbirungstinie und C die Drehungsare der Schwinge. Bezeichnet man nun den Brechungswinkel

KMO durch α , den Schwingungswinkel ACB = 2 ACM durch β , die Armlänge CA = CB = CM durch a und den Stangenschub BD durch s, so hat man $s = AB \cos$. ABD = 2 $CA \sin$. $ACM \cos$. MCE = 2 $a \sin$. $\frac{\beta}{2}$ \cos . $\frac{\alpha}{2}$; giebt man daher a und s, so bekommt man den

Schwingungswinkel
$$eta$$
 burch die Formel sin. $\frac{eta}{2} = \frac{s}{2 \ a \ cos. \frac{lpha}{2}}$

Die größte Seitenabweichung EF=CE-CF=e ist durch die Formel $e=a\left[1-\cos\left(\frac{\alpha+\beta}{2}\right)\right]$ bestimmt.

Legt man die Geftangaren mitten durch e, alfo in die punktirten Linien, welche AD und BH halbiren, fo fallt bie Seitenbewegung beiberfeits nur

$$=\frac{e}{2}$$
 aus.

Fur ein Gestängereuz ober fur eine Bruchschwinge mit zwei Armen hat man folgende Berhaltniffe. Es feien MG und MK, Fig. 44, die Geftang: richtungen, MC bie Mittels oder Salbirungslinie und C' die Umbrehungs:





are. Fallen wir nun bie Perpenditel CN und CL auf die Sublinien, und tragen wir von ben Lothpunkten Nund L aus, zu beiden Geis ten ben halben Schub's auf, machen wir also

$$ND = NE = LF = LH = \frac{8}{2}$$

und verbinden wir die erhaltenen Endpunkte mit C, fo erhalten wir in

$$CD = CE = CF = CH$$

nicht nur bie Armlange a., sonbern auch die außerften Stellungen ber Arme, und es laffen sich nun leicht die Bogen DAE und FBH beschreiben, in welchen sich die Aufhängepunkte beiber Gestange bewegen.

Bezeichnen wir auch hier ben Schub DE = FH durch s, fo haben wir fur ben Dres

hungewintel $DCE = FCH = eta, sin. rac{eta}{2} = rac{s}{2a}$ und die Seitenbewe-

gung
$$AN = BL$$
, $e = a\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)$ oder annähernd, $e = \frac{s^2}{8a}$.

Meist nimmt man a=2s bis 3s, und erhalt daher $e=\frac{s}{16}$ bis $\frac{s}{24}$.

Diese Abweichung hangt also von dem Brechungewinkel $KMO = \alpha$ gar nicht ab und ift stets fleiner, wie bei einer einfachen Schwinge, wie Xia. 43.

Die Lothpunkte N und L bestimmen sich durch den Abschnitt MN = ML = d mittels ber Formel $d = a \cos \frac{\beta}{2} \cdot tang \frac{\alpha}{2}$

Auch hier ift es, um die Nachtheile ber Seitenbewegung e moglichst herabzuziehen, nothig, die Geftangare in die AN und BL halbirenden, burch Punkte angedeuteten Linien zu legen.

Beifpiel. Fur einen Ablenfungewinfel a von 300, einen Geftangfcub s=4 Fuß und eine Armlange $a=\frac{5}{2}s=10$ Fuß hat man bei einer eine Brud.

fachen Schwinge sin. $\frac{\beta}{2}=\frac{4}{20\cos .15^0}=\frac{0,2}{0,9659}=0,2070$, baher $\frac{\beta}{2}=11^0,57';$ folglich ben ganzen Drehungswinkel $\beta=23^0,54'$, und die Seitenbewegung c=10 (1 — $\cos .26^0.57'$) =10 . 0,1086=1,086 Kuß. Bei Anwendung von zwei Armen dagegen ist $\sin .\frac{\beta}{2}=0,2$, folglich $\frac{\beta}{2}=11^0,32'$. also $\beta=23^0,4'$, $\epsilon=10$ (1 — $\cos .11^0,32'$) =0,2 Fuß und $d=10\cos .11^0,32'$. $tg.15^0=2,625$ Fuß.

Anmerkung. Durch die Seitenbewegung $\frac{e}{2}$ zu beiden Seiten der mittleren Schublinie erleivet das Gestänge eine Biegung, welche die Festigkeit der Stangen beeinträchtigt. Rehmen wir an, daß das Gestänge in einem Abstande l von der Schwinge in einer Führung besindlich sei, und sehen wir die Krast, welche am Aufhängepunkte nothig ist, um die Biegung $\frac{e}{2}$ hervorzubringen, $=P_1$, so haben wir nach I. §. 189 $P_1 l = \frac{3}{l^2} \frac{WE}{l^2} \cdot \frac{e}{2}$ und nach §. 201 auch, wenn P die Ausbehnungsfraft der Stange bezeichnet, $P_1 l = \frac{b h^2}{6} \left(K - \frac{P}{F}\right)$; sühren wir das her $W = \frac{b h^3}{12}$ ein, wobei b die Breite und b die Dicke des Gestänges (in der Schwingungsebene gemessen) bezeichnet, so erhalten wir ten erforderlichen Gestängquerschnitt $F = \frac{P}{K\left(1 - \frac{3he}{4l^2} \cdot \frac{E}{K}\right)}$, annähernd $F = \left(1 + \frac{3he}{4l^2} \cdot \frac{E}{K}\right) \frac{P}{K}$,

ober, wenn man ben blos ber Ausbehnungsfraft entsprechenden Querschnitt $\frac{P}{K} = F_1$ sett, $F = \left(1 + \frac{3he}{4l^2} \cdot \frac{E}{K}\right) F_1$.

Führt man endlich noch $e=\frac{s^2}{8a}$ ein, so erhält man $F=\left(1+\frac{3hs^2}{32al^2}\cdot\frac{E}{K}\right)F_1$ und umgefehrt, die einem gegebenen Querschnittsverhältnisse $\frac{F}{F_1}$ entsprechende Arms länge $a=\frac{3hs^2}{32l^3}\cdot\frac{E}{\left(\frac{F}{F_1}-1\right)K}$

Gewiß wird $\frac{F}{F_1}$ nicht viel über Eins betragen bürfen. Ift ber hub s=40 3oll, die Stangenläde h=6 3oll, die Stangenlänge l=240 3oll, nimmt man den Elasticitätsmodul E=1800000 3fd., und den Festigkeitss oder vielsmehr den Sicherheitsmodul K=1200 3fd., so hat man hiernach bei dem Bershältnisse $\frac{F}{F_1}=6$ %, die Armlänge

$$a = \frac{3.6.1600}{32.57600} \cdot \frac{1800000}{\frac{1}{5}.1200} = \frac{9}{576} \cdot \frac{5.3000}{2} = \frac{15000}{128} = 117 \text{ BoII,}$$
also ungefähr = 3s.

§. 15. Die Startenverhaltniffe eines Gestängtreuzes ober einer Bruch= schwinge lassen sich aus ber Gestängtraft P, beren Richtung burch bas Rreuz verandert wird, berechnen. Bunachst bestimmt sich die Starte d ber

Bende.

Bolzen, womit die Gestänge an die Kreuzarme angeschlossen sind, wie die eines Wellzapsens, nach einer Formel $d=\mu\sqrt{P}$; da aber diese Bolzen aus Schmiedeeisen sind, und da die Kraft P, welche dieselben aufzunehmen haben, ihre Richtung nur wenig andert, also nicht wie beim Wellzapsen ein ununterbrochenes Viegen der Bolzen nach allen Seiten hin stattsindet, so kann man μ viel kleiner, nämlich =0.015, also d=0.015 \sqrt{P} Boll nehmen.

Aus den Gestängkräften P und P, Fig. 45, ergiebt sich mit Hulfe des Ablenkungswinkels $AMO = \alpha$, der Druck im Walzeisen, $R = 2 P sin. \frac{\alpha}{2}$; da dieses ebenfalls aus Schmiedeeisen besteht und nur um einen Winkel β gedrecht, also während eines Spieles nicht nach allen Seiten hin gebogen wird, so kann man sich hier ebenfalls eines kleineren Coefficienten wie bei den Wellzapsen bedienen. Lassen wir den Einsluß des Gewichtes vom Kreuze außer Acht, so können wir mit hinreichender Sicherheit die mittlere

Starte des Walzeisens,
$$d_1=0{,}030\sqrt{Psin.rac{lpha}{2}}$$
 seben.

Fig. 45.

Der Querschnitt A der eisernen Spannschienen oder Stangen, welche die Köpfe der Kreuzarme zusammenhalten, bestimmt sich unter der Boraussetzung, daß diese Schienen den Componensten $S = \frac{P}{\cos\frac{\alpha}{2}}$ der Gestängkraft von einem

Arme zum andern übertragen, durch die Forsmel $A = \frac{P}{10000 \ cos. \frac{\alpha}{2}}$ Quadratzoll.

In der Regel geht die Richtung dieser Stangen nicht genau durch die Angriffspunkte von P und P, weshalb noch kleine Seitenkrafte übrig bleisben, die von den Armen oder nach Befinden von Bandern um dieselben aufzunehmen sind.

Der Querschnitt A_1 der Arme ift aus der Seitenkraft Q=P tang. $\frac{\alpha}{2}$ nach der rudwirkenden Festigkeit zu berechnen. Man kann mit Sicherheit

für Holz
$$A_1=\frac{Ptang.\frac{\alpha}{2}}{600}$$
 und für Gußeisen $A_1=\frac{Ptang.\frac{\alpha}{2}}{15000}$ Quasbratzoll nehmen.

Dhne Unwendung von Spannschienen und Bandern u. f. w. murden die Urme der Bruchschwinge eine viel größere Starte erhalten muffen.

Biud.

Ift h die Hohe und e die Dicke der Arme und sest man $\frac{h}{e} = m$ (für Eisen = 2 dis 4, für Holz $= \frac{7}{5}$), so hat man nach der Theorie der relativen Festigkeit $Pa = \frac{1}{m}h^3K$, und es ist hiernach, wenn a in Bollen eingeführt wird, für gußeiserne Winkelhebel h = 0,1 $\sqrt[3]{mPa}$, und für hölzerne h = 0,17 $\sqrt[3]{mPa}$ Boll.

Bei Anmendung eines Rreuges ober einer Bruchschwinge geht burch die

Reibungen an den Bolzen und an dem Walzeisen ein Theil der Kraft verloren. Die Reibung an einem Bolzen, auf den Kraftpunkt in der Gestängare reducirt, ist $F=\int \frac{d}{2a}P$ zu sehen, weil sich bei einem Anhube der Bolzen in der Pfanne um einen Winkel β dreht, also die Reibung den Beg $\frac{\beta d}{2}$ zurücklegt, während die Kraft P den Beg s=2 a sin. $\frac{\beta}{2}$ oder nahe β a macht. Für beide Gestängbolzen hat man daher $F=\int \frac{d}{a}P$.

Für die Reibung F_1 des Walzeisens hat man, da hier der Druck $R=2\,P\sin.rac{lpha}{2}$ ift, $F_1=frac{d_1}{a}\,P\sin.rac{lpha}{2}$.

Mit Berucksichtigung des Druckes, welcher aus dem Gewichte G des Kreuzes entspringt, hat man, wenn d den Reigungswinkel des Druckes $R=2P\sin\frac{\alpha}{2}$ gegen den Horizont und n das Berhaltniß $\frac{G}{R}$ bezeich= net, $F_1=\int \frac{d_1}{a}P\sin\frac{\alpha}{2}\sqrt{1+n^2-2n\sin\delta}$.

Beispiel. Für ein hölgernes Geftangfreug, welches eine Geftangfraft P=40000 Pfund um einen Winkel $\alpha=60^{\circ}$ ablenten foll, hat man Folgendes:

- 1) Die Bolgenstärfe $d=0.015\,V\,\overline{40000}=3$ 3oll,
- 2) bie Starfe bes Walzeisens $d_1 = 0.03 \ V \ 40000 \ sin. \ 30^{\circ} = 4,25 \ 3 \ oll,$
- 3) ben Querschnitt ber Spannschienen $A=\frac{40000}{10000\cos 30^0}=4,6$ Quabratzell,
- 4) ben Querschnitt eines Armes $A_1 = \frac{40000 \ tg.30^{\circ}}{600} = 38,5$ Quadratzell.

Rimmt man die Armlänge a=100 Boll, und ben Reibungscoefficienten f=0.075, so bat man noch ben Kraftverluft burch die Bolgenreibung

$$F = 0.075 \cdot \frac{8}{100}$$
 . $40000 - 90$ Bit..

und ben burch bie Reibung am Balgeifen

$$F_1 = 0.075 \cdot \frac{4.25}{100} \cdot 40000 \sin 30^{\circ} = 63.75 \text{ Fe};$$

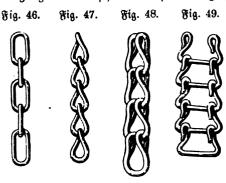
burch bas Bewicht bes Rreuges wird biefer Werth noch etwas vergrößert.

§. 16. Bur Fortpflanzung einer ftetigen Bewegung in ber geraben Linie Bugiame wendet man zum Theil Retten (frang. chaînes; engl. chains, iron-cables), jungsmittel. vorzüglich aber Seile, und zwar entweber Sanffeile (frang. corden, cordages de chanvre; engl. cordes, ropes, cables of hemp) over Eisen: brahtseile (frang. cordes en fils de fer: engl. cables of iron-wire) an. In ber Regel werden biefe uber Rollen ober Scheiben gelegt und nach Befinden auf Trommeln ober Rorbe aufgewickelt, und beshalb verlangt man von ihnen einen gewiffen Grab von Biegfamkeit. Die lettere nimmt aber ab, wenn bie Starte bes Seiles ober ber Rette eine großere wird; beshalb ift es benn eine Regel, ihnen nur biejenige Starte ju geben, welche nothig ift, um die gegebene Laft auf die Dauer und mit Sicherheit ju tragen, um fo mehr, ba fie bann am leichteften ausfallen und beshalb am wenigsten gur Bergroßerung ber ubrigen Rebenhinderniffe beitragen. Drabtfeile find unter biefen brei Kortpflangungsmitteln ber Bewegung bie vollkommenften, benn fie find bei gleicher Tragkraft nicht allein bie ichwach= ften und leichteften, fondern auch bie wohlfeilften. Ueberbies befigen fie auch einen hohen Grad von Glafticitat, die bei ben Sanffeilen nur ichmach ift und ben Retten gang abgeht. Der Steifigfeitse ober Straffheitswiderftand ber Retten und Seile, welcher bei bem Umbiegen berfelben um Rollen, Erommeln u. f. w. zu überwinden ift, besteht bei ben Retten nur in einer gegenseitigen Reibung ber Rettenglieber, bei ben Seilen aber theils in einer naturlichen Steifigkeit ber Drabte ober Raben, und theile in ber Reibung biefer unter einander. Beim Abwideln ber Retten ober Seile von Trommeln u. f. w. außert bei gleicher Spannung bie Reibung gwischen ben Rettengliebern ober ben Seilfaben benselben Wiberstand wie beim Aufwideln, ber eigentliche Steifigkeitewiderstand ber Drabte ober Raben bingegen, fallt nach bem Grabe ber Clafficitat biefer fehr verschieben aus. Sanffeile be= figen nur eine fehr geringe Clafticitat; fie haben nur ein fehr ichwaches. ober nach Befinden gar tein Beftreben, fich, nachdem fie gebogen worben find, wieber gerade ju ftreden; bei Drahtfeilen hingegen ift bie Glafticitat febr groß, und beshalb wird benn auch beim Abwickeln ber Drahtseile ein gro-Ber Theil von der Rraft wieder gewonnen, welche vorher auf das Aufwickeln berfelben verwendet worden ift. Raturlich ift hierbei vorauszuseben, daß beim Auflegen bes Drahtfeiles auf eine Scheibe u. f. w. Die Glafticitats. grenze nicht überschritten, alfo ber Durchmeffer ber Scheibe ober Trommel nicht zu flein fei. Sanffeile kann man beshalb bei gleicher Tragfabigfeit über fleinere Rollen legen als Drahtseile. Aus diesem Grunde werden Draht= feile bei Klaschen: oder Rlobengugen nicht und bei Saspeln feltener, bagegen bei Bopeln gang gewöhnlich, und gwar mit vielem Bortheile angewendet. Bas benjenigen Theil bes Biegungswiberftanbes anlangt, welcher von ber Reibung abhangt, fo tann man biefen bei Gifentetten und Gifendrahtfeilen

Retten.

burch Schmieren ober Delen herabziehen. Es ist baher zwedmäßig, biefe Organe ber Bewegungsfortpflanzung von Zeit zu Zeit mit weicher Schmiere zu schmieren. Hingegen bas Theeren macht die Hanfseile, sowie bas Kitten die Drahtfeile steifer. Man ist aber oft genothigt, eines ober bas andere als Schutzmittel gegen die Feuchtigkeit anzuwenden.

6. 17. Die Retten, welche gur Fortpflanzung ober Uebertragung ber Bewegung einer Mafchine bienen, werden größtentheils aus geschmiebetem

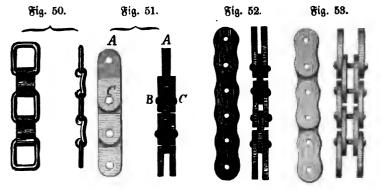


Eisen angesertigt. Die in Fig. 46 und Fig. 47 absgebilbeten Ketten lassen sich nicht gut um Trommeln legen, und können baher nur als einfache Berbindungsober Befestigungsstücke angewendet werden. Die in Fig. 48 abgebildete Kette wurde nach Gerst ner als Treibekette auf der böhmisschen Eisenerzgrube Krusna

Hora fast 30 Jahre lang ohne Unterbrechung benutt. Die Banbketten von Baucan son, wovon Fig. 49 eine perspectivische Ansicht giebt, sind nur zur Uebertragung schwacher Körper geeignet, weil ihre Glieber nicht zussammengeschweißt, sondern nur umgebogen sind. Bei einer Drahtbicke von ³/₁₆ Boll und einem Gewichte von 21½ Loth von einem laufenden Fuß ist die Tragkraft einer solchen Kette 855 Pfund und die zulässige Spannung 250 Pfund.

Hierher gehört auch die Bandtette von Proch 6, welche aus abwechselnden Ringen und Blechstücken besteht und durch Fig. 50 in zwei Ansichten vor Augen geführt wird. Die vorzüglichsten Ketten, welche beim Maschinenwesen in Anwendung kommen, sind die Galle'schen Gelen to oder Laschenketten, wo die Glieder durch besondere Bolzen mit einander verdunden sind. Sehr einsach ist die in Fig. 51 abgebildete Kette dieser Art. ABC ist ein gabelsörmiges Glied und BC der Bolzen, welcher es mit dem solgenden Gliede verdindet. In der Ansertigung noch leichter sind die aus einsachen Schienen oder Laschen zusammengesetzen Ketten, wie Fig. 52 und Fig. 53. Bei der Kette in Fig. 52 besindet sich zwischen einem Laschenpaare eine einsache, bei der in Fig. 53 aber ein anderes Laschenpaar. Sehr oft wendet man aber auch Ketten mit je vier oder noch mehr Laschen an. Jedenfalls sind die Laschenketten zur Fortpslanzung größerer Kräste und zum Auslegen aus Scheiben und Zirkelstücke geeignet. Die Kettenbolzen sind an einem Ende mit einem Kopse versehen, und erhalten am anderen

Ende einen Borfteder ober einen Nietkopf ober eine Schraubenmutter. Bum



Schutze ber Laschen legt man wohl noch Stoffcheiben unter und futtert auch wohl bie Augen berselben mit Messing aus.

Die Starte ber Kettenbolzen bestimmt sich wie die ber Gestängbolzen f. §. 15, und die ber Kettenglieber wie die ber Gestänge. Rimmt man die Breite ber schmiebeeisernen Glieber drei Mal so groß als die Bolzendurch= messer, so erhalt man die Dicke berfelben, da durch das Bolzenauge ein

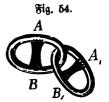
Drittel der Breite verloren geht, bei der Spannkraft $P,\ e = \frac{P}{20000\ d}$ Boll,

also
$$d=0.015\,V\overline{P}$$
 geset, $\frac{e}{d}=\frac{1}{4.5}$, und $\frac{e}{3\,d}=\frac{1}{13.5}$. Um noch mehr Sicherheit zu erhalten, möchte aber

$$\frac{e}{d} = 1/3$$
, b. i. $\frac{e}{3d} = 1/9$,

alfo die Dide ber Laschen einem Drittel ber Bolgendide und einem Neuntel ber Laschenbreite gleich zu machen sein.

Der Reibungswiderstand, welcher beim Umlegen einer Rette um eine Rolle ju überwinden ift, wird nach I. 6. 177 bestimmt.



Was endlich noch die sogenannten Kettenstaue anlangt, wie sie besonders beim Schiffswesen in Gebrauch sind, so werden dieselben aus dem besten Rundeisen von 1/2 bis 2 Boll Dicke angesettigt, und es erhalten dieselben eine besondere Festigkeit durch eingesette Steege, wie AB, Kia. 54.

Anmerkung. lieber bie Anfertigung ber Retten und namentlich über bie ber Rettentaue ift nachzusehen: Brechtl's Encyclopabie, Bo. VIII, Artifel Retten, ferner in Rarmarich und heeren's technischem Wörterbuche, und in ben Berhandlungen bes Gewerbevereins in Breugen, Jahrgange 1824 und 1835.

9

Retten.

torons; engl. strands), wovon jede aus vier bis acht einzelnen Drabten be-

Fig. 55.



steht, zusammengebreht. Die Starte ber Drahte beträgt bei Treibseilen, welche mehr als 1500 Pfund tragen und über hohe Scheiben zu liegen kommen, ungefähr 1/8 Boll, es wiegen je 100 Fuß Drahtlange 4,33 Pfund; bei Haspelseilen hingegen, welche nur 200 Pfund tragen, 1/32 Boll, und es wiegen je 100 Fuß Draht 0,271 Pfund. Die Berbindung der Drahte unter einander zu einer Libe führt Fig. 55 vor Augen. Man sieht, diese Libe besteht aus vier Drahten, die einen hohlen Raum Mzwischen sich lassen. Man hat in neueren Zeiten, namentlich in den Kohlenbergwerken am Rhein, diesen Raum mit einer getheerten Hansschlang gewunden, und badurch eine größere Biegsamkeit und Kestigkeit der

Seile zu erzielen gefucht, sowie die Anwendung mehrerer Drafte in einer Big. 56. Lite ermöglicht.

Aus der Anzahl n der Drahte einer Lige folgt der Gentriwinkel $ACB = BCD = \alpha$ des von den Drahtaren gebildeten Polygones ABE, Fig. 56, $\alpha = \frac{360^{\circ}}{n}$, und hieraus wieder mittels der Drahtsstäte d der Durchmesser 2CK des nach Befinden durch

eine Hanffeele auszufullenden hohlen Raumes: $d_1 = \left(\frac{1-\sin^{-1}/_2\alpha}{\sin^{-1}/_2\alpha}\right)d$.

Je größer die Anzahl der Dratte ist, desto größer fallt hiernach auch der Durchmesser des hohlen Raumes aus. Während für n=4, also $\alpha=90^\circ$ $d_1=\left(\frac{1-\sin 45^\circ}{\sin 45^\circ}\right)d=(\sqrt{2}-1)\ d=0,414\ d$ sich ergiebt, ist hier-

nach für
$$n = 6$$
, $d_1 = \left(\frac{1 - \frac{1}{2}}{\frac{1}{2}}\right)d = d$, und für $n = 8$,
$$d_1 = \left(\frac{1 - 0.3827}{0.3827}\right)d = 1.613 d.$$

Der Durchmesser des Kreises, in welchem die Aren der Drahte liegen, ist $d_2=d+d_1=\frac{d}{\sin^{-1}\!/_2\,\alpha}\cdot$

Ift l die Lange des Ligenstückes, auf welche eine Windung kommt, so hat man die entsprechende Drahtlange nach dem Pythagorischen Lehrsage: $l_1 = \sqrt{l^2 + (\pi \, d_2)^2}$, annähernd $= l + \frac{(\pi \, d_2)^2}{2 \, l}$, und daher die Bers

Drabtfeife.

turgung eines Drahtftudes beim Busammenschlagen zu einer Libe:

$$\lambda = l_1 - l = \frac{\pi^2 d_2^3}{2l}$$
, relativ $\frac{\lambda}{l} = 1/2 \left(\frac{\pi d_2}{l}\right)^2$.

Der Drehungswinkel d, um welchen ein Draht burch bas Bufam= menschlagen zu einer Lite aus ber aronalen Lage gebracht wirb, ift mittels der Katheten πd_2 und l durch die Gleichung $tang.\delta = \frac{\pi d_2}{l}$ bestimmt.

Umgekehrt hat man
$$\frac{l}{d_2} = \pi \, colg. \, \delta$$
 und $\frac{l}{d} = \frac{\pi \, colg. \, \delta}{\sin. \, ^{1/2} \alpha}$.

Der gewöhnliche Drehungswinkel ber Drabte in ben Liben ift 80 bis 150. Rehmen wir $\delta=10^{\circ}$ und n=4, also $^{1/2}\alpha=45^{\circ}$, so erhalten wir $\frac{l}{d} = \frac{3,14 \cdot 5,67}{0.707} = 25$, also bei $\frac{1}{8}$ Boll Drahistärke die Känge einer Bindung $l = \frac{25}{8} = \frac{31}{8}$ Boll.

Die Seile werden aus den Ligen genau fo zusammengefett, wie die Ligen aus Drahten. Durchschnitte mehrerer aus 3 bis 6 Ligen bestehenden Seile find in ben Figuren 57, 58, 59 und 60 abgebilbet. Fig. 57 zeigt ben





Aig. 59.

Fig. 60.









Querschnitt eines Seiles aus brei fechebrahtigen Ligen, Fig. 58 ben eines Seiles aus feche breibrahtigen Liben, Rig. 59 zeigt ferner ben Quer fchnitt eines Seiles von 4 Ligen, jede zu 4 Drahten und Fig. 60 ben eines Seiles von 6 Ligen, jede ju 6 Drahten, mit einer Sanf: ober Drahtseele. Durch bie Drehung ber Liben tommen biefe Querschnitte in alle moglichen Lagen, und es nimmt bas gange, namentlich aber bas bem Querschnitte Fig. 58 entsprechende Seil eine mehr cylindrische Form an.

Bas die Cylinder anlangt, um welche man sich die Ligen schraubenfor= mig aufgewunden zu benten hat, fo find die Durchmeffer derfelben folgende: fur bie Seile mit ben Querschnitten in Rig. 57 und 58,

$$d_3 = 2d + \frac{d}{\sin 60^{\circ}} = 3,155d$$

für das nach Fig. 59,
$$d_3 = 2 d_2 = \frac{2 d}{\sin 45^0} = 2,828 d$$

und für das nach Fig. 60, $d_3 = 2d + 4d \sin 60^\circ = 5,464d$. Rimmt ein Litenumschlag ein Arenftuck bes Seiles von ber Lange l2 ein, so ift feine gange: $l_3 = \sqrt{l_2^2 + (\pi d_3)^2}$, baher die Berturgung einer Lite Prabtieile. beim Bufammenfchlagen :

$$\lambda = l_3 - l_2 = \sqrt{l_2^2 + (\pi \, d_3)^2} - l_2$$
, annähernö $= \frac{\pi^2 \, d_3^2}{2 \, l_2}$.

Der Drehungswinkel einer Lite ift bestimmt burch bie Formel:

tang.
$$\delta_1 = \frac{\pi d_8}{l_2}$$
.

In der Regel ist auch $\delta_1 = 10$ bis 25 Grad, wenigstens ist es nicht rathsam, die Drehung über 15 Grad hinausgehen zu lassen.

Es ist übrigens leicht zu ermessen, weshalb man hier die Drahte nicht einfach nebeneinander legt, sondern schraubenformig zusammenschlägt. Beim Umlegen um eine Scheibe ober Trommel muffen sich nur die außeren Drahte ausbehnen; besteht baher das Seil nur aus nebeneinanderliegenden Drahten, so wird nur ein Theil der Drahte ausgebehnt, und daher das Berreißen der außeren Drahte eher eintreten, als wenn das Seil geschlagen ist, wo ein und berselbe Draht bald außen, bald innen zu liegen kommt und baher alle Drahte eine gleiche Spannung erhalten.

. Anmerkung. Die Drahtstude, welche man bei ber Drahtseilfabrikation verwendet, haben eine Lange von 60 bis 120 Fuß, und muffen beehalb zur Bilbung langerer Seile durch bloßes Busammenwideln ober Busammenlothen ihrer Enden mit einander verbunden werben.

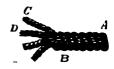
Canffeile.

h. 19. Die Anwendung der Hanffeile ist durch die Einführung der Drahtseile bedeutend gemäßigt worden. Jest findet man diese Seile fast nur noch bei Flaschenzugen angewendet. Das Material zu diesen Seilen ist gut gehechelter Hanf, am besten aus Rußland oder aus dem Elsaß, Breiszgau u. s. w. Dieser wird zunächst zu Faben oder Garn versponnen; aus diesen werden ferner durch Zusammendrehen die sogenannten Schnüre oder Liten und aus diesen endlich die Seile gebildet. Die Fähen werden von einer Stärke angewendet, daß eine Länge von 300 bis 400 Fuß ein Pfund wiegt, acht die sechszig Fäden geben eine Lite und drei die vier einzzelnen Seilen zusammengebreht, oder, wie man sagt, abgestückt.

Vier- und mehrschäftigen Seilen, b. i. Seilen aus vier ober mehr Liten, giebt man, namentlich wenn dieselben stark sind, eine Hanfseele, damit sich die einzelnen Liten regelmäßig schraubenformig aneinander anlegen, und dieselben nicht in den von der Hanfseele auszufüllenden hohlen Raum treten. Die Drehungswinkel der Käden in den Liten, und die der Liten in den Seilen, sind 30 bis 50 Grad; durch sehr starke Drehungen verliert das Seil zuviel an Festigkeit, und bei sehr schwachen Drehungen besitt es nicht die erforderliche Dichtigkeit. Am angemessensten ist jedenfalls diejenige Drehung, bei welcher die Reibung der Fäden oder Liten unter einander ihrer Festigkeit gleichkommt. Damit die Seile nicht unnöthig steif ausfallen, und

bamit fie moglichft wenig Bestreben gur Drehbewegung annehmen, follen canfiete.

8ig. 61.



bie Drehungerichtungen ber Seile und Ligen, fo wie die ber Ligen und ihrer Kaben die entgegen: gefetten fein. Wenn alfo ein Seil wie AB, Sig. 61, rechts gebreht fein foll, fo muffen beffen Lipen, wie BC, BD u. f. w. eine linke, und bas gegen bie Faben ber letteren wieber eine rechte Drehung erhalten.

Durch das einfache Busammendrehen wird naturlich eine Berkurzung in ber Arenlange ber gaben ober Liten herbeigeführt, und tonnte baffelbe ohne alle Spannung ber Faben erfolgen, fo murbe bei bem Drebungewintel & bie einer Kabenlange l'entsprechende Litenlange $l_1=l\cos\delta$, also die Berfurjung $\lambda = l_1 - l = l(1 - \cos \delta)$ betragen. 3. B. für eine Drehung d von 40 Grad wurde bie Verkurgung $\lambda = (1 - \cos 40^{\circ}) l = 0.234 l$, b. i. über 23 Procent ausmachen; ba aber burch bie Reibung und burch bas Einklemmen ber Ligen und Faben unter einander noch eine Spannung in biefe tommt, fo ift mit bem Bufammenbreben ftete auch noch eine gewiffe Ausbehnung ber Faben und Ligen verbunden, fo bag, jumal wenn ben Seilen ein fogenannter Draht gegeben wird, b.h. wenn bie Seile nach bem Bufammenfchlagen noch eine besondere Drehung erhalten, die Berturjung ber Liten im Seile fatt 23 Procent nur 10 bis 15 Procent betragt.

Ein haupterforberniß eines auten Seiles ift außer ber Reftigkeit und Biegfamkeit auch noch bie Dauerhaftigkeit beffelben. Um bie lettere gu erhohen, muß man burch ftartes Busammenbreben ober burch einen Theerüberzug das Eindringen des Baffers moglichft verhindern. Da aber burch biefe Mittel ben erften Erforberniffen entgegengewirft wirb, fo ift mit benfelben eine gemiffe Grenze nicht ju überfchreiten. Der Theer (frang. goudron; engl. tar) wird gewöhnlich in folcher Menge angewendet, baß burch ihn bas Seil um ein Funftel feines Gewichtes fchwerer wirb.

§. 20. Die Tragfraft eines Seiles hangt nicht allein von ber materiellen Beschaffenheit, von bem Querschnitte F und von ber Angahl n der Faben Danffeite. bes Seiles, fonbern auch von ber Starte ber Drehung ber Faben und Ligen beffelben ab, benn burch bie lettere erhalten bie Raben und Ligen

Fig. 62.



auch ohne Belaftung eine gewiffe, einen Theil ber Tragfraft in Unfpruch nehmenbe Spannung. Begen ber ichraubenformigen Bindungen, welche bie Kaben und Liten bilben, ift biefe Spannung überbies nicht gleichformig auf ben Querschnitt biefer vertheilt, fondern am außeren Umfange gros Ber ale in ber Ure ber Faben ober Ligen, und beshalb bie baburch hervorgebrachte Berminderung

Eragfraft ber Banffeile. ber Tragfraft bei einer ftarten Drehung der Faden fehr betrachtlich. Det



Halbmeffer MA=MB, Fig. 63, nach welschem ein Faden ABF in einer Life ober eine Life im Seile gebogen ift, fallt mit dem Krumsmungshalbmeffer einer Ellipse ABEG zusammen, deren Ebene um den Drehungswinkel $OCE=\delta$ von der Are der Life oder des Seiles abweicht. Der Halbmeffer CA=CD=r bes Cylinders, um welchen die Fadenare gewickelt ift, ist zugleich

die kleine Halbare der Ellipfe, dagegen $CE=\frac{CD}{cos.DCE}=\frac{r}{sin.\delta}$, die große Halbare der Ellipfe, und daher der Krummungshalbmeffer des Fastens (f. Ingenieur S. 238),

$$MA = MB = \frac{\overline{CE^2}}{CA} = \frac{r^2}{r \sin \delta^2} = \frac{r}{\sin \delta^2}$$

Nun wachst aber die Spannung am außersten Umfange eines Fadens direct wie die Starte und umgekehrt wie der Krummungshalbmeffer der Fadenare, daher nimmt denn auch dieselbe wie das Quadrat des Sinus des Drehungswinkels zu. Wie sehr ein Seil durch eine starke Drehung an Festigkeit verliert, zeigt folgendes Beispiel von Muschenbroek. Ein Seil, welches die ein Funftel Verkurgung gedreht war, zerriß bei 6205 Pfund Belastung, als es aber eine Drehung bis ein Viertel Verkurgung erhielt, bei 4850 Pfund, und als es endlich durch weitere Drehung um ein Drittel verkurzt wurde, gar schon bei 4098 Pfund.

Uebrigens ift leicht zu ermessen, daß startere, aus mehr Faben bestehende Seile verhaltnismaßig weniger Tragtraft besiten als schwachere. Es sindet bei jenen nicht allein an sich eine größere Ungleichheit in der Spannung der Faben statt, sondern es wird auch dieselbe beim Umbiegen um Rollen oder Trommeln noch besonders erhoht. Durch diese Ungleichheit wird aber die Tragtraft herabgezogen, weil hier die starter gespannten Faden eher zerreißen, als wenn die Spannung eine gleichsormige wate.

Endlich wird die Tragkraft eines Seiles auch noch burch die Naffe, und felbst durch das Theeren vermindert. Nach Muschenbroek's Versuchen trägt ein ungetheertes Seil, wenn es ganz durchnäft ist, nur sieben Zehntel so viel als wenn es trocken ist. Das Eindringen der Naffe wird besonders dann verhindert, wenn man nicht das fertige Seil, sondern schon die Faben oder Ligen theert. Je nachdem man nun diese warm oder kalt zusammensbreht (warm oder kalt registrirt), fallen die Seile mehr oder weniger bicht, und mehr oder weniger steif aus.

6. 21. Die Starte eines Sanffeiles fur eine gegebene Tragfraft P lagt fich

Danffeile.

mittels der in I. §. 186 mitgetheilten Festigkeitscoessicienten berechnen; nur ist hierbei zu berücksichtigen, daß man dreisache Sicherheit zu geben hat, wenn das Seil ein stehendes ist, also nur zur Befestigung dient, und dagegen sechskache Sicherheit nehmen muß, wenn das Seilwerk ein laufendes ist, sich also über Rollen und Trommeln widelt. Sehen wir den Festigkeitsmodul für Hansseile von $^{1}/_{8}$ Zoll Dicke = 10000 Pfund, und den für Seile von 5 Zoll Stärke = 5000 Pfund, so können wir allgemein sür Seile von 6 Zoll Stärke den Festigkeitsmodul 6

Es ift baber bie Tragfraft = P, bei breifacher Sicherheit

$$P = \frac{1}{3} \cdot 10000 (1 - 0.1 d) \cdot \frac{\pi d^2}{4} = 2618 (1 - 0.1 d) d^2$$

und bei sechsfacher Sicherheit: $P=1309\,(1-0.1\,d)\,d^2$, umgekehrt also die der gegebenen Tragkraft ober Spannung entsprechende Seilbide, im

ersten Falle
$$d=\sqrt{rac{P}{2618\,(1-0,1\,d)}}$$
, oder annähernd

- 1) d = 0.01954 (1 + 0.05 d) VP = 0.01954 (1 + 0.001 VP) VPund im zweiten Falle:
- 2) d = 0.02764 (1 + 0.05 d) V P = 0.02764 (1 + 0.0014 V P) V P 30ll. Was das Seilgewicht anlangt, so kann man annehmen, daß dasseibe nahe wie das Quadrat der Seilstärke wächst. Nun wiegt aber der laufende Kuß Hansseil von 1 30ll Stärke, ungetheert 0,3 Pfund, und getheert 0,36 Pfund; es läßt sich daher das Gewicht eines laufenden Kußes Hanfseil von d 30ll Stärke sehen:
 - 3) $G = 0.3 d^2$ bis $0.36 d^2$ Pfund.

Umgefehrt entspricht bem Gewichte G eine Starte:

4) d = 1.82 VG bis 1.67 VG 300.

Seben wir ben Werth $d=1.82\ VG$ in die obigen Formeln, fo ershalten wir bas Gemint bes laufenden Rußes Seil, bei breifacher Sicherheit:

5) G = 0,0001146 (1 + 0,002 V I') P Pfund,

und bei fechefacher Sicherheit:

6) G = 0.0002292 (1 + 0.0028 VP) J Pfund.

hiernach ift folgende Tabelle berechnet worden:

Tragfraft ber Danffeile.

Seilspannung in Centnern, zu 100 Pfund		1	4	9	16	25	36	49	64	81	100
Seilftärfe in Bollen	bei Bfacher Sicherheit	0,20	0,40	0,60	0,81	1,03	1,24	1,46	1,69	1,91	2,15
	bei 6facher Sicherheit	0,28	0,57	0,86	1,17	1,48	1,80	2,12	2,46	2,80	3,15
Gewicht von je	bei Bfacher Sicherheit	1,17	4,77	10,9	19,8	31,5	46,2	64.0	85,1	109,5	137,5
100 Fuß ungetheers ten Seiles	bei 6facher Sicherheit	2,36	9,68	22,4	40,9	65,3	96,4	134,3	179,5	284,4	293,4

Beifviel. Die Starte eines ungetheerten Baspelfeiles, welches eine Laft von 4 Centnern tragen foll, ift nach ber letten Tabelle, fo wie nach einer ber obigen Formeln: d = 0,57 Boll, und bas Gemicht von 150 guß Seil: $G = 9.68 \cdot \frac{150}{100} = 14.52$ Pfunb.

Bergleichung f. 22. Die fich die Brantseite, Builfeite und Dreis gegen einander verhalten, ift aus folgens und Keftigkeit, Gewicht und Preis gegen einander verhalten, ift aus folgens aine naroleichende Ausammenstellung ber Resultate von den Berfuchen enthalt, die zu diefem 3mede auf Befehl ber englischen Admiralitat angestellt worden find.

Sanffeilen und Rettentauen.

Eabelle und ben Preis von Drahtseilen,

Bergieidung Der Cetle und Retten.

Belastung, bei welcher die Seile zerreißen, in Tonnen (tons) u. s. w.	Gattungen ber Seile.	Um fang ber Hanfe und Drahtfeile; Dide bes Runbeifens bei ben Retten.	Gewicht von 1 Faben (fathom) =6Engl.Kus, in Engl. Pfb. 1Pf. = 16Unz.	Breis von 1 Faben = 6 Kuß, in Schilling u. Bence. 1Sch. = 12 Vc. = 10 Silbyr.
1 Tonne = 2240 engl. Pfund = 2172 preuß. •	Drabtseil Sanffeil Rettentau	1 Boll Engl. 2 " "	— Bf. 12 Unz. 1 " 1 " 3 " — "	— Sch. 5 Pc. — • 5½• 1 • 6 •
8 Connen = 17920 engl. Bfund = 17379 preuß. •	Drahtseil Sanffeil Rettentau	2 * * 5 * * * * * * * * * * * * * * * *	2 * 10 · 6 · — * 16 · — *	1 • 6 • 2 • 7½• 4 • — •
16 Tonnen = 26880engl. Pfund = 26069preuß. >	Drahtseil Sanffeil Rettentau	2 ¹ / ₂ * " 7 * * 1 ¹ / ₁₆ "	4 • 8 • 12 • 3 • 27 • — •	2 * 5½ * 5 * 4 * 6 * - *
16 Tonnen = 35840 engl. Pfund = 34758 preuß. •	Drahtseil Sanffeil Rettentau	8 = = 18/ ₁₆ = =	6 " 12 " 14 " 3 " 37 " — "	3 * 7½° 6 * 2½° 8 * — *
20 Tonnen = 44800 engl. Pfunb = 43448 preuß. »	Drahtseil Hanffeil Rettentau	3 ¹ / ₂ , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	9 × 4 × 19 × 6 × 46 × — ×	5 = — = 8 × 8 ⁸ / ₄ = 7 = 7
24 Tonnen = 53760 engl. Pjund = 52138 preuß. *	Drahtseil Sanffeil Rettentau	10 = = = = = = = = = = = = = = = = = = =	12 * 4 * 25 * * 53 * *	6 » 7½° 10 » 11½° 10 » 10½°
30 Fonnen = 67200 engl. Pfund = 65172 preuß. •	Drahtseil Sanffeil Rettentau	11 » » 11/16 » »	16 » 5 » 30 » — » 62 » — »	8 × 10 × 13 × 1 ¹ / ₄ × 12 × 11 ×
36 Tonnen = 80640 engl. Pfund = 78206 preuß. >	Drabtfeil Sanffeil Rettentau	5 " " 12½" " " 13/16" " "	22 » 5 » 85 » 10 » 78 » — »	12 » 1 » 15 » 7 ³ / ₄ » 16 » 3 »
44 Tonnen = 98560 engl. Pfunb = 95586 preuß.	Drahtfeil Hanffeil Rettentau	5½ * * 14 * * 15/16 * *	27 " — " 41 " 10 " 96 " — "	14 » 11 » 18 » 3½° 20 » — «
54 Tonnen = 120960 engl. Bfb. = 117310 preuß. »	Drahtfeil Hanffeil Rettentau	6 * * 15 - 17/16 = *	84 • — • 47 • 8 • 115 • — •	18 « 6 » 20 » 9½° 24 » — »

Bergleichung Die Wergierunder Seile und Retten. auf Folgendes. Die Bergleichung der in diefer Tabelle enthaltenen Berfucherefultate führt

Bei gleicher Trageraft ift ftete bas Drahtfeil bas leichtere und wohlfeilere und das Rettentau stets das schwerere und meift auch immer das theurere Kortpflanzungsmittel. Es lagt fich im Mittel annehmen, bag bei gleicher Tragfraft bas Gewicht bes Drahtseiles gleich ift 0,5, und bas eines Rettentaues 2,5mal fo groß als bas eines Sanffeiles, bag ferner bie Starte bes Drahtfeiles nur 0,4 und die Starte bes Rundeifens, aus dem die Rettenglieber bestehen, 0,3 von ber eines Sanffeiles betragt. Aus diefen Berhalt= niffen fonnen wir baber febr leicht mit Silfe ber im vorigen Paragraphen gegebenen Formeln die Starte und bas Gewicht ber Drahtfeile und Rettenglieder eines Taues finden, welches einer gegebenen Tragkraft entspricht.

Beifpiel. Belde Starte foll ein Drahtfeil erhalten, wenn baffelbe ale Treibseil bienen und hochstene 30 Centner tragen foll. Fur ein Sanffeil ift bie gefuchte Starfe

 $d = 0.02764 (1 + 0.0014 \cdot \sqrt{3000}) \sqrt{3000} = 1.51 \cdot 1.076 = 1.63 \ 30\%$ und baber fur bas Drabtfeil d = 0,4.1,63 = 0,65 Boll. Giebt man nur breifache Sicherheit, fo fallt hiernach d=0.46 Boll aus. Nimmt man an, bas Seil bestehe aus 16 Drahten von 1/8 Boll Dide, fo erhalt man bie Festigfeit biefer nach I. S. 186

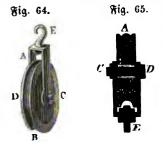
$$P = 16 \cdot (\frac{1}{8})^{9} \cdot \frac{\pi}{4} \cdot 85000 = 0,1963 \cdot 85000 = 16686 \$$
 Ffund;

und baber bie Tragfraft bei 6facher Sicherheit = 2781 Bfund. Das Gewicht bes laufenden Fuges Sanffeil von 30 Centner Tragfraft ift

 $0.0002292.3000(1+0.0028.\sqrt{3000}) = 0.6876.1,1533 = 0.793$ Pfunb. und baber bas bes Drabtfeiles = 0,5.0,793 = 0,8965 Bfunb. Rimmt man bas Gewicht eines Cubifzolles Drahteifen 0,294 Bfund an (f. Ingenieur S. 362), fo erhalt man bas Bewicht von einem Fuß Seil, welches aus 16 ein achtel Boll biden Draften besteht, annahernb G=0,294.16.0,1227=0,577 Bfund.

Beitrollen.

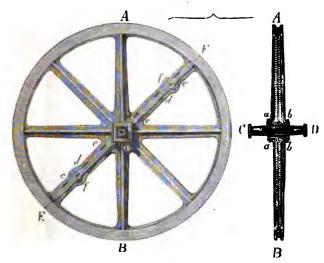
6. 23. Die Richtung eines Seiles ober einer Rette wird burch eine Leitrolle (franz. poulie de renvoi; engl. guide pulley) abgeandert (f. I. 6. 150). Der Durchmeffer einer Leitrolle richtet fich nach ber Starte und nach bem Grabe ber Biegfamkeit bes Seiles, welches fich um biefe legt. Starke und weniger biegfame Seile erhalten Leitrollen ober fogenannte Seilscheiben von 6 bis 10 Kuf Durchmeffer, schwache Sanffeile aber folche von 1/2 bis 1 Kug. Im Allgemeinen nimmt ber Steifigkeitewiberftanb bes Seiles und die Arenreibung ber Rolle ab, und es wird ebenfo bas Abführen bes Seiles und ber Bapfen ober fogenannten Balgeifen ein kleinerer, wenn der Durchmesser der Seilscheibe vergrößert wird. Da aber mit dem letteren auch bas Gewicht ber Seilscheibe und beshalb auch die Bapfenreibung machft, fo giebt es allerdings eine Grenze in ber Ausmahl ber vortheilhaftesten Seilscheibenhohe. Rleine Leitrollen bestehen in einer einfachen Solg- ober Metallscheibe, wie ABC, Fig. 64 und Sig. 65, großere aber bilben ein Rad, wie ABC, Fig. 66, aus holz ober Gifen. Damit bas veitroften.



Seil von ber Rolle nicht herabgleiten könne, ift eine Spur ober Rinne (franz. gorge; engl. groove) am Umfange ber letteren ausgenommen; und besteht die Scheibe aus Guseisen, so füttert man diese Spur, wie A und B. Fig. 66, zeigt, mit Holz aus, um das Abführen des Seiles zu mäßigen und ben Scheibenkranz zu schonen.

Die schmiedceiserne Are ober das Walzeisen CD, um welche sich die Leit=

rolle breht, ift entweber mit biefer fest ober fie ift burch eine genau auszu= Fig. 66.



ben. Jebenfalls ist die erstere Anordnung die sollere, und baher bei großeren und festliegenden Seilscheiben stets anzuwenden, die zweite dagegen nur bei kleinen und transportablen Leitrollen, wo es darauf ankommt, die Zapfenlager zu ersparen. Wenn mehrere mit verschiedenen Geschwindigkeiten umlaufende Rollen auf einer Are zugleich sien, so ist die lose Verbindung durch eine Nabe sogar nothwendig. Bei der sestendung der Are und Rolle sindet die Arenreibung an den Enden, bei der losen dagegen in der Mitte der Are statt; da aber, ohne die Festigkeit zu beeinträchtigen, die Are an den Enden schwächer sein kann als in der Mitte, und da die Ar-

Ш.

Leitrollen.

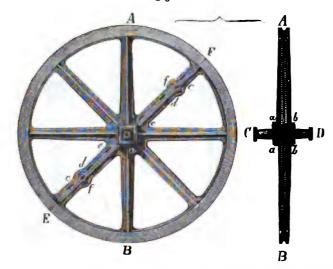
beit der Reibung mit der Arenstarte zunimmt, so läßt sich bei der festen Berbindung eine kleinere Arenreibung erzielen als bei der losen. Der hauptnachtheil der letteren Berbindung besteht aber in unsicherer und schwankenber Bewegung, welche die Rolle annimmt, wenn die Nabe und Are abge-

Fig. 67. Fig. 68.

führt find, erstere also weiter geworden ift als lettere bick.

Bei ben transportablen Leitrollen für schwache Hanffeile sitt die mit einem Ropfe und einem Borsteder versehene Are ober der Bolzen CD in einem sogenannten Rloben (franz. chape; engl. block) CED, Fig. 67 und 68; bei den großen Seilscheben für Drahtseile ist die an beis den Enden abgedrehte Are CD, Fig. 69, in die vierseitige Huse ab ab eingekeilt.

Die hier abgebildete Scheibe besteht aus zwei Theilen, die durch Schrauben Fig. 69.



wie c, d, e, burch schmiebeeiserne Ringe, wie aa, bb und burch Splinte wie f, f fest mit einander verbunden sind.

§. 24. Bei ber Anwendung von Leitrollen kommen zwei Falle vor, entsweder läßt fich durch die beiben Seils ober Bewegungsrichtungen eine Ebene legen, oder es ist dies nicht möglich; im ersten Falle genügt stets eine Leitzrolle, im zweiten sind deren zwei nothig. Die Umdrehungsebene einer Seilsscheibe fallt mit der Ebene, welche durch die beiben Seilrichtungen KM und

MG, Fig. 70, gelegt werden kann, zusammen, und wenn nun die beiden Leitrollen. Seilrichtungen KM und NG, Fig. 71, weder parallel sind, noch sich schneisben, also in keine Ebene fallen, so muß man sie durch eine Linie MN versbinden und eine Seilscheibe in die Ebene KMN und eine andere in die Ebene MNG legen.

Fig. 70.

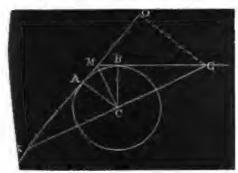
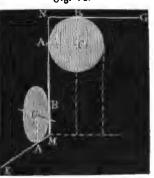


Fig. 71.



In dem einfacheren Falle, wo die beiden Seilrichtungen KM und MG, Fig. 70, sich schneiden, sindet man den Ort und die Lage der Umdrehungszape C der Seilscheibe aus dem Haldmesseinkel CM = CB = r der Scheibe und dem Brechungszoder Ablenkungswinkel $CM = ACB = \alpha$ auf solgende Beise. Wit der Centrallinie CM schließen die beiden Seilrichtunzgen CM und CM gleiche Winkel ein, deshalb schneidet auch ein Perpensitel auf CM und weiden Seiten desselben gleiche rechtwinkelige Dreiecke CM und CM und es ist CM und CM so wie ein Perpendikel CM und es ist CM where CM so wie ein Perpendikel CM auf CM aus von den beiden Seilrichtungen das Stück schneiden Schuken.

$$MG = MK = \frac{GO}{\sin OMG} = \frac{2r}{\sin \alpha}$$

abschneiben, und die erhaltenen Endpunkte G und K durch eine Linie G K $\left(=\frac{2\,r}{\sin\frac{\alpha}{2}}\right)$ verbinden, so giebt deren Mitte C den gesuchten Ar=

punkt, und errichtet man endlich auf CK und CG und CM ein Perpenstell, fo erhalt man in demfelben die Arenrichtung der Leitrolle.

Wenn sich, wie in bem in Fig. 71 abgebilbeten Falle, die Seilrichtungen KM und NG nicht schneiben, so ist eine boppelte Anwendung der letzten Regel nothig. Steht, wie die Figur vor Augen führt, die Verbindungstinie MN rechtwinkelig auf beiden Seilrichtungen, so lenkt jede der beiden

4*

Beitrollen ACB und A1C1 B1 bas Seil um einen Rechtwinkel ab, und es ift bas Zwischenseil bas moglich turgefte. Uebrigens ift auch biefe Unordnung nicht gerabe bie vortheilhaftefte. Der Bapfenbruck, und folglich auch bie Bapfenreibung fallt um fo fleiner aus, je fleiner ber Ablentungswintel ift; wenn man nun die Berbindungelinie MN fo legt, bag fie mit ben beiden Seilrichtungen KM und GN ftumpfe Winkel einschließt, fo fallen bie Ablenkungswinkel kleiner als ein Rechtwinkel aus, und wird baber auch Die Reibung fleiner ale bei Unwendung bes furzesten 3mifchenftude. 3mei Leitrollen, wenn bie Seilrichtungen einander fchneiben, find, wenn nicht befondere Berhaltniffe obmalten, nicht zwedmäßig, weil babei boppelte Steis figteitewiderftande und Sapfenreibungen gu überwinden find, die gufammen mehr ausmachen, ale ber Steifigkeits- und Reibungewiderftand bei Unwenbung einer einzigen Rolle.

Anmerkung. Die Arbeitsverlufte, welche aus bem Steifigfeitswiderftanbe und ber Bapfenreibung ber Leitrollen erwachsen, find nach ben im erften Theile (Abichnitt III., Rapitel V.) mitgetheilten Erfahrungeregeln gu beurtheilen.

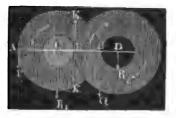
Zweites Kapitel.

Bon den Raderwerken, ober den Bilfsmitteln jur Abanderung der ftetigen Rreisbewegung.

Habermerte.

§. 25. Macht eine umlaufende Welle nicht biejenige Ungahl von Umbrehungen in einer gewiffen Beit (g. B. in einer Minute), welche gur Berrichtung einer gewiffen Arbeit nothig ift, ober besitt ein umlaufenbes Rab nicht biejenige Rraft, welche bie Ueberwindung einer gegebenen Laft erforbert, fo muß burch eine besondere Zwischenmaschine bie Umbrehungebewegung Diefer Belle ober biefes Rabes abgeandert, ober, wie man fagt, umgefest

Fig. 72.



werben. Die vorzuglichsten Bilfe= mittel gur Erreichung biefes 3medes find biejenigen Berbindungen von Rabwellen (f. I. g. 152), welche man Rabermerke (frang. rouages; engl. wheel-works) nennt. Ein einfaches Raberwert, wie ACDB. Fig. 72, Fig. 73 und Fig. 74, befteht aus zwei Radwellen CA und

DB, wovon die eine durch die andere in Bewegung gefeht wird; ein dop- Mabermeite.



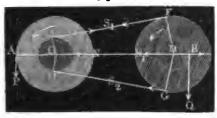
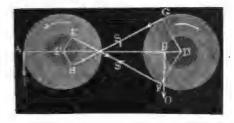


Fig. 74.



peltes ober mehrfaches Ra= bermert mirb von brei ober mehr Rabwellen gebilbet. Die Mittheilung ober bie Uebertragung ber Beme= gung von ber einen Rab: welle auf bie andere, er= folgt entweber burch un: mittelbare Berührung, wie Sig. 72, ober mittels einer Schnur ober eines anberen biegfamen Rorpers, wie Fig. 73 und Fig. 74; und hiernach unterscheibet man bie Bahnrabermerte (frang. engrenages; engl. geerings over toothed und bie wheel - works) Schnur= ober Riemen=

rådermerte (franz. rouages à courroies; engl. straped wheel-works).

Durch einfache geometrifche Beruhrung zweier Raber lagt fich nur eine unbebeutenbe Rraft von bem einen Rabe auf bas andere übertragen; es ift bies nur mittels ber Reibung zwifchen ben beiben Rabumfangen moglich, und baher erforderlich, bag biefe Umfange rauh gehalten und gegen einander gepreßt werben. Wenn man hingegen die Umfange ber Raber mit abwech= feinden Erhöhungen und Bertiefungen ausruftet, und bie Erhöhungen bes einen Rades in die Bertiefung bes anderen eingreifen lagt, fo erfolgt bie Mittheilung ber Bewegung nicht bloß ficherer, fonbern es ift auch jebe gegebene Rraft überzutragen moglich. Jene Erhohungen auf ben Rabum= fangen heißen Bahne (frang. dents; engl. teeths, cogs), und die entspre= benben Bertiefungen Bahnluden (frang. creux; engl. clearings). Bon ben beiben Rabern (frang, roues; engl. whoels) eines Rabermertes beißt basjenige, von bem bie Bewegung ausgeht, welches alfo bas andere in Bewegung fest, ber Treiber ober bas Treibrab (frang. roue conductrice; engl. driver) und bas in Bewegung gefette, bas Getriebe ober Trieb: tab (frang. roue conduite; engl. follower). Bei ben Bahnrabermerten, wie Fig. 72, laufen Treib = und Getriebrad nach entgegengesetten Richtun= gen um, bei ben Riemenrabern hingegen hangt bas Berhaltnig ber Umbrehungerichtungen von der Lage bee Riemens ab. In dem Kalle Sig. 73, wo beibe Seilrichtungen nach einem Dunkte außerhalb ber beiben Rabaren

•

Tragfraft ber Banffeile. ber Tragfraft bei einer ftarten Drehung der Faden fehr betrachtlich. Der



Halbmeffer MA=MB, Fig. 63, nach welschem ein Faben ABF in einer Lige ober eine Lige im Seile gebogen ift, fällt mit bem Krumsmungshalbmeffer einer Ellipfe ABEG zusammen, beren Ebene um ben Drehungswinkel $OCE=\delta$ von ber Are der Lige ober des Seiles abweicht. Der Halbmeffer CA=CD=r bes Cylinders, um welchen die Fabenare gewickelt ift, ist zugleich

die kleine Halbare der Ellipse, dagegen $CE=\frac{CD}{cos.DCE}=\frac{r}{sin.\delta}$, die große Halbare der Ellipse, und daher der Krummungshalbmeffer des Fastens (f. Ingenieur S. 238),

bens (f. Ingenieur S. 238),
$$MA = MB = \frac{\overline{CE^2}}{CA} = \frac{r^2}{r \sin \delta^2} = \frac{r}{\sin \delta^2}.$$

Nun wachst aber die Spannung am außersten Umfange eines Fabens direct wie die Starte und umgekehrt wie der Krummungshalbmesser der Fabenare, daher nimmt denn auch dieselbe wie das Quadrat des Sinus des Drehungswinkels zu. Wie sehr ein Seil durch eine starke Drehung an Festigkeit verliert, zeigt folgendes Beispiel von Muschenbroek. Ein Seil, welches die ein Fünftel Berkurzung gedreht war, zerriß bei 6205 Pfund Belastung, als es aber eine Drehung bis ein Viertel Verkurzung erhielt, bei 4850 Pfund, und als es endlich durch weitere Drehung um ein Drittel verkurzt wurde, gar schon bei 4098 Pfund.

Uebrigens ift leicht zu ermessen, daß ftatere, aus mehr Faben bestehende Seile verhaltnismäßig weniger Tragkraft besitzen als schwachere. Es findet bei jenen nicht allein an sich eine größere Ungleichheit in der Spannung der Faben statt, sondern es wird auch dieselbe beim Umbiegen um Rollen oder Trommeln noch besonders erhoht. Durch diese Ungleichheit wird aber die Tragkraft herabgezogen, weil hier die starker gespannten Faden eher zerreißen, als wenn die Spannung eine gleichsormige ware.

Endlich wird die Tragkraft eines Seiles auch noch durch die Raffe, und felbst durch das Theeren vermindert. Nach Muschenbroek's Bersuchen trägt ein ungetheertes Seil, wenn es ganz durchnäßt ift, nur sieben Zehntel so viel als wenn es trocken ift. Das Eindringen der Raffe wird besonders dann verhindert, wenn man nicht das fertige Seil, sondern schon die Faben oder Ligen theert. Je nachdem man nun diese warm oder kalt zusammenzbreht (warm oder kalt registrirt), fallen die Seile mehr oder weniger bicht, und mehr oder weniger steif aus.

6. 21. Die Starte eines Sanffeiles fur eine gegebene Trageraft P lagt fich

Banffeile.

mittels ber in I. §. 186 mitgetheilten Festigkeitscoefficienten berechnen; nur ist hierbei zu berücksichtigen, daß man dreisache Sicherheit zu geben hat, wenn das Seil ein stehendes ist, also nur zur Befestigung dient, und dagegen sechskache Sicherheit nehmen muß, wenn das Seilwerk ein laufendes ist, sich also über Rollen und Trommeln wickelt. Sehen wir den Festigkeitsmobul für Hansseile von $\frac{1}{8}$ Zoll Dicke = 10000 Pfund, und den für Seile von 5 Zoll Stärke = 5000 Pfund, so können wir allgemein für Seile von d Zoll Stärke den Festigkeitsmobul K = 10000 (1-0,1) Pfund annehmen.

Es ift baber die Tragfraft = P, bei breifacher Gicherheit

$$P = \frac{1}{3} \cdot 10000 (1 - 0.1 d) \cdot \frac{\pi d^2}{4} = 2618 (1 - 0.1 d) d^2$$

und bei fechsfacher Sicherheit: $P=1309\,(1-0,\!1\,d)\,d^2$, umgekehrt also die ber gegebenen Tragkraft ober Spannung entsprechende Seilbicke, im

ersten Falle
$$d=\sqrt{\frac{P}{2618\,(1-0,1\,d)}}$$
, ober annähernd

- 1) d = 0.01954 (1 + 0.05 d) VP = 0.01954 (1 + 0.001 VP) VPund im zweiten Falle:
- 2) d = 0.02764 (1 + 0.05 d) V P = 0.02764 (1 + 0.0014 V P) V P30ll. Bas das Seilgewicht anlangt, so kann man annehmen, daß dasselbe nahe wie das Quadrat der Seilstärke wächst. Nun wiegt aber der laufende Kuß Hanssell von 1 30ll Stärke, ungetheert 0,3 Pfund, und getheert 0,36 Pfund; es läßt sich daher das Gewicht eines laufenden Kußes Hanssell von d 30ll Stärke sehen:
 - 3) $G = 0.3 d^2$ bis $0.36 d^2$ Pfund.

Umgekehrt entspricht bem Gewichte G eine Starte:

4) d = 1.82 VG bis 1.67 VG 300.

Seten wir den Werth $d=1.82\,V\,G$ in die obigen Formeln, fo ershalten wir das Gewicht des laufenden Fußes Seil, bei breifacher Sicherheit:

5) G = 0,0001146 (1 + 0,002 V I') P Pfund,

und bei fechefacher Sicherheit:

6) G = 0.0002292 (1 + 0.0028 VP) P Pfund.

hiernach ift folgende Tabelle berechnet worben:

Tragfraft ber Danffeile.

	nung in u 100 Pfund	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100
Seilftärfe in Bollen	bei 3facher Sicherheit	0,20	0,40	0,60	0,81	1,03	1,24	1,46	1,69	1,91	2,15
	bei 6facher Sicherheit	0 ,2 8	0,57	0,86	1,17	1,48	1,80	2,12	2,46	2,80	3,15
Gewicht von je 100 Fuß ungetheers ten Seiles	bei 3facher Sicherheit	1,17	4,77	10,9	19,8	31,5	46,2	64.0	85,1	109,5	137,5
	bei 6facher Sicherheit	2,36	9,68	22,4	40,9	65,3	96,4	134,3	179,5	234,4	293,4

Beifpiel. Die Starte eines ungetheerten Baspelfeiles, welches eine Laft von 4 Gentnern tragen foll, ift nach ber letten Tabelle, fo wie nach einer ber obigen Formeln: d = 0,57 Boll, und bas Gemicht von 150 guß Geil: $G = 9.68 \cdot \frac{150}{100} = 14.52$ Pfund.

6. 22. Die fich die Drahtseile, Sanffeile und Rettentaue in Sinficht Bergleichung §. 22. Ause pro vie Deutscher, Smillen, ift aus folgens und Keiten. auf Festigkeit, Gewicht und Preis gegen einander verhalten, ist aus folgens und Keiten. Aus Festigkeit, Gewicht und Preis gegen einander Verhalten, ist aus folgens ber Tabelle zu entnehmen, welche eine vergleichende Bufammenftellung ber Resultate von ben Berfuchen enthalt, die zu diesem 3mede auf Befehl ber englischen Abmiralitat angestellt worben finb.

Bergleidung Der Eetle unt Retten.

Tabelle uber die Festigkeit, bas Gewicht und ben Preis von Drahtseilen, Hanfseilen und Kettentauen.

Belastung, bei welcher die Seile zerreißen, in Tonnen (tons) u. s. w.	Gattungen ber Seile.	Umfang ter hanfe und Drahtfeile; Dide bes Runbeifens bei ben Retten.	Gewicht von 1 Faben (fathom) =6Engl.Kus, in Engl. Pfb. 1Pf. = 16Unz.	Breis von 1 Faten = 6 Kuß, in Schilling u. Bence. 1Sch. = 12 Bc. = 10 Silbyr.
1 Tonne = 2240 engl. Pfund = 2172 preuß. »	Drahtseil Sanffeil Rettentau	1 30ll Engl. 2 " "	— Bf. 12 Unz. 1 " 1 " 3 " — "	— Sch. 5 Pc. — » 5½» 1 • 6 »
8 Tonnen = 17920 engl. Bfunb = 17379 preuß. =	Drahtfeil Hanffeil Rettentau	2	2 * 10 · 6 * — * 16 * — *	1 • 6 • 2 • 7½• 4 • — •
16 Tonnen = 26880 engl. Pfund = 26069 preuß. >	Drahtfeil Sanffeil Rettentau	2½ » » 7 » » 1½° »	4 • 8 • 12 • 3 • 27 • — •	2 » 5½ » 5 « 4 » 6 » — »
16 Tonnen = 35840 engl. Pfunb = 34758 preuß.	Drahtseil Sanfseil Rettentau	8 * * * * * * * * * * * * * * * * * * *	6 » 12 » 14 » 3 » 37 » — •	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
20 Tonnen = 44800 engl. Pfund = 43448 preuß. *	Drahtseil Sanffeil Rettentau	3½ » » 9 » ч ч ч ч ч ч ч ч ч ч ч ч ч ч ч ч	9 » 4 » 19 » 6 » 46 » — »	5 » — » 8 » 38/4» 9 » 7 »
24 Tonnen = 53760engl. Pfund = 52138preuß. *	Drahtseil Banffeil Rettentau	4 " " 10 " " " 10 " " " " " " " " " " " "	12 * 4 * 25 * — * 53 * — *	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
= 67200 engl. Pfund = 65172 preuß. > 36 Tonnen	Drahtseil Sanffeil Rettentau	4 ¹ / ₂ » » 11 » » 1 ¹ / ₁₆ » »	16 * 5 * 30 * — * 62 * — *	8 * 10 * 13 * 1½* 12 * 11 * 12 * 1 *
= 80640 engl. Pfund = 78206 preuß. •	Drabtseil Hanfieil Rettentau Drabtseil	12½ " " 18/ ₁₆ " "	22 » 5 » 35 » 10 » 78 » — »	15 » 7 ⁸ / ₄ » 16 » 3 »
= 98560 engl. Pfund = 95586 preuß. •	Studtfeil Sanfseil Rettentau	5½ » » 14 » » 1 ⁵ / ₁₆ » »	41 * 10 * 96 * — *	14 × 11 × 18 × 3½, 20 × — × 18 « 6 ×
= 120960 engl. Pfb. = 117310 preuß. *	Sanffeil Rettentau	15	47 » 8 » 115 » — »	20 » 9½° 24 » — »

Bergleichung

Die Bergleichung der in diefer Tabelle enthaltenen Berfucherefultate führt ber Teile und Folgendes.

Bei gleicher Tragkraft ift ftets bas Drahtfeil bas leichtere und wohlfeilere und bas Kettentau stets bas schwerere und meift auch immer bas theurere Kortpflanzungsmittel. Es lagt fich im Mittel annehmen, daß bei gleicher Tragfraft bas Gewicht bes Drahtseiles gleich ift 0,5, und bas eines Rettentaues 2,5mal fo groß ale bas eines Sanffeiles, bag ferner bie Starte bes Drahtfeiles nur 0,4 und die Starte des Rundeifens, aus dem die Rettenglieber beftehen, 0,3 von ber eines Sanffeiles betragt. Mus biefen Berbaltniffen konnen wir daher fehr leicht mit Silfe ber im vorigen Paragraphen gegebenen Formeln bie Starte und bas Gewicht der Drahtfeile und Rettenglieber eines Taues finden, welches einer gegebenen Trageraft entspricht.

Beifpiel. Belde Starte foll ein Drahtseil erhalten, wenn baffelbe ale Treibseil bienen und hochstene 30 Centner tragen foll. Fur ein Sanffeil ift bie geluchte Starte

 $d = 0.02764 (1 + 0.0014 \cdot \sqrt{3000}) \sqrt{3000} = 1.51 \cdot 1.076 = 1.63 \ 3011$ und baber fur bas Drahtfeil d = 0,4.1,63 = 0,65 Boll. Giebt man nur breifache Sicherheit, fo fällt hiernach d=0.46 Boll aus. Nimmt man an, bas Seil bestehe aus 16 Drahten von 1/8 Boll Dide, fo erhalt man bie Festigfeit biefer nach I. S. 186

$$P=16.\,(^1\!/_{\!8})^2\,\cdot\,\frac{\pi}{4}$$
 . 85000 = 0,1963.85000 = 16686 $\,$ \$funb;

und baber bie Tragfraft bei 6facher Sicherheit = 2781 Bfunb. Das Gewicht bes laufenben Suges Sanffeil von 30 Centner Tragfraft ift

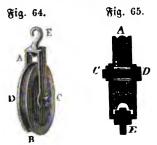
0.0002292.8000(1+0.0028.7) = 0.6876.1.1533 = 0.793 Flund. und baber bas bes Drahtseiles = 0,5.0,793 = 0,8965 Bfund. Rimmt man bas Gewicht eines Cubifzolles Drabteifen 0,294 Bfund an (f. Ingenieur S. 362), fo erhalt man bas Bewicht von einem Fuß Seil, welches aus 16 ein achtel Boll biden Draften besteht, annahernb G=0,294.16.0,1227=0,577 Pfund.

Beitrollen.

§. 23. Die Richtung eines Seiles ober einer Rette wird burch eine Leitrolle (franz. poulie de renvoi; engl. guide pulley) abgeanbert (f. I. 6. 150). Der Durchmeffer einer Leitrolle richtet fich nach ber Starte und nach bem Grabe ber Biegfamkeit bes Seiles, welches fich um biefe legt. Starte und weniger biegfame Seile erhalten Leitrollen ober fogenannte Seilscheiben von 6 bis 10 fuß Durchmeffer, schwache Sanffeile aber folche von 1/2 bis 1 Fuß. Im Allgemeinen nimmt ber Steifigkeitewiberstanb bes Seiles und bie Arenreibung ber Rolle ab, und es wird ebenfo bas Abführen des Seiles und der Zapfen oder sogenannten Walzeisen ein fleinerer, wenn ber Durchmeffer ber Seilscheibe vergrößert wird. Da aber mit bem letteren auch bas Gewicht ber Seilscheibe und beshalb auch bie Bapfenreibung machft, fo giebt es allerdings eine Grenze in ber Auswahl der vortheilhaftesten Seilscheibenhohe. Rleine Leitrollen bestehen in einer einfachen Solg- ober Metallscheibe, wie ABC, Fig. 64 und Fig. 65, großere

aber bilben ein Rab, wie ABC, Fig. 66, aus Solz ober Gifen. Damit bas Beitroffen.

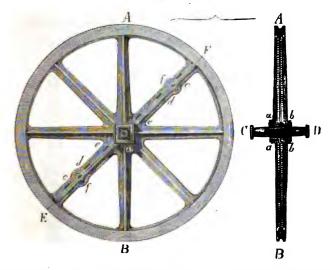
as Leitrollen. ten



Seil von ber Rolle nicht herabgleiten tonne, ift eine Spur ober Rinne (frang. gorge; engl. groove) am Umsfange ber letteren ausgenommen; und besteht die Scheibe aus Gußeisen, so füttert man diese Spur, wie A und B. Fig. 66, zeigt, mit Holz aus, um das Abführen des Seiles zu mäßigen und ben Scheibenkranz zu schonen.

Die schmiedceiferne Are oder bas Balgeisen CD, um welche sich die Leit=

rolle dreht, ift entweber mit biefer fest ober fie ift burch eine genau auszus Fig. 66.



brehende Nabe (franz. moyeu; engl. nave) mit der Rolle lose verbunben. Jedenfalls ist die erstere Anordnung die solidere, und daher beizgrößes
ren und festliegenden Seilscheiben stets anzuwenden, die zweite dagegen nur
bei kleinen und transportablen Leitrollen, wo es darauf ankommt, die
Zapfenlager zu ersparen. Wenn mehrere mit verschiedenen Geschwindigkeiten
umlausende Rollen auf einer Are zugleich siden, so ist die lose Verbindung
durch eine Nabe sogar nothwendig. Bei der sesten Verbindung der Are
und Rolle sindet die Arenreibung an den Enden, bei der losen dagegen in
der Mitte der Are statt; da aber, ohne die Festigkeit zu beeinträchtigen, die
Are an den Enden schwächer sein kann als in der Mitte, und da die Ars

Beitrollen.

beit der Reibung mit der Arenstarke zunimmt, so lagt sich bei der festen Berbindung eine kleinere Arenreibung erzielen als bei der losen. Der hauptnachtheil der letteren Berbindung besteht aber in unsicherer und schwankenber Bewegung, welche die Rolle annimmt, wenn die Nabe und Are abge-

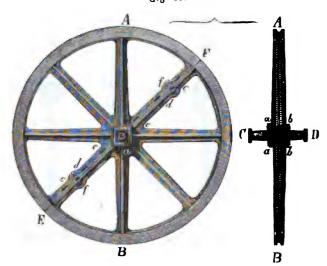
Fig. 67.

Fig. 68.

führt find, erstere also weiter geworden ift als lettere bid.

Bei ben transportablen Leitrollen für schwache Hanffeile sitt bie mit einem Ropfe und einem Borsteder versehene Are ober ber Bolzen CD in einem sogenannten Kloben (franz. chape; engl. block) CED, Fig. 67 und 68; bei ben großen Seilscheiben für Drahtseile ist die an beis den Enden abgedrehte Are CD, Fig. 69, in die vierseitige Hulse ab ab eingekeilt.

Die hier abgebildete Scheibe besteht aus zwei Theilen, die durch Schrauben Fig. 69.



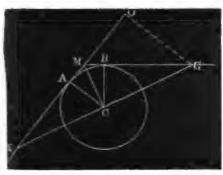
wie c, d, e, burch schmiedeeiserne Ringe, wie aa, bb und burch Splinte wie f, f fest mit einander verbunden find.

§. 24. Bei der Anwendung von Leitrollen kommen zwei Falle vor, ent= weder lagt fich durch die beiden Seil = oder Bewegungerichtungen eine Seine legen, oder es ift dies nicht moglich; im ersten Falle genügt stets eine Leit= rolle, im zweiten sind beren zwei nothig. Die Umbrehungeebene einer Seil= scheibe fallt mit der Sbene, welche durch die beiden Seilrichtungen KM und

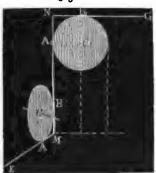
MG, Sig. 70, gelegt werben fann, jufammen, und wenn nun die beiden Rettrollen. Seilrichtungen KM und NG, Fig. 71, weber parallel find, noch fich fchneis ben, also in teine Ebene fallen, so muß man fie burch eine Linie MN verbinden und eine Seilscheibe in die Ebene K.MN und eine andere in bie Chene MNG legen.







%ig. 71.



In bem einfacheren Falle, wo bie beiben Seilrichtungen KM und MG, Fig. 70, fich fchneiben, findet man ben Drt und die Lage ber Umbrehunges are C ber Seilscheibe aus bem Salbmeffer CA=CB=r ber Scheibe und bem Brechungs : ober Ablenkungswinkel $GMO = ACB = \alpha$ auf folgende Beife. Dit ber Centrallinie CM fchließen bie beiben Seilrichtungen MK und MG gleiche Bintel ein, beshalb fchneibet auch ein Perpenbitel auf CM zu beiben Seiten beffelben gleiche rechtwinkelige Dreiecke MCK und MCG ab, und es ist MK = MG, sowie CK = CG, sowie ein Perpenditel GO auf KO, = 2 CA = 2 r. Benn wir baher vom Durch-

schnittspunkte
$$M$$
 aus von den beiden Seilrichtungen das Stuck $MG = MK = rac{GO}{sin.\,OMG} = rac{2\,r}{sin.\,lpha}$

abschneiben, und bie erhaltenen Endpunkte G und K burch eine Linie $GK\left(=rac{2r}{\sinrac{lpha}{c}}
ight)$ verbinden, so giebt deren Mitte C den gesuchten Ar=

punkt, und errichtet man endlich auf CK und CG und CM ein Perpenbitel, so erhalt man in bemfelben bie Arenrichtung ber Leitrolle.

Benn fich, wie in bem in Fig. 71 abgebilbeten Falle, bie Seilrichtungen KM und NG nicht schneiben, so ift eine boppelte Unwendung ber lets ten Regel nothig. Steht, wie bie Figur vor Augen führt, bie Berbinbungslinie MN rechtwinkelig auf beiben Seilrichtungen, fo lenkt jebe ber beiben Leitrollen ACB und A1C1B1 bas Seil um einen Rechtwinkel ab, und es ist das Zwischenseil bas möglich kurzeste. Uebrigens ist auch diese Anordnung nicht gerade die vortheilhafteste. Der Zapfendruck, und folglich auch die Zapfenreibung fällt um so kleiner aus, je kleiner der Ablenkungswinkel ist; wenn man nun die Verbindungslinie MN so legt, daß sie mit den beiden Seilrichtungen KM und GN stumpse Winkel einschließt, so fallen die Ablenkungswinkel kleiner als ein Rechtwinkel aus, und wird daher auch die Reibung kleiner als bei Anwendung des kurzesten Zwischenstücks. Zwei Leitrollen, wenn die Seilrichtungen einander schneiben, sind, wenn nicht besondere Verhältnisse obwalten, nicht zwecknäßig, weil dabei doppelte Steissiskeitswiderstände und Zapfenreibungen zu überwinden sind, die zusammen mehr ausmachen, als der Steissiskeitse und Reibungswiderstand bei Anwenzdung einer einzigen Rolle.

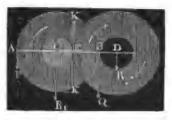
Anmerfung. Die Arbeiteverlufte, welche aus bem Steifigfeitswiderftande und ber Bapfenreibung ber Leitrollen erwachsen, find nach ben im erften Theile (Abschnitt III., Kapitel V.) mitgetheilten Erfahrungeregeln zu beurtheilen.

Zweites Rapitel.

Bon den Maderwerken, ober den Silfsmitteln jur Abanderung der ftetigen Rreisbewegung.

bietrweife. §. 25. Macht eine umlaufende Welle nicht biejenige Anzahl von Umptehungen in einer gewissen Zeit (z. B. in einer Minute), welche zur Verzrichtung einer gewissen Arbeit nothig ist, oder besitst ein umlaufendes Radnicht biejenige Kraft, welche die Ueberwindung einer gegebenen Last erfordert, so muß durch eine besondere Zwischenmaschine die Umdrehungsbewegung dieser Welle oder dieses Rades abgeändert, oder, wie man sagt, umgesetzt

Fig. 72.



werben. Die vorzüglichsten hilfsmittel zur Erreichung bieses 3weckes
sind diesenigen Berbindungen von
Radwellen (f. I. S. 152), welche
man Raderwerke (franz. rouages; engl. wheel-works) nennt.
Ein einfaches Raderwerk, wie ACDB,
Kig. 72, Kig. 73 und Kig. 74, bes
steht aus zwei Radwellen CA und

DB, wovon die eine burch die andere in Bewegung gefett wird; ein dop- mabermerte



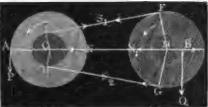
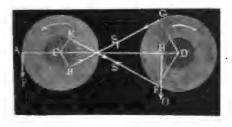


Fig. 74.



peltes ober mehrfaches Ra: bermert wird von brei ober mehr Radwellen gebilbet. Die Mittheilung ober bie Uebertragung ber Bemegung von der einen Rad: welle auf bie andere, er= folgt entweber burch uns mittelbare Berührung, wie Rig. 72, ober mittels einer Schnur ober eines anderen biegfamen Rorpers, wie Fig. 73 und Fig. 74; und hiernach unterscheibet man bie Bahnråbermerte (frang. engrenages; engl. geerings ober toothed wheel - works) und bie Schnur= ober Riemen=

tabetwerte (frang. rouages à courroies; engl. straped wheel-works).

Durch einfache geometrische Beruhrung zweier Raber lagt fich nur eine unbebeutende Rraft von bem einen Rabe auf bas anbere übertragen; es ift bies nur mittels ber Reibung swifchen ben beiben Rabumfangen moglich, und baher erforderlich, bag biefe Umfange rauh gehalten und gegen einander gepreßt werben. Wenn man hingegen bie Umfange ber Raber mit abwech= felnden Erhöhungen und Bertiefungen ausruftet, und die Erhöhungen bes einen Rades in die Bertiefung des anderen eingreifen lagt, fo erfolgt bie Mittheilung ber Bewegung nicht bloß ficherer, fondern es ift auch jede gegebene Rraft überzutragen moglich. Jene Erhohungen auf den Rabum= fangen heißen Bahne (frang. dents; engl. teeths, cogs), und die entsprebenben Bertiefungen Bahnluden (frang. creux; engl. clearings). Bon ben beiben Rabern (frang. roues; engl. wheels) eines Rabermerkes beißt basjenige, von dem bie Bewegung ausgeht, welches alfo bas andere in Bewegung fest, ber Treiber ober bas Treibrad (frang. roue conductrice; engl. driver) und bas in Bewegung gefeste, bas Getriebe ober Trieb= rab (frang. roue conduite; engl. follower). Bei ben Bahnrabermerten, wie Fig. 72, laufen Treib = und Getriebrad nach entgegengesetten Richtungen um, bei den Riemenradern hingegen hangt bas Berhaltnif ber Umbrehungerichtungen von der Lage des Riemens ab. In dem Falle Fig. 73, wo beibe Seilrichtungen nach einem Dunkte außerhalb ber beiben Rabaren

J

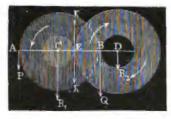
Maberwerte. convergiren, laufen beibe Raber in gleicher Richtung um, in bem Falle Fig. 74, wo beibe Riemenrichtungen zwischen beiben Rabaren fich freugen, ift bie Drehbewegung des Getriebes FGD der des Treibers AEH entgegengesett.

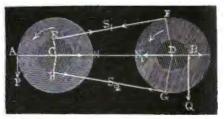
> Unmerfung. Der Deutiche giebt ben 3wifdenmafdinen, woburch bie Bewegung ber Umtriebsmafchine abgeanbert und auf bie Arbeitsmafchine übergetragen wirb, ben Namen Borgelege, Bwifchengefdirr ober gangbares Beug.

(finfact Mabermerfe.

- Auf welche Weise auch die Mittheilung ber Bewegung vom Treibrade auf bas Getriebrad erfolgt, fo find boch gemiffe allgemeine Bemegungeverhaltniffe in allen Fallen gleich, und es ift baber nothig, biefe gu= nachst kennen zu lernen. Die Uren ber ein Raberwerk bilbenben Rabwellen find entweber
 - 1) parallel, ober
 - 2) nicht parallel, jeboch in einer Chene liegend, ober
 - 3) weber parallel noch in ihrer Berlangerung fich schneibend, also gar nicht in einer Ebene befindlich.

Bunachft foll nur von ben Raberwerten mit parallelen Uren bie Rebe fein. Wenn eine vollkommene Mittheilung der Bewegung ftatt hat, mas wir fast immer vorausseten tonnen, fo ift bie Umfangegefchwindigteit bes Betriebes gleich ber bes Treibrabes. Ift nun ber Salb= meffer CE, Fig. 75 und Fig. 76, bee Treibere = r1, ber Salbmeffer DE Fig. 75. Fig. 76.





(ober DF) des Getriebes $= r_2$, die Umdrehungszahl des ersten, b. i. die Ungahl ber Umbrehungen beffelben pr. Minute ui, die Umbrehungegahl bes zweiten = u2, fo hat man bie gemeinschaftliche Umfangegeschwindigkeit

$$c = \frac{\pi u_1 r_1}{30} = \frac{\pi u_2 r_2}{30}$$
, ober $c = 0,10472 u_1 r_1 = 0,10472 u_2 r_2$,

und baher bas Berhaltniß ber Umbrehungszahlen, ober bas ber Binkelge= fcminbigfeiten, ober bas fogenannte Umfegungeverhaltniß

$$\psi=\frac{u_2}{u_1}=\frac{r_1}{r_2};$$

es verhalten fich alfo die Umbrehungszahlen beiber Raber umgekehrt wie ihre Salbmeffer. Das doppelt fo hohe Rad macht hiernach halb fo viel Umbrehungen, und bas Rab, beffen Salbmeffer ein Drittel von dem des anderen ift, lauft in berfelben Zeit drei Mal fo Ginfache oft um als das lettere.

Wirkt die Umbrehungskraft P des Treibrades an einem Hebelarme CA = a und die Last Q an einem Hebelarme DB = b, so hat man serner für die Kraft K an den Umfängen des Treib = und des Getrieb = rades, deren Theorie der Radwelle zufolge,

$$K = \frac{CA}{CE} \cdot P = \frac{DB}{DE} \cdot Q, \text{ ober}$$

$$K = \frac{a}{r_1} \cdot P = \frac{b}{r_2} \cdot Q, \text{ unb baher}$$

$$\frac{P}{Q} = \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{b}{a} = \frac{u_2}{v_1} \cdot \frac{b}{a} = \psi \cdot \frac{b}{a};$$

während alfo bei einer einfachen Rabwelle das Berhaltniß zwischen Kraft und Last gleich ift bem Berhaltniffe zwischen bem Sebelarme ber Last und bem ber Kraft, ift es bei einer boppelten Radwelle, mit einfacher Umfetung gleich bem Propucte aus ber Umfetungszahl und biefem Sebelarmverhaltniffe.

Ift ferner v bie Gefchwindigkeit ber Rraft P und w bie ber gaft Q, fo

hat man auch
$$c=rac{r_1}{a}\ v=rac{r_2}{b}\ w$$
, baher $rac{w}{v}=rac{r_1}{r_2}\cdotrac{b}{a}=rac{u_2}{u_1}\cdotrac{b}{a}=\psi\,rac{b}{a}$,

und also auch $\frac{w}{v} = \frac{P}{Q}$, ober Pv = Qw, b. i. Arbeit ber Kraft gleich Arbeit ber Last, wie allerdings aus dem Principe der Arbeiten unmittelbar folgt.

Beifpiele. 1) Wenn die Radwelle CA, Kig. 75, pr. Min. 20 Umbrehungen macht, und die Radwelle DB in der Mirute 6 Umbrehungen machen soll, so hat man es mit dem Umsehungsverhältnisse $\psi=\frac{u_2}{u_1}={}^6\!/_{20}=0.8$ zu thun, und wenn daher der Halbmesser $CE=r_1$ des Treibers 5 Boll beträgt, so muß der Halbmesser $DE=r_2$ des Getriebrades:

$$r_2 = \frac{u_1}{u_2}$$
 $r_1 = \frac{r_1}{\psi} = \frac{5}{0.3} = 16\%$ 3oll betragen.

2) Wenn bei einem Raberwerke wie Fig. 75 und 76 die Kraft P=40 Pfund an einem Gebelarme CA=a=18 Boll, und die Laft Q=500 Pfund an einem Gebelarme DB=b=4 Boll wirft, so ist das nothige Umsehunges verhältniß $\psi=\frac{a}{b}\cdot\frac{P}{Q}=\frac{Pa}{Qb}=\frac{40\cdot 18}{500\cdot 4}=\%_{25},$ b. h. es muß die Treibswelle 25 Umbrehungen machen, während die Getriebwelle deren nur 9 macht. Rimmt man den Halbmesser des Treibrades $r_1=6$ Boll, so fällt hiernach der des Getriebes $r_2=\frac{r_1}{\psi}=\frac{6\cdot 25}{9}=\frac{60}{3}=16\%_3$ Boll aus.

Bulanimen. §. 27. Wenn das verlangte Kraft = ober Geschwindigkeite = ober Umsgeschter fehrungsverhaltniß sehr groß ober sehr klein ist, so reicht ein einfaches Raber =
werk ober eine Berbindung von zwei Radwellen nicht aus, weil sonst das

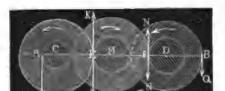


Fig. 77.

eine Rad zu klein ober bas andere zu groß ausfallen würbe, man muß sich basher einer doppelten ober breifachen Umsetzung ober einer Berbindung von drei ober mehr Radwellen bestienen, wie z. B. CMD, Fig. 77, wo das Treibrad CE das Getriebe ME, und das mit letzerem auf ders

felben Welle sitende Treibrad MF das Getriebe DF in Bewegung sett. Bezeichnet auch hier a den Hebelarm CA der Kraft P, sowie b den Hebelarm DB der Last Q, und lassen wir durch r_1 und r_2 die Halbmesser CE und ME des ersten, sowie durch r_3 und r_4 die Halbmesser MF und DF des zweiten Räberpaares repräsentiren, so haben wir die Kräfte K und N an den Umfängen dieser:

$$K=rac{a}{r_1}P,\ N=rac{b}{r_4}\ Q$$
 und $Kr_2=Nr_3,$ baher $rac{r_2}{r_1}\ Pa=rac{r_3}{r_4}\ Qb,$ b. i. $rac{P}{Q}=rac{r_1}{r_2}\cdotrac{r_3}{r_4}\cdotrac{b}{a}\cdot$

Ift nun noch u1 die Umbrehungszahl der ersten, u2 die der zweiten und u3 die der dritten Radwelle, fo hat man auch bas Umsegungeverhaltniß bes

ersten Raberpaares: $\psi_1 = \frac{u_2}{u_1} = \frac{r_1}{r_2}$ und das des zweiten:

$$\psi_2 = \frac{u_3}{u_2} = \frac{r_3}{r_4},$$

und daher $\frac{P}{Q}=\psi_1$. ψ_2 . $\frac{b}{a}$, oder , wenn ψ das Umsehungsverhalt:

niß $\frac{u_3}{u_1}$ des ganzen Raberwerkes, b. i. das Berhaltniß der Anzahl der Umbrehungen der britten Welle zu der Anzahl der Umbrehungen des erften,

b. i.
$$\psi = \frac{u_3}{u_1} = \frac{u_3}{u_2} \cdot \frac{u_2}{u_1} = \psi_1 \cdot \psi_2$$
 bezeichnet,
$$\frac{P}{Q} = \psi_1 \cdot \psi_2 \cdot \frac{b}{a} = \psi \cdot \frac{b}{a}.$$

Ebenso ift fur ein breifaches Raberwert

$$\frac{P}{O}=\psi_1\cdot\psi_2\cdot\psi_3\cdot\frac{b}{a}=\psi\cdot\frac{b}{a}.$$

Bufammen. gefeute Rabermerte.

und das Umfetungsverhaltniß beffelben $\psi = \psi_1 \cdot \psi_2 \cdot \psi_3$.

Bezeichnet wieder v die Geschwindigkeit der Kraft P, w die der Last Q, so haben wir natürlich auch Pv = Qw, und daher

$$\frac{w}{v} = \frac{P}{Q} = \psi \cdot \frac{b}{a}.$$

Bei einem mehrfachen Raberwerte ift alfo

- 1) bas Umfetungeverhaltniß bas Product aus ben Umsfetungeverhaltniffen feiner Raberpaare, ober der Quotient aus bem Producte ber Halbmeffer ber Treibraber und bem Producte ber halbmeffer ber Getriebraber, und
- 2) bas Berhaltniß ber Kraft zur Laft gleich bem ber Gesichwindigkeit ber Laft zu ber ber Kraft, gleich bem Producte aus bem Umfehungsverhaltniffe bes ganzen Berkes und bem Berhaltniffe bes Laftarmes zum Kraftarme.

Bei spiele. 1) Um burch ein Wasserrad, welches pr. Minute 8 Umbres hungen macht, einen Bentilator mit pr. Min. 800 Umbrehungen in Bewegung zu setzen, ist eine Umsetzung $\psi=\frac{800}{8}=100$ nöthig, die sich durch ein dreis saches Räderwerk mit den Umsetzungsverhältnissen $\psi_1=4$, $\psi_2=5$ und $\psi_3=5$ bewirken läßt. Geben wir jedem der drei Treibräder den Halbmesser $r_1=r_3=r_5=30$ Boll, so bekommen wir für die Halbmesser Getriebräder:

$$r_2=rac{r_1}{\psi_1}=rac{80}{4}=7rac{1}{2}$$
 Boll, und $r_4=r_6=rac{r_8}{\psi_2}=rac{80}{5}=6$ Boll.

2) Um mittels einer Kraft von 30 Pfund eine Last von 900 Pfund zu heben, kann man einen haspel mit doppeltem Raberwerke ober, wie man fagt, mit doppeltem Borgelege anwenden. Ift nun der hebelarm der Kraft a=18 Boll, und der ber Last b=5 Boll, so bedarf es der Umsehung

$$\psi = \frac{a}{b} \cdot \frac{P}{Q} = \frac{18}{5} \cdot \frac{80}{900} = \frac{3}{25}$$

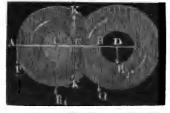
Run läßt sich $^8/_{25}$ in die nahe gleichen Factoren $^7/_{20}$ und $^{12}/_{35}$ zerlegen, baher fann man auch durch das eine Räberpaar die Umsehung $\psi_1=^7/_{20}$ und durch das andere die Umsehung $\psi_2=^{12}/_{35}$ hervordringen, oder den Halbmeffer des ersten Treibrades $r_1=7$ Joll, den des zweiten $r_3=6$ Joll, dagegen den Halbmeffer des ersten Getriebes $r_2=20$ Joll, und den des zweiten $r_4=17^1/_2$ Joll machen. Ist die Geschwindigseit der Kraft $v=2^1/_2$ Fuß, so hat man die der Last

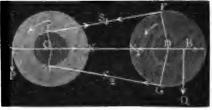
$$w = \psi \cdot \frac{b}{a} v = \frac{P}{Q} v = \frac{1}{30} \cdot \frac{b}{2} = \frac{1}{12} \% u \mathfrak{f} = 1 \text{ 3off.}$$

Um biefe 30 Fuß hoch zu heben, muß ber Kraftpunkt ben Weg 30 . 30 = 900 Fuß zurudlegen, also bie Kurbelwelle $u=\frac{900}{2\,\pi\,a}=\frac{900}{3\,\cdot\,\pi}=95\,1/2\,$ Umbrehungen machen.

wzendrude. §. 28. Der wefentlichste Unterschied zwischen den Jahn und den Riemenraderwerken besteht in der Art der Mittheilung. Bei den Jahnradern CE und DE, Fig. 78, wird die Umdrehungekraft $K=\frac{a}{r_1}$ $P=\frac{b}{r_2}Q$ unmittelbar übergetragen, bei den Riemenradern CE und DF, Fig. 79,

unmittelbar übergetragen, bei ben Riemenrabern CE und DF, Fig. 79, hingegen ist biese Kraft die Differenz ber Riemenspannungen S_1 und S_2 ; Fig. 78.





also $K=S_1-S_2$. Es besteht baher auch die Wirkung der Umdrehungsstraft K auf die Radaren bei den Zahnraderwerken in einer gleich großen Reaction, dagegen bei den Riemenraderwerken in einer nahe der Summe S_1+S_2 , der beiden Riemenspannungen gleichen Zugkraft N. Gewiß ist N>K, d. i. die Wirkung der Umdrehungskraft auf die Radaren bei den Riemenradern größer als bei den Zahnradern, und daher in dieser Bezieshung den letzteren ein Borzug vor den ersteren einzuraumen. Bei der Ansordnung des Zahnraderwerkes in Fig. 78, wo die Krafte parallel wirken, ist ohne Rücksicht auf die Gewichte der Raderwerke, der Arendruck der

ersten Radwelle:
$$R_1 = P + K = \left(1 + \frac{a}{r_1}\right) P$$
, und der

ber zweiten: $R_2 = Q - K = \left(1 - \frac{b}{r_2}\right)Q$; dagegen bei ber

Anordnung bes Riemenraberwertes in Fig. 79, wo N und P, sowie N und Q nahe rechtwinkelig gegen einander wirken, ber Arendruck ber ersten

Radwelle:
$$R_1 = V \overline{P^2 + N^2} = V \overline{P^2 + (S_1 + S_2)^2}$$
 und $R_2 = V \overline{Q^2 + N^2} = V \overline{Q^2 + (S_1 + S_2)^2}$.

Ift nun φ der Coefficient der Arenreibung, so hat man die beiden Arenreibungen φ R_1 und φ R_2 ; und ist noch ϱ_1 der Halbmesser des Zapfens vom Treibrade, und ϱ_2 der des Zapfens vom Getriebrade, so hat man die Zapfenreibung des Treibrades auf den Kraftpunkt A reducirt,

$$F_1 = \varphi \, \frac{\varrho_1}{a} \, R_1,$$

und die bes Getriebes auf den Laftpunkt B reducirt:

$$F_2 = \varphi \, \frac{\varrho_2}{b} \, R_2.$$

Sett man endlich in der Kraftformel $P=\psi$. $\frac{b}{a}$ Q, ftatt $P,P-F_1$ Agendrade. und ftatt Q, Q + F2, fo erhalt man die Beziehung zwischen Rraft und Laft mit Sinficht auf die Arenreibungen:

$$P = \psi \frac{b}{a} (Q + F_2) + F_1$$

$$= \psi \frac{b}{a} Q + \varphi \left(\frac{\varrho_1}{a} R_1 + \psi \cdot \frac{\varrho_2}{a} R_2 \right) \text{ ober}$$

 $Pa = \psi Qb + \varphi (R_1 \varrho_1 + \psi R_2 \varrho_2)$, und es sind für R_1 und R_2 die nach obigen Formeln zu berechnenben Bapfenbrude einzusegen.

Beifpiel. Belde Rraft erforbert ein haepel mit Borgelege, wie Fig. 78, wenn die Laft Q = 500 Bfund betragt, ber Bebelarm ber Laft b = 4 Boll, ber her Kraft a=18 Boll, ber Salbmeffer bes Treibrabes $r_1=6$ Boll und ber bes Betriebrabes ra = 163/2 Boll, ferner ber Balbmeffer bes Bapfens von ber Rraftwelle 1/2 Boll und ber von ber Laftwelle 1 Boll, endlich bas Gewicht von jener Belle 60 Pfund und bas von biefer 120 Pfund und ber Coefficient ber Bapfenreibung $\varphi = 0,1$ beträgt? Done Rudficht auf die Bapfenreibungen ware tie Rraft $P=\psi \cdot \frac{b}{a} \; Q=\frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{b}{a} \; Q=\frac{6}{16^3\!/\!_8} \cdot {}^4\!/\!_{18}$. 500 = 40 Pfund (vergl. §. 26, bas Beifpiel 2.); mit Rudficht biefer hat man bingegen, ba ber Bapfendrud $R_1 = P + K + G = 40 + \frac{18}{6} \cdot 40 + 60 = 220$ Bfund, und ber Bapfenbrud R2 = Q-K+G1 = 500 - 18/6 . 40 + 120 = 500 Bfund beträgt, $P = \psi \frac{b}{a} \cdot Q + \varphi \left(\frac{\varrho_1}{a} R_1 + \psi \frac{\varrho_2}{a} R_2 \right)$

 $=40+0.1\left(\frac{1}{10}.220+\frac{18}{60}.\frac{1}{18}.500\right)=40+\frac{11}{18}+1=41.6$ \(\text{8}\) funb.

§. 29. Bei einem Riemenraberwerte, ober bei ber Uebertragung burch einen Riemen ober Seil ohne Enbe (frang. courroie sans fin; engl. endless strap) ift die nothige Riemenspannung S von der fortzupflanzenden Rraft K, von bem mit Riemen bebeckten Theile ber Raber und von ben Coefficienten p ber Reibung zwischen bem Riemen und bem Rabumfange Der Theorie der Seilreibung (f. I. f. 176) ju Folge ift die Rraft jum Fortziehen eines Seiles über einen festliegenden Eplinder, wenn a ben mit Seil bebedten Bogen vom Salbmeffer = 1 und S, bie Spannung bes Seiles am anderen Ende bezeichnet,

$$S_1 = e^{\varphi \alpha} S_2 = (2,71828)^{\varphi \alpha} . S_2$$
,

und baber die Reibung bes Seiles ober Riemens auf biefem Eplinder

$$K = S_1 - S_2 = (e^{\varphi \alpha} - 1) S_2.$$

Diefe Formel findet bei dem Riemen ohne Ende ihre unmittelbare Unmenbung, benn es ift hier nur die Reibung zwischen Riemen und Rad, burch welche ber Riemen vom Rabe mit fortgeführt wird, und daher nothig, baß biefelbe mind eft ens ber nothigen Umbrehungstraft K gleichtomme. Segen Miemen.

60

Riemen.

wir baher $K=S_1-S_2=(e^{\varphi\alpha}-1)$ S_2 , so erhalten wir die Spannung des Riemens, welcher sich von dem Treibrade ab und auf das Gestriebrad aufwickelt:

1)
$$S_2 = \frac{K}{e^{\varphi \alpha} - 1}$$
 , sowie

bie Spannung bes Riemens, welcher fich von dem Getriebrade ab und auf bas Treibrad aufwidelt:

2)
$$S_1 = \frac{e^{\varphi \alpha} K}{e^{\varphi \alpha} - 1}$$
, und

bie mittlere, bem Riemen vor ber Bewegung zu ertheilende Spannung:

3)
$$S = \frac{S_1 + S_2}{2} = \frac{e^{\varphi \alpha} + 1}{e^{\varphi \alpha} - 1} \cdot \frac{K}{2};$$

und es wird die Umbrehungefraft K burch die Formeln

$$K = \frac{L}{c} = \frac{30 L}{\pi u_1 r_1} = \frac{30 L}{\pi u_2 r_2}$$
$$= \frac{9,549 L}{u_1 r_1} = \frac{9,549 L}{u_2 r_2},$$

worin L das Arbeitsquantum des Raberwerkes pr. Sec. bezeichnet, u_1, u_2, r_1 und r_2 die oben gebrauchten Bebeutungen haben, ober durch die Formel

$$K=\frac{Pa}{r_1}=\frac{Qb}{r_2},$$

wo Pa das statische Kraft = und Qb das statische Lastmoment bezeichnet, gefunden.

Beispiel. Wenn ein Seil ohne Ende ein Arbeitsquantum L von 2 Pferdesträften so fortpflanzt, daß das Treibseil eine Geschwindigseit von 6 Fuß besit, und wenn ferner die beiden Radwellen, um welche dieses Seil läuft, so weit von einander entsernt sind, daß man annehmen kann, das letztere bebedt den halben Umfang von jedem der Räder, so hat man bei dem Reibungscoefsicienten $\varphi = \frac{1}{2}$ zwischen Seil und Rad

$$e^{\varphi\alpha} = (2,71828)^{0.5 \cdot 3.1416} = 2,71828^{1.5708} = 4,81$$

und baber bie Seilfpannungen :

$$S_2 = \frac{K}{e^{g\alpha} - 1} = \frac{L}{c \ (e^{g\alpha} - 1)} = \frac{2.510}{6 \ (4.81 - 1)} = \frac{170}{5.81} = 44.6 \ \text{Pfunb}$$
 und $S_1 = e^{g\alpha} \ S_2 = 4.81.44.6 = 214.6 \ \text{Pfunb},$

folglich bie mittlere Spannung vor bem Ingangfegen ber Mafchine:

$$S = \frac{S_1 + S_2}{2} = \frac{214,6}{2} + \frac{44,6}{2} = 129,6$$
 Pfund.

31. Bur Berechnung ber Riemenspannungen ift bem Borbergebenben gannungen. ju Kolge, die Kenntnif ber Reibungscoefficienten zwischen Riemen und Rad,

fo wie bie Grofe bes burch ben Riemen bebedten Bogens nothwenbig. Bas bie erften anlangt, fo hat man nach Morin (f. beffen Aide-mé- frannungen. moire oder dessen Nouvelles expériences sur le frottement etc., Paris 1838):

φ == 0.50 fur Sanffeile auf holzernen Rabern,

= 0,50 fur neue Riemen auf bergl.,

= 0.47 fur gewöhnlich fette Riemen auf holzernen Trommeln,

= 0,38 für feuchte Riemen auf abgebrehten gußeisernen Rabern,

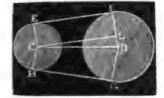
= 0,28 für gewöhnlich fette Riemen auf bergl.,

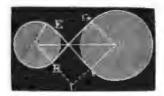
= 0,12 fur eingefettete Riemen auf bergl.

Die Große ber burch ben Riemen bebedten Bogen lagt fich aus ben Rabhalbmeffern $CE=r_1$ und $DF=r_2$ und der Entfernung CD=dbeiber Rabaren bestimmen. Wir haben zwei Kalle zu unterscheiben; ent= weber ift ber Treibriemen offen ober er ift gelreugt. Bei bem offenen ober ungeschränkten Riemen ohne Ende, wie Fig. 80, wird ber Bintel $FDG = ECH = \alpha$ burch die Formel

$$cos. CDF = \frac{DL}{CD} = \frac{DF - CE}{CD}$$
, b. i.

burch $\cos \frac{\alpha}{2} = \frac{r_2 - r_1}{d}$ bestimmt; bei bem getreugten ober ges Fig. 80. Fig. 81.





forantten Riemen hingegen, Fig. 81, hat man fur ben Bintel FDG $= \alpha$, ba $CDF = CDG = \frac{1}{2}\alpha$ und

cos.
$$CDF = \frac{DL}{CD} = \frac{DF + CE}{CD}$$
 ift,
cos. $\frac{\alpha}{2} = \frac{r_2 + r_1}{d}$.

Im erften Falle ift bas tleine Rad mit bem burch bie erfte Formel unmittelbar angegebenen Bogen a burch ben Riemen bebeckt, bas größere aber durch ben Erganzungsbogen 2 m - a, im zweiten Falle hingegen find beibe Raber burch die Bogen $2\pi-\alpha$ bedeckt, es findet daher bei diesem die Uebertragung einer gemiffen Rraft bei einer ichmacheren Spannung ftatt, als bei jenem. Die Lange bes gangen Riemens ift beim offenen Riemen, $l = EF + GH + \Re \log EH + \Re \log FG = 2CL + r_1 \alpha + r_2(2\pi - \alpha)$

b. i.
$$l = 2 d \sin \frac{\alpha}{2} + \alpha r_1 + (2\pi - \alpha) r_3$$
,

und bagegen beim gefreugten:

$$l = 2 d \sin \frac{\alpha}{2} + (2 \pi - \alpha) (r_1 + r_2).$$

Fur eine große Entfernung beiber Aren von einander lagt fich

cos.
$$\frac{\alpha}{2} = 0$$
, also $\frac{\alpha^0}{2} = 90^\circ$, $\alpha = 180^\circ$ ober $\alpha = \pi$

und baher $l=2\,d+\pi\,(r_1+r_2)$ annehmen.

Aus q und a bestimmt sich nun auch die Potenz e quand hieraus wies ber bas Verhaltniß ber Riemenspannungen. Borzügliche Dienste leistet aber hierbei folgende Tabelle ber Riemenspannungen:

	Werthe von e ^{ga}								
Berhältniß $\frac{\alpha}{2\pi} = \frac{\alpha^0}{360^0}$	Reue Riemen	Gewöhnlie	he Niemen	Feuchte Riemen	Schnüre auf Rabern von Polz				
	auf hölzernen Råbern	auf auf bolgernen Rabern		auf eifernen Räbern	rauh polit				
	$\varphi = 0.50$.	$\varphi=0,47.$	$\varphi = 0.28.$	$\varphi = 0.38.$	$\varphi = 0.50$.	$\varphi = 0.30$			
0,2	1,87	1,80	1,42	1,61	1,87	1,51			
0,3	2,57	2,43	1,69	2,05	2,57	1,86			
0,4	8,51	3,26	2,02	2,60	8,51	2,29			
0,5	4,81	4,3 8	2,41	8,30	4,81	2,82			
0,6	6,59	5,88	2,87	4,19	6,58	8,47			
0,7	9,02	7,90	8,43	5,32	9,01	4,27			
0,8	12,34	10,62	4,09	6,75	12,34	5,25			
0,9	16,90	14,27	4,87	8,57	16.90	6,46			
1,0	23,14	19,16	5,81	10,89	23,14	7,95			

Beispiel. Wenn bei einem Niemen ohne Ende mit eisernen Rabern das fortzupflanzende Arbeitsquantum 4 Pferdefrästen gleich ist, und eine Geschwindigfeit des Treibriemens von 8 Fuß vorausgeseht wird, wenn serner der Halbemesser Treibrades 30 Boll, der des Getriebrades 5 Boll, und die Entstenung beider Radaxen 90 Boll beträgt, welches werden die nöthigen Riemenspannungen sein? Es ist hier $r_1=30$, $r_2=5$ und d=90, daher bei offenem Riemen $\cos.\frac{\alpha}{2}=\pm\frac{30-5}{90}=\pm\frac{5}{18}=\pm0,2777\ldots$; hiernach

$$\frac{1}{2} = \pm \frac{90}{90} = \pm \frac{9}{18} = \pm \frac{0.2777...}{100}$$

 $^{1/2}\alpha = 73^{\circ}.52^{1/3}$ ' unb $106^{\circ}.7^{2/3}$ ', unb $\alpha = 147^{\circ}.44^{2/3}$ ' unb $212^{\circ}.15^{1/3}$ ',

bagegen bei gefreugten Riemen:

cos.
$$\frac{\alpha}{2} = -\frac{30+5}{90} = -\frac{7}{18} = -0.38888$$
, und hiernach hiernach $\frac{\alpha}{2} = 180^{\circ} - 67^{\circ}$, $7' = 112^{\circ}$, $53'$, und $\alpha = 225^{\circ}$, $46'$.

Im erfteren Falle ift natürlich ber kleinere Bintel a = 1470, 443/3' anzunehmen, bamit ber Riemen auf keinem ber beiben Rabumfange fortrutsche. Wir haben

hiernach hier
$$\frac{\alpha}{2\pi} = \frac{147.74}{360} = 0.410$$
 und im zweiten Falle: $\frac{\alpha}{2\pi} = \frac{225.77}{360} = 0.627$.

Rimmt man $\varphi=0,28$, so erhält man burch Interpolation mittels ber letten Tabelle für ben ersten Fall: $e^{\varphi\alpha}=2,02+0,1$. (2,41-2,02)=2,06,

und für ben zweiten: $e^{\varphi\alpha}=2,87+0,27$. (3,43-2,87)=3,02, womit die unmittelbare Rechnung auch ziemlich übereinstimmt. Nun ift noch die überzutragende Kraft $K=\frac{L}{c}=\frac{4\cdot510}{8}=255$ Pfund; daher folgt benn für

ben ersten Fall:
$$S_2=\frac{255}{2,06-1}=\frac{255}{1,06}=240,6$$
 Pfund, $S_1=2,06\cdot 240,6=495,6$, und $S_1=\frac{S_1+S_2}{2}=368,1$ Pfund,

wozu ber Sicherheit wegen noch 10 Procent gefest werben tonnen, so baß also S=405 Pfund als Spannung ber noch ftillstebenben Rafchine zu nehmen ift.

Für den zweiten Fall ist:
$$S_2=\frac{255}{3,02-1}=\frac{255}{2,02}=126,2$$
 Pfund, $S_1=3,02\cdot126,2=381,1$ Pfund, und $S=\frac{S_1+S_2}{2}=253,6$ Pfund,

ober ber Sicherheit wegen S=253,6+25,4=279 Pfund.

§. 31. Die Riemen werden gewöhnlich aus gutem lohgaren Ruh- treibriemen ober Rindsleber, und zwar am besten aus dem sogenannten Kernleder, vom Rucken der Thiere geschnitten. Eine haut giebt zwei Streisen von ungefahr 2 kinien Dicke, 8 Boll Breite und 5 Fuß kange. Diese Leder- streisen werden entweder unmittelbar oder nachdem man sie erst in schmälere Riemen zerschnitten hat, an den Enden zusammengenaht. Nach Bevan (f. Dingler's polytechn. Journal, Bb. XVI.) ist

ber Festigkeitsmodul bes Kuhlebers: K=3980 Pfund, und ber Clasticitatsmodul besselben: E=10050 Pfund;

ei 4facher Sicherheit wurde baher der Sicherheitsmodul $K_1=1000$ Pfund betragen. Nach den Erfahrungen der Maschinenbauer ist jedoch $K_1=250$ Pfund zu nehmen, wobei sich das Ausdehnungsverhältniß

$$\frac{\lambda}{l} = \frac{K_1}{E} = \frac{250}{10050} = \frac{1}{40}$$

berausstellt, also eine Berlangerung von ungefahr 3 Procent statt hat. Nach

Morin ist, wenn 1 Quadrateentimeter zur Einheit angenommen wird, $K_1=20$ Kilogramme, und hiernach die zulässige Riemenspannung auf jeden Quadratzoll Querschnitt: $K_1=\frac{200000.2,138}{144.10,152}=293$ Pfund, also über 250 Pfund.

Seten wir nun die Riemenbreite = b, und nehmen wir die Riemens dicke = $\frac{1}{6}$ Boll an, so bekommen wir hiernach die Maximalspannung $S_1 = 250 \cdot \frac{b}{6}$ ungefähr = 40 b, und die Riemenbreite $b = \frac{S_1}{40}$ Boll.

Nun ist aber im Mittel, namentlich dann, wenn der Riemen nahe den halben Umfang des Rades bedeckt und der Reibungscoefficient $\varphi=0,28$ ist, S_1 nahe 2 K=2 $\frac{L}{c}$, daher erhält man auch

$$b = \frac{K}{20} = \frac{1}{20} \cdot \frac{L}{c}$$

oder wenn man die Leistung L nicht in Fußpfund, sondern in Pferdekräften giebt, b=25 . $\frac{L}{c}$ 30%.

Es wächst hiernach die Riemenbreite direct wie das überzutragende Arsbeitsquantum, und umgekehrt wie die Geschwindigkeit. Für $\frac{L}{c}={}^{1}/_{3}$, &. B. für L=10 und c=30, oder L=5 und c=15, fällt die Riemenbreite schon 8 Zoll aus. Man ersieht hieraus, daß die Anwendung eines Riemenraderwerkes nur bei einer kleinen oder mäßigen Leistung und bei einer großen Geschwindigkeit möglich ist. Riemen von 9 und mehr Zoll Breite anzuwenden, ist beshalb nicht zweckmäßig, weil sich dieselben in Folge ihrer ungleichen Dicke ungleich recken und deshalb nicht gleichmäßig auf die Radumfänge auslegen. Bei größeren Kräften $\left(\frac{L}{c}\right)$ bedient man sich daher zweier Riemen, oder einer Kette, oder besser eines Zahnräderwerztes. Ueber einander genähte Riemen wendet man wegen ihrer Steisigkeit und ihres starken Abführens nicht gern an.

Der Dauerhaftigkeit und nothigen Schmiegsamkeit wegen, hat man übrigens die Riemen burch eine Talgschmiere ftets fettig zu halten.

Die Riemen von Guttapercha haben ziemlich bieselben Eigenschaften wie die Leberriemen; es ist nicht allein die Dichtigkeit der Guttapercha nahe gleich ber des Rindleders ($\gamma=0.03$ Pfund), sondern es ist auch nach den allerbings sehr im Kleinen angestellten Bersuchen von herrn Feistmantel, der Festigkeitsmodul ziemlich derselbe und nur der Elasticitätsmodul ungefähr 30 Procent kleiner als beim Leber. Man kann daher bei gleicher Dicke die

Sutta percha Riemen bei derselben Breite verwenden wie die Lederriemen. Treibriemen. Die größere Bohlfeilheit, die Unverwüstlichkeit dieses Stoffes u. s. w. trasgen sehr zur Empfehlung der Treibriemen aus Gutta percha bei, und es ist nur die größere Ausdehnung derselben bei hoher Temperatur, welche die Answendung derselben in manchen Fällen unmöglich, oder mindestens unzwecksmäßig macht.

Beifpiel. Für bas im lesten Beispiele (§. 30) behandelte Riemenraberwerk burch die Maximalspannung $S_1=\frac{e^{\varphi\,u}\,K}{e^{\varphi\,a}-1}=381,1$ Bfund gefunden; es ift baher die Breite des hierzu nöthigen Riemens:

$$b = \frac{S_1}{40} = \frac{381,1}{40} = 9\frac{1}{2}$$
 3011.

Die gange beffelben aber hat man nach ber Formel:

$$l = 2 d \sin \frac{\alpha}{2} + (2\pi - \alpha) (r_1 + r_2),$$

$$l = 2.90 \sin 112^{0},53' + (30 + 5) arc. 225^{0},46'$$

$$= 165,83 + 137,91 = 303,74 30 \text{ M}.$$

§. 32. Da sich die Riemen, namentlich wenn sie neu sind, fortwährend reden (behnen), so muß man deren Spannung von Zeit zu Zeit nachhelfen. Fig. 82. Sig. 83. Fig. 84. Sind nun die Riemen zusammengeschnallt,

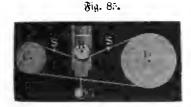


Sind nun die Riemen zusammengeschnallt, wie Fig. 82 vor Augen führt, so hat diese Correction gar keine Schwierigkeit; hat man es aber mit einem zusammengenähten (f. Figur 83), zusammengeschraubten (Fig. 84) oder zusammengeleimten Treibriemen von Leber, oder mit einem durch ein heißes Platteisen zusammengeschweißten Riemen von Gutta percha zu thun, so ist das Trennen und Wiedervereinigen der Riemenenden umständlich, und deshalb die Anwendung einer besonderen Stellvorrichtung von Vortheil.

Dieses Stellen läßt sich entweder an ben Wellenlagern oder an ben Riemen selbst bes werkstelligen. Das erstere ist aber nur

selten gestattet, weil die Wellen meist festliegen mussen, dagegen die Stellung an den Riemen mittels sogenannter Spannrollen (franz. rouleaux de tension; engl. expanding rollers) fast in allen Fallen anwende. dar. Zwei solcher Spannrollen sind in Fig. 85 und Fig. 86 auf folgender Seite abgebildet. Bei der Einrichtung in Fig. 85 sitt die Rolle B auf einem Schieder, den ein Gewicht G niederzieht, bei der Einrichtung Fig. 86

eines Gewichtes G am Arme OA gegen ben Riemen gebruckt. Ift im Fig. 86.

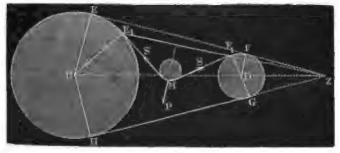




letteren Falle a der Hebelarm OA des Gewichtes G und b der Hebelarm OB der Spannkraft P, so hat man

$$P = \frac{a}{b}G$$
, und umgekehrt $G = \frac{b}{a}P$.

Die Spannkraft P halbirt den Winkel $E_1MF_1=\delta$, Fig. 87, zwischen Fig. 87.



beiden Riemenrichtungen ME_1 und MF_1 , und ift S die Spannung des Riemens, so hat man, wie bei einer losen Rolle (f. I. §. 151)

$$P = 2 S \cos \frac{\delta}{2}$$
.

Was die Spannung S anlangt, so hat man zu unterscheiben, ob die Spannrolle gegen den straffen oder gegen den schlaffen Riementheil druckt; im ersten Falle ist statt S, S_1 , und im zweiten S_2 (in der obigen Bedeutung) einzusühren. Uebrigens wird aber auch durch die Spannrolle der mit Riemen bedeckte Bogen FG noch um einen Bogen FF_1 größer; sehen wir, wie oben, den Winkel $EDG = \alpha^0$ und dagegen $\angle FDF_1 = \beta^0$,

so haben wir
$$S_1=rac{e^{m{arphi}\,(m{lpha}+m{eta})}\,K}{e^{m{arphi}\,(m{lpha}+m{eta})}-1}$$
 und $S_2=rac{K}{e^{m{arphi}\,(m{lpha}+m{eta})}-1}\,.$

Epanntollen.

Läßt man die Geraden durch je zwei zusammengehörige Berührungspunkte, wie E und F, oder E_1 und F_1 u. s. w. nach demselben Punkte Z convergiren, dessen Entsernung DZ = x aus den Radhalbmessen $CE = r_1$ und $DF = r_2$ und dem Arenabstande CD = d durch die Formel

$$x=\frac{r_2\,d}{r_1-r_2}$$

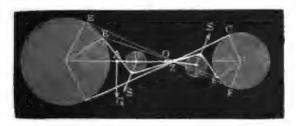
bestimmt ift, so hat man für die Abhängigkeit der Winkel β und δ von einander $\frac{\sin DZF_1}{\sin DF_1Z} = \frac{DF}{DZ}$, d. i.

$$\frac{\sin\left(\frac{\alpha}{2}+\beta+\frac{\delta}{2}\right)}{\sin\frac{\delta}{2}}=\frac{r_2}{x}$$
, und hiernach

$$sin.\left(rac{lpha}{2}+eta+rac{\delta}{2}
ight)=\left(rac{r_1-r_2}{d}
ight)sin.rac{\delta}{2}$$

Hat man sich δ gegeben, so kann man hiernach auch β , baraus wieder S_1 ober S_2 , und endlich die Spannkraft P berechnen. Die vollkommenste Anordnung murbe diejenige sein, bei welcher die durch das zufällige Recken des Riemens hervorgebrachte Verminderung der Riemenspannung durch die Vergrößerung FF_1 des Reibungsbogens wieder ausgeglichen wurde. In diesem Falle wurde, wenn man δ weniger größer oder kleiner annahme, der Werth von P sich nicht ansehnlich andern.

Der gefreuzte Riemen EFGH, Fig. 88, hat zwei entgegengesett wirfende Spannrollen wie B, B nothig. Weil hier die Riemenbogen mehr als Rig. 88.



den halben Umfang einnehmen und unter sich gleich find, so ist diese Forts pflanzungeweise die vollkommenere. Man kann hier beide Spannrollen auf Evannrouen, einem Hebel ABOB befestigen und durch ein Gewicht G an den Riemen andruden laffen.

Beispiel. Benn für ein Raberwerk mit offenem Treibriemen K=255 Pfund, $r_1=80,\ r_2=5$ und d=90 Boll (vergl. Beispiel zu §.30), und hiernach $a^0=147^0,44^2/_3$ ' ift, und wenn man nun $\sigma=120^0$ nimmt, so erhält man zunächst

sin.
$$\left(\frac{\alpha}{2} + \beta + \frac{\delta}{2}\right) = \frac{30 - 5}{90}$$
 sin. $60^{\circ} = \frac{8}{18} \cdot 0.86603 = 0.24056$, hiernach $\frac{\alpha}{2} + \beta + \frac{\delta}{2} = 180^{\circ} - 13^{\circ}.55' = 166^{\circ}.5'$, und baher $\beta = 166^{\circ}.5' - \frac{\alpha + \delta}{2} = 166^{\circ}.5' - 183^{\circ}.52' = 32^{\circ}.13'$,

hiernach $\varphi(\alpha+\beta)=0.28 \cdot \frac{179^0,57^2/3}{360^0} \cdot 2\pi=0.18998 \cdot 2\pi=0.8795$ und

$$S_2 = \frac{K}{e^{\varphi(\alpha+\beta)}-1} = \frac{255}{e^{0.8795}-1} = \frac{255}{1,409} = 181 \text{ Bfunb,}$$

und bie entsprechende Rraft ber Rolle, infofern biefe ben fclaffen Riemen fpannt:

$$P = S_2 \cos \frac{d}{2} = 362 \cdot \cos 60^\circ = 181 \text{ Pfund.}$$

Anmerkung. Die Bebingungen, unter welchen bie Beranberlichkeit in ber Spannung bes Treibriemens burch bas Auf- ober Abwideln bes letteren ausgesglichen wird, laffen fich burch zwei Gleichungen ausbruden, aus welchen fich bie Winkel & und & berechnen laffen. Die erfte von biefen Gleichungen ift bie oben angegebene Gleichung

$$\sin\left(\frac{\alpha}{2}+\beta+\frac{\delta}{2}\right)=\frac{r_1-r_2}{d}\sin\frac{\delta}{2},$$

bie zweite hingegen lagt fich burch bie Differenzialrechnung finben; fie nimmt in bem Falle, wenn bie Spannrolle auf ben ichlaffen Riemen brudt, bie Form :

$$tang. \frac{d}{2} = \varphi \frac{e^{\varphi(\alpha+\beta)}}{e^{\varphi(\alpha+\beta)}-1} \left(1 - \frac{r_1 - r_2}{d} \cdot \frac{\cos \frac{1}{2} \delta}{\cos \left(\frac{\alpha}{2} + \beta + \frac{\delta}{2}\right)}\right)$$

und in bem Falle, wenn fie ben ftraffen Riemen fpannt, bie Form :

$$tang.\frac{\vartheta}{2} = \frac{\varphi}{e^{\varphi(\alpha+\beta)}-1}\left(1-\frac{r_1-r_2}{d}\cdot\frac{\cos \frac{1}{2}\vartheta}{\cos \left(\frac{\alpha}{2}+\beta+\frac{\vartheta}{2}\right)}\right)$$
an.

Wenn ber Abstand d sehr groß ist gegen r_1-r_2 , so hat man nahe $\alpha=\pi$, $\alpha^0=180^{\circ}$, und $\frac{d}{2}=180^{\circ}-\left(\frac{\alpha}{2}+\beta\right)=90^{\circ}-\beta$,

folglich entweber tang.
$$\frac{d}{2} = cotg.\beta = \varphi \cdot \frac{e^{\varphi \cdot (\pi + \beta)}}{e^{\varphi \cdot (\pi + \beta)} - 1}$$

ober tang.
$$\frac{\delta}{2} = \cot g. \beta = \frac{\cdot \varphi}{e^{\varphi(\pi + \beta)} - 1}$$
.

Für
$$\varphi = 0.28$$
 ethält man im ersten Falle, wenn man $\pi + \beta = 0.7 \cdot 2\pi = 252^{\circ}$, also $\beta = 72^{\circ}$ nimmt, $tang. \frac{\partial}{\partial z} = cotg. \beta = \frac{0.28 \cdot 3.43}{0.42} = 0.895$,

und baher $\frac{\delta}{2}=21\frac{1}{2}^0$, und $\beta=68\frac{1}{2}^0$; nimmt man aber $\beta=68^0$, also Epanntollen.

 $\pi + \beta = \frac{248}{360} \cdot 2\pi$, fo erhalt man

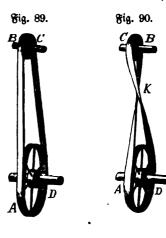
tang.
$$\frac{\delta}{2} = cotg. \ \beta = \frac{0,28 \cdot 8,37}{2.37} = 0,398,$$

daher $\frac{d}{2}=21^3/4^0$ und $\beta=68^1/4^0$. Es läßt fich also erwarten, bag bei ben Binkeln $\beta=68^0$ und $\delta=44^0$ bie Spannrolle vollfommen regulirt.

Uebrigens ift die Anwendung einer Spannrolle nicht immer von mechanischem Bortheile, ba in der Arenreibung und in dem Steifigkeitswiderstande des Riemens beim Umlegen um die Spannrolle dem Raberwerke neue Nebenhindernisse zuwachssen. Obgleich durch diesen Apparat das übermäßige Anspannen des Treibriemens und also auch die daraus entspringende Bergrößerung der Radarenreibungen vermieden wird, so find bafür auch die Widerstände der Spannrolle zu überwinden.

§. 33. Die Uebertragung der Bewegung mittels Treibriemen wird durch bie Rauhigkeit beffelben erleichtert; ba nun aber die eine Seite eines Riemens stets rauher ist als die andere, so soll man diese stets mit den Radern





in Berührung tommen laffen. Bei dem einfachsten Raberwerte A BCD, Sig. 89, mit offenem Riemen hat bies teine Schwierigfeit, bei bem mit gelreugten Riemen, wie Fig. 90, bingegen, muß zu biefem 3mede jeber ber beiben Riementheile AB und CD eine Wendung um 180 Grad machen. Diefe Drehungen bes Ries mens haben noch ben Bortheil, baß hier die Riemen in ihrem Kreuzpunete K einander weniger ftoren, ba fie einander fatt um die halbe Riemenbreite, nur um die halbe Riemenbide gur Seite bruden. Dagegen tritt aber auch hierbei ber Nachtheil ein.

baß der Riemen in eine ungleiche Spannung gerath, und deshalb leichter zerreißt. Ift l die mittlere Lange eines geraden Riementheiles, von Berruhrungspunkt zu Berührungspunkt gemessen, und b die Breite des Riesmens, so hat man die entsprechende Lange an den Randern:

$$l_1 = \sqrt{l^2 + \left(\frac{\pi b}{2}\right)^2}$$
, annähernö $= l \left[1 + \frac{1}{8} \left(\frac{\pi b}{l}\right)^2\right]$.

baher bie Dehnung an ben Ranbern :

$$\lambda = l_1 - l = \frac{1}{8} \cdot \frac{(\pi b)^2}{l} = 1,234 \cdot \frac{b^2}{l},$$

Riemen. führung. und es ift nun hiernach leicht zu beurtheilen, wie viel ber Riemen durch biese Wendung an Festigkeit verliert.

Wenn die Umbrehungsebenen beider Rader nicht in eine einzige Ebene fallen, so hat man meist besondere Leitrollen anzuwenden, um das tangentiale Auf- und Ablegen des Riemens zu bewirken. Sind, wie in Fig. 91, die mitten durch die Rader gehenden Umbrehungsebenen parallel, so sindet man die erforderlichen Leitrollen, wenn man je zwei parallele Tangenten, wie AE und BF an die Durchschnitte beider Rader legt; ein Perpendikel EF

Fig 91. zwischen biesen beiben Geraden ift bann ber Durchmesser ber entsprechenden Leitrolle.





Wenn enblich die beiden Rabenden weber zusammenfallen noch parallel sind, wie AD und BC, Fig. 92, so hat man zunächst die Durchschnittslinie OZ dieser Ebenen aufzusuchen, und dann von zwei willfürlichen Punkten E und F in benselben Tangenten EA, EB so wie FC und FD nach den Radumfängen zu ziehen: die Sbenen durch je zwei dieser Linien sind dann die Umdrehungsebenen der nöthigen Leitrollen, deren Arenlage u. s. w. nun nach §. 24 leicht bestimmt werden kann.

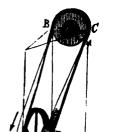
· Fig. 98.



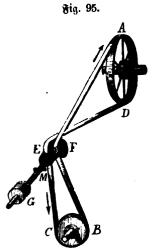
Um die Lage eines Riemens auf bem Umfange bes Rabes etwas zu verändern, hat man nur mahrend der Bewegung den anlaufenden Riementheil AB, Fig. 93, etwas zur Seite zu drucken; in Folge der Reisdung zwischen Riemen und Radumfang kommt der Riemen, nachdem das Rad ungefähr eine halbe Umdrehung gemacht hat, in eine neue Lage A_1B_1 zur Seite der ersteren. Bei dem ablaufenden Riementheile wurde dieses Zurseitedrucken ohne Erfolg sein.

Riemenfübrung.

Hiernach ist nun auch leicht zu ermessen, daß bei einem Riemen ohne Ende, wie in Fig. 94 abgebildet ist, wo die Durchschnittslinie BD zwischen beiden Umdrehungslinien beide Radumfange tangirt, und namentlich, wenn die Riemen nicht sehr kurz sind, die Leitrollen entbehrlich sind. Es ist nur nothig, daß die Drehbewegung in der durch die Pseile angegebenen Richtung vor sich gehe, wobei die austaufenden Riementheile tangential zu den entssprechenden Radumfangen liegen. Endlich kann man aber auch in diesem Falle wenigstens eine Leitrolle ersparen, wenn man den einen Riementheil in der Richtung BD der Durchschnittslinie der Umdrehungsebenen spannt.



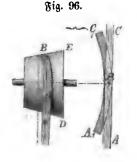
Ria. 94.



Anmerkung. Zuweilen werben Leitrollen auch nur angewendet, um wegen Rangel oder Ersparniß an Plat den Riemen zur Seite zu ziehen. Auch kann man sehr oft die Leitrolle mit einer Spannrolle vereinigen, wie z. B. in Fig. 95, wo der Riemen ABCD über zwei Rollen E und F läuft, die an dem gabelförmigen Ende eines Hebels sitzen, der um eine Are M drehbar ist und mittels eines Gewichtes G die Rollen empordruct und den Riemen spannt.

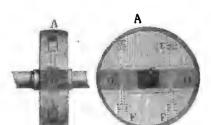
§. 34. Die Raber, Rollen, Scheiben ober Trommeln (frang. Miemeurater. tambours; engl. drums) ber Riemenraberwerke werben entweber von Holz ober von Eisen ausgeführt. Die Spurs ober Bahnbreite macht man geswöhnlich um ein Biertel größer als die Riemenbreite, auch giebt man der Spur eine kleine Wölbung. In der Regel nimmt man die Hohe der letz teren gleich einem Zehntel der Spurbreite; hohe Raber wolldt man aber auch zuweilen nach einer Kugelzone. Durch die Wölbung der Riemenspur wird nicht allein das Auslegen des Riemens erleichtert, sondern auch eine sichere Lage desselben bewirkt. Beim Auslegen auf eine conische Trommel, Fig. 96, soll das gerade Riemenstück ABC die Form eines Kingstückes A1BC1 ans

Riemenraber. nehmen; diefem widersteht aber der Riemen vermöge seiner Glafticitat bis



zu einem gewiffen Grabe, und beshalb fällt auch die Gestalt des Riemens zwischen ABC und A1BC1. Diesem zu Folge liegt stets der folgende Berührungspunkt A der Basis DE der kegelsormigen Trommel nächer, als jeder vorausgegangene B und es rückt folglich auch der ganze Riemen bei weiterer Drehung der Trommel immer nächer und näher an die Basis der letzteren. Ist dagegen die Trommel gewölbt, so zieht sich der Riemen aus demselben Grunde nach

und nach von selbst nach der Mitte oder dem größten Querschnitte derselben. Uebrigens ist beim Befestigen und Ablehren der Rolle auf ihrer Are darauf zu sehen, daß dieselbe genau rund gehe und nicht weise, weil sich sonst der Riemen leicht abschlägt. Wirten Seitenkräfte auf den Riemen, wie z. B. bei Raderwerken mit stehenden Aren das Gewicht des Riemens, oder liegt die Riemenare nicht genau in der Umbrehungsebene, wie dei Raderwerken mit gekreuzten Riemen, so muß man das Rad mit einem vorstehenden Kranz oder Rand versehen, damit sich der Riemen nicht abwickelt.



В

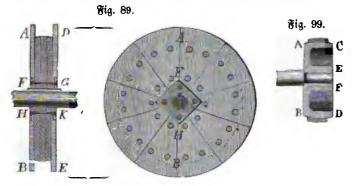
B

Fig. 97.

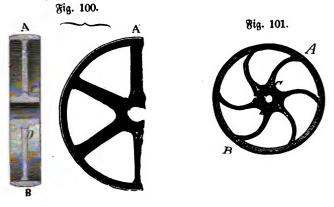
Nur kleine Riemenscheiben von hochstens 1 Fuß Durchmesser lassen sohlenstud einem einzigen Boblenstud brehen, größere muß man aus mehreren Pfostenstüden zusammensehen. Gine Scheibe ber zweiten Art führt Fig. 97 in zwei Anssichten vor Augen. Es sind hier die Mittelstude D und D1, welche bas zur

Aufnahme ber Are bienende Auge C zwischen sich lassen, zwischen ben beis ben Seitenstücken A und B eingefalzt oder eingezapft, und zur Befestigung von eisernen, außen durch Holzstücke bedeckte Bolzen EF, EF durchzogen. Eine andere Zusammensetzung der hölzernen Riemenrader aus drei mit den Fasern sich kreuzenden Bohlenlagern zeigt Fig. 98. Diese Rader sind noch von zwei Scheiben AB und DE begrenzt, welche aus Holzsectoren zusammengesetzt und nicht nur durch holzerne Bolzen mit dem Radkörper, sondern auch durch eiserne Bolzen, wie FG, HK u. s. w. unter einander verbunden werden. Da diese Scheiben den inneren Radkörper an Hohe übertreffen, so

bilben sich besondere Spurkränze, welche das Abschlagen des Riemens verhins niemenrader. dern. Räder von zwei oder mehr Fuß Höhe sett man aus Armen und Kränzzen zusammen, ähnlich wie ein Wasserrad (f. II. g. 111). Auch läst man wohl nur den Kranz aus Holzringen bestehen und macht die Nabe und Arme aus Gußeisen. Lange Trommeln sett man wie ein Faß aus Dauben zus sammen und versieht man auch gern mit eisernen Armspstemen.

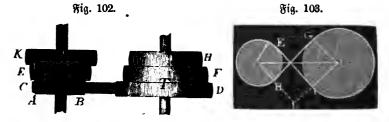


Wegen ihrer Unwandelbarkeit sind gußeiserne Riemenrader den hölzernen stets vorzuziehen, obgleich sie wegen ihrer größeren Glätte eine größere Riesmenspannung erfordern, und deshalb mehr Arenreibung geben als diese. Kleine Räder unter 1 Fuß Durchmesser haben die Gestalt eines Tellers AB, Fig. 99, mit zwei aufsigenden Kronen CD und EF, von denen die eine den Riemenkranz und die andere die Radnade bildet. Fig. 100 führt zwei Ansichten eines größeren eisernen Riemenrandes mit Armen vor Augen. Es ist hier der Riemenkranz AB durch 6 Arme, wie AC, BD u. s. w. mit der Nabe oder Radhülse CD verbunden. Sowohl der Festigkeit als des Lust-



Miemenräder, widerstandes wegen macht man die Radarme 5mal so breit als dick. Nicht selten wendet man auch krumme Radarme, wie CA, DB u. s. w. Fig. 101 auf voriger Seite, an, um die nachtheiligen und leicht das Zerbrechen hersbeischhrenden Spannungen beim Erkalten des Gusses zu beseitigen.

§. 35. Soll bie Umbrehungszahl ber Getriebwelle nicht immer eine und bieselbe, wohl aber stets eine gegebene sein, so muß man mehrere Rabspsteme auf beibe Wellen aufsehen. Gewöhnlich gießt man die Raber einer Welle aus dem Ganzen, indem man dieselben an einen und denselben Teller AB, Fig. 102, anreiht. Man sieht leicht ein, daß die Getriebswelle G bei derselben Umbrehungszahl von der Treibwelle T, eine kleinere Umbrehungszahl annimmt, wenn man den Riemen aus der Lage CD in die Lage EF bringt, und daß diese Jahl noch kleiner aussällt, wenn man ihn auf das noch kleiznere Treibrad H und das noch größere Getriebrad K legt.



Um bei jebem Wechsel ber Scheiben bie Riemenlange nicht verandern zu muffen, last man die Scheibendurchmeffer nach einem gewiffen Gefete zus und abnehmen.

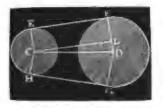
Sind die Riemen gekreuzt, wie Fig. 103, so hat man nach §. 30 fur ben mit Riemen bedeckten Bogen a

$$\cos\frac{\alpha}{2}=-\frac{r_1+r_2}{d},$$

und bie gange bes Riemens:

$$l=2\,d\sin\frac{\alpha}{2}+\alpha(r_1+r_2);$$

Rig. 104.



läßt man daher r_1 um eben so viel absnehmen als r_2 wachsen, so daß das Mittel $\frac{r_1+r_2}{2}$ der beiden Rabhalbmesser

baffelbe bleibt, so verandert fich weder der Riemenbogen noch die ganze Riemenlange, es ist also beim Austegen auf das zweite Raderpaar keine Beranderung

ber Riemenlange nothig. Bei den offenen Riemen wie Fig. 104 hingegen

hat man $\cos \frac{\alpha}{2} = \pm \frac{r_2 - r_1}{d}$ und

$$l=2\,d\sin\frac{\alpha}{2}+\alpha\,r_1+(2\,\pi-\alpha)\,r_2,$$

und es findet das einfache Berhaltnif wie bei ben gefchrantten Riemen nicht Statt. Seben wir aber annahernd

$$\begin{aligned} \sin \frac{\alpha}{2} &= 1 - \frac{1}{2} \left(\cos \frac{\alpha}{2} \right)^2 = 1 - \frac{1}{2} \frac{(r_2 - r_1)^2}{d} \text{ unb} \\ \alpha &= \pi - (\pi - \alpha) = \pi - 2 \sin \frac{(\pi - \alpha)}{2} = \pi - 2 \cos \frac{\alpha}{2} = \pi - \frac{2(r_2 - r_1)}{d}, \end{aligned}$$

fo erhalten wir die Riemenlange

$$l = 2 d - \frac{(r_2 - r_1)^2}{d} + \left(\pi - \frac{2(r_2 - r_1)}{d}\right) r_1 + \left(\pi + \frac{2(r_2 - r_1)}{d}\right) r_2$$

= 2 d + \pi (r_1 + r_2) + \frac{(r_1 - r_2)^2}{d}.

If ψ bas Umsehungsverhältniß $\frac{u_2}{u_1} = \frac{r_1}{r_2}$, so hat man $r_1 = \psi r_2$ und daher $l = 2d + \pi(\psi + 1)r_2 + \frac{(\psi - 1)^2r_2^2}{d}$.

Für ein anderes Räberpaar mit ben Halbmeffern r_3 und r_4 und dem Umsfehungsverhaltniffe $\psi_1=\frac{r_3}{r_4}$ hat man ebenfo

$$l = 2d + \pi(\psi_1 + 1)r_4 + \frac{(\psi_1 - 1)^2 r_4^2}{d}.$$

Aus der letteren Gleichung erhalt man folgende Formel für den einer bestimmten Riemenlange l und einem bestimmten Umsetzungsverhaltniffe ψ_1 entsprechenden Rabhalbmeffer

$$r_4 = \frac{-\pi(\psi_1+1)d + \sqrt{4(\psi_1-1)^2(l-2d)d + \pi^2(\psi_1+1)^2d^2}}{2(\psi_1-1)^2},$$

ober, wenn die beiben Rabaren im Verhaltnisse zu den Rabhalbmeffern sehr entfernt sind, wenn z. B. der Arenabstand mindestens dreimal so groß ist, als der Durchmesser ber größeren Scheibe, was zur Verminderung der Unsgleichheit der beiben Riemenbogen sehr zweckmäßig ist, genau genug

$$r_4 = \left[1 - \left(\frac{\psi_1 - 1}{\psi_1 + 1}\right)^2 \frac{l - 2d}{\pi^2 d}\right] \frac{l - 2d}{\pi(\psi_1 + 1)}$$

Für $\psi_1=1$, also bei Gleichheit beiber Scheibendurchmesser, erhalt man sehr richtig $r_4=rac{l-2\,d}{2\,\pi},$ b. i. $l=2\,d+2\,\pi\,r_4$, und für

$$l=2$$
 $d=\pi(r_1+r_2)$, d. i. für eine sehr große Centralbistanz d , $r_4=rac{r_1+r_2}{\psi_1+1}$, so wie $r_2=\psi_1r_4=rac{\psi_1(r_1+r_2)}{\psi_1+1}$.

Biemenreber.

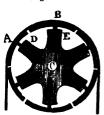
Riemenraber.

Statt ber Scheibenspfteme wendet man auch wohl zwei conische Trom= meln (franz. cones tronqués; engl. conical drums) A und B, Fig. 105, an, und bewirft bie Stellung bes Riemens auf benfelben burch ein gabels formiges Riemeneisen CDE. Man hat hier ben Bortheil, innerhalb ges wiffer Grenzen jedes beliebige Umfehungeverhaltniß herftellen gu tonnen, bas gegen aber auch ben Nachtheil, daß ber Riemen, namentlich wenn er breit ift, fehr ungleich ausgespannt wird.

Fig. 105.



Fig. 106.



Anmertung. Um bas Umfegungeverhaltniß ober bie Riemenfpannung ju reguliren, bebient man fich auch wohl ber fogenannten Expansionerollen, worüber ausführlich gehandelt wird in ben Berhandlungen bes Bereines gur Beförberung bes Gewerbfleißes in Preußen, Jahrg. XXII., 1843. Gine ber einfachsten Rollen biefer Art ift in Fig. 106 abgebilbet. hier besteht ber Rabfrang aus 6 abgesonberten Sectoren mit Stielen CA, CB u. f. w., bie fich rabial burch Gulfen wie D, C u. f. w. fchieben und burch Schrauben feststellen laffen. Um ben Riemen eine ftartere ober schwächere Spannung zu geben, ober bie Riemengefcwindigfeit ju vergroßern ober ju verkleinern, hat man bie Stiele CA, CB u. f. w. weiter heraus: ober hereinzuschieben.

Beifpiel. Benn bei einer Drebbant zwei zusammengehörige Schnurfcheiben bie halbmeffer $r_1=12$ und $r_2=2$ Boll haben, ber Arenabstand d beiber Scheiben 36 Boll beträgt, und man will außer bem entsprechenben Umfegungeverhaltniffe $\psi=rac{r_1}{r_2}=rac{r_2}{r_2}=6$ auch noch ein zweites $\psi_1=4$ herftellen, fo finbet man bie Balbmeffer ber entiprecenben Getriebsicheiben wie folgt:

Der Schnurbogen ift bestimmt burch die Formel

cos.
$$\frac{\alpha}{2} = \frac{r_1 - r_2}{d} = \frac{12 - 2}{30} = \frac{1}{3}$$
, es ift folglich $\frac{\alpha^0}{2} = 70^{\circ},31^{3}/_{4}$, also $\alpha = 141^{\circ},31^{\circ}/_{2}$, baher bie Länge ber gangen Schnur:

$$l=2dsin.\frac{\alpha}{2}+\alpha r_2+(2\pi-\alpha)r_1=67,882+4,924+45,855=118,66130%.$$
 Die Räherungsformel giebt

$$l = 2d + \pi(r_1 + r_2) + \frac{(r_1 - r_2)^2}{d} = 72 + 3{,}1416.14 + \frac{10^2}{36} = 118{,}760$$
 30%.

Sett man nun
$$l-2d=46,661$$
 und $\psi_1=4$ in die Räherungsformel $r_4=\left[1-\left(\frac{\psi_1-1}{\psi_1+1}\right)^2\frac{l-2d}{\pi^2d}\right]\cdot\frac{l-2d}{\pi(\psi_1+1)},$

$$r_4 = \left[1 - \left(\frac{\psi_1 - 1}{\psi_1 + 1}\right)^2 \frac{l - 2d}{\pi^2 d}\right] \cdot \frac{l - 2d}{\pi(\psi_1 + 1)},$$

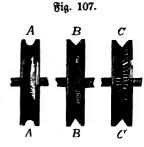
fo erhalt man fur ben Salbmeffer bes gefuchten Scheibenpaares:

$$r_4 = \left(1 - (\frac{8}{5})^2 \cdot \frac{46,661}{36\pi^2}\right) \cdot \frac{46,661}{5\pi} = \frac{0,9528 \cdot 9,8322}{\pi} = 2,830 \text{ Bell Micmentaber.}$$

und $r_3 = \psi_1 r_4 = 4.2,830 = 11,320 30 II.$

Befondere Tabellen von Sang hierzu werben mitgetheilt von Brix in ben Berhandlungen bes Bereines jur Beforberung bes Gewerbfieiges in Breugen, Jahrgang XI., 1832.

S. 36. Wenn die zu übertragende Rraft nicht groß ift, fo tann man die Riemen burch Seile ober Schnure von Sanf, Gebarmen, Gutta percha u. f. m. Rettenraber. erfeben. Die Schnure gemahren noch ben Bortheil, bag fie nicht fo leicht abschlagen und fich leichter gur Seite biegen, leichter auf conifche Trommeln



auflegen laffen u. f. w. Die hierzu nothigen Schnurscheiben erhalten feinen gewolbten Rrang, fonbern eine vertiefte Rinne ober Spur gur Mufnahme ber Schnur, wie A, B, C, Fig. 107, vor Mugen fuhrt. Die Scheibe BB mit ber icharfen Spur (von circa 60 Grab Convergenz) hat vor ber Scheibe AA mit runder Spur ben Bortheil, bag fich bier die Schnur mehr

einklemmt und baher bei gleicher Spannung mehr Reibung giebt als bei AA. Um bas Gleiten ber Schnur zu verhindern, verfieht man auch wohl bie Spurmande mit Rerben wie bei CC. Uebrigens hat bie Scharfe Spur noch ben Bortheil, daß fie fur bidere und ichmachere Schnure jugleich brauchbar ift.

Auf der anderen Seite laffen fich aber auch die Riemen nicht anwenden, wenn bie ju ubertragende Rraft groß ober bie Geschwindigkeit flein ift, weil fie nicht die hinreichende Reftigleit befigen, ober wenigstens eine übermäßige Breite nothig hatten. In ber Regel ift in folchen Fallen ein Bahnraberwerk anzuwenden; wenn aber die beiben Wellen einen größeren Abstand von einander haben muffen, alfo nicht ein bloges Umfeten, fondern auch ein Fortpflanzen ber Bewegung nothig ift, fo bebient man fich in biefem Falle





entweber eines Ret = tenråbermertes ober eines fogenann= ten Stangenvor= geleges.

Ein Rettenraber= wert ift in Rig. 108 abgebildet; die Rette ABCD ift eine fo genannte Laschenkette, und jedes ber beiben Raber ift mit Bahnen (AB mit Rettenraber. 6 und CD mit 4) ausgeruftet, die in bie von je zwei Laschen gebilbeten

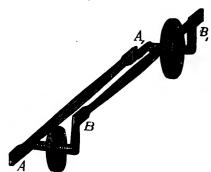
Fig. 109.



Glieber ber Kette eingreifen. Diese Uebertragung mittels Bahnen macht eine weitere Spannung ber Kette überfluffig, was ein nicht unbedeutender Borzug bieses Raberwerkes von bem Riemenraberwerke ift.

Man kann endlich auch ftatt ber Ketten Stangen in Anwendung bringen, wenn es nur auf eine Fortpflanzung, nicht aber auf eine Umfetjung





ber Umbrehungsbewegung abgesehen ist. In diesem Falle versieht man beide genau parallel zu legende Wellen C und C_1 , Figur 110, mit doppelten um einen Rechtwinkel von einander abweichenden Kurbeln oder Krummzapfen A, B und A_1 , B_1 und verbindet dieselben durch die Stangen AA_1 und BB_1 . Durch diese Verbindung wird zwar die Verwegung

ber einen Welle auf die andere Welle vollständig übertragen, sie reicht jeboch nicht aus, wenn die Wellen sehr entfernt von einander sind, weil die
langen Stangen, welche hierzu nothig sind, sich biegen und daher ihre Kraft
nicht durch Schub oder Druck von der einen Welle auf die andere übertragen können. In diesem Falle muß man jeden der vier Krummzapsen verboppeln und vier Stangen anwenden, so daß immer zwei Stangen durch
Zug wirken, während die zwei anderen Stangen ohne Arbeit zurückgehen.
Wan erhält so ein sogenanntes Stangenvorgelege, welches beim Bergs
bau nicht selten in Anwendung kommt.

6. 37. Die Bahnraber find entweber

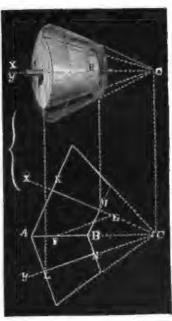
Babntaber.

- 1) cylindrische oder Stirnrader (franz. roues plates ou cylindriques; engl. cylindrical wheels, spur wheels);
- 2) conische ober Winkelraber (franz. roves coniques ou d'angle; engl. conical wheels, bevelled or mitre wheels);
- 3) hyperboloibische oder Hyperboloidenrader (franz. roues hyperboliques; engl. hyperbolical wheels, skew bevils).

Die Unterscheidung hat ihren Grund in der Verschiedenheit der Arenslagen und in der hierdurch bedingten Verschiedenheit der Radkranzformen. Diejenige Mittheilung der Radbewegung ist jedenfalls die vollkommenste, bei welcher kein Gleiten, sondern nur ein Walzen statthat (vergl. I. § 156), also an allen Stellen der Radumfange je zwei Verührungspunkte eine und dieselbe Geschwindigkeit haben. Sind nun die Radaren CX und DY, Fig. 111, unter sich parallel, so wird dies der Fall sein, wenn sich beide Rader in einer Geraden AB parallel zu diesen Aren berühren, und daher die Rad-

Fig. 111. Fig. 112.





umfänge die cylindrische Form haben. Convergiren aber die Radaren CX und CY, Fig. 112, nach einem Punkte C, so muß die Berührungslinie AB eine ebenfalls nach C gerichtete Gerade sein und deshalb jeder der beis

Babnidber. ben Rabumfange die entsprechende Regelform haben, ba die Umfangsgeschwindigkeiten c und v in den Punkten A und B nicht nur in dem Berhaltniffe $\frac{KA}{MR}$ ber Salbmeffer KA und MB bes einen Rades, sondern auch in bem Berhaltniffe $\frac{LA}{NB}$ ber Halbmeffer LA und NB bes anderen Rades zu einander stehen muffen, und diefer Proportion $\left(\frac{KA}{MR} = \frac{LA}{NR}\right)$ burch die Lage des Punktes B in der nach dem Arendurchschnitte C gerichteten Geraben AC Genuge geleistet wirb.

Gang anders ift bagegen bas Berhaltnif, wenn bie Rabaren weber parallel find, noch fich schneiben, also gar nicht in einer Ebene liegen. hier tann die gerade Berührungelinie AB nur mit einer ber beiben Rabaren in eine Ebene fallen, es kann also auch nur bas eine Rad eine cylindrische ober conische Form erhalten. Das andere Rad hingegen ift von einer Ros tationeflache zu begrenzen, die entsteht, wenn fich eine gerade Linie (bie Beruhrungelinie) um eine Are breht, mit ber fie nicht in eine Ebene gufammenfallt. Wir werben im Folgenden feben, daß biefe Flache ein fogenanntes Rotationshyperboloid ift, weshalb man diefe Art von Rabern Spper= Bei einem folchen Raberpaare wird ber Droboloibenraber nennt. portion $\frac{KA}{MR} = \frac{LA}{NB}$ zwischen ben Halbmeffern nicht Genuge geleiftet, meshalb auch ein theilweifes Gleiten bes einen Rabumfanges auf ben anberen stattfinden und baber ein großeres Reibungshinderniß eintreten muß.

Conifche Raber.

6. 38. Bei bem cylindrischen Raberwerke Fig. 113 sind die Rabhalbmeffer $KA = r_1$ und $LA = r_2$ burch bas Umsehungeverhaltniß

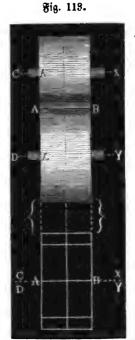
$$\psi = \frac{u_2}{u_1} = \frac{r_1}{r_2}$$
 (vergl. §. 26)

und burch den Abstand $KL = d = r_1 + r_2$ beider Radaren CX und DY von einander bestimmt, es ist nåmlich $r_1 = rac{\psi \, d}{1 \, + \, \psi}$ und $r_2 = rac{d}{1 \, + \, \psi}.$

$$r_1=rac{\psi\,d}{1+\psi}$$
 und $r_2=rac{d}{1+\psi}$

Bei ben conischen Rabern AM und AN, Sig. 114, findet eine folche Bestimmung nicht Statt. Sier sind junachft die Bintel ACK = o, und $ACL = \delta_2$, um welche die Beruhrungelinie AB von beiden Rabaren absteht, aus bem Arenwintel XCY = KCL = & und bem Umfegungsverhaltniffe $\psi = \frac{u_2}{u_1}$ zu finden. Es ist hier der Halbmeffer $AK = r_1$ $=CA\sin\delta_1$ und der Halbmeffer $AL=r_2=CA\sin\delta_2$, und baber bas Umsehungeverhaltniß $\psi=rac{u_2}{u_1}=rac{r_1}{r_2}=rac{\sin\delta_1}{\sin\delta_1}$, b. h. bie Win= telgeschwindigkeiten beiber Raber verhalten fich umgetehrt wie Die Sinus der Winfel, um welche ihre Uren von der Mittel = oder Beruhrungelinie

Contide Maber.





abweichen. Bieht man von einem beliebigen Punkte E ber Are CK aus eine Linie EF parallel ber anderen Ure CY, fo erhalt man ein Dreied, in welchem bie Wintel d, und da zugleich vortommen; es ift namlich ber Bintet $ECF = \delta_1$ und der Bintel $EFC = FCL = \delta_2$, und da nun $\frac{\sin ECF}{\sin EFC} = \frac{EF}{EC}$ ist, so hat man $\psi = \frac{r_1}{r_2} = \frac{\sin \delta_1}{\sin \delta_2} = \frac{EF}{EC}$.

Um hiernach die Winkel δ_1 und δ_2 construirend zu finden, nimmt man die Linien CE und EF in dem Berhaltniffe 1: ψ und gieht die Gerade CF. Bill man biefe Bintel aus d und w burch Rechnung finden, fo bringe man bas Dreied CEF gur Auflofung. Diefes giebt

tang.
$$ECF = \frac{EF. \sin. \delta}{CE + EF \cos. \delta} = \frac{r_1 \sin. \delta}{r_2 + r_1 \cos. \delta}$$
, b. i. tang. $\delta_1 = \frac{\psi \sin. \delta}{1 + \psi \cos. \delta}$, sowie tang. $\delta_2 = \frac{\sin. \delta}{\psi + \cos. \delta}$.

Ift ber eine Rabhalbmeffer $AL=r_2$ gegeben, so findet man ben an: bern burch die Formel $r_1 = \psi r_2$ fogleich, giebt man aber die Centrals III.

Toutide t distanz CA=a, so hat man die beiden Radhalbmesser $AK=r_1$ und $AL=r_2$ durch die Formel $r_1=a\sin$. δ_1 und $r_2=a\sin$. δ_2 zu bestechnen.

Für die Regelhöhen $CK=h_1$ und $CL=h_2$ hat man endlich $h_1=a\cos\delta$ $\delta_1=r_1\cos\delta$ $=\left(\frac{1+\psi\cos\delta}{\psi\sin\delta}\right)r_1=\frac{r_2+r_1\cos\delta}{\sin\delta}$ und

$$h_2 = a \cos \delta_2 = r_2 \cos \delta_2 = \left(\frac{\psi + \cos \delta}{\sin \delta}\right) r_2 = \frac{r_1 + r_2 \cos \delta}{\sin \delta}.$$

Beifpiel. Benn bei einem conischen Raberwerke ber Arenwinkel $\delta=70$ Grad und bas Umsehungsverhältniß $\psi=\frac{u_2}{u_1}=7/_2$ sein soll, so hat man für bie Convergenzwinkel ber einzelnen Raber:

tang. $\delta_1=\frac{7\sin.70^0}{2+7\cos.70^0}=\frac{7.0,93969}{2+7.0,34202}=\frac{6,5778}{4,3941}=1,49697, hiersnach <math>\delta_1=56^0,15'$, und $\delta_2=13^0,45'$. Soll nun noch ber außerste Berührungspunft A zwischen beiben Rabern um 60 3oll von dem Arendurchschnitte C abstehn, so hat man die außeren Rabhalbmeffer

 $r_1=60$ sin. 56° , 15'=49.89 Boll und $r_2=60$ sin. 13° , 45'=14.26 Boll, und die entsprechenden Regelhöhen

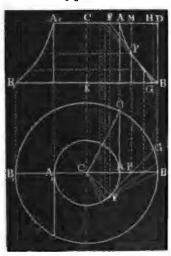
h₁ = 60 cos. 56°, 15' = 33,33 Boll und h₂ = 60 cas. 13°, 45' = 58,28 Boll. Soll enblich die Berührungelinie AB eine gange von 8 Boll erhalten, fo hat man bie inneren Rabhalbmeffer

 $r_1=52$ sin. 56^0 , 15'=43,24 3oll und $r_2=52$ sin. 13^0 , 45'=12,36 3oll, und bie entfprechenden Centralabstände ober Regelhöben

 $h_1 = 52 \cos .56^{\circ}, 15' = 28.89 \text{ unb } h_2 = 52 \cos .13^{\circ}, 45' = 50.51 \text{ Boll.}$

Fig. 115.

fr per boloib.



§. 39. Die Entstehung eines Hyperbos loidenrad zu construiren ist, läßt sich burch Betrachtung der Kig. 115 nachs weisen. Es sind AA_1 und BB_1 zwei parallele Grundkreise, welche in dem Abstande CK = h von einander abstehen, und es ist die Gerade FG, deren Horizzontalprojection wir der Ordinate

$$AO = V\overline{CO^2 - CA^2}$$
 gleich machen wollen, die Erzeugungszlinie, welche mit dem einen Endpunkte F im Kreise AA_1 und mit dem anderen im Kreise BB_1 fortrückt. Eine vertikale Mittelebene ABB_1 A_1 schneibet die von FG beschriebene Kläche in zwei Eurven AB und

und A_1B_1 , von welchen wir nachweisen werden, daß sie einer Spperbel ans overbolot. gehören, deren Mittelpunkt mit dem Contrum C der kleineren Grundsläche und deren Are mit dem Durchmesser dieser Flache zusammenfallt. Für jesten Punkt P in der Linie AB ist

$$\frac{PM}{GH} = \frac{FM}{FH}$$
 (Aufriß) $= \frac{FP}{FG}$ (Grundriß).

Bezeichnen wir nun die Kreishalbmeffer CA und KB durch a und r und die Coordinaten CM und MP des Punktes P durch x und y, so haben wir nach dem Grundrisse:

$$FG = AO = \sqrt{r^2 - a^2} \text{ und } FP = \sqrt{\overline{CP^2} - CF^2} = \sqrt{x^2 - a^2},$$
 und daher $\frac{y}{h} = \frac{\sqrt{x^2 - a^2}}{\sqrt{r^2 - a^2}}$, also $y = \frac{h}{\sqrt{x^2 - a^2}} = \frac{h}{a} \sqrt{x^2 - a^2},$

wenn die vierte Proportionale $\frac{h\,a}{\sqrt{\,r^2-a^2}}$ von $\sqrt{\,r^2-a^2}$, a und h durch

b bezeichnet wird. Run ist aber $y=\frac{b}{a}\sqrt{x^2-a^2}$ die Gleichung einer Hyperbel (s. Ingenieur, S. 214) von den Halbaren a und b, daher auch AB ein Hyperbelbogen und A der Scheitel desselben, sowie ABB_1A_1 ein durch Umdrehung dieses Bogens um die Are CK erzeugtes Hyperboloid.

Sest man ben Wintel, welchen bie Erzeugungslinie FG mit einer Gezauben parallel zur Are CK einschließt, $=\delta$, also ben Wintel, unter welchem sie die Grundslächen burchschneibet, $=90^{\circ}-\delta$, so haben wir

tang.
$$\delta = \frac{\sqrt{r^2 - a^2}}{h} = \frac{a}{b}$$
, und baher einfacher

$$y = \sqrt{x^2 - a^2}$$
. cotg. δ , sowie $x = \sqrt{a^2 + y^2 (tang. \delta)^2}$.

Für große x hat man annähernd $y=x\,cotg.$ 8, woraus folgt, daß sopperboloid immer näher und näher an einen Regelmantel ansicht, je mehr man dasselbe erweitert. Die Seite dieses Mantels ober

Fig. 116.



bes sogenannten Asymptotenkegels schließt mit ber Are CK benselben Winkel & ein wie die Erzeugungslinie FG mit einer Parallele zu CK.

Der Winkel $PTM = \alpha$, Figur 116, unter welchem die Tangente PT irgend eines Punktes P ber Hyperbel AB die Abscissenare CA schneis bet, ist durch die Tangentensormel

tang.
$$\alpha = \frac{b}{a} \cdot \frac{x}{\sqrt{x^2 - a^2}} = \frac{x \cot y \cdot \delta}{\sqrt{x^2 - a^2}}$$
 bestimmt.

Oppertboloid. Dieser Winkel ist zugleich die Seitenneigung TDH einer Regelzone DD_1EE_1 , welche eine eben so hohe Hyperboloidenzone in der Mitte PP_1 berührt, und daher annähernd für diese gesett werden kann. Ift e die Höhe HL dieser Zone und r ihr mittlerer Halbmesser PK=CM=x, so hat man für die Halbmesser $HD=r_1$ und $LE=r_2$ der Grundstächen der Regelzone

$$r_1 = r + \frac{1}{2} e \cot g$$
. $\alpha = r + \frac{1}{2} \frac{e}{r} \sqrt{r^2 - a^2} \tan g$. δ und $r_2 = r - \frac{1}{2} e \cot g$. $\alpha = r - \frac{1}{2} \frac{e}{r} \sqrt{r^2 - a^2} \tan g$. δ .

Da endlich die Arenprojection der Erzeugungslinie des Hyperboloides APP_1A_1 : $CK = h = \sqrt{r^2 - a^2} \ coty.$ δ ist, so hat man auch $r_1 = r + \frac{1}{2} \frac{eh}{r} \ (tang. \, \delta)^2 \ \text{und} \ r^2 = r - \frac{1}{2} \frac{eh}{r} \ (tang. \, \delta)^2.$

Spperboloibenraber. §. 40. Die Unwendung ber Spperboloide bei ben Rabern foll fig. 117. in Folgendem gezeigt werden. Es fei



in Folgendem gezeigt werden. Es fei ACB, Fig. 117, ein cylindrisches Rad, welches auf ber Welle XX fist, und ADB ein anderes Rad auf ber Belle YY, welches von jenem in Umbrehung ju feten ift. Goll nun die Beruhrung beiber Raber in einer Seite AB bes erften Rabes erfolgen, fo wird jebenfalls ber Umfang bes zweiten Rabes eine Rotationeflache fein muffen, welche ent= fteht, wenn AB in unveranberlichem Abstande um YY herumgeführt wird. Liegen XX und YY in einer Chene, fo ift biefe Rlache ein Regel, befinden fich aber diefelben in verschiedenen Gbenen, wie in ber Abbilbung, fo bilbet fie nach bem Borhergehenden ein Spperboloid. Bahrend bas cylindrifche Rad über fei= ner gangen Breite AB bin einen und denselben Halbmeffer $CO = KA = r_1$ hat, ift ber Salbmeffer des Spperbolois benrades veranderlich; er ift am flein= ften an ber Stelle, wo bie Rabaren XX und YY einander am nachften fteben, und fallt immer großer und großer aus,

je mehr er von bem furzeften Abstande CD = d zwischen diefen Aren

entfernt ift. Der fleinfte ober Salshalbmeffer bes Spperboloibenrades ift spergotote $a=d-r_1$, für einen anderen Salbmeffer AL=x (Aufrig) im Abftanbe OE = y (Grundrif) vom Perpenditel CD ift nach dem Borausgefchickten, wenn noch ber Bintel AOE, um welchen die Beruhrungelinie AB ober Are XX von einer Perallelen ju YY abweicht, mit d bezeichnet wird, $x = \sqrt{a^2 + y^2(tang. \delta)^2}$, ober, wenn man das Perpendikel A E, b. i. die Projection y tang. o ber Beruhrungelinie AO auf die Grund . ober Enbfläche AL bes Hyperboloides mit z bezeichnet, $x = \sqrt{u^2 + z^2}$.

Um hiernach einen Salbmeffer OS = EG (Grundriff) conftruirend ju finden, hat man zu dem Salbmeffer OH=a bes Salfes ober der Reble und der Projection AE = FH = z als Katheten, die Sppotenuse OF = OS anzugeben.

Die Umfangegeschwindigkeiten beiber Raber find nicht gleich; mahrend ber Umfang bes cylindrifchen Rabes einen Beg O V (Grundrif) jurudlegt, burchlauft ber halbumfang bes hyperboloidenrades im Abstande $DO = a = r_2$ (Aufriß) einen Weg OW (Grundriß); es ist DV = OW cos. 8, und also auch fur bie entsprechenden Geschwindigfeiten c1 und c2:

$$c_1 = c_2 \cos \delta$$
.

Sind u1 und u2 bie Umbrehungezahlen, fo hat man nach f. 26 auch

$$\frac{c_1}{c_2}=\frac{u_1\,r_1}{u_2\,r_2};$$

verbindet man baher diefe beiden Gleichungen mit einander, fo erhalt man

bas Umfetungeverhältniß
$$\psi = \frac{u_2}{u_1} = \frac{r_1}{r_2 \cos \delta}$$
.

Siebt man
$$\psi$$
, d und δ , so hat man
$$r_1 = \frac{\psi \cos \delta \cdot d}{1 + \psi \cos \delta} \text{ und } r_2 = \frac{d}{1 + \psi \cos \delta}.$$

Beifpiel. Far ein hoperboloibifches Rabermert, wie Fig. 117, beffen Aren um bie Normale CD=d=50 Boll von einander abstehen, und bei Burud: führung auf einen gemeinschaftlichen Durchschnittspunkt einen Winkel & von 25 Grab zwifden fich einschließen, bat man bei bem Umfegungeverhaltniffe

$$\psi=rac{u_2}{u_1}=rac{v_5}{s}$$
, ba $\cos \vartheta=\cos .25^{\circ}=0{,}9068$ ift, bie Radhalbmeffer

$$r_1 = \frac{0.4 \cdot 0.9063 \cdot 50}{1 + 0.4 \cdot 0.9063} = \frac{18,126}{1.3625} = 13,30 \text{ 3oll und}$$
 $r_2 = \frac{50}{1.8625} = 36,70 \text{ 3oll.}$

Giebt man bem cylindrifchen Rabe eine Dide von 6 Boll, nimmt man alfo AO = e = 3 Boll, so erhalt man bie Dide bes Syperboloibenrabes:

und enblich bie Salbmeffer ber außeren Grunbflachen bes Sperboloibenrabes:

$$z = \sqrt{a^2 + z^2} = \sqrt{r_1^2 + z^2} = \sqrt{1348,50} = 36,72$$
 3cfl.

Superbolol.

§. 41. Man kann auch bas cylindrische Rad durch ein anderes Hy-Fig. 118. perboloidenrad, wie in Fig. 118 zu er-



pervolotioentad, wie in Fig. 118 zu ersehen ist, ersehen, ohne die Berührungstinie AB zu verändern. Dieses zweite Rad ist übrigens ganz so anzuordnen und zu construiren wie das erste. Sehen wir die Länge der Berührungslinie AB = 2l, also ihre halbe Länge AO = BO = l, und bezeichnen wir die Wintel AOX und AOY (Grundstis), welche die auf denselben Punkt O zurückgeführten Radaren mit AB einschließen, durch δ_1 und δ_2 , so haben wir die Projectionen von AO = l auf die äußeren Grundssächen beider Räder: $AE_1 = z_1 = AO\sin$. $\delta_1 = l\sin$. δ_1 und

 $AE_2 = z_2 = AO \sin \delta_2 = l \sin \delta_2;$ ferner die Raddicken

$$e_1 = 2 O E_1 = 2 l \cos \delta_1$$
 und $e_2 = 2 l \cos \delta_2$,

und endlich die außeren Rabhalbmesser $E_1 G_1 = x_1 = \sqrt{r_1^2 + z_1^2}$ und $E_2 G_2 = x_2 = \sqrt{r_2^2 + z_2^2}$.

Das Geschwindigkeitsverhaltniß zwischen beiden Rabern ist burch die Winkel δ_1 und δ_2 bestimmt. Setzen wir die Geschwindigkeit des Rades ACB im Abstande $CO=r_1,=c_1$ und die des Rades ADB im Abstande $DO=r_2,=c_2$ die des imaginaren Cylinderrades aber =c, so haben wir nach dem Vorhergehenden $c=c_1\cos\delta_1$ und auch $c=c_2\cos\delta_2$ daher solgt $c_1\cos\delta_1=c_2\cos\delta_2$, also $\frac{c_1}{c_2}=\frac{\cos\delta_2}{\cos\delta_1}$, und da $\frac{c_1}{c_2}$ auch $=\frac{u_1\,r_1}{u_2\,r_2}$ ist, $\frac{u_1\,r_1}{u_2\,r_2}=\frac{\cos\delta_2}{\cos\delta_1}$, also das Umsetungsverhaltniß:

$$\psi = \frac{u_2}{u_1} = \frac{r_1 \cos \delta_1}{r_2 \cos \delta_2}.$$

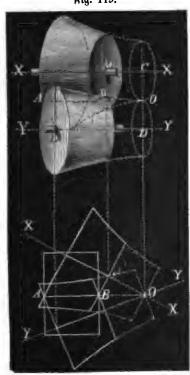
Ist d, ψ , und δ gegeben, so hat man wie oben

$$r_1 = rac{\psi \, d \, cos. \, \delta_2}{cos. \, \delta_1 \, + \psi \, cos. \, \delta_2}$$
 und $r_2 = rac{d \, cos. \, \delta_1}{cos. \, \delta_1 + \psi \, cos. \, \delta_2}$

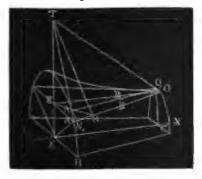
Beifpiel. Benn ber Normalftand beiber Rabaxen 40 Boll und bas Umsetzungererhältniß $\psi=\$_2'$ betragen foll, so hat man bei ben Axenwinkeln

 $d_1=45^{\circ}$ und $d_2=45^{\circ}$, also $d=90^{\circ}$, wie bei einem gewöhnlichen chlindrischen opperholote Maberwerfe, $r_1 = \frac{\psi d}{1 + \psi} = \frac{1.5 \cdot 40}{2.5} = 24$ Boll und $r_2 = \frac{40}{2.5} = 16$ Boll.

Raber, welche sich außerhalb bes kurzesten Abstandes CD zwis fchen beiben Aren XX und YY, Rig. 119.



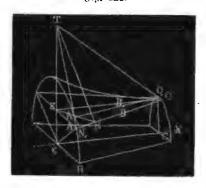
Rig. 120.



Rig. 119, berühren, muffen bie Kormen abgeftumpfter Spperboloide ABM und ABL erhalten. Die Conftruction biefer Spperboloibe mittele ber Rebibalbmeffer $CO = r_1$ und $DO = r_2$, fo wie der Arenwinkel $AOX = \delta_i$ und $AOY = \delta_2$ (Grunbriß) bleibt übrigens genau bie oben angegebene. Damit bie Bemes gung moglichft unmittelbar von einem Rade auf das andere übergetragen werbe, muffen fich beibe Raber an allen Stellen ber Linie AB mathematisch berühren. In biefem Kalle nimmt bei Unwendung eines gewissen Druckes bas eine Rab bas andere burch bie bloße Reibung mit herum; außerbem aber find Bahne ober Rerben in ben Rabumfangen unumganglich nothwendig. Es ist also erfors berlich, daß beibe Rabumfånge an ieber Stelle ber Linie AB eine gemeinschaftliche Berührungs= ebene haben, baf alfo auch an jeber Stelle von AB die Berührungs: ebene bes einen Rabes benfelben Reigungswinkel mit ber Chene parallel zu beiben Rabaren einfchließe, wie bie bes anderen.

Jebenfalls ift bie Ebene ATO, Rig. 120, burch bie Erzeugungslinie AB (AO) und burch bie Tangente AT an ben Leitungsober Umbrehungefreis AHK Bes

Epperbolot ruhrungsebene im Punkte A, und der Winkel TNE, welchen die Perpen-Big. 121. bikel EN und TN auf AO



bikel EN und IN auf AO zwischen sich einschließen, Reisgungswinkel dieser Ebene gegen die parallel zu beiden Radaren gelegte Grundebene EAO oder KHC. Sehen wir diesen Winstel = Θ , so haben wir

$$tang. \Theta = \frac{ET}{EN},$$

ober, da einer bekannten Eigen= schaft des Kreises zu Folge,

$$ET = \frac{\overline{EA^2}}{EK}$$
 ift,
tang. $\Theta = \frac{\overline{EA^2}}{EK - EN}$.

Mun ist aber
$$EK = OC = r_1$$
, serner $EN = EA \cos AEN = EA \cos \delta_1$ und $tang. \Theta = \frac{l \sin \delta_1}{r_1 \cos \delta_1} = \frac{l}{r_1} tang. \delta_1$.

Sett man r_1 und δ_2 statt r_1 und δ_1 ein, so erhalt man fur den Reisgungewinkel ber Berührungsebene des zweiten Rades

tang.
$$\Theta = \frac{l}{r_2}$$
 tang. δ_2 ,

und daher burch Gleichsehen beider Tangenten folgende Bedingung fur die mathematische Berührung beider Hopperboloidenrader

$$\frac{tang.\,\delta_1}{r_1} = \frac{tang.\,\delta_2}{r_2}; \text{ ober } \frac{tang.\,\delta_1}{tang.\,\delta_2} = \frac{r_1}{r_2}.$$

§. 43. Das Geschwindigkeits: ober Umsetzungsverhaltniß des Hyperboloidenraberwerkes in Fig. 119 entwicklt sich auf folgende Weise. Kommt die Berührungslinie AO, Fig. 121, in die Lage A_1O_1 , so rückt der Punkt A im Umfange des Umdrehungskreises AHK um einen Weg AA_1 fort, während seine Projection in einer Normalebene zu AO den Weg N_1A_1 zur rücklegt, und es ist auch $\frac{AA_1}{N_1A_1} = \frac{AT}{NT}$ das Verhältniß $\frac{c_1}{c}$ zwischen der Umfangsgeschwindigkeit des Rades AHK und ihrer Projection rechtwinztelig auf AO. Nun hat man aber

$$NT^2 = AT^2 - AN^2$$
, ferner $\frac{AT}{AE} = \frac{KA}{KE} = \frac{x_1}{r_1}$ und $AN = AE\sin \delta_1$;

baher folgt benn
$$\frac{c_1}{c} = \frac{x_1}{\sqrt{x_1^2 - r_1^2 \sin \delta_1^2}}$$

Opperboloibenråder.

fowie fur ein zweites Rab

$$\frac{1}{c}\frac{c_2}{c} = \frac{x_2}{\sqrt{x_2^2 - r_2^2 \sin \delta_2^2}}.$$

und endlich bas Gefchwindigfeiteverhaltniß beiber in Beruhrung ftebenben Rabumfange:

$$rac{c_1}{c_2} = rac{x_1}{x_2} \cdot rac{\sqrt{x_2^2 - r_2^2 \sin \delta_2^2}}{\sqrt{x_2^2 - r_2^2 \sin \delta_2^2}}$$

Jett folgt bas Umfetungeverhaltniß

$$\psi = \frac{u_2}{u_1} = \frac{c_2}{c_1} \cdot \frac{x_1}{x_2} = \frac{\sqrt{x_1^2 - r_1^2 \sin \delta_1^2}}{\sqrt{x_2^2 - r_2^2 \sin \delta_2^2}},$$

ober, wenn man $x_1^2 = r_1^2 + a^2 \sin . \delta_1^2$ und $x_2^2 = r_2^2 + a^2 \sin . \delta_2^2$ einführt, $\psi = \sqrt{\frac{a^2 \sin . \delta_1^2 + r_1^2 \cos . \delta_1^2}{a^2 \sin . \delta_2^2 + r_2^2 \cos . \delta_2^2}}$.

Damit fich die Raber mathematisch berühren, muß aber

$$\frac{r_1^2}{r_2^2} = \frac{tang.\,\delta_1^2}{tang.\,\delta_2^2} = \frac{sin.\,\delta_1^2}{cos.\,\delta_1^2} \cdot \frac{cos.\,\delta_2^2}{sin.\,\delta_2^2},$$

also $r_1^2 \cos \delta_1^2 = \frac{\sin \delta_1^2}{\sin \delta_2^2} \cdot r_2^2 \cos \delta_2^2$ sein, daher folgt

$$a^{2} \sin \delta_{1}^{2} + r_{1}^{2} \cos \delta_{1}^{2} = \frac{a^{2} \sin \delta_{1}^{2} \sin \delta_{2}^{2} + r_{2}^{3} \sin \delta_{1}^{2} \cos \delta_{2}^{2}}{\sin \delta_{2}^{2}}$$

$$= \left(\frac{\sin \delta_{1}^{2}}{\sin \delta_{2}^{2}}\right)^{2} \cdot (a^{2} \sin \delta_{2}^{2} + r_{2}^{2} \cos \delta_{2}^{2})$$

und das Umsehungeverhaltniß sehr einfach, also $\psi=\frac{sin.~\delta_1}{sin.~\delta_2}$, genau wie bei den conischen Rabern.

Ift ψ und $\delta = \delta_1 + \delta_2$ gegeben, fo findet man wie bei Regel. oder Binkelrabern

aus
$$\begin{cases} 1) \frac{\delta_1 + \delta_2}{2} = \frac{\delta}{2} \\ 2) tang. \left(\frac{\delta_1 - \delta_2}{2}\right) = \frac{\psi - 1}{\psi + 1} \cdot tang. \frac{\delta}{2} \end{cases}$$

$$\delta_1 = \frac{\delta_1 + \delta_2}{2} + \frac{\delta_1 - \delta_2}{2} \text{ unb}$$

$$\delta_2 = \frac{\delta_1 + \delta_2}{2} - \frac{\delta_1 - \delta_2}{2}.$$

Ift ferner ber turgefte Arenabstand d gegeben, fo erhalt man noch

Spperbo. Loidenraber

die Rehlhalbmeffer r1 und r2 burch bie Formeln

$$r_1 = \frac{d tang. \delta_1}{tang. \delta_1 + tang. \delta_2}$$
 und $r_2 = \frac{d tang. \delta_2}{tang. \delta_1 + tang. \delta_2}$.

Giebt man endlich noch ben Abftand l eines Berührungspunttes A von ber kurzesten Linie CD = d zwischen beiben Rabaren, so hat man bie ent: sprechenden Rabhalbmeffer $x_1 = \sqrt{r_1^2 + l^2 \sin \delta_1^2}$ und $x_2 = \sqrt{r_2^2 + l^2 \sin \delta_2^2}$

Anmerfung. Mimmt man $\delta_1 = \delta_2 = 0$, so erhalt man $x_1 = r_1$ und $x_2 = r_2$, sowie $\psi = \frac{r_1}{r_1}$; nimmt man aber $r_1 = r_2 = 0$, so hat man

 $x_1=l\sin .\delta_1$ und $x_2=l\sin .\delta_2$, und es bleibt $\psi=rac{sin.\delta_1}{sin.\delta_2}$. Im ersten Kalle hat man es mit einem Cylinder- und im zweiten mit einem Regelraberwerfe zu thun, und es find biefe Folgerungen mit bem Obigen im vollfommenften Ginflang.

Beifpiel. Soll ein hyperboloibifches Raberwerk conftruirt werben, beffen fürzester Arenabstand d=20 Boll, Arenwinfel $\delta=90^\circ$ und Umsehungeverhåltniß $\psi=^2\!\!/_1$ ift, so hat man für daffelbe, ba in diesem Falle sin. $\sigma_2=\cos \sigma_1$, also $\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_2} = \frac{\sin \theta_1}{\cos \theta_1} = \tan \theta$. $\theta_1 = 2$ ift,

$$\frac{dip}{sin. \, d_2} = \frac{1}{cos. \, d_1} = \frac{tang. \, d_1}{d_1} = \frac{2}{cos. \, d_1},$$

$$\frac{d_1}{d_1} = 68^0 \, 26' \, \text{ unb } \, d_2 = 26^0 \, 34'.$$

Ferner folgt ber halbhalbmeffer $r_1 = \frac{20\cdot 2}{2+\frac{1}{2}} = \frac{80}{5} = 16$ und

$$r_2 = \frac{20.\frac{1}{2}}{2 + \frac{1}{2}} = 4 \text{ Boll.}$$

Sollen enblich bie beiben außerften Berührungepuntte ber Raber um 30 unb 38 Boll von bem fürzesten Arenabstande d entfernt fein, so hat man bie entspredenben Rabhalbmeffer fur bas eine Rab:

$$x_1 = \sqrt{\frac{16^2 + 30^3 (sin. 63^0 26')^2}{16^2 + 38^2 (sin. 63^0 26')^2}} = \sqrt{\frac{975,98}{975,98}} = 31,24 \text{ Boll},$$
 und $= \sqrt{\frac{16^2 + 38^2 (sin. 63^0 26')^2}{1411,20}} = \sqrt{\frac{1411,20}{1411,20}} = 37,57 \text{ Boll},$ und für das andere Rab:

$$x_2 = \sqrt{4^2 + 30^2 (sin. 26^0 34')^2} = \sqrt{196} = 14,00 \text{ Soll},$$

 $unb = \sqrt{4^2 + 38^2 (sin. 26^0 34')^2} = \sqrt{304,83} = 17,45 \text{ Soll}.$

Fig. 122.



6. 44. Die Spperboloidenrader fteben ben Eplinber = und Regelrabern nicht allein wegen ber größeren Bahns, sonbern auch wegen ber großeren Arenreibung Die Normalkraft N, Fig. 122, nach. mit welcher ein Rab auf bas andere wirkt, zerlegt fich in eine Seitentraft K in ber Umbrehungsebene, und in eine Seitenkraft S parallel zur Rabare XX; jene bringt genau benfelben Arenbruck hervor, wie bie Umbrehungsfraft bei ben Eplinder = und Regelrabern, biefe hingegen fucht nicht allein bas gange Rad Duperbolet. in ber Arenrichtung fortzuschieben, fondern auch baffelbe um eine Linie recht: winkelig zur Umbrehungsare zu breben (f. I. S. 123). Ift M bas Rrafts moment des Rades DEFG und x_1 der mittlere Salbmeffer CH beffelben, so hat man die Umdrehungsfraft $K_1 = \frac{M}{x_1}$, und da nun $K_1 c_1 = Nc$

ift, die Normaleraft
$$N=rac{c_1}{c}~K_1=rac{x_1\,K_1}{\sqrt{x_1^2-r_1^2sin.\,\delta_1^2}}$$
 .

und baber bie Seitenfraft

$$S = V \frac{N^2 - K_1^2}{V^2 - K_1^2} = \frac{r_1 \sin \delta_1 \cdot K_1}{V x_1^2 - r_1^2 \sin \delta_1^2} = \frac{r_1 \sin \delta_1 \cdot K_1}{V h^2 \sin \delta_1^2 + r_1^2 \cos \delta_1^2},$$

wobei h ben Abstand CO bes Radmittels C von bem Perpenditel awischen beiben Rabaren bezeichnet, r, und d, aber die oben angegebenen Bedeutungen baben.

Die Kraft S erzeugt eine Reibung an ber Basis bes Bapfens X, beren Moment bei bem Bapfenhalbmeffer Q1, 3/8 \phi SQ1 du feben ift, und bann eine Bergroßerung ber Seitenreibung an beiden Bapfen X und X1, Die um fo großer ausfallt, je turger die Rabare XX, ift. Bezeichnen wir die Lange

Fig 123.



XX1 biefer Are burch l1, fo haben wir bie Geitenkraft in jebem ber Bapfen,

$$S_1 = \frac{x_1}{l_1} S_{l_1}$$

und es ift nun hiernach mit Anwenbung bes in 6. 28 Borgetragenen bie Seitenreibung felbft gu berechnen.

Megen biefer Sinderniffe mendet man baber auch oft ftatt zweier Spperbolois benraber ein boppeltes conifches Raberwerf an. Es tommt hierbei nur barauf an, baß man bie beiben Arenrich= tungen CX und DY, Figur 123 und Rig. 124 (auf folgb. Geite), burch eine Linie CD verbindet, und biefe gur Ums brehungsare einer Belle mit zwei 3mis schenraber E und F macht.

Der Anordnung in Figur 123 fallt biese Zwischenare CD mit dem Perpendikel zwischen den gegebenen Aren zusammen, bei der Anordnung Kig. 124.



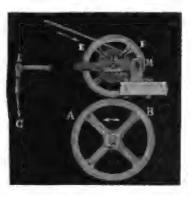
in Figur 124 liegt aber CD außerhalb bes Perpenbifels.

Reibungs.

§. 45. Wenn die Mittheilung der Bewegung durch bloße Berührung der Radumfange bewirkt werden soll, so mussen die Rader, die man, zur Unterscheidung von den Riemen- und Zahnradern, Reibung & rader nennen kann, mit einer gewissen Kraft gegen einander gepreßt werden, damit eine Reibung zwischen den Umfangen derselben entsteht, die mindestens der überzutragenden Kraft K gleich ist. Ist φ der Reibungscoefficient, so ist der nothige Druck der Rader gegen einander $R=\frac{K}{\varphi}$, und damit dieser nicht unnothig groß aussalle, muß man φ durch richtige Auswahl der Materien und durch Rauhhalten der Berührungsstächen möglichst groß zu machen suchen. Deshalb läßt man gern Holz auf Holz, ober mindestens Holz auf Gußeisen lausen, oder belegt wohl gar den einen Radumfang mit Leder, und zwar vorzüglich mit Büsselder. Es läßt sich annehmen, daß im Mittel für diese Materien $\varphi=1/2$ sei, und daher ermessen, daß der nör

thige Drud zwischen ben Rabern minbestens = 2 K betragen muffe. Bei Reibunge. ben Riemenrabern ift ber Drud, mit welchem ber Treibriemen bie Raber gegen einander gieht, in ber Regel, zumal wenn ber mit Riemen bebeckte Bogen nabe den halben Rabumfang einnimmt, Bleiner als 2 K, und beshalb die Anwendung diefer Raber vortheilhafter als die ber Reibungs= raber. Die Bergroßerungen, melde bie Bapfenreibungen beiber Raber burch biefen Druck R erleiben, find nach f. 28 ju beurtheilen. Ueberdies bieten aber bie Reibungeraber noch ben Uebelftand bar, daß wenigstens bas eine von ihnen feine feste Lagerung erhalten tann, ba nur burch bie Arenlager ber Drud R auf bas Rab übergetragen werben tann. Es werben bes: halb die Reibungeraber auch nur felten, und in ber Regel nur ba angewendet, wo man es, wie g. B. bei Muhlen = ober Gichtaufzugen, mit

Rig. 125.



einer unveranberlichen gaft gu thun hat, und wo ein fich oft wieberhos lenbes In= und Außergangfegen ber Maschine nothig ift.

Die Einrichtung eines folchen Ra= bermertes ift aus Fig. 125 gu erfeben. ACB ift bas feftgelagerte Treibrad und EDF bas bewegliche Die Bapfenlager bes Getriebrab. letteren figen in einem gegabelten Sebel KDM, ber um M brebbar ift, und burch eine bei Kangreifenbe Rraft G auf ober nieber gebruckt wird, je nachbem bas Getriebrab in ober außer Gang gefett werben foll.

Die ficherfte Mittheilung ber rotirenden Bewegung findet jeden: falls nur bei ben Bahnrabern (f. g. 25) Statt. Wir haben oben (§. 26) vorausgefest, bag bie mit einander arbeitenden Raber eine und biefelbe Umfangegeschwindigkeit c haben, und es ift nun nothig, daß durch die Bergahnung der Radumfange biefer Forderung fein Gintrag Deshalb muffen bie Bahne nicht nur bestimmte Formen haben, sonbern auch in volltommen gleichen Abstanden von einander fteben. Dan nennt biefe Abstande bie Theilung (frang. le pas; engl. the pitch) eines Rabermertes, und tragt biefe ale Bogen auf biejenigen Rreife auf, in melden man fich bie Raber in Beruhrung benten tann. Deshalb heißen auch biefe Rreife die Theilfreise oder Theilriffe des Raderwerkes (frang. cercles primitifs; engl. pitch circles). In ber Regel legt man die Theil: freise mitten burch bas Rab. Unter ben Rabhalbmeffern (r, und r,) merben ftete bie Salbmeffer ber Theilkreise verstanden. Die Bahne ber Stirn-

Beine.

raber haben bie Formen von Prismen, wie AEDFB, Fig. 126, bie ber 3åhuz. Regel = und Soperboloidenrader aber bie von abgeftumpften Pyramiden, wie Fig. 126. %ic. 127.





AEDFB, Sig. 127. Bei jenen ift bie gerabe Erzeugungelinie in allen ihren Stellungen ber Rabare parallel, bei biefen ift fie aber ftets nach bem Urendurchschnitte ober nach bem Beruhrungspunkte ber Rehlfreise ge-Als Leitlinie bient bas Bahnprofil in ber Theilkreisebene. Die End = ober Stirnflach en ber Bahne legt man rechtwinkelig gegen bie von ber Erzeugungelinie gebilbeten Seitenflachen. Gie fallen baber bei ben Stirnrabern in eine Ebene minkelrecht gur Umbrebungsare und bei ben Regel = und Syperboloibenrabern in einen Regelmantel. Jeber Bahn befteht aus einem Dber= ober Ropftheil, und aus einem Unter- ober Suftheil; jener fteht uber bem Theilrig und biefer unter bemfelben. Seitenflachen bes erfteren bilben bie fogenannte Bahnwolbung, bie bes letteren werben aber bie Seiten ober Flanten bes Bahnes ichlechtweg genannt. Die Bahnform ift in ber Regel eine fommetrifche; fie lagt fich burch eine Chene ABD in zwei congruente Salften theilen. Bon ben brei Dimenfionen eines Bahnes wird

bie Breite AB (frang, largeur; engl, breath) in ber Richtung ber Rabare, ober vielmehr der imaginaren Berührungelinie MN,

Die Dide EF (frang. épaisseur; engl. thickness) im Umfang bes Theilriffes, und

bie Sohe ober gange AD beffelben (frang. longueur; engl, length) rabial ober vielmehr rechtwinkelig gur Berührungsebene gwischen den Radoberflachen gelegt.

6. 47. Wiewohl die Bahne gewöhnlich auf bem außeren Rabumfange Jahn . und Rammraber. festsiten, ober aus bemfelben hervorragen, fo bringt man fie boch auch juweilen an ber inneren Umflache bes Rabfranges, ober wohl gar an einer ber Stirnflachen beffelben an.

Im ersteren Kalle bat man es mit

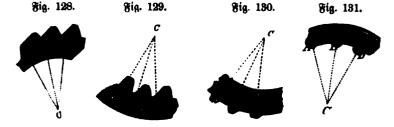
außerer Bergabnung (frang. engrenage extérieur; engl. spurwheels),

im zweiten aber mit

Jabn- und Kamn rabet.

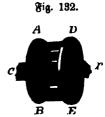
innerer Bergahnung oder inneren Zahnradern (frangengrenage interieur; engl. annular wheels) ju thun.

Fig. 128 zeigt ein Stud von einem Rabe mit außerer und Fig. 129 ein folches mit innerer Berzahnung, bort find die Bahne A, B, D vom Aranze aus radial auswärts, hier aber radial einwarts gerichtet. Die



Raber mit Jahnen auf ben Seitenstächen, wie in Fig. 130 und Fig. 131 zu sehen ist, heißen Kron= und Kammraber (franz. roues à couronne, roues à chan; engl. crown wheels, sace wheels). Man nennt sehr geswöhnlich die Jahne bieser Raber Kamme, unterscheidet aber besser, wie die Englander, Jahne (franz. dents; engl. teeths), von den Kammen (franz. aluchons; engl. cogs), indem man die mit dem Radkranze ein Ganzes ausmachenden Jahne, Jahne schlechtweg, die in den Radkranz eingesetzen Jahne (von Holz) Kamme nennt.

Um bas Biegen und Abbrechen langer Bahne zu verhindern, befestigt



man diese auch oft mit ihren Enden in zwei parallesten Rranzen oder Scheiben AB und DE, wie z. B. in Fig. 132 zu sehen ist. Ein solches Rad nennt man dann gewöhnlich einen Drehling oder Tritsling (franz. lanterne; engl. lantern, trundle, wallower), und die meist cylindrisch oder conisch gesformten Zähne desselben werden Triebst de (franz. fuseaux; engl. staves) genannt. Ein kleines Rad, wo die Zähne oder Stäbe mit dem Rade aus einem

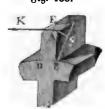
Stude gearbeitet find, nennen die Deutschen gewöhnlich einen Rumpf.
- Benn eine ofeillirende ober abfekende Bewegung im Kreise fortsupfig

Benn eine oscillirende oder absetzende Bewegung im Kreise fortzupstanzen ist, so bedarf man statt eines ganzen Rades nur eines Rabsectors, und wenn es sich um eine hin und hergehende geradlinige Bewegung hans belt, so geht ber Radsector in eine gezahnte Stange (franz. crémaillidre; engl. rack) über. Die Theorie dieser letzteren ist von der der Zahnzäder nicht verschieden, denn man kann sich die Zahnstange als einen Radsector von unendlich großem Halbmesser.

Babn . und Rammraber.

§. 48. Das erste und wichtigste Element eines Bahnrades ift die Bahn= ftarte. Dieselbe hangt, wie wir sogleich beweisen wollen, nur von der Umbrehungskraft K ab. Da bei einer ungenauen Ausführung ober beim

Fig. 133.



Dazwischenkommen eines kleinen Korpers, die Kraft K in dem außersten Echpunkte A, Fig. 133, des Bahnes angreifen kann, so erfordert es die Sicherheit, diesen Echpunkt A als Angriffspunkt anzunehmen, und eine solche Bahndicke anzuwenden, welche das Abbrechen der Ecke in der Fläche BDEF verhindert. Ein Perpendikel AN vom Echpunkte A gegen die angenommene Bruchstäche ABEF ist der Hebelarm der Krast. Seben wir den Winkel ABF, um wels

then diese Bruchflache von der Stirnflache ABD abweicht, $= \varphi$, so haben wir diesen hebelarm $AN = AB\sin\varphi$ und die Breite der Bruchflache

$$BF = \frac{AB}{\cos \varphi}.$$

Bezeichnet man noch die Zahnbicke B D (eigentlich ihren mittleren Werth) mit b und den Festigkeitsmodul mit K_1 , so haben wir beim Abbrechen eines Balkens (f. I. §. 196)

$$AN \cdot K = BF \cdot \overline{BD^2} \cdot \frac{K_1}{6}$$
, b. i.
 $AB \sin \varphi \cdot K = \frac{AB}{\cos \varphi} \cdot b^2 \cdot \frac{K_1}{6}$, folglidy
$$K = \frac{b^2 K_1}{6 \sin \varphi \cos \varphi} = \frac{b^2 K_1}{3 \sin 2 \varphi}$$
.

Der Sicherheit wegen ist nun fur φ berjenige Werth zu nehmen, der K zum Minimo, also den Nenner 3 sin. 2 φ zum Marimo macht. Nun wird aber sin. 2 φ am größten, und zwar = Eins, wenn 2 φ = 90°, also φ = 45° ist, daher hat man also auch sin. 2 φ = 1 und

$$K=rac{b^2\,K_1}{3}$$
, so wie umgekehrt, $b=\sqrt{rac{3\,K}{K_1}}$ zu sehen.

Sest man nach I. §. 198 fur Gußeisen $\frac{K_1}{6}$ — 1000 Pfund, so erhalt man fur Bahne aus diesem Stoffe, die Dicke

$$b = \sqrt{\frac{K}{2000}} = 0,0223 \ V\overline{K},$$

wofür man aber wegen bes allmäligen Abführens ber Bahne

$$b = 0.03 \sqrt{K}$$
 nimmt.

Die Kraft K bestimmt sich aus bem Arbeitsquantum L (Pferbekrafte), gabn- und welches durch die Zahne von bem einen Rade auf das andere übergetragen wird, und aus der Umfangsgeschwindigkeit c (Fuß) mittels der Formel $K=\frac{510\ L}{c}$. Daher hat man denn die Starke gußeiserner Zahne:

$$b = 0.03 \sqrt{K} = 0.677 \sqrt{\frac{L}{c}} = 7.26 \sqrt{\frac{L}{ur}} 300$$

wofern u die Umdrehungegahl bes Rades pr. Minute und r den in Bollen ausgebruckten Rabhalbmeffer bezeichnet.

Holzerne Bahne muffen bei gleicher Sicherheit noch ein Mal so bick gesmacht werben als gußeiserne; ba man aber biefelben leicht auswechseln kann, und überdies zu ihrer Anfertigung bas festeste harte Holz (ober Burzeln) von Beigbuche, Esche, Birnbaum, Essig ober Bogelbeerbaum u. f. w. verwendet, so macht man sie oft nur um die Salfte bider als die gußeisernen Bahne, also

$$b = 0.045 \ \sqrt{K} = 1.016 \ \sqrt{\frac{L}{c}} = 10.89 \ \sqrt{\frac{L}{ur}} \ 300.$$

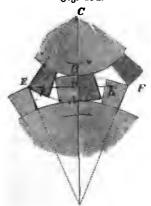
Die Bahne von Meffing ober Rothguß erhalten um ein Drittel mehr Starte als die von Gugeifen.

Endlich foll man Raberwerten, welche Stofe auszuhalten haben, wie z. B. bei hammerwerten, Windmuhlen u. f. w. ftartere Jahne geben, ale bie vorstehenden Regeln vorschreiben.

Beifpiel. Für ein Bahnrab von 20 Boll halbmeffer, welches pr. Minute 15 Umbrehungen zu machen und eine Leiftung von 30 Pferbefraften fortzupftanzen hat, ift bie Starte feiner Bahne, wenn biefelben aus Gußeifen bestehen sollen:

$$b = 7.26 \ \sqrt{\frac{30}{15.20}} = 7.26 \ \sqrt{0.1} = 2.30 \ \text{Boll}.$$

Fig. 134.



III.

§. 49. Die Breite eines Bahnes, Babn. parallel zur Radare, ober vielmehr zur bimenfionen. imaginaren Berührungslinie gemeffen, wird

bei langfam umlaufenden Råbern:

l=4b bis 5b,

bei schnell umgehenden aber

l = 6b bis 7b

gemacht.

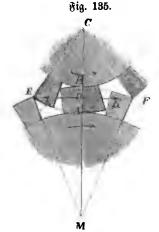
Die Zahnhohe ober Lange h ift von ber Zahnform abhangig, und muß baher für jebe Zahnform besonbers bestimmt werden. Gewöhnlich ist jedoch

h = 1.2 b bis 1.5 b.

Baren die Bahne von ebenen Geis

3abn-

tenflachen begrenzt, wie z. B. Fig. 135 vor Augen führt, so murbe bie



Bahnlange AB = h mindestens der Summe AD + DB zweier Bogenshohen AD und BD gleich sein mussen. Seten wir die Halte DE = DF der Sehne EF, welche den Anfangsund Endpunkt des Eingriffes verbindet, = s, und die Haltmesser CE und ME oder CF und MF, $= r_1$ und r_2 , so haben wir annähernd

$$AD = \frac{s^2}{2r_1}$$
 und $BD = \frac{s^2}{2r_2}$

und baher bie gefuchte Bahnlange:

$$h = \frac{s^2}{2} \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} \right).$$

Wenn, wie gewöhnlich, und wie auch aus ber Figur zu ersehen ift, immer zwei Paar Zahne mit einander im Ein=

griff sind, also der Eingriff eines Zähnepaares (E) beginnt, wenn der Eingriff eines anderen (F) aufhört, so läßt sich DE = DF = der Theislung s und also auch annähernd der doppelten Zahndicke 2b gleichsehen. Auch kann man für r_1 und r_2 die Theilkreishalbmesser CD und MD substituiren.

Die Weite ber Sahnlude nimmt man, um das Einklemmen zu vermeisben, um ein Zehntel größer als die Zahndide, jedoch geht man damit bei den auf bas Genaueste ausgeführten Rabern aus Eisen oder Messing auf $^{1}/_{15}$ herab, und steigt bei wenig accurat herzustellenden Zahnrabern von Holz die auf $^{1}/_{7}$. Halten wir die Mittelzahl $^{1}/_{10}$ fest, so bekommen wir für die Weite einer Zahnlude = 1.1 b und daher die Theilung

$$s = b + 1,1 b = 2,1 b.$$

Um einen sanften Gang zu erhalten und bem starten Abführen der Bahne zu begegnen, macht man gern die Bahne des einen Rades von Holz, und stellt das andere Rad ganz aus Gisen her. Ist dann b_1 die Starte eines eisernen und b_2 die eines holzernen Zahnes, so hat man

$$s = b_1 + 1, 1 b_2.$$

3abnegabi. §. 50. Aus der gefundenen Theilung 8 ergiebt sich endlich noch die entsprechende Anzahl n der Zahne, indem man fest

$$n=\frac{2\pi r}{s}=6,283\ \frac{r}{s},$$

und hierbei immer die nachft grofere ober fleinere gange Bahl annimmt. Man hat

3abnejabt.

für s =	1/4	1/2	8/4	1	11/3	2	21/2	3 Zoll.
	l	12,566						2,094 r.
unb $r =$	0,03979	0,07958	0,1194	0,1592	0,2387	0,3183	0,3979	0,4775 n.

Bum Auftragen ber Theilung kann man naturlich nur die Sehne bes Theilkreisbogens zwischen die Zirkelspigen fassen, ber von der Theilung s gebilbet wird. Es ist daher nothig, daß man das Verhaltniß dieser Sehne s1 zum Bogen s kenne.

Der der Theilung s entsprechende Theilwinkel β ist bestimmt durch die bekannte Formel

$$\beta^{\circ} = \frac{360^{\circ}}{n} = \frac{360^{\circ}s}{2\pi r} = \frac{180^{\circ}s}{\pi r} = 57^{\circ}, 296 \frac{s}{r},$$

und aus ihm bestimmt fich die Sehne, burch die ebenfalls bekannte Formel

$$s_1 = 2 r \sin \frac{\beta}{2} = 2 r \sin \left(\frac{180^{\circ}}{n}\right) = 2 r \sin \left(28^{\circ}, 648 \frac{s}{r}\right).$$

Annahernd kann man (f. Ingenieur, S. 225)

$$sin. \frac{\beta}{2} = \frac{\beta}{2} - \frac{\beta^3}{2 \cdot 3 \cdot 8} = \frac{\beta}{2} (1 - \frac{1}{24} \beta^2),$$

wo $eta = rac{s}{r}$, ben Bogen fur den Halbmeffer 1 bezeichnet, feten, baher auch

$$s_{1} = 2 r \cdot \frac{s}{2r} \left[1 - \frac{1}{24} \left(\frac{s}{r} \right)^{2} \right] = s \left[1 - \frac{1}{24} \left(\frac{s}{r} \right)^{2} \right]$$

$$= \frac{2 \pi r}{n} \left[1 - \frac{1}{24} \cdot \left(\frac{2 \pi}{n} \right)^{2} \right] = \frac{6 \cdot 283 \, r}{n} \left(1 - \frac{1 \cdot 645}{n^{2}} \right) \text{ folgt.}$$

Wir werben weiter unten sehen, daß die Reibung zwischen ben Jahnen um so kleiner ausfällt, je größer die Anzahl der Jahne ist. Aus diesem Grunde vermehrt man auch diese Jahl soviel wie möglich, oder wendet, was auf Eins hinauskommt, möglichst hohe Rader an. Nach Buchanan ist zu einem guten Gange erforderlich, daß ein Treibrad mindestens 6 und ein Getriebrad wenigstens 10 Jahne habe; es ist jedoch rathsam, jene Jahlen mindestens auf resp. 8 und 12 zu steigern, und nur bei Drillingen eine so kleine Anzahl von Triebstöden anzuwenden. Bei Raderwerken, welche einen sansten Gang erfordern, geht man aber mit der Anzahl der Jahne nicht gern unter 20 herab.

Damit sich die Bahne des kleineren Rades im Bergleich zu denen des größeren nicht zu schnell abnuten, ist es auch rathsam, mit dem Umsetungs- verhältnisse v die Grenzen 6/1 und 1/6 nicht zu überschreiten, also dem gro-

3.16accabl. Beren Rabe nicht mehr als hochstens 6 Dal fo viel Bahne ju geben als bem fleineren Rabe. Deift begnugt man fich aber mit dem Umfetungs= verhaltniffe 3/1 ober 1/2, und wendet jur weiteren Umfegung mehrfache Råbermerte an.

Endlich ift es auch zwedmäßig, wenn die Anzahl ber Bahne des Treibund die des Getriebrades teinen gemeinschaftlichen Theiler haben, weil bann jeber Bahn bes einen Rabes nach und nach mit jebem bes anderen jum Eingriff tommt, und baburch bas ftartere und ungleichmäßige Abfuhren ber Bahne vermieben wirb, mas eintritt, wenn nur gemiffe Bahne bes einen Rabes mit gemiffen bes anberen in Beruhrung tommen. Satte 3. B. bas eine Rab 20 und bas andere 28 Bahne, waren alfo beibe Bahnegablen burch 4 theilbar, fo murbe jeber Bahn bes erften Rabes nur mit 7 Bahnen bes anderen, und jeber bes anderen nur mit 5 Bahnen bes erfteren gusammentreffen; geben wir aber bem letteren Rabe 29 Bahne, fo wird mabrend 29 Umbrehungen bes erfteren ober 20 Umbrehungen bes letteren, jeber ber 20 Bahne bes ersteren Rabes mit jebem ber 29 bes anberen ein Mal in Berührung tommen. Um beften ift es, fur bie Angahl ber Bahne bes fleineren Rabes Primgahlen, wie 13, 17, 19, 23 u. f. w. auszumahlen, weil bann fur bas großere Rab leicht eine burch bie Bahl ber Rabarme theilbare Bahnezahl gefunden werben tann.

Beispiel. Wenn eine Welle von einer anderen ein Arbeitsquantum L von 25 Pferbefraften aufnehmen und pro Minute 9 Umbrehungen machen foll, mabrent jene 27 Dal umlauft, fann man auf biefelbe ein Betriebrad von 54 Boll, und auf die Umtriebewelle ein Treibrad von 18 Boll halbmeffer auffegen. Stellt man nun bas fleinere Betriebrab gang aus Bufeifen her, fo hat man bie Starte

feiner Bahne $b_1=7.26$ $\sqrt{\frac{25}{27.18}}=1.65$ Boll, und verfieht man bas große Betriebrab mit holzernen Bahnen, fo fann man biefe von ber Starte

 $b_9 = 1.5 \cdot b_1 = 1.5 \cdot 1.65 = 2.47 \text{ Boll}$

machen, und folglich bie Theilung

$$s = 1.65 + 1.1.2.47 = 4.37 \text{ Boll}$$

in Anwendung bringen. Diefe Theilung führt auf die Bahnegahlen

$$n_1 = \frac{2 \pi r_1}{s} = \frac{6,283 \cdot 18}{4,37} = 25,88 \text{ unb}$$
 $n_2 = \frac{2 \pi r_2}{s} = \frac{6,283 \cdot 54}{4,37} = 77,64,$

fo bag bem Treibrabe 26 und bem Getriebrate 77 ober 78 Bahne ju geben fein möchten. Behalten wir bie Bahlen 26 und 77 bei, fo wird allerdinge bas Umsepungeverhältniß $\psi=\frac{26}{77}=0,3376$, also nicht gang $\frac{1}{8}$, wie geforbert wird; wogegen burch bie Bahnegahlen n, = 26 und ng = 78 biefer gorberung vollfommen Benuge geleiftet wirb. Die ber Bahnegahl n, = 26 entsprechenbe Spannweite ber Theilung bes Treibrabes ift

$$s_1 = \frac{6,283 \cdot 18}{26} \left(1 - \frac{1,645}{26^2}\right) = 4,350 \ (1 - 0,00243) = 4,389 \ \mathfrak{JoII},$$

und die ber Bahnezahl n. = 77 bes Getriebrades entsprechenbe Birfelspannung: 34bnezahl.

$$s_2 = 4,350 \left(1 - \frac{1,645}{77^2}\right) = 4,350 \left(1 - 0,00027\right) = 4,349 \text{ gold}.$$

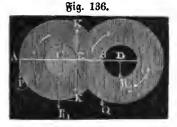
Anmerkung. Tabellen gur Erleichterung ber Rechnungen bei Anordnung eines Raberwerkes theilt ber "Ingenieur", Seite 561, 562 und 563 mit.

§. 51. Da die Theilung s zweier mit einander arbeitenden Råder eine und dieselbe sein muß, so hat man für die Bähnezahlen n_1 und n_2 und die Theilungshalbmeffer r_1 und r_2 dieser Råder:

$$n_1=rac{2\,\pi\,r_1}{s}$$
 und $rac{2\,\pi\,r_2}{s}$, also $rac{n_1}{n_2}=rac{r_1}{r_2}=rac{u_2}{u_1}=\psi.$

Es verhalten fich also die Bahnezahlen zweier in einander greisfenden Rader wie ihre Theilungshalbmeffer, oder umgekehrt wie die Umbrehungszahlen der Rader, und es ist das Umssehungsverhaltniß auch gleich dem Verhaltnisse zwischen der

Bahnezahl bes Treibrabes und bem bes Getriebrabes.



Auch können wir hiernach bei einem Raberwerke, wie Figur 136, (f. §. 26), wo die Last Q an einem Hebelarme DB = b, und die Kraft P an einem Hebelarme CA = a wirkt, statt

$$\frac{P}{Q} = \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{b}{a} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a}, \text{ also } P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q,$$

fo wie bas Berhaltnif ber Geschwindigkeiten v und w von P und Q:

$$\frac{w}{v} = \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{b}{a} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a}, \text{ also } w = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \text{ v feben.}$$

Ebenso ist fur ein boppeltes Raberwert, wie Fig. 137, wenn n_1 bie Fig. 137.



Bahl der Bahne des Treibrades CE, n_2 die Bahnezahl des Getriebrades ME, n_3 die Bahnezahl des Treibrades MF und n_4 die des Getriebrades DF

Bobnegabt, bezeichnet, Kraft P und Last Q aber an ben Hebelarmen CA=a und DB=b wirken, das Kraftes ober umgekehrte Geschwindigkeitsverhaltniß:

$$\frac{P}{Q} = \frac{w}{v} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_3}{n_4} \cdot \frac{b}{a}$$

Beispiel. Um mittels eines Aufzuges eine Last Q von 3000 Pfund zu heben, die an einem Gebelarme b=8 Boll wirkt, ist, wenn jedes der beiden Treibrader 15 Bahne, das eine Getriebrad 48 und das andere 64 Bahne hat, eine am Hobelarme a=20 Boll wirkende Kraft

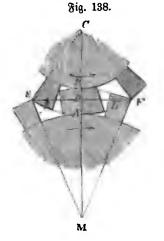
 $P={}^{16}\!/_{48}$. ${}^{16}\!/_{64}$. ${}^8\!/_{20}$. 3000=87.89 Pfund nothig, und um diese Laft 20 Fuß bech zu heben, muß ber Rraftpunkt einen

Weg von 48/15 . 64/15 . 20/8 . 20 = 6822/3 Fuß, also bie Kraftwelle

$$\frac{682\%}{\pi^{40}/_{12}} = \frac{2048}{31,415} = 65,2 \text{ Umbrehungen machen.}$$

Babnreibung

§. 52. Die Reibung zwischen ben Bahnen eines Stirnrades lagt fich,



wenn wir die Bahne von ebenen Geis tenflachen, wie in Fig. 138, begrenzt annehmen, auf folgende Weise ermitteln. Die Kraft, mit welcher bie Bahne gegen einander bruden, ift zwar etwas veran= berlich, kann aber, weil biefe Beranber= lichkeit nur klein ift, ber Rraft K im Berührungspunkte D ber Theilkreise gleichgefest werben. Ihr entspricht baher bei bem Reibungscoefficienten @ eine parallel zur Zahnfläche AB wirkende Reibung $F_1 = \varphi K$. Während ein arbeitendes Bahnepaar von bem erften Eingriff E bis in die Centrallinie CM råckt, und also den Weg $oldsymbol{ED}$ zuråcklegt, burchlauft bie Ede bes einen Bahnes

bie ganze Seitenflache bes anderen, und während bas Jahnepaar aus ber Centrallinie bis zum Ende des Eingriffs racht, schiebt sich die Ecke des anderen Jahnes an der ganzen Seitenflache des ersteren hin. Es durchläuft folglich die Reibung $F_1 = \varphi K$ den Weg AB, während die Kraft K im Theilkreise einen Weg DE = DF = s macht. Nun ist aber nach §. 49, $AB = \frac{s^2}{2} \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} \right)$, daher folgt denn die auf den Theilkreis res

bucirte Zahnreibung
$$F = \frac{AB}{s}$$
. $F_1 = \frac{s}{2} \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} \right)$. φK .

Wenn nun, wie meist immer, zwei Paar Bahne im Eingriff sind, so ist auch s die Theilung, und bezeichnen nun noch n_1 und n_2 die den Radhalb=

meffern r1 und r2 entfprechenden Bahnezahlen, fo haben wir

Babnreibung.

$$s=rac{2\,\pi\,r_1}{n_1}=rac{2\,\pi\,r_2}{n_2}$$
, daher $rac{s}{2\,r_1}=rac{\pi}{n_1}$ und $rac{s}{2\,r_2}=rac{\pi}{n_2}$,

enblich aber

$$F = \left(\frac{\pi}{n_1} + \frac{\pi}{n_2}\right) \varphi K = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi K.$$

Im Mittel fann man $\varphi=0,11$ und beshalb $\pi\,\varphi=1/3$, also

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \frac{K}{3}$$
 feben.

Sind nicht 2, fondern v Bahne im Eingriff, fo ift

$$s=rac{
u}{2}\cdotrac{2\,\pi\,r_1}{n_1}=rac{
u}{2}\cdotrac{2\,\pi\,r_2}{n_2}$$
, und daher $F=\left(rac{1}{n_1}+rac{1}{n_2}
ight)rac{
u\,\pi}{2}\cdotarphi\,K$.

Es lagt fich fpater nachweisen, daß diese Formel auch fur Bahne gilt, beren Seitenflachen nach einer frummen Linie abgerundet find, wenn die Lange berfelben Elein, also die Anzahl berfelben fehr groß ift.

Für ben Eingriff eines Bahnrades in eine gezahnte Stange hat man $n_2=\infty$, daher $\frac{1}{n_2}=0$, und die gesuchte Bahnreibung

$$F = \frac{\pi}{n_1} \varphi K.$$

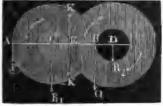
Das hauptergebniß, welches fich in ber gefundenen Formel herausstellt, ift, bag bie Sahnreibung um fo kleiner ausfällt, je mehr bie Raber Bahne haben.

Die Rraft im Theilfreife mit Berudfichtigung ber Bahnreibung ift hier-

nad)
$$K+F=\left[1+\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)\pi\varphi\right]K$$
,

8ig. 139.

b. i. $1+\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)\pi\varphi$



Mal so groß als ohne Zahnreibung; und beshalb ift auch fur ein Raberwert, wie Fig. 139 (§. 26), bei bem bie Kraft P am Sebelarm a und bie Last Q am Sebelarm b wirkt, mit Berudsschtigung ber Zahnreisbung

Erfte Abtheilung. 3meites Ravitel.

Bahnreibung.

$$P = \left[1 + \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi\right] \frac{r}{a} K$$

$$= \left[1 + \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi\right] \frac{r_1}{a} \cdot \frac{b}{r_2} Q$$

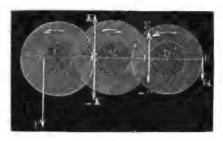
$$= \left[1 + \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)\right] \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{r_2} Q.$$

Kur ein doppeltes Rabermert ift ebenfo

$$P = \left[1 + \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)\pi \varphi\right] \left[1 + \left(\frac{1}{n_3} + \frac{1}{n_4}\right)\pi \varphi\right] \cdot \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_3}{n_4} Q,$$
annahernd

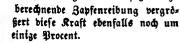
$$P = \left[1 + \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} + \frac{1}{n_3} + \frac{1}{n_4}\right) \pi \varphi\right] \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_3}{n_4} Q.$$

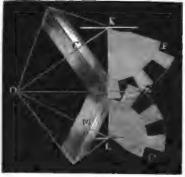
Beifpiel. Rach ber vorstebenben Regel ift fur ben Aufzug mit boppeltem Fig. 140.



Rabermerfe Fig. 140, im vorigen Beifpiele, bie Rraft, mit Berudfichtigung ber

Bahnreibung, wenn wir $\pi \varphi = \frac{1}{3}$ setzen, $P = \begin{bmatrix} 1 + (\frac{1}{15} + \frac{1}{15} + \frac{1}{48} + \frac{1}{64}) \cdot \frac{1}{3} \end{bmatrix} \cdot \frac{15}{48} \cdot \frac{15}{64} \cdot \frac{8}{20} \cdot 3000 \\ = (1 + \frac{1}{3} \cdot 0.1696) \cdot \frac{5}{16} \cdot \frac{8}{32} \cdot 3000 = 1,0565 \cdot 87,9 = 92,86 \text{ Hind,} \\ \text{b. i. reichlich } 5\frac{1}{2} \text{ Brocent größer als ohne Bahnreibung. Die nach §. 28 zu$ Fig. 141.





§. 53. Die Theorie der Bahn= reibung u. f. w. von einem coni= ichen Rabermerte läßt fich leicht aus ber eines colinbrifchen Raber= werkes, und zwar wie folgt, ent= wideln. 3wei Wellen OK und OL, Fig. 141, welche einen ge= wiffen Wintel $KOL = \delta$ ami: fchen fich einschließen, laffen fich nicht nur durch zwei conifche Raber DC und DM, sondern auch durch zwei (in der Abbildung umgeklappte) 3adareibung. Sectoren mit einander in Verdindung sehen. Es ist das Umsehungsvershältniß eins und daffelbe, wenn die gemeinschaftliche Umdrehungsebene KDL beider Sectoren winkelrecht auf der gemeinschaftlichen Berührungselinie OD steht und die Umdrehungsaren derselben parallel mit dieser Linie laufen. Für diese Sectoren ist aber die Zahnreibung genau wie dei den Stirnrädern

$$F = \frac{s}{2} \left(\frac{1}{y_1} + \frac{1}{y_2} \right) \varphi K,$$

wenn s die Theilung D E bezeichnet, welche die Sectoren mit den conischen Rådern gemeinschaftlich haben, y_1 und y_2 aber die Halbmesser KD und LD repräsentiren. Diese Sectorenhalbmesser lassen sich aber aus den Radbalbmesser $CD = r_1$ und $MD = r_2$ und den Arenwinkeln $DOC = \delta_1$ und $DOM = \delta_2$, da KDC = DOC und LDM = DOM ist, mittels der Ausbrücke $y_1 = \frac{r_1}{cos. \delta_1}$ und $y_2 = \frac{r_2}{cos. \delta_2}$ berechnen, weshalb nun $F = \frac{s}{2} \left(\frac{cos. \delta_1}{r_1} + \frac{cos. \delta_2}{r_2} \right) \varphi K$ sich herausstellt.

$$\begin{array}{c} \text{Noch ift aber nach §. 38, $sin.\,\delta_1 = \frac{r_1 sin.\,\delta}{\sqrt{r_1^2 + r_2^2 + 2\,r_1\,r_2\cos.\,\delta}}, \text{ also} \\ \frac{cos.\,\delta_1}{r_1} = \sqrt{\left[\left(\frac{r_2}{r_1}\right)^3 + 2\left(\frac{r_2}{r_1}\right)\cos.\,\delta + \cos.\,\delta^2\right]} \colon \sqrt{r_1^3 + r_2^3 + 2\,r_1\,r_2\cos.\,\delta} \\ = \left(\frac{r_2}{r_1} + \cos.\,\delta\right) \colon \sqrt{r_1^2 + r_2^2 + 2\,r_1\,r_2\cos.\,\delta} \text{ unb ebenso} \\ \frac{cos.\,\delta_2}{r_2} = \left(\frac{r_1}{r_2} + \cos.\,\delta\right) \colon \sqrt{r_1^2 + r_2^3 + 2\,r_1\,r_2\cos.\,\delta}, \text{ baser} \\ \frac{cos.\,\delta_1}{r_1} + \frac{cos.\,\delta_2}{r_2} = \left(\frac{r_1}{r_2} + \frac{r_2}{r_1} + 2\cos.\,\delta\right) \colon \sqrt{r_1^2 + r_2^2 + 2\,r_1\,r_2\cos.\,\delta} \\ = \frac{r_1^2 + r_2^2 + 2\,r_1\,r_2\cos.\,\delta}{r_1\,r_2} \colon \sqrt{r_1^2 + r_2^2 + 2\,r_1\,r_2\cos.\,\delta}, \\ \text{unb folglish} \end{array}$$

Führen wir enblich noch $\frac{s}{2\,r_1}=\frac{\pi}{n_1}$ und $\frac{s}{2\,r_2}=\frac{\pi}{n_2}$ ein, so erhals ten wir die in Frage stehende Zahnreibung

 $F = \frac{s}{2} \sqrt{\frac{1}{r^2} + \frac{1}{r^2} + 2 \cdot \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{r} \cos \delta} \cdot \varphi K.$

Erfte Abtheilung. Zweites Rapitel.

3ahnrelbung.

$$F = \sqrt{\frac{1}{n_1^2} + \frac{1}{n_2^2} + 2 \cdot \frac{1}{n_1} \cdot \frac{1}{n_2} \cos \delta}$$
. $\pi \varphi K$,

und baher auch

$$P = \left(1 + \pi \varphi \sqrt{\frac{1}{n_1^2} + \frac{1}{n_2^2} + 2 \cdot \frac{1}{n_1} \cdot \frac{1}{n_2} \cos \delta}\right) \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q,$$
 wenn Q die Last und P die Kraft, b den Hebelarm der ersteren und a den der letzteren bezeichnet.

Stehen die Rabaren auf einander rechtwinkelig, fo hat man

$$\cos \delta = \cos 90^\circ = 0$$
, und daher $F = \sqrt{\frac{1}{n_s^2} + \frac{1}{n_s^2}}$. $\pi \varphi K$.

Liegen hingegen bie Uren parallel, also bie Rabflachen in einerlei Chene, so hat man bei außerer Beruhrung $\cos \delta = \cos 0 = 1$, und baher wie oben

$$F = \sqrt{\frac{1}{n_1^2} + 2 \cdot \frac{1}{n_1} \cdot \frac{1}{n_2} + \frac{1}{n_2^2}} \cdot \pi \varphi K = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \cdot \pi \varphi K,$$
 endlich bei innener Berührung $\cos \delta = \cos 180^\circ = -1$, also

$$F = \sqrt{\frac{1}{n_1^2} - 2 \cdot \frac{1}{n_1} \cdot \frac{1}{n_2} + \frac{1}{n_2^2}} \cdot \pi \varphi K = \left(\frac{1}{n_1} - \frac{1}{n_2}\right) \cdot \pi \varphi K,$$

wobei aber far n1 stets die kleinere Zahnezahl zu seten ift. Man ersieht hieraus, bag die Zahnreibung bei inneren Stirnrabern am kleinsten, bei außeren Stirnrabern aber am größten ist, und daß sie bei conischen Rabern einen mittleren Werth hat.

Beifpiel. Für ein einfaches Raberwert, beffen Raber 47 und 18 Bahne . haben, ift bie Bahnreibung

1) bei rechtminfeliger Arenlage

$$F = \sqrt{\frac{1}{17^2} + \frac{1}{48^2}} \cdot \pi \varphi K = 0.0624 \pi \varphi K,$$

2) bei paralleler Arenlage und außerer Berührung:

 $F = (\frac{1}{17} + \frac{1}{48}) \cdot \pi \varphi K = 0.0796 \pi \varphi K$

endlich 8) bei paralleler Arenlage und innerer Berührung:

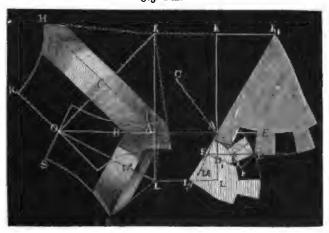
 $F = (\frac{1}{17} - \frac{1}{48})$. $\pi \varphi K = 0.0380 \pi \varphi K$.

If $\pi \varphi = \frac{1}{8}$, fo verzehrt hiernach bie Bahnreibung im erften Falle reichlich 2, im zweiten reichlich 22/3, und im dritten Falle nabe $1\frac{1}{4}$ Procent ber Arbeitsfraft bes Raberwerfes.

§. 54. Bei den Sprerboloibenraberwerken ift der Beg ber Reibung zwischen ben Bahnflachen zusammengeset aus einem Wege langs der Bahn- lange und aus einem Wege oder einer Berschiebung in der Richtung der Bahnbreite. Jener Beg last sich wie bei conischen Raberwerken ermitteln, indem wir wieder das Raberwerk CAM, Fig. 142, durch ein Sectorenpaar ADK1 und ADL1 ersehen. Die Umbrehungsebene dieser Sectoren (welche in der Figur umgeklappt sind), steht auf der Berührungslinie OA zwischen

ben Rabumfangen rechtwinkelig, und die Dreharen berfelben laufen mit [Babnreibung. biefer Linie parallel und gehen durch die Punkte K_1 und L_1 , in welchen die

Fig. 142.



Umbrehungsaren OC und OM der Hoperboloidenrader von der Normalsebene KAL geschnitten werden. Bon diesen Punkten steht der eine um den Kehlhalbmesser OR über, und der andere um den Kehlhalbmesser OS unter der durch OA und mit den beiden Radaren parallel gelegten Bilbsebene; es ist also $KK_1 = OR = r_1$ und $LL_1 = OS = r_2$.

Bezeichnen wir wieder die Halbmeffer AK_1 und AL_1 der gezahnten Sectoren mit y_1 und y_2 , sowie die Theilung AD desselben durch s, so haben wir wie oben den Reibungsweg rechtwinkelig zu AB oder in der

Umbrehungsebene
$$\PAL$$
: $\sigma_1 = \frac{s^2}{2} \left(\frac{1}{y_1} + \frac{1}{y_2} \right)$.

Was bagegen die Verschiebung langs der Zahnbreite AB anlangt, so bezsteht diese aus einem Theil D_1E_1 , um welchen sich ein Zahn des Rades AMN von der Normalen AD_1 wegschiebt, und aus einem Theil D_1F_1 , um welchen sich ein Zahn des Rades ACH in der entgegengesehten Richztung bewegt. Beide Wege sind die Hypotenusen von zwei rechtwinkelizgen Oreiecken AD_1E_1 und AD_1F_1 mit der gemeinschaftlichen Kathete $AD_1 = AD \cos DAD_1$ und den Winkeln $D_1AE_1 = AOC = \delta_1$ und $D_1AF_1 = AOM = \delta_2$. Nun ist aber der Winkel $DAD_1 = AK_1K = AL_1L$, und

$$\cos A K_1 K = \cos A L_1 L = \frac{K K_1}{A K_1} = \frac{r_1}{y_1} = \frac{r_2}{y_2},$$

baher folgen benn die Berichiebungen

Sahnreibung.

$$D_1 E_1 = A D_1 \ tang. \delta_1 = \frac{s r_1}{y_1} \ tang. \delta_1 \ unb$$

$$D_1 F_1 = A D_1 \ tang. \delta_2 = \frac{s r_2}{y_2} \ tang. \delta_2,$$

alfo bie gange Breitenverschiebung

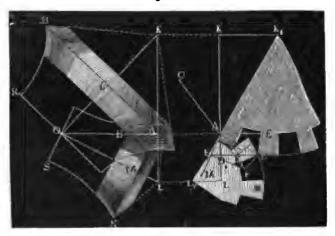
$$d_2 = D_1 E_1 + D_1 F_1 = s \left(\frac{r_1}{y_1} tang. \delta_1 + \frac{r_2}{y_2} tang. \delta_2 \right).$$

Endlich ergiebt fich durch Anwendung des pothagorischen Lehrsages ber gange Reibungsweg

$$\sigma = V \overline{\sigma_1^2 + \sigma_2^2} = s \sqrt{\frac{s^2}{4} \left(\frac{1}{y_1} + \frac{1}{y_2}\right)^2 + \left(\frac{r_1}{y_1} tang. \, \delta_1 + \frac{r_2}{y_2} tang. \, \delta_2\right)^2}$$
, und die gesuchte Bahnreibung, auf ben Theilfreis ber Sectoren reducirt:

 $F = \frac{\varphi K \cdot \sigma}{s} = \sqrt{\frac{s^2}{4} \left(\frac{1}{u_1} + \frac{1}{u_2}\right)^2 + \left(\frac{r_1 tang \cdot \delta_1}{y_1} + \frac{r_2 tang \cdot \delta_2}{y_3}\right)^2} \cdot \varphi K.$

fig. 143.



§. 55. In ber vorstehenden Formel fur die Bahnreibung von Sopers boloibenrabern find die Sectorenhalbmeffer

$$y_1 = \sqrt{l^2 tang. \delta_1^2 + r_1^2}$$
 und

 $y_2 = \sqrt{l^2 tang. \delta_2^2 + r_2^2}$, wo l ben Abstand AO bes außersten Berührungspunktes von dem Durchschnitte O der beiden Kehleteise bezeichnet, einzusehen; auch hat man für s denjenigen Werth der Theilung zu nehmen, welchen die Formeln in $\S.49$ geben. Es ist übrigens schon oben $\S.43$ angegeben worden, wie die Kehlhalbmesser r_1 und r_2 und die Arenwinkel δ_1 und δ_2 aus dem Normalabstande $d=r_1+r_2$, aus

bem ganzen Arenwinkel $\delta = \delta_1 + \delta_2$ und aus dem Umsehungsverhalts 3abnreibung. niffe ψ zu berechnen sind.

Bon der Theilung AD=s rechtwinkelig gegen die Berkhrungslinie find übrigens die Umfangstheilungen $AE=s_1$ und $AF=s_2$ der Raber CA und MA zu unterscheiden; jedenfalls ist s Projection von s_1 und s_2 in der Sectorenebene, und daher

$$\overline{AE^{2}} = \overline{AE_{1}^{2}} + \overline{EE_{1}^{2}} = \overline{AD_{1}^{2}} + \overline{D_{1}E_{1}^{2}} + \overline{EE_{1}^{2}} = \overline{AD^{2}} + \overline{D_{1}E_{1}^{2}}, \text{ b. i.}$$

$$s_{1}^{2} = s_{2} + \overline{AD^{2}} tang. \, \delta_{1}^{2} = s^{2} + \left(\frac{KK_{1}}{AK_{1}}\right)^{2} s^{2} tang. \, \delta_{1}^{2}$$

$$= \left(1 + \frac{r_{1}^{2} tang. \, \delta_{1}^{2}}{u^{2}}\right) s^{2}.$$

hiernach alfo find die beiben Umfangetheilungen

$$\begin{split} s_1 = & \frac{s}{y_1} \sqrt{y_1^2 + r_1^2 tang. \delta_1^2} = s \sqrt{\frac{l^2 tang. \delta_1^2 + r_1^2 (1 + tang. \delta_1^2)}{l^2 tang. \delta_1^2 + r_1^2}}, \text{ b. i.} \\ s_1 = & s \sqrt{\frac{l^2 sin. \delta_1^2 + r_1^2}{l^2 sin. \delta_1^2 + r_1^2 cos. \delta_1^2}} \text{ unb} \\ s_2 = & s \sqrt{\frac{l^2 sin. \delta_2^2 + r_2^2}{l^2 sin. \delta_2^2 + r_2^2 cos. \delta_2^2}}. \end{split}$$

Was die Halbmesser x_1 und x_2 der Radumfänge anlangt, so bestimmen sich dieselben aus den Kehlhalbmessern r_1 und r_2 und aus ihren Projectionen $AC = l \sin \delta_1$ und $AM = l \sin \delta_2$ mittels der Formeln

$$x_1 = \sqrt{l^2 \sin \delta_1^2 + r_1^2}$$
 und $x_2 = \sqrt{l^2 \sin \delta_1^2 + r_2^2};$

und es ergeben fich nun die Bahnegahlen ng und na burch folgende Formeln :

$$n_1 = rac{2 \pi x_1}{s_1} = rac{2 \pi}{s} \sqrt{l^2 \sin \delta_1^2 + r_1^2 \cos \delta_1^2}$$
 und $n_2 = rac{2 \pi x_2}{s_2} = rac{2 \pi}{s} \sqrt{l^2 \sin \delta_2^2 + r_2^2 \cos \delta_2^2}$.

Endlich ift noch bas Umfegungeverhaltniß

$$\psi = \frac{u_2}{u_1} = \frac{n_1}{n_2} = \sqrt{\frac{l^2 \sin \delta_1^2 + r_1^2 \cos \delta_1^2}{l^2 \sin \delta_2^2 + r_2^2 \cos \delta_2^2}},$$
ober, ba $\frac{tang.\delta_1}{tang.\delta_2} = \frac{r_1}{r_2}$, also $r_2 \cot g.\delta_2 = r_1 \cot g.\delta_1$ ist,
$$\psi = \sqrt{\frac{l^2 + r_1^2 \cot g.\delta_1^2}{l^2 + r_2^2 \cot g.\delta_2^2}} \cdot \frac{\sin \delta_1}{\sin \delta_2} = \frac{\sin \delta_1}{\sin \delta_2},$$

wie wir schon oben, §. 43, gefunden haben.

Anmerkung. Die vorstehenben Formeln gelten natürlich auch für conische und chlindrische Werke, wenn man in ihnen $d_1=d_2=0$, ober $r_1=r_2=0$ seht.

Babureibung.

Fig. 144.



6. 56. Man fann nun auch fur ein vollstan= biges hoperbolisches Raberwert CAM, Rig. 144. beffen Rrafte P und Q an ben Sebelarmen a und b mirten, bas Rraft = ober Gefchwindigfeits= verhaltniß berechnen. Bahrend die Rraft K ben Weg s und $F = \varphi K$ den Weg o durchtauft, legt P ben Beg $\frac{2\pi a}{n}$ und Q ben Beg $\frac{2\pi b}{n}$ zu= rud, es ift folglich ohne Rudficht auf Reibung

$$Ks = P \cdot \frac{2\pi n}{n_1} = Q \cdot \frac{2\pi b}{n_2},$$

fonach auch

$$F\sigma = \varphi K\sigma = \varphi \cdot \frac{2\pi a}{n_1} \cdot \frac{\sigma}{s} P = \varphi \cdot \frac{2\pi b}{n_2} \cdot \frac{\sigma}{s} Q,$$
foldigh, with Skindlight out his Schweibung.

und folglich, mit Rudficht auf bie Bahnreibung,

$$\frac{2\pi a}{n_1} P = \frac{2\pi b}{n_2} Q + F\sigma$$

$$= \frac{2\pi b}{n_2} Q + \frac{2\pi b}{n_2} \cdot \frac{\sigma}{s} \cdot \varphi Q = \frac{2\pi b}{n_2} \left(1 + \frac{\sigma}{s} \varphi\right) Q,$$

$$P = \left(1 + \frac{\sigma}{s} \varphi\right) \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q$$

$$= \left[1 + \varphi \sqrt{\frac{s^2}{4} \left(\frac{1}{y_1} + \frac{1}{y_2}\right)^2 + \left(\frac{r_1 \tan g \cdot \delta_1}{y_1} + \frac{r_2 \tan g \cdot \delta_2}{y_2}\right)^2}\right] \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q.$$

$$\mathfrak{D}_{0} \ y_{1} = \sqrt{\frac{l^{2} tang. \, \delta_{1}^{2} + r_{1}^{2}}{cos. \, \delta_{1}^{2}}} = \frac{\sqrt{\frac{y_{1}}{l^{2} sin. \, \delta_{1}^{2} + r_{1}^{2} cos. \, \delta_{1}^{2}}}{\frac{vos. \, \delta_{1}}{cos. \, \delta_{1}}} \ \mathsf{unb}$$

$$n_1=rac{2\,\pi}{s}\,\sqrt{\,l^2\,sin.\,\delta_1^{\,2}\,+\,r_1^{\,2}\,cos.\,\delta_1^{\,2}}$$
 ift, so hat man

$$\frac{y_1}{n_1} = \frac{s}{2 \pi \cos \delta_1}$$
, und ebenfo $\frac{y_2}{n_2} = \frac{s}{2 \pi \cos \delta_2}$,

meshalb einfach auch

$$P = \left[1 + \pi \varphi \sqrt{\left(\frac{\cos \delta_1}{n_1} + \frac{\cos \delta_2}{n_2}\right)^2 + \frac{4}{s^2} \left(\frac{r_1 \sin \delta_1}{n_1} + \frac{r_2 \sin \delta_2}{n_2}\right)^2}\right] \cdot \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \ Q$$
 gu feigen ift.

Nun hat man aber $\frac{\sin\delta_1}{\sin\delta_2} = \frac{n_1}{n_2}$, und $\delta_1 + \delta_2 = \delta$, baher $sin.\delta_1 = \frac{n_1 sin.\delta}{\sqrt{n_1^2 + n_2^2 + 2 n_1 n_2 cos.\delta}},$ unb $cos. \delta_1 = \frac{n_1 cos. \delta_1 + n_2}{\sqrt{n_1^2 + n_2^2 + 2 n_1 n_2 cos. \delta}}$, formit

Babureibung

$$cos. \, \delta_2 = \frac{n_2 cos. \, \delta_2 + n_1}{\sqrt{n_1^2 + n_2^2 + 2n_1 n_2 cos. \, \delta}} \text{ unb}$$

$$\frac{cos. \, \delta_1}{n_1} + \frac{cos. \, \delta_2}{n_2} = \frac{n_1^2 + n_2^2 + 2n_1 n_2 cos. \, \delta}{n_1 n_2 \sqrt{n_1^2 + n_2^2 + 2n_1 n_2 cos. \, \delta}}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{n_1^2} + \frac{1}{n_2^2} + 2 \cdot \frac{1}{n_1} \cdot \frac{1}{n_2} cos. \, \delta};$$
ferner iff $\frac{r_1 sin. \, \delta_1}{n_1} = \frac{r_1 sin. \, \delta}{\sqrt{n_1^2 + n_2^2 + 2n_1 n_2 cos. \, \delta}} \text{ unb}$

$$\frac{r_2 sin. \, \delta_2}{n_2} = \frac{r_2 sin. \, \delta}{\sqrt{n_1^2 + n_2^2 + 2n_1 n_2 cos. \, \delta}},$$
ober, $r_1 + r_2 = d$ gefet,
$$\frac{r_1 sin. \, \delta_1}{n_1} + \frac{r_2 sin. \, \delta_2}{n_2} = \frac{d sin. \, \delta}{\sqrt{n_1^2 + n_2^2 + 2n_1 n_2 cos. \, \delta}},$$

und baber ift ziemlich einfach

$$\begin{split} P = & \left(1 + \pi \varphi \sqrt{\frac{1}{n_1^8 + n_2^8 + 2} \cdot \frac{1}{n_1} \cdot \frac{1}{n_2} \cos \beta} + \frac{4 d^2 \sin \beta^2}{s^2 (n_1^8 + n_2^8 + 2n_1 n_2 \cos \beta)} \right) \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q \\ = & \left(1 + \pi \varphi \sqrt{\frac{n_1^8 + n_2^8 + 2n_1 n_2 \cos \beta}{n_1^8 n_2^8} + \frac{4 d^2 \sin \beta^2}{s^2 (n_1^8 + n_2^8 + 2n_1 n_2 \cos \beta)}} \right) \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q. \end{split}$$

Beifpiel. Für ein hyperboloibifces Raberwerk mit 17 und 48 Bahnen, beffen Axenprojectionen ben Winkel $\sigma=90^\circ$ zwischen sich einschließen, beffen kurzester Axenabstanb d=12 Boll und Theilung $s=1^8/_4$ Boll ist, hat man die Bahnreibung

$$F = \sqrt{\frac{17^{2} + 48^{2}}{17^{2} \cdot 48^{2}} + \frac{16 \cdot 4 \cdot 144}{49 \cdot (17^{2} + 48^{2})}} \cdot \pi \varphi K = \sqrt{\frac{2593}{17^{2} \cdot 48^{2}} + \frac{9216}{49 \cdot 2593}} \pi \varphi K$$

= $\sqrt{0,008894+0.07254}$. $\pi \varphi K = \sqrt{0,07643}$. $\pi \varphi K = 0,276$. $\pi \varphi K$, also für $\pi \varphi = \frac{1}{8}$, F = 0,092. K, b. i. über 9 Brocent ber Arbeitstraft, also vicl mehr als bei chlindrischen und conischen Räberwerten (f. Beispiel zu §.53).

§. 57. Bir haben im Vorstehenden gefunden und schon §. 52 bemerkt, stufentaber. daß ber Arbeitsverlust durch die Zahnreibung um so kleiner aussäuft, je größer die Anzahl (n1 und n2) der Zahne ist. Wenn, wie wir seither anges nommen haben, die Zahne nur in einem Kreise neben einander stehen, so wird aber der Zahnezahl durch die Zahnbicke und durch den Umfang der Rader eine Grenze entgegengeset; stellen wir aber die Zahne in zwei oder mehreren Kreisen hinter einander, so konnen wir die Anzahl der Zahne unsbeschadet ihrer Dicke beliebig vergrößern. Wegen der stufenformigen Auseinandersolge der Zahne nennt man solche Rader Stufenrader, sonst auch nach ihrem Ersinder Hoot? sche Rader. Ein Stufenrad mit zwei

Stufenraber. Bahnreihen zeigt Fig. 145. Man fieht, ber vordere Bahnering A, A bes



einen Rades greift zwischen die vorberen Idhne A_1 , A_1 , A_1 eines ander ren Ringes, und der hintere Idhnes ring B, B, B kommt mit den hinteren Idhnen B_1 , B_1 , B_1 zum Eingriff. In einem Ringe arbeitet nur ein Idhnepaar, in beiden sind also zusammen, wie gewöhnlich, zwei Idhnepaare im Eingriff. Es ist des halb auch der Reibungsweg langs der Iahnhohe nur so groß, als wenn immer zwei in einer Reihe neben einander stehende Idhne im Eingriff waren, und daher auch die Reibung selbst, auf den Theistreis reducirt,

wenn n, und n2 die Bahnegahlen von je einer Bahnreihe finb,

$$F = \left(\frac{1}{2n_1} + \frac{1}{2n_2}\right)$$
. $\pi \varphi K = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \frac{\pi \varphi}{2} K$,

b. i. halb fo groß als bei einem Raberwerte mit einfachen Bahneringen.

Bei einem Raberwerke mit je brei Jahnereihen, wie z. B. A B, Fig. 146, Fig. 146. ift, wenn Kets nur 2 Paar Jahne arbeiten,



$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \frac{\pi \, \varphi}{3} \, K,$$

und bei einem folchen mit m Bahnreihen, wie leicht zu ermeffen,

Fig. 147.

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \cdot \frac{\pi \, \varphi}{m} \, K.$$

BIft m unendlich groß, so fällt F gar Null aus. Es ist hiernach zu erwarten, daß bei Räbern mit , schrägstehenden Zähnen, wie AB, Kig. 147, die

Bahnreibung sehr klein aussällt. Durch diese schlung wird allerbings auch ein Seitenbruck, parallel zur Are erzeugt, und baher auch die Arenreibung vermehrt. Da sich diese Räber wegen ihrer schmalen Berührungsstächen überdies auch schneller abführen, so hat man sie nicht so zweckmäßig gefunden, als anfänglich geglaubt wurde (s. White's Century of Inventions, 1822). Uebrigens ist leicht zu ermessen, daß die schrägen Bahne dieser White'schen Räber, wie man sie oft nennt, eigentlich aus start ansteigenden Schraubengängen bestehen mussen (s. weiter unten den Artikel -Schraubenräder-). §. 58. Bon den Zahnen eines Raberwerkes fordern wir nicht allein, 3abnform. daß sie eine der überzutragenden Kraft angemessene Starke, sondern auch, daß sie eine Korm haben, bei welcher die Uebertragung der Bewegung des einen Rades auf das andere vollkommen, ohne Stoße und ohne Unterbreschung vor sich gehe, und daher bei allen Zahnstellungen die Umfangs soder Theilrißgeschwindigkeit des Getriebrades auf die des Treibrades unverändert übergetragen werde. Wenn also das eine Rad, wie gewöhnlich, gleichforsmig umläuft, so fordern wir, daß selbst bei unendlich kleiner Geschwindigskeit, und also ohne Einwirkung der Trägheit, auch das andere Rad eine gleichformige Umdrehungsbewegung annehme.

Bei der Berührung zweier Bahne in einem Punkte D innerhalb ber Centrallinie C.M. Fig. 148, find die Bebelarme CD und MD der Krafte

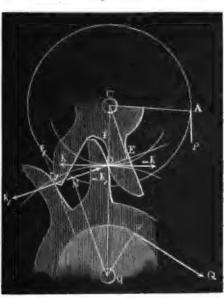


Fig. 148.

K und K, mit welchen die Zahne gegen einander drücken, gleich den Theile kreishalbmeffern r_1 und r_2 , weil in diesem Falle die Zahnslächen von CM tangirt werden und daher die Drucklinie rechtwinklig auf CM steht. Bestühren sich aber die Zähne in einem Punkte D_1 außerhalb der Centrallinie, so befindet sich die gemeinschaftliche Berührungsebene D_1 F_1 , und also auch die Drucklinie, in einer anderen Lage, und es sind daher auch die Hebelsarme CE und MN der Druckkräfte K_1 und K_1 kleiner als die Theilkreißbalbmesser r_1 und r_2 . Der ersten Angrisseweise zusolge ist das Umsehungs

3ahnform. verhältniß
$$\psi = \frac{CD}{MD} = \frac{r_1}{r_2}$$
,

und ber zweiten Angriffsweise entsprechenb,

 $\psi = \frac{CE}{MN}$; damit aber biefes Berhaltniß bei allen Bahnftels

lungen baffelbe bleibe, ift bemnach nothig, baß

$$\frac{CE}{MN} = \frac{CD}{MD}$$
 ober $\frac{CE}{CD} = \frac{MN}{MD}$ sei.

Dieser Proportion wird Genuge gethan, wenn die Drudlinie $(K_1 - K_1)$ Fig. 149.



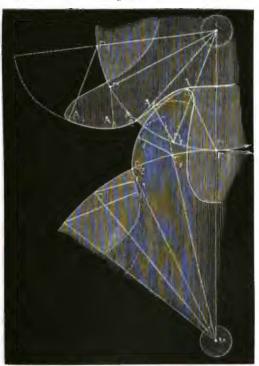
burch ben Drudpunkt D in ber Centrallinie geht, und beshalb gilt benn fur die Construction ber Bahne folgende allgemeine Regel.

Bei jeder Stellung des arbeitenden Bahnepaares muß die Drucklinie oder gemeinschaftliche Normale im Berührungspunkte burch ben Berührungspunkt D beider Theilkreise gehen.

Anmerfung. Wenn die Kraft P an einem hebelarme CA=a und die Laft Q an einem hebelarme MB=b wirft, so hat man

$$Pa = K$$
. $CD = K_1$. CE und $Qb = K$. $MD = K_1$. MN , baher $\frac{K}{K_1} = \frac{CE}{CD} = \frac{MN}{MD}$, wie oben.

§. 59. Mit hilfe ber vorstehenden Regel last sich nun auch die Form 3abnform. der Zähne des einen Rades finden, wenn die des andern gegeben ist. Es sei A A1 A2 A3 A4, Fig. 150, die gegebene und BB1 B2 B3 B4 die gesuchte Fig. 150.



Bahnform, ferner CM die Centrallinie, DD_4 der Theilfreis des einen und EE_4 der des anderen Rades. Fällen wir von dem Theilpunkte D(E) in der Centrallinie ein Perpendikel DA(EB) gegen die gegebene Bahnfläche, so bekommen wir im Lothpunkte A(B) den Anfangspunkt der gesuchten Bahncurve; machen wir ferner den Bogen EB_2 gleich dem Theilbogen DA_2 , so erhalten wir denjenigen Punkt B_2 dieser Eurve, welcher mit A_2 gleichzeitig in der Centrallinie ankommt. Machen wir ferner den Bogen EE_1 gleich einem Bogen DD_1 des ersten Theilkreises, fällen wir von D_1 ein Perpendikel D_1A_1 gegen die gegebene Eurve, und tragen wir dieses als E_1B_1 so an den Radius ME_1 , daß der Winkel ME_1B_1 den Winkel CD_1A_1 zu zwei Rechten ergänzt, so bekommen wir denjenigen Punkt B_1 der gesuchten Eurve, welcher mit A_1 in Berührung kommt, wenn D_1 nach D und E_1 uach E gekommen ist. Aus gleiche Weise lassen sich noch andere Punkte

Babnform. der gesuchten Bahncurve finden. Schneiden wir z. B. $EE_3=DD_3$, so wie $EE_4=DD_4$ ab, sällen wir aus den Punkten D_3 und D_4 die Perpensitel D_3 A_3 und D_4 A_4 gegen die gegebene Bahncurve, so bleibt uns nur noch übrig, diese Perpendikel als E_3 B_3 und E_4 B_4 so an die Radhalbmesser ME_3 und ME_4 anzutragen, daß der Winkel ME_3 B_3 den Winkel CD_3 A_3 und der Winkel ME_4 B_4 den Winkel CD_4 A_4 zu zwei Rechtwinkeln ergänzt. Es ist nun leicht zu ermessen, daß die Punkte A_3 und B_3 , sowie die Punkte A_4 und B_4 zusammentressen, wenn D_3 und E_3 , so wie später D_4 und E_4



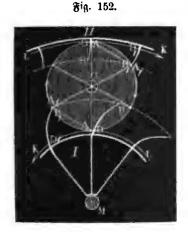
die Centrallinie CM erreicht haben. Die Richtigkeit dieser Construction folgt aus der im vorigen Paragraphen gefundenen Regel unmittelbar, da ihr zu Folge bei jeder Bahnstellung die Normale im Berührungspunkte durch den Berührungspunkt $D\left(E\right)$ der Theilkreise geht.

Die relative Bewegung zwischen beiben Rabern ist dieselbe, es mogen sich dieselben um ihre Aren C und M mit einer gemeinschaftlichen Geschwins digkeit c umdreben, oder es mag das eine Rad stillstehen und das andere mit seinem Theilkreise DD4 auf bem Theilkreise EE4 bes ersteren sich forts

walzen. Auch im letteren Falle tommt allmalig D, mit E1, D3 mit E3, 3abnform. D_4 mit E_4 und ebenso auch A_1 mit B_1 , A_2 mit B_2 , A_3 mit B_3 u. s. w. in Berührung. Deshalb findet man auch die Bahncurve BB1 B2 B3 B4, wenn man in beliebigen Punkten A, A1, A2, A3 u. f. w. ber gegebenen Bahncurve Perpenditel errichtet, und ben Theilfreis, welcher diefer Bahncurve angehort, nach und nach um die Bogen DD1, DD2, DD3, DD4 fortwalgt, welche burch biefe Perpenditel von dem Theilfreife abgeschnitten werden: die Punkte A_1 , A_2 , A_3 , A_4 kommen dabei in die Lagen B_1 , B_2 , B_3 und B_4 , und geben baburch ben Lauf ber gesuchten Bahncurve an. Wenn man bie Curve AA, in verschiedenen Lagen aufzeichnet, welche fie mahrend bes Balgens einnimmt, fo erhalt man bie Curve BB4 auch baburch, bag man einen Bug führt, welcher alle biefe Curven berührt, benn es ift bie gesuchte Bahncurve die sogenannte Umhullungscurve (franz. enveloppante; engl. involute) der gegebenen.

§. 60. Man kann nun fur die Bahne des einen Rades beliebige Formen annehmen, und nach dem Borhergehenden die Bahnformen des zweiten Rades finden.

1) Sind die Bahne A, A1 . . . bes Getriebrades ACA, Figur 152,



bloge Puntte, oder unendlich bunne Stabe, parallel jur Umbrehungsare C, fo erhalt man die Bahneurve B, D, bes Treibrades, wenn man ben Theilkreis ACA des erften Rades auf dem Theilkreise KDL des ameiten fortmalgt, benn es ift bann bei jeder Stellung der Bahne gegen einander ber Beg AA, im Theil= freise bes einen Rabes gleich bem Wege UD, im Theilfreife des ans Befindet fich ber Theilfreis deren. ACA außerhalb des Theilereifes KL, wie in I., fo besteht die Bahncurve B, D, ober BD in einer Epicy: cloide, befindet er fich aber inner=

halb KL, wie in II., so bildet B, D, oder BD eine Sprocncloide (f. Ingenieur, S. 244 u. f. w.). Der Theorie diefer Curven zu Folge geht die Normale B, D jum Bogen B, D, ftete burch ben Punkt A (D), es entsprechen daher auch diefe Formen ber Forderung bes letten Paragraphen.

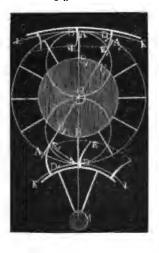
2) Werden die Bahne des Getriebrades ACA, Fig. 153, von radialen Linien AB, A1B1 u. f. w. gebildet, fo find die Bahne DE, D1E1 u. f. w Zabnferm.

bes Treibrades MDD_1 nach Epis oder Hypocycloiden zu formen, die entstehen, wenn man einen Kreis AE_1C , dessen Durchmesser dem Halbs messer CA des Theilkreises vom Getriebe gleich ist, auf dem Theilkreise KL des Treibrades fortwälzt, denn es ist in diesem Falle der Bogen DE_1 des Erzeugungskreises gleich den Bögen DD_1 und AA_1 der Theilkreise, es sind also die gleichzeitigen Wege in beiden Theilkreisen gleich groß. Da die Normale E_1 a im Berührungspunkte E_1 stets durch den Berührungspunkt A(D) der Theilkreise geht, so sind auch schon aus diesem Grunde die anzgegebenen Zahnformen die angemessenen.

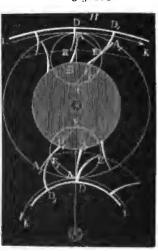
Bahrend bei ber Conftruction in Fig. 152 ber Berührungspunkt A im Theilkreise fortgeht, rudt er hier in bem Erzeugungskreise AC fort.

Bei den eben besprochenen Anordnungen fångt der Angriff in der Eenstrallinie CM an, und endigt sich bei $B_1(E_1)$; will man aber KML durch ACA in Umtried sehen, so beginnt der Angriff in $B_1(E_1)$ und endigt sich bei A(D) in der Centrallinie.

Fig 153.



Big. 154.



- §. 61. Man kann auch die Bahne beiber Rader nach krummen Linien formen.
- 1) Walt man einen beliebigen Erzeugungefreis AE_1F , Fig. 154, I. und II., auf ben Theilkreisen beider Rader, so beschreibt ein Punkt E_1 besselben in I. einen Hypocycloidenbogen E_1A_1 und einen Epicycloidenbogen E_1D_1 und in II. zwei Hypocycloidenbogen E_1A_1 und E_1D_1 , nach welchen man die Zahne beider Rader gestalten kann, denn es ist hierbei der Bogen AA_1 gleich dem Bogen DD_1 , und auch E_1A oder E_1D die

gemeinschaftliche Normale so wie E_1 F die gemeinschaftliche Tangente zu 3ahnsermbeiden Gurven. Diese Construction schließt auch die vorigen beiden in sich ein. Nimmt man den Erzeugungstreis AF gleich dem Theilkreise des einen Rades, so geht der Bogen E_1 A_1 in einen bloßen Punkt über, und nimmt man ihn halb so hoch als den Theilkreis, läßt also F mit C zur sammenfallen, so geht der Hypocycloidenbogen E_1 A_1 in eine gerade Linie über. Es ist übrigens leicht zu erachten, daß der Berührungspunkt zwisschen Bähnen in dem Bogen AE_1 des Erzeugungskreises fortgeht.

2) Legt man durch den Berührungspunkt A(D), Figur 155 und 156 per Theilkreise in willturlicher Richtung eine Gerade, und fallt man auf diese bie Perpendikel CN und MO von den Drehungsaren C und M aus,







so erhalt man in diesen die Halbmesser zweier Kreise OB und NE, beren Evolventen (s. Ingenieur, Seite 246) ebenfalls als Jahnsormen beider Rader dignen können. Das Stud OA der Grundlinie NO liesert beim Auswickeln auf OB den Bagen AB, und das Stud ND beim Auswickeln auf NE, den Bogen DE; beide Bögen haben in dem gemeinschaftlichen Berührungspunkte A(D), ON zur Normale. Schenso beschreibt beim Auswickeln des Studes OA_1 der Endpunkt A_1 einen Evolventenbogen A_1B_1 und beim Auswickeln des Studes ND_1 auf NE_1 den Bogen D_1E_1 und es ist NO abermals die gemeinschaftliche Normale des Berührungspunktes $A_1(D_1)$. Nun ist aber A_1B_1 so wie AB ein Theil von einem größeren Evolventenbogen $B_1F_1=BF_1$, und ebenso DE nur ein Theil

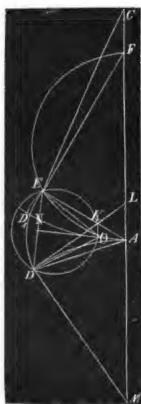
Rabnform. von dem größeren Evolventenbogen $EG = E_1D_1$; daher berühren sich auch zwei Evolventenbögen B_1F_1 und D_1E_1 in allen ihren Stellungen während der Umdrehung um M und C so, daß der gemeinschaftliche Berrührungspunkt in der Geraden QN bleibt und diese Linie stets eine Normale zu beiden Curven bildet. Geht diese Linie durch den Berührungspunkt der beiden Theilkreise, so sind nach §. 58 die Bögen B_1F_1 und D_1E_1 passende Zahnformen, was jedoch auch aus der Gleichheit:

 $BB_1 = AA_1 = DD_1 = EE_1$

ber gleichzeitigen Bege gefolgert werben fann.

Areisförmige Jähne. §. 62. Da man es bei ben Zahnformen nur mit fehr kurzen Epicyclois benbogen u. f. w. zu thun hat, so kann man auch dieselben burch Kreissbogen erseben, ohne bedeutende Abweichungen im Gange bes Raberwerkes zu erhalten. Im Folgenden soll nun gezeigt werden, wie die passenden

Fig. 157.



Salbmeffer Diefer Rreisbogen zu finden find.

Es feien AD und AD, die Theil= bogen, fo wie M und (', Fig. 157, bie Aren eines Raberwertes; ferner AEF ein beliebiger Erzeugungefreis, welcher burch Balgen auf AD bie Bahnform ED des einen Rades AMD, und burch Balgen auf AD, die Bahnform ED, bes Rabes ACD, giebt. Der Entstehungeweife einer Epicocloide gu= folge find MD und FE Zangenten und folglich die Perpenditel DL und EA Normalen in den Endpunkten D und E des Bogens DE. Bare nun ber Durchschnittspunkt K beider Rormalen von D und E gleich entfernt, fo wurde fich ein aus K burch D und E befchriebener Rreisbogen fehr genau an ben Epicycloibenbogen anscheiegen; ba bies aber nicht ber Fall ift, fo bleibt nur noch ubrig, einen Rreisbogen angugeben, beffen Richtungen in ben beiden Endpunkten D und E von bem Epis encloidenbogen gleichviel abweicht. gen wir burch D, E und K' einen Rreis und errichten wir in ber Mitte N von DE auf DE ein Perpenditel, fo ichneis bet dieses jenen Areis in einem Punkte O, aus dem der gesuchte Areise areisernbogen DE zu beschreiben ist, denn da die Peripheriewinkel KDO und KEO einander gleich sind, so weichen auch die Halbmesser OD und OE von den Rormalen ED und ED und ED und ED von den Pormalen ED und ED und

Der Palbmeffer $OD=OE=a_1$ dieses Kreisbogens bestimmt sich aus der Sehne DE=d und aus dem Centriwinkel $DKE=DOE=\alpha$ mittels der bekannten Formel $a_1=\frac{d}{2\sin\frac{\alpha}{2}}$, und es kommt daher

nur noch barauf an, Ausbrude fur d und a zu finden.

Auf gleiche Beise lagt sich auch der Salbmeffer eines Rreisbogens ans geben, welcher ben Epicycloidenbogen ED_1 erseht.

Ferner haben wir den Winkel $DAE=180^{\circ}-DAM-EAF=180^{\circ}-(90^{\circ}-1/2\beta_1)-(90^{\circ}-\beta)=1/2\beta_1+\beta$, und es läßt sich folglich die Sehne

$$DE = d = 2DA\sin \frac{DAE}{2} = r_1\beta_1 (1/2\beta_1 + \beta)$$

= $r_1\beta_1^2 \left(1/2 + \frac{\beta}{\beta_1} \right) = \frac{(r+r_1)r}{2r} \beta_1^2$ feben.

Ferner ist der Winkel $DOE = DKE = 180^{\circ} - DLM - EAF$ $= 180^{\circ} - (90^{\circ} - \beta_1) - (90^{\circ} - \beta) = \beta_1 + \beta$, und daher der gesuchte Halbmesser $DO = EO = \frac{DN}{\sin DON} = \frac{1/2}{\sin \frac{1}{2}} \frac{d}{(\beta + \beta_1)}$, wosür annähernd $= \frac{d}{\beta + \beta_1} = \frac{(r + r_1)r_1\beta_1^2}{2r(\beta + \beta_1)} = \frac{(r + r_1\beta_1)r_1\beta_1^2}{2r(1 + \frac{r_1}{2r})}$,

d. i. $a_1=\frac{(r_1+r)r_1\beta_1}{r_1+2r}$, oder, da $r_1\beta_1$ die Theilung AD=s ist, $a_1=\left(\frac{r_1+r}{r_1+2r}\right)s$ gesetzt werden kann.

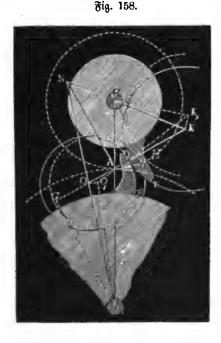
Um endlich den Halbmeffer a_2 für den Bogen D_1 E_3 u finden, haben wir in der letten Formel ftatt r_1 den Halbmeffer $CA = r_2$ des zweiten Theilfreises und den Halbmeffer r des Hilfstreises negativeinzuseben, weshalb folgt $a_2 = \left(\frac{r_2 - r}{r_2 - 2r}\right)s$.

Areisförmige Babne. Machen wir r=1/2 r_2 , so erhalten wir $a_1=\left(\frac{2\,r_1+r_2}{r_1+r_2}\right)\frac{s}{2}$, oder ba $\frac{r_1}{r_2}$ das Umsetzungsverhältniß ψ ist, $a_1=\frac{2\,\psi+1}{\psi+1}\cdot\frac{s}{2}$, und $a_2=\infty$.

Seten wir hingegen $r=r_2$, so erhalten wir die Krummungshalbs meffer $a_1=\left(\frac{r_1+r_2}{r_1+2\,r_2}\right)s=\left(\frac{\psi+1}{\psi+2}\right)s$ und $a_2=0$. s=0.

In beiden Fallen hat man es mit den in §. 60 abgehandelten und in den Figuren 152 und 153 dargestellten epicycloidischen Bahnconstructionen zu thun. Geht das eine Rad in eine gezahnte Stange über, so hat man $r_1=\infty$, und daher den Krummungshalbmesser seiner Bahne $a_1=s$ zu nehmen.

Biflis' Zahnformen §. 64. Folgende Betrachtungsweise fuhrt uns noch auf eine andere,



Principles of Mechanism) angegebene Bahnconstruction. Die Berührungelinie KO zweier freisformigen Bahne geht nicht allein durch die Mittelpunkte K und O ber Rreisbogen DE und DF, Fi= aur 158, wonach biefe Babne geformt find, fondern ift auch mahrend bes Gingreifens ober Kortructens diefes Zahnepaares immer von derfelben Große, namlich gleich ber Summe ber beiben Rrummungshalb: meffer OD und KD. Mun bewegt sich aber O in einem Rreisbogen OO, um M und K in einem Rreisbogen KK1 um C, es ift baber nach I. 6. 96 anzunehmen, bag fich OK in einem fleinen Bogen um ben Punet N brebe, in

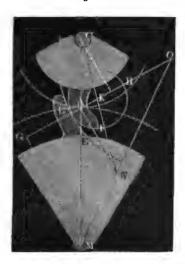
welchem sich die Geraden MO und KC durch die Dreharen M und C schneiben. Da aber auch OK in allen Stellungen durch den Punkt A

Billis' Babnformen.

gehen soll, in welchem sich die Theilkreise beider Raber berühren (f. III. §. 58), so barf die Bewegung des Punktes A der Linie OK nur in der Richtung dieser Linie vor sich gehen; es muß also OK Tangente von dem kleinen Bogen sein, welchen A beschreibt, während O den Bogen OO_1 und K den Bogen KK_1 durchläuft, und daher das Gentrum N auch in der Normale liegen, welche sich in A auf OK errichten läst.

Umgekehrt findet man baher auch die Mittelpunkte O und K der Kreisbogen DE und DF fur die Bahne, wenn man burch A eine willkurliche

Fig. 159.



Linie G H zieht, auf dieser in A ein willkurliches Perpendikel AN errichtet, und von dem Endpunkte N desselben nach den Dreharen M und C der Räder gerade Linien NM und NC zieht; die Durchschnittspunkte O und K dieser Linien mit G H sind die gesuchten Mittelpunkte der Zahnskreise, und theilt man nun noch OK betiebig in D, so erhält man in OD und KD die fraglichen Krümmungsshalbmesser.

Legt man das Perpendikel AN, Fig. 159, auf die andere Seite von GH, so fallen die Mittelpunkte Ound K auf eine Seite von A und es ist dann der eine Zahnbogen DE concav.

§. 65. Die Krümmungsmittelpunkte O und K, Fig. 158, bestimmen sich mittels der Rechnung auf folgende Beise. Setzen wir den Winkel CAK = MAO, um welchen die mittlere Drucklinie von der Centrallinie MC abweichen soll, $= \Theta$ und die Normale AN = k, die Abstände AO und AK der Krümmungsmittelpunkte O und K von dem Berührungspunkte A der Theilkreise $= x_1$ und x_2 , und behalten wir die Bezeichnung der Theilkreishalbmesser MA und CA durch C und CA durch CA durch

 $MG = r_1 \sin \Theta$ und $CH = r_2 \sin \Theta$,

und die Abschnitte berfelben auf GII von A aus,

 $AG = r_1 \cos \Theta$ und $AH = r_2 \cos \Theta$.

hieraus folgt nun $GO = GA - OA = r_1 \cos \Theta - x_1$ und

 $HK = AK - AH = x_2 - r_2 \cos \Theta$.

Aus ber Aehnlichkeit ber Dreiede ONA und OMG ergiebt fich die Pro-

3 abbitourner. portion
$$\frac{A(t)}{AN} = \frac{G(t)}{GM}$$
, b. i. $\frac{x_1}{k} = \frac{r_1 \cos \Theta - x_1}{r_1 \sin \Theta}$,

und es folgt hieraus $x_1 = \frac{k r_1 \cos \Theta}{k + r_1 \sin \Theta}$,

und auf gleiche Beife folgt aus ber Proportion

$$rac{AK}{AN} = rac{HK}{CH}$$
, b. i. $rac{x_2}{k} = rac{x_2 - r_1 \cos \Theta}{r_2 \sin \Theta}$, oder $x_2 = rac{kr_2 \cos \Theta}{k - r^2 \sin \Theta}$.

Für den Fall in Fig. 159, wo eine Zahnfläche DE concav ist, bat man $OA = x_1 = \frac{k \, r_1 \, cos. \, \Theta}{r_1 \, sin. \, \Theta - k}$ und $KA = x_2 = \frac{k \, r_2 \, cos. \, \Theta}{r_2 \, sin. \, \Theta + k}$. Nimmt man $k = r_1 \, sin. \, \Theta$, so fällt x_1 unendlich groß aus, und es geht der Kreisbogen DE in eine gerade Linie über. Nimmt man für alle Räder k und Θ gleich groß an, so erhält man nach der letzten Formel den Radbaldmesser, bei welchem die Zahnsläche DE eben aussällt, $r = \frac{k}{sin. \, \Theta}$ und die Haldmesser für Räder mit concaver Zahnsläche DE stets größer als $r = \frac{k}{sin. \, \Theta}$. Sehen wir den Minimalwerth $r = \frac{k}{sin. \, \Theta}$ in die letzten Formeln für x_1 und x_2 , so erhalten wir

$$x_1 = \frac{r r_1 \cos \Theta}{r_1 - r}$$
 and $x_2 = \frac{r r_2 \cos \Theta}{r_2 + r}$.

Run bat man aber bei der Theilung s, für die Bahnezahlen n, n_1 und n_2 bei Rabern mit den Halbmeffern r, r_1 und r_2

$$n=rac{2\pi r}{s}$$
, $n_1=rac{2\pi r_1}{s}$ und $n_2=rac{2\pi r_2}{s}$,

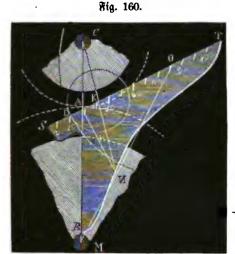
daher folgt

$$x_1 = \frac{n \, n_1}{n_1 - n} \cdot \frac{s}{2 \, \pi} \, \cos \Theta \, \text{ unb } x_2 = \frac{n \, n_2}{n_2 + n} \cdot \frac{s}{2 \, \pi} \, \cos \Theta,$$

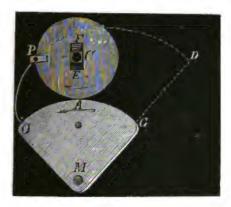
oder, wenn man mit Willis $\Theta = 75$ Grad und die kleinste Bahnezahl n = 12 annimmt,

$$\begin{aligned} x_1 &= \frac{12\cos .75^0}{2\,\pi} \cdot \frac{n_1\,s}{n_1-12} = 0,4943 \, \frac{n_1\,s}{n_1-12} \, \text{unb} \\ x_2 &= \frac{12\cos .75^0}{2\,\pi} \cdot \frac{n_2\,s}{n_2+12} = 0,4943 \, \frac{n_2\,s}{n_2+12} \, . \end{aligned}$$

Chentogravbe. §. 66. Bur Construction ber Zahncurven kann man sich besonderer Apparate, die man Odontographe nennt, bedienen. Bei Anwendung von Kreisbogen reicht hierzu der Zirkel aus, jedoch kann man sich zur Ausmittelung der Mittelpunkte K und O nach Billis eines in Fig. 160 abs Obontographe



Fiz. 161.



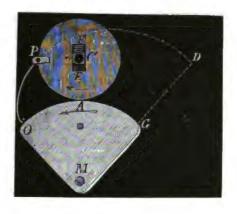
gebildeten Winfelhafens STR bedienen, ben man mit bem einen Schenkel AR an bie Centrallinie CM fo anlegt, bag ber Rullpuntt (o) bes anberen Schenkels ST an ben Beruhrungspuntt A ber Theils freise zu liegen tommt. Die nach ben letten Formeln zu berechnenben Abfeiffen (x, und x,) ber Mittelpunkte ber Babn= bogen werden nun auf ber Eintheilung bes Schenkels abgelefen.

Ueber die geometrische Conftruction ber Epicn = cloiden, Evolventen u. f. w. wird im "Inges nieur . Seite 243 bis 246. bas Rothige gefagt, bier moge aber noch bie mecha= nifche Conftruction Diefer Bahneurven burch Dbon= tographe abgehandelt mer= Den Apparat gur Conftruction einer Epicy = cloide () PD zeigt %.161; A M ift eine um bie Are M brebbare, nach einem Bogen OAG bes Grunbfreis fee abgerundete, und ACP

eine andere um C brehbare und ben Erzeugungstreis vorstellende Scheibe. Damit beim Umbrehen ber einen Scheibe auch die andere mit umlaufe, wird bas Lager EF der Achse C durch eine Spiralfeder in der Richtung CM und baburch auch diese Scheibe gegen die andere gedrückt; die Reibung, welche hieraus zwischen den Radumfängen entsteht, macht nun, daß das eine Rad dem andern mit gleicher Umfangsgeschwindigkeit folgt. Beide Scheiben liegen auf einer ebenen Tasel, auf welcher die Are M festsicht, und

Spontographe. in welcher ein Spalt zur Aufnahme ber Feber F und bes Zapfenlagers EF

Fig. 162.



ausgenommen ift. llm einen Epicycloidenbogen gu beschreiben, wird an ber untern Flache von OMG ein Blatt Papier angeflebt. und an bem Umfange von ACP ein Stift P befes fligt; brebt man nun bie erfte Scheibe mit bem Blatte um M, fo zeichnet P auf biefes ben Epicn= cloidenbogen OP, ber sich burch weiteres Umbrehen bis auf eine halbe Epicn= cloide OPD ausbehnen lagt.

Hoppocycloiden laffen sich auf gleiche Weise mittels eines in Fig. 163 abgebildeten Apparates conftruiren. Dreht man ben Sector OG um seine Are M herum, so zeichnet der Stift P am Umfange der Scheibe APC auf das Blatt, welches mit OG umlauft, die Hoppocycloide OPD,

bie auch burch Umwalgen bes Kreifes AP auf ber inneren Seite bes Bos gens OG befchrieben werben murbe.

Fig. 164.







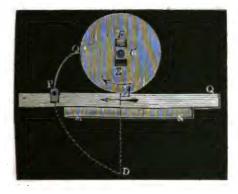
Last man ben inneren Umfang eines Rreisbogens PQ, Fig. 164, auf Oventographe. bem Umfange eines kleineren Rreifes AO malgen, befestigt man alfo bei

biefem Apparate bas Blatt Papier auf der Scheibe AOC und ben Stift P auf bem Umfange bes Bogens PAO, fo beschreibt P eine andere Dopoco-

Fig. 165.



Big. 166.

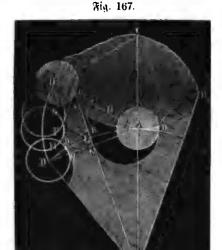


cloibe OPD, welche ben Spirallinien beizuzah: len ift.

Erfett man ben einen Bogen ober die eine Scheibe burch eine gerabe Linie ober Lineal OG, Rig. 165, ober PO, Fig. 166, und ichiebt man baffelbe in ber guh= rung MN tangential an bem Umfange einer eben= falls burch eine Feber FE angebrudten Scheibe AC hin, fo erhalt man eine Epcloide OPD, wenn, wie in Fig. 165, bas Blatt Papier auf bem Lineale und ber Stift Pauf ber Scheibe festfitt, und bagegen eine Rreisevolvente wie OPD in Kig. 166, wenn bas Blatt Papier von ber Scheibe ACO und ber Stift P vom Lineale PQ getragen wirb.

§. 67. Es ift nun zu zeigen, wie die im Borftebenben mitgetheilten Dreblinge. Regeln über bie beften Bahnformen auf die Bahnconstructionen wirklich angewendet werben. Um junachst bie erfte ber in §. 60 mitgetheilten Regeln praftifch anzuwenden, tonnen wir bie Bahne A, B ... bes einen Rades, welche wir uns bort als Puntte ober als parallel zur Umbrehungsare laufende gerade Linien gebacht haben, burch einen Eplinber ober fogenannten Triebstod erfett benten, beffen Ure mit biefer Linie gufammenfallt. In Diesem Falle befindet fich ber Beruhrungspunkt nicht mehr in ber Linie ober in ber Mitte B, Fig. 167 (auf folgb. Seite), bes Triebstodes, fondern er fteht ftete um die halbe Dide $BB_1 = DD_1$ beffelben davon ab, und es muß baber auch bie Borberflache bes Bahnes nach einer frummen Linie

Ereblinge. geformt werben, bie von dem Epicycloidenbogen BD an allen Stellen um



 $BB_1 = DD_1$ absteht. Man findet diese Eurve B_1D_1 , die man auch eine Parallele oder Aequi distante zur gegebenen nennt, wenn man mit dem gegebenen Abstande $BB_1 = DD_1$ als Halbmesser, aus der letzeren viele Kreisbögen, wie EF, GH u. s. besschreibt, und einen Zug führt, welcher alle diese Bögen besrührt.

Wirb ber Drehling ABC von bem Zahnrabe AMD in Bewegung gefest, so erfolgt ber Eingriff, wenn bie Are A bes Triebstockes in ber Gentrallinie CM ber beiben Raber steht, und es tritt bas Ausstreichen ein, wenn sich bie

Triebstodare um die Theilung AB = s von der Centrallinie entfernt hat. Sett bagegen ber Drehling bas Bahnrab in Umbrehung, fo tritt bas um: gefehrte Berhaltnig ein, es beginnt ber Gingriff in B, und hort berfelbe in D, auf. In beiden Fallen ift immer nur ein Bahn mit einem Triebftode in Eingriff; nimmt man aber AB = AD großer ale bie Theilung ober verlangert man den Bahnbogen D, B, noch etwas uber B, hinaus, fo tom= men zum Theil zwei Bahne mit zwei Triebstoden in Eingriff. Da beibe Rader in A einerlei Bewegungerichtung haben, fo ift jedenfalls ber Gin= griff dafelbft ein volltommener und weniger leicht mit Stoffen verbunden als der in B, außerhalb der Centrallinie. Sind überdies die Bahne von Soly, fo murbe fich im lettern Falle bei ber Bewegung bes Triebftodes gegen den Spahn der Bahne eine großere Reibung und ein ftarteres A fuh= Deshalb lagt man benn auch immer nur ben ren ber Bahne herausstellen. Drehling (mit Triebstoden) von bem Bahnrabe in Umbrehung feten. Bolls ftandige Conftructionen von Raberwerten mit Drehlingen fuhren die Siguren 168 und 169 vor Augen. In Figur 168 ift fowohl der Fall abgebildet, wo der Drehling ACB ein Rad von außen, ale auch ber, wo er ein Rad von innen berührt. Im ersten Falle hat man es bekanntlich mit einer Epi= und im zweiten mit einer Sppocpctoide IBE gu thun. Sigur 169 Fig. 168.



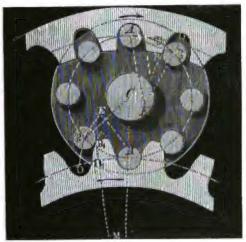
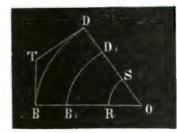


Fig. 169.



W.

8ig. 170

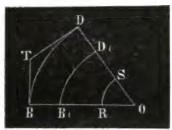


zeigt ben Fall, wo ber Drehling ober bas Rad mit Triebstöden A, B... ein fleineres Jahnrad ACD von innen ergreift.

Anmerkung. Die Aequibiftante B_1D_1 , Fig. 170, zu einer Eurve BD steht in folgenden merkwürdigen Bezies bungen zu BD. Erstens läuft sie an allen Stellen, wie B_1 , D_1 u. s. w., welche um gleichviel von BD abstehen, mit den entsprechenden Stellen B, D u. s. w. von BD parallel; es ist also die Berührungslinie in B_1 parallel der in

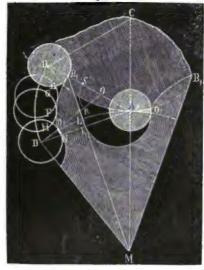
Problinge.

Fig. 171.



B, die in D_1 parallel ber in D u. f. w. 3 weitens ift die Länge des Bogens B_1D_1 der Aequidiftante um einen Kreisbogen RS fleiner oder größer als der entsprechende Bogen der gegebenen Eurve, der zum Halbmeffer OR = OS den Abstand $BB_1 = DD_1$ zwischen beiden Eurven und zum Centriwinkel den Winkel BOD zwischen den Borsmalen BO und DO hat.

Fig. 172.



 $\S.$ 68. Die Dimensionen der Bahne eines Drehlingsraberwerkes berechnen sich auf folgende Weise. Es seien r_1 und r_2 die Theilkreishalbmesser MA und CA, Figur 172, beider Rader, ferner seien β_1 und β_2 die entsprechenden Theilswinkel AMD und ACB, und endlich sei b_1 die Dicke eines Zahnes und b_2 die eines Triebsstockes, und dwar jede nahe der halben Theilung

$$\frac{s}{2} = \frac{AB}{2} = \frac{AD}{2}$$

Die Sehne oder gerade Thei= luna

$$AD = s_1$$
 ist hiernach = $2AM sin.AMD = 2r_1 sin. \frac{\beta_1}{2}$, und

$$AB = s_2 = 2 AC \sin ACB = 2 r_2 \sin \frac{\beta_2}{2}$$

Ferner ift in bem rechtwinkeligen Dreiede AB1K die Sppotenuse

$$AB_1 = AB - BB_1 = 2r_1 \sin \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2}b_2$$

und der Bintel $B_1AK=rac{eta_1+eta_2}{2}$, daher die Kathete, oder die Hervorzagung bes Bahnes über der Sehne AD:

$$B_1K = AB_1 \sin B_1 AK = \left(2 r_2 \sin \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2} b_2\right) \sin \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2}\right)$$

Dreblinge.

Bieht man hiervon die Bogenbobe

$$KL = r_1 \left(1 - \cos \frac{\beta_1}{2}\right) = 2r_1 \left(\sin \frac{\beta_1}{4}\right)^2$$

ab, so folgt die Bohe des Bahnobertheiles

$$B_1L = h = KB_1 - KL$$

$$= \left(2 r_2 \sin \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2} b_2\right) \sin \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2}\right) - 2 r_1 \left(\sin \frac{\beta_1}{4}\right)^2.$$

Seet man nun annahernd $2 r_2 sin. \frac{\beta_2}{2} = s, \ ^{1/2}b_2 = \frac{s}{4}$,

$$sin. \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2}\right) = \frac{\beta_1 + \beta_2}{2} = \frac{1}{2} \left(\frac{s}{r_1} + \frac{s}{r_2}\right)$$
 und $sin. \left(\frac{\beta_1}{4}\right)^2 = \frac{\beta_1^2}{16} = \frac{1}{16} \left(\frac{s}{r_1}\right)^2$,

fo erhalt man febr einfach

$$h = \frac{3}{8} s^{2} \left(\frac{1}{r_{1}} + \frac{1}{r_{2}} \right) - \frac{1}{8} \frac{s^{2}}{r_{1}} = \left(\frac{2}{r_{1}} + \frac{3}{r_{2}} \right) \frac{s^{2}}{8},$$

oder burch Einführung ber Bahnegahlen $n_1=rac{2\pi r_1}{s},$ und $n_2=rac{2\pi r_2}{s}$,

$$h = \left(\frac{2}{n_1} + \frac{3}{n_2}\right) \frac{\pi s}{4}.$$

Die Zahndicke ist, wenn man symmetrische Zahne anwendet, also an das Zahnvordertheil B_1KN noch ein congruentes Hintertheil ansetz, b_1 , mindestens = 2NK = 2(AD - DN - AK), d. i.

$$k_1 = 2 \left[2 r_1 sin. \frac{\beta_1}{2} - \frac{b_2}{2} - \left(2 r_2 sin. \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2} b_2 \right) cos. \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2} \right) \right],$$

annahernd, da sich sin. $\frac{oldsymbol{eta}_1}{2}=rac{oldsymbol{eta}_2}{2}-rac{oldsymbol{eta}_1^3}{48},\,sin.rac{oldsymbol{eta}_2}{2}=rac{oldsymbol{eta}_2}{2}-rac{oldsymbol{eta}_2^3}{48}$ und

$$cos.\left(\frac{eta_1+eta_2}{2}\right)=1-rac{(eta_1+eta_2)^2}{8}$$
 seben läßt, und $r_1eta_1=r_2eta_2=s$ ist,

$$b_1 = 2 \left[r_1 \beta_1 - \frac{r_1 \beta_1^3}{24} - \frac{b_2}{2} - \left(r_2 \beta_2 - \frac{r_2 \beta_2^3}{24} - \frac{b_2}{2} \right) \left(1 - \frac{(\beta_1 + \beta_2)^2}{8} \right) \right]$$

$$= 2 \left[-\frac{r_1 \beta_1^3}{24} + \frac{r_2 \beta_2^3}{24} + \left(r_2 \beta_2 - \frac{b_2}{2} \right) \frac{(\beta_1 + \beta_2)^2}{8} \right],$$

ober, ba sich $b_2 = \frac{s}{2}$ setzen läßt,

$$b_1 = \frac{s}{4} \left(-\frac{\beta_1^2}{3} + \frac{\beta_2^2}{3} + \frac{3}{4} (\beta_1 + \beta_2)^2 \right) = (5\beta_1^2 + 18\beta_1\beta_4 + 13\beta_2^2) \frac{s}{48}.$$

Führt man endlich $eta_1=rac{2\,\pi}{n_1}$ und $eta_2=rac{2\,\pi}{n_2}$ ein, fo erhalt man

$$b_1 = \left(\frac{5}{n_1^2} + \frac{18}{n_1 n_2} + \frac{13}{n_2^2}\right) \frac{\pi^2 s}{12}.$$

Dreblinge Run barf aber b_1 höchstens $=\frac{s}{2}$ sein, baher folgt die Bedingung für die kleinsten Zähnezahlen: $\frac{5}{n_1^2}+\frac{18}{n_1n_2}+\frac{13}{n_2^2}=\frac{12}{2 \cdot n^2}=0,608$. Für $n_1=n_2$ erhält man hiernach $\frac{36}{n_1^2}=0,608$, und

$$n_1 = n_2 = \sqrt{\frac{36}{0.608}} = 7.7$$
, b. i. mindestens 8.

Für $n_1 = \infty$, also für einen Drehling mit Zahnstange, erhält man aber $n_2 = \sqrt{\frac{13}{0.608}} = 4,6$, also wenigstens = 5,

für $n_2=\infty$, also für eine Stange mit Triebstöden, stellt sich endlich $n_1=\sqrt{\frac{5}{0,608}}=2,9,$ also minbestens =3 heraus.

Bei Anwendung eines Rades mit innerer Verzahnung geht $rac{eta_1+eta_2}{2}$ in

$$rac{eta_2 - eta_1}{2}$$
 über, weshalb $h = \left(rac{3}{n_2} - rac{2}{n_1}
ight)rac{\pi s}{4}$ und $b_1 = \left(rac{5}{n_1^2} - rac{18}{n_1n_2} + rac{13}{n_2^2}
ight)rac{\pi^2 s}{12}$ ausfällt,

und die obige Bebingung fur die kleinsten Sahnegahlen in folgende übergeht,

$$\frac{5}{n_1^2} - \frac{18}{n_1 n_2} + \frac{13}{n_2^2} = 0,608.$$

Für $n_1=2n_2$ folgt 3. B. hiernach $\frac{21}{n_i^2}=0,608$, baher ift

$$n_1 = \sqrt{\frac{21}{0,608}} = 5,9$$
, also die kleinste Anzahl der Triebstode $n = 6$.

Rumpfe. §. 69. Die Anwendung der zweiten Constructioneregel lagt sich uns mittelbar in der Praris so anwenden, wie in Fig. 173 zu ersehen ist. Die

Fig. 173.



Bahnstächen des einen Rades, und zwar des kleineren, welches man auch, namentlich wenn es aus einem einzigen Stücke besteht, einen Kumpf nennt, sind hier radial, wie z. B. AB; die des anderen wird dagegen von einem Epicycloidenbogen DE gebildet, der entsteht, wenn sich der Kreis ACE, dessen Durchmesser dem Theilkreishalbmesser des Kumpfes gleich ist, auf dem Theilkreise des ans

beren Rabes walzt. Aus schon oben angegebenen Grunden ist es zweckmäßiger, wenn der Rumpf von dem Rade mit Spicycloidenzahnen getrieben wird, und nicht umgekehrt; wenn der Angriff in A, d. i. in der Centrallinie CM erfolgt, und dahet ein Jahn des lehteren Rades einen Jahn des ersten Rades von A nach G schiebt, während er selbst von A nach D geht. Wacht man AD = AE = der Theilung s, so ist natürlich immer nur ein Jähnepaar im Eingriff, nimmt man aber AD = AE größer als s, so arbeiten auch mehrere Jähnepaare auf ein Mal.

Behalten wir die Bezeichnungen des vorigen Paragraphen bei, seben wir z. B. $CA=r_2$ und \angle $ACE=\beta_2$, so erhalten wir die Hohe des Bahnobertheiles vom Rumpfe:

$$EG = h_2 = CG - CE = r_2 - r_2 \cos \beta_2 = r_2 (1 - \cos \beta_2),$$

= $2 r_2 \left(\sin \frac{\beta_2}{2}\right)^2$, und annähernd = $1/2 r_2 \beta_2^2 = \frac{\pi s}{n_2}$;

bagegen folgt die Sohe eines Bahnes vom Rabe AMD:

$$EF = h_1 = ME - MF = \sqrt{MA^2 + AE^2} - 2MA \cdot AE\cos \cdot MAE - MA$$

$$= \sqrt{r_1^2 + r_2^2(\sin \beta_2)^2 + 2r_1r_2(\sin \beta_2)^2} - r_1$$

$$= \sqrt{r_1^2 + r_2(r_2 + 2r_1)(\sin \beta_2)^2} - r_1,$$

annåbernb

$$=\frac{r_2(r_2+2r_1)}{2r_1}(\sin\beta_2)^2=\frac{(2r_1+r_2)r_2\beta_2^2}{2r_1}=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{2}{n_2}\right)\pi s.$$

Die Dicke b_1 eines Bahnes muß mindestens =2DF sein; seten wir se =2DF=2(AD-AF), so erhalten wir

$$b_1 = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2EA \cos EAF = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2r_2 \sin \beta_2 \cos \left(\frac{\beta_1}{2} + \beta_2\right)$$

d. i. annähernd

$$b_{1} = 2r_{1}\beta_{1} - \frac{r_{1}\beta_{1}^{3}}{12} - (2r_{2}\beta_{2} - \frac{1}{3}r_{2}\beta_{2}^{3}) \left[1 - \frac{1}{2} \left(\frac{\beta_{1} + 2\beta_{2}}{2}\right)^{2}\right]$$

$$= \left(-\frac{\beta_{1}^{2}}{12} + \frac{\beta_{2}^{2}}{3} + \frac{(\beta_{1} + 2\beta_{2})^{2}}{4}\right) s = (\frac{1}{n_{1}^{2}} + \frac{6}{n_{1}n_{2}} + \frac{8}{n_{2}^{3}}) \frac{2\pi^{2}s}{3}.$$

Segen wir nun noch $b_1=\frac{1}{2}s$, um mindestens symmetrische Bahne zu erhalten, so folgt die Bedingung

$$\frac{1}{n_1^2} + \frac{6}{n_1 n_2} + \frac{8}{n_2^2} - \frac{3}{4\pi^2} = 0,76.$$
 Für $n_1 = n_2$ folgt hiernach $\frac{15}{n_1^2} = 0,076$, daher $n_1 = \sqrt{\frac{15}{0,076}} = 14$;

für $n_1=\infty$, erhält man aber $n_2=\sqrt{\frac{8}{0,076}}=10,25$, und Rumpfe für $n_2=\infty$, ergiebt sich $n_1=\sqrt{\frac{1}{0.076}}=3$,6.

Bei einer Bahnftange mit abgerundeten Bahnen ift alfo die fleinfte Bahne= gahl bes Getriebes = 11, und bei einer Bahnftange mit ebenen Bahnen ift die fleinfte Bahnegahl bes Getriebes = 4.

Unmerfung. Die Bahnreibung bei biefem Raberwerte ift biefelbe wie bie bei Anwendung eines Trillings, und auch biefelbe wie bei ben Radern mit ebenen Bahnflaben, nämlich $F=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)\pi\,\varphi K$ (f. §. 52). Bei einer fleinen Theilung fonnen wir ben Meibungebogen DE feiner Bobe FE gleichfegen; es ift folglich ber relative Reibungemeg, mahrent bas Bahnepaar von A nach F ruck, $a=DE-GE=h_1-h_2=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{n_2}{n_2}\right)\pi s-\frac{\pi s}{n_2}=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)\pi s,$ baber bei tem Drude K, die entsprechente Arbeit der Reibung,

$$L = \sigma \cdot \varphi K = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi K s,$$

und tie Reibung, auf ben Theilfreis reb

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi K.$$

§. 70. Menn der Gingriff ber Bahnraber eben fo viel vor der Central= Babnflacen. linie beginnen ale hinter berfelben aufhoren foll, fo muß man die Bahnflache eines jeden Rabes aus einer epicycloibifchen Bolbung und einer ebenen

Big. 174.

Klanke bestehen lassen. Die Anordnung eines foldien Råderwerkes ist aus Figur 174 gu er= feben. Es find bier ju ben zwei Theilfrei= fen noch zwei halb fo bobe Erzeugungefreife HAF und EAK hins zuzufügen. Eragt man auf diesen von A aus die Theilung s AE = AF auf und legt man die Bogen AE = AF als AD= AG watzend auf

die Theilfreise auf, fo

bekommt man bie Bahnwolbungen DE und FG, und es find nun burch Singufügung der rabiallaufenden Flanken DII und GK bie Bahnflachen

EDH und FGK leicht zu erganzen. Um das Raderwert auch entgegens Busammengefett laufen laffen zu tonnen, ober um nach Befinden die Bahne, wenn 3abnflacen. fie von Solg find, umfegen zu tonnen, formt man ihre Sinterflachen genau fo mie ihre Borberflachen. Bei ber Bewegung vor ber Centrallinie ruckt ber ebene Theil HD bes Treibradgahnes an dem gewolbten Theil FG bes Getriebradgahnes hin, und bei der Bewegung hinter berfelben ichiebt fich die Wolbung DE des Treibradgahnes über der ebenen Flanke GH bes Getriebrabzahnes bin.

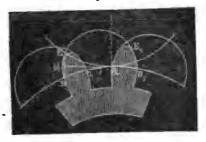
Ift das Getriebe, ober vielmehr das fleinere Rad fehr flein, ber Druck K zwischen ben Bahnen aber fehr groß, fo fallen die Bahnenden oft zu spit aus, um hinreichenden Widerstand leiften zu konnen, weshalb man bann ben Gins griff von zwei Paar Bahnen aufgeben muß, und AE = AF nur 3/4 s ober wohl gar nur - nacht, in welchem letteren Falle immer nur ein Bahnes paar arbeitet. Sind umgekehrt beibe Rader hoch und ift' K flein, fo tann man mehr als zwei Paar Bahne zugleich arbeiten laffen und beshalb $AE = AF = \frac{3}{2}s$ nehmen.

Uebrigens kann man aber auch die Epicycloidenbogen DE und GF burch Rreisbogen erfeten und die Salbmeffer berfelben nach §. 63 berechnen, ober = 3/4 s nihmen u. f. w.

Der Bortheil ber in diefem Paragraphen abgehandelten Bahnconstrucs tion por den vorigen (§. 69), liegt befonbere barin, daß hier unter ubrigens gleichen Umftanden ftete boppelt fo viele Bahnepaare arbeiten ale bort, bas her auch ber Drud zwifchen je zwei Bahnen nur halb fo groß ift, und bees halb nicht nur ein gleichmäßigerer Bang, fonbern auch ein fcmadheres Ubführen ber Bahne erzielt wirb.

Celbft bann, wenn man wegen ber Rleinheit bes einen Rabes genothigt ift, die Bahl der arbeitenden Bahnepaare gu beschranten, ober nach Befinden auf eine herabzugiehen, ift die Unwendung biefer Bahnconstruction von Bortheil, weil burch fie die Abstande ber arbeitenden Bahnepaare von ber Cens trallinie auf bas Minimum berabgezogen und baburch bie farten Rrummun-

Fig. 175.



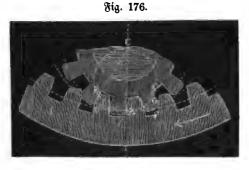
gen der Bahne und die starken Ceitenbrucke am Anfang und am Ende des Gingreifens vermieben werden.

Unmerfung. . Den Dits telpunft (1) Sig. 175, bes Rreid: bogens, wonach man bie Bahn= flachen welbt, findet man meift auch barurd, bag man in ber Mitte M ber Gebne DE ein Perpenvifet M1 errichtet und bis

jum Durchschnitte 1 mit bem Theilfreise AD verlängert. Oft beschreibt man bie Bahnwölbung auch mit einem Salbmeffer $1D=\$/_4 s$ ober mit einem Salbmeffer AD=s. Wenn die Radhalbmeffer fehr ungleich und die Bahne sehr bick find, so weichen jedoch die badurch erhaltenen Bahnformen von der regelrechten Form zu sehr ab.

Innere Verjabnung.

§. 71. Bei einem inneren Bahnraberwerke wie Fig. 176, wels ches nicht selten angewendet wird, um die Umdrehungskraft eines verticalen Bafferrades ohne Torfion der Bafferradwelle fortzupflanzen, findet man die Bahnformen wie folgt. Es sei C die Umdrehungsare des inneren Getriebes,



und A ber Berührungspunkt der Theilkreise beiber Raber, also CA der Halbmesser des Theilkreises des Getriebes oder der Durchmesser des Erzeugungskreises AECK für die Jahnwölbungen des Rades. Nimmt man nun AE = s und wälzt man AE auf dem Theilkreise des letzeren Rabes, so beschreibt E die gesuchte Jahnwölbung ED. Nimmt man ferner AF = AD = AE = s und wälzt man diesen Theilkreisbogen auf dem Theilkreise des Getriebes, so beschreibt F die Jahnwölbung FG des Getriebes. Es ist hiernach leicht zu ermessen, welche Berührungen während des Arbeitens eines Jähnepaares vorkommen. Bor der Gentrallinie gleitet immer derselbe Punkt D der Jahnsläche DE an der Jahnwölbung FG hin, hinter der Gentrallinie hingegen rückt die Jahnsläche DE über der ebenen

Fig. 177.



Flante GK bes Getriebzahnes bin.

Aus ber ununterbrochenen Berrührung bes Anfangspunktes D ber Bahnflache mit ber Flache FG erwächst jebenfalls ein stärkeres Abführen bes Jahnes an dieser Stelle, und beshalb giebt man oft auch das Arbeiten ber Jahne vor ber Centralinie ganz auf, und giebt zu diesem Zwecke dem Getriebe nur ebene Jahnsstächen, wie AB, Fig. 177.

Wenn die Buchstaben r_1 , r_2 , β_1 , β_2 , n_1 und n_2 die schon oben wieders Berauchten Bedeutungen auch hier behalten, so haben wir die Bahns bohe des Getriebrades

$$EG = h_2 = r_2 (1 - \cos \beta_2) = 2r_2 \left(\sin \frac{\beta_2}{2}\right)^2,$$
 annáhernd $= \frac{1}{2}r_2\beta_2^2 = \frac{s^2}{2r_2} = \frac{\pi s}{n_2};$

ferner die Bahnhohe des Treibrades:

$$EF = h_1 = \sqrt{\frac{AM^2 + AE^2 - 2AM \cdot AE \cos EAM}{AE \cdot \cos EAM}} - AM$$

$$= \sqrt{\frac{r_1^2 + r_2^2 (\sin \beta_2)^2 - 2r_1r_2 (\sin \beta_2)^2}{r_1^2 - r_2 (2r_1 - r_2) (\sin \beta_2)^2}} - r_1$$

$$= \sqrt{\frac{r_1^2 - r_2 (2r_1 - r_2) (\sin \beta_2)^2}{r_1^2}} - r_1,$$

annahernb

$$=\frac{(2\,r_1-r_2)\,r_2}{2\,r_1}(\sin\beta_2)^2=\frac{(2\,r_1-r_2)\,r_2\,\beta_2^{\,2}}{2\,r_1}=\frac{(2\,r_1-r_2)\,s^2}{2\,r_1\,r_2},\;\text{b. i.}$$

$$h_1=\left(\frac{2}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi\,s;$$

endlich die Bahnbreite mindeftens

$$= 2DF = 2(AD - AF) = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2AE \cos EAF$$
, b. i.

$$b_1 = 4 r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2 r_2 \sin \beta_2 \cos (\beta_2 - \frac{1}{2}\beta_1),$$

annabernd, wenn man

$$sin. \frac{\beta_1}{2} = \frac{\beta_1}{2} - \frac{\beta_1^3}{48}, sin. \beta_2 = \beta_2 - \frac{\beta_2^3}{6} \text{ unb}$$

$$cos. (\beta_2 - \frac{1}{2}\beta_1) = 1 - \frac{1}{2} (\beta_2 - \frac{1}{2}\beta_1)^2 \text{ [est,}$$

$$b_1 = 2r_1 \left(\beta_1 - \frac{\beta_1^3}{24}\right) - 2r_2 \left(\beta_2 - \frac{\beta_2^3}{6}\right) [1 - \frac{1}{2} (\beta_2 - \frac{1}{2}\beta_1)^2]$$

$$= -\frac{r_1 \beta_1^3}{12} + \frac{r_2 \beta_2^3}{3} + r_2 \beta_2 (\beta_2 - \frac{1}{2}\beta_1)^2,$$

oder, da
$$r_1\beta_1=r_2\beta_2=s$$
 ist,

$$b_1 = (\frac{1}{6}\beta_1^2 - \beta_1\beta_2 + \frac{4}{3}\beta_2^2)s$$

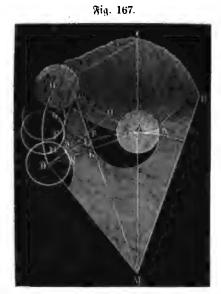
endlich, da
$$\beta_1 = \frac{2\pi}{n_1}$$
 und $\beta_2 = \frac{2\pi}{n_2}$ ist,

$$b_1 = \left(\frac{1}{6 n_1^2} - \frac{1}{n_1 n_2} + \frac{4}{3 n_2^2}\right) \cdot 4 \pi^2 s$$

$$= \left(\frac{1}{6 n_1^2} - \frac{1}{n_1 n_2} + \frac{4}{3 n_2^2}\right) \cdot 39,478 \cdot s.$$

Sest man nun $b_1 = \frac{1}{2}s$ als dußerste Grenze, so erhalt man die \mathfrak{B}^z bingung $\frac{1}{6n^2} - \frac{1}{n_1n_2} + \frac{4}{3n_2^2} = \frac{1}{n_2} = 0,0127$.

Ereblinge. geformt werben, bie von dem Epicycloidenbogen BD an allen Stellen um



 $BB_1 = DD_1$ absteht. Man findet diese Eurve B_1D_1 , die man auch eine Parallele oder Aequi distante zur gegebesnen nennt, wenn man mit dem gegebenen Abstande $BB_1 = DD_1$ als Halbenesser, aus der letzeren viele Kreisbögen, wie EF, GH u. s. beschreibt, und einen Jug führt, welcher alle diese Bögen bes rührt.

Wird ber Drehling ABC von bem Bahnrade AMD in Bewegung geset, so erfolgt ber Eingriff, wenn bie Are A bes Triebstodes in ber Eenstrallinie C. W ber beiben Raber steht, und es tritt das Aussstreichen ein, wenn sich bie

Triebstodare um die Theilung AB = s von der Centrallinie entfernt bat. Sett bagegen ber Drehling bas Bahnrab in Umbrehung, fo tritt bas um: gekehrte Berhaltniß ein, es beginnt ber Eingriff in B, und hort berfelbe in D, auf. In beiben Fallen ift immer nur ein Bahn mit einem Triebftode in Gingriff; nimmt man aber AB = AD großer als die Theilung ober verlangert man den Bahnbogen D, B, noch etwas uber B, hinaus, fo tom: men zum Theil zwei Bahne mit zwei Triebstoden in Eingriff. Da beibe Raber in A einerlei Bewegungerichtung haben, fo ift jedenfalle ber Gin= griff bafelbft ein volltommener und weniger leicht mit Stoffen verbunden als der in B, außerhalb der Centrallinie. Sind überdies die Bahne von Bolg, fo murbe fich im lettern Falle bei ber Bewegung bes Triebstodes gegen ben Spahn ber Bahne eine großere Reibung und ein ftarteres A fuh= ren ber Bahne herausstellen. Deshalb lagt man benn auch immer nur ben Drehling (mit Triebftoden) von bem Bahnrade in Umbrehung fegen. Boll= ftanbige Conftructionen von Raberwerten mit Drehlingen fuhren die Figuren 168 und 169 vor Augen. In Figur 168 ift sowohl der Fall abgebildet, wo der Drehling ACB ein Rad von außen, ale auch der, wo er ein Rad von innen berührt. Im erften Falle hat man es bekanntlich mit einer Epi= und im zweiten mit einer Sppocpcloide IIRE ju thun. Rigur 169

Fig. 168.



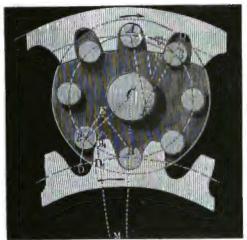
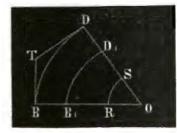


Fig. 169.



1

8ig. 170

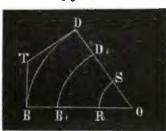


zeigt ben Fall, wo ber Drehling ober bas Rad mit Triebstöden A, B... ein kleineres Bahnrad ACD von insnen ergreift.

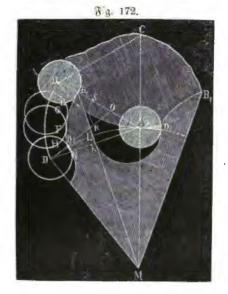
Anmerkung. Die Requibiftante B_1D_1 , Fig. 170, zu einer Gurve BD steht in folgenden merkwürdigen Bezies bungen zu BD. Erstens läuft sie an allen Stellen, wie B_1 , D_1 u. s. w., welche um gleichviel von BD abnehen, mit den entsprechenden Stellen B, D u. s. von BD parallel; es ist also die Berührungslinie in B_1 parallel der in

Treblinge.

Fig. 171.



B, die in D_1 parallel ber in D u. f. w. 3 weitens ift die Länge des Bogens B_1D_1 der Requidifiante um einen Kreisbogen RS fleiner oder größer als der entsprechende Bogen der gegebenen Eurve, der zum Halbmeffer OR = OS den Abstand $BB_1 = DD_1$ zwischen beiden Eurven und zum Gentriwinkel den Winkel BOD zwischen den Beiren Rorsmalen BO und DO hat.



§. 68. Die Dimensionen der Bahne eines Drehlingsraderwerkes berechnen sich auf folgende Weise. Es seien r_1 und r_2 die Theilkreishalbmesser MA und CA, Figur 172, beider Rader, ferner seien β_1 und β_2 die entsprechenden Theilminkel AMD und ACB, und endlich sei b_1 die Dicke eines Zahnes und b_2 die eines Triebsstockes, und dwar jede nahe der halben Theilung

$$\frac{s}{2} = \frac{AB}{2} = \frac{AD}{2}.$$

Die Sehne oder gerade Theis lung

$$AD = s_1$$
 ist hiernach $= 2AM sin.AMD = 2r_1 sin.\frac{\beta_1}{2}$, und $AB = s_2 = 2AC sin.ACB = 2r_2 sin.\frac{\beta_2}{2}$.

Ferner ift in bem rechtminkeligen Dreiecke AB,K bie Sypotonufe

$$AB_1 = AB - BB_1 = 2r_2 \sin \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2}b_2$$

und der Winkel $B_1AK=rac{eta_1+eta_2}{2}$, daher die Kathete, oder die Hervorzagung des Zahnes über der Sehne AD:

$$B_1K = AB_1 \sin B_1 AK = \left(2 r_2 \sin \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2} b_2\right) \sin \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2}\right)$$

Bieht man hiervon bie Bogenbobe

$$KL = r_1 \left(1 - \cos \frac{\beta_1}{2}\right) = 2 r_1 \left(\sin \frac{\beta_1}{4}\right)^2$$

ab, fo folgt die Sohe bes Bahnobertheiles

$$B_1L = h = KB_1 - KL$$

$$= \left(2 r_2 \sin \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2} b_2\right) \sin \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2}\right) - 2 r_1 \left(\sin \frac{\beta_1}{4}\right)^2.$$

Erit man nun annahernd $2\,r_3\,sin.rac{oldsymbol{eta}_2}{2}=s,\,\,\,{}^{1\!/_{\!2}}\,b_2=rac{s}{4}\,,$

$$sin. \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2}\right) = \frac{\beta_1 + \beta_2}{2} = \frac{1}{2} \left(\frac{s}{r_1} + \frac{s}{r_2}\right)$$
 und $sin. \left(\frac{\beta_1}{4}\right)^2 = \frac{\beta_1^2}{16} = \frac{1}{16} \left(\frac{s}{r_1}\right)^2$,

fo erhalt man febr einfach

$$h = \frac{3}{8} s^{2} \left(\frac{1}{r_{1}} + \frac{1}{r_{2}} \right) - \frac{1}{8} \frac{s^{2}}{r_{1}} = \left(\frac{2}{r_{1}} + \frac{3}{r_{2}} \right) \frac{s^{2}}{8},$$

oder durch Einführung ber Bahnezahlen $n_1=rac{2\pi r_1}{s}$, und $n_2=rac{2\pi r_2}{s}$,

$$h = \left(\frac{2}{n_1} + \frac{3}{n_2}\right) \frac{\pi s}{4}.$$

Die Zahnbicke ist, wenn man symmetrische Zahne anwendet, also an das Zahnvordertheil B_1KN noch ein congruentes Hintertheil ansetz, b_1 , mintestens = 2NK = 2(AD - DN - AK), d. i.

$$I_1 = 2 \left[2 r_1 sin. \frac{eta_1}{2} - \frac{b_2}{2} - \left(2 r_2 sin. \frac{eta_2}{2} - \frac{1}{2} b_2 \right) cos. \left(\frac{eta_1 + eta_2}{2} \right) \right],$$

annähernd, da sin. $\frac{oldsymbol{eta}_1}{2}=rac{oldsymbol{eta}_2}{2}-rac{oldsymbol{eta}_1^3}{48}$, $sin.rac{oldsymbol{eta}_2}{2}=rac{oldsymbol{eta}_2^3}{2}-rac{oldsymbol{eta}_2^3}{48}$ und

$$cos.\left(\frac{m{eta}_1+m{eta}_2}{2}\right)=1-\frac{(m{eta}_1+m{eta}_2)^2}{8}$$
 seben läßt, und $r_1m{eta}_1=r_2m{eta}_2=s$ ist,

$$b_1 = 2 \left[r_1 \beta_1 - \frac{r_1 \beta_1^3}{24} - \frac{b_2}{2} - \left(r_2 \beta_2 - \frac{r_2 \beta_2^3}{24} - \frac{b_2}{2} \right) \left(1 - \frac{(\beta_1 + \beta_2)^2}{8} \right) \right]$$

$$= 2 \left[-\frac{r_1 \beta_1^3}{24} + \frac{r_2 \beta_2^3}{24} + \left(r_2 \beta_2 - \frac{b_2}{2} \right) \frac{(\beta_1 + \beta_2)^2}{8} \right],$$

ober, da sich $b_2 = \frac{8}{2}$ segen läßt,

$$b_1 = \frac{s}{4} \left(-\frac{\beta_1^2}{3} + \frac{\beta_2^2}{3} + \frac{3}{4} (\beta_1 + \beta_2)^2 \right) = (5\beta_1^2 + 18\beta_1\beta_2 + 13\beta_2^2) \frac{s}{48}.$$

Führt man enblich $eta_1=rac{2\,\pi}{n_1}$ und $eta_2=rac{2\,\pi}{n_2}$ ein, so erhalt man

$$b_1 = \left(\frac{5}{n_1^2} + \frac{18}{n_1 n_2} + \frac{13}{n_2^2}\right) \frac{\pi^2 s}{12}.$$

Dreblinge Run barf aber b_1 höchstens $=\frac{s}{2}$ sein, daher folgt die Bedingung für die kleinsten Zähnezahlen: $\frac{5}{n_1^2}+\frac{18}{n_1n_2}+\frac{13}{n_2^2}=\frac{12}{2 \cdot \pi^2}=0,608$. Für $n_1=n_2$ erhält man hiernach $\frac{36}{n^2}=0,608$, und

$$n_1 = n_2 = \sqrt{\frac{36}{0,608}} = 7,7$$
, b. i. mindestens 8.

Für $n_1 = \infty$, also für einen Drehling mit Zahnstange, erhält man aber $n_2 = \sqrt{\frac{13}{0,608}} = 4,6$, also wenigstens = 5,

für $n_2 = \infty$, also für eine Stange mit Triebstöden, stellt sich endlich $n_1 = \sqrt{\frac{5}{0,608}} = 2,9$, also mindestens = 3 heraus.

Bei Anwendung eines Rades mit innerer Bergahnung geht $rac{oldsymbol{eta}_1 + oldsymbol{eta}_2}{2}$ in

$$rac{eta_2-eta_1}{2}$$
 über, weshalb $h=\left(rac{3}{n_2}-rac{2}{n_1}
ight)rac{\pi s}{4}$ und $b_1=\left(rac{5}{n_1^2}-rac{18}{n_1n_2}+rac{13}{n_2^2}
ight)rac{\pi^2 s}{12}$ ausfällt,

und die obige Bedingung fur die kleinsten Bahnegahlen in folgende übergeht,

$$\frac{5}{n_1^2} - \frac{18}{n_1 n_2} + \frac{13}{n_2^2} = 0,608.$$

Für $n_1 = 2 n_2$ folgt 3. B. hiernach $\frac{21}{n_i^2} = 0,608$, baher ift

$$n_1 = \sqrt{\frac{21}{0,608}} = 5,9$$
, also die kleinste Anzahl der Triebstode $n = 6$.

Rumpfe. §. 69. Die Anwendung der zweiten Constructioneregel lagt fich uns mittelbar in der Praris so anwenden, wie in Fig. 173 zu ersehen ift. Die

Big. 173.



Bahnstächen bes einen Rabes, und zwar bes kleineren, welches man auch, namentlich wenn es aus einem einzigen Stücke besteht, einen Kumpf nennt, sind hier radial, wie z. B. AB; die des anderen wird dagegen von einem Epicycloidenbogen DE gebildet, der entsteht, wenn sich der Kreis ACE, dessen Durchmesser dem Theilkreishalbmesser des Kumpfes gleich ist, auf dem Theilkreise des ans

beren Rades malgt. Aus ichon oben angegebenen Grunden ift es zweck- Rumpfe. magiger, wenn ber Rumpf von bem Rabe mit Epicycloibengahnen getrieben wirb, und nicht umgekehrt; wenn ber Angriff in A, b. i. in ber Central: linie CM erfolgt, und bahet ein Bahn bes letteren Rabes einen Bahn bes erften Rabes von A nach G schiebt, wahrend er felbst von A nach D geht. Macht man AD = AE = ber Theilung s, so ift naturlich immer nur ein Bahnepaar im Gingriff, nimmt man aber AD=AE großer als s, fo arbeiten auch mehrere Bahnepaare auf ein Mal.

Behalten wir die Bezeichnungen des vorigen Paragraphen bei, seben wir 3. B. $CA = r_2$ und $\angle ACE = \beta_2$, so erhalten wir die Sohe bes Bahnobertheiles vom Rumpfe:

$$EG = h_2 = CG - CE = r_2 - r_2 \cos \beta_2 = r_2 (1 - \cos \beta_2),$$

= $2 r_2 \left(\sin \frac{\beta_2}{2} \right)^2$, und annähernd = $1/2 r_2 \beta_2^2 = \frac{\pi s}{n_2}$;

bagegen folgt bie Sohe eines Bahnes vom Rabe AMD:

$$EF = h_1 = ME - MF = \sqrt{MA^2 + AE^2} - 2MA \cdot AE\cos \cdot MAE - MA$$

$$= \sqrt{r_1^2 + r_2^2(\sin \beta_2)^2 + 2r_1r_2(\sin \beta_2)^2} - r_1$$

$$= \sqrt{r_1^2 + r_2(r_2 + 2r_1)(\sin \beta_2)^2} - r_1,$$

annåbernb

$$=\frac{r_2(r_2+2r_1)}{2r_1}(\sin\beta_2)^2=\frac{(2r_1+r_2)r_2\beta_2^2}{2r_1}=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{2}{n_2}\right)\pi s.$$

Die Dide b1 eines Bahnes muß minbestens = 2 DF fein; feten wir fie = 2DF = 2(AD - AF), fo erhalten wir

$$b_1 = 4 r_1 sin. \frac{\beta_1}{2} - 2EA cos. EAF = 4 r_1 sin. \frac{\beta_1}{2} - 2 r_2 sin. \beta_2 cos. \left(\frac{\beta_1}{2} + \beta_2\right)$$

b. i. annahernd

$$b_{1} = 2r_{1}\beta_{1} - \frac{r_{1}\beta_{1}^{3}}{12} - (2r_{2}\beta_{2} - \frac{1}{3}r_{2}\beta_{2}^{3}) \left[1 - \frac{1}{2} \left(\frac{\beta_{1} + 2\beta_{2}}{2}\right)^{2}\right]$$

$$= \left(-\frac{\beta_{1}^{2}}{12} + \frac{\beta_{2}^{2}}{3} + \frac{(\beta_{1} + 2\beta_{2})^{2}}{4}\right) s = (\frac{1}{6}\beta_{1}^{2} + \beta_{1}\beta_{2} + \frac{4}{3}\beta_{2}^{2}) s$$

$$= \left(\frac{1}{n_{1}^{2}} + \frac{6}{n_{1}n_{2}} + \frac{8}{n_{2}^{2}}\right) \frac{2\pi^{2}s}{3}.$$

Seten wir nun noch $b_1 = \frac{1}{2}s$, um mindeftens symmetrische Bahne zu erhalten, fo folgt die Bebingung

$$rac{1}{n_1^2}+rac{6}{n_1n_2}+rac{8}{n_2^2}=rac{3}{4\pi^2}=0,76.$$
 Für $n_1=n_2$ folgt hiernach $rac{15}{n_1^2}=0,076$, daher $n_1=\sqrt{rac{15}{0,076}}=14$;

für $n_1 = \infty$, erhält man aber $n_2 = \sqrt{\frac{8}{0,076}} = 10,25$, und Rumpfe für $n_2=\infty$, ergiebt sich $n_1=\sqrt{\frac{1}{0.076}}=3$,6.

Bei einer Bahnftange mit abgerundeten Bahnen ift alfo die fleinfte Bahnegahl bes Betriebes = 11, und bei einer Bahnftange mit ebenen Bahnen ift die fleinste Bahnczahl bes Getriebes = 4.

Anmerfung. Die Bahnreibung bei biefem Raberwerte ift biefelbe wie bie bei Anwendung eines Trillings, und auch biefelbe wie bei ben Radern mit ebenen Babuffaben, nämlich $F=\left(rac{1}{n_1}+rac{1}{n_2}
ight)\pi\,arphi K$ (f. §. 52). Bei einer fleinen Theitung fonnen wir ben Beibungebogen DE feiner Bobe FE gleichfegen; es ift folglid, ber relative Reibungemeg, mahrent bas Jahnepaar von A nach F rudt. $a=DE-GE=h_1-h_2=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{\gamma}{n_2}\right)\pi s-\frac{\pi s}{n_2}=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)\pi s,$ taber bei tem Drude K, die entsprechente Arbeit ber Reibung,

$$L=\sigma\cdot\varphi K=\Big(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\Big)\pi\varphi Ks,$$
 und tie Reibung, auf ben Theilfreis redicirt,

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi K.$$

6. 70. Wenn der Gingriff der Bahnrader eben fo viel vor der Central= Babnfladen linie beginnen ale hinter berfelben aufhoren foll, fo muß man bie Babnflache eines jeden Rades aus einer epicpcloidifchen Bolbung und einer ebenen



Big. 174.

Klanke bestehen laffen. Die Anordnung eines folden Rabermerkes ift aus Figur 174 gu er= feben. Es find hier zu den zwei Theilfrei= fen noch zwei halb fo hohe Erzeugungefreife HAF und EAK hins zuzufügen. Erägt man auf biefen von A aus die Theilung s AE = AF auf und legt man bie Bogen AE = AF als AD=AG wálzend auf die Theilfreise auf, fo

bekommt man bie Bahnwolbungen DE und FG, und es find nun burch Bingufugung ber radiallaufenden Flanken DII und GK bie Bahnflachen

EDH und FGK leicht zu erganzen. Um das Raberwerk auch entgegene Bufammengesett laufen lassen zu können, ober um nach Besinden die Bahne, wenn Babnkäden. sie von Holz sind, umsehen zu können, sormt man ihre Hinterstächen ges nau so wie ihre Borderstächen. Bei der Bewegung vor der Centrallinie rückt der ebene Theil HD des Treibradzahnes an dem gewöldten Theil FG des Getriebradzahnes hin, und dei der Bewegung hinter derselben schiedt sich die Wöldung DE des Treibradzahnes über der ebenen Flanke GH des Getriebradzahnes hin.

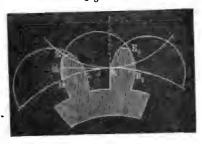
Ist das Getriebe, oder vielmehr das kleinere Rad sehr klein, der Druck kzwischen den Zahnen aber sehr groß, so sallen die Zahnenden oft zu spitz aus, um hinreichenden Widerstand seisten zu können, weshalb man dann den Eingriff von zwei Paar Zahnen aufgeben muß, und AE = AF nur $\frac{3}{4}$ s oder wohl gar nur $\frac{5}{2}$ - macht, in welchem letzteren Falle immer nur ein Zahnes paar arbeitet. Sind umgekehrt beide Rader hoch und ist K klein, so kann man mehr als zwei Paar Zahne zugleich arbeiten lassen und deshalb $AE = AF = \frac{3}{2}s$ nehmen.

Uebrigens kann man aber auch die Epicycloidenbogen DE und GF durch Kreisbogen erseten und die Halbmeffer berfelben nach §. 63 berechnen, ober = 3/4 s nihmen u. f. w.

Der Bortheil ber in diefem Paragraphen abgehandelten Bahnconstruction vor den vorigen (§. 69), liegt besonders darin, daß hier unter übrigens gleichen Umständen stete doppelt so viele Bahnepaare arbeiten als dort, das her auch der Druck zwischen je zwei Bahnen nur halb so groß ist, und des halb nicht nur ein gleichmäßigerer Gang, sondern auch ein schwächeres Absführen der Bahne erzielt wird.

Selbst dann, wenn man wegen der Kleinheit des einen Rades genothigt ist, die Jahl der arbeitenden Jahnepaare zu beschränken, oder nach Besinden auf eins heradzuziehen, ist die Anwendung dieser Jahnconstruction von Borztheil, weil durch sie Ubstände der arbeitenden Zahnepaare von der Genztrallinie auf das Minimum heradgezogen und dadurch die starken Krummun-

Big. 175.



gen der Bahne und die ftarten Seitendrucke am Unfang und am Ende bes Eingreifens vers mieden werden.

Unmerfung. Den Mitstelpunkt (1) Tig. 175, bes Rreies begens. wonach man bie Bahns flächen wolbt, findet man meift auch barurch, bag man in ber Mitte M ber Sehne DE ein Perpendifel M1 errichtet und bis

jum Durchichnitte 1 mit bem Theilfreife AD verlangert. Dft beschreibt man bie Bahnwolbung auch mit einem Salbmeffer 1 D = 3/48 ober mit einem Salbmeffer AD = 8. Wenn die Rabhalbmeffer fehr ungleich und die Bahne fehr bid find, fo weichen jedoch bie baburch erhaltenen Bahnformen von ber regelrechten Form ju fehr ab.

3anere gerjabnung.

6. 71. Bei einem inneren Bahnraderwerte wie Fig. 176, melches nicht felten angewendet wird, um bie Umbrehungefraft eines verticalen Wafferrades ohne Torfion der Wafferradwelle fortzupflanzen, findet man die Bahnformen wie folgt. Es fei C bie Umbrehungsare bes inneren Betriebes, Fig. 176.



und A ber Berührungspunkt der Theilkreife beiber Raber, alfo CA ber Salbmeffer des Theilfreises des Getriebes ober der Durchmeffer des Erzeugungefreises AECK fur die Bahnwolbungen des Rades. nun AE = s und malt man AE auf bem Theilfreife bes letteren Rabes, so beschreibt E die gesuchte Bahnwolbung ED. Rimmt man ferner AF = AD = AE = s und malat man biefen Theilkreisbogen auf dem Theilfreise bes Getriebes, so beschreibt F die Bahnwolbung FG bes Getriebes. Es ift hiernach leicht zu ermeffen, welche Berührungen mahrend bes Arbeitens eines Bahnepaares vorkommen. Bor ber Centrallinie gleitet immer berselbe Punkt D ber Bahnflache DE an der Bahnwolbung FG hin, hinter ber Centrallinie hingegen ruckt die Bahnflache DE uber ber ebenen Klanke GK des Getriebzahnes bin.

Fig. 177.



Aus der ununterbrochenen Berührung des Anfangspunktes D der Bahnflache mit ber Flache FG erwachst jedenfalls ein starkeres Abführen bes Bahnes an biefer Stelle, und deshalb giebt man oft auch bas Arbeiten ber Bahne vor ber Central= linie gang auf, und giebt zu biefem Brecke bem Getriebe nur ebene Bahnflachen, wie AB, Fig. 177.

Wenn die Buchstaben r_1 , r_2 , β_1 , β_2 , n_1 und n_2 die schon oben wieders Bergabnung holt gebrauchten Bedeutungen auch hier behalten, so haben wir die Bahns bohe des Getriebrades

$$EG = h_1 = r_2 (1 - \cos \beta_2) = 2 r_2 \left(\sin \frac{\beta_2}{2}\right)^2$$
, annáhernb $= \frac{1}{2} r_2 \beta_2^2 = \frac{8^2}{2 r_2} = \frac{\pi s}{n_2}$;

ferner die Bahnhohe bes Treibrades:

$$EF = h_1 = \sqrt{\frac{\overline{AM^2} + \overline{AE^2} - 2AM \cdot AE \cos EAM}{\overline{AE^2} + r_2^2 (\sin \beta_2)^2 - 2r_1 r_2 (\sin \beta_2)^2} - r_1}$$

= $\sqrt{r_1^2 + r_2^2 (\sin \beta_2)^2 - r_1}$
= $\sqrt{r_1^2 - r_2 (2r_1 - r_2) (\sin \beta_2)^2} - r_1$,

annáternd

$$=\frac{(2\,r_1-r_2)\,r_2}{2\,r_1}(\sin\beta_2)^2=\frac{(2\,r_1-r_2)\,r_2\,\beta_2^2}{2\,r_1}=\frac{(2\,r_1-r_2)\,s^2}{2\,r_1\,r_2}, \ \text{b. i.}$$

$$h_1=\left(\frac{2}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi\,s;$$

enblich bie Bahnbreite minbeftens

$$= 2DF = 2(AD - AF) = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2AE \cos EAF, \text{ b. i.}$$

$$b_1 = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2r_2 \sin \beta_2 \cos (\beta_2 - \gamma_2 \beta_1),$$

annahernb, wenn man

$$sin. rac{eta_1}{2} = rac{eta_1}{2} - rac{eta_1^3}{48}, sin. eta_2 = eta_2 - rac{eta_1^3}{6}$$
 und $cos. (eta_2 - rac{1}{2}eta_1) = 1 - rac{1}{2}(eta_2 - rac{1}{2}eta_1)^2$ (est, $b_1 = 2\,r_1\left(eta_1 - rac{eta_1^3}{24}\right) - 2\,r_2\left(eta_2 - rac{eta_2^3}{6}\right)[1 - rac{1}{2}(eta_2 - rac{1}{2}eta_1)^2]$ $= -rac{r_1\,eta_1^3}{12} + rac{r_2\,eta_2^3}{3} + r_2\,eta_2(eta_2 - rac{1}{2}eta_1)^2,$

oder, da $r_1\beta_1 = r_2\beta_2 = s$ ift,

$$b_1 = (\frac{1}{6}\beta_1^2 - \beta_1\beta_2 + \frac{4}{3}\beta_2^2)$$
s,

endlich, da
$$\beta_1 = \frac{2\pi}{n_1}$$
 und $\beta_2 = \frac{2\pi}{n_2}$ ift,

$$b_1 = \left(\frac{1}{6 n_1^2} - \frac{1}{n_1 n_2} + \frac{4}{3 n_2^2}\right) \cdot 4 \pi^2 s$$

= $\left(\frac{1}{6 n_1^2} - \frac{1}{n_1 n_2} + \frac{4}{3 n_2^2}\right) \cdot 39,478 \cdot s.$

Sest man nun $b_1 = \frac{1}{2}s$ als dußerste Grenze, so erhalt man die \mathfrak{B}_{zz} bingung $\frac{1}{6n^2} - \frac{1}{n_1n_2} + \frac{4}{3n^2} = \frac{1}{179} = 0,0127$.

Innere Beriabnung

If n_1 fehr groß, oder unendlich, fo hat man hiernach $\frac{4}{3n^2} = 0.0127$ und $n_2 = \sqrt{105} = 10,25$, bann find also mindeftene 11 3ahne im Getriebe nothig; ift aber $n_2 = 1/2 n_1$, also $n_1 = 2 n_2$, so hat man $rac{7}{8\,n_s^2}=rac{1}{79}$, und $n_2=\sqrt{69}=8$,3, also bie Anzahl ber Getriebzähne wen gftens = 9.

Unmerfung. Die Arbeit ber Bahnreibung ift bei Durchlaufung ber Theilung AD = AE = s, $L = Fs = (DE - GE) \varphi K$ annähernb $= (h_1 - h_2) \varphi K$ $=\left[\left(\frac{2}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi s-\frac{\pi s}{n_2}\right]\varphi K=\left(\frac{1}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi \varphi Ks,$

und taher rie Bahnreibung felbft, gang in Uebereinstimmung mit bem Früheren, $F=\left(\frac{1}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi\,\varphi\,K.$ Nach der Kreisevolvente (franz. d'éveloppante [de cercle; Geelvente n. gabne. engl. involute of the cercle) werden die Radzahne auf folgende Beise conftruirt. Man errichte im Beruhrungepuntte A beiber Theiler ife CA und M.A. Fig. 178, ein Perpenditel AB auf ber Centrallinie CM, und



mache biefes der Theilung, ober nach Befinden nur Dreiviertel berfelben Greiventen-Bon B giehe man nun eine Gerade nach ber Are C bes kleineren Rades, und falle von A ein Perpenditel AD gegen BC. Ferner verlangere man All rudwarts, falle von M gegen bie Berlangerung bas Perpenbitel, oder, was auf eins hinauskommt, ziehe ML parallel DC, und beschreibe aus C und M Rreisbogen burch D und L. Macht man nun noch AF gleich AD und widelt man DF auf DG, und LD auf LE auf, fo erhalt

man in den Evolventenbogen FG und IE die gesuchten Bahnformen. Nach dieser Construction ift nicht nur $DF = \mathcal{B}$ ogen DG, sondern auch AD = Bogen DB, baher die Theilung

$$s = \frac{CA}{CD}$$
. $DH = \frac{CA}{CD}$. AD , und $\frac{s}{AD} = \frac{CA}{CD}$.

Run ift aber auch wegen Aehnlichkeit ber Dreiede BAD und ACD, $\frac{AB}{AD} = \frac{CA}{CD}$, taher folgt benn AB = s, und zugleich die Richtigkeit ber Construction.

Die Dimensionen ber Evolventengahne ergeben fich wie folgt.

Die hervorragung eines Getriebzahnes FG über feinem Th.ilfreife ift: $NF = h_0 = CF - CA = \sqrt{\overline{(A^2 - AD^2 + FD^2 - CA)}} - CA = \sqrt{\overline{(A^2 + 3AD^2 - CA)}} - CA$ $=\sqrt{r_s^2+3s_1^2}-r_2$, wofern AD=AF mit s_1 bezeichnet wird.

Unnahernd ist nun
$$h_2 = \frac{3 s_1^2}{2 r_2} = \frac{3 s^2}{2 r_2} = \frac{3 \pi s}{n_2}$$
.

Die fleinfte Getriebzahnbreite be ift

$$= 20N = 2(AO - AN) = 2(s - r_2 \varphi_2)$$

ju fegen, wenn φ_2 den Bintel ACF bezeichnet. Nun ift aber

$$lang. \varphi_2 = \frac{AF \cdot sin.FAM}{CA + AF \cos FAM} = \frac{s_1 \sin CAD}{r_2 + s_1 \cos CAD} = \frac{s_1 \cdot \sin ABD}{r_2 + s_1 \cdot \frac{s_1}{r_2}}$$

$$= \frac{s_1^2 r_2}{s(r_2^2 + s_1^2)} = \frac{r_1}{s(\frac{r_2^2}{s_1^2} + 1)} = \frac{r_2}{s(\frac{r_2^2 + s^2}{s^2} + 1)} = \frac{r_2 s}{r_2^2 + 2 s^2}$$

annahernd $=\frac{s}{r_s}\Big(1-\frac{2\,s^2}{r_s^2}\Big)$, und (nach "Ingenieur", Seite 225)

$$\varphi_2 = tang. \varphi_2 - \frac{1}{3} (tang. \varphi_1)^3 + \dots$$
, daher hier

$$\varphi_2 = lang. \, \varphi_2 - \frac{1}{3} (lang. \, \varphi_1)^3 + \dots, \text{ daher hier}$$

$$\varphi_2 = \frac{s}{r_2} - \frac{2 \, s^3}{r_3^3} - \frac{1}{3} \frac{s^3}{r_3^3} = \frac{s}{r_2} - \frac{7 \, s^3}{3 \, r_3^3} \text{ und}$$

$$b_2 = 2\left(s - s + \frac{7}{3}\frac{s^3}{r_2^3}\right) = \frac{14}{3}\frac{s^3}{r_2^3} = \frac{14}{3}\cdot\frac{4\pi^2}{n_2^2} \cdot s = 184,23\frac{s}{n_2^2}$$

Kur die Sohe eines Bahnes vom größeren Rade hat man

$$\begin{array}{l} {}^{\text{Q-polymenter} \cdot DR = h_1 = MD \cdot MA = \sqrt{\overline{ML^2} + \overline{LD^2}} \cdot MA = \sqrt{\overline{MA^2} \cdot \overline{AL^2} + \overline{LD^2}} \cdot MA} \\ = \sqrt{r_1^2 - \left(\frac{r_1}{r_2} s_1\right)^2 + \left(\frac{r_1}{r_2} s_1 + s_1\right)^2} - r_1 \\ = \sqrt{r_1^2 + \left(\frac{2r_1}{r_2} + 1\right) s_1^2} - r_1, \\ \text{ba } \frac{AL}{AD} = \frac{MA}{CA}, \text{ b. i. } AL = \frac{r_1 s_1}{r_3} \text{ ift.} \end{array}$$

Annabernd bat man nun

$$h_1 = \left(\frac{2 r_1}{r_2} + 1\right) \frac{s_1^2}{2 r_1} = \left(\frac{2}{r_2} + \frac{1}{r_1}\right) \frac{s^2}{2} = \left(\frac{2}{n_2} + \frac{1}{n_1}\right) \pi s.$$

Endlich ift das entsprechende Minimum der Bahnbreite

$$b_1 = 2RS = 2(AS - AR) = 2(s - r_1 \varphi_1),$$

wo φ_1 ben Centrimintel AMD bezeichnet.

Nun ist
$$tang. \ \varphi_1 = \frac{AD sin. CAD}{MA + AD cos. CAD} = \frac{r_1 s}{r_1^2 + 2 s^2}$$
, annähernb $= \frac{s}{r_1} \left(1 - \frac{2 s^2}{r_1^2}\right)$, hiernach $\varphi_1 = \frac{s}{r_1} - \frac{s}{r_2^2}$,

baher
$$b_1 = \frac{14}{3} \cdot \frac{s^3}{r_1^2} = \frac{14}{3} \cdot \frac{4\pi^2}{n_1^2} \cdot s = 184,23 \frac{s}{n_1^2}$$
.

Seben wir nun $b_1 + b_2 = s$, fo erhalten wir folgende Bebingunges gleichung fur die kleinste Bahnegahl :

$$184,23\left(\frac{1}{n_1^2}+\frac{1}{n_2^2}\right)=1$$
, ober $\frac{1}{n_1^2}+\frac{1}{n_2^2}=\frac{1}{184}$.

Für $n_1 = n_2$ ist hiernach $\frac{2}{n_1^2} = \frac{1}{184}$, folglich $n_1 = n_2 = \sqrt{368} = 19$,

für
$$n_1 = \infty$$
 ist bagegen $\frac{1}{n_s^2} = \frac{1}{184}$, folglich $n_2 = \sqrt{184} = 13,5$.

Man ersieht hieraus, daß die Evolventengahne hoher und breiter ausfallen als die Spicycloidengahne, und daß beshalb bei den Raderwerken der ersten Art die Minimalzahnezahl größer ist als die bei den Raderwerken mit epicycloidischen Zahnen.

Anmerkung. Die Arbeit ber Bahnreibung vor ber Gentrallinie ift $L_1=\varphi K_1\,(F\,O-A\,U)=\varphi K_1\,(E\,G-O\,G-A\,V+U\,V),$ wenn K_1 ben Normalbrud zwischen ben Bahnen bezeichnet. Run find aber (nach "Jugenicur", Seite 246) bie Evolventenbogenlangen

$$FG=rac{FD^2}{2\,CD}\,, \qquad O\,G=AH=rac{\overline{AD^3}}{2\,CD}\,,$$
 ferner $A\,V=rac{\overline{AL^2}}{2\,ML}\,$ and $U\,V=FT=rac{\overline{FL^3}}{2\,ML}\,,$

Evoiventen

$$\begin{array}{l} \text{baher folgt benn } L_1 = \frac{\varphi K_1}{2} \left(\frac{FD^3 - \overline{A}D^2}{CD} - \frac{\overline{A}L^2 - FL^3}{ML} \right) \\ = \frac{\varphi K_1}{2} \left(\frac{4s_1^2 - s_1^3}{CD} - \frac{\left(\frac{r_1}{r_2}s_1\right)^2 - \left(\frac{r_1s_1}{r_2} - s_1\right)^2}{ML} \right) \\ = \frac{\varphi K_1}{2} \left(\frac{3s_1^3}{CD} - \frac{(2r_1 - r_2)s_1^3}{ML \cdot r_2} \right) \\ = \frac{\varphi K_1s_1^3}{2} \left(\frac{3}{CD} - \frac{2r_1 - r_2}{ML \cdot r_2} \right). \end{array}$$

Es giebt bie Normalfraft K_1 eine Tangentialfraft $K=\frac{s_1}{s}K_1$, baher folgt, wenn man noch annähernb $CD=CA=r_2$ und $ML=MA=r_1$ fest, $L=\frac{\varphi Kss_1}{2}\left(\frac{3}{r_2}-\frac{2r_1-r_2}{r_1r_2}\right)=\frac{\varphi Kss_1}{2}\left(\frac{1}{r_1}+\frac{1}{r_2}\right)$ und die Neibung auf den Theilfreis reducirt:

$$F = \frac{L}{s} = \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}\right) \frac{\pi Ks}{2},$$

cher, ba $2\pi r_1 = n_1 s_1$ und $2\pi r_2 = n_2 s_1$ ift,

verzahnung folgende mesentliche Borzuge.

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)\pi\,\varphi\,K$$
, wie oben.

Cben fo groß ift fie auch bei bem Gingriff binter ber Gentrallinie.

- §. 73. Die Evolventenverzahnung ist jedenfalls die vollkommenste aller Bahnconstructionen; sie steht der Spicycloidenverzahnung nur in sofern nach, als sie längere Bahne liefert, und deshalb eine größere Anzahl von Bähnen fordert als diese. Da jedoch auch aus anderen Gründen eine größere Bähnezahl mechanisch vortheilhaft ist, so tritt dieser Nachtheil sehr in den Hintergrund. Der Borwurf, welchen man diesen Rädern noch macht, daß bei ihnen aus der schiesen Wirkung der Drucktrast K_1 Seitendrücke $N_1 = \frac{s}{r_1} K_1$, und $N_2 = \frac{s}{r_2} K_1$ entspringen, welche die Zapsenreibung vergrößern, ist ebenfalls von keiner Erheblichkeit, da sich bei der Epicycloidenz verzahnung Seitendrücke ebenfalls einsinden, so lange die Zähne außerhalb der Centrallinie auf einander wirken. Dagegen hat aber die Evolventen-
- 1) Da der Druck K1 grifchen den Evolventenzahnen vom Anfang bis Ende des Eingriffes unverändert berfelbe bleibt, so findet bei diesen Bahnen eine gleichformigere und beshalb weniger nachtheilige Abnuhung statt, als bei den Epicycloidenzahnen, wo dieser Druck veränderlich ift.
- 2) Ein und dasselbe Rad EML, mit Evolventenzähnen, Fig. 179 (auf folgd. Seite), kann zugleich mit verschiedenen Rabern, wie DCG, $D_1C_1G_1$ u. s. w. arbeiten, benn die Evolventenbogen DE oder D_1E , welche einem und demselben Grundkreise entsprechen, sind nur der Länge nach von einsander verschieden, D_1E ist nur ein Theil von DE. Bei der Epicycloidens

Grofrenten.

verzahnung hingegen hangt die Jahnform bes einen Rabes auch von dem Theilkreishalbmeffer des anderen ab, es kann also hier ein Rab nicht zugleich mit anderen von verschiedenen Halbmeffern arbeiten. Raber mit Evolvenztenverzahnung können also stets, wenn sie nur einerlei Theilung haben, in einander regelrecht eingreisen. Es gewährt hiernach diese Berzahnung nicht allein eine allgemeinere Anwendung, sondern auch den großen dkonomischen Bortheil, daß durch sie die Anschaffung einer großen Anzahl von Gußmobellen erspart wird, da bei der Epicycloidenverzahnung für jede Theilung und für jedes Umsehungsverhältniß ein besonderes Raderpaar, bei der Evolventenverzahnung aber zur Herstellung einer verlangten Umsehung nur eine Ausswahl unter den verschiedenen Radern von derselben Theilung nottig ift.

Fig. 179.

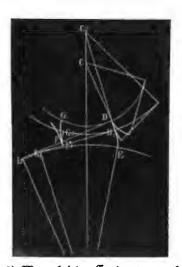


Fig. 180.

3) Wenn bei der Evolventenverzahnung die Arenlage eine andere wird, was durch Abführen oder Vorrücken der Zapfenlager leicht möglich ist, so wird dadurch nur die Dauer, nicht aber die Regelmäßigkeit des Eingreisens verändert. Rückt das Rad CDG, Fig. 180, dem Rade EMF näher, kommt es also in die Lage $C_1D_1G_1$, so kommt der Punkt, wo das Einzgreisen aufhört, von D nach D_1 , rückt es dagegen entseinter, kommt es also in die Lage $C_2D_2G_2$, so würde die Stelle, wo das Eingreisen aufhört, nach D_2 gelangen, da aber der Zahn DE der sesten Rades nicht die Länge D_2E_2 hat, so ist der Eingriff in einem Punkte d beendigt, der ebenso wie D_1 vor D liegt. Bei der Epicycloidenverzahnung verursacht hingegen jede Aenderung der Arenstellung einen sehlerhaften Eingriff, und es wird dadurch nicht nur der regelmäßige Gang gestört, sondern auch leicht ein Einklemmen

und Abbrechen ber Bahne herbeigeführt. Aus biefem Grunde ift es auch nothig, ben Spicycloidengahnen einen größeren Spielraum (frang. jeu; engl. back-lash) zu geben, als ben Evolventengahnen.

§. 74. Die aus §. 64 bekannte Zahnconstruction mittels Kreisbogen Billie Laber wird praktisch auf folgende Weise angewendet. Man zieht durch den Bez rührungspunkt A in der Centrallinie CM, Fig. 181, eine Gerade OO_1 , Fig. 181.



welche um den Winkel $CAO=MAO_1=75^{\circ}$ von der Centrallinie absweicht, errichtet hierauf ein Perpendikel und schneidet von demselben zu beisden Seiten von A ein Perpendikel $AN=AN_1 \angle CL$ (wo C die Are des kleineren Rades ist) ab. Zieht man nun die geraden Linien MNO, CKN, MK_1N_1 und CN_1O_1 , so erhält man in den Durchschnitten O, K, K_1 und O_1 die Wittelpunkte der Kreisbögen BD, FG, D_1E_1 und G_1B_1 , von welschen je zwei eine Zahncurve, wie $BDE=B_1D_1E_1$ und $FGH=F_1G_1B_1$ bilden. Sollen nun, wie in der Figur, stets zwei Zähnepaare arbeiten, so trägt man auf die Theilkreise die Hälfte der Theilung S als S0 and S1.

winter 3abn. = $AG = AG_1$ auf, und befchreibe nun aus O ben Bogen DB, aus K ben Bogen GF; ferner aus K_1 ben Bogen D_1E_1 und aus O_1 den Bogen G_1H_1 , ober, um gleich zusammenhangenbe Bahnformen zu erhalten, aus den leicht zu bestimmenden Puntten K2 und O2 die Bogen DE und GH.

> Uebrigens laffen fich auch die Mittelpunkte O, K ... burch Auftragen Big. 182.



der Abscissen $AO = x_1$, $AK = x_2$ u. s. w. finden, nachdem man dies selben mittele ber Formeln berechnet hat, welche in 6. 64 mitgetheilt morden find. hierbei fann man fich auch mit Bortheil bes in §. 66 befchries benen Dbontographen und einer im Ingenieur, S. 567 mitgetheilten Tabelle von verschiedenen Werthen fur x1 und x2 bedienen.

Diese Construction ift auch unmittelbar auf Rader mit innerer Bergahnung anwendbar. Es liegt hier bas Centrum M bes innen gegahnten Ras bes mit bem Mittelpuntte C bes fleineren Rabes auf einerlei Seite, und es fallt deshalb AO fleiner und AK, großer aus, übrigens geht naturlich bas Burgel- oder Fußftud BD in bas Ropfftud und bas Ropfftud DE minie Bahn. in bas Aufftud uber. Bei ber gegahnten Stange ift M unenblich entfernt

und es find baber die Linien NK und N1K1 parallel gur Centrallinie CA. Endlich ift leicht und zumal auch aus ben Formeln fur x1, x2 u. f. w. ju erfeben, bag auch bier, wie bei ben Evolventengahnen, die Bahnform bes einen Rabes gar nicht von ber Grofe bes anderen Rabes abhangt, bag fich alfo fur eine gegebene Bahntheilung und fur ein bestimmtes Perpenbitel $AN = AN_1$ ein ganger Sat von Radern conftruiren lagt, welche regelrecht mit einander arbeiten tonnen.

Beifpiel. Ein Bahnrab mit 72 Bahnen und einer Theilung von 31/2 Boll, foll zwei Betriebe von 19 und 31 Bahnen in Bewegung fegen, welches find bie nothigen Abseiffen ber Mittelpuntte ber Bahnbogen? Rach ben Formeln bes S. 64 hat man für bas Treibrab

$$x_1 = \frac{0.4943 \cdot 72 \cdot \frac{5}{2}}{72 - 12} = 1.483$$
 Joll und $x_2 = \frac{0.4943 \cdot 72 \cdot \frac{5}{2}}{72 + 12} = 1.059$ Joll,

ferner fur bas eine Betriebe

$$x_1 = \frac{0.4943 \cdot 19 \cdot \frac{5}{2}}{19 - 12} = 3,354$$
 Boll und $x_2 = \frac{0.4943 \cdot 19 \cdot \frac{5}{2}}{19 + 12} = 0,757$ Boll, und für bas andere

$$x_1 = \frac{0.4943 \cdot 31 \cdot \frac{5}{2}}{31 - 12} = 2{,}016 \,\,\text{Boll} \,\, \text{und} \,\, x_2 = \frac{0.4943 \cdot 31 \cdot \frac{5}{2}}{31 + 12} = 0{,}891 \,\,\,\text{Boll}.$$

Die im Ingenieur, Seite 567, mitgetheilten Tabellen geben giemlich genau biefelben Berthe.

6. 75. Der Bahnconstruction conifcher Raber ift eigentlich eine Bergabnung spharische Epicycloide (frang. épicycloide sphérique; engl. spherical epicycloid) zu Grunde zu legen. Diefe Curve entfteht, wenn fich ein

Fig. 183.



Regel ASO, Fig. 183, auf einem zweiten Regel ASN fortmalzt; jeber Puntt O in ber Dberflache bes erften Regels beschreibt bann eine spharische Epicycloide. Bei diefem Balgen andert ber beschreibende Dunet feinen Abstand von der gemeinschaftlichen Regelfpite nicht; es bleibt baber berfelbe ftete in der Dberflache einer aus S mit SO = SN zu beschreibenben Rugeloberflache, es befindet fich alfo auch die erzeugte Curve SO in einer Rugeloberflache; daher der Name fpharische Epicncloide.

Bare ASO und ASN ein conisches Raberpaar, AMN ber Theilfreis bes einen und ACO ber bes anderen Rades, fo murben die punktformigen Bahne D, D, u. f. w. bes letteren, von den brahtformigen Bahnen AB, Bergabnung conifcer Räber. A1B1 u. f. w. bes ersteren regelrecht fortgeschoben werden, wenn biese nach

Fig. 184.



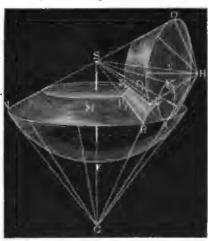
einer spharischen Spicycloide geformt waren, die entsteht, wenn man ACOS auf AMNS walzt; benn es wurden bann die Bogen AA1 und DD1 einander gleich, also, wie nothig, die gleichzeitigen Wege in beiden Theilskreifen gleich groß sein.

Statt bes punktförmigen Zahnes B_1 kann man auch einen gerablinigen Zahn B_1S anwenden, und den Bogen A_1B_1 durch eine schiefe Flache A_1B_1S ersehen, die entsteht, wenn man eine Gerade durch A_1B_1 und

S bewegt. Hiernach lassen sich die Zahnstächen eines Rades sinden, welches einen conischen Drehling in Umdrehung sett. Es sind dann DS, D_1S u. s. w. die Aren der ebenfalls nach Regeln zu formenden Triebstöcke, und es ist die schiefe Fläche A_1B_1S durch eine andere zu ersehen, deren Leitlinie Acquidistante von A_1B_1 ist (vergl. III., §. 67, Anmerkung).

Eine allgemeinere Bahnconstruction ift folgende. Es sei wieder A ber

Fig. 185.



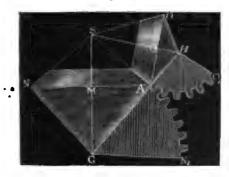
Berührungspunet, ober viel= mehr AS die Berührungelinie zwifchen zwei conifchen Rabern AMNS und ACEO, Figur Man lege über AS 185. noch einen britten Regels ober Rugelfector ADKS und malge biefen nicht allein über ber Regelfläche ASN, fonbern auch in ber Regelflache ASO; babei beschreibt eine Seite DS von ADKS die Schiefen Blachen DBS und DES, und wenn man nun bie Bahne vom Rabe AMN nach DBS und die vom Rade ACO nach DES formt, fo fest, ba AD = AB= AE ift, augenfällig bas eine Rad bas andere regelrecht

in Umbrehung (vergl. §. 61). Raturlich ift es nicht nothig, vollstandige

Regel anzuwenden, sondern hinreichend sich abgekurzter Regels und Bahns Berjahnung Contider flachen, wie z. B. DBB_1D_1 und DEE_1D_1 zu bedienen.

§. 76. Zieht man durch den Berührungspunkt A eine Gerade GH rechtwinkelig auf AS, welche beide Radaren SM und SC mit einander versbindet, so kann man mit den Theilen AG und AH derselben um diese Aren zwei neue Regelstächen AGN und AHO beschreiben, welche die den Calotten AFN und AKO entsprechende Rugeloberstäche in A mathematisch berühren. Da sich nun aber annehmen läßt, daß zwei sich berührende Flächen ein um den Berührungspunkt herumliegendes Flächenelement oder kleines Flächensstäch mit einander gemeinschaftlich haben, so kann man sich auch vorstellen, daß der kleine, dem Punkte A sehr nahe liegende Bogen DB in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und biese Zurücksührung der Rugelstäche NFAO auf zwei

Fig. 186.



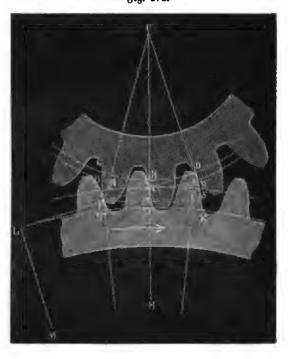
Regelflächen AGN und AHO gelangt man aber nach Treds gold zu einer sehr einfachen Jahnconstruction für conische Räder (s. Tredgold's edition of Buchanan's Essay on Millwork); man wickelt nämslich die Regelstächen AGN und AHO, Fig. 186, ab, breitet sie auf einer Ebene aus, und verzahnt die so erhaltenen Sectoren AGN₁ und AHO₁ nach einer der oben mitgetheilsten Regeln für die Jahncons

struction von Stirnrabern. Widelt man bann biefe Sectoren wieder als Regelmantel auf, so bekommt man in den Bahnen derselben die Leitlinien ber Bahnstächen beider Raber, und es lassen sich nun durch Bewegung einer stets nach S gerichteten Geraden diese Flachen leicht selbst finden. Man kann sich zur Anfertigung dieser Bahnsectoren des dunnen Bleches, Leders u. s. w. bedienen. Die speciellere Ausführung dieser Constructionsregel ift aus Fig. 187 auf folgb. Seite zu ersehen.

Innere Verjahung Ift n_1 sehr groß, ober unendlich, so hat man hiernach $\frac{4}{3n_2^2} = 0.0127$ und $n_2 = \sqrt{105} = 10.25$, dann sind also mindestens 11 Zähne im Getriebe nothig; ist aber $n_2 = \frac{1}{2}n_1$, also $n_1 = 2n_2$, so hat man $\frac{7}{8n_2^2} = \frac{1}{79}$, und $n_2 = \sqrt{69} = 8.3$, also die Anzahl der Getriebzähne wen gstens = 9.

Anmerkung. Die Arbeit ber Jahnreibung ift bei Durchlaufung ber Iheilung AD=AE=s, $L=Fs=(DE-GE)\varphi K$ annähernb $=(h_1-h_2)\varphi K$ $=\left[\left(\frac{2}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi s-\frac{\pi s}{n_2}\right]\varphi K=\left(\frac{1}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi \varphi Ks,$ und taher tie Jahnreibung selbst, ganz in Uebereinstimmung mit bem Früheren, $F=\left(\frac{1}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi \varphi K.$

5. 72. Nach der Kreisevolvente (franz. d'éveloppante se cercle; engl. involute of the cercle) werden die Radzähne auf folgende Weise construirt. Man errichte im Berührungspunkte A beider Theilkr ife CA und MA, Fig. 178, ein Perpendikel AB auf der Centrallinie CM, und Fig. 178.



mache biefes ber Theilung, ober nach Befinden nur Dreiviertel berfelben ereinenten. Bon B ziehe man nun eine Gerade nach ber Are C bes kleineren Rades, und falle von A ein Perpenditel AD gegen BC. Ferner verlangere man AD rudwarts, falle von M gegen bie Berlangerung bas Perpenbitel, ober, was auf eins hinauskommt, ziehe ML parallel DC, und befchreibe aus C und M Rreisbogen burch D und L. Macht man nun noch AF gleich AD und wickelt man DF auf DG, und LD auf LE auf, fo erhalt man in ben Evolventenbogen FG und IE bie gesuchten Bahnformen. Nach dieser Construction ift nicht nur $DF = \mathfrak{B}$ ogen DG, sondern auch AD = Bogen DH, baber die Theilung

$$s = \frac{CA}{CD}$$
 . $DH = \frac{CA}{CD}$. AD , und $\frac{s}{AD} = \frac{CA}{CD}$.

Run ift aber auch wegen Aehnlichkeit ber Dreiede BAD und ACD, $\frac{AB}{AD} = \frac{CA}{CD}$, taher folgt benn AB = s, und zugleich die Richtigkeit ber Conftruction.

Die Dimenfionen der Evolventengahne ergeben fich wie folgt.

Die hervorragung eines Getriebzahnes FG uber feinem Th. ilfreife ift:

$$NF = h_2 = CF - CA = \sqrt{\overline{CA^2} - \overline{AD^2} + \overline{FD^2}} - CA = \sqrt{\overline{CA^2} + 3\overline{AD^2}} - CA$$

= $\sqrt{r_2^2 + 3s_1^2} - r_2$, wofern $AD = AF$ mit s_1 bezeichnet wird.

Unnahernd ist nun
$$h_2 = \frac{3 s_1^2}{2 r_2} = \frac{3 s^2}{2 r_2} = \frac{3 \pi s}{n_2}$$
.

Die fleinfte Getriebzahnbreite be ift

$$= 20N = 2(AO - AN) = 2(s - r_2 \varphi_2)$$

ju fegen, wenn 92 den Bintel ACF bezeichnet. Run ift aber

$$tang. \varphi_2 = \frac{AF \cdot sin. FAM}{CA + AF \cos FAM} = \frac{s_1 sin. CAD}{r_2 + s_1 \cos CAD} = \frac{s_1 \cdot sin. ABD}{r_2 + s_1 \cdot \frac{s_1}{r_2}}$$

$$= \frac{s_1^2 r_2}{s(r_2^2 + s_1^2)} = \frac{r_1}{s(\frac{r_2^2}{s_1^2} + 1)} = \frac{r_2}{s(\frac{r_2^2 + s^2}{s^2} + 1)} = \frac{r_2 s}{r_2^2 + 2 s^2}$$

annahernd $=\frac{s}{r_a}\Big(1-\frac{2\,s^2}{r_a^3}\Big)$, und (nach "Ingenieur", Geite 225)

$$\varphi_2 = tang. \varphi_2 - \frac{1}{3} (tang. \varphi_1)^3 + \dots$$
, daher hier

$$\varphi_2 = tang. \varphi_2 - \frac{1}{3}(tang.\varphi_1)^3 + \dots, \text{ daher hier}$$

$$\varphi_2 = \frac{s}{r_2} - \frac{2s^3}{r_2^3} - \frac{1}{3}\frac{s^3}{r_2^3} = \frac{s}{r_2} - \frac{7s^3}{3t_2^3} \text{ und}$$

$$b_2 = 2\left(s - s + \frac{7\,s^3}{3\,r_2^3}\right) = \frac{14}{3}\,\frac{s^3}{r_2^3} = \frac{14}{3}\,\cdot\frac{4\,\pi^2}{n_2^2}\,\cdot\,s = 184,23\,\frac{s}{n_2^2}\,\cdot$$

Kur die Hohe eines Zahnes vom größeren Rade hat man

$$\begin{array}{l} \frac{\sigma_{\text{poliventen}}}{s_{\text{dibne.}}}DR\!=\!h_{1}\!=\!MD\!-\!MA\!=\!\sqrt{\overline{ML^{2}}\!+\!\overline{LD^{2}}}\!-\!MA\!=\!\!\sqrt{\overline{MA^{2}}\!-\!\overline{AL^{2}}\!+\!\overline{LD^{2}}}\!-\!MA\\ &=\sqrt{r_{1}^{2}-\left(\frac{r_{1}}{r_{2}}\,s_{1}\right)^{2}+\left(\frac{r_{1}}{r_{2}}\,s_{1}+s_{1}\right)^{2}}-r_{1}\\ &=\sqrt{r_{1}^{2}+\left(\frac{2\,r_{1}}{r_{3}}+1\right)s_{1}^{2}-r_{1}},\\ \text{ba}\;\frac{A\,L}{A\,D}=\frac{M\,A}{C\,A}\;,\;\;\text{b. i.}\;\;A\,L=\frac{r_{1}\,s_{1}}{r_{3}}\;\text{iff.} \end{array}$$

Unnabernb hat man nun

$$h_1 = \left(\frac{2r_1}{r_2} + 1\right) \frac{s_1^2}{2r_1} = \left(\frac{2}{r_2} + \frac{1}{r_1}\right) \frac{s^2}{2} = \left(\frac{2}{n_2} + \frac{1}{n_1}\right) \pi s.$$

Enblich ift bas entsprechende Minimum ber Bahnbreite

$$b_1 = 2RS = 2(AS - AR) = 2(s - r_1 \varphi_1),$$

wo φ_1 ben Centriwintel AMD bezeichnet.

Nun ist
$$tang. \, \varphi_1 = \frac{AD sin. CAD}{MA + AD cos. CAD} = \frac{r_1 s}{r_1^2 + 2 s^2}$$
, annähernb $= \frac{s}{r_1} \left(1 - \frac{2 s^2}{r_1^2}\right)$, hiernach $\varphi_1 = \frac{s}{r_1} - \frac{s}{r_2^2}$,

baher
$$b_1 = \frac{14}{3} \cdot \frac{s^3}{r_*^2} = \frac{14}{3} \cdot \frac{4\pi^2}{n_*^2} \cdot s = 184,23 \frac{s}{n_*^2}$$

Seben wir nun $b_1 + b_2 = s$, so erhalten wir folgende Bebingungssgleichung fur bie kleinste Bahnezahl:

$$184,23\left(\frac{1}{n_1^2} + \frac{1}{n_2^2}\right) = 1, \text{ oder } \frac{1}{n_1^2} + \frac{1}{n_2^2} = \frac{1}{184}.$$
 Für $n_1 = n_2$ ist hiernach $\frac{2}{n_1^2} = \frac{1}{184}$, folglich $n_1 = n_2 = \sqrt{368} = 19$,

für
$$n_1 = \infty$$
 ist bagegen $\frac{n_1}{n_2} = \frac{1}{184}$, folglich $n_2 = \sqrt{184} = 13.5$.

Man ersieht hieraus, daß die Evolventengahne hoher und breiter ausfallen als die Epicycloidengahne, und daß deshalb bei den Raderwerken der ersten Art die Minimalzahnezahl größer ist als die bei den Raderwerken mit epicycloidischen Bahnen.

Anmerkung. Die Arbeit der Bahnreibung vor ber Centralinie ift $L_1=\varphi K_1\,(F\,O-A\,U)=\varphi K_1\,(E\,G-O\,G-A\,V+U\,V),$ wenn K_1 ben Normalbrud zwischen ben Bahnen bezeichnet. Run find aber (nach "Ingenieur", Seite 246) die Evolventenbogenlangen

$$FG=rac{FD^2}{2\,C\,D}\,, \qquad O\,G=AH=rac{\overline{A\,D^2}}{2\,C\,D}\,,$$
 ferner $A\,V=rac{\overline{A\,L^2}}{2\,M\,L}\,$ und $U\,V=FT=rac{\overline{F\,L^2}}{2\,M\,L}\,,$

baher folgt benn $L_1 = rac{arphi \, K_1}{2} \left(rac{F D^3 - A D^2}{C D} - rac{A L^3 - F L^3}{M \, L}
ight)$ Evolventen. abne.

$$= \frac{\varphi K_1}{2} \left(\frac{4s_1^2 - s_1^2}{CD} - \frac{\left(\frac{r_1}{r_2}s_1\right)^2 - \left(\frac{r_1s_1}{r_2} - s_1\right)^2}{ML} \right)$$

$$= \frac{\varphi K_1}{2} \left(\frac{3s_1^2}{CD} - \frac{(2r_1 - r_2)s_1^2}{ML \cdot r_2} \right)$$

$$= \frac{\varphi K_1s_1^2}{2} \left(\frac{3}{CD} - \frac{2r_1 - r_2}{ML \cdot r_2} \right).$$

Es giebt die Rormalfraft K_1 eine Tangentialfraft $K=rac{s_1}{r}K_1$, folgt, wenn man noch annähernb $CD = CA = r_2$ und $ML = MA = r_1$ fest, $L = \frac{\varphi Kss_1}{2} \left(\frac{3}{r_2} - \frac{2r_1 - r_2}{r_1r_2} \right) = \frac{\varphi Kss_1}{2} \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} \right)$

und bie Reibung auf ben Theilfreis reducirt:

$$F = \frac{L}{s} = \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}\right) \frac{\pi Ks}{2},$$

cber, ba $2\pi r_1 = n_1 s_1$ und $2\pi r_2 = n_1$

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \, \varphi \, K, \text{ wie oben.}$$

Cben fo groß ift fie auch bei bem Gingriff hinter ber Gentrallinie.

6. 73. Die Evolventenvergahnung ist jedenfalls die vollkommenste aller Bahnconstructionen; fie fteht ber Epicycloidenverzahnung nur in fofern nach, als fie langere Bahne liefert, und deshalb eine größere Angahl von Bahnen forbert als biefe. Da jeboch auch aus anderen Grunden eine großere Bahnegahl mechanisch vortheilhaft ift, so tritt diefer Nachtheil febr in ben Sintergrund. Der Borwurf, welchen man biefen Rabern noch macht, bag bei ihnen aus ber ichiefen Wirtung ber Drudfraft K, Seitenbrude $N_1 = \frac{s}{r_1} K_1$, und $N_2 = \frac{s}{r_2} K_1$ entfpringen, welche die Zapfenreibung vergrößern, ift ebenfalls von teiner Erheblichfeit, ba fich bei ber Epicycloiben= verzahnung Seitendrucke ebenfalls einfinden, fo lange die Bahne außerhalb

der Centrallinie auf einander wirken. Dagegen hat aber die Evolventenverzahnung folgende mefentliche Borguge.

- 1) Da ber Druck K1 grifchen ben Evolventengahnen vom Unfang bis Ende bes Eingriffes unveranbert berfelbe bleibt, fo findet bei diefen Bahnen eine gleichformigere und beshalb weniger nachtheilige Abnutung fatt, ale bei ben Epicycloidengahnen, wo diefer Druck veranderlich ift.
- 2) Ein und daffelbe Rad EML, mit Evolventengahnen, Fig. 179 (auf folgb. Seite), tann jugleich mit verschiedenen Radern, wie DCG, D1C1G1 u. f. w. arbeiten, benn bie Evolventenbogen DE oder DiE, welche einem und bemfelben Grundfreife entsprechen, find nur ber gange nach von ein= ander verschieden, DiE ift nur ein Theil von DE. Bei der Epicocloiden-

Gvolventen. 3abne. verzahnung hingegen hangt die Jahnform bes einen Rades auch von ben Theilkreishalbmeffer des anderen ab, es kann also hier ein Rad nicht zugleich mit anderen von verschiedenen halbmeffern arbeiten. Rader mit Evolventenverzahnung können also stets, wenn sie nur einerlei Theilung haben, in einander regelrecht eingreifen. Es gewährt hiernach diese Verzahnung nicht allein eine allgemeinere Anmendung, sondern auch den großen denomischen Vortheil, daß durch sie die Anschaffung einer großen Anzahl von Gußmobellen erspart wird, da bei der Epicycloidenverzahnung für jede Theilung und für jedes Umsehungsverhältniß ein besonderes Raderpaar, bei der Evolventenverzahnung aber zur herstellung einer verlangten Umsehung nur eine Ausswahl unter den verschiedenen Radern von derselben Theilung nöttig ist.

Fig. 179.



Fig. 180.



3) Wenn bei der Evolventenverzahnung die Arenlage eine andere wird, was durch Abführen oder Borruden der Zapfenlager leicht möglich ist, so wird badurch nur die Dauer, nicht aber die Regelmäßigkeit des Eingreisens verändert. Rückt das Rad CDG, Fig. 180, dem Rade EMF näher, kommt es also in die Lage $C_1D_1G_1$, so kommt der Punkt, wo das Einzgreisen aufhört, von D nach D_1 , rückt es dagegen entseinter, kommt es also in die Lage $C_2D_2G_2$, so würde die Stelle, wo das Eingreisen aufhört, nach D_2 gelangen, da aber der Zahn DE der sesten Rades nicht die Länge D_2E_2 hat, so ist der Eingriff in einem Punkte d beendigt, der ebenso wie D_1 vor D liegt. Bei der Epicycloidenverzahnung verursacht hingegen jede Aenderung der Arenstellung einen sehlerhaften Eingriff, und es wird dadurch nicht nur der regelmäßige Gang gestört, sondern auch leicht ein Einklemmen

und Abbrechen ber Bahne herbeigeführt. Aus diesem Grunde ift es auch nothig, ben Epicycloidengahnen einen großeren Spielraum (frang. jeu; engl. back-lash) ju geben, ale ben Evolventengahnen.

§. 74. Die aus §. 64 bekannte Bahnconstruction mittels Rreisbogen Billie Stabilwird praktifch auf folgende Beise angewendet. Man zieht burch den Beruhrungspuntt A in ber Centrallinie CM, Fig. 181, eine Gerade OO. Fig. 181.



welche um ben Winkel CAO = MAO, = 75° von ber Centrallinie abweicht, errichtet hierauf ein Perpenbitel und ichneidet von bemfelben au beis ben Seiten von A ein Perpenditel AN = AN, CL (wo C die Are des fleineren Rades ift) ab. Bieht man nun die geraben Linien MNO, CKN, MK_1N_1 und CN_1O_1 , so erhalt man in den Durchschnitten O, K, K_1 und O_1 bie Mittelpuntte ber Rreiebogen BD, FG, D1E1 und G1H1, von wels then je zwei eine Zahncurve, wie $BDE = B_1D_1E_1$ und $FGH = F_1G_1H_1$ bilben. Sollen nun, wie in ber Figur, ftets zwei Bahnepaare arbeiten, fo tragt man auf die Theilfreise die Balfte der Theilung 8 als $AD=AD_1$

ausuig 3abn. = $AG = AG_1$ auf, und beschreibe nun aus O den Bogen DB, aus K ben Bogen GF; ferner aus K_1 ben Bogen D_1E_1 und aus O_1 den Bogen G, H, ober, um gleich zusammenhangenbe Bahnformen zu erhalten, aus den leicht zu bestimmenden Punkten K2 und O2 die Bogen DE und GH.

> Uebrigens laffen fich auch bie Mittelpunkte O, K ... burch Auftragen Big. 182.



der Abscissen $AO=x_1$, $AK=x_2$ u. s. w. finden, nachdem man dies felben mittels ber Formeln berechnet hat, welche in §. 64 mitgetheilt mor= ben find. hierbei fann man fich auch mit Bortheil bes in §. 66 befchries benen Dbontographen und einer im Ingenieur, G. 567 mitgetheilten Tabelle von verschiedenen Werthen fur x, und x2 bedienen.

Diese Construction ift auch unmittelbar auf Raber mit innerer Bergabnung anwendbar. Es liegt hier bas Centrum M bes innen gegahnten Ras bes mit bem Mittelpuntte C bes fleineren Rabes auf einerlei Seite, und es fallt beshalb AO fleiner und AK, großer aus, übrigens geht naturlich

das Burgel: oder Fußstud BD in das Ropfstud und das Ropfstud DE minie Bahnin bas Fufftud uber. Bei ber gegahnten Stange ift M unenblich entfernt und es find baber die Linien NK und N1K1 parallel gur Centrallinie CA.

Enblich ift leicht und jumal auch aus ben Formeln fur x1, x2 u. f. w. ju erfeben, bag auch bier, wie bei ben Evolventengahnen, die Bahnform bes einen Rabes gar nicht von ber Große bes anderen Rabes abhangt, baf fich alfo fur eine gegebene Bahntheilung und fur ein bestimmtes Perpenbitel $AN = AN_1$ ein ganger Sat von Radern conftruiren lagt, welche regelrecht mit einander arbeiten tonnen.

Beifpiel. Gin Bahnrad mit 72 Bahnen und einer Theilung von 31/, Boll, foll zwei Getriebe von 19 und 31 Bahnen in Bewegung fegen, welches find bie nothigen Absciffen ber Mittelpuntte ber Bahnbogen? Dach ben Formeln bes 5. 64 hat man für bas Treibrab

$$x_1 = \frac{0.4943 \cdot 72 \cdot \frac{5}{2}}{72 - 12} = 1.488$$
 Boll und $x_2 = \frac{0.4943 \cdot 72 \cdot \frac{5}{2}}{72 + 12} = 1.059$ Boll, ferner für bas eine Getriebe

$$x_1 = \frac{0.4943 \cdot 19 \cdot \frac{5}{2}}{19 - 12} = 3,354$$
 3oll und $x_2 = \frac{0.4943 \cdot 19 \cdot \frac{5}{2}}{19 + 12} = 0,757$ 3oll, und für das andere

$$x_1 = \frac{0.4943 \cdot 31 \cdot \frac{5}{2}}{31 - 12} = 2,016 \text{ Boll und } x_2 = \frac{0.4943 \cdot 31 \cdot \frac{5}{2}}{31 + 12} = 0,891 \text{ Boll.}$$

Die im Ingenieur, Seite 567, mitgetheilten Tabellen geben giemlich genau biefelben Berthe.

6. 75. Der Bahnconstruction conischer Raber ift eigentlich eine Bergabnung spharische Epicycloide (franz. épicycloide sphérique; engl. spherical epicycloid) zu Grunde zu legen. Diefe Curve entsteht, wenn fich ein

Fig. 183.



Regel ASO, Fig. 183, auf einem ameiten Regel ASN fortmalgt; jeber Punkt O in ber Dberflache bes erften Regels beschreibt bann eine fpharische Epicycloide. Bei biefem Balgen anbert der beschreibende Punkt feinen Abstand von der gemeinschaftlichen Regelspipe nicht; es bleibt baber berfelbe ftete in der Dberflache einer aus S mit SO = SN zu beschreibenben Rugeloberflache, es befindet fich alfo auch die erzeugte Curve SO in einer Rugeloberflache; baber ber Name fpharische Epicycloide.

Bare ASO und ASN ein conisches Raderpaar, AMN ber Theilfreis bes einen und ACO ber bes anderen Rabes, fo murben bie punktformigen Bahne D, D, u. f. w. bes letteren, von den brahtformigen Bahnen AB,

Bergabnung contider Maber. A1B1 u. f. w. des ersteren regelrecht fortgeschoben werden, wenn diese nach Fig. 184. einer spharischen Spicycloide geformt

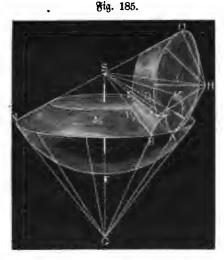


einer spharischen Spicycloide geformt waren, die entsteht, wenn man ACOS auf AMNS walzt; benn es wurden bann die Bogen AA1 und DD1 einander gleich, also, wie nothig, die gleichzeitigen Wege in beiden Theilskreifen gleich groß sein.

Statt bes punktformigen Zahnes B_1 kann man auch einen gerablinigen Zahn B_1S anwenden, und ben Bogen A_1B_1 durch eine schiefe Flache A_1B_1S ersetzen, die entsteht, wenn man eine Gerade durch A_1B_1 und

S bewegt. Hiernach lassen sich die Zahnstächen eines Rades sinden, welches einen conischen Drehling in Umdrehung sett. Es sind dann DS, D_1S u. s. w. die Aren der ebenfalls nach Regeln zu formenden Triebstöcke, und es ist die schiefe Fläche A_1B_1S durch eine andere zu ersehen, deren Leitlinie Acquidistante von A_1B_1 ist (vergl. III., §. 67, Anmerkung).

Eine allgemeinere Bahnconstruction ift folgende. Es sei wieber A ber



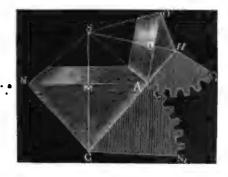
Berührungspunkt, ober vielmehr AS bie Beruhrungelinie zwifchen zwei conifchen Rabern AMNS und ACEO, Figur Man lege über AS noch einen britten Regel= ober Rugelsector ADKS und walke biefen nicht allein über ber Regelflache ASN, fonbern auch in ber Regelflache ASO; babei beschreibt eine Seite DS von ADKS bie schiefen Alachen DBS und DES, und wenn man nun bie Bahne vom Rabe AMN nach DBS und die vom Rade ACO nach DES formt, fo fest, ba AD = AB= AE ift, augenfällig bas eine Rab bas anbere regelrecht

in Umbrehung (vergl. §. 61). Naturlich ift es nicht nothig, vollstandige

Regel anzuwenden, sondern hinreichend sich abgekurzter Regels und Bahns Berjabnung flachen, wie z. B. DBB_1D_1 und DEE_1D_1 zu bedienen.

§. 76. Zieht man burch ben Berührungspunkt A eine Gerade GH rechtwinkelig auf AS, welche beide Radaren SM und SC mit einander vers bindet, so kann man mit den Theilen AG und AH derselben um diese Aren zwei neue Regelflächen AGN und AHO beschreiben, welche die den Salotten AFN und AKO entsprechende Rugeloberstäche in A mathematisch berühren. Da sich nun aber annehmen läßt, daß zwei sich berührende Flächen ein um den Berührungspunkt herumtiegendes Flächenelement oder kleines Flächensstück mit einander gemeinschaftlich haben, so kann man sich auch vorstellen, daß der kleine, dem Punkte A sehr nahe liegende Bogen DB in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN beise Zurücksührung der Rugelssäche NFAO auf zwei

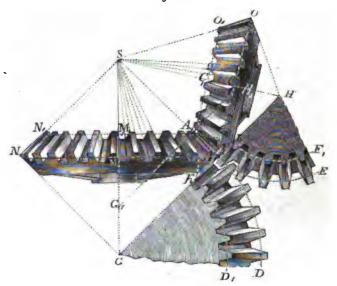
Fig. 186.



Regelstächen AGN und AHO gelangt man aber nach Treds gold zu einer sehr einsachen Bahnconstruction für conische Raber (s. Tredgold's edition of Buchanan's Essay on Millwork); man wickelt nämstich die Regelstächen AGN und AHO, Fig. 186, ab, breitet sie auf einer Ebene aus, und verzahnt die so erhaltenen Sectoren AGN und AHO1 nach einer der oben mitgetheilsten Regeln für die Jahncons

struction von Stirnrabern. Widelt man bann biefe Sectoren wieder als Regelmantel auf, so bekommt man in den Bahnen derselben die Leitlinien der Bahnflachen beider Raber, und es lassen sich nun durch Bewegung einer stets nach S gerichteten Geraden diese Flachen leicht selbst finden. Man kann sich zur Anfertigung dieser Bahnsectoren des dunnen Bleches, Leders u. s. w. bedienen. Die speciellere Ausführung dieser Constructionsregel ift aus Fig. 187 auf folgb. Seite zu ersehen.

Bergabnung conifcher Raber. Es ist hier AA_1 die Berührungslinie zwischen beiden Rabern; es sind ferner AGD und AHE die zwei Sectoren, deren an den Theilkreissbögen AD und AE hinlaufende Zähne die Stirnstächen der Zähne an Sig. 187.



ben außeren Rabumfangen AMN-und ACO geben, und es sind KGD_1 und LHE_1 die zwei Zahnsectoren für die Stirnstächen an den inneren Radumfangen $A_1M_1N_1$ und AC_1O_1 .

Der Halbmeffer $AG=y_1$ und $AH=y_2$ ber Kreissectoren, welche bieser Bahnconstruction zu Grunde zu legen sind, bestimmen sich, wenn, wie oben (§. 38) r_1 und r_2 bie außeren Radhalbmeffer MA und CA, a ben Kugelhalbmeffer SA, δ_1 und δ_2 die Winkel ASM und ASC bezeichnen,

burch die Formeln
$$y_1=a\,tang.\delta_1=rac{r_1}{cos.\delta_1}$$
 und

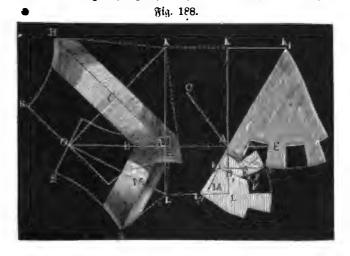
$$y_2 = a \, tang. \delta_2 = rac{r_2}{cos. \, \delta_2}$$
. (Bergi. §. 53.)

Diese Werthe sind in den Formeln von $\S.$ 63 und 65 statt r_1 und r_2 einzuführen, auch hat man natürlich

$$\frac{y_1}{y_2} = \frac{tang. \delta_1}{tang. \delta_2} = \left(\frac{\psi + cos. \delta}{1 + \psi \cos. \delta}\right) \psi$$
 zu fubstituiren.

opperboloiben. §. 77. Dieselbe Conftruction lagt fich auch bei ben Sperboloiden : raber. rabern anwenden. Auch hier kann man die Stirnflachen der Bahne in

Regelflachen ABK und ALN, Fig. 188, liegend annehmen. Wenn man opperboleitenriber. bie burch Abwidelung biefer Klachen erhaltenen Kreissectoren nach ben be-



kannten Regeln verzahnt, so erhålt man genau so wie im Borstehenben die gesuchten Zahnprosile. Die Halbmesser ober Regelseiten $AK_1=y_1$ und $AL_1=y_2$ werden nach $\S.$ 55 durch die Formeln

$$y_1 = \sqrt{rac{l^2 tang.\,\delta_1^2 + r_1^2}{l^2 tang.\,\delta_2^2 + r_2^2}}$$
 und $y_2 = \sqrt{rac{l^2 tang.\,\delta_2^2 + r_2^2}{l^2 tang.\,\delta_2^2 + r_2^2}}$

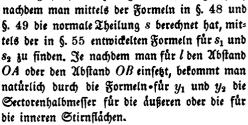
bestimmt; übrigens aber hat man wie bei Regelradern

$$\frac{\mathbf{v}_{1}}{\mathbf{v}_{2}} = \frac{tang.\delta_{1}}{tang.\delta_{2}} = \left(\frac{\psi + cos.\delta}{1 + \psi \cos.\delta}\right)\psi$$

ju feten, um nach ben Formeln in §. 63 und 65 die Abrundungshalbmeffer zu finden.

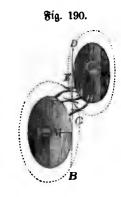
Die auf die aufgewickelten Rugelflachen aufzutragenden Theilungen find,





Bei ber Zahnconstruction dieser Raber lagt sich auch die Kreisevolvente in Anwendung bringen. Man kann namlich die gerade Linie BD, in welcher

Rammraber.



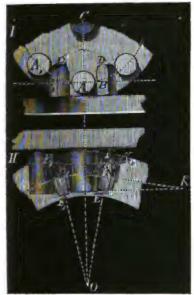
sich je zwei Rabaren AMB und ACD, Fig. 190, schneiben, auf die beiden Kreise MFG und CEH auswickeln, welche sich aus M und C beschreiben lassen und BD berühren, und die Jähne nach sich hierbei ergebenden Evolventenbögen EF und GH formen.

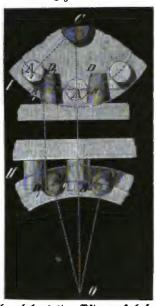
§. 78. Man tann auch bei Raberwerten mit sich schneibenben Aren Drehlinge mit Triebstoden anwenben. Die letteren sind in diesem Falle eigente lich nach Regeln zu formen, beren Seiten nach dem Arendurchschnitte gerichtet sein muffen; ber leichteren Ausführung und größeren haltbarkeit

wegen macht man dieselben aber, zumal wenn sie lang sind, cylindrisch, und giebt ben Bahnen ber zugehörigen Kron= ober Kammraber (f. §. 47) besondere Formen. Jebenfalls ist aber die Anwendung eines gewöhnlichen conischen Raberwertes dieser Radconstruction vorzuziehen. Die Bahne ober Kamme rundet man in der Regel, und zwar wie folgt, nach zwei Richtunsgen treissörmig ab.

Fig. 191, I. und II., führt ein solches Raberwerk in zwei Projectionen vor Augen. Das Profil $BD = B_1D_1$ eines Kammes parallel zur Umsbrehungsebene des Drehlings, ist eigentlich eine Parallele zur Cycloide, welche der Theilkreis CAA_1 beim Walzen auf seiner Basis beschreibt, wird aber in der Regel durch einen aus dem Berührungspunkte A beider Theilkreise beschriebenen Kreisbogen ersetzt. Die Profile EF und E_1F_1 parallel zur Umdrehungsebene des Kammrades werden von anderen Kreisbogen gebildet, welche die Seiten des Triebstocks in E und E_1 berühren, deren Mittelpunkte K und K_1 daher gesunden werden, wenn man Perpendikel auf diese Seiten errichtet und Tangenten zum Theilkreise OMM_1 des Kammrades durch die Mittelpunkte M und M_1 der Kamme legt.

Eine andere Construction der Kamme zeigt Fig. 192, I. und II., in zwei Unsichten. Die Form eines Kammes ist hier ein Conoid, dessen Durchsschnitts oder Erzeugungslinie $BD = B_1D_1$ auf folgende Weise gefunden wird. Es ist MB der willtürliche Halbmesser von der Basis dieses Körpers rechtwinkelig gegen die Seite des cylindrischen Triebstockes gelegt, MM_1 die Theilung und D_1 der in der Sehne AA_1 liegende Berührungspunkt; daher das Perpendikel M_1D_1 in II., rechtwinkelig zur Seite des Triebstockes der Halbmesser der Kopfstäche des Kammes. Auf gleiche Weise lassen sich auch noch die Halbmesser von zwischenliegenden Querschnitten des Kammes sinden, wenn man $AA_1 = MM_1$ nur einem Theile der Theilung gleich nimmt.





Anmerkung. Die im letten Paragraphen behandelten Raberwerke haben ben Mangel, daß fich ihre Bahne ober Kamme nur in einem Bunfte berühren, und baher schneller abführen, als wenn die Berührung in einer Linie Statt hat. Olivier (s. bessen geometrische Theorie ber Bahnraberwerke) unterscheibet hiernach Kraft- und Pracifioneraberwerke von einander, und versteht unter ben ersteren diesenigen, deren Bahne sich in einer Linie, und unter ben letteren biesenigen, beren Bahne sich in einem Bunkte berühren, weil sich jene mehr zum Fortpflanzen einer Kraft, diese aber mehr zum Umsehen einer Bewegung ohne Kraft, wie z. B. für Bahlapparate, Uhren u. f. w. eignen.

§. 79. Die Bahnraber werben entweber aus Holz ober aus Eisen angefertigt. Eiserne Bahnraber sind aus leicht begreislichen Grunden ben holzernen Bahnrabern vorzuziehen. Bon holzernen Rabern läßt sich, wenn sie zumal ber veränderlichen Witterung und der abwechselnden Raffe sehr ausgesetzt sind, ein regelrechter Eingriff nie erwarten, da dieselben sich leicht werfen ober ziehen, und mit der Zeit unrund werden. Unter gewissen Umpfländen, namentlich wegen der leichten herstellung werden jedoch holzerne Bahnraber, zumal zu vorübergehenden Zweden, immer in Anwendung bleiben.

In einem Bahnrabe ift ju unterscheiben:

- 1) ber Rabfrang (frang. anneau, jante; engl. rim),
- 2) bie Bahne (frang. dents; engl. cogs, teeths),
- 3) die Rabarme (frang. bras; engl. arms) und
- 4) bie Bulfe ober Rabe (frang. moyeu; engl. nave).

Nat. nftructionen. Bolgerne Babnraber.

Bei ben holzernen Rabern fallt bie lettere gang aus, ba hier bie Rabarme unmittelbar mit ber Belle verbunden werden. Man hat hier, wie bei ben Bafferrabern, Sattel= ober Sternraber (f. II. f. 88), je nachbem bie Belle burch das von den Armen gebilbete Geviere geftedt wirb, ober um= gekehrt, bie Urme durch die Welle gestedt werden. Rleinere Rader erhalten nur 4 Urme ober Speichen, großere aber 8 bis 12. Bei ben bolgernen Bahnrabern werden bie Rrange aus zwei ober brei Felgen ich ichten gufammengefebt, wovon jebe, nach ber Große ber Raber, aus 4 bis 8 Felgen oder Brettstuden besteht. Die feste Berbinbung biefer Kelgenlagen wird burch 3/4 bis 1 Boll bide Ragel ober Schrauben von hartem Solze bewirkt. Die Berftellung und Busammensebung bes Rabkranges erfolgt auf bem fogenannten Rabft uhl, einem aus horizontalen Balten gebilbeten, in Form eines Sternes mit einander verbundenen Geftelle. In der Mitte bes Radftubles ift ein 1 Boll ftarter Bolgen, ber Dond, befestigt, um ben fich ein langes Lineal, ber fogenannte Rabgir fel, breben lagt, bas zu biefem 3mede an einem Ende mit Lochern verfeben ift. Bum Aufreißen bes Theilriffes und ber Umfangefreise bient ein mit einer Spige versehener eiserner Bugel, ber sich an bem anderen Ende bes Rabgirtels verschieben und burch Schrauben ober Reile baran befestigen lagt.

Der Rabkranz wird auf die Rabarme aufgeplattet und burch eiserne Schraubenbolzen mit diesen fest verbunden. Die Zahne oder Kamme sind mit langen Stielen versehen, womit dieselben in besonders dazu ausgesarbeitete Löcher zwischen den Felgenlagen des Radkranzes zu liegen kommen. Diese Stiele stehen an dem inneren Umfange des Kranzes noch 2 Zoll vor und werden noch durch schwache Rägel verriegelt. Die Theilung der hölzzernen Räder ist 3 bis 5 Zoll. Die Drehlinge oder Drillinge bestehen aus zwei Kränzen oder Scheiben, der eine mit runden, der andere mit vierseitizgen Löchern zum Einsehen der an einem Ende mit vierseitigen Zapsen verssehenen Triebstöde.

Figur 193 führt in I., II. und III. einen Bahn für ein holzernes Stirns Rig. 193. Fig. 194. Fig. 195.







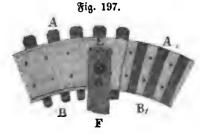


Belgerne Babnraber.

rad, einen Jahn fur ein Kammrad, und einen Triebstock fur einen Drehling vor Augen. Die Berbindung der Arme und Kamme mit dem Radkranze ist in Fig. 194 und Fig. 195 in einem Durchschnitte zu ersehen. Es ist AB der Kamm, C und D sind die Felgenlagen, EF die Arme und GH ist der Bolzen, wodurch der Kranz mit den Armen verbunden ist. Die größere Balfte eines Radarmes zeigt Fig. 196 in EGF; F ist der Einschnitt zur

Fig. 196.

Ueberplattung mit einem anderen Arme, G das Loch für den Bolzen, womit der Kranz an dem Arm befestigt wird. Aus Fig. 197 ift endlich die Vernagelung der



Felgenlagen, fo wie bas Einfeten ber Ramme zu erfehen; mahrend AB einen Bahn vorstellt, fuhrt A1B1 ein Bahnlager vor Augen.

§. 80. Bei ben eisernen Zahnrabern bilbet entweber der Kranz mit ben Bahnen ein Ganzes, ober es werben in benselben holzerne Zahne besons bers eingesett. Sehr zweckmäßig ist es, wenn man ein Rab mit hölzernen Zahnen mit einem ganz eisernen Rabe zusammen arbeiten läßt; man erhält babei nicht nur einen sehr sanften Gang, sondern auch eine sehr schwache Zahnreibung; auch werden durch diese Anordnung die nachtheiligen Wirzeungen der Stöße, zumal bei großen Umfangsgeschwindigkeiten, gemäßigt. Wegen des stärkeren Abführens der hölzernen Zahne macht man gewöhnzlich das kleinere Rad ganz aus Gußeisen und giebt dem größeren Rade hölzerne Zahne. Das beste Schmiermittel der Zahne ist grüne oder weiche Seise mit Fett oder Del vermischt.

Größere Raber von 8 bis 10 Jus Sohe gießt man nicht gern aus einem Stude, weil biese in Folge bes ungleichen Erkaltens leicht zerspringen; man zieht es vielmehr vor, bei solchen Rabern bie Arme und ben Kranz erst bes sonbers zu gießen, und nachher burch Schrauben mit einander zu verbinden.

Was die Dimensionen ganz eiserner Raber anlangt, so giebt man bem Kranze berselben eine der Bahnbide gleiche Breite; erstere auf bem Theilkreise, lettere radial gemessen, nnd macht die Dide desselben auch der Bahnbreite (parallel zur Are gemessen) gleich; bei eisernen Rabern mit holzernen Bahnen

Giferne Babnraber. Giferne ift die Kranzbreite 3/2 mal der Zahndide und die Kranzbicke nur 1/8 bis 1/4 Fig. 198. größer als die Zahnbreite.



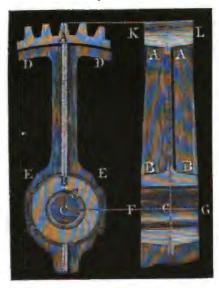


Fig. 199.





Fig. 200.



Die Art und Weise, wie bie holzernen Sahne in ben eisernen Kranz eingesett werben, ist aus ben Figrn. 198 und 199 zu ersehen. Jur Befestigung ber Jahne wendet man entweber einen eisernen Stift ober einen Keil A an, ben man zwisschen je zwei Zahnstielen am innern Radumfange einklemmt. Man seht sehr oft die Jahne aus 2 Theislen, jeden mit einem besonderen Stiele, zusammen,

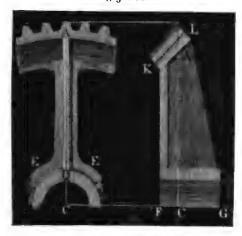
wie z. B. Fig. 199 bei ei= nem conischen Rabe zeigt.

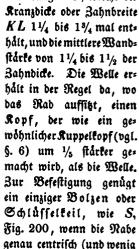
Die Dimensionen der Radarme sind wie bei ben Bafferrabern (f. II., §. 89) au berechnen. Bur Ber= ftartung wird entweber an jeber, ober, namentlich bei conifchen Rabern, wenigs ftens an einer Seite noch eine breite Feber ober Rippe, wie AB, Fig. 200 u. Fig. 201, beren Breite fich nach ber Breite ber Bahne ober ber Dice bes Radfranges richtet, und beren Dide 1/6 bis 1/5 ber Breite genom= men wird, angefest. Deift giebt man auch bem innern Rabumfange und der Rad= hulfe Rippen wie DD und EE, Fig. 200, welche mit

ben hauptrippen ber Arme einerlei Dide erhalten und beshalb als bloge Auslaufer ber Arme angufeben finb.

Der Hulse oder Rabe, womit das Rab auf der Welle sit, giebt man Fig. 201. eine Lange FG, welche die

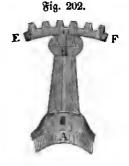
Giferne Babnraber.





conisch) abgebreht ist, außerbem aber sind 4 bis 8 schmiebeeiserne Reile nothig, um bas Rad centrisch auf ber Welle festzumachen.

Die Art und Weise, wie der Kranz eines hohen Rades durch Schrauben SS_1 mit seinen Armen verbunden wird, ist aus Figur 199 zu ersehen. Wie sehr hohe Rader sich aus einem Wellkranze A, einzelnen Armen AB und einzelnen Kranzstuden DE und DF zussammensehen lassen, führt Figur 202 vor Augen.



Soluganmerfung. Die geometrische Conftruction ber Radzahne ift zuerst von bem banischen Aftronomen Romer, nachstbem aber von Lahire, Casmus und Depacieur gezeigt worden. Ueberdies haben sich aber auch Euler und Kaktner damit beschäftigt, die besten Zahnsormen der Raderwerke auszumitteln. Man findet die hierauf bezüglichen Schriften angeführt in Chtelswein's Statif, Bb. I. Aussührlich über die Berzeichnung der Radzähne handelt außer Extelwein auch noch Gerkner im britten Bande seiner Mechanif, sowie hachette in seinem Traits elem de machines, serner in der neuesten Zeit Dlivier in seiner geometrischen Theorie der Zahnraberwerke (beutsch von Schnuse), und Billis in seinen Principles of Mechanism. Die Raderwerke überhaupt werden aussührlich behandelt in Berdamis Grundsahn der angewandten Werkzeugswissenschaft und Nechanif, Theil II. (aus dem Hollandischen von Schmidt), serner in haindle' Maschinenkunde, in Salzen berg's Bor-

tragen über Mafchinenbau, in Rohl's Elementen von Mafchinen. Auch ift bas Nothigste hiervon enthalten in Morin's Aide-memoire und Rebtenbacher's Resultaten für ben Mafchinenbau.

Drittes Rapitel.

Bon den Excentriks und den Krummzapfen, als den einfachsten Hilfsmitteln zur Berwandlung der Kreisbewegung in eine geradlinige, und umgekehrt.

Eciforb.



§. 81. Das einfachste Mittel jum Umsehen ber Kreisbewegung in eine

gerablinige, und umgekehrt, ber gerablinigen in eine kreisformige, besteht in der Anwensdung eines Seilkorbes (franz. tambour; engl. drum), b. i. einer Welle oder Trommel mit umgewideltem Seil, Fig. 203. Wird die Welle AC durch ein Rad oder durch eine Kurbel u. s. w. in Umdrehung geset, so wis delt sich das Seil BD auf den Korb KK auf, und es wird dadurch die am Seilende D wirzkende Last gehoben, oder in gerablinige Bewezgung verset; wirkt umgekehrt eine Zugkraft am Seilende D, so widelt sich das Seil alls

målig vom Korbe ab, und es nimmt die Welle AC, worauf der Korb festssist, eine brehende Bewegung an. Ist r der Korbhalbmesser und d die Seilstärke, so hat man, wenn sich das Seil nur einsach auswickelt, den mittleren Hebelarm des Seiles: $b=r+\frac{d}{2}$, und ist nun noch u die Zahl der Umdrehungen pr. Minute, so hat man die Geschwindigkeit des Seiles: $v=\frac{\pi u}{30}\left(r+\frac{d}{2}\right)=0,1047\,u\left(r+\frac{d}{2}\right)$.

Wickelt sich das Seil mehrmals über sich selbst auf, so ist der Hebelarm b veränderlich, und daher für benselben ein mittlerer Werth zu sinden. Ist l die Länge des Seilfaches, so hat man die Anzahl der Seilumschläge in einer Reihe: $n=\frac{l}{d}$; und da sich nun die Länge eines Seilumschlas ges $= 2\pi \left(r + \frac{d}{2}\right)$ fegen läßt, fo hat man die Lange des Seiles, Ceitterb.

welches ben Seilkorb bas erfte Mal bebeckt, annahernb

$$s_1 = 2\pi n \left(r + \frac{d}{2}\right) = \frac{2\pi l}{d} \left(r + \frac{d}{2}\right).$$

Seht man statt r, r + d, so erhalt man die Seillange, welche die zweite Seilbebeckung ausmacht,

$$s_2 = \frac{2\pi l}{d} \left(r + \frac{3d}{2} \right);$$

ebenfo erhalt man bie Seillange fur eine britte Bebeckung

$$s_3 = \frac{2\pi l}{d} \left(r + \frac{5d}{2} \right),$$

und allgemein die fur eine mte Bebedung,

$$s_m = \frac{2\pi l}{d} [r + (m - 1/2) d].$$

Durch Summation biefer Werthe ergiebt fich nun die ganze Lange bes aufgewickelten Seiles:

$$s = s_1 + s_2 + \dots + s_m = \frac{2\pi l}{d} \left[mr + \left(1 + 2 + \dots + m - \frac{m}{2} \right) d \right],$$

oder, da
$$1+2+\cdots+m=\left(\frac{1+m}{2}\right)m$$
 ist,

$$\cdot s = \frac{2\pi l}{d} \left(mr + \frac{m^2 d}{2} \right) = \frac{2\pi m l}{d} \left(r + \frac{m d}{2} \right).$$

Umgekehrt folgt hiernach $m^2 + \frac{2r}{d}m = \frac{s}{\pi l}$, baher

$$m = -\frac{r}{d} + \sqrt{\frac{s}{\pi l} + \left(\frac{r}{d}\right)^2},$$

und baher die Angahl ber Seilumschläge ober Korbumbrehungen bei Aufswickelung der Seillange s:

$$n_1 = m \cdot n = \frac{l}{d} \left[\sqrt{\frac{s}{\pi l} + \left(\frac{r}{d}\right)^2} - \frac{r}{d} \right] = \frac{r l}{d^2} \left(\sqrt{\frac{s d^2}{\pi l r^2} + 1} - 1 \right).$$

Sest man nun s = 2 mbn1, fo erhalt man ben gesuchten mittleren Sebelarm

$$b = \frac{s}{2\pi n_1} = \frac{s d^2}{2\pi r l \left(\sqrt{\frac{s d^2}{\pi l r^2} + 1} - 1\right)} = \left(\sqrt{\frac{s d^2}{\pi l r^2} + 1} + 1\right) \cdot \frac{r}{2},$$

wofür in der Regel annähernd $b = \left(1 + \frac{s\,d^2}{4\,\pi\,l\,r^2}\right)r$ genommen werden

tann. Hiernach ift die mittlere Geschwindigkeit bes Seiles:

$$v = \frac{\pi u}{30}b = 0,1047\left(1 + \frac{sd^2}{4\pi lr^2}\right)ur.$$

Ceiltorb.

Beispiel. Für die Seillange s=2000 Fuß, Seilstärfe $d=\frac{1}{2}$ Boll, Seilsachlange l=8 Boll und ben Korbhalbmeffer $r=2\frac{1}{2}$ Fuß, ift der mittlere Bebelarm

$$b = \left(1 + \frac{2000}{4\pi \cdot \frac{9}{3} \cdot 60^2}\right)r = \left(1 + \frac{5}{24\pi}\right)r = 1,066 r = 32 \, 30 \, \text{M}$$
, und wird nun das Seil in 10 Minuten aufgewidelt, so ist die mittlere Geschwins digkeit desselben $v = \frac{2000}{600} = \frac{10}{3} \, \text{Fuß}$, und die entsprechende mittlere Umstrehungszahl pr. Min. $u = \frac{30v}{\pi h} = \frac{30 \cdot 40}{32 \cdot \pi} = \frac{75}{2\pi} = 11,94$.

Bejahnte Stange. §. 82. Wir haben schon im letten Kapitel wiederholt darauf hingewiessen, daß sich die Theorie eines Råderpaares auch auf die eines Rades mit gezahnter Stange (f. §. 47) anwenden läßt, und daß es hierbei nichts weiter als des Unendlichgroßsehens des Radhalbmessers bedarf. Deshalb bleibt uns denn auch über die Anwendung des Rades mit gezahnter Stange als Hilfsmittel zum Umsehen der Kreisdewegung in eine gerade, und umgekehrt, zur Verwandlung der geradlinigen Bewegung in eine kreisformige, nur noch wenig zu sagen übrig. Besteht das Rad in einem Drehling (mit Triebstöden), so sind die Zähne der Stange nach einer Cycloide zu formen, welche den Theiltreis des Rades zum Erzeugungskreise hat (f. §. 67, Kig. 168). Giebt man den Radzähnen ebene und radial gerichtete Seitenstächen AB, A_1B_1 ..., Kig. 204, so sind die Zähne DE, D_1E_1 nach einer Cycloide zu formen, welche den Kreise Ab $_1C$ erzeugt wird, der den







Rabhalbmesser CA zum Durchmesser hat (s. §. 68, Fig. 170). Wenn man hingegen ben Radzähnen AB, A_1B_1 ... Fig. 205 bie Evolventenform giebt, so reducirt sich die Zahnsorm der Stange auf einen Punkt D, D_1 ..., und es ist die übrigens beliebig zu formende Zahnstäche DE in D rechtwinkelig gegen die Stangenrichtung ST zu legen. Während sich jene Construction mehr zur Bewegung des Rades durch die Stange eignet, ist diese Construction mehr dazu geschickt, die Stange durch das Rad zu bewegen.

Bei den soeben abgehandelten Constructionen erfolgt der Angriff erst in der Centrallinie CA, foll hingegen berfelbe schon vor derselben eintreten, so hat man beide Constructionen mit einander zu vereinigen, namlich die Rads oder Getriebzähne nach einem Kreisevolventenbogen A_1B_{20} Figur 206, und die

Stangengahne nach einem Eplinderbogen D_1E_1 zu gestalten. Es tommt dann

Bezahnte Etange.



auf der einen Seite der Centrallinie der Evolventenbogen A_1B_1 des Radzahnes mit einer und derfelben Stelle D des Stangenzahnes, und auf der anderen Seite der Eycloidenbogen D_1E_1 des Stangenzahnes mit dem ebenen Theile des Radzahnes in Berührung. Uebrigens läßt sich auch die einfache Evolventenverzahnung, wie sie in §. 72 beschrieben worden ist, verwenden. Die Zähne der

Stange nehmen hierbei eine triangulare Form an.

§. 83. Um Stangen ober hebel durch eine umlaufende Welle auf und Paumen. nieder zu bewegen oder hin und her zu schieben, versieht man lettere mit zahnahnlichen Ansagen ober sogenannten Daumen (franz. cames; engl. cams, tappets), die im Ganzen nach denselben Regeln zu construiren sind, wie die Jahne. Wir muffen bei der Construction der Daumen unterscheisden, ob die Richtung der Stange radial, d. i. nach der Are der Welle geht, oder ob sie neben der Are vorbeigeht, ferner ob die Stange gleichsbrmig oder ungleichsbrmig aufsteigen soll, u. s. w.

Der einfachfte Fall ift ber, wenn bie Stangenare rabial gur Belle fteht,





und die Bewegung derselben gleichsförmig, d. i. so erfolgen soll, daß gleichen Umbrehungswinkeln der Welle gleiche Wege der Stange entssprechen. Es sei in Fig. 207, AB = s der Weg, welchen die Stange bei Umdrehung der Welle um den Winkel ACD durchlaufen soll. Theislen wir nun sowohl die Hublinie AB, als auch den Boden AD in gleiche Theile, 3. B. 4, beschreiben wir durch die Theilpunkte der ersteren aus C concentrische Kreisbögen und ziehen wir durch die Theilpunkte 1, 2, 3.. des letzteren radiale Linien bis zu

ben Durchschnitten M, N, O, P, mit ben entsprechenden Kreisbogen, so erhalten wir in AMNOP eine archimedische Spirallinie (franzspirale d'Archimède; engl. spiral of Archimedes), nach welcher in biesem Falle ber Hebedaumen zu formen ist; benn kommen beim Umbrehen ber Welle die Punkte 1, 2, 3, 4 im Kreise nach und nach nach A, so gelangt

Taumen. M, N, O, P nach 1, 2, 3, 4 in ber Sublinie, und es wird babei die Stange um ben Weg A1, A2, A3, A4, alfo volltommen gleichformig angehoben. Soll ebenso bie Stange gleichformig niebergelaffen werben, mahrent fich Die Welle gleichformig um einen Winkel DCE brebt, fo findet man bie niedersteigende Daumencurve PQRSE, wenn man auch ben Bogen DE in (4) gleiche Theile theilt, burch die Theilpunkte bie Salbmeffer CO, CR, CS gieht und biefelben bis ju ben entsprechenden Rreisbogen verlangert.

Um die gleitende Reibung zwischen bem Stangenfuße und ber Daumenflache zu umgeben, verfieht man ben erfteren febr gewohnlich mit einem fogenannten Friftionerabe, und conftruirt bie Daumenflachen nach einer Parallelen A, N, P, R, Fig. 208, welche an allen Stellen um ben Salbmeffer $AA_1 = NN_1 = P_1P_1 = RR_1$, von ber archimebischen Spirale ober fogenannten Spinnlinie (Meoibe) ANPR absteht. Benn bie Stange bei einer Wellenumbrehung nur ein Spiel machen foll, fo bilbet ber Daumen mit ber Belle, wie z. B. in Fig. 208, eine fogenannte Bergicheibe (frang. roue en coeur; engl. heart-wheel).

Fig 208.





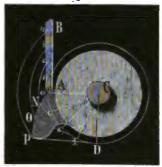


Bilbet die Stangenrichtung AZ, Fig. 209, eine Secante gur umlaufenden Belle, fo erleidet die Conftruction bes Daumens eine Modification. Soll auch hier bie Stange um AB aufsteigen, mahrent fich bie Welle um ben Winkel ACD breht, fo bleibt gwar die Eintheilung von AB und DE in gleiche Theile und bie Construction von Rreisbogen aus ber Bellenare C biefelbe, es find aber an bie Theilpunkte 1, 2, 3, 4 bes Bogens AD Linien von gleicher gange mit AB, ober, mas auf eine binauskommt, Linien fo zu legen, daß fie mit ben entsprechenden Salbmeffern C1, C2, C3 u. f. w. benselben Winkel einschließen wie AB mit CA. Die Durchschnittspunkte M. N. O. P biefer Linien mit ben Rreisbogen aus C geben bann bie gefuchte Daumencurve; benn wenn bie Theilpunkte 1, 2, 3, 4 von AD nach A fommen, gelangt M, N, O, P nach 1, 2, 3, 4 ber

Sublinie, steigt also auch ber Stangenfuß um die gleichen Theile A1, 12, Daumen. 23, 34.

Steht die Sublinie A B, Fig. 210, rechtwinkelig auf bem Bellenhalbmeffer

Fig. 210.



CA, bilbet sie also eine Tangente zur Welle, so andert sich die Construction nicht; es sind dann auch die geraden Linien, welche man durch die Theilpunkte 1, 2, 3, 4 des Grunds oder Theilkreises zu legen hat, Tangenten zu diesem Kreise. Nimmt man noch den Theils dogen AD gleich der Hublinie AB, so geht die Daumencurve in die bekannte Kreisevolvente über (s. §. 82). Bei Anwendung eines Friktionsrädchen sind natürlich alle diese Curven durch Aequis

distanten zu ihnen zu erseben. Bei den Daumen, welche nach der Kreisevolvente geformt sind, steht die Berührungsstäche winkelrecht auf der hubslinie, weshalb auch die Last der Stange von dem Daumen unmittelbar aufgenommen wird, und in der Stange keine durch eine besondere Führung aufzunehmende Seitenkraft zuruchleibt. Aus diesem Grunde gehoren denn auch die Kreisevolventendaumen zu den vorzüglicheren.

Anmertung. Mur in Folge ber Reibung zwischen bem Daumen und ber

Fig. 211.



Stange wird die Stange nach ber Belle hin etwas zur Seite gezogen; wenn man aber die Daumenstäche so formt, daß ihre Rormale an der Berührungsftelle stes um den Reibungswinkel e von der Hublinie oder Stangenare abweicht, so fällt auch selbst dieses Zurseiteziehen weg. Sehen wir die Hubhohe AB = DP, Kig. 211, = h, den Hublimesser CA = CD = CE des Theilsteise = r und den Bogen AD = AE desselben = b, so hat man solgende einsfache und durch den höheren Cascul leicht zu sinden Beleichung

$$b = h \left(1 + \varphi \, \frac{h}{2r}\right),\,$$

ober, wenn man ben Reibungscoefficienten $\varphi = 0.1$ fest,

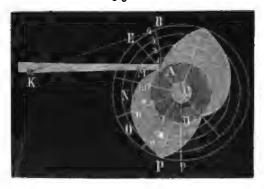
$$b = \left(1 + 0.05 \frac{h}{r}\right) h,$$

während bei ber Kreisevolvente b = h ift. Sett man ftatt h, 1/4h, 9/4h, 8/4h u. f. w., fo giebt diese Formel auch die entsprechenden Werthe von b, und es ift nun mittele berfelben die Eurve ANOP leicht zu construiren. Ift z. B. h = r,

fo hat man für
$$A2 = 2N = \frac{h}{2}$$
 ben entsprechenden Bogen
$$2A = (1 + 0.05 \cdot \frac{1}{2}) \frac{h}{2} = 1.025 \cdot \frac{h}{2} = 0.5125 h,$$
 serner für $A3 = 3N = \frac{8h}{4}$, ben Bogen
$$3A = (1 + 0.05 \cdot \frac{s}{4}) \frac{8h}{4} = 1.0375 \cdot \frac{s}{4}h = 0.778 h.u. s.w.$$

Debel. bewegung. §. 85. Man kann auch die Stangen burch Sebel erfeten und baber ftatt einer gerablinigen Bewegung, eine schwingende ober absehende Kreis-bewegung mittels Daumen aus der stetigen Kreisbewegung einer Welle ableiten.

Soll &. B. ein Hebel KA, Fig. 212 burch die Daumen einer Welle ACD aufgehoben werben, und bas hebelende ben Weg AB gleichformig durch- laufen, während sich die Welle um den Winkel ACD dreht, so theile man Fig. 212.



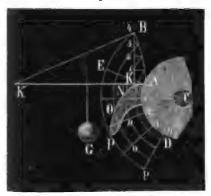
bie Bögen AB und AD in gleiche Theile, beschreibe durch die Theilpunkte von AB aus C concentrische Kreise und ziehe durch die Theilpunkte von AD Radien. Giebt man sich nun die Punkte m, n, o, p an, wo diese Halbmesser die entsprechenden Kreise durchschneiden, und trägt von denselz ben aus die Bögen, welche zwischen den Theilpunkten 1, 2, 3, 4 von AB und dem verlängerten Radius CA (CE) enthalten sind, als mM, nN, oO, pP aus, so erhält man in AMNOP die gesuchte Daumencurve, denn wenn die Punkte 1, 2, 3, D des Bogens AD nach und nach nach A kommen, gelangen die Punkte M, N, O, P nach 1, 2, 3, 4 (B) des Bogens AB; es entsprechen also gleichen Umdrehungsbögen der Welle auch gleiche Wege des Hebelendes A.

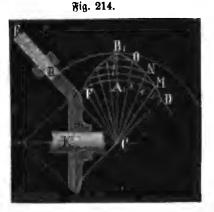
Bangt an bem Sebel ein Gewicht G, welches von einer Daumenwelle gleichformig aufzuheben ift, so hat man, wie aus Fig. 213 zu ersehen ift,

bie Bertikalprojection BK des Bogens AB in gleiche Theile zu theilen, horizontale Linien durch die erhaltenen Theilpunkte 1, 2, 3, 4 zu legen und die concentrischen Kreisbogen durch die Durchschnitte dieser Linien mit AB zu beschreiben, übrigens aber wie vorhin zu versahren.

Debel. bewegung.







Wenn die Stangenare oder die Bewegungsebene des Hebels nicht in die Umdrehungsebene der Daumenwelle fällt, so mussen naturlich auch die Daumen aus der letteren Sbene hervorstehen. Soll z. B. die Stange BE, Fig. 214, von einem umlaufenden Rade AK um einen Weg AB ausgeschoben werden, dessen Richtung die Radare CK unter einem gegebenen Winkel ACK schneibet, so muß der Durchschnitt eines Daumens eine conische Fläche DB_1F bilben, die von den nach oben angegebenen Regeln zu sindenden Gurven DB_1 und FB_1 begrenzt wird. Endlich ist auch leicht zu ermessen, wie die Construction abzuändern ist, wenn statt der Stange ein Hebel in einem Vogen AB von einem Daumen der Scheibe AK ausgeschoben werden soll.

Bas die rudgehende Bewegung anlangt, so kann diese entweder durch ein Gegengewicht, oder durch eine Feder, oder endlich auch badurch bewirkt werden, daß das Stangen: oder Hebelende mittels eines Bolzens oder Hakens an den zu diesem Zwecke mit einer Spur versehenen Daumen angeschloffen wird.

§. 86. Bei ben im Borstehenden abgehandelten Formen der Bebebaus men erfolgt beim Angriffe stets ein Stoß, da der vorher in Ruhe befindlichen Stange (Bebel) von dem Daumen ploblich eine sich nachher immer gleichbleibende Geschwindigkeit mitgetheilt wird. Dieser Stoß machst mit der Masse und der Geschwindigkeit der Stange und giebt nicht nur zu einem Arbeitsverluste, sondern auch zu einem starkeren Abführen der Maschine Beranlassung, und beshalb sollte diese Construction der Daumen auch nur

Augriff bne Stou Angriff ohne Stos. bei kleinen Geschwindigkeiten und nur dann angewendet werden, wenn die Masse der Stange oder des hebels klein ist, gegen die Masse der armirten Daumenwelle. Ist c die Geschwindigkeit der Stange während des Aufsteigens oder Ausschiebens, M die Masse derselben und M_1 die auf den Angrissepunkt reducirte träge Masse der Daumenwelle, so hat man nach I., c. 258, den Arbeitsverlust bei jedem Angrisse:

$$L = \frac{c^2}{2} \cdot \frac{M M_1}{M + M_1} = \frac{c^2}{2} \cdot \frac{M}{\frac{M}{M_1} + 1}$$

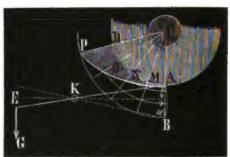
Man erfieht, daß derselbe nur fur c=0, und M=0 ober $M_1=\infty$, verschwindet.

Um die Nachtheile bes stofweisen Angriffes zu umgeben, muß man die Daumen so formen, daß sie die Stange ober den hebel nur allmalig, z. B. in eine gleichformig beschleunigte Bewegung seben. Constructionen der Art fuhren die Figuren 215 und 216 vor Augen, und zwar erstere fur eine

Fig. 215.







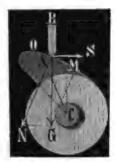
Stange und lettere für einen Hebel AKE. Der wesentliche Unterschied bieser Construction von der vorigen besteht darin, daß hier die Hublinie AB nicht in gleiche, sondern in solche Theile getheilt wird, die sich zu einander wie die ungeraden Jahlen 1, 3, 5, 7 verhalten, deren Endpunkte also um die Quadratzahlen 1, 4, 9, 16 vom Ankangspunkte A (s. I., §. 16) abzstehen. Es geht daher auch die Daumencurve durch die Durchschnittspunkte M, N, O, P, zwischen den durch die Theilpunkte 1, 4, 9, 16 aus der Umsbrehungsare beschriebenen Kreisen und den durch die an die Theilpunkte 1, 2, 3, 4 des Theilkreises gehörig angelegten Hublinien.

Ein Uebelftand jedoch erwachst auch aus dieser Conftruction. Dieser besteht barin, daß hierbei leicht die Wintel zu spit werden, unter welchen sich die Daumencurve AMNOP und die Hublinie schneiben, woraus ein ftarteres Burseiteziehen ober Burseitedrucken der Stange und baher auch eine größere

Seitenreibung ermachft.

Fig. 217.





Ift G bie gaft ber Stange AB, Fig. 217, und Magtiff obne Ctos. a ber Winkel NAG, um welchen bie Rormale AN ber Daumencurve MO von ber Sublinie abweicht, so hat man bie in ber Stange gurud. bleibenbe Seitenkraft S = Gtang. a, und bie auf die Daumenwelle übergehende Rraft

$$N = \frac{G}{\cos \alpha}.$$

Jene Seitenkraft erzeugt eine Seitenreibung in ber Generechtführung ber Stange, und biefe Rraft, ba fie großer als G ift, vergroßert ben Bapfenbrud und baher auch bie Bapfenreibung.

6. 87. Am einfachsten und volltommenften wird bas allmalige Aufheben egeentrite und Rieberlaffen von Stangen ober Bebeln burch fogenannte ercentrifche Scheiben ober Ercentrife (frang. excentriques; engl. excentrics) erreicht. Diefelben find freisformige, elliptische, ovale Scheiben u. f. w., bie

Big. 218.



fich um eine ercentrifche, b. i. nicht burch ihren Mittelpunet gebenbe Ure, breben. Unter ihnen find bie Rreisercentrifs, die in einer einfachen enlindrischen Scheibe bestehen, Die gewohnlichsten. Rig. 218 fubrt ein Rreisercentrit vor Mugen; M ift ber Mittelpunkt und C bie Umbrehungsare beffelben. Stange BK ift hier mit einem Schuh EF ausgeruftet, beffen horizontale Grunbflache von bem Umfange bes Ercentrifs tangirt wird. Die Bewegungsverhaltniffe bes Rreisercentrife find biefelben wie bie bes Arummgapfens (vergl.

II., §. 307). Dreht fich bas Ercentrif um einen Winkel $OCM = \beta$, fo fleigt bie Stange um ben Beg

AK = KO - AO = KN + NO - AO = DM + NO - AO = NO= CO - CN, b. i. $s = r (1 - \cos \beta)$, wenn r bie Ercentricitat CM der Scheibe bezeichnet.

Nimmt & um einen febr kleinen Theil A B gu, fo fleigt s noch um ben fleinen Beg

$$\triangle s = r[1 - \cos(\beta + \triangle \beta)] - r(1 - \cos\beta) = r[\cos\beta - \cos(\beta + \triangle \beta)]$$

$$= r(\cos\beta - \cos\beta \cdot \cos\triangle\beta + \sin\beta \sin\triangle\beta),$$

b. i. ba $\cos \triangle \beta = 1$ und $\sin \triangle \beta = \triangle \beta$ geset werben fann, um

Excentifie. $\triangle s = r \sin \beta$. $\triangle \beta$ höher, und es ist baher das Verhältniß zwischen der Geschwindigkeit w der Stange und der Geschwindigkeit v des Excentriks im Punkte M: $\frac{w}{v} = \frac{\triangle s}{r \cdot \triangle \beta} = \sin \beta$.

Da für $\beta=0$ und $\beta=180^\circ$, sin. $\beta=0$ ist, so folgt, daß die Stange mit einer unendlich kleinen Geschwindigkeit zu steigen anfängt, und daß sie nach einer halben Umdrehung des Ercentriks und nach Zurücklegung des Weges AB=r(1+1)=2r, mit unendlich kleiner Geschwindigkeit zu steigen aufhört. Auch ist leicht einzusehen, daß ebenso während der zweiten Hälfte einer Umdrehung der Niedergang der Stange mit Null Geschwindigkeit beginnt, und aufhört. Endlich zeigt auch die Formel, daß in den Quadraturen, d. i. für $\beta=90^\circ$ und 270°, die Stange ihre Marismalgeschwindigkeit w=v erlangt.

Die Last Q in der Stangenare wird nur bei dem höchsten und tiefsten Stande der Stange vom Excentrit unmittelbar aufgenommen, in jedem anderen Stande wirkt aber die Kraft P=Q excentrisch, und es bekommt dadurch die Stange ein Bestreben zur Drehung, dem das Moment

$$1/2 P \cdot 2 DK = P \cdot DK = Pr \sin \beta$$

entspricht. Dieses Bestreben erzeugt, indem ihm durch die Führung der Stange entgegengewirkt wird, eine besondere Seitenreibung. Die Reibung zwischen dem Ercentrik und dem Stangensuße ist $= \varphi P$ und consumirt, bei einer halben Umdrehung des Ercentriks, die Arbeit

$$\varphi P \cdot \pi a = \varphi \pi Q a$$
.

Da biefe mit bem halbmeffer MD=a der Scheibe machft, so folgt, daß man biefen möglichst klein nehmen soll.

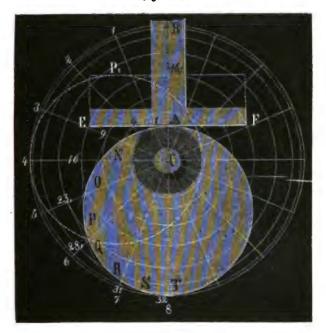
Berudsschigt man nun biese Reibung, so hat man bie Kraft zum Aufbeben ber Stange, ba biese bei einer halben Umbrehung ben Weg 2r zurrudlegt, $P=Q+\frac{1}{2r}\cdot \varphi\pi Pa$, hiernach $P\left(1-\frac{\varphi\pi\alpha}{2r}\right)=Q$,

baher
$$P = \frac{Q}{1 - \frac{\varphi \pi a}{2r}}$$
, annähernd $= \left(1 + \frac{\varphi \pi a}{2r}\right)Q$.

§. 88. Bu manchen 3weden tann es angemeffener fein, fich eines be, sonders geformten Ercentrite zu bedienen. Soll z. B. eine Stange durch ein Ercentrit mahrend einer Umbrehung gleichformig beschleunigt aufgehosben und ebenso gleichformig verzögert niedergelassen werden, so hat man solgende Construction anzuwenden, um die entsprechende Form des Ercentrits zu erhalten.

Man theile die Hubhohe AB, Fig. 219, in Theile, die sich wie die Bahs len 1, 3, 5, 7, 5, 3, 1 zu einander verhalten, und beschreibe durch die ers

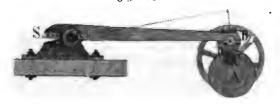
haltenen Theilpuntte concentrische Rreise aus ber Drehungsare C ber Belle. Grantite. Ferner theile man ben außersten, mit bem Salbmeffer CB = CT befchries benen Rreis in gleiche Theile, und gebe fich die Durchschnitte 1, 4, 9, 16, 23 . . zwischen jenen Rreisen und ben nach ben letten Theilpunkten gezoges Fig. 219.



nen Salbmeffern C1, C2, C3, C4 u.f. w. an. Endlich errichte man in biefen Durchschnittspunkten Perpendikel auf ben entsprechenden Salbmeffern, und fuhre einen Bug AMNOP..., welcher alle biefe Perpenditel ber Reihe nach tangirt. Birb bas Ercentrit nach diefem Buge begrengt, fo bebt baffelbe Die Stange EBF anfange gleichformig beschleunigt und nachher gleiche formig verzogert, und lagt biefelbe mahrend ber zweiten Salfte feiner Umbrebung auch fo nieber. Denn wenn die Puntte 1, 4, 9, 16 u. f. w. in die Sublinie gelangen, nehmen die burch fie gehenden Perpenditel oder Tangenten ber Curve AMNOP... eine horizontale Lage an, wird alfo auch bie Stange, beren Fuflinie Ef bas Ercentrit ftete beruhrt, um bie Theile 1, 3, 5, 7.. ber Sublinie gehoben; lauft alfo bie Welle gleichformig um, fo fteigt bie Stange auf bie angegebene Beife empor.

Statt einer Stange tann man auch einen Bebel burch ein Ercentrif in Umdrebung feben und weil bier der Rachtheil ber ercentrischen Birtung

excentite. wegfallt, so ift diese Art der Umsehung noch vollkommener und wird baher bei Loch = oder Durchstofmaschinen, Scheeren u. s. w. vorzüglich angewens bet. Die Einrichtung einer Eisenscheere ist aus Fig. 220 zu ersehen. Es Rig. 220.

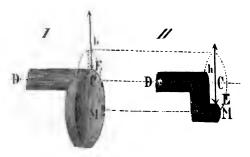


ist hier CA bas Ercentrit, KS bie Scheerenschneibe, KB ber Scheerenarm und BD ein Friktionsrab, mittels beffen bas Ercentrik auf ben Scheerens arm wirkt.

Bei dem gewöhnlichen Ercentrit entspricht immer einer Umbrehung der Belle auch nur ein Ausschub oder ein hin- und Rudgang der Stange oder des hebels. Jedoch hat man auch Ercentrite, welche bei einer Umbrehung zwei oder drei Stangenspiele liefern; diese laffen sich jedoch anges meffener den Daumenwellen beigählen. Eine elliptische Scheibe, welche sich z. B. um ihren Mittelpunkt dreht, liefert bei jeder Umbrehung zwei Spiele, und ist passender mit einer Welle mit zwei Daumen zu vergleichen als mit einem Ercentrit.

Arumm.

§. 89. Bon bem Kreisercentrik ift ber Krummzapfen ober bie Kurbel (franz. la manivelle; engl. the crank) nicht wefentlich verschiesben (f. II., §. 307). Ift bie Ercentricität CM = r bes Kreisercentriks in I., Fig. 221, bieselbe, wie die Armsange CM = r eines Krummzapfens DCM, in II., Fig. 221, so ist der hub oder Schub in beiden derselbe Fig. 221.



namlich h=2r. Auch ift bei beiben Borrichtungen ber bem Drehungswinkel β entsprechende Stangenweg s=r $(1-cos.\beta)$ einer und berfelbe, und es hangt berfelbe gar nicht von bem Salbmeffer ME ber Scheibe ober Barge ab.

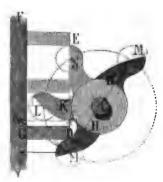
Lrumn Lapfen

Bie eine Stange burch einen einfachen Krummzapfen bewegt werben kann, ift aus Fig. 222 zu ersehen. Die Warze M (franz. bouton; engl. the pin) greift hier unter einen Daumen E, welcher aus ber Stange FG winkelrecht vorsteht, und treibt denselben vor sich her. Soll die Stange bei einem Anhube mehr als ein Spiel machen, so kann man einen boppelten oder mehrfachen Krummzapfen oder einen Drehling mit Triebstoden anwenden. Da in diesem Falle nur ein Theil des Umfanges

Fig. 222.







ber Warze ober des Triebstockes mit dem Daumling in Berührung kommt, so braucht man auch nicht vollständige Warzen oder Triebstöcke einzussehen, und kann statt berselben Heblinge oder Hebedaumen, wie MH, M1 H1 Fig. 223, in Anwendung bringen. Diese Construction hat vor der gewöhnlichen Anwendung von Evolventenheblingen zwei wesentsliche Vorzüge. Erstens ist hier die mittlere Entfernung des Angriffspunktes zwischen Hebling und Daumling von der Are des Stempels kleiner als bei den Heblingen nach der Kreisevolvente, und zweitens fällt hier der Stoß beim Angriff, und also auch der hieraus erwachsende Arbeitss verlust kleiner aus als bei den Evolventenheblingen.

Sort ber Angriff um benselben Bintel uber ber horizontalen Centrals linie CK auf, ale berfelbe unter berfelben beginnt, ift also

$$NCK = MCK = \frac{1}{2}MCN = \frac{1}{2}\beta$$
,

fo hat man ben hub ober Schub

$$MN = DE = h = 2 r \sin \frac{\beta}{2}$$

wenn $oldsymbol{eta}$ den Theilwinkel MCN und r die mechanische Armlange CM \Longrightarrow CN

Arumm. japfen. ber Beblinge bezeichnet; und es ift bie Daumlinglange

$$GD = KL = b$$
 beinahe = $r\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right) + r_1$,

wenn r_1 ben Krummungshalbmeffer MD=NE eines Heblings reprasentirt. Da ber Angriffspunkt zwischen Hebling und Daumling wahrend bes Aufsteigens der Stange der Are des Stempels naher ruck, so fallt naturich die mittlere Ercentricität noch viel kleiner als b aus.

Die Geschwindigkeit $Mc_1=c_1$, mit welcher der Hebling gegen den Daumling stofft, ift, wenn c die Umdrehungsgeschwindigkeit Mc im Theilstreise bezeichnet, $c_1=c\cos\frac{\beta}{2}$, und fällt daher um so kleiner aus, je

mehr sich $\frac{\beta}{2}$ dem Rechtwinkel nahert, je tiefer also der Angriff erfolgt.

Sind M und M_1 die Massen des Stempels und der Welle, so hat man daher das bei jedem Angriffe durch den Stoß verlorene Arbeitsz quantum $L=\frac{c^2}{2\,g}\left(\cos.\frac{\beta}{2}\right)^2\frac{M\,M_1}{M\,+\,M_1}$, annähernd

 $=rac{M\,c^2}{2\,g}\left(\cosrac{eta}{2}
ight)^2;$ während es bei ber Anwendung von

Evolventenheblingen, wo der Angriff in der Centrallinie CK erfolgt,

$$L=rac{c^2}{2\,g}\cdotrac{M\,M_1}{M\,+\,M_1}$$
 ift.

6. 90. Der Rrummgapfen CA, Sig. 224, ift bas gewohnlichfte und vorzuglichfte Bilfemittel jum Umfeten ber ftetigen Rreisbewegung in eine gerablinig wiebertehrenbe, ober umgetehrt, ber gerablinig bin = und her-, ober auf- und niebergebenden Bewegung in eine ftetige Rreisbewes gung. Bu bemfelben gebort noch bie Rurbelftange AB (frang. la bielle; engl. the connecting rod) als wesentlicher Bestandtheil. Dieselbe ift mit bem einen Ende A an die Barge bes Rrummgapfens, und mit bem ans bern Ende B an ben Ropf ber Stange BF angeschloffen, welche entweber burch den Rrummzapfen in gerablinig wiedertehrende Bewegung gefett wird, ober benfelben eine ftetige Rreisbemegung ertheilt. In vielen Fallen tann man die Rurbelftange nicht unmittelbar mit ber auf= und nieber=, ober hin : und hergehenden Stange verbinden, fonbern es ift nothig, einen Bebel ober Balancier zwischen beibe zu bringen. In Sig. 225 ift bie Rurbelstange AB an einen Balancier BD und in Kig. 226 an einen Winkelhebel BDE angeschlossen. Die erste Construction tommt vorzuglich bei Dampfmaschinent vor, mo der Balancier mittels ber Rolbenftange in fcmingenbe Bewegung gefett und aus biefer Bewegung mittels bes Rrummgapfens eine rotirende Rreisbewegung abgeleitet wird. Den zweis ten Fall hingegen bietet vorzüglich eine sogenannte Radtunft bar, wo bie rotirende Rreisbewegung eines Wafferrabes mittels Krummzapfen und

Arumm. japfen.

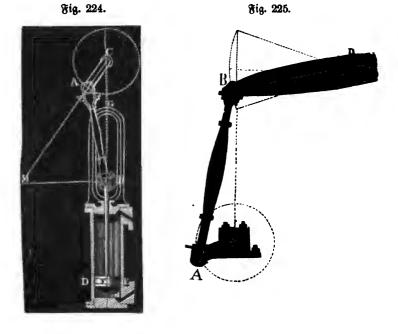
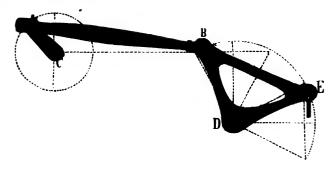


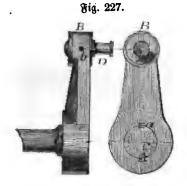
Fig. 226.



Winkelhebel (Kunfikreuz) in eine auf : und niedergehende Gestängbewegung umzuändern ift.

Man bilbet zwar zuweilen die Rurbel aus einem Gußstude, es ist jes boch beffer, dieselbe aus brei Studen zusammenzuseten, namentlich, wenn ber Bapfen mit ber umlaufenden Welle ein Ganzes bilbet. Die Con Rrumm.

struction und Busammenfetung eines folchen Krummzapfens zeigt Figur



polchen Krummzapfens zeigt Figur 227 in zwei Ansichten. Der Kurbelarm AB ist mit zwei ausgedrehzten Augen versehen, burch das eine kommt der Wellen- oder Zapfenkopf C und durch das andere das Kopfstud der Warze D. Die Befestigung des Armes mit dem Zapfen-kopfe erfolgt durch einen Splint a, und die der Warze mit dem Arme durch einen Bolzen b, oder auch durch eine Schraube am Ende des Warzenkopfes. Ist ein veränderzlicher Kurbelhub nothig, so muß

man die Warze stellbar einrichten, und zu diesem 3wede den Kurbelarm mit einem Schlitze und einer Stellschraube versehen. Auch wendet man wohl statt bes Armes eine ganze Scheibe mit mehreren Löchern zur Aufnahme der Warze an. Zuweilen kann man endlich auch die Warze in die Stirnstache oder in den Arm eines auf der umlaufenden Welle sitzenden Rades einsetzen, und baburch den Kurbelarm ober Kurbelbug ganz erssparen.

Bas die Dimensionen der Aurbel betrifft, so berechnet man die Zapfensstärke d (Wellenstärke) nach der §. 3 mitgetheilten Formel

$$d = 0.35 \sqrt[3]{Pa} = 6 \sqrt[3]{\frac{L}{u}} 300,$$

und bagegen die Warzenftarte d, nach ber Formel

$$d_1 = 0.048 \sqrt[3]{R}$$
 des §. 5.

Run ift aber die Kraft, mit welcher die Warze auf die Stange wirkt, ober umgekehrt, $R=\frac{\pi}{2}$ mal der am Kurbelarme a wirkenden Umsbrehungekraft P_1 , daher hat man

$$d_1 = 0.048 \sqrt[4]{\frac{\pi}{2}} P$$
, und $\frac{d_1}{d} = \frac{0.048 \sqrt[4]{\frac{\pi}{2}} P}{0.35 \sqrt[4]{Pa}}$.

oder, wenn a wie d1 und d in Bollen ausgebrudt wird,

$$\frac{d_1^2}{d^3} = \frac{(0,048)^2 \cdot \pi P}{2 \cdot (0,35)^3 \cdot \frac{Pa}{12}} = \frac{0,0023 \cdot 6\pi}{0,0429 a} = \frac{1}{a},$$

und daher
$$\frac{d_1}{d} = \sqrt{\frac{d}{a}}$$
.

hierbei wird jedoch vorausgesett, daß die Barge und ber Aurbelarm aus Guß- ober Schmiebeeisen bestehen; ist aber nur die erste gußeisern und ber lette aus Schmiebeeisen, so hat man

trumm. japfen.

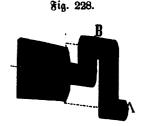
$$\frac{d_1}{d} = 0.75 \sqrt{\frac{d}{a}}.$$

Die Starte des Aurbelarmes lagt fich wie die eines Radarmes (f. II., §. 89) berechnen.

Dem Zapfentopfe giebt man die Starte $^5/_4$ d, und ebenso bem Warzenstopfe die Starte $^5/_4$ d_1 . Die Wandstarte des Zapfens und des Warzensringes wird $^5/_8$ d und $^5/_8$ d_1 und die Lange dieser Ringe \Longrightarrow $^5/_4$ d und $^5/_4$ d_1 genommen.

§. 91. Man wendet nicht selten auch doppelte oder mehrfache

Doppelte Riummjapfen.



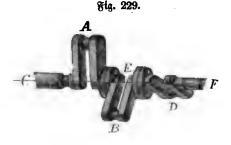
Krummzapfen an. Figur 228 zeigt einen boppelten Krummzapfen für ein sogenanntes Stangenvorgelege (s. III., S. 36), mit Warzen A und B, die einander diametral gegenüberstehen. Wenn die eine Warze aufsteigt, ift natürlich die andere im Niedergange begriffen; es halten sich daher die Gewichte der in A und B hängenden Stangen ein-

ander das Gleichgewicht. Die mittlere Warze B ist ebenso start zu machen als der Zapfen C, da sie die Torsion einer Kraft P auszuhalten hat, deren Hebelarm AB = 2CB = 2r ist, und das Torsionsmoment des Zapfens: $2P \cdot CB = 2Pr$ ist. Dasselbe gilt auch von den Armen AB und BC; das Woment zum Abbrechen des einen ist $P \cdot AB = 2Pr$ und das des anderen $2P \cdot CA$, also ebenfalls = 2Pr.

Bei den gewöhnlichen Radkunften, oder Pumpenwerten, welche durch ein Wasserrad in Bewegung gesett werden, bildet jedes der beiden Wellenzenden einen einfachen Krummzapfen, und es steht die Warze des einen ebenfalls um 180 Grad von der des andern ab; es wirken daher auch beide zusammen, so wie der doppelte Krummzapfen in Fig. 228 allein. Diese diametrale Stellung der Warzen ist jedoch nur bei einfachwirkenden Maschinen, d. i. nur dann angemessen, wenn nur zum Aufz nicht aber zum Ruckgange der Sestänge Kraft nothig ist. Ist aber die Kraft beim hinz und Ruckgange der Stangen dieselbe, wie z. B. bei doppelt wirkenden Dampsmaschinen, so muß man die Warzen der beiden Krummzapfen auf das Viertel stellen, d. i. um 90 Grad von einander abstehen lassen, damit sich die Stangenkräfte in der Umdrehung der Krummzapfenwelle

Doppelte Reumm. japfen. am vollständigsten unterftugen. Man findet folche Krummzapfen vorzuge lich bei Dampfichiffen und Dampfwagen.

Bei einem breifachen Rrummgapfen ober einer Berbindung von



drei Krummzapfen, wie Fig. 229, stehen die Warzen A, B, D im Drittel, d. i. um 120 Grad von einander ab; bei einem viersfachen Krummzapfen stehen dieselben im Viertel u.s. w. Zwei oder mehrfache Krummzapfen oder Kurzeln werden in der Regel

durch gebrochene oder gekropfte Bellen, wie CEF, Fig. 229, gesbildet. Diese Wellen werden seltener aus einem Stude gegoffen, sondern, wie aus der Figur zu ersehen ist, aus Theilen zusammengesetz, oder aus gefrischtem Eisen geschmiedet. Die geschmiedeten Krummzapfen sind übershaupt, und zumal dann den gußeisernen vorzuziehen, wenn die Maschine Stoßen ausgesetzt ist. Mit Recht vermeidet man gern lange gekröpfte Wellen, und ersett dieselben lieber durch besonders gelagerte kurze Wellens stude mit Krummzapfenkuppelung (f. III., §. 7, Fig. 13).

Rurbelftange

§. 92. Die Kurbel= ober Lentstangen (Lenter) erhalten wegen ber vollkommneren Uebertragung der Kraft, mindestens die 5fache Rurbelarmslange, ober den 21/2fachen Warzenkreisdurchmeffer zu ihrer Lange; wenn es möglich ist, geht man jedoch damit gern auf die 6 = bis 7fache Armslange hinauf. Bei den einfachwirkenden Kurbeln erfolgt die Mittheilung der Kraft nur durch Jug, und es ist daher auch der Querschnitt der Kurbelstange wie der einer gewöhnlichen Jugstange (f. III., §. 10) zu berechsnen. Bei dem doppelt, also ziehend und schiedend wirkenden Krummzapfen ist hingegen der Stangenquerschnitt nach der Theorie der ruchwirkenden Kestigkeit zu bestimmen.

Nach I., §. 208 ist die Kraft zum Zerknicken einer chlindrischen Stange von der Länge l und der Stärke $d_2:R=\frac{\pi^3}{4}\cdot\frac{d_2^4}{16\,l^2}\cdot E$, und nach einer der Formeln des vorigen Paragraphen ist die Stärke der Warze $d_1=0.048\ \sqrt[3]{R};$ eliminirt man daher aus beiden Gleichungen die Stangenkraft R, so erhält man die Gleichung

$$\frac{\pi^3}{4} \cdot \frac{d_2^4}{16 l^2} E = \left(\frac{d_1}{0,048}\right)^2,$$

und hiernach
$$d_2=\sqrt[4]{rac{64}{\pi^2E}}\cdot\sqrt{rac{l\,d_1}{0,048}}=5$$
,47 $\sqrt{rac{l\,d_1}{\sqrt{E}}}$

Rurbelfange

Run haben wir aber in §. 90 auch $\frac{d_1}{d} = \sqrt{\frac{d}{a}}$ angegeben, daher erhalten wir $\frac{d_2}{d} = 5,47$ $\sqrt{\frac{l}{\sqrt{a\,d\,E}}}$, oder, wenn wir den Elasticistätsmodul des Gußeisens E = 17'000000 und das Berhältniß $\frac{l}{a}$ der Lenkerlänge l zur Kurbelarmlänge $a_1 = n$ segen,

$$\frac{d_2}{d} = 0,0852 \sqrt[3]{n} \cdot \sqrt[4]{\frac{a}{d}}$$

Nimmt man n=6 und verboppelt man die Starte ber Sicherheit wegen, fo erhalt man $\frac{d_2}{d}=0,42$ $\sqrt[4]{\frac{a}{d}}$.

Bei langen Kurbelstangen findet man meist das Berhältniß $\frac{d_2}{l}=^{1}/_{36}$ angewendet, jedoch bei kurzen Stangen und bedeutenden Kräften steigt man damit dis auf $^{1}/_{18}$ und wohl noch höher. Un den Enden kann man d_2 um ein Biertel kleiner nehmen. Uebrigens wird der mittlere Theil der gußeisernen Lenker in der Regel aus 4 Rippen gebildet, und die Seite des dieselben umschließenden Quadrats $^{1}/_{20}$ der känge l des kenkers genommen.

Man bestimmt auch wohl ben mittleren Querschnitt ber Aurbelstange unter ber Boraussehung, bağ man die Belastung auf jeden Quadratzoll Querschnitt bei Gußeisen K=500 Pfund, und bei Schmiedeeisen K=1000 Pfund seht.

Beifpiel. Man foll fur eine Dampfmafdine von 40 Bferbefraften, welche pr. Minute 20 Spiele macht, bie nothigen Dimensionen bes Krummzapfens berechnen. Die Bellens ober Bapfenftarte ift

$$d=6\sqrt[3]{\frac{L}{4}}=6\sqrt[3]{\frac{40}{90}}=6.1,26=7,56$$
 Boll,

wofür 8 Boll genommen werben foll; bie Bargenftarte ift, bei einer Rurbelarms lange a von 18 Boll,

$$d_1 = d \sqrt{\frac{d}{a}} = d \sqrt{\frac{8}{18}} = d \sqrt{\frac{4}{9}} = \frac{2}{2}d = \frac{51}{8} 30\%,$$

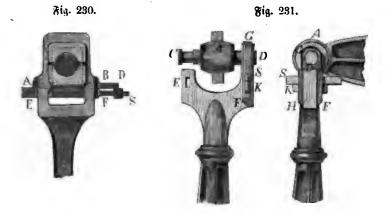
enblich bie Starfe ber Rurbeiftange

$$d_2 = 0.42 \cdot d \sqrt[4]{\frac{a}{d}} = 0.42 \sqrt[4]{\frac{9}{4}} \cdot d = 0.42 \cdot \sqrt[8]{\frac{3}{2}} \cdot d$$
$$= 0.514 \cdot d = 4.1 \text{ Soft},$$

und ber entsprechenbe Querichnitt F=13,2 Quabratzoll. Die Rraft ber Stangenare ift, ba bieselbe pr. Minute ben Beg 2.3.20=120

Rurbeisange. Fuß zurudlegt, $K=\frac{510\cdot60\cdot40}{2\cdot3\cdot20}=10200$ Pfund, und baher bie Belastung auf jeden Quabratzoll $K=\frac{10200}{13\cdot2}=773$ Pfund.

§. 93. Das Auge in der Kurbelstange, durch welches die Warze des Krummzapfens geht, ist mit metallenen Futterstücken versehen, die sich durch Klammer und Splint festeilen lassen. Um das Zuruckiehen des Keiles oder Splintes (der Clavette) zu verhindern, versieht man die Klammer AB, Fig. 230, mit einem Haken, und den Splint EF mit einer Schraube, so daß sich die letztere durch eine Schraubenmutter S anziehen läst.

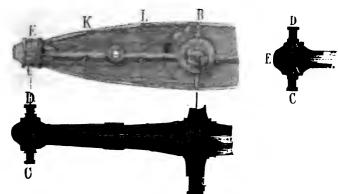


Am anderen Ende, wo die Kurbelstange an einem Hebel, Balancier u. f. w. angeschlossen ift, wird dieselbe in der Regel gegabelt, um das Hebelende A mittels eines Bolzens CD, Fig. 231, zwischen sich fassen zu können. Jedes der beiden Gabelenden wie E, wird mit einem schmiedes eisernen Bügel FGH umgeben, der die metallenen Futterstücke für die Bolzenlagerung umgiebt, und mittels Klammer K und Splint S mit der Gabel sest verbunden. Die Gabelung der Kurbelstange wird erspart, wenn das Balancier oder Hebelende gespalten ist, oder wenn der Balanzcier aus zwei gleichen Stücken besteht, die in einem gewissen Abstande neben einander liegen, und mit einander durch Schraubendolzen sest verbunden sind. Es greift in diesem Falle das Ende der Kurbelstangenenden zwischen diese Balancierstücke und ist damit durch einen einzigen Bolzen verbunden.

Die Ropfe der einfachen Balancier find entweder flach, oder fie find tugelformig. Bei den letteren fiten die Bolzen, woran die Aurbelftange

hangt, auf einem Duff fest, ber um einen Bapfen drehbar ift, in welchem gurbeiftans . bas Balancierenbe auslauft. Es lagt fich baburch bas Abbrechen bes einen ober anderen Berbindungeftudes verhindern, wenn die Bewegungsebene bes Balanciere nicht genau mit ber ber Stange gufammenfallt.

Die Einrichtung eines Rugeltopfes ift aus Fig. 232 und Fig. 233 gu Fig. 232. Ria. 233.





erfeben. Es find C und D bie Bolgen jum Aufhangen ber Stange, es ift ferner AA ber Duff, welcher mit biefen Bolgen ein Banges bilbet und um ben Bapfen B brebbar ift, en lich ift E eine Schale, welche bas Burud: gehen bes Duffes verhindern foll, und beshalb mittels eines Bolgens auf bas außerfte Ende bes Balanciers befestigt wird.

6. 94. Bas ben Balancier felbft anlangt, fo lagt man benfelben nicht Balancier gern über 40 Grab ausschlagen, um nicht zu große Seitenbewegungen gu erhalten. Ift I bie Armlange bes Balanciers (in ber Regel die Salfte ber Lange bes Balanciers) und a ber Schwingungswinkel beffelben, fo haben wir ben Stangenschub s=2 l sin. $\frac{\alpha}{2}$, und daher umgekehrt

$$l = \frac{s}{2 \sin \frac{\alpha}{2}} = \frac{a}{\sin \frac{\alpha}{2}}$$
, ba s auch = $2 a$,

b. i. ber doppelten Rurbelhohe gleich ift. Für $\alpha=40^{\circ}$ erhalten wir

$$l = \frac{a}{\sin 20^{\circ}} = \frac{a}{0.3420} = 3.086 a.$$

Meist nimmt man $l = 3 a = \frac{3}{2} s$.

Ift h die Bohe bes Balanciers in der Mitte und b die Breite deffelben, fo hat man fur benfelben die bekannte Festigkeitsformel $Rl = 1000 \, b \, h^2$ in Anwendung zu bringen.

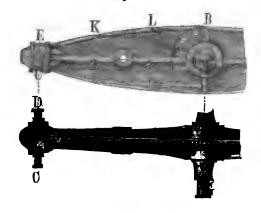
III.

Palancier. Man nimmt aber meist $b=\frac{h}{16}\left({\rm bis}\frac{h}{12}\right)$, und l=3a; suhren wir daher diese Werthe ein, so bekommen wir $Ra=1000\cdot\frac{h^3}{48}$, und daher $h=\sqrt[3]{\frac{48Ra}{1000}}$.

Nun haben wir aber die Stangenkraft $R=\frac{2}{\pi}P$, und nach §. 90 die Stärke der Kurbelzapfen: $d=0.35\sqrt[3]{\frac{Pa}{12}}$; es folgt daher auch $\frac{h}{d}=\frac{1}{0.35}\sqrt[3]{\frac{48\cdot 24}{1000\,\pi}}=2$, wofür aber, um hinreichende Sicherzheit zu erhalten, =3 zu nehmen sein möchte. Sehr oft findet man auch die Höhe des Balanciers in der Mitte, $h=a=\frac{l}{3}$. An den Enden genügt die Höhe $h_1=\frac{h}{3}$ bis $\frac{h}{2}$.

Bur Verstärkung erhält ber Balancier noch eine Mittelrippe und eine Saumrippe. Die Sohe dieser Rippen nimmt man $=b=\frac{h}{16}$, die Breite aber $2\,b$ und $4\,b$.

Das Längenprofil des Balanciers follte zwar von einer Parabelfläche gebildet werden (f. I., §. 204), allein man bringt auch oft folgende Conftruction in Anwendung. Man theilt die Armlänge CM=l, Fig. 234, in gleiche Theile C1, 12, 2M, errichtet auf CM Perpendikel in den Theilspunkten; beschreibt ferner mit der halben Balancierhohe $MB=\frac{1}{2}h$ einen Fig. 234.



Rreis aus der Drehare M des Balanciers, zieht in dem Abstande $CE=1/2\,h_1$ Balancier. ber halben Balancierbohe am Ende eine Parallele EF ju CM, und theilt ben baburch abgeschnittenen Bogen FB ebenfalls in gleiche Theile F1 12, 2B. Endlich legt man noch burch die letten Theilpunkte Parallellinien ju CM, und bemertt fich die Durchschnittspuntte K, L biefer Parallelen mit ben Perpendikeln durch bie Theilpunkte ber CM. Die Gurve durch die Puntte E, K, L, B giebt die gefuchte Begrenzungelinie bes Balanciers.

Die Starte eines Bolgens Cund Dift, ba jeber nur bie Salfte ber Stangentraft aufnimmt, $d_2 = d_1 V^{1/2} = 0.7 d_1$, b. i. sieben Behntel ber Bargenftarte, die Starte d4 ber Are ober des Balgeifens G wird boppelt [o groß als d_3 , also $d_4 = 2 d_3 = 2 V_1/2 \cdot d_1 = V_2 \cdot d_1 = 1.4 d_1$ genommen. Die Gulfenlange bes Balgeifens nimmt man 0,38, und bie gange gange beffelben = 0,7 s.

Beifpiel. Für bie im Beifpiele ju §. 92 behandelte Dampfmafchine er= halten wir, ba bie Rurbelhobe a = 18 Boll ift, bie gange ber Rurbelftange = ber bes gleicharmigen Balanciers:

 $2l = 6a = 6 \cdot \frac{8}{2} = 9 \text{ Full} = 108 \text{ Boll};$ ferner bie Balancierhohe in ber Mitte: h=8d=3.8=24 Boll, die am Ende $h_1=0.4h=10$ Boll und die Balancierbreite $b=\frac{h}{10}=1\frac{1}{2}$ Boll; ferner ift bie Starte ber Bolgen jum Aufhangen ber Rurbelftange $d_3 = 0.7 \cdot d_1 = 0.7 \cdot 5\frac{1}{3} = 3\frac{3}{4} \text{ Boll},$ und die Starte des Balgeisens: $d_4 = 2 \cdot d_3 = 7 \frac{1}{2}$ Boll zu nehmen.

6. 95. Bei ber im Folgenden zu entwidelnden Theorie des Rrumm= Bemegung bes Rrumm zapfens haben wir auf folgende Unterschiebe Rudficht zu nehmen :

aapfens.

- 1) Es fann ber Arummzapfen einfach ober boppelt wirten.
- 2) Es tann berfelbe ein einfacher ober mehrfacher fein, b. i. allein ober mit mehreren zusammenwirken.
- 3) Es kann die Stangenkraft conftant ober veränderlich fein.
- 4) Es tann ferner die Rurbelstange unmittelbar mit ber auf = und niedergehenden Stange verbunden sein, oder es kann sich zwischen beiben ein Bebel ober Balancier befinden.
- 5) Es kann endlich die Bewegung von der Krummzapfenwelle ausgeben und auf eine Stange übergetragen, ober es tann ber Rrummgapfen burch eine hine und jurudgebende Stange in Umbrebung gefett merben.

Wir heben unsere Untersuchung mit bem einfachen doppeltwirken: ben Krummzapfen an, beffen Rurbelftange unmittelbar mit einer Rols benftange verbunden ift, und feten babei eine constante Stangenkraft ober Stangenlaft voraus.

Es bezeichne in der Folge P die auf den Warzenkreis reducirte Umbrehungsfraft, und Q bie in ber biametralen ober Stangenrichtung wirfende Bewegung Gegenkraft, ferner r die Kurbelarmlange oder den Warzenkreishalbmeffer ablen CA, Fig. 235, und l die Lange AB der Kurbelstange. Denken wir uns

Fig. 235.



bie Bewegung anfangend, wenn bie Warze in einem ber tobten, b. i. in einem der Punkte O ober U fteht, wo bie Gestängrichtung ben Warzenfreis schneibet; bezeichnen wir den verander= lichen, im tobten Puntte O anfangenben Umbrehungswinkel OCA burch B, ferner die entsprechende Abweichung ABC des Lenkers von der Richtung BC der Kol= benstange durch a und den entspre= chenden Weg DB durch s. Gegen wir noch die auf den Warzenkreis reducirte Umbrehungsmaffe ber Mafchine = M, und die Stangenmasse = M1; ferner die Umdrehungszahl des Krummzapfens pr. Minute = u, die mittlere Ge: schwindigkeit der Warze = c, und bie Gefchwindigfeit berfelben im tobten Puntte O, = c1; ferner die verander= liche Gefchwindigfeit berfelben überhaupt =v, thren Maximalwerth aber $=v_1$

und ihren Minimalwerth $=v_2$, endlich aber die veranderliche Geschwinz bigkeit der Stange =w. Der geradlinige Weg DB, welchen das Stanzgenende B zurücklegt, während die Warze den Bogen $OA=r\beta$ durchz läuft, ist

$$s = BC - DC = BH - CH - (DO - CO) = l\cos\alpha - r\cos\beta - (l-r)$$
$$= r(1 - \cos\beta) - l(1 - \cos\alpha).$$

Run hat man aber noch im Dreiede ABC,

$$\frac{\sin ABC}{\sin ACB} = \frac{CA}{AB}, \text{ b. i. } \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{r}{l},$$

es folgt baher $s = r(1-\cos\beta) - l + \sqrt{l^2 - r^2(\sin\beta^2)}$.

Da aber l mindestens $=5\,r$ genommen wird, so ist $(r\sin\beta)^2$ sehr klein gegen l^2 und daher annähernd

$$\sqrt{l^2-r^2(\sin\beta)^2}=l-1/2\,l\left(\frac{r\sin\beta}{l}\right)^2\,\,\mathrm{zu}\,\,\mathrm{fehen},$$
 so daß nun $s=r(1-\cos\beta)-\frac{r^2(\sin\beta)^2}{2\,l}\,\,\mathrm{folgt.}$ (Bergl. II., §. 307.)

Fur ben erften tobten Punkt hat man $\beta = 0$, baber sin. $\beta = 0$,

 $\cos \beta = 1$ und s = 0; fur ben zweiten todten Punkt aber $\beta^0 = 180^\circ$, Bemegung ober $\beta = \pi$, baher $\sin \beta = 0$, $\cos \beta = -1$, und s = 2r. Ferner für ein Viertel ber Umbrehung, b. i. für $\beta^0 = 90^\circ$ ober 270° hat man $\sin \beta^2 = 1$, $\cos \beta = 0$, und daher

$$s = r - l + \sqrt{l^2 - r^2} = r - \frac{r^2}{2l} = r\left(1 - \frac{r}{2l}\right),$$

alfo nicht gang ben halben Beg DM.

Seten wir aber 8 = r, fo erhalten wir die Gleichung

$$l + r\cos\beta = \sqrt{l^2 - r^2(\sin\beta)^2},$$

und es bestimmt sich hiernach $\cos \beta = -\frac{r}{2l}$.

Beifpiel. Bei einem Rrummgapfen mit bem Berhaltniffe - = 5 ift $\cos \beta = -0.1$ und baber $\beta^0 = 180^{\circ} - 84^{\circ}, 15' = 95^{\circ}, 45'$. Es tritt also bei biefem Abstande ber Barge vom oberen tobten Bunfte, ober bei bem Abstande 840, 15' vom unteren tobten Buntte bas Submittel ein. Steht bie Barge im Biertel, fo ift ber bub nur r(1-0,1)=0.9r.

6. 96. Das Geschwindigfeiteverhaltniß zwischen ber Stangens und ber Befamintige Rurbelbewegung ergiebt fich, ba einem fleinen Zumache $d\,eta$ von eta bas fleine Wachsthum von s

$$ds = r([1-\cos(\beta+d\beta)] - (1-\cos\beta)) - \frac{r^2}{2l}([\sin(\beta+d\beta)]^2 - (\sin\beta)^2)$$

$$= r[\cos(\beta) - \cos(\beta+d\beta)] - \frac{r^2}{2l}([\sin(\beta+d\beta)]^2 - (\sin\beta)^2)$$

$$= r\sin\beta \cdot d\beta - \frac{r^2}{2l}[(\sin\beta + \cos\beta \cdot d\beta)^2 - (\sin\beta)^2]$$

$$= r\sin\beta \cdot d\beta - \frac{r^2}{2l} \cdot 2\sin\beta\cos\beta \cdot d\beta$$

$$= r\sin\beta \cdot d\beta \left(1 - \frac{r}{l}\cos\beta\right) \cdot \cot\beta \cot\beta,$$

$$\frac{w}{c} = \frac{ds}{r d\beta} = \sin \beta \left(1 - \frac{r}{l}\cos \beta\right) = \sin \beta - \frac{r}{2l}\sin \beta.$$

Hiernach ift j. B. in ben tobten Punkten, wo man $\beta=0$ ober $=\pi$, also sin. \(\beta = 0 hat, bas Berhaltnif ber Stangengeschwindigkeit w jur mittleren Bargengeschwindigfeit c, = 0, alfo bie Geschwindigfeit ber Stange = 0; bagegen fur die Quabratur ober die Biertelstellung ber Barge, wo $\beta = 90^{\circ}$ ober 270°, also $\sin \beta = \pm 1$ und $\cos \beta = 0$ ist, stellt sich w = ± 1 heraus, hat also die Stange mit der Warze einerlei Geschwin-

bigfeit. Beim halben Sube, wo $\cos \beta = -\frac{r}{2l}$ ift, hat man biefes

Gefdwindig. Gefchwindigfeiteverhaltniß: Rurbet.

ju feben, baber folgt bie Bebingung

$$\frac{w}{c} = \sqrt{1 - \left(\frac{r}{2l}\right)^2} \left(1 + \frac{r^2}{2l^2}\right) = 1 + \frac{3}{8} \left(\frac{r}{l}\right)^2.$$

Das Marimum ber Stangengeschwindigkeit w tritt ein, wenn ein un= enblich kleines Wachsthum von $oldsymbol{eta}$ keine Beranberung in $rac{w}{c}$ giebt; wenn also $sin.(\beta + d\beta) - sin.\beta - \frac{r}{2l}[sin.2(\beta + d\beta) - sin.2\beta) = \mathfrak{N}ull$ Run ift aber sin. $(\beta + d\beta) = \sin \beta + \cos \beta$. $d\beta$ und $sin. 2(\beta + d\beta) = sin. 2\beta + 2 \cdot cos. 2\beta \cdot d\beta$

$$\cos \beta$$
 . $d\beta = \frac{r}{L}\cos 2\beta$. $d\beta = 0$, ober

 $\cos \beta = \frac{r}{T}\cos 2\beta$; ober genau genug, $\cos \beta = -\frac{r}{T}$,

und bas entfprechende Marimum bes Gefchwindigfeiteverhaltniffes :

$$\frac{w}{c} = \sqrt{1 - \frac{r^2}{l^2}} \left(1 + \frac{r^2}{l^2} \right) = 1 + \frac{1}{2} \frac{r^2}{l^2}.$$

Enblich ift der mittlere Berth von diefem Berhaltniffe, ba fur $\beta=\pi$, s = 2r ift, $\frac{w}{c} = \frac{\pi r}{2r} = \frac{2}{\pi} = 0.6366$. Beifviel. 3ft bas Berhaltnig Ria. 236.



r = 1/6, fo erhalten wir bas Gefdwinbigfeiteverhaltniß im Submittel :

$$\frac{w}{c} = 1 + \frac{3}{8} (\frac{1}{6})^2 = 1,015;$$

bagegen bas Marimum biefes Berhaltniffes:

$$\frac{w}{c} = 1 + \frac{1}{2} (\frac{1}{5})^2 = 1.02.$$

§. 97. Die Beziehung zwischen ber Umbrehungefraft P und ber Stangenfraft Q lagt fich burch Rraftzerlegung wie folgt ausmitteln. Die Stangen= fraft Q zerlegt fich in zwei Seitenfrafte R und N, wovon R in ber Are bes Lenkers und N winkelrecht zur Stangenare wirkt, und von ber guhrung ober Leitung ber Stange aufgenommen

wirb. Es ist
$$R = \frac{Q}{\cos \alpha}$$

und $N = Q \tan g \alpha$.

Arafte ber

Die Arenkraft R des Lenkers zerlegt sich wieder in die Tangentials oder gräfte der Umdrehungskraft P des Krummzapfens und die Kraft S, welche nach der Are des Krummzapfens gerichtet ist und von dieser aufgenommen wird. Es ist $P=R\sin_{n}RAC$ und $S=R\cos_{n}RAC$.

Nun hat man $ACO = \beta = RAC + ABC = RAC + \alpha$, daher ergiebt fich $RAC = \beta - \alpha$ und

$$P = R \sin (\beta - \alpha) = \frac{Q \sin (\beta - \alpha)}{\cos \alpha} = Q (\sin \beta - \cos \beta \tan \beta, \alpha),$$
 fowie

 $S = R\cos(\beta - \alpha) = \frac{Q\cos(\beta - \alpha)}{\cos \alpha} = Q(\cos \beta + \sin \beta \tan \beta \alpha).$

Dem Principe der virtuellen Geschwindigkeiten zusolge ist auch Pv = Qw, und daher $\frac{P}{Q} = \frac{w}{v} = \frac{\sin(\beta - \alpha)}{\cos \alpha} = \sin \beta - \cos \beta \log \alpha$,

ober $tang.\alpha$ annahernd $= sin.\alpha = \frac{r}{l}sin.\beta$ gefeht,

$$\frac{P}{Q} = \frac{w}{v} = \sin \beta \left(1 - \frac{r}{l}\cos \beta\right),$$

wie wir auch im vorigen Paragraphen gefunden haben.

Ist bemnach die Kraft Q unverandert dieselbe, so ist P veranderlich, und zwar für $\beta=0$ oder 180°, P auch =0, und für

$$eta = arc. \left(cos. = -rac{r}{l}
ight)$$
, ein Maximum,

und zwar
$$P = \left(1 + \frac{r^2}{2l^2}\right)Q$$
.

Im Mittel ift aber $P = \frac{2}{\pi}Q = 0,6366Q$, so wie umgekehrt

$$Q = \frac{\pi}{2} P = 1,5708 P.$$

Ist die Kraft beim Hingange eine andere als beim Ruckgange, hat man dieselbe in einem Falle Q_1 und im anderen Q_2 , so stellt sich die mittlere Umbrehungstraft $P=\frac{Q_1+Q_2}{\pi}$ heraus, und wirkt endlich der Krumms zapfen nur einfachwirkend, so hat man $Q_2=0$ und daher

$$P=\frac{Q}{\pi}=0.3183\,Q.$$

3wei einfach wirkende Krummzapfen mit biametral gegenüber ftehenden Bargen wirken genau wie ein boppelt wirkender Krummzapfen.

An merkung. Durch Anbringung eines Gegengewichtes lagt fich bie Ungleichbeit ber Stangenkrafte Q_1 unb Q_2 aufheben, und die Ungleichformigkeit ber Drehbewegung herabziehen. Hieron ift jedoch erft weiter unten die Rebe.

Rutbell. ge= g. 98. Bei einem boppelten Krummzapfen mit den aufs Biertel ge= ftellten Warzen stellen sich folgende Kraftverhaltniffe heraus.

Es ift fur bie eine Barge bie Umbrehungefraft

$$P_1 = \left(1 - \frac{r}{l}\cos{\beta}\right)Q_1\sin{\beta},$$

und für die andere, um $\frac{\pi}{2} = 90^{\circ}$ abstehende diese Kraft

$$egin{aligned} P_2 &= \left[1 - rac{r}{l}\cos\left(rac{\pi}{2} + eta
ight)
ight]Q_2\sin\left(rac{\pi}{2} + eta
ight) \ &= \left(1 + rac{r}{l}\sineta
ight)Q_2\coseta, \end{aligned}$$

und baher bie gange Umbrehungefraft

$$P = P_1 + P_2 = \left(1 - \frac{r}{l}\cos\beta\right)Q_1\sin\beta + \left(1 + \frac{r}{l}\sin\beta\right)Q_2\cos\beta$$

$$= Q_1\sin\beta + Q_2\cos\beta - \frac{(Q_1 - Q_2)}{2} \cdot \frac{r}{l}\sin\beta;$$

alfo fur gleiche Stangenfrafte $Q_1 = Q_2 = Q$,

$$P = Q(\sin \beta + \cos \beta).$$

Es ist hiernach für $\beta=0,\ P=Q_2,\$ für $\beta=90^\circ,\ P=Q_1$ und für $tang.\beta=\frac{Q_1}{Q_2}=1,\ P$ ein Maximum, und zwar

$$P = (Q_1 tang.\beta + Q_2) cos.\beta = \frac{(Q_1^2 + Q_2^2) cos.\beta}{Q_2} = \sqrt{Q_1^2 + Q_2^2}.$$

If $Q_1 = Q_2 = Q$, so hat man die größte Kraft P = Q V 2 = 1,4142 Q,

und zwar bei bem Drehungswinkel $\beta = 45^{\circ}$. Die Formel

$$P = Q_1 \sin \beta + Q_2 \cos \beta - \frac{(Q_1 - Q_2)}{2} \cdot \frac{r}{l} \sin 2\beta$$

gilt jedoch nur fur die Bewegung im ersten Quadranten. Ift β zwischen $\frac{\pi}{2}$ und π enthalten, so hat man Q_2 negativ, und daher

$$P = Q_1 \sin \beta - Q_2 \cos \beta = \frac{(Q_1 + Q_2)}{2} \frac{r}{l} \sin 2\beta.$$

Für die Bewegung durch den dritten Quadranten ist auch Q_1 negativ, und daher $P=-Q_1\sineta-Q_2\coseta+rac{(Q_1-Q_2)}{2}rac{r}{l}\sin 2eta,$

und endlich fur ben vierten Quadranten ift Q1 noch negativ, Q2 aber positiv, und baber

$$P = -Q_1 \sin \beta + Q_2 \cos \beta + \frac{(Q_1 + Q_2)}{2} \frac{r}{l} \sin 2\beta$$
.

Ift $eta=2\pi$ geworden, d. i. hat fich die erfte Barge des doppelten Righte ber Rrummzapfens um 360° gebreht, fo hat P ben Weg $2\pi r$ und Q_1+Q_2 den Weg 2 . 2r durchlaufen, es ift baber

$$2\pi r P = 4r(Q_1 + Q_2)$$

und folglich wieber

$$P = \frac{2}{\pi}(Q_1 + Q_2) = 0,6366(Q_1 + Q_2),$$

wie beim einfachen Krummgapfen. In ber Regel find, wie g. B. bei Locomotiven, Dampfichiffen u. f. w. bie beiben Stangen: ober Rolbentrafte einander gleich, es ift baber die resultirende Umbrehungstraft

$$P = \frac{4}{\pi}Q = 1,2732Q.$$

Um bei langen Geftangen die Fortpflanzung ber Rraft nicht durch Schub, fonbern nur burch Bug gu bewirten, wenbet man gwei boppelte ofer einen vierarmigen einfachwirkenben Rrummgapfen an, beffen Wargen um je 90 Grab von einander abstehen. hier erfolgt bei ber rudtehrenden Stange teine Rraftubertragung und es ift beshalb bas Bewegungeverhaltnig baffelbe wie bei ben zweiarmigen boppeltwirkenben Krummzapfen.

Anmerfung. Bei bem breifachen Rrummgapfen, beffen Bargen um je 120 Grab von einander abstehen, hat man, wenn man ber Ginfachheit wegen das Glied mit bem Faktor + cos. & wegen feiner Rleinheit unbeachtet laßt:

$$\begin{array}{l} P_1 &= Q_1 \sin \beta, \\ P_2 &= Q_2 \sin (\beta + 120^0) \\ &= \frac{Q_3}{2} (V3 \cdot \cos \beta - \sin \beta) \text{ and } \\ P_8 &= -Q_8 \sin (\beta + 240^0) \\ &= \frac{Q_3}{2} (V3 \cdot \cos \beta + \sin \beta), \end{array}$$

folglich bie gange Umbrebungefraft, wenn man bie Stangenfrafte einander gleich anniumt, also $Q_1=Q_2=Q_8=Q$ sept, $P=P_1+P_2+P_3=Q(\sin\beta+V)$. $\cos\beta=2$ $Q\sin$. $(\beta+60^\circ)$.

$$P = P_1 + P_3 + P_3 = Q(\sin \beta + \sqrt{3} \cdot \cos \beta) = 2 Q \sin (\beta + 60^\circ).$$

Bei Anwendung eines Krummjapfens stellen fich besonders drei Biberftanbe ober Rebenhinderniffe ein, namlich die Bapfenreibung, die Bargenreibung und bie Stangenreibung. Bas junachst bie Bapfenreibung anlangt, fo ift biefelbe wie jebe andere Bapfenreibung gu be-Ift r, ber Zapfenhalbmeffer und R, ber mittlere, vorzüglich von bem Gewichte ber armirten Rrummzapfenwelle abhangige Bapfenbruck, fo bat man bie auf ben Bargentreis reducirte Bapfenreibung

$$F_1 = \frac{r_1}{r} \varphi R_1.$$

Naturlich ift für jeden einzelnen Fall R, auch besonders zu finden.

186

Rurbel-reibungen.

Die Warzenreibung ist $= \varphi R = \frac{\varphi Q}{\cos \varphi}$, annähern $\phi = \varphi Q$, und durchläuft pr. Umdrehung ber Krummzapfenwelle ben Umfang 2 mr. ber Barze, es ist folglich biefelbe, auf ben Barzentreis reducirt:

$$F_2 = \frac{2\pi r_2 \varphi R}{2\pi r} = \frac{r_2}{r} \varphi R = \frac{r_2}{r} \varphi Q = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{r_2}{r} \varphi P.$$

Da bei bem Kreisercentrik - größer als 1 ift, bei bem gewöhnlichen Rrummzapfen aber ein fleiner achter Bruch, fo fallt biefe Reibung bei bem ersteren viel großer aus als bei bem letteren, und es ift baber bas Rreisercentrik nur in besonderen Fallen, wie z. B. bei ber Steuerung von Da= schinen, anzuwenden. Bei dem einfachwirkenden Krummzapfen ubt auch noch bas Stangengewicht auf die Bapfen- und Warzenreibung einen Ginfluß atts, wie das in der Kolge an mehreren Beispielen gezeigt werden wird.

Enblich die Stangen= ober vielmehr bie Stangentopfreibung hangt von bem Seitendrucke N = Qtang. a ab; ba aber biefer verander: lich ift, fo muß fur benfelben ber mittlere Werth gefunden werben. ist annähernd $N=Q\sin \alpha=Q\frac{r}{l}\sin \beta$, daber die Reibung $\varphi N = \varphi \frac{Qr}{I} sin. eta$, und ba bie Geschwindigkeit ber Stange w = c sin. β gefet werben tann, die entsprechende Arbeit ber Seitenrei: bung, wenn biefelbe bloß gleitend ift, $= \varphi \frac{Qr}{l} c(sin.\beta)^2$. aber $(sin. eta)^2 = rac{1-cos. 2 eta}{2}$, und bas Mittel ber Cofinus aller Bin= tel von 0 bis 3600 = Rull, baher hat man auch bas Mittel von (sin. B)2 mahrend eines Auf= ober Nieberganges = 1/2, und ben mittleren Werth von der Seitenreibung = $\frac{1}{2} \varphi Q \frac{rc}{I}$, und endlich die auf den Wargen= freis reducirte Stangentopfreibung

$$F_3 = \frac{r}{2l} \cdot \varphi Q = \frac{r}{2l} \varphi \cdot \frac{\pi}{2} P = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{r}{l} \varphi P.$$

Berfieht man ben Bolgen, woburch die Stange mit bem Lenter verbunben ift, mit einem Friktionerabe, fo verwandelt fich biefe gleitende Reibung in eine Bapfenreibung, und ift nun a ber Salbmeffer biefes Friftionsrades und ra ber Salbmeffer feines Bolgens, fo hat man

$$F_2 = \frac{r_3}{a} \cdot \frac{\pi}{4} \cdot \frac{r}{l} \varphi P = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{l} \cdot \varphi P = \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{2l} \varphi Q.$$

Während wir nun ohne Rudficht auf Reibung für einen einarmigen Rubeibungen doppeltwirkenden Krummzapfen bas Kraftverhältniß $\frac{P}{Q}=\frac{2}{\pi}$ haben, ist demnach mit Rudficht auf die Reibungen zu sehen,

1) wenn P bie Rraft und Q bie Last ift, also bie Stange burch ben Krummzapfen bewegt wirb,

$$P = \frac{2}{\pi}Q + F_1 + F_2 + F_3 = \frac{2}{\pi}Q + \frac{r_1}{r}\varphi R_1 + \frac{r_2}{r}\varphi Q + \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{2l}\varphi Q$$
$$= \left[\frac{2}{\pi} + \varphi \left(\frac{r_2}{r} + \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{2l}\right)\right]Q + \frac{r_1}{r}\varphi R_1,$$

2) wenn P die Last und Q die Kraft ist, also ber Krummzapfen burch bie Stange bewegt wird,

$$Q = \frac{\pi}{2} (P + F_1 + F_2 + F_3)$$

$$= \frac{\pi}{2} \left(P + \frac{r_1}{r} \varphi R_1 + \frac{r_2}{r} \varphi Q + \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{2l} \varphi Q \right)$$

$$= \frac{\pi}{2} \left(\left[1 + \varphi \frac{\pi}{2} \left(\frac{r_2}{r} + \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{2l} \right) \right] P + \frac{r_1}{r} \varphi R_1 \right).$$

Anmerfung 1. Die Reibung am Umfange bes Bolgens, womit ber Lensfer mit bem Stangenfopfe verbunden ift, fann man wegen ihrer Kleinheit außer Acht laffen. Ift r_4 ber Halbmeffer viefes Bolgens, so hat man biese Reibung auf ben Bargenfreis reducirt,

$$F_4 = \frac{2}{\pi} \cdot \frac{r_4}{l} \varphi Q = \frac{r_4}{l} \varphi P,$$

weil sich während einer Umbrehung bes Krummzapfens biefer Bolzen in bem Bosgen $\frac{2r}{l}$ hins und zurüdschwingt, also bie Reibung φQ ben Beg $\frac{4r}{l}$. r_4 macht.

Anmerkung 2. Die Reibungen fonnen unter gewissen Umftanben auch noch burch bie Trägheit ber Gestängmaffe vergrößert werben; in ber Regel finsbet jedoch eine Ausgleichung statt, ba nicht nur die Arbeit, welche bei der ersten Sälfte bes Stangenaufganges durch die Ueberwindung der Trägheit verloren geht, in der zweiten Sälfte besselben wieder zu Gute fommt, sondern auch die daraus erwachsende Bergrößerung der Reibung bei der ersten Sälfte des Aufganges durch eine gleiche Berminderung derselben in der zweiten Sälfte wieder ausgeglichen wird.

Beispiel. Ift bei einem Krummzapfen bie auf ben Warzenfreis reducirte Laft P=2500 Pfund, der Bapfendrud $R_1=10000$ Pfund, die Armlänge ober ber Halbmeffer des Warzenfreises r=18 Boll, ferner der Zapfenhalbmeffer $r_1=4$ Boll, der Warzenhalbmeffer $r_2=2\frac{1}{3}$ Boll, die Länge des Lenfers l=90 Boll, der Arenhalbmeffer der Friktionsräder am Stangenkopfe $r_3=1\frac{1}{3}$ Boll, und der Halbmeffer dieser Käder a=5 Boll, so hat man bei dem Reibungs.

coefficienten $\varphi = 0,075$ bie nothige Stangenfraft

 $Q = 1,5708 [2500 + 0,075 \cdot 1,57 (\frac{5}{86} + \frac{8}{10} \cdot \frac{18}{180}) \cdot 2500 + \frac{4}{18} \cdot 0,075 \cdot 10000]$

= 1,5708 (2500 + 50 + 167)

= 1,5708.2717 = 4267,8 Pfunt. Ohne Rudficht auf biefe Reibungen ware

 $Q = \frac{\pi}{2} P = 1,5708.2500 = 3927 \Re \text{funb};$

es ift alfo ber Berluft in Folge biefer Reibungen

Medanit bes Krumme japfens. §. 100. Ebenso intereffant als wichtig find die Bewegungsverhaltniffe Fig. 237. eines Krummzapfens. Beginnen wir die Un=



eines Krummzapfens. Beginnen wir die Unstersuchung berselben wieder an dem einarmigen boppeltwirkenden Krummzapfen, und sehen wir hierbei voraus, daß die Bewegung vom Krummzapfen ausgehe. Ift die Warze von dem todeten Punkte O, Kig. 237, nach einem Punkte A, welcher von jenem um den veränderlichen Winkel $OCA = \beta^0$ absteht, übergegangen, so hat die Umdrehungskraft P den Weg $OA = r\beta$ zurückgelegt, und folglich die Arbeit $Pr\beta$ verrichtet. Dagegen hat die Stangenskraft Q den Weg

$$DB = s = r(1 - \cos \beta) - \frac{r^2(\sin \beta)^2}{2l}$$

burchlaufen, und es ist folglich die entsprechende Arbeit dieser Kraft

$$= Qs = \left(r(1-\cos\beta) - \frac{r^2(\sin\beta)^2}{2l}\right)Q.$$

Biehen wir nun biefe beiben Arbeiten von einander ab, fo erhalten wir biejenige Leiftung,

welche auf die Beschleunigung ober Bergogerung ber tragen Daffen verwenbet wirb:

$$Pr\beta = Q\left(r(1-\cos\beta) - \frac{r^2(\sin\beta)^2}{2l}\right)$$

Die rotirende Masse M hat im tobten Punkte Q die Geschwindigkeit c_1 und beim Stande der Warze in A die Geschwindigkeit v, folglich nimmt sie bei der Bewegung der Warze von O nach A das Arbeitsquantum

$$L_1 = \left(\frac{v^2 - c_1^2}{2}\right) M$$

in Anspruch. (S. I., §. 71.)

Die Stangenmaffe M1 hat bie Geschwindigkeit

Michanif des Arummjapfens.

$$w = v\left(\sin\beta - \frac{r}{2l}\sin2\beta\right),\,$$

die beim Durchgange ber Warze burch ben tobten Punkt - Rull war, es ift baher die Arbeit, welche diese erfordert, während die Warze von () nach

A geht,
$$L_2 = \frac{v^2}{2} \left(\sin \beta - \frac{r}{2l} \sin 2\beta \right)^2 M_1$$
.

ŀ

Laffen mir vor ber Sand bie Maffe bes Lenters außer Acht, fo erhalten wir baher folgenbe Bewegungsformel fur ben einarmigen Rrummzapfen:

$$Pr\beta = Qr \left(1 - \cos \beta - \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2}\right)$$

$$= \frac{M(v^{2} - c_{1}^{2})}{2} + \frac{M_{1}}{2} v^{2} \left(\sin \beta - \frac{r}{2l} \sin \beta\right)^{2}.$$

Damit die Maschine einen beharrlichen Sang behalte, so muß nach einer halben Umbrehung, wo die Kraft Q die entgegengesehte Richtung annimmt, eine Periode der Bewegung beendigt, und daher die Geschwindigkeit v wieder in c_1 übergegangen sein. Dies vorausgeseht, können wir in unserer Formel gleichzeitig $\beta=\pi$ und $v=c_1$ sehen, und bekommen so den Ausbruck

$$\pi Pr - (1 - \cos \pi)Qr = \frac{M(c_1^2 - c_1^3)}{2} + \frac{M_1 c_1^2}{2} \sin \pi,$$
b. i., ba $\cos \pi = -1$ und $\sin \pi = 0$ ist, $(\pi P - 2Q)r = 0$, also $P = \frac{2}{\pi}Q$, oder $Q = \frac{\pi}{2}P$, wie wir allerdings schon gefunden haben. Sehen wir aber dieses Berhältniß in unsere Hauptsormel, so bekommen wir $\left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos \beta + \frac{r}{2l}(\sin \beta)^2\right)Qr$

$$= \frac{M(v^2 - c_1^3)}{2} + \frac{M_1 v^2}{2}\left(\sin \beta - \frac{r}{2l}\sin 2\beta\right)^2;$$

und es folgt nun bie Bargengefchwinbigkeit

$$v = \sqrt{\frac{Mc_1^2 + 2Qr\left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos\beta + \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right)}{M + M_1\left(\sin\beta - \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right)^2}}$$

Waren wir bei unserer Untersuchung von bem anderen tobten Punkte U ausgegangen, so wurden die Glieber mit $\frac{r}{2l}$ bas entgegengesette Zeichen erzhalten haben, und baher der Ausbruck für die Warzengeschwindigkeit solzgender sein:

$$v = \sqrt{\frac{\mathit{M}c_1^2 + 2\mathit{Qr}\left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos\beta - \frac{r}{2\mathit{l}}(\sin\beta)^2\right)}{\mathit{M} + \mathit{M}_1\left(\sin\beta + \frac{r}{2\mathit{l}}\sin2\beta\right)^2}}.$$

Man ersieht hieraus, daß die Bewegungsverhaltnisse beim Auf= oder hingange von Q nicht genau dieselben sind, wie beim Nieder= oder Rucksgange.

Weil $\frac{r}{2l}$ hochstens 0,1 ift, so begnügt man sich meist mit ber mittleren

Beftimmung, låst alfo die Glieber mit $rac{r}{2l}$ gang weg, und fest

$$v = \sqrt{\frac{Mc_1^2 + 2Qr\left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos\beta\right)}{M + M_1(\sin\beta)^2}}.$$

Trägheit des Lenters. §. 101. Den Ginfluß, welchen die trage Maffe ber Rurbelftange ober



Fig. 238.

des Lenkers auf die Bewegung des Krummzapfens ausübt, findet man sehr leicht, wenn man von dem in I., §. 96 entwickelten Satz Gebrauch macht, wonach jede kleine Bewegung eines Körpers als eine Drehung um den Punkt anzusehen ist, in welchem die Perpendikel zu den kleinen Wegen zweier Punkte des Körpers sich schneiden. Bei einer Kurbelstange AB, Fig. 238, läuft aber der eine Endpunkt A im Kreise herum und der andere Endpunkt B in einer Geraden; es ist daher der veränderliche Drehungspunkt derselben der Durchschnitt K zwischen einer durch A

und C gelegten Linie AK und einem in B auf BC errichteten Perpendikel BK. (Bergl. I., §. 212.)

Da sich ber Punkt B nahe mit einer Geschwindigkeit $w=v\sin\beta$ (s. 96) bewegt, und also auch mit dieser Geschwindigkeit um K lauft, so ist die Geschwindigkeit von einem anderen Punkte L des Lenkers:

$$w_1 = \frac{KL}{KB}w = \frac{KL}{KB}v\sin{\beta}.$$

Nehmen wir nun an, daß bie gange Lenkermaffe M2 eine einfache Stange

von einerlei Querschnitt bilbe, so konnen wir uns in L ben nten Theil dies tidgbeit fer Masse, also $\frac{M_2}{r}$ befindlich denken, und die leb endige Kraft besselben

$$= \frac{M_2}{n} \cdot w_1^2 = \frac{M_2}{n} \cdot \left(\frac{KL}{AB}\right)^2 \cdot w^2$$

feten. Run ift aber AB=l, und ber Winkel $ABC=\alpha$ klein, also das Dreieck ABK, nahe rechtwinkelig und der Winkel

$$KAB = ACO - ABC = \beta - \alpha$$
, nahe = β ,

baber folgt benn annahernb

$$KB = ltang.\beta$$
, und

$$\overline{KL^2} = \overline{KB^2} + \overline{BL^2} = (ltang.\beta)^2 + x^2,$$

wenn wir BL noch durch x bezeichnen. Es ist daher die lebendige Kraft des Lenkers :

$$l = \frac{M_2}{n} \left(\frac{(l \tan g.\beta)^2 + x^2}{(l \tan g.\beta)^2} \right) w^2 = \frac{M_2}{n} v^2 \sin \beta^2 \left(1 + \frac{x^2}{l^2} (\cos g.\beta)^2 \right).$$

Seten wir nun nach und nach ftatt x bie Werthe $\frac{l}{n}$, $\frac{2l}{n}$, $\frac{3l}{n}$ \cdots $\frac{nl}{n}$

ein, so giebt uns biese Kraft bie lebenbige Kraft aller Stangenelemente, und man erhalt zulet burch Summation bie lebenbige Kraft bes ganzen Lenkers:

$$K = \frac{M_2}{n} (v \sin \beta)^2 \left[n + \left(\frac{\cot g \cdot \beta}{n} \right)^2 (1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2) \right]$$

$$= M_2 (v \sin \beta)^2 \left(1 + \frac{(\cot g \cdot \beta)^2}{n^3} \cdot \frac{n^3}{3} \right) = M_2 v^2 \left((\sin \beta)^2 + \frac{(\cos \beta)^2}{3} \right)$$

$$= \frac{1}{3} M_2 v^2 \left[1 + 2 (\sin \beta)^2 \right] = \frac{1}{3} M_3 v^2 + \frac{2}{3} M_2 v^2 (\sin \beta)^2.$$

Nun ist aber die lebendige Kraft der rotirenden Masse $M, = Mv^2$, und die der auf- und niedergehenden Stangenmasse $M_1, = M_1v^2(sin.\beta)^2$; es läßt sich daher annehmen, daß ein Drittel der Masse des Lenkers die rotirrende Masse, und zwei Drittel derselben die Stangenmasse vergrößere. Seten wir in der Folge voraus, daß diese Bertheilung vollzogen sei, so haben wir die Lenkermasse nicht weiter in Betracht zu ziehen.

§. 102. Wir fordern von allen Maschinen, daß sich die Rotationsges Razimal- unt schwindigkeit v nur innerhalb enger Grenzen verändere, daß also weder der schwindigkeit. Maximalwerth v_1 von v viel größer, noch der Minimalwerth v_2 viel kleizner als die mittlere Geschwindigkeit c sei; deshald konnen wir denn auch der Geschwindigkeitsformel

$$v = \sqrt{\frac{Mc_1^2 + 2Qr\left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos\beta\right)}{M + M_1(\sin\beta)^2}}$$

Marimal und die einfachere Form Minimalgefdminbigfeit.

$$= \sqrt{(1 - \frac{M_1}{M} (\sin \beta)^2) \left[c_1^2 + \frac{2Qr}{M} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) \right]}$$

$$= c_1 \sqrt{1 + \frac{2Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) - \frac{M_1}{M} (\sin \beta)^2}$$

$$= c_1 \left[1 + \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) - \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2 \right]$$
geben.

Wird ber Drehungsbogen β um ein Element $d\beta$ größer, so nimmt $\frac{2}{\pi}\beta$ um $\frac{2}{\pi}d\beta$ zu, ferner $\cos\beta$ um $\sin\beta$. $d\beta$ ab, und

 $(sin.eta)^2=rac{1-cos.2eta}{2}$ um sin.2eta . deta zu; man hat daher die ents sprechende Beranberung von v:

$$dv = c_1 d\beta \left[\frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} - \sin \beta \right) - \frac{M_1}{2M} \cdot \sin 2\beta \right],$$
 und folation

$$rac{Qr}{Mc_1^2} \left(rac{2}{\pi} - sin.eta
ight) - rac{M_1}{2M} sin.2eta = \mathfrak{R}$$
ull zu segen,

wenn v ein Maximum ober Minimum sein soll. Es folgt hiernach ber Drehungswinkel fur den Maximal= ober Minimalwerth der Warzenge= $\frac{2}{M_1} c_1^2 \sin 2\beta$

schwindigkeit:
$$sin.\beta = \frac{2}{\pi} - \frac{M_1 c_1^2 sin. 2\beta}{2Qr}$$

Unnähernd ist jedenfalls

$$\sin \beta = \frac{2}{\pi} = 0,6366$$
, also $\beta^0 = 39^0,32'$, oder 140°,28'.

Es ift nun leicht zu ermeffen, bag in bem bier betrachteten Falle, also wenn die Bewegung vom Arummzapfen auf die Stange übergetragen wirb, bem fpigen Bintel, welcher bem

$$\sin \beta = \frac{2}{\pi} - \frac{M_1 c_1^2 \sin 2\beta}{2 \, Or}$$

entspricht, und nahe 39°, 32' ift, ber Maximalwerth (v_1) von v, und bem stumpfen Bintel für eben diesen Sinus, und ber nahe 140° , 28' bez trägt, ber Minimalwerth (v_2) von v entspricht.

Seten wir die gefundenen Bahlenwerthe fur & in die Formel

$$v = c_1 \left[1 + \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) - \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2 \right],$$

fo erhalten wir die Maximalgeschwindigfeit

$$v_1 = \left(1 + 0.2105 \cdot \frac{Qr}{Mc_1^2} - 0.2026 \cdot \frac{M_1}{M}\right)c$$

und die Minimalgeschwindigfeit

$$v_{z} = \left(1 - 0.2105 \cdot \frac{Qr}{Mc_{1}^{2}} - 0.2026 \cdot \frac{M_{1}}{M}\right) c.$$

In ber Regel ift bas Maffenverhaltniß M1 flein genug, um es vernachlaffigen zu konnen, weshalb wir auch einfach

$$v_1 = \left(1 + 0.2105 \, rac{Qr}{Mc_1^2}
ight) c_1 \, \, ext{unb}$$
 $v_2 = \left(1 - 0.2105 \, rac{Qr}{Mc_2^2}
ight) c_1 \, \, ext{feben.}$

6. 103 *). Es ift nun noch ju untersuchen, ob bie Geschwindigkeit c1 in umbrehunge. ben tobten Punkten O und U bes Wargenkreises ber mittleren Umbrehungs: geschwindigkeit o ber Bargen gleich gefett werben tonne. Die lettere beftimmt fich aus ber Beit t, innerhalb welcher bie Barge ben Salbfreis ar burchlauft, mittels ber bekannten Formel $c=rac{\pi r}{r};$ bie erftere hingegen ift nur burch Integration ber Differenzialformel ds = v dt (f. I., §. 19*)), mo ds bas in einem Beitelemente dt burchlaufene Raumelement bezeichnet, au finben.

Seben wir fur die veranderliche Gefdmindigfeit den Raberungswerth $v = c_1 \left[1 + \frac{Qr}{Mc^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) - \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2 \right], \text{ ober}$ $\frac{1}{v} = \frac{1}{c_1} \left[1 - \frac{Qr}{Mc^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) + \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2 \right], \text{ unb}$ fuhren wir fur bas Begelement ben Musbrud $ds = r d\beta$ ein, fo erhal-

$$dt = \frac{ds}{v} = \left[1 - \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos \beta\right) + \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2\right] \frac{r d\beta}{c_1},$$

beren Integration auf einen Ausbrud fur bie Umbrehungszeit t führt.

Es ift nach I., Art. 13 ber analytischen Sulfelehren,

ten wir bie Formel

$$\int \beta \, d\beta = \frac{\beta^2}{2}, \text{ ferner nach Art. 20 berfelben}$$

$$\int \cos \beta \, d\beta = \sin \beta \text{ unb}$$

$$\int (\sin \beta)^2 \, d\beta = \int \left(\frac{1 - \cos \beta}{2}\right) \, d\beta = \frac{\beta}{2} - \frac{\sin \beta}{4},$$
baher folgt
$$t = \int \left[1 - \frac{Qr}{Mc^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta\right) + \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2\right] \frac{r \, d\beta}{c_1}$$

$$t = \int \left[1 - \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos\beta\right) + \frac{M_1}{2M} (\sin\beta)^2\right] \frac{r}{c_1}$$

$$= \left[\beta - \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{\beta^2}{\pi} - \beta + \sin\beta\right) + \frac{M_1}{4M} \left(\beta - \frac{\sin\beta}{2}\right)\right] \frac{r}{c_1} + Const.$$
III.

Umbrehunge.

Im tobten Puntte ift t mit & zugleich Rull; ba bas gefundene Integral auch ohne Conftante für $\beta = 0$, t = 0 giebt, so fallt die lettere ebenfalls Null aus, und man hat baber auch nur noch $\beta=\pi$, so wie sin. π und $\sin 2\pi = 0$ zu seben, um die Formel für die halbe Umbrehungszeit zu erhalten. Es ift hiernach bie lettere

$$t = \left[\pi - \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\pi - \pi + \sin \pi\right) + \frac{M_1}{4M} \left(\pi - \frac{\sin 2\pi}{2}\right)\right] \frac{r}{c_1}$$
$$= \left(1 + \frac{M_1}{4M}\right) \frac{\pi r}{c_1};$$

baher bie mittlere Bargengefchwindigkeit

$$c=rac{\pi\,r}{t}=\left(1-rac{M_1}{4\,M}
ight)c_1$$
, ober, wenn, wie meist, die Stangenmaffe

 M_1 viel kleiner ift als die rotirende Masse M, genau genug $c=c_1$, b. i. bie mittlere Bargengeschwindigfeit gleich der Bargenge= fcminbigfeit in ben tobten Puntten.

Macht der Rrummzapfen pro Minute u Umbrehungen, fo haben wir

$$c = \frac{\pi u r}{30} = 0,1047 u r,$$

baher bie Marimalgefchwinbigteit

$$v_1 = \left(1 + 0.2105 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c = \left(1 + 19.2 \frac{Q}{Mu^2r}\right) \cdot 0.1047 u r,$$

und bie Minimalgeschwindig feit

$$v_2 = \left(1 - 0.2105 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c = \left(1 - 19.2 \frac{Q}{Mu^2r}\right) \cdot 0.1047 ur.$$

6. 104. Geht die Bewegung von der Stange aus, wird also ber Arumms Bewegung 9. 104. Seine Der Den Braffen burch bie Stangenkraft Q, 3. B. mittels einer Dampfmaschine in Bewegung gefett, fo hat man die bem Umbrehungsbogen B entfprechende Arbeit, welche auf die Beschleunigung ber tragen Daffen verwendet, oder burch die Bergogerung in Anspruch genommen wird (vergl. §. 100),

$$Qr\left(1-\cos\beta-\frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right)-Pr\beta$$
,

und es ift baher hier

$$Qr\left(1 - \cos \beta - \frac{r}{2l}(\sin \beta)^2 - \frac{2}{\pi}\beta\right) = \frac{M(v^2 - c_1^2)}{2} + \frac{M_1 v^2}{2}(\sin \beta - \beta \frac{r}{2l}\sin \beta)^2$$

gu feben.

Bernachläffigen wir auch hier bie Glieber mit bem Factor ?, feten wir also wieder eine fehr lange Rurbelftange voraus, so erhalten wir folgende Ausbrude für die Warzengeschwindigkeit, welche nur durch ein Bors Bewegung burd eine Einegentagt. zeichen von ben in §. 100 und 101 gefundenen abweichen:

$$v = \sqrt{\frac{Mc_1^2 + 2Qr\left(1 - c \cdot s.\beta - \frac{2}{\pi}\beta\right)}{M + M_1 \left(sin.\beta\right)^2}}$$
$$= \sqrt{\frac{Mc_1^2 - 2Qr\left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + cos.\beta\right)}{M + M_1 \left(sin.\beta\right)^2}},$$

annåhernd,

$$v = c_1 \left[1 - \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) - \frac{M_1}{2M} \left(\sin \beta \right)^2 \right].$$

Es ift hier fur bie Marimal = und Minimalgeschwindigfeit

$$\sin \beta = \frac{2}{\pi} + \frac{M_1 c_1^2 \sin 2\beta}{2 Qr},$$

ober, wenn M1 c1 flein ift gegen Qr, einfacher, wie oben,

$$\sin \beta = \frac{2}{\pi} = 0,6366,$$

also $\beta = 39^{\circ}, 32'$ und $\beta = 140^{\circ}, 28'$; nur findet der Unterschied gegen ben zuerft betrachteten Fall ftatt, bag bem fpiben Wintel nicht bie Maris mal=, fondern die Minimalgeschwindigkeit entspricht, und bag ebenfo bei bem ftumpfen Umbrehungswinkel nicht die Minimal =, fondern die Maris malgeschwindigkeit eintritt.

Bir haben, wenn wir überdies noch $c_1=c$ feten, wie oben, die Minis malgeschwindigseit $v_2 = \left(1 - 0.2105 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$, und die Marimalgeschwindigkeit

$$v_1 = \left(1 + 0.2105 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c.$$

Da wir bei ben letten Entwickelungen bas Glieb mit bem Einfins Factor T vernachläffigt haben, fo gelten diefelben ftreng nur bei unendlich langen und annahernb nur bei fehr langen Stangen, und es ift baber noch befonders zu untersuchen, wie groß die eminenten Geschwindigkeitswerthe ausfallen, wenn, wie meift, bie Rurbelftangenlange l nur 4 bis 6 mal so groß ist, als der Kurbelhalbmeffer r, wenn also $\frac{r}{l}=1/6$ bis 1/4ift. Jedenfalls haben wir hier von bem vollständigeren Ausbrude

$$v = c \left[1 \pm \frac{Qr}{Mc^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 \right) \right]$$

Eingus die eminenten Werthe zu ermitteln, und deshalb nach §. 102 farger gurbeikangen.

$$\frac{2}{\pi} - \sin \beta \pm \frac{r}{2l} \cdot \sin 2\beta = 0,$$

b. i. $\sin \beta = \frac{2}{\pi} \pm \frac{r}{2l} \sin 2\beta$ zu fegen, und das Pluszeichen für die Bewegung in der ersten, das Minuszeichen aber für die in der zweiten Salfte des Warzenkreises zu gebrauchen.

Für
$$\frac{r}{l} = 1/4$$
 ist $sin. \beta = \frac{2}{\pi} \pm 0,125 sin. 2 \beta$.

Dem Ausbrucke sin. $\beta = \frac{2}{\pi} + 0,125$ sin. 2β entsprechen ziemlich genau die Winkel $\beta = 49^{\circ}, 29'$ und $\beta = 148^{\circ}, 14'$;

bem Ausbrucke sin. $\beta = \frac{2}{\pi}$ — 0,125 sin. 2 β aber die Winkel $\beta = 31^{\circ}$. 46' und $\beta = 130^{\circ}$. 31'.

Wenn man nun die vier Winkelwerthe in die obige Geschwindigkeitssformel einsetz, so erhält man in dem Falle, wenn die Bewegung von dem Krummzapfen ausgeht, für die erste Hälfte der Umdrehung die Waximalsgeschwindigkeit $v_1 = \left(1 + 0,2718 \, \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$,

und bie Minimalgeschwindigfeit

$$v_2 = \left(1 - 0.1686 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c;$$

bagegen fur bie zweite Balfte ber Umbrehung bie Marimalgeschwindigkeit

$$v_1 = \left(1 + 0.1686 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$$

und bie Minimalgeschwindigfeit

$$v_2 = \left(1 - 0.2718 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c.$$

Bei dem Berhaltnisse $\frac{r}{l}=1/5$ ist sin. $\beta=\frac{2}{\pi}\pm0,1$ sin. 2 β , und daher entweder $\beta=47^{\circ},25'$ und $146^{\circ},45'$ oder $\beta=38^{\circ},5'$ und $132^{\circ},35'$.

Får die erfte Umbrehungshälfte find hiernach die beiben eminenten Ges schwindigkeiten $v_1=\left(1+0,2577\,rac{Q\,r}{M\,c^2}
ight)\,c$ und

$$v_2 = \left(1 - 0.1757 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$$

und fur die beiben letten Quabranten ber Umbrehung ift

$$v_1 = \left(1 + 0.1757 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \text{ unb}$$

$$v_2 = \left(1 - 0.2577 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c.$$

Ciufus furger Aurbelfangen

If endlich $\frac{r}{l} = \frac{1}{6}$, also $\sin \beta = \frac{2}{\pi} \pm 0{,}0833 \sin 2\beta$, so hat

man bas eine Mal $\beta=46^{\circ},3$, und $145^{\circ},58'$, und ein anderes Mal $\beta=34^{\circ},2'$ und $133^{\circ},57'$; und es sind hiernach

bie eminenten Gefchwindigfeiten in ben erften beiben Quabranten ber Ums

drehung

$$v_1 = \left(1 + 0.2489 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$$
 unb
 $v_2 = \left(1 - 0.1807 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c;$

bagegen biefelben in ber zweiten Salfte ber Umbrebung

$$v_1 = \left(1 + 0.1807 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$$
 und
 $v_2 = \left(1 - 0.2489 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c.$

Fig. 289.



Geht die Bewegung von der Stange aus, wird z. B. der Krummzapfen durch eine Kolzbenkraft in Umdrehung geseht, so geben die im Borstehenden gefundenen Maximalgeschwinzdigkeiten, in Minimalz, und die letteren Gesschwindigkeiten wieder in die ersteren über. Man hat also nur in den vorstehenden Ausdrücken die Pluszeichen in Minusz, und die Minuszeichen in Plus umzuändern, um die eminenten Werthe der Geschwindigkeiten bei dieser Bewegungsweise zu sinden.

§. 106. Bei einem boppelten Krumm: Betorie zapfen, beffen Warzen A und B, Fig. 239, Rrummigapfen. um ben Rechtwinkel ACB von einander abstehen, stellt sich das Bewegungsgeset noch einsacher heraus als bei einer einsachen Kurbel. Rehmen wir wieder an, das der Krummzapfen von zwei Stangen: oder Kolbenkräften Q_1 und Q_2 in Bewegung gesett werde, und sehen wir den gewöhnlichen Fall (bei Dampswagen und Dampsschiffen) voraus, daß diese beiden Kräfte einander gleich seinen, also $Q_1 = Q_2 = Q$ sei.

Theorie Wir haben wieder die während der Umdrehung des Krummzapfens um strummzapfen, den Winkel $OCA = MCB = \beta$ verrichtete Arbeit der ersten Kraft

$$Qr\left(1-\cos \beta \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2\right)$$

segen wir aber in biesem Ausbrucke ein Mal $\beta=90^\circ$ und ein anderes Mal statt β , $90^\circ+\beta$, und ziehen wir diese erhaltenen Werthe von einsander ab, so erhalten wir die Arbeit ber an ber zweiten Warze B ansgreisenden Kraft

$$Qr\left(1-\cos.(90^{\circ}+\beta)\mp\frac{r}{2l}\left[\sin.(90^{\circ}+\beta)\right]^{2}\right) - Qr\left(1-\cos.90^{\circ}\mp\frac{r}{2l}\left(\sin.90^{\circ}\right)^{2}\right)$$

$$= Qr\left(1+\sin.\beta\mp\frac{r}{2l}\left(\cos.\beta\right)^{2}\right) - Qr\left(1\mp\frac{r}{2l}\right)$$

$$= Qr\left(\sin.\beta\pm\frac{r}{2l}\left[1-(\cos.\beta)^{2}\right]\right)$$

$$= Qr\left(\sin.\beta\pm\frac{r}{2l}\left(\sin.\beta\right)^{2}\right),$$

und es ergiebt fich nun burch Bereinigung biefes Ausbruckes mit bem obigen die Arbeit beiber Stangenkrafte gusammen:

$$Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta\mp\frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\pm\frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right), \text{ b. i.}$$

$$1) Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta\right)$$

fur bie Bewegung beiber Bargen in der erften Umbrehungshalfte, bagegen

2)
$$Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta+\frac{r}{l}\left(\sin\beta^2\right)\right)$$
,

wennn fich die eine Barge im zweiten und die andere im britten Quadransten bewegt, ferner wie erft

3) Qr (1 + $sin.\beta$ — $cos.\beta$), wenn beibe Warzen in ber zweiten Halfte des Warzentreises stehen, und

4)
$$Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta-\frac{r}{l}(\sin\beta)^2\right)$$
,

wenn die vorausgehende Warze ben erften, also die folgende den letten Quadranten burchlauft.

Die bem Umbrehungswintel β entsprechende Arbeit ber auf ben Warzentreis reducirten Kraft oder Last P ist, wie oben $Pr\beta$, folglich bie auf die Beschleunigung ber tragen Massen verwendete Arbeit

$$L = Qr \left(1 + \sin \beta - \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2\right) - Pr \beta$$
, wofür wir zunächst, bei langen Stangen,
 $L = Qr \left(1 + \sin \beta - \cos \beta\right) - Pr \beta$ sehen können.

Das Arbeitsquantum ber rotirenden Daffe M ift wieber

$$L_1 = \frac{M(v^2 - c_1^2)}{2},$$

Theorie Doppelter Arummyapfen.

und ebenfo bas ber einen Stange

$$L_2 = \frac{M_1 v^2}{2} \left(\sin \beta \mp \frac{r}{2 l} \sin 2 \beta \right)^2.$$

Anders ist es bei der andern Stange, deren Masse wir ebenfalls $=M_1$ annehmen wollen. Seten wir in dem letten Ausbrucke $\beta=90^\circ$ und $v=c_1$, so erhalten wir das Arbeitsvermögen dieser Stange am Ansange der Periode, seten wir aber statt β , 90° + β und v=v, so erhalten wir das Arbeitsvermögen der Stange in dem Augenblicke, wenn die zweite Warze in B ankommt, sich also der Arummzapsen um β gedreht hat; es ist solglich die während dieser Drehung um $\beta=OCA=MCB$, von der zweiten Stange in Anspruch genommene Arbeit:

$$L_{3} = \frac{M_{1} v^{2}}{2} \left(\sin. (90^{\circ} + \beta) \mp \frac{r}{2 l} \sin. 2 (90^{\circ} + \beta) \right)^{2}$$

$$- \frac{M_{1} c_{1}^{2}}{2} \left(\sin. 90^{\circ} \mp \frac{r}{2 l} \sin. 180^{\circ} \right)^{2}$$

$$= \frac{M_{1} v^{2}}{2} \left(\cos. \beta \pm \frac{r}{2 l} \sin. 2 \beta \right)^{2} - \frac{M_{1} c_{1}^{2}}{2}.$$

Wenn wir noch die Potenzen von $\frac{r}{2l}$, also sehr kleine Großen, Rull seben, so konnen wir

$$L_{2} = \frac{M_{1}v^{2}}{2} \left((\sin \beta)^{2} \mp \frac{r}{l} \sin \beta \sin 2\beta \right) \text{ und}$$

$$L_{3} = \frac{M_{1}v^{2}}{2} \left((\cos \beta)^{2} \pm \frac{r}{l} \cos \beta \sin 2\beta \right) - \frac{M_{1}c_{1}^{2}}{2}$$
annehmen, und da $(\sin \beta)^{2} + (\cos \beta)^{2} = 1$ ift,
$$L_{2} + L_{3} = \frac{M_{1}(v^{2} - c_{1}^{2})}{2} + \frac{M_{1}v^{2}}{2} \left(\mp \frac{r}{l} \sin \beta \sin 2\beta \pm \frac{r}{l} \cos \beta \sin 2\beta \right)$$
[chreiben.

Da enblich nicht allein $\frac{r}{l}$, sondern auch $\frac{M_1}{M}$ in der Regel ein kleiner Bruch ift, so kann man in dem Ausbrucke für die vollständige Arbeit der trägen Massen M_1 und M_1 sogar noch $\frac{r}{2l}$ M_1 gegen M unbeachtet lassen, also

$$L = L_1 + L_2 + L_3 = \frac{M (v^2 - c_1^2)}{2} + \frac{M_1 (v^2 - c_1^2)}{2}$$

$$= (M + M_1) \left(\frac{v^2 - c_1^2}{2}\right) \text{ annehmen.}$$

Theorie Sest man nun biefen Werth fur L bem oben gefundenen gleich, so ergrummgapfen balt man folgende Gleichung

$$Qr\left(1 + \sin \beta - \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2} + \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2}\right) - Pr\beta$$

$$= (M + M_{1}) \frac{(v^{2} - c_{1}^{2})}{2},$$

welche fur lange Stangen folgenbe einfachere Form annimmt,

$$Qr (1 + \sin \beta - \cos \beta) - Pr\beta = (M + M_1) \frac{(v^2 - c_1^2)}{2}.$$

Hat sich ber Krummzapfen um einen Quabranten $\frac{\pi}{2}$ gedreht, kommt z. B. die eine Warze A nach M und die andere B nach U, so ist eine Periode der Bewegung beendet, und daher v wieder $= c_1$. Dies vorausz geseht, folgt

$$Qr (1 + \sin 90^{\circ} - \cos 90^{\circ}) - Pr \frac{\pi}{2} = (M + M_1) \frac{(c_1^2 - c_1^2)}{2},$$

b. i. $2Qr - \frac{\pi Pr}{2} = 0$, also $P = \frac{4}{\pi}Q$.

Wenn man biefen Werth von P in bie lette Gleichung fett, so nimmt biefelbe folgende Korm an:

$$Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta-\frac{4}{\pi}\beta\right)=(M+M_1)\cdot\frac{v^2-c_1^2}{2}\cdot$$

§. 107. Aus ber letten Gleichung läßt fich folgende Formel fur bie veranderliche Warzengeschwindigkeit ableiten:

$$v = \sqrt{c_1^2 + \frac{2Qr\left(1 + \sin\beta - \cos\beta - \frac{4}{\pi}\beta\right)}{M + M_1}}$$

bie aber recht gut bei großen Maffen und fleiner Beranderlichteit ber Gesichwindigkeit burch folgende erfest werden fann:

$$v = c_1 \left(1 + \frac{Qr\left(1 + \sin \beta - \cos \beta - \frac{4}{\pi} \beta \right)}{(M + M_1) c_1^2} \right)$$

$$= c_1 \left(1 - \frac{Qr\left(\frac{4}{\pi} \beta + \cos \beta - 1 - \sin \beta \right)}{(M + M_1) c_1^2} \right).$$

Damit v ein Maximum ober Minimum werde, muß

$$\frac{4}{\pi} \beta + \cos \beta - \sin \beta$$

weber wachsen noch abnehmen, wenn & um ein Element d & großer ober

fleiner wirb. Run ift aber bas Element

Theorie doppelter Arummanfen

von
$$\frac{4}{\pi}$$
 β , $\frac{4}{\pi}$ $d\beta$,

von $\cos \beta$, — $\sin \beta d\beta$ und

von sin. B, cos. Bd B (f. I. Art. 19 ber analyt. Sulfsiehren),

baher hat man $\frac{4}{\pi} d\beta = \sin \beta$. $d\beta = \cos \beta d\beta = 0$, b. i.

$$\sin \beta + \cos \beta = \frac{4}{\pi}$$
, also auch

$$.(\sin \beta + \cos \beta)^2 = \left(\frac{4}{7^5}\right)^2,$$

ober, da $(\sin \beta)^2 + (\cos \beta)^2 = 1$ und $2\sin \beta \cos \beta = \sin 2\beta$ ist, $\sin 2\beta = \left(\frac{4}{\pi}\right)^2 - 1 = 0,6211$.

Die entsprechenden Berthe von 2 & find

38º, 24' und 141º, 36'.

also bie bes Umbrehungswinkels & selbst:

Geht die Bewegung von den Stangen aus, so entspricht $\beta=19^\circ,12^\prime$ dem kleinsten und $\beta=70^\circ,48^\prime$ dem größten Geschwindigkeitswerthe, geht hingegen die Bewegung von der Krummzapfenwelle aus, so sindet, wie beim einfachen Krummzapfen, das Gegentheil statt.

Segen wir die gefundenen Werthe von & in die lette Formel fur v ein, fo giebt une blefelbe die Maximalgeschwindig teit

$$v_1 = \left(1 + 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1)c_1^2}\right) c_1$$

und bie Minimalgeschwindigfeit

$$v_2 = \left(1 - 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1)c_1^2}\right) c_1$$

ober ba hier, wo innerhalb eines Quadranten sowohl eine Maximal: als auch eine Minimalgeschwindigkeit vorkommt, die Geschwindigkeit c_1 in den tobten Punkten der mittleren Geschwindigkeit $c=\frac{\pi ur}{30}$ gleichgesett wer-

ben fann,
$$v_1 = \left(1 + 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2}\right)c$$
 und $v_2 = \left(1 - 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2}\right)c.$

§. 108. Diese eminenten Geschwindigkeiten fallen bebeutend anders aus, wenn die Aurbeistange nicht unendlich, sondern nur 4 bis 6mal so lang ift als ber Aurbelarm.

202

Theorie doppelter Arummjapfen, In biefem Falle konnen wir aus ber Kormel

$$L = Qr \left(1 + \sin \beta - \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 \right) - Pr\beta$$

$$= Qr \left(1 + \sin \beta - \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 - \frac{4}{\pi} \beta \right)$$

bie Glieber mit bem Factor $\frac{r}{2l}$ nicht fallen laffen, wenn sie sich nicht von selbst heben. Wir haben hiernach, und in Uebereinstimmung mit bem in 5.106 Gefundenen, für die auf einander folgenden Quadranten einer Umsbrehung nachstehende Arbeiten, welche auf die Veränderung des Bewegungszustandes des Krummzapfens verwendet werden:

1)
$$L = \left(1 + \sin \beta - \cos \beta - \frac{4}{\pi}\beta\right)Qr$$
,

2)
$$L = \left(1 + \sin \beta - \cos \beta + \frac{r}{l} (\sin \beta)^2 - \frac{4}{\pi} \beta\right) Qr$$
,

3)
$$L = \left(1 + \sin \beta - \cos \beta - \frac{4}{\pi}\beta\right)Qr$$
 und

4)
$$L = \left(1 + \sin \beta - \cos \beta - \frac{r}{l}(\sin \beta)^2 - \frac{4}{\pi}\beta\right)Qr$$
.

Es ist folglich fur ben ersten und britten Quadranten ber Umbrehung, wie oben, ber auf die eminenten Geschwindigkeitswerthe führende Umbreshungswinkel burch die Formel sin. $\beta + \cos \beta = \frac{4}{\pi}$, oder

$$\sin 2\beta = \left(\frac{4}{\pi}\right)^2 - 1$$
 bestimmt.

Für den zweiten und vierten Quadranten hat man bagegen (vergl. 6. 105)

$$\sin \beta + \cos \beta = \frac{4}{\pi} \mp \frac{r}{l} \sin 2\beta$$

zu sehen, um die Maximal = und Minimalgeschwindigkeiten zu finden. Bernachlässigt man die Potenzen von $\frac{r}{l}$, so kann man

$$\left(\frac{4}{\pi} \mp \frac{r}{l} \sin 2\beta\right)^2 = \left(\frac{4}{\pi}\right)^2 \mp \frac{8}{\pi} \cdot \frac{r}{l} \sin 2\beta, \text{ und baher}$$

$$\sin 2\beta = \left(\frac{4}{\pi}\right)^2 \mp \frac{8}{\pi} \cdot \frac{r}{l} \sin 2\beta - 1,$$
b. i. $\sin 2\beta = \frac{\left(\frac{4}{\pi}\right)^2 - 1}{1 \pm \frac{8}{\pi} \cdot \frac{r}{l} \sin 2\beta}$ feben.

Genauer ift aber noch

 $\sin 2\beta = \frac{\left(\frac{4}{\pi}\right)^2 - 1}{1 \pm \frac{8}{\pi} \cdot \frac{r}{l} - \left(\frac{r}{l}\right)^2 \sin 2\beta}.$

Theorie boppelter Arummjapfen.

§. 109. Die beiben Binkel $\beta=19^\circ,12'$ und $70^\circ,48'$, welche ber ersten Gleichung sin. $2\beta=\left(\frac{4}{\pi}\right)^2-1=0,62114$ entsprechen, führen auf die schon oben gefundenen eminenten Geschwindigkeiten im ersten und britten Quadranten

$$v_1 = \left(1 + 0.04217 \frac{Qr}{(M + M_1) c^2}\right) c$$
 und $v_2 = \left(1 - 0.04217 \frac{Qr}{(M + M_1) c^2}\right) c$,

welche gang unabhängig von r ober ber Stangenlange finb.

Sanz anders stellen sich aber die Bewegungsverhaltnisse des doppelten Krummzapfens im zweiten und vierten Quadranten der Umdrehung hers aus, wenn das Berhaltniß $\frac{r}{l}$ nicht unendlich klein, sondern, wie gewöhnslich, $^{1}/_{4}$, $^{1}/_{5}$ oder $^{1}/_{6}$ ist.

Für $\frac{r}{l} = 1/4$ ist annähernb

$$\sin 2\beta = \frac{\left(\frac{4}{\pi}\right)^2 - 1}{1 \pm \frac{8}{\pi} \cdot \frac{1}{4}} = \frac{0,62114}{1 \pm 0,63662}.$$

Rehmen wir nun bas Pluszeichen im Renner, fo erhalten wir

$$\sin 2 \beta = \frac{0,62214}{1,63662} = 0,37952$$
, ober schärfer $\sin 2 \beta = \frac{0,62214}{1,63662 - 1/16 \cdot 0,3795} = 0,38572$.

Diesem Sinus entsprechen die beiben Winkel $2\beta=22^{\circ}$, 41' und $2\beta=157^{\circ}$, 19'; es find folglich die einfachen Winkel

 $\beta = 11^{\circ}, 20^{1/2}$ und $\beta = 78^{\circ}, 39^{1/2}$,

und biefe fuhren auf bie Leiftungen

$$L = \left(1 + \sin \beta - \cos \beta + \frac{r}{l} (\sin \beta)^2 - \frac{4}{\pi} \beta\right) Qr$$

$$= (1 + 0.19666 - 0.98047 + \frac{1}{4} \cdot 0.03867 - 0.25204) Qr$$

$$= -0.02618 Qr \text{ unb}$$

Theorie L = Boppelter Rrummjapfen. =

$$L = (1 + 0.9804 - 0.19666 + \frac{1}{4} \cdot 0.96118 - 1.74796) Qr$$

= 0.27618 Qr.

Nimmt man bas Minuszeichen, fo erhalt man

$$\sin 2\beta = \frac{0,62114}{0,36338} = 1,704,$$

alfo über 1, welches beweift, baf es im vierten Quadranten weber ein Gefchwindigkeitsmarimum, noch ein Gefchwindigkeitsminimum giebt.

Für
$$\frac{r}{l}=1/5$$
 ift im zweiten Quabranten

$$\sin 2 \beta = \frac{0.62114}{1 + \frac{8}{\pi} \cdot \frac{1}{5}} = \frac{0.62114}{1.5093} = 0.41154$$
, ober schärfer

$$\sin 2\beta = \frac{0,62114}{1,50930 - \frac{1}{25} \cdot 0,4115} = \frac{0,62114}{1,49284} = 0,41608,$$
 weraus $2\beta = 24^{\circ},35'$, unb $2\beta = 155^{\circ},25'$, also $\beta = 12^{\circ},17^{\circ}/2$ unb $\beta = 77^{\circ},42^{\circ}/2'$ folgt.

Die biesen Winkeln entsprechenden Leistungen im zweiten Quadranten sind $L=-0.02827\ Qr$ und $L=0.22827\ Qr$.

Fur ben britten Quabranten ift

$$\sin 2\beta = \frac{0.62114}{0.4907} = 1.26$$
 also über 1,

und baher ein eminenter Geschwindigkeitswerth nicht vorhanden.

Fur $\frac{r}{l}=1/6$ ift endlich im zweiten Quabranten

$$\sin 2\beta = \frac{0.62114}{1 + \frac{8}{\pi} \cdot \frac{1}{6}} = \frac{0.62114}{1.4244} = 0.43607,$$

ober genauer

sin.
$$2\beta = \frac{0,62114}{1,4244 - 1/36 \cdot 0,43608} = \frac{0,62114}{1,4123} = 0,43981$$
, und hiernach $2\beta = 26^{\circ},6'$ und $2\beta = 153^{\circ},54'$, also $\beta = 13^{\circ},3'$ und $\beta = 76^{\circ},57'$.

Die entsprechenben Leistungen sind

$$L = -0.02987 \ Qr \ \text{unb} \ L = 0.19155 \ Qr.$$

Fur ben vierten Quabranten ift

$$\sin 2\beta = \frac{0.62114}{0.5756} = 1.08,$$

und baber auch teine eminente Geschwindigfeit.

Aus dem Borftehenden ergeben fich nun die eminenten Geschwindigkeiten im zweiten Quadranten:

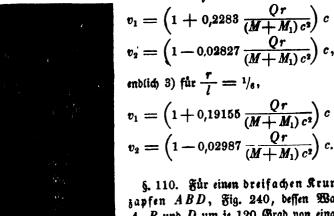
1) für
$$\frac{r}{l} = \frac{1}{4}$$
,

Doppelter Erummiapfen.

$$v_1^{\bullet} = \left(1 + 0.2762 \frac{Qr}{(M + M_1) c^2}\right) c$$
 unb $v_2 = \left(1 - 0.02618 \frac{Qr}{(M + M_1) c^2}\right) c$,

%ig. 240.

ferner 2) für $\frac{r}{l} = 1/5$,



$$v_1 = \left(1 + 0.2283 \frac{Qr}{(M+M_1)c^2}\right)c$$
 und $v_2 = \left(1 - 0.02827 \frac{Qr}{(M+M_1)c^2}\right)c$, enblid 3) für $\frac{r}{l} = 1/6$, $v_1 = \left(1 + 0.19155 \frac{Qr}{(M+M_1)c^2}\right)c$ und

§. 110. Für einen dreifachen Krumms 9. 110. Bur einen dreifachen Arumms iberite bapfen ABD, Fig. 240, deffen Bargen arummjapfen. A, B und D um je 120 Grad von einander abfteben, ift, wenn an jeber Stange eine conftante Rraft Q wirft, bie ben Umbrehungs: wintel $OCA = KCB = LCD = \beta$ ents sprechende mechanische Arbeit biefer Rrafte:

$$L = Qr \left(1 - \cos \beta \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2}\right)$$

$$+ Qr \left(1 - \cos (120^{\circ} + \beta) \mp \frac{r}{2l} [\sin (120^{\circ} + \beta)]^{2}\right)$$

$$- 1 + \cos (120^{\circ} \pm \frac{r}{2l} (\sin (120^{\circ})^{2})\right)$$

$$+ Qr \left(1 - \cos (60^{\circ} + \beta) \pm \frac{r}{2l} [\sin (60^{\circ} + \beta)]^{2}\right)$$

$$- 1 + \cos (60^{\circ} \mp \frac{r}{2l} (\sin (60^{\circ} + \beta))^{2}\right)$$

$$= Qr \left[1 - \cos \beta + \cos (60^{\circ} - \beta) - \cos (60^{\circ} + \beta)\right]$$

$$\mp \frac{r}{2l} \left(\sin \beta\right)^{2} + [\sin (60^{\circ} - \beta)]^{2} - [\sin (60^{\circ} + \beta)]^{2}\right)$$

Theorie preference
$$P(r) = Qr \left(1 - 2\cos(60^{\circ} + \beta) + \frac{r}{2l} \left[(\sin \beta)^2 - 4\sin(60^{\circ}\cos 60^{\circ}\sin \beta)\cos(\beta) \right] \right)$$

$$= Qr \left(1 - 2\cos(60^{\circ} + \beta) + \frac{r}{2l}\sin(\beta)\sin(\beta - \sqrt{3}\cos\beta) \right)$$

$$= Qr \left(1 - 2\cos(60^{\circ} + \beta) + \frac{r}{2l}\sin(\beta)\sin(60^{\circ} - \beta) \right)$$

Die gleichzeitige Arbeit der Umdrehungstraft P ift wieder $Pr\beta$, folgslich die auf die Beschleunigung der Massen verwendete Arbeit

$$L = Qr\left(1-2\cos\left(60^{\circ}+\beta\right)\pm\frac{r}{l}\sin\beta\sin\left(60^{\circ}-\beta\right)\right)-Pr\beta.$$

Diese Arbeit vertheilt sich auf die rotirende Masse M, welche, wie bestannt, den Theil $L_1 = \frac{M (v^2 - c^2)}{2}$ in Anspruch nimmt, ferner auf die erste Stangenmasse M_1 , deren Seschwindigkeit aus 0 in $v \sin \beta$ übergeht, auf die zweite Stangenmasse M_1 , deren Seschwindigkeit $c \sin 60^\circ$ sich in $v \sin . (60^\circ - \beta)$ umändert, und endlich auf die dritte Gestängmasse, deren Geschwindigkeit aus $c \sin . 60^\circ$ in $v \sin . (60^\circ + \beta)$ übergeht. Der Indesgriff der diesen Umänderungen entsprechenden Arbeiten ist

$$L_{2} = \frac{M_{1}}{2} \left[v^{2} \left(\sin \beta \right)^{2} + v^{2} \left[\sin \left(60^{0} - \beta \right) \right]^{2} - c^{2} \left(\sin \left(60^{0} \right)^{2} \right) \right]$$

$$+ v^{2} \left[\sin \left(60^{0} + \beta \right) \right]^{2} - c^{2} \left(\sin \left(60^{0} \right)^{2} \right]$$

$$= \frac{M_{1}}{2} \left[v^{2} \left(\sin \beta \right)^{2} + v^{2} \left(\sin \left(60^{0} \cos \beta - \cos \left(60^{0} \sin \beta \right)^{2} \right) \right]$$

$$+ v^{2} \left(\sin \left(60^{0} \cos \beta + \cos \left(60^{0} \sin \beta \right)^{2} - 2 c^{2} \left(\sin \left(60^{0} \right)^{2} \right) \right]$$

$$= \frac{M_{1}}{2} \left[v^{2} \left(\sin \beta \right)^{2} + 2 v^{2} \left(3/4 \cos \beta \right)^{2} + 1/4 \sin \beta^{2} \right) - 2 \cdot \frac{3}{4} c^{2} \right]$$

$$= \frac{3}{4} M_{1} \left[v^{2} \left(\sin \beta \right)^{2} + v^{2} \left(\cos \beta \right)^{2} - c^{2} \right]$$

$$= \frac{3}{4} M_{1} \left(v^{2} - c^{2} \right).$$

$$= \frac{3}{4} M_{1} \left(v^{2} - c^{2} \right).$$

Wir haben biernach ju feten :

$$Qr\left(1-2\cos(60^{\circ}+\beta)\pm\frac{r}{l}\sin\beta\sin(60^{\circ}-\beta)\right)-Pr\beta$$

$$=(M+\frac{3}{2}M_{1})\cdot\frac{v^{2}-c^{2}}{2}$$

ober, wenn wir sehr lange Stangen voraussehen, und beshalb bas Glied mit $\frac{r}{L}$ vernachläffigen,

$$Qr [1 - 2\cos(60^{\circ} + \beta)] - Pr\beta = (M + \frac{3}{2}M_1) \cdot \frac{v^2 - c^2}{2}.$$

Noch erfordert der Beharrungszustand, daß fur $\beta=1/3$ $\pi=60^\circ$,

wo die zweite Barge in den tobten Puntt U gelangt, wieder v in c ubergebe; es ift beshalb

Theorie Dreifacer Rrummjapfen.

$$Qr \ (1-2\cos.120^{\circ}) - Pr \ \frac{\pi}{3} = 0$$
, b. i.
$$P = \frac{2Q}{1/3\pi} = \frac{6}{\pi} \ Q, \text{ und baher}$$

$$Qr \ \left(1-2\cos.(60^{\circ}+\beta) - \frac{6}{\pi} \ \beta\right) = (M + ^{2}/_{2} M_{1}) \cdot \frac{v^{2}-c^{2}}{2}$$
 su sehen.

hiernach erhalten wir nun folgenden Ausbruck fur die veranderliche Bargengeschwindigkeit

$$v = \sqrt{c^2 + rac{2 \, Qr \left(1 - 2 \cos \left(60^\circ + eta\right) - rac{6}{\pi} \, eta
ight)}{M + \sqrt[3]{2} \, M_1}}, \text{ ann different}$$

$$= c \left[1 - \left(rac{6}{\pi} \, eta + 2 \cos \left(60^\circ + eta\right) - 1\right) \cdot rac{Q \, r}{(M + \sqrt[3]{2} \, M_1) \, c^2}\right].$$

Diese Geschwindigkeit nimmt mit 2 cos. $(60^{\circ} + \beta) + \frac{6}{\pi} \beta$ zugleich ihre eminenten Werthe an, und zwar für sin. $(60^{\circ} + \beta) = \frac{3}{\pi} = 0,9549$.

Die entsprechenben Wintel finb

$$60^{\circ} + \beta = 72^{\circ},44'$$
 und $60^{\circ} + \beta = 107^{\circ},16';$
es ist also $\beta = 12^{\circ},44'$ und $\beta = 47^{\circ},16'.$

Im vorliegenden Falle entspricht bem ersten Wintel die Minimals, und bem zweiten die Maximalgeschwindigkeit; geht hingegen die Bewegung von dem Krummzapfen aus, so findet das Gegentheil statt. Führen wir diese Werthe für β in den letten Ausbruck für v ein, so erhalten wir für beide Bewegungsweisen die Maximalgeschwindigkeit

$$v_1 = \left(1 + 0.0181 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2}\right)c$$

und die Minimalgeschwindigkeit

$$v_2 = \left(1 - 0.0181 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2}\right) c.$$

Anmerkung. Aus bem Renner $M+\frac{3}{2}M_1=M+\frac{1}{2}\cdot 3M_1$, ift zu ersehen, daß die Theile ber Stangenmaffe nur halb so viel Ginfluß auf die Bezwegung des Krummzapfens haben als die Theile ber rotirenben Raffe. Ebenso ift es bei bem boppelten und ungefähr auch bei bem einsachen Krummzapfen.

§. 111 *). Diese eminenten Geschwindigkeitswerthe fallen bei endlichen Stangenlangen allerdings noch etwas anders aus. Es ift hier

Sherric Predicate:
$$v=c\left[1-\left(\frac{6}{\pi}\beta+2\cos.(60^0+\beta)-1\mp\frac{r}{l}\sin.\beta\sin.(60^0-\beta)\right)\right]$$

$$\cdot\frac{Qr}{(M+\frac{3}{2}(\rho,M))c^2}$$

gu feten, und baber bas Marimum von

$$\frac{6}{\pi}$$
 $\beta + 2 \cos(60^{\circ} + \beta) \mp \frac{r}{l} \sin.\beta \sin(60^{\circ} - \beta)$ aufzusuchen.

Die Differenzialrechnung findet burch Rullfegen bes Differenzialverhaltniffes von biefem Ausbrude

$$\frac{6}{\pi} - 2 \sin. (60^{\circ} + \beta) \mp \frac{r}{l} [\sin. (60^{\circ} - \beta) \cos. \beta - \sin. \beta \cos. (60^{\circ} - \beta)] = 0,$$
ober $\sin. (60^{\circ} + \beta) = \frac{3}{\pi} \mp \frac{r}{2l} \sin. (60^{\circ} - 2\beta).$

Behandeln wir nun den Specialfall $\frac{r}{l}=1/_{5}$, fo erhalten wir

$$\sin (60^{\circ} + \beta) = \frac{8}{\pi} \mp 0.1 \cdot \sin (60^{\circ} - 2\beta).$$

Für sin.
$$(60^{\circ} + \beta) = \frac{3}{\pi} - 0.1$$
. sin. $(60^{\circ} - 2\beta)$ find $\beta = 0^{\circ}.20'$ und $\beta = 39^{\circ}.18'$

die entsprechenden Berthe,

für sin.
$$(60^{\circ} + \beta) = \frac{3}{\pi} + 0,1$$
. sin. $(60^{\circ} - 2\beta)$ hingegen $\beta = 20^{\circ}, 42'$ und $\beta = 59^{\circ}, 40'$.

Es ift nun

$$\frac{6}{\pi}\beta + 2\cos(60^{\circ} + \beta) - 1 - \frac{r}{l}\sin\beta\sin(60^{\circ} - \beta)$$
 für $\beta = 0^{\circ}, 20', = 0,0111 + 0,9899 - 1 - 0,0010 = 0,0000$ und für $\beta = 39^{\circ}, 17', = 1,3100 - 0,3232 - 1 - 0,0448 = -0,0580$, daher sind die eminenten Geschwindigkeiten im ersten Septanten der Umbrehung

$$v_1 = \left(1 + 0,0580 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2}\right)c$$
, und $v_2 = \left(1 - 0,0000 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2}\right)c$.

Dagegen ist

$$\frac{6}{\pi}\beta + 2\cos(60^{\circ} - \beta) - 1 + \frac{r}{l}\sin\beta\sin(60^{\circ} - \beta) \text{ für}$$

$$\beta = 20^{\circ}42', = 0,6900 + 0,3232 - 1 + 0,0448 = 0,0580 \text{ unb für}$$

$$\beta = 59^{\circ},40', = 1,9889 - 0,9899 - 1 + 0,0010 = -0,0000,$$

und es find baher die eminenten Geschwindigkeiten im zweiten Sertanten der Umbrehung:

$$v_1 = \left(1 + 0.0000 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2}\right)c$$
 unb
 $v_2 = \left(1 - 0.0580 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2}\right)c.$

In ben übrigen Umbrehungsfertanten wiederholen fich biefe Geschwindigs Beiteverhaltniffe.

Die Umbrehung eines Krummjapfens erfolgt jebenfalls um fo ungleichformiger, je größer bie Differeng v1 - v2 zwischen ber Marimals fermigfeit. und Minimalgeschwindigkeit beffelben in Sinficht auf die mittlere Geschwinbigfeit c, je größer also bas Berhaltniß $\frac{v_1-v_2}{c}$ ift. Wir tonnen baber auch biefes Berhaltnif den Grad ber Ungleichformigteit ber Rrummzapfenbewegung nennen, und es tunftig burch ben Buchftaben & bezeichnen. Bu einem guten Gange einer Dafchine gehort, bag biefes Berhaltnif eine gemiffe Grenze nicht überschreite (f. II., §. 66). Bei Maschinen, wie Pumpen, Dublen u. f. w., welche feine große Gleichformigfeit bes Ganges erfordern, foll & = 1/20 bis 1/20 fein, bei Dafchinen, wie g. B. Spinnereien und Bebereien, welche einen fehr gleichformigen Sang nothig haben, foll dagegen & == 1/40 bis 1/80 betragen.

Die in dem Borhergehenden gefundenen Formeln feten uns in den Stand, ben Grab ber Ungleichformigfeit fur bie verschiebenen Krummgapfen wie folgt zu finden.

I. Für ben einfachen Krummzapfen hat man

1) bet unenblich langer Stange, wo
$$\frac{r}{l}=0$$
 ist, nach §. 103, $v_1=\left(1+0.2105\,rac{Qr}{Mc^2}
ight)c$ unb $v_2=\left(1-0.2105\,rac{Qr}{Mc^2}
ight)c$,

folglich ben Grab ber Ungleichformigfeit

III.

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0,2105 \cdot \frac{Qr}{Mc^2} = 0,4210 \cdot \frac{Qr}{Mc^2}$$
. If bagegen

2) $\frac{r}{l} = \frac{1}{6}$, so hat man nach §. 105,

 $\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0,2489 \cdot \frac{Qr}{Mc^2} = 0,4978 \cdot \frac{Qr}{Mc^2}$; ist ferner

Grab ber Ungleich. formigfeit.

3)
$$\frac{r}{l} = \frac{1}{5}$$
, so fallt

$$\delta = rac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0,2577 \cdot rac{Qr}{Mc^2} = 0,5154 rac{Qr}{Mc^2}$$
 aus; ift enblich 4) $rac{r}{l} = \frac{1}{4}$, fo wird gar $\delta = rac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0,2718 \cdot rac{Qr}{Mc^2} = 0,5436 rac{Qr}{Mc^2}$.

II. Fur ben boppelten Rrummgapfen, und zwar

1) bei unendlich langer Stange, wo $\frac{r}{l}=0$ ist, stellt sich nach §. 107, $d=\frac{v_1-v_2}{c}=2\cdot 0.0422\cdot \frac{Qr}{(M+M_1)\,c^2}=0.0844\frac{Qr}{(M+M_1)\,c^2}$ herauß;

2) bei dem Berhaltniffe
$$\frac{r}{l} = \frac{1}{6}$$
, dagegen, nach §. 109,

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = (0,1916 + 0,0422) \frac{Qr}{(M + M_1)c^2} = 0,2338 \frac{Qr}{(M + M_1)c_2};$$

3) bei dem Verhaltnisse
$$\frac{r}{l} = 1/5$$
,

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = (0.2283 + 0.0422) \frac{Qr}{(M + M_1)c^2} = 0.2705 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2},$$

und 4) bei bem Berhaltniffe $\frac{r}{l} = \frac{1}{4}$,

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = (0.2762 + 0.0422) \frac{Qr}{(M + M_1)c^2} = 0.3184 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2}.$$

III. Fur ben breifachen Rrummgapfen ift

1) bei unendlich langer Stange, also $\frac{r}{l}=0$, nach §. 110,

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0.0181 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2} = 0.0362 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2},$$

und 2) bei bem Berhaltniffe $\frac{r}{l}=1/_5$, nach §. 111,

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0,0580 \frac{Qr}{(M + ^3/_2 M_1)c^2} = 0,1160 \frac{Qr}{(M + ^3/_2 M_1)c^2}$$

Man ersieht aus biefen Formeln, bag unter übrigens gleichen Umftanben bie Ungleichformigkeitsgrabe um fo mehr abnehmen, je langer bie Rurbelsftangen sind und je großer bie Anzahl berfelben ift.

Beim einfachen Rrummzapfen ift

Grad der Ungleichförmigfeit

$får \frac{r}{l} = 0,$	1/6	1/5	1/4
ð = 0,4210	0,4978	0,5154	$0.5436 \frac{Qr}{Mc^2}$, : 1,292.
also das Berhåltniß 1	: 1,182	: 1,224	

Bei langen Stangen ift ferner

für ben einfachen	doppelten	breifachen Rrummzapfen		
$\delta = 0.4210 \; \frac{Qr}{Mc^2}$	$0,0422 \frac{2Qr}{Mc^3}$	$0,01207 \frac{8Qr}{Mc^2}$		
alfodas Berhältniß nahe 35	: 3,5	: 1		

Bei dem Stangenlangenverhaltniß $\frac{r}{I}=1/\!\!/_{\!\! 5}$ bagegen

får den einfachen	doppelten	breifachen Krummzapfen		
$\delta = 0.5154 \frac{Qr}{Mc^2}$	$0,1352 \frac{2Qr}{Mc^2}$	$0,0387 \frac{3Qr}{Mc^2},$		
alfo das Berhåltniß nahe 13,3	: 4	: 1		

Beispiel. Wenn bie bewegende Kraft des Kolbens einer Dampsmaschine 10000 Pfund ift, und der hub 2r dieser Maschine 4 Fuß mißt, wenn serner die Raschine pro Minute 24 Spiele macht und die ganze rotirende Rasse schiene, auf den Warzenkreis reducirt, $M=\frac{G}{g}=\frac{250000}{31,25}=8000$ Pfund besträgt, so ist der Ungleichförmigkeitsgrad dieser Raschine:

bei Anwendung eines Dampfehlinders und eines einfachen Arummgapfens und bei bem Stangenlängenverhältniß $\frac{r}{l}=1/_5,$

bagegen bei Anwendung von zwei Dampfcplindern und boppeltem Krumms zapfen und bem Berhältniffe $\frac{r}{l}=\frac{1}{6}$,

$$\delta = 0,2705$$
 . $\frac{10000 \cdot 2}{8000 \cdot 25,25} = \frac{2,705}{4 \cdot 25,25} = \frac{0,6762}{25,25} = \frac{1}{4}$

enblich bei Anwendung von brei Dampfcplinbern und breifachem Rrummzapfen und bem Berhaltniffe - r = 1/5,

$$\delta = 0.1160 \cdot \frac{10000}{4000 \cdot 25.25} = \frac{0.29}{25.25} = \frac{1}{87}.$$

Benn man ben Ungleichförmigfeitsgrab $\sigma = \frac{1}{40} \div \frac{1}{30}$ verlangen follte, fo ware bie Umbrehungsmaffe für ben ersten Fall ju klein und für ben zweiten unnöthig groß.

Rrummjapfen

§. 113. Wir haben ichon im zweiten Bande (§. 333) gur Sprache gevicialrenden bracht, daß es auch Dampfmafchinen mit ofcillirendem Cylinder CD, Sig. mafdinen 241, giebt. Bei folchen Mafchinen bient die Kolbenstange CK zu gleicher

Beit mit als Rurbelftange, weshalb fie nicht felten bei Dampfichiffen, wo es viel auf Raumersparnif antommt, angewendet werben. Die Theorie bes Rrumm= gapfens fur diese Maschine lagt sich wie folgt ohne Schwierigkeiten auf bie bes einfachen Rrummzapfens mit Lentitange zurudführen.

Fig. 241.



Fig. 242.



Es fei in Fig. 242 C bie Drehungsare bes Rrummzapfens und K bie Schwingungsare bes Dampfeplinders ober ber fefte Puntt, durch welchen bie Richtung ber Rolbens ober Lenkstange hindurchgeht; bezeichnen wir bie Armlånge CA = CO bes Krummzapfens wieder mit r, bagegen ben Abstand CK ber festen Drehungspuntte Cund K von einander burch a, und endlich ben veranderlichen Umbrehungswinkel ACO bes Rrummzapfens burch B. Es find bann die Abstande bes Punttes K von ben beiben tobten Puntten O und U des Krummzapfens, KO = a + r und KU = a - r und von der Warze in A:

Satisfie in A:

$$KA = V \overline{CA^2 + \overline{CK^2} + 2CA \cdot CK \cos \cdot OCA}$$

$$= V r^2 + a^2 + 2 r a \cos \beta.$$

Bahrend die Warze den Bintel $ACO = \beta$ durchläuft, legt die Stans Krunmapplen gentraft Q einen Weg s zurück, welcher der Linie AD, d. i. der Differenz ofcilliraden KO - KA der Abstände KO und KD des festen Punktes von den beiden maschinen. Endpunkten O und A des Weges $OA = r\beta$, gleich ist. Es ist also

$$s = a + r - \sqrt{a^2 + 2 a r \cos \beta + r^2}$$
, oder
 $s = a + r - a \left(1 + \frac{2r}{a} \cos \beta + \frac{r^2}{a^2}\right)^{1/2}$, annáhernb
 $= a + r - a \left(1 + \frac{r \cos \beta}{a} + \frac{r^2}{2a^2} - \frac{4}{8} \frac{r^2 (\cos \beta)^2}{a^2}\right)$
 $= r - r \cos \beta - \frac{r^2}{2a} [1 - (\cos \beta)^2]$
 $= r (1 - \cos \beta) - \frac{r^2}{2a} \sin \beta^2$.

Fur ben gewöhnlichen Krummzapfen mit besonderer Rurbelftange ift aber, §. 95 zu Folge, ber Weg ber Stangenfraft Q annahernb,

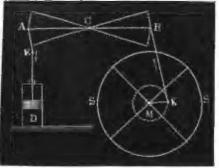
$$s = r(1 - \cos \beta) - \frac{r^2}{2l} (\sin \beta)^2;$$

wenn man daher in dieser Formel die Lenkstangenlange l durch den Arenabstand a ersett, so geht die vorige Formel unmittelbar aus dieser hervor. Diese Uebereinstimmung zwischen den Wegen und also auch die zwischen den Arbeiten (Qs) beider Arten der Krummzapfendewegung berechtigt uns nun auch, alle die im Borstehenden gefundenen Formeln für die Bewegung des einfachen Krummzapsens (s. 95 bis s. 105) nach Umänderung der Größe l in a auf den Krummzapsen mit oscillirendem Cylinder anzuwenden. Es ist folglich in Betrest dieser Maschine nichts Neues zu sinden. Da nach dem Obigen (s. 112) die Ungleichsörmigkeit der rotirenden Bewegung des Krummzapsens der ersten Art zunimmt, wenn die Kurbelstange (l) eine kürzere wird, so solgt, daß dieselbe dei einem Krummzapsen der zweiten Art ebenfalls wächst, wenn der Abstand der Schwingungsare K von der Oreshungsare C abnimmt.

§. 114. Wir haben oben (§. 95 bis §. 112), bei unferen Entwickeluns krummjapfen gen in Betreff ber Krummjapfenbewegung vorausgeset, daß die Kurbels Balancier ftange unmittelbar mit der Kolbenstange verbunden sei, daß sich also das eine Ende der Kolbenstange in gerader Linie aufs und nieders, oder hins und herbewege, während das andere im Kreise herumläuft; jest wollen wir aber noch den in Fig. 243 a. f. S. abgebildeten und bereits in §. 90 besprochenen Kall in Betracht ziehen, wo durch Zwischenstellung eines Balanciers oder hes bels entweder die geradlinige Bewegung der Kolbenstange oder die stetige Kreiss

Rrummaapfen bewegung bes Rrummgapfens junachft in eine ofcillitende verwandelt wird.

Fig. 243.

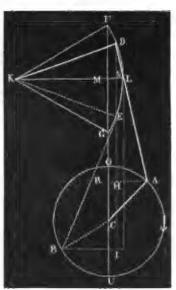


und aus biefer erft entmes der die Kreisbewegung des Rrummzapfens ober bie gerablinia wiederkehrende Bewegung ber Rolben= Stange hervorgeht. In biesem Kalle läuft also der zweite Endpunkt ber Rurbelftange feine gerade Linie, fonbern es bewegt fich berfelbe in einem Rreisbogen auf und nieber. Auch fin= bet berfelbe Fall ftatt, wenn die Rurbelftange mit bem

zweiten Enbe an ein Rreug (Kunftereug), wie Fig. 226 (S. 171) vor Augen fuhrt, angeschloffen ift.

Die Bewegungeverhaltniffe einer folchen Berbindung eines Krummjapfens

Fig. 244.



mit einem Bebel find, wenn, wie fast stets, der Bebelarm viel langer ift als ber Rubelarm, von benen bes einfachen Krummzapfens nicht mefentlich verschieden. Bir wollen, um biefelbe tennen zu lernen, gu= nachft ben Fall in Untersuchung gie= hen, wo die Umbrehungsgre C. Rig. 244, ber Rurbel in ber Berlangerung der Sehne FG des Bogens FLG liegt, in welchem ber zweite Endpunet D ber Kurbelftange auf= und nieber= geführt wird. Segen wir in biefer Absicht die Lange KF = KG = KLvon dem Bebelarme des Balanciers = a, bie conftante Umbrehunge fraft beffelben=P,ferner ben veranberlichen Schwingungewinkel LKD beffelben. von der Mittellage KL ausgegangen, = a, ben conftanten Sub = ober Schwingungewinkel FKL=GKL

= a1, und die Abweichung ADH ber Kurbelstange AD von ber Mittels linie CF, = &, und behalten wir die übrigen Bezeichnungen von oben bei. fo haben wir

Arummiapfen mit Balancier ober Debel.

1) die Bertikalprojection der Kurbelstange AD:

HD = HN + ND = RM + ND = CM - CR + ND, ober $AD \cos ADH = OF - CA \cos ACR + KD \sin DKL$, b. i. $l \cos \delta = l - r \cos \beta + a \sin \alpha$, unb

2) die Horizontalprojection berfelben

AH = AR - HR = AR - MN = AR - KN + KM, oder $AD \sin ADH = CA \sin ACR - KD \cos DKL + KF \cos FKL$, b. i. $l \sin \delta = r \sin \beta - a (\cos \alpha - \cos \alpha)$.

Da $(\sin .\delta)^2 + (\cos .\delta)^2 = 1$ ift, so hat man hier $l^2 = (l - r\cos .\beta + a\sin .\alpha)^2 + [\sin .\beta - a(\cos .\alpha - \cos .\alpha_1)]^2$, und baher

 $l - r\cos \beta + a\sin \alpha = \sqrt{l^2 - [r\sin \beta - a(\cos \alpha - \cos \alpha_1)]^2},$ b. i. annåbernb

$$a \sin \alpha = r \cos \beta - \frac{l}{2} \left(\frac{r \sin \beta - a (\cos \alpha - \cos \alpha_1)}{l} \right)^2.$$

Nun ift aber cos. a - cos. a1 annahernd

$$=1-\frac{1}{2}(\sin{\alpha})^2-1+\frac{1}{2}(\sin{\alpha}_1)^2$$
, baher folgt

$$\alpha \sin \alpha = r \cos \beta - \frac{(r \sin \beta - 1/2 a [(\sin \alpha_1)^2 - (\sin \alpha)^2])^2}{2 l}.$$

Setzen wir noch rechts $sin.\alpha = \frac{r\cos.\beta}{a}$, so wie

$$sin. \ lpha_1 = rac{r}{a}$$
, so erhalten wir

$$a \sin \alpha = r \cos \beta - \frac{1}{2l} \left(r \sin \beta - \frac{r^2}{2a} [1 - (\cos \beta)^2] \right)^2$$

$$= r \cos \beta - \frac{r^2 (\sin \beta)^2}{2l} \left(1 - \frac{r \sin \beta}{2a} \right)^2, \text{ unb baher}$$

$$\sin \alpha = \frac{r \cos \beta}{a} - \frac{r^2 (\sin \beta)^2}{2al} \left(1 - \frac{r \sin \beta}{2a} \right)^2, \text{ ober}$$

genau genug, ba $\frac{r}{a} = \frac{1}{8}$ ober noch kleiner gemacht wirb,

$$\sin \alpha = \frac{r \cos \beta}{a} - \frac{r^2 (\sin \beta)^2}{2 a l} + \frac{r^3}{2 a^2 l} (\sin \beta)^3.$$

Es tommt nun barauf an, ben Bogen ober Weg $FD=s=a(\alpha_1-\alpha)$ zu finden, welcher dem Umbrehungswinkel $OCA=\beta$ entspricht. Da

 $\alpha = \sin \alpha + \frac{1}{6}(\sin \alpha)^3$ (f. »Ingenieur«, Seite 225) gefet werden kann, so folgt für unsern Kall

216

Rrummjapfen mit Balancier ober Debel.

$$lpha = rac{r\coseta}{a} - rac{r^2(\sineta)^2}{2\,a\,l} + rac{r^3(\sineta)^3}{2\,a^2\,l} + rac{r^3(\coseta)^3}{6\,a^3}$$
 und $lpha_1 = rac{r}{a} + rac{r^3}{6\,a^3},$

und es ist daher ber Weg ober Schub DF:

$$s = r(1 - \cos \beta) + \frac{r^2(\sin \beta)^2}{2l} - \frac{r^3(\sin \beta)^3}{2al} + \frac{r^3}{6a^2} [1 - (\cos \beta)^3]$$

$$= r \left[1 - \cos \beta + \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 - \frac{r^2}{2al} (\sin \beta)^3 + \frac{r^2}{6a^2} [1 - (\cos \beta)^3] \right].$$

Fur die aufsteigende Stange BE ift

$$EJ = l\cos.\delta = l + r\cos.\beta - a\sin.\alpha$$
 und $BJ = l\sin.\delta = r\sin.\beta + a(\cos.\alpha - \cos.\alpha_1)$, baher $l + r\cos.\beta - a\sin.\alpha = \sqrt{l^2 - [r\sin.\beta + a(\cos.\alpha - \cos.\alpha_1)]^2}$, woraus nun

 $\alpha = \frac{r\cos.\beta}{a} + \frac{r^2(\sin.\beta)^2}{2al} + \frac{r^3(\sin.\beta)^3}{2a^2l} + \frac{r^3(\cos.\beta)^3}{6a^3} \text{ und der dem Umdrehungswinkel } UCB = \beta \text{ entsprechende Sub } GE = a(\alpha_1 - \alpha)$ $s_1 = r\left(1 - \cos.\beta - \frac{r(\sin.\beta)^2}{2l} - \frac{r^2(\sin.\beta)^3}{2al} + \frac{r^2}{6a^2}[1 - (\cos.\beta)^3]\right)$ sid ergiebt.

Für
$$\beta = 0^{\circ}$$
 ist natürlich $s = s_1 = 0$ und sür $\beta = 180^{\circ}$, $s = s_1 = 2r + \frac{2r^3}{6a^2} = 2r \left[1 + \frac{1}{6} \left(\frac{r}{a} \right)^2 \right]$

$$= 2 a arc. \left(sin. = \frac{r}{a} \right) = 2 \alpha_1 a.$$

Für
$$eta=90^\circ$$
, also bei den Quadraturen der Umdrehung ist dagegen $s=r\Big(1+rac{r}{2\,l}-rac{r^2}{2\,a\,l}+rac{r^2}{6\,a^2}\Big)$ und $s_1=r\Big(1-rac{r}{2\,l}-rac{r^2}{2\,a\,l}+rac{r^2}{6\,a^2}\Big).$

§. 115 *). Wenn ber Balancier burch eine constante Tangentialkraft Q auf und nieder bewegt wirb, so haben wir bei Umdrehung bes Krumms zapfens um den Winkel β die verrichtete Arbeit dieser Kraft

$$Qs = Qr \left(1 - \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2} - \frac{r^{2} (\sin \beta)^{2}}{2 \, d \, l} + \frac{r^{2}}{6 \, a^{2}} [1 - (\cos \beta)^{8}]\right),$$

mahrend von ber Umbrehungefraft P bes Krummzapfens wieber bie Arbeit

Pro geleistet wirb. Es ift daher die auf die Beschleunigung der tragen grummjarfen Balanster Balanster Balanster

$$L = Qs - Pr\beta = Qr \left(1 - \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 - \frac{r^2 (\sin \beta)^3}{2al} + \frac{r^2}{6a^2} [1 - (\cos \beta)^3] - Pr\beta.$$

Da wegen bes nothigen Beharrungszustandes für $\beta=\pi,\,L=0$ sein muß, so hat man

$$\pi Pr = Qr \left(2 + \frac{2r^2}{6a^2}\right) = 2Qr \left[1 + \frac{1}{6}\left(\frac{r}{a}\right)^2\right] = 2Qa\alpha_1,$$
 und baber

$$L = Qr \left(1 - \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 - \frac{r^2}{2al} (\sin \beta)^2 + \frac{r^2}{6a^2} [1 - (\cos \beta)^3] - \frac{2\beta}{\pi} \left[1 + \frac{1}{6} \left(\frac{r}{a} \right)^2 \right] \right).$$

Um biejenigen Drehungswinkel zu finden, welche auf die eminenten Gesichwindigkeitswerthe fuhren, bifferenziiren wir biefen Ausbruck in hinsicht auf β und sehen das erhaltene Differenzialverhaltniß — Rull. Dies giebt

$$\sin \beta \pm \frac{r}{2l}\sin 2\beta - \frac{3r^2}{2al}(\sin \beta)^2\cos \beta + \frac{3r^2}{6a^2}(\cos \beta)^2\sin \beta$$

$$-\frac{2}{\pi}\left[1+\frac{1}{6}\left(\frac{r}{a}\right)^2\right], \text{ b. i.}$$

$$\sin \beta = \frac{2}{\pi} \left[1 + \frac{1}{6} \left(\frac{r}{a} \right)^2 \right] - \frac{r}{2l} \sin 2\beta \left(\pm 1 - \frac{3r}{2a} \sin \beta + \frac{rl}{2a^2} \cos \beta \right).$$

Mit Sulfe der biefem Sinus entsprechenden Wintel laffen sich nun die eminenten Leistungswerthe L, und hieraus wieder, nach den aus dem Obisgen bekannten Formeln die eminenten Geschwindigkeiten

$$v_2 = \left(1 + rac{L}{Mc^2}
ight)c$$
 und $v_1 = \left(1 - rac{L}{Mc^2}
ight)c$ berechnen.

Bieben wir nun den gewöhnlichen Fall, $\frac{r}{l}=1/_{\! 5}$ und $\frac{r}{a}=1/_{\! 5}$ in Betracht, für welchen

$$\sin \beta = \frac{55}{54} \cdot \frac{2}{\pi} - 0,1 \cdot (\pm 1 - \frac{1}{2} \sin \beta + 0,2778 \cos \beta) \sin 2\beta$$
 und

$$L = Qr \left(1 - \cos \beta \pm 0.1 (\sin \beta)^{3} - \frac{1}{80} (\sin \beta)^{8} + \frac{1}{54} \left[1 - (\cos \beta)^{8}\right] - \frac{55}{54} \cdot \frac{2}{-\beta} \right) \text{ if i.}$$

Arummiapfen mit Balancier ober bebel. Der erften Formel entsprechen folgende Bintel :

$$\beta = 30^{\circ}, 4'$$
 und = $136^{\circ}, 5'$, fomic $\beta = 49^{\circ}, 35'$ und = $148^{\circ}, 56'$,

und biefe geben bie eminenten Gefchwindigkeiten in ber erften Salfte ber Umbrehung:

$$v_2 = \left(1 - 0,1804 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$$
 und $v_1 = \left(1 + 0,2428 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$,

und bagegen bie in ber zweiten Umbrehungshalfte

$$v_2 = \left(1 - 0.2687 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$$
 unb $c_1 = \left(1 + 0.1701 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$.

Es ift folglich bie größte Gefchwindigfeitebiffereng

$$(0,2428 + 0,2687) \frac{Qr}{Mc} = 0,5115 \frac{Qr}{Mc},$$

und baher ber Grad ber Ungleichformigfeit diefer Rrummzapfenbewegung

$$\delta = 0.5115 \frac{Qr}{Mc^2},$$

während wir oben §. 112 fur ben Fall, wenn bas zweite Stangenende gerablinig aufs und niebergeht,

$$\delta = 0.5154 \frac{Qr}{Mc^2},$$

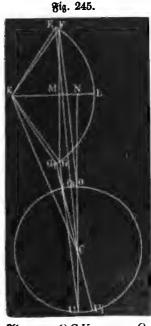
alfo nur fehr wenig mehr gefunden haben.

Der Unterschied zwischen ber Arummzapfenbewegung mit und ber ohne Balancier fallt also so unbedeutend aus, bag man von bemselben bei ben gewöhnlichen Fallen ber Anwendung ganz absehen kann.

§. 116. Um die aus der bogenformigen Bewegung des Balanciers hervorgehende Seitenbewegung der Kurbelstange möglichst herabzuziehen, legt man das Eentrum c der Kurbel OU, Fig. 245, nicht in die Sehne FG des von dem Balancierende durchlausenen Bogens FLG, sondern in die Parallele CN zu FG, welche die Bogenhöhle ML halbirt. Der Bortheil, welcher hieraus erwächst, wird aber wieder dadurch aufgehoben, daß dann die todten Punkte O_1 und U_1 nicht mit den höchsten und tiessten Punkten O und U des Warzenkreises zusammensallen, und daher nicht genau um einen Halbkreis von einander abstehen. Die Winkel $OCO_1 = \mu$ und $UCU_1 = \nu$, um welche die todten Punkte O_1 und U_1 von

dem Scheitelpunkte O und Fußpunkte U des Warzenkreifes abstehen, laffen grummiapten fich wie folgt bestimmen:

Bunachst ist $OCO_1 = OCK - O_1CK = OCK - FCK$;



aber
$$cos. OCK = cos. NCK = \frac{CN}{KC}$$

$$= \frac{CN}{\sqrt{CN^2 + KN^2}} = \frac{l}{\sqrt{l^2 + a^2}}$$

unb
$$cos. O_1CK = cos. F_1CK$$

$$= \frac{\overline{CF_1^2 + \overline{CK^2} - F_1K^2}}{2CF_1 \cdot CK}$$

$$= \frac{(l+r)^2 + l^2 + a^2 - \frac{r^2}{2} - a^2}{2(l+r)\sqrt{l^2 + a^2}}$$

$$= \frac{2l^2 + 2lr + \frac{1}{2}r^2}{2(l+r)\sqrt{l^2 + a^2}},$$

alfo $cos. OCK = cos. O_1CK$ $= -\frac{r^2}{4(l+r)\sqrt{l^2+a^2}}.$

Aber
$$\cos OCK = \cos O_1CK$$

= $-2\sin \left(\frac{OCK + O_1CK}{2}\right)\sin \left(\frac{OCK - O_1CK}{2}\right)$,

ober, da $OCK-O_1CK$ sehr klein ist (s. "Ingenieur", Seite 223), $cos.\ OCK-cos.\ O_1CK=-sin.\ OCK\ (OCK-O_1CK)$

$$= - \mu \sin OCK = - \frac{\mu a}{\sqrt{l^2 + a^2}},$$

baher folgt annahernb

$$\mu = \frac{r^2}{4 a (l+r)}$$

Dann iff $\angle UCU_1 = NCK - G_1CK$, aber cos. $NCK = \frac{l}{\sqrt{l^2 + a^2}}$ und $\cos G_1CK = \frac{(l-r)^2 + l^2 + a^2 - \frac{1}{2}r^2 - a^2}{2(l-r)\sqrt{l^2 + a^2}} = \frac{2l^2 - 2lr + \frac{1}{2}r^2}{2(l-r)\sqrt{l^2 + a^2}}$:

Arumingarfen baher folgt

anber

mit Balancier ober Debel.

$$cos.NCK-cos.G_1CK=-rac{r^2}{(4\,l-r)\sqrt{l^2+a^2}}$$
 und $NCK-G_1CK=NCG_1=UCU_1=v=rac{r^2}{4\,a(l-r)}$. Für $rac{r}{a}=\sqrt[1]{s}$ und $rac{r}{l}=\sqrt[1]{s}$ ist demnach 1.80^ou

$$=\frac{1}{4.3.6}=\frac{1}{72}, \text{ also } \mu^0=\frac{180^0\mu}{\pi}=0^0,796=0^0,48' \text{ und}$$

$$\nu=\frac{1}{4.3.4}=\frac{1}{48}, \text{ also } \nu^0=\frac{180^0\cdot\nu}{\pi}=1^0,194=1^0,12'.$$

Es sind folglich die Abstande der todten Punkte O_1 und U_1 von eins

$$180^{\circ} + (\nu - \mu) = 180^{\circ}, 24'$$
 und $179^{\circ}, 36'$.

Nach dem Obigen (§. 114) find die Wege FF_1 und GG_1 , um welche der Balancier in Folge der schiefen Kurbelstellung über den Enden F und G des Bogens FLG=2 aa hinausgeht,

$$FF_1 = \sigma = (1 - \cos \mu) r = (1 - \cos 0^{\circ}, 48') r = (1 - 0,99990) r$$
$$= 0,00010 r$$

und
$$GG_1 = \sigma_1 = (1 - \cos v)r = (1 - \cos 1^0, 12')r = (1 - 0,99978)r$$

= 0,00022 r,

also so unbebeutenb, baß fie außer Betracht tommen tonnen.

grummapfen §. 117. Wir haben bis jest stets eine constante Stangenkraft Q vorsunt verändert ausgeseit, es konnen daher auch die gefundenen Regeln nicht auf die die ungekrast. Krummzapfenbewegung bei Erpansionsdampfmaschinen angewens det werden, wo die Stangenkraft Q variabel ist. Die häusige Anwens dung dieser Maschine macht es daher nothig, daß wir auch noch die Beswegungsverhältnisse der Krummzapfen mit veränderlicher Kraft kennen lernen. Ziehen wir zunächst wieder einen einfachen Krummzapsen in Bestracht, sehen wir serner eine unendlich lange Kurbelstange voraus, und ses hen wir noch von allen Nebenverhältnissen, also auch von dem Gegendruck auf den Dampskolben ab.

Bon ber Erpansion gilt wieder bie aus bem Obigen bekannte Regel (§. 100):

$$Qr(1-cos.eta) - Preta = rac{M(v^2-c^2)}{2}$$
, und es ist baher auch wieder $v = \sqrt{c^2 + rac{2\,r}{M\,c^2}[Q(1-cos.eta) - Peta]}$ oder annähernd

1) $v = c\left(1 + rac{2\,r}{M\,c^2}[Q(1-cos.eta) - Peta]\right)$.

Ift das Expansionsverhaltniß = ϵ (siehe II., §. 380), so wird bei einem Rrummjaufen mit veränder. Rolbenwege OH=s, Fig. 246, der Dampfzussuß abgesperrt und es ilder Umbrebungstraft, bundstraft.

Fig. 246.



tritt nun eine allmälige Abnahme ber Kraft Q ein, so daß dieselbe am Ende bes ganzen Kolbenweges $s_1=2r$, dem Mariotte's schen Gesetz zu Folge, nur noch die Größe

$$Q_1 = \frac{s\,Q}{s_1}$$
 hat.

Der Drehungswinkel $ACO=\beta$, bei welchem die Erpansion beginnt, ift durch die Gleichung

$$\frac{s_1}{s} = \frac{2r}{(1-\cos{eta_1})r} = \frac{2}{1-\cos{eta_1}} = s$$
 bestimmt, welche

$$cos. oldsymbol{eta}_1 = 1 - rac{2}{arepsilon}$$
 giebt.

Hat sich ber Krummzapfen um einen Winkel $\beta > \beta_1$ gebreht und folglich die Stange den Weg $r(1-\cos\beta)$ zurückgelegt, so ist nach II., §. 253 die Arbeit der Kraft:

$$Fsp\left[1 + Log.nat.\left(\frac{s_1}{s}\right)\right] = Qs\left(1 + Log.nat.\frac{1 - cos.\beta}{1 - cos.\beta_1}\right)$$
$$= Qs\left(1 + Log.nat.\frac{(1 - cos.\beta)\epsilon}{2}\right);$$

baher gilt benn auch fur bie Bewegung bes Krummzapfens mahrend ber Erpansion bie Formel:

$$Qs\left(1 + Log.nat.\frac{(1-cos.eta)\varepsilon}{2}\right) - Preta = \frac{M(v^2-c^2)}{2}$$
, und es ist

hiernach die veranderliche Warzengeschwindigkeit

$$v = \sqrt{\frac{c^2 + \frac{1}{M} \left[Qs \left(1 + Log.nat. \frac{(1 - cos.\beta)\varepsilon}{2} \right) - Pr\beta \right]}{}},$$

annähernb

2)
$$v = c \left(1 + \frac{1}{Mc^2} \left[Qs \left(1 + Log.nat.(1 - cos.\beta) \frac{\varepsilon}{2} \right) - Pr\beta \right] \right)$$
.

Da für $\beta=\pi$, also $1-\cos\beta=1+1=2$, v=c sein muß, so hat man

Niummgapfer mit veranberlicher Umbrebungefraft.

$$P = \frac{Qs}{\pi r} (1 + Log. nat. \epsilon) = \frac{Qs_1}{\epsilon \pi r} (1 + Log. nat. \epsilon)$$

$$= \frac{2Q}{\epsilon \pi} (1 + Log. nat. \epsilon) \text{ in die Formeln 1) und 2) einzusehen,}$$

um die Geschwindigkeiten vor und mahrend der Erpansion zu finden. Durch Differenziiren der Formeln findet man die Gleichungen fur die auf die größten und kleinsten Geschwindigkeitswerthe fuhrenden Winkel; es ist namlich

1) für die Bewegung vor der Expansion $sin.\beta = \frac{P}{O} = \frac{2}{\epsilon\pi} (1 + Log. nat. \epsilon)$ und

2) fur die Bewegung mahrend ber Erpanfion

$$Qs \frac{\sin \beta}{1 - \cos \beta} = Pr$$
, b. i.
$$cotg. \frac{\beta}{2} = \frac{Pr}{Qs} = \frac{\varepsilon P}{2Q} = \frac{1 + Log.nat. \varepsilon}{\pi}.$$

Nehmen wir das Erpansionsverhaltniß $\varepsilon=\frac{\delta_1}{s}=2$ an , so erhalten wir für die Bewegung vor der Erpansion

 $\sin \beta = \frac{2}{2\pi} (1 + \text{Log. nat. 2}) = \frac{1}{\pi} (1 + 0,69315) = 0,53894$ und hiernach $\beta = 32^{\circ},37';$ daher die Minimalgeschwindigkeit des Krummzapfens:

$$v_{2} = \left(1 + \frac{Qr}{Mc^{2}}\left[(1 - \cos \beta) - 0,53894 \cdot arc.\beta\right]\right)c$$

$$= \left(1 + (1 - 0,84230 - 0,53894 \cdot 0,56927) \cdot \frac{Qr}{Mc^{2}}\right)c$$

$$= \left(1 + (0,15770 - 0,30681) \cdot \frac{Qr}{Mc^{2}}\right)c = \left(1 - 0,1491 \cdot \frac{Qr}{Mc^{2}}\right)c.$$

Fur die Bewegung mahrend ber Erpansion ift bagegen

$$cotg. \frac{\beta}{2} = \frac{1 + Log. \, nat. \, 2}{\pi} = 0,53894, \, \text{daher}$$

 $\frac{\beta}{2}=61^{\circ},41'$, daher $\beta=123^{\circ},22'$, und die entsprechende Maxis malgeschwindigkeit

$$v_1 = \left(1 + \left[(1 + Log.nat.(1 - cos.123^{\circ}, 22') - 0.53894arc.123^{\circ}, 22'\right] \frac{Qr}{Mc^2}\right) c^{\frac{Rtunmigation}{Mt} c^2} c^{\frac{Rtunmigation}{Mt} c^2} c^{\frac{Rtunmigation}{Mt} c^2} = \left(1 + (1 + Log.nat.1.55000 - 0.53894 \cdot 2.15315) \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$$

$$= \left(1 + (1.43825 - 1.16044) \frac{Qr}{Mc^2}\right) c = \left(1 + 0.2778 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c.$$

Es ift folglich fur diefes Erpanfioneverhaltniß ber Grad ber Ungleich: formigleit

$$\begin{split} \delta &= (0.1491 + 0.2778) \frac{Qr}{Mc^2} = 0.4269 \frac{Qr}{Mc^2}, \text{ oder, da } P = 0.53894 \, Q \text{ ift,} \\ \delta &= \frac{0.4269 \, Pr}{0.5389 \, Mc^2} = 0.7922 \frac{Pr}{Mc^2}. \end{split}$$

In folgender Tabelle sind die in den Erpansionsverhaltnissen $\varepsilon=2,3,4,5,6$ entsprechenden Ungleichformigkeitsgrade angegeben.

Expansionsverhältniffe e	2	3	4	5	6
Ungleichförmigfeitegrabe	0,7922	0,8523	0,8914	0,9223	$0,9473 \frac{Pr}{Mc^2}.$

§. 118. Wir wollen nun unsere Regel über die Bewegung der Krummzapfen bei Erpansions = Dampfmaschinen baburch allgemeiner maschen, daß wir eine endliche Stangenlange voraussehen, und beshalb

ftatt $1-\cos\beta$ ben schärferen Werth $1-\cos\beta\mp\frac{r}{2l}$ (sin. β)² eins führen. Es ist bann für die Bewegung vor ber Erpansion

$$v = \left[1 + \frac{r}{Mc^2} \left(Q[1 - \cos.\beta \mp \frac{r}{2l}(\sin.\beta)^2] - P\beta\right)\right]c$$
 und der Winkel für die Minimalgeschwindigkeit bestimmt durch die Formel $\sin.\beta = \frac{P}{Q} \pm \frac{r}{2l}\sin.2\beta$
$$= \frac{2}{\epsilon\pi}(1 + Log.nat.\epsilon) \pm \frac{r}{2l}\sin.2\beta.$$

Fur die Bewegung mahrend ber Erpansion hat man hingegen

$$v = \left(1 + \frac{1}{Mc^2} \left[Qs\left(1 + Log.nat.\left[1 - cos.\beta \mp \frac{r}{2l}(sin.\beta)^2\right]\frac{s}{2}\right) - Pr\beta\right]\right)c$$
, und hiernach für den Winkel, welcher auf die Marimalgeschwindigkeit führt,

Reummapsfer mit verduberingeraft.
$$Qs\left(\frac{sin.\beta \mp \frac{r}{2l} sin. 2\beta}{1 - cos.\beta \mp \frac{r}{2l} (sin.\beta)^2}\right) = Pr$$
, oder

$$\frac{\cot g. \frac{1}{2}\beta. \left(1 \mp \frac{r}{l}\cos.\beta\right)}{1 \mp \frac{r}{2l}(1 + \cos.\beta)} = \frac{Pr}{Qs}, \text{ ober}$$

$$\begin{aligned} & \operatorname{cotg.}{}^{1/2}\beta\Big(1\pm\frac{r}{2l}(1-\cos\beta)\Big) = \frac{Pr}{Qs}, \text{ b. i.} \\ & \operatorname{cotg.}{}^{1/2}\beta = \frac{Pr}{Qs\Big[1\pm\frac{r}{l}\Big(\sin\frac{\beta}{2}\Big)^2\Big]} = \frac{Pr}{Qs}\Big[1\mp\frac{r}{l}\Big(\sin\frac{\beta}{2}\Big)^2\Big] \\ & = \frac{1+\operatorname{Log.nat.s}}{\pi}\Big[1\mp\frac{r}{l}\Big(\sin\frac{\beta}{2}\Big)^2\Big]. \end{aligned}$$

Das Erpansioneverhaltniß ift aber hier

$$\varepsilon = \frac{2}{1 - \cos \beta_1 \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta_1)^2}$$
, also ber Umbrehungswinkel,

bei welchem die Erpansion eintritt, bestimmt burch die Formel

$$\cos \beta_1 = 1 - \frac{2}{\varepsilon} \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta_1)^2$$
.

Kur bas Erpansioneverhaltniß $\varepsilon=2$ und fur bie Stangenlange l=5r, also für $\frac{r}{2I}=\frac{1}{10}$ haben wir hiernach Folgenbes. Der Bewegung vor ber Erpansion entspricht

$$\sin \beta = \frac{1 + Log. \, nat. \, \epsilon}{\pi} \pm 0,1 \, \sin 2\beta = 0,53894 \pm 0,1 \, \sin 2\beta;$$
 es ist hiernach für diese Bewegung, $\beta = 39^{\circ},35'$ oder $\beta = 27^{\circ},14'$.

Diefen Winkeln entsprechen bie folgenben Geschwindigkeiteminima:

1)
$$v_2 = \left(1 + [1 - \cos .39^{\circ}, 35' - 0, 1 (\sin .39^{\circ}, 35')^2 - 0, 53894 \ arc. 39^{\circ}, 35'] \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$$

$$= \left(1 + (1 - 0,77070 - 0,04060 - 0,37283) \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$$

$$= \left(1 - 0,1836 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \text{ unb}$$

2)
$$v_2 = \left(1 - \left[1 - \cos .27^{\circ}, 14' + 0, 1 \right] \sin .27^{\circ}, 14'\right)^{2}$$

$$- 0,53894 \ arc. 27^{\circ}, 14'\right] \frac{Qr}{Mc^{2}} c$$

$$= \left(1 - (1 - 0,88915 + 0,02094 - 0,25617) \frac{Qr}{Mc^{2}}\right) c$$

$$= \left(1 - 0,1244 \ \frac{Qr}{Mc^{2}}\right) c.$$

Fur die Bewegung mahrend der Erpansion hat man bagegen

cotg.
$$1/2\beta = \frac{0,53894}{1 \pm 0,2 \left(\sin \frac{\beta}{2}\right)^2}$$
, wonach sich folgende Winkel ergeben:

 $\beta=130^{\circ},20'$ und $\beta=115^{\circ},40'$, die auf folgende Maximalgeschwinz bigkeiten führen:

$$\begin{aligned} v_1 &= \left(1 - \left(1 + Log.\,nat.\,[1 - cos.\,130^\circ, 20' - 0,1\,(sin.\,\,130^\circ, 20')^2] \right. \\ &- 0,53894\,arc.\,130^\circ, 20'\right) \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \\ &= \left(1 - (1 + Log.\,nat.\,\,1,58912 - 1,22594) \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \\ &= \left(1 + 0,2372 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \text{ unb} \\ v_1 &= \left(1 - \left(1 + Log.\,nat.\,[1 - cos.\,\,115^\circ, 40' + 0,1\,\,(sin.\,\,115^\circ, 40')^2 - 0,53894\,arc.\,\,115^\circ, 40'\right) \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \\ &= \left(1 - (1 + Log.\,nat.\,\,1,51437 - 1,0880) \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \\ &= \left(1 + 0,3270 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c. \end{aligned}$$

Es ist folglich ber Ungleichformigkeitsgrad bieser Krummzapsenbewegung $\delta = (0.3270 + 0.1836) \frac{Qr}{Mc^2} = 0.5106 \frac{Qr}{Mc^2}$, oder, ba

$$P = (1 + Log. nat. \epsilon) \frac{Q}{\pi} = 0,5389 Q \text{ ift,}$$

$$\delta = \frac{0.5106 \, Pr}{0.5389 \, Mc^2} = 0.9475 \, \frac{Pr}{Mc^2}.$$

In folgender Tabelle sind die ben Erpansionsverhaltnissen s=2,3,4,5,6 entsprechenden Grade der Ungleichformigkeit dieser Krummzapfensbewegung aufgeführt:

Rrummgapfen mit veranderlider Umbrebungefraft.

. Erpanstonsverhältnisse e	2	3	4	5	6
Ungleichförmigfeitegrade & .	0,9475	1,004	1,038	1,062	$1.084 \frac{Pr}{Mc^2}.$

h. 119. Wir haben enblich noch die Theorie der Krummzapfenbewegung bei Erpansionsbampfmaschinen badurch allgemeiner zu machen, daß wir noch auch die aus der Kolbenreibung, aus dem Gegendruck auf der andern Fläche des Kolbens u. f. w. bestehende Nebenlast R mit in Rechnung bringen. Die Kolbenreibung können wir nach Pambour (S. II.,

§. 377) pr. Quadratzoll Kolbenflache, $=\frac{25}{d}$ Pfund, wo d den Kolbensburchmesser bezeichnet, sehen, der Gegendruck auf der hinteren Kolbenflache ist hingegen bei Maschinen mit Condensation 1,51 und bei solchen ohne Condensation 15,1 Pfund auf den Quadratzoll Kolbenflache zu sehen. Ist daher F die Kolbenflache in Quadratzoll, so hat man diesen Widerstand

bei Condensationsmaschinen,
$$R=\left(rac{25}{d}+1{,}51
ight)F$$
, und

bei Maschinen ohne Condensation,
$$R = \left(\frac{25}{d} + 15,1\right) F$$
 Pfund,

wogegen die Kolbenkraft vor der Expansion, bei p Pfund Dampsdruck auf den Quadratzoll, Q=Fp Pfund beträgt.

Es ist leicht zu ermessen, daß fur diese Krummzapfen die Warzenges schwindigkeit vor der Expansion durch die Formel

$$v = \left(1 + \left[(Q - R)\left(1 - \cos \beta + \frac{r}{2l}(\sin \beta)^2\right) - P\beta\right] \frac{r}{Mc^2}\right)c,$$

und bagegen bie mahrend ber Erpansion burch bie Formel

$$v = \left[1 + \left(Qs\left[1 + Log. \, nat. \left(1 - cos. \, \beta \mp \frac{r}{2l} \, (sin. \, \beta)^2\right) \frac{\varepsilon}{2}\right] - Pr\beta - Rr\left(1 - cos. \, \beta \mp \frac{r}{2l} \, (sin. \, \beta)^2\right)\right) \frac{1}{Mc^2}\right]c$$

bestimmt werben muß.

Die Minimalgeschwindigkeit vor der Erpanston ist mit Hulfe der im vorigen Paragraphen gefundenen Formel zu ermitteln, wenn man darin nur statt Q,Q - R sett. Man hat folglich

$$\begin{aligned} \sin \beta &= \frac{P}{Q - R} \pm \frac{r}{2l} \sin 2\beta, \text{ ober} \\ \sin \beta &= \frac{2}{\pi \left(1 - \frac{R}{Q}\right)} \left(\frac{1 + Log. \, nat. \, \varepsilon}{\varepsilon} - \frac{R}{Q}\right) \pm \frac{r}{2l} \sin 2\beta, \end{aligned}$$

wenn man berucksichtigt, daß hier des Beharrungszustandes wegen $P = \frac{Qs(1 + Log. nat. \epsilon) - 2Rr}{\pi r} = \frac{2Q}{\pi \epsilon} (1 + Log. nat. \epsilon) - \frac{2}{\pi} R$

Rrummjapfen mit verander. licher Umbre. Pungefraft.

gu feten ift.

Fur die Maximalgeschwindigkeit mahrend ber Expansion hat man hins gegen

$$Qs.\frac{\sin\beta \mp \frac{r}{2l}\sin2\beta}{1-\cos\beta \mp \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2} - Pr - Rr\left(\sin\beta \mp \frac{r}{2l}\sin2\beta\right) = 0,$$
ober

 $\left(\sin\beta\mp\frac{r}{2l}\sin2\beta\right)\left(\frac{Qs}{1-\cos\beta\mp\frac{r}{2l}(\sin\beta)^2}-Rr\right)=Pr,$

und hieraus ergiebt fich

$$ctg. \frac{1/2\beta}{Qs\left[1\pm\frac{r}{l}\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2}\right]-2Rr\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2}\left(1\mp\frac{r}{l}\cos.\beta\right)}$$

$$=\frac{Qs\left(1+Log.nat.\varepsilon\right)-2Rr}{\pi\left(Qs\left[1+\frac{r}{l}\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2}\right]-2Rr\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2}\left(1\mp\frac{r}{l}\cos.\beta\right)\right)}$$

$$=\frac{1+Log.nat.\varepsilon-\frac{\varepsilon R}{Q}}{\pi\left[1\pm\frac{r}{l}\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2}-\frac{\varepsilon R}{Q}\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2}\left(1\mp\frac{r}{l}\cos.\beta\right)\right]}.$$

Wir wissen schon aus II., §. 374, daß die vortheilhafteste Dampsbesnutzung dann statt hat, wenn die Dampstraft $\frac{Q}{\varepsilon}$ am Ende des Kolbenshubes $s_1=2\,r=\varepsilon s$ dem Widerstande R gleich und folglich auch $\frac{\varepsilon\,R}{Q}=1$ ist. Unter dieser Boraussetzung nehmen unsere Formeln folgende einfache Gestalten an:

Fur bie Minimalgefchwindigfeit:

$$\sin \beta = \frac{2 \text{ Log. nat. s}}{\pi (s-1)} \pm \frac{r}{2l} \sin 2\beta$$

und fur die Marimalgeschwindigkeit:

$$\cot g. \frac{1}{2} \beta = \frac{\text{Log. nat. } \varepsilon}{\pi \left(\cos. \frac{\beta}{2}\right)^2 \left[1 \pm \frac{2 r}{l} \left(\sin. \frac{\beta}{2}\right)^2\right]}.$$

Rrummzapfen mit veranberlicher Umbrebungefraft. Die Umbrehungetraft ift ferner fur biefen Fall

$$P = \frac{2Q}{\pi \, \varepsilon} \, Log. \, nat. \, \varepsilon = \frac{2}{\pi} \, R \, Log. \, nat. \, \varepsilon$$

und baber find bie eminenten Gefchwindigfeiten

$$v_2 = \left(1 + \left[(\varepsilon - 1)\left(1 - \cos\beta + \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right) - \frac{2}{\pi}\beta Log. nat. \varepsilon\right] \frac{Qr}{\varepsilon Mc^2}\right)c$$
und

$$v_1 = \left(1 + \left[1 + \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 + \right]\right)$$

$$2 \operatorname{Log.nat.} \left(1 - \cos \beta + \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2}\right) \frac{\varepsilon}{2} - \frac{2}{\pi} \beta \operatorname{Log.nat.} \varepsilon \right] \frac{Qr}{\varepsilon Mc^{2}} c.$$

Rehmen wir wieber $\frac{r}{l}={}^1/_5$ und $\varepsilon=2$ an, so erhalten wir fur bie Winkel der Minimalgeschwindigkeiten

$$\sin \beta = \frac{2 \log nat.2}{\pi} \pm 0.1 \sin 2\beta = 0.6366.0.69315 \pm 0.1 \sin 2\beta.$$

ober

$$sin. \beta = \frac{0,44126}{1 \mp 0,2 \cos \beta}$$
, und es ist hiernach entweder $\beta = 32^{\circ}, 5^{1/2}$ oder $\beta = 21^{\circ}50'$.

Die entsprechenden Minimalgeschwindigkeiten find

$$v_2 = \left(1 + [1 - \cos 32^0, 5^1/2' - 0, 1 (\sin 32^0, 5^1/2')^2\right)$$

$$-0,44126$$
 . $arc. 320,51/2'] $\frac{Qr}{2Mc^2}$ c$

$$= \left(1 \, - \, 0_{\rm r}0613 \, \frac{Q \, r}{M \, c^2}\right) \, c \, \, {\rm unb}$$

$$v_2 = (1 + [1 - \cos 21^\circ, 50' + 0, 1 \sin (21^\circ, 50')^2)$$

$$-0,44126$$
 . $arc. 21^{0},50'$] $\frac{Qr}{2Mc^{2}}$ c.

Für die Winkel ber Maximalgeschwindigkeiten ift bagegen

$$cotg. \, ^{1/2}\beta = \frac{Log. \, nat. \, 2}{\pi \, (cos. \, ^{1/2}\beta)^{2} \left[1 \pm 0.4 \left(sin. \, \frac{\beta}{2}\right)^{2}\right]} = \frac{0.22063}{(cos. \, ^{1/2}\beta)^{2} \left[1 \pm 0.4 \left(sin. \, \frac{\beta}{2}\right)^{2}\right]},$$

und hiernach entweder $\beta = 116^{\circ}, 32'$ ober $\beta = 104^{\circ}, 12'$.

Die entsprechenden Maximalgeschwindigkeiten find

$$v_{1} = \left(1 + (1 + \cos .116^{\circ}, 32' + 0, 1 (\sin .116^{\circ}, 32')^{2} + 2 \log . nat.\right)^{2}$$

$$[1 - \cos .116^{\circ}, 32' - 0, 1 (\sin .116^{\circ}, 32')^{2}] - 0,44126 arc. 116^{\circ}, 32') \frac{Qr}{2 Mc^{2}} c$$

$$= \left(1 + 0,1803 \frac{Qr}{Mc^{2}}\right) c \text{ unb}$$

$$v_{1} = \left(1 + (1 + \cos .104^{\circ}, 12' - 0, 1 (\sin .104^{\circ}, 12')^{2} + 2 \log . nat.\right)^{2}$$

$$[1+\cos 104^{\circ},12'+0,1(\sin 104^{\circ},12')^{2}]-0,44126 arc.104^{\circ},12')\frac{Qr}{2Mc^{2}}c$$

$$=\left(1+0,2212\frac{Qr}{Mc^{2}}\right)c;$$

baher ber Ungleichformigkeitsgrab

$$\delta = (0.2212 + 0.0613) \frac{Qr}{Mc^2} = 0.2825 \frac{Qr}{Mc^2},$$
ober, ba $P = \frac{2Q}{\pi \epsilon} Log. nat. \epsilon = \frac{0.69315}{\pi} Q = 0.22063 Q$ iff,
$$\delta = \frac{0.2825}{0.22063} \cdot \frac{Pr}{Mc^2} = 1.280 \frac{Pr}{Mc^2}.$$

In folgender Tabelle find bie ben Erpansionsverhaltnissen $\varepsilon=2,3,$ 4, 5, 6 entsprechenden Ungleichformigfeitegrabe angegeben.

Expansionsverhältnisse	2	3	4	Б	6	
Ungleichförmigfeitsgrade &.	1,280	1,374	1,421	1,453	$1,477 \frac{Pr}{Mc^2}$	

§. 120. Sehr vermidelt stellen fich bie Bewegungeverhaltniffe ber dop- Doppette pelten Krummgapfen an Erpanfionemafchinen, g. B. bei Dampfwagen und Dampfichiffen, heraus. Wir wollen hier jeboch bie Untersuchung baburch vereinfachen, dag wir erftens eine unendlich lange Rurbelftange vorausfeten, und bag wir zweitens von ber conftanten Rebenlaft gang abfeben. Ift bas Erpansionsverhaltniß nicht unter 2, so wird von ben beiben Dampfmaschinen minbestens stets eine mit Erpansion bes Dampfes arbeis ten, und wir konnen baher wieber jebe, einem Umbrehungsquabranten entfprechende Periode aus zwei Theilen beftehend annehmen, namlich aus einem Theile, wo nur eine Dafchine mit Erpansion arbeitet, und einem Theile, wo beide Maschinen mit erpandirtem Dampfe arbeiten.

In dem erften Theil der Bewegungsperiode verrichtet die eine Mafchine

während der Umdrehung bes Krummzapfens um den Winkel eta die Arbeit $L_1=Qr~(1-cos.eta)$, dagegen die andere Maschine die Arbeit

$$L_{2} = Qs \left(1 + Log. \, nat. \left[1 - cos. \, (90^{\circ} + \beta)\right] \frac{\varepsilon}{2}\right)$$

$$- Qs \left(1 + Log. \, nat. \left(1 - cos. \, 90^{\circ}\right) \frac{\varepsilon}{2}\right)$$

$$= Qs \left(Log. \, nat. \left(1 + sin. \, \beta\right) \frac{\varepsilon}{2} - Log. \, nat. \, \frac{\varepsilon}{2}\right)$$

$$= Os \, Log. \, nat. \left(1 + sin. \, \beta\right).$$

Da die Arbeit der Last P wieder $Pr\beta$ ift, so folgt fur diesen Theil der Periode die die Umdrehungsgeschwindigkeit des Krummzapfens verandernde Leistung

$$L = L_1 + L_2 - Pr\beta$$

= $Qr(1 - \cos \beta) + Qs Log.nat.(1 + \sin \beta) - Pr\beta$.

In dem zweiten Theile einer Umbrehungsperiode ift die Leiftung der erften Maschine

$$L_1 = Qs\left(1 + Log.nat.(1 - cos.\beta)\frac{\varepsilon}{2}\right),$$

während L_2 unverändert $= Qs \ Log. \ nat. (1 + sin. eta)$ bleibt; man hat baher für diesen Theil

$$L = Qs\left(1 + Log.nat.(1 - cos.\beta)\frac{\varepsilon}{2}\right) + Qs Log.nat.(1 + sin.\beta) - Pr\beta$$
$$= Qs\left(1 + Log.nat.(1 + sin.\beta)(1 - cos.\beta)\frac{\varepsilon}{2}\right) - Pr\beta.$$

Der Beharrungszustand der Maschine forbert, daß fur $\beta=rac{\pi}{2}, L=0$ sei; es ist folglich

$$\frac{Pr\pi}{2} = Qs \ (1 + Log. \, nat. \, \epsilon), \, b. \, i.$$

$$P = \frac{2}{\pi} \cdot \frac{s}{r} \ (1 + Log. \, nat. \, \epsilon) \, Q, \, ober, \, ba$$

$$\varepsilon = \frac{2r}{s}, \, alfo \, \frac{s}{r} = \frac{2}{s} \, ift,$$

$$P = \frac{4}{\pi} \ (1 + Log. \, nat. \, \epsilon) \, \frac{Q}{s}.$$

Diefem zu Folge erhalten wir nun

1) fur ben Bewegungezustand mahrend ber Erpansion einer Dafchine

$$L = \left(1 - \cos \beta + \frac{2}{\varepsilon} Log.nat.(1 + \sin \beta) - \frac{4\beta}{\pi \varepsilon} (1 + Log. nat. \varepsilon)\right)Qr,$$
 also bie entsprechende Geschwindigkeit

$$v = \left[1 + \left(1 - \cos \beta + \frac{2}{\varepsilon} Log.nat.(1 + \sin \beta) - \frac{4\beta}{\varepsilon \pi} (1 + Log.nat.\varepsilon)\right) \frac{Qr}{Mc^2}\right]c, \\ \text{The manufactor of the polynomial polynomia$$

2) für den Bewegungszustand während der Expansion beider Maschinen $L = \left[\frac{2}{\varepsilon} \left(1 + Log.nat.(1 + sin.\beta)(1 - cos.\beta)\frac{\varepsilon}{2}\right) - \frac{4\beta}{\pi \varepsilon}(1 + Log.nat.\varepsilon)\right]Qr$ $= \left(1 + Log.nat.(1 + sin.\beta)(1 - cos.\beta)\frac{\varepsilon}{2} - \frac{2\beta}{\pi}(1 + Log.nat.\varepsilon)\right)\frac{2Qr}{\varepsilon},$ also die entsprechende Geschwindigseit

$$v = \left[1 + \left(1 + Log. \, nat. \left(1 + sin. \, \beta\right) \, \left(1 - cos. \, \beta\right) \, \frac{\varepsilon}{2} - \frac{2 \, \beta}{\pi} \, \left(1 + Log. \, nat. \, \varepsilon\right) \right) \frac{2 \, Q \, r}{\varepsilon \, M \, c^2} \right] c.$$

Durch Differenziiren und Rullseten bes Differenzialquotienten bieser beiben Ausbrucke fur v erhalten wir biejenigen Umbrehungswinkel, bei welchen v jum Maximum und Minimum wird. Es ist

für 1)
$$sin. \beta + \frac{2}{\varepsilon} \cdot \frac{cos. \beta}{1 + sin. \beta} - \frac{4}{\pi \varepsilon} (1 + Log. nat. \varepsilon) = 0,$$
b. i.
$$sin. \beta = \frac{2}{\varepsilon} \left(\frac{2}{\pi} (1 + Log. nat. \varepsilon) - \frac{cos. \beta}{1 + sin. \beta} \right), \text{ unb}$$
für 2) $\frac{cos. \beta}{1 + sin. \beta} + \frac{sin. \beta}{1 - cos. \beta} - \frac{2}{\pi} (1 + Log. nat. \varepsilon) = 0,$
ober $cotg. \frac{1}{2}\beta + cotg. (45^0 + \frac{1}{2}\beta) = \frac{2}{\pi} (1 + Log. nat. \varepsilon).$

Nehmen wir wieder das Erpansionsverhaltniß s = 2 an, so erhalten wir für die Winkel der Maximals und Minimalgeschwindigkeit zugleich, da in diesem Falle stets nur eine Maschine mit Erpansion arbeitet.

$$sin. \ eta = rac{2}{\pi} (1 + Log. nal. 2) - colg. \left(45 + rac{eta}{2}
ight), ober$$
 $colg. \left(45^{\circ} + rac{eta}{2}
ight) + sin. eta = 1,07788;$

es ift hiernach

$$\beta = 30^{\circ},9'$$
 und $\beta = 79^{\circ},0'$,

und es find die entfprechenden Befchwindigkeiten

$$v_2 = \left(1 + (0,13529 + Log.nat.1,50227 - 1,07788arc.30^{\circ},9')\frac{Qr}{Mc^2}\right)c$$

= $\left(1 - 0,0249 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$, unb

$$\begin{array}{ll} & \text{Toppelite } \\ & \text{Resummapfin} \\ & \text{Otherwise} \\ & \text{Particles} \\ & \text{Campinal dist} \end{array} v_1 = \left(1 + (0,80919 + Log. \, nat. \, 1,98163 - 1,07788 \, arc. \, 79^{\circ}) \, \frac{Qr}{Mc^2}\right)c \\ & \text{Campinal dist} \\ & = \left(1 + 0,0069 \, \, \frac{Qr}{Mc^2}\right)c. \end{array}$$

Hiernach ist ber Grab der Ungleichformigkeit für biefes Expansionsvers haltniß $(\varepsilon=2)$

$$\delta = (0.0249 + 0.0069) \frac{Qr}{Mc^2} = 0.0318 \frac{Qr}{Mc^2}$$
$$= \frac{0.0318}{1.07788} \cdot \frac{Pr}{Mc^2} = 0.0295 \frac{Pr}{Mc^2}.$$

Rehmen wir noch s = 3, fo erhalten wir

1)
$$^{2}/_{3}$$
 cotg. $\left(45^{\circ} + \frac{\beta}{2}\right) + \sin{\beta} = \frac{4}{3\pi}(1 + \log{nat}.3) = 0,89068;$ hiernach ist $\beta = 30^{\circ},47'$ und die entsprechende Minimalgeschwindigkeit $v_{2} = \left(1 + (0,14089 + ^{2}/_{3} \log{nat}.1,51179\right)$

$$-0,89068 \cdot arc. 30^{0},47') \frac{Qr}{Mc^{2}} c$$

$$= \left(1 - 0,0621 \frac{Qr}{Mc^{2}}\right) c.$$

Ferner ift

2)
$$\cot g \cdot \frac{1}{2}\beta + \cot g \cdot (45^{\circ} + \frac{1}{2}\beta) = \frac{2}{\pi}(1 + \text{Log. nat. 3}) = 1,3360;$$

hiernach $\beta = 78^{\circ}, 8'$ und die entsprechende Maximalgeschwindigkeit $v_1 = \left[1 + \left(1 + \text{Log. nat. 1,97863 . 0,79437 . } \frac{3}{2}\right)\right] + \left(1 + \frac{1}{2} + \frac{1$

$$-1,3360 \cdot arc.78^{\circ},8^{\prime} \frac{2 Qr}{3 Mc^{2}} c$$

$$= \left(1 + 0,0238 \frac{Qr}{Mc^{2}}\right)c.$$

Es ift folglich fur biefes Erpanstonsverhaltniß ber Grab ber Ungleich= formigkeit

$$\delta = (0,0621 + 0,0238) \frac{Qr}{Mc^2} = 0,0859 \frac{Qr}{Mc^2}$$
$$= \frac{0,0859}{0,89068} \cdot \frac{Pr}{Mc^2} = 0,0964 \frac{Pr}{Mc^2}.$$

Folgende Tabelle enthalt die Ungleichformigkeitsgrade fur die Erpanfionsverhaltniffe 2, 3, 4, 5, 6.

Expansioneverhaltniffe e	2	3	4	5	6	Doppelte Krummjapfen bei Expansions Campinaschi- nen.
Ungleichförmigfeitegrabe &	0,0295	0,0964	0,1359	0,1643	$0.1824 \frac{Pr}{Mc^2}$	

Wir ersehen aus ben vorstehenden Entwickelungen und Zusammenstellungen, daß bei gleichem $\frac{Pr}{Mc^2}$, b. i. daß unter gleichen Umständen und Berhältnissen, die Ungleichsörmigkeit in der Umdrehungsbewegung der Krummzapsen um so mehr zunimmt, je weiter die Erpansion des Dampses gesteigert wird, daß daher umgekehrt, bei gleichem Gange der Maschine, die träge Wasse M derselben um so größer gemacht werden muß, je mehr der Damps durch Erpansion wirkt. Diese träge Umdrehungsmasse M erhalten wir in den sogenannten Schwungrädern, von welchen jedoch erst in dem siebenten Kapitel die Rede sein kann.

Schlußanmerkung. Die Literatur über die Theorie der Krummzapfen ift ziemlich ausgebehnt. Der Berfasser hat dieselbe vollständig mitgetheilt in einer größeren Abhandlung mit dem Titel: »Ueber die Theorie des Krummzapsensim polytechn. Centralblatte, Jahrgang 1843, Band 1. Die erste richtige Theorie haben wir Eptelwein zu danken; vor und selbst nach Eptelwein ist vieles Unrichtige namentlich in Betreff des Einflusses der Gestängmasse auf den Gang dieser Raschine geschrieben worden. Diese Raschine ist hier wegen ihrer Bickztigseit aussührlicher behandelt worden, als in anderen Berken über Nechanis. Nur Norin bespricht in dem britten Theile seiner Legons do mécanique pratique die Theorie des Krummzapsens aussührlich; er entwicklt jedoch dieselbe nur auf dem Bege des Construirens.

Biertes Kapitel.

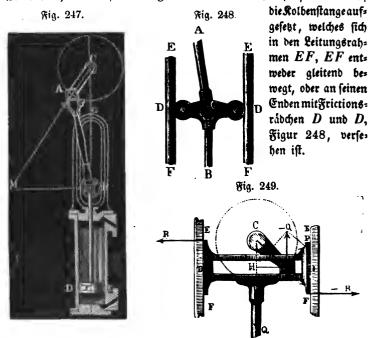
Von den Gerad = oder Senkrechtführungen bei der Berwandlung der Areisbewegung in die geradlinige, und umgekehrt, bei der Umsekung der geradlinigen Bewegung in die kreisförmige.

§. 121. Um die brehende Bewegung eines Krummzapfens ober die Befte Leitung. schwingende Bewegung eines Balanciers ober hebels in eine möglichst gez rablinig absehende Bewegung umzuändern, oder umgekehrt, um aus der letteren Bewegung eine ber ersteren Bewegungen abzuleiten, ist es nothig, ben Kopf ber in ihrer Are auf und nieder oder bin und her zu bewegen-

Beite Leitung, ben Stange in einer besonderen Fuhrung geben zu laffen. Diese Fuhrung besteht entweber in unbeweglichen Leitungestuden, ober fie ift aus einer Bebeleverbindung zusammengefeht.

Eine feste ober unbewegliche Führung führt Fig. 247 vor Augen. Es sind hier an bem Bolzen, welcher die Kurbelstange AB mit der Kolbenstange BF verbindet, zwei Frictionsrader, wie B, angeschoben, welche genau in zwei Leitungsrahmen, wie BG passen, und in denselben wahrend der Umdrehung des Krummzapfens CA auf und nieder gehen.

Buweilen hat man ftatt ber Krictioneraber ein Querhaupt DCD auf



Wenn man das Querhaupt DD, Fig. 249, mit einem Schlitz zur Aufenahme des Warzenkopfes A versieht, so kann man auch die Rurbelstange ganz entbehren. Es tritt hier dasselbe Bewegungsverhältniß ein, als wenn die Rurbelstange unendlich lang ware; jedoch haben wir hier noch eine bez deutende Seitenreibung des Querhauptes in seiner Leitung EF, EF zu überwinden. Da die Stangenkraft Q und der vertikale Component $Q = P : sin. \beta$ ein Kräftepaar bilden, welches nur durch ein anderes Kräftepaar ausgehoben werden kann, so drückt das Querhaupt in seinen diagonal gegenüber liegenden Endpunkten E und F gegen die Führung mit den Kräften R und R, und hat daher bei seinem Auf= und Niedergange die Reis

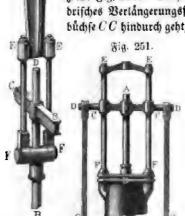
bung F=2 φ R zu überwinden. Der Hebelarm des Kräftepaares deste Keitung. (Q,-Q) ist $AH=r\sin eta$, der des Kräftepaares (R,-R) hingegen, ist die Höhe EF=a des Querhauptes; man hat folglich $Ra=Qr\sin eta$.

also
$$R=rac{r\,Q\,sin.\,eta}{a}$$
 und die veränderliche Reibung $F=2\,arphi\,rac{r}{a}\,Q\,sin.\,eta,$ deren mittlerer Werth aber nach §. 99 $F=arphi\,rac{r}{a}\,Q\,$ zu sehen ist.

Wenn hiernach die Sohe a des Querhauptes nicht groß ift, so tann diese Seitenreibung besselben in der Fuhrung sehr ansehnlich ausfallen.

Man wendet diese Construction in neueren Zeiten bei direct wirkenden Dampfpumpen an, wo das Querhaupt als Verbindungsstuck der Kolbensstangen beider Maschinen und der Krummzapsen nur zum Anschluß eines Schwungrades dient. Da hier die Kolbenstange der Pumpe mit der der Dampsmaschine einerlei Arenlinie hat, so fällt natürlich bei Maschinen ohne Erpansion die ercentrische Wirkung der Kraft Q weg. Ist aber Q variabel, wie z. B. bei Erpansionsdampsmaschinen, so wird allerdings durch die ercentrische Wirkung des regulirenden Krummzapsens eine Seitenreibung F hervorgebracht werden.

§. 122. Eine einfache und bei Pumpen und Feuerspriten häusig vordommende Führung besteht in der Anwendung von enlindrischen Leitung buch sen. Eine solche Leitung zeigt z. B. Fig. 250. Es hat hier die Kolbenstange AB ein cylindrisches Berlängerungsstud AD, welches durch die Leitungsbuchsse CC hindurch geht, während die gegabelte und durch das



Rig. 250.

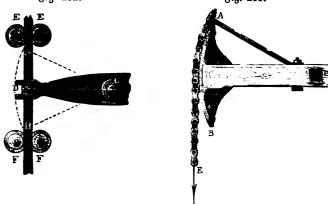
Querhaupt FAF mit der Rolbensftange verbundene Rurbelftange FEGEF mit ihren Binken EF und EF über diese Buchse weggreift.

Bei der Leitung in Fig. 251 bils den die Leitungsbuchsen C und C Theile des Querhauptes DAD der Rolbenstange AB, und es umfassen bieselben cylindrischen Leitungsstangen EF, EF, an denen sie mittelst der Kurbelstangen DG, DG auf und nieder geschoben werden.

Buweilen last man auch die von einem hebel CD mittels eines Bolzens D auf und nieber geführte Stange AB, Fig. 252 (auf folgender Seite) amischen Walzen E, E und F, F laufen.

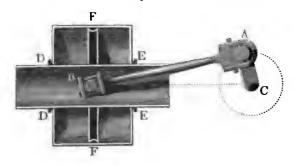
Erfte Abtheilung. Biertes Rapitel.

Benn man den Balancier oder Bebel CAB, Fig. 253, mit einem Fig. 252.

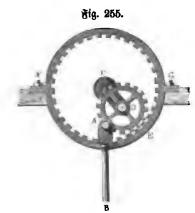


Krummling ober Bogen AB versieht, und die Stange mittels Ketten ADE an den letteren anschließt, so ist naturlich eine besondere Führung gar nicht nothwendig. Wendet man aber statt der Ketten einen gezahnten Bogen und ein gezahntes Stangenende an, so muß man wenigstens eine Leitungswalze auf der entgegengesetzen Seite der Stange andringen. Des leichten Abbrechens und schnellen Abführens der Zähne wegen wendet man jedoch bei absehenden Bewegungen Verzahnungen nicht gern an.

In der neuesten Zeit kommen auch Dampfmaschinen mit hohlen Kolbens stangen DBE, Fig. 254, wo die Stopfbuchsen zugleich als Leitungsbuchsen Fig. 254.

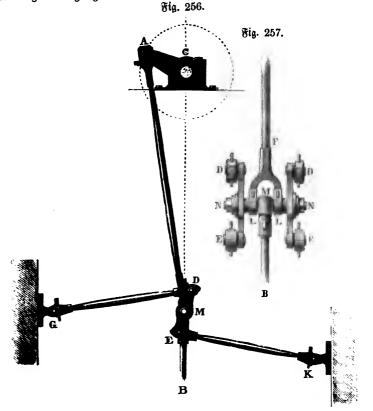


bienen, zur Anwendung. Es wird hier die rohrenformige Kolbenstange in ihrer Mitte mittels eines Bolzens B von der Kurbelstange erfaßt. Diese, in England unter dem Namen Trunk-engines bekannten Dampfmaschinen gewähren den Vortheil der bedeutenden Raumersparniß, da hier die Kurbels welle dem Dampfcylinder ganz nahe zu liegen kommt.



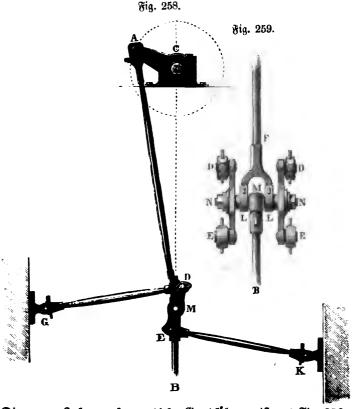
Anmerfung. Bur Gerabführung Befte Veitung. einer Stange ober eines Rahmens bat man auch bas Sphochcloibenrab angewenbet. Es ift bier an bie Barge D eines um C fich brebenben Rrumms gapfens ein Bahnrab A E angestedt, bas in ein festliegenbes boppelt fo ho= hes Bahnrab FEG eingreift. Bei Umbrehung bee Rrummgapfens malgt fich bann bas Rab ADE fo in bem gezahnten Rrange FEG, bag jeber Bunft im Umfange beffelben in einem, und ber Aufbangepunft A ber Rolben= fange AB inebefonbere, in bem vertitalen Durchmeffer bes gezahntes Rrangee bin= und gurudlauft.

6. 123. Mus Sebeln und Stangen gusammengefette guhrungen Degenlenter. wendet man vorzüglich bei großeren Dafchinen an, weil es leichter ift, eine fichere Drehungsbewegung berzuftellen, als eine genaue und bauerhafte gerablinige Bewegung.



Begenlenter.

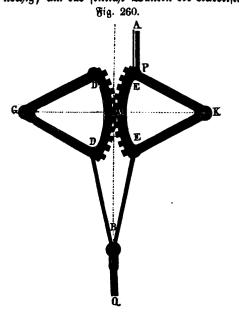
Die einfachste Gerabführung dieser Art ist die mit zwei gleichen Lenkern oder Gegenlenkern (franz. guides; engl. rods). Zwei gleiche Hebel oder Lenkarme DG und EK, Fig. 258, welche sich um die sesten Aren G und K brehen, sind hier durch ein Gelenk DE (franz. joint, fleau, article; engl. link) mit einander verbunden, und in der Mitte M dieses Gelenkes ist nicht allein die Kolbenstange MB aufgehangen, sondern auch das Ende der Kurbelstange AM angeschlossen. Während der Aufhängepunkt M durch die Kurbelstange auf= und niedergeführt wird, macht jeder Lenker eine Schwingung auf= und ab- warts und erhält dabei den Punkt M nach in einer und berselben Vertikallinie.



Die genaue Zusammensehung bieser Gerabführung ist aus Fig. 259 zu entnehmen. Das gabelförmige Ende der Kurbelstange ist mittels eines Bügels LFL (wie in Fig. 231) an die von dem Querhaupte der Kolbenstange MB gebildete Are NN angeschlossen, und die Gelenke DE, DE sind mit ihren Augen in der Mitte an die Enden dieser angeschoben. Die Schrauben N, N verhindern das Herabgehen der Gelenke von der Are

NMN und die Bolgen oder Warzen D, E, D, E dienen jum Anschluß der zwei Begenleuter. Paar Lenfarme an die Gelente. Die Berdoppelung ber Gelente und Lenfarme ift nothig, um bas feitliche Banten ber Aurbelftange MB zu verhindern.





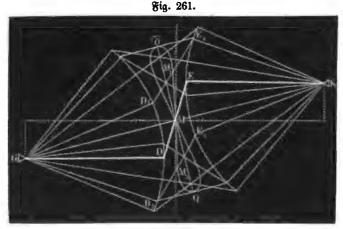
Anmerfung. Wenn man zwei einander genau gegenüberftebenbe Bebel ober genfer GDD und KEE, Fig. 260, mit gezahnten Birfelftuden DMD und EME ver. fieht, so daß beibe Bebel Schwingungen aleiche machen muffen, fo wirb ber Ropf B ber vollfom= men fommetrifc an beibe Lenfer angehangenen Rol= benstange $oldsymbol{B}oldsymbol{Q}$ genau in einer geraben Linie be= wegt werben. Die Rurs belftange AP fann ent= weber nur an einen ober an beibe Lenfer jugleich angeschloffen werben. Statt ber gezahnten Sectoren fann man auch einfache Birtelftude anwenben und biefelben burch

Retten mit einander verbinden. Wegen ihrer Complication wendet man jeboch biefe übrigens geometrifc richtige Gerabführung nicht gern an.

6. 124. Die aus einfachen Gelenken und Lenkern zusammengefetten Dechanismen, und alfo auch die in Fig. 258 abgebilbete Gerabführung geben niemals eine volltommen gerablinige Bewegung, fonbern befchreiben ein Stud einer ber 8 ahnlichen in bas Geschlecht ber Lemniscaten ober Schleifenlinien (frang und engl. lomiscates) gehorenben Curven. Wenn man ben aus bem Gelent DE, Fig. 261 (f. f. S.), und aus ben Lenkarmen GD und KE bestehenden Mechanismus in alle moglichen Lagen bringt, fo burchläuft der Mittelpunkt bes Gelentes ober der Aufhangepunkt M der Rolbenftange bie vollständige Lemniscate MOQ, lagt man aber die Lentarme GD und KE nur um die Winkel D. GD, und E. KE, schwingen, fo gelangt bas Gelent DE nur in bie außerften Lagen D, E, und D, E, und es bewegt fich M nur in bem einer geraden Linie nahe kommenden Bogen M1 M M2 auf und nieber. Es ift hiernach leicht zu ermeffen, bag bie Bewegung bes Stangenkopfes M um fo mehr von einer geraben Linie abweicht, je größer bie Schwingungswinkel find und je turger bas Gelent in hinficht auf bie Armlange ift.

Gegentenfer.

Damit sich ber von bem Aufhangepunkt M beschriebene Lemniscatenbogen so viel wie möglich an die gerade hublinie anschließe, damit also die Seitensahweichung der Kolbenstangenbewegung so klein wie möglich ausfalle, stellt

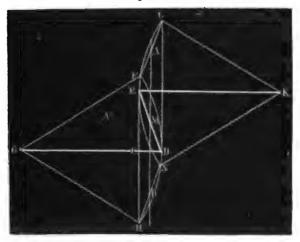


man das Gelenk und die Lenkarme so gegen einander, daß diese Seitenadweichung im hochsten, mittleren und tiefften Stande der Lenkarme Null aussällt, daß also der Mittelpunkt M bes Gelenkes bei jeder dieser drei Stellungen in die Arenrichtung der Koldenskange fällt. Bei dieser Anordnung sind die Lenkarme GD und KE im halben Hube winkelrecht zur Stangenare, liegen also horizontal, wenn diese eine vertikale Linie bildet, und es besindet sich der Aushängepunkt der Stange im Knoten M der Schleissenlinie, wogegen er beim hochsten und tiefsten Koldenstande um den halben Koldenhub von dem Knoten M absteht. Wie hiernach die Construction dieser Senkrechtschrung vorzunehmen ist, wird aus Fig. 262 hervorgehen. Man zeichne zuerst die Mittellage GD eines Lenkarmes, beschreibe dann mit demselben aus seiner Drehungsare G einen Kreisbogen und begrenze diesen durch die Sehne FH, welche dem gegebenen Koldenhube s gleich ist, und

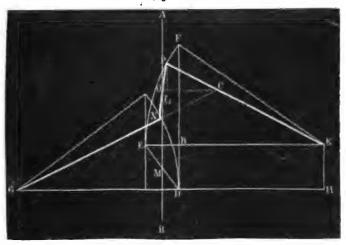
von GD rechtwinkelig in zwei gleiche Theile $CF=CH=\frac{s}{2}$ getheilt wird. Nun schneibe man mit der Länge a des Gelenkes aus D in FH das Stück DE ab, welches zugleich die mittlere Stellung des Gelenkes anz giebt, ziehe ferner EK parallel GD und mache auch EK=GD, so ist EK der zweite oder Gegenlenker und K die Drehungsare desselben. Man kann nun auch aus K den Schwingungsbogen LEN=FDH beschreis ben, so wie die unter sich parallelen Gelenklagen FL und HN beim höchs sten und tiefsten Kolbenstande angeben, und durch den Mittelpunkt M des Gelenkes die den Sehnen FH und LN parallele Hublinie AB ziehen. Es

find bann A, M und B bie brei Stellen, welche ber Aufhangepunkt ber Begenlenter. Rolbenftange beim hochsten, mittleren und tiefsten Stande einnimmt.

%ig. 262.



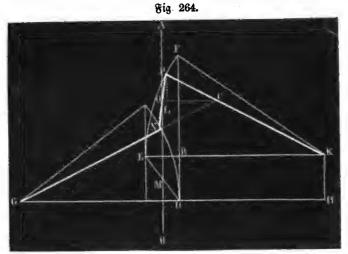
§. 125. Bon Wichtigkeit ift es, die größte Seitenabweichung Cetten. bes Aufhangepunktes O ber Kolbenstange von der mittleren hublinie AB, abreichung ber Fig. 263, zu kennen. Wenn auch dieselbe in der Regel sehr klein und in Fig. 263.



ber Zeichnung kaum bemerkbar ift, so ift es boch nothig, sich einen algebraisichen Ausbruck fur bieselbe zu verschaffen, um zu erfahren, burch welche III.

Ecitenabweichung ber Begenlenfer.

Berhaltnisse bieselbe möglichst herabgezogen werben kann. Jebenfalls ist bieser Abstand an derjenigen Stelle der Lemniscate am größten, wo dieselbe parallel mit der mittleren hublinie AB lauft (vergl. I., Art. 9 der analyt. Hulfslehren). Da sich aber nach I., §. 96, das Gelenk um den verander=



lichen Punkt C breht, in welchem sich die Richtungen ber Lenkarme GN und KP schneiben, so ist die Stelle O der Maximalbewegung diejenige, welche mit diesem Drehungspunkt C in einer Normalen zur Hublinie AB oder in einer Parallelen zur Mittellage GD oder KE liegt. Unter dieser Boraussehung läst sich nun die Stelle der größten Abweichung wie folgt ermitteln.

Es seien die Lenkerlangen GD=GN, so wie KE=KP, =a, ferner sei die Gelenklange DE=NP=d, und es seien die Coordinaten zwischen den Drehungspunkten G und K, rechtwinkelig und parallel zur Hublinie AB genommen, GB=b und BK=c, endlich seien die Neigungswinkel der Lenkarme und des Gelenkes gegen die Mittellagen DG und KE, bei der größten Seitenadweichung folgende:

$$NGD = \alpha$$
, $PKE = \alpha_1$ und $POC = \delta$.

Bunachft gelten folgende Gleichungen:

$$GH = b = a\cos \alpha + d\cos \delta + a\cos \alpha_1$$
, b. i.

1)
$$b = a(\cos \alpha + \cos \alpha_1) + d\cos \delta$$
, und

$$HK = c = a \sin \alpha + d \sin \delta - a \sin \alpha_1, \text{ b. i.}$$

$$2) c = d \sin \delta - a (\sin \alpha_1 - \sin \alpha).$$

Ferner ist wegen des Parallelismus zwischen OC und EK oder GD, die Hohe $PL = PO \sin \delta = CP \sin \alpha_1$, oder da $PO = \frac{1}{2} PN$

und
$$\frac{CP}{PN} = \frac{\sin . CNP}{\sin . NCP} = \frac{\sin . (\delta - \alpha)}{\sin . (\alpha_1 + \alpha)}$$
 iff,
$$3) \frac{\sin . \delta}{\sin . \alpha_1} = \frac{2 \sin . (\delta - \alpha)}{\sin . (\alpha_1 + \alpha)}.$$

Ceiten. abweidung ber Gegenlenfer

Es ist zu erwarten, daß an der Stelle, wo die Seitenabweichung am größten aussäut, das Gelent ziemlich aufrecht steht, daß also dahe $= 90^{\circ}$, also $\sin \delta = 1$ und dagegen α_1 nahe $= \alpha$, also $\cos (\alpha_1 - \alpha) = 1$ ist; beshalb können wir auch diese drei Gleichungen in folgende umandern.

Die erfte Gleichung giebt

$$\cos \alpha_1 + \cos \alpha = \frac{b - d \cos \delta}{a}$$
,

ober nach "Ingenieur", Geite 223,

$$2\cos\left(\frac{\alpha_1+\alpha}{2}\right)\cos\left(\frac{\alpha_1-\alpha}{2}\right)=\frac{b-d\cos\delta}{a};$$
 es ist $\cos\left(\frac{\alpha_1+\alpha}{2}\right)=\frac{b-d\cos\delta}{2a}$ zu sehen.

Die zweite Gleichung giebt dagegen

$$\sin \alpha_1 - \sin \alpha = \frac{d \sin \delta - c}{a}$$
, ober $\cos \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right) \sin \left(\frac{\alpha_1 - \alpha}{2}\right) = \frac{d - c}{2a}$;

es resultirt folglich aus ber Berbindung beider Gleichungen

$$sin.\left(\frac{\alpha_1-\alpha}{2}\right)=\frac{d-c}{b-d\cos\delta}$$
.

Die britte Gleichung lagt fich auf folgende Beife umformen:

$$sin.(\alpha_1 + \alpha) = 2 sin. \alpha_1 sin. (\delta - \alpha),$$

 $sin. \alpha_1 cos. \alpha + cos. \alpha_1 sin. \alpha = 2 sin. \alpha_1 (cos. \alpha - cos. \delta sin. \alpha),$

oder $2\sin.\alpha\sin.\alpha_1\cos.\delta = \sin.(\alpha_1 - \alpha)$; es ist also hiernach

$$sin.\left(\frac{\alpha_1-\alpha}{2}\right)$$
 and $=sin.\left(\frac{\alpha_1+\alpha}{2}\right)^2cos.\delta$

$$=\left[1-\left(\frac{b-d\cos.\delta}{2a}\right)^2\right]cos.\delta$$

zu nehmen.

Sest man endlich diese beiden Werthe fur sin. $\left(\frac{\alpha_1-\alpha}{2}\right)$ einander gleich, fo erhalt man die Gleichung

$$\left[1-\left(\frac{b-d\cos\delta}{2a}\right)^2\right]\cos\delta=\frac{d-c}{b-d\cos\delta},$$

Ceitenabweichung ber Gegenlenfer.

und es ift hiernach, wenn man bie Potengen von cos. & vernachlaffigt,

$$\cos \delta = \frac{d-c}{b\left(1-\frac{b^2}{4a^2}\right)}.$$

Benn man noch die Bogenhöhe ER durch e bezeichnet, so hat man $b=GD+RK=GD+EK-ER=2\,a-e$, daher $b^2=4\,a^2-4\,ae+e^2$ und $\frac{b^2}{4\,a^2}=1-\frac{e}{a}+\frac{e^2}{4\,a^2}, \quad \text{also annahernd}$ $1-\frac{b^2}{4\,a^2}=\frac{e}{a}$ und $\cos.\delta=\frac{a\,(d-c)}{b\,e}$.

Mit Sulfe biefes Winkels kann man nun auch die Winkel α und α_I finden; es ift

$$\cos \alpha = \cos \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right) - \sin \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right) \sin \left(\frac{\alpha_1 - \alpha}{2}\right)$$

$$= \frac{b - d \cos \delta}{2a} + \cos \delta \left[\sin \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right)\right]^3$$

$$= \frac{b - d \cos \delta}{2a} + \cos \delta \left[1 - \left(\frac{b - d \cos \delta}{2a}\right)^2\right]^{8/6}, b. i.$$

$$\cos \alpha = \frac{b}{2a} - \left[\frac{d}{2a} - \left(\frac{e}{a}\right)^{8/2}\right] \cos \delta \text{ und}$$

$$\cos \alpha_1 = \frac{b}{2a} - \left[\frac{d}{2a} + \left(\frac{e}{a}\right)^{8/2}\right] \cos \delta.$$

§. 126. In der Regel ist der Hub s=2FR und die Gelenklange DE=NP=d, sowie der Elongations oder halbe Schwingungswinkel $EKF=\frac{\beta}{2}$ gegeben, und man hat nun hieraus die übrigen Größen der Gerabführung zu finden.

Bunachft ift bie Armlange

1)
$$a = \frac{s}{2 \sin \frac{\beta}{2}}$$
,

wobei man, um teine zu große Seitenbewegung zu erhalten, β nicht uber 30 Grab nimmt.

Run folgt die Bogenhohe ober Seitenbewegung bes Lenters

2)
$$e=a\left(1-\cos\frac{\beta}{2}\right)=a-\sqrt{a^2-\frac{s^2}{4}},$$
 annähernö, $e=\frac{s^2}{8a}\cdot$

Ferner ift ber Horizontalabstand zwischen ben Drehungearen G und K ber Lenkarme

Ceiten. abmeidung ber Gegenienter.

3)
$$b = 2a - e = 2a - \frac{s^2}{8a}$$
,

und bagegen ber vertitale Abstand HK zwischen diefen Puntten

4)
$$c=\sqrt{d^2-e^2}$$
, annähernd $c=d-rac{e^2}{2d}$.

Run folgt fur die größte Seitenabweichung des Stangenkopfes

5)
$$\cos \delta = \frac{a(d-c)}{be} = \frac{ae}{2bd}$$

6)
$$\cos \alpha = \frac{b}{2a} - \left[\frac{d}{2a} - \left(\frac{e}{a}\right)^{3/2}\right] \frac{ae}{2bd}$$

$$= \frac{b}{2a} - \frac{e}{4b} + \frac{e^2}{2bd} \sqrt{\frac{e}{a}} \quad \text{unb}$$

7)
$$\cos \alpha_1 = \frac{b}{2a} - \frac{e}{4b} - \frac{e^2}{2bd} \sqrt{\frac{e}{a}}$$
,

endlich aber diese Seitenabweichung selbst

8)
$$f = \frac{b}{2} - a\cos\alpha - \frac{d}{2}\cos\delta$$
$$= \frac{b}{2} - \frac{b}{2} + \frac{ae}{4b} + \frac{ae^2}{2bd} \sqrt{\frac{e}{a}} - \frac{ae}{4b} = \frac{ae^2}{2bd} \sqrt{\frac{e}{a}};$$

ober annahernb, wenn man b = 2a fest,

$$8^*) f = \frac{e^2}{4 d} \sqrt{\frac{e}{a}}.$$

Hat das Gelenk eine aufrechte oder der Hublinie parallele Lage, ift also $\delta=0$, so ist

$$\begin{aligned} \cos a_1 &= \cos \left(\frac{\alpha + \alpha_1}{2}\right) - \sin \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right) \sin \left(\frac{\alpha_1 - \alpha}{2}\right) \\ &= \frac{b}{2a} - \frac{d - c}{2a} \cdot \frac{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right)}{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right)} = \frac{b}{2a} - \frac{d - c}{b} \sqrt{\frac{e}{a}}, \end{aligned}$$

und baher bie entsprechende Seitenabweichung von ber mittleren Sublinie AB:

$$f = \frac{b}{2} - a \cos \alpha_1 = \frac{a(d-c)}{b} \sqrt{\frac{e}{a}} = \frac{e^2}{4 d} \sqrt{\frac{e}{a}}$$
, b. i. gleich ber oben gefundenen Maximalabreichung.

Wir konnen also annehmen, daß schon bei ber fenkrechten Lage eines Geslenkes bie Abweichung nahe ein Großtes und zwar

Bei der Schwingung der Lenkarme auf der entgegengefesten Seite von EK und GD nimmt naturlich f ben entgegengefesten Werth an. Man erfieht aus ber letten Formel, bag bie größte Seitenabweichung wie bas Quabrat bes hubes, und, nahe wie ber Schwingungswinkel, bagegen umgelehrt wie die Gelentlange machit.

Beispiel. Ift ber Drehungswinfel $\beta = 60^\circ$ und die Gelenflange $d = \frac{1}{2} s_i$ fo haben wir bie Lenkarmlange $a=rac{s}{2\sin 30^{\circ}}=s$, ferner bie Bogenhöhe e = a (1 - cos. 30°) = (1 - 0,8660) s = 0,1340 s, ferner ben Gorizontalabe ftanb ber Aren beiber Lenfarme, b=2a-e=2s-0,1340s=1,8660s, und ben Bertifalabftand beiber

$$c = \sqrt{d^3 - e^2} = \sqrt{\frac{1}{3} s^3 - (0.134 s)^2} = 0.4817 s$$
 und endlich die größte Seitenabweichung
$$f = \frac{(0.1840 s)^3}{4 \cdot \frac{1}{3} s} \sqrt{\frac{0.1340 s}{s}} = 0.00898 \sqrt{0.1340} \cdot s = 0.00329 s,$$

$$f = \frac{\sqrt{s_1 + s_2 + s_3}}{4 \cdot \frac{1}{2}s} \quad V \quad \frac{s_1 + s_2 + s_3}{s} = 0,00898 \quad V \quad 0,1340 \quad s = 0,00329 \, s.$$

$$\frac{1}{2}s \cdot \frac{1}{2}s \cdot \frac{1}{2}$$

hafancier.

§. 127. Die Sentrechtführung mittels Gegenlenker lagt fich auch bann mit Bortheil anwenden, wenn es darauf ankommt, eine an einem fcmingenden Balancier hangende Rolbenftange in gerader Linie zu führen. ift allerdings am beften, wenn man bem Balancier einen Lenkerarm gegenüberftellt, ber mit bem entfprechenben Balancierarme gleiche gange bat, allein gur Ersparung bes Raumes wendet man wohl auch einen furgeren Lenkarm an und bringt ihn wohl gar auf ber Seite bes Balanciers an.

Die Anordnung in einem ober bem anderen diefer beiden Falle ift nach Rig. 265 und Rig. 266 auf folgende Beife ju treffen. Es fei ACB ber nicht über 60 Grab meffende Schwingungewinkel bes Balanciers, und CD bie horizontale Salbirungelinie diefes Bintels. Man giebe bie dem Sube s gleiche Sehne AB, theile die Bogenhohe DE in M in zwei gleiche Theile und ziehe durch M die eine hublinie vorstellende Bertikale FII. Durch= schneibet man nun mit einer gemiffen gange d aus A, D und B bie hublinie in F, G und H, so erhalt man hierdurch den bochften, mittleren und tiefften Stand bes Mufhangepunktes ber Rolbenftange.

Jest hat man noch bie Linien AF, DG und BH gu verlangern, auf fie Fig. 265.



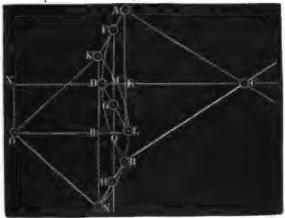
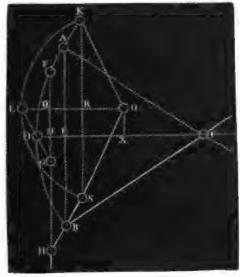


Fig. 266.



gleiche Stude FK, GL und HN aufzutragen und zu ben erhaltenen Puntten K. L und N bas Centrum O aufgus fuchen. Der lettere ift bann ber Arpunkt bes Gegenlentere und OK = OL = ON

ist bie Lange beffelben.

Mit größerer Ge= nauigfeit lagt fich nas turlich bie gange unb ber Arpunet bes Gegen= lenters burch Rechnung bestimmen. Ift, wie gewöhnlich, ber Sub 8 und ber Schwingungs= winkel B bes Balanciers

gegeben, so hat man zunächst bie Armlange $\mathit{CA} = \mathit{CD} = \mathit{CB}$ deffelben:

$$a=rac{s}{2\sinrac{eta}{2}}$$
, und die Bogenhöhe $DE=e$, $e=a\Big(1-\cosrac{eta}{2}\Big)=rac{s\Big(1-\cosrac{eta}{2}\Big)}{2\sinrac{eta}{2}}.$

Contrebalaucter. Ist nun noch die Gelenkstücklange AF=DG=BH=d und die Gelenklange $KF=LG=NH=d_1$, so haben wir für die Bogenshöhe $RL=e_1$ des Lenkers

$$\frac{LQ}{DM} = \frac{LG}{DG}$$
, b. i. $\frac{1/2e_1}{1/2e} = \frac{d_1}{d}$, und daher

$$e_1 = \frac{d_1}{d} e = \frac{d_1}{d} a \left(1 - \cos \frac{\beta}{2}\right) = \frac{d_1}{d} \frac{s \left(1 - \cos \frac{\beta}{2}\right)}{2 \sin \frac{\beta}{2}}.$$

Aus der Sehne KN=AB=s und der Hohe $RL=e_1$ ergiebt sich nun der Halbmeffer OK=OL=ON des Bogens KLN, d. i. die Lange a_1 des Lenters, mit Hulfe der bekannten Formel

$$a_{1} = \frac{s^{2}}{8 e_{1}} + \frac{e_{1}}{2} = \frac{s}{4} \cdot \frac{d}{d_{1}} \frac{\sin \frac{\beta}{2}}{1 - \cos \frac{\beta}{2}} + \frac{s}{4} \cdot \frac{d_{1}}{d} \cdot \frac{1 - \cos \frac{\beta}{2}}{\sin \frac{\beta}{2}}$$

$$= \left(\frac{d}{d_{1}} \cdot \frac{\sin \frac{\beta}{2}}{1 - \cos \frac{\beta}{2}} + \frac{d_{1}}{d} \cdot \frac{1 - \cos \frac{\beta}{2}}{\sin \frac{\beta}{2}}\right) \frac{s}{4}$$

$$= \left[\frac{d}{d_{1}} \left(1 + \cos \frac{\beta}{2}\right) + \frac{d_{1}}{d} \left(1 - \cos \frac{\beta}{2}\right)\right] \frac{a}{2}$$

$$= \left[\frac{d_{1}}{d} \left(\sin \frac{\beta}{4}\right)^{2} + \frac{d}{d} \left(\cos \frac{\beta}{4}\right)^{2}\right] a.$$

Ist umgekehrt die Lenkerlange a_1 gegeben, so läßt sich hiernach das Bershältniß $\frac{d_1}{d}=n$ ber Gelenktheile finden. Es ist hiernach

$$n\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2 + \frac{1}{n}\left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2 = \frac{a_1}{a}$$
, und daher $n = \frac{m - \sqrt{m^2 - \left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^2}}{2\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2}$, wenn $m = \frac{a_1}{a}$ das Betz

haltniß ber Armlange a1 und a zu einander bezeichnet.

Es ist übrigens bei einem kleinen Schwingungswinkel β,

$$\left(\sin \frac{\beta}{4}\right)^2$$
 nahe Rull, und $\left(\cos \frac{\beta}{4}\right)^2$ nahe = Eine,

weshalb benn $\frac{a_1}{a} = m = \frac{d}{d_1} = \frac{1}{n}$ gefeht werden fann.

Die Arenlage des Lentarmes wird bestimmt burch die horizontale Absciffe Gontre balancier $CX = b = CD - DM \mp QL \pm OL$

$$= a \pm a_1 - \frac{1}{2}(e \pm e_1) = (1 \pm m) a - (1 \pm n) \frac{e}{2},$$

wobei bie oberen Beichen fur ben Fall in Figur 265, und bie unteren Beis chen fur ben Fall in Fig. 266, gelten; und burch bie vertifale Orbinate $XO = MQ = c = \sqrt{(d_1 \pm d)^2 - \frac{1}{4}(e \pm e_1)^2} = (n+1)\sqrt{d^2 - \frac{1}{4}e^2}.$

Beifpiel. Ift fur eine Gerabführung mit Contrebalancier bas Berhalt: niß $\frac{a}{s} = \frac{3}{2}$, macht man also die Länge a des Balancierarmes $\frac{3}{2}$ mal dem Rolbenfchube s, fo hat man

$$sin. \frac{\beta}{2} = \frac{s}{2a} = \frac{1}{3}$$
, hiernach $\frac{\beta}{2} = 19^{0}, 28', 17''$, und baher ben ganzen Schwingungswinfel $\beta = 38^{0}, 56', 34''$. Ferner ist die Bogenshöhe $e = a\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right) = (1 - 0,9428) a = 0,0572 a$. Soll ferner der Gegenlenker die Länge $a_{1} = ma = \frac{2}{3}a$ erhalten, so ist

$$n = \frac{\frac{2/3}{3} - \sqrt{\frac{(2/3)^3 - (\sin. 19^0, 28^{\circ}, 17^{\circ})^3}{2 (\sin. 9^0, 44^{\circ}, 8^{\circ})^3}} = 1,5627,$$

Gegensenker die Länge $a_1=ma=\frac{2}{3}a$ erhalten, so ist $n=\frac{\frac{2}{3}-V\left(\frac{2}{3}\right)^2-(sin.\ 19^0,28^\prime,17^{\prime\prime})^2}{2\left(sin.\ 9^0,44^\prime,8^{\prime\prime}\right)^2}=1,5627,$ nimmt man daher $d=\frac{1}{4}s=\frac{1}{4}\cdot\frac{2}{3}a=\frac{1}{6}a=0,1667a$, so erhält man $d_1 = nd = 1,5617 \cdot \frac{a}{6} = 0,2603 a,$

und baher $d + d_1 = 0.4270a$.

Endlich ift, ba wir es bier mit bem in Fig. 265 abgebilbeten Falle gu thun haben, die Absciffe bes Drehpunttes O:

$$b = (1 + 0.6667) a - (1 + 1.5627) \cdot 0.0572 \frac{a}{2}$$
$$= (1.6667 - 0.0738) a = 1.5934 a,$$

und bie Orbinate beffelben:

$$c = \sqrt{(0.4270 a)^2 - (0.0733 a)^2} = 0.4206 a.$$

3ft man wegen Mangel an Raum genothigt, Die Conftruction in Fig. 266 anzuwenben, fo hat man bei übrigens gleichen Berhaltniffen

$$DL = GL - DG = d_1 - d = 0,2603 a - 0,1667 a = 0,0936 a,$$

unb $e_1 - e = 0,5617 \cdot 0,0572 a = 0,0321 a$, ferner $b = (1 - 0,6667) a + 0,0160 a = 0,3493 a$ unb $c = V(0,0936 a)^2 - (0,0160 a)^2 = 0,0922 a$.

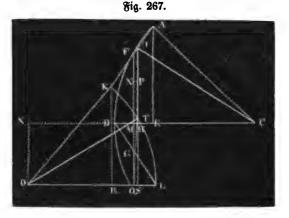
5. 128. Die Seitenabweichung bei ber im Borftehenben tennen gelernten Gerabfuhrung mit Gegenlenker ift, wie wir aus §. 126 wiffen, nahe ein Marimum, wenn das Gelent AK = DL, Fig. 267 (a. folgb. Seite), in die vertitale Stellung UT gelangt, und lagt fich unter biefer Boraussebung wie folgt ermitteln.

Es ist US = UH + HS und auch = UT + TS; nun haben wir aber HS = c, und $UT = d_1 \pm d$, ferner einer bekannten Eigenschaft bes Rreifes ju Folge,

Contre-

$$UH = \sqrt{DH(2CD - DH)} = \sqrt{\left(\frac{e}{2} + f\right)\left(2a - \frac{e}{2} - f\right)},$$
unb
$$TS = \sqrt{LS\left(2OL - LS\right)} = \sqrt{\left(\frac{e_1}{2} - f\right)\left(2a_1 - \frac{e_1}{2} + f\right)},$$
wenn man die Seitenabweichung $NP = MH = QS$ wieder mit f bezeichnet, also $DH = DM + MH = \frac{1}{2}DE + MH = \frac{e}{2} + f$ und
$$LS = LQ - QS = \frac{1}{2}LR - QS = \frac{e_1}{2} - f$$
 seht;
baher folgt $\sqrt{\left(\frac{e}{2} + f\right)\left(2a - \frac{e}{2} - f\right)} + c$

$$= \sqrt{\left(\frac{e_1}{2} - f\right)\left(2a_1 - \frac{e_1}{2} + f\right)} + d + d_1.$$



Wenn wir nun noch die Potenzen von f vernachläffigen, so können wir schreiben $\sqrt{\frac{e\left(a-\frac{e}{4}\right)+(2\,a-e)f}{e\left(a-\frac{e}{4}\right)+(2\,a-e)f}+c}$ $=\sqrt{\frac{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)-(2\,a_1-e_1)f}+d+d_1}$ oder $\left(\frac{2\,a-e}{\sqrt{\frac{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}}}+\frac{2\,a_1-e_1}{\sqrt{\frac{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)}}}\right)^{\frac{f}{2}}}$ $=d+d_1-c+\sqrt{\frac{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)-\sqrt{\frac{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}{4}}\right)}}$

und hiernach ift die gesuchte Seitenabweichung

Contre-

$$f = \frac{d + d_1 - c + \sqrt{\frac{e_1(a_1 - \frac{e_1}{4})}{e_1(a_1 - \frac{e_1}{4})}} - \sqrt{\frac{e(a - \frac{e}{4})}{e(a - \frac{e}{4})}}}{\sqrt{\frac{a - \frac{1}{2}e}{e(a - \frac{e}{4})}} + \frac{a_1 - \frac{1}{2}e_1}{\sqrt{\frac{e_1(a_1 - \frac{e_1}{4})}{e_1(a_1 - \frac{e_1}{4})}}}};$$

ober, wenn man im Nenner annabernt

$$rac{a-rac{1/2\,e}{\sqrt{e\left(a-rac{e}{4}
ight)}}=\sqrt{rac{a}{e}}}{\sqrt{rac{e_1\left(a_1-rac{e_1}{4}
ight)}}}=\sqrt{rac{a_1}{e_1}}$$
 felt, $f=rac{d+d_1-c+\sqrt{rac{e_1\left(a_1-rac{e_1}{4}
ight)}-\sqrt{e\left(a-rac{e}{4}
ight)}}}{\sqrt{rac{a}{e}}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}}.$

hat der Lenker mit dem Balancier gleiche Lange, fo ift $a_1=a$, $d_1 = d$ und $e_1 = e$, baher

$$f = \frac{2 d - c}{2 \sqrt{\frac{a}{e}}} = \frac{e^2}{4 c} \sqrt{\frac{e}{a}},$$

mas auch mit bem in §. 126 Gefundenen übereinstimmt.

In diesem Kalle sind die Abweichungen in beiben Subhalften gleich groß, nur ift die eine positiv und bie andere negativ, b. i. die eine rechts und die andere links von ber Sublinie. Gind aber die Armlangen uns gleich, fo bat man die Seitenabweichung in ber unteren Subhalfte

$$f_1 = \frac{d + d_1 - c + \sqrt{\frac{e(a - \frac{e}{4})}{e(a - \frac{e}{4})}} - \sqrt{\frac{e_1(a_1 - \frac{e_1}{4})}{e_1}}}{\sqrt{\frac{a}{e}} + \sqrt{\frac{a_1}{e_1}}}.$$

Fur die Anordnung in Fig. 266 ift

$$\sqrt{\left(\frac{e}{2}+f\right)\left(2a-\frac{e}{2}-f\right)}+d_1-d$$

$$=\sqrt{\left(\frac{e_1}{2}-f\right)\left(2a_1-\frac{e_1}{2}+f\right)}+c,$$

$$f=rac{\sqrt{rac{und\ baher}{e_1\Big(a_1-rac{e_1}{4}\Big)}-\sqrt{rac{e\Big(a-rac{e}{4}\Big)-(d_1-d_1-c)}}}{\sqrt{rac{a}{e}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}}}\ und$$

252

Contre-

$$f_1 = \frac{\sqrt{e\left(a - \frac{e}{4}\right)} - \sqrt{e_1\left(a_1 - \frac{e_1}{4}\right)} - (d_1 - d - c)}{\sqrt{\frac{a}{e}} + \sqrt{\frac{a_1}{e_1}}}.$$

Beifpiel. Für bie Sentrechtführung im letten Beifpiele (g. 127) haben wir bei ber Conftruction in Fig. 265:

$$d_1 + d - c = 0,4270 a - 0,4206 a = 0,0064 a$$
, ferner

$$\sqrt{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}=a\sqrt{0.0572\cdot0.9857}=0.2374a,$$

$$\sqrt{e_1\left(a_1-rac{e_1}{4}
ight)}=a\,\sqrt{1.5617\cdot0,0572\cdot0,6444}=0.2398\,a,$$
 unb

$$\sqrt{\frac{a}{e}} = \sqrt{\frac{1}{0,0572}} = 4,181$$
, formis $\sqrt{\frac{a_1}{e_1}} = \sqrt{\frac{0.6667}{1,5617.0,0572}} = 2,732$;

es ift folglich bie größte Seitenabweichung bei ber Schwingung nach oben:

$$f = \frac{0,0064 \, a + 0.2398 \, a - 0.2374 \, a}{4,181 + 2,732} = \frac{0,0088 \, a}{12,82} = 0,00069 \, a$$

und bei ber nach unten:

$$f_1 = \frac{0,0064 \, a + 0,2374 \, a - 0,2398 \, a}{6,913} = \frac{0,0040 \, a}{6,913} = 0,00058 \, a.$$

Rur bie Conftruction in Fig. 266 ift

$$d_1 - d - c = 0.0936 a - 0.0922 a = 0.0014 a$$
, und baher

$$f = \left(\frac{0.2398 - 0.2374 - 0.0014}{6.913}\right)a = 0.00014a \text{ unit}$$

$$f = \left(\frac{0,2398 - 0,2374 - 0,0014}{6,913}\right)a = 0,00014a \text{ unb}$$

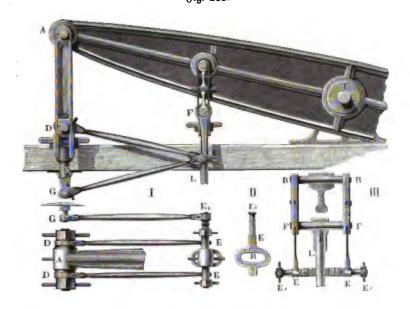
$$f_1 = \left(\frac{0,2384 - 0,2398 - 0,0014}{6,913}\right)a = -0,00041a.$$

Diefe Abweichungen find fo flein, bag fie in ber Ausführung gang verfcwinden.

Batt'fdes Barallelo.

6. 129. Gine ber vorzüglichsten Borrichtungen gur Generechtführung ist bas bewegliche Parallelogramm (frang. parallelogramme articulé), welches auch bas Charnier=Parallelogramm, ober ber Storchichnabel, ober nach feinem Erfinder, bas Batt'iche Parals lelogramm (engl. parallelogramm of Watt) genannt wirb. Die Construction bieses Mechanismus ift folgende: In ber Langenage bes um C brehbaren Balanciers AC, Fig. 268, figen zwei Bolgen A und B feft, an welchen zwei gleichlange Stangenpaare, bie fogenannten Sanges ftangen ober Sangeschienen AD und BE (frang. tringles; engl. strops, links) herabhangen. Die an einem und bemfelben Bolzen hans genden Sangeschienen sind unter sich burch Stifte ober Bolgen D und E und biefe wieber mit einander burch ein Paar Stangen, die fogenannten Parallel: ober Berbinbungestangen (frang. varges; engl. parallel-rods) so verbunden, bag bie vier Bolgen A, B, E und D bei allen

Stellungen bes Balanciers bie Edpuntte eines verschiebbaren Parallelos mairiocs grammes bilben. Enblich ift an ben Bolgen E ein Benterpaar EG (fr. contre-balanciers; engl. bridle rods) angeschlossen, und an ben Bolgen D Fig. 268.



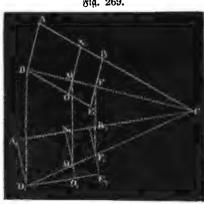
bie Rolbenftange K aufgehangen. Wenn nun ber Balancier (frang. balancier; engl. beam) in schwingende Bewegung verfett wird, fo bewirkt ber mitschwingende Lenter EG, bag ber Bolgen ober vierte Edpunkt D bes Parallelogrammes, und folglich auch ber baran hangenbe Stangentopf, fast genau in einer geraben Linie auf- und niebergeht. In I. fieht man einen Theil bes Parallelogrammes von oben; es find hier DE, DE die beiben Berbindungestangen, und es ift hier GE, einer ber beiben Lentarme.

Da BE zugleich bas Gelenk fur die beiben Balanciers CB und GE1 bilbet, fo kann man in bemfelben noch einen Bolgen F jum Mufbangen einer zweiten Rolbenftange, L, g. B. ber Rolbenftange fur die Luft- und Warmwafferpumpe (f. II. §. 332) anbringen. Die Aufhangungeweife biefer Stange ift befonbers aus II. und III. zu erfeben; BB ift bie eine Aufhangeare bes Parallelogrammes, und FF bie Aufhangeare fur bie Rolbenftange L. Damit bie lettere frei spielen tann, ift bie Are EE in ber Mitte R bugelformig gestaltet.

Man tann übrigens aus ber Bewegung bes Storchichnabels noch an-

Batt' fres : Barafleloaramm.

bere Gerabführungen ableiten. Die Linie CD, Fig. 269, von der Dreshungeare C bes Balanciers



hungsare C des Balanciers nach dem Aufdangepunkte D der Kolbenstange, schneis det nicht allein von der Hängeschiene BE, sondern auch von jeder anderen mit AD parallelen Schiene NO einen Punkt M ab, welcher sich mit D parallel bewegt. Da AD, BF und NM bei allen Stellungen des Parallelogrammes unter sich parallel bleiben, also auch A_1D_1 , B_1F_1 und N_1M_1 parallele kinien bilden, so gelsten die Proportionen:

CD: CF: CM = CA: CB: CN und $CD_1: CF_1: CM_1 = CA_1: CB_1: CN_1$, ba aber $CA_1 = CA CB_1 = CB$ und $CN_1 = CN$ iff, so gift auch die Proportion:

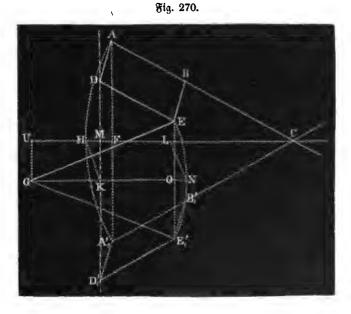
 $CD_1:CF_1:CM_1=CD:CF:CM$, und es sind folglich die Wege $DD_1,\,FF_1$ und MM_1 der Aufhängepunkte $D,\,F$ und M unter sich parallel.

§. 130. Wenn man ben Balancier mit bem Parallelogramme und Lenker in alle möglichen Lagen bringt, so kann man sich überzeugen, daß ber Aushängepunkt D ber Kolbenstange keine gerade Linie, sondern eine der Zahlensigur 8 ähnliche Eurve, wie Fig. 261, durchläuft; jedoch kann man auch leicht bemerken, daß diese Eurve in der Nähe ihres Knotens sehr wenig gekrümmt ist, daß also ein Stück derselben zu beiden Seiten des Knotens als eine Gerade angesehen werden kann. Die Abweichung dieses Eurvendogens von der gegebenen Hublinie läßt sich noch dadurch auf ein Minimum heradziehen, daß man den Mittelpunkt oder Knoten und die beiden Endpunkte dieses Bogens in die Hublinie sallen läßt (vgl. §. 124). Aus diesem Grunde pflegt man denn auch diese Parallelsührung wie folgt zu construiren.

Man trage zuerst ben Schwingungswinkel A $CA_1 = \beta$, Fig. 270, auf, und mache bessen Sehne AA_1 bem gegebenen Hube s gleich; dadurch ergiebt sich die Lange $CA = CA_1 = l$ des Balancierarmes. Run ziehe man noch die Halbirungslinie CH des Winkels β , halbire die Bogen-

hohe HF in M und ziehe durch M parallel zu AA_1 die Hublinie DD_1 . Run fasse man die beliebig anzunehmende Länge der Hängeschiene in den Birkel, und schneibe damit von A, A_1 und H die Endpunkte D und D_1 .

Kati'ice Varalicio gramm.

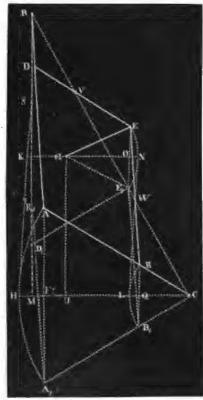


sowie den Mittelpunkt K des Theiles der Hublinie ab, in welchem sich das Haupt der Kolbenstange bewegt. Nach diesem trage man auch die gegebene Länge des Parallelogrammes als AB, A_1B_1 und HL auf die drei Arenstellungen CA, CA_1 und CH des Balanciers auf und vollende die entsprechenden Parallelogramme ABED, $A_1B_1E_1D_1$ und HLNK. Sucht man endlich zu den drei Stellungen E, E_1 und N des dritten Ecpunktes dieses Parallelogrammes das Centrum G des durch diese Punkte gehenden Kreises, so erhält man in G den Arpunkt und in $GE = GE_1 = GN$ die Länge des nöthigen Lenkarmes.

Eine Abanberung von bieser Construction besteht darin, daß man ben Lenkarm nicht unmittelbar am dritten Endpunkte E bes Parallelogrammes, sondern an einem anderen Punkte in der Berlängerung der Hängesschiene BE anschließt. Es wird dadurch die Bogenhöhe ON des Lenkers abgeändert, und daher nicht allein der Arpunkt G, sondern auch die Länge GE des Lenkers eine andere.

Bei ben Dampfichiffmaschinen mit unten liegendem Balancier findet

Bott'ides Barallelo. gramm. man nicht selten folgende, in Fig. 271 abgebildete Anordnung eines Pas Fig. 271. rallelogrammes. Es ist hier



rallelogrammes. Es ist hier die Rolbenstange nicht an den vierten Edpunkt D bes Parallelogrammes ABED, sondern an eine Are R in ber verlängerten Hängeschiene AD gehangen. Anftatt baß man baber mit AD aus A und A_1 bie Hublinie DD_1 abschneibet, tragt man bier bie AR von A, A, und H aus, als $AR = A_1R_1 =$ HS auf und schneibet hier= von bas Stuck $RD = R_1D_1$ = SK ab. Nachbem man noch die Länge des Parallelo= grammes als AB, A_1B_1 unb HL von ben Lagen CA, CA1 und CH bes Balanciers abgeschnitten bat, bebarf es nur noch ber Bollenbung ber

entsprechenden Parallelos gramme ABDE, $A_1B_1D_1E_1$, und HLNK und der Außmittelung des Centrums G für die drei Punkte E, E_1 und N, um die erforderliche Lenkerlänge $GE = GE_1 = GN$ zu finden.

Uebrigens schneibet auch hier die Linie RC vom Aufhangepunkte R der Kolbenstange nach der Drehare C des Balanciers vom Parallelogramme Punkte, V, W u. f. w., ab, welche sich parallel mit R bewegen.

§. 131. Mit größerer Scharfe läßt sich naturlich die Lage und Größe bes Gegenlenkers burch Rechnung finden.

Geben wir wieder den Hub $RR_1=AA_1=s$, Fig. 271, und den Schwingungswinkel $ACA_1=\beta$, so haben wir, wie in §. 127, die Länge des Balanciers CA:

$$l=rac{s}{2\sinrac{eta}{2}},\;\;$$
 und die Bogenhohe HF :

Batt'ides Paralleisgramm.

$$e = l\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right) = \frac{s\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)}{2\sin\frac{\beta}{2}}$$

Sehen wir ferner die Lange einer Hangemaschine AD=BE=d und die des ganzen Gelenkes $AR=d_1$, und bezeichnen nur die Armslange CB durch a, also die Lange des Parallelogrammes AB durch l-a, so haben wir für die Sehne $EE_1=s_1$, und Hohe $ON=e_1$ des vom Lenker durchlaufenen Bogens Folgendes:

Zundchst ist
$$\frac{BB_1}{AA_1} = \frac{CB}{CA}$$
, ober, ba $BB_1 = EE_1 = s_1$ ist, $\frac{s_1}{s} = \frac{a}{l}$, und daher die gesuchte Sehne $s_1 = \frac{\overline{a}s}{l}$.

Die Bogenhohe ON ist gleich der Projection von EB minus der von BL, plus der von LN, jede in hinsicht auf CH genommen. Aber die Projection von EB ist = der von LN,

b. i.
$$\frac{AD}{AR} \cdot MF = \frac{d}{d_1} \cdot \frac{e}{2}$$

und die Projection von BL ift

$$LQ = \frac{CB}{CA} \cdot HF = \frac{ae}{l},$$

baher folgt

$$e_1 = \frac{de}{d_1} - \frac{ae}{l} = \left(\frac{d}{d_1} - \frac{a}{l}\right)e = \left(\frac{d}{d_1} - \frac{a}{l}\right)\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)l.$$

Bei dem gewöhnlichen Paraffelogramm, wie Fig. 270, ift $d_1=d$, folglich:

$$e_1 = (l-a)\Big(1-\cos \frac{\beta}{2}\Big)$$
.

Aus der Sehne s_1 und der Bogenhohe θ_1 folgt nun die entsprechende Lenterlange

$$a_1 = \frac{s_1^2}{8e_1} + \frac{e_1}{2}$$

$$= \frac{a^2s^2}{8\left(\frac{d}{d_1} - \frac{a}{l}\right)\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)l} + \left(\frac{d}{d_1} - \frac{a}{l}\right)\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)\frac{l}{2},$$

Baral lo-

ober einfacher

$$a_1 = \left(\left(rac{d\,l}{d_1\,a} - 1
ight)\left(\sinrac{eta}{4}
ight)^2 + rac{\left(cos.rac{eta}{a}
ight)^2}{rac{d}{d_1}rac{l}{a} - 1}
ight)a.$$

Fur das gewöhnliche Parallelogramm, wo $d_1=d$ ift, bat man

$$a_1 = \left(\left(\frac{l}{a} - 1\right)\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2 + \frac{\left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2}{\frac{l}{a} - 1}\right)a,$$

oder, wenn man die Lange l-a des Parallelogrammes durch l_1 bezeichnet, $a_1=l_1\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2+\frac{a^2}{l_1}\left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2$.

Sehr gewöhnlich nimmt man $l_1 = a = 1/2 l$, und bann hat man bie Lenterlange

$$a_1 = \left[\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2 + \left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2\right]a = a = 1/2 l.$$

Wenn also die Lange des Parallelogrammes der halben Armlange bes Balanciers gleich gemacht wird, so muß der Lenker mit dem Parallelos gramme eben diese Lange erhalten. Siehe Figur 268.

Giebt man das Armlangenverhaltniß $\frac{n_1}{a}=m$, so findet man, wie in §. 127, die Berhaltnißzahl

$$n=rac{d}{d_1}\cdotrac{l}{a}-1$$
 burch bie Formel $n=rac{m-\sqrt{m^2-\left(sin.rac{eta}{2}
ight)^2}}{2\left(sin.rac{eta}{4}
ight)^2}.$

Die Lage des Arpunktes G ist endlich bestimmt durch die Coordinaten CU=b und UG=c mittels der Formeln

$$CU = CL$$
 minus Projection von $LN + NG$, b. i.

$$b = a - \frac{d}{d_1} \cdot \frac{e}{2} + a_1 = a + a_1 - \frac{de}{2d_1}$$
 und

$$UG = \sqrt{\overline{LN^2 - (\text{Project. von } LN)^2}}$$
, b. i.

$$c = \sqrt{\frac{d^2 - \left(\frac{d^2}{2d_1}\right)^2}{1 - \left(\frac{c}{2d_1}\right)^2}} = d\sqrt{1 - \left(\frac{c}{2d_1}\right)^2}.$$

Beifpiel. Benn far eine Senfrechtfahrung mit einfachem Barallelogramme, Battifdes $\frac{a}{1} = 0.6$ und $d = d_1 = \frac{1}{2} s$, ber Schwingungswinkel & aber = 50 Grab genommen wirb, fo bat man bie Armlange

$$l=\frac{s}{2\sin 25^0}=1{,}1831$$
 . s. Ferner bie Armlange

$$a_1 = \left[\frac{s}{3} \left(\sin 12\frac{1}{2}\right)^2 + \frac{s}{2} \left(\cos 12\frac{1}{2}\right)^2\right] \cdot 0,7099 s = 1,0371 \cdot s.$$

Ferner ift bie Bogenhohe

$$e_1 = (1 - 0.6) \cdot 0.1108s = 0.0443s$$
.

Endlich folgen bie Coordinaten bes Arpunftee bes Lenfers:

$$b = 0.7099s + 1.0371s - 0.0554s = 1.6916s$$

$$e = \sqrt[4]{\frac{0.5s}{(0.5s)^2 - 0.0554s}^2} = 0.4969s.$$

§. 132. Die Seitenabweichung oder die größte Abweichung von Beitenabmet. ber geraden Linie, welche ber Parallelogrammmechanismus noch ubrig lagt radiogram fann man annahernd auf dieselbe Beise finden, wie in 6. 128, die Seitenbewegung ber Gerabführung mit Gegenlentern.

Wenn wir zunachst nur ben Aufhangepunkt W, Fig. 271, in ber einen Bangemaschine BE ine Muge faffen wollen, so haben wir nur nothig, ben aus zwei Lenkerarmen CB und GE und aus dem Gelenk BE bestehenden Mechanismus in Untersuchung ju gieben, ba aber biefer mit ber Beradführung Fig. 267 volltommen übereinstimmt, fo bleibt uns nur übrig, bie in 6. 128 entwickelten Formeln unserem Falle anzupaffen. Die bort gefundenen Kormeln fur die großte Seitenabweichung find folgende:

$$f=rac{d+d_1-c+\sqrt{rac{e_1}{a_1}-rac{e_1}{4}}-\sqrt{rac{c_1-rac{e_1}{4}}{c_1}}}{\sqrt{rac{a}{e}}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}}$$
 und $f_1=rac{d+d_1-c+\sqrt{rac{e_1-e_1}{a_1}}-\sqrt{rac{e_1-e_1}{a_1}}}{\sqrt{rac{a}{e}}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}}$

und bie in benfelben vorkommenben Großen haben folgenbe Bedeutungen:

a und a, find die Langen CB und GE ber Lentarme,

c ift die Coorbinate GU.

d ift bie Gelenkstudlange B W, welche fich burch bie Proportion

$$\frac{BW}{AR} = \frac{CB}{CA}$$
, b. i., nach ben Bezeichnungen bes letten Paragraphen,

Ectionalweis durch $\frac{BW}{d_1} = \frac{a}{l}$ bestimmt; wir hatten also hier statt d, $BW = \frac{ad_1}{l}$ rallelogramm. Sbenfo ift, wenn wit biefe Formeln fur f und fi auf unfeeinzuseben. ren Fall anwenden wollen, statt d_1 , $WE = BE - BW = d - \frac{a d_1}{r}$ einzuführen.

> Enblich bebeutet in diesen Formeln e die Bogenhohe LQ, welche wir $=\frac{de}{dt}$ gefunden haben, und e_1 die Bogenhohe ON, welche ebenfalls nach dem vorigen Paragraphen: $e_1 = \left(\frac{d}{d} - \frac{a}{l}\right)e$ zu seben ift.

> Seben wir diese Werthe in die obigen Formeln ein, fo erhalten wir fur bie gesuchten Seitenabweichungen bie Parallelogrammführung:

$$f = rac{d-c+\sqrt{e_1\left(a_1-rac{e_1}{4}
ight)}-rac{a}{l}\sqrt{e\left(l-rac{e_1}{4}
ight)}}{\sqrt{rac{l}{e}}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}}$$
 und $f_1 = rac{d-c+rac{a}{l}\sqrt{e\left(l-rac{e}{4}
ight)}-\sqrt{e_1\left(a_1-rac{e_1}{4}
ight)}}{\sqrt{rac{l}{e}}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}}.$

Da bei ber Schwingung bes Balanciers die Punkte R und W Parallellinien befchreiben, fo find bie Seitenabweichungen bes Punttes &

$$\frac{CA}{CB} = \frac{l}{a} \text{ mal fo groß als die von } W.$$

Beifpiel. Für bie Gentrechtfahrung im letten Beifpiele (g. 131) ift d - c = (0.5 - 0,4969)s = 0,0081s, ferner

$$\frac{V}{e_1\left(a_1 - \frac{e_1}{4}\right)} = s V \overline{0.0443 \cdot 1.0260} = 0.2132 s,$$

$$\frac{a}{l} V e \left(l - \frac{e}{4}\right) = 0.6 s V \overline{0.1108 \cdot 1.1554} = 0.2147 s,$$

$$V \frac{l}{e} = V \frac{\overline{1.1831}}{0.1108} = 3.2678 \text{ unb}$$

$$V \frac{a_1}{e_1} = V \frac{\overline{1.0371}}{0.0443} = 4.8385;$$

bemnach folgen bie größten Seitenabweichungen bes Bunftes W von ben Bertifalen :

$$f = \frac{0,0031 \, s \, + \, 0,2132 \, s \, - \, 0.2147 \, s}{3,2678 \, + \, 4,8385} = 0,9002 \, s \quad \text{unb}$$

$$f_1 = \frac{0,0081 \, s \, + \, 0,2147 \, s \, - \, 0,2132 \, s}{3,2678 \, + \, 4,8385} = 0,0006 \, s;$$

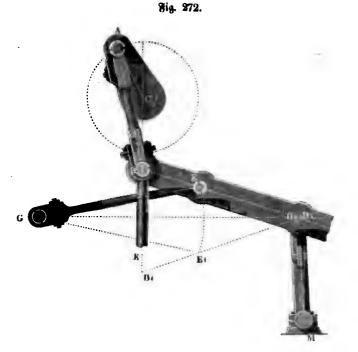
und bagegen bie ber an R bangenben Rolbenftange:

$$\frac{l}{a}f = \frac{5}{3} \cdot 0,0002 s = 0,0008 s \text{ nmb}$$

$$\frac{l}{a}f_1 = \frac{5}{3} \cdot 0,0006 s = 0,0010 s.$$
3. 30. für ben hub $s = 6$ Kuß
$$\frac{l}{a}f = 0,0018 \text{ Kuß} = 0,0216 \text{ Holl} = 0,26 \text{ Linien}, \text{ unb}$$

$$\frac{l}{a}f_1 = 0,006 \text{ Kuß} = 0,0073 \text{ Holl} = 0,86 \text{ Linien}.$$

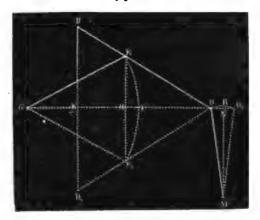
§. 133. Eine fehr einfache und in neueren Zeiten nicht felten ange Gerabführung if in Sig. 272 abgebilbet. Der Balancier BD, bem Erager.



welcher durch einen Krummzapfen CA mittels ber Kurbelftange AB aufund niederbewegt wird, ruht hier mit seiner Are D nicht in einem sest liegenden Lager, sondern auf saulenformigen, um eine Are M brehbaren Trägern MD, und der Lenter GE ist hier unmittelbar mit dem Balancier BD verbunden. Der Träger MD vertriet hier die Stelle bes Gelentes; wenn sich auch der Punkt E des Balanciers in einem Kreisbogen EE_1 um G bewegt, so geht doch der Aufhängepunkt der Rolben-

Geitenabmeidung ber BaralleisgrammGeratsubrung stange BK nahe in einer geraden Linie BB_1 auf und nieder, ba die Dremit ofculliten. hungsare D bei jedem Auf= ober Niedergange des Kolbens in einem kleisnen Bogen DD_1 hin= und zurudläuft. Diese Geradführung ift sehr einfach und zwar wie folgt zu construiren. Es sei BB_1 , Fig. 273, die

Fig. 273.



Hublinies, und KD die rechtwinkelig ge= gen sie gerichtete Mittellinie. Mit ber Balancierarms långe l schneibe man aus B ober B, in ber letteren Linie ben Punkt D unb aus K ben Punkt D1 ab. Errichtet man nun in ber Mitte N von DD, ein Perpendikel und schneidet man von demfelben ein mog-

lichst langes Stud MN ab, so erhalt man in M die Drehungsare, sowie in $MD=MD_1$ die Lange des Trägere. Schneidet man ferner von $BD=B_1D=KD_1$ die Stude $BE=B_1E_1=KF$ ab, und sucht man zu E, E_1 und F das Centrum G des durch diese Punkte zu legenden Kreisbogens, so erhalt man in G die Drehungsare und in $GE=GE_1=GF$ die Lange des nothigen Lenkers. Die Lenkerlange $GE=a_1$ läst sich aber auch leicht durch Rechnung sinden.

Ift β der Schwingungswinkel BDB_1 , so hat man wieder die Armstånge $BD = KD_1$:

$$l = \frac{s}{2 \sin \frac{\beta}{2}}$$
, und umgekehrt $s = 2 l \sin \frac{\beta}{2}$.

Ist ferner die Armstäcklänge DE=a, so hat man die Sehne EE_1 : $s_1=\frac{a}{l}s=2$ a sin. $\frac{\beta}{2}$ und die Bogenhöhe HF:

$$e_1 = KF - KH = BE\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right) = (l - a)\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right);$$
es ist folglich die gesuchte Lenterlange GE :

$$a_{1} = \frac{s_{1}^{2}}{8 e_{1}} + \frac{e_{1}}{2} = \frac{a^{2} \left(sin. \frac{\beta}{2}\right)^{2}}{2(l-a)\left(1-cos. \frac{\beta}{2}\right)} + \frac{l-a}{2} \left(1-cos. \frac{\beta}{2}\right)^{\frac{\Phi readfibring}{\min \ gridger.}}$$

$$a_1 = \left[\frac{l-a}{a}\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2 + \frac{a}{l-a}\left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2\right]a, \text{ oder bas Berhaltniß}$$

$$\frac{a_1}{a} = m = \frac{l-a}{a}\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2 + \frac{a}{l-a}\left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2.$$

Umgefehrt hat man bas Berhaltniß

$$\frac{l-a}{a} = n = \frac{m - \sqrt{m^2 - \left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^2}}{2\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^2}.$$

Meist nimmt man $a=\frac{l}{2}$, schließt also ben Lenter in der Mitte des Balancierarmes BD an, und dann hat man auch

$$a_1=a=\frac{l}{2}$$

§. 134. Bei der im vorstehenden Paragraphen beschriebenen Anordnung der Geradführung mit einem beweglichen Träger ist ebenfalls der Aushängepunkt der Kolbenstange in seinem höchsten, tiefsten und mittleren Stande in derselben Geraden BKB_1 , Fig. 274 (s. s.), bei jedem anderen Stande weicht er jedoch rechts oder links um Etwas von dieser Linie ab, es ist also auch diese Geradsührung keine vollkommene. Da der Träger bei dem höchssten und niedrigsten Kolbenstande die Stellung MD und bei dem mittleren Kolbenstande die Stellung MD und bei dem mittleren Kolbenstande die Stellung MD_1 einnimmt, so ist zu erwarten, daß er bei den Kolbenständen, wo die Seitenadweichungen OL = f und $O_1L_1 = f_1$ am größten sind, die Mittelstellung MR einnehme. Unter dieser Borausssseung können wir nun auch diese Seitenbewegungen wie solgt ermitteln.

Die Sehne DD, bes vom Trager beschriebenen Bogens ift

$$KD_1 - KD = l\left(1 - cos. \frac{\beta}{2}\right)$$
, folglich die Ordinate

$$ND = ND_1 = \frac{1}{2}DD_1 = y = \frac{l\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)}{2}.$$

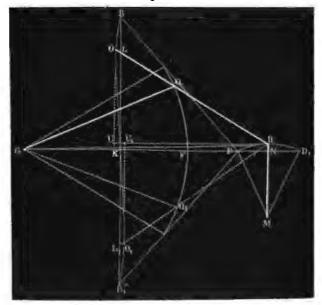
Aus ihr und aus der gegebenen Trägerlänge MR=d .rgiebt fich folglich annahernd die Abscisse

$$RN = x = \frac{y^2}{2d}.$$

Gerabführung mit ofcillirenbem Träger. Ferner haben wir fur ben Bintel RGN = @

tang.
$$\varphi = \frac{RN}{GN} = \frac{x}{a+a_1-y} = \frac{x}{z}$$
, wenn wie die Länge $GN = a+a_1-y$ durch z bezeichnen;

Fig. 274.



bagegen haben wir fur den Winkel $GRQ=\psi$, nach einer bekannten trigonometrifchen Formel:

$$\cos \psi = \frac{\overline{RQ^2} + \overline{RG^2} - \overline{QG^2}}{2RQ \cdot RG} = \frac{a^2 + z^2 - a_1^2}{2az},$$

ba die Linie RG sehr nahe =GN=z ist.

Aus biefen Bulfsmitteln o und w ergeben fich nun die Schwingungs- wintel

$$URO = \psi - \varphi$$
 und $URO_1 = \psi + \varphi$;

wonach sich nun die gesuchten Seitenabweichungen f und f_1 berechnen lass fen. Es ist nämlich

$$LO = RU - NK$$

= $OR\cos ORU - (KD_1 - ND_1)$, b. i

Bon ben Berad: ober Senfrechtführungen, ic.

$$f = \left(\cos.(\psi - \varphi) - \frac{\left(1 + \cos.\frac{\beta}{2}\right)}{2}\right)l \text{ unb}$$

$$f_1 = \left(\cos.(\psi + \varphi) - \frac{\left(1 + \cos.\frac{\beta}{2}\right)}{2}\right)l.$$

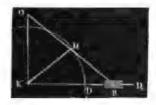
Satte man $a_1 = a = \frac{l}{2}$ gemacht, so wurde

$$\cos \psi = \frac{z}{2a} = \frac{l-y}{l} = \frac{1+\cos \frac{\beta}{2}}{2}$$

ausfallen. Mare überbies noch d unenblich groß, alfo

tang.
$$\varphi = \frac{x}{d} = 0$$
, so hatte man $f = f_1 = 0$.

Statt eines unendlich langen Tragers laßt fich aber auch eine gerade Rig. 275. Stangens ober Rahmenfuhrung DD,



Stangens oder Rahmenführung DD, Kig. 275, anwenden. Daß man in diesem Falle gar keine Seitendewesqung erhält, ist übrigens schon aus der Theorie der Ellipsographen bekannt, welcher zu Folge der Mittelpunkt Meiner geraden Linie OR einen Kreis beschreibt, während die Endpunkte O und R dieser Linie in den Schenkeln eines Rechtwinkels OKD fortrücken.

Beispiel. Wenn man bei einer Gerabführung mit schwingenbem Trager ben Schwingungewinkel $\beta=50$ Grab nimmt, so hat man, wie oben Beispiel §. 131, die Balancierarmlange

$$l = \frac{s}{2 \sin_2 25^0} = 1,1831 \, s,$$

und wenn man die Armlänge $a={}^2\!/_3\,l=0.7888\,s$ nimmt, so hat man die nöthige Lenferlänge

 $a_1 = \left[\frac{1}{2}(\sin 12\frac{1}{2}^0)^2 + \frac{2}{1}(\cos 12\frac{1}{2}^0)^2\right] \cdot 0.7888 s = 1.5221 s.$

Die Orbinate ober halbe Sehne bes rom Trager beschriebenen Bogens ift $y=(1-\cos 25^{\circ})$. 0,59155 $s=0,0544\,s$, baher

 $s = a + a_1 - y = 2.2565 s.$

Nacht man tie Trägerlänge $d=rac{s}{2}$, so erhält man ferner bie Absciffe ober Bogenbobe

$$x = \frac{y^2}{2d} = \left(\frac{0.0544 \, s}{s}\right)^2 = 0.00296 \, s,$$

Berabfubrur mit ofcillirer 266 Erfte Abth. Biertes Rap. Bon ben Gerab: ober Genfrechtführungen.

Gerabführung mit ofeillirenbem Träger.

Berabführung und hieraus folgt nun fur ben Bulfemintel p:

tang.
$$\varphi=\frac{x}{s}=\frac{0.00296}{2,2565}=0.001312$$
, baber ift biefer Bintel felbst $\varphi=0^0,4',30''.$

Ferner ift fur ben Gulfemintel 4:

$$\cos \psi = \frac{a^2 + z^2 - a_1^2}{2 a z} = 0,95431$$
, und folglich $\psi = 17^0, 23', 15''$.

Mun ift $\psi - \varphi = 17^{\circ}, 18', 45''$ und $\psi + \varphi = 17^{\circ}, 27', 45''$; ferner

 $\psi + \psi = 17^{\circ}, 27^{\circ}, 40^{\circ}; \psi$ $\cos (\psi - \varphi) = 0.95465$ unb

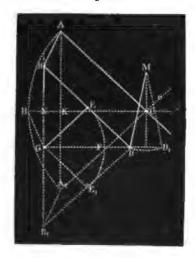
cos. ($\psi + \varphi$) = 0,95387. Enblich find bie gefuchten Seitenabweichungen

$$f = \left[\cos(\psi - \varphi) - \left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2\right]l$$

 $= (0.95465 - 0.95315) \cdot 1.1891 s = 0.0018 s$ unb $f_1 = (0.95387 - 0.95315) \cdot 1.1831 s = 0.0008 s$.

Anmerfung. Das julest in Betrachtung gezogene Brincip ber Gerabfuh-

Fig. 276.



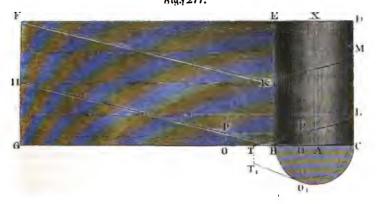
rung lagt fich auch bei einem Balans cier mit festliegenber Are anwenben. Es ift in biefem galle ber aus bem Borftehenben befannte Dechanismus BEGDM, Sig. 276, mittele einer Bangefchiene AB an ben um bie fefte Are C fdwingenben Balancier AC ans juhangen. Die Anordnung Diefee Dies chanismus wird bann ahnlich wie bie eines Parallelogrammes vollzegen, bas Bangeeisen AB nimmt beim tiefften Stande die Lage A_1B_1 parallel zu ABund beim mittleren Stanbe bie Lage HG ein, welche ebenfo viel nach ber einen Seite von ber hublinie BB, abweicht, wie AB und A1B1 nach ber anbern. 3m Befentlichen besteht übri= gens biefe Gerabführung wie bie mit= tele Parallelogramm u. f. m. aus zwei Lenfarmen GE und MD und einem Belenf BD, welches beire mit einans ber verbindet.

Schlußanmerfung. Ueber bie Theorie ber Gerabführung mittels bes Batt'ichen Parallelegrammes handelt ichon aussührlich Prony in seiner Architecture hydraulique, §. 1478 etc. Biemlich aussührlich spricht auch hiervon Billis in seinen Principles of Mechanism, §. 440 etc., auch Berbam in seiner angewandten Berkzeugswiffenschaft und Mechanif, Ergänzungsband. Es ift auch hierüber nachzulesen in hulfse's allgemeiner Maschinenencyclopadie ber vom Versafter bearbeitete Artikel "Abanderung ber Bewegung«.

Fünftes Rapitel.

Bon den Schrauben und von den Schraubenrädern.

§. 135. Der abgewickelte Mantel eines geraden Eplinders BCDE, activatione. Fig. 277, bilbet bekanntlich ein Rechted BEFG. Theilt man nun dies Rig. F277.



ses durch Parallellinien (HK) zur Basis BG in gleiche Theile, zieht man ferner in jedem dieser Theile die unter sich parallelen Diagonalen oder Transversalen BH, KF, und wickelt man endlich diesen Mantel wieder auf den Cylinder auf, so bilden diese Transversalen eine stetige doppelt gekrümmte Eurve BLKME, die sogenannte Schrauben linie (franz. hélico; engl. holix). Aus der Entstehungsweise der Schrauben-linie folgt sogleich, daß diese Eurve mit unveränderlichem Neigungswinkel gegen die Grundssäche in gleichen Windungen (franz. und engl. spires) auf der Cylinderssäche emporsteigt. Der parallel zur Cylinderae AX gemessene Abstand BK = KE u. s. w., der Schraubenwindungen von einander, heißt die Hohe eines Schraubenganges (franz. pas de la vis; engl. distance of the spires, pitch of the screw), und der constante Neigungswinkel HBG der Schraubenlinie gegen die Basis des Cylinders, das Ansteigen der Schraubenlinie (franz. inclinaison; engl. inclination).

Ift r ber Halbmeffer AB = AC bes Cplinders, so hat man die treissformige Basis ber Schraubenlinie

 $BG = 2\pi \cdot AB = 2\pi r,$

tinle. und ist h die Hohe GH eines Schraubenganges, so hat man für das Ansstelle. Steigen $GBH=\alpha$ desselben:

$$tang. \alpha = \frac{GH}{BG} = \frac{h}{2\pi r}.$$

Es machft alfo bas Anfteigen der Schraube mit ber Sobie ihrer Gange, und nimmt ab, wenn ber halbmeffer ein großerer wirb.

Seber Punkt P in der Schraubenlinie ist bestimmt durch eine kreissbogenformige Abscisse BO=x, und durch eine mit der Are oder Seite des Cylinders parallel laufende Ordinate OP=y, und es ist die Gleischung zwischen x und y die der geraden Linie BH, nämlich

$$\frac{PO}{OB} = \frac{GH}{GB}, \text{ b. i. } \frac{y}{x} = \frac{h}{2\pi r} = lang. \alpha, \text{ ober}$$

$$y = x tang. \alpha$$

$$= \beta r tang. \alpha,$$

wenn β den basischen Winkel BAO_1 bezeichner, um welchen der Punkt P vom Anfangspunkte B absteht. Es wächst also die Ordinate y direct wie der basische Winkel β , und es ist hiernach die Construction der Schrausbenlinie leicht zu vollziehen.

Die Lange eines Schraubenbogens BP ift

$$s = V\overline{x^2 + y^2} = \frac{y}{\sin \alpha} = \frac{x}{\cos \alpha} = \frac{\beta r}{\cos \alpha}$$

und bie einer gangen Windung

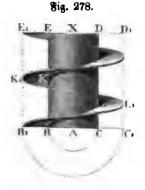
$$BH = l = \sqrt{h^2 + (2\pi r)^2} = \frac{h}{\sin \alpha} = \frac{2\pi r}{\cos \alpha}.$$

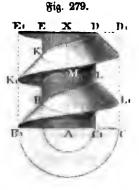
Die Tangente PT fur einen Punkt P ber Schraubenlinie ist gleich bem rectificirten Schraubenbogen PB=s, und ihre basische Projection O_1T_1 ist Tangente zur kreisformigen Basis und gleich der rectificirten Abscisse BO=x.

Edrauben. fläche und Edraube.

§. 136. Bewegt sich eine gerade Linie BB_1 , Fig. 278 und 279, so, daß sie eine Schraubenlinie BLK nie verläßt und stets auch durch die Are AX des Eplinders geht, um welchen diese Schraubenlinie sich winzbet, so durchläuft sie eine sogenannte Schraubenfläche $BB_1L_1LK_1$. Je nachdem die Erzeugungslinie B_1B rechtz oder schres mit elig gegen die Are AX der Schraube gerichtet ist, hat man es mit einer recht winkelig en oder mit einer schres od raubenfläche zu thun. Fig. 278 repräsentirt eine vechtwinkelige, und Fig. 279 eine schraubenstäche. Statt der geraden Erzeugungslinie BB_1 kann man auch eine krumme Linie oder eine ganze Figur, z. B. ein Dreieck, Biereck, einen Halbkreis u. s. w. so auf dem Eplindermantel fortrücken lassen, daß die Ebene dieser Figur stets durch die Are des Eplinders geht, und die

Endpunfte ber in bem Cylindermantel liegenden Grundlinie ber Kiqur zwei gleiche Schraubenlinien befchreiben.



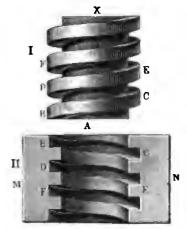


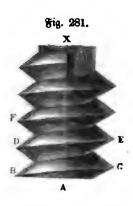
Auf biefe Beife entstehen bie sogenannten Schraubengewinde (frang. filets de vis; engl. threads of the screw). Man unterscheidet gewöhnlich von einanber

bas flachaangige und icharfgangige Schraubengewinde.

Bei bem flachgangigen Schraubengewinde ift bie Erzeugungeflache, und alfo auch ber Querfchnitt, ein Rechted, bei bem fcharfgangigen ift fie bingegen ein Dreied. Das flachgangige Schraubengewinde BCDEF, Fig. 280, ift von zwei gleichen rechtwinkeligen, und bas icharfgangige Schraubengewinde BCDEF, Fig. 281, von zwei gleichen schiefwinkeli-

Fig. 280.

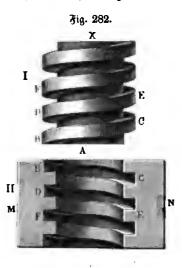




drauben. ge

gen Schraubenflachen begrenzt. Seltener hat man Schraubengewinde mit kreisformigem ober trapezoibalem Querschnitte.

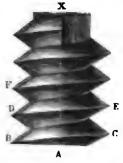
Bu einer vollständigen Schraube (franz. vis; engl. scrow) gehoren zwei in einander greifende Gewinde, ein erhabenes und ein vertieftes. Das erhabene Schraubengewinde AEF, Fig. 282, I., bilbet mit bem



Enlinder AX, um welchen es herumlauft, bie fogenannte Schrauben fpinbel (frang. novau: engl. male screw, nut), bas hoble Stud MN mit bem ausgehöhlten Schraubengeminde BCDEF, Fig. 282, II., wird hingegen bie Schrauben : mutter (frang. écrou; engl. female screw) genannt. bem Gebrauche wird bie Schraubenfpindel burch bie Schrauben= mutter hindurchgestedt, mas jeboch nur burch Umbrehung ber Spinbel ober ber Mutter um bie gemeinschaftliche Are AX zu er-

Man unterscheibet rechte ober rechtsgangige, und linke ober linksgangige Schrauben von einander. Bei jenen steigt bas Geswinde BCDEF von links nach rechts, bei diesen hingegen von rechts nach links auf. Fig. 282 und 283 sind rechte Schrauben, Fig. 284 bagegen stellt eine linke Schraube vor.

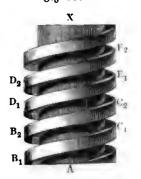
Fig. 283.



Rig. 284.

möglichen ift.

Endlich find auch einfache und boppelte ober mehrfache Schraus ben von einander zu unterscheiden. Gine einfache Schraube hat nur ein Gewinde; alle Gange berfelben entsprechen einer einzigen Schraubenlinie; eine doppelte Schraube besteht bagegen aus zwei und eine mehrfache Schraube aus mehreren Gewinden. Einfache Schrauben find in ben Figuren 282, 283 und 284 abgebilbet, eine boppelte Schraube, mit ben Gewinden $L_1C_1D_1E_1$ und $B_2C_2D_2E_2$, zeigt Fig. 285, und eine vierfache, Rig. 285. Fig. 286.





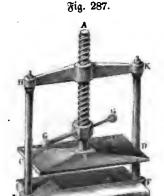
mit ben Gewinden $B_1C_1D_1$, B_2C_2 , B_3C_3 und B_4C_4 stellt Fig. 286 vor. Doppelte und mehrfache Schrauben find nur bei einem starken Ansteigen ber Schraubengange anwendbar.

Die Bewegung einer Schraube ift eine boppelte, namlich Carauben drehend und fortichreitend. Es fann nun entweder

- 1) die Schraubenspindel beide Bewegungen zugleich haben, ober fie kann
- 2) fich bloß dreben, und bagegen die Mutter progreffiv fortbewegen, ober
- 3) die Schraubenmutter hat beibe Bewegungen zugleich, ober
- 4) die Schraubenmutter bewegt fich brebend und die Spindel fortschreis

In allen den Fallen, wenn die Mutter festgehalten wird, also auch bann, wenn die fogenannten Solgichrauben eingebohrt werden, wo bas . Solz die Stelle ber Mutter vertritt, hat die Spindel beide Bewegungen jugleich. Es gehort hierher z. B. auch die gewohnliche Schrauben: presse, Fig. 287 (f.f. S.), wo die Spindel AB eine bewegliche Tafel CD gegen ben in einem Rahmen EF eingelegten Stoff brudt, und bie Schraubenmutter durch einen Riegel HK diefes Rahmens gebildet wirb. Liegt hingegen die Schraubenfpindel in Lagern, welche bas Fortruden berfelben in der Arenrichtung verhindern, und geht bagegen die Schraubenmutter in einer Fuhrung, welche nur ein Fortschreiten, bagegen aber feine Drehung

Schrauben. bewegung. biefes Studes zuläft, so nimmt die Spindel die drebende und die Mutter



bie progressive Bewegung an, und man hat es baher mit dem zweiten Falle zu thun. Hierher gehort z. B. die Beswegung eines Schrauben stockes (franz. étau; engl. vice) ABCD, Fig. 288, wo das Backenstück B mittels einer Schraube CD gegen das Backenstück A angezogen wird und das bei auf der Leitung EF fortgleitet.

Der britte Fall, wo bie Schraubensmutter beide Bewegungen zugleich hat, kommt besonders dann vor, wenn bie Schraube zur festen Berbindung zweier Körper bient. Der burch bie zu versbindenden Körper A und B gestedte

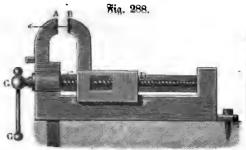




Fig. 289.

Rig. 290.

Bolgen BC, Fig. 289, ift hier nur am Ende C fchraubenformig jugeschnitten, und es werben biefe beiben Rorper burch Umbrehung ber Schraubenmutter an einander geprest.

Der vierte Fall kommt endlich vorzüglich bei den sogenannten Wagenwinden (franzcrics; engl. listing jacks) vor, wie aus einem Durchschnitt in Fig. 290 zu ersehen ist. Es ist hier AB die Schraubenspindel, CC die auf einer Lagerplatte DD ruhende Schraubenmutter und EE ein mit der Mutter ein Ganzes ausmachendes Zahnrad, zwischen dese sein Zähne eine Schraubenspindel EF eingreift.

Birb die lettere umgebreht, fo lauft auch die Mutter CC um und gieht Caraubenbabei bie Schraubenspindel allmalig empor. Die baburch ju hebende Laft wirkt entweber an bem Ropfe A, ober an bem Ruffe BG ber Schraubenspinbel.

6. 138. Die Umdrehung der Schrauben erfolgt meist nur durch die Schrauben. menschliche Band und zwar

- 1) entweder unmittelbar, ober
- 2) mittelbar, b. h. mittels eines Schraubenziehers ober Schraubenfchluffels.

In beiden Fallen ift es nothig, entweder den Ropf ber Schraubenspinbel ober die Schraubenmutter felbft jum Ungreifen ber Umbrehungefraft geschiedt zu machen. In bem ersten Kalle giebt man g. B. beshalb bem Schraubentopf ober ber Schraubenmutter einen gerandelten Umfang, ober verfieht fie mit befonderen Flugeln, ober man bebient fich ber Bebei, Schwengel ober Raber gur Umbrehung ber Schrauben. Die Umbrehung ber Schraubenspindel mittels eines Bebels GG ift aus ben Figuren 287 und 288 ju ersehen; die Umbrehung ber Schraubenmutter CC mittels eines Rades EE fommt bei ber Bagenwinde in Fig. 290 vor.

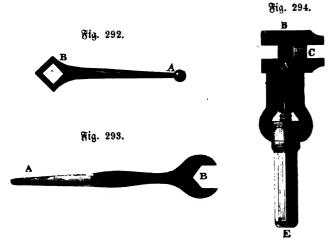
Die Schraubengieber (frang. tournevis; engl. screw-drivers) bienen vorzüglich jum Umbreben ber Schraubenspindel, mogegen bie Schraubenfchluffel (frang. clefs à vis; engl. turn-screws) mehr gum Umbreben ber Schraubenmutter angewendet werben. Beibe Apparate besteben wefentlich in einem Bebel, welcher ben umzubrebenden Schraubentheil erfaßt, ber eine hierzu paffenbe Geftalt erhalten muß. Bu biefem 3mede werden 3. B. die Schraubentopfe quabratisch ober heragonal geformt, ober es werben Ginschnitte ober Locher in benfelben angebracht.

Ein meißelformiger Schraubenzieher ABC jum Ginbohren einer fich Fig. 291.



bie Mutter felbft bilbenben Solge schraube DE ist in Fig. 291 abgebilbet. Der Ropf D biefer Schraube ift jum Ginfeben bes Schraubengiehers mit einem Einfcnitt verfeben. Ginen Schraubenfchluffel AB fur eine quabratische Schraubenmutter B geigt Rig. 292 (f. f. G.), und einen folchen für eine beragonale Mutter Rig. 293. Man hat auch Universalschrauben: fchluffel, welche fich bei

Schrauben. Schraubenkopfen und Schraubenmuttern von verschiebenen Größen an-



wenden lassen; Fig. 294 giebt die Abbildung eines solchen Schlüssels. Bon den beiben Backen A und B, womit hier der Schraubenkopf C ergriffen wird, ist der eine (A) mit der Handhabe DE sest, dagegen der andere (B) vermittels einer Schraube F, deren Mutter in der Handhabe enthalten ist, verbunden. Durch Drehung der letzteren um ihre eigene Längenare läßt sich der Abstand zwischen den beiden Backen, der Dicke des Schraubenkopses entsprechend stellen.

Anmendung der Echrauben

- §. 139. Sehr mannigfaltig ift bie Anwendung ber Schrauben. Um haufigsten bienen biefelben
- 1) als Befestigungsmittel zweier Rorper (f. Fig. 289). Rachstdem wendet man fie aber auch an,
- 2) um eine treisformige Bewegung in eine gerablinige umzuandern, namentlich wenn es darauf ankommt, kleine gerablinige Berwegungen zu erzeugen ober große Kräfte auszuüben. Wegen der großen Reibung, welche die Schrauben verursachen, wendet man dieselben jedoch nur selten als steilg arbeitende Zwischenmaschine, desto häusiger aber als Stellapparate bei Maschinen und Instrumenten an. Stellschrauben, welche dazu dienen, Maschinen oder Instrumententheile auf einen gewissen Ort einzustellen, kennen wir schon vielsach aus dem Früheren, so z. B. Band III, Fig. 24, 26, 106 u. s. w. Borzügliche Anwendung sinden die Schrauben, wenn es darauf ankommt, genaue Messungen oder Eintheilungen zu bewirken. Die hierzu verwendeten Schrauben heißen Miskrometerschrauben. Mittels derselben schließt man aus dem Umdres

hungswinkel der Schraube auf den Beg ihres apialen Fortrudens, und Aumendung man versieht zu diesem Zwede den Schraubentopf mit einer Eintheilung. Da bei einer vollständigen Umdrehung (360°) die Schraube um ihre Sangshohe h fortruckt, so wird sie dei der Drehung von β^0 um einen Beg s fortrucken, welcher durch die Proportion $\frac{s}{h} = \frac{\beta^0}{360^0}$ bestimmt ist.

Mikrometerschrauben muffen sehr accurat, und namentlich so eonstruirt sein, daß das Ansteigen a an allen Stellen sehr genau eines und baffelbe ift. Bei ben sogenannten Pressen und Pragmerken bienen die Schrausben bazu, um eine große Kraft burch Druck ober Stoß auszuüben und badurch Körper zusammenzubrucken ober in ihrer Form zu verändern. Die sogenannten Drucks, Press ober Klemmschrauben endlich werden anz gewendet, um das Berschieben zweier Körper an einander burch die aus bem Schraubenbrucke hervorgehende Reibung zu verhindern.

§. 140. Der Querschnitt F und also auch die Starte d1 einer Schraus Dimensionen benspindel muß eine der Arenkraft Q der Schraube angemessene Große haben. Ift K die Festigkeit des Schraubenmateriales, so haben wir bekanntlich

$$Q = FK = \frac{\pi d_1^2}{4} K$$
 und daher ist umgekehet $d_1 = \sqrt{\frac{4 Q}{\pi K}}$.

Da die Schraube außer der Arentraft Q auch eine dem Q proportionale Torsionskraft auszuhalten hat, so ist allerdings K kleiner als gewöhnlich anzunehmen, oder d_1 noch etwas größer zu machen, als diese Formel mit Anwendung des bekannten K giebt. Nach L, \S . 189 ware für Schmiedes eisen bei sechskacher Sicherheit, K=10000 Pfund, und für Holz bei zehnsacher Sicherheit, K=1200 Pfund. Dies vorausgesest bekämen wir hiernach die Stärke eiserner Schraubenspindeln:

 $d_1=0{,}0113~VQ$, und die holzerner, $d_1=0{,}0326~VQ$ Boll; aus bem angegebenen Grunde nimmt man aber für eiserne Schrauben

$$d_1 = 0.02 \sqrt{Q}$$
 Boll = 0.24 \sqrt{Q} Linien,

und für holzerne Schrauben, $d_1 = 0.05 \ \sqrt{Q}$ Boll = 0.60 \sqrt{Q} Linien. Rechnet man im Mittel ben außeren Durchmeffer ber Schraube: $d_2 = 1.2 \ d_1$, so folgt auch für eiferne Schrauben:

$$d_2 = 0.024 \ \sqrt{Q} \ 300 = 0.288 \ \sqrt{Q} \ 2inien,$$

und für holzerne Schrauben: $d_2 = 0.06 \ VQ \ 3oll = 0.720 \ VQ$ Linien. Mit Hulfe bes Steigwinkels α_2 ber außeren Schraubenlinie läßt sich nun auch die Sanghohe und zwar mittels ber Formel

$$h = \pi d_1 tang. \alpha_2$$
 berechnen.

In der Regel giebt man statt α_2 bas Berhaltniß $n=\frac{d_2}{h}=\frac{cotang.\,\alpha_2}{\pi}$ bes Durchmeffers d_2 zur Sohe h eines Schraubenganges, ober die Anzahl

Dimenstonen n ber Gewinde auf bas Stud da von ber Arenlange ber Schraubenspindel, und dann berechnet sich die Hohe eines Schraubenganges mittels der ein-

 $h=\frac{d_2}{r}$. fachen Formel

Nach Reuleaur soll man fur eiserne Schrauben mit breiseitigen Gewinben:

 $h = 0.04 + 0.08 d_2$ 3011, also $n = \frac{d_2}{0.04 + 0.08 d_2}$, und fur folche mit vierfeitigen Gewinden:

 $h = 0.08 + 0.09 \ d_2$ Boll, also $n = \frac{d_2}{0.08 + 0.09 \ d_2}$ sehen.

Bei eifernen Schrauben mit breifeitigen Gangen von 1/4 bis 4 Boll Starte ift gewohnlich n = 5 bis 12, hingegen bei Holzschrauben von 1/2 bis 2 Boll Starte, ift n = 7/2 bis 4. Eiserne Schrauben mit rects angularen Gewinden erhalten bei 1/2 bis 4 Boll Starte, n = 4 bis 9.

Anmertung. Der Durchmeffer bes Schraubenternes ift fur Schrauben mit $d_1 = 0.9 d_2 - 0.052 \text{ Boll},$ breiseitigen Bewinben: und für solche mit quabratischen Gewinden: $d_1 = 0.91 d_2 - 0.08$;

es ist also die Gangtlese bei ben ersteren Gewinden: $b=\frac{d_2-d_1}{2}=0{,}05\,d_2+0{,}026,$

und bei ben letteren: $d=\frac{d_{2}-d_{1}}{2}=0,045\,d_{3}+0,04=\frac{1}{2}\,h.$

Schrauben mit zwei ober mehreren quabratifchen Gewinden erhalten bie Gangtiefe $b=rac{d_2-d_1}{2}=rac{m\,h}{2},$ wenn m bie Anzahl ber Gewinde bezeichnet; es ift also hier $d_1 = d_2 - mh$.

Damit weber die Bewinde ber Schraubenspindel noch die ber Schraubens mutter abreißen, muß man ber letteren eine gewiffe Bobe h, geben. Die Flache, in welcher bas Abreißen ber Schraubengewinde erfolgt, ift $=\pi d_1 \cdot \frac{h_1}{a}$, und läßt fich baber auch bem Querfcnitt $\frac{\pi\,d_1^{\,2}}{4}$ bes Schraubengewindes gleichseten. Siernach ist nun $\pi d_1 \frac{h_1}{2} = \frac{\pi d_1^{\bullet}}{4}$, b. i. $h_1 = \frac{d_1}{2}$.

In ber Praris macht man aber, um ber Mutter eine fichere Fuhrung gu geben, gewöhnlich $h_1=d_2$ bis 1/8 da. Der Durchmeffer bes Rreifes, welcher fich in bas von ber Bafis ber Schraubenmutter gebilbete Sechsed einschreiben läßt, erhalt ben Durchmeffer $d_3 = 1.4 d_2 + 0.2 30U$.

Der Schraubentopf befommt bei bemfelben Durchmeffer da nur bie Bobe $h_9 = 0.7 d_9$.

§. 141. Die Theorie ber Schraube lagt fich auf die ber schiefen Ebene fladgangigen (f. I., §. 162) zurudfuhren; bas vertikal nieberziehende Gewicht G ber fchies fen Chene ift hier die parallel zur Are ber Schraube wirkenbe und auf ben mit der Mutter in Beruhrung tommenden Theil ber Schraubenflache vertheilte Last Q, Fig. 295, und bie Rraft P ber Schiefen Chene ift hier bie Umbrehungefraft P, ber Schraube, welche wir uns junachst in ber Mitte der Breite der Schraubenflache angreifend denken konnen. Ift nun die Aberite bei



Schraube flachgangig, und ihr Ans Erranten. steigen = a, ber Reibungswinkel aber = o, so tonnen wir daher nach I., §. 162 die Umbrehungstraft ber Schraubenmutter ober Spindel seben:

 $P_1 = Q tang. (\alpha \pm \varrho)$, wobei das Pluszeichen zu nehmen ift, wenn es darauf ankommt, die Umstrehung ber Schraube burch P_1 zu bewirken, und das Minuszeichen,

wenn P1 blog die Umbrehung der Schraube durch Q verhindern foll.

Giebt man ftatt bes Steigwinkels α ben mittleren Schraubenhalbmeffer r ober Durchmeffer d=2r, und die Ganghohe h, so hat man

$$tang. \alpha = \frac{h}{2\pi r} \text{ und baher}$$

$$I_1 = \frac{tang. \alpha + tang. \varrho}{1 \mp tg. \alpha \cdot tang. \varrho} Q = \frac{\frac{h}{2\pi r} \pm \varphi}{1 \mp \varphi \cdot \frac{h}{2\pi r}} Q = \frac{h \pm 2 \varphi \pi r}{2\pi r \mp \varphi h} Q$$

 $=rac{h\,\pm\,\varphi\,\pi\,d}{\pi\,d\,\mp\,\varphi\,h}\cdot\,Q$, wobei $\,\varphi\,$ ben Reibungscoefficienten bezeichnet.

Diese Formel gilt übrigens ebenso gut fur zwei- und mehrgangige Schrauben als fur eine eingangige Schraube.

Der mittlere Durchmeffer d der Schraube bestimmt sich aus dem Durchsmeffer d_1 der Spindel und aus dem außeren Durchmeffer d_2 der Schraube nach I., \S . 171 durch die Formel

$$d = \frac{2}{3} \frac{d_2^3 - d_1^3}{d_2^2 - d_1^2} = \frac{d_2 + d_1}{2} + \frac{(d_2 - d_1)^2}{6(d_2 + d_1)} = a + \frac{h^2}{6a},$$

wenn a das arithmetische Mittel $\frac{d_1+d_2}{2}$ und b die Gewindbreite oder die halbe Differenz $\frac{d_2-d_1}{2}$ der Durchmesser d_2 und d_1 bezeichnet.

Meist ist $\frac{b^2}{3a}$ so klein, daß man ohne Bedenken den mittleren Schrausbendurchmesser $d=\frac{d_1+d_2}{2}$, d. i. dem arithmetischen Mittel aus dem inneren und aus dem außeren Schraubendurchmesser gleichsehen kann.

Dhne Reibung hatten wir

3

٧

g:

eri

1

)ie tte

$$P_1 = Q tang. \alpha = \frac{h}{2\pi r}Q = \frac{h}{\pi d}Q;$$

Iheorie der es ist folglich ber Wirkungsgrad einer zur Arbeitsverrichtung bienenben Schrauben. Schraube $\eta = \frac{tang. \alpha}{tang. (\alpha + \varrho)}$

Man fieht, daß ber Birkungegrad nicht allein fur a=0, fonbern auch fur $\alpha + \varrho = 90^{\circ}$, b. i. fur $\alpha = 90^{\circ} - \varrho$ unendlich klein wird; bei einem unendlich fleinen Steigwinkel und bei bem Steigwinkel a = 900 - o, welcher ben Reibungswinkel zu einem Rechten ergangt, ift alfo bie Rublaft ber Schraube nur ein unendlich fleiner Theil ber Gesammtlaft. Der Wirfungsgrad $\eta = tang. \alpha cotg. (\alpha + \varrho)$ ift bagegen ein Marimum für

$$lpha=rac{90^{0}-arrho}{2}=45^{0}-rac{arrho}{2}$$
 oder für $cotg.2\,lpha=tang.arrho=arphi$ (vergl. Π ., §. 3), und zwar $\eta=\left[tang.\left(45^{0}-rac{arrho}{2}
ight)
ight]^{2}$.

Fur metallene Schrauben ift (nach I., f. 161) ber Reibungscoefficient $\varphi = tang. \varrho = 0,12$ und baher $\varrho = 6^{\circ},51'$; diesem nach ist folglich der Wirkungegrad einer flachgangigen Schraube ein Maximum fur bas Ansteigen $\alpha = 45^{\circ} - 3^{\circ}, 25^{1/2} = 41^{\circ}, 34^{1/2}$, und zwar

$$\eta = (tang. 41^{\circ}, 34^{1/2})^{\circ} = 0.7869.$$

Bei allen größeren ober fleineren Steigungswinkeln ift alfo ber Wirtungsgrad fleiner. Man erfieht hieraus, bag mit ber Anwendung einer Schraube als 3wifchen- ober Arbeitsmafchine ein namhafter Berluft an Rraft verbunben ift, und wendet beshalb diefelbe als Arbeitsmafchine auch faft nur bei Prag- und Stofwerten und zwar ba nur mit ftartem Unfteigen an.

5. 142. Die Kraft, womit bie Schraube umgebreht wirb, hat ihren Angriffepunkt nicht in ben Schraubengangen felbst, sonbern sie wirkt an einem langeren Arme CA = a eines im Ropfe ber Schraube Fig. 296, ober am Umfange ber Schraubenmutter C, Fig. 299, angebrachten Bebels. Es ift folglich auch bas Moment Pa biefer Kraft bem Momente

 $P_1 r = rac{P_1 d}{\sigma}$ ber im vorigen Paragraphen gefundenen Kraft P_1 , welche im Schraubengewinde felbst angreift, gleich ju feten. hiernach haben wir also

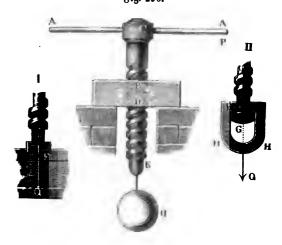
$$P = \frac{r}{a} P_1$$

$$= \frac{r}{a} Q \tan g. (\alpha + \varrho)$$

$$= \frac{h \pm \varphi \pi d}{\pi d \mp \varphi h} \cdot \frac{d}{2a} Q.$$

Diese Kraft P wird oft noch vermehrt durch andere Hindernisse, welche fich bei Umbrehung ber Schraube einftellen.

Schon wenn die Kraft P einseitig, b. i. nicht an einem boppelarmigen Theorie ber hachgangtan bebel angreift, stellt sich in ber Schraubenmutter eine Seitenreibung ahnlich Edrauben.
Fig. 296.



wie bei ben einmannischen Haspeln und einschwengeligen Gopeln (f. II., §. 85, Anmerkung) heraus. Ift die Hohe BD der Schraubenmutter $=h_1$, und sind die Abstände der Umbrehungsebene der Kraft von den Grundslächen der Mutter $CB=l_1$ und $CD=l_2$, so haben wir den Druck, mit welz chem die Schraube bei B in der Richtung der Kraft wirkt,

$$R_1=\frac{l_2}{h_1}P,$$

und die, mit welcher fie bei D entgegengeset wirkt,

$$R_2 = \frac{l_1}{h_1} P,$$

und es find baber bie entsprechenden Seitenreibungen auf ben Kraftpunkt reducirt, im Gangen,

$$F = \varphi \frac{d_2}{2a} (R_1 + R_2)$$

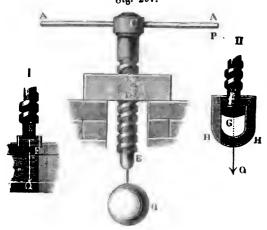
$$= \varphi \frac{d_2}{2ah_1} (l_1 + l_2) P$$

Benn sich ferner die Last oder der zu überwindende Widerstand Q nicht mit der Schraube umdreht, wie z. B. in I. und II. zu Fig. 296, so sindet auch noch eine Reibung an dem Schraubenende statt, die nach I., \S . 171 zu beurtheilen ist. In I. bildet das Schraubenende E einen stehenden Japsen und dreht sich in einer Pfanne F, während sie den darunter besindlichen Körper mit einer Kraft Q zusammendrückt. Ist r_1 der Halbmesser

Theoric ber biefes Schraubenendes, so haben wir dem genannten Paragraphen zu Folge, Kadgangtien bie auf den Kraftpunkt reducirte Reibung zwischen E und F:

$$F_1 = \frac{2}{3} \varphi \frac{r_1}{a} Q.$$

Bangt bagegen die Laft Q mittels eines Dehres FH, Fig. 297 II., an Fig. 297.



bem zu biefem 3mede mit einem Knopfe G ausgerufteten Schraubenenbe E, und find die Salbmeffer der ringformigen Berührungeflache FF des Knopfes G, r, und r2, fo haben wir die auf den Rraftpunkt A reducirte Reibung auf diefer Flache: $F_1 = \frac{2}{3} \left(\frac{r_1^3 - r_2^3}{r^2 - r^2} \right) \cdot \frac{\varphi Q}{a}$

Beifpiel. Belde Rraft P ift jum Umbreben einer Schraube nothig, um bamit eine Laft Q von 1600 Bfund ju heben, wenn biefe Schraube bie Spinbel= ftarte $d_1=0.025\,\sqrt[3]{1600}=1$ Boll und die Ganghohe $\hbar=\frac{1}{3}\,d_1=\frac{1}{3}\,$ Boll hat? . Es ift hiernach für den Steigwinkel α :

tang.
$$\alpha = \frac{h}{\pi d_1} = \frac{1}{3}$$
. 0,3183 = 0,1061, also $\alpha = 6^{\circ}$,3'.

Benn man ben Reibungewintel e = 60,51' annimmt, fo hat man baber bie Umbrehungefraft $P_1 = Q tang.(\alpha + \varrho) = 1600 tang. 120,54' = 366,4 Bfund.$ Ift nun ber Bebelarm ber Rraft CA=a=16 Boll, und bagegen bie außere Schraubenftarte $d_2={}^{6}\!\!/_4 d_1={}^{6}\!\!/_4$ Boll, also bie mittlere Schraubenftarte $d=\frac{d_1+d_2}{2}={}^{9}\!\!/_8$ Boll,

$$d = rac{d_1 + d_2}{2} = rac{g_8}{2}$$
 3011,

fo hat man bie nothige Rraft am Schwengel

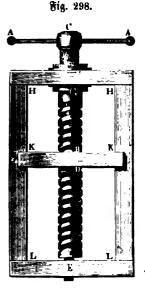
$$P = \frac{d}{2a} P_1 = \frac{9}{16 \cdot 16} \cdot 366,4 = 12,88 \text{ Pfund.}$$

Wirst biese Kraft einseitig, so ist noch eine Seitenreibung zu überwinden, welche Rochginglich burch ben Ausbruck $F_1=\varphi\frac{d_2}{2a\,h_1}\,(l_1+l_2)\,P$ bestimmt wird. Ist nun die Schrauben ber Schraubenmutter $BD=h_1={}^8/_5\,d_1={}^8/_5\,$ Boll, und der Abstand der Schraubenmutter von der Krastebene, $CB=l_1=15\,$ Boll, also $CD=l_2=16^3/_5\,$ Boll, und seinen wir den Reibungscoefsicienten $\varphi=0$,15, so haben wir F=0,15 $\frac{5\cdot 31,6}{8\cdot 16\cdot 8/_5}\cdot P=0$,116 \cdot P.

Es ift also bann $P=0,116\,P+12,88$, und baher bie Kraft am Schwengel $P=\frac{12,88}{0,884}=14,57$ Pfund.

Benn die Kraft an beiben Enden des Schwengels zugleich angreift und gleich ftark wirkt, so fällt der leste Zuwachs weg, es ist also dann an jedem Ende nur die Kraft $\frac{12,88}{2}=6,44$ Pfund nöthig.

h. 143. Bei ben Entwickelungen bes vorigen Paragraphen haben wir angenommen, bag bie Schraubenspindel umgebreht wird und fich auch in



ihrer Arenrichtung fortbewegt; jest wols len wir auch noch den Fall in Betracht ziehen, wenn die Schraubenmutter BD durch die sich umbrehende Schraubensspindel (E. Fig. 298, fortgeschoben wird. Um das Fortschieben der lesteren zu vershindern, begrenzt man den cylindrischen Hals derselben durch zwei sich gegen das Lager HH stemmende Stoßscheiben Fund G, und um das Umbrehen der Schraubenmutter zu beseitigen, giebt man der Mutter die Gestalt eines Armes KK und läst die Enden desselben in Leitungen HL, HL gehen.

Die Kraft P an dem Bebelarme CA = a der Schraube hat dann außer der an der Mutter KK angreifenden Laft Qund ihrer Reibung in der Mutter BD noch die Reibung der einen Stoffcheibe

F oder G auf ihrer Lagerplatte und die Reibung ber Armenden K und K' in ihrer Fuhrung zu überwinden. Es ift die lette Reibung

$$F = \varphi_1 \frac{d}{2a_1} P_1,$$

wenn a_1 die Arms oder halbe Lange BK der Mutter und φ_1 den Coefficiensten der Reibung an der Führung HL bezeichnet; daher haben wir zunächsten $P_1 = (O + F) tang.(\alpha + \varrho)$, oder

282

Theorie ber fachgangigen Schrauben.

$$P_{1}\left(1-\varphi_{1}\frac{d}{2a_{1}}tang.(\alpha+\varrho)\right)=Qtang.(\alpha+\varrho),$$
b. i.
$$P_{1}=\frac{Qtang.(\alpha+\varrho)}{1-\varphi_{1}\frac{d}{2a_{1}}tang.(\alpha+\varrho)}.$$

Sind noch r_1 und r_2 die Halbmesser der Reibungsstäche F oder G zwuschen der Schraube und dem Gestelle HH, so haben wir das Moment der Reibung an dieser Fläche:

$$\varphi(Q+F) \cdot \frac{1}{2} \frac{r_1^3-r_2^3}{r_1^2-r_2^2},$$

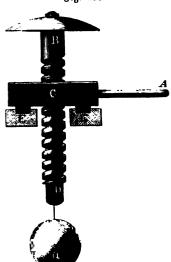
und es ift daher das Moment der am Hebelarme CA = a wirkenden Ums drehungstraft P:

$$\begin{split} Pa &= \frac{P_1 d}{2} + \varphi (Q + F) \cdot \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^3 - r_2^2} \\ &= \left(\frac{d}{2} + \frac{2}{3} \varphi \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^3} cotg.(\alpha + \varrho)\right) P_1, \end{split}$$

und die gesuchte Umbrehungefraft

$$P = \frac{\frac{d}{2} tang.(\alpha + \varrho) + \frac{2}{3} \varphi \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}}{1 - \varphi_1 \frac{d}{2 a_1} tang.(\alpha + \varrho)} \cdot \frac{Q}{a}.$$

Fig. 299.



Wenn die Schraubenspindel BD, Kig. 299, mit der daran hängenden Last Q durch Umbrehung der Rutster eines Hebels CA = a empor gehoben wird, so ist außer der des kannten Reibung in den Gewinden noch besonders die Reibung der Ringsstäche EE der Mutter auf ihrer Pfanne zu überwinden. Sind wiesder r_1 und r_2 die Halbmesser dieser Ringsstäche, so haben wir das Mosment dieser Reibung

$$\varphi Q \cdot \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}$$

und baber ju feben:

$$Pa = \frac{Qd}{2} tang. (\alpha + \varrho) + \frac{2}{3} \varphi Q \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}, \text{ folglidy} \quad \text{ flat plants berne berne } P = \left(\frac{d}{2} tang. (\alpha + \varrho) + \frac{3}{3} \varphi \cdot \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}\right) \frac{Q}{a}.$$

Wenn die Rraft nur an einem Arme wirkt, fo haben wir uberdies noch eine Seitenreibung P in ben Schraubengangen, weshalb bann

$$P = \left(\frac{d}{2} tang.(\alpha + \varrho) + \frac{9}{3} \varphi \cdot \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}\right) \frac{Q}{a - \varphi \cdot \frac{d}{2}}$$
su nebmen ift.

Beispiel. Belche Laft Q fann burch die Schraube BD in Fig. 299 geshoben werden, wenn die Kraft P=30 Pfund an einem hebelarme CA=20 Boll wirft, wenn ferner das Ansteigen dieser Schraube $\alpha=10$ Grad und die mittlere Schraubenstärfe d=2 Boll beträgt, und wenn die halbmeffer der Reibungsstäche der Mutter, $r_1=5$ und $r_2=3\frac{1}{2}$ Boll betragen?

Seben wir ben Reibungewintel e = 70 und ben Reibungecoefficienten o = 0,125, fo erhalten wir

$$\frac{d}{2} tang. (\alpha + \varrho) = 1 \cdot tang. 17^{0} = 0,3057,$$

$$\frac{2}{3} \varphi \frac{r_{1}^{3} - r_{2}^{3}}{r_{1}^{2} - r_{2}^{3}} = \frac{2}{3} \cdot 0,125 \cdot \frac{125 - 42,875}{25 - 12,25} = 0,5368 \text{ unb}$$

$$a - \varphi \frac{d}{2} = 20 - 0,125 \cdot 1 = 19,875; \text{ baher bie Eaft}$$

$$Q = \frac{\left(a - \varphi \frac{d}{2}\right)P}{\frac{d}{2} tang. (\alpha + \varrho) + \frac{2}{3} \varphi \cdot \frac{r_{1}^{3} - r_{2}^{3}}{r_{1}^{3} - r_{2}^{3}}}$$

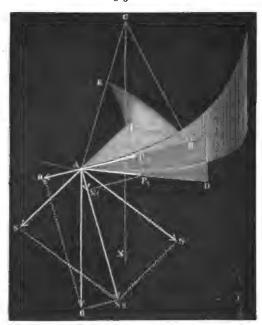
$$= \frac{19,875 \cdot 30}{0,3057 + 0,5368} = \frac{596,25}{0,8425} = 707,7 \text{ Pfunb}.$$

Diefe Laft fault hier wegen ber großen Reibung an ber Grunbflache ber Schraubenmutter verhaltnigmaßig so fehr Nein aus. Dhue biefe Reibung ware

$$Q = \frac{596,25}{0,3057} = 1950$$
 Pfund.

§. 144. Die scharfgångige Schraube, ober die Schraube mit zberte ber triangulärem Gewinde giebt mehr Reibung als die flachgångige Schraube, weil hier wegen der Schräßeit der Schraubenstäche ein größerer Normalbruck zwischen den Gewinden vorkommt, als dei den Schrauben mit rectangulären Gewinden. Sehen wir auch die Kraft oder Last Q, parallel zur Are CX, Fig. 300 (auf folgd. Seite), AQ=Q, serner die Umdreshungskraft im Mittel der Schraubgewinde, $AP_1=P_1$ und das Ansteigen der Gewinde, $BAD=\alpha$, und bezeichnen wir die Neigung der Erzeugungsslinie CA der Schraubenstäche gegen die Basis der Schraube, $CAH=\beta$. Legen wir zunächst durch den Punkt A, in welchem wir uns die Kräfte wirksam denken können, eine Tangentialebene an den die Schraube begrenzenden Eplinder, und ziehen wir in dieser Schene eine Linie AN_2 winkelrecht

Educatie der auf die Langente AB der Schraubenlinie. Nun zerlegen wir beide Kräfte Edraube. P_1 und Q in Seitenkräfte P_2 und Q_2 parallel, und in Seitenkräfte N_1 und Rig. 300.



 N_2 rechtwinkelig zu AB. Gabe es nun keine Reibung, so mußte $P_2 = Q_2$, b. i. $P_1 \cos \alpha = Q \sin \alpha$, also wie bekannt, $P_1 = Q \tan \alpha$, a sein; wegen ber Reibung (F) mussen wir bagegen $P_1 \cos \alpha = Q \sin \alpha + F$ sehen.

Der Druck $N_1+N_2=P_1\sin\alpha+Q\cos\alpha$ ist hier, ba die Schraubensläche von A aus nach der Are zu bachförmig ansteigt, nicht normal auf diese Fläche, sondern er zerlegt sich in zwei Seitenkräfte AS=S und AN=N, wovon die eine radial und die andere rechtwinkelig zur Schraubensläche wirkt. Da die Last Q um die Are CX ringsherum auf die Schraubensläche vertheilt ist, so wirken auch sämmtliche radiale Kräfte wie AS ringsherum um CX und heben sich gegenseitig auf. Dagegen die Normalkräfte, wie N, erzeugen die in Frage stehende Reibung $F=\varphi N$.

Bezeichnen wir den Winkel NAN2 durch d, so haben wir, da

$$\angle$$
 $SAN_2 = AN_2N = 90$ Grab ift,
 $AN = \frac{AN_2}{\cos NAN_2}$, b. i.
 $N = \frac{N_2}{\cos \delta} = \frac{P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha}{\cos \delta}$.

Es ift nun noch nothig, ben Winkel & aus a und \$ ju bestimmen.

Da N2 rechtwinkelig auf ber Gbene BAH, und N rechtwinkelig auf ber Coraube. Sbene BAC fteht, fo folgt, baf bie beiben letten Gbenen ebenfalls ben Wintel NANg = 6 zwifchen fich einschließen oder daß der fpharische Bintel B eines aus A beschriebenen spharischen Dreiedes BHK auch = & ift. In biefem fpharischen Dreiede ift ferner tie Seite HK=eta, die Seite $BH=90^{\circ}$, und ber fpharische Winkel $H=90^{\circ}-\alpha$, daher giebt bie befannte Formel ber fpharischen Trigonometrie

$$cotg.B = \frac{cos.HK \cdot sin.BH - cos.H sin.HK \cos BH}{sin.H sin.HK},$$

$$cotg.\delta = \frac{cos.\beta \sin.90^{\circ} - cos.(90^{\circ} - \alpha) \sin.\beta \cos.90^{\circ}}{sin.(90^{\circ} - \alpha) \sin.\beta}$$

$$= \frac{cos.\beta}{cos.\alpha \sin.\beta} = \frac{cotg.\beta}{cos.\alpha}, \text{ ober}$$

$$tang.\delta = tang.\beta \cos.\alpha.$$

Aber
$$\cos \delta = \frac{1}{\sqrt{1 + lang \cdot \delta^2}}$$
, daher folgt

$$cos. \delta = \frac{1}{\sqrt{1 + (tang.\beta)^2(cos.\alpha)^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 + (tang.\beta)^2 \cdot \frac{1}{1 + (tang.\alpha)^2}}}$$
$$= \frac{\sqrt{1 + (tang.\alpha)^2}}{\sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}}.$$

hiernach bestimmt fich nun die Reibung ber Schraube

$$F = \varphi N = \frac{\varphi(P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha) \sqrt{1 + (lang \alpha)^2 + (lang \beta)^2}}{\sqrt{1 + (lang \alpha)^2}}$$

= $\varphi \cos \alpha (P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha) \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}$. und es ift baber bie Rraftformel fur bie icharfgangige Schraube

$$P_1 \cos u = Q \sin \alpha \pm \varphi \cos \alpha (P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha)$$

$$= Q \sin \alpha \pm \varphi \cos \alpha (P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha) \sqrt{1 + (lang \alpha)^2 + (lang \beta)^2},$$

ober

$$P_1\left[1 \mp \varphi \sin \alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}\right] = Q[tang.\alpha \pm \varphi \cos \alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}].$$

Es ift folalich

$$P_{1} = \frac{Q[tang.\alpha \pm \varphi \cos.\alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^{2} + (tang.\beta)^{2}}]}{1 \mp \varphi \sin.\alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^{2} + (tang.\beta)^{2}}}$$

Ift d ber mittlere Schraubendurchmeffer und a ber Bebelarm, woran

Shrorle der schraft P wirkt, so hat man $Pa=P_1$ $\frac{d}{2}$, daher Schraube.

$$P=\frac{d}{2a}P_1$$
, b. i.

$$P = \frac{d}{2a} Q \frac{[tang. \alpha \pm \varphi \cos. \alpha \sqrt{1 + (tang. \alpha)^2 + (tang. \beta)^2}]}{1 \mp \varphi \sin. \alpha \sqrt{1 + (tang. \alpha)^2 + (tang. \beta)^2}}$$

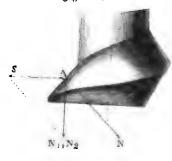
Die scharfgangigen Schrauben werben wegen ihrer großeren Reibung vorzüglich nur als Befestigungsmittel angewendet, und haben dann nur ein kleines Unsteigen a. Daher konnen wir für sie auch annahernd

$$P = \frac{tang.\alpha \pm \varphi \cos.\alpha \sqrt{1 + (tang.\beta)^2}}{1 \mp \varphi \sin.\alpha \sqrt{1 + (tang.\beta)^2}} \cdot \frac{d}{2a}Q$$

$$= \frac{tang.\alpha \cdot \cos.\beta \pm \varphi \cos.\alpha}{\cos.\beta \mp \varphi \sin.\alpha} \cdot \frac{d}{2a}Q$$

$$= \frac{tang.\alpha \cos.\beta \pm \varphi}{\cos.\beta \mp \varphi tang.\alpha} \cdot \frac{d}{2a}Q$$

$$= \frac{h \cos.\beta \pm \varphi \pi d}{\pi d \cos.\beta \mp \varphi h} \cdot \frac{d}{2a}Q \text{ fegen.}$$
Fig. 301.



Diese Formel ergiebt sich auch uns mittelbar, wenn man den Normals druck AN, Kig. 301.

$$N = \frac{(N_1 + N_2)}{\cos \beta}$$
$$= \frac{P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha}{\cos \beta}$$

feßt.

Beispiel. Für eine scharfgangige Schraube mit bem Anfteigen $\alpha=6^{\circ}$,3' und bem Reigungswinfel $\beta=45^{\circ}$ ift

 $\sqrt{1+(tang.\,\alpha)^2+(tang.\,\beta)^2}=\sqrt{1+(0.106)^2+1}=\sqrt{2.0112}=1.418;$ nimmt man nech ben Reibungscoefficienten $\varphi=0.12$ au, so hat man

φ cos. α $\sqrt{1+(tang. a)^2+(tang. β)^2}=0,12\cdot0,9944\cdot1,418=0,1691$ und φ sin. α $\sqrt{1+(tang. a)^2+(tang. β)^3}=0,12\cdot0,1054\cdot1,418=0,0179$. Soll nun mittels biefer Schraube eine Laft Q von 1600 Pfund gehoben werden, und hierbei die Kraft an einem Hebelarme a=16 Boll wirfen, während die Schraube felbst nur die mittlere Stärfe $d=\frac{9}{8}$ Boll hat, so hat man die Kraft $P=\frac{0,1060+0,1691}{1-0,0179}\cdot\frac{9}{16\cdot16}\cdot1600=\frac{0,2751}{0,9821}\cdot\frac{900}{16}=15,76$ Pfund, während wir für eine flachgängige Schraube unter übrigene gleichen Umständen im Beispiele zu §. 142, P nur =12,88 Pfund gefunden haben.

Die Raberungeformel

$$P = \frac{\tan g \cdot \alpha \cos \beta + \varphi}{\cos \beta - \varphi \tan g \cdot \alpha} \cdot \frac{d}{2a} Q$$

giebt une biefe Rraft

$$P = \frac{0,106 \cdot 0,7071 + 0,12}{0,7071 - 0.12} \cdot \frac{900}{0,106} \cdot \frac{900}{16} = 15,79 \$$
 Hfund.

§. 145. Wenn schon die flachgangigen Schrauben wegen ihrer großen Caraben Reibung sich nicht gut zur Fortpstanzung ober Ausübung einer mechanischen Befestigunge Arbeit eignen, so sind die Schrauben mit scharfgangigen Gewinden hierzu noch unvortheilhafter zu gebrauchen. Anders ist es aber in allen den Fallen, wenn die Schrauben als Befestigungsmittel dienen. hier kommt es darauf an, daß die Schraube oder Schraubenmutter nicht zurückgehe, d. i. durch die Spannkraft Q nicht in Umdrehung geseht werde; da nun aber die Reibung jede Bewegung zu verbindern sucht, so ist sie für diese Schrauben vortheils haft, und es nüten solglich Schrauben mit triangulären Gewinden hier mehr als solche mit rectangulären Gewinden.

Solche Schrauben, wie z.B. Prefischrauben, Schraubenbolzen u. f. w., erhalten, eben bamit sie nicht zurudgehen, schwach ansteigende Gewinde oder kleine Steigwinkel, wir konnen daher für sie die lette Raberungssformel mit dem unteren Zeichen

$$P = \frac{h\cos \beta - \varphi \pi d}{\pi d\cos \beta + \varphi h} \cdot \frac{d}{2a}Q$$
 gebrauchen.

Seten wir nun hierin P = 0, fo erhalten wir die Bedingung

$$h\cos \beta - \varphi \pi d = 0$$
, b. i.

$$tang. \alpha = \frac{h}{\pi d} = \frac{\varphi}{\cos \beta} = \frac{tang. \varphi}{\cos \beta}$$

also für flachgangige Schrauben, wo $\beta = \Re u \mathcal{U}$, also $\cos \beta = \mathop{\operatorname{Eins}}\nolimits ift$, $tang. \alpha = tang. \varrho$, b. i.

$$\alpha = \varrho$$
.

Flachgangige Schrauben also, bei welchen bas Ansteigen ber Gewinde noch nicht bem Reibungswinkel gleich ift, gehen nicht zuruck, wie groß auch die Spannung Q derselben sei. Bei scharfgangigen Schrauben aus Metall macht man $\beta=25$ bis 30 Grad und bei solchen aus Holz $\beta=30$ bis 40 Grad. Nehmen wir die ungunstigen Falle, setzen wir also für jene Schrauben $\beta=25$ und für diese $\beta=30$ Grad, so erhalten wir im

ersten Fall
$$tang. \alpha = \frac{tang. \varrho}{cos. 25^{\circ}} = 1,1034 tang. \varrho$$
,

ober auch annähernd $\alpha = 1,10 \, \varrho$, und im zweiten

$$tang.\alpha = \frac{tang.\varrho}{cos, 30^{\circ}} = 1,16 \, tang.\varrho$$

ober annähernd $\alpha = 1,16 \varrho$.

Ibeorie der es ist folglich ber Wirkungsgrad einer zur Arbeitsverrichtung bienenden Schrauben. Schraube $\eta = \frac{tang. \alpha}{tang. (\alpha + \varrho)}$

> Man fieht, daß der Birkungegrad nicht allein fur a=0, sondern auch für $\alpha + \rho = 90^{\circ}$, b. i. für $\alpha = 90^{\circ} - \rho$ unenblich klein wird; bei einem unendlich fleinen Steigwinkel und bei bem Steigwinkel a= 900-p, welcher ben Reibungswinkel zu einem Rechten erganzt, ift also bie Ruglaft ber Schraube nur ein unendlich kleiner Theil ber Gesammtlaft. Der Wirfungegrab $\eta = tang. \alpha \cot g. (\alpha + \varrho)$ ift bagegen ein Marimum für

$$\alpha = \frac{90^{\circ} - \varrho}{2} = 45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \text{ ober für}$$

$$cotg. 2 \alpha = tang. \varrho = \varphi \text{ (vergl. II., §. 3), und zwar}$$

$$\eta = \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^{2}.$$

Fur metallene Schrauben ift (nach I., §. 161) ber Reibungscoefficient $\varphi = tang. \varrho = 0,12$ und baber $\varrho = 6^{\circ}, 51'$; diesem nach ift folglich ber Wirkungsgrad einer flachgangigen Schraube ein Marimum fur bas Ansteigen a = 450 - 30, 251/2' = 410, 341/2', und zwar

$$\eta = (lang. 41^{\circ}, 34^{\circ}/2)^{\circ} = 0.7869.$$

Bei allen größeren ober kleineren Steigungswinkeln ift alfo ber Wirkungsgrad fleiner. Dan erfieht hieraus, daß mit ber Unwendung einer Schraube als 3wischen- ober Arbeitsmaschine ein namhafter Berluft an Rraft verbunben ift, und wendet beshalb biefelbe als Arbeitsmafchine auch fast nur bei Prag= und Stofwerten und amar ba nur mit fartem Anfteigen an.

§. 142. Die Rraft, womit die Schraube umgebreht wird, hat ihren Ungriffspunkt nicht in ben Schraubengangen felbft, fondern fie wirkt an einem langeren Urme CA = a eines im Ropfe ber Schraube Fig. 296, oder am Umfange ber Schraubenmutter C, Fig. 299, angebrachten Bebele. Es ift folglich auch bas Moment Pa biefer Rraft bem Momente

 $P_1 r = rac{P_1 d}{2}$ ber im vorigen Paragraphen gefundenen Kraft P_1 , welche im Schraubengewinde felbst angreift, gleich ju fegen. hiernach haben wir also

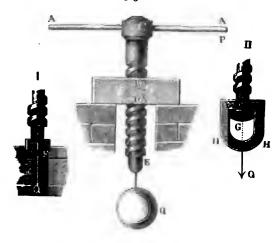
$$P = \frac{r}{a} P_1$$

$$= \frac{r}{a} Q \tan g. (\alpha + \varrho)$$

$$= \frac{h \pm \varphi \pi d}{\pi d \mp \varphi h} \cdot \frac{d}{2a} Q.$$

Diefe Rraft P wird oft noch vermehrt burch andere Sinderniffe, welche fich bei Umbrehung ber Schraube einftellen.

Schon wenn die Kraft P einseitig, d. i. nicht an einem doppelarmigen Theorie ber Babgangigen Debel angreift, stellt sich in der Schraubenmutter eine Seitenreibung abnlich Echrauben. Rig. 296.



wie bei ben einmannischen Haspeln und einschwengeligen Gopeln (f. II., \S . 85, Anmerkung) heraus. Ist die Hohe BD der Schraubenmutter $=h_1$, und sind die Abstände der Umdrehungsebene der Kraft von den Grundslächen der Mutter $CB=l_1$ und $CD=l_2$, so haben wir den Druck, mit welz chem die Schraube bei B in der Richtung der Kraft wirkt,

$$R_1 = \frac{l_2}{h_1} P,$$

und die, mit welcher fie bei D entgegengefest wirkt,

$$R_2 = \frac{l_1}{h_1} P,$$

und es find daher die entsprechenden Seitenreibungen auf den Rraftpunkt reducirt, im Gangen,

$$F = \varphi \frac{d_2}{2 a} (R_1 + R_2)$$

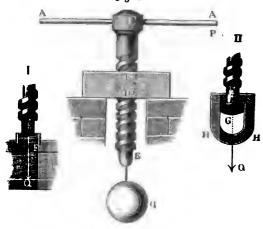
= $\varphi \frac{d_2}{2 a h_1} (l_1 + l_2) P$

Wenn sich ferner die Last oder der zu überwindende Widerstand Q nicht mit der Schraube umdreht, wie z. B. in I. und II. zu Fig. 296, so sindet auch noch eine Reibung an dem Schraubenende statt, die nach I., \S . 171 zu beurtheilen ist. In I. bildet das Schraubenende E einen stehenden Zapfen und dreht sich in einer Pfanne F, während sie den darunter befindtichen Körper mit einer Kraft Q zusammendrückt. Ist r_1 der Halbmesser

Abeoric der diefes Schraubenendes, so haben wir dem genannten Paragraphen zu Folge, Sangangigen bie auf ben Kraftpunkt reducirte Reibung zwischen E und F:

$$F_1 = \frac{2}{3} \varphi \frac{r_1}{a} Q.$$

Bangt bagegen bie Laft Q mittels eines Dehres FH, Fig. 297 II., an Fig. 297.



dem zu diesem Zwecke mit einem Knopfe G ausgerufteten Schraubenende E, und find die Salbmeffer der ringformigen Beruhrungeflache FF des Knopfes G, r, und r2, fo haben wir die auf den Kraftpunkt A reducirte Reibung auf diefer Flache: $F_1 = \frac{2}{3} \left(\frac{r_1^3 - r_2^3}{r^2 - r_2^2} \right) \cdot \frac{\varphi Q}{a}$

Beifpiel. Belde Rraft P ift jum Umbreben einer Schraube nothig, um bamit eine gaft Q von 1600 Bfund gu heben, wenn biefe Schraube bie Spinbelftarte $d_1=0.025\,\sqrt{1600}=1$ Boll und die Ganghohe $h=\frac{1}{3}\,d_1=\frac{1}{3}$ Boll hat? . Ge ift hiernach für den Steigwinkel α : $tang.\ \alpha=\frac{h}{\pi d_1}=\frac{1}{3}$. 0,3188 = 0,1061, also $\alpha=6^{\circ},3'$.

tang.
$$\alpha = \frac{h}{\pi d_1} = \frac{1}{3}$$
. 0,3183 = 0,1061, also $\alpha = 6^{\circ}$,3'.

Benn man ben Reibungswinfel e = 60,51' annimmt, fo hat man baber bie Umbrehungefraft $P_1 = Q tang.(\alpha + \varrho) = 1600 tang. 120,54' = 366,4 Bfund.$ Ift nun ber Bebelarm ber Rraft CA=a=16 Boll, und bagegen bie außere Schraubenstärke $d_2={}^{6}\!\!/_{\!\!4}\,d_1={}^{6}\!\!/_{\!\!4}\,$ Boll, also vie mittlere Schraubenstärfe $d={d_1+d_2\over 2}={}^{9}\!\!/_{\!\!8}\,$ Boll,

$$d = \frac{d_1 + d_2}{2} = \frac{9}{8} 300$$
,

so hat man die nothige Rraft am Schwengel

$$P = \frac{d}{2a} P_1 = \frac{9}{16 \cdot 16} \cdot 366,4 = 12,88 \text{ Pfund.}$$

Birft biefe Rraft einfeitig, fo ift noch eine Seitenreibung ju überwinden, welche sheare ber burch ben Ausbruck $F_1=arphirac{d_2}{2\,a\,h_1}\,(l_1\,+\,l_2)\,P$ bestimmt wirb. Ift nun bie

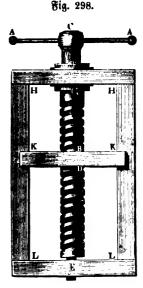
Sohe ber Schraubenmutter $BD=k_1=8_5'\ d_1=8_5'\ 30 {\rm II}$, und ber Abstand ber Schraubenmutter von ber Kraftebene, $CB=l_1=15$ 30 {I, also $CD=l_2$ = $16^3/_5$ Boll, und setzen wir ben Reibungscoefficienten $\varphi=0,15$, so haben wir $F=0,15\frac{5\cdot 31,6}{8\cdot 16\cdot 8/_6}\cdot P=0,116\cdot P.$

$$F = 0.15 \frac{5 \cdot 31.6}{8 \cdot 16 \cdot 8/6} \cdot P = 0.116 \cdot P.$$

Es ift also bann $P=0,116\,P+12,88$, und baher bie Kraft am Schwengel $P = \frac{12,88}{0.884} = 14,57$ Pfund.

Benn bie Rraft an beiben Enben bes Schwengels zugleich angreift und gleich ftart wirft, fo fallt ber lette Bumache weg, es ift alfo bann an jebem Enbe nur bie Kraft $\frac{12,88}{9}$ = 6,44 Pfund nöthig.

6. 143. Bei den Entwickelungen des vorigen Paragraphen haben wir angenommen, daß die Schraubenspindel umgebreht wird und fich auch in



ihrer Arenrichtung fortbewegt; jest mollen wir auch noch den Kall in Betracht giehen, wenn bie Schraubenmutter BD burch die sich umbrehende Schrauben= spindel (E. Kig. 298, fortgeschoben wird. Um das Kortichieben der letteren zu verhindern, begrenzt man ben cylindrischen Hale berfelben burch zwei fich gegen bas Lager HH ftemmende Stoffcheiben F und G, und um bas Umbrehen ber Schraubenmutter ju befeitigen, giebt man ber Mutter die Geftalt eines Urmes Kh' und lagt bie Enden beffelben in Leitungen HL, HL geben.

Die Kraft P an bem Bebelarme CA = a ber Schraube hat bann außer ber an ber Mutter KK angreifenden gaft Qund ihrer Reibung in ber Mutter BD noch bie Reibung ber einen Stoffcheibe

F ober G auf ihrer Lagerplatte und bie Reibung ber Armenden K und K in ihrer guhrung ju überminden. Es ift die lette Reibung

$$F = \varphi_1 \frac{d}{2a_1} P_1,$$

wenn a1 die Arm= ober halbe Lange BK der Mutter und P1 ben Coefficien= ten ber Reibung an ber Fuhrung HL bezeichnet; baber haben wir junachft

$$P_1 = (Q + F) tang.(\alpha + \varrho), ober$$

Theorie ber lachgängigen Schrauben.

$$P_{1}\left(1-\varphi_{1}\frac{d}{2a_{1}}tang.(\alpha+\varrho)\right)=Qtang.(\alpha+\varrho),$$
 b. i.
$$P_{1}=\frac{Qtang.(\alpha+\varrho)}{1-\varphi_{1}\frac{d}{2a_{1}}tang.(\alpha+\varrho)}.$$

Sind noch r_1 und r_2 die Halbmeffer der Reibungefläche F oder G zwischen der Schraube und dem Gestelle HH, so haben wir das Moment der Reibung an dieser Fläche:

$$\varphi(Q+F) \cdot \frac{2}{3} \frac{r_1^3-r_2^3}{r_1^2-r_2^2},$$

und es ist baher bas Moment ber am hebelarme $\mathit{CA} = a$ wirkenden Umsbrehungekraft P:

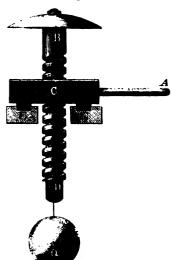
$$Pa = \frac{P_1 d}{2} + \varphi(Q + F) \cdot \frac{\gamma_3}{r_1^3 - r_2^3}$$

$$= \left(\frac{d}{2} + \frac{\gamma_3}{r_1^3 - r_2^3} \cot g \cdot (\alpha + \varrho)\right) P_1,$$

und die gesuchte Umbrehungstraft

$$P = \frac{\frac{d}{2} tang.(\alpha + \varrho) + \frac{1}{3} \varphi \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}}{1 - \varphi_1 \frac{d}{2 a_1} tang.(\alpha + \varrho)} \cdot \frac{Q}{a}.$$

Fig. 299.



Wenn die Schraubenspindel BD, Fig. 299, mit der daran hångenden Last Q durch Umdrehung der Mutter eines Hebels CA=a empor gehoben wird, so ist außer der der kannten Reibung in den Gewinden noch besonders die Reibung der Ringsstädhe EE der Mutter auf ihrer Pfanne zu überwinden. Sind wies der r_1 und r_2 die Halbmesser dieser Ringsstäche, so haben wir das Mosment dieser Reibung

$$\varphi Q \cdot \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}$$

und daher zu seten:

$$\begin{split} Pa &= \frac{Q\,d}{2}\,tang.\,(\alpha + \varrho) \,+\, {}^{2}\!/_{\!3}\,\varphi\,Q\,\frac{r_{1}^{\,3} - r_{2}^{\,3}}{r_{1}^{\,2} - r_{2}^{\,2}}\,,\,\,\text{folglid)} \quad \text{Subgrights} \\ P &= \left(\frac{d}{2}\,tang.\,(\alpha + \varrho) \,+\, {}^{2}\!/_{\!3}\,\varphi\,\,.\,\,\frac{r_{1}^{\,3} - r_{2}^{\,3}}{r_{1}^{\,2} - r_{2}^{\,2}}\right)\frac{Q}{a}\,. \end{split}$$

Wenn die Rraft nur an einem Arme wirkt, fo haben wir überdies noch eine Seitenreibung oP in den Schraubengangen, weshalb dann

$$P = \left(\frac{d}{2} tang.(\alpha + \varrho) + \frac{2}{3} \varphi \cdot \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}\right) \frac{Q}{a - \varphi \cdot \frac{d}{2}}$$
 zu nehmen ist.

Beispiel. Belche gaft Q kann burch die Schraube BD in Fig. 299 gehoben werben, wenn die Kraft P=30 Kfund an einem Sebelarme CA=20Boll wirkt, wenn ferner das Ansteigen dieser Schraube $\alpha=10$ Grab und die mittlere Schraubenstärke d=2 Boll beträgt, und wenn die halbmeffer der Reibungsfläche der Mutter, $r_1=5$ und $r_2=3\frac{1}{2}$ Boll betragen?

Segen wir ben Reibungewinfel e = 70 und ben Reibungecoefficienten p

= 0,125, fo erhalten wir

$$\frac{d}{2} tang. (\alpha + \varrho) = 1 \cdot tang. 17^{0} = 0,3057,$$

$${}^{2}/_{3} \varphi \frac{r_{1}^{8} - r_{2}^{8}}{r_{1}^{9} - r_{2}^{9}} = {}^{2}/_{3} \cdot 0.125 \cdot \frac{125 - 4?,875}{25 - 12.25} = 0,5368 \text{ unb}$$

$$a - \varphi \frac{d}{2} = 20 - 0,125 \cdot 1 = 19,875; \text{ baher bie Laft}$$

$$Q = \frac{\left(a - \varphi \frac{d}{2}\right)P}{\frac{d}{2} tang. (\alpha + \varrho) + {}^{2}/_{3} \varphi \cdot \frac{r_{1}^{8} - r_{2}^{8}}{r_{1}^{9} - r_{2}^{9}}$$

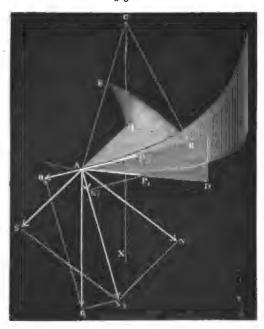
$$= \frac{19,875 \cdot 30}{0,8057 + 0,5368} = \frac{596,25}{0,8425} = 707,7 \text{ Pfunb.}$$

Diese Laft fallt hier wegen ber großen Reibung an ber Grunbflache ber Schraubenmutter verhaltnismäßig so fehr flein aus. Dhne biese Reibung ware

$$Q = \frac{596,25}{0.3057} = 1950$$
 Pfund.

§. 144. Die scharfgangige Schraube, ober die Schraube mit zbeorte der tri angularem Gewinde giebt mehr Reibung als die flachgangige Schraube, weil hier wegen der Schrägheit der Schraubenstäche ein größerer Normaldruck zwischen dem Gewinden vorkommt, als bei den Schrauben mit rectangulären Gewinden. Sehen wir auch die Kraft oder Last Q, parallel zur Are CX, Kig. 300 (auf folgd. Seite), AQ = Q, serner die Umdres hungskraft im Mittel der Schraubgewinde, $AP_1 = P_1$ und das Ansteigen der Gewinde, $BAD = \alpha$, und bezeichnen wir die Neigung der Erzeugungsstinie CA der Schraubenstäche gegen die Basis der Schraube, $CAH = \beta$. Legen wir zunächst durch den Punkt A, in welchem wir uns die Kräfte wirksam denken können, eine Tangentialebene an den die Schraube begrenz zenden Eplinder, und ziehen wir in dieser Schene eine Linie AN_2 winkelrecht

Eberetieder auf die Langente AB der Schraubenlinie. Nun zerlegen wir beibe Kräfte Schraube. P_1 und Q in Seitenkräfte P_2 und Q_2 parallel, und in Seitenkräfte N_1 und Fig. 300.



 N_2 rechtwinkelig zu AB. Gabe es nun keine Reibung, so mußte $P_2=Q_2$, b. i. $P_1\cos\alpha=Q\sin\alpha$, also wie bekannt, $P_1=Q\tan g$. α sein; wegen der Reibung (F) mussen wir bagegen $P_1\cos\alpha=Q\sin\alpha+F$ sehen.

Der Druck $N_1+N_2=P_1\sin\alpha+Q\cos\alpha$ ist hier, ba die Schrausbenflache von A aus nach der Are zu dachformig ansteigt, nicht normal auf diese Flache, sondern er zerlegt sich in zwei Seitenkräfte AS=S und AN=N, wovon die eine radial und die andere rechtwinkelig zur Schrausbenflache wirkt. Da die Last Q um die Are CX ringsherum auf die Schraubenflache vertheilt ist, so wirken auch sammtliche radiale Kräfte wie AS ringsherum um CX und heben sich gegenseitig auf. Dagegen die Normalkräfte, wie N, erzeugen die in Frage stehende Reidung $F=\varphi N$.

Bezeichnen wir den Winkel NAN2 burch d, fo haben wir, da

$$\angle$$
 $SAN_2 = AN_2N = 90$ Grab ift, $AN = \frac{AN_2}{\cos N AN_2}$, b. i. $N = \frac{N_2}{\cos \delta} = \frac{P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha}{\cos \delta}$.

Es ift nun noch nothig, ben Winkel & aus a und β ju bestimmen.

Da N2 rechtwinkelig auf der Gbene BAH, und N rechtwinkelig auf der Schraube. Ebene BAC fteht, fo folgt, daß die beiden letten Cbenen ebenfalls ben Winkel NAN2 = & zwischen fich einschließen ober bag ber spharische Bintel B eines aus A beschriebenen spharischen Dreieckes BHK auch \Longrightarrow δ ist. In biefem fpharifchen Dreiede ift ferner tie Seite HK=eta, die Seite $BH=90^{\circ}$, und der fpharische Bintel $H=90^{\circ}-\alpha$, baber giebt die befannte Formel ber fpharischen Trigonometrie

$$cotg. B = \frac{cos. HK \cdot sin. BH - cos. H sin. HK \cos BH}{sin. H sin. HK},$$

$$cotg. \delta = \frac{cos. \beta sin. 90^{\circ} - cos. (90^{\circ} - \alpha) sin. \beta \cos .90^{\circ}}{sin. (90^{\circ} - \alpha) sin. \beta}$$

$$= \frac{cos. \beta}{cos. \alpha sin. \beta} = \frac{cotg. \beta}{cos. \alpha}, \text{ ober}$$

$$tang. \delta = tang. \beta cos. \alpha.$$

Aber
$$\cos \delta = \frac{1}{\sqrt{1 + tang \cdot \delta^2}}$$
, baher folgt
$$\cos \delta = \frac{1}{\sqrt{1 + (tang \cdot \beta)^2 (\cos \alpha)^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 + (tang \cdot \beta)^2 \cdot \frac{1}{1 + (tang \cdot \alpha)^2}}}$$

$$= \frac{\sqrt{1 + (tang \cdot \alpha)^2}}{\sqrt{1 + (tang \cdot \alpha)^2 + (tang \cdot \beta)^2}}.$$

hiernach bestimmt fich nun die Reibung ber Schraube

$$F = \varphi N = \frac{\varphi(P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha) \sqrt{1 + (lang \alpha)^2 + (lang \beta)^2}}{\sqrt{1 + (lang \alpha)^2}}$$

= $\varphi \cos \alpha (P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha) \sqrt{1 + (lang.\alpha)^2 + (lang.\beta)^2}$. und es ift baber die Rraftformel fur die icharfgangige Schraube $P_1 \cos \alpha = Q \sin \alpha + \varphi \cos \alpha (P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha)$

$$V = V \frac{(lang.\alpha)^2 + (lang.\beta)^2}{1 + (lang.\alpha)^2 + (lang.\beta)^2}$$

ober

$$P_1[1 \mp \varphi \sin \alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}]$$

$$= Q[tang.\alpha \pm \varphi \cos \alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}].$$

Es ift folglich

$$P_1 = \frac{Q[tang.\alpha \pm \varphi \cos.\alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}]}{1 \mp \varphi \sin.\alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}}.$$

Ift d ber mittlere Schraubendurchmeffer und a ber Bebelarm, woran

Theorie der schraft P wirkt, so hat man $Pa = P_1 \frac{d}{2}$, daher Strabe.

$$P = \frac{d}{2a}P_1$$
, b. i.

$$P = \frac{d}{2a} Q \frac{[tang. \alpha \pm \varphi \cos. \alpha \sqrt{1 + (tang. \alpha)^2 + (tang. \beta)^2}]}{1 \mp \varphi \sin. \alpha \sqrt{1 + (tang. \alpha)^2 + (tang. \beta)^2}}$$

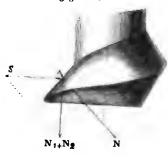
Die scharfgangigen Schrauben werben wegen ihrer großeren Reibung vorzüglich nur als Befestigungsmittel angewendet, und haben bann nur ein kleines Unsteigen a. Daher konnen wir für sie auch annahernb

$$P = \frac{tang.\alpha \pm \varphi \cos.\alpha \sqrt{1 + (tang.\beta)^2}}{1 \mp \varphi \sin.\alpha \sqrt{1 + (tang.\beta)^2}} \cdot \frac{d}{2n} Q$$

$$= \frac{tang.\alpha \cdot \cos.\beta \pm \varphi \cos.\alpha}{\cos.\beta \mp \varphi \sin.\alpha} \cdot \frac{d}{2n} Q$$

$$= \frac{tang.\alpha \cos.\beta \pm \varphi}{\cos.\beta \mp \varphi tang.\alpha} \cdot \frac{d}{2n} Q$$

$$= \frac{h \cos.\beta \pm \varphi \pi d}{\pi d \cos.\beta \mp \varphi h} \cdot \frac{d}{2n} Q \text{ fegen.}$$
Sig. 301.



Diese Formel ergiebt fich auch uns mittelbar, wenn man ben Normals brud AN, Fig. 301,

$$N = rac{(N_1 + N_2)}{\cos . eta} = rac{P_1 \sin . lpha + Q \cos . lpha}{\cos . eta}$$
 febt.

Beispiel. Für eine scharfgangige Schraube mit bem Anfteigen $\alpha=6^{o},3^{o}$ und bem Reigungswinfel $\beta=45^{o}$ ift

 $\sqrt{1+(tang.\,\alpha)^2+(tang.\,\beta)^2}=\sqrt{1+(0.106)^2+1}=\sqrt{2.0112}=1.418;$ nimmt man nech ben Reibungscoefficienten $\varphi=0.12$ an, so hat man

φ cos. α $\sqrt{1+(tang.\alpha)^2+(tang.\beta)^2}=0,12\cdot0,9944\cdot1,418=0,1691$ und φ sin. α $\sqrt{1+(tang.\alpha)^2+(tang.\beta)^3}=0,12\cdot0,1054\cdot1,418=0,0179$. Soll nun mittels biefer Schraube eine Laft Q von 1600 Pfund gehoben werben, und hierbei bie Kraft an einem Hebelarme a=16 30ll wirfen, während die Schraube felbst nur die mittlere Stärfe d=9/8 30ll hat, so hat man die Kraft $P=\frac{0,1060+0,1691}{1-0,0179}\cdot\frac{9}{16\cdot16}\cdot1600=\frac{0,2751}{0,9821}\cdot\frac{900}{16}=15,76$ Pfund, während wir für eine flachgängige Schraube unter übrigens gleichen Uniständen im Beispiele zu §. 142, P nur =12,88 Pfund gefunden haben.

Die Raberungsformel

$$P = \frac{\tan g \cdot \alpha \cos \beta + \varphi}{\cos \beta - \varphi \tan g \cdot \alpha} \cdot \frac{d}{2a} Q$$

giebt une biefe Rraft

$$P = \frac{0.106 \cdot 0.7071 + 0.12}{0.7071 - 0.12 \cdot 0.106} \cdot \frac{900}{16} = 15,79 \ \text{Pfunb.}$$

§. 145. Wenn schon die flachgangigen Schrauben wegen ihrer großen Edrauben Reibung sich nicht gut zur Fortpflanzung ober Ausübung einer mechanischen Befindungstateit eignen, so sind die Schrauben mit scharfgangigen Gewinden hierzu noch unvortheilhafter zu gebrauchen. Anders ist es aber in allen den Fallen, wenn die Schrauben als Befestigungsmittel dienen. hier kommt es darauf an, daß die Schraube oder Schraubenmutter nicht zurückgehe, d. i. durch die Spannkraft Q nicht in Umdrehung geseht werde; da nun aber die Reibung jede Bewegung zu verhindern sucht, so ist sie schrauben vortheilshaft, und es nügen folglich Schrauben mit triangulären Sewinden hier mehr als solche mit rectangulären Gewinden.

Solche Schrauben, wie z. B. Prefichrauben, Schraubenbolzen u. f. w., erhalten, eben bamit fie nicht zurudgehen, schwach ansteigende Gewinde ober kleine Steigwinkel, wir konnen baber fur sie bie lette Raberungs-formel mit bem unteren Beichen

$$P = \frac{h\cos \beta - \varphi \pi d}{\pi d\cos \beta + \varphi h} \cdot \frac{d}{2a}Q$$
 gebrauchen.

Seten wir nun hierin P = 0, fo erhalten wir die Bedingung

$$h\cos \beta - \varphi \pi d = 0$$
, b. i.

$$tang. \alpha = \frac{h}{\pi d} = \frac{\varphi}{\cos \beta} = \frac{tang. \varphi}{\cos \beta}$$

also sur flachgangige Schrauben, wo $\beta=\Re$ Aull, also $\cos\beta=\mathop{\rm Eins}\nolimits$ ist, $tang.\ \alpha=tang.\ \varrho$, b. i. $\alpha=\varrho$.

Flachgängige Schrauben also, bei welchen das Ansteigen der Gewinde noch nicht dem Reibungswinkel gleich ist, gehen nicht zurück, wie groß auch die Spannung Q derselben sei. Bei scharfgängigen Schrauben aus Metall macht man $\beta=25$ die 30 Grad und bei solchen aus Holz $\beta=30$ bis 40 Grad. Nehmen wir die ungunstigen Fälle, sehen wir also für jene Schrauben $\beta=25$ und für diese $\beta=30$ Grad, so erhalten wir im

ersten Fall
$$tang.\alpha = \frac{tang.\varrho}{cos.25^{\circ}} = 1,1034 tang.\varrho$$
,

ober auch annahernd $\alpha = 1,10 \, \varrho$, und im zweiten

$$tang.\alpha = \frac{tang.\varrho}{cos.30^{\circ}} = 1,16 tang.\varrho$$

ober annahernd a = 1,16 e.

288

Schrauben als Befestigungs. mittel. Nimmt man $\beta = 45^{\circ}$, so erhalt man

$$tang. \alpha = \frac{tang. \varrho}{cos. 45^{\circ}} = 1,41 tang. \varrho,$$

ober annahernb $\alpha = 1,41 \varrho$.

Scharfgangige Schrauben konnen also 10 bis 41 Procent mehr Steigung erhalten als flachgangige Schrauben. Nach I., §. 161 ift bei trockenem Zustande der Korper und fur die Reibung der Ruhe

bei Metall auf Metall
$$\varphi = 0.18$$
, und hiernach $\varrho = 10^{\circ}.12'$,
, , , 0.01 , $\varphi = 0.60$, , , $\varrho = 30^{\circ}.58'$,
, 0.01

Durch die Reibung der Schraubenköpfe und Schraubenmuttern in den Berührungsflächen mit den Körpern, deren Befestigung dieselben bewirken, wird dem Zuruckehen noch ein befonderes hinderniß entgegengesett. Dagegen wird das Zuruckgehen oder Sichumdrehen der Schrauben durch Stoße oder Erschütterungen sehr befordert, indem diese den die Reibung erzeugenden Druck und also auch die der Arenkraft Q entgegenwirkenden hindernisse auf Augenblicke ausheben.

Um biefes, namentlich durch wiederholte Erschutterungen herbeigeführte Burudgehen der Schrauben zu verhindern, wendet man entweder sogenannte Gegenmuttern an, oder gebraucht besonders Splinte oder Febern, welche in hierzu angebrachte Locher ober Ginschnitte im Ropfe oder in der Mutter der Schraube eingreifen.

Differengial-

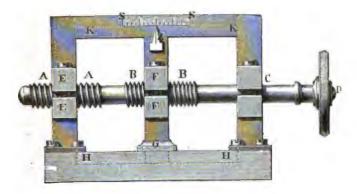
§. 146. Ist v die Umfangsgeschwindigkeit der Schraube in der Entsfernung des mittleren Halbmessers $r=\frac{d}{2}$ und w die Geschwindigkeit der progressiven Bewegung in der Axenrichtung der Schraube, so gilt das Berhältniß $\frac{w}{v}=tang$. $\alpha=\frac{h}{2\pi r}=\frac{h}{\pi d}=0,3183\,\frac{h}{d}$.

Man kann also hiernach aus einer Umbrehungsbewegung mittels ber Schraube jebe beliebig langsame Bewegung in ber geraden Linie ableiten. Da inbessen bie Sohe ober Dicke ber rectangularen Gewinde ber halben und bie der triangularen Gewinde ber ganzen Gangbreite gleich zu machen sind, so fallen also auch bei sehr kleinen Geschwindigkeitsverhältnissen vober

kleinen Steigwinkeln (α) die Dicken der Gewinde sehr klein und vielleicht so klein aus, daß sie nicht die nothige Haltbarkeit besitzen. Dieser Uebelstand läst sich aber durch eine Doppelschraube, welche man auch die Differenzialschraube (franz. vis différentielle, vis à double pas de Prony; engl. differential screw, Hunters screw) nennt, beseitigen.

Eine folche Schraube ift in Fig. 302 abgebilbet. Die Schraubenspindel Tifferengiate. ABC hat hier zweierlei Gewinde und bewegt fich mit dem einen Gewinde AA in einer festen Mutter EE, mahrend fie mit bem anderen Gewinde BB

Ria. 302.



eine bewegliche Mutter FF fortschiebt. Ift nunh die Banghohe ber erften und h, bie ber zweiten Schraube, fo wird bei einer Umbrehung mittels bes Ropfes D bie Spindel um h nach ber einen und die Mutter FF um hi nach ber entgegengesetten Arenrichtung fortgeschoben, und man hat baber die abfolute Arenbewegung ber letteren:

$$h - h_1 = \pi (d tang. \alpha - d_1 tang. \alpha_1),$$

wenn d und d, die mittleren Durchmeffer und a und a, die Steigminkel beiber Schraubengeminde bezeichnen. Ift baher w bie progreffive Gefchwinbigfeit ber beweglichen Mutter FF und v wieber bie mittlere Umbrehungsgeschwindigkeit der Schraubenspindel, so giebt die Proportion $\frac{w}{v} = \frac{h-h_1}{\pi d}$,

$$\frac{w}{v} = \frac{h - h_1}{\pi d},$$

welcher zufolge die Gefchwindigkeit w ber Differenz ber Ganghohen proportional ift.

Die Mutter FF tragt einen Querarm GZ, beffen Enben in Falgen HH und KK laufen; und wenn diese Borrichtung als Micrometerschraube bienen foll, fo ift noch an bas eine Ende biefes Querarmes ein Beiger Z angebracht, welcher an einer feften Scala SS hinlauft, beren Theile burch ben Beiger weiter eingetheilt werben. Wenn g. B. Die Ganghohen h = 1 Linie und h1 = 0,9 Linie betragen, fo tommt auf jebe Umbrehung ber Schraube h - h1 = 0,1 Linie Zeigerbewegung; mare alfo bie Scala SS in Linien getheilt, fo gabe ber Beiger, felbft wenn man nur nach gangen Umbrehungen gablt, Behntel ber Scalentheile an.

Differential.

Ift Q bie an ber Mutter FF angreifende und parallel zur Schraubenape wirkende Last, und P bie an einem Hebelarm a wirkende Umdrehungekraft, so konnen wir in bem Falle, wenn bie mit den Binkeln a und al ansteigenden Gewinde einerlei mittleren Durchmesser d haben, setzen

$$P = \frac{d}{2a} [Q tang. (\alpha + \varrho) - Q tang. (\alpha_1 - \varrho)]$$

$$= \frac{d}{2a} Q [tang. (\alpha + \varrho) - tang. (\alpha_1 - \varrho)]$$

$$= \frac{d}{2a} Q \frac{sin. (\alpha - \alpha_1 + 2\varrho)}{cos. (\alpha + \varrho) cos. (\alpha_1 - \varrho)},$$

mahrend bei ber einfachen Schraube

$$P = \frac{d}{2a}Q \tan g. (\alpha + \varrho) = \frac{d}{2a}Q \frac{\sin. (\alpha + \varrho)}{\cos. (\alpha + \varrho)} \text{ iff.}$$

Es ift leicht zu ermessen, daß in Folge ber doppelten Reibung die Differ renzialschraube einen noch kleineren Wirkungsgrab hat als die einfache Schraube.

Beifpiel. Es sei ber kleinere Steigwinkel einer Differenzialschraube, $\alpha_1 = 5^{\circ}$ und der größere, $\alpha = 10^{\circ}$, 56° , ferner der mittlere Durchmeffer d = %. Boll, der hebelarm der Kraft a = 16 Boll und die Last Q = 1600 Pfund, wie groß ist die Kraft?

Bir sehen hier $\alpha + \varrho = 10^\circ$, $56^\circ + 6^\circ$, $58^\circ = 17^\circ$, 49° , and $\alpha_1 - \varrho = 5^\circ - 6^\circ$, $58^\circ = -1^\circ$, 58° , haben hiernach tang. $(\alpha + \varrho) = 0.3214$ and tang. $(\alpha_1 - \varrho) = -0.0329$; es ift folglich bie nothige Krast

 $P = (0.3214 + 0.0829) \cdot \frac{9.1600}{16.16} = 0.8543 \cdot \frac{900}{16} = 19.93$ Pfund.

Rach bem Beispiele zu §. 142 forbert bie einfache Schraube mit rectangularen Gangen bei berfelben Ganghobe, P == 12,88, und nach bem Beispiele zu §. 144, bie mit triangularen Gangen, P == 15,79 Pfunb.

Edraube obne Enbe.

§. 147. Es ist nicht nothig, daß die Schraube mit einer Mutter versehen sei, man kann auch eine Schraubenspindel zwischen die Bahne einer gezahnten Stange ober eines gezahnten Rades greifen lassen, und das letztere durch Umbrehung der Schraube in Bewegung setzen. Es gehort hierher vorzüglich die Schraube ohne Ende (franz. vis sans fin; engl. endless screw). Diese Vorrichtung kommt vorzüglich dann zur Anwendung, wenn eine sanste oder langsame Kreisbewegung erstrebt wird, oder wenn eine große Last mittels einer kleinen Umbrehungskraft gehoben werden soll. Diese Maschine besteht aus einer durch eine Kurbel BD oder ein Rad in Umbrehung gesetzen Schraubenspindel oder Schnecke AB, Figur 303, (franz. serpe; engl. worm) und aus einem gezahnten Rade EF, bessen Zähne zwischen die Sewinde der Schraube GH greisen. Während der Umbrehung der Schraube schraube schraubenspewinde die Zähne des

Rabes in ber Arenrichtung ber Schraube fort, und feten baburch bas Rab Counte in Umbrehung, an beffen Belle ML eine Laft Q wirtt. Um ein voll: kommenes Eingreifen zu erzielen, lagt man die Seitenflachen der Bahne nicht Fig. 303.

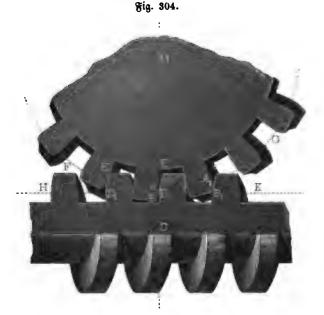




rechtwinkelig auf ber Stirnflache bes Rabes fteben, fonbern fchragt biefelben fo ab, baf fie bie Schraubengewinde genau wie Gewindeftuce einer Schraus benmutter langs ihrer Breite beruhren. Much erhalten zu biefem 3mede Die Bahne concave, die Schraubenspindel umschliegende Ropfflachen.

Durchschneibet man bie Schraube ohne Ende mittels einer Ebene burch bie Are AB ber Schnede und rechtwinkelig burch bie Are M bes Bahnrabes, fo erhalt man ben einer gezahnten Stange ahnlichen Querfchnitt ber Schraube, und es laffen fich baber auch die Querprofile ber Bahne und Schraubengange wie die einer gezahnten Stange mit Rad (f. III., §. 82) conftruiren. Behalt man Schraubengewinde mit rectangularem Querfchnitte bei, fo erhalten, eben genanntem Paragraphen zu Folge, die Querprofile der Radgahne bie Rreisevolventenform und es beginnt erft bann ber Ungriff, wenn ber Bahn in die Centralebene rechtwinkelig gur Schnedenare AB tritt; man tann aber auch ben Schraubengewinden ein Epcloidenprofil geben, und bann beginnt der Eingriff ebensoviel vor der Centrallinie ME ale er hinter berfelben fich endigt.

Die Construction einer Schraube ohne Enbe mit nach ber Encloide abgerundeten Schraubengewinden und mit nach ber Rreisevolvente abgerundeten Bahnen fuhrt Fig. 304 (auf umftebenber Seite) in einem gangenburchfcmitt vor Mugen. Es ift hier FAG ber Theilfreis bes Bahnrabes, ferner HK die Theillinie des Schraubengewindes und AM der Erzeugungefreis ber Epcloide. Durch Balgung bes Bogens AE, auf DH ergiebt fich ber Edrande Gpcloidenbogen $E_1D_1=ED$ für das Querprofil der Schraubengewinde, und durch das Wälzen der Geraden DB_1 auf den Theilkreisbogen DG stellt sich der Evolventenbogen $B_1A_1=\mathcal{B}A$ für das Querprofil der Radzähne heraus. Leicht ist nun zu ermessen und übrigens auch schon aus dem Früs



heren bekannt, daß bei Umbrehung der Schraube zuerst der Punkt D des Schraubengewindes an dem Bogen $B_1A_1=BA$ des Jahnes und nachher der Punkt A des letteren an dem Bogen $D_1E_1=DE$ des ersteren hingleitet.

Was die Hauptbimensionen der Schraube ohne Ende anlangt, so bestimmt man aus der gegebenen Leistung, der Umbrehungszahl u dem Halbemesser r des Zahnrades nach III., \S . 48 und 49, zunächst die Dimensionen der Radzähne, namentlich aber die Zahnstärke b, welcher man dann die Gewindstärke gleichsett. In der Regel hat die Schraube nur ein Gewinde, und es läst sich daher die Theilung oder Ganghöhe derselben h=2,1 b sehen. Giebt man nun noch den Steigwinkel a der Schraube, so kann man nun den mittleren Halbmesser CD=r der Schraube durch die Formel

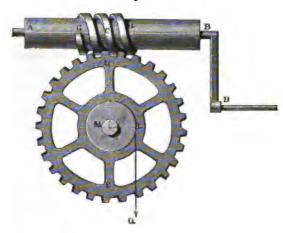
$$r = \frac{h}{2 \pi \, tang. \, \alpha} = \frac{h}{2 \pi} cotg. \, \alpha = 0,15915 \, h \, cotg. \, \alpha \,$$
 berechnen.

Giebt man statt α , das Berhaltniß $n_1=rac{d}{h}=rac{2\,r}{h}$ (s. §. 140), so hat man einfacher $r=rac{d}{2}=rac{n_1\,h}{2}$.

Meist nimmt man $\frac{d}{h}=6$, und daher $r=\frac{d}{2}=3\,h=6,3\,b.$

Soranbe obne Ende

§. 148. Die Berhaltnisse zwischen Kraft und Last an der Schraube ohne Ende ist, wie folgt, zu sinden. Es sei der Hebelarm BD, Fig. 305, der Kraft $P=a_1$, und der Hebelarm ML der Last $Q=b_1$, und es sei die Fig. 305.



Anzahl ber Zahne des Rades = n. Hat nun die Schnecke nur ein Gewinde, so breht sich bei jeder Umbrehung berselben das Rad um einen Zahn, und es ist folglich der entsprechende Weg der Last $= \frac{2\pi b_1}{n}$. Sehen wir die Arbeit der Kraft gleich der ber Last, so erhalten wir die Bedingung

$$P$$
. $2\pi a_1 = Q \cdot \frac{2\pi b_1}{n}$ b. i. $\frac{P}{Q} = \frac{b_1}{n a_1}$

Ift v die Geschwindigkeit von P und w die von Q, so haben wir naturalich umgekehrt $\frac{v}{w}=\frac{Q}{P}=\frac{n\,a_1}{b_1}$.

Bei einer Schraube mit m Gewinden rudt dagegen während einer Umstrehung der Schnecke das Rab um m Zähne $= \frac{m}{n}$ des Umkreises fort, das her ist hier $P.\,2\,\pi\,a_1 = Q.\,2\,\pi\,b_1\cdot\frac{m}{n}$, folglich

$$\frac{P}{Q} = \frac{w}{v} = \frac{mb_1}{n \ a_1}.$$

Die Kraft $P = \frac{m}{n} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q$ wird burch die Reibungen und namentlich

Chraube ohne Ende.

burch bie Reibung zwischen ben Bahnen und Gewinden namhaft vergrößert. Wenn wir bei dem letten Widerstande die radiale Bewegung an den Bahn-flachen unbeachtet lassen und nur den weit größeren Reibungsweg langs der Schraubengewinde in Betracht ziehen, so konnen wir die Reibung an den Schraubengewinden gleich der einer Schraube mit Mutter und daher nach §. 142

$$\begin{split} P &= \frac{r}{a_1} \cdot \frac{h + 2 \varphi \pi r}{2 \pi r - \varphi h} \cdot \frac{b_1}{r_1} Q \\ &= \frac{h + 2 \varphi \pi r}{2 \pi r - \varphi h} \cdot \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q \text{ fegen,} \end{split}$$

wobei r den mittleren Schrauben= und r_1 den mittleren Zahnradhalbmesser bezeichnen.

Hat die Schnecke nur ein Gewinde, so ist $h=\frac{2\pi r_1}{n}$, und dann läßt sich einfacher $P=\frac{r_1+\varphi nr}{nr-\varphi r_1}\cdot\frac{r}{r_1}\cdot\frac{b_1}{a_1}Q$ schreiben.

Für eine Schnecke mit m Gewinden ift bagegen $h=rac{m}{n}\cdot 2\,\pi\,r_1,$

und daher
$$P = \frac{mr_1 + \varphi nr}{nr - \varphi mr_1} \cdot \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q$$
.

Nur in seltenen Fallen sett man die Schraube durch ein Zahnrad in Umsbrehung; es hat die Schraube ein starkes Ansteigen und besteht dann meist aus mehreren Gewinden. Fur diesen Fall ist naturlich

$$P = \frac{mr_1 - \varphi nr}{nr + \varphi mr_1} \cdot \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q, \text{ ober}$$

$$Q = \frac{nr_1 + \varphi mr}{mr - \varphi nr_1} \cdot \frac{r}{r_1} \cdot \frac{a_1}{b_1} P.$$

Beispiel. Es soll mittels einer Schraube ohne Ende eine Laft Q von 2000 Pfund gehoben werden, wie groß ist die hierzu nöthige Kraft, wenn die Last am Hebelarme $b_1=10$ Boll und die Kraft am Hebelarme $a_1=18$ Boll wirft und wenn das Jahnrad einen Halbmesser r_1 von 20 Boll hat? Es ist hier die Kraft zwischen den Jähnen $K=\frac{b_1}{r_1}Q={}^{10}/_{20}\cdot 2000=1000$ Pfund, und daher nach $\mathfrak S.$ 48 die erforderliche Stärte der gußeisernen Jähne, so wie die der Gewinde b=0.03 $\sqrt{K}=0.03$ $\sqrt{1000}=0.03$. 31.62=0.95 Boll, und daher die Theilung oder Ganghöhe $b=2.1\cdot b=2$ Joll. Run folgt die Anzahl der Jähne: $n=\frac{2\pi r_1}{h}=6.288\cdot {}^{20}/_{3}=62.83$, wofür wir indessen G4 nehmen wollen. Geben wir der Schnede nur ein Gewinde, und machen wir deren mittleren Halbmesser $r=\frac{d}{2}=3$ b=6 Boll, so erhalten wir für das mittlere Ansteigen derselben

lang.
$$\alpha = \frac{h}{\pi d} = \frac{2}{\pi \cdot 12} = \frac{0.3183}{6} = 0.05805$$
, b. i. $\alpha = 3^{\circ} 2'$.

Dhne Rudfict auf Nebenhinberniffe mare nun

$$\frac{P}{Q} = \frac{w}{v} = \frac{b_1}{na_1} = \frac{10}{64 \cdot 18} = \frac{b_{76}}{b_{76}} = 0,00868,$$

folglich die Rraft P = 0,00868 Q = 0,00868 , 2000 = 17,36 Bfunb.

Mit Rudficht auf bie Bahnreibung ift, wenn man $\varphi=0,12$ nimmt,

$$P = \frac{r_1 + \varphi n r}{nr - \varphi r_1} \cdot \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q = \frac{20 + 0.12 \cdot 64 \cdot 6}{64 \cdot 6 - 0.12 \cdot 20} \cdot \frac{9}{20} \cdot \frac{19}{18} \cdot 2000$$

$$= \frac{20 + 46.08}{384 - 2.4} \cdot \frac{1000}{3} = \frac{66080}{1144.8} = 57.72 \text{ } \%\text{funb}.$$

Dan erfieht hieraus, bag burch bie Reibung gwifden ben Bahnen und Schraus. bengangen bie Rraft 57,72 = 3,8mal vergrößert wird, und baber ber Birfungegrab biefer Mafchine nur $\eta = \frac{1}{8,8} = 0,30$ ift.

Durch bie Reibung an ben Bapfen M, A und B fleigert fich bie Kraft P noch um Etwas, wird alfo n noch mehr herabgezogen.

Soll bie Laft Q auf s, = 50 guß Sohe gehoben werben, fo ift ber enifpres denbe Beg bes Rraftpunttes D:

$$s = \frac{v}{40} s_1 = \frac{576}{5} .50 = 5760$$
 guß,

und baher bie erforberliche Umbrehungegahl ber Schnede

Sig. 806.

$$u_1 = \frac{s}{2 \pi a_1} = \frac{5760}{36 \pi} = 50,93.$$

6. 149. Mit ber Schraube ohne Enbe ftehen bie Schraubenraber Caranden. ober bie Raber mit

råberwerf besteht im We= fentlichen aus zwei in einanbergreifenden Schraubenspindeln; und ba sich bas Zahnrab ber Schraube ohne Ende ebenfallsalseineSchrau= benspindel ansehen låßt, beren Gewinde bie Bahne biefes Rabes bilben, fo ift auch bie Schraube obne Ende ein Schraus benråberwerk, und zwar ein solches, wo fich bie Umbrehungsebenen un-

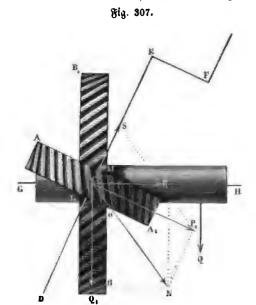
ter bem Rechtwinkel

fcneiben.

hange. Ein Schrauben-

genauem

fchiefen Bahnen in BufammenCarenben. tabet. Ein Schraubenraderwert, beffen Umbrehungsebenen einen schiefen Bintel



 $P_1 C Q_1 = \alpha$ amischen fich einschließen, ift in Rigur 307 abgebilbet. Es find hier AA1 und BB1 bie beiben Raber mitschiefen ober Schraubengahnen, welche um die nicht in einerlei Chene liegenden Aren DE und GH brehbar find, Wirb nun AA1 burch eine Rraft P. 3. B. mittels einer Rurbel EF, in Umbrehung gefett, fo greifen bie (allerbings in ber Kigur verbectten) Bahne LM beffelben zwischen bie Bahne bes Rabes BB1, und feten baburch auch bas lettere in Umbrehung, fo wie

bie an ber Welle biefes Rabes wirkenbe Laft Q in Bewegung.

Nehmen wir an, daß die Berührungsstäche LM zwischen den 3ahnen im Berührungspunkte um die Winkel $CMA = \alpha$ und $CMB = \alpha_1$ von den Umdrehungsebenen beider Räder abweiche, daß also die Normale CN zu jener Berührungsebene mit diesen Umdrehungsebenen die Winkel $NCP_1 = 90^{\circ} - \alpha$ und $NCQ_1 = 90^{\circ} - \alpha_1$ bilde; bezeichnen wir ferner die Radhalbmesser CA und CB durch CB und CB durch CB und CB durch CB und CB durch CB durch

Wir haben, unserer Bezeichnung entsprechend,
$$\begin{array}{c} P_1 = N\cos.NCP_1 = N\sin.\alpha \quad \text{und} \\ Q_1 = N\cos.NCQ_1 = N\sin.\alpha \quad \text{und} \\ Q_1 = N\sin.\alpha \quad \text{if} \\ \hline folglich & \text{iff} \quad \frac{P_1}{Q_1} = \frac{\sin.\alpha}{\sin.\alpha_1}; \end{array}$$

aber es ist auch $P_1 = \frac{a}{r}P$ und $Q_1 = \frac{b}{r_1}Q$.

Borauben räder.

baber haben wir, wenn von allen Rebenhinderniffen abgefehen wird,

$$rac{P_1}{Q_1} = rac{ar_1P}{brQ}$$
, und folglich
 $rac{P}{Q} = rac{br}{ar_1} \cdot rac{P_1}{Q_1} = rac{br\sin{.}\alpha}{ar_1\sin{.}\alpha_1}$, also
 $P = rac{r\sin{.}\alpha}{r_1\sin{.}\alpha_1} \cdot rac{b}{a}Q$.

Stehen die Rabebenen winkelrecht auf einander, so hat man $\alpha + \alpha_1 = 90^\circ$, daher sin. $\alpha_1 = \cos \alpha$ und $\frac{\sin \alpha}{\sin \alpha_1} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = t$ ang. α , folglich ist hier die Kraft $P = \frac{r}{r} \cdot \frac{b}{a} Q t$ ang. α , wie bei der Schraube ohne Ende.

Will man biese Kraft mit Berudfichtigung ber Reibung bestimmen, sc hat man bie Seitentraft nicht in ber Normale, sonbern um ben Reibungs-winkel o bavon abweichend anzunehmen, weshalb nun auch

$$P_1 = N \sin (\alpha + \varrho)$$
 und $Q_1 = N \sin (\alpha_1 - \varrho)$ zu setzen ist.

Deshalb erhalten wir hier

$$\frac{P_1}{Q_1} = \frac{ar_1P}{brQ} = \frac{\sin.(\alpha + \varrho)}{\sin.(\alpha_1 - \varrho)}, \text{ and baher}$$

$$P = \frac{r\sin.(\alpha + \varrho)}{r_1\sin.(\alpha_1 - \varrho)} \cdot \frac{b}{a}Q.$$

Schließen die beiden Umbrehungswinkel den Rechtwinkel zwischen sich ein, ist also $\alpha + \alpha_1 = 90^\circ$, so hat man $sin.(\alpha_1 - \varrho) = sin.[90^\circ - (\alpha + \varrho)] = cos.(\alpha + \varrho)$ und daher

$$P = \frac{r \sin (\alpha + \varrho)}{r_1 \cos (\alpha + \varrho)} \frac{b}{a} Q = \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b}{a} Q \tan g (\alpha + \varrho),$$

wie bei ber Schraube ohne Enbe.

Rehmen wir bagegen $\alpha_1=180^{\circ}-\alpha$, fo haben wir es mit bloffen Stirntabern mit Schraubengahnen (f. III., §. 57) zu thun, und es stellt

fich hier
$$P = \frac{r \sin.(\alpha + \varrho)}{r_1 \sin.[180^\circ - (\alpha + \varrho)]} \cdot \frac{b}{a} Q = \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b}{a} Q$$
 beraus, so daß also hier die Reibung aanz ausfällt.

Ein hauptubelftand ber Schraubenrader besteht in der ercentrischen Wirtung ber Seitenkrafte S und R, vermöge welcher die Raber nicht allein in ihrer Arenrichtung, sondern auch seitlich auf ihre Lager wirken, und zwar letteres um so mehr, je kurzer ihre Aren sind.

Edraubenräber. Sind l und l_1 die Arenlangen beiber Raber, von Bapfen zu Bapfen gesmeffen, fo haben wir die in entgegengesetten Richtungen wirkenden Krafte, mit welcher die Belle DE des Rabes durch S gegen seine Lager gebruckt wird,

$$S_1 = S_2 = \frac{r}{l} S,$$

und die mit welcher die Welle GH des Rades BB_1 durch R gegen seine Lager gepreßt wird, $R_1=R_2=\frac{r_1}{l_1}\,R_*$

Beispiel. Bei einem Schraubenraberwerte ift die Laft Q=3000 Pfund, ber Sebelarm ber Kraft a=40 Boll und ber ber Last b=15 Boll, ferner ber Halbmeffer bes Treibrades r=8 und ber bes Getriebrades $r_1=25$ Boll, endlich ber Winfel, um welchen die Umbrehungsebenen beiber Raber von ber Bahns are abweichen, $\alpha=\alpha_1=60^\circ$, und man sucht bie nötfige Kraft P

Dhne Rudficht auf Rebenhinderniffe ift

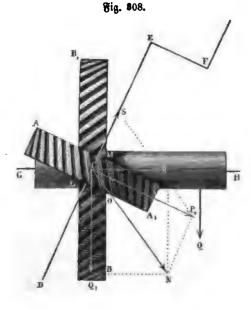
$$P = \frac{r \sin a}{r_1 \sin a} \cdot \frac{b}{a} Q = \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b}{a} Q = \frac{8}{25} \cdot \frac{15}{40} \cdot 8000 = 860 \, \text{Bfunb.}$$

mit Rudficht auf bie Bahnreibung ift, wenn man ben Reibungswinkel e=7° nimmt,

$$P = \frac{r \sin.(\alpha + \varrho)}{r_1 \sin.(\alpha_1 - \varrho)} \cdot \frac{b}{a} Q = \frac{8 \sin.67^{\circ}}{25 \sin.53^{\circ}} \cdot \frac{15}{40} \cdot .8000$$

$$= 360 \cdot \frac{\sin.67^{\circ}}{\sin.53^{\circ}} = 415 \Re \text{fund, es verzehrt also bie Bahnreibung}$$

 $\frac{415-860}{415}=$ 0,182, b. i. über 18 Procent ber Rraft.



6. 150. Die Anordnung eines Schrau= benrabermertes ift, wie folgt, zu vollziehen. Bahrend ein Zahn LM, Fig. 308, arbeitet, rudt das eine Rad um LO und das andere um MO fort, es ist folglich bas Berhaltniß ber Umbrehungsgeschwindigfeiten c und c, beiber Raber $\frac{c}{c_1} = \frac{LO}{MO} = \frac{\sin \alpha_1}{\sin \alpha},$ und baher bas Umfe bung & verhåltniß ober bas Berhältniß ber Umbrehungszahl u bes einen Rabes pro Min. zu ber (u1) bes anberen

$$\psi = \frac{u_1}{u} = \frac{30 c_1}{\pi r_1} : \frac{30 c}{\pi r} = \frac{c_1 r}{c r_1} = \frac{r \sin \alpha}{r_1 \sin \alpha}$$

Carauben-tabet.

In ber Regel ift w gegeben, und baber mittels ber letten formel aus drei der Größen r, r1, a und a1 die vierte zu berechnen. Ift dies geschehen, fo tann aus ber gegebenen Laft Q mittels ber obigen Rraftformel bie Rraft P und hieraus wieber ber Normalbrud zwischen ben Bahnen

$$N = \frac{P_1}{\sin \alpha} = \frac{a P}{r \sin \alpha}$$
 berechnet werben.

Diefer Normalbrud giebt nun bie normale Bahnbide nach III., §. 48, $b = 0.03 \sqrt{N}$

und hiernach ift bie Theilung am Umfange bes Triebrabes

$$s = \frac{2,1 b}{\sin \alpha}$$

und die am Umfange bes Getriebrabes

$$s_1 = \frac{2,1 \ b}{\sin a_1}$$
 zu bestimmen.

Die Angahl ber Bahne bes erften Rabes ift nun

$$n=rac{2 \pi r}{s}=rac{2 \pi r \sin lpha}{2,1 \ b}$$
, und die des zweiten

$$n_1 = \frac{2 \pi r_1}{s_1} = \frac{2 \pi r_1 \sin \alpha_1}{2.1 b},$$

folglich bas Berhaltnig ber Bahnegahlen:

$$\frac{n}{n_1} = \frac{r \sin \alpha}{r_1 \sin \alpha} = \psi,$$

wie bei ben gewohnlichen Bahnrabermerten.

Daber ift auch bas einfache Rraft= ober Geschwindigkeiteverhaltniß biefes Rådermertes:

$$\frac{P}{Q} = \frac{w}{v} = \frac{r \sin \alpha}{r_1 \sin \alpha} \cdot \frac{b_1}{a_1} = \frac{n}{n_1} \cdot \frac{b_1}{a_1} = \frac{1}{\psi} \cdot \frac{b_1}{a_1}.$$

Beifpiel. Bei bem im vorigen Beifpiele betrachteten Rabermerte, wo α = α1 = 60° ift, hat man bas Umfegungeverhaltniß

$$\psi = \frac{u_1}{u} = \frac{r}{r} = \frac{s_{ab}}{r};$$

fellte baffelbe aber bei benfelben Salbmeffern 1/4 werben, fo mußte

$$\frac{r\sin\alpha}{r_1\sin\alpha_1}=\frac{1}{b}$$
, also $\frac{\sin\alpha}{\sin\alpha_1}=\frac{1}{b}\cdot\frac{2b}{6}=\frac{5}{6}$ fein. Run ift aber $\alpha+\alpha_1=120^\circ$, folglich hat man

sang.
$$a_1 = \frac{5 \sin 120^{\circ}}{8 - 5 \cos 120^{\circ}} = \frac{4,880}{5,5} = 0,7873$$
, also $a_1 = 88^{\circ}$, 18' und sang. $a_1 = \frac{8 \sin 120^{\circ}}{5 - 8 \cos 120^{\circ}} = \frac{6,928}{1} = 6,928$, also $a_1 = 81^{\circ}$, 47'.

$$tang. \alpha_1 = \frac{8 \sin 120^{\circ}}{5 - 8 \cos 120^{\circ}} = \frac{6,928}{1} = 6,928, \text{ also } \alpha_1 = 81^{\circ}, 47^{\circ}$$

Edrauben-

Die Kraft ist bei berselben Last
$$Q = 3000$$
 Pfunb
$$P = \frac{r \sin.(\alpha + \varrho)}{r_1 \sin.(\alpha_1 - \varrho)} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot Q = \frac{8 \sin. 45^{\circ}, 13'}{25 \sin. 74^{\circ}, 47'} \cdot \frac{15}{40} \cdot 3000$$
$$= 360 \frac{\sin. 45^{\circ}, 13'}{\sin. 74^{\circ}, 47'} = 264.8 \text{ Pfunb};$$

folglich ber Rormalbruck $N = \frac{a\,P}{r\,\sin.\,a} = \frac{40\cdot264.8}{8\sin.\,38^\circ,13^\circ} = 2140$ Pfund, und baber bie normale Zahnbicke $b = 0.08\,V\,N = 0.03\,V\,2140 = 1.39$ Boll. Run folgen bie Theilungen $s = \frac{2.1\,b}{\sin.\,a} = \frac{2.1\cdot1.89}{\sin.\,38^\circ,13^\circ} = 4.718$,

und
$$s_1 = \frac{2,1 \text{ b}}{\sin \alpha_1} = \frac{2,1 \cdot 1,39}{\sin 81^0,47^0} = 2,949 \text{ 3oU},$$

und endlich bie entfprechenben Bahnegahlen

$$\mathbf{s} = \frac{2 \pi r}{s} = \frac{6,283 \cdot 8}{4,718} = 10,6 \text{ unb}$$

$$\mathbf{s}_1 = \frac{2 \pi r_1}{s_1} = \frac{6,283 \cdot 25}{2,949} = 53,2,$$

wofür n = 11 und n. = 55 ju nehmen fein möchte.

Schlußanmerkung. Gine fehr vollständige praktische Abhanblung über bie Schrauben von Karmarsch findet sich im breizehnten Bande von Brechtl's technologischer Encyclopabie. Ueber die Theorie der Schraube handelt auch Bonscelet in seinem Cours de Mécanique appliquée aux machines (beutsch unter dem Titel »Lehrbuch der Anwendung der Rechanit auf Raschinen«), nächstem auch Navier in seinem Resumé des Loçons sur l'application de la mécanique etc. und Coriolis in seinem Calcul de l'effet des machines. Bon den Schraubenrädern spricht Olivier in seiner geometrischen Theorie der Bahnräderswerte. Es ist auch hierüber nachzulesen Willis' Principles of mechanism.

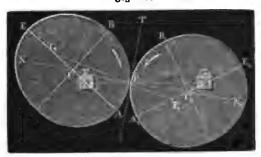
Sechetes Rapitel

Bon den ungewöhnlicheren Zwischenmaschinen ober Sulfsmitteln jur Abanderung der Bewegung.

Ellbitfde Raber. §. 151. Wir haben im zweiten Kapitel (III.) nur von benjenigen Råberwerten gehandelt, welche mit einer und derselben unveränderlichen Geschwindigkeit umlaufen; es bleibt uns daher noch übrig auch von den allerbings nur selten vorkommenden Raberwerken mit veränderlicher Umdrehungsgeschwindigkeit zu sprechen. Ziehen wir insbesondere den Fall in Untersuchung, wo ein mit unveränderlicher Winkelgeschwindigkeit umlausendes
Rad ein anderes Rad mit veränderlicher Winkelgeschwindigkeit umtreibt.
Es gehören hierher vorzüglich die elliptischen Raderwerke. Dieselben
bestehen aus zwei elliptischen Stirnrabern ACB und A1C1B1, Fig. 309,

welche sich um die entgegengesehten Brennpunkte F und G_1 brehen. Da angielle bei einer, und also auch bei gleichen Ellipsen, die Summe PF+PG $=PF+PG_1$ ber Rabienvectoren eines jeden Punktes P unveränderlich,

Fig. 309.



und zwar ber großen Are $AE=A_1E_1$ gleich ist, und da die Normale PN in jedem Punkte P einer Ellipse den Winkel FPG zwischen diesen Radien halbirt (s. "Ingenieur", Seite 238), folglich die Normalen PN und PN_1 beider Ellipsen in eine gerade Linie fallen, so werden sich daher beide Ellipsen bei ihrer Drehung stets in einer gemeinschaftlichen Tangente PT berühren.

Sind die Halbaren $CA = C_1A_1 = a$ und $CB = C_1B_1 = b$, so hat man die Ercentricität

$$GF = CG = C_1F_1 = C_1G_1 = e = \sqrt{a^2 - b^2},$$

und für die Berührung in A die Drehungshalbmesser FA=a-e und $G_1A_1=a+e$, dagegen für die in E, FE=a+e und $G_1E_1=a-e$. Run folgt das Umsehungsverhältniß ober das Berhältniß der Winkelzgeschwindigkeit des Getriebrades $A_1C_1B_1$ du der Winkelgeschwindigkeit des Treibrades ACB (vergl. III., §. 26) für die Berührung in A:

$$\psi_1 = \frac{FA}{G_1A_1} = \frac{a-e}{a+e},$$

und fur bie Berührung in E:

$$\psi_2 = \frac{FE}{G_1E_1} = \frac{a+e}{a-e};$$

und es ift bemnach bas Verhaltniß, in welchem bei einer gleichformigen Umbrehung bes Treibrabes bie größte Winkelgeschwindigkeit bes Getriebrabes zur kleinften Winkelgeschwindigkeit besselben fteht,

$$\chi = \frac{\psi_2}{\psi_1} = \frac{a+e}{a-e} : \frac{a-e}{a+e} = \left(\frac{a+e}{a-e}\right)^2$$

Giebt man die Centralbiftanz $FG_1=d=2$ a und das Grenzgeschwins bigkeitsverhaltniß $\chi=\frac{\psi_1}{\psi_0},$ so kann man die erforderliche Ercentricität

Es ist $a + e = (a - e) \sqrt{\chi}$ und baher Egiptifde berechnen.

$$e = \left(\frac{\sqrt{x} - 1}{\sqrt{x} + 1}\right) a,$$

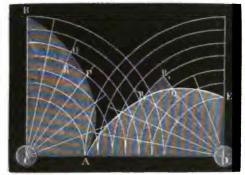
woraus nun noch die fleine Salbare

$$b = \sqrt{a^2 - e^2} = \frac{2 a \sqrt[4]{x}}{\sqrt{x} + 1}$$
 folgt.

Beifpiel. Soll eine gleichformig umlaufenbe Belle eine anbere Belle fo umbreben, bag zwar bas mittlere Umbrebungeverhaltniß bei beiben Bellen eine und baffelbe ift, bag fich aber bie Binfelgefdwindigfeit ber zweiten Belle bei jeber Umbrehung ein Dal um bas Bierfache fteigert, und ebenfo ein Dal um ebenfo viel verminbert, fo fann man beibe Bellen burch ein elliptifches Bahnrab-

vorgelege mit ber Excentricität
$$e = \left(\frac{\sqrt[4]{4}-1}{\sqrt[4]{4}+1}\right)a = \frac{a}{3}$$
 verbinben.

§. 152 *). Die Spiralraber geftatten noch eine allgemeinere Un-Epiralråber. Ria. 310.



wenbung als bie elliptis ichen Raber. Auf bie Anwendung diefer Ra= ber wird man durch fol= genbe Betrachtung gefuhrt. Es fei ACB, Fig. 310, ein Gector bes einen und ADE ein Sector bes zweiten Rabes, welches von bem ersteren um D gebreht wird, mahrend biefes um C umlauft. Des= halb muffen wir for=

bern, bag nicht allein bie Summe ber Entfernungen CP und DP, ober CO und DO, aller in der Centraginie CD gur Berührung tommenden Puntte P und P1 ober Q und Q1 eine constante, b. i.

 $CP + DP_1 = CQ + DQ_1 = CA + DA = CD$ (ci, sondern auch, baß bie Tangentenwinkel RPO und R1 P1 O1 an diesen Puntten (P, P1) gleich groß und entgegengefest feien.

Seten wir die anfänglichen Salbmeffer CA und DA=r und r_1 , und bie veranderlichen Halbmeffer CP und $DP_1 = z$ und z_1 , fo haben wir alfo

1)
$$z + z_1 = r + r_1$$
;

und sehen wir ferner die Tangentenwinkel, oder die Winkel RPQ und R, P, Q,, unter welchen die Rabcurven die entsprechenden Rreisumfange burchschneiben, a und a1, fo haben wir

2)
$$tang. \alpha_1 = -tang. \alpha_s$$

Bezeichnen wir die Umbrehungswinkel ACP und ADP_1 durch φ und φ_1 , spiraltaber und ihre Clemente PCR und P_1DR_1 durch $d\varphi$ und $d\varphi_1$, so wie die Clemente RQ und R_1Q_1 durch dz und dz_1 , so können wir auch

tang.
$$\alpha = \frac{QR}{PR} = \frac{dz}{z d\varphi}$$
 und tang. $\alpha_1 = \frac{R_1Q_1}{P_1R_1} = \frac{dz}{z_1 d\varphi_1}$

feten, und es lagt fich baber auch bie zweite Gleichung in folgende umandern:

$$\frac{dz}{z\,d\,\varphi} = -\,\frac{d\,z_1}{z_1d\,\varphi_1}.$$

Rehmen wir $\alpha = -\alpha_1$ conftant, so finden wir aus $\frac{dz}{z} = tang.\alpha.d\varphi$

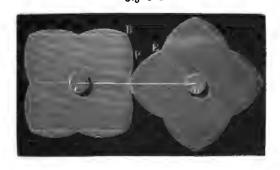
das Integral Log. nat.
$$\left(\frac{z}{r}\right) = \varphi \, tang. \, \alpha$$
, ober $z = r \, e^{\varphi \, tang. \, \alpha}$.

wo e bie Grundzahl 2,71828 ... ber naturlichen Logarithmen ift (f. analyt. Sulfelehren, Art. 14).

Dagegen giebt
$$\frac{d z_1}{z_1} = -tang. \, \alpha. \, d \, \varphi_1$$
, das Integral $Log. \, nat. \left(\frac{z_1}{r_1}\right) = -\varphi \, tang. \, \alpha$, und daher $z_1 = r_1 e^{-\varphi_1 \, tang. \, \alpha} = \frac{r_1}{\varphi_1 \, tang. \, \alpha}$.

Die Gleichungen $z=re^{\varphi tang.\alpha}$ und $z_1=r_1e^{-\varphi_1 tang.\alpha}$ gehoren logarithmischen Spirallinien an, welche die Eigenthamlichkeit haben, daß sich die aus den Drehungspunkten C ober D beschriebenen concentrischen Kreise unter einem unveränderlichen Winkel α schneiden.

Die Radconstruction nach einer logarithmischen Spirale lagt sich auch bei breiedigen, quadratischen und anderen polygonalen Råsbern anwenden. Ein quadratisches Raberpaar ist in Figur 311 vor Augen geführt. Ist hier ber kleinste Halbmesser CA = DE = r, so hat man Fig. 311.



Epiraledber, ben größten $CB=DA=r_1=r\sqrt{2}=1,4142~r,$ und zwar für $\varphi=ACB=ADE=\frac{\pi}{4}~(45^{\circ}).$ Wird nun in die Gleichung φ tang, $\alpha=Log,~nat.\left(\frac{z}{r}\right),$

 $\varphi=rac{\pi}{4}$ und $z=r\sqrt{2}$ eingefest, fo erhalt man für ben conftanten Zangentenwinkel lpha ber hier anzuwendenden Spirallinie

lang.
$$\alpha = \frac{4}{\pi} Log. nat. \sqrt{2} = \frac{2}{\pi} Log. nat. 2 = 0,44128,$$

und baher $\alpha=23^{\circ},49';$ und es ift nun die Gleichung der Radcurven AB und $EA:z=re^{0.44198\,\varphi},$ oder

$$Log.\left(\frac{z}{r}\right) = 0,44128 \varphi Log. e.$$

3. B. nimmt man $\varphi = \frac{\pi}{8} (22\frac{1}{2})^0$, so ift für ben Rabiusvector CP = z,

$$Log.\left(\frac{z}{r}\right) = 0,44128 \cdot \frac{\pi}{8} \cdot 0,43429 = 0,07526,$$

folglish CP = z = 1,189 r.

Das Umsetungeverhaltniß ift hier, bei ber Beruhrung in A:

$$\psi_1 = \frac{r}{r_1} = \frac{1}{\sqrt{2}} = 0,7072,$$

und bei ber zwischen B und E:

$$\psi_2 = \frac{r_1}{r} = \sqrt{2} = 1,4142,$$

alfo bas Berhaltnif ber größten gur fleinften Wintelgeschwindigkeit

$$\chi = \frac{\psi_2}{\psi_1} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{1/2}} = 2.$$

Anmerkung. Wenig anders geformte vieredige Raber find bei ben Buchs bruderpreffen von Bacon und Donkin angewendet worden. Ran fieht leicht ein, daß hier während einer Umbrehung abwechfelnd vier Naximals und rier Rinimalgeschwindigkeiten vorkommen.

Goulide grantider. 153*). Ist φ der Umdrehungswinkel des einen Rades und φ_1 der entsprechende Winkel des zweiten Rades, so hat man das Umsehungsvershältniß $\psi=\frac{\varphi_1}{\varpi}$.

Bei ben gewöhnlichen Kreisrabern ift dieses Berhaltniß eine conftante Bahl; bei elliptischen, spiralformigen und anderen Rabern ist es hingegen eine veranderliche Bahl, δ . B. $\psi = \alpha + \beta \varphi$, wo α und β befonders δ u

bestimmende Größen bedeuten. Dann ift aber auch ψ nicht $= \frac{\varphi_1}{\omega}$, fons Grifder.

bern $\frac{d\varphi_1}{d\varphi}$, wo $d\varphi_1$ und $d\varphi$ bie Elemente von φ_1 und φ bezeichnen, zu sehen, und es giebt uns die Integration die Abhangigkeit zwischen ben gleichzeitigen Umdrehungswinkeln φ und φ_1 die Formel

$$\varphi_1 = \int \psi d\varphi = \int (\alpha + \beta \varphi) d\varphi = \alpha \varphi + \frac{\beta}{2} \varphi^2.$$

Ift nun d ber Abstand ber Rabaren von einander, so erhalten wir, wie in III., §. 38, die beiden den Umbrehungswinkeln φ und φ_1 entsprechen-

den Rabhalbmesser
$$z=rac{\psi}{1+\psi}\ d$$
 und $z_1=rac{d}{1+\psi}$

Leicht kann man nun mit Sulfe dieser Formeln die Anordnung eines, gewiffen Forderungen entsprechenden ungleichformig umlaufenden Raberwerkes vollziehen. Verlangen wir 3. B., daß sich das Setriebrad drei Mal umbreht, während das Treibrad zwei Mal umläuft, und daß sich die Geschwindigkeit des letzteren hierbei verdoppeln soll, so haben wir die Bedingungen

$$3.2\pi = \alpha.2.2\pi + \frac{\beta}{2} \cdot (2.2\pi)^2$$
, b. i.
 $3 = 2\alpha + 4\pi\beta$, und
 $\alpha + \beta.2.2\pi = 2\alpha$, b. i. $\alpha = 4\pi\beta$;

weshalb nun $\alpha = 1$ und $\beta = \frac{1}{4\pi}$, also

$$\psi=1+rac{arphi}{4\pi}$$
 und $arphi_1=arphi+rac{arphi^2}{8\pi}$ folgt.

Die halbmeffer fur den Unfang der Umbrehung find:

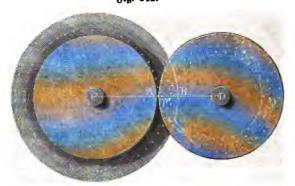
$$r = \frac{d}{1+1} = \frac{d}{2}$$
 und $r_1 = \frac{d}{2}$,

bagegen die fur bas Ende ber Drehungen $\phi=4\pi$ und $\phi_1=6\pi$,

$$z = \frac{2d}{1+2} = \frac{2}{8}d$$
 und $z_1 = \frac{d}{1+2} = \frac{d}{3}$.

Hiernach laffen sich die zuerst von Romer angegebenen conischen Raber, deren Bahne in Spirals oder Schraubenlinien neben einander stehen, construiren. Ein solches, bem soeben behandelten Falle entsprechendes Raberpaar ist in Figur 312 (auf folgd. Seite) abgebilbet. Diese Raber drehen sich um die unter sich parallelen Aren C und D und berühren einsander in der in der Figur verbeckten Linie AB. Die hier nur durch Punkte angebeuteten Radzahne laufen bei dem Treibrade CA in zwei, und

Conifde Spiralräder. bei dem Getriebrade DB in drei Windungen, um die entsprechenden Drehsaren C und D. Anfangs ist der Eingriff bei A, und wenn das erste Radzwei und das zweite drei Umdrehungen gemacht hat, findet der Eingriff in B statt. Ist dagegen das erste Rad nur ein Mal und folglich das zweite Kig. 312.



ein und ein halbes Mal umgelaufen, so find die Punkte P und Q in Beruhrung, welche in den Abständen

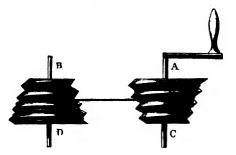
$$CP = z = rac{^3/_2 d}{1 + ^3/_2} = ^3/_5 d$$
 und $DQ = z_1 = rac{d}{1 + ^3/_2} = ^2/_6 d$

von ihren Drehungsaren C und D abstehen, mahrend anfangs

$$CA = DB = \frac{d}{2}$$
 und am Ende

$$CB = \frac{2}{8} d$$
 und $DB = \frac{d}{3}$ ist.

Anmerkung. Man fann auch bie Spiralraber burch eine Schnur dig. 313. ober Rette mit einanber



ober Kette mit einander verbinden, wie z. B. Fig. 813 vor Augen führt; während fich hier bei eizuer gleichförmigen Umzdrehung der einen Trommel um ihre Are AC die Kette auf diese Trommel aufz und von der anderen Trommel abwidelt, wird bie lettere um ihre Are BD ungleichförmig, unt zwar hier verzögert umzaedrebt.

Man kann auch zur Erzeugung einer ungleichformigen Rreib= Grentrifde bewegung ercentrische Rreisraber anwenden, wie aus folgenden Beis spielen zu erfehen ift.

Das Stirnrad AB, Fig. 314, beffen Mittelpunkt C ift, breht fich um die ercentrische Are D, Fig. 314.



und feine nach D ge= richteten Bahne greifen in ein langes Getriebe KL ein, beffen Ge= schwindiakeit v mit dem Radiusvector DP = zwachst und abnimmt. Ift ber Rabbalbmeffer CA = CB = CP = rbie Ercentricitat CD = e. und ber verander=

liche Umbrehungewintel $ADP = \beta$, fo haben wir, einer bekannten trigonometrischen Formel zu Folge, $\overline{CP^2} = r^2 = e^2 + 2 e z \cos \beta + z^2$,

baher $z = -e\cos \beta + \sqrt{r^2 - e^2 \sin \beta^2}$. 3. B. fur ben Eingriff von A, wo $\beta = 0$ ift,

DA = -e + r = r - eund fur den Eingriff von B, wo $\beta = 180^{\circ}$ ift. DB = + e + r = r + e.

Ift w die Winkelgeschwindigkeit bes Rabes, w, bie bes Getriebes und r, ber mittlere Salbmeffer beffelben, fo haben wir

 $\omega_1 = \frac{v}{r_1} = \frac{\omega z}{r_1} = (-e\cos\beta + \sqrt{r^2 - e^2\sin\beta^2}) \frac{\omega}{r_1},$

und die eminenten Werthe biefer Umbrehungsgeschwindigfeit

$$\left(\frac{r-e}{r_1}\right)$$
 ω und $\left(\frac{r+e}{r_1}\right)$ ω .

Das mittlere Umfetungeverhaltnif ift hier wie bei jebem einfachen Raber= werte $\psi = \frac{\omega_1}{\omega} = \frac{r}{r_1}$ Während also das Rad AB ein Mal umtäuft, macht bas Rab KL, $\frac{r}{r_1}$ Umbrehungen, und mahrend jenes Rab gleichformig umlauft, fleigert fich bie Bintelgeschwindigkeit bes letteren allmålig im Berhaltniffe $\frac{r+e}{r-e}$.

Ein anberer Mechanismus mit einem ercentrischen Rabe ift in Rig. 315 abgebilbet. Auch hier ift AB bas um'eine ercentrische Are D sich brebende Greentrifde Areieraber.

haltniß $\psi=rac{r}{r_1}$ und ebenso das Berhaltniß der Maximal= und Minimal= Big. 315. winkelgeschwindigkeiten des Getriebrades:



$$\frac{\psi_1}{\psi_2} = \frac{r+e}{r-e}.$$
Sig. 816.



Sehr einsach laft sich auch noch eine veränderliche Umsetung durch zwei ercentrisch gestellte Krummzapfen CK und DL, Fig. 316, bewirken, wenn man die Warze K des einen mit einem Lager und den Arm DL des and deren mit einem Schlit versieht, in welchen sich jenes Lager verschieben läßt. Steht die Warze K in A, so hat der Arm DL die Lage DB, und es ist

$$\psi_1 = \frac{CA}{DA} = \frac{r}{r - e'}$$

wenn wieder r die Armlänge CA=CK des ersten Krummzapfens und e den Abstand CD beider Krummzapfenwellen von einander bezeichnen. Kommt aber K nach E und DL nach DE, so ist dieses Berhältniß

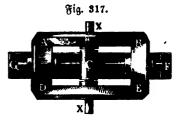
$$\psi_2 = \frac{CE}{DL} = \frac{r}{r+e},$$

und man hat folglich auch hier $\frac{\psi_1}{\psi_1} = \frac{r+e}{r-e}$,

Beide Krummzapfen vollenden übrigens gleichzeitig eine Umbrehung, es ift baher bas mittlere Umfehungsverhaltniß berfelben $\psi=1$.

§. 155. Rommt es barauf an, einer Belle eine kleine Umbrehungsges schwindigkeit zu ertheilen, so kann man fich hierzu eines Epicykel-Bor-

Ppicufelporgelege



geleges bedienen, welches im Wefentlichen aus brei Rabern besteht,
von benen sich das eine zwischen den
beiben anderen wälzt. Das einfachste
Epicykel=Borgelege ist in Fig. 317
abgebildet. Die beiden conischen
Raber AB und DE drehen sich
mit verschiedenen Umsangsgeschwin-

bigkeiten v und v_1 um eine gemeinschaftliche Are XX, und geben bem zwisschen ihnen liegenden conischen Rade BE nicht allein eine Umbrehung um seine eigene Are CF, sondern auch eine Bewegung um die gemeinschaftliche Are XX. Seten wir die Umbrehungsgeschwindigkeit des Getriebes BE um CF=c und die Umbrehungsgeschwindigkeit seines Mittelpunktes M um XX=w, so haben wir in dem Falle, wenn beide Rader in einer Richtung umlausen, für den Berührungspunkt B:

$$v = w + c$$

und für den Berührungspunkt E, wo die Geschwindigkeiten v und c einsander entgegengeset sind: $v_1 = w - c$.

Aus beiden Formeln ergiebt fich durch Abdition die Umdrehungsgefchwing

bigfeit um XX:
$$w = \frac{v + v_1}{2}$$
,

und die um
$$CF$$
: $c = \frac{v - v_1}{2}$.

Laufen die Raber AB und DE in entgegengesetzen Richtungen um, ist also v_1 negativ, so hat man hingegen $w=rac{v-v_1}{2}$

$$\quad \text{unb} \quad c = \frac{v + v_1}{2}.$$

Ift ber bem mittleren Halbmeffer ber Raber AB und DE gleiche Abstand CM des Rabmittels M von ber Umbrehungsare $XX_i = r$, so hat

man die Umdrehungszahl des Rades
$$AB$$
: $u = \frac{30 \, v}{\pi \, r}$,

ferner die des Rades
$$DE$$
: $u_1 = \frac{30 v_1}{\pi r_1}$,

und endlich bie bes Rabarmes CM um eben bie Are XX:

$$u_2 = \frac{30 w}{\pi r} = \frac{30 (v \pm v_1)}{2 \pi r}$$
, b. i. $u_2 = \frac{u \pm u_1}{2}$.

Epicufel. porgelege. Wenn die Råder AB und DE in entgegengesetten Richtungen umlaus fen, so kann man folglich dem Arme CF jede beliebig kleine Umdrehungssahl $u_2=\frac{u-u_1}{2}$ ertheilen.

Bersieht man die Nabe C mit mehreren Armen oder Speichen wie CF, CG und umfaßt man dieselben mit einem Reisen FG, so erhalt man ein Rad, welches von diesen Armen ebenfalls um XX herumgeführt wird, und also auch dieselben Umdrehungen $u_2 = \frac{u-u_1}{2}$ macht wie CF, CF u. s. w.

Auf diese Weise erhalt man bas sogenannte Differentialgetriebe.

Statt ber conischen Raber bringt man auch Stirnraber in Unwendung,

Fig. 318.



wovon aber bas eine eine in= nere Bergahnung erhalten muß. Ein foldes Epicytel=Borgelege zeigt Figur 318. Geht bas innere Rad AB mit der Ge= Schwindiakeit v. und bas aufere Rad $oldsymbol{DE}$ mit der Geschwin= bigfeit v, um, ift ferner c bie Umbrehungegeschwindigfeit bes mittleren Rabes, und w bie Geschwindigkeit der Radare M um bas gemeinschaftliche Cen= trum C, und find endlich bie Rabhalbmesser CA = r und $CD = r_1$, so haben wir folgenbe Begiehungen.

Der Arenabstand ober die Armidinge CM ist $b=rac{r+r_1}{2}$,

und der Halbmeffer MA der mittleren Rades $a=\frac{r-r_1}{2};$

folglich ift bie Gefchwindigfeit bes innern Berührungspunttes A um C:

$$\frac{CA}{CM} \cdot w = \frac{r}{b} w = \frac{2rw}{r+r_1},$$

und die des außeren Punttes D:

$$rac{CD}{CM}\cdot w=rac{r_1}{b}\;w=rac{2\,r_1\,w}{r+r_1}.$$
 Hiernach ist nun $v=rac{r\,w}{b}+c=rac{2\,r\,w}{r+r_1}+c,$

und
$$v_1 = \frac{r_1 w}{b} - c = \frac{2 r_1 w}{r + r_1} - c$$
,

Zpicyfelorgelege

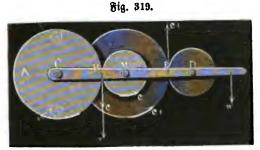
und man findet burch Abbition und Subtraction der letten Gleichungen, wie oben, $w=\frac{v+v_1}{2}$ und $c=\frac{v-v_1}{2}+\frac{r_1-r}{r_1-r}\cdot\frac{v+v_1}{2}$. Laufen die Räber in umgekehrten Richtungen um, ist z. B. v_1 negativ, so haben wir bagegen $w=\frac{v-v_1}{2}$ und $c=\frac{v+v_1}{2}+\frac{r_1-r}{r_1+r}\cdot\frac{v-v_1}{2}$.

Sind auch hier u, u_1 und u_2 die Umdrehungszahlen der Rader AB,DE und des Armes CM, so haben wir wieder $u_2=\frac{u\pm u_1}{2}$.

Man kann hier ebenfalls den Arm CM mit einem um C brehbaren Rade FG verbinden und baburch die Umbrehungsbewegung von CM auch diesem Rade mittheilen.

Beispiel. Benn bei bem letteren Vorgelege bas innere Rab AB pro Minute $\mathbf{s} = 60$ und bas äußere 48 Umbrehungen in umgekehrter Richtung macht, so wird ber Arm bes mittleren Rabes, und also auch jedes damit verbunz bene äußere Rad in berselben Beit, $\mathbf{s}_s = \frac{\mathbf{s}_s - \mathbf{s}_l}{2} = \frac{60-48}{2} = 6$ Umbrezhungen machen. Ein solches Vorgelege wurde sich bazu eignen, die große Umstrehungszahl der Turbinen, für hohe Gefälle den gewöhnlichen Bedürfnissen entsprechend, auf eine viel kleinere Zahl herabzugiehen.

6. 156. Ein zusammengesetteres Epicytel=Borgelege ift in Figur



319 abgebildet. Es ist hier AB ein um eine Are C mitber Umfangssgeschwindigkeit v umslaufendes Zahnrab und CD ein mit der Winskegeschwindigkeitwumslaufender Arm, in welschem die Are M eines Doppels und die Are D

eines einfachen Rabes feststen. Bon bem um M brehbaren Doppelrabe greift bas eine in das Jahnrad AB und das andere in das äußerste um D brehbare Jahnrad DE ein. Wenn daher das Rad AB und der Arm CD in Umbrehung geseht werden, so bekommt das Doppelrad nicht allein eine Umbrehung um seine Are M, sondern auch eine solche um die Are C, und theilt auch diese Bewegungen dem Rade DE mir. Bezeichnen wir den Rabhalbmesser CB durch CB, so haben wir die Umbrehungsgeschwindigkeiten des Berührungspunktes CB um CB, wind bezeichnen wir die Umbrehungsgeschwindigkeit desselben Punktes um CB durch CB, so haben wir

$$v = \omega a + c$$
.

Epicyfelvorgelege. Sind endlich r und r_1 die Halbmeffer MB und ME des Doppelrades BE, so haben wir noch die Umdrehungsgeschwindigkeit des Berührungspunktes E um M und um D:

$$c_1 = \frac{r_1}{r} c = \frac{r_1}{r} (v - \omega n).$$

Der Umbrehungsgeschwindigkeit v des inneren Rades entspricht die Umsbrehungszahl $u=\frac{30\,v}{\pi\,r}$, der Umbrehungsgeschwindigkeit c_1 des außeren, wenn a_1 deffen Halbmesser ist, die Umdrehungszahl

$$u_1 = \frac{30 c_1}{\pi a_1} = \frac{30}{\pi} \cdot \frac{r_1}{r} \cdot \frac{v - \omega a}{a_1},$$

und endlich ber Binkelgeschwindigkeit w bes Urmes die Umbrehungszahl

$$u_2 = \frac{30 \omega}{\pi}$$

Es ift hiernach die relative Umbrehungszahl des außeren Rades DE auch

$$u_1 = \frac{r_1}{a_1} u - \frac{r_1}{a_1} \cdot \frac{a}{r} u_2,$$

und folglich die abfolute Umbrehungegahl, b. i. die in hinficht auf den ums gebenden Raum, da DE mit dem Arme CD gleichzeitig um C rotirt,

$$u_8 = u_1 + u_2 = \frac{r_1}{a_1} u - \left(\frac{r_1}{a_1} \cdot \frac{a}{r} - 1\right) u_2.$$

If bas innere Rad fest, also u = 0, so hat man

$$u_3 = -\left(\frac{r_1}{a_1} \cdot \frac{a}{r} - 1\right) u_2,$$

und hiernach wird also bas außere Rab DE bei Umbrehung bes Armes CD sich absolut gar nicht brehen, wenn

$$\frac{r_1}{a_1} \cdot \frac{a}{r} = 1$$
, b. i. $\frac{r_1}{r} = \frac{a_1}{a}$ ift,

fich ferner mit CD in gleicher Richtung breben, wenn us positiv, also

$$\frac{r_1}{a_1} \cdot \frac{n}{r} < 1$$
, b. i. $\frac{r_1}{r} < \frac{n_1}{a}$ ift,

und endlich mit dem Arme CD entgegengefett umlaufen, wenn us negativ,

b. i.
$$\frac{r_1}{r} > \frac{a_1}{a}$$
 ift.

Anmertung. Auf diese Theorie ber Epicytelvorgelege beruht mefentlich bie Einrichtung ber sogenannten Blanetarien, und auf die lette Betrachtung die bes mechanischen Paradoron von Ferguson. S. Billis' Principles of Mechanism. Art. 406.

getriebe ober das Sonnen: und Planetenrad von Watt (frang. la mouche; engl. sun and planets wheel), bessen vorzüglichste Einrichtung

folgende ist. Es besteht hier bas Raberwert nur aus zwei Zahnrabern AB gaussetriebe.



und DE, Fig. 320, und es erhalt ber bas außere Rab tragende Arm C/) feine Umbrehung durch eine Stange FD, welche fest mit DE verbunden ift, alfo mit diefem Rade gleich= fam ein Ganges ausmacht. Die Stange FD hangt entweber an einem Rrummgapfen MF. beffen Welle M mit ber Wellenare C parallel lauft, und beffen Arm MF mit bem Arme CD gleiche gange hat, ober fie ift an bas Ende eines Balanciers angeschloffen, mit bem fie fich auf= und niederbewegt. Leicht fieht man ein, baf bas außere Rab ober eigentliche Laufgetriebe im erften Falle gar feine abfolute Umbrehunas= bewegung hat mahrend es um C lauft, ober bag vielmehr bie Umbrehungegeschwindigkeit bieses Rabes um seine Are C gleich und ent= gegengefest ift ber Umbrehungsbewegung bes= felben um die Are D, und eben fo leicht ift gu ermeffen, bag im zweiten Falle, wenn, wie gewöhnlich, bie Stange viel langer ift als ber Urm CD, das Bewegungeverhaltniß bes Getriebes nur wenig anbers ausfallt, ale im

ersten Falle, weil sich hier die Stange während einer Umbrehung zwar nicht immer parallel bleibt, jedoch nur wenig bald nach rechts bald nach links neigt. Sehen wir daher von dieser Abweichung ganz ab, benken wir und also, daß die Stange FD mit dem Rade DE sich während der Umbrezhung um C nicht wendet, und daher das lettere mit Null absoluter Gezschwindigkeit um C lause.

Segen wir wieder den Halbmeffer des inneren Rades AB, CA = CB = a und die Umfangsgeschwindigkeit dieses Rades = v, und ebenso den Halbmeffer DE des außeren Rades = a_1 und die Umfangsgeschwindigkeit deffelben = c, und endlich die Winkelgeschwindigkeit des Armes CD = ω , so haben wir auch wieder $v = c + a\omega$, oder, wenn u, u_1 und u_2 die v, c und $a\omega$ entsprechenden Umdrehungszahlen bezeichnen,

$$u a = u_1 a_1 + u_2 a$$
, und baher umgekehrt, $u_1 = \frac{a}{a_1} (u - u_2)$.

Da bie Umbrehung bes Getriebes in umgekehrter Richtung zu ber bes Armes erfolgt, fo hat man bie absolute Umbrehung beffelben

$$u_3 = u_1 - u_2 = \frac{a}{a_1} (u - u_2) - u_2 = \frac{a}{a_1} u - \frac{a + a_1}{a_1} u_2;$$

Laufpetriede. feten wir baher biefe Rull, fo erhalten wir die Gleichung

$$au = (a + a_1)u_2$$
, ober $\frac{u}{u_2} = \frac{a + a_1}{a} = 1 + \frac{a_1}{a}$.

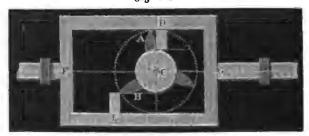
Man kann alfo burch eine entsprechende Muswahl ber Rabhalbmeffer a und a_1 jedes beliebige Berhaltniß $\dfrac{u}{u_2}$ zwischen den Umbrehungszahlen uund ug ber Wellen C und M herstellen. Macht man g. B. beibe Raber gleich, also $a=a_1$, so erhalt man $\frac{u}{u_2}={}^2/_1$, b. i. dann läuft die Welle C boppelt so schnell um als die Welle M; macht man bagegen $a_1 = 1/2a$, fo ist bas Umbrehungeverhaltniß $\frac{u}{u_0}$ nur = 3/2.

Gerablinig michertebrenbe

Wir haben ichon im britten Rapitel von ben Ercentrifes Bewegung. Krummzapfen als ber einfachsten Mittel zur Umsetzung ber ftetigen Kreisbewegung in eine absetenbe, gerablinige ober freisformige Bewegung gesprochen; es bleibt une baber nur noch übrig, von einigen befonderen Borrichtungen zur Erzielung beffelben 3medes zu handeln.

Die sich eine gezahnte Stange burch ein gezahntes Rad in einer geradlinigen Richtung fortbewegen lagt, ift une aus g. 82 bekannt; jest wollen wir aber auch von ben Sulfemitteln fprechen, wie eine folche Stange hinund jurudbewegt werben tann. Mehrere folder Sulfemittel find in ben Figuren 321, 322, 323 und 324 abgebilbet.

Bei ber Borrichtung in Fig. 321 befindet fich bas ftetig umlaufenbe Fig. 321.



Treibrad ACB innerhalb des hin- und herzuschiebenden Rahmens DFEG und schiebt benfelben mittels ber Daumen A, B u. f. w. hin und gurud. Bu diefem 3wedt ist diefer Rahmen ebenfalls mit Daumen ober Bahnen D und E versehen, welche abwechselnd von ben Daumen A, B u. f. w. des Rabes erariffen merben.

Bringt man einen Binkel= ober Aniehebel GKL zwischen bas Treibrad ABC, und die gezahnte Stange DE, Fig. 322, fo kann burch benfelben bie rudgangige Bewegung ber Stange hervorgebracht werden. Buerft ergreift ber Daumen A bes Rabes ben Daumen E ber Stange unmittelbar Gerabling

und schiebt biefe nach ber Bewegung

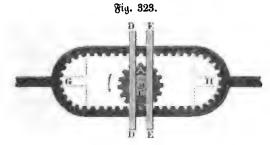


Fig. 322.

einen Richtung, und bann ergreift ber Daumen B bes Rades ben Stangenbaumen Dmittele bes Bebele GKL und ichiebt babei bie Stange wieber gurud.

Wenn bas Lager C bes Treibrabes ACB, Figur 323, in einer geraben Spur DDEE liegt, fo wird baf= felbe mahrend bes Gingriffs

in die halbfreisformigen Enden G und H bes vergahnten Rahmens GBH



burch ben ercentrisch mirtenben Drud zwischen ben Bahnen fo gefchoben, bag bas Bahnrab von ber einen Geite bes Rahmens auf bie anbere gelangt, und baber ben Rahmen genau fo jurudführt, als es ihn porher hinbewegt hat.

In Sig. 324 ift eine bin und ber ju bewegende Stange DE mit colin-Fig. 324.



brifchen Triebstoden, und an ben Enben mit halbereisformigen Spuren ausgeruftet, in welchen bie Ure C bes Treibrades AB am Ende eines jeben Musschubes fortruckt, woburch biefes Rad auf bie andere Seite ber Triebs ftode gelangt und bie Umtehrung ber Bewegung hervorgebracht wirb.

Es moge enblich noch ber conifchen Ercentrifs gebacht werben. Wir tennen aus bem britten Kapitel nur biejenigen Ercentrits, welche eine Stange in ihrer Umbrehungsebene ausschieben, und melde ihrer Form wes gen cylindrifche ober prismatifche Ercentrite genannt werben tonnen. Soll Pewegung.

hingegen eine Stange AB, Fig. 325, in einer Richtung bin- und gurud:



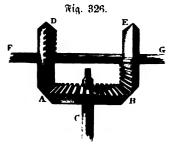
bewegt werden, welche die Umbrehungsare CD des Ercentrife unter einem ichiefen Wintel BDC Schneibet, fo hat man ein conisches Ercentrif EF in Un: wendung ju bringen. Um bie Korm ber Ers bohungen und Berties fungen biefer Ercentrits ju finden, wickelt man ben Mantel EF berfelben ab, und zeichnet ben

verlangten Bewegungeverhaltniffen entsprechend, die Formen diefer Erbohungen und Bertiefungen auf biefen abgewickelten Mantel EF, auf; widelt man bann biefen Mantel wieber uber bas Ercentrit, fo giebt er ben verlangten Umrif ber Erhohungen und Bertiefungen beffelben an.

Rreisfermig m iederfebrenbe

§. 159. Die Borrichtungen gur Ableitung einer wiebertehrenben Bewegung. Kreisbewegung aus einer stetigen Kreisbewegung tonnen im Wesent= lichen nach benfelben Regeln conftruirt werben, ale biejenigen Dechanis= men, wodurch die stetige Rreisbewegung in eine absebende geradlinige Bewegung verwandelt wirb. Es gehoren hierher folgende Mechanismen.

In Fig. 326 ift FG eine ftetig umlaufende Belle mit zwei conifchen Rabern AD und BE, movon die entgegengesetten Salften verzahnt find.



Bwifchen biefen Rabern befindet fich ein brittes conisches Rad AB, welches vollständig vergahnt ift und baber abmechfelnb von einem ober bem anderen ber beiben Raber AD und BE ergriffen wird. Mit biefem Bechsel bes Eingriffes ift aber auch ein Wechsel in ber Richtung ber Umbrehung von AB verbunden; ie nachbem AD ober BE in AB

eingreift, wird bas lettere in ber Richtung von links nach rechts, ober von rechts nach links umgebreht, und es nimmt hierbei auch bie Belle C. welche bas Rad AB tragt, eine hin = und hergehende ober ofcillirende Bewegung an. Denfelben 3med erreicht man naturlich auch, wenn man

AB nur gur Salfte und in Abfaben vergabnt, und bagegen die Raber AD greisformia und BE rundherum mit 3ahnen verfieht.

rieberfebrente Bemegung.

Es gehort auch hierher bas fogenannte Mangetrab (engl. manglewheel), welches Fig. 327 vor Mugen fuhrt. Diefes Rab besteht aus einer

Fig. 327.



um eine feste Are C umlaufenben De= tallscheibe AB, auf welcher ein an feis uem gangen Umfange gegahnter Ring ADE festfitt, ber von ben Bahnen eines Betriebes G ergriffen wirb. Je nach bem biefes ftets nach einerlei Richtung umlaufende Getriebe mit ber inneren ober mit ber auferen Bergahnung bes Ringes in Gingriff ift, fest es diefen Ring entweder nach der einen oder nach ber anberen Richtung in Umbrehung. Damit bas Getriebe bei bem Uebergange von ber einen Seite bes Ringes auf bie

andere an ben halbereisformigen Enden immer im Gingriff bleibe, bringt man in ber Scheibe eine bem vergahnten Kranze parallel laufende Spur ABF an, in welche bas Ende ber Are bes Getriebes G zu liegen tommt. ' Uebrigens ift naturlich auch bei biefem Dechanismus bafur ju forgen, bag fich bas Lager bes Bapfens von G beim Uebergang von ber einen Seite bes gezahnten Rranges auf bie andere um einen gewiffen Weg G G, verschieben tonne, weshalb man es vielleicht an eine feste Are K aufhangt

Da ber innere Theil des Bahnkranges ADE einen anderen Theilkreiß= halbmeffer hat ale ber außere, fo anbert fich naturlich auch die Umbrehunges geschwindigkeit ber Scheibe, wenn bas Betriebe von ber einen Seite biefes Rranges auf bie andere gelangt. Diefe Ungleichheit fallt bann noch am

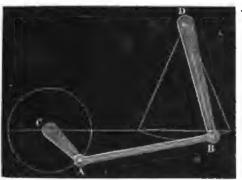
Fig. 328.



fleinsten aus, wenn man, wie bei bem De= chanismus in Kigur 324, ftatt ber boppelten Bahnreibe eine einfache Reihe von Triebftoden anmendet.

Biel einfacherer und sicherer, jedoch bei mehr Raumerforderniß, leitet man eine ofcillirenbe Bewegung aus ber fte= tigen Rreisbewegung

Reeleformig burch Sulfe bes Rurbelmechanismus ab. neibertebrenbe Bewegung. Fig. 829.

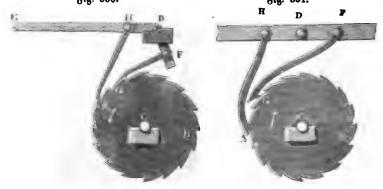


gewöhnlichen Aurbel CA, Figur 329, und einem langeren Arme DB, welcher mit der Rurbel durch eine Stange AB verbunden ist. Es ist leicht zu ermessen, und auch schon aus §. 90 bekannt, daß hier der Arm DB bei jeder Umstehung der Aurbel ein Mal hins und zurucksschwingt.

Diefer besteht aus einer

§. 160. Wennes darauf ankommt, eine schwingende Bewegung in eine langsam fortlaufende Kreisbewegung umzuändern, wendet man zuweilen sogenannte Sperrräder (franz. roues à rochet; engl. ratchet-wheels) an, deren Zähne nur nach einer Seite hin abgeschrägt sind. Zu jedem Sperrrade gehören dann zwei Sperrklinken (franz. cliquets; engl. clicks), welche wie die Klauen zwischen die Zähne des Rades greifen, und nicht allein die allmälige Umdrehung dieses Rades nach der einen Richtung hervordringen, sondern auch die Umdrehung desselben nach der entgegengesetzten Richtung verhindern. Mehrere solcher Sperrräder sind in den Figuren 330, 331 und 332 abgebildet.

Bei dem Mechanismus in Fig. 330 ist ACB das Sperrrad, und EDF ein um D drehbarer Hebel, an welchem die zwischen die Zahne des Rades eingreisenden Sperrklinken FG und HA herabhangen. Wird nun der Hebel bei dem Ende E niedergedruckt, so schiebt die Klinke HA das Rad in der Richtung des Pfeiles um einen Zahn weiter fort und es gleitet die Fig. 330.

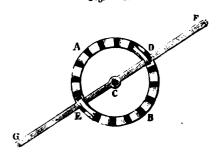


Sperredber.

Rtinte FG um ebenso viel auf ben Rabzahnen zurud. Wird umgekehrt ber Bebel bei E gehoben, fo fchiebt bie Klinke FG bas Rad um einen Bahn Eperridber. weiter und es gleitet bie Klinke HA auf ben Rabzahnen fort.

Bei ber Borrichtung in Fig. 331 find die Sperrklinken mit haken verfeben ober in Sperrhaten FG und HA umgeanbert, und es wird burch biefelben bas Rab nicht schiebend, sondern ziehend in Umbrehung gefett, es ift baber auch bier bie Umbrehungerichtung bie umgekehrte. In beiben Fallen liegen bie Sperrklinken auf einer Seite bes Rabes; will man fie auf ben entgegengesetten Seiten wirken laffen, fo muß man die eine ichiebenb und bie andere giehend, alfo mittels eines Satens wirken laffen.

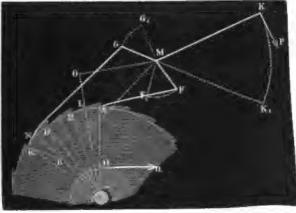
Fig. 832.



In Figur 332 ift noch ein horizontales Rronenfperr= rab ACB abgebilbet. Der Bebel FG, an welchem bie Sperrklinken D und E hangen, hat bier mit bem Rabe eine und biefelbe Arenlage U. Je nachbem man biefen Des bel bin- ober gurudichwingt, schiebt die Rlinke D ober die Klinke E bas Rab um einen Bahn weiter.

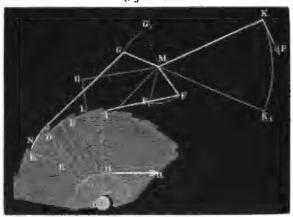
Die Anordnung und Conftruction eines gewöhnlichen durch einen Bebel mit zwei Sperrklinten zu bewegenden Sperrrades ACE, Fig. 333, laft fich wie folgt vollziehen. Es fei $ACB = DCE = \alpha$ der Theilwinkel, und alfo auch ber Wintel, um welchen bas Sperrrad bei jedem Schwunge bes Sebels MK burch eine ber Sperrelinten AF ober EG fortgebreht merben





Epertraber. foll. Ift n die Angahl der Bahne des Spertrades, fo hat man $lpha=rac{360^{\circ}}{n}$

Man halbire biefe Bintel burch bie Linien CL und CN, trage auf biefe Linien ben Sebelarm, welchen bie Sperrklinken erhalten follen, als LO und Rig. 334.



NR auf und errichte in O und R Perpendikel auf CO und CR; der Durchschnittspunkt M dieser Perpendikel ist die gesuchte Drehungsare des Hebels; und die Linien MO und MR sind die entsprechenden Klinkenlangen AF und EG. Wenn das Hebelende K um den Bogen KK_1 niedergedrückt wird, so durchsausen die Aufhängepunkte der Sperrklinken die Bögen FF_1 und GG_1 und die Endpunkte derselben die Bögen AB und ED, wobei also auch das Rad um AB fortrückt. Bringt man umgekehrt den Hebel aus der Lage MK_1 in die Lage MK, so durchsausen die Aufhängepunkte der Klinken die Bögen F_1F und G_1G und die Endpunkte derselben die Wege BA und DE, wobei das Rad um DE fortrückt.

Bezeichnen wir den Schwingungswinkel $KMK_1 = FMF_1 = GMG_1$ des Hebels durch β und den Rabhalbmeffer CA = CD durch r, so haben wir für den Hebelarm $L \cup = NR = r_1$ der Klinken annähernd

$$r_1 = \frac{DE}{\mathfrak{Bog}.\beta} = \frac{\alpha r}{\beta}.$$

Die Klinkenlangen MO = FA = l und $MR = GE = l_1$ sind durch folgende Formeln zu bestimmen:

$$l = \frac{(r+r_1)\cos\delta - (r-r_1)}{\sin\delta} \text{ und}$$

$$l_1 = \frac{r+r_1 - (r-r_1)\cos\delta}{\sin\delta},$$

in welchen d ben Bintel ACD = BCE bezeichnet, um welchen bie Un=

griffspunkte A und D der Klinken von einander abstehen. Wirkt die Kraft Gerrichten. P am Hebelarme MK=a und die Last Q am Hebelarme CH=b, so

ist das Verhältniß
$$\frac{P}{Q} = \frac{r_1}{r} \cdot \frac{b}{a} = \frac{\alpha}{\beta} \cdot \frac{b}{a} Q$$
, also die Kraft $P = \frac{r_1}{r} \cdot \frac{b}{a} Q = \frac{\alpha}{\beta} \cdot \frac{b}{a} Q$.

Wenn also das Berhaltniß der Armlange r_1 zum Rabhalbmeffer ober bas des Theilwinkels α zum Schwingungswinkel β sehr klein gemacht wird, so wird die Kraft nur ein kleiner Theil der Last sein.

Beispiel. Es sei ber Rabius bes Rabes, r=9 30ll, die Angahl ber Bahne besselben, n=60, also ber Theilwinkel $\alpha=\frac{360^{\circ}}{60}=6^{\circ}$, ferner sei ber Schwingungswinkel $\beta=80$ Grab, ber Binkel zwischen ben Angriffspunkten beiber Klinken $\delta=12^{\circ}$, der Hebelarm ber Last Q, b=6 30ll, und ber ber Kraft $\alpha=60$ 30ll. Dann ist der ersorberliche Debelarm ber Klinken

$$r_1 = \frac{ar}{\beta} = \frac{6}{80} \cdot 9 = 1.8 \text{ 3eV},$$

bie gange ber einen Rlinfe

$$l = \frac{10.8 \cos. 12^{0} - 8.2}{\sin. 12^{0}} = \frac{2.364}{0.2079} = 11.37 \text{ goll},$$

und bie gange ber anberen

$$l_1 = \frac{10.8 - 8.2 \ cos. 12^{\circ}}{sin. 12^{\circ}} = \frac{2,779}{0,2079} = 13,37 \ \text{3oU},$$

enblich bas Kraftverhältniß $P={}^6\!/_{\!30}$. ${}^6\!/_{\!60}$. $Q={}^1\!/_{\!50}$ Q, also bie Kraft 2 Prosent ber Laft.

Soluganmerfung. Die in biefes Rapitel einschlagende Literatur ift in Band III., S. 1 angegeben.

Siebentes Rapitel.

Von den mechanischen Vorrichtungen zum Reguliren, Moderiren, Egalistren, In: und Außergangseten der Maschinen.

§. 161. An jeder Maschine mussen gewisse Borrichtungen angebracht Begulatoren. sein, welche die Maschine in den Stand sehen, daß sie die ihr zukommende mechanische Arbeit ungehindert in gehöriger Ordnung und mit einer gewissen Geschwindigkeit und Regelmäßigkeit verrichte. Diese Borrichtungen sind die sogenannten Regulatoren oder regulirenden Maschinentheile (franz. régulatours; engl. regulators). Biele von diesen Apparaten kennen

Regulatoren, wir ichon aus bem gruberen, namentlich in ben fogenannten Steuerung 6: inftem en bei ben Bafferfaulenmaschinen und Dampfmaschinen (f. II., §. 221, §. 328 u. f. w.), und in ben Schutenfpftemen bei ben vertitalen und horizontalen Bafferrabern (f. II., 6. 116, 6. 134, 6. 178 u. f. w.); manche andere Borrichtungen biefer Art follen aber noch im Kolgenden abgehandelt werben. Auch bie fogenannten Doberatoren (frang. moderateurs; engl. moderators) find ben regularifirenden Mafchinentheilen beiaugablen. Gie bienen bagu, bie aus einer überwiegenben Rraft hervorge= bende Befchleunigung einer Mafchine aufzuheben, und einen moglichft gleichformigen Bang berfelben zu erzielen. Es gehoren hierher bie hemmung bei ben Uhren, ber Binbfang ober bas Flugelrab bei bem Schlagmert ber Uhren, bei ben fogenannten Bratenwenbern u. f. w., und vorzüglich noch die sogenannte Bremfe. In biefe Borrichtungen schließen fich biejenigen Mafchinentheile an, welche ben 3med haben, ben an und fur fich ungleichformigen Gang einer Maschine in einen moglichft gleichformigen Beharrungszuftand zu bringen. Man tann diefelben die Egalifatoren nennen. Die vorzuglichsten Egalifatoren find bie Gegengewichtebalan: ciers und bie Schwungraber. Die Reihe ber regulirenden Mafchinen= theile wird endlich burch bie fogenannten Gouvernatoren (engl. governors) gefchloffen, welche ben 3med haben, bie Betriebefraft ber Laft ent= fprechend und fo gu reguliren, daß eine Beranderung der letteren teine ans fehnliche Beranderung in ber Geschwindigfeit bes Ganges ber Dafchine Es gehort vorzüglich hierher bas fogenannte conifche hervorbringt. Penbel ober ber Schwungfugelregulator.

Bum Schluß haben wir noch biejenigen Borrichtungen abzuhanbeln, welche jum In : und Außergangfeben einer Mafchine bienen, wohin vorguglich bie fogenannten Gin = und Musrudvorrichtungen geboren.

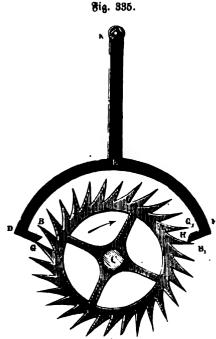
Anfer.

§. 162. Durch ein nieberfintenbes Gewicht allein, lagt fich eine Da= fchine ober ein Uhrwert nicht in einen gleichformigen Bewegungezustand verfeten, benn ber Ueberschuß ber Rraft biefes Gewichtes über bie Laft ober ben Wiberftand erzeugt eine beschleunigte Bewegung, vermoge welcher bas Gewicht allmalig schneller und schneller fintt und in turger Beit ben ibm bargebotenen Fallraum burchlauft. Um biefes zu verhindern, um alfo ein langfames und moglichft gleichformiges Nieberfinten bes Gewichtes und baber auch einen gleichformigen Bang ber burch bas nieberfinkenbe Bewicht bewegten Maschine zu erhalten, ift es nothig, bas Nieberfinken biefes Gewichtes in furgen Abfagen ju unterbrechen, fo bag es fich nach jebem Abfate von neuem in Bewegung feten muß. Diefe Unterbrechung ber Bewegung eines fintenben Gewichtes in turgen Abfagen wird burch bie sogenannte hemmung (frang. échappement; engl. escapement) in Berbindung mit einem Dendel bervorgebracht.

Unter ben verschiedenen hemmungsmethoden ift es die sogenannte Ansterhemmung (franz. echappement à ancre; engl. anchor-escapement), welche am gewöhnlichsten angewendet wird.

Anfer-

Die Ginrichtung und Birtungeweise Diefer hemmung ift folgende. A BC



ift ein Rab mit ichiefen Bahnen, ahnlich einem Sperrrabe (f. III. §. 160), unter bem Ramen Steia= Diefes Rab tann rab befannt. gwar burch ein niebergiehenbes Bewicht unmittelbar in Bewegung gefett werben, gewohnlich ift aber ein Rabermert zwischen bem Steia: rabe und ber von bem mittels einer Schnur burch ein nieberfinfenbes Gewicht in Umbrehung gefetten Trommel angebracht, moburch bas Berhaltniß ber Gefchminbigfeit bes fintenden Gewichtes gu ber bes Steigrades bedeutend berabgezogen wirb, fo baf bas lettere viele Umbrehungen macht, ebe bas erftere um ein Unfehnliches fintt. Ueber bem Steigrabe hangt ber um die Are K brebbare und burch ein gewöhnliches Penbel (f. I., 6. 260) in fdmingenbe Bewegung

versette Anter ober sogenannte englische Haten DEF, welcher mit seinen hakenförmigen Enden DG und FH zwischen die Ichne des Steigsrades eingreift. Die Grenzstächen DG und FH dieser hakenförmigen Enden sind concentrisch zur Drehungsare K gekrümmt, und es tommt, je nachdem der Haten nach links oder nach rechts ausschwingt, entweder die Fläche HF des Hakens mit der Zahnstäche A_G_1 oder die Fläche DG mit der Zahnstäche A_G in Berührung, wobei jedes Mal das Steigrad, nachdem es durch das niedersinkende Gewicht in der Richtung des Pseiles um die halbe Zahntheilung umgedreht worden ist, auf einen Augenblick ausgehalten wird. Bei diesem Mechanismus räckt also das Steigrad während einer Pendelschwinz gung um einen halben Zahn weiter und wird am Ende desselben auf einen Augenblick in Ruhe versett. Durch den Widerstand der Luft und durch die Reibungen an der Aushängung des Pendels und zwischen den Zähnen des Steigrades und den Ankerhaken wird natürlich die lebendige Kraft des Pendels bei jeder Schwingung geschwächt, und also auch die Schwingungs

Anferbemmung. elongation vermindert; wenn folglich baffelbe nicht von Zeit zu Zeit einen

Fig. 336.

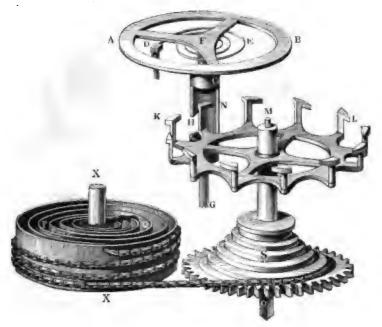
neuen Impule erhielte, murbe es fehr balb die Unterhaten gar nicht mehr aus ben Bahnen bes Steigrabes herausheben und baher bie Umbrehung bes letteren fo wie bas Spiel bes gangen Mechanismus in furger Beit beendigt fein. Diefes wird aber baburch verhindert, daß bei jebem Ausschwunge eine Zahnspite G ober G, an einer ber Schiefen Enbflachen ber Unterhaten bingleitet und babei bem Anter einen fleinen Schub auswarts, b. i. in ber jedesmaligen Schwingungs= richtung, giebt.

Eine monodimetrische Abbilbung des ganzen Hemmungsapparates führt Figur 336 vor
Augen. Es ist AB das Steigrad, welches auf der Welle CD
selfsist, die mittels einer Schnur
von dem niederziehenden Gewichte
G das Umdrehungsbestreben erhålt. Man sieht ferner in EKF
ben Anker, der mittels eines gabelformigen Hebels LMN von
dem in O aufgehangenen Pendel
OP umseine Are KL in Schwingung versest wird.

Colinder. beinmung. §. 163. Das Pendel einer hemmung läßt sich auch durch eine dunne Spiralfeber mit einem kleinen Schwungrade, die sogenannte Unruhe (franz. spirale; engl. pendulous spring) ersehen. In Fig. 337 ist AB das um die Are C drehbare Schwungradchen und DEF die dazu gehörige Spiralfeber, welche mit dem Ende D auf dem Gestelle des Apparates und mit dem Ende F auf der Welle des Rädchens sestsisch. Wird das letztere in der Richtung des Pfeiles um einen mäßigen Winkel gedreht und nach diesem sich selbst übertassen, so geht die Spirale in Folge ihrer Classicität nicht allein in ihre erste Form zurück, sondern zieht sich in Folge der Trägheit des Schwungrädchens auch noch mehr zusammen, und gelangt so in einen schwingenden Zustand

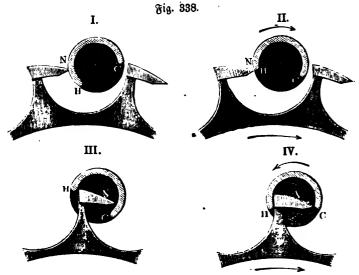
ähnlich wie ein Pendel ober ein elastischer Stab (f. I., Anhang §. 20 *)). Bas bei dem Pendel die Schwerkraft ift, ist hier die Elasticität der Spiralfeber. Fig. 337.

Cplinber. bemmung.



Es tommt nun barauf an, diese Unruhe mit der hemmung fo ju verbinden, bag bas Bange bie Wirtung eines niebergiehenden Gewichtes ober einer gespannten Feber regulirt. Die vorzuglichfte Bemmung fur biefen 3med ift bie fogenannte Cylinderhemmung, welche im Befentlichen folgende Einrichtung hat. Die Spindel CG ber Unruhe besteht aus einem bohlen Cylinder von polirtem Stahl und hat bei CH einen großeren und einen fleineren Ausschnitt. Das Steigrad KLM, welches burch die Rraft eines Gewichtes ober einer Feber um feine Are MO ftetig umgebreht wirb, bat awolf gang eigenthumlich geformte hatenformige Bahne, welche mit ihrer Spite Nabwechselnb gegen die außere und innere Flache bes ausgeschnitte= nen Theiles der cylindrischen Are der Unruhe stoßen, wodurch naturlich jedes Mal bie Umbrehung bes Steigrabes aufgehalten wirb. Wie burch bas Gingreifen ber Bahne bes Steigrabes in bie cylindrifche Are ber Unruhe und burch bie verschiedenen Stellungen ber letteren bas regelmäßige Spiel bes gangen hemmungsapparates bewirkt wirb, ift am beften aus Figur 338, I., II., III. und IV. (auf folgd. Seite) zu ersehen. In I., wo die Unruhe und folge, lich auch ihr cylindrisches Arenftuck bie größte Glongation nach ber einen

Culinter. bemmung. Seite hat, halt sie bas Steigrab mittels des Zahnes N in seiner Bewegung vollständig auf; in II., wo die Unruhe schon einen Theil ihrer Schwingung gemacht hat, erhalt sie von dem nun frei werdenden Zahne N einen kleinen Impuls zur Fortsetzung ihrer Schwingung; in III. hat die Unruhe ihre

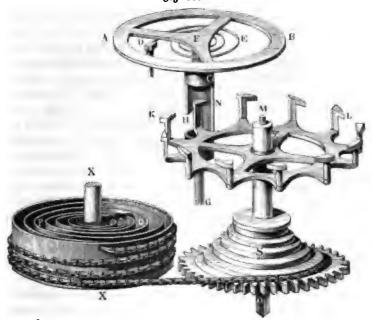


größte Clongation auf ber anderen Seite ihrer Bewegung erreicht und bringt babei bas Steigrad abermals zum Stillstand, und in IV. ist die Unruhe wieder in Ruckschwingung begriffen und nimmt hierbei noch einen kleinen Stoß von der durchgehenden Zahnspiße N des Steigrades auf.

In Figur 339 ift noch das Treibwerk abgebilbet. Es ift hier PQ die sogenannte Trommel, welche die stählerne Triebseder P einschließt, beren eines Ende an dem innern Umfange und deren anderes Ende an der Umdrehungsare XX der Trommel festigt. Ferner ist S die spiralförmige Schnecke, welche wir hier auf der Welle des Steigrades siend annehmen, jedoch dei den Uhrwerken in der Regel durch ein Raderwerk mit der Are des Steigrades in Verbindung geseht ist. Die Trommel und die Schnecke sind endlich noch durch eine Kette mit einander verbunden, welche sich von der Schnecke auf die Trommel wickelt, während die letztere durch die gesspannte Feder in Umbrehung geseht wird. Die Schnecke mit ihren Spiralswindungen ist deshalb nothig, weil die Spannkraft der Feder allmälig abnimmt, je mehr sich dieselbe von der Trommel abs und daher auf die Schnecke auswickelt. Nimmt dann hierbei der Radius der Spirale auf der letztere in demselben Rase zu als die Spanns oder Umdrehungskraft der Triebsseder sich vermindert, so bleibt das Umdrehungsmoment ein constantes.

Die Umbrehungsgeschwindigkeit bes Steigrabes hangt übrigens nicht, ober nur sehr wenig von der Umtriebskraft besselben ab, sondern ift bestimmt durch die Lange bes Pendels oder ber Feber in der Unruhe; je langer biefe Fig. 339.

Colinder. hemmung.



wesentlichen Theile eines Uhrwerkes gemacht werben, besto langsamer schwingen dieselben (vergl. I., §. 261 und Anhang §. 21*)) und besto langsamer geht also auch bas Steigrad mit bem ganzen Uhrwerke. Die Umtriebsekraft hat nur Einwirkung auf die Schwingungsamplitube, und insofern allerdings einen secundären Einsluß auf die Schwingungsdauer (s. I., §. 262*)); um benselben aber so viel wie möglich herabzuziehen, giebt man der Umtriebskraft den kleinsten Werth, macht sie also nur so groß als eben nothig ist, um eine Bewegung des Uhrwerks zu erhalten.

Anmerkung. Es giebt fehr verschiedene hemmungsarten, namentlich unterscheidet man die zurudfpringende, ruhende und freie hemmung von einander. Bir haben bier nur von den ruhenden hemmungen gesprochen, weil dieselben jest am gewöhnlichsten angewendet werden. Dieselben ruhren vorzüglich von Clement und Graham her. Bei der zurudspringenden hemmung verursahen die beiben Lappen oder Keile des Ankers nicht bloß einen mosmentanen Stillstand, sondern auch ein fleines Zurudgeben des Steigrades. Die sogenannte freie hemmung macht die Schwingungen des Pendels oder der Unruhe von der Umtriebefraft ganz unabhängig und wird beshalb vorzüglich bei beiten aftronomischen Uhren angewendet.

Binbfana.

§. 164. Der Windfang ober bas Flugelrab (franz. volant à ailettes; engl. fly) ist ein vorzügliches Mittel zur Erzeugung einer gleich, formigen Bewegung, er hat aber ben großen Mangel, daß er einen großen Theil der Arbeitstraft ber Maschine zu seiner Bewegung in Anspruch nimmt. Man wendet ihn beshalb nicht gern zu einer ununterbrochenen Arbeitsverrichtung, sondern nur dann an, wenn es darauf antommt, auf turze Zeit eine möglichst gleichförmige Bewegung herzustellen. Deshalb hat man ihn auch nur bei dem Schlag werte der Uhren, wo er die Umdrehungsbewegung bes sogenannten Lauswertes derselben nur während des Schlagens des Schlägels auf die Glocke zu reguliren hat. Als Regulirungsmittel chronometrischer Apparate (s. I., Anhang §. 21*) Anmertung 3) leistet er indessen ebenfalls



fehr nutliche Dienfte. 3m Befent: lichen besteht ber Windfang in einer Welle BC, Fig. 340, mit zwei ebenen Flugeln F, F in ber Chene ber Umbrehungsare, alfo rechtwinkelig auf ber Umbrehungs= ebene ber Belle. Auf biefer Belle fit noch ein fleines Getriebe ober ein ftart ansteigendes Schraubengewinde A, in welches ein großeres Bahnrab ADE eingreift, bas burch eine Reber ober ein Bewicht entweder unmittelbar, wie in ber Figur, ober mittelbar, namlich burch zwischengestelltes Raberwert, in Umbrehung gefest wird. Der Wiberftand, welchen bie Luft ben Rlugeln bei ihrer Umbrehung um BC entgegenfest, machft mit bem Quabrate ber Umbrehungeges fcminbigfeit und gelangt baher auch bei

einer gewissen Umbrehungsgeschwindigkeit des Windfanges mit dem Gewichte oder der Umtriebskraft ins Gleichgewicht, so daß von diesem Augenblicke an die anfangs beschleunigte Bewegung in eine gleichformige übergeht. Es sindet also bei diesem Regulirungsapparate ein ganz anderes Verhältniß statt als bei der Hemmung mit Steigrad, da hier die Geschwindigkeit von der Triebkraft abhängt, wogegen sie bei der Hemmung am Steigrade nur von der Pendel- oder Feberlange bestimmt wird. Deshalb ist auch die Bewegung dieses Apparates auf die Dauer nicht gleichformig, nimmt z. B. eine andere Geschwindigkeit an, wenn sich der Reibungszustand oder der Zusstand der den Apparat umgebenden atmosphärischen Luft ändert.

Ift F ber Inhalt ber Flügelflachen jufammengenommen, & ber Widers ftanbecoefficient ber Luft, ferner y bie Dichtigkeit ber Luft, g bie Befchleus

nigung ber Schwere und I bie Entfernung ber Flugelmitte von ber Um= Bindfang. brehungsare, fo haben wir bas Moment bes Widerstandes, welchen bie Luft bem Windfang entgegensett:

$$Q l = \zeta \cdot \frac{v^2}{2g} F \gamma \cdot l = \zeta \frac{v^2}{2g} F l \gamma$$
 (f. I., §. 432).

Ift P die dem Gewichte G entsprechende Umbrehungetraft des Bahnrades nach Abzug der Reibung und anderer Rebenhinderniffe, und r der hebels arm diefer Kraft, alfo Pr das Moment berfelben, fo haben wir die Gleichung

$$Ql = \zeta \cdot \frac{v^2}{2g} \ Fl \gamma = Pr,$$

und baber die Geschwindigkeit ber Flugelmitte, $v=\sqrt{\frac{2\,g\,Pr}{\xi\,\cdot\,Fl\,\gamma}}$.

Nimmt nun P um eine kleine Große $\triangle P$ zu ober ab, so erhalt biese Geschwindigkeit eine $\exists u = \text{ober } X \text{bnahme}$, welche burch bie Formel

$$v \pm \triangle v = \sqrt{\frac{2g(P \pm \triangle P)r}{\xi \cdot Fl\gamma}},$$

oder einfacher, burch bie Proportion $\frac{\triangle v}{v}=1/_2 - \frac{\triangle P}{P}$ bestimmt ist.

Wenn also während der Bewegung des Windfanges die Kraft innerhalb der engen Grenzen $P\left(1-\frac{\triangle P}{P}\right)$ und $P\left(1+\frac{P}{P}\right)$ schwankt, so verändert sich die Geschwindigkeit nur innerhalb der Grenzen

$$v\left(1-rac{\triangle v}{v}
ight)=v\left(1-rac{1}{2}rac{\triangle P}{P}
ight)$$
 und $v\left(1+rac{\triangle v}{v}
ight)=v\left(1+rac{1}{2}rac{\triangle P}{P}
ight)$.

Bas ben Coefficient ζ anlangt, so ift berselbe nicht ganz constant, sondern für eine kleine rectanguläre Fläche $\zeta=1,254\left(1+\frac{1,295VF}{l}\right)$ zu seten.

Beispiel. Durch welches Gewicht wird ber in Figur 340 abgeblibete Apparat mit 30 Fuß Geschwindigkeit umgetrieben, wenn dasselbe an einem Gebelaarme DH=a=4 Boll wirkt, während der mittlere Flügelhalbmesser CF, l=8 Boll, die Seitenlänge der beiben quadratischen Flügel 4 Boll beträgt und das Bahnrad AE, n=30 Bähne, die Schraube A aber m=2 Gewinde hat? Rehmen wir an, daß der Apparat durch die Reibung 35 Procent der Kraft verliere, so können wir das Kraftmoment dieses Gewichtes in Hinsicht auf die Flügelwelle sehen (s. III., §. 148):

$$Pr = (1 - 0.35) \cdot \frac{m G a}{n} = 0.65 \cdot \frac{2.4 G}{30} = 0.1733 G,$$

ferner haben wir die Flügelfläche $F=2\cdot 4^3=32$ Quadratzoll, und bas Gewicht eines Cubifzolls Luft, $\gamma=\frac{66}{800\cdot 1728}=\frac{0,0825}{1728}$ Pfund; führen

Winefarg wir nun noch l = 8, 2 g = 2 . 12 . 31,25 = 24 . 31,25 Rell. $v^2 = (12 \cdot 30)^2 = 144 \cdot 900$ und

 $\zeta = 1,254 (1 + 1,295 \cdot \frac{4}{8}) = 2,066 \text{ ein,}$

fo erhalten wir bie Gleichung

0,1733
$$G=\zeta\cdot\frac{v^3}{2g}\ Fl\gamma=2,066\cdot\frac{144\cdot 900\cdot 32\cdot 8\cdot 0,0825}{24\cdot 31,25\cdot 1728}=\frac{2,066\cdot 66}{31,25},$$
 und baber bas gesuchte Gewicht $G=\frac{2,066\cdot 66}{0,1733\cdot 31,25}=25,18$ Pfund.

Die mittlere Umbrehungszahl bes Flügelrabes pro Minute ift

$$u = \frac{30 \cdot v}{\pi l} = 9,549 \cdot \frac{v}{l} = 9,549 \cdot \frac{12 \cdot 30}{8} = 429,7.$$

Sollten bie Rebenhinderniffe innerhalb 10 Brocent bes Gewichtes G fowanten. ober follte P balb 0,40, balb 0,30 Brocent bes Bewichtes beanspruchen, mare also auch bas Umbrehungemoment balb 1/65 = 1/18 fleiner, balb ebensoviel grofer ale bas mittlere Moment Pr=0.1733~G, fo wurde bie Umbrehungezahl u nie mehr ale um 1/26 größer ober fleiner, alfo hochftene auf

 $429.7 \ (1+\frac{1}{26}) = 429.7 + 16.5 = 446.2$ fteigen, ober auf $429.7 \ (1-\frac{1}{26}) = 429.7 - 16.5 = 413.2$ finfen fonnen. Diefes Reguliren ber Bewegung ift allerbings, ba bas Gewicht G mit ber Be-

schwindigfeit $w=\frac{m}{n}\cdot\frac{a}{l}$ $v=\frac{9}{80}$. $\frac{4}{8}$ 30=1 Huß finft, mit einem Arbeitsaufmanbe von L=Gw=25,18 . 1=25,18 Fußpfund pro Secunde

Bremfe.

verbunben.

Die in ber praktischen Dechanit am haufigsten angewendeten Moberatoren einer Rraft find die Bremfe (frang, freins; engl. breaks), worunter man alle biejenigen Dechanismen verfteht, welche bie Bewegung einer Maschine burch ben Reibungswiderstand magigen ober nach Befinden gang Da burch bie Reibung nur die Bewegung gefchwacht, nie aber beschleunigt ober erzeugt wird, so ift mit ber Unwendung eines Bremfes ftets eine Rrafttobtung ober Arbeitevernichtung verbunden und es gehort aus biefem Grunde ein Brems nicht zu den willkommenen hilfsapparaten einer Man foll fich baher auch ber Bremfe nur in allen ben Kallen zur Regulirung ber Bewegung einer Maschine bebienen, wenn andere Regulirungemittel und jumal folche, welche burch bewegenbe Rrafte, g. B. burch Gewichte, Febern ober trage Maffen wirken, nicht ausreichen ober überhaupt keine Anwendung gestatten. Da die Reibung proportional mit bem Drucke eines ruhenben Rorpers gegen die bewegten Rorper machft und abnimmt, fo tommt es bei den Bremfen nur barauf an, einen festen Korper gegen ben in feiner Bewegung zu regulirenden Dafchinentheil mit einer gemiffen Rraft zu bruden. In der Regel besteht ber zu regulirende Dafchis nentheil in einer rotirenden Welle, Trommel ober einem Rade, und hat man es mit einem Bagen zu thun, fo bient hierzu gleich ein Paar Raber, worauf biefer fortrollt. Im letteren Falle kann naturlich bie fortichreitende Bemequng bes Bagens burch ben Brems nur inbirect, d. h. nur baburch mobe-

331

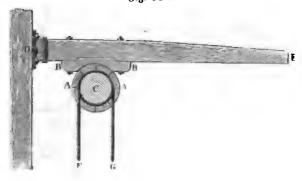
rirt werden, daß die rollende Bewegung ber Raber in eine ganz oder theils weise gleitende Bewegung verwandelt wird. Kommen die Raber ganz zum Stillstand, so verwandelt sich die unbedeutende rollende Reibung in die gleitende Reibung, deren Ueberwindung meist schon eine sehr große Krast erfordert. Uebrigens kann das Umdrehen der Wagenrader auch durch sos genannte Hemmketten und hemmschuhe (franz. enrayures, sabots; engl. triggers) verhindert werden.

Dem Vorstehenden zu Folge besteht jeder Bremsapparat aus zwei haupttheilen, aus dem rotirenden Bremsrade und aus dem auf dieses aufzubrudenden Körper, dem Bremse im engeren Sinne des Wortes. Nach
der Gestalt und Beschaffenheit des letteren Theiles lassen sich nun folgende
Bremsapparate von einander unterscheiden:

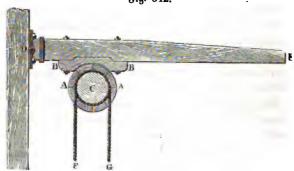
- 1) bie Baden = ober Lafchenbremfe,
- 2) die Glieber = ober Rettenbremfe,
- 3) bie Geil =, Draht =, Band = und Gurtbremfe,
- 4) die Ercentrifbremfe,
- 5) bie Regelbremfe.

Der Baden: oder Laschenbrems besteht aus einem oder zwei Holzoder Eisenstüden, ben sogenannten Bremsbaden, welche mit großer Kraft
gegen den Umfang einer Welle oder eines auf ihr sienden Rades, des sog genannten Bremsrades, gedrückt werden. Der Glieder: oder Ketten:
brems ist eine Kette oder ein gegliederter Gurt, welcher um das Bremsrad herumgeschlungen und durch ein Gewicht oder eine andere Kraft gespannt wird. Bei dem Seil:, Draht:, Band: oder Gurtbrems ist
es ein um das zu bremsende Rad gewundener biegsamer Körper, z. B. ein
Seil, Draht, Band u. s. w., welcher die Umdrehung dieses Rades moderirt oder aushebt. Der Ercentrikbrems besteht aus einem Ercentrik
und der Kegelbrems aus einem hohlen Kegel, welcher in oder über das
ebenfalls conisch gesormte Bremsrad geschoben wird.

§. 166. Gin einfacher, jeboch nur einseitig wirkender Badenbrems Big. 341.

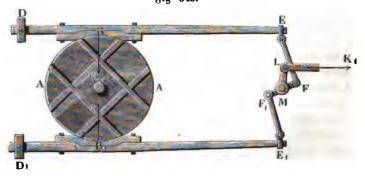


für eine liegende Belle ist in Fig. 342 abgebildet. AA ist das aus Dauben zusammengesette Bremsrad, BB der bogenformig ausgenommene Fig. 342.



Bremsbaden und DE der sogenannte Bremsbrudel, welcher in D seinen Stuppunkt hat und in E niedergedrudt wird, wenn es darauf ankommt, das Niedersinken des an einem der beiden Seilenden F und G hangenden Gewichtes zu reguliren.

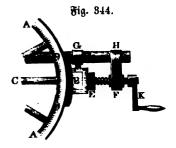
Um durch das Bremsen oder Ausdruden des Bremsbadens auf das Bremsrad die Welle und ihre Zapfen nicht zu verletzen, wendet man lieber doppelte Bremsbaden an, welche an entgegengesetzen Seiten auf dieses Rad druden. Ein solches Rad ist in Fig. 343 abgebildet. Es ist auch hier AA Fig. 348.



bas um C brehbare Bremsrad, und es find B, B_1 die auf ben um D und D_1 brehbaren Bremsdruckeln DE und D_1 E_1 festsissenden Bremsbacken. Um die Kraft, mit welcher die Bremsbacken auf das Rad drücken, noch zu verstärken, kann man noch ein aus einem doppelarmigen Hebel FMF_1 bestehendes Borgelege anwenden. Die Bremsdruckel DE und D_1 E_1 sind dann

durch Zugstangen EF und E_1F_1 an die Arme MF und MF_1 dieses Hebels angeschlossen, und dieser wird mittels eines Armes ML von der Kraft K ergriffen.

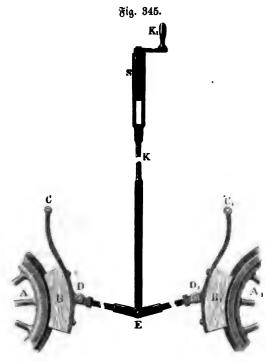
Bu ben Badenbremfen gehoren auch noch bie fogenannten Schleif=



zeuge der Rabfuhrwerke. Gin folches Schleifzeug ist in Figur 344 abgebile bet. ACA ist ein Theil des Rades, Bein quer über beide Rader weggehender Bremsbaum mit den eifernen Bremsbacken DD, und EF eine Schraube, welche mittels einer Kurbel K nach der einen oder nach der anderen Richtung umgedreht wird, wenn es darauf anskommt, die Bremsbacken entweder auf

das Rad aufzubrucken ober von demfelben abzuziehen. Bu diesem 3wecke ist der Bremsbaum in G verschiebbar und dagegen die Schraube in H unverruckbar an dem Wagengestelle aufgehangen.

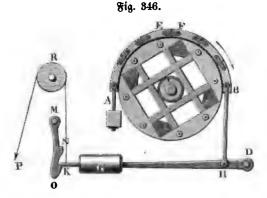
Ein anderes Schleifwert fur einen Gifenbahnwagen ift in Fig. 345 ab-



gebilbet. Es find hier A und A, die Bagenraber, B und B, die Bremsbaden und CD, C_1D_1 Stangen, womit biefe in C und C1 am Bagen bangen. Das Aufbruden ber Bremebaden auf bie Magenraber erfolgt burch eine Rurbel K1 in Berbinbung mit einer Schraube S und bem Rniehebelmechanismus CDE und C1 D1 E. Durch Umbrehung ber Schraube S mittels ber Rurbel nach ber einen ober anberen Richtung fann bie Bugftange EK, und remfe.

mit ihr also auch ber Aufhängepunkt E aufgezogen ober niedergelaffen werben, womit naturlich entweber ein Aufbrucken ober ein Abziehen ber Backen B und B_1 von den Rädern A und A_1 verbunden ist.

§. 167. Einen aus holzernen Gliebern ober Ringftuden zusammenge=



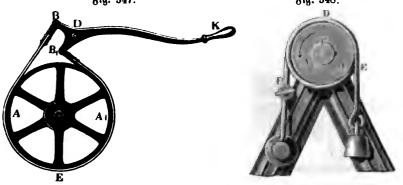
festen Gliederbrems, wie er vorzüglich bei Windmühlen zur Answendung kommt, zeigt Kigur 346. Es ift hier ACB das auf der Klügelwelle C (f. II., §. 248) auffigende Bremssrad und AEFB der dieses Rad umgürtende Bremssoder Prefiring. Die Berbindung der Glieder unter einander wird durch eiserne Las

schen wie EF und eiserne Bolzen E und F, welche lettere durch die Glieberenden hindurchgehen, bewirkt. Das eine Ende A dieses Gurtes ist an dem Gebälke des Gebäudes befestigt, und das andere Ende B mittels einer eisernen Zugschiene BH an einem um D drehbaren Hebel KD angeschlossen. Dieser Hebel ruht für gewöhnlich mit seinem Ende K auf einem Zahn O einer um M drehbaren Klinke, und halt dabei den Bremskranz in einem Abstande von ungesähr 1/4 bis 1/2 Zoll frei über dem Bremskrade; soll aber gebremst, d. i. die Belle C in Ruhe oder in eine langsamere Bewegung versetzt werden, so zieht man mit einem Rucke am Ende P einer über einer Leitrolle R liegenden und am Hebelende K besestigten Schnur. Hierbei trifft das Ende K an einen zweiten Zahn N der Klinke, und theilt dadurch der letzteren einen Schwung nach außen mit; läßt man daher in diesem Womente mit dem Zuge nach, so fällt der Hebel KD ungehindert herab und drückt, zumal mit Hisse des an ihm besessigten Sewichtes G, den Bremskranz sest auf das Bremskrad auf.

Ein einfacher Band= ober Gurtbrems ist in Fig. 347 abgebildet; ACA_1 ist das Bremsrad, $BAEA_1$ B_1 das eiserne Blechband. Die Ensben B und B_1 des letteren sind an einem Hebel DK angeschlossen, und es ist hieraus leicht zu ersehen, wie durch Niederdrucken des Hebelendes K das Band gespannt wird.

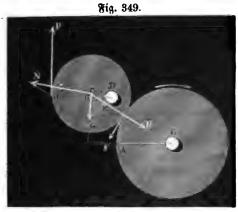
Einen Drahtbrems für einen Krahn führt Fig. 348 vor Augen. Es ift auf ber zu bremfenden Belle C eine metallene Scheibe ober Trommel

AA aufgebolzt, um welche fich der etwa 1/4 Boll dicke Draht BDE mehr: wremfe mals umwickelt. Das eine Ende biefer Welle ist mittels des Gelenkstuckes Fig. 347. Fig. 348.



FB bei F an das Krahngestell angebolzt, und das andere Ende besselben ist durch ein kleines Gewicht G von ein paar Pfunden gespannt. Dreht sich die Welle in der Richtung des Pfeiles, so hat sie eine kleine, nur dem Gewichte G entsprechende Reibung am Umfange der Trommel zu überwinden; wird aber die Welle in umgekehrter Richtung umgedreht, so wis dersteht eine viel größere, nach I., §. 176, zu beurtheilende Kraft. Wenn also auch die Umdrehungskraft der Welle zu wirken aushört, so wird die vielleicht noch freihängende Last des Krahnes oder Haspels durch diesen großen Reibungswiderstand an dem Herabsinken verhindert werden.

Einen Ercentritbreme fieht man in Sig. 349 abgebilbet; es ift

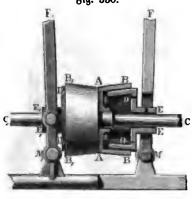


ACA das um C laufende Bremsrad und BD das um D drehbare Excentrik, das durch ein Gewicht G nach unten gezogen wird und mittels einer Schnur BP aufgezogen werden kann. Soll das Rad ACA in feiner Umdrehung aufgehalten werden, so läßt man die Schnur BP locker und es klemmt sich nun das Excentrik zwischen den festen Axen C und D.

Sehr gewöhnlich wendet man ftatt bes Bollfreises BD einen Bebel mit Rreissectoren an.

,,,

Bremie. In Fig. 350 ift noch ein Regelbrems abgebilbet. Auf ber sich um sig. 350. ihre Are umbrehenden Welle CC,



ihre Are umbrehenden Welle CC, sist ein boppelter Regel AABB— $AABB_1$, wovon der eine im Durchsschnitt und der andere von-außen zu sehen ist. Zwei andere Regel DD und D_1D_1 im Innern dieser Regel sisten mittels Musse EE und E_1E_1 auf der Welle CC_1 und lassen sich cauf dieser mit Hilse zweier um M und M_1 drehbarer Hebel FM und F_1M_1 verschieden. Diese Hebel sind so mit einander verbunden, daß sie sich gleichzeitig entweder nach innen oder nach außen bewegen lassen.

Im ersteren Falle schieben sie bie conischen Raber DD und D_1D_1 in die hohlen Regel AB und AB_1 , so daß zwischen den Außenslächen des einen und den Innenslächen des anderen Regelpaares eine Reibung entsteht, woburch die Umdrehung der Welle CC_1 entweder gemäßigt oder ganz aufgehoben werden kann. Im zweiten Falle treten hingegen die Regel AB, A_1B_1 aus den Regeln DD und D_1D_1 heraus und es kann dann BAB_1 mit CC_1 ungehindert umlausen.

Anmendung ber Bremfe

Es ift von einem zwedmäßigen Brems zu verlangen, bag er ohne großen Kraftaufwand und ohne nachtheilige Wirkungen auf die Da= fchine bie Bewegung ber letteren fchnell und ficher hemme ober nach Befinden gar aufhebe. Da ber Reibungswiderftand, burch welchen bie Da= fchine gehemmt ober in Ruhe verfett wird, nicht allein von bem Drucke, fondern auch von bem Reibungscoefficienten abhangt, fo kommt es nicht allein barauf an, einen großen Druck auf bas Bremerab auszuuben, fonbern es ift auch barauf zu feben, bag bie Reibungeflachen mehr rauh als glatt find. Aus bem letteren Grunde lagt man nicht gern Gifen auf Gifen, fonbern lieber Solz auf Solz ober wenigstens Solz auf Gifen fich reiben, und macht beshalb gern bie Bremebaden ober ben Bremegurt aus Solg (f. I., §. 161). Der Druck ift der auszuubenben Bremetraft proportional und laft fich burch Bertheilung ber letteren fowie burch Singufugung von Bebeln beliebig vergrößern (f. Fig. 346 und Fig. 343). Diefer Bergrößerung ber Bremefraft ift aber wieber burch ben vorgeschriebenen Weg ber letteren eine Grenze gefest. Se mehr die Brems = ober Bugfraft burch Bebel u. f. w. vergrößert auf ben Brems übertragen wirb, befto fleiner fallt naturlich auch ber Weg bes letteren aus. Nun muß aber biefer Weg ober Abstand bes

Bremfes vom Bremerabe eine gewiffe Große haben, bamit bas Bremerab, anwendung felbft wenn es nicht gang rund ginge, beim gewohnlichen Gange nicht am Brems Schleift; es ift folglich umgetehrt, von ber Bugfraft mahrenb bes Bremfens ein mit biefem Abstande und mit dem Umfepungeverhaltnig biefer Rraft proportional machfenber Beg gurudgulegen. Diefer Beg barf jeboch, ber Armlange bes Menschen entsprechend, nur eine gemiffe Große haben, und folglich tann auch bas Umfetungeverhaltnig ober bie Bergros Berung ber Bremetraft eine gemiffe Grenze nicht überschreiten.

Damit ber Drud bes Bremfes auf die Welle bes Bremerabes nicht nachtheilig wirke, ift es nothig, ben Brems auf die entgegengefetten Seiten bes Bremerabes ober rundherum auf biefes Rab ju vertheilen. Mus biefem Grunde find 3. B. die Bremfe in Figur 347, 348 und 350 benen in Figur 342, 344, 345 u. f. m. vorzugieben.

Um überhaupt ben Arbeitsaufwand, alfo bas Product aus Rraft und Beg bes Bremfens, moglichft herabzugieben, ift es rathfam, an benjenigen Stellen zu bremfen, wo die Mafchine am schnellsten geht und eben beshalb die kleinfte Umbrehungstraft hat. Man bremft daher bei einer Mafchine Diejenige Belle, welche bie meiften Umbrehungen macht, und zwar nicht unmittelbar, fonbern mittels eines bie Umbrehungsgefchwindigkeit vergro-Bernden und folglich die Umbrehungefraft vermindernden Bremerades.

Befist bie burch ben Breme ju hemmenbe Dafchine eine große und schnell umlaufende Maffe, fo ift es zwedmäßig, die Maschine an einer biefer Maffe fehr nahen Stelle gu bremfen, um bie Birfungen ber Reaction, welche bie trage Maffe bei ihrer verzogerten Bewegung ausubt, fur bie Mafchine fo unschablich wie moglich zu machen. Deshalb bremft man tenn auch Bafferraber und Schwungraber gern unmittelbar an ihrem Umfange ober menigstens an mit biefen Rabern fest verbundenen Bremerabern. Sat man es nicht blog mit ber Aufhebung ber lebenbigen Rraft, fonbern auch mit ber Bernichtung ber Umtriebefraft einer Dafchene gu thun, fo ift es auf ber anderen Seite auch munfchenswerth, bag bas Bremfen fo viel wie moglich in ber Nahe bes Angriffspunktes ber Umbrehungekraft erfolge.

§. 169. Es ift nun im Folgenden die Theorie des Bremfes als eines Theorie ben Gang einer Maschine moberirenben ober fistirenben Silfsapparates, ju entwickeln. Denken wir une bie gange Daffe ber Dafchine auf ben Umfang bes Bremerades reducirt, bezeichnen wir dieselbe mit M, und nehmen wir ebenso an, daß die bewegende Rraft ober Ueberwucht P der Malchine. fo wie ber vom Brems erzeugte Wiberftand F an bem Bremsrabumfang wirte. Es ift bann bie Acceleration bes Rabumfanges vor bem Bremfen:

Ibeorte

und bagegen bie Retardation des Rabumfanges während bes Bremfens:

$$p_1 = \frac{F - P}{M}$$
 (f. I., §. 65).

Bit nun die Beit fur den erften Bewegungszustand = t und die bes zweiten $= t_1$, so hat man den Buwachs an Geschwindigkeit im ersten Falle:

$$v = pt = \frac{P}{M}t,$$

und bie Verminderung der Gefchwindigfeit im zweiten Falle :

$$r_1 = f_1 t_1 = \frac{F - P}{M} t_1$$
 (f. I., §. 9).

Hat der Nadumfang anfangs die Geschwindigkeit c, und handelt es sich bloß darum, diese Geschwindigkeit troß der Ueberwucht zu behalten, so muß $v_1=0$, also F=P, d. i. der durch das Bremsen hervorzubringende Wizberstand der Ueberwucht P gleich sein. Soll hingegen die Bewegung des Rades in einer gegebenen Zeit t_1 aufgehoben, also die Waschine zum Stillsstande gebracht werden, so hat man

$$c-v_1=0$$
, b. i. $v_1=c$ oder $\left(\frac{F-P}{M}\right)t_1=c$

ju fegen, und es folgt nun ber erforberliche Bremswiderstand :

$$F = P + \frac{Mc}{t_1}$$

Ist hingegen die Geschwindigkeit des Rades c+v in der Zeit t_1 auf die Größe c zuruckzuführen, so hat man

 $c+v-v_1=c$, b. i. $v_1=v$ oder $\Big(rac{F-P}{M}\Big)t_1=v$, also den entsprechenden Bremswiderstand

$$F = P + \frac{Mv}{t_1}$$

Ware ber durch bas Bremsen wegzunehmende Geschwindigkeitsüberschuß v aus der mahrend der Zeit wirkenden Ueberwucht P erwachsen, so wurde $v=\frac{P}{M}t$ und daher

$$F = P + \frac{t}{t_1} P = \left(\frac{t + t_1}{t_1}\right) P$$
 zu segen sein.

Giebt man statt der Zeiten t und t_1 die entsprechenden Wege des Brems-radumfanges, setzt man also den der Ueberwucht P und der Zeit t entsprechenden Weg = s und dagegen den der verzögernden Kraft F - P und der Zeit t_1 entsprechenden Weg $= s_1$, so hat man für den Fall, daß durch das Bremsen die Geschwindigkeit c + v auf c zurückgebracht werden sou, die Arbeit $\frac{M}{2}[(c+v)^2-c^2]=(F-P)s_1$ (s. I., §. 71),

Theorie ber Bremfe.

und es ist daher
$$F=P+rac{M}{2\,s_1}\,[(c\,+\,v)^2\,-\,c^2]$$
, oder da
$$rac{M}{2}\,[(c\,+\,v)^2\,-\,c^2] \ {
m aud}, = Ps \ {
m geset} \ {
m werden} \ {
m tann},$$
 $(F-P)\,s_1=Ps$, d. i. $F=\left(rac{s\,+\,s_1}{s_1}
ight)P$.

Uebrigens laffen fich auch bie Wege s und si burch bie Formeln

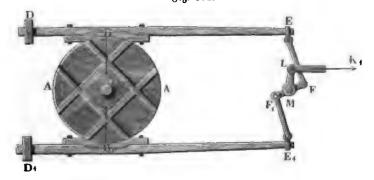
$$s = \left(s + \frac{v}{2}\right)t$$
 und $s_1 = \left(c + \frac{v}{2}\right)t_1$ (f. I., §. 13)

bestimmen.

Beispiel. Ein Wasserrab hat eine Umfangsgeschwindigkeit c von 10 Juß, eine träge Masse M von $\frac{20000}{g}=0{,}032\cdot20000=640$ Pfund und eine Ueberwucht P von 200 Pfund, beibe auf den Radumfang reducirt, welchen Wiberstand F muß man an dem Radumfang andringen, um dieses Rad im Lause von t=8 Secunden in den Stillstand zu versehen? Es ist dieser Widerstand nach dem Obigen $F=P+\frac{Mc}{t}=200+\frac{640\cdot10}{8}=200+800=1000$ Pfund, und es ist der Weg des Radumsanges in der Zeit von 8 Secunden, innerhalb welcher das Rad zur Ruhe übergeht, $s=\frac{vt}{2}=\frac{10\cdot8}{2}=40$ Fuß.

§. 170. Um von ben im vorigen Paragraphen gefundenen Formeln Gebrauch machen zu können, ift es noch nothig, für die verschiedenen Brems-methoden die Abhängigkeit des Reibungswiderstandes F von der Bug - oder Drucktraft K des Maschinenwärters zu kennen.

Haben wir es mit einem Backenbrems, wie z. B. Fig. 351, zu thun, so ift ber Reibungswiberstand F einfach $= \varphi R$, wo φ ben Reibungscoeffizig. 851.



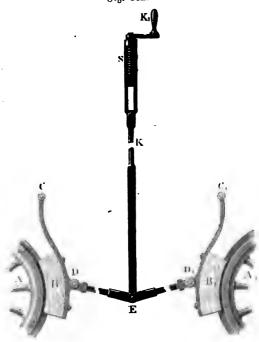
cienten und R ben Druck der Bremsbacken auf das Bremsrad bezeichnet, zu feben. Ift nun a der Hebels der Kraft K und b der Hebels

Ebertie, arm DB bes Drudes, fo hat man aK=bR, und baher

$$F = \varphi R = \varphi \frac{a}{b} K.$$

Ist noch ein Borgelegshebel angebracht, und wirkt bei demselben die Kraft K_1 am Hebelarme $ML=a_1$, und die Schwengelkraft K am Hebelarme $MF=b_1$, so hat man $a_1K_1=b_1K=b_1$ $\frac{b}{a}$. R, und daber die Reibung

1)
$$F = \varphi R = \varphi \frac{a}{b} \cdot \frac{a_1}{b_1} K_1$$
.
Sig. 352.



Die Berdoppelung ber Bremsbaden u. Hebel andert biefe Formel nicht; es ist bann R bie Summe ber Drude und also auch F die Summe ber Reibungen an beiben Seiten.

Bei dem Wagen:
brems, Kig. 352,
mit Aniehebel und
Schraube ist das
Berhältniß zwischen
Kraft K1 und Druck
R ober Reibung F
wie folgt zu beurstheilen. Weichen
die Druckstangenaren
DE und D1E1 um
einen Winkel DEK

= D1EK = \beta von
der Zugstangenare

KE ab, fo ift ber Drud R, mit welchem jebe Stange ben Bremsbaden auswarts fchiebt, burch bie bekannte Formel

$$R = \frac{K}{2\cos\beta} \text{ (f. I., §. 75) bestimmt.}$$

Geht die Richtung der Stange DE durch die Radare, so ist & zugleich ber Normalbrud auf den Radumfang, und daher der Reibungswiderstand an beiden Radern zusammen

$$F = 2 \varphi R = \frac{\varphi K}{\cos \beta} \cdot$$

Es wirft ber Aniehebel genau wie ein Reil, und es ift leicht einzusehen, Theorie Gremfe. baf fich burch ihn ein fehr großer Druck und alfo auch eine fehr große Reis bung erzeugen lagt, wenn man ben Reigungswinkel cos. & febr klein, alfo B nabe 900 macht

Birft bie Bremetraft K, an einem Bebelarme a, ift die mittlere Dide ber Schraube S, = d, bas Unfteigen ber Schraube = a und ber Reis bungewinkel = o, fo haben wir nach III., §. 142, die Rraft

$$K_1 = \frac{d}{2a} K tang. (\alpha + \varrho)$$

und baher ben Reibungswiberftanb

2)
$$F = \frac{\varphi K}{\cos \beta} = \varphi \cdot \frac{2a}{d} K_1 \frac{cotang (\alpha + \varrho)}{\cos \beta}$$
.

Berbinden wir nun die eine oder die andere der Formeln unter 1) und 2) mit einer ber Formeln

$$F = P + \frac{Mv}{t}$$
, $F = P + \frac{M}{2s_1}[(c+v)^2 - c^2]$ u. f. w.,

fo erhalten wir die gefuchte Regel gur Berechnung ber Sauptbimenfionen bes gemiffen Forberungen entsprechenden Bremfes.

Beifpiel. Gin Dampfwagenzug von ber Daffe

$$M = \frac{100000}{q} = 0{,}032$$
 . $100000 = 3200$ Bfund

bewegt fich mit ber Geschwindigkeit c + v = 30 Fuß vorwarts, und es soll biefe Gefdwindigfeit wegen Ueberschreitung einer noch 250 guß entfernten Brude burch Bremfen auf 12 Fuß jurudgeführt werben; mit welcher Kraft hat man zu biefem 3mede bie Bagenbremfen zu ziehen, wenn bie hauptverhaltniffe berfelben folgende find: $\varphi=0.4, \frac{2a}{d}=15, \quad \alpha+\varrho=12^0, \quad \beta=72^{1/2}$?

Bir haben gu fegen :

$$K_1 = \frac{32 (900 - 144) \cos .72 \frac{1}{2}^{0} \tan g. 12^{0}}{0.4 \cdot .15 \cdot .5} = \frac{32 \cdot .756}{30} \cos .72 \frac{1}{2}^{0} \tan g. 12^{0}$$

= 806,4 \cdot 0.8007 \cdot 0.2126 = 51.55 \Pfunb folgt.

Wenn man alfo zwei Bremfe anwenbet, fo ift jebe Bremefurbel mit 25,78 Bfunb Rraft angubruden. Die Beit bes Bremfes ift, ba hierbei ber Beg s1 = 250 Fuß mit ber mittleren Geschwindigfeit $c_1 = \frac{30+12}{2} = 21$ Fuß zurudgelegt wirb,

$$t_1 = \frac{s_1}{c_1} = \frac{250}{21} = 11,9$$
 Secunden.

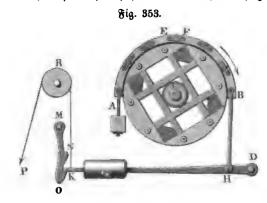
Das hierbei verrichtete Arbeitevermogen beträgt

$$\frac{M}{2} \left[(c+v)^2 - c^2 \right] = 1600 \cdot 756 = 1209600$$
 Fußpfund.

Theorie ber Bremfe.

Bei biefer Berechnung ift vorausgefest worben, bag bie Uebermucht Rull fei. Birb mabrend bes Bremfens ber Dampf abgesperrt, fo hat man naturlich einen negativen Berth für P einzusepen und es fällt K, noch fleiner aus.

§. 171. Fur bie ubrigen Bremfe, welche wir oben (§. 167) tennen ge= lernt haben, berechnet fich bie Bremstraft wie folgt.



Bei bem Glieber= breme in Fig. 353 ist die Reibung wie die einer Rette nach I., §. 175, zu berechnen. Ift β bie Lange bes burch ben Bremefrang bebectten Bogens AFB, auf den Halbmeffer 1 reducirt, und n die Anzahl der Glieber, alfo ber Bogen eines Gliebes: $\alpha = \frac{\beta}{r}$;

ist ferner bie Rraft, mit welcher bas Ende B bes Bremetranges gespannt wird, = Q, fo hat man die gefuchte Reibung

$$F = \left[\left(1 + 2 \varphi \sin \frac{\beta}{2n} \right)^n - 1 \right] Q,$$

und wirkt die Spannkraft Q an einem Hebelarme DH=b, während bas Gewicht G am Sebelarme DG = a nieberzieht, fo hat man bei freihan= gendem Hebel, $Q = \frac{a}{b}G$, und baher

$$F = \left[\left(1 + 2 \varphi \sin \frac{\beta}{2n} \right)^n - 1 \right] \cdot \frac{a}{b} G.$$

hat man es mit einem Drahts ober Banbbreme zu thun, fo ift n = 0 und baher nach I., §. 176 bie Reibung

$$F = (e^{\varphi\beta} - 1)O$$
 gu feben.

Diefe Formel findet ihre unmittelbare Unwendung bei bem Drahtbrems in Fig. 354, wo allerdings & mehreren Umwindungen entspricht, also mehrmale, z. B. 5mal 2 m, zu seben ift.

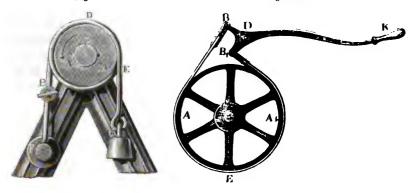
Bei bem Banbbremfe in Fig. 355 ift gwar ebenfalls $F = (e^{\varphi \beta} - 1)Q,$

es sind aber hier die beiben Banbenden mit den Kraften O und $e^{q} \beta O$ zu spannen, und es ift baber die erforberliche Rraft am Bebelenbe, wenn ber Bebelarm DK berfelben burch a und die Bebelarme $DB = DB_1$ ber Spannfrafte burch b bezeichnet merben :

 $K = \frac{b}{a} (Q + e^{q \beta} Q) = (e^{q \beta} + 1) \frac{b}{a} Q$

Fig. 354.

Mia. 355.

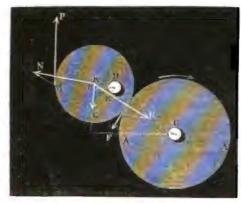


und umgefehrt die Reibung

$$F = \left(\frac{e^{\varphi \beta} - 1}{e^{\varphi \beta} + 1}\right) \cdot \frac{a}{b} K.$$

Fig. 356.

Bei dem Ercentrikbrems, Fig. 356, ift die Reibung ahnlich wie die am Badenbrems zu berechnen.



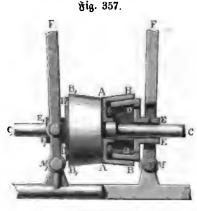
Ift in Beziehung auf bie Umbrehungsare D bes Ercentrife ber Bebelarm bes Gewichtes G: DH = aund ber Bebelarm des Drudes R, b. i. ber Mb. stand der Are D von der Centrallinie CK, DE=b, fo haben wir

$$R = \frac{a}{b}G$$

und daher bie Reibung

$$F = \varphi R = \varphi \frac{\dot{a}}{b} G.$$

Bas endlich noch ben Regelbrems, Fig. 357 (auf folgb. Geite), anlangt, fo hat man hier ben die Reibung F erzeugenden Normalbruck R wie beim conifchen Bapfen (I., §. 172) ober wie beim Reil (I., §. 163) aus bem halben Convergenzwinkel a ber tegelformigen Reibungeflachen und aus ber Rraft Q, mit welcher die inneren Regel DD und D1D1 in ihrer UrenEbeorie ber Bremfe. richtung CC_1 gegen die außeren gebrückt werden, nach der Formel $R=rac{Q}{\sinlpha}$, oder genauer $R=rac{Q}{\sinlpha+arphi\coslpha}=rac{Q\coslpha}{\sinlpha+arphi\coslpha}$ 31 berechnen.



Ist nun noch a der Hebelarm ber an den Schwengeln FM, F_1M_1 wirkenden Bremskraft K, und b der Hebelarm der Arenkraft Q, d. i. der Abstand der Drehungspunkte M und M_1 von der Wellenare CC, so haben wir

$$Q = \frac{a}{b} K$$
,
und daher die Reibung
 $F = \varphi R = \varphi \frac{Q \cos \varrho}{\sin (\alpha + \varrho)}$
 $= \frac{a K \sin \varrho}{b \sin (\alpha + \varrho)}$,

ba $\varphi = tang. \varrho = \frac{sin. \varrho}{cos. \varrho}$ ift (f. I., §. 159).

Werden die Schwengel MF und M_1F_1 nicht unmittelbar von K, sons bern mittels eines Borgelegshebels von einer Kraft K_1 angezogen, so ist, wenn a_1 und b_1 die Arme dieses Hebels bezeichnen, wie beim Backensbrems in Fig. 351:

$$K = \frac{a_1}{b_1} K_1$$
 und baher $F = \frac{a \, a_1 \, K_1 \, sin. \, \varrho}{b \, b_1 \, sin. \, (\alpha + \varrho)}$

Um die Wirksamkeit der Bremse vollständig zu beurtheilen, find naturs lich auch diese Formeln fur F mit benen bes §. 169 zu verbinden.

Beifpiel. Wenn bei einem Windrade die Flügelsächen zusammen den Inhalt nF=1000 Duadratsuß haben, und wenn die Geschwindigkeit des Winzdes c=20 Kuß beträgt, so ist nach II., c=260, die Leistung dieses Rades c=20000549 . c=200000549 . c=20000549 . c

Brems ausrüften, damit man durch denselben im Nothfalle der ganzen Bindtruft bas Gleichgewicht halten könne, wenn z.B. durch einen Bruch die Arbeitsmaschine der Kremse. zufällig außer Gang gekommen ware? Wir haben hier die Kraft P der Reibung $F = \left[\left(1+2\varphi\sin\frac{\beta}{2n}\right)^n-1\right]\frac{a}{b} G$ gleich zu sehen. Nehmen wir nun hierin $\varphi=0.4,\ n=6,\ \beta=180^\circ,\$ also $\frac{\beta}{2n}=15^\circ,\$ und das hebelarmvershältniß $\frac{a}{b}=6$ an, so haben wir $F=[(1+0.8\sin .15^\circ)^6-1]\cdot 6G=12.55G.$

 $F = [(1 + 0.8 \sin . 15^{\circ})^6 - 1] \cdot 6 G = 12,55 G$, und baher das gesuchte Gewicht

 $G = \frac{527,04}{12.55} = 42$ Pfund.

§. 172. Ein vorzügliches Hulfsmittel zur Regulirung einer Kraft ober Beigengewichte. Bewegung besteht in der Anwendung von Gegengewichten (franz. contro-poids; engl. countre poises). In der Regel sind die Gegengewichte wirkliche Gewichte, welche durch Steigen und Sinken die absehende ober veränderliche Wirkung einer Kraft reguliren; man kann aber auch diese Gewichte durch den Druck des Wassers ober der Luft ersehen; und hat es dann mit sogenannten hydraulischen und pneumatischen Gegens gewichten oder Balanciers zu thun. Am häusigsten kommen die aus wirklichen Gewichten bestehenden Gegengewichte vor. Ist die zu rezulirende Bewegung stetig kreissormig, so wird das Gegengewicht sest mit der umlausenden Welle verdunden; erfolgt hingegen die Besestigung absehond geradlinig oder kreissormig, so wirken die Gegengewichte meist mitztels Hebel oder Rollen auf den in seiner Bewegung zu regulirenden Masschinentheil.

Bei der stetigen Kreisbewegung, und vorzüglich bei der Krummzapfensbewegung, ist nach jeder Umdrehung eine Periode beendigt; es kommt daher auch hier nur darauf an, daß innerhalb derselben das Gegengewicht ein Mal sinke und ein Mal steige, und zwar ersteres während des Mangels und letzteres während des Ueberschusses an Kraft. Bei der absehenen Bewegung in der geraden Linie oder im Kreise sindet allerdings etwas Achnliches statt, da hier nach einem Aufs und einem Niedergange eine Periode beendigt ist, innerhalb welcher das Gegengewicht ein Mal steigen und sinken muß; da aber bei weitem am häusigsten Gegengewichte nur zur Ausgleichung des Gewichtes der Maschine oder gewisser Theile derselben dienen, so muß jedes Gegengewicht eine der Waschine entgegengesehte Beswegung machen, d. i. es muß niedersinken, wenn jene steigt, und dagegen emporsteigen, wenn jene niedergeht. Es kann deshalb das Gegengewicht nicht unmittelbar an den aus und niedergehenden Maschinentheit, z. B. an das Gestänge (s. III., §. 10), angeschlossen werden, sondern es ist ein

welche die Bewegungerichtung des Gegengewichtes in die der Maschine oder des Gestänges umändert. Solche doppelarmige Hebel mit Gegengewichten sind unter dem Namen Gegengewichtsbalanciers bekannt. Ist die auszugleichende Kraft sehr variabel, so reicht vielleicht der fast nur constant wirkende Gleichgewichtsbalancier nicht aus, und man nimmt deshalb zu Gegengewichtsbetetten oder zu Spiraltrommeln mit Gegengewichten, oder zu sogenannten Ausgleich ungswagen seine Zuslucht. Diese Vorrichtungen kommen vorzüglich auch bei der Regulirung der stegen Bewegung in der geraden Linie, z. B. bei der Schachtsoberung zur Ausgleichung des veränderlichen Seilgewichtes, zur Anwendung.

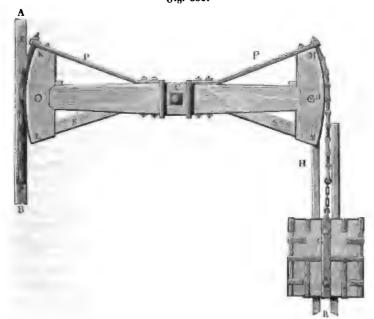
Bei doppelten und doppelt wirkenden Kolben-Maschinen ist das Ausgleischen der Gewichte ober Krafte auch oft durch bloges Kuppeln, b. i. durch Unwendung eines doppelarmigen Hebels ober Balanciers ohne Gegengewicht zu bewirken. Zwei durch einen Balancier mit einander verbundene Gestänge gleichen sich gegenseitig aus, da sich das eine nicht ohne das ans bere bewegen kann.

Fig. 358.



Megengemichts. balancter. während der Schwingung des Balanciers KLCD auf das Cirkelstuck KL am Ende des Hebels auf- und abwickelt. Damit das Gegengewicht G während der Drehung des Balanciers seinen Hebelarm CD nicht andere, ist daffelbe ebenfalls mittels Laschenketten an das andere Ende des Balans Ria. 359.





ciere angeschloffen. Um die Seitenschwankungen des Gewichtekaftens G zu verhindern, erhalt berfelbe Seitenwalzen, womit er sich in einer Spur IIR auf, und niederbewegen kann, und um der Berbindung der Cirkelsstücke KL und II. W mit dem Waagbaume Haltbarkeit zu verschaffen, sind noch Streben SS und Spannschienen PP aufgesetzt.

Aus dem Stangenschub oder Sub s und Schwingungswinkel β bes Balanciers, welcher lettere nie über 60 Grad genommen werden soll, ist die Armlange CK=CL=a leicht zu berechnen. Da sich bei jedem Spiele ein Kettenstud von der Lange s auf das Cirkelstud aufz und abwickelt, so ist

$$s=rac{eta^0}{180^0}$$
 . $\pi\,a$, und daher umgekehrt $a=rac{180^0\cdot s}{eta^0\cdot \pi}=57,296\,rac{s}{eta^0}$.

Sat man es bagegen mit ber Aufbangung in Fig. 358 ju thun, und

Gegen. gewichts. balancier. trifft man hierbei die Einrichtung, daß sich die Hangemaschine beim hochsten und tiefsten Stande gleich, und zwar eben so viel nach links als beim mittleren Stande des Balanciers nach rechts neigt, so hat man wie bei jedem Rreuze und jedem Balancier (S. III., §. 14 und §. 126):

$$s=2$$
 a $sin.$ $\frac{\beta}{2}$, also umgetehrt $a=rac{s}{2 sin.$ $rac{\beta}{2}$.

Den Hebelarm CD=b des Gewichtes nimmt man in der Regel dem Hebelarme a gleich. Wie auch das Gestänge gegen den Horizont geneigt sei, immer ist doch zu fordern, daß der Schwingungswinkel β durch das Perpendikel vom Drehungspunkte C gegen die Gestängare halbirt werde. Ist die Gestängare vertikal, so hat natürlich jenes Perpendikel eine horizontale Lage; und ist das Gestänge unter einem Winkel a gegen den Horizont geneigt, so hat es eine entgegengesetzte Neigung von $90^{\circ}-\alpha$ gegen den Horizont. Eine ähnliche Forderung hat man an die Aushängeweise des Gegengewichtes G zu machen; da dasselbe nur vertikal niederzieht, so soll der Schwingungsbogen auf dieser Seite von der Horizontalen durch den Drehungspunkt C halbirt werden und daher der Balancier die Form eines Winkelhebels annehmen, dessen Urme um den Winzkel $90^{\circ}-\alpha$ von einander abweichen.

§. 174. Die Anordnung und Berechnung eines Balanciers mit hangendem Gegengewichte, sei es ein gerader oder ein Winkelhebel, ist wie folgt zu vollziehen. Es sei die Kraft zum Aufziehen des Gestänges AB, $=Q_1$ und die zum Niederziehen $=Q_2$, also die mittlere Kraft zum Aufz und Niedergange:

$$Q=\frac{Q_1+Q_2}{2}.$$

Dann ift bie Kraft, mit welcher bem Aufgehen bes Gestänges zu Hulfe zu kommen ist, und welche auch bas Gestänge bei seinem Niebergange zu überwinden hat:

$$P = Q_1 - Q = Q - Q_2$$
, b. i. $P = \frac{Q_1 - Q_2}{2}$.

Es sei ferner ber Hebelarm CK=CL, Fig. 359, auf ber Seite bes Gestänges =a, und ber Hebelarm CD auf ber Seite bes Gegengewichttes =b; und seben wir noch die Größe dieses Gegengewichtes $=G_1$, so haben wir, ohne Berucksichung aller Nebenbindernisse:

$$Pa = G_1b$$
,

also bas zur Ausgleichung ber halben Kraftbifferenz $P=rac{Q_1-Q_2}{2}$ no thige Gegengewicht:

Gegen. gewichts

$$G_1 = \frac{\alpha}{b} P = \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2}.$$

In der Regel besteht die Kraft zum Aufgange aus einer Laft R_1 und dem Gewichte G des armirten Gestänges, und die Kraft zum Niedergange aus einer anderen Last R_2 minus dem Gewichte G des Gestänges, ist also

$$Q_1 = R_1 + G \text{ und}$$

$$Q_2 = R_2 - G$$

ju fegen, weshalb benn bie erforderliche Große bes Gegengewichtes

$$G_1=rac{a}{b}\left(G+rac{R_1-R_2}{2}
ight)$$
 folgt, und $G_1=rac{a}{b}\,G$

ausfallt, wenn die Rrafte R1 und R2 einander gleich sind.

Ist ber Balancier unsymmetrisch, hat also die eine halfte ein anderes Moment als die andere, so hat man naturlich zu dem Gegengewichte noch das Tarirgewicht, d. i. das vom Schwerpunkte des Balanciers auf den Umfang des Cirkelstudes reducirte Gewicht des leeren Balanciers zu addiren.

Die Reibung am Bapfen ober Walzeisen C verändert die Kräfte Q_1 und Q_2 zum Auf- und Niederziehen des Gestänges nur wenig. Ist G_2 das ganze Gewicht des armirten, jedoch unbelasteten Gegengewichtsbalanciers, φ der Reibungscoefficient und r der Halbmesser des Bapfens, so hat man die auf den Umfang des Girkelstückes KL oder auf die Gestängare reduscirte Bapfenreibung: $F=\varphi\frac{r}{u}(P+G_1+G_2)$.

Da diesetbe sowohl bei dem Aufgang als auch bei dem Niedergang des Gestänges zu überwinden ist, so erfordert sie natürlich keine Ausgleichung, und ist also auch ohne Einstuß auf die Größe des Gegengewichtes. Wohl aber giebt die Zapfenreibung Veranlassung zu einem Arbeitsverluste, der bei jedem Auf- oder Niedergange $Fs=\varphi\frac{r}{a}(P+G_1+G_2)s$, und daher, bei n Spielen pro Minute in der Secunde,

$$L=rac{n}{60}$$
. 2 $Fs=rac{n}{30}$. $\varphirac{r}{u}$ ($P+G_1+G_2$) s beträgt.

Daffelbe Berhaltniß findet ftatt bei der nach I., §. 177 zu berechnenden Rettenglieberreibung.

Die Trägheit bes Gestänges wird burch bie des Balanciers noch vergrößert. Ift T bas Trägheitsmoment des unbelasteten Balanciers, so hat

Gegen. gewichts. balancier. man das Trägheitsmoment des belasteten $=T+G_1b^2$, und daher die träge Masse des Balanciers, auf die Gestängare reducirt:

$$M_1 = \frac{T + G_1 b^2}{G a^2}.$$

Diese trage Maffe ubt nur ihren Einfluß auf ben Gang ober die Geschwindigkeit ber Maschine, keineswegs aber auf die mechanische Arbeit berselben aus, da die Kraft, welche am Ansange des Aufs ober Niederganges zur Ueberwindung der Trägheit des Balanciers erfordert wird, gegen Ende besselben, mahrend dieser allmälig zur Ruhe übergeht, wieder gewonnen wird.

Beifpiel. Ein fogenanntes Kunftgestänge hat bas Gewicht G=20000 Pfund, und seine Pumpenlast beträgt beim Aufgange 40000 Pfund, beim Riesbergange aber nur 8000 Pfund, welches Gegengewicht erforbert basselbe zu seiner Ausgleichung? Wenden wir einen ganz symmetrischen Balancier mit hängendem Gegengewichte an, und lassen wir benselben nur 50° schwingen, so haben wir bei dem hube s=5 Kuß die erforderliche Armlänge a=b=57,296. $^{\circ}$ /50 =5,780 Fuß, und das nöthige Gegengewicht:

$$G_1 = G + \frac{R_1 - R_2}{2} = 20000 + \frac{40000 - 8000}{2} = 36000$$
 Bfb.

Bliegt ber unbelastete Valancier 4000 Pfund (G_2), so hat dus Balzeisen nach III., §. 15, die Stärke:

$$d = 2r = 0.030 \sqrt{\frac{2G_1 + G_2}{2}} = 0.030 \sqrt{38000} = 5.85 \text{ 3oU},$$

wofür wir jeboch 6 Boll nehmen wollen. Die Reibung an biefer Are ift nun, wenn wir $\varphi=0,075$ feten:

$$F = \varphi \frac{r}{a} (2 G_1 + G_2) = 0.075 \cdot \frac{1.76000}{4.5.73} = 248.7 \ \mathfrak{Pfund},$$

und ber entsprechenbe Arbeiteverluft pro Spiel:

 $2Fs = 10 \cdot 248,7 = 2487$ Fußpfund,

ober pro Secunde, wenn bas Geftange in ber Minute 5 Spiele macht:

$$L = \frac{n}{60}$$
 . 2 $Fs = \frac{2487}{12} = 207,25$ Fußpfund.

§. 175. Wenn das Gegengewicht fest mit dem Balancier verbunden ist, so sindet keine vollständige Ausgleichung statt, da sich dann der Hebelarm, und also auch das Moment des Gegengewichts, mit der Orehung des Balanciers andert. Nehmen wir an, daß der Schwerpunkt S des beslasteten Balanciers DCE, Fig. 360, beim halben Hube mit der Orehungsare C in gleichem Niveau sich besinde, daß er also bei jeder Schwingung:

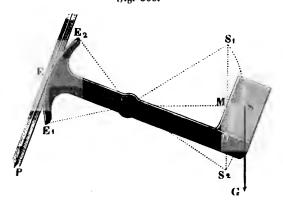
um
$$SCS_1 = \frac{\beta}{2}$$
 steige und um $SCS_2 = \frac{\beta}{2}$ sinte.

Ist dann wieder der Hebelarm $CS=CS_1=CS_2$ des Gegenges wichtes $G_1,=b$, so haben wir den in der Bertikale zu messenden Weg von G_1 :

$$S_1 S_2 = 2 S_1 M = 2 C S_1$$
. sin. $S_1 C M = 2 b \sin \frac{\beta}{2}$,

und baher die Arbeit des Gewichtes G bei einer Schwingung G_1 . $\overline{S_1S_2}$ $\equiv 2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2}$. Der gleichzeitige Weg des Gestänges ist aber $s=a\beta$, wenn a den Hebelarm $CE=CE_1=CE_2$ des Gestänges Fig. 360.





bezeichnet, folglich ift ber mittlere Werth ber Rraft, mit welcher bas Gegengewicht bem aufgehenben Gestänge zu Sulfe kommt:

$$P = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2}}{s} = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2}}{a \beta},$$

annähernd, da $sin. \frac{\beta}{2} = \frac{\beta}{2} - {}^1/_6 \left(\frac{\beta}{2}\right)^8$ (f. Ingenieur, S. 225) ges fest werden kann:

$$P = (1 - \frac{1}{24}\beta^2) \frac{b}{a} G_1.$$

Da in der Hubmitte der Hebelarm von $G_1,\ CS=b$, und an den Hubenden derselbe $CS_1=CS_2=b\sin.\frac{\beta}{2}$ ist, so faut der Werth dieser Kraft im ersten Falle:

$$P_1 = \frac{b}{a} G_1$$
, und in ben beiben letten Fallen:

$$P_2 = \frac{b}{a} G_1 \sin \beta$$
 aus.

Um die den Stangenkraften Q_1 und Q_2 entsprechende Große des Gegengewichtes zu finden, muffen wir in der Formel

$$G_1 = \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right)$$
 des vorigen §. 174, statt

352

$$\frac{b}{a}$$
, $(1-\frac{1}{24}\beta^2)\frac{b}{a}$, aber flatt $\frac{a}{b}$, $(1+\frac{1}{12}\beta^2)\frac{a}{b}$

feten, fo bag wir nun fur ben Balancier mit festem Gegengewichte ben großeren Berth

$$G_1 = (1 + \frac{1}{24}\beta^2) \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2} = \left[1 + \frac{\frac{1}{24}\left(\frac{s}{a}\right)^2}{b}\right] \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2}$$
 erhalten.

Für $\beta^0=60^\circ$ ober $\beta=1,0472\,$ ist 3. B. die Größe des Gegenges wichtes

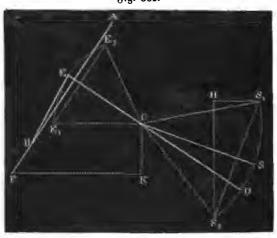
$$G_1 = 1,0457 \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right),$$

b. i. über $4\frac{1}{2}$ Procent größer, als wenn das Gegengewicht aufgehangen mare.

Ist das Gestänge nicht durch Ketten, sondern durch Sangeschienen, wie in Fig. 358, mit dem Balancier verbunden, so hat man den hub s nicht dem Bogen E_1EE_2 , sondern der Sehne E_1E_2 gleich, d. i. s=2 a sin. $\frac{\beta}{2}$ zu seben, und dann bleibt allerdings:

$$G_1 = \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right).$$

Anmerkung. Die mittlere Kraft P, mit welcher bas Gegengewicht G₁ ben Aufgang bes Gestänges beförbert, hangt natürlich von ber Lage bes Schwerzpunftes bes Balanciers ab. Wir haben oben angenommen, baß er beim halben hube mit ber Drehungsare in einerlei hohe liege; sehen wir aber im Folgenzben, ber Allgemeinseit wegen, eine anbere Lage bieses Punftes voraus. Rehmen wir wieder an, daß bas Gestänge AB, Fig. 361, unter dem Winkel AFK = a Kig. 361.



gegen ben Borizont geneigt fei, alfo bie Langenare DE bes Balanciers beim halben hube von ber Bertifalen CK ebenfalls um KCS= a abweiche. Gegen wir ferner ben Abstand CS bes Schwerpunftes S bes Balanciere von ber Dres . hungeare C, = b und ben Binfel SCD, um welchen CS von ber gangenare CD abweicht, = 6. Ift nun wieber $ECE_1 = ECE_2 = SCS_1 = SCS_2 = \frac{\beta}{2}$, fo haben wir die Sehne $S_1S_1=2$ b sin. $\frac{\beta}{2}$, und ihre Abweichung HS_1S_2 vom Horizont, $=KCS=KCD+DCS=\alpha+\delta$. Es ift baher ber Beg bee Schwerpunttes ober bes Gegengemichtes G_1 bei jebem Aufs ober Riebergange, $S_zH=S_tS_z$ sin. $HS_tS_z=2$ b sin. $\frac{\beta}{2}$ sin. $(\alpha+\delta)$, und bic mittlere Rraft, mit welcher G, bas Bestange aufzieht,

$$P = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2} \sin (\alpha + \delta)}{s} = (1 - \frac{1}{2} + \frac{\beta}{a} G_1 \sin (\alpha + \delta).$$

Placht man $\alpha+\delta=90^\circ$, also $\delta=90^\circ-\alpha$, b. i. legt man CS horiz zontal, so fallt naturlich P am größten, und zwar, wie oben im haupttert,

$$P = (1 - \frac{1}{24} \beta^2) \frac{b}{a} G_1$$
 aus.

Die ben Stangenfraften Q1 und Q4 entsprechenbe Große bes Wegengewichs tes ift fur unferen allgemeinen Fall:

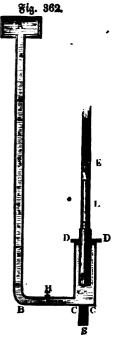
$$G_1 = \left[1 + \frac{1}{2}, \left(\frac{s}{a}\right)^2\right] \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2 \sin \alpha (\alpha + \delta)},$$

ober wenn bas Geftange burch Stangen an ben Balancier angeschloffen ift, $G_1 = \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2 \sin (\alpha + \delta)}$.

$$G_1 = \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2 \sin (\alpha + \delta)}$$

Wir miffen schon aus dem zweiten Theile (f. II., §. 232), Dubrautifcher bag man bie Rraft eines Gegengewichtes burch ben hybroftatischen Drud einer Bafferfaule, alfo überhaupt ben Gewichtsbalancier durch einen by= braulischen Balancier erfeten tann. Bei Unwendung biefes Upparates an Bafferfaulenmafchinen beburfte es nur einer Berlangerung bes Ausgugrohres nach oben, um eine ben Aufgang bes Treibetolbens und bes bamit verbundenen Geftanges unterftugende und ben ju fchnellen Niebergang beffelben hemmende Kraft zu erhalten; in anderen Fallen ift es hingegen nothwendig, einen befonderen Kolben gur Aufnahme bes Daf= ferbrudes herzustellen. Gine Stigge von einem folden hybraulischen Balancier fuhrt Fig. 362 (a. f. G.) vor Augen. Die brudenbe Bafferfaule ift von ber Rohre ABC eingeschloffen und ber den Bafferdruck aufnehmende und mit bem Geftange ES fest verbundene Monchetolben KL bewegt fich in bem Stiefel ober Cylinder CCDD. Damit die Rraft P, mit welcher ber Rolben vom Baffer aufwarts getrieben wird, nicht ercentrifch auf bas Geftange ES wirke und baffelbe gur Seite giebe, ift es amedmäßig, baffelbe fo ju gabeln, bag es ben Stiefel CD fammt Rolben KL und Rolbenftange LE umfaßt. Ift F ber Querschnitt bes Rolbens

opprantiser und h die fentrechte Sohe ber Kolbenflache beim mittleren Stande bes Rol-



bens unter dem Wasserspiegel im Speisereservoir A, so hat man die Kraft, mit welcher der hydraus lische Balancier in der Arenrichtung auf das Gestänge wirkt, $P = Fh\gamma$, oder wenn F in Quasdratfuß und h in Fuß gegeben ist,

Noch nimmt aber die Kolbenreibung einen ansfehnlichen Theil hiervon in Anspruch, und es ist mit Berückstägung berselben nach II., §. 235, bei der Breite b der Liderung und dem Durchsmesser d des Kolbens,

$$P = \left(1 - 4 \varphi \frac{b}{d}\right) Fh \gamma$$
 zu sehen.

Die übrigen hydraulischen Hindernisse lassen sich wie die einer Wassersaulenmaschine beurtheilen, und sind auch bei einer Weite $d_1=\frac{1}{2}d$ der Röhren und einer kleinen Rolbengeschwindigkeit von 1 bis 2 Kuß klein genug, um sie außer Acht lassen zu können.

Der hydraulische Balancier hat den Bortheil der Einfachheit und Raumersparnis vor dem Gewichtsbalancier, dagegen ist er aber auch mecha-

nisch unvollsommener, da die Kolbenreibung viel mehr Kraft verzehrt als die Bapfen= und Kettenreibung des Gewichtsbalancier. Ueberdies hat der Gewichtsbalancier den großen Borzug, daß man durch Zulegen oder Wegnehmen von Gewichten die Kraft P desselben nach Bedürsniß leicht verändern kann, wozgegen bei dem hydraulischen Balancier durch Stellung der Regulirungstlappe H nur Kraft vernichtet aber nicht geschaffen werden kann, vielmehr hierzu, wenn der Druck des Wassers bei völlig geöffneter Klappe nicht mehr ausreicht, eine Berlängerung der Wassersaule nach oben nöthig ist. Ist her der Stellung des Hahnes oder der Klappe H entsprechende Widerstandsz coefficient, d der Durchmesser des Kolbens, d1 die Weite der Köhre und v die Seschwindigkeit des Kolbens, so hat man (nach I., §. 377 und II., §. 237) den Theil der Druckhohe h. welcher durch den Durchgang des Wassers durch diesen Regulirungsapparat verloren geht,

$$h_1 = \zeta \cdot \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2 g},$$

und ben entsprechenden Arbeiteverluft pro Secunde:

$$L_1 = Qh_1\gamma = \xi \cdot \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2g} \cdot \frac{\pi d^2}{4} v\gamma = \frac{\pi}{4} \xi \gamma \cdot \frac{d^6}{d_1^4} \cdot \frac{v^3}{2g}.$$

Anmerfung. Dan fann fich endlich auch ftatt ber brudenben Bafferfaule gneumatificer AB ber comprimirten guft bedienen, welche man in einem Binbteffel einfcließt, ber mit dem Cylinder CD communicirt. Da bas Entweichen ber Luft nicht gang vermieben werben fann, fo ift es nothig, eine fleine Luftpumpe anguwenden, welche neue Luft gupumpt und babei bie Spannung im Binbfeffel auf einer gewiffen bobe erhalt. Die Rraft P, mit welcher ein folder pneumatis for Balancier bem aufgebenben Beftange ju Bulfe fommt, ift allerbings variabel, um inbeffen die Beranberlichkeit biefer Kraft moglichft berabzugieben, ift es nothig, ben Binbfeffel viel größer gu machen ale ben Enlinberraum.

3ft V bas Bolumen bes Binbrefervoirs fammt Communicationsrohr und p Die Preffung der Luft in bemfelben beim tiefften Rolbinftande, ferner P bie Rols benflache und e ter Rolbenhub, fo haben wir die Breffung ber Luft beim hochsten Rolbenstande, bem Mariotte'schen Gefete zu Folge, $p_1=rac{Vp}{V+Fs}$, und bie vers richtete Arbeit ber comprimirten guft mahrent ber Relbenbewegung (f. I , §. 330)

$$L = V_p Log. nat. \left(\frac{p}{p_i}\right) = V_p Log. nat. \left(\frac{V}{V} + \frac{Fs}{V}\right)$$

3ft ber atmofpharische Drud gegen bie Außenflache bes Rolbens pro Dnabratzoll po, also im Gangen Fp., fo muffen wir noch die Arbeit Fpos in Abzug brins gen, fo bag mir nun

$$L = V p Log.$$
 nat. $\left(\frac{V + Fs}{V}\right) - Fp_0 s$,

und bie mittlere Rraft Diefes pneumatifden Balanciers

$$P = \frac{L}{s} = \frac{Vp}{s} Log. nat. \left(\frac{V + Fs}{V}\right) - Fp_o,$$

ober mit Berudnichtigung ber Rolbenreibung,

$$P = \frac{Vp}{s} Log. nat. \left(\frac{V + Fs}{V}\right) - Fp_0 - 4 y \frac{b}{d} F(p - p_0)$$

(f. II., §. 373) erhalten.

Ift Fr flein, fo fann man

Log. nat.
$$\left(\frac{V}{V} + \frac{Fs}{V}\right) = \frac{Fs}{V} - \frac{1}{2} \left(\frac{Fs}{V}\right)^2$$

(f. -Ingenieura, Geite 136) feten, und es ift fonach einfucher

$$P = \left(1 - 4 \varphi \frac{b}{d}\right) F \left(p - p_0\right) - \frac{1}{2} \frac{F_0}{V} \cdot F_p.$$

Beim Riebergang bes Geftanges ift naturlich bie Reibung ebenfalls hinberlich, und baher

$$P = \left(1 + 4 \varphi \frac{b}{d}\right) F \left(p - p_0\right) - \frac{1}{2} \frac{F_s}{V} \cdot F_p.$$

Beifpiel. Benn verlangt wirb, ben im Beifpiele gu f. 174 behandelten Bewichtsbalancier burch einen bybraulifden ober gar burch einen pneumatifchen Balancier ju erfeten, fo haben wir folgende Rechnungen anzuftellen. Die erforberliche Rraft P jum Ausgleichen ift 36000 Pfund, fteht uns baber eine Wafferfaule von 100 Rug Sobe gu Gebote, fo bedurfen wir fur ben Treibefolben einen

Querschnitt
$$F = \frac{P}{66 \text{ h}} = \frac{36000}{6600} = 5,454$$
 Quadratfuß, oder einen Durchmeffer $d = \sqrt{\frac{4 F}{F}} = 2,685$ Fuß = 31,62 Boll.

Sneumatifder Balancier.

Rehmen wir $4 \varphi \frac{b}{d} = 0,1$ an (f. II., §. 235), fo erhalten wir die burch bie Rolbenreibung verloren gehenbe Arbeit pro Spiel

$$4 \varphi \frac{b}{d} Fh\gamma . 2 s = 0,1 . 5,454 . 100 . 66 . 8 = 28797 Fußpfund,$$

b. i. pro Secunde: $L=\frac{5}{60}\cdot 28797=2398$ Fußpfund = 4,7 Pferbefrafte.

Benben wir hingegen einen pneumatifden Balancier an, in welchem bie Luft auf 10 Atmofpharen gefrannt wirb, und forbern wir, bag fich bie Spannung beim Aufgange bes Rolbens hochftens um 1/4 ihres anfanglichen Berthes verminbere, fo haben wir fur bie Rolbenflache, beim Sube . = 4 Bug,

$$F=\left(\frac{p}{p_1}-1\right)\frac{V}{s}=\left({}^6\!/_7-1\right)\frac{V}{4}=\frac{V}{28},$$
 und baher für die Größe V bes Windfessels, ba $p=10~p_0$ und

$$P = \frac{Vp}{s} \text{ Log. nat. } \left(\frac{p}{p_1}\right) - Fp_0 = (10 \text{ Log. nat. } \frac{9}{7} - \frac{1}{7}) \frac{Vp_0}{4}$$
$$= (1.8553 - 0.1429) \frac{Vp_0}{4} = 0.8081 \text{ Vp_0 ift.}$$

 $V = \frac{P}{0,3031} = \frac{36000}{0,3081 \cdot 144 \cdot 15,1} = \frac{86000}{659,06} = 54,62$ Cubiffus. hiernach bestimmt fich bie wirkliche Große ber Rolbenflache

$$F = \frac{V}{28} = 1,950$$
 Quabratfuß,

und baber ber Durchmeffer berfelben

$$d = \sqrt{\frac{4 F}{\pi}} = 1,575$$
 Fuß = 18,9 Boll.

Die Leiftung, welche burch bie Rolbenreibung bei biefem Ausgleichungsmittel verloren geht, ift pro Spiel

 $4 \varphi \frac{b}{J} F(p - p_0) \cdot 2s = 0,1 \cdot 1,95 \cdot 9 \cdot 144 \cdot 15,1 \cdot 8 = 80526$ Fußpfund, alfo pro Secunte:

$$L=rac{80526}{12}=2544$$
 Bufpfund, b. i. nahe 5 Pferbefrafte.

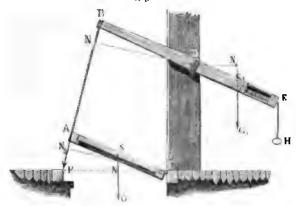
Der Bewichtsbalancier verliert nach ber Rechnung bes Beifpieles im §. 174 nur 207,25 Fußpfund, b. i. über 12mal weniger burch bie Reibung.

§. 177. Sehr mannigfaltige Segengewichtsapparate tommen bei ben Bugbrüden. fogenannten Bugbruden (frang. ponts levis; engl. draw-bridges) in Anwendung. Bon ben vorzüglichften Conftructionen biefer Art fei baber aunachst noch bie Rebe.

> Die einfachfte Bugbrude ift bie mit Schlagbaumen. Die Brude CA, Fig. 363, ift hier um die Angeln C brebbar, und mit Retten AB an ben Schwengel ober Schlagbaum BDE aufgehangen. Wird nun bas Ende bes letteren mittels einer Sandhabe ober Rette H niebergezogen, fo fteigt bas Ende B berfelben empor und es fchlagt fich die Brudenbahn auf. Das Sauptaugenmert bei ber Construction einer folden Brude ift barauf gu richten, baf fich biefelbe in allen Richtungen von felbft bas Gleichgewicht

halte und daher beim Auf- und Niederlaffen nur eine Kraft zur Ueberwin- 3ugbraden. bung ber Reibungen erforbere. Wenn die Dreharen C und D und die Auf-





hangepunkte A und B bie vier Echpunkte eines Parallelogrammes bilben, wenn also bei jeder Stellung der Brude AB parallel CD und AC parallel BD bleibt, also auch der Neigungswinkel α von CA gegen den Horizont stets derselbe ist wie der von DB oder DE, so wird das einmal hergestellte Gleichgewicht durch die Drehung der Brude nicht gestört werden, denn ist G das im Schwerpunkte S niederziehende Gewicht der Brude und G_1 das im Schwerpunkte S_1 niederziehende Gewicht des Schlagbaumes, so haben wir für den Gleichgewichtszustand

$$G_1 \overline{DN_1} = P. \overline{DN_2} = P. \overline{CN_3} = G. \overline{CN}$$
, oder $G_1. \overline{DS_1} \cos \alpha = G. \overline{CS} \cos \alpha$, b. i. $G_1. \overline{DS_1} = G. \overline{CS}$;

es ist folglich die Große des Gegengewichtes $G_1 = \frac{\overline{CS}}{\overline{DS_1}} \cdot G$ gar nicht vom

Reigungswinkel abhångig, und es wird alfo 'auch bei allen Neigungen der Brude biefes Gegengewicht bem Gewichte der Brude bas Gleichgewicht halten.

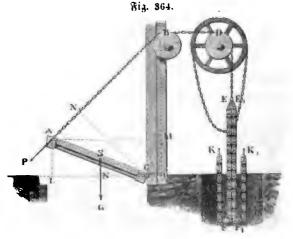
Da während des Aufklappens der Brudenbahn der Hebelarm CN des Brudenbahngewichtes G allmälig immer kleiner und kleiner wird, so erforbert also auch dieses Aufklappen ein allmälig abnehmendes Kraftmoment; will man daher statt des Schwengels oder Schlagbaumes BE ein wirklisches Gegengewicht in Anwendung bringen, so muß man entweder diese Gewicht selbst, oder den Hebelarm desselben veränderlich machen.

Nach bem erften Principe ift die Zugbrude von Poncelet, und nach bem zweiten Principe die von Derche construirt. Bei den Poncelet'schen

Bugbruden Zugbruden besteht bas Gegengewicht in einer Kette, welche mit dem unteren Ende an einem festen Punkte aufgehangen und an dem oberen Ende mit der Kette zum Aufziehen der Brude verbunden ist. Wenn sich nun beim Aufgange der Brude das obere Kettenende immer mehr und mehr herabsenkt, so kommen gleichzeitig immer mehr und mehr Kettenglieder unter das feste Ende der Kette zu hängen, die nun vom festen Aushängepunkt getragen werden und folglich nichts mehr zum Ausziehen der Brude beitragen. Auf diese Weise vermindert sich also auch die Zugkraft immer mehr und mehr, je höher die Brude steigt. Bei der Zugbrude von Derchöhingegen ist das Gegengewicht an einem Ercentrik oder einem Spiralgange aufgehangen, um dessen Welle sich die Kette zum Ausziehen der Brucke wickelt, während das Gewicht niedersinkt.

Anmerkung. Dan kann auch bas Gegengewicht auf einer krummlinigen Bahn, beren Reigung von oben nach unten allmälig abnimmt, herabsinken laffen. Da bas Bestreben jum herabgleiten mit bem Reigungswinkel einer schiefen Ebene mächt und abnimmt, so ist es möglich, baß bas Gegengewicht bei jedem Stande ber Brudenklapre bas Gleichgewicht halt. Es gehören hierher bie Bugbruden mit ber Sinusoibenbahn von Belidor und Delile. hieriber ift nachzulesen: hulfse's allgemeine Maschinenchklopabie, Band II., Artifel stewegzliche Brudens, bann Poncelet's Cours de mécanique appl aux machines, beutsch von Schnuse, und Sganzins' Cours de constructions.

§. 178. Gine Poncelet'sche Bugbrude mit Ausgleichung tette ift in Fig. 364 abgebildet. Es ift hier CA bie um C brehbare Brudenbahn,



ABDE die über eine Leitrolle B hin: und an der Trommel D herablaufende Bugfette, und EFK, E1F1K1 stellen die daran hangenden Gleichs gewichtefetten vor, welche mit den unteren Enden an den festen Punkten K

und K_1 aufgehangen find. Leicht ist zu ermessen, wie sich das Gewicht 3ugbraden. Dieser Rette mit dem Gewichte G der Brude ins Gleichgewicht seben kann.

Seben wir den Abstand des Schwerpunktes S der Brude von der Deshungsare $C_1 = a_2$, und den Abstand des Angriffspunktes A der Ketten von eben dieser Ake $= b_1$, ferner den allmalig von 0 bis 90° wachsenden Umdrehungswinkel ACL = a und den Winkel BAC_1 , welchen die Ketztenare mit der Langenare der Brude einschließt, $= \psi_1$, so haben wir die Hebelarme der Krafte G und P:

$$CN = CS \cos \alpha = a \cos \alpha$$
 und $CN_1 = CA \sin \psi = b \sin \psi$,

und es ift baber bie Bugfraft ber Rette ABDE:

$$P = \frac{G a \cos \alpha}{b \sin \psi}.$$

Um den Winkel ψ durch den Umdrehungswinkel α auszubrucken, führen wir den Hulfswinkel $BAM=\beta$ ein, seben also $\psi=\alpha+\beta$, und bestimmen nun β auf folgende Weise. Es ist

$$BM = BO - MO = BO - AL$$
 und
$$AM = CO + LC, \text{ folglid},$$

$$tang. \beta = tang. BAM = \frac{BM}{AM} = \frac{BO - AL}{CO + LC}$$

$$= \frac{h - b \sin \alpha}{c + b \cos \alpha},$$

wosern wir die Hohe BO des Berührungspunktes B der Kette mit der Leitrolle über der Drehungsare C durch h, und den Horizontalabstand CO dieser Punkte von einander durch c bezeichnen.

Fur die niedergelaffeng Brude ift a = 0, baher hat man hier

tang.
$$\beta = \frac{h}{b+c}$$
 und $P = \frac{Ga}{b\sin \beta} = \frac{Ga\sqrt{(b+c)^2 + h^2}}{bh};$

für die aufgezogene Brude hingegen ift $\alpha=90^\circ$, daher tang. $\beta=\frac{h-b}{c}$ und P=0 zu seben. Soll nun die Ausgleichungskette für diese zwei Stellungen der Brudenbahn das Gleichgewicht herstellen, so muß man ihr

eine Lánge $EF + FK = E_1F_1 + F_1K_1 = \sqrt{(b+c)^2 + h^2}$ und ein Gewicht

$$G_1 = P = \frac{Ga\sqrt{(b+c)^2 + h^2}}{bh}$$
.

geben, alfo jebe Langeneinheit berfeiben Ga wiegen laffen.

Will man auch bei ben 3wifchenftellungen ausgleichen, fo muß man bie

Gegengewichtsbalancier. trifft man hierbei die Einrichtung, daß sich die Sangemaschine beim hochsten und tiefften Stande gleich, und zwar eben so viel nach links als beim mittleren Stande bes Balanciers nach rechts neigt, so hat man wie bei jebem Rreuze und jedem Balancier (S. III., §. 14 und §. 126):

$$s=2\,a\sin.rac{eta}{2}$$
 , also umgekehrt $a=rac{s}{2\,sin.rac{eta}{2}}\cdot$

Den Hebelarm CD=b des Gewichtes nimmt man in der Regel dem Hebelarme a gleich. Wie auch das Gestänge gegen den Horizont geneigt sei, immer ist doch zu fordern, daß der Schwingungswinkel β durch das Perpendikel vom Drehungspunkte C gegen die Gestängare halbirt werde. Ist die Gestängare vertikal, so hat natürlich jenes Perpensikel eine horizontale Lage; und ist das Gestänge unter einem Winkel α gegen den Horizont geneigt, so hat es eine entgegengesetzte Neigung von $90^{\circ}-\alpha$ gegen den Horizont. Eine ähnliche Forderung hat man an die Aushängeweise des Gegengewichtes G zu machen; da dasselbe nur vertikal niederzieht, so soll der Schwingungsbogen auf dieser Seite von der Horizontalen durch den Drehungspunkt C halbirt werden und daher der Balancier die Korm eines Winkelhebels annehmen, dessen Urme um den Winzkel $90^{\circ}-\alpha$ von einander abweichen.

§. 174. Die Anordnung und Berechnung eines Balanciers mit hans gendem Gegengewichte, sei es ein gerader oder ein Winkelhebel, ist wie folgt zu vollziehen. Es sei die Kraft zum Aufziehen des Gestänges AB, $=Q_1$ und die zum Riederziehen $=Q_2$, also die mittlere Kraft zum Aufz und Riedergange:

$$Q=\frac{Q_1+Q_2}{2}$$

Dann ist die Kraft, mit welcher dem Aufgeben des Gestänges zu hulfe zu kommen ist, und welche auch das Gestänge bei feinem Niedergange zu überwinden hat:

$$P = Q_1 - Q = Q - Q_2$$
, b. i. $P = \frac{Q_1 - Q_2}{2}$.

Es sei ferner ber Hebelarm CK=CL, Fig. 359, auf ber Seite bes Gestänges =a, und ber Hebelarm CD auf der Seite bes Gegengewichztes =b; und sehen wir noch die Größe dieses Gegengewichtes $=G_1$, so haben wir, ohne Berücksigung aller Nebenhindernisse:

$$Pa = G_1b$$
,

also das zur Ausgleichung ber halben Kraftbifferenz $P=rac{Q_1-Q_2}{2}$ northige Gegengewicht:

Gegen.

$$G_1 = \frac{\alpha}{b} P = \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2}.$$

In der Regel besteht die Kraft zum Aufgange aus einer Laft R_1 und dem Gewichte G des armirten Gestänges, und die Kraft zum Niedergange aus einer anderen Last R_2 minus dem Gewichte G des Gestänges, ist also

$$Q_1 = R_1 + G \text{ unb}$$

$$Q_2 = R_2 - G$$

gu feben, weshalb benn bie erforderliche Große bes Gegengewichtes

$$G_1=rac{a}{b}\left(G+rac{R_1-R_2}{2}
ight)$$
 folgt, und $G_1=rac{a}{b}\,G$

ausfallt, wenn bie Rrafte R1 und R2 einander gleich find.

Ist ber Balancier unsymmetrisch, hat also die eine Salfte ein anderes Moment als die andere, so hat man naturlich zu dem Gegengewichte noch das Tarirgewicht, b. i. das vom Schwerpunkte des Balanciers auf den Umfang des Cirkelstudes reducirte Gewicht des leeren Balanciers zu addiren.

Die Reibung am Bapfen ober Walzeisen C verändert die Kräfte Q_1 und Q_2 zum Auf- und Niederziehen des Gestänges nur wenig. Ift G_2 das ganze Gewicht des armirten, jedoch unbelasteten Gegengewichtsbalanciers, φ der Reibungscoefficient und r der Halbmesser des Bapfens, so hat man die auf den Umfang des Eirkelstückes KL oder auf die Gestängare redu-

cirte Bapfenreibung:
$$F = \varphi \frac{r}{u} (P + G_1 + G_2)$$
.

Da dieselbe sowohl bei dem Aufgang als auch bei dem Niedergang des Gestänges zu überwinden ist, so erfordert sie natürlich keine Ausgleichung, und ist also auch ohne Einstuß auf die Größe des Gegengewichtes. Wohl aber giebt die Zapfenreibung Veranlassung zu einem Arbeitsverluste, der bei sedem Auf- oder Niedergange $Fs = \varphi \frac{r}{a}(P+G_1+G_2)s$, und daher, bei n Spielen pro Minute in der Secunde,

$$L=rac{n}{60}$$
. 2 $Fs=rac{n}{30}$. $\varphirac{r}{a}$ (P+G₁+G₂) s betrigt.

Daffelbe Berhaltniß findet ftatt bei der nach I., §. 177 zu berechnenden Rettenglieberreibung.

Die Tragheit des Gestänges wird durch die des Balanciers noch vergrößert. Ift T das Tragheitsmoment des unbelasteten Balanciers, so hat

Gegen. gewichts. man das Trägheitsmoment des belasteten $= T + G_1 b^2$, und daher die träge Masse des Balanciers, auf die Gestängare reducirt:

$$M_1 = \frac{T + G_1 b^2}{G a^2}.$$

Diese trage Masse ubt nur ihren Ginfluß auf ben Gang ober die Geschwindigkeit ber Maschine, keineswegs aber auf die mechanische Arbeit berselben aus, da die Kraft, welche am Anfange des Aufs ober Niederganges zur Ueberwindung der Trägheit des Balanciers erfordert wird, gegen Ende besselben, mahrend dieser allmälig zur Ruhe übergeht, wieder gewonnen wird.

Beispiel. Ein sogenanntes Kunftgestänge hat das Gewicht G=20000 Pfund, und seine Pumpenlast beträgt beim Aufgange 40000 Pfund, beim Niesbergange aber nur 8000 Pfund, welches Gegengewicht erfordert dasselbe zu seiner Ausgleichung? Wenden wir einen ganz symmetrischen Balancier mit hängendem Gegengewichte an, und lassen wir benselben nur 50° schwingen, so haben wir bel dem hube s=5 Fuß die erforderliche Armlänge a=b=57,296. $\frac{5}{50}=5,730$ Fuß, und das nöthige Gegengewicht:

$$G_1 = G + \frac{R_1 - R_2}{2} = 20000 + \frac{40000 - 8000}{2} = 36000 \$$
 \$16.

Biegt ber unbelastete Balancier 4000 Pfund (G_2), so hat dus Balzeisen nach III., §. 15, die Stärke:

$$d=2r=0.080\sqrt{rac{2\ G_1+G_2}{2}}=0.030\ V\,\overline{38000}=5.85\ 30\%,$$

wofür wir jeboch 6 Boll nehmen wollen. Die Reibung an biefer Are ift nun, wenn wir $\varphi=0,075$ feten:

$$F = \varphi \frac{r}{a} (2 G_1 + G_2) = 0.075 \cdot \frac{1.76000}{4.5.73} = 248.7 \$$
 Ffund,

und ber entsprechenbe Arbeitsverluft pro Spiel:

 $2 Fs = 10 \cdot 248,7 = 2487$ Fußpfund,

ober pro Secunde, wenn bas Gestänge in ber Minute 5 Spiele macht:

$$L = \frac{n}{60} \cdot 2 \, Fs = \frac{2487}{12} = 207,25 \,$$
 Fußpfund.

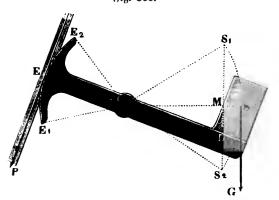
§. 175. Wenn das Gegengewicht fest mit dem Balancier verbunden ift, so sindet keine vollständige Ausgleichung statt, da sich dann der Hebelsarm, und also auch das Moment des Gegengewichts, mit der Orehung bes Balanciers andert. Nehmen wir an, daß der Schwerpunkt S bes beslasteten Balanciers DCE, Fig. 360, beim halben hube mit der Orehungsare C in gleichem Niveau sich besinde, daß er also bei jeder Schwingung:

um
$$SCS_1 = \frac{\beta}{2}$$
 steige und um $SCS_2 = \frac{\beta}{2}$ finte.

If dann wieder der Hebelarm $CS=CS_1=CS_2$ des Gegenge-wichtes $G_1,=b,$ so haben wir den in der Vertikale zu messenden Weg von G_1 :

$$S_1 S_2 = 2 S_1 M = 2 C S_1$$
. $sin. S_1 C M = 2 b sin. \frac{\beta}{2}$,

und daher die Arbeit des Gewichtes G bei einer Schwingung G_1 . $\overline{S_1S_2}$ $= 2 G_1 b sin. <math>\frac{\beta}{2}$. Der gleichzeitige Weg des Gestänges ist aber $s = a\beta$, wenn a den Hebelarm $CE = CE_1 = CE_2$ des Gestänges Fig. 360.



bezeichnet, folglich ift ber mittlere Werth ber Rraft, mit welcher bas Gegengewicht bem aufgehenben Geftange zu Sulfe tommt:

$$P = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2}}{s} = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2}}{a \beta},$$

annahernd, da $sin. \frac{\pmb{\beta}}{2} = \frac{\pmb{\beta}}{2} - {}^{1/_{\theta}} \Big(\frac{\pmb{\beta}}{2}\Big)^{\pmb{s}}$ (f. Ingenieur, S. 225) ges febt werden kann:

$$P = (1 - \frac{1}{24}\beta^2) \frac{b}{a} G_1.$$

Da in der Hubmitte der Hebelarm von $G_1,\,CS=b\,,$ und an den Hubenden derselbe $CS_1=CS_2=b\,sin.\,rac{eta}{2}$ ist, so fällt der Werth dieser Kraft im ersten Falle:

$$P_1 = \frac{b}{a} G_1$$
, und in den beiben letten Fallen:

$$P_2 = \frac{b}{a} G_1 \sin \beta$$
 aus.

Um die den Stangenkraften Q_1 und Q_2 entsprechende Große des Gesgengewichtes zu finden, muffen wir in der Formel

$$G_1 = \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right)$$
 bes vorigen §. 174, statt

Begen. gemichte.

$$\frac{b}{a}$$
, $(1 - \frac{1}{24}\beta^2) \frac{b}{a}$, aber statt $\frac{a}{b}$, $(1 + \frac{1}{12}\beta^2) \frac{a}{b}$

feten, fo bag wir nun fur ben Balancier mit festem Gegengewichte ben großeren Werth

$$G_1 = (1 + \frac{1}{24}\beta^2) \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2} = \left[1 + \frac{\frac{1}{24}\left(\frac{s}{a}\right)^2}{a}\right] \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2}$$
 erbalten.

Fur $eta^0=60^{\circ}$ oder $eta=1,0472\,$ ist 3. B. die Größe des Gegenges wichtes

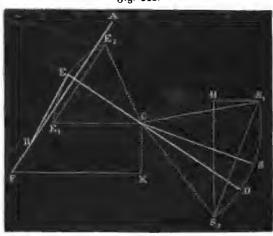
$$G_1 = 1,0457 \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right),$$

b. i. über 41/2 Procent großer, ale wenn bas Gegengewicht aufgehangen mare.

Ift das Geftinge nicht durch Retten, sondern durch Sangeschienen, wie in Fig. 358, mit dem Balancier verbunden, so hat man den Sub s nicht dem Bogen E_1EE_2 , sondern der Sehne E_1E_2 gleich, d. i. s=2 a sin. $\frac{\beta}{2}$ zu sehn, und dann bleibt allerdings:

$$G_1 = \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right).$$

Anmerkung. Die mittlere Kraft P, mit welcher bas Gegengewicht G_1 ben Aufgang bes Gestänges befördert, hangt natürlich von ber Lage bes Schwerz punftes des Balanciers ab. Bir haben oben angenommen, daß er beim halben Sube mit der Drehungsare in einerlei hohe liege; sehen wir aber im Folgenz ben, ber Allgemeinheit wegen, eine andere Lage dieses Punftes voraus. Nehmen wir wieder an, daß das Gestänge AB, Fig. 361, unter dem Winfel AFK=a Fig. 361.



gegen ben Borigont geneigt fei, alfo bie Langenare DE bes Balanciers beim halben Sube von ber Bertifalen CK ebenfalls um KCS = a abweiche. Gegen wir ferner ben Abftand CS bes Schwerpunftes S bes Balanciere von ber Drehungeare C, = b und ben Binfel SCD, um welchen CS von ber gangenare CD abweicht, = δ . Ift nun wieber $ECE_1 = ECE_2 = SCS_1 = SCS_2 = \frac{p}{2}$, fo haben wir bie Sehne $S_iS_i=2$ b sin. $\frac{\beta}{a}$, und ihre Abweichung HS_iS_k vom Sorizont, = $KCS = KCD + DCS = \alpha + \delta$. Es ift baher ber Beg bee Schwerpunftes ober bes Gegengewichtes G_1 bei jedem Aufs ober Niebergange, $S_1H=S_1S_2$ sin. $HS_1S_2=2$ b sin. $\frac{\beta}{2}$ sin. $(\alpha+\delta)$, und die mittlere Rraft, mit welcher G, bas Beftange aufzieht,

$$P = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2} \sin (\alpha + \delta)}{s} = (1 - \frac{1}{2} + \frac{\beta}{a} G_1 \sin (\alpha + \delta).$$

Macht man $\alpha + \delta = 90^{\circ}$, also $\delta = 90^{\circ} - \alpha$, d. i. logt man CS horie gontal, fo fallt naturlich P am größten, und zwar, wie oben im haupttert,

$$P = (1 - \frac{1}{24} \beta^2) \frac{b}{a} G_1$$
 aus.

Die ben Stangenfraften Q, und Q, entsprechenbe Große bes Wegengewichs tes ift fur unferen allgemeinen Fall:

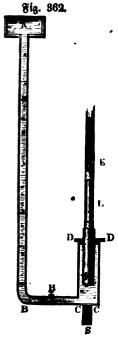
$$G_1 = \left[1 + \frac{1}{2}\left(\frac{s}{a}\right)^2\right] \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2\sin\left(\alpha + \delta\right)},$$

ober wenn bas Beftange burch Stangen an ben Balancier angefchloffen ift,

$$G_1 = \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2 \sin \alpha (\alpha + \delta)}.$$

§. 176. Bir miffen ichon aus bem zweiten Theile (f. II., §. 232), pubrautifder bag man bie Rraft eines Gegengewichtes burch ben hybroftatischen Drud einer Bafferfaule, alfo überhaupt ben Gewichtsbalancier burch einen bybraulifchen Balancier erfeten tann. Bei Unwendung biefes Up: parates an Bafferfaulenmaschinen bedurfte es nur einer Berlangerung bes Ausqugrohres nach oben, um eine ben Aufgang bes Treibekolbens und bes bamit verbundenen Geftanges unterftugende und ben zu ichnellen Niebergang beffelben hemmenbe Kraft zu erhalten; in anderen Fallen ift es hingegen nothwendig, einen befonderen Rolben gur Aufnahme des Wafferbrudes berauftellen. Gine Stigge von einem folden hybraulischen Bas lancier führt Sig. 362 (a. f. S.) vor Mugen. Die brudenbe Bafferfaule ift von der Rohre ABC eingeschloffen und der den Bafferdruck aufnehmende und mit bem Geftange ES fest verbundene Monchstolben KL bewegt fich in bem Stiefel ober Cplinder CCDD. Damit bie Rraft P, mit welcher ber Rolben vom Baffer aufwarts getrieben wirb, nicht ercentrifch auf bas Geftange ES wirte und baffelbe gur Seite giebe, ift es zwedmäßig, baffelbe fo ju gabeln, bag es ben Stiefel CD fammt Rolben KL und Rolbenftange LE umfaßt. Ift F ber Querfchnitt bes Rolbens

operantiter und h die fentrechte Sohe der Rolbenflache beim mittleren Stande des Rol-



bens unter dem Wasserspiegel im Speisereservoir A, so hat man die Kraft, mit welcher der hydrauslische Balancier in der Arenrichtung auf das Gestänge wirkt, $P = Fh\gamma$, oder wenn F in Quabratsus und h in Fuß gegeben ift,

Noch nimmt aber die Kolbenreibung einen ansfehnlichen Theil hiervon in Anspruch, und es ist mit Berücksichtigung berselben nach II., §. 235, bei der Breite b der Liderung und dem Durchsmesser d bes Kolbens,

$$P = \left(1 - 4 \varphi \frac{b}{d}\right) Fh \gamma$$
 zu sehen.

Die übrigen hydraulischen Hindernisse lassen sich wie die einer Wassersaulenmaschine beurtheilen, und sind auch bei einer Weite $d_1=\frac{1}{2}d$ der Röhren und einer kleinen Kolbengeschwindigkeit von 1 bis 2 Kuß klein genug, um sie außer Acht lassen zu können.

Der hydraulische Balancier hat den Bortheil der Einfachheit und Raumersparnis vor dem Gewichtsbalancier, dagegen ift er aber auch mecha-

nisch unvollkommener, da die Kolbenreibung viel mehr Kraft verzehrt als die Bapfen= und Kettenreibung des Gewichtsbalancier. Ueberdies hat der Gewichtsbalancier den großen Borzug, daß man durch Zulegen oder Wegnehmen von Gewichten die Kraft P desselben nach Bedürfniß leicht verändern kann, wosgegen dei dem hydraulischen Balancier durch Stellung der Regulirungsklappe H nur Kraft vernichtet aber nicht geschaffen werden kann, vielmehr hierzu, wenn der Druck des Wassers dei völlig geössneter Klappe nicht mehr ausreicht, eine Verlängerung der Wassersaule nach oben nöthig ist. Ist ber der Stellung des Hahnes oder der Klappe H entsprechende Widerstandsscoefsicient, d der Durchmesser des Kolbens, d1 die Weite der Röhre und v die Geschwindigkeit des Kolbens, so hat man (nach I., §. 377 und II., §. 237) den Theil der Druckhöhe h, welcher durch den Durchgang des Wassers durch diesen Regulirungsapparat verloren geht,

$$h_1 = \zeta \cdot \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2 q},$$

und ben entsprechenden Arbeiteverluft pro Secunde:

$$L_1 = Qh_1\gamma = \zeta \cdot \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2g} \cdot \frac{\pi d^2}{4} v\gamma = \frac{\pi}{4} \zeta \gamma \cdot \frac{d^6}{d_1^4} \cdot \frac{v^2}{2g}.$$

Anmerkung. Man fann fich endlich auch ftatt ber brudenben Bafferfaule gueumatifter AB ber comprimirten guft bedienen, welche man in einem Bindfeffel einfcließt, ber mit bem Cylinder CD communicirt. Da bas Entweichen ber Luft nicht gang vermieben merben fann, fo ift es nothig, eine fleine Luftpumpe angus wenden, welche neue guft zupumpt und babei bie Spannung im Binbfoffel auf einer gewiffen Bobe erhalt. Die Rraft P. mit welcher ein folder pneumatis fder Balancier bem aufgebenben Beftange ju Bulfe fommt, ift allerbings variabel, um inbeffen bie Beranberlichfeit biefer Rraft möglichft berabzugieben, ift es nothig, ben Binbfeffel viel größer ju machen als ben Chlinberraum.

3ft V bas Bolumen bes Windreservoirs fammt Communicationsrohr und p bie Preffung ber Luft in bemfelben beim tiefften Rolb nftanbe, ferner F bie Rols benftache und a ter Rolbenhub, fo haben wir die Breffung ber Luft beim bochften Rolbenftanbe, bem Mariotte'schen Gefehe zu Folge, $p_1=rac{Vp}{V+Fs}$, und bie ver-

richtete Arbeit ber comprimirten Luft mabrent ber Relbenbewegung (f. I , S. 330)

$$L = V_p Log. nat. \left(\frac{p}{n}\right) = V_p Log. nat. \left(\frac{V + F_s}{V}\right)$$

3ft ber atmofpharische Drud gegen bie Außenflache bes Rolbens pro Quabratgoll po, alfo im Gangen Fp., fo muffen wir noch die Arbeit Fpos in Abjug brins gen, fo bag mir nun

$$L = V p Log. nat. \left(\frac{V + Fs}{V}\right) - Fp_0 s,$$

und bie mittlere Rraft Diefes pneumatifden Balanciers

$$P = \frac{L}{s} = \frac{Vp}{s} log. nat. \left(\frac{V+Fs}{V}\right) - Fp_o,$$

ober mit Berudfichtigung ber Rolbenreibung,

$$P = \frac{Vp}{s} Log. nat. \left(\frac{V+Fs}{V}\right) - Fp_0 - 4 y \frac{b}{d} F(p-p_0)$$

(f. II., §. 373) erhalten.

3ft Fs flein, fo fann man

Log. nat.
$$\left(\frac{V+F_s}{V}\right) = \frac{F_s}{V} - \frac{1}{\sqrt{s}} \left(\frac{F_s}{V}\right)^2$$

(f. »Ingenieur«, Geite 136) feten, und es ift fonach einfucher

$$P = \left(1 - 4 \, \varphi \, \frac{b}{d}\right) F \left(p - p_0\right) - \frac{1}{2} \frac{F_s}{V} \cdot F_p.$$

Beim Riebergang bes Geftanges ift naturlich bie Reibung ebenfalls hinberlich, und baber

$$P = \left(1 + 4 \varphi \frac{b}{d}\right) F \left(p - p_0\right) - \frac{1}{2} \frac{F_0}{V} \cdot F_p.$$

Beifpiel. Benn verlangt wirb, ben im Beifpiele gu S. 174 behandelten Bewichtsbalancier burch einen hybraulischen ober gar burch einen pneumatischen Balancier ju erfeten, fo haben wir folgenbe Rechnungen anguftellen. Die erforberliche Rraft P jum Ausgleichen ift 36000 Pfund, fieht uns baber eine Wafferfaule von 100 guß Sohe zu Gebote, fo bedürfen wir für ben Treibefolben einen

Querschnitt
$$F = \frac{P}{66 \text{ A}} = \frac{86000}{6600} = 5,454$$
 Quadratfuß, oder einen

 $d = \sqrt{\frac{4 F}{\pi}} = 2,635 \ \text{Fuß} = 31,62 \ \text{Bell.}$ Durdmeffer

Sneumatifder Balancier.

Rehmen wir $4 \varphi \frac{b}{d} = 0,1$ an (f. II., §. 285), fo erhalten wir bie burch bie Rolbenreibung verloren gehenbe Arbeit pro Spiel

$$4 \varphi \frac{b}{d} Fh\gamma . 2 s = 0,1 . 5,454 . 100 . 66 . 8 = 28797 Fußpfund,$$

b. i. pro Secunde: $L=\frac{5}{60}\cdot 28797=2398$ Fußpfund = 4,7 Pferbefrafte.

Wenben wir hingegen einen pneumatifchen Balancier an, in welchem bie Luft auf 10 Atmofphären gefrannt wird, und forbern wir, bag fich bie Spannung beim Aufgange bes Rolbens bochftens um 1/8 ihres anfänglichen Berthes vermindere, fo haben wir fur bie Rolbenflache, beim Bube # = 4 Buf,

$$F=\left(\frac{p}{p_1}-1\right)\frac{V}{s}=(^{o}_{/7}-1)\,\frac{V}{4}=\frac{V}{28},$$
 und baher für die Größe V bes Bindfeffels, da $p=10\,p_0$ und

$$P = \frac{Vp}{s} \text{ Log. nat. } \left(\frac{p}{p_1}\right) - Fp_0 = (10 \text{ Log. nat. } \frac{s}{7} - \frac{1}{7}) \frac{Vp_0}{4}$$
$$= (1.3558 - 0.1429) \frac{Vp_0}{4} = 0.3081 \text{ Vp_0 ift.}$$

$$V = \frac{P}{0,8031 p_o} = \frac{36000}{0,8081 \cdot 144 \cdot 15,1} = \frac{86000}{659,06} = 54,62$$
 Cubiffus. Hiernach bestimmt sich bie wirkliche Größe ber Kolbenstäche

$$F=rac{V}{28}=$$
 1,950 Duabratfuß,

und baher ber Durchmeffer berfelben

$$d = \sqrt{\frac{4 F}{\pi}} = 1,575$$
 Fuß = 18,9 Boll.

Die Leiftung, welche burch bie Rolbenreibung bei biefem Ausgleichungsmittel verloren geht, ift pro Spiel

 $4 \varphi \frac{b}{a} F(p - p_0) \cdot 2s = 0.1 \cdot 1.95 \cdot 9 \cdot 144 \cdot 15.1 \cdot 8 = 80526$ Fußpfund, alfo pro Secunte:

$$L=rac{80526}{12}=2544$$
 Bußpfund, b. i. nahe 5 Pferbetrafte.

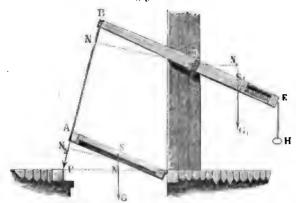
Der Gewichtsbalancier verliert nach ber Rechnung bes Beifpieles im S. 174 nur 207,25 Fußpfund, b. i. über 12mal weniger burch bie Reibung.

Bugbraden.

6. 177. Sehr mannigfaltige Gegengewichtbapparate tommen bei ben fogenannten Bugbruden (frang. ponts levis; engl. draw-bridges) in Unwendung. Bon ben vorzüglichsten Conftructionen biefer Art fei baber aunachft noch die Rebe.

Die einfachste Bugbrude ift bie mit Schlagbaumen. Die Brude CA, Fig. 363, ift hier um die Angeln C brebbar, und mit Retten AB an ben Schwengel ober Schlagbaum BDE aufgehangen. Wird nun bas Ende bes letteren mittels einer Sanbhabe ober Rette H niebergezogen, fo fteigt bas Ende B berfelben empor und es fchlagt fich bie Brudenbahn auf. Das Hauptaugenmerk bei ber Construction einer solchen Brucke ist barauf zu richten, baß fich biefelbe in allen Richtungen von felbst bas Gleichgewicht halte und baher beim Auf- und Nieberlaffen nur eine Kraft zur Uebermin= 3ugbraden. dung ber Reibungen erforbere. Wenn bie Dreharen C und D und bie Auf-





hangepunkte A und B die vier Echpunkte eines Parallelogrammes bilben, wenn also bei jeder Stellung der Brücke AB parallel CD und AC parallel BD bleibt, also auch der Neigungswinkel α von CA gegen den Horizont stets derselbe ist wie der von DB oder DE, so wird das einmal hergestellte Gleichgewicht durch die Orehung der Brücke nicht gestört werden, denn ist G das im Schwerpunkte S niederziehende Gewicht der Brücke und G_1 das im Schwerpunkte S_1 niederziehende Gewicht des Schlagbaumes, so haben wir für den Gleichgewichtszustand

$$G_1\overline{DN_1}=P.\overline{DN_2}=P.\overline{CN_3}=G.\overline{CN}$$
, ober $G_1.\overline{DS_1}\cos{\alpha}=G.\overline{CS}\cos{\alpha}$, b. i. $G_1.\overline{DS_1}=G.\overline{CS};$

es ist folglich die Größe des Gegengewichtes $G_1 = \frac{\overline{US}}{\overline{DS_1}} \cdot G$ gar nicht vom

Reigungswinkel abhångig, und es wird also 'auch bei allen Neigungen ber Brude biefes Gegengewicht bem Gewichte ber Brude bas Gleichgewicht halten.

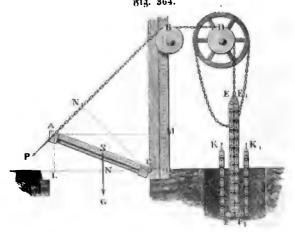
Da während des Aufklappens der Brudenbahn der Hebelarm CN des Brudenbahngewichtes G allmälig immer kleiner und kleiner wird, so ersorbert also auch dieses Aufklappen ein allmälig abnehmendes Kraftmoment; will man daher statt des Schwengels oder Schlagbaumes BE ein wirklisches Gegengewicht in Anwendung bringen, so muß man entweder diese Gewicht selbst, oder den Hebelarm desselben veränderlich machen.

Nach bem erften Principe ift bie Bugbrude von Poncelet, und nach bem zweiten Principe die von Derché conftruirt. Bei den Poncelet'schen

Bugbruden Bugbruden besteht das Gegengewicht in einer Kette, welche mit dem unter ren Ende an einem festen Punkte aufgehangen und an dem oberen Ende mit der Kette zum Aufziehen der Brude verbunden ist. Wenn sich nun beim Aufgange der Brude das obere Kettenende immer mehr und mehr herabsenkt, so kommen gleichzeitig immer mehr und mehr Kettenglieder unter das seste Ende der Kette zu hangen, die nun vom festen Aufhängepunkt gestragen werden und folglich nichts mehr zum Aufziehen der Brude beitragen. Auf diese Weise vermindert sich also auch die Zugkraft immer mehr und mehr, je höher die Brude steigt. Bei der Zugbrude von Derché hingegen ist das Gegengewicht an einem Ercentrik oder einem Spiralgange aufgehangen, um dessen Welle sich die Kette zum Aufziehen der Brude wickelt, während das Gewicht niedersinkt.

Anmerkung. Man kann auch bas Gegengewicht auf einer krummlinigen Bahn, beren Reigung von oben nach unten allmälig abnimmt, herabsinken laffen. Da bas Bestreben zum herabgleiten mit bem Reigungswinkel einer schiefen Ebene macht und abnimmt, so ift es möglich, baß bas Gegengewicht bei jedem Stande ber Brüdenklapre bas Gleichgewicht halt. Es gehören hierher bie Zugbrüden mit ber Sinusoibenbahn von Belidor und Delile. hieriber ift nachzulesen: hülfse's allgemeine Maschinenchklopabie, Band II., Artikel stewegzliche Brüden«, bann Poncelet's Cours de mécanique appl aux machines, beutsch von Schnuse, und Sganzins' Cours de constructions.

§. 178. Eine Poncelet'sche Zugbrude mit Ausgleichungstette ift in Fig. 364 abgebildet. Es ift hier CA die um C drehbare Brudenbahn, Rig. 364.



ABDE die über eine Leitrolle B hin: und an der Trommel D herablaufende Bugfette, und EFK, $E_1F_1K_1$ stellen die daran hangenden Gleichz gewichtefetten vor, welche mit den unteren Enden an den festen Punkten K

und K_1 aufgehangen find. Leicht ift zu ermeffen, wie fich das Gewicht 3ugbraden. Diefer Rette mit dem Gewichte G der Brude ins Gleichgewicht feten kann.

Seben wir den Abstand des Schwerpunktes S der Brude von der Dreshungsare $C_1 = a_2$, und den Abstand des Angriffspunktes A der Ketten von eben dieser Ake $= b_1$, ferner den allmälig von 0 bis 90° wachsenden Umdrehungswinkel $ACL = \alpha$ und den Winkel BAC_1 , welchen die Kettenare mit der Längenare der Brude einschließt, $= \psi_1$, so haben wir die Hebelarme der Kräfte G und P:

$$CN = CS \cos, \alpha = a \cos, \alpha$$
 und $CN_1 = CA \sin, \psi = b \sin, \psi,$

und es ift baher die Bugfraft ber Rette ABDE:

$$P = \frac{Ga \cos \alpha}{b \sin \psi}.$$

Um den Winkel ψ durch den Umdrehungswinkel α auszudrücken, führen wir den Hulfswinkel $BAM=\beta$ ein, sehen also $\psi=\alpha+\beta$, und bestimmen nun β auf folgende Weise. Es ist

$$BM = BO - MO = BO - AL$$
 und
$$AM = CO + LC, \text{ folglid},$$

$$tang. \beta = tang. BAM = \frac{BM}{AM} = \frac{BO - AL}{CO + LC}$$

$$= \frac{h - b \sin \alpha}{c + b \cos \alpha},$$

wofern wir die Hohe BO des Berührungspunktes B der Kette mit der Leitrolle über der Drehungsare C durch h, und den Horizontalabstand CO bieser Punkte von einander durch c bezeichnen.

Fur die niedergelaffene Brude ift a = 0, baher hat man hier

tang.
$$\beta = \frac{h}{b+c}$$
 und $P = \frac{Ga}{b\sin \beta} = \frac{Ga\sqrt{(b+c)^2 + h^2}}{bh}$;

für die aufgezogene Brude hingegen ift $\alpha=90^\circ$, daher tang. $\beta=\frac{h-b}{c}$ und P=0 zu sehen. Soll nun die Ausgleichungskette für diese zwei Stellungen der Brudenbahn das Gleichgewicht herstellen, so muß man ihr

eine Lange $EF + FK = E_1F_1 + F_1K_1 = \sqrt{(b+c)^2 + h^2}$ und ein Sewicht

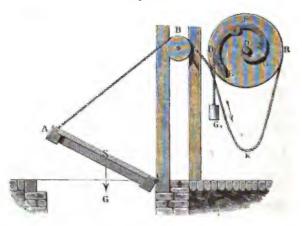
$$G_1 = P = \frac{GaV(\overline{b+c})^2 + h^2}{bh}$$
.

geben, also jede Langeneinheit berfelben $\frac{Ga}{bh}$ wiegen laffen.

Will man auch bei ben 3wischenftellungen ausgleichen, fo muß man bie

Susbraden Kettenglieder ungleich schwer machen, und zwar von oben nach unten allmälig schwerer werden lassen. Die obigen Formeln reichen übrigens vollkommen aus, um die Anordnung der Kette dieser Forderung entsprechend zu beswerkstelligen. Wir nehmen für α eine steigende Reihe von Werthen, z. B. $\alpha=0^{\circ}$. 10° , 20° , 30° u. s w. an, berechnen mit Hüsse der obigen Formel die entsprechenden Werthe von β und $\psi=\alpha+\beta$, und hieraus wieder die entsprechenden Krastwerthe P, und endlich auch noch jedesmalige Länge des Kettenstücks AB, nämlich $l=V(c+b\cos\alpha)^2+(h-b\sin\alpha)^2$. Ist nun P, P_1 , P_2 , P_3 , P_4 u. s. w. die Reihe der Krastwerthe und l, l_1 , l_2 , l_3 , l_4 u. s. w. die Reihe der Kettensängen AB, so hat man die den Stücken l_1-l , l_2-l_1 , l_3-l_2 , l_4-l_3 u. s. w. der Ausgleischungskette (von den sessen Punkten K oder K_1 ausgegangen) zu gebenden Gewichte: P_1-P_2 , P_3-P_1 , P_3-P_2 , P_4-P_3 u. s.

Die wesentliche Einrichtung einer Bugbrude mit Ercentrit ift aus Fig. 365 zu ersehen. hier widelt sich die Rette ABE, womit die Brude Rig. 365.



AC aufgezogen wird, auf eine Arommel EFR, welche mittels einer Kette K ohne Ende um ihre Are D umgedreht werden kann. Mit die fer Arommel ist der Spiralgang EFG verbunden, um welchen sich eine Kette OG_1 windet, an der das Gegengewicht U_1 niederzieht. Während die Brude durch Umdrehung der Arommel allmälig aufgezogen wird, wickelt sich die Kette OG_1 immer mehr und mehr von der Spirale EFG ab und es erhält das Gegengewicht G_1 immer kleinere und kleinere Hebelarme DO, so daß das Moment desselben bei jeder Stellung dem ebenfalls allmälig abnehmenden Momente der Brude gleich bleiben kann.

Die Berechnung von B, P und l ift hier biefelbe wie bei ber vorigen

Bugbrude. Ift ? ber conftante Salbmeffer ber Trommel ober Scheibe 3ngbraden. und z ber veranderliche Salbmeffer DO ber Spirale, fo bat man

$$G_1 z = Pr$$
, und daher
$$z = \frac{Pr}{G_1} = \frac{Gra\cos\alpha}{G_1b\sin(\alpha + \beta)}.$$

Am Anfang ift a = 0 und baber

$$z = \frac{Gra}{G_1b\sin\beta} = \frac{Gra\sqrt{(b+c)^2 + h^2}}{G_1bh}$$

am Enbe hingegen a = 90° und baher z = 0; wegen ber Reibung fann man jedoch biefen Salbmeffer bem Salbmeffer bes Bapfens D gleichnehmen.

Soll die Spirale nur eine Windung machen, fo muß ber Umfang ber Scheibe OR ber aufzuwindenden Rettenlange

$$\sqrt{(b+c)^2+h^2}-\sqrt{c^2+(h-b)^2}$$

gleich sein, und hiernach ist der nothige Scheibenhalbmesser
$$r = \frac{\sqrt{(b+c)^2 + h^2} - \sqrt{c^2 + (h-b)^2}}{2\pi}.$$

Wenn man fur den Neigungswinkel der Brudenbahn eine Reihe 0, a1, a2, a3 . . . von Werthen annimmt und hiernach auch fur ben Sulfewinkel β eine Reihe $\beta_0,\,\beta_1,\,\beta_2,\,\beta_3$. . . berechnet, fo lagt fich nun auch fur ben Rabinsvector z ber Spirale eine Reihe zo, z1, z2, z3 . . . und ebenfo fur bie Rettenlange l eine Reihe lo, l1, l2, l3 u. f. w. von Werthen ermitteln, und werben endlich noch bie letteren Berthe um bie Lange $\sqrt{c^2 + (h-b)^2}$ des zurudbleibenden Rettenftudes vermindert und die Reste mit $\frac{360^{\circ}}{2 \pi r} = \frac{180^{\circ}}{\pi r} = \frac{57^{\circ},296}{r}$ multiplicirt, so erhalt man auch eine Reihe φ_0 , φ_1 , φ_2 , φ_3 u. f. w. von den den Rabien zo, z1, z2, z8 u. f. w. entsprechenden Centriminteln und es lagt fich nun hiernach die Spirale leicht verzeichnen.

Beifpiel. Ge ift bie Anordnung einer Bugbrude mit einem Spiralrabe gu vollziehen, welche bas Gewicht G = 6000 Pfund und bie gange b = 12 guß hat, und fur welche A = 15 Fuß, c = 4 Fuß und a = 6 guß ift.

Rehmen wir nur folgenbe Berthe

und berechnen wir junachft mittele ber Formel

$$\bullet \ tang. \ \beta = \frac{b - b \sin. \alpha}{c + b \cos. \alpha} = \frac{15 - 12 \sin. \alpha}{4 + 12 \cos. \alpha}$$

bie entfprechenben Berthe fur B:

und baraus wieber fur a + 3:

Bugbraden.

$$V \frac{(b+c)^2+h^2}{(c^2+(h-b)^2)} = V \frac{16^2+15^2}{4^2+3^2} = 21,932$$
 unb $V \frac{c^2+(h-b)^2}{4^2+3^2} = 5$,

baber folgt bie Lange bes auf bie Scheibe zu widelnben Rettenftudes
= 21,932 - 5 = 16,992 Juß, ber halbmeffer ber Trommel

$$r = \frac{16,932}{2\pi} = 2,695$$
 Fuß,

und die Größe bes Gegengewichtes, wenn man bem größten Rabiusvector ber Spirale biefelbe Größe giebt,

$$G_1 = \frac{Ga}{b \sin \beta} = \frac{6000}{2 \sin 43^{\circ}, 9'} = 920,9 \text{ Pfund.}$$

Für ben veranberlichen Rabiusvector

$$s = \frac{Gra\cos\alpha}{G_1b\sin\alpha(\alpha+\beta)} = \frac{r\cos\alpha\sin.43^{\circ}.9^{\circ}}{\sin\alpha(\alpha+\beta)} = \frac{1,8131\cos\alpha}{\sin\alpha(\alpha+\beta)}$$

ergiebt fich nun folgenbe Reihe

a = 2,695; 2,160; 1,631; 1,102; 0,574; 0,000,

und für bie gange bes Rettenftudes oberhalb ber Brudenbahn

$$l = \sqrt{(c + b\cos a)^2 + (b - b\sin a)^2} = \frac{c + b\cos a}{\cos b}$$

folgenbe Reihe: l = 21,93; 18,99; 14,99; 11,24; 7,77; 5,00.

Bieht man ben letten Berth von allen vorhergehenden ab, fo erhalt man bie entsprechenden Rettenbogen

s = 16.93; 13.99; 9.99; 6.24; 2.77; 0.00

und endlich fur bie ben obigen Rabiusvectoren entsprechenben Gentriwinkel

$$\varphi = \frac{57^{\circ},296}{r}s = \frac{57,296}{2,695}s = 21,26s$$
, die Reihe

 $\varphi = 860^{\circ}; 297^{\circ},4; 212^{\circ},4; 182^{\circ},6; 58^{\circ},9; 0^{\circ},0.$

Anmerfung. Bon ber Theorie bes Spiralforbes und bes Ausgleis dungs magens foll fpater in bem Rapitel sie Schachtforberung gehanbelt werben.

Degengewich! bei Arumm. zapfen. §. 179. Sehr wichtig ift oft auch die Anwendung eines Gegengewichstig. 366. tes bei der Krummzapfenbewegung. Wenn bei



tes bei der Krummzapfendewegung. Wenn bei einem doppelten Krummzapfen ACB, Fig. 366, mit zwei diametral gegenüberstehenden Warzen A und B, und mit gleichen und gleichbelasteten Sestängen die Stangenkraft oder Last $Q_1 = G + R_1$ beim Aufgange eine andere ist als die Stangenkraft oder Last $Q_2 = -(G - R_2)$ beim Niesbergange, so balanciren natürlich die beiden Stangengewichte G und G mit einander, und haben auf den Gang des Krummzapfens weiter keinen Einsluß, als daß sie den Zapfendruck um G, und dem entsprechend die Zapfenreibsing vergrößern. Uedrigens sind die statischen und mechanischen Verhältnisse eines solchen Krummzapfens wie die eines einsachen Krummzapfens mit der conse

stanten Aufs und Riebergangefraft ober Laft $Q=Q_1+Q_2$, und es finden egengemiet bet Arymni. baher die Lehren in §. 95, §. 99, §. 100 u. f. w. fur biefen Bapfen auch ihre Unwendung bei ben boppelten Rrummgapfen mit gegenüberliegenben Wargen.

Ganz anders find hingegen die Bewegungeverhaltniffe eines einfachen Krummzapfens, wo bie Kraft ober Laft $Q_1 = R_1 + G$ zum Aufgange eine andere ift als die Kraft $Q_2 \stackrel{.}{=} R_2 - G$ jum Niebergange. fällt in ber Regel die Ungleichformigfeit ber Bewegung fo groß aus, baß eine Ausgleichung burch Gegengewichte unumganglich nothwendig ift. Nehmen wir an, daß bie Bewegung vom Krummzapfen ausgebe, und durch benfelben die Geftanglaften Q1 und Q2 gu überwinden find. Ift nun c_1 die Warzengeschwindigkeit im untersten todten Punkte U und c_2 bie Bargengeschwindigkeit im oberften tobten Punkte O, fo haben wir bie bekannten Arbeitsgleichungen

$$M {c_3^2-c_1^2 \choose 2} = \pi Pr - 2 Q_1 r$$
 und $M {c_1^2-c_2^2 \choose 2} = \pi Pr - 2 Q_2 r$, woraus nun burch Addition $2 \pi Pr = 2 (Q_1 + Q_2) r$, b. i. $P = \frac{Q_1 + Q_2}{\pi}$ sich ergiebt, und bann noch $c_2 = \sqrt{c_1^3-\frac{2 r (Q_1-Q_2) r}{M}}$, annähernd $c_2 = c_1 - \frac{(Q_1-Q_2) r}{Mc_2}$ folgt.

Wenn wir voraussezen, daß $Q_1>Q_2$ ist, so haben wir hiernach auch $c_1 > c_2$. Die Geschwindigkeit c_1 ift jedoch noch keinesweges der größte und ebenfo c2 der fleinfte Gefchwindigfeitswerth; um die eminenten Ges schwindigkeitswerthe v1 und v2 ju finden, muffen wir vielmehr in der Kormel

 $v = c_1 + \left(\frac{P\beta - Q_1(1 - \cos \beta)}{Mc_1}\right)r$

fur eta die durch sin. $eta = \frac{P}{O_1} = \frac{Q_1 + Q_2}{\pi \, O_1}$ bestimmten Werthe, fur M bie um bie halbe Gestangmaffe vergrößerte und auf den Wargentreis reducirte Rotationsmaffe einführen.

Sest man annahernd fur die Marimalgeschwindigfeit v, $\beta = \frac{P}{Q}$ und $1 - \cos \beta = 2\left(\sin \frac{\beta}{2}\right)^2 = \frac{P^2}{2Q^2}$, fo erhalt man bie in Frage ftebenbe Marimalgeschwindigkeit

Gegengewicht bei Arumm. japfen.

$$v_1 = c_1 + \left(\frac{P^2}{Q_1} - \frac{P^2}{2Q_1}\right) \frac{r}{Mc_1} = c_1 + \frac{(Q_1 + Q_2)^2 r}{2\pi^2 Q_1 M c_1}$$

nimmt man aber

statt
$$eta, = \pi - rac{P}{O_1}$$
 und

fratt 1 —
$$\cos \beta$$
, 1 + $\cos \beta = 2\left(\cos \frac{\beta}{2}\right)^2 = 2 - 2\left(\sin \frac{\beta}{2}\right)^2$,

fo erhalt man bie fragliche Minimalgeschwindigfeit

$$v_{2}=c_{1}+\left[P\left(\pi-\frac{P}{Q_{1}}\right)-2Q_{1}+\frac{P^{2}}{2Q_{1}}\right]\frac{r}{Mc_{1}}=c_{1}+\left(Q_{1}-Q_{2}-\frac{P^{2}}{2Q_{1}}\right)\frac{r}{Mc_{1}}$$

$$=c_{2}-\frac{(Q_{1}+Q_{2})^{2}r}{2\pi^{2}Q_{1}Mc_{1}}.$$

Diefem zufolge ift nun ber Ungleichformigfeitsgrab o biefes eins fachen Rrummzapfens

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c_1} = \frac{c_1 - c_2}{c_1} + \frac{(Q_1 + Q_2)^2 r}{\pi^2 Q_1 M c_1^2}$$
$$= \left(Q_1 - Q_2 + \frac{(Q_1 + Q_2)^2}{\pi^2 Q_1}\right) \frac{r}{M c_1^2}.$$

Bare die Kraft zum Auf= und Niedergang biefelbe, namlich =Q, so hatten wir

$$\delta = \frac{4}{\pi^2} \cdot \frac{Qr}{Mc^2} = 0,4046 \, \frac{Qr}{Mc_1^2}$$
 ober genauer, nach §. 112, $\delta = 0,4210 \, \frac{Qr}{Mc^2};$

ware aber Q_1 viel größer als Q_2 , so erhalten wir einen viel größeren Grab ber Ungleichformigkeit. 3. B. $Q_2 = 0$ gabe

$$\delta = 1{,}1013 \frac{Q_1 r}{Mc^2}.$$

Es kann endlich $Q_2 = R_1 - G$ fogar negativ und beshalb & noch viel größer ausfallen. Sicherlich barf aber boch v_2 nie Rull ober gar nes gativ werden, und es fordert baher ber Beharrungszustand biefer Masschine, baß

$$c_2 > rac{(Q_1 + Q_2)^2 r}{2 \, \pi^2 Q_1 M \, c_1}$$
, ober $c_1 - rac{(Q_1 - Q_2) \, r}{M \, c_1} > rac{(Q_1 + Q_2)^2 \, r}{2 \, \pi^2 \, Q_1 M \, c_1}$, b. i. $M \, c_1^2 > \left(Q_1 - Q_2 + rac{(Q_1 + Q_2)^2}{2 \, \pi^2 \, Q_1}
ight) r$ [ei.

Bei großen Differenzen zwischen Q1 und Q2, wie z. B. bei ben foges nannten Waffertunften vorkommen, kann hiernach bie erforberliche Maffe

M unthunlich groß ausfallen, und beshalb eine Ausgleichung durch Ges Gesengewicht gengewichte unbebingt nothig fein.

Beifpiel. Belden Ungleichformigfeitsgrad befitt ein Krummzapfen mit eine fachem Geftange, welches 30000 Bfund wiegt, ju feinem Aufzuge 35000 und gu feinem Riebergange 5000 Bfund Rraft erforbert, mahrend bie rotirenbe Daffe bes Krummjapfens, auf ben Bargenfreis reducirt, 700000 Bfund beträgt, ber Balbmeffer bes Bargenfreifes r = 2 Rug und bie Gefdwindigfeit im unteren tobten Buntte ebenfalle 2 Tug migt? Ge ift hier

$$Q_1 = R_1 + G = 35000 + 30000 = 65000 \text{ unb}$$

$$Q_1 - Q_2 = 90000$$
 und $\frac{(Q_1 + Q_2)^2}{\pi^2 Q_1} = 2493$ Bfund; ferner ift noch

$$M = \frac{700000 + 15000}{81,25} = 22880$$
 Pfund, und folglich

$$\left(Q_1-Q_2+\frac{(Q_1+Q_2)^2}{2\,\pi^2\,Q_1}\right)r=(90000+1247)\cdot 2=182493.$$
 Bei biefen Berhältniffen fann also bie Maschine gar nicht mit Beharrung

umlaufen.

Batte man burch ein Gegengewicht von 30000 Pfund bas Stangengewicht ausgeglichen, fo murbe unter ber Borausfehung, bag burch bas Begengemicht bie Geftangmaffe verdoppelt wird, ber Ungleichformigfeitegrab biefer Mafchine, da hier

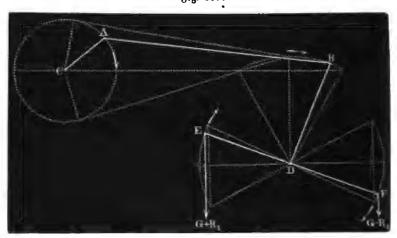
$$Q_1 = 35000, \quad Q_2 = 5000 \text{ und } M = \frac{700000 + 30000}{31,25} = 23360 \text{ Pjund ift,}$$

$$\theta = \left(Q_1 - Q_2 + \frac{(Q_1 + Q_2)^2}{\pi^2 Q_1}\right) \frac{r}{Mc_1^2} = (80000 + 4632) \cdot \frac{2}{28360 \cdot 2^2} \\
= \frac{17816}{28260} = 0,741, \text{ also noch zu groß ausfallen.}$$

Satte man burch ein Gegengewicht von $\frac{Q_1-Q_2}{2}$ = 45000 Pfund bie ganze Geftängfraft ausgeglichen, fo wurde, ba bann bie mittlere gaft $Q=\frac{85000+5000}{2}$ = 20000 Bfund betrüge, ber Ungleichformigfeitegrab, und zwar nur bei febr langer Rurbelftange :

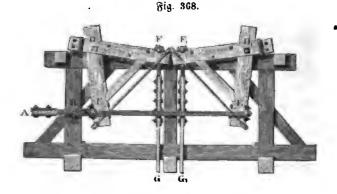
$$\delta = 0.421 \cdot \frac{Qr}{Mc_8} = 0.421 \cdot \frac{20000 \cdot 2 \cdot 31.25}{(700000 + 37500) \cdot 4} = 0.1784$$
 fein.

6. 180. Wir haben ichon im vorigen Paragraphen gezeigt, bag bei einem boppelten Rrummgapfen mit zwei einander gegenüberliegenden Bargen und zwei gleichen und gleichbelafteten Geftangen eine vollstanbige Ausgleichung ber Laften ftatt bat; jest wollen wir aber noch hinzufugen, bag bies auch bei einem einfachen Rrummzapfen möglich fei, wenn berfelbe mittele Rreuze zwei gleiche Geftange zugleich, und zwar ein auf= und ein niebergebendes, in Bewegung fest. Diefe Unordnung lagt fich bei maßig langen Stangen immer mit Bortheil anwenden, ba mit berfelben Gegengemicht eine wesentliche Raumersparnif verbunden ist. Die Einrichtung eines solgrumm: chen Doppelgestanges ist aus Fig. 367 zu ersehen; CA ist der Krumm:
Ria. 367.



zapfen, AB die Lenkstange, BDEF das Doppelkreuz, welches in D seinen Stütpunkt, in E und F aber die Aufhängepunkte der Gestänge hat. Wenn der Krummzapfen in der Richtung des Pfeiles umläuft, geht bei der in der Figur angedeuteten Stellung der Warze A der Aufhängepunkt E des Kreuzes mit der Gestänglast $Q_1 = G + R_1$ empor, und der Aufphängepunkt mit der Last $Q_1 = -(G - R_2)$ nieder.

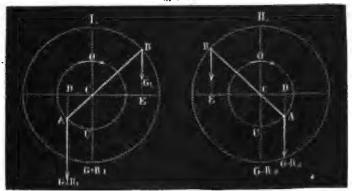
Will man die Gestänge zur Ersparung des Raumes ganz nahe zusammenbringen, so muß man statt des Doppelkreuzes zwei einfache Kreuze, wie Fig. 368, in Anwendung bringen. Die beiden Kreuze EDF und $E_1D_1F_1$ sind durch eine Stange EE_1 in der Richtung der Kurbelstange



AB mit einander verbunden und tragen in F und F, die Bestänge FG megene und F. G.. Leicht ift einzusehen, bag bei biefer Einrichtung ju gleicher Beit ein Beftange auf= und ein anberes niebergeht.

Es tonnen jedoch auch Falle vortommen, wo es nur moglich ift, ein Beftange anzuwenden, und bann ift es allerbinge nothwendig, bie Un= gleichheit zwischen ber Rraft zum Auf= und ber zum Riedergang beffelben burch ein Gegengewicht auszugleichen. Bringt man biefes Gegengewicht unmittelbar mit bem Geftange in Berbindung, fo gemahrt es ben fecunbaren Bortheil, bag baburch nicht allein bas Geftange niehr geschont, fonbern auch ber Krummzapfen mehr entlaftet und folglich bie Reibung an biefem herabgezogen wirb, jumal, ba bie Starte bes Gegengewichtegapfens viel kleiner ift als die Starke bes Bapfens ber Rurbel. Ift es nicht geftattet, ein Gegengewicht unmittelbar an bas Geftange anzuschließen, fo tann man auch die Ausgleichung ber Kraft Q1 und Q2 burch ein mit ber Rrummzapfenwelle verbundenes und alfo auch mit biefer jugleich rotirenbes Gegengewicht bewirken, und bamit burch baffelbe ber Bapfendrud nicht unnothig vergroßert werbe, ift es rathfam, diefem Gewichte einen moglichft großen Bebelarm ju geben, und es beshalb mit bem Rreuge ober ben Armen bes auf biefer Belle etwa figenden Bafferrabes ober Schwungrades gu verbinben.

Ein folches Gegengewicht G1 ift in einem Puntte B, Fig. 369 I und II, Rig. 869.



ju firiren, welcher ber Rrummzapfenwarze A genau gegenüber liegt. bann die Lenkstange hinreichend lang, bag wir annehmen burfen, die Richtung ber Gestängkraft ober Last bleibt mahrend einer Umbrehung eine und diefelbe, fo verandert fich der Bebelarm CE des Gegengewichtes G1 nahe wie ber ber Gestänglaft $G + R_1$ und $G - R_2$. Bezeichnen wir ben halbmeffer CA des Warzenkreises durch r und die Entfernung CB bes Schwerpunftes bes Gegengewichtes von ber Umbrehungsare C burch Frangewicht b, den veränderlichen Umdrehungswinkel UCA aber durch $oldsymbol{eta}$, so haben bit a wir das erforderliche Umdrehungsmomenet

1) für den Aufgang: $Qr\sin \beta = (G + R_1)r\sin \beta - G_1 a \sin \beta$, und

2) für den Niedergang: Qr sin. β = G₁ a sin. β - (G - R₂) r sin. β.

hiernach erhalten wir bie Bestimmungsgleichungen

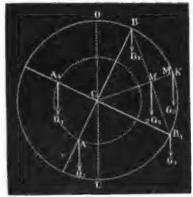
$$Qr = (G + R_1)r - G_1u$$
 und

$$oldsymbol{Qr} = oldsymbol{G_1}b - (G - R_2) r$$
. woraus die mittlere Krummzapfenlast

$$Q=rac{R_1+R_1}{2}$$
 und die Große des Gegengewichtes

$$G_1 = rac{r}{b} \left(G + rac{R_1}{2} - rac{R_2}{2}
ight)$$
 sich ergiebt.

Fur einen doppelten Krummzapfen ACA1, Fig. 370, mit zwei im Big. 370. Rechtwinkel gegen einander gestellten



Rechtwinkel gegen einander gestellten Warzen A und A_1 kann man zunachst nach dem Vorstehenden zwei Gegengewichte G_1 und G_1 bestimmen, und nachher diese durch einziges Gegengewicht G_2 ersehen. Es ist ein Gegengewicht $2 G_1$, welsches, in der Mitte M der Sehne $B B_1$ niederziehend, die einzelnen Gegengewichte G_1 und G_1 in den Gegenpunkten B und B_1 von A und A_1 erseht. Der Abstand des Angrifsspunktes M dieser Mittelskraft von der Umdrehungsgere C ist

 $CM = CB\sqrt{\frac{1}{2}}$, und folglich bas Moment dieser Kraft

$$CM.2 G_1 = 2 G_1.CB\sqrt{1/2} = G_1.CB\sqrt{2} = G_1a\sqrt{2}.$$

Sett man dieses Moment $=G_2$. $CK=G_2a$, so erhalt man nun auch das Gegengewicht G_2 , welches im Abstande CK=a von der Umbrehungsare anzubringen ist, um die Gestänglasten auszugleichen. Wir erhalten so

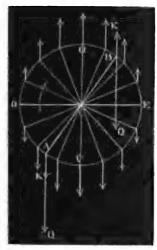
$$G_2 = G_1 \sqrt{2}$$

$$= \frac{r\sqrt{2}}{a} \left(G + \frac{R_1 - R_2}{2}\right),$$

wenn G bas Gewicht einer jeden Stange, R_1 bie Aufgangs: und R_2 bie Riebergangskraft berselben bezeichnen.

§. 181 *) In dem Borftehenden haben wir nur von den ftatifchen Bir= Greengewicht Fig. 371.





fungen ber Gegengewichte gesprochen; es bleibt uns baher noch ubrig, auch bie Wirtungen biefer Gewichte als trage Maffen zu untersuchen. wir auch hier wieber eine fehr lange Rurbelftange voraus, fo bag wir bie Stangenfraft Q als ftets in berfelben Richtung wirkend annehmen tonnen. Gelangt bie Warze bes Krummzapfens vom tobten Puntte U, Kig. 371, nach einem Puntte A, inbem fie mit ber beis nabe conftanten Gefdminbigfeit v ben Bogen $UA = \beta r$ gurudlegt, fo haben wir, wie auch ichon aus bem Fruheren (§. 100) bekannt ift, die Befchwindigfeit ber Stange in ber Richtung ihrer eige= nen Are: w = v sin. β. Run ift aber

nach I., §. 19 *) bie diefer Geschwindigkeit entsprechende Acceleration

$$p = \frac{dw}{dt} = \frac{v \cos \beta d\beta}{dt}, \text{ folglidy,}$$

ba $r\beta = vt$, also $rd\beta = vdt$, b. i. $\frac{d\beta}{dt} = \frac{v}{r}$ gefest werden fann,

$$p = \frac{r^2 \cos \beta}{r}$$

Ift nun M1 bie Geftangmaffe, fo folgt hiernach die Rraft, mit welcher bas Geftange burch feine Tragbeit ber mit ber Beschleunigung p vor fich gehenden Bewegung widersteht,

$$K = Mp = \frac{Mv^2 \cos \beta}{r}.$$

Da nun ber Cofinus im erften und vierten Quabranten positiv, im zweis ten und britten Quabranten aber negativ ift, fo folgt, bag diefe Tragheits: Eraft in dem erften und letten Quadranten ber Umbrehung von oben nach unten, b. i. in ber Richtung CU, und bagegen in ben beiben mittleren Qua= branten berfelben von unten nach oben, b. i. in ber Richtung CO wirkt. Es wird alfo bei einem einfachen Rrummgapfen ber Bapfenbrud mahrenb ber unteren Salfte EUD ber Umbrehung durch die von 0 bis $\frac{Mv^2}{r}$ all= målig wachsende und von $\frac{Mv^2}{r}$ bis 0 allmålig abnehmende Kraft vergrö-Bert und bagegen mahrend ber oberen Salfte DOE ber Umbrehung um III.

Begengewicht eben biefe Rraft vermindert. Ift nun Q bie Stangenkraft, so hat man folglich ben Warzendruck $Q + \frac{Mv^2}{r} \cos \beta$ zwischen $Q - \frac{Mv^2}{r}$ und $Q + \frac{Mv^2}{r}$ ftets machfend und abnehmend, und alfo auch die Wargenreibung entfprechend veranderlich. So lange $Q = \frac{M \, v^2}{c}$ nicht negativ ausfällt, also $rac{Mv^2}{r}$ < Q ist, hat diese Veränderlichkeit auf die Arbeit der Warzenreibung keinen birecten Ginfluß, benn ber Buwache ber Reibung burch bie Tragheit in einem Quabranten wird burch die Berminderung berfelben im folgenden Quadranten wieder aufgehoben; ba aber die Bargenftarte der größten Rraft $Q+rac{Mv^2}{r}$ entsprechen, also nach §. 90, $d_2=0.048$ $\sqrt{Q+rac{Mv^2}{r}}$ genommen werben muß, und bie Arbeit ber Reibung mit ber Starte do wachft, fo hat die Tragheitetraft allerdings auch einen fecundaren Ginfluß auf diefes Bewegungshinderniß.

> Ift hingegen $\frac{Mv^2}{c} > Q$, fo wird bei einem ftumpfen Umdrehungswinkel eta_1 , welcher durch die Formel $\cos eta_1 = - rac{Or}{M_{n^2}}$ bestimmt ift, ein negativer Warzenbrud eintreten, und ba negativer Drud ebenfo gut Reibung giebt ale positiver, fo ift auch im zweiten Quabranten bie Berminderuna ber Reibung durch die Tragheit nicht genau gleich der Bergroßerung berfelben im erften Quabranten.

Allgemein ift die Warzenreibung

$$\varphi(Q+K)=\varphi(Q+\frac{Mv^2}{r}\cos\beta),$$

und baber die Arbeit berfelben bei Umbrehung um einen Binkel Bi, wenn, wie in §. 99, r2 den Wargenhalbmeffer bezeichnet,

$$\varphi Q \beta_1 r_2 + \varphi \frac{r_2 M v^2}{r} \int_0^{\beta_1} \cos \beta \, \delta \beta$$

$$= \varphi Q \beta_1 r_2 + \varphi \frac{r_2 M v^2}{r} \sin \beta_1.$$

Fur ben zweiten Theil $\pi-\beta_1$ ber Umbrehung ift ber Druck Q+Knegativ, die Reibung aber, ale widerstehende Rraft, bleibt positiv, baber hat man bier die Arbeit ber Warzenreibung

$$-\left(\varphi\left(\pi-\beta_{1}\right)r_{2}+\varphi\frac{r_{2}Mv^{2}}{r}\left(\sin 2\pi-\sin \beta_{1}\right)\right),$$
 und es folgt die gesammte Arbeit der Reibung während einer halben Umstehung, $L=\varphi Qr_{2}\left(2\beta_{1}-\pi\right)+2\varphi\frac{Mr_{2}v^{2}}{r}\sin \beta_{1}.$

Dividiren wir diefen Musbrud burch ar, fo erhalten wir die auf ben Margenfreis reducirte Margenreibung

$$F = \varphi\left(\frac{2\beta_1}{\pi} - 1\right) \frac{r_2}{r} Q + 2 \varphi \pi \frac{Mr_2 v^2}{r^2} \sin \beta_1,$$

und ift $\beta_1 = \pi$, so folgt febr richtig, wie gewöhnlich

$$F = \varphi \cdot \frac{r_1}{r} Q.$$

In vielen Fallen wird sich allerdings nie $\frac{Mv^2}{r} > Q$ herausstellen, und daher biefe besondere Bergroßerung der Bargenreibung durch die Tragheit gar nicht vorkommen. Es gehort hierzu entweder eine fehr große Daffe M, wie z. B. bei langen Tagegestängen, ober eine fehr große Geschwindigkeit, wie fie g. B. bei Locomotiven vortommt.

Die veränderliche Erägheitstraft $\frac{Mv^2}{r}$ cos. $oldsymbol{eta}$ verändert nicht allein ben Drud an ber Warze, sondern auch ben Bapfenbrud, nur ift biefer bei ftehenden Maschinen in der Regel so groß, daß er von der ersteren Rraft nicht übertroffen werden fann. Ift R ber ftatifthe Zapfendrudt, fo haben wir, dem Dbigen zu Folge, ben effectiven Bapfendrud $R+\frac{Mv^2}{r}$ cos. etazu feten; und ware $\frac{Mv^2}{r} > R$, fo murbe ber Bapfen, wenn bie Barge in bem oberften Theile ihrer Bahn fich bewegt, nicht nach unten, fondern nach



lager einen Deckel nothig haben. Ist ber Arummzapfen doppelt, und trägt berfelbe an den gegenüberliegenden Warzen A und B (Fig. 372) zwei gleiche und gleichbelaftete Beftange, fo mirten bie Tragheitetrafte K und - K ber Geftange in entgegengefetten Richtungen und geben daber ein Rraftepaar (K, - K). Da ein folches Rraftepaar gar keinen Druck auf die Are C ausubt, fo bietet bie Unmendung eines folden Doppelgeftanges einen neuen Bortheil bar. Wie sich auch mahrend der Umdrehung bes boppelten Krummgapfens AB bie Große ber Tragheitefrafte verandere, fo geben dieselben boch immer ein balb bie

oben bruden, und baher das Bapfen-

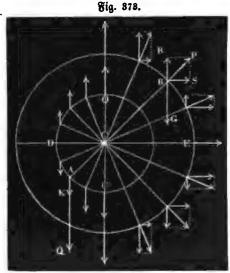
Gegengewicht bei Krummzapfen.

Umdrehung beforderndes balb ein biefelbe erschwerendes und auf die Bapfens reibung teinen Ginfluß ausübendes Araftepaar.

Bringt man aber statt des zweiten Gestänges B ein Gegengewicht G_1 im Abstande CB=b, Fig. 373, von der Umdrehungsare C an, welches eine Ausgleichung der Stangenkrafte Q_1 und Q_2 hervorbringen soll und, wie wir aus §. 180 wissen, die Größe

$$G_1 = \frac{r}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right) = \frac{r}{b} \left(G + \frac{R_1 - R_2}{2} \right)$$

haben muß, fo findet nur eine theilmeise Ausgleichung ber Erägheitstrafte



statt. Es ist hier erstens schon wegen ber größeren Armlange die Masse M_1 bes Gegengewichtes G_1 eine andere als die Masse M bes Gestänges, und es besteht hier, da sich das Gegengewicht im Kreise herumptricht, die Wirkung der Trägheit in einer constanten und radial auswarts wirkenden Centrisugalkraft $P = \frac{M_1 v^2}{a}$ (s. I., §. 246),

die mit der Tragheitstraft K bes Gestänges tein bleisbendes Kraftepaar bitben tann. Allerdings lagt fich

biese Kraft P in zwei Seitenkräfte R und S zerlegen, von denen die eine, namlich $R=P\cos\beta$, der Kraft K entgegengeseth wirkt; allein es bleibt dann immer noch eine Seitenkraft $S=P\sin\beta$ übrig, welche von der Umdrehungsare C aufzunehmen ist. Ware CB=CA und $M_1=M$, so würde zwar R mit K ein die Are C nicht afficirendes Krästepaar geben, aber es bliebe doch noch $S=\frac{M_1v^2}{a}\sin\beta$ zurück. Die mittlere Bergrößerung des Zapsendruckes durch die Centrisugalkraft P des Gegengewichztes ist genau so zu beurtheilen wie die Wirkung der Umdrehungskraft eines einsachen Haspels oder Göpels auf den Zapsen, und es ist dieselbe wie in II., \S . 85 Anmerkung 3, = 1/4 $\frac{P^2}{Q}$, wenn Q den statischen Zapsendruck ohne Rücksicht auf das Gegengewicht bezeichnet, zu sehen.

Da bei einem Krummgapfen außer bem Rurbelarme noch ein Drittel ber

Rurbeiftange (f. III., f. 101) an ber Kreisbewegung Theil nimmt, fo hat Gegengewicht man ichon an ber Marge beffelben eine gemiffe Centrifugaltraft, ba angunehmen ift, bag nur die Geftangmaffe plus zwei Drittel ber Daffe ber Lentstange eine Tragheitetraft K1, bag bagegen bie Daffe bee Rurbelarmes plus das britte Drittel ber Daffe ber Lentstange eine Centrifugalfraft P. ausubt, die von ber entgegengefest wirtenben Centrifugalfraft Pbes Gegengewichtes aufgehoben wirb. Wollte man alfo eine vollftanbige Ausgleichung ber Maffen eines einfachen Rrummgapfens herftellen, fo mußte bas Gegengewicht aus brei Theilen bestehen, einem Rurbelarme, welcher bem arbeitenben Rurbelarme vollkommen gleich zu machen und ihm gegenüberzustellen ift, ferner aus einer Rurbelftange von gleichem Gewicht mit ber arbeitenben Rurbelftange, und brittene aus einem an bas Ende biefer Stange angubangenden und nur in einer geraben Linie auf und niebergehenden Gewichte.

Anmerfung. Bon ber Ausgleichung ber Daffen bei bobbelten Rrummgapfen mit ine Biertel gestellten Bargen, wird bei ben Eccomotiven bie Rebe fein.

§. 183. Es ift uns schon aus bem Fruheren (f. II., §. 66) bekannt, Comunebaß fich bie arbeitenben Dafchinen entweber in einem gleichformigen ober in einem ungleichformigen Beharrungezustande befinden. Der gleichformige Beharrungezuftand einer Mafchine tann nur bei einer ftetigen, und ine Befondere bei ber ftetig freisformigen Bewegung vortommen, und gmar nur bann, wenn fowohl bas Moment ber Rraft als auch bas ber Laft mahrend ber Bewegung unveranderlich ift. Es tommt baber auch biefer Bewegungezustand vorzüglich bei ben Rabmafdinen und zwar bei ben Wafferrabern vor. Ein ungleichformiger Beharrungeguftand tritt bagegen bei allen Maschinen mit absehender Bewegung ein, weil diese innerhalb Burger Beitabschnitte aus ber Rube in Bewegung und aus ber Bewegung in Rube übergeben, und baber balb verzogert, balb beschleunigt werben muffen. In biefem Bewegungezustande befinden fich alle Rolbenmaschinen, feien es Bafferfaulenmafchinen ober Dampfmafchinen, ba biefe Dafchinen burch ben Treibtolben in eine gerablinig abfetenbe Bewegung verfett merben. Ift bie Rolbentraft überbies noch variabel, wie 3. B. bei ben Erpanfionsbampfmafchinen, fo fallt naturlich ber Bewegungezuftand um fo ungleichs formiger aus. Es hangt aber ber Bewegungezustand nicht allein von der Rraft = ober Umtriebsmafchine, fonbern ebenfo gut auch von ber Laft = ober Arbeitsmaschine ab. Ift die Arbeitsverrichtung einer Daschine mit einer absebenben, 3. B. auf= und niebergehenden Bewegung verbunden, fo hat naturlich auch die gange Mafchine einen ungleichformigen Beharrungeguftand. Ein Dumpenwert ober eine gewohnliche Gagemuble u. f. w. befinben fich j. B., felbft wenn fie burch ein Bafferrab in Bewegung gefebt werben, aus biefem Grunde ftets in einem ungleichformigen Bewegungsaus Auch bann, wenn bie Arbeitsmafchine eine ftetige Bewegung be-

Comnng. rater. sist, ist der Beharrungszustand derselben nur ein ungleichsormiger, sowie das Lastmoment derselben veränderlich ist oder wohl gar intermittirend wirkt. In diesem Falle kann natürlich kein statisches Gleichgewicht zwischen der Kraft und Last statssinden, sondern es muß bald die Kraft, bald die Last überwiegen, und daher auch die Maschine bald beschleunigt, bald verzögert umlausen. Es kann deshald z. B. bei den Poch z. Hammer z und Walzewerken nur don einem ungleichsörmigen Bewegungszustande die Rede sein. Ein Walzwerk nimmt z. B. während des Walzens eine verzögerte Bewegung an, und geht dagegen wieder beschleunigt, sowie das Wetall durch die Walzen gelausen ist und diese leer umgehen.

Dem Borftehenden zu Folge laffen fich folgende Falle, bei welchen eine Maschine einen gleichformigen Bewegungezustand annimmt, aufzählen.

- 1) Die Kraftmaschine wirft steig kreissormig und die Lastmaschine ober ber Arbeitsmechanismus hat eine absehende Bewegung, und zwar meist in der geraden Linie (Radkunst).
- 2) Die Kraftmaschine wirft absetend in der geraden Linie und die Arbeitsmaschine hat eine stetige Bewegung, und zwar meist im Kreise (Dampfgopel).
- 3) Beibe Maschinen bewegen sich stetig treisformig, es ift aber bas Moment ber Kraft ober Last, und zwar in ber Regel bas ber letteren, veränderlich (Radwalzwert).
- 4) Die Kraftmaschine hat eine absetende Bewegung, und ber Arbeitss mechanismus bewegt sich stetig kreisformig mit veränderlichem Momente (Dampfwalzwerk).
- 5) Sowohl die Kraft = als auch die Arbeitsmaschine bewegen sich absfesend, und zwar in der Regel geradlinig absesend (Dampstunft).
- §. 184. Auf welche Weise auch eine Maschine in Bewegung gesett werbe und ihre Arbeit verrichten moge, immer ist doch zu verlangen, daß
 - 1) biejenigen Mechanismen, welche eine stetige (Kreis:) Bewegung has ben, moglichst gleichformig umlaufen, und baß
 - 2) biejenigen Mechanismen, welche sich absetenb (gerablinig) bewegen, bei jebem Spiele allmalig und ohne Stofe aus ber Ruhe in Bewegung und ebenso mit stetig abnehmenber Geschwindigkeit aus ber Bewegung in Ruhe übergeben.

Da eine rotirende Umtriebsmaschine nur bei einer gewissen Umbrehungsgeschwindigkeit vortheilhaft arbeitet, so wurde sie folglich weniger leisten,
wenn sie bald langsamer, bald schneller umliefe. hatten wir es z. B. mit
einem oberschlägigen Wasserrade zu thun, so wurden sich hierbei manche
Bellen nur wenig und andere übermäßig mit Wasser anfüllen, und sich daher
auch zu zeitig ausgießen, und badurch dem Rade Arbeit entzogen werden.

875

Ebenso ift es aber auch bei ben rotirenden Arbeitsmaschinen; auch diese arbeiten nur bei einer gemiffen Gefchwindigkeit mit Bortheil, und verlieren daher an Leiftung ober liefern wohl gar ein schlechtes Arbeiteproduct, wenn Die Umbrehungsgeschwindigkeit in einem hohen Grabe veranderlich ift. Richt minder nothig ift es aber auch, bag eine auf= und nieder=, oder hin = und hergehende Maschine, und zwar sowohl Rraft = als Arbeitsmaschine bei jebem Spiele mit allmalia machfender Geschwindigfeit aus ber Rube in Bewegung und mit allmalig abnehmender Geschwindigkeit aus ber Bewegung in Ruhe übergehe, außerdem aber teinen großeren Gefchwindigfeiteverans Die mit ploglichen Gefchwindigfeiteverandes berungen unterworfen fei. rungen verbundenen Stofe verurfachen nicht allein Berlufte in ber Leiftung ber Mafchinen, fonbern fuhren auch ein ftartes Abnuten und balbiges Berftoren ber Maschine herbei, und wenn die Geschwindigkeit ber Dafchine innerhalb eines Spieles großen Beranberungen unterworfen ift, fo fallen auch die Rebenhinderniffe, und ine Befondere die hydraulifchen Biderftanbe und andere Berlufte großer aus, als wenn fich die Gefchwindigkeit von ihrem mittleren Werthe nicht fehr entfernt.

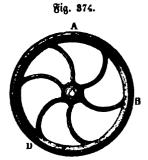
Das vorzüglichfte Mittel zur Erzielung eines möglichft gleichformigen Sanges besteht in ber Bermehrung ber Daffen und zwar ins Befondere Da die Beschleunigung $p=rac{P}{M}$ einer Bewegung ber rotirenben Daffe. birect wie die Rraft P und umgekehrt wie die Daffe M machft, fo muß naturlich ein gemiffer Ueberfchuß an Rraft ober Laft in einer gemiffen Beit einen um fo großeren Gefchwindigkeitegumache ober eine um fo großere Geschwindigkeitsabnahme hervorbringen, je kleiner die Daffe M der Das fchine ift. Bare die Maffe einer Mafchine fehr flein, fo murbe fie vielleicht gar feinen Beharrungezuftand annehmen tonnen; eine vielleicht nur magige Uebermucht murbe ihr ichon in einer furgen Beit eine übermäßige Gefchminbigfeit beibringen und ein magiger Ueberfchug bes Laftmomentes uber bas Rraftmoment wurde ber Maschine vielleicht in wenigen Augenbliden ihre lebenbige Rraft gang entziehen und fie gang in Ruhe verfeten. Es ift alfo nothig, daß eine Dafchine eine gemiffe Daffe befige, und bag biefelbe um fo großer fei, je regelmäßiger und gleichformiger fich biefelbe bewegen foll.

Uebrigens ift uns auch aus ber Theorie der Krummzapfenbewegung bes Cannt, daß sich die Umdrehungsbewegung eines Krummzapfens ber Gleichsformigkeit um so mehr nahert, je größer die Massen und zumal die rotirensben Massen besselben sind.

In manchen Fallen besite eine Maschine schon an und fur fich eine so große Maffe ober ein so großes Tragheitsmoment, baß bie Umbrehungsgesschwindigkeit berselben nur innerhalb enger Grenzen variirt, also ber Grab ber Ungleichformigkeit (f. §. 112), wie erwunsch, nur sehr klein ift, Camungraber. in anderen Fallen ift es hingegen nothig, die Umbrehungemaffe einer Das fchine ju vergrößern, um bie Ungleichformigfeit berfelben bis auf einen ge= wiffen Grad herabzuziehen. Solche bloß jum Berabziehen der Ungleichfor= migfeit bes Bewegungezuftanbes einer Dafchine bienenben rotirenben Daf= fen erhalten die Form eines Rabes, bamit fie bie ftatischen Berhaltniffe ber Mafchine nicht verandern und die nothige Saltbarteit befiten, und hei= Ben beshalb Schwungraber (frang, volants; engl. fly-wheels). Schwungrader find also fehr wichtige Theile einer Maschine mit ungleichformigen Beharrungezuftande, ohne welche biefe Dafchine bie ihr zukommenden Ur= beiten vielleicht gar nicht ober wenigstens fehr unvollkommen verrichten Sobe und ichnell umlaufende Bafferraber, fowie große Trommeln und Bahnraber, schnell umlaufende Muhl = und Schleifsteine u. f. w. wir= ten naturlich gang wie Schwungraber und vertreten baher auch febr oft bie Stelle eines Schwungrabes. Go murben g. B. Gagemuhlen, Dum= penwerte u. f. w. ju ihrer regelmäßigen Arbeiteverrichtung ein Schwungrad rothig haben, wenn fie nicht burch Bafferrader in Bewegung gefest wurden, die burch ihre Tragheit ebenfo wie die Schwungraber, trot ber hier vorkommenden großen Beranderlichkeit bes Lastmomentes, die Geschwinbigfeiteveranderungen in engen Grengen erhalten.

- §. 185. Die Schwungraber find in der Regel aus Gugeisen und bestehen 1) aus dem Schwungringe (frang. l'anneau; engl. the ring) ober
- ber eigentlichen Schwungmasse,
- 2) aus ben Rabarmen (frang. les bras; engl. the arms), und
- 3) aus der Sulfe oder dem Bellkranze (franz. le noyau, moyeu; engl. the nave), womit das Schwungrad auf der Belle festst.

Ein kleines aus bem Ganzen gegoffenes Schwungrad ift in Fig. 374



abgebilbet. ABD ift ber Schwungring, C bie Rabhulse ober Rabe und BC, DC u. s. w. sind die Radarme. Man giebt diesen Rabern gern gekrummte Arme, damit sich dieselben beim Erkalten nach dem Gusse nicht von dem Ringe lostrennen oder eine nachtheilige Spannung erhalten. Um den Lustwisderstand möglichst herabzuziehen, rundet man nicht allein die Arme, sondern auch den Kranz ab, oder giebt beiden Stürchen elliptische Querschnitte. Größere

Schwungraber gießt man, um bie Nachtheile bes ungleichen Erkaltens nach bem Guffe zu umgehen, in zwei Studen, namlich bie Rosette getrennt von bem Schwungring mit seinen Armen. In Fig. 375 ift ein Theil

eines solchen Schwungrabes, und zwar in der vordern Ansicht (I.) und im Querschnitte (II.) abgebildet. A ist ein Stud des Schwungringes, AB ein Radarm und BDEFG die Rosette mit ihrem Auge C. Es ist der Armetranz oder die Rosette zur Aufnahme von fünf Armenden eingerichtet, und die Befestigung dieser Theile mit der Rosette durch je zwei Schrauben, bolzen m, n bewerksteligt. Man kann aber auch den Wellkranz mit den Armen aus dem Ganzen machen und den Schwungkranz besonders gießen.

Fig. 375.

Riq. 376.

Biq. 376.

Biq. 376.

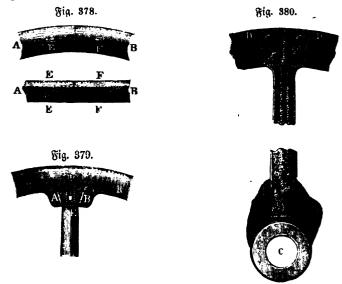
Biq. 376.

Biq. 377.

C

Große Schwungringe von 15 Kug Sohe und baruber muffen aus zwei bis feche Studen gufammengefest werben. Uebrigens tann man aber hierbei jebe Felge ober jebes Ringftud gleich mit einem Urme aus bem Gangen gießen, ober man tann wieber bie Urme mit bem Wellfrang ein Ganges bilben laffen, ober man kann endlich, und bies ift befonders bei fehr hohen Rabern nothig, auch die Rabarme einzeln gießen laffen und biefelben burch Bolgen, Splinte u. f. w. fowohl mit bem Rab = als auch mit dem Bells franze verbinden. Die Berbindung ber Felgen eines Schwungringes unter einander lagt fich burch Ueberplattung und mittele Schraubenbolgen bewertstelligen; man tann aber auch bie Felgenenden ftumpf an einander anstoßen und auf dieselben schwalbenschwanzformige Platten aus Schmiebeeisen aufbolgen, ober bie zu diesem 3mede hohlgegoffenen Enden ber Felgen mit Studen aus Schmiebeeisen ausfullen, und biefelben burch Splinte mit ben Relgen fest verbinden. Gine Relgenverbindung der erften Art zeigt Fig. 376. A und B find übereinandergeplattete Felgenenden, DD und EE die durche gezogenen Schraubenbolzen und FF und GG die eingelegten Febern. Die zweite Berbindungsweise ift aus Sig. 377 zu erfeben; A und B find die

Edwungraber. Comung. raber. beiden stumpf zusammengestoßenen Felgenenden, DD und EE aber die eingelegten Platten mit den Bolzen DE, DE und einer zwischenliegenden Feder F. In Figur 378 ist noch die Verbindung der Kranzselgen durch eingesette Schienen vor Augen geführt; A und B sind die Felgenenden, CD ist die eingesette, und von außen gar nicht sichtbare Schiene, E und F sind eingeschobene Keile, wodurch die Endslächen der Felgen sest an einander getrieben werden können.

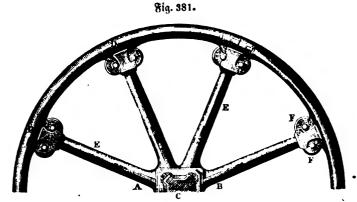


Die Verbindung des Radkranzes erfolgt am einsachsten durch Schwalbensschwänze, in welche man die Armenden auslaufen läßt, und welche man in entsprechenden Ausschnitten am inneren Radumfang verkeilt. Sest man überdies noch einen radiallaufenden Splint DE, Fig. 379, ein, so wird die Verbindung des Schwalbenschwanzes AB mit dem Radkranze R noch befonders verstärkt. Statt der Schwalbenschwänze wendet man auch wohl bloße Nasen oder Vorsprünge an, wie z. B. aus der Fig. 380 zu ersehen ist, welche überdies noch die Verbindung der Arme mit dem Wellenkranz zeigt. Es ist AB der abgebrochen gezeichnete Arm, und es sind DD die Nasen im Radz und EE im Wellkranze, $F, F \ldots$ und $G, G \ldots$ Volzen, wodurch die Armenden gegen ihre Lagerungsstächen gedrückt werden.

Die Verbindungsstellen ber Rabfelgen liegen entweber zwischen ben Bersbindungsstellen mit den Radarmen, oder sie fallen mit diesen zusammen. Die lettere Anordnung zeigt Fig. 381. Die Arme des hier abgebildeten Rades bilben mit dem auf der Welle C aufgekeilten Bellkranze AB ein

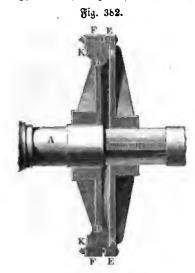
Ganzes, und find dagegen mit dem Rabfrange durch Schwalbenfcwange D ean und Schraubenbolzen $F,\ F$ verbunden.

...



Wenn die Welle, worauf das Schwungrad fist, zur Ausgleichung der Gewichte ein Gegengewicht erforbert, so wird dieses mit dem Schwungrade verbunden, indem man an der dem Schwerpunkte des auszugleichenden Ges wichtes gegenüberliegenden Stelle ein Stud Blei anbringt, wozu man gleich beim Guffe des Ringes eine Hohlung am inneren Umfange deffelben aussparen kann.

Ift bas Schwungrab ploglichen Gefchwindigkeiteveranderungen ausgefest,



wie g. B. bei Balgmerten, fo fann leicht ein Abbrechen ber Arme beffelben herbeigeführt werben, weshalb man mohl biefelben aus Solg macht, ober noch beffer eine Frictions= Ruppelung anwendet. Gine folche Ruppelung wird in Figur 382 vor Mugen geführt. Es ift hier auf jebe ber zu tuppelnben Wellen A und B eine Scheibe DD und EE aufgesett. und es umfaßt bie lettere Scheibe bie erftere mittels eines Rranges FF, ber durch Schraubenbolgen icharf gegen bie auf bie erfte Scheibe aufgelegten Solzerange KK angezogen wird. Fur bie gewohnliche Arbeiteverrichtung ber Mafchine ift bie aus biefem Drude entfpringende Reibung

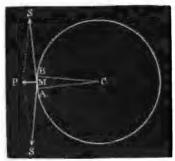
hinreichend, um bie Bewegung ber einen Scheibe auf die andere überzutragen;

Somung fallt ab

fallt aber die hinderniflaft auf ein Mal fehr groß aus, fo ift diese Reis bung nicht groß genug, und es dreht sich die eine Scheibe in ber anderen noch eine kurze Zeit, die die Maschine zur Ruhe gelangt.

S. 186. Da bie lebendige Kraft, burch welche ein Schwungrad ben Gang einer Maschine regulirt, mit dem Gewichte G und mit dem Quasbrate v² der Umfangsgeschwindigkeit des Rades gleichmäßig wächst, so kann man von diesen Factoren G und v stets den einen willkurlich auswählen. Bebenkt man aber, daß die Arbeit der Zapkenreidung des Schwungrades nicht mit Gv. sondern mit G²v wächst, so ist leicht einzusehen, daß man das Ausgleichungsvermögen eines Schwungrades mit mehr Bortheil durch Berzgrößerung der Geschwindigkeit als durch Bergrößerung des Gewichtes hervorzbringt. Auf der anderen Seite hat aber auch das Machsen der Radgeschwinzbigkeit seine Nachtheile und Grenzen, da mit der Geschwindigkeit des Rades zugleich die Centrisugalkraft, und also auch die Gesahr des Zerreißens des Rades wächst. Aus diesem Grunde geht man mit der Umfangsgeschwindigzkeit eines Schwungrades nicht über 100 Fuß hinaus. Uebrigens läst sich aber auch die Geschwindigkeit eines Schwungrades, dei welcher das Zerzeißen desserbes dessend die Geschwindigkeit eines Schwungrades, dei welcher das Zerzeißen dessend die Geschwindigkeit eines Schwungringes, dei welcher das Zerzeißen desserbes desserbes desserbes desserbes desserbes desserbes desserbes des Geschwindigkeit eines Schwungringes, dei welcher das Zerzeißen desserbes desserbes des Geschwindigkeit eines Schwungringes, dei welcher das Zerzeißen desserbes des Geschwindigkeit eines Schwungringes, dei welcher das Zerzeißen desserbes des Geschwindigkeit eines Schwungringes, dei welcher das Zerzeißen desserbes des Geschwindigkeit eines Schwungringes, dei welcher das Zerzeißen desserbes des Geschwindigkeit eines Schwungringes, dei welcher das Zerzeißen desserbes des Geschwindigkeit eines Schwungringes, dei welcher das Zerzeißen desserbes des Geschwindigkeit eines Schwungringes, dei welcher das Zerzeißen desserbes des Geschwindigkeit eines Schwungringes, dei welcher das Zerzeißen des Geschwindigkeit eines Schwungringes, dei welcher des Geschwindigkeit eines Geschwindigkeit eines Geschwindigkeit eines G

Fig. 388.



Wenn wir eine in II., §. 268, entswickelte Formel hier anwenden, so wissen wir, daß die Centrifugalkraft P eines Bogenelementes $AB = r\alpha$, die Spannung des Bogens in der Tangentialzrichtung $S = \frac{P}{\alpha}$ ist, wosern nur α den Bogen des Centriwinkels ACB für den Radius = 1 bezeichnet. Nun ist aber nach I., §. 246, die Centrifugalzkraft $P = \frac{Mv^2}{r}$, wo M die Rasse

von AB, v die Geschwindigkeit und r den Halbmesser CA=CB bez zeichnen; daher folgt hier $S=\frac{Mv^2}{\alpha r}$.

Ist nun noch F ber Querschnitt bes Schwungringes, und γ die Dichstigkeit seiner Masse, so haben wir, da die Bogenlange $AB=\alpha r$ geseht werden kann, $M=\frac{F\alpha r\gamma}{g}$ und daher die Spannung $S=\frac{Fv^2\gamma}{g}$.

Sehen wir endlich S=FK, wo K ben Modul ber absoluten Festigkeit samme, bezeichnet, so erhalten wir $FK=\frac{Fv^2\,p}{g}$, und es ist daher die Umfangs: geschwindigkeit bes Rades $v=\sqrt{\frac{g\,K}{\gamma}}$ gar nicht von den Raddimensionen abhängig.

Da nun für Gußeisen bei sechsfacher Sicherheit, nach 1., §. 189, K=144. 3000, bas Gewicht eines Cubitsußes Gußeisen =7,2. 66 =475,2 Pfund beträgt und die Beschleunigung der Schwere g=31,25 Fuß ist, so ist die Maximalzeschwindigkeit eines Schwungsrades

$$v = 12 \sqrt{\frac{31,25.3000}{475.2}} = 168 \text{ gus.}$$

Diese Formel gilt vorzüglich für einen aus dem Ganzen gegoffenen Schwungzring; ist derselbe hingegen aus Felgen zusammengesett, so kann er auch durch Zerreißen der Berbindungsstücke zu Bruche gehen, wenn diese keinen hinzeichend großen Querschnitt haben. Da die Spannung $S=\frac{Fv^2\gamma}{g}$ nicht allein vom massiven Theile des Ringes, sondern auch von den Berbindungsstücken, wie z. B. von den Einsatzlatten mit Schwalbenschwänzen auszuhalten ist, so können wir, wosern durch F_1 der Querschnitt und durch K_1 der Festigkeitsmodul dieser Stücke bezeichnet wird, seine:

$$F_1 K_1 = rac{F \, v^2 \, \gamma}{g},$$
 und daher $F_1 = rac{v^2 \, \gamma}{g \, K_1} \, F.$

Um F_1 nicht so groß machen zu muffen als F, verwendet man zu den Berbindungsstuden lieber Schmiedeeisen, dessen Festigkeitsmodul mit hinssicht auf sechsfache Sicherheit, $K_1=10000$ Pfund, also über drei Mal so groß ist als der des Gugeisens. Wir erhalten hiernach

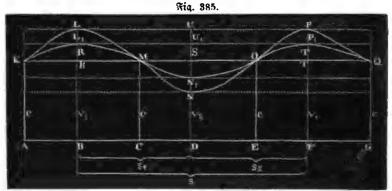
$$F_1 = \frac{475 \cdot 2 F v^2}{31 \cdot 25 \cdot 144 \cdot 10000} = 0,00001056 F v^2.$$

Nimmt man die Maximalgeschwindigkeit v=100 Fuß, so ergiebt sich Fig. 884. $F_1=0,1056$ F, es ist also dann



F₁ = 0,1056 F, es ift also bann ber ganze Querschnitt ber Berbinsbungsstücke DD, Fig. 384, reichlich ein Zehntel von bem bes ganzen Ringes zu nehmen. Daffelbe gilt natürlich auch von ben Splinten und Bolzen ber Berbinbungsstücke in Fig. 376 und Fig. 378.

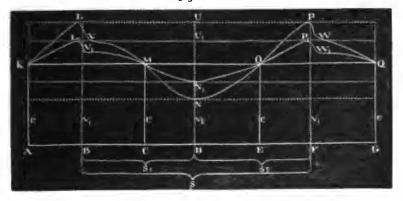
wirkung eines Schwungrabes ober einer anderen tragen Rotationsmasse auf denselben, last sich durch graphische Darstellungen wie in den Figuren 385 und 386 anschaulich machen. Auf der geraden Linie AG sind die Wege



eines Punttes der Mafchine, abgeschnitten und rechtwinkelig barauf die fucceffiven Geschwindigkeiten beffelben ober auch eines anderen Punktes ber Mafchine aufgetragen; BL, FP reprafentiren g. B. bie Marimalgeschwinbigfeit v1 und DN ftellt eine Minimalgeschwindigfeit v2 vor, endlich AK, CM, EO und GQ beuten die mittlere Geschwindigkeit c an. alfo ein Punkt ber Maschine ben Weg AB gurudlegt, geht bie mittlere Geschwindigkeit AK=c in die Maximalgeschwindigkeit $BL=v_1$ über, wahrend ferner ber Weg $BCD = s_1$ burchlaufen wird, andert fich diese Marimalgeschwindigkeit allmalig wieber in die mittlere Geschwindigkeit CM = c und in die Minimalgeschwindigkeit DN = va um; ferner mahrend ber Burudlegung bes Beges DEF = s2 fleigt bie lettere Gefchwindigfeit wieder bis zur Maximalgeschwindigkeit FP = v, u. f. w. Es ift also BF=s=s1+s2 ber Beg in einer Periode, innerhalb welcher die Ges schwindigkeit von ihrem Maximum $BL = v_1$ bis zum Minimum $DN = v_2$ herabsinet, und auch wieber bie auf bas erfte Maximum FP=v1 gurud: steigt. Die mittlere Geschwindigkeit c = AK = BR = CM u. s. w. wird durch eine gerade Linie KQ angegeben, welche parallel zu AG lauft, und die Schlangenlinie KLMN fo fchneibet, daß die Flachenraume AEOK und AEONMLK einander gleich find, also die Segmente KLM und OPQ uber KO eben fo groß find ale bas Segment MNO, ober bag bas lettere = ber Summe ber Segmenttheile RLM und OPT ausfallt. Die größte Geschwindigkeitebiffereng v_1-v_2 ift =RL+SN, und folglich ber Ungleichformigfeitegrab biefer Mafchine

Be ungleichförmiger eine Maschine geht, je größer also d ift, besto größer ist auch die Sohe NU in hinsicht auf den mittleren Abstand DS; und umgekehrt, je mehr der Gang einer Maschine der Gleichsörmigkeit sich nähert, desto niedriger fällt die Wellenlinie KLMNP aus. Es ist nun auch leicht einzusehen, daß die einem gewissen Gange einer Maschine entsprechende Wellenlinie KLMNO in eine andere und niedrigere Wellenlinie $KLMN_1O$ übergeht, wenn man die rotirende Masse einer Maschine vergrößert, 3. B. die Maschine mit einem Schwungrade versieht.

Etwas anders gestaltet sich diese Curve, wenn die Maschine plotlichen Geschwindigkeitsveränderungen unterworsen ist, wie z. B. bei Hammerswerten, Stampswerten u. s. So wie nach Erlangung der Maximalzgeschwindigkeit $BL = FP = v_1$ eine neue Periode beginnt und hierbei eine Fig. 386.



€ dwung. råber.

Wenn eine Maschine ohne Stoffe ober plotliche Geschwindigs keitsveranderungen arbeitet, fo ift die Arbeit $P_1\,s_1$, welche die tragen Maffen berfelben mahrend bes einen Theiles einer Periode ihrer Bewegung, und zwar während des Ueberganges der Maximalgeschwindigkeit v1 in die Mi= nimalgeschwindigkeit ra verrichten, eben so groß als bie Arbeit Pasa, welche biefe Maffen in bem zweiten Theile ber Periode, b.i. mahrend bie Minima:= geschwindigkeit v2 in die Maximalgeschwindigkeit v1 übergeht, wieder in Un= spruch nehmen. Ift baber M die constante rotirende Daffe, auf irgend einen Punkt der Maschine reducirt, beffen Geschwindigkeit abwechselnd von v, ju v, finkt und von v, ju v, fleigt, ift ferner M, die eben dahin reducirte Maffe, welche fich, wie g. B. ein Rolben fammt feiner Stange bin= und herbewegt, und die Geschwindigkeiten 21 v1 und 22 v2 besit, mahrend die rotirende Maffe die Geschwindigkeiten v, und v, hat, so gilt (vergl. I., §. 81) bie Formel $\frac{1}{2}M(v_1^2-v_2^2)+\frac{1}{2}M_1(\varkappa_1v_1^2-\varkappa_2v_2^2)=P_1s_1=P_2s_2$. Nun ift aber fatt $\frac{v_1+v_2}{2}$ bie mittlere Gefchwindigfeit c, und fatt v1 - v2 = dc ju feten, wo d ben Ungleichformigfeitegrab bezeichnet, baher haben wir $v_1 = \frac{c \ (2 + \delta)}{2}$ und $v_2 = \frac{c \ (2 - \delta)}{2}$; es nimmt folglich unsere Grundgleichung folgende Form an:

 $\delta Mc^2 + \frac{1}{8}M_1c^2[\varkappa_1(2+\delta)^2 - \varkappa_2(2-\delta)^2] = P_1s_1 = P_2s_2$, und es folgt nun für die einem geforberten Ungleichformigkeitsgrad nothige Rotations = ober Schwungradmasse

$$M = \frac{P_1 s_1}{\delta c^2} - \frac{M_1}{8 \delta} [\kappa_1 (2 + \delta)^2 - \kappa_2 (2 - \delta)^2].$$

ober einfacher, ba wir stets verlangen muffen, baß δ ein kleiner achter Bruch, also $(2\pm\delta)^2$ febr nabe $=4\pm4\,\delta$ fei,

$$M = \frac{P_1 s_1}{\delta c^2} - \frac{M_1}{2} \left(x_1 + x_2 + \frac{x_1 - x_2}{\delta} \right).$$

Enblich läßt sich die Ueberwucht ober die Arbeit $P_1s_1=P_2s_2$ ber trägen Massen, $=\mu\cdot\frac{60''\,L}{u}$ sehen, wenn man unter L die Arbeit der Maschine pro Secunde, also unter $\frac{60''\,L}{u}$ die Arbeit pro Umbrehung versteht, und also annimmt, daß $P_1s_1=P_2s_2$ der μ te Theil dieser Arbeit sei; folglich

$$extbf{\textit{M}} = rac{60''\,\mu}{\delta}\cdotrac{L}{u\,c^2} - rac{M_1}{2}\left(arkappa_1 + arkappa_2 + rac{arkappa_1 - arkappa_2}{\delta}
ight)$$
 fu feten.

haben wir fur bie prattifche Unwendung noch geeigneter

Uebrigens ift in fehr vielen Fallen bie in absehender Bewegung befindliche und mit M auf einen und benfelhen Punkt zu reducirende Maffe M, gegen

bie rotirende Daffe M flein genug, um fie gang außer Acht gu laffen, alfo comung, raber.

$$M=rac{60\,\mu}{\delta}$$
 . $rac{L}{u\,c^2}$ oder $Mc^2=rac{60\,\mu}{\delta}$. $rac{L}{u}$ seben zu können.

Diefe Formel gestattet eine unmittelbare Unwendung auf alle Rrummzapfenbewegungen. Wir haben im dritten Kapitel fur biefe gefunden

$$\delta = \psi \cdot \frac{Qr}{Mc^2} = \chi \frac{Pr}{Mc^2},$$

wo P die Umbrehungs = und Q die Stangenkraft, r den Warzenkreishalbs meffer, c die mittlere Warzengeschwindigkeit und M die auf den Warzenskreis reducirte Umbrehungsmasse, ψ und χ für verschiedene Krummzapfensmechanismen besonders berechnete Coefficienten sind.

Wir haben folglich hier ohne weitere Untersuchung

$$Mc^2 = \chi \cdot \frac{Pr}{\delta} = \frac{\chi}{\delta} \cdot \frac{30 Pc}{\pi u}$$
 oder $Mc^2 = 15300 \cdot \frac{\chi}{\pi \delta} \cdot \frac{L}{u}$ zu sehen,

wenn wir unter L die Arbeit $\frac{P_c}{510}$ der Maschine in Pferdekraften verste= ben; es ist also hier

$$60\,\mu = 15300$$
 . $\frac{\chi}{\pi} = \frac{15300}{\pi}$. $\frac{\pi}{2} \; \psi = 7650\,\psi$ ju feben.

Es ift übrigens ganz gleich, ob wir fur M bie auf ben Warzenkreis rebucirte Umbrehungsmasse und fur c bie Umbrehungsgeschwindigkeit ber Warze, ober ob wir fur M bie auf ben Umfang des Schwungrades reducirte Masse und fur c bie Umfangsgeschwindigkeit dieses Rades einseten, da zwei Massen M und M_1 einander vollständig erseten, wenn ihre lebens bigen Kräfte M c^2 und M_1 c_1^2 einander gleich sind.

Beifpiel. Für einen einfachen Rrummgapfen von beppelter Birfung und febr langer Lenfftange ift Seite 209 ber Ungleichformigfeitsgrab gefunden worden

$$\vartheta = 0.4210 \; \frac{Qr}{Mc^2};$$

folglich haben wir umgefehrt:

$$Mc^2 = 0,4210 \frac{Qr}{d} = 3220,65 \frac{L}{du}$$

Rehmen wir, nach Batt, & = 1/82, fo erhalten wir

$$Mc^2 = 32.8220,65 \frac{L}{u} = 108061 \frac{L}{u}$$

und wenn man die Maffe M burch das Gewicht G=gM=31,25 M erfest $Gc^2=31,25$. 103061 . $\frac{L}{m}=3220656$ $\frac{L}{m}$.

I.

3ft nun bie Umbrehungezahl bes Schwungrabes pro Minute u = 20, und ber Salbmeffer beffelben r = 10 guß, bie Leiftung ber Dafchine aber L = 40 Bierbefrafte, fo erhalten wir bie Umbrehungegefdwindigfeit

$$c = \frac{\pi ur}{30} = 0,10472 \cdot 20 \cdot 10 = 20,944 \ gus,$$

und baher bas erforberliche Gewicht bes Schwungringes
$$G=rac{8220656\cdot 40}{20,944^2\cdot 20}=14684$$
 Pfund.

6. 189. Wenn wir in ber Kormel

$$Gc^{2} = 31,25 \cdot 7650 \cdot \frac{\psi L}{\delta u} = 31,25 \cdot \frac{15300}{\pi} \cdot \frac{\chi L}{\delta u}$$

$$= 239060 \cdot \frac{\psi L}{\delta u} = 152190 \cdot \frac{\chi L}{\delta u}$$

bie verschiebenen Krummzapfenmechanismen entsprechenden Werthe von w und y aus den Labellen bes britten Rapitels (Band III.) auf Seite 211, 229 und 233 einfegen, fo erhalten wir eine Menge Specialformeln gur Beftimmung ber Schwungradgewichte, und es find diefelben in ber folgenben Tabelle neben einander gestellt worden.

Tabelle jur Bestimmung ber Schwungrabgewichte, enthaltend die Coefficienten

$$\alpha = 152190 \chi$$
 unb

$$lpha_1=152190$$
 $\frac{\chi}{\delta}=152190$. 32 $\chi=4870080$ χ oer Formein $G=lpha$ $\frac{L}{\delta u c^2}$ und $G=lpha_1$ $\frac{L}{u c^2}$.

. Krummzapfen mit constanter Stangenkraft Q, wie z. B. für Pumpen, Sägemühlen und Dampsmaschinen ohne Erpansion.	α	α_1	
1) Einfache Krummzapfen:			
bei ber Lenkstangenlange l = 0	100640	3221000	
	119000	3808000	
l=5r	123210	3943000	
$ \qquad \qquad$	129950	4159000	
2) Doppelte Arummzapfen mit auf Biertel ges ftellten Barzen, wie 3. B. bei Locomotiven:			
bei ber Lenkstangenlange $l = \infty$	10090	322800	
l=6r	27950	894200	
l=5r	32330	1035000	
$ \qquad \qquad$	38060	1218000	
	ŀ	l	

	gestellter	Barzen:	iit auf das Drits	α	α_1	Edwurg räber.
	bei ber	Lenkstangenlang	e == ∞	2880	92300	
	» »	•	$\cdot \cdot \cdot l = 5r$	9240	295800	
	insbefor		er Stangentraft nsionsbampfma=			
1) E i	nfache K	rummzapfen:				
ŕ		Lenkstangenlan	gel=5r			•
		ı Erpansioneverl	•	194800	6234000	•
	» »		$\epsilon = 3$	209100	6691000	
	» »	» ·	$\varepsilon = 4$	216300	6922000	
	» »	n	$\epsilon = 5$	221100	7076000	•
	10 19	•	$\varepsilon = 6$	224800	7193000	•
tel Lei	gestellter	Barzen und 1	t auf bas Bier= unenblich langer uf Nebenhinder=			٠,
	bei ben	Expansionsvert	áltniß $\varepsilon == 2$	4490	143700	
	» »	3	s = 3	14670	469500	
		•	$\epsilon = 4$	20680	661800	
	» »	•	$\epsilon = 5$	25000	800100	
	» »	>	$\epsilon = 6$	27760	888300	

In Betreff dieser Tabelle ift noch zu bemerken, daß sie in G nicht das bloße Gewicht des Schwungringes, sondern die in Gewicht verwandelte vollsständige Umdrehungsmasse der Maschine mit Einschluß der Halfte derzenigen Massen, welche sich absehend bewegen, bestimmt. Da in der Formel G und c^2 zugleich vorkommen, so ist es gleichgültig, auf welchen Punkt die Masse $\frac{G}{g}$ reducirt wird, wenn nur für c die Geschwindigkeit dieses Punktes gesseht wird. Der lehte Theil (II. 2) dieser Tabelle giebt, da er nur für unsendlich lange Lenkstangen und ohne Rücksicht auf Nebenhindernisse berechent worden ist, zu kleine Werthe an, die nach Umständen wohl verdoppelt werden müssen.

§. 190. Das Gewicht bes Schwungrades für Maschinen, welche, wie hammer-, Poch = und Walzwerke, ploglichen Geschwindigkeitsveranderungen unterworfen sind, läßt sich auf folgende Weise ausmitteln. Denken
wir uns wieder sammtliche Kräfte und Massen auf denfelben Punkt, z. B.
bei einem Walzwerke auf den Umfang der Walzen, oder bei einem ham-

Edmung.

merwerke auf den Punkt reducirt, in welchem der Hammer von den Bellbaumen ergriffen wird. Bezeichnen wir die conftant wirkende Umbrehungskraft durch P_i die in Absahen zu bewegende Last, z. B. das Gewicht des Hammers, durch Q_i ferner die stetig rotirende Masse durch M und die abwechselnd aus der Ruhe in Bewegung zu sehende Masse durch M_1 , und
sehen wir wieder die Maximalgeschwindigkeit v_1 und die Minimalgesschwindigkeit v_2 .

Ein Spiel ober eine Periode der Bewegung der Maschine besteht hier aus drei Theilen. Zuerst wird die Last Q von der Maschine stoßweise erzgriffen und es geht fast ploblich die Maximalgeschwindigkeit v_1 des Anzgriffspunktes der Kraft in eine kleinere Geschwindigkeit v über, welche, wenn wir einen unelastischen Stoß voraussehen, nach I., §. 272 durch die Kormel $v=\frac{Mv_1}{M+M_1}$ bestimmt wird.

In dem folgenden Theile der Periode, während welcher die Maschine die Last Q bewegt, also wirkliche Arbeit verrichtet, besitzt die Maschine eine verzögerte Bewegung und es geht hierbei die Geschwindigkeit allmälig in ihr Minimum v1 über. Hieran schließt sich endlich der letzte Theil des ganzen Spieles, in welchem die Maschine ganz leer geht, also ihr Arbeits-vermögen nur auf die Beschleunigung ihrer Masse M verwendet, und die Geschwindigkeit wieder zu ihrem Maximalwerthe gelangt. Während des Stoßes, oder während des ersten Theiles der Periode ist der Weg der Masschine oder des Punktes, auf welchen wir die Krast und Last, sowie alle Massen reducirt annehmen, fast Rull, in dem zweiten Theile der Periode hingegen durchläuft Krast und Last einen gewissen Weg s, und im letzen Theile des Spieles legt die Krast allein einen gewissen Weg s1 zus rück. Deshalb gelten denn auch für die beiden letzen Bewegungszustände die bekannten Formeln

$$Ps = Qs - \frac{1}{2}(M + M_1)(v^2 - v_2^2)$$
 und $Ps_1 = \frac{1}{2}M(v_1^2 - v_2^2)$.

Sehen wir in der letten Formel, wie in §. 188, $\frac{v_1+v_2}{2}=c$ und $v_1-v_2=\delta\,c$, bezeichnen wir also auch hier die mittlere Geschwindige

keit der Maschine durch c und ben Grad der Ungleichformigkeit berfelben durch d, so erhalten wir folgende Grundsormel: `

$$Ps_1 = \delta Mc^2$$
, ober $M = \frac{Ps_1}{\delta c^2}$,

aus der fich die einem gewiffen Ungleichformigkeitsgrade δ entsprechende Umbrehungsmaffe M berechnen läßt.

Ift μ bas Verhaltniß $\frac{s_1}{s+s_1}=\frac{Ps_1}{P(s+s_1)}$ bes Weges s_1 , während bie Maschine leer geht, zum ganzen Weg $s+s_1$ eines Spieles, ober bas Verhaltniß ber Ueberwucht ober Arbeit während bes beschleunigten Sanges zur Arbeit während eines ganzen Spieles, so kann man auch schreiben:

$$M = \frac{\mu P (s + s_1)}{\delta c^2}$$
$$= \frac{60'' \mu}{\delta} \cdot \frac{L}{u c^2},$$

wenn u die Anzahl ber Spiele pro Min. und L die Leiftung $\frac{u}{60}$ $P(s+s_1)$ ber Maschine pro Secunde Bezeichnet.

Da die Arbeit $P(s+s_1)$ nicht allein auf die Ueberwindung der Last Q, sondern auch auf die Beränderung des Bewegungszustandes der Masse M_1 verwendet wird, und da durch den Stoß selbst, nach I., §. 275, die Arbeit $\frac{1}{2}(v_1-v)^2\frac{MM_1}{M+M_1}$ verloren geht, so haben wir zu sehen

$$P(s+s_1) = Qs + \frac{1}{2}M_1v_2^2 + \frac{1}{2} \cdot \frac{MM_1}{M+M_1} \cdot (v_1-v)^2, \text{ ober}$$

$$\frac{u}{60} P(s+s_1) = \frac{u}{60}Qs + \frac{u}{60} \left(\frac{1}{2}M_1v_2^2 + \frac{1}{2} \cdot \frac{MM_1}{M+M_1}(v_1-v)^2\right)$$
b. i.

$$L = L_1 + \frac{u}{60} \left(\frac{1}{2} M_1 v_2^2 + \frac{1}{2} \frac{M M_1}{M + M_1} (v_1 - v)^2 \right),$$

rrofern $L_1=rac{u}{60}~Qs$ die Arbeit der Last Q pro Secunde bezeichnet.

Nun ist aber noch

$$v=rac{Mv_1}{M+M_1}$$
, ferner $v_1=\left(1+rac{\delta}{2}
ight)c$, forvie $v_2=\left(1-rac{\delta}{2}
ight)c$;

baber folgt bann

$$L = L_1 + \frac{u}{60} \cdot \frac{c^2}{2} \left[\left(1 - \frac{\delta}{2} \right)^2 M_1 + \left(1 + \frac{\delta}{2} \right)^2 \frac{M M_1^2}{(M + M_1)^2} \right],$$

und die gesuchte Umdrehungsmaffe

$$M = \frac{60'' \, \mu}{\delta} \cdot \frac{L_1}{u \, c^2} + \frac{\mu}{2 \, \delta} \left[\left(1 - \frac{\delta}{2} \right)^2 M_1 + \left(1 + \frac{\delta}{2} \right)^2 \frac{M \, M_1^3}{(M + M_1)^3} \right],$$
ober einfacher, da δ sehr klein gegen 1 gefordert werden muß:

ober einfacher, da o jehr tiein gegen I gefordert werden muß:

$$M = \frac{60'' \, \mu}{\delta} \cdot \frac{L_1}{u \, c^2} + \frac{\mu}{2 \, \delta} \left(M_1 + \frac{M \, M_1^3}{(M + M_1)^3} \right) \cdot$$

Bawungraber. Drucken wir noch die Maffen M und M_1 durch Gewichte G=gM und $G_1=gM_1$, sowie die Leistung L_1 in Pferdekraften aus, so erhalten wir fur das Gewicht des Schwungringes die Formel

$$G = 31,25 \cdot \frac{60''\mu}{\delta} \cdot \frac{510 L_1}{u c^2} + \frac{\mu}{2\delta} \left(G_1 + \frac{G G_1^3}{(G + G_1)^3} \right)$$

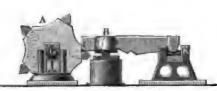
$$= 956250 \cdot \frac{\mu L_1}{\delta u c^2} + \frac{\mu}{2\delta} \left(G_1 + \frac{G G_1^3}{(G + G_1)^3} \right).$$

In ber Regel ift G1 gegen G fo klein, daß sich biese Gleichung in Bes ziehung auf G sehr bequem auf bem Wege bes Naherns auflosen lagt.

Anmerfung. In ben Artifeln »hammerwerfe, Bochwerfe, Balzwerfe u. f. m. wird biefer Gegenstand weiter verfolgt.

Beifpiel. Gin Stirnhammer CK von 10000 Pfund Gewicht, Fig. 387, wird mittele Bebebaumen burch eine mit 2 Fuß Gefchwindigfeit umlaufende





Welle AG pro Minute 90mal und zwar so hoch aufgehoben, daß ber Schwerpunkt besselben 1 Kuß fenkrecht steigt; wie groß ist das ersorberliche Gewicht der Umbrehungsmasse, wenn die Welle während des Anhebens benselben Weg zurüdlegt, als während des Leergehens, wenn also $\mu=\frac{1}{2}$ ist, und wenn der

Ungleichförmigkeitsgrab $\delta=\frac{1}{20}$ geforbert wirb? Die effective Leiftung biefer Rasschine ift $L_1=\frac{90}{60}\cdot 10000$. 1=15000 Fußpfund =29,412 Pferbekräfte, ba fie in jeder Secunde ben hammer $\frac{90}{60}=\frac{8}{2}$ mal hebt und hierbei jedes Ral

10000 . 1 == 10000 Fußpfund leiftet; bas erforberliche Umbrehungsgewicht auf ben Angriffspunkt ber Daumen reducirt, ift nach ber letten Formel

$$G = 956250 \quad \frac{\mu L_1}{\sigma u c^2} + \frac{\mu}{2 \sigma} \left(G_1 + \frac{G G_1^8}{(G + G_1)^8} \right)$$

$$= 956250 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{29,412}{\frac{1}{20} \cdot 90 \cdot 4} + \frac{\frac{1}{2}}{2 \cdot \frac{1}{20}} \left(G_1 + \frac{G G_1^8}{(G + G_1)^8} \right)$$

$$= 781250 + 5 \left(G_1 + \frac{G G_1^8}{(G + G_1)^8} \right).$$

Bare nun noch bie trage Maffe bes hammers, auf ben Angriffspunkt C reducirt, $G_1=6000$ Bfund, fo hatte man

$$G = 781250 + 5 \left[6000 + \left(\frac{6000}{G + 6000} \right)^{8} G \right],$$

und es ift nun fcon febr genau

ba bas Glieb $5 \cdot \left(\frac{6000}{G + 6000}\right)^8 G$, wenn man barin G = 811250 fest, nur $5 \cdot \left(\frac{6000}{811250}\right)^3 \cdot 811250 = 1,6$ Pfund giebt.

Ift ber mittlere halbmeffer bes Schwungrabes 5mal so groß als ber hebelarm GC bes Daumens C, lauft also auch ber Schwungring 5mal so schnell um, als ber Daumen, so hat man bas eigentsiche Gewicht bes Schwungringes

Comung. raber.

als ber Daumen, so hat man bas eigentliche Gewicht bes Schwungringes
$$\frac{G}{5^2}=\frac{811250}{25}=82450$$
 Psund.

§. 191. Die vorstehende Theorie des Schwungrades giebt uns die träge Masse $M=\frac{G}{g}=0.032$ G dieses Maschinentheiles auf einen gewissen, mit einer gewissen Geschwindigkeit c umlaufenden Punkt reducirt; nun besteht aber diese Masse in der Regel aus einem Ringe, aus einer gewissen Anzahl von Armen und aus einer Hülse; es ist daher noch zu erörtern, wie sich die ganze Masse M auf diese einzelnen Theile vertheilt. Den größten Theil dieser Masse liefert der Schwungring, da diesser nicht allein das größte Gewicht, sondern auch die größte Geschwindigseit, und folglich das größte Trägheitsmoment besit. Die Radarme verz größern die Masse des Schwungrades nur wenig, da sie nicht allein viel leichter sind als der Schwungrades nur wenig, da sie nicht allein viel leichter sind als der Schwungrades nur deine viel kleinere mittlere Geschwindigkeit haben als der Ring. Die Hülse des Schwungrades hat endlich bei ihrem mäßigen Sewichte und ihrer kleinen Umdrehungsgeschwindigkeit in Hinsicht auf den Schwungring ein so kleines Trägheitsmoment, daß deren träge Masse ganz unbeachtet bleiben kann.

Ist R das Gewicht des Schwungringes und A das Gewicht der Arme, welche diesen Ring mit der Husse verbinden, ist ferner r_1 der äußere und r_2 der innere Halbmesser des Ringes, so hat man, in sofern man die Querschnitte desselben als ein Rechteck und die Arme als dunne Prismen behandelt, nach I., \S . 235 und \S . 232, das Trägheitsmoment des Ringes $= \frac{1}{2}R$ $(r_1^2 + r_2^2)$ und das der Arme $= \frac{1}{3}Ar_2^2$, also das des ganzen Schwungrades,

 $T = \frac{1}{2}R (r_1^2 + r_2^2) + \frac{1}{8}Ar_2^2.$

Führen wir aber ben mittleren Halbmeffer $r=rac{r_1+r_2}{2}$ und die Ringbreite $b=r_1-r_2$ ein, so erhalten wir

$$T = R\left(r^2 + \frac{b^2}{4}\right) + \frac{1}{8}A\left(r - \frac{b}{2}\right)^2$$

wofür ber Einfachheit wegen, da b nicht leicht über 0,1 r, also $\frac{b^2}{4}$ nicht leicht über $^{1}/_{400}$ r^2 , und A ansehnlich kleiner als R ist,

$$T = (R + 1/3 A) r^2$$

gefett werben tann, fo bag nun fehr einfach bie auf ben mittleren Rabs halbmeffer reducirte Daffe bes Schwungrabes

$$M = \frac{(R + \frac{1}{3}A)r^2}{gr^2}$$
, ober $G = R + \frac{1}{3}A$ folgt.

Awungerdert Wenn wir daher nach einer Regel bes vorigen Paragraphen die träge $\mathfrak{M}=\frac{G}{g}$ bes Schwungrades bestimmt haben, so kommt es nun noch darauf an, dieselbe auf den Ring R und auf die Arme zu vertheilen. Ist F der Querschnitt des Schwungringes, $F_2=vF$ der der Arme, note Anzahl derselben und γ die Dichtigkeit des Sußeisens, aus welchem das ganze Rad besteht, so haben wir

 $R=2\pi r F\gamma$ und $A=nF_2r\gamma=\nu n Fr\gamma$, daher $G=2\pi Fr\gamma+1/_3nF_2r\gamma=(2\pi+1/_3\nu n)\ Fr\gamma$, und es bestimmt sich daher der Querschnitt des Schwungringes aus der Masse $M=\frac{G}{g}$ des ganzen Rades, mittels der Formel

$$F = \frac{G}{(2\pi + \frac{1}{3}\nu n)r\gamma} = \frac{0,00033493}{1 + 0,053\nu n} \cdot \frac{G}{r}$$
 Quadratfuß
$$= 0,04823 (1 - 0,053\nu n) \frac{G}{r}$$
 Quadratzoü,

mobei jeboch r in Sugen gu geben ift.

Die Anzahl n der Radarme ist 4 bis 8, das Querschnittsverhältniß $\nu=\frac{F_2}{F}={}^{1}/_{4}$ bis ${}^{1}/_{2}$, und die radiale Breite des Ringes ein bis zwei Mal so groß als dessen Dicke.

Beispiel. Wenn wir bem Schwungrabe in §. 190, beffen Gewicht wir 32450 Pfund gefunden haben, n=6 Arme, jeden vom Querschnitte $F_2=\nu F$ = $\frac{1}{8}$ F und von der Lange r=10 Juß geben wollen, so muß der Querschnitt seines Ringes

$$F = 0.04828 (1 - 0.058 \cdot 6 \cdot \frac{1}{8}) \cdot \frac{32450}{10}$$

= 0,04823 . 0,894 . 3245 = 189,6 Quabratzoll erhalten, und ware nun noch bas Berhaltnig ber Breite d gur Dide e biefes

Querfcnittes = % geforbert, fo murbe

 $\frac{8}{2}e^{2} = 189.6$, folglid e = 9.647 und d = 14.470 Roll

gemacht werben muffen.

§. 192. Da die lebendige Kraft, mit welcher das Schwungrad ben Gang einer Maschine regulirt, vermittels ber Radarme vom Schwungzringe auf die Welle und die übrige Maschine übertragen wird, so sind biese einer Spannung ausgeset, und zwar einer Spannung, die sich inznerhalb einer Periode oder eines Spieles der Maschine stetig andert, so daß diese Arme während des beschleunigten Ganges der Maschine nach der einen, und während des verzögerten Ganges derselben nach der anderen Seite gebogen werden. Um bieser sich unauschörlich andernden Biegung

auf die Dauer hinreichenden Wiberstand entgegenzuseben, muffen baber auch die Arme eine angemessene Starte erhalten, die sich wie folgt berechenen lagt.

Comung. Taber.

Nehmen wir an, baß sich bas Schwungrab um ben Bogen a breht, während seine Marimalgeschwindigkeit v_1 in die Minimalgeschwindigkeit v_2 übergeht, und sehen wir wieder den mittleren Halbmesser bes Schwungsrades = r, sowie die träge Masse besselben, auf r reducirt, = M. Dann erhalten wir die Kraft, mit welcher die Radarme abwechselnd vors und rudwarts gebogen werden:

$$P = rac{{
m Arbeit}}{{
m Weg}} = rac{{
m 1/2}\,M(v_1{}^2 - v_2{}^2)}{\alpha\,r},$$
 oder, ba ${
m 1/2}\,(v_1{}^2 - v_2{}^2) = (v_1 - v_2)\,rac{(v_1 + v_2)}{2} = \delta\,c^2$ ift, $P = rac{\delta\,M\,c^2}{\alpha\,r}.$

Ift nun n die Anzahl ber Radarme, h die Dicke, und b=mh die Breite eines Radarmes, jene in tangentieller, und diese in arieller Richztung gemessen, so haben wir die Kraft zum Abbrechen dieser Arme (vergl. II., §. 111):

$$P = n \cdot \frac{b h^2}{r} \cdot \frac{K}{6} = \frac{mnh^3}{r} \cdot \frac{K}{6},$$

und es gilt baher bie Gleichung

$$Pr = rac{\delta M c^2}{lpha} = mnh^8 \cdot rac{K}{6}$$
, wornach sich $h = \sqrt[3]{rac{\delta M c^2}{lpha mn \cdot rac{K}{6}}}$ ergiebt.

Führen wir ftatt ber lebenbigen Rraft Mc2 ber Schwungrabmaffe bie Leiftung L ber Maschine ein, und segen wir zu biesem 3mede

$$\delta Mc^2 = 60'' \mu \cdot \frac{L}{u},$$

fo erhalten wir folgenden Musbrud fur bie Armbide:

$$h = \sqrt[8]{\frac{60'' \,\mu \,L}{\alpha mnu \cdot \frac{K}{6}}}.$$

Damit die Welle des Schwungrades von der lebendigen Kraft besselben nicht abgewürgt werde, muß der Hals der Welle, an welchem das Schwungs rad aufsit, ebenfalls eine gewisse Starte d erhalten. Setzen wir das Moment zum Abwürgen $Pr = d^3 \cdot K_1$, so erhalten wir hiernach

$$d = \sqrt[9]{\frac{\delta M c^2}{\alpha K_1}} = \sqrt[9]{\frac{60 \mu L}{\alpha u K_1}},$$

Comung. und es folgt bas Berhaltniß

$$\frac{h}{d} = \sqrt{\frac{6K_1}{mnK}}$$
.

Nehmen wir nun aus I., §. 203, $\frac{K}{6} = 1700$ und $K_1 = \frac{1}{8}$. 12600

= 1575, so erhalten wir
$$\frac{h}{d}$$
 = 0,975 $\sqrt[3]{\frac{1}{mn}}$ ober nahe = $\frac{1}{\sqrt[3]{mn}}$.

Fur runde Bellen, welche bie Leiftung L unmittelbar übertragen, ift

$$d = \sqrt[3]{\frac{Pr}{K_1}} = \sqrt[3]{\frac{Lr}{vK_1}} = \sqrt[3]{\frac{30L}{\pi u K_1}}.$$

Nun haben wir aber bei Wasser und anderen Rabern (f. II., §. 111) d=6,12 $\sqrt[l]{\frac{L}{u}}$ Zoll geseht, wenn L in Pferdekraften gegeben ist; folglich können wir nehmen

$$\sqrt[8]{rac{30}{\pi K_1}} = 6,12$$
, und $\sqrt[8]{rac{60}{K_1}} = 6,12\sqrt[8]{2\pi} = 11,29$;

fo bag fich nun bie Bellenftarte fur Schwungraber

$$d=11,29\sqrt[8]{\frac{\mu L}{\alpha u}}\,300$$

ergiebt, und endlich hiernach die Armbicke $h=\sqrt[n]{\frac{1}{m\,n}}$ und Armbreite $b=m\,h$ leicht berechnet werden kann.

Beispiel. Wenn für bas Schwungrab eines Stirnhammers im Beispiele zu §. 190 bie Leiftung L=29,412 Pferbefräfte gefunden, wenn ferner für dies ses Rad $\mu=\frac{1}{2}$, $\alpha=\frac{\pi}{6}$ und u=10 angenommen worden ift, so können wir nun auch die erforderlichen hales und Armstärken dieses Rades sinden. Es ift nämlich die Salestärke

$$d = 11,29 \sqrt[3]{\frac{\frac{1}{2} \cdot 29,412}{\frac{\pi}{6} \cdot 10}} = 11,29 \sqrt[3]{\frac{8,8236}{\pi}} = 15,98 \text{ Boll};$$

und wenn man die Angahl ber Arme n=6 und das Dimenfionsverhaltniß $m=\%_8$ nimmt, die Armbide

$$h = \frac{d}{\sqrt[3]{mn}} = \frac{d}{\sqrt[3]{4}} = 0,630 \cdot 15,93 = 10,04 \ 300,$$

und die Armbreite b = 3/8 . 10,04 = 6,69 Boll.

Anmerkung. So nublich auch ein Schwungrab als Bewegungsregulator und Rraftconservator ift, so bietet es auch ben Bortheil bar, bag es burch feine Bapfenreibung einen nicht unbeträchtlichen Theil bes Leiftungsvermögens ber Rafchine verzehrt. Dieser Arbeitsverluft ift nach II., §. 127,

$$L_1 = 0.00015 \varphi u \sqrt{G^8}$$

gu feben, wenn G bas Gewicht bes Rabes, u bie Umbrehungezahl beffelben pro

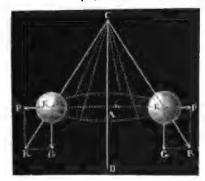
Dinute und p ben Reibungecoefficienten bezeichnet. Fur bas Schwungrab im letten Beifpiele ift hiernach

 $L_1 = 0,00015 \cdot 0,075 \cdot 10 \sqrt[9]{32450^8} = 0,0001125 \cdot 4750000 = 584 \% u \text{ f},$ b. i. mehr ale eine Bferbefraft.

6. 193. Wenn bie Rraft ober Laft einer Mafchine unaufhorlich gufals Contidet ligen Beranberungen ausgesett ift, fo regulirt man ben Sang berfelben, indem man den Butritt bes arbeitenben Rorpers oder Motors, 3. B. bes Baffere, Dampfes u. f. m., von der Geschwindigkeit abhangig macht, so baf mit einer Bus ober Abnahme ber Gefchwindigfeit eine Berminderung ober Bergrößerung der arbeitenden Daffe verbunden ift und baher jene Bu= ober Abnahme eine gewiffe Grenze nicht überschreiten fann. Die Borrichtungen, wodurch eine folche Regulirung bes Motore bewirft wirb, fann man im Allgemeinen Gouvernatoren (frang. gouvernateurs,

engl. governors) nennen. Giner ber vorzüglichsten Gouvernatoren ift bas conifche Penbel ober ber Centrifugal = ober Schwungtugel: Regulator (franz. pendule conique, régulateur à force centrifuge, engl. conical pendulum, governor of Watt). Derfelbe besteht in ber hauptfache aus einer umlaufenden ftehenden Belle ober Spindel CD.

Rig. 388.



Rig. 388, und aus zwei Rugeln, ben fogenannten Schwungtus geln K, K, welche burch Urme CK, CK und Charniere C, C mit ber erftern verbunden find und fich in Folge ber Umbrehung ber Belle von diefer entfernen, fo baß fie fich felbft in einem Rreife, und ihre Arme in einem Regelmantel um die Are CD herumbreben.

Die Stellung ber Rugeln gegen die Umbrehungsare ift burch

bas Gleichgewicht zwischen bem Gewichte G und ber Centrifugalfraft P berfelben bebingt, welches eintritt, sowie bie Mittelfraft aus G und P in ber Richtung bes Armes CK gieht, und baher R von bem Mufhangepunkt C aufgenommen wirb. Die Aehnlichfeit der Dreiede CAK und KGR giebt uns bie Proportion

$$\frac{CA}{KA} = \frac{KG}{RG};$$

bezeichnen wir folglich noch ben Abstand AK ber Rugelmittelpuntte von ber Umbrehungsare, ober ben halbmeffer bes conifden Pendels, burch r, und ben fenkrechten Abstand CA der Rugeln von ihrem Aufhangepunkte C,

ober die sogenannte Bohe bes conischen Penbels, burch h, so haben wir $\frac{h}{a} = \frac{G}{R}$.

Run ift aber nach I., §. 246, bie Gentrifugaltraft P = w2 Mr $=\frac{\omega^2 Gr}{a}$, wofern ω die Winkelgeschwindigkeit des umlaufenden Pendels

bezeichnet; baher haben mir hier

$$\frac{h}{r} = \frac{Gg}{\omega^2 Gr} = \frac{g}{\omega^2 r}, \text{ b. i.}$$

$$h = \frac{g}{\omega^2}.$$

Führen wir noch ftatt w die Beit t einer Umbrehung ein, fegen wir alfo $\omega = \frac{2\pi}{4}$, so erhalten wir die Sohe bes conischen Pendels,

$$h = \frac{g t^2}{4 \pi^2} = 0,7916 t^2 \, \text{Sub},$$

und umgekehrt bie Umbrehungszeit

$$\epsilon = 2\pi \sqrt{rac{ar{h}}{q}} = 1,124 \sqrt{h}$$
 Secumben.

Es wachft alfo bie Umbrehungszeit ober bie Beit eines Penbelfpieles wie bie Quabratwurzel aus ber Sohe bes conischen Penbels, und es hangt biese Beit nur von diefer Bohe ab. Bei bem gemeinen Rreispendel, welches in einer Bertikalebene fcmingt, ift nach I., g. 261, bie Beit einer Schwingung bei fleiner Elongation:

$$t = \pi \sqrt{\frac{l}{g}},$$

wo I bie gange bes Penbels bezeichnet.

Es ift also bie Beit eines Spieles, ober bie Beit, innerhalb welcher ein Pendel ju bemfelben Drte gurudfehrt, fur beibe Pendel burch gleichgeformte Musbrude

$$t=\pi\,\sqrt{rac{ar{h}}{g}}$$
 und $t=\pi\,\sqrt{rac{ar{l}}{g}}$

bestimmt, und folglich bie Schwingungszeit beiber Penbel eine und biefelbe, wenn die Sohe h bes einen gleich ift ber Lange I bes anderen.

§. 194. Die einfache Formel $h = \frac{g}{m^2} = \frac{gt^2}{4\pi^2}$ zeigt, daß die Sobe h des conischen Pendels abnimmt, also die Rugeln desselben steigen, wenn bie Winkelgeschwindigkeit w beffelben eine großere wird, und bag bagegen bie Bobe h beffelben zunimmt, ober bie Rugeln fallen, wenn biefe Geschwindigkeit schwächer wird. Sest man folglich bie stehende Welle biefes

Conifdes Benbel.

Regulators so mit einer arbeitenden Maschine in Berbindung, daß sie an der rotirenden Bewegung derselben in allen ihren Phasen mit Theil nimmt, so werden also auch die Rugeln zu steigen anfangen, wenn die Maschine aus einer gewissen mittleren Geschwindigkeit in eine größem übergeht, und sie werden umgekehrt herabsinken, sowie die Geschwindigkeit der Maschine eine kleinere wird. Es ist folglich ein solcher Apparat ein Zeiger, welcher durch die Stellung seiner Rugeln die Geschwindigkeit der arbeitenden Maschine angiebt, und wornach also auch der Zutritt des Motors regulirt werden kann. Um dieses Reguliren nicht mit der Hand machen zu müssen, bedarf es nur noch einer Verbindung der Schwungkugeln mit demjenis gen Theile der arbeitenden Maschine, durch welchen der Zusluß des Motors unmittelbar regulirt wird, der z. B. bei den Dampsmaschinen in der sogenannten Idmissionsklappe (einem Drosselventile), und bei den Wasserrädern in einem Schubbrette besteht.

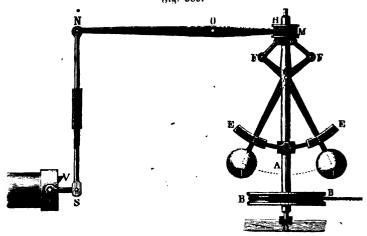
Nimmt dann, entweder in Folge einer Vergrößerung der Kraft oder in Kolge der Verminderung der Last, die Maschine und also auch der Reguslator eine größere Umdrehungsgeschwindigkeit an, so heben sich die Schwungstugeln des letteren um Etwas und stellen die Zutrittschspe oder Schütze mittels Stangen, Hebel u. s. w. so, daß die Zutrittschsfnung, und also auch die Menge des zusließenden Wotors eine kleinere und folglich der weiteren Zunahme der Umdrehungsgeschwindigkeit eine Grenze gesett wird; geht umgekehrt, entweder dei Abnahme der Kraft oder bei Zunahme der Last, die Geschwindigkeit der Waschine in eine kleinere über, so sinken die Schwungstugeln und stellen die Admissionsklappe oder Schütze so, daß der Quersschwitt der Zuslußöffnung und also auch das Quantum des zusließenden Wotors größer und folglich auch das Arbeitsvermögen der Maschine verzgrößert wird, und baher die Geschwindigkeit entweder wieder steigt oder mindestens nicht noch weiter sinkt.

Ift die Kraft jum Stellen bes Abmiffionsapparates, wie z. B. die zum Biehen eines Schuthrettes, ziemlich groß, fo erfordert diese sehr große Schwungkugeln, und beshalb zieht man es dann vor, die Schwungkugeln nur zum Umsteuern eines Apparates zu benuten, durch welchen ber Absmiffionsapparat mit der arbeitenden Maschine so in Verbindung gesett wird, daß diese Maschine bie Zuflufklappe oder Schutze selbst ftellt.

§. 195. Wie das conische Pendel mit einer Dampsmaschine in Versbindung geseht wird, ist zwar schon aus den Figuren 487 und 516 zu den Paragraphen 335 und 348 des zweiten Theiles zu ersehen, es ist aber nosthig, daß wir hier noch specieller in die Beschreibung dieses Apparates und seiner Verbindung mit der arbeitenden Maschine eingehen.

Die Einrichtung eines Centrifugalregulators jum Stellen ber Abmif-

Gonifdes Prabel. sionsklappe einer Dampfmaschine ist aus Figur 389 zu ersehen. Die stehende Welle CD ist mit einer Schnurscheibe BB ausgerüstet, um die sich Kig. 389.

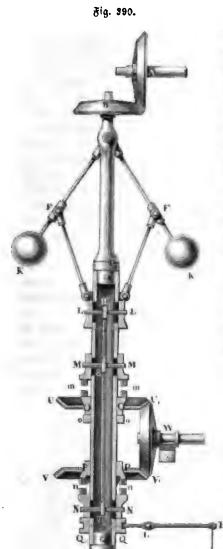


eine Schnur ohne Ende widelt, bie zugleich auf ber Schwungradwelle ber Maschine liegt und ben Regulator in Umbrehung versett. Die um ben Bolgen C brebbaren Arme CK, CK find von den Seitenbacken eines Bus gels EE eingeschloffen, welcher nicht allein bem Ausschwingen ber Rugeln K und K eine Grenze fest, sondern auch die Bewegung derfelben in ber Bertifalebene burch CD fichert. Bei ber Ginrichtung bes abgebilbeten Regulators ift uber bas genau abgebrehte obere Enbe ber ftehenden Belle eine Bulfe H geftedt, welche burch Stabe FL, FL auf = und niebergeschoben werben tann, die mittels Charniere an biefe Sulfe und an bie rudwarts verlangerten Armenden CF, CF angefchloffen find. Den Sale ber Sulfe H umfaßt bas gabelformige Ende eines um O brebbaren Bebels MON, ber mit bem Urme ober Schluffel ST, woburch die Rlappe V um ihre Are gebreht werben fann, burch eine Stange NS verbunden ift. Leicht ift eingufeben, wie mit bem Sinten und Steigen ber Rugeln K und K ein Sinten und Steigen ber Bulfe H und hiermit wieber eine die Durchgangsoffnung bes Dampfes verkleinernbe ober vergroßernbe Stellung ber Rlappe V verbunden ift.

Ein Centrifugalregulator zum Stellen ber Schüte eines Wasserrabes ift in Figur 390 (auf nebenstehender Seite) abgebildet. Die stehende Welle BD desselben wird hier durch ein Raberwerk AB in Umbrehung gesetz und besteht zum großen Theil aus einer Rohre DT, welche außen genau abgedreht ist, so daß sich auf beren Umfang nicht allein die

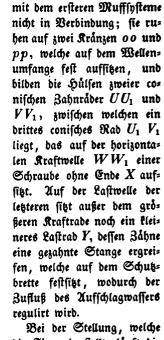
Muffe LL, MM und NN ungehindert verschieben, sondern auch andere Muffe OO, PP und QQ frei umdrehen laffen. Der oberste Muff LL ist mittels der Stabe FL,

Conifdee Benbel.

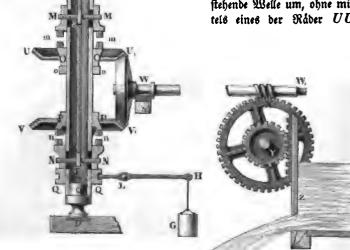


FL an bie um ben Bolgen C brebbaren Cdmungfugelarme CK, CK anachanaen, und muß beshalb mit ben Schwungen: geln K. K fteigen und fallen. Die beiben Duffe MM und NN find mit dem erfteren burch brei Querftabe, R. S. T und einer Stange RST im Innern bes robrenformigen Theiles ber ftebenben Welle verbunden, und die lettere ift an ben Stellen , wo diefe Muffe auffiben, gefchlibt, bamit fie ben burchgeftecten Querbolgen und alfo auch bem gangen Muffenfofteme beim Muf= und Dieberschieben fein Sindernif in ben Weg tegt. um Diefes Berichieben burch Die Schwunglugeln moglichft ju erleichtern, lagt man bie gange Muffverbindung burch ein Begengewicht G tragen, Contides Berbel. welches mittels eines hebels QH und einer hulfe QQ von unten auf ben Muff NN brudt. Die Muffe OO und PP stehen für gewöhnlich

Fig. 391,



Bei der Stellung, welche die Figur darstellt, lauft die stehende Welle um, ohne mittels eines der Raber UU_1



Conifches Benbel.

und VV1 u. f. w. auf ben Schubapparat zu wirken. Mimmt aber bie stebende Welle eine großere Umbrehungsgeschwindigkeit an und wird hierbei bie Muffverbindung LMN von ben Schwunglugeln gehoben, fo greift bie nach Art ber Sperrraber (f. 6. 160) gegahnte Stirn nn bes Duffes NN in die ebenso gezahnte Grundflache ber Sulle PP und es wird nun biefe Bulfe gezwungen, mit dem Muffe NN und mit der ftehenden Belle umzulaufen. Da bie Sulfe PP mit bem Rabe VV, ein Ganges bilbet, fo gelangt nun auch biefes und folglich auch ber gange Dechanismus WXYZ in Bewegung, wobei bas Schubbrett herabfinkt, und folglich bas Aufschlage quantum vermindert, alfo auch bem weiteren Bachfen ber Gefchwindigkeit ber Dafchine eine Grenze gefett wirb. Lauft umgekehrt bie ftebenbe Belle ju langfam um, fo wird bas Mufffpftem LMN von bem Schwung-Eugelapparat herabgeschoben, und es tommt nun die gezahnte Grundflache mm bes Muffes MM mit bem gezahnten Scheitel ber Sulfe OO jum Eingriff, fo bag nun bas Bahnrad UU, umzulaufen genothigt wird, und Die Belle WW, in die umgekehrte Umbrehungsbewegung gerath. bei muß naturlich bie Schute steigen und bie Musflugmenge, und folglich auch die Umtriebefraft machfen, und ebenfo auch die Umbrehungegeschwinbigfeit wieder gunehmen, ober minbeftens nicht noch weiter herabsinten.

Es ist übrigens nicht nothig, die Welle WW_1 durch den Regulator in Umbrehung zu setzen; man kann auch die Räder UU_1 und VV_1 mit einer besonderen Welle versehen, welche durch die arbeitende Waschine unsmittelbar in Umbrehung gesetzt wird.

Um die Empfindlichkeit bes Centrifugalregulators fo viel wie möglich zu erhöhen, ift es übrigens nothig, die Regulirungsklappe ober Schute burch ein Gegengewicht zu aquilibriren, fo daß die Kraft zur Bewegung berfelben rud- und vorwarts nur in dem paffiven Widerstande der Reisbung besteht.

§. 196. Wegen des unvermeidlichen Widerstandes, welcher bei der Bewegung des Musses durch die Schwungkugeln zu überwinden ist, konen sich diese Rugeln nicht bei jeder beliedig kleinen Geschwindigkeitsversanderung heben oder senken, sondern es muß dieselbe erst dis zu einer gerwissen Größe anwachsen, bei welcher die Zus oder Abnahme der Centrissugalkraft hinreichend ist, den passiven Widerstand des Musses zu überwinden. Deshalb ist es denn auch nothig, daß die Schwungkugeln des Regulators ein diesem Widerstande des Musses angemessenes Gewicht ershalten.

Die Centrifugalkraft einer Rugel ift

 $P = \omega^2 Mr$, und geht in

 $P_1 = \omega_1^2 Mr$

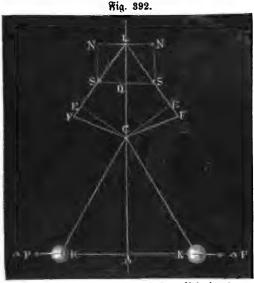
Gonlides über, wenn fich die Winkelgeschwindigkeit win wi umandert. Die ber Geschwindigkeitsveranderung wi — w entsprechende Kraftveranderung ift folglich

 $\triangle P = P_1 - P = (\omega_1^2 - \omega^2) Mr = (\omega_1 - \omega) (\omega_1 + \omega) Mr$ $= \delta \left(\frac{\omega_1 + \omega}{2}\right)^2 Mr, \text{ ober annähernd}$

 $\triangle P = \delta \omega^2 Mr,$

wenn & wie feither, ben zulaffigen Grab ber Ungleichformigkeit im Gange ber Mafchine bezeichnet.

Der Wiberstand Q bes Muffes erfordert zu seiner Ueberwindung eine Stangenfraft $\overline{LS}=S$, Fig. 392, welche an einem Hebelarme $CE=\overline{CL}$. sin. CLE wirft, während die bewegende Kraft \triangle P den Hebelarm



CA = h hat. Seben mir ben Bintel CLF. welchen bei ber mittleren Stellung ber Schwungtugeln bie Mufftrager FL mit ber Are AL ber ftehenben Belle ein= Schließen , = B, und ben Abstand bes Duf= fes L von bem Muf= hångepunkte C ber Ru= geln, bei ber mittleren Stellung ber Rugeln und mittleren Ge= fcmindigfeit ber Da= fchine, = l, fo haben wir bas Moment bes Muffwiderstandes

$$S.\overline{CL}. sin. CLE = \frac{Q l sin. \beta}{cos. \beta} = Q l tang. \beta,$$

und seten wir baffelbe bem Momente

$$\triangle P.h = \delta \omega^2 Mrh = \delta Gr$$

gleich, fo erhalten wir folgende einfache Formel fur bas Gewicht beiber Schwunglugeln gusammen

$$G = \frac{Q l tang. \beta}{\delta r}$$
,

alfo fur bas Gewicht einer Rugel

$$^{1}/_{2}G=\frac{Q \, l \, lang. \, \beta}{2 \, \delta \, r}.$$

Diese Formel gilt auch dann noch, wenn, wie in Figur 391, die Muff: genbei. trager unmittelbar an ben Rugelarmen CK hangen.

Es wachst also bas Gewicht ber Schwungkugeln nicht allein mit bem Widerstande des Musses, sondern auch mit dem mittleren Abstande CL — l des Musses von dem Aushängepunkte der Rugeln und mit dem Winzkel, um welchen die Aren der Mussträger von der Are der Spindel abweichen, und kann dagegen um so kleiner gemacht werden, je größer der mittlere Abstand der Schwungkugeln von der Umdrehungsare und je größer der geforderte Grad der Ungleichsörmigkeit ist. Da aber dem Principe der virtuellen Geschwindigkeiten zu Folge, der Weg s des Musses mit dem Gewichte der Rugeln wächst, und die Stellung der Dampsklappe u. s. w. erfordert, daß dieser Weg eine gewisse Größe habe, so muß man den Regulator so anordnen, daß die Schwungkugeln nicht zu leicht ausfallen.

Das gewöhnliche Gewicht einer Schwungkugel fur Dampfmaschinen= regulatoren ift 20 bis 40 Pfunb.

Beispiel. Wenn bei einem Schwunglugelregulator die Kraft zum Berschieben bes Muffes Q=10 Pfund, bas Langenverhaltniß $\frac{l}{r}=\frac{1}{r}$, ber Unsgleichförmigfeitsgrab $\delta=\frac{1}{20}$ und ber Binkel $\beta=30$ Grab beträgt, so ist bas entsprechende Gewicht einer Schwunglugel

$$\frac{1}{4}G = \frac{Q l \, tang. \, \beta}{2 \, \delta \, r} = \frac{10 \cdot 1 \cdot tang. \, 30^{\circ}}{2 \cdot \frac{1}{490 \cdot 2}} = 50 \cdot 0,5774 = 28,87 \, \text{ Pfund.}$$

§. 197. Um die Hebel: ober Kåderwerke des Regulirungsapparates anordnen zu können, ist es nothwendig, den ganzen Weg des Muffes auf der Spindel, während die Schwungkugeln aus ihrer tiefsten Lage in ihre hochste Lage gelangen, zu kennen. Sind β_1 und β_2 die Neigungswinkel der Muffträger, sowie s_1 und s_2 die der Arme derselben gegen die Spindelare AL (Figur 392) beim tiefsten und beim höchsten Stande der Schwungkugeln, und bezeichnen wir die Länge LF eines Muffträgers mit b, die eines Armes CF äber mit e, so haben wir für die ganze Verschies dung des Muffes:

$$\begin{split} s &= b \; (\cos.\beta_1 - \cos.\beta_2) + e \; (\cos.\epsilon_1 - \cos.\epsilon_2) \; \text{ober} \\ s &= \frac{b}{2} \sin.\left(\frac{\beta_2 + \beta_1}{2}\right) \sin.\left(\frac{\beta_2 - \beta_1}{2}\right) + \frac{e}{2} \sin.\left(\frac{\epsilon_2 + \epsilon_1}{2}\right) \sin.\left(\frac{\epsilon_2 - \epsilon_1}{2}\right). \end{split}$$

Die Winkel β_1 , β_2 , ε_1 und ε_2 hången auch noch von ben entsprechens ben Werthen des Winkels KCA ab, welchen die Rugelarme CK mit der Spindelare CA bilden. Sehen wir diese Winkelwerthe α_1 und α_2 und bezeichnen wir die Armlänge CK selbst durch a. Damit beim tiefsten Rugelsftande der kleinste Zuwachs an Umbrehungsgeschwindigkeit ein Heben und also auch eine Verminderung der Zutrittsöffnung bewirke, muß das Wosment der Centrifugalkraft gleich sein dem Rugelgewichtes plus dem

Goulides Momente bes paffiven Muffwiberstandes; und damit beim hochsten Rugels ftande die kleinste Verminderung der Umdrehungsgeschwindigkeit eine Senstung der Rugeln und also auch eine Vergrößerung der Klappenmundung zur Folge habe, muß das Moment der Centrifugalkraft um das Moment des Muffwiderstandes kleiner sein, als das des Rugelgewichtes. Diesem zu Folge können wir also sehen:

$$\omega^2 \frac{G}{g} a^2 \sin \alpha_1 \cos \alpha_1 = G a \sin \alpha_1 + Q e \sin (\beta_1 + \epsilon_1)$$
 und $\omega^2 \frac{G}{g} a^2 \sin \alpha_2 \cos \alpha_2 = G a \sin \alpha_2 - Q e \sin (\beta_2 + \epsilon_2).$

Damit umgekehrt bei ber tiefsten Augelstellung die Abnahme der Geschwindigkeit wum $1/2\,\delta\,\omega$ eine Senkung der Augeln hervorbringe, muß die entsprechende Verminderung des Centrifugalmomentes gleich sein dem doppelten Momente des Musswirftandes, b. i.

$$\delta \omega^2 \frac{G}{a} a^2 \sin \alpha_1 \cos \alpha_1 = 2 Q e \sin (\beta_1 + \epsilon_1),$$

und damit bei der hochsten Rugelstellung eine Zunahme der Geschwindigteit w um $^{1}/_{2}$ dw ein Steigen der Rugeln bewirke, muß die entsprechende Bergrößerung des Centrifugalmomentes gleich sein dem doppelten Momente bes Muffwiderstandes, b. i.

$$\delta \omega^2 \frac{G}{g} a^2 \sin \alpha_2 \cos \alpha_2 = 2 Q e \sin (\beta_2 + \epsilon_2).$$

Berbinden wir nun vorstehende Gleichungen mit einander, fo erhalten wir die Gleichungen :

 $(1-1/2\delta)$ $\omega^2 a \cos a_1 = g$ und $(1+1/2\delta)$ $\omega^2 a \cos a_2 = g$, woraus nun die gesuchten Winkel ber Augelstellung folgen.

1)
$$\cos \alpha_1 = \frac{g}{\left(1 - \frac{\delta}{2}\right)\omega^2 a} = \frac{h}{\left(1 - \frac{\delta}{2}\right)a} = \frac{\cos \alpha}{1 - \frac{1}{2}\delta}$$
 unb

2)
$$\cos \alpha_3 = \frac{g}{\left(1 + \frac{\delta}{2}\right) \omega^2 a} = \frac{h}{\left(1 + \frac{\delta}{2}\right) a} = \frac{\cos \alpha}{1 + \frac{1}{2}\delta}$$

wofern h die Sohe und α ben Clongationswinkel fur die mittlere Rugels stellung bezeichnen.

Ist G ber Winkel KCF, welcher von ben Armen CF und CK bes Rugelhebels gebilbet wirb, so haben wir fur die Winkel, um welche CF von ber Spinbelare abweicht, in einem Falle:

3)
$$\varepsilon_1 = 180^{\circ} - \Theta + \alpha_1$$
, und im anderen

4)
$$\varepsilon_2 = 180^\circ - \Theta + \alpha_2$$
.

Aus diesen Winkeln folgen nun auch die Werthe bes Binkels FLC, Gonifder welchen die Mufftrager mit der Spindelage bilben, durch

5)
$$\sin \beta_1 = \frac{e}{b} \sin \epsilon_1$$
 und

6)
$$\sin \beta_2 = \frac{e}{b} \sin \epsilon_2$$
.

Run berechnet fich auch bie ganze Berschiebung bes Duffes:

7)
$$s = b (\cos \beta_1 - \cos \beta_2) + e(\cos \varepsilon_1 - \cos \varepsilon_2).$$

Enblich bas erforderliche Gewicht der Schwunglugeln ift durch die Dops pelgleichung

8)
$$G = \frac{g e Q \sin (\beta_1 + \epsilon_1)}{\delta \omega^2 a^2 \sin (\alpha_1 \cos \alpha_1)} = \frac{g e Q \sin (\beta_2 + \epsilon_2)}{\delta \omega^2 a^2 \sin (\alpha_2 \cos \alpha_2)}$$

gegeben, weshalb überbies noch ber Bleichung

$$\frac{\sin. (\beta_1 + \varepsilon_1)}{\sin. \alpha_1 \cos. \alpha_1} = \frac{\sin. (\beta_2 + \varepsilon_2)}{\sin. \alpha_2 \cos. \alpha_2}, \text{ ober}$$

$$\frac{\sin. (\beta_1 + \varepsilon_1)}{\sin. (\beta_2 + \varepsilon_2)} = \frac{\sin. 2\alpha_1}{\sin. 2\alpha_2}$$

burch Auswahl bes Winkels @ Genuge zu leiften ift.

Nimmt man $\Theta = 180^{\circ}$, macht man also die Hebel gerade und übers bieß b = e, so hat man

$$eta_1 = eta_1 = lpha_1$$
 und $eta_2 = eta_2 = lpha_2$, folglich auch

sin. $(\beta_1 + \epsilon_1) = sin.$ $2 \alpha_1$, sowie sin. $(\beta_2 + \epsilon_2) = sin.$ $2 \alpha_2$, und es ist also bei bieser Anordnung ber letten Bedingungsgleichung Genüge gethan.

Uebrigens ift in diefem Falle bas Rugelgewicht

G and
$$= \frac{g e Q \sin (\beta + \varepsilon)}{\delta \omega^2 a^2 \sin \alpha \cos \alpha} = \frac{2 e Q \cos \alpha}{\delta a}$$

Bu feben, wenn β und ε ber mittleren Rugelftellung entfprechen.

Wegen ber Kleinheit bes Werthes & werben, ben Gleichungen (1) und (2) zu Folge, die Winkel a1 und a2 nicht fehr von einander abweichen, konnen also auch die Rugeln nur in einem kleinen Bogen auf= und nies bersteigen und die Huffe nur wenig verschieben.

Beispiel. Für einen Centrifugalregulator mit bem mittleren Clongationes wintel $\alpha=25^{\circ}$ und bem Ungleichformigfeitegrabe $\sigma=\mathcal{V}_{zo}$ ift

$$\cos \alpha_1 = \frac{\cos \alpha}{1 - \frac{1}{2} d} = \frac{40}{10} \cos 25^{\circ} \text{ und } \cos \alpha_2 = \frac{\cos \alpha}{1 + \frac{1}{2} d} = \frac{40}{1} \cos 25^{\circ};$$
 hiernach $\alpha_1 = 21^{\circ}, 38'$ und $\alpha_2 = 27^{\circ}, 51'.$

Nimmt man nun noch $\Theta=180^{\circ}$ und $b=\epsilon$, also $\beta_1=\epsilon_1=\alpha_1$ und $\beta_2=\epsilon_2=\alpha_2$, sowie $\beta=\epsilon=\alpha$, so hat man die ganze Berschiebung bes Ruffes

$$s = 2b (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2) = 0.09078 b.$$

Ift bie mittlere Umbrehungsjahl bes Regulators pro Minute u = 40, fo hat man bie Bintelgeschwindigfelt beffelben

$$\omega = \frac{\pi u}{30} = 3.1416 \cdot \frac{4}{30} = 4.1888 \, \text{Fuß},$$

baher bie mittlere Bobe bes conifden Benbels

$$h = \frac{g}{\omega^2} = \frac{31,25}{(4,1888)^2} = 1,7810 \text{ Gu},$$

und bie Armlange beffelben

$$a = \frac{h}{\cos a} = \frac{1,7810}{\cos 25^{\circ}} = 1,9651 \% u \text{ g}.$$

Rimmt man nun noch b=e=1,5 Fuß, so erhält man s=0,09078 . 1,5=0,13617 Fuß = 1,634 Boll,

und bas Gewicht einer Rugel

$$G = \frac{e \ Q \cos \alpha}{\delta \ a} = \frac{1.5 \cos 25^{\circ}}{\frac{1}{20} \cdot 1.9651} \cdot Q = 13.836 \ Q,$$

eber für Q = 10 Bfunt :

G = 138,36 Pfunb.

Terabellicher §. 198. Es ift ein großer Uebelstand des im Vorstehenden kennen gesentrisugalter. lernten Gentrisugaltegulators von Watt, daß er nur innerhalb einer sehr kleinen Muffverschiedung vollständig, oder vielmehr die auf einen kleinen Grad der Ungleichsörmigkeit zu reguliren vermag. Die Ursache dessehen ist darin begründet, daß die Winkelgeschwindigkeit $\omega = \sqrt{\frac{g}{h}}$ für die verschiedenen Augelstellungen nicht einerlei ist, sondern immer mehr abnimmt, je größer die Höhe h des conischen Pendels ist. Um daher ein bei allen Augelstellungen gleichmäßig regulirendes Gentrisugal=Pendel zu erhalten, müßte man dasselbe nicht in einem Punkte C aushängen, sondern seine Augeln in einer Eurve zu steigen oder zu fallen nöthigen, bei welcher h eine constante Größe ist. Die Höhe h ist dei einer Eurve KSK. Fig. 393, nichts weiter als die Subnormale CA, folglich hat man

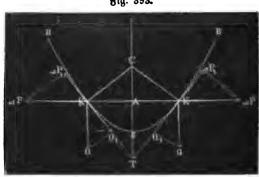
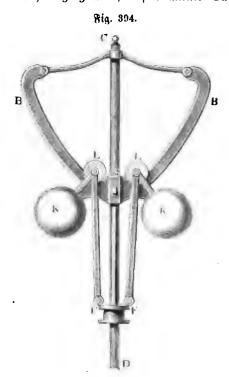


Fig. 393.

es hier mit berjenigen Eurve zu thun, beren Subnormale constant ist. Zarabolister Diese Eurve ist aber die gemeine Parabel (s. ben Ingenieur, S. 242), regulator. und folglich hat man also auch die Schwungkugeln nicht in einem Rreissbogen, sondern in einem Parabelbogen BSB steigen und fallen zu lassen. Einen solchen Apparat hat zuerst herr G. Ab. Franke construirt, und bersselbe ben Namen parabolischer Centrisugalregulators erhalten.

Die einfachste Einrichtung eines folden Regulators zeigt Fig. 394. Die Schwunglugeln K, K find mittels Gabeln KL an die Aren von



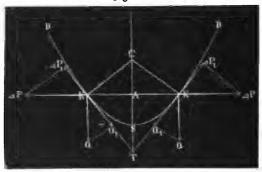
Rollen L, L aufgehangen, welche mit ihren Spuren im Innern ber Bogen SB, SB fortrollen tonnen. Un bie Aren biefer Rollen finb zugleich auch bie Duff= trager LF, LF aufgehan= gen, und es ift nun leicht zu ermeffen, wie bei ber Umbrehung ber Spinbel CD ber Muff mittele ber Rollen LL von der Cen= trifugalfraft ber Rugeln auf einer gewiffen Bobe erhalten und bei Berande= rung ber Umbrehungege-Schwindigfeit von CD auf= gehoben ober niebergescho= ben werben tann. Da es naturlich barauf ankommt, bağ ber Schwerpunkt einer jeben Schwungkugel in der Parabel auf= und nie= berfteige, fo muß bie Leit= curve ober innere Seite ber Bogen SB, SB nach

einer Aequibistanten zur Parabel geformt werden, welche an allen Stellen um eine und bieselbe Große von bieser absteht (f. III., §. 67). Da die Subnormale einer Parabel gleich ift bem halben Parameter ber-

felben, fo hat man naturlich ben letteren $p=2\,h=rac{2\,g}{\omega^2},$ 3. 38.

für u = 40, p = 2h = 42,76, für u = 50, p = 2h = 27,36, und für u = 60, p = 2h = 19,00 300.

Parabolischer Damit die Kraft der Schwungrugein zur Gestellungen nahe gleich traniator, ftandes Q des Muffes sich bei den verschiedenen Kugelstellungen nahe gleich bleibe, muffen bie Stangentrager moglichft lang gemacht werben. Unter biefer Borausfehung ift bie Seitenfraft KQ1, Fig. 395, bes Biberftanbes Fig. 395.



Q, welche tangential zur Parabel wirkt, und von ber in eben biefer Richs tung wirkenben Seitenkraft AP, bes Dachsthums ober ber Abnahme AP ber Centrifugaleraft übermunden werben muß, wenn ein Steigen ober ein Sinken ber Rugeln eintritt, $Q_1 = Q \sin \alpha$, bagegen aber △P1 = △Pcos. α, wenn α ben Bintel KCA bezeichnet, unter welchem bie Normale CK bie Are CD schneibet.

Da nun $\triangle P_1 = Q_1$, also $\triangle P\cos \alpha = Q\sin \alpha$ zu seben ist, so folgt

$$\triangle P = Q \ tang. \ lpha, \ ober, \ nach §. 196:$$

$$\triangle P = \delta \omega^2 \frac{G \ r}{g} = \delta \omega^2 \frac{G \ h}{g} \ tang. \ lpha, \ und \ ba \ h = \frac{g}{\omega^2} \ ext{iff,}$$

$$\delta \omega^2 \frac{G}{g} \ h = \delta G = Q;$$

es ift baber bas erforberliche Gewicht einer Rugel

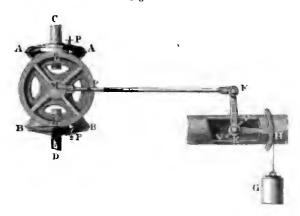
$$^{1/_{2}}G=\frac{Q}{2\delta}.$$

Bei der Construction des parabolischen Centrifugalregulators, in Figur 394, bringt die ercentrische Wirkung der Centrifugalkraft $\triangle P$ ein Umdrehungsbestreben der Rugeln hervor, wodurch die ohnedies nicht unanfehnliche Rraft zur Ueberwindung der Bolgenwirkung noch vergrößert wird. Diefes Sinbernif machft mit ber Ercentricitat ober mit bem Abstande bes Rugelmittelpunktes von ber Rollenare, und verschwande gang, wenn man biefe Are burch ben Mittelpunkt ber Rugel felbst geben laffen konnte.

§. 199. Wenn man die Umdrehungsbewegung des einfachen Watt'= Differentialfchen Centrifugalregulators nicht von der Bewegung der arbeitenden Mas schine abhängig macht, so erhält man in ihm ebenfalls einen weit volls kommneren Regulirungsapparat.

Auf Diesem Principe beruht ber Differenzial=Regulator von Siemens, beffen wesentliche Einrichtung aus Fig. 396 zu ersehen sein mochte. Das conische Rad AA wird durch ein auf seiner vertikalen Belle

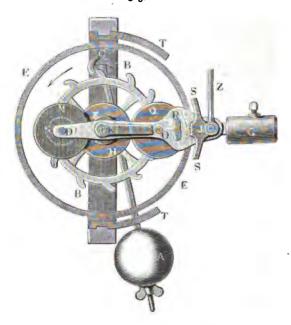
Fig. 896.



C figendes conisches Pendel mit fehr großen Schwungkugeln in Umbrehung gefett, bas conifche Rab B bingegen wird mittels feiner ftebenben Belle von ber arbeitenben Dafchine in umgekehrter Richtung umgebreht. 3wifchen beiben Rabern AA und BB ift ein brittes conisches Rad EE, beffen horizontale Are M nicht fest liegt, fondern um die vertikale Are CD brehbar ift. An die Are M ift noch eine Bugftange MF angeschloffen, welche mittels eines Armes KF bie Abmiffionellappe VV ergreift unb mittele eines Bebels FKH von einem Gegengewichte G gespannt wird. Die Rraft P, mit welcher bie Stange MF von G angezogen wird, gerlegt fich in zwei gleiche Seitenkrafte 1/2 P, 1/2 P, wovon bie eine bie paffiven Widerftanbe bes conifden Penbels übermindet, und die andere von ber Umbrehungefraft bes Rabes BB, übermunden wird. Laufen bie Rader AA und BB mit gleichen Gefchwindigkeiten in entgegengefetten Richtungen um, fo mirten biefelben wie ein Rraftepaar auf bas Rab EE, und feten baher baffelbe, ohne einen Arenbrud hervorzubringen, ebenfalls in Umbrehung. Nimmt hingegen die Umbrehungegefchwindigfeit von BB ju ober ab, fo wird, ba bie Geschwindigkeit von AA wegen ber Tragheit ber fcmeren Schwungkugeln nur langfam ju= ober abnehmen fann, bas

Rab EE im Ganzen mit seiner Are M vor= ober zurückgehen, und babei mittels ber Zugstange MF bas Bentil VV so in Bewegung seben, baß entweder die Eröffnung besselben verkleinert ober vergrößert und folglich dem weiteren Wachsen ober Abnehmen der Geschwindigkeit der Maschine eine Grenze geseht wird.

Benbel. regulator Durch ben Penbel-Regulator wird ebenfalls ein vollsommneres Reguliren bes Ganges einer Maschine erzielt, als burch ben einsachen Watt'schen Schwungkugelregulator. Die wesentliche Einrichtung eines solchen Regulators von Cohen, David und Siama in Paris, ist aus Fig. 397 zu ersehen. Ein gewöhnliches Penbel CA ist burch eine Cpsfig. 397.



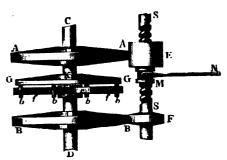
linderhemmung C (f. III., §. 163) mit einem Steigrade BB in Berbinbung gesett. Das lettere ist mittels einer Spiralfeder so an ein innen verzahntes Rad EE (die Verzahnung ist hier, wie bei den übrigen Rabern der Einsachheit wegen weggelassen) angeschlossen, daß beibe gemeins schaftlich in der Richtung des Pfeiles um die Are K sich umdrehen, während das Pendel hin= und herschwingt. Um die Are K sind noch zwei Bahnrädchen F und U, sowie zwei Hebel KL und DO brehbar, von welchen der erstere mit der Zugstange Z für die Admissionsklappe verbunben ist. Der letztere trägt noch drei andere Zahnräder M, N, Q, welche

mit ben erfteren ein Epicytel : Borgelege (f. III., f. 155 und f. 156) in Benbeiber Art bilben, baß F mit M, N mit H, H mit Q und Q mit EE jum Eingriff tommt. Wird bas Rab F burch bie arbeitenbe Mafchine in Umbrehung gefett, fo nehmen naturlich auch bie Raber M, N. H und Q eine Umbrehung um ihre entsprechenden Uren D, K und O an. Sat nun bas mit bem Steigrabe B B verbunbene Bahnrab EE biefelbe innere Umfangegeschwindigkeit wie bas in baffelbe eingreifende Bahnrad Q, fo bleibt ber Bebel DO mit feinen Rabaren in unveranderter Stellung; nimmt aber bie Geschwindigkeit ber arbeitenben Dafchine, und alfo auch bie ber Raber F, M, N, H und Q ju ober ab, fo breht fich ber Sebel DO mit feinen Rabern um K mit einer ber Differeng ber Umfangeges schwindigkeiten von EE und O gleichen Geschwindigkeit. Diese Drehung wird mittels eines Bolgens R, welcher auf bem Bebel KL festfitt und in einen Schlit im Bebel DO eingreift, auch biefem Bebel mitgetheilt, ber mittels ber Stange Z bie Abmiffionellappe fo ftellt, bag ber Motor in tleinerer ober größerer Menge Bufließt, und baburch bas Bachfen ober Abnehmen ber Geschwindigkeit ber arbeitenben Maschine verhindert wird.

Ein Gegengewicht G am Ende bes Bebels DO bient zur Ueberwindung ber paffiven Biberftanbe bes Regulators, und bie Rafen S, S an dem= felben, fowie bie Borner T, T an bem Geftelle bes Apparates, bienen bagu, bas Spiel bes Bebels DO, einem gewiffen Grab bes Regulirens entsprechend, in gewiffen Grengen einzuschließen.

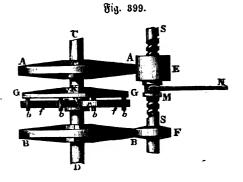
Dem Feberregulator von Poncelet liegt eine febr Beber-**§**. 200. finnreiche Ibee jum Grunde. 3mei gleiche Raber AA und BB, Figur 398, feben hier zwei gleiche Getriebe E und F in Umbrehung, wovon





bas eine als Schrauben= mutter ausgehöhlt ift und bas andere auf ber Schraubenipinbel SS festfist, melche burch jene Mutter hinburchgeht. Laufen nun beide Raber, und folglich auch beibe Betriebe gleich fchnell um, fo andert bas bie Schraubenmutter bilbenbe Getriebe feine Stellung auf ber Spindel nicht; breht fich aber bas

eine fcneller um als bas andere, fo verschiebt fich biefes Getriebe auf ber Spindel. Berbindet man baber mit biefem Getriebe noch einen Duff M, Beter- so kann berselbe wieder mittels eines Hebels MN die Abmissionsklappe einstellen. Die Welle C des Rades AA wird von der arbeitenden Masschine umgedreht, und sie selbst trägt ihre Umbrehung auf die Welle D des Rades BB mittels Bolzen b, b . . . und Stahlsedern f, f . . . über,



von benen die ersteren den Umfang einer Scheibe GG auf der Welle C einnehmen, und die letteren aus einem Muff K auf der Welle D radial hervorftehen. Bleibt sich die Umdrehungstraft der Welle C gleich, so läuft BB mit derselben Geschwindigkeit um wie AA, und es behalt also auch der Muff M seine Stellung auf der

Schraubenspindel SS; nimmt aber diese Kraft, und folglich auch die Biegung der Febern s, s, ... ab oder zu, so bleibt das Rad AA in seiner Bewegung etwas gegen BB zuruck oder eilt bemselben etwas voraus; es ist auch die Geschwindigkeit der Mutter E nicht mehr die der Spindel SS, und es rückt folglich die Mutter mit dem Muss M auf der Spindel um einen gewissen, der Berminderung oder Bergrößerung der Umdrehungstraft proportionalen Weg fort. Auf diese Weise ist also mit seder Berschnerung der Kraft oder Last der Maschine eine Berschiedung des Musses M und folglich auch eine Berstellung der mittels der Stange MN an M angeschlossenen Admissionsklappe verbunden. Auf dem Principe, die Abmissionsklappe oder das Schußbrett mittels eines auf einer Schraubensspindel umlausenden Musses in Bewegung zu sehen, beruhen noch andere, in neueren Zeiten construirte Regulatoren.

Bei dem Regulator der Gebrüder Laukner besteht die Schraubensspindel in einer Verlängerung der Welle des arbeitenden Wasserrades, und die Schraubenmutter bildet die Are eines kleinen Wasserrades mit constanter Beausschlagung, und also auch constanter Umdrehungsgeschwindigsteit. So lange beide Rader mit gleicher Winkelgeschwindigkeit umlausen, bleibt das letztere Rad sammt des an seiner hohlen Are sitzenden Wusses auf derselben Stelle der Schraubenspindel; nimmt aber das arbeitende Wasserrad eine größere oder kleinere Geschwindigkeit an, so rückt die Schraubenmutter mit dem sie umgebenden kleinen Wasserrade etwas in der Arenzichtung der Schraubenspindel fort, und es giebt der an ihr sitzende Russer Schraubenspindel fort, und es giebt der an ihr sitzende Russer Schraubenspindel fort, und es giebt der an ihr sitzende Russer

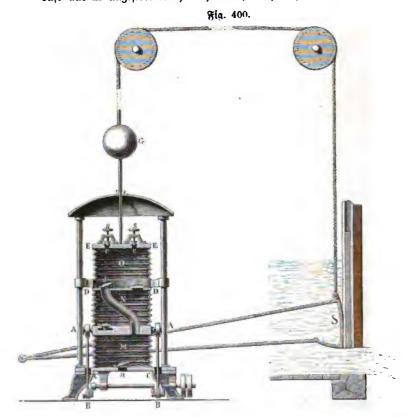
bas Aufschlagsquantum bes arbeitenben Rabes verandert und bie erfte Unterhaltungsgeschwindigkeit wieder hergestellt wird.

Der hid'sche Flugelregulator und ber Wiede'sche Penbelregulator beruhen auf demselben Principe; bei jenem ist es ein Flugelrad und bei biesem ein Penbel, wodurch die Bewegung der Schraubenmutter regulirt wird.

§. 201. Man hat auch mit Bortheil hydraulische und pneumas endrautische tische Regulatoren in Anwendung gebracht. Der hydraulische greinatische oder Wasseriator besteht aus einer kleinen Pumpe, welche durch bie arbeitende Maschine bewegt wird, und welche ihr Hubwasser in ein Reservoir ausgießt, worin ein Schwimmer besindlich ist, ber mittels Stanzen und Hebel den Zusluß des Motors der Maschine regulirt. Nimmt die letztere eine größere oder kleinere Geschwindigkeit an, so gießt die Pumpe mehr oder weniger Wasser in das Reservoir, als unten zurücksießt, und es steigt oder fällt daher das Wasser in demselben mit dem Schwimmer, wodurch nun die Zutrittsmündung des Motors, solglich auch das Quantum desselben vermindert oder vergrößert, und die erste Geschwindigkeit der arbeitenden Maschine ganz oder beinahe wieder hergestellt wird.

Häufiger wird in ber neuesten Zeit ber pneumatische ober Luftz regulator (franz. régulateur à l'air, ou à soufflet) von Molinié zum Reguliren bes Ganges ber Dampfmaschinen und vorzüglich ber Wasserräder angewendet. Dieser Regulator besteht in der Hauptsache aus einem doppeltwirkenden Blasebalg und ist wie folgt eingerichtet (Fig. 400 auf folgender Seite).

AA ift ein Kolben, welcher mittels ber Krummzapfen B, B und ber Rurbelftangen AB, AB von ber arbeitenden Mafchine auf= und nieber= bewegt wird; er bilbet bie Trennung ber beiben Geblaferaume M und N, welche übrigens von bem festliegenden Boben CC und Dedel DD und von in regelmäßigen Falten gelegten Lebermanteln begrenzt werben. Ueber bem festliegenden Dedel DD fteht noch ein brittes Luftrefervoir mit einem beweglichen Dedel EE, in welchem eine Stange festsit, an welche ber den Bufluß bes Motors regulirende Apparat fich anschließt. Die beiben unteren Raume M und N find burch bie Saugventile a und b mit ber außeren Luft, und burch bie Blaseventile c und d mit bem oberen Luftraume O in Berbindung gefett. Beim Aufgange bes Rolbens AA tritt bie au-Bere Luft burch a in ben fich allmalig vergroßernben Raum M, und bie innere Luft burch bas Bentil c aus bem fich allmalig zusammenziehenben Raum N in bas britte Refervoir O; beim Riebergange biefes Rolbens ftromt bie außere Luft burch bas Bentil b in ben fich allmalig ausbehnenden Raum N, und bie innere Luft burch bas Bentil d aus bem immer niebriger und niebriger werdenden Raume M in bas obere Refervoir, maheubraulische rend die Bentile a und c in Folge des Luftbruckes von innen verschlossen und bei Bentile bleiben. Damit die außere Luft durch das Bentil b ohne Hindernis von unten in den Raum N strömen könne, ist die Einmundung des Kanales, welcher die Luft von außen nach innen führt und von b im Innern bes deckt wird, in dem Umfange des Kolbens AA angebracht, und damit die Luft aus M ungestört durch N hindurch nach O strömen könne, sind die



Raume burch einen Schlauch F mit einander in Verbindung gesett, dessen Ausmundung das Ventil d bebeckt. Die Luft, welche aus den Gebläseraumen M und N mittels des Kolbens AA in das Reservoir O gedrückt wird, strömt aus diesem wieder durch die Mundungen e, e im beweglichen Deckel EE in die freie Luft. Durch conische Ventile, welche sich mittels der Schrauben s, s beliebig stellen lassen, ist dieser Ausstuß nach Erforderniß zu reguliren.

Im Beharrungezustande ber arbeitenben Daschine Schiden bie Geblafe-

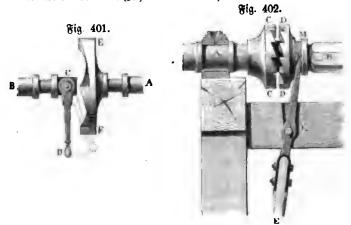
raume M und N fo viel Luft in bas Refervoir O, als burch beffen Mus- oubrautlide mundungen e und e fortstromt, und es bleibt folglich hierbei der Dedel permuntifite EE mit feiner burch ein Gegengewicht G belafteten Stange und ber baran angehangenen Stube S (ober bes baran angeschloffenen Dampfventiles) in einer unveranderlichen Stellung; andert fich aber bie Befchwindigfeit ber arbeitenden Mafchine und folglich auch bie bes an ihr angeschloffenen Geblafetolbens AA, fo wird auch bas Windquantum ein anderes, melches er bem Refervoir gufuhrt, und es anbert fich in Folge beffen auch ber Stand bes Dedels EE mit bem Gegengewichte G und bem Schubbrette S. Auf diese Beise wird also mit einer Berminderung ber Geschwindigteit der Maschine ein Aufheben und folglich eine Bergroßerung der Schutoffnung, und bagegen mit einer Bergrofferung biefer Gefchwindigkeit ein Sinten und bemnach auch eine Berminberung ber Schutoffnung verbunben fein, und hiernach ber Aufschlag fo regulirt werben tonnen, bag fich bie Geschwindigkeit nur innerhalb gemiffer und ziemlich enger Grenzen peranbern fann.

Anmerkung. Sehr aussührlich über die Theorie der Gouvernatoren ober Regulatoren im engeren Sinne handelt Poncelet in seinem Cours de mécanique appliquée etc. (beutsch von Schnuse). Den paradolischen Centrisugals regulator behandelt herr Franke im ersten Jahrgang (1849) der Zeitschrift des österreichischen Ingenieur-Bereins. Der Pendelregulator von Cohen ic. wird im polytechnischen Centralblatt (1851) beschrieben, und der pneumatische Regulator von Rolins in Armengaud's Traité des moteurs hydrauliques et à vapours.

§. 202. Nicht unwichtige und oft sehr wesentliche Theile einer Mas gin. und studt dvorrichtungen (frang. richtungen.) fchine sinb bie sogenannten Eins und Austückvorrichtungen (frang. richtungen.) modificateurs, embrayages, engl. engaging and disengaging machinery). Diese Borrichtungen haben ben 3weck, ohne Störung ber ganzen Massichine, entweder einen Maschinentheil schnell und willkurlich in und außer Gang zu sehen, ober ben letteren nach Bedürsniß zu verändern, z. B. in einen entgegengesetzen zu verwandeln. Am gewöhnlichsten sind biesenigen Maschinen, wodurch ein Maschinentheil oder die ganze Arbeitsmaschine in und außer Gang gesetzt wird. Dieselben bestehen entweder in einem Einsoder Austücken der Ruppelung oder in einem Eins und Austücken der Riemen oder Zahnräder. Ruppelungen, welche zum Eins und Austücken eingerichtet sind, heißen lösbare Kuppelungen (s. III., §. 6). Einige solcher lösbaren Kuppelungen sind in folgenden Figuren abgebildet.

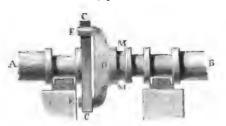
Fig. 401 (auf folgender Seite) zeigt die sogenannte Klinkenkuppestung. A ist die eine, und B die andere der mit einander zu kuppelnden Wellen; an die lettere ist mittels eines Bolzens C die Klinke CD angeschlossen, und auf der ersteren sitt die Scheibe EE fest, welche an ihrer Stirnflache mit Sperrzähnen versehen ist. Soll die Welle A durch die

Eine und Tusrückvorrichtungen. Welle B in Umbrehung geseht werden, so wird die während bes Stillstanz bes von A frei herabhangende Klinke zwischen die Iahne von EE geschosben; und umgekehrt, soll die Welle A zum Stillstand kommen, so wird die Klinke wieder aus den Iahnen von EE herausgerückt.



Weit soliber ist die Bahnscheibenkuppelung in Fig. 402. Beibe Wellenenden A und B sind hier mit auf ihrer Stirnstäche gezahnten Scheis ben CC und DD versehen, welche so bicht mit einander zum Eingriff gebracht werden können, daß sie scheinbar nur eine einzige Scheibe bilden. Die eine Scheibe CC ist auf der Treibwelle A sestgekeilt, die andere Scheibe DD hingegen ist auf dem abgedrehten und mit zwei Langenrippen oder Splinten versehenen Ende der Getriebwelle B verschiebbar, jedoch wegen der Splinte nicht drehbar. Um das Verschieben der zweiten Scheibe bewirken zu können, ist diese Scheibe mit einem Muss M versehen, welcher von den Jinken KF einer Gabel EKF, des sogenannten Rüchebels oder der Rückgabel, umfaßt wird. Leicht ist einzusehen, wie durch Dreshen dieses Hebels um seine Are K die Scheibe DD auf dem Ende der Welle B hin= und zurückgeschoben, und folglich auch das In= und Außerzgangsehen der Welle hervorgebracht werden kann.

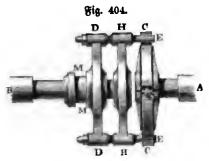




In Kig. 403 ift die soges nannte Rlauenkuppelung abgebildet, welche ebenfalls hierher gehort. hier endigt sich die Triebwelle A in eis nem Querarme CC, ber sogenannten Rrucke, mahrend auf dem rund abgedrehten

und mit einem Splint verfehenen Enbe ber Getriebwelle B, eine Rlaue win und EDE verschiebbar fist, welche über die Enden der Rrude CC weggreift. richtungen. Diefes Berfchieben ober Gin : und Ausruden ber Rlaue erfolgt mittels einer Rudgabel, welche in ben Sals MM bes Muffes D eingreift.

Um bie Stofe beim Einrucken fo viel wie moglich unschablich ju mas chen, wendet man eine Frictions zuppelung an (vergl. III., f. 185). Eine folche losbare Frictionskuppelung führt Fig. 404 vor Mugen.



ber Triebwelle A fitt bier eine Scheibe OO fest, in beren vertieftem Umfange ein zweitheilis ger Frictionsring CC eingelegt ift, ber burch Schrauben wie S beliebig fart angezogen werben Auf bem Ende ber Betann. triebmelle B ift bie Rrude DD verschiebbar, welche zwei Bolgen DE, DE tragt, bie burch Sulfen H, H am Ende einer zweis

ten, auf bem Ende von B festsigenden Rrucke HH hindurchgeben und fich an bie Nasen C, C anlegen, mit welchen ber Frictionering versehen ift. Die Rrude ober Rlaue DD ift mit einem Muff MM verfeben, welcher burch eine Rudaabel verschoben werben tann. Je nachbem MM vor= ober jus rudgeschoben wird, legen fich die Bolgen DE, DE an C, C, ober gieben fich von C, C gurud, und es wird folglich in einem Falle die Belle B von A mit umgebreht, und in bem anberen Falle von A losgemacht. Ift bie Rraft, welche bie Belle B ju ihrer Umbrehung erforbert, febr groß, fo übertrifft fie vielleicht die Reibung bes Bremetranges CC auf ber Scheibe, und es geht bann bie Welle A um, ohne baf fie B mitnimmt; wenn nun

Fig. 405.



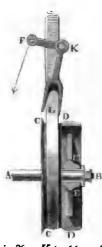
aber biefe Rraft mahrend ber Ueberwindung ber Tragheit ber Belle B allmalig abnimmt, fo wird fie endlich von ber Reibung bes Bremefranges wieber übertroffen, und es gerath fo die Belle B erft allmalia in Umbrehung.

In Sig. 405 ift endlich noch eine Frictiones Legeltuppelung fur eine ftebende Belle abgebilbet. Muf ber Triebwelle A fitt ber hohle Regel CC feft, und auf ber Getriebwelle B ift ber Regel DD verschiebbar, ber mit seinem außeren Umfang gegen ben inneren Umfang bes erfteren Regels ge-Ift bie Rraft, mit welcher DD ges brudt wird. gen CC brudt, hinreichend groß, fo wird B in

Gine und Kolge der hieraus erwachsenden Reibung von A in seiner Umbrehung mittigentungen.

§. 203. Das Aus: und Einruden ber Riemenraber erfolgt in ber Regel mittels ber festen und lofen Rolle ober Scheibe (franz. poulie fixe et folle, engl. fast and loose pulley). Es siten hier auf berselben Belle AB, Fig. 406, zwei gewöhnliche Riemenscheiben (f. III., §. 34)

8ig. 406.

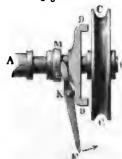


CC und DD, und zwar die eine (CC) fest und bie andere (DD) lofe. Die feste Scheibe CC lauft naturlich mit AB zugleich um, die lofe Scheibe DD hingegen kann burch eine kleine Rraft, welche bie Reibung zwischen ihrer Rabe EE und bem Wellenumfange übertrifft, an bem Umbreben verbindert werben. Wenn ber um bie Trommel einer zweiten Welle geschlungene Treibriemen zugleich auf ber festen Rolle CC liegt, so fest bie eine von beis ben Wellen die andere in Umdrehung; kommt er aber auf die lofe Rolle DD zu liegen, fo bort bie Transmiffion ber Umbrehungsbewegung mittels bes Riemens auf. Das Abrucken bes letteren von einer Rolle auf bie andere erfolgt entweber burch eine ' fogenannte Rud : ober Leitgabel, ober burch eine einfache Rud's ober Leitstange. In ber Figur ift FKL die in einem Winkelhebel bestehende und um

die Are K brehbare Leitgabel abgebilbet.

Schnurs, Riemens und Bahnrader laffen fich auch mittels einer gleistenden Gabel ober Rlaue auss und einruden, wie g. B. aus Fig. 407

Fig. 407.



zu ersehen ist. Hier ist CC eine lose Rolle auf der umlaufenden Welle AB, DD eine mit ihrem Muss M auf dieser Welle verschiede, jedoch nicht drehbare Klaue, und EKF eine um die feste Are K drehbare Ruckgabel. Soll die Schnurscheibe mit der Welle AB zugleich umlaufen, so rückt man das Ende F der Gabel in der Richtung des Pseiles austwarts und schiedt dadurch die Zinken D, D der Krücke in entsprechende Vertiefungen der Rolle CC.

Man kann aber auch die Klaue auf ber Welle AB ganz befestigen und den Muff M sammt der Rudgabel EKF mit der losen Rolle verbinden. Dann läst sich die Rolle in die Krude

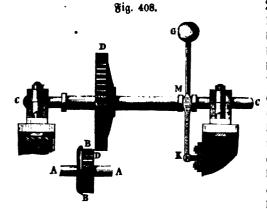
ein = und ausruden, und man hat es mit ber fogenannten gleitenben Rolle zu thun.

Ein - unb Nutradvorrichtungen

Man kann enblich auch die Klaue, so wie die Rolle lose auf der Belle laufen lassen, wenn man beren Binken, wie bei der Frictionskuppelung in Fig. 404, durch Führungen in einer festen Krucke geben läßt. In diesem Falle hat man es mit der sogenannten Bajonets oder Gabelkuppestung zu thun.

Bei Zahnrabern laßt fich bas Eins und Ausruden baburch bewerkstelsligen, bag man bas eine Zahnrab aus bem Eingriffe mit bem anderen bringt. Dies kann baburch geschehen, entweder bag man jenes Rad mittels einer Rudgabel auf seiner Welle, oder bag man biese Welle selbst in ihrer Arenrichtung verschiebt, oder bag man endlich die Lagerung der letzteren verruckt.

Es ift leicht einzusehen, wie ein Zahnrad ober die Welle beffelben mittels Muff und Ruchgabel in der Arenrichtung verschoben werden kann. Ein Mechanismus ber letten Art ift in Fig. 408 abgebilbet. AA ift bie



0

Triebwelle mit Triebrad BB, und CC die Getriebwelle mit bem auf ihr fehfiben= ben Getriebrab DD. Auf der Welle CC figt ein Muff M fest, welcher von einem Rück= hebel KMG ergriffen wirb, ber einerfeits um eine feste Are K brehbar ift, und andererseits ein Gewicht G tragt, durch welches nicht al= lein bas Einrucken bes

Rabes DD in BB erleichtert, sonbern auch bas Berharren im Eingriff bieser Raber mit einander bewirkt wird.

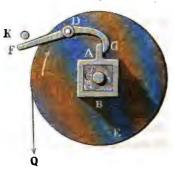
Die Art und Weise, wie das Eins und Ausrucken mittels Bewegung bes Japfenlagers hervorgebracht werben kann, ist schon aus III., §. 45, Kigur 125, bekannt. Das Auss und Einrucken eines Rades oder einer Trommel auf ihrer Welle wird auch zuweilen durch ein Sperrrad AB, Kig. 409 (auf folgender Seite), bewirkt. Dieses Sperrrad sist auf der Welle C fest, während die Trommel DE lose auf derselben ist. Auf der Stirnsläche der letzteren ist die Are D einer Sperrklinke FDG befestigt, welche mit dem einen Ende G in die Jähne des Sperrrades eingreift,

und an bem anderen Ende F von einer Feber angebrudt wirb. Geht bie unvruevor. Belle mit bem Sperrrade in ber Richtung bes Pfeiles um, fo wirkt bie Sperrelinte fo auf bie Trommel, bag auch biefe mit umzulaufen gezwuns gen wird; geht aber bie Belle umgefehrt um, fo haft fich bie Sperrflinte aus, und es bleibt bie Trommel ftehen.

gig. 409.





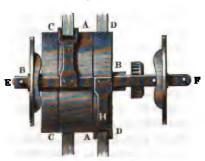


Anftatt eines Sperrrades tann man auch einen blogen Bahn A anwens ben, welcher aus ber Belle ACB, Fig. 410, rabial hervorsteht. Lagt man bas Ende F bes Sperrhatens FDG gegen ein festes hinderniß K stoßen, fo wird bie Trommel DE ausgerudt, und biefe bleibt bann mahrend ber weiteren Umbrehung ber Welle fteben ober nimmt in Folge ber Birfung eines Gewichtes Q eine umgekehrte Umbrehung an.

§. 204. Im Folgenden find endlich noch einige Mechanismen befchrieben, wodurch nicht ein bloges In = und Außer-Bangfeben eines Mafchinens theiles, fondern ein Umfeten ber Bewegung beffelben in die entgegengefette Richtung ober in eine andere Geschwindigkeit bewirkt wirb.

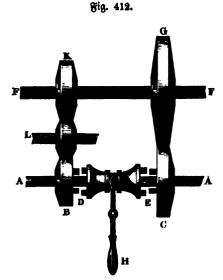
Um einem Stirnrabermerte bie entgegengefette Umbrehungebewegung





ju geben, bebarf es nur ber Anwendung zweier Riemen, eines offenen und eines gefreugten. Je nachbem ber eine ober ber anbere Riemen auf ber Trommel AA, Fig. 411, aufliegt, wird die Belle BB, worauf biese Trommel festsist, nach ber einen ober nach ber anderen Richtung umgebreht (vergl. III., §. 25). Sigen nun noch auf biefer Belle zwei lofe Rollen CC und DD, so tann man immer einen von ein beiben Riemen burch Auflegen auf eine dieser Rollen unthatig machen, ridungen. wahrend ber andere Riemen auf ber festen Rolle aufliegt und arbeitet. Bum Auf = und Abschieben ber Riemen auf und von biefen brei Trommeln bient ein Riegel EF, welcher langs biefer Trommeln hinlauft, und zwei Arme G und H tragt, die in Ohren auslaufen, burch welche die Riemen hindurchgeben.

Um ein Bahnraberwert nach Belieben balb links, balb rechts umlaufen gu laffen, kann man folgende Uebertragung in Anwendung bringen. Auf



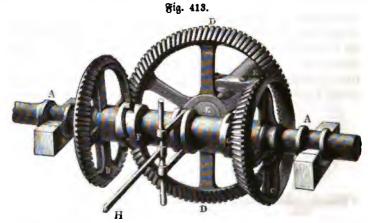
ber ftets nach einer Richtung umlaufenden Triebwelle AA, Figur 412, figen zwei lofe Bahnraber B und C und ein zwar verschiebbarer, jeboch nicht um biefe Belle brehbarer Muff DE. Die Stirnflachen biefes Duffes unb ebenfo bie Stirnflachen ber Bulfen ber Bahnraber B und C find mit Bahnen ober Daus men D und E ausgeruftet, und es lagt fich ber Duff mittels bes Bebels H fo in bas eine ober bas anbere biefer Råber einrucken, bag baffelbe burch ben Gingriff biefer Daumen ober Bahne gezwungen wirb, mit ber Triebwelle

AA umzulaufen. Auf ber Getriebwelle FF, welche balb nach ber einen, balb nach ber anderen Richtung umgebreht merben foll, figen zwei Bahnraber G und K fest, von welchen bas erstere unmittelbar in bas Bahnrab C eingreift, bas andere aber mit bem Zahnrade B burch ein Zwischenrab L in Berbindung gefest ift. Ift ber Duff in bas Bahnrad C eingeruckt, fo lauft C mit AA in gleicher, und bagegen G fowie FF in entgegenges fetter Richtung um; ift bagegen ber Duff in bas Bahnrab B eingeruckt, fo geht B in gleicher, L in entgegengefetter, und folglich K, fowie FF, wieber in gleicher Richtung mit AA um.

Eine ahnliche Umrudvorrichtung ift in Fig. 413 (auf folgenber Seite) abgebilbet. Auf der Triebwelle AA figen zwei conische Rader B und C lofe auf, welche gleichzeitig in ein brittes Bahnrad Deingreifen, bas auf einer Belle EE festsist, die bald nach links, bald nach rechte umgebreht mer-

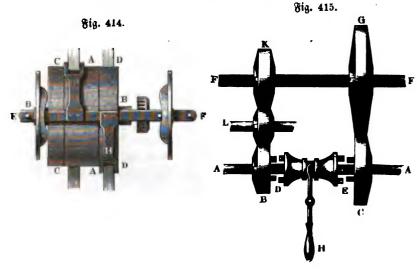
Gin. und Ausrudvor. richtungen.

ben soll. Bu biesem 3wecke ist die Welle AA mit einem auf ihr umbreh- baren Muff FG versehen, der mittels eines Hebels H nach Belieben nach



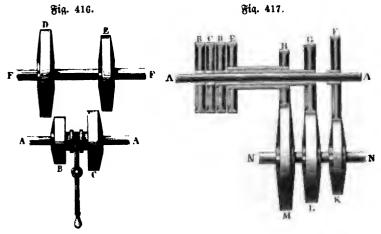
rechts oder links geschoben, und babei mit einer seiner gezahnten Stirn-flachen in die Verzahnung der Sulse bes einen oder anderen Rabes B oder C jum Eingriff gebracht werben tann.

Die in ben Figuren 414 und 415 abgebilbeten Mechanismen tonnen auch noch in Anwendung kommen, wenn es nicht bloß barauf ankommt, die Umdrehungsrichtung zu verändern, sondern auch bann, wenn eine Beränderung der Umdrehungsgeschwindigkeit verlangt wird. Läßt



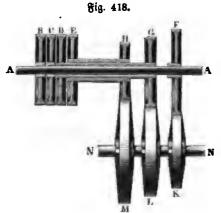
man z. B. die beiben Riemen bei ber Borrichtung in Figur 414 uber aueradvor. Trommeln von verschiebenen Durchmeffern laufen, fo ift auch die Umbres tichtungen. hungegeschwindigkeit ber Belle, worauf diefe Trommeln festfiten, verschies ben, je nachbem ber eine ober ber anbere Riemen zugleich auf ber feften Erommel AA ber Triebwelle BB liegt. Giebt man bem Raberpaare CG in Sig. 415 ein anderes Umfehungeverhaltnig als bem Raberpaare BK, fo wird burch bas Umruden bes Muffes DE auf ber nach einerlei Richtung umlaufenden Belle AA nicht allein bie Umbrehungerichtung, fonbern auch bie Umbrehungsgeschwindigkeit ber Belle FF veranbert. Lagt man bas 3wischenrab L ausfallen, alfo B unmittelbar in K eingreifen, fo wird durch bas Umtuppeln wenigstens bie Umbrehungsgeschwindigfeit von FF verandert.

Mittels bes Mechanismus in Rig. 416 lagt fich ebenfalls eine Welle FF mit zwei verschiedenen Geschwindigkeiten umbrehen, und zwar baburch, baß man entweber das Triebrad B in das Getriebe D, ober das Triebrad C in bas Getriebe E einruckt. Sest man auf FF noch zwei andere Getriebraber und bringt man auf AA noch einen zweiten Duff mit zwei an= beren Triebrabern, fo fann man ber Welle vier verschiebene Umbrehungs. geschwindigfeiten ertheilen.



In Figur 417 ift endlich noch eine Borrichtung abgebilbet, wodurch eine Getriebwelle NN burch eine Triebwelle AA nach Belieben mit brei verschiebenen Geschwindigkeiten umgebreht werben tann. Es ift hier B eine lofe, C eine feste Riemenscheibe, und F ein festes Bahnrab, welches in das auf NN figende Bahnrad K eingreift. Es lagt fich also burch die Riemenscheibe C bie Belle AA mit bem Rabe F und baburch wieber bas Ein . unb Aneractor. Lichtungen.

Rab K mit ber Welle NN in Umbrehung seben. Das Riemenrad D



und das Zahnrad G siben auf einer hohlen Welle, welche über AA weggestreckt ist, und daher ungehindert um AA laufen kann. Ebenso sist das Riemenrad E mit dem Zahnzade Hauf einer hohlen Welle, welche wiederum die erste hohle Welle umschließt, und ohne diese umsausen kann. Die Zahnrader G und H greisen in die Zahnrader L und M auf der Welle NN. Ze nachdem der Treibriemen auf B, C, D oder E liegt,

bleibt hiernach die Belle AA und also auch NN in Ruhe, oder AA geht mit F, K und NN um, oder NN gelangt mittels G und L oder mittels H und M in Umbrehung.

3weite Abtheilung.

Die Mechanik der Arbeitsmaschinen.

Einleitung.

Die Arbeitsmaschinen, von welchen im Folgenden die Rebe fein wirb, find biejenigen mechanischen Sulfemittel, woburch ber 3med ber mafdinen. Mafchinen überhaupt zunachst erlangt, namlich mechanische Arbeit verrichtet wirb. Sie bilben in Bereinigung mit Rrafts und 3mifchenmafchinen in ber Regel erft vollständige Maschinen. Bergl. II., §. 63, und III., §. 1. Nach ber Art ber Arbeiteverrichtung tonnen wir die fammtlichen Arbeitsmafdinen in zwei Sauptfpfteme abtheilen, namlich :

I. in Maschinen jum Kortschaffen ober bie fortschaffenben ober translocirenden Mafchinen, und

II. in die Mafchinen jum Formverandern ber Rorper ober forms veranbernbe Maschinen.

Bas zunachft die fortschaffenden Arbeitsmaschinen anlangt, so haben wir hier nach bem Aggregatzustanbe bes fortzuschaffenben Rorpers folgenbe brei Maschinenspsteme zu unterscheiben:

- 1) bie Forberungemaschinen ober Daschinen gum Fortschaffen fester Rorper,
- 2) bie Bafferhebungemafchinen ober Dafchinen jum Beben und Kortichaffen bes Baffers, unb
- 3) die Geblafes und Wettermaschinen, ober Daschinen gum Forts Schaffen ber Luft.

Eine größere Mannigfaltigfeit findet unter benjenigen Dafchinen fatt, welche ben 3med haben, Korper in ihrer Form zu verandern. Es gehoren 3. B. hierher :

1) bie Berkleinerungemaschinen, ale Pochwerte, Quetfchwerte, Mahlmuhlen u. f. w.,

Arbeite. mafdinen.

- 2) bie Metallbearbeitungsmafchinen, als hammerwerte, Balgwerte, Bohrwerte u. f. m.,
- 3) die Holzbearbeitungsmafdinen, als Sagemublen, Dreb :, Dobelbante u. f. m.,
- 4) die Manufacturmaschinen, gur Bearbeitung ber Bolle, Baums wolle und des Papiers,
- 5) die Mafchinen jum gand= und Bafferbau,
- 6) bie Schiffsbaumafchinen,
- 7) bie Rriegemaschinen,
- 8) die Agricultur= ober landwirthschaftlichen Daschinen u.f.w.

Anmerkung. Es ift weber unferem Bwede entsprechend noch ausstührbar, bie fammtlichen hier aufgezählten Maschinen abzuhandeln; ein großer Theil diefer Maschinen findet in den Werken über mechanische Technologie, Landwirthsschaft u. f. w. einen viel angemeffeneren Plat, da die von ihm zu verrichtenden Arbeiten ganz eigenthumlicher Art find.

Erfter Abschnitt.

Bon ben Forberungemafchinen.

Erstes Rapitel.

Bon den Maschinen jum Seben der Lasten auf Fleine Soben.

gorberungs. mafdinen.

- §. 206. Wir unterscheiben im Folgenden dreierlei Systeme ber Dasischinen jum Beben und Fortschaffen fester Korper, namlich:
 - 1) bie Maschinen jum Beben ber Laften auf Eleine Soben,
 - 2) die Maschinen zum Fortschaffen der Lasten auf mehr oder meniger ftart ansteigenden langeren Begen, und
 - 3) die Maschinen zum Fortschaffen der Lasten auf ganz oder nahe horizontalen Wegen.

In diesem Kapitel ist nur von dem ersten Maschinenspsteme die Rede. Es gehört hierher vorzüglich auch eine größere Anzahl von Baumaschinen oder mechanischen Sulfsmitteln, welche bei Aufführung oder Aufstellung der Bauwerke und Maschinen zur Anwendung kommen.

Die in diesem ersten Rapitel abzuhandelnden Daschinen find folgende:

Borbetunge. mafdinen.

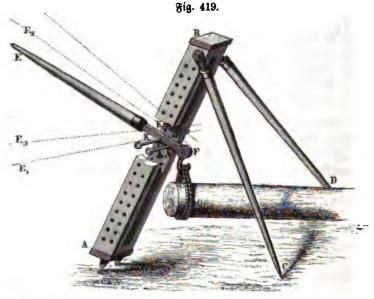
- 1) die Bebel und Bebelaben,
- 2) bie Rollen und ihre Berbinbungen ale Rollen= und Flaschen= güge.
- 3) die Radwellen und Winden,
- 4) bie fogenannten Aufguge,
- 5) bie verschiebenen Arten von Rrahnen,
- 6) die Rammmafchinen, und
- 7) die Erbbohrmafchinen.

Die meisten biefer Maschinen werben burch die menschliche Sand in Bewegung gefett, felten tommen bei benfelben thierifche Rrafte in Unmenbung; und in ber neuesten Beit erft hat man auch bie Bafferfraft und bie Dampftraft jum Umtrieb biefer Dafchinen verwendet. hierher gehoren z. B. ber Bafferfaulentrahn, bie Dampframm: maschine u. f. m.

§. 207. Der Bebel (frang. levier, engl. lever) wird febr oft anges Debelaben. wendet, um mittels einer fleineren Rraft eine anfehnlich großere Laft em-Der Weg ober bie Sobe, auf welche eine Laft mittels por zu heben. eines Bebels auf ein Dal gehoben werben tann, ift bei der gewohnlichen Arm : und Bebellange fehr flein, und beträgt oft taum einige Boll. Um baher durch einen Sebel auf eine größere Bobe, 3. B. auf mehrere Fuß ju beben, ift es nothig, ben Stutpuntt bes Bebels allmalig ju beben und nach jebem Soherruden bes Stutpunttes ben Bebel von Reuem in Bewegung zu fegen. hierbei ift es jeboch nothig, bag bie Laft mahrend ber Berrudung bes Stuppunttes auf andere Beife unterftust werbe. ben fogenannten Sebeladen befteht die Unterftugung in zwei Bolgen, und es wird der Bebel abwechselnd um ben einen ober ben anderen biefer Bolgen gebreht. Die Art und Beife, wie bei einer gewöhnlichen beutfchen Sebelabe bas Aufruden ber Bolgen ermöglicht wirb, ift aus Fig. 419 (auf folgender Geite) zu erfeben.

Es ift ABCD ein Dreifuß, an welchem ein Bein AB aus zwei Brettern besteht, bie einen langlichen Raum zwischen sich laffen, burch welchen ber Bebel ober die eigentliche Bebelabe EF hindurchgeht. Bein bes Dreifuges AB enthalt zwei Reihen Locher, durch welche bie als Stutpuntte bes Bebels bienenben eifernen Pflode K und L geftedt werben. Um nun bie an ben turgen Arm bes Bebels angehangte Laft, 3. B. bas Ende Q eines Baumftammes auf einen Bagen ju beben, brudt man bas Ende E bes langen Bebelarmes nieder nach E_1 und stedt den Pflock L nach L_1 , hebt bann wieder E von E_1 nach E_2

ectelaten. und stedt ben Pflock K nach K_1 , bruckt bann wieder E von E_2 nach E_3 herab und stedt L_1 nach L_2 u. f. w. Durch bieses wiederholte Auf= und



Niederbruden bes Hebels EF und bas abwechselnbe allmälige Beiterssteden ber als Stütpunkte dieses hebels bienenden Pflode K und L bringt

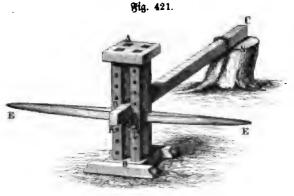


man endlich ben Hebel sammt ber Last auf die verslangte Hohe.

Bei ber sogenannsten französischen Hebelabe, welche in Fig. 420 abgebildet ist, wird bas Einsteden ber Pside ober Stütbolzen burch bas Aufs und Nieberbrücken bes Hebels selbst bewirft. Bu biesem Zwecke ist ber Hebel EF an bie durch ben Büget

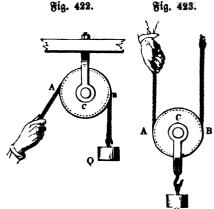
B unter sich verbundenen Bolgen K und L mittels ber Sangeeisen KM oebeladen. und LN aufgehangen. Bei dem Auf= und Niederdruden des Hebels EF rückt bald der eine, bald der andere Bolgen $(K,\ L)$ um einen Jahn an der boppelt gezahnten Stuße AC empor.

Beibe Bebelaben haben ben Nachtheil, baß sie bie Last Q nicht bloß anheben, sonbern bei jedem Aufgange des Kraftpunktes wieder etwas niesberlassen. Dieser Mangel ist aber bei ber in Fig. 421 abgebilbeten sogenannten schwedischen Hebelabe nicht vorhanden. Dieselbe hat vier



Stubsaulen AB, wovon eine jebe mit einer Reihe von Lochern versehen ift, durch welche die Stubbolzen gesteckt werden; und die Last ist zwischen biesen Saulen angebracht. Die Hebelade in Figur 421 bient zum Ausroben eines Stockes S und wirkt zunächst auf einen Hebebaum CD, der mittels einer Kette an eine Wurzel des auszurobenden Stockes angeschlosen ist.

§. 208. Die Rollen (f. I., §. 150) und ihre Berbindungen unter



einander sind sehr gewöhnliche Hulfsmittel zum Heben größerer Lasten auf kleinere Höhen. Die sestrolle ACB, Kig. 422, dient hierbei nur als Mittel zur Abanderung der Beswegungsrichtung (f. III., §. 23 und §. 24), da bei ihr die Last Q an einem Seilende zum Aufziehen eine gleich große Kraft P am anderen Seilende erfordert. Andere ist es aber bei der losen oder Kraftrolle ACB, Kig. 423;

Rollen.

430

moden. wenn hier beibe Seilenden nahe vertikal gerichtet find, so ist zum Aufzieshen ber an ber Ape C ber Rolle hangenden Last eine halb so große Kraft P an einem ober dem anderen Seilende nothig, also

$$P = \frac{1}{2} Q$$
, und umgekehrt $Q = 2 P$.

Diese Beziehungen zwischen Kraft und Last werden allerdings durch bie Sapfenreibung und durch die Steifigkeit des Seiles noch um ein Namshaftes abgeandert.

Ift a ber Rollens und r ber Bapfenhalbmeffer, p ber Reibungscoeffiscient und G bas Gewicht einer Leitrolle, so haben wir bas Kraftverhaltnis biefer Rolle mit Rudficht ber Bapfenreibung:

$$Pa = Qa + \varphi r (P + Q + G);$$

nehmen wir noch ben Seilsteifigkeitswiberftanb

$$S = d^{\mu} (K + \nu Q)$$
 (f. I., §. 179)

hinzu, fo erhalten wir folgende Gleichung:

 $Pa = Qa + \varphi r (P + Q + G) + d^{\mu} (K + \nu Q),$ und hieraus entwickelt sich folgende Formel für die Kraft:

$$P = \left(\frac{a + \varphi r + \nu d^{\mu}}{a - \varphi r}\right) Q + \frac{\varphi r G + d^{\mu} K}{a - \varphi r}.$$

Bezeichnen wir nun noch ber Ginfachheit megen:

$$\frac{a+\varphi r+\nu\,d^{\mu}}{a-\varphi r}$$
 burch a

und

$$\frac{\varphi r G + d^{\mu} K}{a - \varphi r}$$
 burch R ,

so nimmt unsere Rraftformel fur die Leitrolle folgende einfache Gestalt an:

 $P = \alpha Q + R$.

Bei ber Kraftrolle wirft bie Kraft P am Hebelarme BA=2 a, und die um das Rollengewicht G vergrößerte Last Q+G am Hebelarme BC=a; man hat daher hier, wenn S die Spannung des sich aufs wickelnden Seiles bezeichnet:

2
$$Pa = (Q + G) a + \varphi Qr + d^{\mu} K + \nu d^{\mu} S$$
; ober da $S + P = Q + G$ zu sehen ist,

2 $Pa = (Q + G) a + \varphi Qr + d^{\mu} K + \nu d^{\mu} (Q + G - P)$, woraus sich nun solgende Kraftformel ergiebt:

$$P = \frac{a + \varphi r + v d^{\mu}}{2 a + v d^{\mu}} Q + \frac{(a + v d^{\mu}) G + d^{\mu} K}{2 a + v d^{\mu}},$$

wo für wir
$$P=lpha_1\,Q+R_1$$
 sehen wollen, indem wir $rac{a+\varphi r+v\,d^\mu}{2\,a+v\,d^\mu}$ burch $lpha_1$ und $rac{(a+v\,d^\mu)\,G+d^\mu\,K}{2\,a+v\,d^\mu}$ burch R_1

bezeichnen.

Beispiel. Welche Kraft P erforbert eine Last Q=400 Pfund zum Ausziehen entweber mittels einer Leits oder mittels einer Krastrolle, wenn der Halbsmesser dieser Rolle a=4 Boll, die Stärke des anzuwendenden Hansseiles $d=\frac{1}{2}$ Boll, der Bapfenhalbmesser $r=\frac{3}{6}$ Boll, und das Gewicht der Rolle G=25 Pfund beträgt? Setzen wir nun noch den Reibungscoefficienten $\varphi=0,1$ und nach I., §. 179, u=1,4, $\nu=0,141$ und K=6,83 ein, so erhalten wir:

1) für eine feste ober Leitrolle
$$P = \frac{4 + 0.1 \cdot \frac{3}{6} + 0.141 \cdot (\frac{1}{4})^{1.4}}{4 - 0.1 \cdot \frac{3}{6}} \cdot 400 + \frac{0.1}{4} \cdot \frac{\frac{3}{6}}{4 - 0.1 \cdot \frac{3}{6}}$$

$$= \frac{4.0375 + 0.0534}{3.9625} \cdot 400 + \frac{0.9375 + 2.5881}{3.9625}$$

$$= \frac{1636.86}{8.9625} + \frac{3.5256}{3.9625} = 412.96 + 0.89 = 413.85 \text{ Hund.}$$
und bagegen
2) für eine lose ober Kraftrolle
$$P = \frac{1636.36}{8 + 0.0534} + \frac{(4 + 0.0534) \cdot 25 + 2.5881}{8 + 0.0534}$$

$$= \frac{1686.86}{8.0534} + \frac{108.923}{8.0534} = 208.19 + 12.90 = 216.09 \text{ Fund.}$$

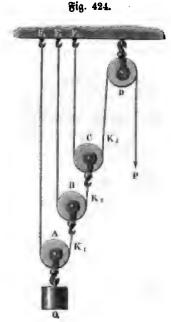
§. 209. Mit hulfe ber vorstehenden Formeln lassen fich nun auch die Rollen und Stafchen; oder Klobenzuge (franz. moufles, engl. tacklos of pulloys) leicht entwickeln. Bei einem Rollenzuge hangen mehrere Rollen einzeln unter einander, bei einem Flaschenzuge hingegen besinden sich mehrere Rollen in einem Gehäuse, der sogenannten Flasche oder bem Kloben, neben, über oder hinter einander.

Ein einfacher Rollenzug ist in Figur 424 (auf folgender Seite) abgez bilbet. Die Last Q hangt hier zunächst an der losen Rolle A. das eine Seilende von dieser wieder an der Are einer zweiten losen Rolle B, das eine Seilende von dieser Rolle wieder an der Are einer dritten losen Rolle C u. s. w., und um endlich die Zugkraft P von oben nach unten wirken lassen zu können, ist das eine Seilende der obersten losen Rolle noch über eine feste Rolle D weggeführt.

Bei Bernachläffigung ber Nebenhinderniffe ift bas Kraftverhaltniß $\frac{P}{Q}$ eines folchen Rollenzuges leicht wie folgt zu finden. Die Kraft ber erften

Mollen.

Rollen. und Rolle A ist $K_1=rac{Q}{2}$, die der zweiten, da K_1 an ihr als Last wirkt,



$$K_2 = \frac{K_1}{2} = \frac{Q}{4}$$
, die der britten, da an ihr wieder K_2 als Last zieht, $K_3 = \frac{K_2}{2} = \frac{Q}{8}$. Wenn also der Rollenzug aus drei losen Rollen besteht, so ist die erforderliche Zugkraft

$$P = \frac{Q}{2 \cdot 2 \cdot 2} = \frac{Q}{8};$$

wenn dagegen die Bahl der losen Role len n = 4 ist,

$$P = \frac{Q}{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2} = \frac{Q}{2^4} = \frac{Q}{16},$$

und allgemein fur einen Rollenzug mit n lofen Rollen ift:

$$P = \frac{Q}{2^n}.$$

Wahrend bie Rolle A mit ber Laft Q auf bie Hohe h steigt, muß bie Rolle B um 2h, und bie Rolle C um 2.2h = 4h Hohe steigen, ber Ans

griffspunkt ber Kraft $P=K_3$ aber ben Weg $s=2\cdot 4h=8h$ zus rücklegen. Ratürlich ift Ps=Qh, also ber Kraftweg s um so größer, je kleiner bie Kraft ausfällt. Damit bie Last Q ohne Unterbrechung auf biese Hohe h gehoben werden könne, muß dafür gesorgt sein, daß der Abstand der obersten losen Rolle C von der festen Rolle mindestens 4h bestrage. Allgemein bei n losen Kollen ist natürlich

$$s=2$$
* . h

und der erforderliche Abstand der nten oder obersten Kraftrolle von der Leitrolle

$$s_1=2^{n-1}\cdot h.$$

Mit Rudficht auf bie Nebenhinderniffe ift zu feten:

$$K_1 = \alpha_1 Q + R_1,$$

$$K_2 = \alpha_1 K_1 + R_1 = \alpha_1^2 Q + (\alpha_1 + 1) R_1,$$

$$K_3 = \alpha_1 K_2 + R_1 = \alpha_1^3 Q + (\alpha_1^2 + \alpha_1 + 1) R_1,$$

und allgemein, bei n lofen Rollen:

$$K_n = \alpha_1 \cdot Q + (1 + a_1 + \alpha_1^2 + \ldots + \alpha_1^{n-1}) R_1$$

Bon ben Dafchinen jum Geben ber gaften auf fleine Boben.

433

ober, da die Summe der geometrischen Progression $1+\alpha_1+\alpha_1^2+\cdots+\alpha_1^{n-1}$ Mollen und Blaschen, Ege. (f. Ingenieur Seite 138) $\frac{\alpha_1^n-1}{\alpha_1-1}=\frac{1-\alpha_1^n}{1-\alpha_2}$ ist,

$$K_n = \alpha_1^n Q + \left(\frac{1-\alpha_1^n}{1-\alpha_1}\right) R_1,$$

und baher die erforberliche Kraft am Bugfeile

$$P = \alpha K_n + R$$

$$= \alpha \left[\alpha_1 Q + \left(\frac{1 - \alpha_1}{1 - \alpha_1} \right) R_1 \right] + R,$$

wo α , α_1 , R und R_1 die im vorigen Paragraphen angegebenen Bedeutungen haben.

Beispiel. Welche Kraft erforbert ein aus 4 losen und einer festen Rolle bestehender Rollenzug, um durch benfelben eine Laft v n 1500 Pfund zu heben, vorausgeset, daß berfelbe aus Rollen zusammengesett ift, wie ste im Beispiele bes vorigen Paragraphen angenommen wurden?

Ge ift hier
$$\alpha = 1,0324$$
 und $R = 0,89$, ferner $\alpha_1 = 0,5080$ und $R_1 = 12,90$ Pfund, $Q = 1500$ und $n = 4$,

folglich bie gesuchte Rraft

$$P = 1,0324 \left(0,508^4 \cdot 1500 + \frac{1 - 0,508^4}{1 - 0,508} \cdot 12,90\right) + 0,89$$
= 1,0824 (99,89 + 24,47) + 0,89
= 129,28 \$\partial{9}\text{unb.}

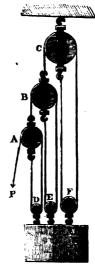
Anmertung. Man fann auch einen Rollenzug umwenben, und zu biefem Rig. 425. Bwede benfelben mit ber Rolle A aufhangen, bie Laft Q

Bwede benfelben mit ber Rolle A aufhangen, die Laft Q aber an die Seile A F1, B F2 und CF3, Fig. 424, zugleich aufhängen. Dann wirfen die Rollen A, B und C wie bloße Leitrollen und die Leitrolle D ift ganz entbehrzlich. Ohne Rudflicht auf die Rebenhinderniffe ist hier

 $Q = F_1 + F_2 + F_3 = 4P + 2P + P = 7P,$ und baher umgefehrt

$$P=\frac{Q}{7}$$

Eine andere Abanberung eines Rollenzuges ift in Fig. 425 abgebilbet. Es hangen hier von ben brei unster einander hangenden Rollen A, B und C Seile herab, welche um die Rollen D, E und F geschlungen find, an welchen die Laft Q hangt, und deren Enden an die Klosben der Rollen A, B und C angeknüpft find. Das um die Rolle D liegende Seil zieht die Last Q mit der Kraft 2P, das um die Kolle E liegende Seil hingegen, da es zugleich die durch die Kraft 3P abwärts gezogene Rolle A trägt, zieht Q mit der Kraft $2 \cdot 3P = 6P$, und endlich das um die Rolle F liegende Seil, da es die durch die Kraft $3 \cdot 3P = 9P$ niedergezogene Kolle B trägt, zieht Q mit der Kraft $2 \cdot 9P = 18P$, und es



484

ift folglich die ganze Kraft, mit welcher Q unmittelbar gehoben wird: 2 P + 6 P + 18 P = 26 P, also 26 P = Q, also umgefehrt:

$$Q=\frac{P}{26}.$$

Biafdenjage. §. 210. Bei dem in Fig. 426 abgebilbeten Flaschenzuge befinden sich bie Rollen eines Klobens neben einander; B, D und F sind die Rollen in

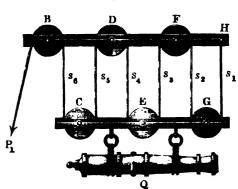


Fig. 426.

ber festen und C, E und G die Rollen in ber losen Klasche; während die Last Q an der letteren niederzieht, wirkt die Krast P an einem Ende des Seiles, welches um die Rollen beis der Flaschen geschlungen ist. Die Last Q wird hier von den zwischen beiden Flaschen gespannten Seilen zugleich getragen; ist also n die Anzahl dieser Seile, so hat man die

Spannung eines folden Seiles, sowie auch bie Kraft am Seilende, wenn man die Nebenhindernisse nicht beachtet:

$$P = \frac{Q}{n}.$$

Um die Last Q auf die Hohe h zu heben, muß auch jedes der zwischen beiben Rloben gespannten Seile um h verkurzt, und folglich bas Seilende von der Kraft P um den Weg

$$s = nh$$

niebergezogen merben.

Sehr richtig ift Ps = Qh.

Will man das Kraftverhaltniß mit Rudficht auf die Zapfenreibung und Steifigkeit des Seiles bestimmen, fo muß man von der Formel des §. 208 fur eine feste Rolle

$$P = \alpha Q + R$$

Sebrauch machen. Es ift auch bier

$$\alpha = \frac{a + \varphi r + \nu d^{\mu}}{a - \varphi r},$$

bagegen aber

$$R nur = \frac{d^{\mu} K}{a - \omega r},$$

ba bas Gewicht G ber Rolle bie Bapfenreibung an ben unteren Rollen

ebenfoviel vermindert, als es diefelben an ben oberen Rollen vergrößert, Bialdenjuge. und folglich hier gang außer Acht bleiben tann.

Setzen wir folglich die Spannung des ersten Seiles $GH=S_1$, so haben wir die des zweiten Seiles FG, da S_1 bei der Rolle G als Last wirkt:

$$S_2 = \alpha S_1 + R;$$

ferner bie bes britten Seiles EF:

$$S_3 = \alpha S_2 + R = \alpha^2 S_1 + (\alpha + 1) R;$$

ferner bie bes vierten Seiles DE:

$$S_4 = \alpha S_3 + R = \alpha^3 S_1 + (\alpha^2 + \alpha + 1) R$$

und allgemein, bie bes nten Geiles:

$$\dot{S}_n = \alpha^{n-1} S_1 + (\alpha^{n-2} + \alpha^{n-3} + \dots + \alpha + 1) R
= \alpha^{n-1} S_1 + (\frac{\alpha^{n-1} - 1}{\alpha - 1}) R.$$

Run ift aber fur die Last Q sammt dem Gewichte G des armirten Klobens CG:

$$Q + G = S_1 + S_2 + S_3 + ... + S_n$$

baber haben wir, wenn wir die obigen Werthe für S_1 , S_2 , S_3 u. f. w. einsehen,

$$\begin{aligned} Q + G &= (1 + \alpha + \alpha^{2} + \dots + \alpha^{n-1}) S_{1} \\ &+ (\alpha^{n-1} - 1 + \alpha^{n-2} - 1 + \alpha^{n-3} - 1 + \dots + \alpha - 1 + 1 - 1) \frac{R}{\alpha - 1} \\ &= \left(\frac{\alpha^{n-1}}{\alpha - 1}\right) S_{1} + (1 + \alpha + \alpha^{2} + \dots + \alpha^{n-1} - n) \frac{R}{\alpha - 1} \\ &= \left(\frac{\alpha^{n-1}}{\alpha - 1}\right) S_{1} + \left(\frac{\alpha^{n-1}}{\alpha - 1} - n\right) \frac{R}{\alpha - 1}, \end{aligned}$$

ober wenn wir noch a^{n-1} $S_1 = S_n - \left(\frac{a^{n-1}-1}{a-1}\right)R$ einführen,

$$Q+G=\frac{\alpha^{n-1}}{\alpha^{n-1}(\alpha-1)}\left[S_n-\left(\frac{\alpha^{n-1}-1}{\alpha-1}\right)R\right]+\left(\frac{\alpha^{n-1}}{\alpha-1}-n\right)\frac{R}{\alpha-1},$$

und folglich die Spannung bes nten Seiles :

$$S_n = \frac{(\alpha-1)\alpha^{n-1}}{\alpha^n-1}(Q+G) + \left(\frac{n\alpha^{n-1}}{\alpha^n-1} - \frac{1}{\alpha-1}\right)R.$$

Die Rraft am Seilenbe ift enblich:

$$P = \alpha S_n + R$$

$$= \frac{(\alpha - 1) \alpha^n}{\alpha^n - 1} (Q + G) + \left(\frac{n\alpha^n}{\alpha^n - 1} - \frac{1}{\alpha - 1}\right) R.$$
28°

Biafdenjage. Sieht man von bem Biberftande R ab, fo hat man:

$$P = \frac{(\alpha - 1) \alpha^n}{\alpha^n - 1} (Q + G).$$

Sind Rraft und Last gegeben, so kann man nach der erforderlichen Rollen = ober Seilzahl fragen. Es ist

$$\frac{\alpha^n-1}{\alpha^n}=\frac{(\alpha-1)(Q+G)}{P}, \text{ ober}$$

$$\frac{1}{\alpha^n}=\frac{P-(\alpha-1)(Q+G)}{P}, \text{ und baher}$$

$$n=\frac{Log.P-Log.[P-(\alpha-1)(Q+G)]}{Log.\alpha}.$$

Damit die Aufgabe moglich, also die gegebene Last Q mittels des Flaschenzuges durch die gegebene Kraft zu heben sei, muß

$$P>(lpha-1)~(Q+G)$$
, b. i. $rac{P}{O+G}>lpha-1$, also $rac{P}{O+G}>rac{2\,arphi\,r+
u\,d^\mu}{lpha-arphi\,r}$ sein.

Diese Formeln lassen sich auch noch auf den Klobenzug in Fig. 427 (auf folgender Seite) anwenden, wo die Rollen eines Klobens A oder B mit ihren Augen über eine und dieselbe seste Are geschoben sind und sich baher einzeln um diese drehen.

Will man die Rollen auf die Are eines Rlobens befestigen und diefe in Pfannen laufen laffen, fo muß man bie Rollen bes ganzen Klobenzuges von ungleichen Durchmeffern machen, bamit bas Geil nicht auf benfelben au gleiten genothigt ift. Gin folder Rlobenzug ift in Fig. 428 (a. f. S.) abgebilbet. Das eine Seilende ift an dem oberen Kloben A befestigt und lauft junachft um die kleinste Rolle des unteren Rlobens B. Ift d ber Durchmeffer biefer Rolle, fo find 3 d und 5 d bie Durchmeffer ber beiben anderen Rollen bes unteren, 2 d, 4 d und 6 d aber bie Durchmeffer ber Rollen des oberen Rlobens. Es bilben alfo die Durchmeffer und Umfange ber Rollen, auf welche fich die Seile 1, 2, 3, 4, 5, 6 mideln, eine arith= metische Reihe, sowie auch die gleichzeitigen Berkurzungen biefer Seile mahrend bes Aufziehens ber Laft, und es ziehen fich hierbei biefe Seile ohne Gleiten über die mit gleicher Geschwindigkeit umlaufenden Rollen. Diese zuerst von White construirten Rlobenzuge geben in Folge ber Kleinbeit einiger Rollen eine ansehnliche Nebenlast, zumal ba sich bei ihnen bas Gleiten bes Seiles, in Folge ber Starte beffelben, nicht gang aufheben läßt.

Sehr haufig wendet man auch Kloben mit unter einander hangenden Rollen von ungleichen Durchmessern, wie A und B, Figur 429, an.

Theoretisch ist naturlich auch hier $P=rac{Q}{n}$. Die vollständige Berechnung Biaschenjuge.

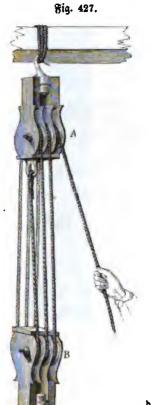
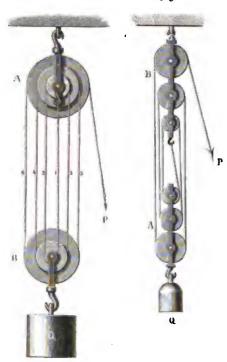


Fig. 428.

Fig. 429.



ber Kraft ist wegen ber Ungleichheit ber Rolelen weitläufig; in ber Regel mochte es aber genügen, wenn man einen mittleren Rollensburchmesser ermittelt, und biesen in die obigen Formeln einseht.

Beifpiel. Welche Kraft erforbert bas Aufheben einer Laft Q von 800 Bjund mittels eines Flaschenzuges, wie in Fig. 429, mit 6 gespannten Seilen von je 3/4 Boll Stärfe und 6 Rollen vom mittleren halbmeffer a = 4 Boll, mit Bapfen von 1 Boll Stärfe?

Go ift
$$\alpha = \frac{a + \varphi r + \nu d^{\mu}}{a - \varphi r} = \frac{4 + 0.1 \cdot \frac{1}{2} + 0.141 \cdot (\frac{8}{4})^{1.4}}{4 - 0.1 \cdot \frac{1}{2}} = \frac{4.1443}{3.95}$$

$$= 1.0492, \text{ ferner } \alpha^n = \alpha^6 = 1.3338,$$
und $R = \frac{d^{\mu} K}{a - \varphi r} = \frac{0.6685 \cdot 6.83}{3.95} = 1.1558 \text{ Ffunb.}$

Alafdenguge. Seten wir nun noch bas Gewicht bes unteren leeren Rlobens G=50 Pfund, fo haben wir nun bie gefuchte Rraft:

$$P = \frac{0.0492 \cdot 1.3338}{0.3338} \cdot 850 + \left(\frac{6 \cdot 1.3338}{0.8338} - \frac{1}{0.0492}\right) \cdot 1.1558$$
$$= 167.1 + 4.22 = 171.32 \text{ Pfunb.}$$

Theoretisch ware $P=\frac{800}{6}=133,33$ Pfund, folglich ift ber Birtungegrab biefes Gebeapparates:

$$\eta = \frac{133,33}{171,32} = 0,778.$$

§. 211. Gine intereffante und auch fur andere hebevorrichtungen nicht unwichtige Frage ift biefe: welchen Ginfluß ubt bas Seil eines Rollensober Flaschenzuges auf die Kraft und auf die Arbeit berfelben aus? Es ift nothig, diese Frage im Ginzelnen zu beantworten.

Rehmen wir an, daß ber laufende Fuß Seil ein Gewicht q habe, daß

alfo ein Seilstud von ber Lange s, 8 q wiege.

Ist bei einer festen Rolle R, Fig. 430, der Angriffspunkt A der Kraft oder der Standpunkt bes Arbeiters um die Hohe AB = a über dem Lastpunkt B, und die Hohe BC, auf welche die Last Q von der Kraft P gehoben wird, =h, so hat man die Hohe, auf welche gleichzeitig mit Q ein Seilstück BC vom Gewichte hq steigt, $AS = AB - BS = a - \frac{h}{2}$, da anzunehmen ist, daß das Gewicht dieses Seilstückes in seinem Schwerpunkte S, d. i. $\frac{h}{2}$ über dem Lastpunkte B angreist. Es ist folglich die Bergrößerung der Arbeit der Kraft, in Folge des Seilgewichtes:

 $L = h q \left(a - \frac{h}{2} \right).$ Fig. 431. So h.

%ig. 430.



If h = 2a, so folgt L = 0, und ift h > 2a, so wird L negativ, und es wird folglich durch das Gewicht des Seiles Arbeit gewonnen.

Ist bei einer Verbindung von einer sesten Rolle R und einer losen Rolle R, Fig. 431, a'die Höhe AB des Standpunktes A über der losen Rolle, und h die Höhe BC, auf welche diese Rolle mit der Last Q durch die Kraft P gehoben wird, so hat man das Gewicht des auf die Höhe $SA = a - \frac{h}{2}$ zu hebenden Seils stüdes 2hq, und daher die entsprechende Arbeit: $L = 2hq\left(a - \frac{h}{2}\right)$

Hängt an der lofen Rolle B noch eine zweite lofe Rolle D, wie in Bialdenglage. Figur 432, im Abstande $BD=a_1$, und steigt D mit der Last Q um

Fig. 482. DE = h, also B um BC = 2h, so ist ber Weg vom unteren Seilstude 2hq:



$$S_1 S = a_1 + h - \frac{h}{2} = a_1 + \frac{h}{2}$$

439

und bagegen ber bes oberen Seilstudes $4\,h\,q$ zwischen . B und C:

$$SA = a - h$$

alfo bie Arbeit, welche beibe Seilftude in Anspruch nehmen :

$$L = 4hq (a - h) + 2hq \left(a_1 + \frac{h}{2}\right)$$

= 2hq (2a + a_1 - 3/2h).

Sangt noch eine britte lose Rolle an D, so ist ferner. bie ganze Arbeit, welche bas Seilgewicht beim Anheben ber Last Q um h nothig macht:

$$L = 8hq(a-2h) + 4hq(a_1+h) + 2hq\left(a_2 + \frac{h}{2}\right)$$

 $= 2hq (4a + 2a_1 + a_2 - 11/2h),$

wofern ag ben anfänglichen Abstand ber beiben unteren Rollen von einander bezeichnet.

Um Seil zu ersparen, hangt man die losen Rollen bicht unter einander, so daß $a_1=a_2$ u. s. w. nahe

Mull, also L=2hq(4a-11/2h) ausfallt.

Allgemein für n lose Rollen ist dann diese Arbeit:

 $L = \left(2^n a - \frac{2^{2n-1} + 1}{3} \cdot h\right) q h.$

Für einen Flaschenzug ist endlich, wenn die anfängliche Hohe ber unter ren Flasche unter dem Standpunkte des Arbeiters = a und die Steighohe desselben = h ift, für n gespannte Seile, die von diesen beanspruchte Arsbeit, wie dei einer losen und festen Rolle:

$$L = nqh\left(a - \frac{h}{2}\right).$$

Den Einfluß bes Seilgewichtes auf die Zapfenreibung und ben Steifigkeitswiderstand kann man wegen seiner Kleinheit in der Regel außer Ucht lassen. Uebrigens ist aus den vorstehenden Formeln zu ersehen, daß das Seilgewicht die erforderliche Arbeit der Kraft eben so gut vermindern als vergrößern kann.

Beifpiel. Rach III., §. 21, wiegt ber laufenbe guß hanfieil bei d Boll Starte im Mittel: g = 0,83 d2 Pfund, alfo 3. B. bei 1 3oll Starte: g = 0,33

Blaschenzuge Pfund. Berwendet man bieses Seil bei einem Rollenzuge von n = 3 lofen Rollen, burch welchen eine Laft Q=800 Pfund A=10 Fuß hoch gehoben wird, so hat man die Bergrößerung der aufzuwendenden Arbeit QA=8000 Fußphund durch das Gewicht des Seiles:

 $L=(8\ a-11\ b)$. 0,33 $b=(8\ a-110)$. 8,8; also bei der Höhe des Kraftpunktes über dem Lastpunkte, a=20 Fuß, L=50. 3,8 = 165 Fußpfund, b. i. reichlich 2 Procent der Ruhleistung. Wäre a=0, ständen also die Arbeiter neben der zu hebenden Last, so ware L=-380

Fußpfund, also ein Arbeitegewinn von $\frac{83000}{8000} = 4$ Procent reichlich vorhanden.

Für einen Flaschenzug mit # = 8 Seilen mare hingegen :

$$L = 8.0,33 h \left(a - \frac{h}{2}\right) = 2,64 h \left(a - \frac{h}{2}\right),$$

also 3. B. bei einer Hubhohe & von 20 Fußen und einer Stanbhöhe a=10 Fuß, $L=2,64\cdot 20$ (10-10)=0; bagegen bei a=0, $L=-2,64\cdot 20\cdot 10=-528$ Außpfund. Die Ruhleistung ware aber $Qk=800\cdot 20=16000$ Fußyfund, folglich der Arbeitsgewinn durch das Seilgewicht im letteren Falle $\frac{52800}{16000}=3,3$ Procent.

Minten.

§. 212. Die Bagen= und Bauwinden (franz. crics, engl. lifting-jacks) sind vorzügliche Sulfsmittel, um größere Lasten, z. B. belastete Bagen, schwere Maschinen= oder Baustücke u. f. w. auf kleinere Sohen zu heben. Die gewöhnlichen Bagen= und Bauwinden bestehen in einer gezahnten Stange, welche mittels eines gezahnten Rabes durch eine Kurbel in Bewegung gesetzt wird, und babei die auf ihr ruhende oder an ihr hangenbe Last mit empor nimmt. Bei den stateren Binden neuerer Construction ist die gezahnte Stange durch eine Schraubenspindel und die eins sache Kurbel durch eine Schraube ohne Ende ersetzt (vergl. III., §. 137).

Eine Binde mit gezahnter Stange ift in Fig. 433 abgebilbet. Die gezahnte Stange A ergreift bie Last entweber mittels ber Rlaue A ober

Fig. 433.



mittels eines hakens am Fuße besselben. In sie greift bas Getriebe C, welches entweder unmittelbar burch eine Kurbel in Umbrehung geseht werden kann, oder, wie hier, mittels einer Rurbel DE und eines gezahnten Raberwerkes BD in Bewegung geseht wird. Um bas Zuruckgehen ber belasteten Stange zu verhindern, ist noch eine Sperrklinke angebracht, welche entweder in die Bahne der Stange AB oder in ein besonderes Sperrzradchen eingreift, das auf der Kolbenwelle D festsist.

Sieht man von den Nebenhindernissen ab, so ist das Kraftverhaltnis bei dieser Maschine nach bekannten Regeln wie folgt zu ermitteln. Es sei die Kurbelhohe DE = a und der mittlere Halbmesser des in die Zahnstange eingreisenden Getriebes = r, serner die Anzahl

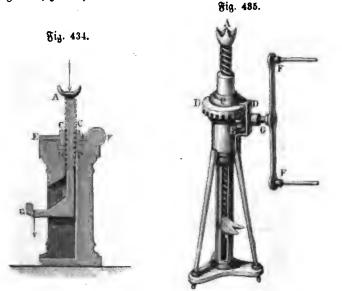
ber Jahne bes mit C auf berselben Welle sitenden Rades $B=n_1$, und die Anzahl der Jahne bes auf der Kurbelwelle sitenden Rades $=n_2$. Ist nun noch Q die Last in der Arenrichtung der gezahnten Stange und P die Umdrehungskraft der Kurbel, so haben wir:

$$\frac{Pa}{Qr} = \frac{n_2}{n_1} \text{ und baher } P = \frac{n_2}{n_1} \cdot \frac{r}{a} Q.$$

Für die Winde in Figur 434 mit schraubenförmiger Stange AB und einer Schraube ohne Ende EF bestimmt sich, wenn die Kraft P zur Umdrehung der Schraubenspindel F an einem Hebelarme a angreift, wenn ferner das Zahnrad EE, dessen Auge die Schraubenspindel AB als Mutter umfaßt, n Zähne hat, der mittlere Halbmesser Spindel =r und die Ganghöhe derselben =h, also für das Ansteigen α derselben t ang. $\alpha = \frac{h}{2\pi r}$ ist, ohne Berücksichtigung der Nebenhindernisse:

$$P = \frac{r}{a} \cdot \frac{Q \, tang. \, \alpha}{n} = \frac{h}{2\pi \, a} \cdot \frac{Q}{n}$$

Durch bie Reibung wird allerdings diese Kraft noch bedeutend vergrossert (vergl. III., §. 148).



Eine Winde neuerer Construction stellt Fig. 435 bar. Es ist hier bie Mutter C der schraubenformigen Spindel AB von einem Kronenrad DD umgeben, in welches ein Zahnradchen E eingreift, das mit einer doppelten Kurbel FF auf einerlei Belle G sist. Behalten wir die obigen Bezeichs

441

Opbraulifche Breffe.

$$rac{P_1}{P} \cdot rac{1 + 4 \, arphi rac{b}{d}}{1 - 4 \, arphi rac{b_1}{d_1}} = rac{d_1^2}{d^2}, ext{ ober}$$
 $P_1 = igg(rac{1 - 4 \, arphi rac{b_1}{d_1}}{1 + 4 \, arphi rac{b}{d^2}} igg) igg(rac{d_1}{d} igg)^2 \, P_i$

ober annahernb:

$$P_1 = \left[1 - 4 \varphi\left(\frac{b}{d} + \frac{b_1}{d_1}\right)\right]\left(\frac{d_1}{d}\right)^s P.$$

Diese Formel setz übrigens noch voraus, daß die Geschwindigkeit des Wassers, und alfo auch die des niedergehenden Kraftkoldens nur eine kleine sei, weil sonst auch noch die hydraulischen Hindernisse eine namhafte Kraftzverminderung herbeiführen wurden.

Dybraulische §. 214. Die außere Ansicht einer hydraulischen Winde ist in Figur Blade. 437 abgebildet. AB ift der Kraftkolben, welcher mittels des Hebels CD



Fig. 437.

auf = und niedergedruckt wird. Dieser Kolben zieht bei seinem Aufgange Wasser aus dem Reservoir G in den Stiefel E und druckt es bei seinem Niedergange von da in den Epslinder F, wobei es den Prestolben K sammt der auf dessen Haupt wirkenden Last emporsschiedt. Die Füllung des Reservoirs mit Wasser ersolgt durch die Schnauze S und das Zurücksiesen des Wassers aus dem Preschslinder in das Reservoir wird durch Drehung des Hebels und Erdsfinung eines mit diesem in Verbindung gesehten Bentiles bewirkt. Bei einiger Anstrengung und entsprechender Anordnung kann man mittels einer solchen Winde ein Gewicht von 10 bis 15 Tonnen

Bum Beben ber in II., §. 55 und 56 besichriebenen Rohrenbruden von Gifenblech murs

ben die stärksten hydraulischen Pressen angewendet; dieselben standen im Innern der thurmformigen Brudenpfeiler 40 Fuß über den Austagerzstächen der Rohre, und wurden durch Dampsmaschinen von je 40 Pferdezkräften in Bewegung gesett. Die zu hebenden Rohrenstücke, welche mit einer Länge von 460 Fuß von einem Pfeiler bis zum anderen reichten

heben.

und je 1726 Tonnen wogen, maren an ihren Enden mit gufeifernen operantifder. Rahmen ausgerüstet, an welche je zwei acht = und neunfache schmiedeeiserne Laschenketten angeschloffen murben, bie von bem Querhaupte ber Preffolben ber hybraulischen Preffen herabhangen. Die Aufstellungsweise biefer hydraulischen Binden und die Aufhangungeweise der die Rohrenenden tragenben Retten ift aus ben Figuren 438 und 439 gu erfeben. ben Abbilbungen ift A ber Preftolben und B ber Stiefel, morin ber erftere

Rig. 438. Fig. 439. L D D M M M

von bem burch bas Rohr C jurudgepreften Baffer emporgeschoben wirb. DD find bie Thurmmauern, EE, FF und GG gufeiferne Balten und H ift ein besonderes gugeisernes Geftelle gur Unterftubung bes mit einer fehr großen Rraft nach unten brudenben Pregenlinders B. Ferner fieht man in KK bas Querhaupt bes Preftolbens, an welchem die Tragfetten berabhangen, und in NN die cylindrifchen Leitstangen des Preftolbens, welche burch bas Querhaupt hindurchgeben und unten auf bem Eplinder feststehen, oben aber burch einen eifernen Balten OO hindurchgeben. Bum

Opprantifde Festhalten der Ketten über bem Querhaupte bienen Klemmen aa welche durch Schrauben gegen die zwischenliegenden Kettenschienen angebruckt werden konnen. Denselben 3med haben auch die Klemmen bb, welche angezogen wurden, wenn beim Anfange eines neuen Rolbenspieles bie Retten durch Wegnahme einer Glieberreihe verkurzt werden follten. Um bei etwaigem Berberften ber Preffe ober Berreifen ber Retten u. f. w. bas Berabstürzen ber Rohre zu verhindern, wurden die Rohrenenden gleich mahrend ihres Aussteigens untermauert.

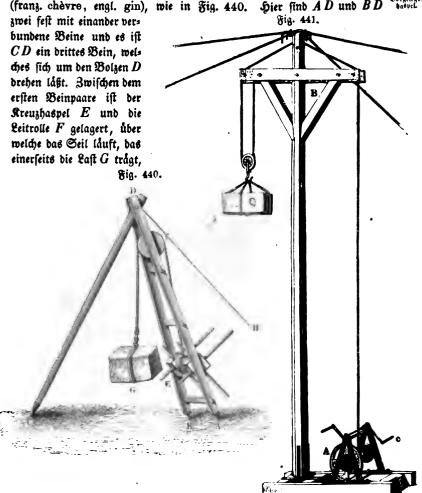
Drei hydraulische Preffen tamen bei ber Errichtung ber Brittanniabrude zur Anwendung; eine grofere von 10 guf Lange, 11 Boll Metall= bide und 20 Boll lichtem Durchmeffer, und zwei fleinere von je nur 18 Boll lichtem Durchmeffer; mahrend biefe gemeinschaftlich bas eine Ende ber Röhre hoben, wurde das andere Ende berfelben von der ersten Presse allein jum Steigen gebracht. Der Kraftfolben einer Preffe hatte nur 11/16 Boll Durchmeffer und faß mit bem Dampfeolben, beffen Durchmeffer 17 Boll betrug, auf einer und berfelben horizontalen Rolbenftange. Der Schub ber Dampf= und Rrafteolben betrug nur 16 Boll, ber eines Preffolbens aber 6 guß. Die schmiebeeiserne Rohre, welche bas Baffer in ben Prefcylinder führte, mar innen nur 1/2 und außen 1 Boll weit.

Beifpiel. Benn, wie in II., S. 55 angegeben wirb, eines ber größeren Röhrenflude ber Brittanniabrude, welches je zwei Pfeiler mit einander verbinbet, 1726 Tonnen wiegt, fo mußte beim Geben beffelben von ber großen Breffe allein und von ben beiben fleineren Breffen zusammen eine Kraft von $\frac{1726}{2}$ = 868 Tonnen ausgeübt werben. Dem Durchmeffer bes Breffolbens von 20 Boll entspricht ein Querschnitt von $\left(\frac{20}{2}\right)^2\pi=314,16$ Quadratzoll; folglich ift ber nothige Drud bes Baffere im Innern ber Breffe auf ben Quabratzoll

 $p=\frac{868}{314,16}=2,747$ Connen, ober bie Conne = 2240 Pfund angenommen, p = 2,747 . 2240 = 6153 Pfund, ober bie Atmosphare in englischem Raag = 14,706 Bfund gefest: p = $\frac{6158}{14.706}$ = 418 Atmofpharen.

Der Rrafttolben hat hierbei minbestens eine Rraft von $\left(\frac{17}{16}\right)^n$. s. 6153 = 21822 Pfund auszuuben, und es ift ber erforberliche Dampfbrud auf ben Quabratzoll, ba bie Dampffolbenflache 161 . n = 804,25 Quabratzoll mißt, $p_1 = \frac{21822}{804,25} = 27,13$ Pfund, b. i. noch nicht gang zwei Atmosphären.

6. 215. Die in Bb. II., 6. 84 behandelten Rreug: und Spillens Transportable. haspel, sowie bie ftebenben Bellen mit mehreren Schwengeln find febr gewöhnliche Gulfsmittel, wodurch bei Bauausfuhrungen große Laften ober Bauftude auf magige Boben gehoben werben. Diefe Dafchinen erhalten in folden Fallen ein transportables Gestelle, z. B. einen Bod transportable (frang. chevre, engl. gin), wie in Fig. 440. hier find AD und BD babel.

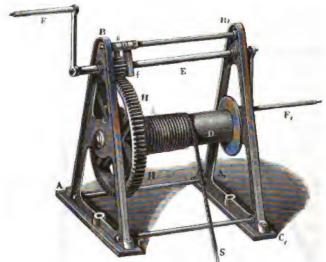


und sich andererseits auf ben Rundtheil bes Haspels aufwickelt. Wenn es ber Raum nicht gestattet, ein drittes Bein CD in Unwendung zu bringen, so ist es nothig, das Haspelgestelle ABD von hinten durch Seile oder Ketten DH aufrecht zu erhalten.

Das Geruste zum Aufziehen einer Last kann man auch aus einem Kreuze, wie AB, Fig. 441, bestehen lassen, und dasselbe durch Taue ober Ketten, welche vom Ropfe bieses Kreuzes bis in den benachbarten Erdboben hineingehen, in aufrechter Stellung erhalten. Bei der abgebildeten

Ergnevortable Borrichtung hangt die Laft Q jundchft an einer lofen Rolle, und bas Seil wird mittels dreier festen Rollen nach dem unten stehenden Saspel C berabgeführt.

> Der transportable Borgelegshaspel ober die Borgelegswinde (frang. treuil, engl. crab), wodurch die Last emporgehoben wird, ift ein gewohnliches Sulfemittel jum Beben größerer gaften auf maßige Boben. Die specielle Ginrichtung biefer Bebemafchine ift in Rig. 442 abgebilbet. Die Fig. 442.



gufeifernen Bode ABC und A, B, C, find burch die fchmiebeeifernen Bolgen AA1, BB1 und CC1 gu einem Gangen vereinigt, und laffen fich mit ihren Fußplatten AC und A1C1 auf eine ftarte holgerne Grundlage auffchrauben. Diefes Geftelle tragt zwei horizontale Bellen; namlich eine hohle gufeiferne Belle D jum Aufwickeln bes Seiles S, woran bie Laft hangt, und eine ichwache Belle E, mit ben Rurbeln F und F1. Die Rraft P ber Rurbeln wird mittels eines fleinen Bahnrabes G von etwa 10 Bahnen und eines größeren Bahnrabes HH von etwa 70 Bahnen auf Die Lastwelle D übergetragen. Gine Sperrklinke s, welche vom Bolgen BB, herabhangt und in bas Rab G eingreift, verhindert bas Burudgeben ber Laft, wenn die Rraft ju wirken aufhort, und eine fogenannte Falle f, welche ebenfalls von BB, herabhangt und bie Welle E umfaßt, verhin= bert bas Ausweichen biefer Welle in ihrer Arenrichtung. Wird biefe Falle ausgehoben, fo kann man die Welle fo weit verschieben, daß G aus dem Eingriff mit H tommt, und die Belle D beim Abwideln bes Seiles S ohne EG umlauft.

Ift P die Rraft, Q die Laft, a bie Rurbelarmlange, b der Bebelarm ber transportable Laft ober die halbe Starte ber Welle fammt halber Starte bes Seiles, und ift n, die Angahl ber Bahne des kleinen Treibrades G, n2 aber die bes größeren Getriebrades H, fo hat man wie III., §. 51:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q.$$

Lagt man bas Seil, wie in Fig. 441, noch über eine lofe Rolle geben, fo hat man ftatt $Q, \frac{Q}{2}$ gu feten, weehalb bann

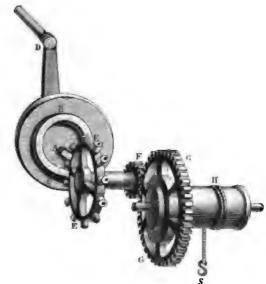
$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \frac{Q}{2}$$
 ift.

Beifpiel. Benn bei bem Aufzug in Big. 441 bie Baft Q = 2800 Pfunb, bas Armverhaltniß $\frac{b}{a}=\frac{1}{4}$, und bas Bahnezahlenverhaltniß $\frac{n_1}{n_0}=\frac{1}{7}$ bes tragt, fo hat man bie erforberliche Rraft an ben Saspelhornern, ohne Rudficht auf Reibung:

$$P = \frac{1}{7} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{2800}{2} = \frac{400}{8} = 50$$
 Pfunb.

Gine andere Borrichtung jum Aufziehen großer Lasten ift Gegenwinden. Long's tragbare Sebemaschine (f. Civil-Engineer and Architects Journal, July 1852; auch Dingler's Journal, Bb. 125). wefentlichfte Theil diefer Maschine ift die Spiralscheibe ABC, Fig. 443,





welche burch eine Rurbel D in Umbrehung gefest wirb, und mit ihrem Spiralgange in die aus cylindrischen

Rollen bestehenden Bal) ne eines Rades EEeingreift. Mit bem lets teren Rabe auf einerlei Welle fist noch bas kleine Zahnrad F, und dieses greift wieder in ein größeres Zahnrab GG, bas auf ben Runds baum *B* aufsitt, um melchen fich bas bie Last tragende Seil S widelt. Leicht ift ein= gufehen, bag bas Rab EE bei einer Unfdres

Orgenwinden, hung ber Spiralicheibe ober ber Schnede ABC von biefer um einen Bahn Ift a bie Rurbelarmlange, b ber Bebelarm ber an fortgeschoben mirb. S hangenden gaft, ferner n bie Ungahl ber Jahne ober Rollen bes Rabes EE, bagegen ni bie ber Bahne von FF und no bie Angahl ber Bahne von GG, so hat man fur bie Rraft an ber Rurbelfpille:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n}$$

Die Birfung ber Spiralfcheibe ift mit ber einer Schraube ohne Ende (f. III., §. 148) zu vergleichen; benn wenn man bas Borgelege wegläßt, also die gaft Q unmittelbar an die Welle des Rades hangt, so hat man fur beibe Maschinen:

$$P = \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n}$$

Fig. 444.

Es gehort auch hierher bie sogenannte Begenwinde ober ber Licht: ober Differenzialhaspel (franz. treuil de la Chine, engl. chinese capstan), welcher in Fig. 444 abgebilbet ift. Die Laft Q hangt bier an



einer losen Rolle A.

und bie Enben bes Gei= les, welches diese Rolle trägt, sind in entgegen= gefesten Richtungen um eine Belle BC mit ameierlei Durchmeffer Wirb nun gewickelt. biefe Welle burch eine Rurbel D ober auf eine andere Beife in Umbrehung gefest, fo wickelt fich bas eine Seilenbe auf den ftarteren Theil B ber Welle auf und bas andere Ende von

bem schwacheren Theil C berfelben ab, und es verturzt fich folglich bas herabhangende Seil BAC bei jeder Umbrehung ber Welle nur um bie Differeng ber Wellenumfange B und C.

Sind r_1 und r_2 die Halbmeffer dieser Umfänge, so hat man die Bers furzung des Seiles bei einer Umbrehung $=2 \pi (r_1-r_2)$ und folglich ben entsprechenden Weg ber Laft Q:

$$\frac{2 \pi (r_1-r_2)}{2} = \pi (r_1-r_2),$$

wogegen bie Rraft P bei ber Sohe a bes Rurbelhornes ben Weg 2πα

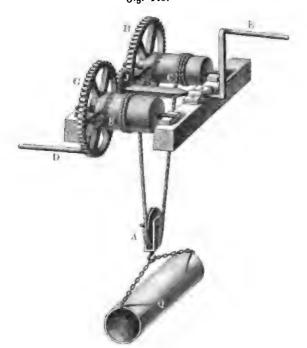
jurudlegt. Es ift hiernach

Begenwinden.

$$2\pi a P = \pi (r_1 - r_2) Q$$
, b. i. $P = \frac{r_1 - r_2}{2 a} \cdot Q$,

und es fallt folglich bie Rraft um fo tleiner aus, je weniger bie Starte bes einen Runbbaumtheiles von ber bes anderen abweicht.

Der Aufzug in Fig. 445 ift eine Gegenwinde mit Borgelege. Die Seilenden liegen hier in entgegengefehten Richtungen auf den Bellen Ria, 445.



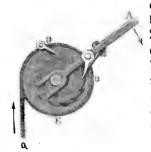
B und C von ungleicher Starke, welche burch die Kurbeln D und E mittels des Raberwerkes FGH in entgegengesetzen Richtungen umgedreht werden. Ist hier wieder a die Kurbelhöhe und sind r_1 und r_2 die Halbs messer der Wellen B und C; ist ferner n_1 die Anzahl der Zähne des Rasdes F auf der Kurbelwelle, n_2 aber die Anzahl der Zähne von jedem der beiden Getriebräder G und H, so hat man die Kraft, durch welche die Last Q gehoben wird:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{r_1}{2a} Q.$$

Mus III., §. 160 ift endlich noch zu erfeben, daß man auch Sperrraber

heben. Diese Borrichtungen haben ben Bortheil, bag man bei ihnen bie Kraft an größeren hebelarmen wirken lassen. Gin solcher Mechanismus ist theilweise in Fig. 446 abgebilbet. Das Sperrrad wird hier

Fig. 446.



mittels eines Hebels AC und einer Klinke B absehend umgebreht, und es wickelt sich hierz bei das die Last Q tragende Seil auf die Trommel DE, welche mit dem Sperrrad auf einerlei Welle festsist. If a die Lange des Armes CA und b der die halbe Wellenstärke um die halbe Seilstärke übertreffende Hebels arm CB der Last, so hat man hier, wie bei einem einsachen Haspel oder Göpel (s. 11., §. 84 und 85) die Kraft

$$P = \frac{b}{a} Q$$
.

Beispiel 1. Wenn bei bem Auszug in Sig. 448 bas Rab EE, worin ber Spiralgang eingreift. 12 cylindrische Jähne, das Triebrad F beren 10, und das Seil S, 2 Boll Stärke, und endlich die Kurbel 20 Boll Armlänge besit, so ift das Kraftverhältniß bieser Maschine:

$$\frac{P}{Q} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n} = \frac{10}{60} \cdot \frac{5}{20} \cdot \frac{1}{12} = \frac{1}{288},$$

und folglich die Rraft, welche bas Aufgieben einer Laft Q=6000 Pfund erfors bert, $P=\frac{6000}{288}=20,83$. . . Pfund.

Beispiel 2. Geben wir bem Borgelegshaspel in Fig. 445 baffelbe Umssehungsverhältniß $\frac{n_1}{n_2}=\frac{10}{60}$, machen wir die Rundbaumftärken 10 und 9 Boll, und wenden wir wieder eine Rurbelhöhe von 20 Boll an, so haben wir das Kraftverhältniß:

$$\frac{P}{Q} = \frac{1}{6} \cdot \frac{10 - 9}{2 \cdot 20} = \frac{1}{6 \cdot 40} = \frac{1}{240};$$

folglich für bie Laft Q = 6000 Bfund, bie Rraft

$$P = \frac{6000}{240} = 25 \, \Re \text{funb.}$$

Aufjüge.

§. 217. Die Aufzüge werben zum Emporheben von Baustuden, Waaren ober Gutern, Getreibe, Rohlen, Erzen u. s. w. angewendet, und man hat hiernach Bau=, Waaren= ober Guteraufzüge, Getreide= aufzüge, Kohlen= und Erz= ober sogenannte Gichtaufzüge. Man kann zwei Aufzugespsteme von einander unterscheiden; bei dem einen Spzsteme ist es eine Kette ohne Ende, wodurch die Last emporgehoben wird, bei dem anderen Systeme wird hingegen die Last durch ein Seil oder eine Kette mit Ende emporgezogen. Bei einem Aufzuge mit

Rette ohne Ende ist die Kette entweder mit besonderen Ausziehschlägen zur Aufnahme der Last versehen, oder sie erhält Haken, womit sie die emporszuhebende Last oder das Gefäß, in welchem dieselbe enthalten ist, ergreist. In beiden Fällen wird das Fortlausen der Ketten und das Emporsteigen der Last durch Umdrehung der Welle bewirkt, auf welcher das eine Raddober der Last durch ein Seil mit Ende emporheben, haben entweder eine Trommel, auf welche sich das Seil während des Aussteigens der Last auswickelt, oder erhalten einen Kolben, welcher durch den Druck des Dampses oder Wassers in Bewegung geseht wird und dabei das Seil mit sich fortzieht. Die Umdrehung der Trommel kann entweder durch die Krast der Menschen oder die des Wassers, Dampses u. s. w. bewirkt werden.

In ben meisten Fallen sind biese Aufzüge nur mit einem Ziehseile verssehen, und es ist deshalb nothig, daß daffelbe wieder herabgelassen wird, bevor es eine neue Last erfassen und emporheben kann. Um bieses Zurückgehen bes Ziehseiles zu reguliren, zumal, wenn basselbe noch ein leeres Gefäß ober eine Schaale zur Aufnahme der Last trägt, bedient man sich eines Gegengewichtes oder eines Bremses. In selteneren Fällen wendet man, wie bei der im folgenden Kapitel abzuhandelnden Schachtsörderung zwei Zugseile mit zwei Gefäßen an, so daß immer während des Aussteigens der Last das leere Gefäß niedersinken kann. Um die rückgängige Bewesgung der Aufzüge hervorzubringen, hat man Aus- und Einrückzeuge anzubringen, wie aus III., §. 204 bekannt sind.

Hat man es mit einer loderen Forbermasse zu thun, so kann man auch ben Auszug in einer Eimer - ober Becherkette bestehen lassen, bie nahe die Einrichtung hat, welche bereits in II., §. 244 angegeben worben ift. Es gehören hierher die sogenannten Elevatoren, welche zum Emporheben bes Getreibes ober Mehles in Muhlen angewendet werden, und in gewissem Grade auch die sogenannten Baggermaschinen zum Ausbaggern ober Reinigen der Flußbetten und hafen von Sand, Schlamm u. s. w.

§. 218. Ein Gichtaufzug mit Rette ohne Ende ift in Figur 447 (auf folgender Seite) abgebilbet. A und C find zwei Paar mindestens 7 Auß hohe Eisenscheiben mit keilförmigen Bahnen, und ABCD ift ein Paar um beibe Scheibenpaare liegende schmiedeeiserne Laschenketten, zwischen deren Glieber die Bahne der Scheiben greisen, so daß diese Retten, selbst bei einem größeren Widerstande derselben, von den umlausenden Scheiben mitgenommen werden. Die beiden Retten sind in gewissen Abständen durch schmiedeeiserne Bolzen aa, bb, cc, . . . mit einander versbunden, an welchen die Aufziehschaalen e, f, g, h u. s. w. hangen, die zur

441

Opbraulifde Breffe.

$$rac{P_1}{P} \cdot rac{1 + 4 \, arphi rac{b}{d}}{1 - 4 \, arphi rac{b_1}{d_1}} = rac{d_1^2}{d^2}, ext{ ober}$$
 $P_1 = \left(rac{1 - 4 \, arphi rac{b_1}{d_1}}{1 + 4 \, arphi rac{b}{d}}
ight) \left(rac{d_1}{d}
ight)^2 \, P_r$

oder annahernb:

$$P_1 = \left[1 - 4 \varphi\left(\frac{b}{d} + \frac{b_1}{d_1}\right)\right] \left(\frac{d_1}{d}\right)^2 P.$$

Diese Formel set übrigens noch voraus, daß die Geschwindigkeit bes Wassers, und also auch die des niedergehenden Kraftkolbens nur eine kleine sei, weil sonst auch noch die hydraulischen hindernisse eine namhafte Kraft- verminderung herbeiführen murben.

Dybrantische §. 214. Die außere Ansicht einer hydraulischen Winde ist in Figur 437 abgebilbet. AB ist ber Kraftkolben, welcher mittels bes Hebels CD





auf = und niebergebrudt wirb. Diefer Rolben zieht bei feinem Aufgange Baffer aus bem Reservoir G in ben Stiefel E und bruct es bei feinem Niebergange von ba in ben Cp= linder F, wobei es ben Preffolben K fammt ber auf beffen Saupt wirkenden gaft empor= fchiebt. Die Rullung bes Refervoirs mit Wasser erfolgt burch bie Schnauze S und bas Burudfließen bes Waffers aus bem Dreficolinder in das Reservoir wird burch Drehung bes Bebels und Eroffnung eines mit biefem in Berbindung gefetten Bentiles bewirkt. Bei einiger Unftrengung und entsprechenber Unordnung tann man mittels einer folchen Winde ein Gewicht von 10 bis 15 Tonnen heben.

Bum Beben ber in II., §. 55 und 56 ber ichriebenen Rohrenbruden von Gifenblech wur-

ben die starksten hydraulischen Pressen angewendet; bieselben standen im Innern ber thurmformigen Brudenpfeiler 40 Fuß über ben Austagersstächen der Rohre, und wurden durch Dampfmaschinen von je 40 Pferdeskräften in Bewegung gesetzt. Die zu hebenden Rohrenstude, welche mit einer Lange von 460 Fuß von einem Pfeiler bis zum anderen reichten

und je 1726 Tonnen wogen, waren an ihren Enden mit gußeisernen opprantische Rahmen ausgerustet, an welche je zwei acht und neunsache schmiedeeiserne Laschenketten angeschlossen wurden, die von dem Querhaupte der Prestols ben der hydraulischen Pressen herabhängen. Die Ausstellungsweise dies ser hydraulischen Winden und die Aushängungsweise der die Röhrenenden tragenden Ketten ist aus den Figuren 438 und 439 zu ersehen. In beis den Abbildungen ist A der Prestolben und B der Stiefel, woria der erstere

Fig. 439.

von dem durch das Rohr C zurückgepreßten Wasser emporgeschoben wird. DD sind die Thurmmauern, EE, FF und GG gußeiserne Balken und H ist ein besonderes gußeisernes Gestelle zur Unterstüßung des mit einer sehr großen Kraft nach unten drückenden Preßcylinders B. Ferner sieht man in KK das Querhaupt des Preßkoldens, an welchem die Tragketten herabhängen, und in NN die cylindrischen Leitstangen des Preßkoldens, welche durch das Querhaupt hindurchgehen und unten auf dem Cylinder seitstehen, oben aber durch einen eisernen Balken OO hindurchgehen. Zum

Oppranulfde Festhalten ber Ketten über bem Querhaupte bienen Klemmen aa welche burch Schrauben gegen bie zwischenliegenben Rettenschienen angebruckt werben konnen. Denfelben 3med haben auch die Rlemmen bb, welche angezogen wurden, wenn beim Unfange eines neuen Rolbenspieles bie Retten burch Wegnahme einer Gliederreihe verkurzt merben follten. Um bei etwaigem Berberften ber Preffe ober Berreifen ber Retten u. f. w. bas Berabstürzen ber Rohre ju verhindern, murden bie Rohrenenden gleich mahrend ihres Auffteigens untermauert.

> Drei hybraulische Preffen tamen bei ber Errichtung ber Brittanniabrude jur Unwendung; eine großere von 10 guß gange, 11 Boll Detall= bide und 20 Boll lichtem Durchmeffer, und zwei kleinere von je nur 18 Boll lichtem Durchmeffer; mahrend biefe gemeinschaftlich bas eine Ende ber Rohre hoben, murbe das andere Ende berfelben von der erften Preffe allein jum Steigen gebracht. Der Kraftfolben einer Preffe hatte nur 11/16 Boll Durchmeffer und faß mit bem Dampfeolben, beffen Durchmeffer 17 Boll betrug, auf einer und berfelben horizontalen Rolbenftange. Der Schub ber Dampf= und Rraftfolben betrug nur 16 Boll, ber eines Preffolbens aber 6 guß. Die schmiebeeiserne Rohre, welche bas Baffer in ben Prefcylinder führte, mar innen nur 1/2 und außen 1 Boll weit.

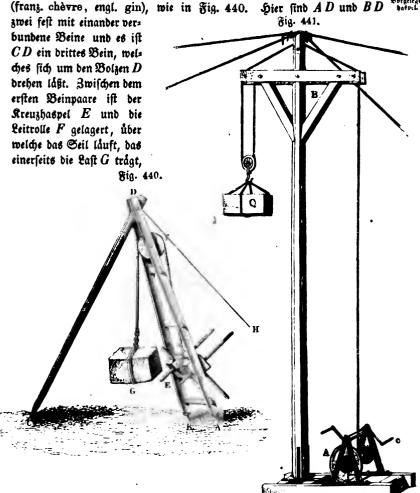
> Beifpiel. Benn, wie in II., §. 55 angegeben wirb, eines ber größeren Rohrenflude ber Brittanniabrude, welches je zwei Pfeiler mit einanber verbinbet, 1726 Connen wiegt, fo mußte beim Geben beffelben von ber großen Breffe allein und von ben beiben fleineren Preffen zusammen eine Kraft von $\frac{1726}{2}$ = 863 Tonnen ausgeübt werben. Dem Durchmeffer bes Bregfolbens von 20 Boll entspricht ein Querschnitt von $\left(\frac{20}{2}\right)^2\pi=314,16$ Quadratzoll; folglich ift ber nothige Drud bes Baffers im Innern ber Preffe auf ben Quabratzoll

> p = $\frac{868}{314,16}$ = 2,747 Connen, ober bie Conne = 2240 Pfund angenommen, p = 2,747 . 2240 = 6153 Pfund, ober bie Atmosphare in englischem Daag = 14,706 Bfund gefest: p = $\frac{6158}{14,706}$ = 418 Atmospharen.

> Der Rraftfolben hat hierbei minbestens eine Rraft von $\left(\frac{17}{16}\right)^2$. s. 6158 = 21822 Bfund auszuuben, und es ift ber erforberliche Dampforud auf ben Quabratzoll, ba bie Dampffolbenflache 162 . n = 804,25 Quabratzoll mißt, $p_1 = \frac{21822}{804,25} = 27,13$ Pfund, b. i. noch nicht gang zwei Atmofpharen.

Transportable

6. 215. Die in Bb. II., 6. 84 behandelten Rreuge und Spillens haspel, fowie bie ftebenben Bellen mit mehreren Schwengeln find fehr gewöhnliche Gulfemittel, wodurch bei Bauausführungen große Laften ober Bauftude auf magige Boben gehoben werben. Diefe Dafchinen erhalten in folden Fallen ein transportables Geftelle, g. B. einen Bod transportable (frang. chèvre, engl. gin), wie in Fig. 440. hier find AD und BD

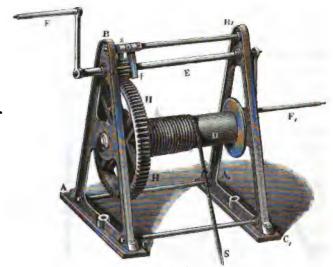


und fich andererfeits auf ben Rundtheil bes Baspels aufwickelt. Wenn es der Raum nicht geftattet, ein brittes Bein CD in Anwendung gu bringen, fo ift es nothig, bas haspelgestelle ABD von hinten burch Seile oder Retten DH aufrecht zu erhalten.

Das Gerufte jum Aufziehen einer Last tann man auch aus einem Rreuze, wie AB, Fig. 441, bestehen laffen, und baffelbe burch Taue ober Retten, welche vom Ropfe biefes Rreuges bis in ben benachbarten Erbboben hineingeben, in aufrechter Stellung erhalten. Bei ber abgebilbeten

Ergnebvortable Borrichtung hangt bie Laft Q gunachft an einer lofen Rolle, und bas Seil wird mittels breier festen Rollen nach bem unten ftebenden Saspel C berabgeführt.

> Der transportable Borgelegshaspel ober bie Borgelegswinde (frang. treuil, engl. crab), woburch die Last emporgehoben wird, ift ein gewohnliches Sulfemittel jum Beben großerer Laften auf magige Boben. Die specielle Ginrichtung diefer Bebemaschine ift in Fig. 442 abgebilbet. Die Fig. 442.



gufeifernen Bode ABC und A1B1C1 find burch bie fchmiebeeifernen Bolgen A A1, BB1 und CC1 zu einem Gangen vereinigt, und laffen fich mit ihren Fußplatten AC und A1 C1 auf eine farte bolgerne Grundlage aufschrauben. Diefes Geftelle tragt zwei horizontale Bellen; namlich eine hohle gufeiferne Welle D jum Aufwideln bes Seiles S, woran bie Laft hangt, und eine schwache Belle E, mit ben Rurbeln F und F1. Die Rraft P ber Rurbeln wird mittels eines kleinen Bahnrabes G von etwa 10 Bahnen und eines größeren Bahnrabes HH von etwa 70 Bahnen auf bie Laftwelle D übergetragen. Gine Sperrflinte s, welche vom Bolgen BB, herabhangt und in bas Rad G eingreift, verhindert bas Burudgeben ber Laft, wenn die Rraft zu wirken aufhort, und eine fogenannte Falle f. welche ebenfalls von BB, herabhangt und bie Welle E umfaßt, verbin: bert bas Ausweichen biefer Welle in ihrer Arenrichtung. Wird biefe Falle ausgehoben, fo kann man die Welle fo weit verschieben, daß G aus bem Eingriff mit H tommt, und die Belle D beim Abwickeln bes Seiles S ohne EG umlauft.

Ift P die Kraft, Q die Last, a die Kurbelarmlange, b ber hebelarm ber transportable Bergeles. Laft ober die halbe Starte ber Welle fammt halber Starte bes Seiles, und ift ni die Angahl der Bahne des kleinen Treibrades G, na aber die des großeren Getriebrades H, fo hat man wie III., §. 51:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q$$

 $P=rac{n_1}{n_2}\cdotrac{b}{a}\,Q.$ Läft man bas Seil, wie in Fig. 441, noch über eine lose Rolle gehen, fo hat man ftatt $Q, \frac{Q}{2}$ gu feben, weshalb bann

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \frac{Q}{2} \text{ ift.}$$

Beifpiel. Benn bei bem Aufzug in Sig. 441 bie gaft Q = 2800 Pfunb, bas Armverhaltniß $\frac{b}{a}={}^{1}\!\!/_{\!4}$, und bas Bahnezahlenverhaltniß $\frac{n_{1}}{n_{3}}={}^{1}\!\!/_{\!7}$ bes tragt, fo hat man bie erforberliche Rraft an ben Saspelhornern, ohne Rudficht auf Reibung :

 $P = \frac{1}{7} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{2800}{9} = \frac{400}{9} = 50$ Pfund.

Gine andere Vorrichtung zum Aufziehen großer Lasten ist Gegenwlieden. Long's tragbare Debemaschine (f. Civil-Engineer and Architects Journal, July 1852; auch Dingler's Journal, Bb. 125). wesentlichste Theil dieser Maschine ift die Spiralscheibe ABC, Fig. 443,



melde burch eine Rurs bel D in Umbrehung gefest wirb, und mit ihrem Spiralgange in die aus cylindrischen

Rollen bestehenden Záhne eines Rades EEeingreift. Mit bem lets teren Rabe auf einerlei Welle sist noch das fleine Bahnrab F, unb dieses greift wieder in ein größeres Bahnrab GG, bas auf ben Runds baum *B* aufsitt, um welchen fich bas bie Last tragende Seil S widelt. Leicht ift ein= gufehen, baß bas Rab EE bei einer Unfbres

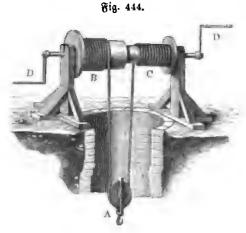
Gegenwinden, hung der Spiralscheibe oder der Schnecke ABC von dieser um einen Jahn fortgeschoben wird. Ist a die Kurbelarmlänge, b der Hebelarm der an S hängenden Last, serner n die Anzahl der Jähne oder Rollen des Rades EE, dagegen n_1 die der Jähne von FF und n_2 die Anzahl der Jähne von GG, so hat man für die Kraft an der Kurbelspille:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n}.$$

Die Wirkung ber Spiralscheibe ist mit ber einer Schraube ohne Enbe (f. III., §. 148) zu vergleichen; benn wenn man bas Vorgelege wegläßt, also die Last Q unmittelbar an die Welle des Rades hängt, so hat man für beibe Maschinen:

$$P = \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n}$$

Es gehört auch hierher die sogenannte Gegenwinde ober ber Lichts ober Differenzialhaspel (franz. treuil de la Chine, engl. chinese capstan), welcher in Fig. 444 abgebilbet ift. Die Last Q hangt hier an



einer lofen Rolle A, und die Enden bes Sei= les, welches biefe Rolle tragt, find in entgegen=

gefetten Richtungen um eine Welle BC mit zweierlei Durchmeffer gewickelt. Wird nun biese Welle burch eine Kurbel D ober auf eine andere Weise in Umbrehung gesett, so wickelt sich bas eine Seilende auf ben starteren Theil

B der Welle auf und bas andere Ende von

bem schwächeren Theil C berfelben ab, und es verkurzt sich folglich das herabhangende Seil BAC bei jeder Umdrehung der Welle nur um die Differenz der Wellenumfange B und C.

Sind r_1 und r_2 die Halbmeffer dieser Umfänge, so hat man die Berztürzung des Seiles bei einer Umdrehung =2 π (r_1-r_2) und folglich ben entsprechenden Weg der Last Q:

$$\frac{2 \pi (r_1-r_2)}{2} = \pi (r_1-r_2),$$

wogegen bie Rraft P bei ber Sohe a bes Rurbelhornes ben Beg 2 ma

451

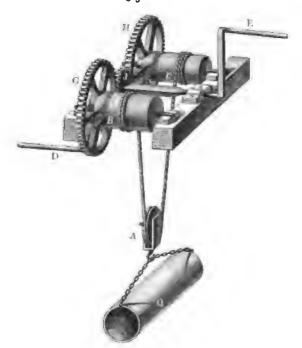
gurudlegt. Es ift hiernach

Gegenwinden.

$$2\pi a P = \pi (r_1 - r_2) Q$$
, b. i. $P = \frac{r_1 - r_2}{2 a} \cdot Q$,

und es fallt folglich bie Rraft um fo fleiner aus, je weniger bie Starte bes einen Runbbaumtheiles von ber bes anberen abweicht.

Der Aufzug in Fig. 445 ift eine Gegenwinde mit Borgelege. Die Seilenden liegen hier in entgegengesehten Richtungen auf ben Wellen Fig. 445.



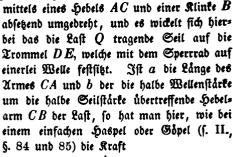
B und C von ungleicher Starke, welche durch die Kurbeln D und E mittels des Raberwerkes FGH in entgegengesetzen Richtungen umgedreht werden. Ist hier wieder a die Kurbelhohe und sind r_1 und r_2 die Halbs messer der Wellen B und C; ist ferner n_1 die Anzahl der Zahne des Rasdes F auf der Kurbelwelle, n_2 aber die Anzahl der Zahne von jedem der beiden Getriebräder G und H, so hat man die Kraft, durch welche die Last O gehoben wird:

$$P=\frac{n_1}{n_2}\cdot\frac{r_1}{2a}\,Q.$$

Mus III., §. 160 ift endlich noch zu erfeben, bag man auch Sperrraber

Begenwinden, mit Sperrklinken bagu anwenden tann, große gaften fortzuschaffen ober gu heben. Diefe Borrichtungen haben ben Bortheil, bag man bei ihnen bie Rraft an großeren Bebelarmen wirten laffen tann. Gin folcher Mechas nismus ift theilmeife in Fig. 446 abgebilbet. Das Sperrrad wird hier

Fig. 446.



$$P = \frac{b}{a} Q$$
.

Beispiel 1. Wenn bei bem Aufzug in Big. 448 bas Rab EE, worin ber Spiralgang eingreift, 12 cylinbrifche Rahne, bas Triebrab F beren 10, und bas Getriebrab GG beren 60 hat, wenn ferner ber Runbbaum H, 8 Boll und bas Seil & 2 Boll Starte, und endlich die Rurbel 20 Boll Armlange befist, fo ift bas Rraftverhaltnig biefer Dafdine:

$$\frac{P}{Q} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n} = \frac{10}{60} \cdot \frac{5}{20} \cdot \frac{1}{12} = \frac{1}{288},$$

 $\frac{P}{Q} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n} = \frac{10}{60} \cdot \frac{5}{20} \cdot \frac{1}{12} = \frac{1}{288},$ und folglich die Rraft, welche das Aufziehen einer Laft Q = 6000 Pfund erforbert, $P = \frac{6000}{288} = 20,88 \dots$ Pfund.

Beifpiel 2. Geben wir bem Borgelegshaspel in Fig. 445 baffelbe Umfehungeverhaltniß $\frac{n_1}{n_2} = \frac{10}{60}$, machen wir bie Runbbaumftarten 10 und 9 Boll, und wenben wir wieber eine Rurbelhohe von 20 Boll an, fo haben wir bas Rraftverhaltnig:

$$\frac{P}{Q} = \frac{1}{6} \cdot \frac{10-9}{2 \cdot 20} = \frac{1}{6 \cdot 40} = \frac{1}{240};$$
 folglich für die Last $Q = 6000$ Pfund, die Kraft

$$P = \frac{6000}{240} = 25 \ \text{Pfund}.$$

Mufjuge.

§. 217. Die Aufzuge werben jum Emporheben von Bauftuden, Maaren ober Gutern, Getreibe, Rohlen, Erzen u. f. w. angewenbet, und man hat hiernach Bau=, Baaren= ober Guteraufzuge, Getreibe= aufzuge, Roblen: und Erge ober fogenannte Gichtaufzuge. tann zwei Aufzugespfteme von einander unterscheiden; bei dem einen Spsteme ift es eine Rette ohne Ende, wodurch die Last emporgehoben wird, bei bem anderen Spfteme wird hingegen bie Last burch ein Seil ober eine Rette mit Ende emporgezogen. Bei einem Aufzuge mit Rette ohne Ende ist die Kette entweder mit besonderen Aufziehschlägen zur Musnahme der Last versehen, oder sie erhält Haken, womit sie die emporzuhebende Last oder das Gefäß, in welchem dieselbe enthalten ist, ergreist. In beiden Fällen wird das Fortlausen der Ketten und das Emporsteigen der Last durch Umdrehung der Welle bewirtt, auf welcher das eine Rad oder das eine Raderder durch ein Seil mit Ende emporheben, haben entweder eine Arommel, auf welche sich das Seil während des Aufsteigens der Last auswiedelt, oder erhalten einen Kolben, welcher durch den Druck des Dampses oder Wassers in Bewegung geset wird und dabei das Seil mit sich fortzieht. Die Umdrehung der Arommel kann entweder durch die Krast der Menschen oder die des Wassers, Dampses u. s. w. bewirkt werden.

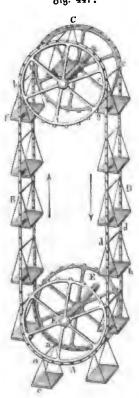
In ben meisten Kallen sind biese Aufzüge nur mit einem Ziehseile versehen, und es ist beshalb nothig, daß daffelbe wieder herabgelassen wird, bevor es eine neue Last erfassen und emporheben kann. Um bieses Zurückgehen bes Ziehseiles zu reguliren, zumal, wenn basselbe noch ein leeres Gefäß ober eine Schaale zur Aufnahme der Last trägt, bedient man sich eines Gegengewichtes oder eines Bremses. In selteneren Källen wendet man, wie bei der im folgenden Kapitel abzuhandelnden Schachtförderung zwei Zugseile mit zwei Gefäßen an, so daß immer während des Aussteigens der Last das leere Gefäß niedersinken kann. Um die rückgängige Bewegung der Aufzüge hervorzubringen, hat man Aus- und Einrückzeuge anzubringen, wie aus III., §. 204 bekannt sind.

Sat man es mit einer loderen Forbermasse zu thun, so tann man auch ben Aufzug in einer Eimer ober Becherkette bestehen lassen, bie nahe bie Einrichtung hat, welche bereits in II., §. 244 angegeben worben ift. Es gehören hierher bie sogenannten Elevatoren, welche zum Emporheben bes Getreibes ober Mehles in Muhlen angewendet werben, und in gewissem Grabe auch die sogenannten Baggermaschinen zum Ausbaggern ober Reinigen der Flußbetten und hafen von Sand, Schlamm u. s. w.

§. 218. Ein Gichtaufzug mit Rette ohne Ende ist in Figur 447 (auf folgender Seite) abgebildet. A und C sind zwei Paar mindestens 7 Fuß hohe Eisenscheiben mit keilformigen Bahnen, und ABCD ist ein Paar um beibe Scheibenpaare liegende schmiedeeiserne Laschenketten, zwischen deren Glieder die Bahne der Scheiben greisen, so daß diese Retten, selbst bei einem größeren Widerstande derselben, von den umlaufenden Scheiben mitgenommen werden. Die beiden Ketten sind in gewissen Abständen durch schmiedeeiserne Bolzen aa, bb, cc, ... mit einander verbunden, an welchen die Ausziehschaalen e, f, g, h u. s. w. hängen, die zur

Mufigge. Aufnahme ber gaften oder ber die Erze enthaltenden Aufziehgefäße dienen. Die Welle EE bes unteren Scheibenpaares wird mittels eines Raberwertes burch ein Bafferrab ober eine Dampfmafchine langfam umgebreht,

Fig. 447.



fo bag bie Retten eine fleine Geschwindigkeit von etwa 1/2 guß annehmen. Wird bie Laft, 3. B. ein Ergeaftchen, auf bie emporfteigende Schaale e gestellt, so steigt biefelbe allmalig empor, und ift biefe Schaale oben, 3. B. in f, angelangt, fo tann man biefe Laft wieber von bem Aufzuge abheben. Nachbem man bas Raftchen ausgeleert hat, fest man es wieber auf eine Aufziehschaale, welche nun mit bemfelben auf ber anderen Seite bes Mufguges herabsinet, fo bag es unten vom Muf= juge abgenommen und von neuem gefüllt Uebrigens ift es mit feinem werben fann. mefentlichen Rachtheil verbunden, menn bas Abheben eines gefüllten ober leeren Ergtaft= chens ein Mal aus Berfehen unterblieben ift; ein folches Raftchen macht bann noch einen Umlauf mehr, erfordert babei aber weiter tei= nen Arbeitsaufwand, ba es beim barauf fol= genben Sinten fast eben fo viel Arbeit verrichtet, als es beim nachstfolgenben Steigen beanfprucht.

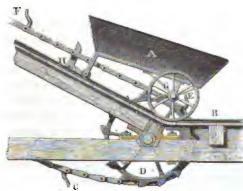
Man kann auch bie Aufzielischaalen gang entbehren, wenn man die Retten ohne Ende mit Bolgen ober Saken verfieht, wemit fie bie Last ober bas Gefaß, welches biefelbe ent= hålt, ergreifen.

Bei bem in Fig. 448 (auf nebenfteh. Seite) nur theilmeife abgebilbeten Gichtaufzuge besteht bas aufzuziehende Gefaß in einem hund ober Bagen A, beffen Seitenwande mit Saten a, a, ausgeruftet find, bie von ben Bolgen b, b ber Aufgiehtetten ergriffen werben und fich erft bavon wieber losmachen, wenn ber Wagen oben angetommen ift. Diefe Bagen werben nicht allein auf einer Schienenbahn unten jugeführt, fondern auch auf eine folche oben abgefett. Die obere Schienenbahn erhalt fo viel Fallen, baß fich bie Bagen burch ihre eigene Schwere von bem Aufzuge entfernen und ber Gicht zulaufen. Die ausgeleerten Bagen werben auf einer zweiten Bahn wieber niebergelaffen. Damit bie Retten burch bie etwas ercentrift wirtende Bagenlaft nicht ichief ober gar von ben Scheiben

D

fig. 448.

Fig. 449.



herabgezogen werben, sind Musiage. bie Retten noch mit bes sonderen Gliebern c, c verssehen, und die Scheiben CE an ben Stellen, wo die Retten ausliegen, mit festen rinnenformigen Leistungen BDB für diese Glieber umgeben.

Die Ginrichtung eines Gichtaufzuges mit endlos fer Rette und gegen ben Borizont geneigter Bahn ift aus Fig. 449 ju erfes hen, welche ben unteren Theil beffelben, und gumal die Art und Weise wie ber Wagen von ben Saten an ber Rette ergriffen wird, vor Mugen führt. Der Wagen A wird auf ber Schienen= bahn B zugeführt und bie endlosen Retten CDEF uber eine Rolle oder Scheibe DE geleitet, die mit 3ahnen ausgeruftet ift, welche zwi= fchen bie gabelformigen Glieder ber Rette greifen. In Abstanden von eirea

10 Kuß von einander sind die ungefahr je 1 Kuß langen Kettenglieber mit Haken C, E, F... versehen, welche die hintere Wagenare Gergreifen und so den Wagen mit empor nehmen, bis er sich, oben angekommen, von selbst aushängt, und auf einer geneigten Bahn

mufjage. ohne außere Beihulfe ber Gicht gulauft. Die obere Scheibe befindet fich uber bem Gichtboben und wird mittels Raberwerk burch Dampf = ober Bafferfraft in Umbrehung gefest. Damit bie Magen beim etwaigen Berreißen der Retten nicht herabsturzen und Schaden anrichten, sind noch Eleine Winkelhebel H langs ber Bahn angebracht, welche zwar bie Magenare aufwarts geben laffen, fich aber bem Rudwartsgeben berfelben entge-Das Burudlaffen ber leeren Bagen erfolgt auf einer Seitenbahn und mittels eines gewöhnlichen Bremshaspels (f. III., f. 166).

Sieht man von ben Nebenhinderniffen ab, fo fann man ben Arbeites aufwand eines Aufzuges mit endlofer Rette leicht wie folgt berechnen. Es fei bas Gewicht ber Forbermaffe in einem Gefage ober Bagen = Q, bie Korberhohe = h und die Angahl ber in einer Minute zu hebenden Gefäße ober Magen = n. Die Leistung pro Gefaß ist bann = Qh, folglich bie pro Minute nQh, und baber bie pro Secunde:

$$L = \frac{n}{60} Qh.$$

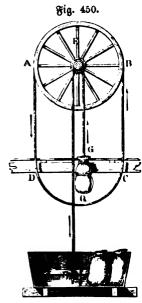
Diefe Formel gilt jeboch nur bann, wenn bas leer nieberfteigende Forbergefaß G, wie z. B. in Fig. 447, bem aufsteigenden vollen zu Sulfe kommt. Außerbem ift $L=\frac{n}{60}\,(Q+G)\,h$ zu fegen.

Anmerfung. Ginen Aufzug, wie in Fig. 448, hat in ber neueften Beit Cave jum Schachtforbern empfohlen (f. Armengaud's Genie industriel, beutich Dingler's polytechn. Journal, Bb. 126, ober polytechn. Centralblatt, 1852). Um bas Auffteigen ber gefüllten und bas Rieberlaffen ber leeren Bagen an berfelben enblofen Rette moglich zu machen, wird von Cave empfohlen, Die gefüllten und leeren Forberwagen mittele eines auf Rabern flebenben und auf einer Schienenbahn beweglichen Bobens ber enblofen Rette juguführen und von ihr abzunehmen. Bur Forberung aus tiefen Schachten mochte biefe Dafdine nicht tauglich fein.

Ein einfacher Sandaufzug ift in Figur 450 (auf nebenftehender Seite) abgebilbet. Eine Spurscheibe AB von 7 bis 8 Fuß Durchmeffer lagt fich mittels bes Seiles ABCD ohne Ende beliebig nach rechts ober links umbreben, wobei fich bas ohnebies mehrmals um bie Belle E biefer Scheibe gelegte Seil auf ber einen Seite ab = und auf ber anderen aufwidelt. Ift nun an bem Ende bes fich aufwidelnden Seiles eine Last Q angehangen, so gelangt biefe burch die Drehung ber Scheibe jum Steigen, mabrent bas leere Seilenbe allmalig von oben nach unten herabsinkt. Sat man auf diese Beife bie Laft Q von F nach G gehoben und oben abgehangt, fo fann man an bas herabgefuntene leere Seilende eine neue Last bangen, und biefe burch Umbrehung ber Scheibe in umgefehrter Richtung jum Steigen bringen.

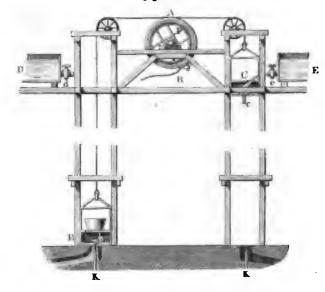
Ein Gichtaufzug mit Baffertraft tann befonders bann febr einfach ausfallen, wenn bas Waffer auf ber Bobe bes Gichtbobens gu-





fließt, weil bann bie eigentliche Umtriebsmaschine gang wegfallt. Ginen folchen Aufzug führt Fig. 451 vor Mugen. A ift eine große Scheibe, um welche bas Drahtfeil zweis bis breimal gelegt ift, an beffen Enben bie Mufzugschaalen B und C hangen, auf welche bie Forbergefaße gefett merben. Jebe Schaale hat einen doppelten Boben und bilbet ein niedriges, mafferbichtes Gefaß, melches aus einem Behålter D ober E auf bem Gichtboben mit Baffer angefüllt und burch ein Bentil b in bem unterften Boben wieber geleert merben kann. Soll nun eine belaftete Schaale empor= und gleichzeitig eine nur bas leere Gefäß tragende Schaale nieberfteigen, fo offnet man ben Sahn bes Aufschlagrefervoirs auf ber Seite ber leeren Schaale und fullt bas von ihrem Doppelboben gebilbete Befag mit Baffer. Das Gewicht beffelben bringt nun biefe Schaale jum Sinten und hebt gleichzeitig mit

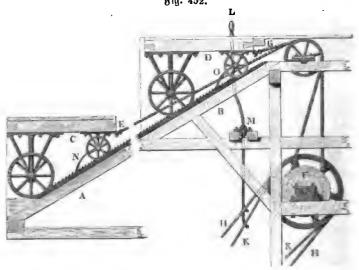
die belastete Schaale in die Hohe. Ift die belastete Schaale oben und Big. 451.



Mufjüge.

bie mit Wasser gefüllte Schaale unten angekommen, so offnet sich bas mit seinem Stiel auf ein Hinderniß K stoßende Bentil, und es fließt bas Wasser aus dieser Schaale, die nun ebenfalls belastet und durch die Fülzlung der oben angekommenen Schaale gehoben werden kann. Um das Aufz und Niedersteigen der Schaalen zu reguliren, ist die Scheibe A noch mit einem Bremsrade F versehen, und die beschleunigende Kraft durch Bremsen an dem Drücker R aufzuheben.

Ein größerer Gichtaufzug, burch Wasser ober Dampf bewegt, ist in Fig. 452 abgebilbet. Derselbe besteht aus zwei neben einander auf= Fig. 452.



steigenden Schienenbahnen A und B mit einer Neigung von 30 bis 45 Grad und einer Kange von 40 bis 70 Fuß. Auf jeder dieser Bahnen befindet sich ein Wagen C(D) mit ungleich hohen Radern und horizonstalem Boden zur Aufnahme der in Korben, Kasten oder Wagen verpackten Förderlasten (Erze, Coaks u. s. w.). Beide Wagen sind durch ein Seil EFG mit einander verbunden, welches um den Kord oder die Tromsmel F gelegt ist, und daher während der Umdrehung der letzteren den einen Wagen auf der Bahn emporzieht und den anderen herablast. Um die regelmäßige Abwechselung im Steigen des vollen und Herablaste. Um die regelmäßige Abwechselung im Steigen des vollen und Herablasten des leeren Wagens zu bewirken, muß die Trommel abwechselnd zum Rechtseund Linksumlausen eingerichtet und daher noch ein Auss und Einrückzeug angebracht sein. Das letztere kann in einem Zahnräderwerke, wie III., Fig. 413 oder 415, oder in einem Riemenräderwerke, wie Fig. 414, bes stehen. Bei dem abgebildeten Auszuge ist das letztere angewendet. Bon

ben beiden Riemen HH und KK, welche die Umtriebskraft auf die Kords welle übertragen, ist der eine offen und der andere gekreuzt; und je nachs dem nun durch den Rückhebel LMK der eine oder der andere Riemen auf eine feste oder auf die lose Rolle der Umtriebswelle geschoben wird, gelangt die Kordwelle nach der einen oder nach der anderen Richtung in Umdrehung. Die gezahnten Stangen längs einer Bahn dienen dazu, den Wagen mittels einer Klinke aufzuhalten, sobald das Zugseil abreißt.

Ift Q bie burch biesen Aufzug emporzuhebende Last, s ber Weg besselben auf ber geneigten Sbene ober Schienenbahn und α ber Neigungswinkel bieser Bahn gegen ben Horizont, so hat man die auf den Kordumfang reducirte Kraft $P=Q\sin\alpha$, und die erforderliche Arbeit zum Aufziehen $Ps=Qs\sin\alpha$.

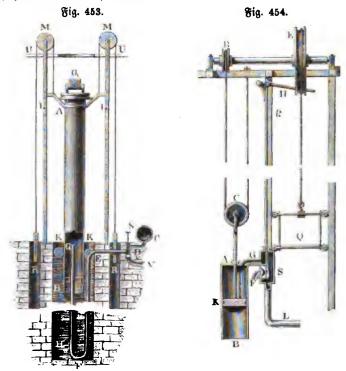
Beispiel. Ift die Last eines Aufzuges Q=1000 Pfund, der Reigungs-winkel des Aufzuges, $\alpha=30^\circ$ und die Länge der Aufzugdahn, s=70 Fuß, so hat man die Kraft P=1000 sin. $30^\circ=500$ Bfund und die Arbeit $Ps=500\cdot 70=35000$ Fußpfund. Läst man den Bagen mit $2\frac{1}{2}$ Fuß mittlerer Geschwindigseit aussteigen, so hat man die mittlere Leistung der Masschine pro Secunde $L=500\cdot 2.5=1250$ Fußpfund, oder, wenn wir der Nebenhindernisse wegen 15 Procent zusehen, $L=1250\cdot 1.15=1438$ Fußpfund, d. i. beinahe 8 Pferdefräste. Die Zeit eines Ausganges ist

$$t = \frac{s}{2} = \frac{70}{2.5} = \frac{140}{5} = 28$$
 Secunben;

seigen wir die Stillstandszeit 62 Secunden, so haben wir folglich ben Zeitaufwand für ein Auftreiben 90". Soll nun der Gichtauszug zwei Hohösen mit Eisenzerzen, Kohlen und Zuschlägen von im Ganzen täglich 2.70000 = 140000 Pfb. versorgen, so find hierzu $\frac{140000}{1000}$ = 140 Aufgänge, und ein Zeitauswand von 140.90" = 140.1,5' = $\frac{7}{2}$ = $\frac{31}{2}$ Stunde Zeit nöthig.

In neuerer Beit hat man auch pneumatifche Aufguge mneumatifche §. 220. 3mei folder Gichtaufzuge find in ben Figuren in Unwendung gebracht. 453 und 454 (auf folgender Seite) abgebilbet. Der Aufzug in Fig. 453 ift von Gibbons fur vier Gifenhohofen in ber Rahe von Dublen conftruirt worden und hat fich schon seit einer Reihe von Sahren bewahrt. Derfelbe besteht aus einer 51/2 Fuß weiten und 511/2 Fuß langen Rohre AB aus Gifenblech, welche von unten mit comprimirter Luft gefüllt wird, und von biefer fammt ber auf ber von ihrem Dedel A gebilbeten Plattform ftehenden Laft Q fentrecht emporgehoben wirb. Die comprimirte Luft wird aus bem Winbrefervoir bes Geblafes, welches bie Sobofen mit Wind verforgt, burch bie Rohrenleitung CBEFG jugeführt, und ber Abschluß ber unten offenen Rohre AB wird burch Baffer bewirkt, welches ben ausgemauerten Schacht BEF fast gang ausfüllt. Damit AB, wels ches anfange auf einem Stege im Schachttiefften aufruht, genau fenerecht

Freumatische emporsteigen könne, läßt man dasselbe innerhalb des Schachtes in Walsgeben. Zen K, K und außerhalb besselben in einer aus vier Saulen bestehenden Leitung gehen, gegen welche sich vier aus dem Haupte der Röhre AB hers vorstehende Arme LL stemmen.



Um ben Aufs und Niedergang der Kraftrohre AB zu reguliren, ist die Leitung, welche den Wind der Rohre zusührt, mit einem Steuercylinder DS versehen, in welchem ein Steuerkolben D (s. II., §. 221) aufs und niedergeschoben werden kann. Steht die Kraftrohre unten auf, und hat man die Last Q auf die Plattform derselben gebracht, so schiebt man den Steuerkolben abwärts und bringt ihn in die Stellung, welche die Figur anzeigt. In Folge dessen ist nun das Innere von AB mit dem Windreservoir des Gebläses in Communication gesetzt, und es wird diese Rohre durch das Uedergewicht des inneren Luftdruckes über den außeven Luftdruck emporgehoben. Ist später die Last Q beinahe in das Niveau des Gichtbodens UU gekommen, so zieht die Kraftrohre mittels eines Hesbels den Steuerkolben S wieder empor, und es tritt nun das Innere von

AB durch das Ausblaserohr V mit der außeren Luft in Berbindung. Hat Purumatisce man nun durch Gegengewichte R, R, welche mittels über die Rollen M, M weggeführter Seile LMR, LMR an die Arme L, L der Röhre AB ansgeschlossen sind, bas Gewicht der letteren beinahe äquilibrirt, so sinkt nun die von der Last Q befreite Röhre AB wieder langsam herad, und treibt hierbei die Luft aus ihrem Inneren durch V nach außen. Außer der Mündung V ist noch ein Bentil im Kopfe der Kraftröhre angebracht, durch welches sich das Aufs und Niedersteigen der Kraftröhre reguliren läst. (Räheres über diesen Aufzug s. The Civil-Eng. and Arch. Journal, 1849; und polytechn. Centralblatt, Jahrgang 1850.)

Statt ber langen Rraftrohre lagt fich ein gewohnlicher Cylinder AB, Sig. 454, mit Rolben und Rolbenftange anwenden, wenn man bie Laft nicht unmittelbar an bie Rolbenftange anschließt, fondern biefelbe burch ein Borgelege mit ber Rolbenftange verbindet. Bei ber Ginrichtung bes in Figur 454 abgebilbeten Aufzuges wird ber Rolbenhub & junachft burch bie lose Rolle C verboppelt und bann burch die Belle DE mit ben Rols len D und E in einem noch ftarteren Berhaltniffe vergrößert. ber Durchmesser ber Rolle D viermal in bem Durchmesser ber Rolle E enthalten, fo ift die Umfangegeschwindigkeit der letteren Rolle, und alfo auch die an berfelben hangende Last Q, 2.4 = 8 mal fo groß als die Rraft bes Rolben K, und es bedarf baber biefer nur einen Sub von 5 gug, um bie Laft Q, 5 . 8 = 40 guß hoch ju heben. Der Bu= und Mustritt bes Windes aus bem Cplinder AB wird burch einen Schieber S bewirkt, ber burch einen Bebel H mittels einer Stange RS auf: und nies bergeschoben werben fann. In ber gezeichneten Stellung gelangt bie comprimirte Luft aus bem Regulator auf bem Wege LSG in ben Cylinder; ift aber gegen Enbe bes Rolbennieberganges ober Laftaufganges ber Schieber aufgezogen, so stromt die Luft auf bem Bege GF im Schieber S in bie freie Luft.

Die Berechnung eines pneumatischen Luftaufzuges ist wie folgt zu vollz ziehen. Ift F bie Kolbenfläche, p ber außere und p_1 ber innere Lufts oder Windbruck pro Quadratzoll, so hat man die Kraft des Kolbens K.

$$P = F(p_1 - p),$$

und ift a der Halbmeffer der Rolle D, b aber der der Rolle E, so folgt bie Laft:

$$Q = \frac{aP}{2b} = \frac{a(p_1 - p)F}{2b}$$

Umgekehrt ift also bie einer gegebenen gaft Q entsprechende Große ber Rolbenflache in Quabratzoll:

$$F=\frac{2bQ}{a(p_1-p)},$$

Bucumatifche welche allerdings wegen der Kolbenreibung und wegen anderer Nebenhin= berniffe noch um circa 25 Procent größer genommen werden muß. Bei bem Aufzuge in Figur 453 hat man bagegen einfach

$$Q = F(p_1 - p)$$
 und daher
 $F = \frac{Q}{p_1 - p}$

Ift s ber Rolbenhub, fo hat man die Steighohe ber Laft Q:

$$h = \frac{b}{a} \cdot 2s = \frac{2bs}{a},$$

und baber die geleiftete Arbeit ber Maschine fur ein Aufziehen:

$$Ps = Qh = F(p_1 - p) s = V_1(p_1 - p),$$

wofern V1 ben Inhalt bes Cylinders oder das bei einem Aufziehen vers brauchte Windquantum bezeichnet.

Ift n die Ungahl der Aufziehungen pro Minute, so ergiebt fich folglich bie Leiftung ber Maschine pro Secunde:

$$L_1 = \frac{n}{60} Ps = \frac{n}{60} Qh = \frac{n}{60} V_1 (p_1 - p).$$

Die entsprechende Leiftung bes Gebläses ist, ba dasselbe Luft von der Pressung p in den Regulator druckt, worin die Pressung p_1 ist, nach I., §. 330:

$$L = \frac{n}{60} V_1 p_1 Log. nat. \left(\frac{p_1}{p}\right),$$

ober annahernb, bei einer maßigen Preffung (f. I., §. 391):

$$L=\frac{n}{60} V_1 p_1 \left(\frac{p_1-p}{p}\right) \left(1-\frac{p_1-p}{2 p}\right);$$

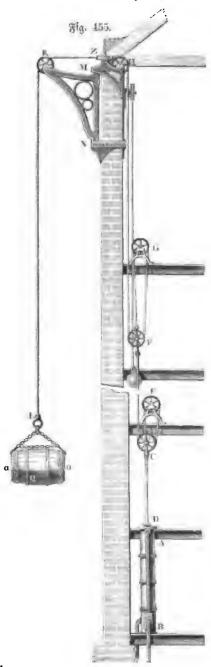
folglich ift der Wirkungsgrad bes pneumatischen Aufzuges selbst, wenn man von allen diesen geodynamischen hindernissen absieht:

$$\eta = rac{L_1}{L} = rac{p}{p_1} \left(1 + rac{p_1 - p}{2\,p}
ight)$$
, wofür meist $= rac{p}{p_1}$ geset werden kann.

Beispiel. Wenn bei bem pneumatischen Aufzuge in Fig. 454 bie Prefesung ber inneren Gebläseluft $p_1=b_4'$ p ist, wenn ferner bie Last Q=1500 Pfund und das Umsehungsverhältniß $\frac{a}{b}=\frac{1}{4}$ beträgt, so hat man die erfors berliche Querschnittssäche des Windchlinders:

berliche Querschnittspläche bes Winderlinders:
$$F = \frac{2 b Q}{a (p_1 - p)} = \frac{8 \cdot 1500}{^{1}\!/_{4} p} = \frac{48000}{p} = \frac{48000}{15,1} = 3177 \cdot \text{Quadration},$$
 und daher den entsprechenden Kolbendurchmeffer:

$$d=\sqrt{rac{4F}{\pi}}=68.6$$
 Boll.



Der Gicherheit und inebes gneumatifche fonbere ber Rolbenreibung wegen, mochte aber ber Durchmeffer

d = 72 Roll in Anwendung ju bringen fein. 3ft bie gange Steighobe ber Laft h = 40 Rug und bie Angahl ber Aufgange pro Stunbe = 30, fo hat man bie Rugleistung bes Aufzuges im Mittel pro Secunde:

$$L = \frac{30.1500.40}{60.60} = \frac{1500}{8}$$

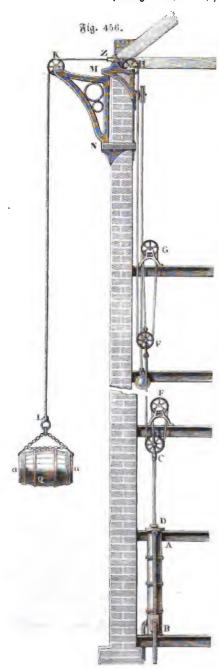
= 500 Fußpfund.

Wenn man biefen Aufqua 10 Stunden lang arbeiten läßt, fo hebt man ein Erg= und Roh= lenguantum von 10.80.1500 = 450000 Pfund, welches für awei große Gifenhohofen voll= fommen ausreicht.

6. 221. In neueren Beiten Bafferfauten. wenbet man, jumal in Eng= land, auch Bafferfaulen= aufzuge an. Dieses find Mufguge, welche burch ben Drudeiner Bafferfaule in Bewegung gefett werben. Ginen folden Aufzug, von Arm= ftrong conftruirt, zeigt Fi= aur 455. AB ift ber Treibe= colinder, in welchem burch ben Druck bes Baffers ein Rolben von oben nach unten ge= trieben wirb. Un biefem Rol= ben fist eine Stange CD fest, an beren Ropf nicht allein eine Rolle C, fonbern auch bas Enbe eines Seiles befestigt ift. Dieses Seil ift gu= erft um eine feste Leitrolle E, bann um bie Rolle C am Ropfe ber Rolbenftange geschlagen und geht von ba auf= marte nach einer britten Rolle

Mafferfaulen.

aufgug



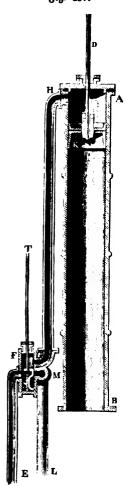
F, mit beren Are es fest verbunden ist. Ein zweites Seil steigt zunächst von der Are der letteren Rolle zu einer vierten Rolle G auf, geht von ba wieder nach der Rolle F herab, und erhebt sich nun bis unter bas Dach bes Baa= renmagazins, fur weiches ber Aufzug bestimmt ift. Sier fubren es junachft zwei Leitrol= len H und J nach ber Arm= fpige einer ftehenden Welle MN, und von da wird es burch die Rolle K vertikal abwarts geleitet. Um Ende L bes vertikal herabhangenben Seiles ift endlich eine Rette angeschloffen, welche zwei Sa= fen a, a tragt, womit bie zu · hebende Laft O erfaßt werben fann. Es hangt alfo hier bie Rolbenstange CD mittels ber Rolle C an brei Seilen, und bas eine von biefen brei Gei= len mittels ber Rolle G mie ber an brei Geilen: ift fola= lich P die Kolbenkraft, fo hat man bie Spannung eines ber brei Geile, welche bie Rolle C tragen, $=\frac{P}{3}$, und Spannung bes Seiles FH JKL, an welchem bie Laft Q hångt, $=\frac{1}{3}\cdot\frac{P}{3}=\frac{P}{9}\cdot$ Gehen wir von ben Debenhinderniffen ab, fo haben wir bemnach $Q = \frac{P}{\alpha}$, und umgetehrt, P = 9 Q.

Segen wir die Hohe der drudenden Waffersaule =h und den Kolben: Baffersaulen. querschnitt =F, so haben wir $P=Fh\gamma$, und folglich umgekehrt, die nothige Kolbenfläche:

$$F = \frac{P}{h\gamma} = \frac{9Q}{h\gamma}.$$

Der erforderliche Rolbenweg s ift ein Meuntel ber gangen Forber : ober Steighobe ber Laft O.





Die Steuerung ber Maschine, wodurch ber Butritt bes Kraftmaffers jum Treibecplinber abwechfelnd hergestellt und aufgehoben werden fann, wird burch einen Schieber, wie bei einer Dampfmaschine, bewirkt. Dan fieht in AB, Fig. 457, bas Innere bes Treibecylinders, in K ben Treibefolben, und in KD bie Treibekolbenstange. Es ist ferner S ber Steuerschieber , EF bas Eintritts =, GH bas Communications = und LM bas Austritts= Bei ber abgebilbeten Stellung bes Steuerschiebers stromt bas Kraftmaffer auf bem Bege EFGH nach bem Treibecylinder und nothigt ben Treibetolben K jum Riebergange. Sat man aber ben Steuerschieber mittels feiner Stange ST hinreichend aufgezo= gen, fo ift bem Rraftmaffer ber Beg nach G, und folglich auch nach bem Treibecplinder verfperrt; bagegen tann mabrend bes nun eintretenben Rolbenaufganges bas vorher wirkfam gewesene Wasser auf bem Wege HG in bie Steuerkammer jurud und von ba burch ML jum Ausquffe gelangen.

Um die Geschwindigkeit des Treibekolben-Auf- und Miederganges mäßigen zu können, ist nun wie bei einer gewöhnlichen Wassersaulenmaschine, sowohl das Sintrittsrohr EF als auch das Austrittsrohr ML mit Hähnen oder Orosselventilen auszurüsten (f. II., §. 233); auch kann man, wenn die zu hebenben Waaren von sehr verschiedenem Gewichte sind, statt eines Treibecylinders, deren brei nebeneinander stehende anwenden, und nun

je nach ber Größe ber Last entweder nur den Kolben bes einen, oder den III.

466

Bafferfäulen. aufjug.

von zwei, ober ben von allen brei Epsindern arbeiten lassen. Der hier besschriebene Aufzug nahert sich insofern schon mehr einem im Folgenden abszuhandelnden Krahne, als er nicht bloß zum Heben, sondern auch zum Fortschaffen in horizontaler Richtung eingerichtet ist, da er noch eine Dreshung um die vertikale Are MN (Fig. 456) zuläst, wodurch das hereinsschaffen der Last O in das Gebäude erleichtert wird.

Beispiel. Wenn bei bem in Fig. 456 abgebildeten Wassersaufzuge bie Kolbenreibung 15 und die hydraulischen hindernisse 10 Procent der ganzen Wassersaft verzehren, und wenn ferner durch das Umlegen der Aufzugseile um jede der fieben Rollen C, E, F, G, H, J, K die Last um fünf Procent wächst, welschen Querschnitt erfordert der Treibekolben, um dei einem Gefälle & von 100 Fuß eine Last Q von 2000 Pfund emporzuheben?

Die erforberliche Spannung bes Seiles FH ift, ba baffelbe über brei Rols

len H, J, K liegt:

$$S = (1,05)^8 Q = 1,1576 \cdot Q.$$

Die Spannung bes Seiles CF ift, ba fie brei Seilfpannungen S, 1,05 S unb (1,05)3 S bas Gleichgewicht halt:

$$S_1 = [1 + 1.05 + (1.05)^2]$$
 $S = (1 + 1.05 + 1.1025)$ $S = 3.1525$ $S = 3.1525 \cdot 1.1576$ $Q = 3.6494$ Q .

Die Stangentraft ift, ba fie ebenfalls brei Seilfpannungen bas Bleichge- wicht halt:

$$P = (1 - 0.15 - 0.10) Fhy = 0.75 Fhy$$

gu fegen; es folgt baber ber gefuchte Rolbenquerichnitt

$$F = \frac{11,504 \, Q}{0,75 \, h \, \gamma}$$
, ober $Q = 2000$, $h = 100$ und $\gamma = 66$ gefest,

F =
$$\frac{11,504 \cdot 2000}{0,75 \cdot 100 \cdot 66}$$
 = 4,648 Quabratfuß,

und ber entsprechenbe Rolbenburchmeffer:

$$d = \sqrt{\frac{4 \ F}{\pi}} = 2,488 \ \text{Fuß} = 29,2 \ \text{Holl}.$$

Der Wirtungsgrab biefes Aufzuges ift allerbinge nur:

$$\eta = \frac{9 \, Q \, s}{F \, s \, h \, \gamma} = \frac{9 \, Q}{F \, h \, \gamma} = \frac{9 \cdot 2000}{4,648 \cdot 100 \cdot 66} = \frac{30}{4,648 \cdot 11} = \frac{30}{51,13} = 0,5867.$$

Bange. mafdinen. §. 222. Richt felten kommt es auch vor, daß man größere Lasten nicht emporzuheben, sondern niederzulaffen hat. Damit dieses Niederlassen ohne Beschädigung der Last und Maschine erfolge, muß dasselbe möglichst sanft und gleichförmig vor sich gehen, und es ist deshalb die Ueberwucht der Last durch eine Gegenkraft aufzuheben. Diese Gegenkraft kann aber nicht in einem Gegengewichte oder einer anderen activen Kraft bestehen, da dieselbe nach dem Niederlassen der Last an die Stelle derselben treten und folglich ebenso wie diese eine Gegenkraft zu ihrer Vernichtung erfor-

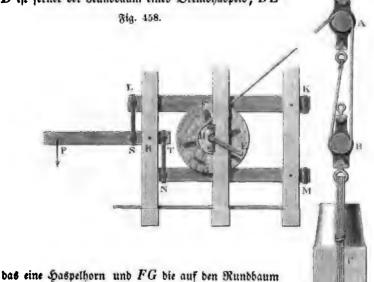
bern wurde. Unders ift es aber, wenn man bem beschleunigten Nieber-(III., 6. 165), womit man bas Nieberlaffen ber Laften regulirt.

gange ber Laft eine paffive Rraft entgegenfest, ba biefe zu wirken aufbort, fowie bie Bewegung beenbigt ift. Es ift beshalb ftets auch nur ein Brems

Der Mechanismus jum Nieberlaffen ber Laften befteht in ber Regel ber Sauptfache nach aus einer liegenden Welle mit einem Bremerabe ober einer Bremsscheibe. Um biefe Belle ift bas Seil geschlungen, an welchem bie Laft hangt und welches fich mahrend bes Dieberlaffens ber Laft allmalig abwidelt, wobei ber Bremsbrudel auf bas Bremerab aufzubruden ift.

Einen folden Bremshaspel, wie er hierorts jum Ginhangen ber Bauund Maschinenstude in Schachten angewendet wird, ftellt Fig. 458 por.

AB ift ein gewöhnlicher Rlobengug, und C bie an bems felben aufgebangte Laft, 3. B. eine einzuhangenbe Belle; D ift ferner ber Rundbaum eines Bremshaspels, DE

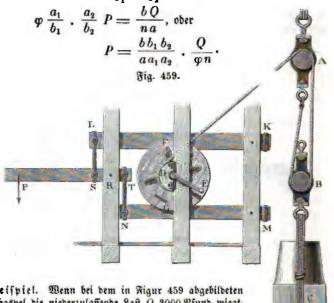


D befestigte Bremsicheibe. Muf biefe Scheibe merben bie um K und M brebbaren Bremshebel aufgebrudt, und hierzu bient ber Bremsbrudel PR, welcher um

bie fefte Are R brebbar ift. Bahrend ein Arbeiter ben Bremebruckel nies berbrudt, und baburch bas Gewicht ber Last C aufhebt, breht ein anderer Arbeiter die Rurbel DE langfam um, wobei fich bas auf bem Rundbaume D liegende Seil von bemfelben abwidelt, und die Laft C langfam nieberfinet.

"Ift Q bie Laft, und n bie Angahl ber von A nach B gespannten Seile,

fo haben wir die Kraft am Umfange des Rundbaumes $Q_1 = \frac{Q}{n}$; ist b der Halbmesser des Rundbaumes mit Einschluß der halben Seilstäte, und a der Halbmesser der Bremsscheibe, so ist die Kraft am Umfange der letzteren, $R = \frac{b}{a} Q_1 = \frac{bQ}{na}$. Sehen wir dagegen die Bremskraft am Ende des Bremsbruckels = P, und die Kraftarme $\frac{KL + MN}{2} = a_1$ und $RP = a_2$, die Lastarme $KF = MG = b_1$ und $RS = RT = b_2$, endlich den Coefficienten der Reibung am Umfange der Bremsscheibe $= \varphi$, so haben wir auch $R = \varphi \frac{a_1}{b_1} \cdot \frac{a_2}{b_2} \cdot P$; es ist folglich



Beifpiel. Benn bei bem in Kigur 459 abgebilbeten Bremehaspel bie nieberzulaffenbe Laft Q 3000 Pfund wiegt, und hierbei bie Bebelarmverhaltniffe folgenbe find:

$$\frac{b}{a} = \frac{9}{6}, \frac{b_1}{a_1} = \frac{1}{2}$$
 und $\frac{b}{a} = \frac{1}{10}$

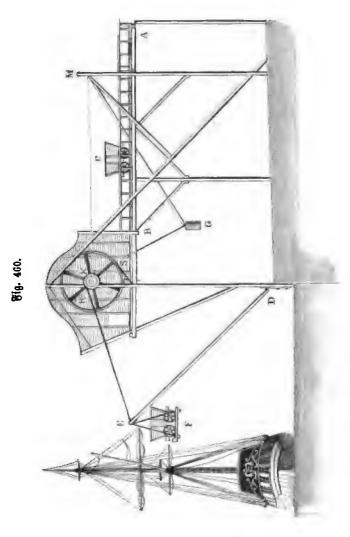
bie Anzahl ber gespannten Seile bes Klobenzuges AB,

= 6 ift, und ber Coefficient ber Reibung am Umfange ber Bremsscheibe,

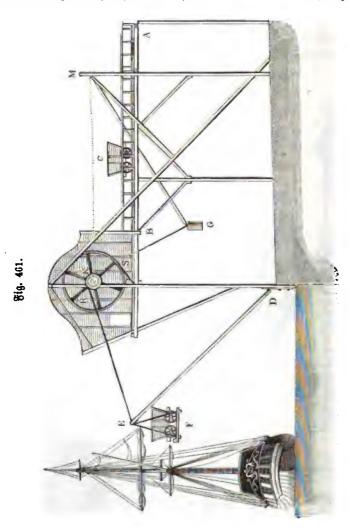
= 0,8 angenommen wird, fo hat man bie nothige Kraft am Bremsbrudel,
ohne Rucklicht auf Nebenhinderniffe und auf bie Kraft an ber Kurbel:

$$\begin{split} P &= \frac{b}{a} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{b_2}{a_2} \cdot \frac{Q}{\varphi n} = \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3000}{0.3 \cdot 6} = \frac{1}{50} \cdot \frac{10000}{6} \\ &= \frac{200}{6} = 38\frac{1}{8} \text{ Pfunb.} \end{split}$$

§. 223. Bu ben Dafchinen gum Bangen ober Nieberlaffen von gaften pafdinen mafchinen gehoren auch die fogenannten Drops, b. i. diejenigen Dechanismen, womit man in England bie Wagen, welche auf einer Gifenbahn jugefahren werben, sammt ihrer Laft herablagt in die Rohlenschiffe. Gine folche Bangemaschine ift in Figur 460 abgebilbet. AB ift eine Schienenbahn, auf welcher ein Rohlenwagen, wie C, zugefahren wird; DE ift ein um



pange. majdinen D brehbarer Hebel, an welchem eine Brude ober Schaale F hangt, welche bei bem hochsten Stande des Hebels in die Fortsetzung der Bahn AB fällt, und einen Kohlenwagen aufnimmt. An dem Ende E bes Hebels ist ein Seil EK angebracht, welches sich beim Niederlassen eines gefüllten Wagens dis zum Kohlenschiffe von der Welle K ab = und beim Aufziehen des leeren Wagens auf diese Welle auswickelt. Um das Letztere ohne Hulse



einer besonderen Kraft bewirken zu konnen, ist ein Gegengewicht G angebracht, welches einerseits an einem um M drehbaren Hebel GM und andbererseits an einem Seile GK hängt, das sich beim Niederlassen des Wasgens auf die Welle K aufwickelt, und hierdei G emporhebt, und sich dagegen beim Aufziehen der leeren Wagen durch G, von dieser Welle wieder abwickelt. Damit sowohl das Niederlassen des gefüllten als auch das Aufziehen des geleerten Wagens möglichst gleichförmig und mit mäßiger Geschwindigkeit erfolge, ist noch auf der Welle K ein hohes Vermsrad KS befestigt, welches durch ein Bandbrems S (s. Fig. 347, Seite 335) gesbremst werden kann.

Bei ber Anordnung und Construction einer solchen Sangemaschine kommt es nicht allein barauf an, daß das Gegengewicht ohne weitere Nachhulfe den leeren Wagen wieder emporhebe, sondern daß auch die Kraft zum Bremsen, wodurch sowohl dem beschleunigten Niedergange des gefüllten, als auch dem beschleunigten Aufgange des leeren Wagens entgegengewirkt wird, möglichst klein und deshalb in dem einen Falle eben fo groß sei als in dem anderen Falle.

Nehmen wir an, daß die beiden Hebel DE und MG zugleich horizontal seien, wenn der Wagen seinen tiessten Drt erreicht hat, und daß DE nahe =DK, sowie MG nahe =MK sei. Ist dann Q das Gewicht der abzuladenden Kohlen eines Wagens, und W das Gewicht des letzteren sammt Schaale u. s. w., so haben wir die Kraft am Umfange der Welle, welche der Last Q+W das Gleichgewicht halt, $\frac{Q+W}{\sin 45^{\circ}}=(Q+W)\sqrt{2}$; und da nun dieser Kraft das Gegengewicht G entgegenwirkt, so hat man die Kraft, welche durch das Veremsen beim Niedergange des gefüllten Wagens aufzuheben ist:

 $P = (Q + W) \sqrt{2} - G$.

Dem leeren Wagen entspricht hingegen nur die Kraft WV2 am Umfange der Welle K, und folglich ist die Kraft, welche durch das Bremfen beim Aufgange des leeren Wagens zu verrichten ist:

$$P = G - W\sqrt{2}$$

Durch Gleichseten biefer beiben Rrafte erhalten wir nun:

$$(Q+W)\sqrt{2}-G=G-W\sqrt{2},$$

und baber fur bie Große des Gegengewichts, ben Ausbrud :

1)
$$G = \frac{(Q + 2W)\sqrt{2}}{2} = (Q + 2W)\sqrt{1/2} = 0,7071(Q + 2W).$$

Beicht beim hochsten Stande bes Wagens ber hebel DE um ben Wintel $EDK=\alpha$ von der Bertikalen und bagegen ber hebel MG um ben Binkel $KMG=\beta$ von der Horizontalen ab, so haben wir für diesen Stand:

Bweite Abtheilung. Erfter Abiconitt. Erftes Rapitel.

$$P = rac{(Q+W) \sin lpha}{\cos rac{lpha}{2}} - rac{G \cos eta}{\cos rac{eta}{2}}$$
, fowie $P = rac{G \cos eta}{\cos rac{eta}{2}} - rac{W \sin lpha}{\cos rac{lpha}{2}}$, und es ist daher hiernach

$$G = \frac{(Q+2 W) \sin \alpha \cos \frac{\beta}{2}}{2 \cos \frac{\alpha}{2} \cos \beta} = \frac{(Q+2 W) \sin \frac{\alpha}{2} \cos \frac{\beta}{2}}{\cos \beta}$$

zu nehmen.

Seben wir nun biefe beiden Ausbrude fur G einander gleich, so erhalten wir fur die Abhangigfeit ber Wintel α und β unter einander:

$$\frac{\sin. \frac{\alpha}{2} \cos. \frac{\beta}{2}}{\cos. \beta} = \sqrt{\frac{1}{2}}, \text{ woraus fid}$$
2) $\cos. \frac{\beta}{2} = \frac{\sin. \frac{\alpha}{2} + \sqrt{\frac{4 + \left(\sin. \frac{\alpha}{2}\right)^2}{2\sqrt{2}}}}{2\sqrt{2}} \text{ ergiebt.}$

Da bei Umbrehung ber Welle K bas fich einerseits abwickelnbe Seilsftuck bem fich andererseits aufwickelnben Seilstucke an Lange gleich sein muß, fo bat man noch

$$GK = DE \cdot \sqrt{2} - EK$$

b. i., wenn man die Armlange DE durch a und die Armlange MG durch b bezeichnet,

$$2b \sin \frac{\beta}{2} = a \sqrt{2} - 2 a \sin \frac{\alpha}{2}$$
,

und baber ift bas erforberliche Armlangenverhaltniß:

(3)
$$\frac{b}{a} = \frac{\sqrt{1/2} - \sin \frac{\alpha}{2}}{\sin \frac{\beta}{2}}.$$

Wenn nun auch hiernach die Bremstraft am Anfange und am Ende bes Niederlaffens des vollen und des Aufziehens des leeren Wagens die felbe ift, so folgt daraus noch nicht, daß sich die Kraft auch während des Niederlaffens und Aufziehens gleich bleibe.

Beispiel. Wenn bei einer Sangemaschine, wie in Figur 461, bie Laft Q=1600 und ber Bagen W=600 Pfund schwer ift, so hat man bie Größe bes erforberlichen Gegengewichtes

$$G = 0,7071 (Q + 2 W) = 0,7071 \cdot 2800 = 1980$$
 Ffund,

Bon ben Dafdinen jum Beben ber Laften auf fleine Boben.

und baber bie erforberliche Gegenfraft am Umfange ber Belle:

 $P = (Q + W) \sqrt{2} - G = Q - W \sqrt{2} = 1182$ Pfund.

Bft nun ber Durchmeffer bes Bremerabes feche Ral fo groß als ber ber Belle, fo hat man biefe Rraft, auf ben Umfang biefes Rabes reducirt:

$$F = \frac{1132}{6} = 189$$
 Pfund.

Bebedt ber Bremegurt fünf Sechstel bes Radumfanges, ift ber Kraftarm bes Bremebrückels acht Mal fo lang als ber Lastarm, und nimmt man ben Reibungscoefficienten bes Bremfes $\varphi=0.8$ an, so hat man nach §. 171 ble erforderliche Bremefraft:

$$K = \frac{e\varphi\beta + 1}{e\varphi\beta - 1} \cdot \frac{b}{a} F, \text{ ba } \varphi\beta = 0.3 \cdot \frac{b}{6} \cdot \pi = 0.7854,$$

folglich, ba $e^{\varphi \beta} = 2.71828^{0.7884} = 2.193$ ift,

$$K = \frac{8,193}{1,193} \cdot \frac{189}{8} = 68,2 \$$
\$funb.

Beicht ber Gebel DE bei seinem höchsten Stande noch $\alpha=10$ Grad von der Bertisalen ab, so hat man für den größten Reigungswinkel β des Schwenzgels MG gegen den Horizont, da sin. $\frac{\alpha}{2}=\sin$. $10^0=0,1736$, folglich $\left(\sin\frac{\alpha}{2}\right)^2=0,03013$ ist,

$$\cos \frac{\beta}{2} = \frac{0,1786 + \sqrt{4,03013}}{2\sqrt{2}} = \frac{1,0905}{\sqrt{2}} = 0,7713,$$

baher $\frac{\beta}{2}=89^{\circ}$, 82', folglich $\beta=79^{\circ}$, 4', und enblich bas Armlangenver- haltnig:

$$\frac{b}{a} = \frac{0,7071 - \sin \frac{\alpha}{2}}{\sin \frac{\beta}{2}} = \frac{0,7071 - 0,1736}{0,6365} = 0,8382.$$

3ft bie Laft A = 40 Fuß hoch herabzulaffen, fo hat man bie gange bes Sebels DE:

$$a = \frac{h}{\cos \alpha} = \frac{40}{\cos . 20^0} = 42,56$$
 Fuß, und die des Hebels MG:
 $b = 0,8882 \cdot 42,56 = 85,68$ Fuß.

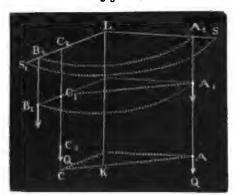
§. 224. Die Krahne ober Kraniche (franz. grues, engl. cranes) find die vorzüglichsten Hulfsmittel, um größere Lasten auf kleineren Wezgen in horizontaler und in vertikaler Richtung fortzuschaffen; man sindet sie beshalb auch vorzüglich in Schiffswerften, Waarenmagazinen, technisschen Werkstätten und auf Bauplagen angewendet. Der haupttheil eines Krahnes besteht in einer stehenden Welle, durch beren Umdrehung das Fortschaffen der Lasten in horizontaler Richtung erfolgt. Um außerdem noch die Last zu heben oder niederzulassen, ist mit dieser stehenden Welle noch eine liegende Radwelle verbunden, auf welche die Kette oder das Seil zu liegen kommt, woran die Last hangt. Die horizontale Bewegung

Pångemafchinen.

Arahne.

ber Laft erfolgt in einem Rreife, ber naturlich um fo großer ausfallt, je langer ber Arm ober ber fogenannte Schnabel (frang. la volée, engl. the gib or nock) bes Rrahnes, d. i. je entfernter ber Aufhangepunkt ber Last von der Are der ftebenden Welle ift. Ift baber, wie bei den meiften Rrahnen, diefer Aufhangepunkt am Armende fest, so kann man die Laft burch Umbrehung bes Rrahnes nicht nach jedem beliebigen Punkte horis zontal fortichaffen. Um bies zu konnen, ift vielmehr noch eine veranderliche Schnabellange, ober wenigstens eine Beweglichkeit bes Aufhange punttes ber Laft langs bes Schnabels nothig. Rrahne mit biefer befonberen Einrichtung werben vorzuglich in Giegereien gur Bewegung ber großen Formtaften, Mobelle und Gufftude angewendet. Wie burch einen folden Rrahn eine Laft Q von jebem beliebigen Puntte A nach febem beliebigen Puntte B in ber nachsten Umgebung beffelben gebracht werben

Sig. 462.



tann, ift aus Rigur 462 gu erfeben, wo KL die ftehende Belle und LS ben Schnabel bes Rrahnes vorstellt. Bunachst wird ber Schnabel burch Dres hung ber Belle KL über ben Ort A ber Last Q gebracht, ber Aufbangepunet A. berfelben uber A gestellt, und A mit A2 burch eine Rette in Berbinbung gefest. Dann wirb bie Laft mit Bulfe ber

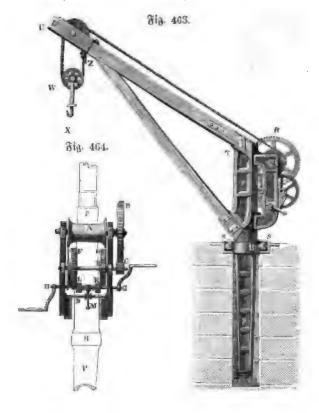
liegenden Belle nach A1, b. i. fo hoch emporgehoben, ale es nothig ift, um fie ungehindert horizontal fortschaffen zu konnen; barauf breht man wieder KL fo weit um, bag ber Schnabel in die Lage LS, fentrecht über ben Ort C3 ju fteben tommt, wohin die Laft Q gebracht werden foll, schiebt ben nun nach B1 gekommenen Aufhangepunkt ber Laft langs bes Schnabels nach C1 über ben gegebenen Ort C3, und lagt endlich bie Laft in C, herab nach diesem Orte C3. Man hat auf diese Beise bie Last Q im Sanzen um einen horizontalen Weg $AC = A_1 C_1$ fortbewegt und um eine gewiffe Sohe CCa fentrecht gehoben. Bei ben gewohnlichen Rrahnen, welche eine Berfchiebung bes Mufhangepunktes ber Laft langs bes Schnabels nicht geftatten, tann die horizontale Berrudung AC ber Laft nicht jebe beliebige Große und-Richtung erhalten, ba fie die Sehne

 $s=2\,r\,sin.\,rac{m{eta}}{2}\,$ eines Rreisbogens bilbet, beffen halbmeffer r bie

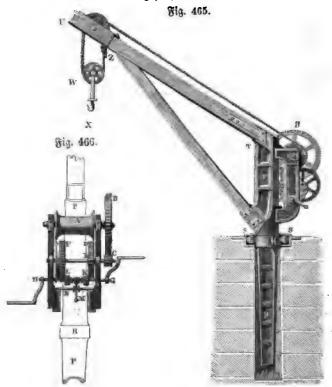
Schnabellange und Centriwinkel β der Umdrehungswinkel der stehenden Welle ist.

Die Bewegung der Krahne, und insbesondere auch das Aufziehen und Niederlaffen der Lasten mit Hulfe der an denselben angebrachten horizonstalen Radwelle, erfolgt sehr gewöhnlich durch die menschliche Kraft; in neueren Zeiten bedient man sich hierzu jedoch auch der Wassers und Dampferaft. In diesen Fällen hat man es mit sogenannten Wassersäulenstrahnen und Dampfkrahnen zu thun.

§. 225. Ein aus Holz und Eisen zusammengesehrer Krahn mit unveränderlicher Schnabellange, vom herrn Cavé und für den hafen zu Brest construirt, ist in Fig. 463 u. Fig. 464 abgebildet. Es ist hier PP die gußeiserne stehende Welle, Q der Zapfen oder Stift, und R der abgebrehte Hals derselben; es ist ferner TU der im Kopfe dieser Welle sestssische holzerne Schnabel und V die ebenfalls holzerne Strebe desselben; endlich ist U eine Leitrolle, W eine an dieser hangende Kraftrolle und X ein an



Rrabne. ber Are ber letteren hangender haken zum Erfassen der Last. Das Seil, welches um beide Rollen liegt, ist mit einem Ende Z an dem Schnabels



ende befestigt, und wickelt sich mit dem anderen Ende um eine Arommel oder Welle A auf. Auf dieser Welle sitt ein Jahnrad B von 66 Jähnen sest, welches durch ein kleineres Jahnrad C von 11 Jähnen in Umdrehung gesett werden kann; und auf der Welle dieses Ariebrades C besindet sich ein anderes größeres Jahnrad D mit 54 Jähnen, welches durch ein kleisnes Jahnrad K auf der Kurbelwelle GH in Umdrehung gesett werden kann. Bei dieser Anordnung kommen auf jede Umdrehung der Welle A, $\frac{66}{11} = 6$ Umdrehungen der Welle von C und D, und $6 \cdot \frac{54}{9} = 36$ Umdrehungen der Kurbelwelle. Fordert man aber noch ein stärkeres Umsetzungsverhältniß, so muß man außerdem noch von einer Radwelle EF Gebrauch machen, welche aus einem kleineren Jahnrade E von 9 und einem größeren Jahnrade F von 54 Jähnen besteht. Während das erstere statt K in das Jahnrad D eingreift, kommt F mit einem zweiten Getriebrädchen L auf der Kurbelwelle GH mit ebenfalls 9 Jähnen, zum Eingrisft.

Bei biefer Umfetung, wo also D nicht unmittelbar mit ber Kurbelwelle arabae. in Berbindung ift, macht die Belle von EF, 36 und folglich die Rurbels welle, 36. 54/9 = 216 Umbrehungen, während die Trommel A einmal umlauft. Um mit Bequemlichkeit nach Bedurfnig bas eine ober bas anbere Umfegungeverhaltnig anwenden zu konnen, macht man die Triebraber K und L auf der Rurbelwelle GH verschiebbar, und seht zu diesem 3wede beide Raber auf einen gemeinschaftlichen Muff, welcher die Are GH um= schließt und in ber Mitte drei Sulfen hat, in welche fich bas hakenformige Ende einer Falle ober eines Bebels einlegen lagt, ber um eine feste Ure N brehbar und mit einem Gegengewichte M versehen ift. Je nachdem nun das Triebrad K in das Getriebrad D, ober das Triebrad L in das Getriebrad F eingreift, kommt biefe Welle entweder in ben linken oder in ben rechten Salering bes Muffes zwischen K und L zu liegen, und soll endlich gar teins biefer Raber jum Gingriff tommen, alfo bas ubrige Rabermert fammt ber Laft von ber Rurbelwelle unabhangig gemacht werben, fo muß sich, wie in ber Figur vor Mugen geführt wird, die Falle in ben mittleren halbring einlegen. Diefes ift allemal nothig, wenn es barauf ankommt, die Rraftrolle W mit bem Saten herabzulaffen und mit bems felben eine neue Laft zu erfaffen.

Die ercentrische Aushängung der Last macht, daß die stehende Welle PQ des Krahnes ein bedeutendes Bestreben zum Umstürzen oder Umdreshen um eine horizontale Are hat, und deshalb mit seinem Halse R einen ansehnlichen Seitendruck gegen die Führung SS ausübt. Ift G die Last am Haken W des Krahnes, l der Abstand PQ des Halses R vom Zapfen Q des Krahnes, und a der Normalabstand des Aushängepunktes der Last von der Are PQ, so hat man diesen Seitendruck in dem Halslager

$$R = \frac{a}{l} G.$$

Es wächst also bieser Seitendruck nicht allein wie die Länge des Schnas



bels, fonbern auch umgekehrt wie ber Abstand bes Salfes vom Bapfen ber stehenben Welle; und es ist daher beson= bers barauf zu feben, daß ber lettere nicht zu klein ausfalle.

Um die aus dem Seitendruck R bes Halfes der stehenden Welle hervorzgehende Seitenreibung möglichst herzabzuziehen, umgiebt man noch diesen Hals mit Frictionsrollen (franzgalets, engl. frictionrollers), wie S, S, S, Kig. 467, welche sich bei der

umbrehung des Krahnes auf der Innenfläche eines chlindrischen Gehäuses aus Gußeisen fortwälzen. Um diese Walzen in gehörigem Abstande von einander zu erhalten, sind bieselben mit Aren versehen und mit zwei Halszringen umgeben, durch welche diese Aren hindurchgehen; und um auch die Reibung des untersten Halsringes auf seiner Grundsläche in eine rollende zu verwandeln, sind noch vertikale Rollen S_1 , S_1 , S_1 angebracht, welche sich gegen die Grundsläche des chlindrischen Gehäuses im Mauerwerke des Krahnes stützen.

§. 226. Steht ein Krahn innerhalb eines Gebäubes, so kann man benselben oben durch das Gebäube stügen, und ihm deshalb anstatt des Halses mit einem Zapfen am oberen Ende der stehenden Welle ausrüsten, wodurch, dem Obigen zu Folge, der Seitendruck möglichst herabgezogen wird, und folglich auch die Seitenreibung, welche sich der Umdrehung des Krahnes entgegenset, kleiner ausfällt als bei dem Krahne in Figur 465.

Krahne biefer Art sind in den Figuren 468 und 469 abgebildet. Bei beiden Krahnen ist A der untere Zapfen oder Stift, B der obere Zapfen und C der Balken, an welchem das Lager der letteren sitt. Diese beis den Krahne sind auch mit den Mechanismen zur Beränderung des Abstandes der Last von der Are der stehenden Welle AB ausgerüftet. Bei

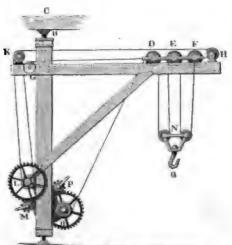


Fig. 468.

einem sechskabrigen Basgen DEF, an welchem bie auf zund niederzulafssenbe Last angehängt wird und welcher mittels einer Schnur ohne Ende auf dem aus doppelten Bohlen bestehenden Schnabel GH

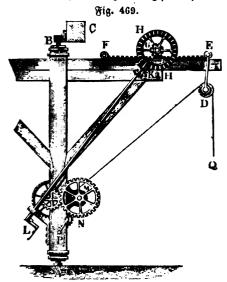
hin = und zurückgezogen werben kann. Um diese Bewegung der Last bequem von unten bewirken zu können, ist das Seil ohne Ende über die Leitrollen G, H, K und um die Trommel L am Fuse des Krahnes gelegt, und auf

bem erften Rrahne befteht

biefer Mechanismus aus

biefer Trommel ein großeres Bahnrab befestigt, welches mittels eines fleis nen Triebrabchens burch eine Rurbel M in Umbrehung gefest werben kann. Das Seil, wodurch bie Laft aufgezogen und niebergelaffen wird, lauft Arabuc. einerfeits über ein einen vierfeiligen Klafchengug bilbenbes Rollenfpftem DNENF, wodurch die Kraft zur Ueberwindung der Last vierfach vermindert wird, und liegt andererfeits auf einer Trommel O, welche mittels eines gewöhnlichen Bahnrabermertes burch eine Rurbel P in Bewegung gefeht werben fann.

Bei bem Rrahne in Rigur 469 ift bie Leitrolle D. um welche fich bie bie Laft Q tragenbe Bugfette legt, burch ein Gelent DE mit einer gezahn-



ten Stange EF verbunden, bie fich mittels eines Bahnrabchens G auf ber oberen Seite bes Rrahnichnabels hin = und jurudichieben Um biefe Berichies låßt. bung ohne große Rraft= anstrengung von aus bemirten zu tonnen, ift auf ber Welle bes tlei= nen Triebrabchens G noch ein größeres Winkelrab HH befeftigt, in welches ein fleines conisches Triebrab K eingreift, bas am Ende einer nach bem guße bes Rrahnes herabgehen= ben und in eine Rurbel L auslaufenden Welle KL

Leicht ift zu ermeffen, wie burch Umbrehung biefer Rurbel bie gezahnte Stange EF fammt ber an ihr hangenben Laft Q auf bem Schnabel bes Rrahnes rabial aus - ober einwarts bewegt werben fann. Das Bugfeil ober bie Aufziehkette wickelt fich wie gewohnlich um eine Trommel M, bie mittels eines Bahnraberwerkes N und einer Rurbel P burch bie menfchliche Sand in Umbrehung gefest werben tann.

Bei ben englischen Eisenbahnen wendet man zum Auf- und Abladen ber Guter einfache Rrahne mit einfachem Borgelege ohne Bahnraber an, beren Ginrichtung aus ber Abbilbung in Rigur 470 (auf folgenber Seite) zu ersehen ift. Es ist hier ber Schnabel CD nicht allein burch eine Strebe E, fonbern auch burch fchmiebeeiferne Bugftangen BD unterftust. Die Rette GDH jum Aufziehen ber Laft legt fich um eine Trommel H, welche mit einer hohen Scheibe KK auf einer und berselben Welle fest-

e. sist. Die lettere hat an ihrem Umfange eine tiese Sput, in welche sich ein Seil legen läßt, bessen Ende sich während der Umbrehung der Kurbel Lum die Trommel M wickelt. Wit M ist noch eine Frictionsscheibe ver-

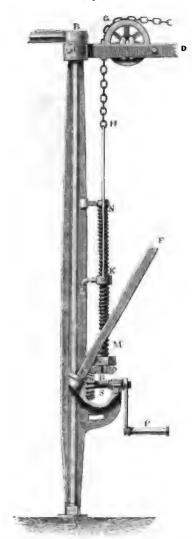


bunden, um welche ein Seil liegt, wodurch das beschleunigte Riederlaffen ber Guter verhindert wird.

In Figur 471 (auf nebenstehender Seite) ist noch der Haupttheil eines von herrn Nowotny in Leipzig construirten Krahnes mit Schrauben-bewegung abgebildet. Es ist hier AB die stehende Welle aus Gußeisen, CD sind die abgebrochen gezeichneten Schienen aus Schmiedeeisen von 3 Boll Hohe und 1/2 Boll Dicke, welche den Schnabel des Krahnes hilden, und EF sind die ebenfalls abgebrochen dargestellten schienensörmigen Streben des Schnabels. Die Kette, welche die nach Besinden 15 Centener schwere Last trägt, läuft über zwei größere Leitrollen, wovon jedoch, und zwar in G, nur eine abgebildet ist. Das Ende H dieser Kette ist an eine lange Gabel H K angeschlossen, welche eine Schraubenmutter K trägt, die mittels einer kleinen Gabel die innere Rippe der stehenden Welle

AB umfaßt. Die Schraubenspindel MN lagt fich mittels eines conischen grabne Raberwerkes RS und einer Rurbel P in Umbrehung feben. Mahrend

gig. 471.



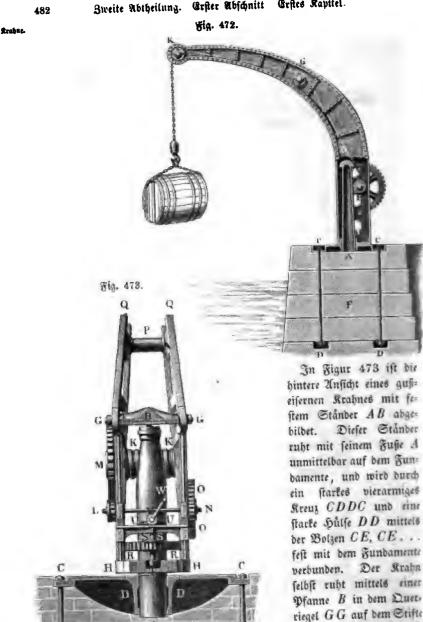
biefer Umbrehung fteigt KL aufober abwärts und bringt mittels ber Sabel HK und ber Rette HG u. f. w. bie Laft jum Ginfen ober Steigen.

6. 227 Wenn es die Locali= tat weber erlaubt, die ftebenbe Welle eines Rrahnes von oben, noch biefelbe gang tief unten im Kunbamente zu unterftugen, fo erfest man diefelbe burch einen ftarten, mittels Bolgen Unter fest mit bem Kundamente verbundenen Stanber, abnlich wie bei einer Bodwindmuble (f. II., §. 248), und umgiebt benfelben mit einem brehbaren Rahmen, welcher mit dem Schnabel bes Krahnes ein Ganzes ausmacht.

Einen folden Rrahn, vom Beren Kairbairn aus Gifenblech conftruirt, zeigt Fig. 472 (auf folgender Seite). Es ift hier AB ber außeiserne Stans ber, welcher mittele eines eifer= nen Kreuzes CAC und ber Bolgen CD, CD . . . fest mit bem Kundamente F verbunden ist. Der eigentliche Krahn EGKift nach Urt ber Rohrenbrucken aus Gifenblech zusammengenies tet; er ruht mit einer metallenen Pfanne B auf dem Ropfe bes Stanbers und umgiebt benfelben an feinem Suge mit einem breis

ten Salering H. Der Mechanismus jum Beben ber Laft ift ber gemohnliche.

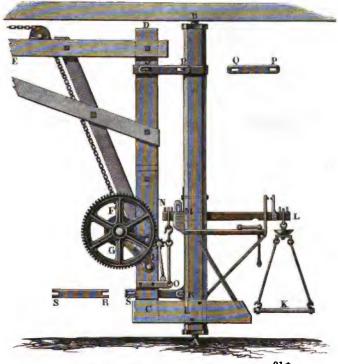
ΠI.



E

im Ropfe bes Stanbers, und umgiebt benfelben mit: tels eines Saleringes HH. Die Arommel KK ist zur Aufnahme ber Aufziehkette langs ihres Umfanges schraubenformig ausgeschnitten; sie läßt sich, wie an vielen anderen Krahznen, durch das Räderwerk LM entweder unmittelbar, oder erst mit Hulfe bes Räderwerkes NOO in Umdrehung setzen. Die beiden gußeisernen Baden GQ, GQ, welche den Schnabel bilden, sind in der Figur, bei QQ hinter der Leitrolle P, abgebrochen gezeichnet. Dieser Krahn zeichnet sich vor den seither beschriebenen Krahnen noch dadurch aus, daß er mit einem besonderen Mechanismus zum Umdrehen um seine vertikale Are ausgerüstet ist. Es sit nämlich hier auf dem Ständer ein Zahnrad RR sest, in welches ein Zahnrädden SS eingreift, dessen stehende Welle TV im Krahngestelle gelagert ist, und durch ein conisches Käderwerk UUV mittels einer Kurdel W in Umdrehung gesetzt werden kann. Es ist leicht einzusehen, wie aus dieser Umdrehung auch eine Umdrehung des ganz zen Krahngestelles um den Ständer AB hervorgest.

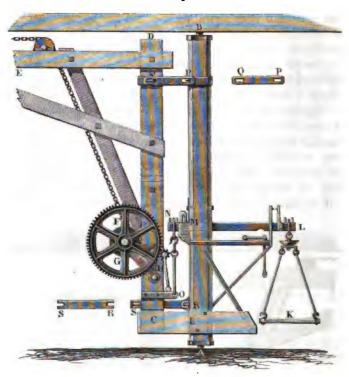
Zuweilen sind auch die Krahne so eingerichtet, daß man an benselben die von benselben zu bewegenden Lasten gleich mit abwägen kann. Ein solcher Krahn, mit einer nach dem aus II., §. 73, Anmerk., bekannten Principe der George'schen Brückenwaagen construirten Abwiegvorricht tung ist in Figur 474 vor Augen geführt. AB ist die stehende Krahnstig. 474.



東京 丁 工

welle und CDE der eigentliche Krahn, zum Theil abgebrochen gezeichnet, mit der Trommel F und dem Raberwerke GH zum Aufziehen und Niesberlaffen der Last. Bor und nach dem Abwägen der Last ruht die Säule CD sammt der Last auf dem Querfuß U der stehenden Welle AB;





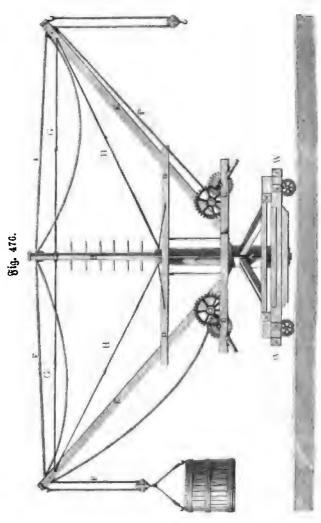
kommt es aber darauf an, die Last abzumägen, so legt man so viel Gewicht auf die Waagschale K, als nothig ist, um die Saule CD mittels des um M drehbaren Waagbalkens LMN und der Zugstange NO im Schweben zu erhalten. Um das Umschlagen des Krahnes zu verhindern, ist derselbe mit der stehenden Welle AB noch durch zwei Paar Schienen, wie PQ und RS verbunden, welche vier scharfe Schneiden P. Q, R und S in der stehenden Welle AB und in der Saule CD theils umsassen P0 und theils sich gegen dieselben anstemmen P1. Die Angaben der Waage hangen, wie aus II., §. 73 bekannt ist, nur von den Verhältnissen des Waagbalkens P2. Waagbalkens P3 verdagen des Armlängenverhåltnissen P4.

Bon ben Dafdinen jum Beben ber Laften auf fleine Boben.

485

bas Gewicht auf der Maagschale bas Gewicht der Last zehnfach verkleinert an.

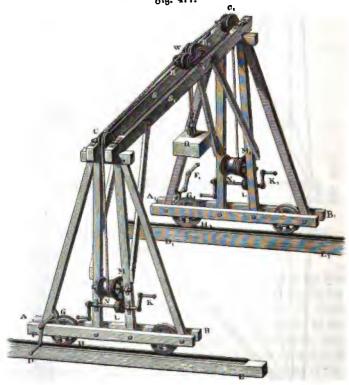
Beim Bauwesen ift man oft genothigt, bewegliche Rrahne Bemegliche Rrahne. 6. 228. in Anwendung zu bringen. Diefelben find auf ein Geftelle mit vier Rabern gestellt und laffen fich baburch an jebe Stelle, wo fie gebraucht werben follen, binfuhren. Ginen boppelten Rrahn biefer Art zeigt Fis gur 476. Es ift hier AA ein hohler Stanber, welcher mit bem Bagen WW fest verbunden ist, und B die stehende Welle des Rrahnes, welche fich in ber Bohlung des Standers A breben lagt. Die beiben Schnabel E



Bewegliche Rrabne. und E des Krahnes stüten sich auf einen Rahmen CC, welcher den Ständer mit einem Halbringe umgiebt, und die Raderwerke zum Aufziezhen der Lasten trägt; und sind mit der stehenden Welle B durch ein Paar Pfosten DD und durch eiserne Zugstangen G, G und H, H verbunden. Die übrige Einrichtung ist nach dem Borausgegangenen leicht zu beurtheilen. In der Zeichnung ist nur die eine Hälfte des Krahnes belastet, und daher nur das Seil FFFF gespannt.

Die Stabilitat eines belafteten Krahnes biefer Art forbert, bag bie vertifale Schwerlinie beffelben burch bas Biered hindurchgehe, beffen Eden ben Beruhrungspunkten ber Raber mit ber Bahn entsprechen.

Ein anderes Hebezeug, welches ben 3wed eines Krahnes vollständig erfüllt, jedoch weder mit einer stehenden Welle, noch mit einem Stander ausgeruftet ift, führt Fig. 477 vor Augen. Im Ganzen besteht diese Fig. 477.



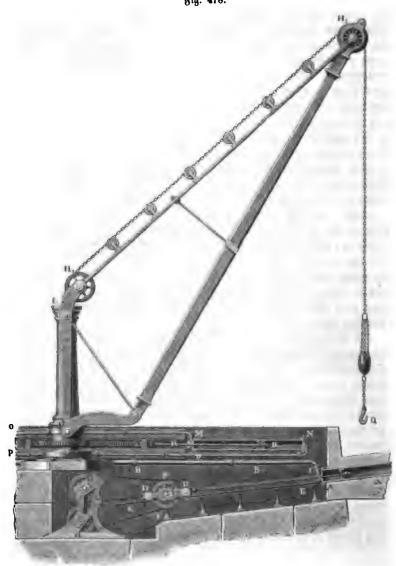
Borrichtung aus zwei Boden A B C und A_1 B_1 C_1 , welche durch Schwels len und Streben unter sich zu einem Ganzen vereinigt, und mittels vier Raber auf eine Schienenbahn DE und D_1 E_1 geset sind. Bur Fortbes

wegung biefes Bebezeuges auf ber Schienenbahn bienen Rurbeln F, P1, Bemeglichen. welche mittels fleiner Bahnraber G, G, bie Bagen- ober Bodraber H, H, in Umbrehung feten. Die Schwellen S und S1, welche die beiben Bocke mit einander verbinden, bilben eine zweite Schienenbahn, welche einen vierrabrigen Bagen tragt, auf beffen Uren je eine Leitrolle R, R, feftfist, um welche die Seile gelegt find, mittels welcher die Laft Q nicht allein gehos ben, sondern auch langs ber Bahn SS, fortbewegt werben kann. Diefe Seile werben mittels ber Leitrollen C, C, aus ber horizontalen Lage in eine vertikale gebracht, und wickeln fich um die Trommeln N und N1, welche burch Rurbeln K und K1 mittels ber Bahnrabermerte LM, L1 M1 in Umbrehung gefest werben tonnen. Werden beide Kurbeln K und K1 gleich fchnell nach entgegengefetten Richtungen umgebreht, fo gelangt bie Laft Q nur jum fenkrechten Auffteigen ober Nieberfinten; werben bagegen beibe Rurbeln in gleicher Richtung gleich schnell umgebreht, fo bewegt fich bie Laft langs SS_1 in horizontaler Richtung, und wird endlich nur eine Rurbel umgebreht, bie andere aber festgehalten, fo bewegt sich bie Laft unter einer Reigung von 45 Grab auf- ober abwarts. Man kann auf biefe Beise mittels bieses Bebezeuges bie Last Q an jeben beliebigen Drt gwis schen ben Bertikalebenen DEC und D1 E1 C1 bringen.

6. 229. In England bringt man jest nicht felten Bafferfaulen- maferfauten. Erahne, von Armstrong construirt, in Anwendung. . Ein solcher Rrabn befteht aus zwei Bafferfaulenmaschinen mit gemeinschaftlicher Ginfallrohre. Die eine dieser Maschinen bient jum Aufziehen und Niederlassen der Last, bie andere hingegen zum Umbrehen des Krahnes um seine ftehende Belle; jene ift einfach-, diefe hingegen boppelt- wirkenb. Die mesentliche Ginrich= tung eines solchen Rrahnes ift aus ber Seitenansicht beffelben in Figur 478 (auf folgenber Seite) erfichtlich.

AA ift der Treiberglinder der Maschine jum Seben der Last, und BB die Communicationerohre, welche bemfelben bas Baffer zu = und abführt. Die Rolbenstange CD dieser Maschine ift mit einem Bagen DD verseben, welcher mahrend bes Rolbenspieles mit feinen vier Rabern D.D . . auf einer Schienenbahn EE bin : und gurudlauft. In bem Gestelle biefes Bagens fist eine Rolle FF und ift bas Ende einer Rette befestigt, welche fich junachst um eine feste Rolle G, bann um die Rolle FF und julest um eine feste Rolle H legt. Bon der letteren Rolle aus geht biefe Rette fentrecht burch ben hohlen gufeifernen Stander KL bes Rrahnes und wird burch eine Rolle H1 nach einer Rolle H2 in der Spite bes Balancierschnabels geleitet, von wo fie fenerecht herabhangt. Bahrend ber Treibetolben in AA burch bas Rraftwaffer um einen gewiffen Beg ausgeschoben wird, steigt die Laft Q am Ende der Rette in Folge der Fuhrung um die brei Rollen F, G und H um bas Dreifache biefes Beges.

Bafferfäulen. frahn. Die Drehung des Krahnes um seinen Stånder wird durch eine doppelt-wirkende Wassersaulenmaschine bewirkt, deren Treibechlinder in MN abgebildet ist. Mit der Kolbenstange RR dieser Maschine ist eine gezahnte Stange SS verbunden, welche in ein gezahntes Rad T eingreift, das auf einem Halbring U sesssifiet, welcher den Stånder des Krahnes umfaßt. Ze Fig. 478.



nachdem das Kraftwasser dem Treiberplinder MN durch die Communicas massersintentionsröhre OM, oder durch die Communicationsröhre PPN zugeführt wird, dreht die Treibekolbenstange RR mittels ihrer Berzahnung SS das gezahnte Rad T, und hiermit zugleich den ganzen Krahn, um seinen festsschenden Ständer KL nach der einen oder der anderen Seite um.

Das regelmäßige Spiel bieses Krahnes wird mittels Schiebersteuerung burch die bloße hand bewirkt. In Figur 479 ist die Steuerkammer ber einfachwirkenden und in Figur 480 die der doppeltwirkenden Wassersaulen-maschine abgebildet. Das Mundstuck A in Fig. 479 communicitt mit der



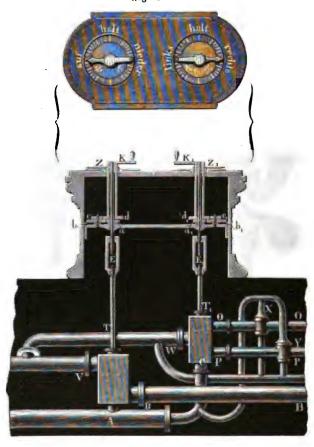




Einfallrohre, die Mundung B gehort dem Communicationerohr an, melches nach bem Treiberplinder fuhrt, und die Mundung V fteht mit dem Ausgufrohr in Berbindung. Bei der gezeichneten Stellung bes Schiebers S geht bas Rraftwaffer von A nach B und von ba in ben Treibecylinder, wo es ben Rolben auswarts ichiebt und burch benfelben bie Laft hebt. man hingegen ben Schieber nach S, herabgeschoben, so ift ber Treibecplinder von dem Kraftmaffer abgesperrt, und mit dem Ausgufrohre V in Berbinbung gefest; und es wird nun ber Treibefolben von ber nieberfinkenben Laft jum Rudgange, und bas Baffer aus bem Treibecylinder auf bem Wege BS, V gum Austritte genothigt. Bei ber Steuerkammer in Si= gur 480 communiciren bie Mundungen O und P mit bem Treibecylinder, bagegen C mit ber Ginfall = und W mit ber Ausgugrohre. aufgezeichneten Stellung des Schiebers S nimmt das Rraftwaffer ben Bea CP nach bem Treiberplinder und schiebt ben Treibetolben von außen nach innen, mahrend bas tobte Baffer auf bem Bege OSW jum Musgange Sat aber ber Schieber bie tiefere Stellung S1, fo ftromt bas Rraftmaffer auf bem Bege CO nach bem Treiberplinder und ichiebt ben

Baffersaulen. Treibekolben von innen nach außen, mahrend bas tobte Waffer auf bem Bege PS, W ausfließt.

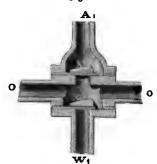
> Das heben und Senken ber Steuerschieber wird mittels ber Rurbeln K und K1, Fig. 481, hervorgebracht, welche Spindeln in Umbrehung feten, Rig. 481.



beren schraubenformigen Enden E und E_1 durch die rahmenformigen Querhaupter ber Schieberstangen T und T, hindurchgehen. Um die Stellungen ber Schieber von außen zu erkennen, find noch Beiger Z und Z1 angebracht, welche mit ben Rurbeln uber horizontalen Bifferblattern bin-Damit fich diese Zeiger beim Aufziehen ober Nieberlaffen ber Schieber S, S, mittels ber Rurbeln hochstens nur ein Dal umbreben, sind bieselben auf hohle Wellen befestigt, welche bie Rurbelfpindeln umgeben, und noch zwei Paar Bahnrader ab, cd und a1 b1, c1 d1 angebracht, Baffersaulen welche die Umdrehungen ber Spindeln in vermindernder Ungahl auf bie boble Welle mit ben Zeigern übertragen. Bare g. B. ber Salbmeffer bes Rabchens a, welches auf ber Spindel festsit, brei Mal in bem bes Radchens b, und ber bes Rabchens c, welches mit b ein Ganges ausmacht, drei Mal im Salbmeffer bes Radchens d auf ber hohlen Zeigerwelle ent= halten, so wurden die Rurbelwellen 3 . 3 = 9 Umbrehungen machen muffen, ebe bie Beiger ein Mal umlaufen.

Um die nachtheiligen Wirtungen bes Stofes zu befeitigen, welchen ber schwingende Rrahn beim jebesmaligen Absperren bes Rraftwaffere erleibet, find die Communicationerohren OO und PP noch mit besonderen Bentils tammern X und Y ausgeruftet, in welchen fich mahrend ber Schieberbewegung nach oben offnende Bentile figen, die auf furze Beit nicht allein bem abgesperrten Ausguswaffer einen Gintritt in bas Rraftwaffer, sonbern auch bem abgesperrten Rraftmaffer einen Buflug von Seiten bes tobten Baffere verschaffen. Ein folches Bentilgehause ift in Fig. 482 besonders abgebilbet. Sat ber Schieber bem Baffer feinen Rudweg O, O aus bem

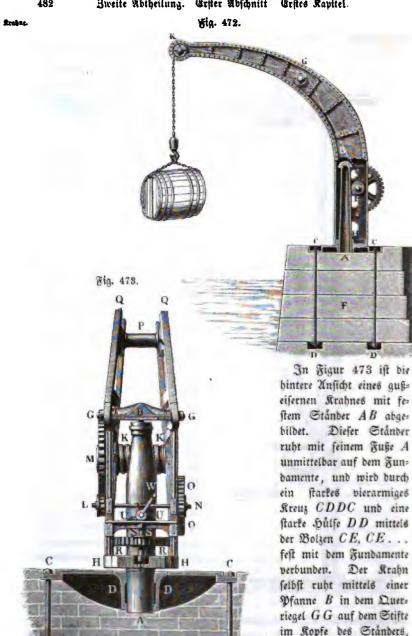
Fig. 482.



Treibecylinder abgeschnitten, fo ichlagt biefes das obere Bentil X auf und es tritt ein kleiner Theil bes Ausguswaffers burch A1 nach A zurud in die Ginfallrohre: und hat hingegen ber Schieber ben Sinweg OO, bes Rraftmaffers jum Treibe= cylinder abgesperrt, so offnet fich bas untere Bentil X1 und es wird mittels W1 etwas Baffer aus bem Ausgugrohr W angefaugt, in beiben Fallen aber ber aus ber Incompressibilitat und Unausbehnsamteit bes Baffere ermachfende Stoß vermieben.

Anmerfung. Bei ben neueren Bafferfaulenfrahnen, welche ber Berfaffer 1851 in England hat arbeiten feben, ift außer ben beiben Rurbeln gur Bemegung ber Schieber noch eine britte Rurbel angebracht, woburch ein Droffelventil im Ginfallrohre, gur Regulirung ber Rraft, bewegt werben fann.

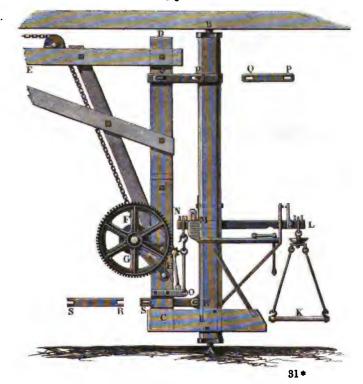
6. 230. Die Dampffrahne haben vor den hydraulifchen oder Baf= Dampftrabn. ferfaulentrahnen ben Borgug, baf fie nicht fo fehr an bie Localitat gebunben find als lettere, welche ein fließendes Baffer mit vielleicht mehreren hundert Fuß Gefalle beanspruchen. In Figur 483 (auf folg. S.) ift ein Dampferahn im Bahnhofe ju Liperpool abgebilbet. Die Belle A wird mittels eines Riemenrabvorgeleges von ber Rrummgapfenwelle der Dampf= mafchine in Umbrehung gefest, und ift mit ber Belle B burch eine losbare Ruppelung verbunden. Die lettere Welle fett mittels eines Bahn=



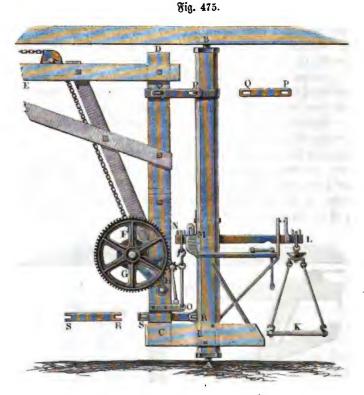
und umgiebt benfelben mittels eines Saleringes HH.

Die Trommel KK ist zur Aufnahme der Ausziehkette langs ihres Umfanges schraubenformig ausgeschnitten; sie läßt sich, wie an vielen anderen Krahnen, durch das Räderwerk LM entweder unmittelbar, oder erst mit Hulfe bes Räderwerkes NOO in Umdrehung setzen. Die beiden gußeisernen Backen GQ, GQ, welche den Schnabel bilden, sind in der Figur, bei QQ hinter der Leitrolle P, abgebrochen gezeichnet. Dieser Krahn zeichnet sich vor den seicher beschriebenen Krahnen noch dadurch aus, daß er mit einem besonderen Mechanismus zum Umdrehen um seine vertikale Are ausgerüstet ist. Es sit nämlich hier auf dem Ständer ein Zahnrad RR sest, in welches ein Zahnrädden SS eingreift, dessen stehende Welle TV im Krahngestelle gelagert ist, und durch ein conisches Käderwerk UUV mittels einer Kurbel W in Umdrehung geset werden kann. Es ist leicht einzusehen, wie aus dieser Umdrehung auch eine Umdrehung des ganzgen Krahngestelles um den Ständer AB hervorgeht.

Zuweilen sind auch die Krahne so eingerichtet, daß man an denselben die von denselben zu bewegenden Lasten gleich mit abwägen kann. Ein solcher Krahn, mit einer nach dem aus II., §. 73, Anmerk., bekannten Principe der George'schen Brückenwaagen construirten Abwiegvorrichstung ist in Figur 474 vor Augen geführt. AB ist die stehende Krahnstig. 474.



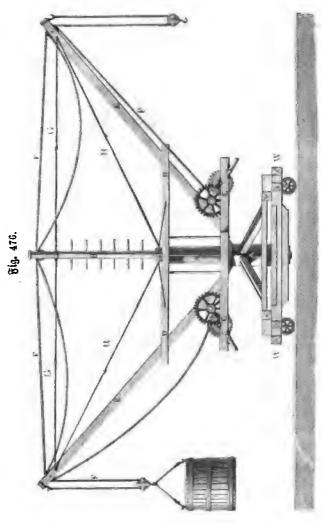
welle und CDE der eigentliche Krahn, zum Theil abgebrochen gezeichnet, mit der Trommel F und dem Raberwerke GH zum Aufziehen und Rieberlaffen der Last. Vor und nach dem Abwägen der Last ruht die Säule CD sammt der Last auf dem Querfuß U der stehenden Welle AB;



kommt es aber barauf an, die Last abzumägen, so legt man so viel Gewicht auf die Waagschale K, als nothig ist, um die Saule CD mittels des um M drehbaren Waagbalkens LMN und der Zugstange NO im Schweben zu erhalten. Um das Umschlagen des Krahnes zu verhindern, ist derselbe mit der stehenden Welle AB noch durch zwei Paar Schienen, wie PQ und RS verbunden, welche vier scharfe Schneiden P. Q, R und S in der stehenden Welle AB und in der Saule CD theils umsassen P0 und theils sich gegen dieselben anstemmen P0. Die Angaben der Waage hangen, wie aus II., §. 73 bekannt ist, nur von den Verhältnissen des Waagbalkens P10, so giebt

bas Gewicht auf ber Baagichale bas Gewicht ber Laft zehnfach verkleis nert an.

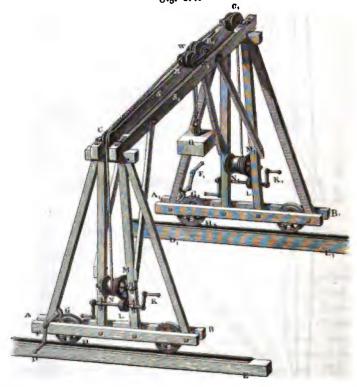
Beim Bauwefen ift man oft genothigt, bewegliche Rrahne Bemegliche **6.** 228. in Unwendung ju bringen. Diefelben find auf ein Geftelle mit vier Radern geftellt und laffen fich badurch an jede Stelle, wo fie gebraucht werben follen, hinfuhren. Ginen doppelten Rrahn Diefer Art zeigt Figur 476. Es ift bier AA ein hohler Stander, welcher mit bem Dagen WW fest verbunden ist, und B die stehende Welle des Rrahnes, welche fich in ber Bohlung des Standers A breben lagt. Die beiben Schnabel E



Bewegliche und E des Krahnes stützen sich auf einen Rahmen CC, welcher den Krahne. Stanber mit einem Saleringe umgiebt, und bie Rabermerte gum Aufgies hen ber gaften tragt; und find mit ber ftehenden Belle B burch ein Paar Pfosten DD und burch eiserne Bugftangen G, G und H, H verbunden. Die übrige Ginrichtung ift nach bem Borausgegangenen leicht ju beurtheilen. In ber Beichnung ift nur bie eine Balfte bes Rrahnes belaftet, und baher nur bas Geil FFFF gefpannt.

Die Stabilitat eines belafteten Rrahnes biefer Art forbert, bag bie vertitale Schwerlinie beffelben burch bas Bieredt hindurchgebe, beffen Eden ben Berührungspunkten der Raber mit der Bahn entsprechen.

Ein anderes Bebezeug, welches ben 3wed eines Rrahnes vollftanbig erfullt, jeboch weber mit einer ftebenben Belle, noch mit einem Stanber ausgeruftet ift, führt Rig. 477 vor Augen. 3m Gangen befteht biefe Fig. 477.



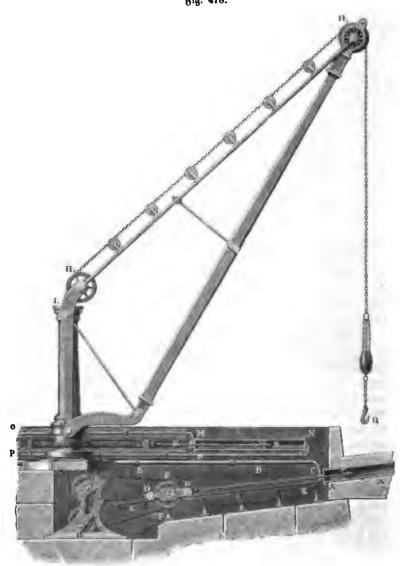
Borrichtung aus zwei Boden A B C und A1 B1 C1, welche burch Schwels len und Streben unter fich ju einem Gangen vereinigt, und mittels vier Raber auf eine Schienenbahn DE und D, E, gefest find. Bur Fortbewegung biefes Bebezeuges auf ber Schienenbahn bienen Rurbeln F, P1, Bemegliden welche mittels fleiner Bahnraber G, G, bie Bagens ober Bodraber H, H, in Umbrehung fegen. Die Schwellen S und S1, welche die beiben Bode mit einander verbinden, bilben eine zweite Schienenbahn, welche einen vierrabrigen Bagen tragt, auf beffen Aren je eine Leitrolle R, R, feftfitt, um welche die Seile gelegt find, mittels welcher die Last Q nicht allein gehos ben, fondern auch langs ber Bahn SS, fortbewegt werben tann. Diefe Seile werben mittels ber Leitrollen C, C, aus ber horizontalen Lage in eine vertikale gebracht, und wickeln fich um die Trommeln N und N_1 , welche burch Rurbeln K und K1 mittels ber Bahnraberwerte LM, L1 M1 in Umbrehung gefett werben tonnen. Berben beibe Rurbeln K und K1 gleich schnell nach entgegengefesten Richtungen umgebreht, fo gelangt bie Laft Q nur zum fentrechten Auffteigen ober Niederfinten; werben bagegen beibe Rurbeln in gleicher Richtung gleich schnell umgebreht, fo bewegt fich bie Laft lange SS, in horizontaler Richtung, und wird endlich nur eine Rurbel umgebreht, die andere aber festgehalten, so bewegt sich bie Laft unter einer Reigung von 45 Grab auf- ober abwarts. Man kann auf biefe Beife mittels biefes Bebezeuges bie Last Q an jeben beliebigen Drt gwis fchen ben Bertikalebenen DEC und D. E. C. bringen.

6. 229. In England bringt man jest nicht felten Bafferfaulen - Bafferfaulen. Erahne, von Armstrong conftruirt, in Anwendung. . Gin folder Rrabn befteht aus zwei Bafferfaulenmafchinen mit gemeinschaftlicher Ginfallrohre. Die eine biefer Maschinen bient jum Aufziehen und Niederlaffen der gaft, die andere hingegen jum Umbrehen des Krahnes um seine ftehende Welle; jene ift einfach-, diese hingegen boppelt-wirkend. Die wesentliche Einrichtung eines folchen Rrahnes ift aus ber Seitenanficht beffelben in Figur 478 (auf folgender Seite) erfichtlich.

AA ift der Treibecylinder ber Maschine jum Seben der Last, und BB bie Communicationerohre, welche bemfelben bas Baffer gu = und abführt. Die Kolbenstange CD dieser Maschine ist mit einem Wagen DD versehen, welcher mahrend bes Rolbenspieles mit feinen vier Rabern D,D . . auf einer Schienenbahn EE bin : und jurudlauft. In dem Geftelle biefes Bagens fist eine Rolle FF und ift bas Ende einer Rette befestigt, welche fich zunächst um eine feste Rolle G, bann um die Rolle FF und zulest Bon ber letteren Rolle aus geht biefe Rette um eine feste Rolle H legt. fentrecht burch ben hohlen gußeisernen Stanber KL bes Rrahnes und wird burch eine Rolle H1 nach einer Rolle H2 in ber Spite bes Balanciers schnabels geleitet, von wo fie fentrecht herabhangt. Bahrend ber Treibetolben in AA burch bas Rraftwaffer um einen gewiffen Beg ausgeschoben wirb, fleigt die Laft Q am Ende ber Rette in Folge ber Fuhrung um bie brei Rollen F, G und H um bas Dreifache biefes Beges.

Bafferfaulen. frabn.

Die Drehung des Krahnes um seinen Stånder wird durch eine doppelts wirkende Wassersaulenmaschine bewirkt, deren Treibechlinder in MN abgebildet ist. Wit der Kolbenstange RR dieser Maschine ist eine gezahnte Stange SS verbunden, welche in ein gezahntes Rad T eingreift, das auf einem Halbring U sesssig, welcher den Ständer des Krahnes umfaßt. Ze Fig. 478.



nachbem bas Kraftwasser bem Treiberplinder MN durch die Communicas mastersulentionsrohre OM, oder durch die Communicationsrohre PPN zugeführt wird, breht die Treibekolbenstange RR mittels ihrer Berzahnung SS das gezahnte Rad T, und hiermit zugleich den ganzen Krahn, um seinen seste um.

Das regelmäßige Spiel bieses Krahnes wird mittels Schiebersteuerung burch die bloße hand bewirkt. In Figur 479 ist die Steuerkammer ber einfachwirkenden und in Figur 480 die der doppeltwirkenden Wassersaulen-maschine abgebildet. Das Mundstuck A in Fig. 479 communicitt mit der

Fig. 479. Fig 480.

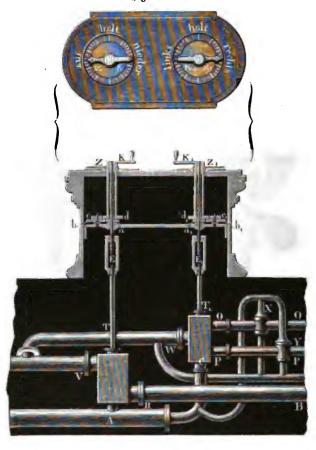




Einfallrohre, die Mundung B gebort bem Communicationerohr an, melches nach bem Treiberplinder fuhrt, und die Mundung V fteht mit dem Ausgufrohr in Berbindung. Bei der gezeichneten Stellung des Schiebers S geht bas Rraftwaffer von A nach B und von ba in ben Treibecylinder, wo es ben Rolben auswarts ichiebt und burch benfelben die Laft hebt. man hingegen ben Schieber nach S, herabgefchoben, fo ift ber Treibecplinber von bem Rraftmaffer abgesperrt, und mit bem Musgugrohre V in Berbinbung gefest; und es wird nun ber Treibetolben von ber nieberfinkenben Laft jum Rudgange, und bas Baffer aus bem Treibecylinder auf bem Wege BS, V jum Austritte genothigt. Bei ber Steuertammer in Figur 480 communiciren bie Mundungen O und P mit bem Treibecylinder, bagegen C mit ber Ginfall = und W mit ber Ausgugrohre. aufgezeichneten Stellung bes Schiebers S nimmt bas Rraftmaffer ben Bea CP nach bem Treiberylinder und schiebt ben Treibekolben von außen nach innen, mahrend bas tobte Baffer auf bem Bege OSW jum Ausgange gelangt. Sat aber ber Schieber Die tiefere Stellung S1, fo ftromt bas Rraftwaffer auf bem Bege CO nach bem Treibecylinder und ichiebt ben

affersalen. Treibekolben von innen nach außen, während bas tobte Waffer auf bem Wege PS, W ausfließt.

Das heben und Senten ber Steuerschieber wird mittels ber Rurbeln K und K1, Fig. 481, hervorgebracht, welche Spindeln in Umbrehung feben, Fig. 481.

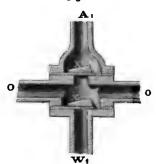


beren Schraubenformigen Enden E und E, durch die rahmenformigen Querhaupter ber Schieberftangen T und T, hindurchgeben. Um die Stellungen ber Schieber von außen zu erkennen, find noch Beiger Z und Z1 angebracht, welche mit ben Rurbeln über horizontalen Bifferblattern bin-Damit fich biefe Beiger beim Aufziehen ober Rieberlaffen ber Schieber S, S, mittels ber Rurbeln bochftens nur ein Dal umbreben, find biefelben auf hohle Wellen befestigt, welche die Rurbelfpindeln umgeben,

und noch zwei Paar Zahnrader ab, cd und a, b, c, d, angebracht, Baffersaulen welche die Umbrehungen ber Spindeln in vermindernder Angahl auf bie boble Belle mit ben Zeigern übertragen. Bare g. B. ber Salbmeffer bes Radchens a, welches auf ber Spindel festsit, brei Mal in bem bes Radchens b, und ber bes Rabchens c, welches mit b ein Banges ausmacht, brei Mal im halbmeffer bes Rabchens d auf ber hohlen Zeigerwelle enthalten, so murben bie Rurbelmellen 3 . 3 = 9 Umbrehungen machen muffen, ehe die Beiger ein Mal umlaufen.

Um die nachtheiligen Wirkungen bes Stofes ju befeitigen, welchen ber schwingende Rrahn beim jebesmaligen Absperren bes Rraftmaffers erleibet, find die Communicationerohren OO und PP noch mit befonderen Bentils tammern X und Y ausgeruftet, in welchen fich mahrend ber Schieberbewegung nach oben offnende Bentile fiten, die auf turze Beit nicht allein bem abgesperrten Ausguswaffer einen Gintritt in bas Rraftwaffer, fonbern auch bem abgesperrten Rraftmaffer einen Buflug von Seiten bes tobten Waffers verschaffen. Ein folches Bentilgehaufe ift in Fig. 482 befonders abgebilbet. Sat ber Schieber bem Baffer feinen Rudweg O, O aus bem

Fig. 482.

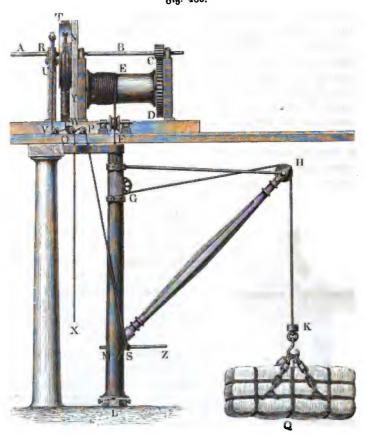


Treibecylinder abgeschnitten, fo fchlagt bie= fes bas obere Bentil X auf und es tritt ein kleiner Theil bes Musgugmaffers burch A1 nach A zurud in bie Ginfallrohre; und hat hingegen ber Schieber ben Sinweg OO, bes Rraftwaffers jum Treibe= enlinder abgesperrt, so offnet fich bas untere Bentil X1 und es wird mittels W1 etwas Waffer aus bem Ausqufrohr W ans gefaugt, in beiben Kallen aber ber aus ber Incompressibilitat und Unausbehnsamfeit bes Baffere ermachfenbe Stoß vermieben.

Anmerfung. Bei ben neueren Bafferfaulenfrahnen, welche ber Berfaffer 1851 in England hat arbeiten feben, ift außer ben beiben Rurbeln gur Bemegung ber Schieber noch eine britte Rurbel angebracht, woburch ein Droffelventil im Ginfallrohre, zur Regulirung ber Rraft, bewegt werben fann.

6. 230. Die Dampffrahne haben vor den hydraulischen ober Baf= Tampftrabn. ferfaulenfrahnen ben Borgug, daß fie nicht fo febr an bie Localitat gebuns ben find als lettere, welche ein fließendes Baffer mit vielleicht mehreren bunbert Suß Gefalle beanspruchen. In Figur 483 (auf folg. G.) ift ein Dampftrahn im Bahnhofe ju Liperpool abgebilbet. Die Welle A wird mittels eines Riemenradvorgeleges von der Krummgapfenwelle ber Dampf= maschine in Umbrehung gefett, und ift mit ber Belle B burch eine losbare Ruppelung verbunden. Die lettere Belle fest mittels eines Bahn-

Dampstrahn. radvorgeleges CD eine Trommel E in Umbrehung, auf welche sich das Seil EFGHK aufwickelt, womit die Last Q, z. B. ein Baumwollen-ballon, emporgehoben wird. Der eigentliche Krahn besteht aus der stehenden Welle FL und dem durch eine schmiedeeiserne Zugstange unterstützten Fig. 483.



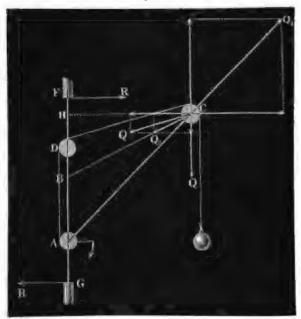
Schnabel MH. Das obere Ende der stehenden Welle ist der Are nach burchbohrt und mit einer Leitrolle G versehen, um das Zugseil in der Are der Welle bis zu einer Leitrolle F senkrecht emporzuführen. Die ganze Arbeit dieses Krahnes wird auf folgende Weise regulirt.

Die Transmissionswelle B tragt eine außen und innen abgedrehte Trommel T. Diese ist außen von einem Bremsgurtel umgeben, ber mittels eines hebels N und eines Seiles NOPS nach Belieben an den außeren

Umfang biefer Trommel angepreßt werden tann. Un bem Ende ber Belle Dampftrabn, A fist eine Bremofcheibe, welche, wenn fie gegen ben inneren Umfang ber Trommel T gepreft wird, die Umbrehungsbewegung biefer Belle auf Die Welle B übertragt. Um biefe Uebertragung ber Bewegung nach Belieben herstellen und aufheben ju tonnen, hat man bas Bapfenlager R ber Belle A auf einen Bebel U gefett, ber mittels eines Seiles UVWX angehoben und niedergelaffen werben fann. Goll bie angehangte Laft O emporgehoben werben, so gieht man am Seile X und bringt baburch bas Frictionerad auf der Belle A mit der Trommel T auf der Belle B in Beruhrung. Bahrend biefer Beruhrung wird die Belle B von ber ftetig umlaufenden Welle A in Umbrehung gefett, wobei fich auch die Trommel E umbreht und bas Seil aufwickelt, an welchem bie Laft hangt, bie auf biefe Beife jum Steigen gelangt. Diefes Steigen ift aber fogleich beendigt, wenn man mit bem Buge am Seile OX nachlagt, ba bann ber Bebel U. auf welchem bas Bapfenlager R ber Welle A ruht, unterftust von einem Gegengewichte, wieber in feine urfprungliche Lage gurudfallt, und folglich bie Berbindung ber Belle B mit ber Belle A gang gehoben wirb. Damit aber mahrend der Umbrehung ber ftehenben Belle mittels der Spille MZ bie Laft nicht wieber guruckfinte, wird ber bie Trommel T umgebende Brems mittels bes Seiles PS auf biefe Trommel aufgebrudt, und ju bies fem 3mede bas Ende S bes angespannten Seiles an bie Spille MZ befestigt. Ift endlich bie Laft O uber ben Puntt gelangt, wo fie abgelaben werben foll, fo bindet man bas Ende bes Seiles PS wieder los und lagt ben Breme wieber gurudfallen, wobei ein an ben Bebel N beffelben angehangtes Gewicht Y zu Sulfe tommt. Um nun eine neue gaft faffen zu tonnen, muß bie ftehende Welle wieber mittels ber Spille MZ auf ben erften Drt gurudgeführt werben, mahrend fich bas Seil burch bas Gewicht ber Rette und Saten und, nach Befinden, auch mit Unterftugung eines besonderen Segengewichtes K, von felbft wieder herabzieht.

§. 231. Um die Stabilitats und Festigkeitsverhältnisse eines Krahnes zu beurtheilen, benken wir den Schnabel desselben als ein aus drei Städen bestehendes Dreied ABC, Figur 484 (auf folgender Seite), an dessen Spihe C die Last Q senkrecht niederzieht, und dessen Grundlinie AB mit der Are der stehenden Welle oder dem Ständer des Krahnes zusammenfällt. Zunächst kommt es darauf an, die Spannung Q1 der Strebe oder des Stades AC und die Spannung Q2 der Zugstange oder des Stades BC zu sinden. Beide Kräste mussen der Last Q und der ihr gleichzusehenden Spannung des von der Schnabelspihe nach der Krahnare AB geführten Seiles das Gleichgewicht halten. Bezeichnen wir den Reigungswinkel ACH der Strebe AC gegen den Horizont durch a1, den Reigungswinkel

Ctatil der Arahue beatif ber BCH der Zugstange BC durch α_2 , und den Neigungswinkel DCH des Fig. 484.



Bugseiles DC durch α , so haben wir die Componenten ber genannten brei Spannungen Q_1, Q_2 und Q in vertikaler Richtung:

 $Q_1 \sin \alpha_1$, $Q_2 \sin \alpha_2$ und $Q \sin \alpha$, und

 $Q_1\cos\alpha_1,\ Q_2\cos\alpha_2$ und $Q\cos\alpha$ in horizontaler Richstung; und es ift folglich zu sehen:

 $Q_1 \sin \alpha_1 = Q + Q \sin \alpha + Q_2 \sin \alpha_2$, sowie

 $Q_1 \cos \alpha_1 = Q \cos \alpha + Q_2 \cos \alpha_2$.

Aus diefen Gleichungen ergeben fich folgende Formeln fur die Spannungen Q_1 und Q_2 :

$$Q_1 = \frac{Q \left[\cos\alpha_2 - \sin\alpha(\alpha_2 - \alpha)\right]}{\sin\alpha(\alpha_1 - \alpha_2)} \text{ unb}$$

$$Q_2 = \frac{Q \left[\cos\alpha_1 - \sin\alpha(\alpha_1 - \alpha)\right]}{\sin\alpha(\alpha_1 - \alpha_2)}.$$

Giebt man dem Seile die Richtung der Strebe, hat man also $\alpha=\alpha_1,$ so ift einfach:

$$Q_2 = \frac{Q\cos\alpha_1}{\sin(\alpha_1 - \alpha_2)};$$

giebt man hingegen bem Seile die Richtung ber Bugftangen, nimmt alfo $\alpha = \alpha_2$, so fallt

$$Q_1 = \frac{Q \cos \alpha_2}{\sin (\alpha_1 - \alpha_2)} \text{ and.}$$

Etatif ber Arabne.

Soll die Bugftange ohne Spannung fein, alfo die Strebe allein die Mits telfraft aus der Geilfpannung und ber Laft aufnehmen, fo muß

$$\cos \alpha_1 = \sin (\alpha_1 - \alpha)$$
, b. i. $90 - \alpha_1 = \alpha_1 - \alpha$, also $\alpha = 2 \alpha_1 - 90^\circ$ sein.

Die entsprechenbe Spannung ber Strebe ift

$$Q_1 = 2 Q \cos(\alpha_1 - \alpha) = 2 Q \sin \alpha_1$$

Sest man ben Querschnitt ber Strebe $=F_1$ und ben ber Zugstange $=F_2$, ben Festigkeitsmodul ber ersten $=K_1$ und ben ber zweiten $=K_2$, so haben wir:

$$F_1=rac{Q_1}{K_1}$$
 und $F_2=rac{Q_2}{K_2}$.

Die Last Q biegt die stehende Welle ober den Krahnbaum vermöge iherer excentrischen Wirkung mit dem Momente Qa, wenn a den Normals oder Horizontalabstand CH der Last von der Axe dieser Welle bezeichnet; und hiernach ist auch vorzüglich die Starte dieser Welle zu berechnen.

Ift ber Querfchnitt berfelben ein Quadrat von der Seitenlange s, fo hat man

$$Q\,a=s^{8}\,rac{K}{6},$$
 und daher umgekehrt $s=\sqrt[8]{rac{6\,Q\,a}{K}};$

ift hingegen berfelbe ein Rreis vom Salbmeffer r, fo hat man

$$Qa = rac{\pi r^3}{4}$$
 . K , und daher umgekehrt $r = \sqrt[3]{rac{4 \ Qa}{\pi \ K}}$.

Ift l die Entfernung FG ber beiden Stutpunkte F und G bes Rrahnsbaumes von einander, fo hat man die Rraft, mit welcher in Folge ber ercentrischen Aufhängung von Q der obere Zapfen nach der Seite des halses und ber untere Zapfen nach der entgegengeseten Seite zu gedrückt wird,

$$R=\frac{a}{l}Q.$$

Dieser Druck ist von bem Krahngeruste ober Fundamente aufzunehmen, und giebt zu einer besonderen Seitenreibung an dem Zapfen oder, nach Befinden, dem halse bes Krahnbaumes Beranlassung, und ist daher durch Bergrößerung von l, d. i. dadurch heradzuziehen, daß man die beiden Stütpunkte F und G des Krahnbaumes möglichst entsernt von einander legt. Bei den Krahnen mit Stander oder sestem Krahnbaum, wie Figur 472 u. 473, hat man die Hobe l, der Zapsenhalse und ebenso die Entsernung

496

Stattt ber lo bet Bolgen, womit die Fußplatte ober bas Fußtreuz biefer Guife auf bas Fundament aufgeschraubt ift, bem Momente Q a entsprechend groß zu machen.

Die Kraft, mit welcher ber Fußzapfen des Standers in feiner Bulfe sich um eine horizontale Are zu breben sucht, ift

$$R_1 = \frac{a}{l_1} Q$$

und die, mit welcher er fich von dem Fundamente loszumachen fucht, und welche baber die Bolgen im Kundamente auszuhalten haben, ift

$$R_2 = \frac{a}{l_2} Q.$$

Bei den Krahnen, welche auf Rabern ftehen, muß das Moment Qa burch bas des Gewichtes G vom leeren Krahne übermunden werden. Ift b ber kleinste Horizontalabstand ber Rabaren von dem Schwerpunkte bes leeren Krahnes, fo hat man bas Moment von G, Gb, und baber bafur zu forgen, daß Gb > Oa, ober

$$a>rac{Q}{G}$$
 a fei.

Die Wirkungen ber ercentrischen Aufhangung ber Laft Q laffen sich burch ein Gegengewicht aufheben, welches auf ber entgegengefetten Seite von Q anzubringen ift. Ift O, bie Große eines folden Gegengewichtes und a1 deffen Abstand von ber Are des Rrahnbaumes, fo erfordert biefe Ausgleichung

$$Q_1 a_1 = Q a$$
, also $Q_1 = \frac{a}{a_1} Q$.

Wenn man bas Gegengewicht beweglich macht, fo kann man auch beffen Bebelarme

$$a_1 = \frac{Q}{Q_1} a$$

ber jedesmaligen Laft Q entsprechend abandern.

Durch bas Gegengewicht wird naturlich nicht allein die Stabilität und Festigkeit wesentlich erhoht, sondern auch die Seitenreibung des Rrahnes fast auf Null herabgezogen. Da die Spanntrafte O, und O, der Streben und Bugftangen schief auf ben Rrahnbaum übergetragen werben, fo muß burch folibe Berbindung biefer Theile mit bem Krahnbaume bafur geforgt werben, bag auch die in der Krahnbaumare mirtenden Componenten O, sin. a, und Q, sin. a, biefer Rrafte mit Sicherheit aufgehoben merben.

Beifpiel. Benn bei bem in Figur 463 abgebilbeten Rrahne bie größte Laft Q = 20 Connen ober circa Q = 40000 Bfund beträgt, wenn ferner bas Bugfeil mit bem Schwengel eine und biefelbe Reigung $\alpha = \alpha_2 = 25^{\circ}$, die Strebe aber bie Reigung a, = 50° gegen ben Borigont bat, wenn ferner bie mechanische Ctatit ber Armlange ober Ausladung beffelben: a = 16 guß und Die Entfernung l = 12 Fuß beträgt; welche Dimensionen find biefem Rrahne ju geben? Da hier die Laft an einer lofen Rolle hangt, fo ift die Spannung bes Seiles nur Q und baher gu fegen:

1) bie Spannung ber Strebe:
$$Q_1 = \frac{Q \cos \alpha_2}{\sin (\alpha_1 - \alpha_3)} = \frac{40000 \cos .25^{\circ}}{\sin .25^{\circ}} = 40000 \cos ang. 25^{\circ} = 85780$$
 Pfb., und

2) bie Spannung bes Schwengels:

$$Q_x = Q\left(\frac{\cos\alpha_1}{\sin(\alpha_1 - \alpha_2)} - \frac{1}{2}\right) = \frac{40000\cos 50^\circ}{\sin 25^\circ} - 20000 = 40840$$
 Pfb. Rimmt man nach I., §. 212, ben Festigkeltsmobul für bas Berbrücken bes

Fichtenholzes, aus welchem hier bie Strebe besteht, K = 500 Pfund, fo erhalt man ben nothigen Querschnitt biefer Strebe:

$$F_1 = \frac{Q_1}{K} = \frac{85780}{500} = 171,6$$
 Duabratzell,

und nimmt man ben Festigfeitemobul fur bas Berreigen, nach I., S. 189, K = 1200 Bfund, fo erhalt man ben erforberlichen Querichnitt bee bolgernen Schwengele :

$$F_2 = \frac{Q_2}{K} = \frac{40840}{1200} = 34$$
 Quabratzoll.

Der Querfcnitt bes gugeifernen Rrahnbaumes ift burch ben Salbmeffer $r = \sqrt[3]{\frac{4 \ Q \ a}{\pi \ K}}$ bestimmt. Seten wir $Q \ a = 40000 \cdot 16 \cdot 12 = 7680000$ und

K nach I., §. 208, = 8000, fo erhalten wir hiernach ben gesuchten halbmeffer:

$$r = \sqrt[3]{\frac{7680000}{8000 \, \pi}} = \sqrt[3]{\frac{960}{\pi}} = 6,74 \, \text{Boll},$$

alfo bie Starte bes Balfes R

d = 2 r = 13,48, ober in runber Bahl, 14 Boll.

Diefe Starte fann aus befannten Brunben nach ben Enben zu abnehmen.

Die Rraft, mit welcher ber Rrahn auf bas Lager Q vertifal nach unten brudt, ift V = Q + G, also, wenn bas Gewicht G bes Krahnes zu 18000 Bfb. abgeschätt wirb, V = 40000 + 18000 = 58000 Pfund; bie Rraft, mit welcher er bagegen am Sale R und am Lager Q horizontal wirft:

$$R = \frac{a}{l} Q = \frac{16.40000}{12} = \frac{160000}{3} = 58333 \text{ Pfunb.}$$

Damit biefer große Seitenbrud vom Funbamente aufgenommen werben fonne, ift es nothig, bie Steine beffelben burch Anter mit einander ju verbinben.

6. 232. Den vorzüglichsten Arbeitsaufwand, welchen bas Forts Rechant ber Schaffen der gaften durch Rrahne nothig macht, erforbert bas Beben ber Laft; weniger Arbeit beansprucht die Drehung bes Rrahnes um feine vertifale Are, und bas überhaupt feltener nothige Fortbewegen ber Laft in rabialer Richtung, ba es hierbei nur auf Ueberwindung der Reibung anfommt.

III.

Rederif ber Rrabne.

Bei einem Krahne, wie Figur 463, wo die Last Q an einer losen Rolle hangt, ist die Spannung des Aussiehseiles $\frac{Q}{2}$; mist daher die Kurbelhöhe a_1 , der Trommelhalbmesser b_1 und haben die kleineren Treibräder der drei Bahnradvorgelege n_1 , n_3 und n_5 , die größeren Getriebräder derselben aber n_2 , n_4 und n_6 Zähne, so hat man nach III., §. 51, die erforderliche Kraft an der Kurbelspille:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_3}{n_4} \cdot \frac{n_5}{n_6} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{Q}{2}$$

Ift ein Borgelege außer Gang gefett, ober hat ber Rrahn nur zwei Borgelege, fo andert fich die Formel in folgende um:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_3}{n_4} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{Q}{2} \cdot$$

Sat man gar nur ein Borgelege, fo ift:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{Q}{2}$$

Besteht ferner das Vorgelege in einer einsachen Radwelle, wie bei dem Krahne in Figur 470, und ist der Halbmesser der Trommel auf der Kurbelwelle $=r_1$, und der Halbmesser des Rades, welches mit der oberen Trommel auf einer und derselben Welle sit, $=r_2$, so hat man:

$$P = \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{Q}{2} \cdot$$

Ift endlich die Last unmittelbar an das Zugseil befestigt, also an keine lose Rolle angehangen, so hat man statt $\frac{Q}{2}$, Q, also z. B. im letteren Falle

$$P=rac{r_1}{r_2}\cdotrac{b_1}{a_1}Q$$
 zu seben.

Bei bem Schraubenkrahn in Figur 471 ift, wenn a bas Anfteigen ber Schraubengange und o ben Reibungswinkel bezeichnet:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q tang. (\alpha + \varrho).$$

Får ben Wassersaulenkrahn in Fig. 478 hat man einfach bie Rolbenstraft $P=rac{Q}{3}$, ba hier die Last mittels breier Ketten an die Kolbenstange angeschlossen ist.

If F die Kolbenflache und h die senkrechte Hohe der Kraftwassersaule, γ aber die Dichtigkeit des Wassers, so giebt die Formel $P=Fh\gamma$, und es ist daher umgekehrt die Kolbenflache:

$$F = \frac{P}{h \, \gamma} = \frac{Q}{3 \, h \, \gamma}.$$

Der Kolbenreibung und anderer Nebenhinderniffe wegen muß man aber Redantt ber 25 Procent jufegen.

499

Bei dem Dampferahn in Figur 483 mit breifachem Borgelege hat man, wenn man unter a, ben Rurbelhalbmeffer ber Dampfmaschine verfteht und ftatt der Bahnegahlverhaltniffe nund nu die entsprechenden Eroms melhalbmefferverhaltniffe $\frac{r_1}{r_2}$ und $\frac{r_2}{r_4}$ einführt:

$$P = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{r_3}{r_4} \cdot \frac{n_5}{n_6} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot Q.$$

Ift F bie Rolbenflache und p ber Dampfbrud auf bie Flacheneinheit, fo gilt auch die Formel $P = \bar{F}p$, und es ift baher umgekehrt die nothige Rolbenflache:

 $F = \frac{P}{p} = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{r_3}{r_4} \cdot \frac{n_5}{n_6} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{Q}{n_2}$

Bei bem Nieberlaffen ber Laft ift biefer Rraft P burch ben Breme bas Gleichgewicht zu halten.

Rommt es barauf an, ben Rrahn um feine vertitale Are umzubreben, fo hat man die Reibung an ber Bafie des Bapfens und die Seitenreibung an beiben Bapfen, ober nach Befinden, an bem Bapfen und am Salfe gu überwinden.

Ift Q bas Gewicht bes leeren Krahnes, und Q1 ber Salbmeffer feines unteren Bapfens ober Stiftes, fo hat man bas Moment ber Reibung an ber Bafis biefes Stiftes nach I., §. 171

 $= \frac{9}{3} \varphi \varrho_1 (Q + G).$

Die aus dem Seitendrucke $R=rac{a}{l}\,Q$ hervorgehende Seitenreibung hat, wenn noch og ben Salbmeffer bes Rrahnhalfes ober oberen Bapfens bezeich= net, das Moment

$$\varphi R(\varrho_1 + \varrho_2) = \varphi \frac{a}{l} Q(\varrho_1 + \varrho_2).$$

Wirft baber die Umbrehungefraft P, an einem Bebelarme r, fo ift fur dieselbe

$$P_1 r = {}^2/_{\!3} \, arphi \, arrho_1 \, (G+Q) + arphi \, rac{a}{l} \, (arrho_1 + arrho_2) \, Q$$
 und daher

$$P_1 = \frac{9}{8} \varphi \frac{\varrho_1}{r} (G + Q) + \varphi \frac{a}{l} \left(\frac{\varrho_1 + \varrho_2}{r} \right) Q.$$

Bei dem Krahne in Figur 473 wird diese Kraft noch durch ein Raberwert herabgezogen, und bei bem Bafferfaulenfrahn in Figur 478 wird biefe Rraft burch ben Kolben einer boppeltwirkenben Wassersaule ausgeubt. Ift F1 die Kolbenflache biefer Maschine, so hat man

$$F_1 = rac{P_1}{h_1 \, \gamma}$$
 zu seben.

Rechanit ber Rrabue.

Beifpiel. Benn bei bem im Beifpiele bes vorigen Paragraphen bereche neten Rrahne bie Bahnezahlverhaltniffe folgenbe find:

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{11}{66}, \ \frac{n_3}{n_4} = \frac{9}{54} \ \text{unb} \ \frac{n_5}{n_6} = \frac{9}{54}$$

und ber halbmeffer b, ber Trommel, auf welche fich bas Seil wickelt, brei Mal enthalten ift in ber Kurbelarmlange a, fo fallt die nothige Kraft an ber Kurbel-fpille jum heben ber Laft Q = 20000 Bfund:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_3}{n_4} \cdot \frac{n_5}{n_6} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q = \frac{11}{66} \cdot \frac{9}{54} \cdot \frac{9}{54} \cdot \frac{1}{3} \cdot 20000 = \frac{20000}{6.6.6.3}$$
= 30.86 Figurb aus.

Bollte man bagegen biefelbe Laft burch einen Bafferfaulenfrahn, wie Figur 478, heben, so wurde bei einer Drudhohe A = 250 Fuß, ber Querfcnitt ber Rolbenflace fein:

$$F = {Q \over 3 \, h \gamma} = {20000 \over 3.250.66} = {40 \over 99} = 0,404$$
 Duadratiuß,

und folglich ber Durchmeffer beffelben 0,72 Fuß betragen, wofür aber ber Gicherbeit wegen 10 Boll gu nehmen fein mochte.

In das Gewicht bes ersteren Krahnes 18000 Pfund, ber halbmeffer bes Stifftes $\varrho_1=2$ und ber des halfes $\varrho_2=10\,\mathrm{Rell}$, die Arnilänge $a=16\,\mathrm{Fu}$ ß, ber Abstand biefer beiden Stützunfte von einander, $l=12\,\mathrm{Fu}$ ß, der hebelarm ber Umdrehungsfrast, $r=8\,\mathrm{Fu}$ ß = 96 Boll und der Reibungscoefficient $\varphi=0,075$, so hat man die ersorderliche Umdrehungsfrast:

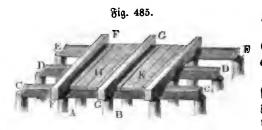
$$P_{1} = \frac{s}{s_{0}} \varphi \frac{\ell_{1}}{r} (G + Q) + \varphi \frac{a}{l} \frac{(\ell_{1} + \ell_{2})}{r} Q$$

$$= \frac{s}{s_{0}} \cdot \frac{$$

Diefer große Werth ber Umbrehungsfraft wird baburch befonders herabgezogen, daß man ben Krahnbaumhals mit einem Rollenring umgiebt, wodurch die gleitende Seitenreibung an diefem zum großen Theil in eine rollende übergeht. (S. I., § 174.)

Hamm. maschinen

Die sogenannten Rammmaschinen ober Schlagmerte (frang. sonnettes, engl. pile-engines) find ebenfalle Maschinen, bei wels chen es barauf antommt, eine Laft, und zwar ben fogenannten Ramm= flot, Rammbar ober hoper (frang. le mouton, engl. the batteringram) auf eine kleine Bohe emporzuheben. Diefe Dafchinen bienen bagu, große Pfahle (frang, pieux, pilotis, engl. pilos) in die Erde einzuschlagen. und erreichen diesen 3wed durch bas fentrechte Niederfallen und Aufschlagen des Rammbares auf den Ropf des einzuschlagenden Pfahles. burch die Rammmafchinen einzuschlagenden Pfahle dienen entweder gur Bilbung eines fogenannten Pfahlroftes, ober gur Berftellung einer sogenannten Opund mand, und man but es hiernach entweber mit bem Einrammen fogenannter Roftpfahle ober mit bem fogenannter Spund: pfable ju thun. Bahrend die Roftpfable in Entfernungen von 2 bis 4 Ruß von einander eingeschlagen werben, tommen diese bicht neben einander ju fteben. Die Roftpfable A, B ..., Fig. 485 (auf nebenfteb. Seite), werben nach erfolgtem Ginrammen an ihren Ropfen in gleicher Bobe abgeschnitten und mit Bapfen versehen, womit die barauf gestreckten Roftober Langschwellen CC, DD, EE befestigt werben. Auf biese Schwel-



len fommen nun noch oder furgere Bangen Querschwellen FF. GG . . zu liegen, und ebenfo die Bohlen H, K . . , welche die 3mi= schenraume zwischen je zwei Bangen ausfullen und die Grundflache bes zu tragenden Mauer=

werkes abgeben. Die Spundpfahle erhalten Ruthen, in welche Kedern eingezogen werben, bie einen gang ober nabe mafferbichten Berfchluß geben. Man verwendet Pfahle von 10 bis 30 Fuß Lange und 8 bis 20 Boll Starte, und fpitt fie, bes leichteren Ginbringens megen, in Form einer fpigen vierfeitigen Pyramide ju ober giebt ihnen wohl auch einen eifernen Schuh.

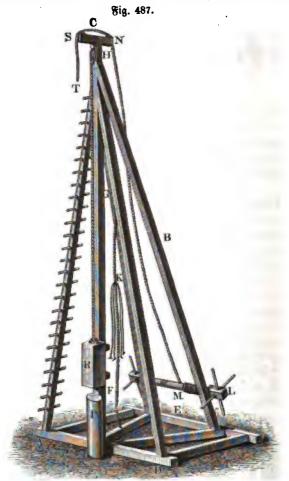
Der Rammbar, womit die Pfahle eingeschlagen werben, besteht entweber aus bichtem Eichenholze ober aus Bufeifen, und hat ein Gewicht von 5 bis 15 Centnern. Um bas Spalten ber am baufigften angewendeten bolgernen Rammbare zu verhindern, muffen biefelben mit eifernen Ringen verfeben werben. Das Beben bes Rammbars erfolgt entweber aus freier Sand ober mittels eines uber eine Rolle weggeführten Seiles; im erften Kalle hat man es mit ber einfachen Sandramme zu thun, im zweiten Kalle hingegen mit ber fogenannten Bugramme. Bei ber gewohnlichen Bugramme lauft bas Bugfeil in eine Menge Leinen aus, welche von ben Arbeitern ergriffen und niebergezogen werben, wenn es barauf ankommt, ben Rammbar zu heben. Bei ber fogenannten Runftramme geschieht bas Seben bes Bare burch befondere mechanische Borrichtungen, wie g. B. Råbermerte u. f. m.

Fig. 486.

Die Handramme (vergl. II., §. 79) ift nur ein unvollkommenes Bulfemittel jum Ginschlagen ber Pfahle. Gie besteht in einem Rlot AB, Fig. 486, aus Gichenholz, welcher mit vier langen Bugeln ausgeruftet ift, womit er von vier Arbeitern ergriffen und emporgehoben wird. Gine folche Ramme barf, ba ein Menfch nicht über 30 Pfund an ihr auszuuben vermag, nicht mehr als 120 Pfund wiegen und ift beshalb nur jum Ginrammen fcmacher Pfable ausreichend.

Bei ben Bugrammen fleigt ber Rammelog R, Fi-

Ramm. mafchinen. gur 487, an einer aus einer ober zwei Ruthen, ben sogenannten gaufern, Läuferruthen ober Mäcklern, bestehenden Führung auf und nieder, und er ist zu diesem Zwecke mit Armen ausgerüstet, welche diese Ruthen umfassen. Das Rammgerüste ABC ruht auf einem beweglichen Schwellswerk ADE, welches einen Dielenboden für die sogenannte Stube, b. i-



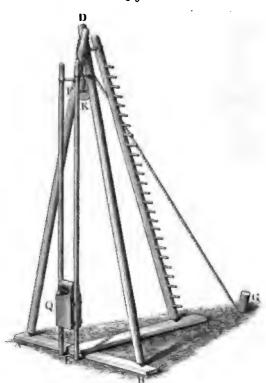
ben Standpunkt ber Arbeiter, erhalt. In dem oberen Ende ber Lauferruthe FGH ift die sogenannte Rammscheibe H eingelassen, welche bas Rammtau RHK vom Rlobe nach der Stube herabführt. Bum Seben bes Pfahles P dient eine Winde LM, deren Zapfenlager auf ben

hinteren Streben des Geruftes festsigen. Das Windetau MNST geht über zwei Rollen in dem sogenannten Krahnbalken C, der auf dem oberen Ende der Läuferruthe liegt.

Mamm.

Sehr einfach und zwedmäßig ift bie in Fig. 488 abgebilbete hollans bifche Ramme. Es besteht hier bie gange Ruftung aus brei Baumen





AD, BD und CD, welche unten mit eifers nen Dornen verfeben finb, womit fie auf zwei über bas Kreuz gelegte Pfoften zu fteben fommen, und oben burch einen mit einem Scharniere verfehenen Bolgen mit einander verbunden find. Der Rammtlos O ift bier mit acht furgen Armen verfeben, welche die dunnen Ruthen ber fogenannten Ocheere EF zwischen sich faffen. Diefe Ruthen werben mit ihren eifer= Kußen entmeber unmittelbar in Erbreich gefett. fie tommen auf befonbere Bohlen zu fteben: am Ropfe find fie bas gegen burch eiferne Bus gel mit ben Ruftbaus

men verbunden. Durch das sogenannte Ropftau DG, welches vom Ropfe bes Geruftes nach einem in das Erbreich eingeschlagenen Pfahl G herabgeht, wird der feste Stand bes Geruftes noch besonders erhöht. Die Rammscheibe K besindet sich in einem Rloben, welcher mittels einer Kette an den Ropf des Geruftes aufgehangen ist.

§. 234. Bei bem Ziehen ber Arbeiter an ben Leinen bes Rammtaues Runftramme wird bas menschliche Arbeitsvermogen sehr unvollständig benutt, zumal ba zum heben eines schweren Rammklopes, selbst bei einer großen Anzahl

Runftramme von Arbeitern, eine große Anstrengung erforberlich ift, welche es nothig macht, daß diese Arbeitsvorrichtung in kurzen Absaben mit mindestens ebenso langen Zwischenpausen erfolgt. Es ist überdies ein auch theoretisch nachzuweisender Erfahrungsfat, daß der Wirkungsgrad des Rammens mit dem Gewichte und der Steighohe des Rammbars wächst; da nun aber bei der Zugramme die Anzahl der Arbeiter nicht ohne Nachtheil in der Wirkung des Einzelnen vergrößert und der Rammklot höchstens 4 die 5 Fuß hoch gehoben und geschleubert werden kann, so ist das Einrammen der Pfähle mittels der Zugramme aus doppelten Gründen eine mechanisch unvollkommene Arbeitsverrichtung. Diese Unvollkommenheiten lassen sich aber bei den Kunstrammen größtentheils vermeiben, da man hier nicht allein mit mehr Vortheil die Arbeiter an einer Radwelle arbeiten lassen, sondern auch durch Vorgelege das Gewicht und die Steighohe des Rammsbars beliebig vergrößern kann. Es haben folglich die Kunstrammen einen entschiedenen Vorzug vor den Zugrammen.

Die Ginrichtung einer einfachen Runftramme ift aus Fig. 489 a. f. G. zu ersehen. Die Arbeiter seben hier eine Belle B mittels einer boppelten Rurbel AA in Umbrehung, und biefe Belle theilt ihre Bewegung mit= tels ber Bahnrader E und F einer Trommel G mit, um welche fich bas eine Ende bes Rammtaues wickelt. Ift ber Rammbar Q nach mehrmaligem Umbrehen ber Rurbel auf eine gewiffe Sohe gestiegen, so verschiebt man bie Rurbelwelle B mittele bes Bebels CDE in ihrer Arenrichtung und bringt baburch bas Bahnrad E aus bem Gingriffe mit bem Bahnrabe F, so daß nunmehr ber Rammklos O ungehindert auf den Pfahl P berabfallen tann. Diefe Ginrichtung einer Runftramme hat aber noch ben Nachtheil, daß fich das Rammtau beim Nieberfallen bes Rammbars fehr fchnell über bie Leitrolle wegziehen und von ber Trommel abwideln muß, wobei es nicht allein leicht in Unordnung gerath, fondern auch mit diefen Mafchinentheilen zugleich ftart abgeführt wird. Deshalb zieht man es vor, ben Rammbar mittels eines Sakens an bas Rammtau ju hangen, welcher fich von felber loft, und alfo ben Rammbar gurudfallen lagt, nachbem er eine gemiffe Steighohe erreicht hat. Gehr zwedmäßig ift bie Unwendung einer Bange, wie Figur 490 vor Augen führt. Rammbar Q, welcher hier in einer Fuhrung zwischen ben zwei Laufruthen beweglich ift, hat ein Dehr, womit er von einer aus zwei Saten HOK, HOK bestehenden Bange ergriffen wird, die mittels ihrer Bolgen O, O auf einem besonderen Stude F, bem fogenannten Fallblod, festfigen. Dies fer Block ift unmittelbar an bas Rammtau befestigt und lagt fich wie ber Rammbar in ber Fuhrung zwischen ben Lauferruthen verschieben. Stahlfebern I, I, welche auf biefem Blode festfigen, bruden bie langen Schenkel H. H ber Bange nach außen, und folglich bas Bebig K. K berBon ben Mafchinen jum heben ber Laften auf fleine hohen. 505 iben aufammen : gelangt aber ber Block am Obertheil bes Rammgerus nunframm

felben zusammen; gelangt aber ber Blod am Dbertheil bes Rammgerus gunframme. ftes an, so werben die Schenkel H, H von ben Seitenbaden, welche bas



selbst angebracht sind, zusammengedruckt, wobei sich das Gebiß KK ber Bange aus bem Dehre des Rammklohes herauszieht, so daß nun dieser ungehindert herabfallen kann. So wie sich der Rammkloh aus der Bange ausgehakt hat, bringt man mittels des Hebels CDE (Fig. 489) das Bahnrad auf der Kurbelwelle aus dem Eingriffe mit dem Jahnrade auf

ber Trommel, so daß nun auch der Fallblock frei wird und zum Herabsfallen gelangt. Beim Aufschlagen dieses Blockes auf den Rammbar dsfract sich nun auch in Folge ihrer besonderen Form das Gebiß KK der Bange HKKH und erfaßt das Dehr des Rammbars, der sich nun durch Umdrehung der Kurbel AA von neuem emporheben läst.

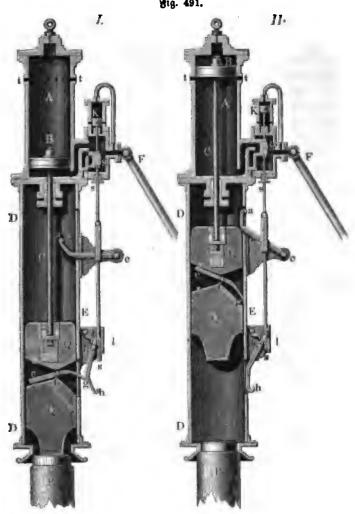
Mittels der hier beschriebenen Kunstramme hebt man Rammbare von 700 bis 1500 Pfund durch drei bis sechs Mann 15 bis 30 Fuß hoch.

Pampframme. §. 235. Man hat auch Kunstrammen burch Tretraber, Sands und Pferbegopel, ober burch Wasserraber in Umtrieb gesetzt, und in neueren Zeiten sogar die Dampftraft hierzu in Anwendung gebracht. Instefondere haben sich aber die Dampframmen von Nasmyth als sehr kräftige und brauchbare Maschinen bewährt.

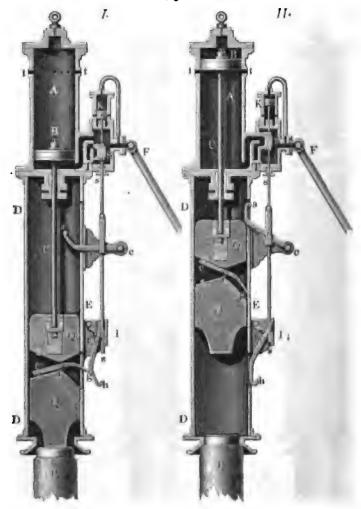
Diefe Rammmafchine unterscheibet fich von ben anderen Daschinen biefer Art besonders baburch, bag fie ben febr fchweren Rammbar auf eine fleine Sobe bebt und ihn fehr ichnell aufeinander folgende Schlage machen laft. Da biefe Leiftung bes Rammbars von bem Producte Oh aus feis nem Gewichte Q und feiner Steighohe h abhangt, fo wird baburch, bag man h in bemfelben um fo viel verminbert, als man O großer nimmt, nichts an Leiftung verloren, wohl aber hat man bann ben Bortheil, bag man ben Dampf birect wirfen, b. h. ben Rammbar gleich unmittelbar von ber Stange bes Dampftolbens beben laffen tann, mas bei ber gewohnlichen Steighohe ber Rammbare unmöglich mare. Ein Sauptvortheil ber Dampframme besteht aber noch barin, bag man mit berfelben bie Arbeit bes Ginrammens moglichft beschleunigen fann, jumal ba, wie es scheint, bas Eindringen ber Pfable burch bie ichnelle Aufeinanberfolge ber Schlage beforbert wird. Der Rammbar einer folden Maschine hat ein Gewicht von 50 Centnern und macht in einer Minute 70 bis 80 Schlage von je 3 Ruf Sohe. Da bei ber Runftramme mit Rurbelbewegung nur wenig Arbeiter zugleich arbeiten konnen, folglich beren Arbeitsquantum in einer gewiffen Beit nur ein fehr fleines fein tann, fo muß naturlich beren Urbeiteverrichtung febr langfam vor fich geben, und baber bie Angahl ber Unhube des Rammbars fehr Elein ausfallen. In der That, folche Daschinen machen in ber Stunde auch nur 10 bis 40 Schlage.

Die Nasmyth'sche Dampframme ruht auf einer Plattform mit 4 Rabern, welche auf einer Gisenbahn langs ber Pfahlreihen laufen. Der Läufer bes Rammbars ift fest an eine Seite bieser Plattform angeschraubt, und wird nicht allein durch zwei Streben, sondern auch durch Zugstangen, welche vom Ropfe besselben nach den vier Eden der Plattform heradgehen, in seiner vertikalen Lage erhalten. Auf diesem Ropfe sitt eine große Leitzrolle, über welche eine starte Kette läuft, an deren einem Ende der ganze

Treibeapparat aufgehangen ift, während sich bas andere Ende um eine Dampframme. Trommel windet, die durch eine auf der Plattform befestigte Dampsmassichten in Umdrehung geseht werden kann, welche überdies noch zum Aufsrichten der Pfähle und Fortrollen des ganzen Apparates auf der Schiesnenbahn dient. Der Treibeapparat ist in Fig. 491 abgebildet. Es besseht derselbe aus dem Dampschlinder A und dem gußeisernen Rammblock Q von eirea 50 Centnern Gewicht, welcher durch die Kolbenstange C mit Fig. 491.



Fampframme. dem Rolben B im Dampfcplinder verbunden ift. Damit der Rammbar senkrecht auf- und niedersteige, ist derselbe von einer schmiedeeisernen Rohre DDE umgeben, welche mittels eines geeigneten Ansahes auf dem Pfahlstopf P aufsiht und oben mit dem Dampfcplinder fest verbunden ist. Der Dampf wird aus dem auf der Plattform ruhenden Locomotivenkesselle mittels einer Gelenkrohre F der mit dem Dampfcplinder fest verbundenen Dampfkammer zugeführt. Bei der in I. gezeichneten Schieberstellung tritt Fig. 492.



ber Dampf unter ben Kolben B und hebt benfelben fammt bem baran Dampframue. hangenden Rammbar Q 3 Auf hoch empor. Gegen Ende des Subes trifft ber Rammbar einen Steuerhebel abc, welcher fich um bie fefte Are c breht und in b bie Steuerschieberftange ss angreift, wodurch nun ber Schieber S zum Steigen gebracht und ber Butritt bes Dampfes jum Dampfcolinder abgesperrt wirb. Die Dampftolben B und ber Dampfschieber S befinden fich nun in der in II. angegebenen Stellung, wobei ber Dampf nicht allein burch ein bei T fich anschließenbes Ausblaserohr, fondern auch burch bie Locher t, t im Umfange bes Dampfcplinders ausftromen tann. In Kolge beffen fallt ber Rammbar fast augenblicklich auf ben Pfahltopf P herab, und treibt ben Pfahl um einen gewiffen Beg tiefer in bas Erbreich ein, worauf nun noch ein Nachsinken bes baburch feiner Stute beraubten Apparates ADDE erfolgt. Bei dem Aufschlas gen bes Rammbars gelangt bie Bunge efg aus ber Lage, welche II. anzeigt, in die von I., und bruckt babei ben langern Arm bes Bebels hkl auswarts, fo bag nun ber furgere Arm beffelben aus bem Ausschnitte in ber Schieberstange se ausschnappt, und biese sammt bem Schieber burch ben Drud bes Dampfes uber ben am obern Enbe biefer Stange fibenben Gegenkolben K herabsinkt; worauf nun bem Dampfe wieber ber Butritt jum Dampfeplinder eroffnet wird. Wahrend bes nun erfolgenden Rolbenaufganges wird bie Bunge efg von der Rohrenwand DDE bei g wieber in die Stellung von II. herabgebrudt, fo bag nun ihre Birtung auf den Bebel hkl aufhort und der turge Urm beffelben burch ben Druck einer Feber wieber in ben Ginschnitt ber mittlermeile emporgestiegenen Steuerschieberftange einschnappt.

Damit ber Treibeapparat sammt bem Kolben allmälig senkrecht niebersinkt, ist ber Läufer mit Eisenschienen ausgerüstet, welche durch an der Blechröhre befestigte Klammern umfaßt werden. Um ferner den Kolbenaufgang zu begrenzen und das Aufschlagen des Kolbens auf den Enlinderbeckel zu vermeiben, hat man den Obertheil dieses Eplinders luftbicht verschlossen, und um endlich die Erschütterungen beim Aufschlagen des Rammbars auf den Pfahl für den Kolben und bessen Stange möglichst unschädlich zu machen, ist die Verbindung dieser Stange mit dem Rammklos durch Einlage von Pappelholzscheiben möglichst elastisch gemacht.

Anmerfung. Bei einer Bilotirung in ben Catharinenbods zu London hat man die atmosphärische Ramme von Clarke und Barley in Anwendung gebracht, welche ben Rammbar durch ben Druck ber atmosphärischen Luft hebt. Bei biefer Ramme ift das Rammseil an die Stange eines Kolbens angeschlossen, welcher in einem Cylinder spielt, der oben offen ift und unten mit dem Bacuo einer Luftpumpe in Berbindung sicht (fiehe die Beitschrift: Der Ingenieur, Bb. II.)-

510

Mechanifche Arbeit ber Blammen. §. 236. Der mechanische Arbeitsauswand, welchen das Einschlagen der Pfahle mittels einer Rammmaschine in Anspruch nimmt, läßt sich aus dem Gewichte des Rammbars, der Steighobe besselben und der Anzahl der Anhube berechnen. Dem Gewichte Q des Rammbars und der Steigshohe h desselben entspricht pro Anhub die mechanische Leistung, Qh. Ersfordert nun das Einschlagen eines Pfahles n Schläge, so ist folglich der mechanische Arbeitsauswand für einen Pfahle = nQh, und ist endlich m die Anzahl der täglich einzuschlagenden Pfähle, so hat man die durch die Rammmaschine täglich beanspruchte mechanische Arbeit:

$$L = mnOh$$

und umgekehrt, die Anzahl ber Pfahle, welche mit einer gegebenen Arbeit L täglich eingeschlagen werben konnen:

$$m = \frac{L}{nOh}$$
.

Nach ben französischen Angaben ift fur bas Arbeiten an ber Zugramme, sowie in allen ben Faken, wo es barauf ankommt, eine Last mittels eines über eine Rolle laufenden Seiles emporzuheben und nach jedem Anhube wieder zurudfallen zu laffen:

bie Kraft eines Menschen, K=38 Pfund, mittlere Geschwindigkeit c=0.64 Fuß, und Arbeitszeit t=6 Stunden, und folglich das tägsliche Arbeitsquantum Kct=38.0,64.6.60.60=525300 Fußpfund. Nach I., §. 84 ist dagegen die tägliche Leistung eines Menschen an der Kurbel 1'175040 Fußpfund, und zwar bei der mittleren Kraft K=17 Pfund, Geschwindigkeit c=2.4 Fuß und Arbeitszeit t=8 Stunden. Diesem zusolge ist also auch die mechanische Leistung des Menschen an der Kunstramme mit einer Kurbel $\frac{1'175040}{525300}=2.24$, d. i. nahe $2^{1}/4$ mal so groß als an der Zugramme. Dieses ungünstige Verhältniß in der Leistung der Zugramme hat seinen Grund darin, daß hier die Kraft des Menschen K=38 Nfund nicht allein von ihrem mittleren Werthe

ber Leistung ber Zugramme hat seinen Grund barin, daß hier die Kraft bes Menschen K=38 Pfund nicht allein von ihrem mittleren Werthe bedeutend abweicht, sondern auch unter ungunstigen Umständen ausgeübt werden muß, wobei sich die Arbeiter so sehr anstrengen mussen, daß sie je nach einer kurzen Arbeitsbauer oder sogenannten Hike von oft nur 40 bis 60 Secunden eine Arbeitsbause von 2 bis 3 Minuten nöthig haben. Krästige und eingeübte Arbeiter liefern allerdings zuweilen ein nahe doppelt so großes Arbeitsquantum an der Zugramme, nicht selten aber kommt es auch vor, zumal wenn die Anzahl der Arbeiter sehr groß ist, daß die Leistung eines Arbeiters den oben angegebenen Werth noch nicht einmal erreicht.

Bei ber Zugramme bestimmt sich bas Berhaltniß zwischen ber Kraft P und bem Gewichte Q bes Rammbars einfach aus bem Winkel α , um

welchen bie einzelnen Bugleinen von ber Bertifalen ober ber Richtung bes medanifde Rammtaues abweichen. Bon ber gangen Rraft P eines Arbeiters tommt Rammen. nur ber vertifale Component Pcos. a jur Wirtung; ift folglich v bie Anzahl ber Arbeiter, so hat man bie Rraft bes einzelnen:

$$P = \frac{Q}{v \cos \alpha}.$$

Bei einer Kunftramme mit Borgelegshaspel ift bagegen, wie aus bem in 6. 215 Ungegebenen unmittelbar hervorgeht, biefe Rraft:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{\nu}.$$

Fur die Dampframme ift einfach bie jum unmittelbaren Beben bes Rammbares nothige Dampf= ober Rolbenfraft:

P=0.

Wenn ber Rammbar einer Bugramme 700 Bfund fower ift, Beifpiel. und die Bugfraft eines Arbeitere in ber Richtung bes Rammtaues, P = 85 Bfund angenommen wird, so hat man bie nothige Angahl ber Arbeiter $u = \frac{Q}{P} = \frac{700}{35}$ = 20, und baher bie tagliche Leiftung berfelben L = rKct = 20.525300 = 10'506000 Fugpfund. Soll ber Rammbar bei jebem Anhube 4 guß gehoben werben, und ein Pfahl ju feinem Ginrammen 1500 Schlage erforbern, fo ift bas auf bas Einschlagen eines Pfahles verwendete Arbeitequantum = 700 . 4 . 1500 = 4'200000 Fußpfund, und baber bie Anjahl ber täglich einzurammenben Bfahle 10'50600 4'20000 = 21/2. Bei Anwendung einer Runftramme mit Rurbelbewes gung wurde man vielleicht nur 4 Arbeiter jum Beben bes Rammbars verwenben, bafur aber benfelben etwa 20 Tug hoch heben. Bare hier bie Angahl ber Bahne bes Rabes auf ber Rurbelwelle 4 mal in ber bes Rabes auf ber Seiltrommel enthalten, also $\frac{m_1}{m_1} = \frac{1}{4}$, und ber halbmeffer b ber letteren 8 mal in ber Rurbellange a enthalten, alfo $\frac{b}{a}=\frac{1}{2}$, fo hatte man bie Rraft gum Aufgiehen bes Rammbars: $P = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{700}{4} = \frac{1}{10}$. 175 = 14,58 Pfunb, alfo etwas fleiner, als oben angegeben worben ift. Da bier bie Steighobe bes Rammbare 20/4 = 5 mal fo groß ift ale bei ber Bugramme, fo lagt fich voraussegen, bag bier ein Bfahl gu feinem Gintreiben nur 1/2 mal fo viel, b. i. nur 1/2.1500 = 300 Schläge bedarf. Ein jeber Schlag nimmt 700.20 = 14000 Fußpfund Arbeit in Anspruch; ba bas tagliche Arbeitequantum ber 4 Arbeiter 4. 1'175040 = 4'700160 Bugpfund beträgt, fo ift folglich bie Angahl ber mit biefer Dafchine taglich einzutreibenben Bfable:

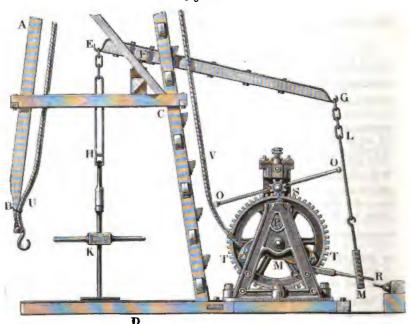
 $m = \frac{4'700160}{800 \cdot 14000} = \frac{4'700160}{4'200000} = 1,12.$

Anmerkung. Ueber bie Tragfabigfeit ber eingerammten Bfable ift in Theil I., S. 287 u. f. w. bas Rothigfte mitgetheilt worben.

Das sogenannte Abbohren (franz. le sondage; engl. the abbohrmaschinen. boring) ober Bohren von runden tiefen Lachern in die feste Erdrinde hat

Abbebr. maichinen bie meiste Aehnlichkeit mit dem Einrammen der Pfahle durch die Kunstramme; denn auch hier kommt es darauf an, einen schweren Körper, das sogenannte Bohrgestänge sammt dem Bohrer, mittels eines Haspels oder einer andern Radwelle wiederholt emporzuheben und niederfallen zu lassen. Die Höhe, auf welche das Bohrgestänge gehoben wird, ist allerdings nur 1 bis 3 Fuß, und deshalb ist denn auch hierbei statt der Leitzrolle mit Bortheil ein Hebel anzuwenden. Die wesentliche Einrichtung einer Abbohrmaschine nach Degousée ist aus Fig. 493 zu ersehen. ABCD ist der untere Theil des sogenannten Bohrgerüstes, in EFG

Fig. 493.



sieht man den um F brehbaren Hebel oder Schwengel, an welchem einersseits das in einem Bohrer sich endigende Bohrgestänge HK und ander rerseits eine eiserne Stange LM hängt, wodurch der Schwengel zunächst in Bewegung geseht wird. Ferner ist STT ein gewöhnlicher Borgelegshaspel mit den Hörnern O, O, und es ist P_1 , P_2 , P_3 eine auf der Trommel M sigende und drei Hebes oder Druckdaumen bilbende Eisenscheibe, womit ein zweiter Hebel oder Schwengel QR niedergedrückt wird, welcher durch eine Scheere am Ende der Stange LM hindurchgeht. Leicht ist zu ers messen, wie durch Umdrehung des Haspels mittels der Daumen P_1 , P_2 , P_3 ,

Abbohr. mafdinen.

bes Schwengels QR, ber Stange LM und bes Schwengels EFG bas Bohrgestange emporgehoben werden kann. Damit bas Bohrloch möglichst rund ausfalle, muß ber Bohrer mittels eines Querarmes ober bes soge nannten Stangenbunbels K nach jedem Stoße um einen kleinen Theil bes ganzen Umfanges gebreht werden.

Menn sich bas Bohrloch so ftart mit Bohrmehl ober Schmand angefullt hat, daß baburch die Birtfamteit des Bohrers gehindert wird, fo zieht man bas Bohrgeftange aus bem Bohrloche heraus, schraubt ftatt bes Bohrere ben mit einem Bentile verfehenen Bohrloffel an bas Geftange, und bangt nun baffelbe wieder in bas Bohrloch. Um nun ben Loffel mit Bohrschmand zu fullen, bebt man bas Bohrgeftange einige Dal auf und Bierauf gieht man bas Geftange wieber aus bem Bohrloche, schraubt ben Loffel ab und bas Bohrstud an und lagt bas Bohrgeftange in bas Bohrloch, fo bag nun bas Bohren von Neuem beginnen fann. Wenn bas Bohrloch eine größere Tiefe erreicht hat, fo ift bas Berausgiehen bes Bohrers mit vielen Umftanden und großem Beitaufwand verbunben, da hierbei das Bohrgeftange in Theile gerlegt werden muß. Diefes Herausziehen bes Bohrgestanges aus bem Bohrloche wird burch ein farkes Zau UV bewirft, welches uber eine Rolle am Ropfe bes Bohrgeruftes weggeführt ift, und um den Rundbaum bes Saspels ST gelegt wird, wenn jum Berausziehen verschritten werben foll.

Aus bem Borstehenden ift zu ersehen, bag bas Abbohren mit bem Erbbohrer aus einer-breifachen Arbeit besteht. Es ist namlich bas Bohregestange

- 1) in Sigen von etwa 100 Schlagen emporzuheben,
- 2) hierbei baffelbe allmalig umzubreben und
- 3) baffelbe von Zeit zu Zeit gang aus bem Bohrloch herauszuziehen und wieder in baffelbe hinabzulaffen.

Der Arbeitsaufwand, welchen das Heben des Bohrers beansprucht, ist so zu beurtheilen, wie die Arbeit an der Kunstramme. Ist Q das Gewicht des Bohrgestänges und h dessen Fallhöhe, so hat man die mechanische Arbeit bei jedem Gestänghube Q h und ist folglich die mittlere Anzgahl der Anhube pro Minute m (etwa 30 bis 40), so hat man die Leisen M

ftung pro Secunde $L = \frac{n}{60} Qh$.

Ist die Kurbelarmlange = a, die Lange des Kraftarmes des Schwengels $QR = a_1$, die des Lastarmes desselben $= b_1$, serner die Lange des Kraftarmes des Schwengels $EFG = a_2$, und die seines Lastarmes $= b_2$, serner n_1 die Anzahl der Jahne des Jahnrades auf der Kurbelwelle und n_2 die Anzahl der Jahne des Jahnrades auf der Trommelwelle und endlich n_3 die Anzahl der Hebedaumen dieser Welle, so bestimmt sich

Abbohrmaschinen das Berhaltniß der Kurbelkraft P zum Gewichte Q des Bohrgeftanges durch die Formel

$$\frac{P}{Q} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{b_2}{a_2} \cdot \frac{n_3 h}{2 \pi a}.$$

Die Kraft zum Drehen bes Bohrers ist, wenn der Bohrer an einem Dehre hangt, nach III., h. 142 zu berechnen. Was aber die Arbeit zum Herausziehen des ganzen Bohrgestänges aus dem Bohrloch anlangt, so ist biese dem Producte aus dem Gewichte des Gestänges und aus der Erhesbung seines Schwerpunktes gleich zu seben.

Beispiel. Um einen Erbbohrer von 2000 Pfund Gewicht 1 Fuß hoch zu heben, ist eine Arbeit von 2000 Fußpfund nöthig. Berwendet man aber hierzu brei Arbeiter und läßt man dieselben an einer Aurbel wirken, so liesern diese täglich 3. 1'175040 = 3'525120 Fußpfund Arbeit, und es können dieselben folglich ben Bohrer in tieser Zeit $\frac{3'525120}{2000}$ = 1762 mal anheben.

Bare das Bahnezahlverhattniß des Bohrhaspels $\frac{n_1}{n_2} = \frac{1}{4}$, das Armlängens verhältniß $\frac{b_1}{a_1} = \frac{3}{4}$, das Armlängenverhältniß $\frac{b_2}{a_2} = \frac{1}{4}$, die Anzahl der Druds daumen $n_3 = 4$ und die Rurbelarmlänge a = 1 Fuß, so hätte man, nach dem Obigen, die erforderliche Kraft an den Rurbelspillen:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{b_2}{a_2} \cdot \frac{n_3 h}{2 \pi a} Q = \frac{1}{4} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{4 \cdot 1}{3 \pi} \cdot 2000$$

$$= \frac{2000}{16 \pi} = 39.8 \text{ Bfunb};$$

fo bag auf jeben ber brei Arbeiter nur 18,3 Bfund fame.

3 weites Rapite L

Von den Maschinen zum Seben der Lasten auf größere Söben.

Schack förderung. §. 238. Das heben ber Lasten auf größere hohen tommt vorzüglich bei ber Korberung in Schachten (franz. puits, engl. shafts), b. i. auf ben mehr ober weniger sentrechten Wegen vor, wodurch bie Grubensbaue entweber unter einander ober mit ber Tagesoberstäche verbunden sind. Deshalb soll benn auch in diesem Rapitel nur von der Schachtfordestung bie Rebe sein. Der wesentlichste Theil einer Schachtfordestungsmaschine ist eine Radwelle in Verbindung mit Seilen, an beren Enden zwei zur Aufnahme der Lasten dienende Fordergefäße besesftigt sind. Je nachdem diese Maschine nach der einen oder nach der ans

beren Richtung umgebreht wird, widelt fich bas eine ober bas andere Seil Cadatiforbeauf die Welle auf ober von berfelben ab, wobei naturlich allemal bas gefullte Forbergefag mit emporgehoben und bas entleerte Forbergefag niebergelaffen werben tann. Durch biefe Ginrichtung unterfcheiben fich bie Schachtforberungemaschinen vorzüglich von ben Aufzugen, bei welchen in ber Regel nur ein Seil mit einem Forbergefage angewendet wird. Rommt es nur barauf an, fleinere Forbermaffen aus fleineren Tiefen emporgu-Schaffen, fo bebient man fich in ber Regel bes gewohnlichen Baspels als Forbermaschine, und lagt benfelben burch zwei Arbeiter, bie fogenannten Saspelinechte, in Umbrehung feten. Um großere Forberquanta ausguforbern, wendet man aber bie ftebenbe Belle ober ben Gopel an, und zwar entweder den fogenannten Sandgopel, ober ben Dofen= ober Pferbegopel (f. II., 6. 84 und 6. 85). Ift es endlich nothig, in einer gegebenen Beit ein bebeutenbes Forberquantum ju Tage ju forbern, fo muß man entweber von ber Bafferfraft ober von ber Dampffraft Gebrauch machen. In Deutschland nennt man auch diese burch Baffer ober Dampf in Bewegung gefetten Forbermafchinen Gopel, und unterscheibet hiernach noch bie Baffer- und Dampfabpel von einander.

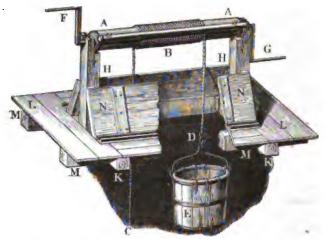
Die Umtriebsmafchine eines Baffergopele fann entweder in einem vertitalen ober in einem horizontalen Bafferrade ober gar in einer Bafferfaulenmaschine bestehen, und es ift hiernach biefelbe entweber ein fogenannter Bafferradgopel ober ein Turbinengopel ober ein Bafferfaulengopel.

Biernach ift benn auch in biefem Kapitel von folgenden Arbeitsmafchis nen bie Rebe:

- 1) ber Baspel (Bieh = ober Berghaspel),
- 2) ber Banbaopel,
- 3) ber Pferbegopel (Treibegopel),
- 4) ber Bafferrabgopel,
- 5) ber Turbinengopel,
- 6) ber Bafferfaulengopel und
- 7) ber Dampfgopel.

6. 239. Die Ginrichtung eines Biebhaspels nach Freiberger Conftruction Bergbaspet. ift aus Rig. 494 (a. f. S.) ju erfehen. AA ift die Belle ober ber fogenannte Runbbaum, um welche ein Seil B gewidelt ift, an beffen Enben C und D bie in mit Gifen befchlagenen Rubeln bestehenden Rorbergefäße angehangt find. In biefer Figur ift nur ber eine Rubel E. und amar berjenige, welcher entweber foeben gefullt an ber Schachtmundung ankommt ober im Schachte leer niebergeht, abgebilbet; ber andere Rubel

Berghaspel, ift nicht fichtbar, ba er fich noch in ber Nahe bes Fullortes, b. i. nahe Big. 494.



uber dem Punkte befindet, von wo aus die Forderung und wo alfo auch die Fullung ber Rubel erfolgt. Die in die Rurbeln ober fogenannten haspelhorner F und G austaufenden Bapfen des Rundbaumes ruben auf ben fogenannten haspelftuben H, H, welche unten auf uber ber Schachtmunbung wegliegenben Querfcwellen ober fogenannten Pfuhlbaumen K, K festfiben und oben mit Schligen verfeben find, bie gur Aufnahme ber Bapfen bienen und ju biefem 3mede mit eifernen Banbern, ben fogenannten Pfadeifen, ausgefüttert werben. Die haspelfnechte fteben bei ber Arbeit ober bei ber Umbrehung ber Rurbeln auf einer Buhne LL, welche auf bem über bem Schacht wegliegenden Schwellengeviere KK, MM ruhen. Die Stange aa, welche lange bes Rundbaumes hinlauft und burch Gifenhaten fest mit ben Saspelftuten verbunden ift, bient bem fogenannten Ausläufer als Sandhabe beim Abziehen bes gefüllten Rubels von ber Schachtmundung und beim Ginhangen des leeren Rubels. lich bas hineinfturgen frember Rorper in ben Schacht am Enbe bes Biebene ober Ausforberns zu verhindern, werden noch die Thuren NN und OO an die Streben angefehnt, welche gur Befestigung ber haspelftuten mit ben Pfublbaumen bienen.

Ift ber Schacht feiger (lothrecht), fo hangen die Rubel frei, ift er aber flach, fo liegen fie auf einer aus Brettern, Stangen oder Schwarten gebils beten Bahn, bem fogenannten Tonnenfache, bas nicht allein in der Mitte, sondern auch zu beiben Seiten mit aufrecht gestellten Brettern versehen ist, bamit die Rubel weber mit einander, noch mit anderen Gegenständen im

Schachte zusammenstoßen können. Zebe Abtheilung ber baburch erhaltenen Bergbaspel. Rübelleitungen erhalt eine Breite, welche die Länge eines Rubels reichlich boppelt enthält, damit sich das Seil auf bem Rundbaume möglichst lang fort und weniger über sich seihst auswickele. Durch das allerdings bei größeren Schachtteusen unvermeidliche Uebersichwickeln des Seiles wird eine Beränderlichkeit des Hebelarms der Last und folglich auch eine Beränderlichkeit des Hebelarms der Last und folglich auch eine Beränderlichkeit der Kraft herbeigesührt, wodurch allerdings die Leistung der Arbeiter herabgezogen werden kann. Der mittlere Hebelarm b der Last bestimmt sich aus dem Halbmesser r des Rundbaumes, der Länge s des auszuwickelnden Seiles, der Länge l dessenigen Rundbaumstückes, auf wels chen sich das Seil eines Kübels auswickelt, und aus der Stärke d des Seiles durch die in III., §. 81 gefundene Kormel:

$$b = \left(1 + \frac{s d^2}{4 \pi l r^2}\right) r.$$

Die Rübel sind entweder aus Holzdauben zusammengesett, oder bestehen aus Eisenblech. Sie haben einen elliptischen Querschnitt, der vom Boden nach der Mündung zunimmt. Die beiden Aren des Bodens messen circa 9 und 15 Zoll, und die der Mündung 11 dis 18 Zoll, die Tiese aber ist 15 Zoll, und hiernach der Inhalt ungefähr 2400 Cubikzoll. Rechnet man, daß das specifische Gewicht der Förbermasse 2,5 ist, und daß die Förbermasse 2/5 des ganzen Kübelraumes ausstüllt, so beträgt hiernach das Gewicht der Förbermasse eines Kübels

$$= 0.4 \cdot 2.5 \cdot 66 \cdot \frac{2400}{1728} = \frac{6600}{72} = \frac{1100}{12} = 92$$
 Pfunb.

Bei dem Freiberger Bergbau rechnet man, daß zwei Arbeiter in einer achtstündigen Schicht aus einem Schachte von 20 Lachter Seigerteufe (lothrechter Tiefe) zwei Schock Rubel Berge ziehen. Da 20 Lachter = 40 Meter = 40. 3,1862 = 127,448 Fuß beträgt, so ist hiernach die tagsliche Leistung dieser Arbeiter

also bie eines einzigen Arbeiters 703510 Fußpfund. In II., §. 84 wurde bagegen bas tägliche Arbeitsquantum eines Menschen an ber Kurbel 1'175040 Fußpfund angegeben. Die Differenz von 473530 Fußpfund hat ihren Grund nicht allein in ben Nebenhindernissen bes Ziehhaspels, sondern auch noch barin, daß die Haspelknechte in einer achtstündigen Schicht höchstens sechs Stunden lang arbeiten und babei ihr tägliches Arbeitsvermögen nicht erschöpfen.

§. 240. In der Absicht, den Rraft = und Arbeitsaufwand bei ber For- berung mittels eines einfachen haspels zu finden, fegen wir

Bergbatpel.

bie Korberlaft eines Rubels = O.

bas Gewicht eines leeren Rubels = G,

bas Gewicht bes armirten Runbbaumes fammt Seil $=G_1$,

bas Fallen, ober ben Reigungswinkel bes Schachtes ober ber Kübelleistung gegen ben Horizont, = α,

ben mittleren Laftarm bes Rundbaumes = b,

bie Rurbelbobe ober ben Kraftarm = a, und

bie Starte bes Biebfeiles = d.

Die Rraft zum herausziehen bes gefüllten Rubels ift nach I., §. 159

 $S_1 = (G + Q)$ (sin. $\alpha + \varphi$ cos. α),

ft mit meldhad har learn Publish ham Unffleigen haß

und die Kraft, mit welchet ber leere Rubel dem Aufsteigen bes gefüllten Rubels zu hulfe kommt,

$$S_2 = G (sin. \alpha - \varphi cos. \alpha);$$

folglich ift die Rraft zur Bewegung beiber Rubel:

 $W_1=S_1-S_2=Q$ sin. $\alpha+\varphi$ (Q+2G) cos. α , ober, wenn man ben Coefficienten ber Reibung des Rubels in seiner Leistung, $\varphi=0.3$ annimmt,

$$W_1 = Q \sin \alpha + 0.3 (Q + 2 G) \cos \alpha$$
.

Bu diesem Wiberstande kommt nun noch der Widerstand W_2 , welcher beim Umlegen des Seiles um den Rundbaum zu überwinden ist, sowie die Reibung W_3 der Zapfen des Rundbaumes in seinen Lagern.

Der Steifigkeitswiderstand eines Hanffeiles ift nach I., §. 179 burch bie Formel:

$$W_{2} = \frac{d^{1.4}}{b} (6.83 + 0.141 Q)$$

$$= \frac{d^{1.4}}{b} [6.83 + 0.141 (G+Q) (sin. \alpha + \varphi cos. \alpha)] \text{ bestimmt.}$$

Die auf ben Kastpunkt reducirte Zapfenreibung wird nach I., §. 177 burch bie Formel:

$$W_3 = \varphi_1 \frac{r}{b} R,$$

worin φ_1 ben Coefficienten ber Bapfenreibung und R ben Bapfenbrud beseichnet, berechnet.

Der lettere ist die Mittelkraft aus der Summe S_1+S_2 der beiden Seilspannungen und aus dem Gewichte G_1 des armirten Rundbaumes, und berechnet sich daher durch die Formel:

$$R = \sqrt{\frac{[(S_1 + S_2) \sin \alpha + G_1]^2 + [(S_1 + S_2) \cos \alpha]^2}{[(S_1 + S_2)^2 + 2 (S_1 + S_2) G_1 \sin \alpha + G_1]^2}}$$

wofur indeffen, zumal bei Schachten mit großeren Fallen, annahernb:

$$R = S_1 + S_2 + G_1 \sin \alpha$$

= $(Q + 2G + G_1) \sin \alpha + \varphi Q \cos \alpha$

Berghaspel.

gefest werben fann.

Rimmt man $\varphi_1 = 0,1$ an, fo hat man hiernach:

$$W_3 = 0.1 \frac{r}{b} [(Q + 2 G + G_1) \sin \alpha + \varphi Q \cos \alpha].$$

Seten wir nun das Moment der Umbrehungefraft P dem Momente der Gesammtlast $W_1+W_2+W_3$ gleich, so erhalten wir folgende Kraftformel:

$$Pa = (W_1 + W_2 + W_3) b, \text{ ober}$$

$$Pa = [Q \sin \alpha + 0.3 (Q + 2 G) \cos \alpha] b + d^{1.4} [6.83 + 0.141 (Q + G) (\sin \alpha + \varphi \cos \alpha)] + 0.1 r [(Q + 2 G + G_1) \sin \alpha + \varphi Q \cos \alpha].$$

Sat man mit Sulfe biefer Formel die Kraft P eines Haspels beftimmt, fo berechnet sich nun auch mit Hulfe der bekannten Kraftformel (f. II., §. 80) die entsprechende Geschwindigkeit des Kraftpunktes ober der Hasppelspille:

$$v = \left(2 - \frac{P}{K}\right)c$$

und hieraus wieber bie mittlere Gefchwindigfeit der Laft:

$$w = \frac{b}{a} v$$
.

Ift s bie flache Schachtteufe ober ber gange Laftweg, fo hat man bie Beit jum Berausziehen eines Rubels:

$$t_1 = \frac{s}{w} = \frac{as}{bv},$$

und ist to die Stillstandszeit ober Zeit zum Anfüllen und Ausleeren eines Rubels, t aber die ganze Schichtzeit, so folgt endlich die Anzahl ber pro Schicht auszufordernden Kubel:

$$n=\frac{t}{t_1+t_2}.$$

Der obigen Rraftformel tann man auch folgende Form geben:

$$P = \left(1 + 0.141 \frac{d^{1.4}}{b} + 0.1 \frac{r}{b}\right) (1 + 0.3 \text{ cotg. } \alpha) \frac{b}{a} Q \sin \alpha$$

$$+ \left[0.6 G \cot g \cdot \alpha + \frac{d^{1.4}}{b} \left(\frac{6.83}{\sin \alpha} + 0.141 G (1 + 0.3 \cot g \cdot \alpha)\right) + 0.1 \cdot \frac{r}{b} (2 G + G_1)\right] \frac{b \sin \alpha}{a},$$

ober

Berghadpel.
$$P = [(1 + \delta) (1 + 0.3 \ cotg. \ \alpha) \ Q + W] \frac{b \ sin. \ \alpha}{a}$$
, wosern man $0.141 \ \frac{d^{1.4}}{b} + 0.1 \ \frac{r}{b}$ burch δ und $0.6 \ G \ cotg. \ \alpha + \frac{d^{1.4}}{b} \left(\frac{6.83}{sin. \ \alpha} + 0.141 \ G \ (1 + 0.3 \ cotg. \ \alpha) \right) + 0.1 \ . \ \frac{r}{b} \ (2 \ G + G_1)$ burch W bezeichnet.

Es ift aus II., f. 82 und f. 84 bekannt, bag die Leiftung am großten ausfallt, wenn

$$P = K + \frac{b}{a} \frac{W \sin \alpha}{2} ift,$$

folglich bas Bebelarmverhaltnig:

$$\frac{b}{a} = \frac{K}{\left((1+\delta)(1+0.3 \cot g.\alpha) Q + \frac{W}{2}\right) \sin \alpha}$$

in Unwendung gebracht wird.

Beispiel. Es sei das Hörberquantum eines Kübels Q=90 Pf., das Gewicht eines leeren Kübels G=35 Pf., das Gewicht des Kundbaumes sammt Seil $G_1=100$ Pf., das Fallen des Schachtes $\alpha=60$ Grad, die Länge des Kraftarmes $\alpha=16$ Boll, die Stärfe des Kundbaumes=7 Joll, die Länge der Fortwickelung des Seiles auf demselben=2 Fuß, der Zapfenhalbmesser r=3/8 Joll und die Seilstärke d=3/4 Joll; man fragt nach der Anzahl der Kübel, welche mittels dieses Haspels durch zwei Arbeiter aus einer plachen Teufe von 150 Fuß täglich zu Tage gefordert werden.

Die Formel $b=\left(1+\frac{s\,d^2}{4\,\pi\,l\,r^2}\right)\,r$, worin r nicht ben Bapfen s fontern ben Rundbaumhalbmeffer bezeichnet, giebt uns zunächst die Länge bes mittleren Lastarmes:

$$b = \frac{7}{3} \left(1 + \frac{150}{2} \left(\frac{3}{4} \cdot \frac{2}{7} \right)^{2} \cdot \frac{1}{4\pi} \right) = \frac{7}{2} \left(1 + \frac{1350}{1568\pi} \right) = \frac{7}{2} \cdot 1,274$$

$$= 4.459 \text{ Soli.}$$

Nun ift

b

[Q sin. $\alpha + 0,3$ (Q + 2 G) cos. α] b

= (90 sin. 600 + 0,8 . 160 . cos. 600) . 4,459 = 454,6 Bellef.

 $d^{1.4} [6,83 + 0,141 (Q + G) (sin. \alpha + \varphi cos. \alpha)]$

 $= (6.83 + 0.141 \cdot 125 \cdot 1.016) \cdot 0.6685 = 16.5 \text{ Bollpf.}$

 $\varphi_1 r \left[(Q + 2G + G_1) \sin \alpha + \varphi Q \cos \alpha \right]$

= 0,1 . ⁸/₈ (260 sin. 600 + 27 cos. 600) = 8,9 Bollpf.,

baber folgt bas Rraftmoment:

$$Pa = 454,6 + 16,5 + 8,9 = 480,$$

und baher bie Rraft an ber Rurbel:

$$P = \frac{480}{a} = \frac{480}{16} = 30 \, \text{ Ffunb.}$$

Ferner ift nach II., §. 84, die mittlere Kraft eines Arbeiters an ber Kurbel K = 17 Pfund, also die von zwei Arbeitern = 34 Pfund, und die mittlere Gefcwindigfeit beffelben c = 2,4 Fuß; folglich ift in bem vorliegenben Falle Bergbaspel. bie Gefcwindigfeit ber Kraft:

$$v = \left(2 - \frac{P}{K}\right) c = \left(2 - \frac{30}{54}\right) \cdot 2.4 = \frac{19}{17} \cdot 2.4 = 2.68 \text{ Suf};$$

alfo bie ber gaft:

$$w = \frac{b}{a} v = \frac{4,459}{16} \cdot 2,68 = 0,747 \ \text{Fuß},$$

und baher bie Beit jum Berausziehen eines gefüllten Rubels aus ber Tiefe s = 150 Fug,

Der bet mittleren Arbeitszeit von e = 8 Stunden = 28800 Secunden entsprechende Weg ber Laft ift

 $s_1 = srt = 0.747 \cdot 28800 = 21514$ Fuß,

und folglich bie von zwei Arbeitern taglich auszuforbernbe Rubelgahl:

$$n = \frac{s_1}{s} = \frac{21514}{150} = 143.$$

Erforbert bie Beit zum Fullen und Leeren eines Rubels 1 Minute, so ift bie gange Stillstanbszeit 148.1 = 143 Min. = 2 Stunden 23 Min. und basher bie gange Schichtzeit 10 Stunden 23 Min.

6. 241. Mus ber Formel

$$\frac{b}{a} = \frac{K}{\left((1+\delta) \left(1+0.3 \text{ cotg. a}\right) Q + \frac{W}{2}\right) \sin \alpha}$$

ift zu ersehen, bag ber mittlere Bebelarm b ber gaft und also auch bie Starte bes Runbbaumes

$$d_1 = \left(1 - \frac{s d^2}{4\pi l b^2}\right)$$
. 2 b

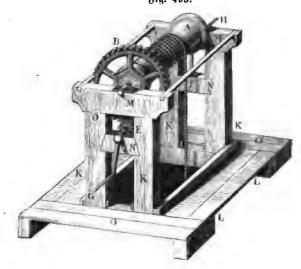
um so schwächer ausfallen muß, je größer die Förderlast Q eines Kübels ist. Nun erfordert aber das Tragvermögen des Aundbaumes und die unvollskommene Biegsamkeit des Seiles, zumal wenn dasselbe, wie in neuerer Zeit sehr gewöhnlich, aus Eisendraht besteht, daß die Starke des Aundbausmes unter eine gewisse Vroße nicht herabgehe; deshalb ist es daher nöthig, zum Ausfördern größerer oder untheilbarer Lasten Haspel mit Vorgeslege in Anwendung zu bringen. Einen transportablen Vorgelegshaspel, welcher hierzu anwendbar ware, kennen wir schon aus III., §. 215, Fig. 442; bei dem hiesigen Vergbau hat man aber den Vorgelegshaspeln folgende Einzrichtung gegeben.

Der Rundbaum A, Fig. 495 (a. f. S.), ist hier 12 bis 16 30ll stark, und trägt ein größeres eisernes Jahnrad BD von 40 bis 60 Jähnen, während auf der eisernen Kurbelwelle EF (in der Figur verdeckt) ein kleineres eisernes Jahnrad E von 12 bis 15 Jähnen sestsigt. In der Regel läßt man an jedem der beiden Kurbelhörner G und H einen

Bweite Abtheilung. Erfter Abichnitt. Bweites Rapitel.

Borgelege. Haspelknecht arbeiten; bei größerer Lange der Spillen ist es jedoch auch Kig. 495.

522



möglich, brei ober vier Arbeiter an diesem Haspel anzustellen. Es läßt sich zumal die Einrichtung treffen, daß zwei Arbeiter regelmäßig dem Umsbrehen der Kurbel obliegen und ein dritter Arbeiter nicht allein das Aussstürzen der Kübel besorgt, sondern auch noch eine Zeit lang mit an einem Haspelhorne dreht. Die Drahtseile, welche man bei solchen Haspeln answendet, werden aus vier Ligen zu je vier Drähten zusammengedreht. Die Stärke des hierzu verwendeten Drahtes ist 1/32 bis 1/16 Zoll. Zur Untersstügung des Rundbaumes und der Kurbelwelle dienen zwei Paar Haspelsstügen K, K..., welche in den quer über dem Schachte wegliegenden Pfühlbäumen L, L eingelassen sind und den Rundbaum mittels der Quershäupter M_1 M, die Kurbelwelle aber mittels der Froschen N N tragen. Durch die Bänke O, O wird den Arbeitern ein sester Standpunkt versschassel.

Segen wir bei diesem haspel, wie im vorigen Paragraphen, bas Do= ment ber Laft:

 $[(1+\delta)\ (1+\varphi\ cotg.\ \alpha)\ Q+W]\ b\ sin.\ \alpha,$ so haben wir hier unter der Boraussehung, daß n_1 die Anzahl der Zähne des Treibrades auf der Kurbelwelle, n_2 die Anzahl der Zähne des Getriebrades auf der Lastwelle, und φ_2 den Coefficienten der Zahnreibung bezeichenet, dem Paragraphen 52 entsprechend die erforderliche Kraft an der Kurbelspille:

Bon ben Rafchinen jum Beben ber Laften auf größere Soben. 523

$$P = \left[1 + \varphi_2 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)\right] [(1 + \delta)(1 + \varphi \cot g.\alpha) Q + W] \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \sin \alpha, \text{ beiget.}$$
wobei jedoch noch die Zapfenreibung an der Kurbelwelle u. f. w. außer Acht geblieben ist.

Ift a2 ber halbmeffer bes Bahnrabes auf ber Lastwelle, fo hat man ben Drud zwifchen ben Bahnen beiber Raber annahernb:

$$R = \frac{b}{a_2} Q \sin \alpha.$$

und ist noch r_2 der Halbmesser der Zapfen der Last= und der Kraft= oder Kurbelwelle, so hat man die auf den Kraftpunkt reducirte Zapfenreibung der Kurbelwelle:

$$F = \varphi_1 \frac{r_2}{a} \sqrt{G_2^2 + R^2} = \varphi_1 \frac{r_2}{a} \sqrt{G_2^2 + \left(\frac{b}{a_2} Q \sin \alpha\right)^2}.$$

Der aus bem Seitendrucke R hervorgehende Zuwachs der Zapfenreibung der Lastwelle kann wegen seiner Kleinheit außer Ucht gelassen werden. Bei Haspeln für einen seigeren Schacht ist $\alpha=90^{\circ}$, folglich sin. $\alpha=1$ und \cos . $\alpha=colg$. $\alpha=0$, daher einfacher:

$$P = \left[1 + \varphi_2 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)\right] [(1 + \delta) Q + W] \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} + F$$
, und $F = \varphi_1 \frac{r_2}{a} \sqrt{G_2^2 + \left(\frac{b Q}{a_2}\right)^2}$.

Die erste Formel ist vorzüglich anzuwenden, wenn es darauf ankommt, bas einer gegebenen Last Q entsprechende vortheilhafteste Umsehungsvershältniß $\psi=\frac{n_1}{n_2}$ zu bestimmen. Da für diesen Fall

$$P = K + \frac{F}{2} + \frac{n_1}{n_2} \frac{b}{a} \left[1 + \varphi_2 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right) \right] \frac{W}{2}$$

fein foll, fo folgt, indem man P eliminirt:

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{K - \frac{F}{2}}{\left(\left[1 + \varphi_2 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)\right] (1 + \delta) Q + \frac{W}{2}\right) \frac{b}{a}}, \text{ ober annähernb}$$

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{a K}{b O}.$$

Beispiel. Ift für einen Borgelegshaspel zu einem seigeren Schachte geseben: die Laft Q=200 Pfund, die Kurbelhohe a=16 Joll, und der mittlere Gebelarm der Laft b=8 Boll, so hat man zunächst bei Anstellung von zwei haspelfnechten mit je 17 Pfund Kraft das Umsehungsverhältniß annähernd

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{aK}{bQ} = \frac{16 \cdot 34}{8 \cdot 200} = \frac{34}{100}$$
, also ungefahr 1/2.

524

Ergelege.

Seten wir hiernach vorläufig die Anzahl ber Bahne bes Rabes auf ber Kurbelwelle, $n_1=17$ und die des Rades auf der Lastwelle, $n_2=52$, sowie $\varphi_2 n=\frac{1}{3}$, so erhalten wir den Factor:

$$1 + \varphi_2 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right) = 1 + \frac{1}{3} (\frac{1}{17} + \frac{1}{62}) = 1,026.$$

Bare bie Starte bes etwa anzuwenbenben Sanffeiles 3/4 Boll, fo wurbe ber Berth

$$0.141 \cdot \frac{d^{1.4}}{b} = 0.141 \cdot \frac{0.668}{8} = 0.141 \cdot 0.0835 = 0.012$$

betragen; bei Anwendung eines $\frac{1}{4}$ Boll biden Drahtfeiles ift hingegen ber Steis figfeitswiderstand nur halb fo groß, b. i. $\frac{1}{2}$. 0,141 $\frac{d^{1.4}}{b}$ = 0,006.

Sett man noch ben Bapfenhalbmeffer ber Laftwelle $r=\frac{1}{2}$ Boll und ben Reibungscoefficientin $\varphi_1=0.1$, fo erhält man

$$\frac{\varphi_1}{b} = \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{16} = 0,006$$

und baher ben Facter:

$$1 + \delta = 1 + 0,006 + 0,006 = 1,012.$$

Ift ferner bas Gewicht eines Rubels, G = 70 Pfund und bas Gewicht ber- Laftwelle 500 Pfund, fo hat man bie conftante Nebenlaft :

$$W = \frac{1}{2} \cdot \frac{d^{1/4}}{b} (6.83 + 0.141 G) + \frac{g_1 r}{b} (2 G + G_1)$$

= 0.04175 (6.83 + 9.87) + 0.006 · 640 = 4.45 \(\text{9f}. \)

Endlich ift die Bapfenreibung an der Kurbel, wenn der halbmeffer des Bapfens $r_3=\frac{8}{8}$ Boll, das Gewicht der Kurbelwelle, $G_2=150$ Pfund und der halbmeffer des Bahnrades auf dieser Welle, $a_2=18$ Boll angenommen wird:

$$F = \varphi_1 \frac{r_2}{a} \sqrt{\frac{G_2^3 + \left(\frac{bQ}{a_2}\right)^2}{\left(\frac{bQ}{a_2}\right)^2}} = \frac{1}{10} \cdot \frac{3}{8 \cdot 16} \sqrt{150^2 + \left(\frac{200 \cdot 8}{18}\right)^2}$$

 $= 0,00234 \sqrt{22500 + 7901} = 0,408$ Flund.

hiernach erhalten wir genauer bas Umfegungeverhaltniß:

$$\begin{split} \frac{n_1}{n_2} &= \frac{K - \frac{F}{2}}{\left(\left[1 + \varphi_2 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{a}\right)\right] (1 + \delta) Q + \frac{W}{2}\right) \frac{b}{a}} = \frac{34 - 0.204}{(1,026.1,012.200 + 4,45)} \cdot \frac{16}{8} \\ &= \frac{33.796}{106.05} = 0.819; \end{split}$$

wonach man angemeffener bie Bahnezahlen $n_1=17$ und $n_2=54$ in Anwens bung bringen fann.

Band . unb Bferbegepel.

§. 242. Die allgemeine Einrichtung ber Hand und Pferbegopel ist berreits aus II., §. 85 bekannt; es bleibt baher nur noch von ben besonberen Einrichtungen ber Gopel, wodurch bieselben zum Forbern geschickt werden, zu handeln übrig. Ein zu biesem Zwede sehr nothiger Theil ist ber sogenannte Korb (s. III., §. 81) oder die Trommel, um welche sich das Seil wickelt, wodurch die Last emporgezogen wird. Die Korbe sind entweber cylindrisch oder conisch gesormt. Im letteren Falle nennt man sie gewöhnlich Spiralkorbe. Sie sind ferner fest oder bewegs

lich auf ihrer Belle. Lettere erhalten eine Aus- und Ginrudvorrich = gant unt tung, abnlich wie Fig. 410 vor Mugen fuhrt, und leiften ihre Dienfte, wenn es barauf ankommt, die Forberteufe ju verandern. In biefem Kalle wird der Korb, an welchem die oben angekommene Tonne hangt, von feiner Belle abgeloft, und durch Bremfen in feiner Umbrehung gehindert, wahrend die unten angekommene leere Tonne von bem feitherigen Rullorte nach dem neuen Fullorte getrieben wird. Ift bies geschehen, fo wird biefer Rorb wieder fest mit der Welle verbunden, und es tann nun bas Forbern von bem neuen Kaffungepunkte aus ohne Beiteres vor fich geben. Der Salbmeffer bes Korbes ift gewöhnlich ein Biertel ber Schwengellange, und die Lange beffelben 1 bis 2 Fuß. Durch die fogenannten Rorbscheiben, welche ben Rorb begrenzen, wird ein 1 bis 2 Fuß tiefes Seilfach jum Aufwideln bes Seiles gebilbet. Eine ber Rorbicheiben bient jugleich als Bremerab fur einen Breme, beffen mefentliche Ginrichtung aus §. 166, Rig. 343 befannt ift.

Die horizontale Richtung bes sich um ben Rorb widelnden Seiles wird burch Leitrollen ober fogenannte Seilscheiben, welche etwa 20 Auf boch über ber Schachtmundung hangen, in bie Schachtrichtung umgean-Man macht diese Scheiben 6 bis 10 guß hoch und giebt ihnen eine rinnenformige Bertiefung fur bas Geil. Gine folche Scheibe aus Guß= eisen ift bereits aus g. 23, Fig. 66 bekannt. Damit fich bas Geil regelmagig auf ben Rorb aufwideln tonne, barf ber Abstand ber Seilscheiben vom Korbe nicht unter bem 3manzigfachen ber Seilfachhohe meffen, auch ift zu biefem 3mede bas Seilftud zwischen bem Korbe und ber Seilscheibe burch sogenannte Balanciergewichte ju unterftugen. Die Chene einer Seilscheibe ift burch die Richtung bes Seiles im Schachte und burch bie bes Seilftudes vom Rorbe nach biefer Scheibe bestimmt. Ift ber Schacht feiger, so erhalt hiernach auch jebe ber beiben Seilscheiben eine feigere Lage; ift hingegen ber Schacht flachfallend und ber Horizontalabstand ber beiben Seile im Schachte nicht gleich bem Korbdurchmeffer (in ber Regel fleiner), fo find die Seilscheiben, und folglich auch ihre Uren, ichief gegen ben Boris gont zu legen.

In ber neueren Beit wendet man fast nur Drahtfeile (f. f. 18) gur Sopelforderung an. Diefelben find in ber Regel moglichft rund jufams mengebreht und bestehen aus 3 bis 6 Ligen ju je 4 bis 6 Drahten. Berbindung bes Seiles mit bem Forbergefage ober ber Treibetonne wird burch Retten, ber fogenannten Schurg= und Quengelfette, be= wirkt. Bei ber Forberung in feigeren Schachten haben bie Forbergefaße nicht felten bie gewöhnliche fagformige Geftalt; jur Forberung in flachen Schachten, wo bas Forbergefaß in einer Leitung geben muß, find hingegen taftenformige Treibetonnen nothig. Um bas nachtheilige Drehen ber Tonhand . und Pferbegöpel.

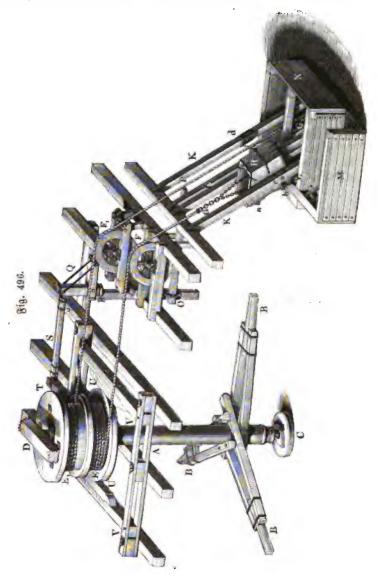
nen in seigeren Schachten zu verhindern, wendet man an manchen Orten noch fogenannte Bandfeile an, welche aus mehreren Rundfeilen gufammengenaht werden; weit beffer ift es jedoch auch hier eine Tonnenleis Die Treibetonnen fur feigere Schachte find parallele= tung anzumenben. pipebifche Raften mit vier Seitenwalzen, wovon je zwei an einer Seitenwand ber Tonne figen und zwischen zwei in bem Kallen des Schachtes nie bergebenden Streichbaumen beweglich finb. Die Treibetonnen fur flache Schächte find prismatische Raften mit trapezoidalen Seitenwanden, und erhalten außer den Seitenwalzen noch vier Raber ober Bauchwalzen, womit fie auf ben in neueren Beiten meift mit Gifenschienen belegten Straß= baumen laufen. Um fo wenig wie moglich Aufenthalt beim Rullen und Leeren ber Korbergefage zu haben und bas Korbern moglichst zu beschleunis gen, hangt man, jumal bei feigeren Schachten, ftatt ber Treibetonnen ein mit einer Schale verfehenes Gestelle an bas Treibefeil und forbert gleich Die Bagen, in welchen bie Forbermaffen bem Schachte zugeforbert werben, nachdem man fie auf bie Schale geschoben hat, zu Tage.

Damit sich bas Treib = ober Forberseil nicht auf bem Liegenben bes Schachtes abreibe, werben von Distanz zu Distanz Seilwalzen angebracht, über welche bas Seil hinlauft.

Um enblich bas aus bem Schachte gekommene Forbergefaß zu leeren, muß noch eine besondere Stürzvorrichtung angebracht werden, welche aus haten, ben sogenannten Stürzhaken, und aus zwei Bolzen, den sogenannten Stürzaren, besteht. Jene sigen auf den Streichbaumen über der Schachtbrüftung, diese hingegen ragen aus den Seitenwänden der Tonne etwas unter dem Mittel derselben hervor. Soll die Tonne gestürzt werben, so läßt man die Stürzhaken mittels eines Hebels herab, damit sich die Stürzaren der niederzulassenden Tonne in dieselben einlegen können. Werden statt der Tonnen die Körderwagen auf Schalen empor getrieben, so müssen zwar die letzteren durch niederzulassenden Haken vor dem unzeiztigen Niedergehen gesichert werden, dagegen kommt es dann nur noch darauf an, den gefüllten Wagen von der Schale abzuziehen und ihn durch einen leeren zu erseben.

§. 243. Die Einrichtung eines handgopels für einen flachen Schacht kann man aus ber monodimetrischen Zeichnung besselben in Fig. 496 ersehen. A ift die stehende Welle und B, B, B sind die drei auf berselben befestigten Schwengel, beren Enden von den Arbeitern ergriffen und von denselben fortgeschoben werden. Diese Welle ruht mit ihrem unteren Zapfen oder Stifte in einer Pfanne, welche in dem sogenannten Gopelstock C eingelassen ist, und wird mit ihrem oberen Zapfen durch ein an einen Balten D bes Gopelhauses angeschraubtes Lager gestützt. Die

beiben Rorbe E und E1 diefes Gopels fiben fest auf ber stehenben Welle Dand. unt und bilben baher ein Ganges. Die Seile EFG und E, F, G, laufen uber die neben und uber einander hangenden Seilfcheiben F und F1, wodurch fie bie bem Fallen bes Schachtes entsprechenben Richtungen er-

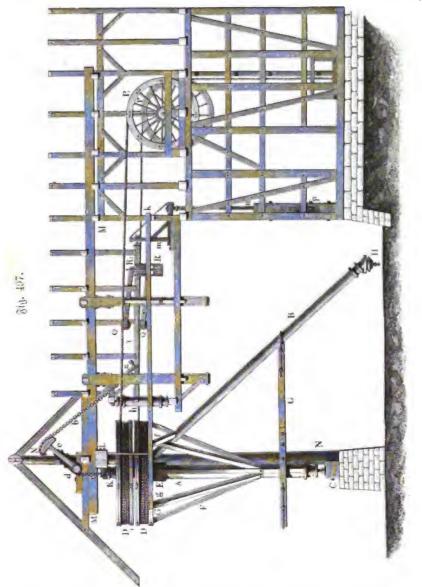


Banb · unb Bferbegöpel

halten. Die eine Tonne H ift foeben über Tage angekommen und von ben Sturzhaken erfaßt, bie andere Tonne ift bagegen am Fullorte ange= langt, und beshalb in der Zeichnung nicht angegeben. Bon ber Tonnenleitung find nur bie Streichbaume K, K, ic. fichtbar; von ben Strafbaumen, worauf die Tonne mit ihren Rabern ober Balgen a, b . . lauft, ift bei L nur bas Ende bes einen bemerkbar. Gbenfo bemerkt man von ben vier Sturghafen, welche in ben Streichbaumen eingelaffen find, in c und d beren nur zwei. MN ift bie fogenannte Schachtbruftung, welche bei M ben Sahr= und bei N bie beiben Abtheilungen bes Treibschachtes von außen umgiebt. Die untere Korbscheibe bient jugleich als Brems= rab, wenn es barauf antommt, die Dafchine gu fiftiren. Diefes Bremfen wird durch Rieberbruden eines um O brehbaren Bebels OP, des fogenannten Bremebrudels, hervorgebracht. Diefer wirft mittels einer vertifalen (in ber Figur faum fichtbaren) Bugftange auf ein um R brebbares Rreug QR, welches mit bem ichon aus g. 170, Fig. 351 befannten Bremewert TUV burch eine horizontale Bugftange S in Berbinbung gefett ift.

Die Einrichtung eines fachfischen Pferbegopels ift aus Figur 497 gu entnehmen. Es ift auch hier A bie stehende Belle, B ber Schwengel und C ber die erftere unterftugende Gopelftod, beffen fpecielle Bufammenfegung aus Figur 498 (S. 530) erfeben werben tann. hier ift a ein burch Unter mit bem aufgemauerten Gopelftode verbundenes Lager aus Solz, durch welches die Gegenkeile b, b hindurchgeben, welche die Pfannen tragen, in welchen ber in bem unteren Bapfen d ber ftehenben Belle A eingesette Stahlstift lauft. (Bergl. §. 9, Fig. 24-26.) Bon ben beiben Rorben D und D1, Fig. 497, ift ber untere fest auf ber ftehenden Belle, ber obere aber beweglich auf berfelben. Fur gewohnlich ruht ber erftere auf bem letteren und ift mit bemfelben burch Bolgen verbunben, bie aus bem oberen Armgeviere bes unteren Korbes hervorragen und in entsprechende Locher im unteren Armgeviere bes oberen Korbes eingreifen. Kommt es aber barauf an, bie leere Tonne im Schachte fortzuruden, fo breht man an einer Winde a, welche burch eine Rette b und einen Arm c mit ber Horizontalwelle d in Berbinbung gefest ift, von welcher zwei ben oberen Rorb tragende Retten, wie e, herabhangen. Daburch wird ber obere Rorb von dem unteren abgehoben, und es fann nun die stehende Welle mit dem unteren Rorbe umlaufen, folglich bie mit bemfelben verbundene leere Tonne beliebig hoher ober tiefer gerudt werden, ohne bag ber obere Rorb umlauft und die an ihm hangende volle Tonne ihren Ort andert. Der untere Rorb D wird burch Rnaggen E und Streben F von unten unterftust, und ber Schwengel B ift oben in bie ftehende Belle eingezapft und verfchraubt, übrigens aber auch noch in bem unteren Rorbe festgefeilt, und

Bon ben Mafchinen zum Geben ber Laften auf größere Hohen. 529 an bemfelben burch Streben f und an ber ftehenden Welle unten burch Bierbegobel.



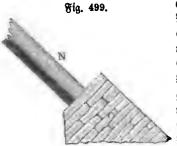
einen Spannriegel G abgesteift. Die 10 Fuß lange Deichsel, woran bie III.

Sand- und Pferbe giehen, ift burch einen Stednagel H an bas untere Ende bes



Schwengels angehangen und läst sich um biesen Nagel frei breben. Noch sind an dem Schwengel zwei Schleppspiese angehangen, welche sich in die Rennbahn einstemmen, wenn die Kraft nachläst, und welche badurch das Zurückgehen der vollen Tonne verhindern. Der obere Zapfen K der stehenden Welle liegt in einem Lager, welches an einem doppelten Querbalken L angeschraubt ist, der zwei Strebbalken wie M trägt und sich gegen die über die ganze Rennsbahn weggreisenden Sparren oder Spiesbäume NN stemmt. Diese Spiesbäume stügen sich unten auf eine Mauer O, wie

aus Sig. 499 ju erfeben ift, und find entweder oben in einander, ober an



einer Hangefaule, bem sogenannten Mond, eingezapft. Die Seile erhalten burch bie Seilscheiben P und P1 bie Richtung nach bem Schachte und sind bei Q und Q1 von Rollen unterstützt, die durch Gegengewichte R und R1 mittels Hebel von unten nach oben gedrückt werden. Endlich hat die Maschine noch ein Bremswert, wie wir bereits kennen

geternt haben. Die Fig. 496 zeigt in gk einen von ben beiben hebeln, an welchen die auf ben unteren Kranz des oberen oder unteren Korbes zu brudenden Bremsbacken befestigt sind. Um das Bremsen ohne Anstrengung und von dem Treibehause aus bewirken zu können, ist noch eine Wendedock h (vergl. §. 18) angebracht, welche durch, in der Figur nicht sichtbare, Zugstangen an die Bremshebel und durch die holzerne Zugstange l mit einem Kreuze m in Verbindung sieht, von dem eine britte Zugstange n herabhangt, welche mittels eines Drudels p niewergezogen werden kann. Um den Brems in der einen oder der anderen Stellung zu erhalten, ist zur Seite des Drudels eine gezahnte Stange angebracht und der Drudel selbst mit einem Zahne versehen, womit man benselben in diese Stange einschieben kann.

§. 244. Der Arbeitsaufwand, welchen die Bewegung eines Pferdegopels nothig macht, ift mit Sulfe bes in II., §. 85 uber die ftehenden Bellen überhaupt Gefagten leicht zu beurtheilen, zumal ba hier viele Bere gand. und haltniffe biefelben find, wie bei ber Saspelforberung. Bezeichnen wit auch hier burch O bie Forbertast in einer Tonne, burch G bas Gewicht einer leeren Tonne, bagegen burch G, bas Gewicht ber Seilmalzen im Liegenben bes Schachtes, burch G2 bas Gewicht einer Seilscheibe und burch G, bas Gewicht ber armirten ftebenben Belle; feben wir ferner ben Kallminkel bes Schachtes = a, ben Salbmeffer einer Tonnenwalze = r, ben Salbmeffer bes Bapfens berfelben = o, ferner ben Salbmeffer einer Seilwalze = r1 und ben ihres Bapfene = Q1, fowie ben Salbmeffer einer Seilscheibe = r, und ben ihres Bapfens = 02; bezeichnen wir noch ben Salbmeffer bes Stiftes ber ftebenben Belle burch Qa und ben bes Bapfens burch Q4. Segen wir ferner bie Lange ber ftehenben Belle, vom Stift bis jum oberen Bapfen gemeffen, = l, ben mittleren Abstand ber beiben Rorbe von bem Stifte = l_1 und ben von bem oberen Bapfen = l_2 , bie mechanische Schwengellange, vom Schwengelnagel rechtwinkelig gur Are ber ftebenben Belle gemeffen, =a, die Deichsellange =d, ben mittleren gaftarm bes Rorbes = b, bie flache Schachtteufe = s, bie Seilstärke = 8, enblich bas Gewicht bes laufenben Fuges Treibeseil = γ und das Gewicht des ganzen Treibeseiles, d. i. $s \gamma$, = S.

Die reine Last ist auch hier, ba sich bie beiben Tonnen bas Gleichs gewicht halten, $W=Q\sin\alpha$.

Die beiben Tonnen bruden mit der Kraft $(Q+2G)\cos \alpha$ gegen die Tonnenleitung, und wurden hier die gleitende Reibung $\varphi(Q+2G)\cos \alpha$ zu überwinden haben, wenn sie ohne Raber waren; durch biese Raber wird aber die gleitende Reibung in eine zu vernachlässigende rollende und in folgende Zapfenreibung verwandelt:

$$W_1 = \varphi \frac{\varrho}{r} (Q + 2G) \cos \alpha$$
.

Die Treibeseile bruden mit bem Gewichte $S=s\gamma$ gegen die Seils walzen im Schachte, und geben hier eine Zapfenreibung, welche sich annahernd

$$W_2 = \varphi \, \frac{\varrho_1}{r_1} \, (S + G_1) \, \cos \alpha$$

feben läßt.

Die Gesammtspannung ber beiben Seile ist $(Q+2G+S_1)$ sin. α anzunehmen, weshalb nach I., \S . 181 ber Steifigkeitswiderstand des Seiles an den Seilscheiben

$$W_3 = K + \frac{\nu (Q + 2G + S) \sin \alpha}{r_0}$$

zu fegen ift.

Die Seilscheiben wirten burch ihr Gewicht 2 G, vertital abwarte, und

532

Dand und mittels ber Seile sowohl nach dem Schachtfallen abwarts als auch nach bem Rorbe horizontal mit der Kraft $(Q+2G+G_1)$ sin. a, folglich kann man ben Bapfenbrud bei biefen Scheiben (f. I., §. 169) $0.96[2G_2+(Q+2G+S)(sin.\alpha)^2]+0.40(Q+2G+S)sin.\alpha(1-cos.\alpha)$

und baher die entsprechende Bapfenreibung

$$W_4 = \varphi \frac{\varrho_2}{r_2} \left(0.96 \left[2 G_2 + (Q + 2 G + S) (\sin \alpha)^2 \right] + 0.40 (Q + 2 G + S) \sin \alpha (1 - \cos \alpha) \right)$$

$$= \varphi \frac{\varrho_2}{r_2} \left(1.92 G_2 + [0.96 \sin \alpha + 0.40 (1 - \cos \alpha)] \right)$$

$$(Q + 2 G + S) \sin \alpha$$

fegen.

Die mittlere Spannung bes sich auf ben Rorb aufwickelnden Seiles låßt sich $(Q + G + \frac{1}{2}S)$ sin. α annehmen, weshalb ber entsprechende Seilsteifigkeitewiberstand ift

$$W_{\delta} = K + \frac{\nu (Q + G + \frac{1}{2}S) \sin \alpha}{b} \cdot$$

Bu biesen Wiberständen tommen endlich die aus II., §. 85 bekannten Bapfenreibungen an ber ftebenben Belle, namlich bie Reibung an ber Bafis bes unteren Bapfens

$$W_6 = \frac{2}{8} \varphi \frac{\varrho_3}{b} G_8$$

und bie Seitenreibung an beiben Bapfen

$$W_7 = \varphi\left(\frac{r_3 l_2 + r_4 l_1}{b l}\right) (Q + 2 G + S) \sin \alpha.$$

Der Summe W + W1 + W2 + W3 + W4 + W5 + W6 + W, diefer Widerstande ift burch bie vom Schwengelarme auf ben mittleren gaftarm reducirte Rraft bas Gleichgewicht ju halten. II., 6. 85 ift ber Bebelarm a, ber Kraft wenig fleiner als bie mechanische Schwengellange, namlich

$$a_1=\sqrt{a^2-rac{d^2}{4}}$$
, annähernb $=a-rac{d^2}{8a}$,

baher bas Moment ber Bugfraft ber Pferbe ju feten:

$$Pa_1 = P\left(a - \frac{d^2}{8a}\right)$$

und bie reducirte Rraft felbft

$$\frac{Pa_1}{b} = \frac{P\left(a - \frac{d^2}{8a}\right)}{b} = W + W_1 + ... + W_7.$$

Bon ben Dafdinen gum Beben ber Laften auf größere Boben.

Sind die Laft, die beweglichen Gewichte und die Dimenftonen eines Danb- und Berrbegopel. Gopels gegeben, fo tann man nun leicht die erforberliche Bugtraft ber Pferbe

$$P = \frac{b(W + W_1 + \dots + W_7)}{a - \frac{d^2}{8a}}$$

finden.

Auch ist nun hieraus wieder die zu fordernde Seschwindigkeit der Kraft und Last zu berechnen. Die bekannte Formel $P=\left(2-\frac{v}{c}\right)K$, wo K die mittlere Kraft und c die mittlere Geschwindigkeit bezeichnet, giebt uns die gesuchte Seschwindigkeit der Kraft

$$v = \left(2 - \frac{P}{K}\right),$$

woraus bie mittlere Befchwindigfeit ber Laft

$$w = \frac{b}{a_1} v = \frac{bv}{a - \frac{d^2}{8a}}$$

folgt.

Die Zeit zum Ausforbern einer Tonne und die Anzahl ber in einer gegebenen Schichtzeit auszuforbernden Tonnen ift genau nach den schon in §. 240 gegebenen Formeln zu berechnen.

Uebrigens tann man auch bei ben Treibegopeln wie bei ben haspeln, wenn R bie conftante Rebensaft bezeichnet,

$$P = [(1 + \delta) (1 + \varphi \frac{\varrho}{r} \cot g.\alpha) Q + \frac{1}{2}R] \frac{b \sin \alpha}{a_1}$$

fegen und hiernach ben zwedmäßigsten Sebelarm ber Laft berechnen. Es ift namlich

$$b = \frac{a_1 K}{\left((1+\delta) \left(1+\varphi \frac{\varrho}{r} \cot g \cdot \alpha\right) Q + \frac{R}{2}\right) \sin \alpha},$$

und folglich ber entsprechende Rorbhalbmeffer, nach §. 81:

$$r_5 = \left(1 + \frac{s d^2}{4 \pi l b^2}\right) b.$$

Beispiel. Wie viel gefüllte Tonnen können mittelst eines Pferbegöpels burch zwei Pferbe aus einem Schachte von 800 Fuß Tiefe und 70 Grab Fallen getrieben werden, wenn das Gewicht der Fördermasse = 1000 Pfund, das Gewicht einer Treibetonne G=400 Pfund; ferner das Gewicht der Seilwalzen im Schachte $G_1=120$ Pfund, das Gewicht einer Seilscheibe $G_2=500$ Pfund, das Gewicht der stehenden Welle $G_3=9000$ Pfund und der laufende Fuß der anzuwendenden Drahtseile $\gamma=\frac{1}{2}$ Pfund, also jedes Seil 800 . $\frac{1}{2}=400$ Pfund wiegt, und wenn die Dimenstonen des ganzen Treibezeuges solgende sind: $\varrho=\frac{1}{2}$, $r=\frac{1}{2}$, $\varrho_1=\frac{1}{2}$, $r_1=2$, $\varrho_2=\frac{1}{2}$, $r_2=36$, $\varrho_3=1$, $\varrho_4=\frac{5}{2}$ Boll,

534

 $_{\rm band-\ unb}$ $\delta=1/_{\rm s}$ Boll, ferner $l_1=20$ Fuß, $l_2=5$ Fuß, also $l=l_1+l_2=25$ Fuß, Bierbegöpel. a=24 Fuß, d=10 Fuß, $r_5=5$ Fuß?

Die reine gaft ift

W=Q sin. $\alpha=1000$ sin. $70^{\circ}=939,69$ Pfund, die Reibung an ben Aren ber Tonnenwalzen, $\varphi=0,1$ gefett,

 $W_1 = \varphi \frac{\varrho}{r} (Q + 2G) \cos \alpha = 0.1 \cdot \frac{1}{6} \cdot 1800 \cos 70^{\circ} = 12.31$ Ffund,

bie Reibung an ben Aren ber Seilwalzen, p, = 0,1 angenommen,

$$W_{\rm s} = \varphi_1 \frac{\varrho_1}{r_1} (S + G_1) \cos \alpha = 0.1 \cdot 1/6 \cdot 520 \cos 70^\circ = 2.22 \ {
m Ffunb},$$

ber Steifigfeitswiderstand bes Seiles beim Umbiegen um die Gopelicheiben, wenn man für diese Seile, Bersuchen bes Bersaffers entsprechenb,

$$K = 0.77$$
 und $\nu = 0.0907$ annimmt,

$$W_s = K + \nu \ (Q + 2G + S) \cdot \frac{\sin \alpha}{r_s} = 0.77 + 0.0907 \cdot 2200 \cdot \frac{\sin 70^{\circ}}{36} = 5.21 \, \text{Bf.}$$

und bie Bapfenreibung an ben Seilscheiben, ge = 0,1 angenommen,

$$W_4 = \varphi_2 \frac{\varrho_4}{r_1} \left(1,92 G_3 + [0.96 \sin \alpha + 0.40 (1 - \cos \alpha)] (Q + 2G + S) \sin \alpha \right)$$

= 0.1 · 1/24 [1.92 · 500 + (0.9021 + 0.2632) · 2067] = 14.04 \$\text{gunb.}

Um die übrigen Rebenhinderniffe berechnen zu tonnen, ift bie Kenntniß bes mittleren Sebelarmes b ber Laft nothig. Die Lange biefes Armes ift burch bie Kormel

$$b = \left(1 + \frac{(s + 2\sigma) \, d^2}{4\pi \, l \, r^2}\right) r$$

bestimmt, in welcher

s bie abzuwidelnbe Seillange = 800 Fuß,

o bie auf bem Rorbe gurudbleibenbe Refervefeillange, etwa 200 Tug,

d bie Seilftarfe = 1/2 Boll,

I bie Seilfachhohe = 3/2 guß, unb

r ben Rorbhalbmeffer = 5 Fuß bezeichnen.

Es ift für biefen Fall

$$b = \left(1 + \frac{1200}{4\pi \cdot \frac{9}{4} \cdot \frac{25 \cdot 24^{\circ}}{25 \cdot 24^{\circ}}\right) \cdot 5 = 5{,}022 \text{ guß} = 60{,}264 \text{ Boll.}$$

Der Steifigseitswiderstand des Seiles beim Umwideln um den Korb ift nun $W_b = K + \frac{\nu(Q+G+\frac{1}{2}S)\sin\alpha}{b} = 0,77 + 0,0907 \cdot \frac{1600 \sin \cdot 70^{\circ}}{60,264} = 2,98$ Pfund,

bie Reibung an ber Grunbflache bes Stiftes, p = 0,1 gefest:

$$W_6 = \frac{9}{a} \varphi \frac{\varrho_3}{b} G_3 = \frac{9}{a} \cdot \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{60.264} \cdot 9000 = 9.95$$
 Pfund,

und enblich bie Seitenreibung an beiben Bapfen biefer Belle

$$W_7 = \varphi\left(\frac{r_s \, l_s + r_4 \, l_1}{b \, l}\right) (Q + 2 \, G + S) \, \sin \alpha$$

$$= 0.1 \cdot \left(\frac{1 \cdot 5 + \frac{5}{8} \cdot 20}{60.264 \cdot 25}\right) \, 2200 \, \sin .70^\circ = 2.74 \, \, \text{Pfunb.}$$

Run folgt bie gange Gopellaft

$$W + W_1 + W_2 + \dots + W_7 = 939.69 + 12.31 + 2.22 + 5.21 + 14.04 + 2.98 + 9.95 + 2.74 = 989.14$$
 \$\text{ \$\text{9}\$ funb.}

Banb. und Bferbegöpel.

535

Der Bebelarm ber Rraft ift

$$a_1 = a - \frac{d^2}{8a} = 24 - \frac{100}{192} = 23,48 \text{ fu}$$

folglich bie erforberliche Pferbefraft:

$$P = \frac{b}{a_1} (W + W_1 + \ldots + W_7) = \frac{5.022}{23.48} \cdot 989,12 = 211,56$$
 Pfunb.

Run ift nach II., \S . 85 bie mittlere Zugfraft zweier Pferbe K=2. 95 == 190 Pfunb und die mittlere Geschwindigkeit berselben $\sigma=2,9$ Fuß, bemnach hat man die zu fordernde Geschwindigkeit ber Pferbe:

$$\mathbf{v} = \left(2 - \frac{K}{P}\right) c = \left(2 - \frac{190}{211,56}\right) \cdot 2,9 = 3,195 \, \text{Fu}\,$$

und bie mittlere Gefdwindigfeit ber Conne:

$$\mathbf{v} = \frac{b}{a_1} \ \mathbf{v} = \frac{5,022}{23,48} \cdot 3,195 = 0,683 \ \text{Fu} \hat{\mathbf{g}}.$$

Die Beit jum Ausforbern einer Tonne ift:

$$t_1 = \frac{s}{100} = \frac{800}{0.683} = 1171 \text{ Sec.} = 19', 81''.$$

Rechnet man hierzu noch 5 Minuten = 300 Secunden Stillstandszeit, so kommt auf bas Treiben einer Tonne im Ganzen die Zeit 1471 Secunden, und es folgt baber die Anzahl ber in einer Schichtzeit von 8 Stunden auszusörbernden Tonnen:

$$\mathbf{s} = \frac{8 \cdot 60 \cdot 60}{1471} = 20.$$

Um bie gange tagliche Arbeitsfraft ber Pferbe zu verbrauchen, mußte bages gen bie Angahl ber Connen :

$$s = \frac{P v t}{Q s} = \frac{w t}{s} = \frac{0.683 \cdot 8 \cdot 60 \cdot 60}{800} = 24.6$$
, b. i. 24 bis 25 fein.

Die entsprechenbe tagliche Leiftung bes Bopele ift:

1000 . 800 sin. 70° . 24,6 = 12'212000 Fußpfunb,

bie Maximalleiftung ber beiben Bferbe bagegen, nach II., §. 86:

2. 7'734400 = 15'868800 Fußpfund,

folglich ber Birfungsgrab ber Dafchine:

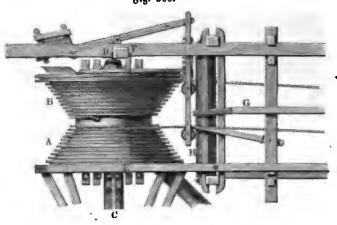
$$\eta = \frac{12'212}{15'869} = 0,770.$$

§. 245. Da sich bas Treibeseil, woran die volle Tonne hangt, wahr extrattord. rend des Aufsteigens dieser Tonne allmälig auf den Kord auf und sich bas Treibeseil, woran die leere Tonne hangt, allmälig von dem Korde abmidelt, so ist die Sesammtlast während des Aussörderns einer Tonne nicht constant, sondern sie ist anfangs Q+S, nimmt allmälig ab, ist serner auf dem halben Wege der Tonne, wo sich die beiden Seilgewichte $\frac{S}{2}$ und $\frac{S}{2}$ das Sleichgewicht halten, Q und sinkt nun immer mehr und mehr, bis sie zulest, wenn die volle Tonne oben ankommt, Q-S aussällt. Es beträgt folglich die größte Veränderung der Last $\frac{2S}{Q}$ der letzteren. Dies

Epitafford. felbe machft alfo mit bem Seilgewichte, b. i. mit ber Schachttiefe & und mit bem Gewichte y einer laufenben gangeneinheit Seil, und ift beshalb bei ben Drahtfeilen, Die bei gleicher Tragtraft ungefahr halb fo fcomer find, ale bie Sanffeile, viel fleiner ale bei ben Sanffeilen. Uebertrafe bas Gewicht S = sy eines Seiles bas ber Korbermaffe, mas bei Unwendung von Sanffeilen und beim Treiben aus tiefen Schachten vortommen kann, so murbe bie Gesammtlaft, bevor bie volle Tonne über Tage ankommt, Rull betragen, und auf bem ubrigen Bege biefer Tonne fogar negativ ausfallen, alfo eine Uebermucht vorhanden fein. Diefer Buftand ber Gopelforberung ift mit bem Abmartsfahren eines Bagens auf einer ftart geneigten Strafe ju vergleichen; fo gut man bier burch Einbemmen ober Bremfen bas befchleunigte Berabrollen bes Magens verhindern muß, ebenfo hat man bei ber Gopelforberung einen Biberftand anzubringen, fo wie bie Laft negativ wird, und folglich ber Gopel von felbft ju geben an-Diefes hemmen bes Gopels tann entweber burch Ungieben bes Bremfes, ober burch Unhangen eines Schlittens ober fogenannten Schleppbunbes, welchen ber Schwengel, woran die Pferbe gieben, mit berum fuhrt, bewirkt werben. Da bie mechanische Arbeit, welche biefe Sulfemittel consumiren, fur bie Daschine gang verloren geht, fo greift man naturlich fehr ungern gur Unmenbung berfelben und giebt ben Gegen. gewichten und ben Spiraltorben ben Borgug. Da es bier barauf ankommt, ein veranberliches Gewicht mahrend ber Durchlaufung eines größeren Beges auszugleichen, fo bietet bie Unmenbung von Gegengewichten, wie wir in §. 178 und §. 179 bei ben Bugbrucken fennen gelernt haben, Schwierigkeiten bar. Um leichteften mochte noch ein fogenanater Musgleichungsmagen anwendbar fein, welcher mabrend bes Musforderns ber Tonne auf einer turgen frummlinigen Bahn ein Dal berauf : und herabsteigt und hierbei bie volle Tonne in ihrem Aufgange auf ber erften Balfte ihres Weges eben fo viel unterftust, als fie auf ber zweiten Balfte binbert. Beit zwedmäßiger ift allerdings bie Unwendung eines Spirals torbes, eines Rorbes von veranderlichem Salbmeffer. Bei bemfelben nimmt ber Bebelarm ber vollen Tonne immer mehr und mehr gu, je weiter biefelbe heraustommt, und bagegen ber Bebelarm ber leeren Tonne immer mehr und mehr gu, je tiefer biefelbe bineintommt, fo bag bas Doment ber erforberlichen Umbrebungefraft tros ber Beranberlichfeit ber Laft mabrent bes Ausforderns ber vollen Tonne nabe baffelbe bleibt.

Die Ginrichtung eines Spiraltorbes nach v. Gerfiner ift aus Sigur 500 gu erfeben. A ftellt bas untere und B bas obere Seilfach bes gan= gen Rorbes, CD aber bas obere Enbe ber ftebenben Belle vor, worauf ber gange Rorb befestigt ift, E ift ber in F aufgehangene Brems, melder burch bas holgerne Geftange G und bie Wenbebode H mittels eiferner Bon ben Dafchinen jum heben ber Laften auf größere boben. 587 Urme und Stangen auf den unteren Rorbfrang aufgedruckt werben tann. Spirattorb.

Fig. 500.



Der Korb selbst wird aus Pfostenstüden und zwischenliegenden Brettsstüden zusammengesetz und ist durch Armgeviere u. s. w. mit der stehenzben Belle fest verbunden. Die Dide der Pfostenstüde, welche die erste oder größte Spiralwindung geben, ist nicht eine und dieselbe, sondern dieselbe wächst nach und nach um reichlich die Starte des Seiles. Auf diese Spiralwindung kommt zunächst die aus dunnen Brettstüden zusammenz gesetze Spiralwindung zu liegen, welche als Scheidewand zwischen den Seilwindungen dient. Hierauf kommt weiter eine aus Pfostenstüden zusammengesetze Spiralwindung, welche wiederum von einer aus schwachen Brettchen gebildeten Spiralwindung bededt wird u. s. w.

Bei dem Spiralkorbe bewegt sich die volle Tonne beschleunigt und die leere Tonne verzögert; es ist daher der Weg x_1 der ersten von dem gleichzeitigen Wege x_2 der anderen, also das Gewicht $X_1 = x_1 \gamma$ des ausges wickelten Seiles der vollen Tonne von dem Gewichte $X_2 = x_2 \gamma$ des abzewickelten Seiles der leeren Tonne verschieden. Sehen wir den constanten Widerstand der vollen Tonne $= R_1$ und die constante Kraft der leeren Tonne $= R_2$, und bezeichnen wir durch μ einen die Einheit übersschreitenden Coefficienten, so können wir den ganzen Widerstand der vollen Tonne durch

$$R_1 + \mu (S - X_1)$$

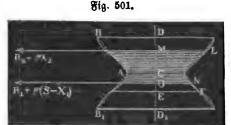
und bagegen bie gange Rraft ber leeren Tonne burch

$$R_2 + \mu X_2$$

ausbruden.

Ist noch z_1 ber entsprechende Lastarm ON, Fig. 501 (a. f. S.), der

eptrailors. vollen und z2 ber entsprechende Laftarm ML ber leeren Tonne, fo haben



wir bas ganze Laft sober Kraftmoment ber Mas schine:

$$Pa = [R_1 + \mu(S - X_1)]z_1 - (R_2 + \mu X_2)z_2.$$

Soll nun ber Spiral= torb vollständig ausglei= chen, so muß biefes Dos ment, wie auch bie gleich=

zeitigen Werthe von z_1 , z_2 , X_1 und X_2 bei den verschiedenen Tonnensständen ausfallen, stets basselbe bleiben. Man hat also auch für den entgegengesetzen Tonnenstand, wo der Widerstand der vollen Tonne $R_1 + \mu X_2$ und die Kraft der leeren Tonne $R_2 + \mu (S - X_1)$ ist:

$$Pa = (R_1 + \mu X_2) z_2 - [R_2 + \mu (S - X_1)] z_1.$$

Die Abbition biefer beiben Gleichungen giebt :.

$$2 Pa = (R_1 - R_2) (z_1 + z_2),$$

und es folgt hiernach der mittlere Rorbhalbmeffer oder mittlere gaftarm:

1)
$$EF = r = \frac{z_1 + z_2}{2} = \frac{Pa}{R_1 - R_2}$$
.

Segen wir in ben beiben Momenteformeln $X_1=X_2=0$, nehmen wir also an, baß sich bie eine Tonne am Tage und bie andere am Fullsorte besinde, so gehen dieselben in folgende über:

$$Pa = (R_1 + \mu S) z_1 - R_2 z_2$$
 und $Pa = R_1 z_2 - (R_2 + \mu S) z_1;$

und es ist hierin $z_1=r_1$, der kleinste gaftarm CA, sowie $z_2=r_2$, der größte gaftarm DB.

Subtrahiren wir nun diese beiben Gleichungen von einander und fuhren wir statt z1 und z2 die Buchstaben r1 und r2 ein, so erhalten wir Folgendes:

$$(R_1 + R_2 + 2 \mu S) \ r_1 = (R_1 + R_2) r_2$$
, und baher
2) $\frac{r_1}{r_2} = \frac{R_1 + R_2}{R_1 + R_2 + 2 \mu S}$.

Run ift aber nach Gleichung 1) auch

$$\frac{r_1+r_2}{2}=r;$$

baher folgt nun ber fleinfte Laftarm:

$$CA = r_1 = \frac{R_1 + R_2}{R_1 + R_2 + \mu S} \cdot r = \left(1 - \frac{\mu S}{R_1 + R_2 + \mu S}\right) r,$$

ber größte Laftarm:

Spiratforb.

$$DB = r_2 = \left(\frac{R_1 + R_2 + 2\mu S}{R_1 + R_2 + \mu S}\right) r = \left(1 + \frac{\mu S}{R_1 + R_2 + \mu S}\right) r.$$

Will man von ber Ausgleichung in ben 3wischenftanben absehen, so giebt man jedem Korbe bie Form eines abgefürzten Regels und ben Grundflachen deffelben bie soeben gefundenen halbmeffer r1 und r2. Die ber gangen Seillange s entsprechende Angahl ber Windungen ift:

$$n=\frac{s}{2\pi r};$$

und folglich bie Bohe eines Seilfaches ober ber einen Rorbhalfte, wenn jebe Seilwindung bie Bohe & in Unspruch nimmt:

$$l = n \lambda$$

In ber Regel tann man bei biefen Dimenfionsbeftimmungen

für
$$R_1 = (Q + G) \sin \alpha$$
,
für $R_2 = G \sin \alpha$, und
für $\mu = \sin \alpha$

fegen, fo baf fich

$$r=b=rac{Pa}{Qsin.a},$$
 $r_1=\left(1-rac{S}{Q+2G+S}
ight)r$ und
 $r_2=\left(1+rac{S}{Q+2G+S}
ight)r$ herausstellt.

Beispiel. Ware für einen Spiralforb ber mittlere halbmeffer r=5 Fuß, so warbe bei ber Tonnenlast Q=1000 Pfund, bem Tonnengewicht G=400 Pfund und bem Seilgewicht S=400 Pfund ber erforberliche kleinste halbmeffer beffelben

$$r_1 = \left(1 - \frac{400}{1000 + 800 + 400}\right)r = \left(1 - \frac{2}{11}\right)r = \frac{9 \cdot 5}{11} = 4\frac{1}{11}$$
 Fuß, und bagegen ber größte Halbmeffer

$$r_s = (1 + \frac{9}{11}r) = \frac{13 \cdot 5}{11} = 5^{10}/11$$
 gus

betragen muffen.

Bei ber Schachtteufe . = 800 Fuß mare bie erforberliche Angahl ber Bins bungen eines Seilfaches:

$$n = \frac{s}{2\pi r} = \frac{800}{2\pi \cdot 5} = \frac{80}{\pi} = 25\frac{1}{2}$$

und rechnet man auf jebe Binbung $\lambda = 1 \frac{1}{3}$ Boll Sobe, so wurde bie Sobe einer Korbhalfte:

Anmerkung. Wenn ber Spiralforb bei allen Zonnenftanben ausgleichen foll, fo muß er bie Form eines Rotationskörpers erhalten, beffen Erzeugungslinie bem Querschnitt ber fogenannten Karniefleiften, wie auch Fig. 501 vor Aus Epiratford. gen führt, ahnlich ift. Geht man bann vom mittleren Salbmeffer EF = r ans, fo hat man für bie bem Umbrehungebogen β entsprechenbe Beranberung bes Rabius ober Laftarmes:

ive ober Lastarmes:
$$z = \pm \frac{2r^{2}\beta}{\sqrt{\left(\frac{R_{1} + R_{2}}{\mu\gamma} + s\right)^{2} + s^{2} - 4r^{2}\beta^{2}}}, \text{ ober annähernb:}$$

$$z = \pm \frac{2r^{2}\beta}{\sqrt{\left(\frac{Q + 2G}{\gamma} + s\right)^{2} + s^{2} - 4r^{2}\beta^{2}}}.$$

Wegen ber Entwickelung biefer Formel ift in bes Berfaffere Bergmafchinenmechanit Bb. II. fowie Gerft ner's Mechanit Bb. I. nachguseben.

Waffergopel.

5. 246. Die Baffergopel find burch bie Rraft bes Baffers in Bewegung gefette liegende Rabwellen; bei ihnen ift alfo die Rorbwelle nicht vertital, sonbern horizontal. Um baufigsten tommen bie burch vertitale Bafferrader in Bewegung gefetten Baffergopel ober fogenannten Bafferradgopel zur Anwendung. Gie find meift ohne Borgelege, b. b. bas Bafferrad fist bier mit ben Rorben, wovon ber eine ftets beweglich ift, auf einerlei Belle. Die Treibefeile tonnen naturlich bier von ben über den Schachtmundungen hangenden Seilscheiben nicht horizontal nach bem Rorbe geführt werben. Sangt bas Bafferrab tief unterirbifc, fo muffen die Seile burch je zwei Sellscheiben nach einem besonderen Seil-Schachte geleitet werben, in welchem fie nach bem Rorbe herabgeben. Die Treibefeile find naturlich bann um bie Teufe biefes Schachtes langer gu machen, ale wenn fich ber Rorb uber Tage befindet. Wenn auch baburch bie Bapfenreibungen vergrößert merben, fo ift ber hieraus ermachfenbe Urbeiteverluft nicht fo groß, ale bei einem Stangenvorgelege, welches ben über Tage befindlichen Rorb mit ber Belle bes unter Tage hangenben Bafferrades verbindet. Die wesentliche Ginrichtung eines folchen Stangenvorgeleges ift ichon aus III., 6. 36, Fig. 110 betannt. Da die Stangen biefer Zwifchenmaschine nicht bloß auf= und niedergeben, fondern auch an ber Rreisbewegung ber Rrummzapfen Untheil nehmen, fo kann man fie nicht mit einer Leitung (f. g. 121) verfeben und beshalb auch biefelben nicht burch Schub, fondern nur burch Bug wirken laffen. Mus biefem Grunde besteht benn auch ein folches Borgelege nicht bloß aus zwei Geftangen und aus zwei Paar auf bas Biertel geftellten einfachen Krummgapfen, wie Rig. 110 vor Augen führt, sondern aus vier Gestängen und amei Daar boppelten Rrummgapfen mit gegenüber liegenben Bargen, wie Kig. 228. Damit von biefen vier Gestängen regelmäßig zwei niedergeben und arbeiten, ftellt man bie beiben boppelten Krummzapfen einer und berfelben Belle fo gegen einander, daß ihre Bargen um je einen Biertelfreis von einander abstehen.

Eine Saupteigenthumlichkeit bes Bafferrabgopels ift bas Rebrrab.

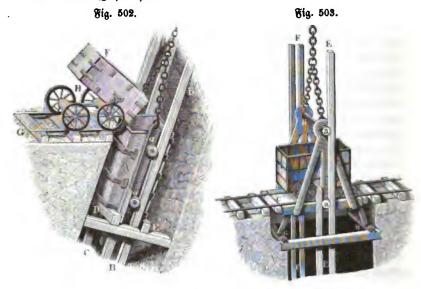
Um abwechselnd die eine oder die andere Tonne auszutreiden, muß die Basersebel. Kordwelle ein Mal in der einen und das andere Mal in der anderen Richztung umgehen; da nun aber ein einfaches Wasserrad nur nach der einen Richtung umläuft, so ist dei Anwendung desselben als Umtriedsmaschine eines Gopels eine leicht lösdare Kuppelung (f. §. 204, Kig. 412 und 413) nothig, durch deren Umrücken die entgegengesehte Umdrehung der Kordwelle hervorgebracht wird. Der größeren Sicherheit wegen leistet man aber auf die Anwendung einer solchen Kuppelung Verzicht und bedient sich lieber zweier ein Ganzes, das sogenannte Kehrrad, ausmachenden Wasserräder mit entgegengesehter Schauselung und Beausschlagung. Je nachdem man nun das Wasser auf die eine oder auf die andere Abtheilung des Kehrrades schlägt, nimmt natürlich dieses und solglich auch die Kordwelle, auf welcher es entweder selfssit, oder mit welcher es durch Gestänge verbunden ist, die eine oder die andere Umdrehungsbewegung an, und treibt hierbei entweder die eine oder die andere Tonne aus dem Schachte.

Das Aufziehen und Niederlassen ber Schubbretter für die beiden Aufsschläge bes Kehrrades erfolgt durch einen Doppelhebel, dessen Are zwischen beiden Schubbrettern liegt und bessen Arme durch die zu diesem Iwede der Länge nach geschlitzten Schübenstangen hindurchgehen. Bur Bewesgung dieses Doppelhebels dient der Schübendrückel, d. i. ein über Tage besindlicher einarmiger Hebel und ein Schübengestänge, welches von diessem Drückel nach jenem Doppelhebel herabgeht. Um die Maschine in Ruhe zu versehen, nachdem die volle Tonne über Tage angesommen ist, wird nicht allein durch Niederlassen der einen Schübe der Ausschlag abzgeschnitten, sondern auch der Brems angezogen, welcher den die Scheiderwand zwischen Lötheilungen des Kehrrades bilbenden Rads oder Bremskranz umgiebt. Die Einrichtung bieser Bremsvorrichtung weicht von der eines Pserdegöpels nicht ab; der hierzu nöthige Bremsbrückel des sindet sich neben dem Schübendrückel und neben Drückeln zum Aufs und Riederlassen der Schübendrückel und neben Drückeln zum Aufs und Riederlassen der Schübendrückel und neben Drückeln zum Aufs und

Die Tonnen sind hier in der Regel größer als bei den Pferdegöpeln und bewegen sich auch schneller als diese; während die letteren 8 bis 10 Kübel fassen und mit 1 bis $1^{1}/_{2}$ Fuß Geschwindigkeit getrieben werden, giebt man jenen einen Fassungsraum von 12 bis 15 Kübel und läßt sie mit $1^{1}/_{2}$ bis 3 Fuß Geschwindigkeit aufsteigen.

Die Art und Weise, wie das Füllen einer Tonne in sehr kurzer Zeit und mit der kleinsten Gefahr bewirkt wird, ist aus Figur 502 (a. f. S.) zu ersehen. Es ist A die zu füllende Tonne, welche mit ihren Walzen a, a zwischen den Streichbaumen BB, CC lauft, und während des Füllens auf den über den Einstrichen wegliegenden Hölzern D, E ruht; FH ist ein Wagen oder hund, durch welchen auf einer Eisenbahn G die För-

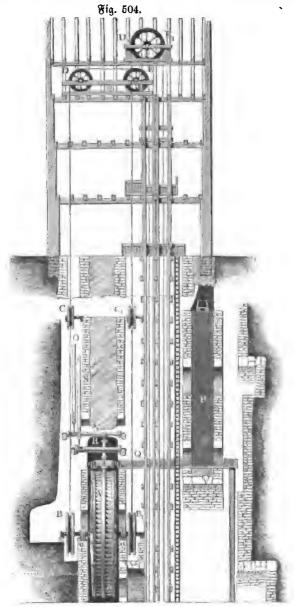
Wallergopel. bermaffe herbeigestoßen wird, welche in bem Kasten F enthalten ist, ber um eine Are im vorderen Radgestelle gekippt wird, wenn es barauf ankommt, die Fördermasse in die Tonne zu schütten, wobei jedenfalls ber kleinste Zeitauswand nothig ist, wenn dieser Wagenkasten mit der Treibestonne einerlei Inhalt hat.



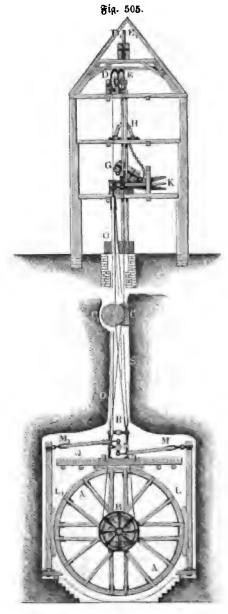
Noch weniger aufhältig ift die in Fig. 503 abgebildete Einrichtung, wo der Wagen A, durch welchen die Fordermasse auf einer Eisenbahn herbeigefördert wird, auf ein Gestelle BCD gesahren wird, welches statt der Treibetonne an dem Seile hangt und mittels der Seitenwalzen a, a zwischen den Streichbaumen EE, FF läuft. Bur Unterstützung dieses Gestelles während des Stillstandes der Maschine dienen die Streben G und H, welche um horizontale Aren drehbar und zuruckzuschlagen sind, wenn aus einer größeren Tiefe gefördert werden soll.

§. 247. Die allgemeine Einrichtung eines Wafferrabgopels ohne Vorgelege ist aus ben beiden Ansichten in Fig. 504 und Fig. 505 (a. S. 544) zu ersehen. AA ist das Kehrrad, B, B₁ sind die beiden Korbe, welche zwar auf ihren Wellen sesssiehen, jedoch mit der Wasserradwelle durch leicht losbare, aus je zwei Scheiben und einem diemetral durchgehenden Bolzen bestehende Kuppelungen a, a verbunden sind. Das Seil, welches sich um den Korb B wickelt, läuft über die Seilwalze C im Seilschachte und über die beiden Seilsscheiden D und E unter dem Dache des Treibehauses, von wo es in der Richtung EF in den Treibe-

Bon ben Maschinen zum heben ber Lasten auf größere höhen. 543 schacht herabhangt; bas Seil bes Korbes B_1 hingegen geht über bie Seils Waskergebet. trommel C_1 und über bie Seilscheibe D_1 E_1 , an welcher es in der Richs



Baffergopel- tung $E_1\,F_1\,$ nach dem Treibeschachte herabhangt. Fig. 505 zeigt in G



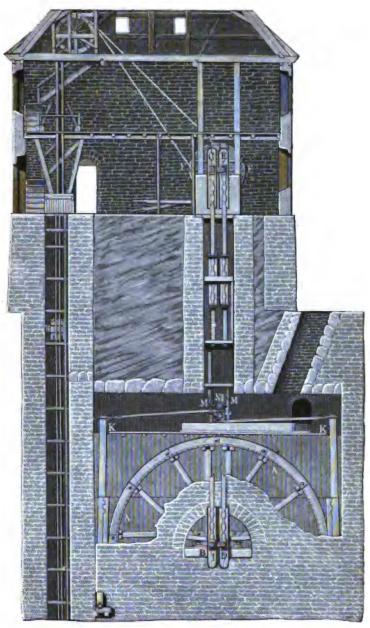
eine ausgestürzte Treibetonne und in H bie fogenannten Fangbocke, welche in bem Falle, wenn bie Mafchine gu fpåt aufgehalten wird, bie Treibetonne zwar bis zu ben Seilscheiben aufsteigen, aber nicht jurudfallen laffen; in K find noch die Drudel gum Schugen, Bremfen und Aus: und Ginruden ber Sturghaten ju feben. Die lette Figur führt in L, L, auch noch ben auf ben mittle= ren Raberang aufzubrudenben Doppelbrems vor Mugen, welcher burch bie Bugftangen M, M1, fowie burch ben breiarmigen Bebel N und burch bas Geftange O mit bem Bremebrudel über Tage verbunden ift. Fig. 504 zeigt enblich in P bie Rabstube des Runftrabes, in Q bas Gerinne, in welchem bas Bafs fer aus biefer Rabstube nach ber bes Rehrrades AA ges führt mirb; auch führen beide Riquren in q, q, bie Schugen fur beibe Rehrrababtheilungen, in R ben Schwengel und in S bie Bugftange bies fer Schuben vor Augen.

Eine Seitenansicht von einem Wasserrabg opel mit Stangenvorgelege zeigt Fig. 506. hier ift AA bas Rehrrab, und man sieht in BC und DE bie zwei Gestänge auf ber einen Seite

Bon ben Dafchinen jum Geben ber Laften auf größere Soben. Fig. 506.

Baffergopel.

545



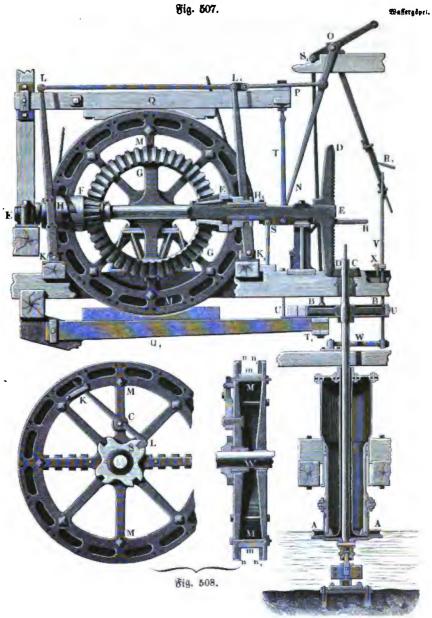
III.

Maffergöpel.

bes Rabes, welche mit biesem burch ben boppelt gekröpften Krummzapfen BD und mit dem Seilkorbe FF durch ben boppelten Krummzapfen CE verbunden sind. Ferner bemerkt man in G die eine Seilscheibe, über welche das Seil vom Korbe nach dem Schachte geführt wird, und in H bie an diesem Seile hängende Treibetonne. Der Brems KLK und der Schüßenzug MNM sind genau dieselben wie bei dem in den letten Figuren abgebildeten Bassergopel ohne Vorgelege.

Da die Turbinen selbst bei kleinen Gefällen eine ansehnliche Anzahl von Umbrehungen pr. Minute machen, aber der Korb eines Wassersdels für eine Tonnengeschwindigkeit von $1^1/2$ bis 3 Fuß und bei einem Durchmesser von 7 bis 9 Fuß in der Minute nur 4 bis 8 Umbrehungen macht, so erfordert ein Turbine ng dpel stets ein oder mehrere Zahnradvorgelege, welche die Umdrehung der Turbine auf die erforderliche Umdrehungszahl des Korbes herabziehen. Wie die Anordnung eines solchen Sopels zu treffen ist, läßt sich recht gut aus Figur 507 entnehmen, welche die Abbildung eines vom Herrn Oberkunstmeister Braunsdorf construirten Turbinengspels auf der Grube "Gesegnete Bergmannshoffnung dei Freiberg" zeigt. Es ist hier AA die Turbine, auf der Welle derselben sit das gußeiserne Bremsrad BB und das kleine conische Treibrad C mit 20 Zähnen, welches in das große Getriebrad DD mit 108 Zähnen eingreift. Obgleich diese Turbine nur ein Gesälle von 14 Kuß hat, so ist dennoch die Umsehung von $\frac{108}{20} = 5,4$ für einen vortheilhaften Sang

ber Maschine noch lange nicht hinreichend und ein zweites Borgelege nothig, welches die Umbrehungszahl noch weiter herabzieht, und aus ben Eleinen conischen Rabern F und F1 mit je 18 3ahnen und bem größeren Bahnrabe GG mit 56 Bahnen besteht. Das erftere Raberpaar fist jeboch nicht fest auf ber Belle EE bes conischen Rabes DD, sondern ift mit feiner conifden Bohlung um einen conifden Mantel brebbar, welcher auf biefer Belle festgeteilt ift; um aber bie feste Berbindung gwischen EE und F, F, herzustellen, bienen bie Muffen HH, welche fich mittels ber Rudgabeln KL, K1L1 über bie auf EE festsigenden Febern a, a ver-Schieben und mit ihren ausgezachten Stirnen in die ebenfalls ausgezachten Ropfe ber Raber F, F, einruden laffen. Je nachbem nun ber Duff H in bas Rad F ober ber Duff H1 in bas Rad F1 eingerudt ift, wirb bas Bahnrad G, und folglich auch ber mit bemfelben auf berfelben Belle figende Rorb MM nach ber einen ober nach ber anderen Richtung umge= breht. Durch biefe, ubrigens ichon aus III., f. 204 befannte Ruppelung wird die Unwendung eines Doppelrabes mit entgegengefesten Schaufelungen erfpart. Das Ruden biefer Ruppelung erfolgt burch einen Drudel N, welcher um die feste Are O brebbar und burch bie Stange P



Wasergebel. mit ben Rudgabeln verbunden ift. Der Brems Q bes festen Korbes MM wird mittelft bes Drudels RS und der Zugstange T auf die zu beisden Seiten dieses Korbes angebrachten Bremsscheiben aufgebrucht; der Brems Q1 bes beweglichen Korbes hingegen läst sich mittelst des Drudels R10 und der Zugstange S1 T1 andruden. Zum Gin= und Ausruden des Bremses UU der stehenden Welle dient endlich noch der Drudel V, welcher sich um die liegende Welle W breht und mit einer Klinke X versehen ist, die in eine horizontale Sperrstange eingreift.

In Fig. 508 (auf vorhergehender Seite) ist noch eine Seitenansicht und ber Durchschnitt eines beweglichen Korbes abgebildet, wie er auch bei ben Gopeln mit vertikalem Kehrrabe in Unwendung kommt. Ein solcher Korb besteht aus zwei durch Schraubenbolzen mit einander verbundenen Radern MM, aus den einen Cylindermantel bildenden Korbsteden m, m und der auf die inneren Stirnslächen dieser Käber aufgeschraubten Holzsütterung nnn1n1, welche die Kordsteden in der ihnen vorgeschriebenen Lage erhalten und mit denselben das sogenannte Seilsach bilden. Dieser Kord ist mit seinem Auge auf der runden Welle W brehbar; um ihn mit derselben sesst zu werdinden, dient die vier Klauen bildende und auf der Welle W sethführende Scheibe S, sowie die Klinke KCL, welche um den Bolzen C drehbar ist, mit dem hakensörmigen Ende L in eine der Klauen der Scheibe eingreift und durch die Klammer K in diesem Eingriffe sest erhalten wird.

§. 248. Wenn es barauf ankommt, die Kraftverhaltniffe eines Baffergopels auszumitteln, so konnen wir biejenigen Wiberstände, welche ben Pferbe- und Wassergopeln gemeinschaftlich find, als bekannt voraussehen. Wir haben auch hier (wie in §. 244):

die reine gaft: Q sin. α,

bie Reibung an ben Aren ber Tonnen: $W=arphi\,rac{arrho}{r}\,(Q+2\,G)\,cos.\,lpha,$

bie Reibung an den Apen der Seilwalzen: $W_1 = \varphi \frac{\varrho_1}{r_1} (S + G_1) \cos \alpha$, und ben Steifiakeitswiderstand an der Seilscheibe:

$$W_2 = K + \nu(Q + 2G + S) \frac{\sin \alpha}{r_2}$$

Die Zapfenreibung ber Seilscheiben fallt jedoch hier etwas anders aus, als bei den Pferdegopeln, weil das Seil nicht horizontal von der Seilscheibe über bem Schachte nach dem Korbe geführt werden kann, sondern mit einer gewissen Reigung nach dem Korbe herabgeht oder wohl gar noch über eine zweite Seilscheibe lauft, ehe es sich auf den Kord wickelt. Wenn der Kord über oder nicht tief unter Tage hangt, so reicht in der

Bon ben Dafdinen jum Beben ber gaften auf größere Boben.

549

Regel fur jedes Seil eine Scheibe aus, und es gieht fich daffelbe unter Baffergopel einem mittleren Fallwinkel & nach bem Rorbe herab. Der vertikale Component bes Bapfenbrudes ift bier:

(Q+2G+S) sin. α (sin. $\alpha+\sin\beta+2G_2$, und ber horizontale Component:

 $(Q + 2 G + S) \sin \alpha (\cos \beta - \cos \alpha);$ folglich die Bapfenreibung an beiben Seilscheiben gufammen :

$$W_{3} = \varphi \frac{\varrho_{2}}{r_{2}} \left((Q + 2 G + S) \sin \alpha \left[0.96 \left(\sin \alpha + \sin \beta \right) + 0.40 \left(\cos \beta - \cos \alpha \right) \right] + 1.92 G_{2} \right),$$

mofur aber in ben meiften Fallen:

$$W_3 = \varphi \frac{\varrho_2}{r_2} [(Q + 2G + S) (\sin \alpha + \sin \beta) \sin \alpha + 2G_2]$$
 geseht werden kann.

Der Steifigkeitswiderftand bes fich auf ben Rorb aufwidelnden Seiles ift wieder wie bei bem Pferbegopel:

$$W_4 = K + \nu (Q + G + \frac{1}{2} S) \frac{\sin \alpha}{b}.$$

hat man es nun mit einem Bafferrabgopel ohne Borgelege ju thun, fo tommt zu biefen Sinberniffen nur noch bie Bapfenreibung bes Bafferrades, welche fich aus dem Gewichte G, biefes Rades und aus dem Balb. meffer Qa feiner Bapfen burch ben Musbrud:

$$W_{5} = \varphi \frac{Q_{5}}{b} \left(0.96 \left[G_{3} - (Q + 2G + S) \sin \alpha \sin \beta \right] + 0.40 \left(Q + 2G + S \right) \sin \alpha \cos \beta \right)$$

= $\varphi \frac{Q_3}{h} [0.96 G_3 - (Q + 2 G + S) \sin \alpha (0.96 \sin \beta - 0.40 \cos \beta)],$ ober annahernb burch:

$$W_{\rm b}=arphi\,rac{arrho_3}{h}\,[G_{
m s}-(Q+2\,G+S)\,$$
 sin. a sin. $eta]$ bestimmt ist.

Es ift nun die Arbeit ber gesammten gaft

$$Q \sin \alpha + W + W_1 + W_2 + W_3 + W_4 + W_5,$$

menn w bie mittlere Tonnengeschwindigkeit bezeichnet:

 $L = (Q \sin \alpha + W + W_1 + W_2 + W_3 + W_4 + W_5) w,$ und feten wir biefelbe ber Arbeit bes Bafferrades gleich (f. II., &. 121), fo erhalten wir folgende Rraftformel fur einen Bafferradgopel ohne Borgelege :

$$\left(\frac{(c_1\cos\mu_1-v_1)v_1}{q}+h_1+\xi h_2\right)Q_1\gamma=(Q\sin\alpha+W+W_1+..+W_5)w,$$

550

Baffergopei.

worin Q_1 das Aufschlagsquantum pr. Secunde, c_1 die Eintrittsgeschwindigkeit des Wassers in das Rab, μ_1 den Eintrittswinkel, v_1 die mittlere Geschwindigkeit des Rades im Theilrisse, h_1 die Höhe des wasserhaltenden, h_2 die Höhe des Ausguß-Bogens und ξ einen Coefficienten bezeichnet. Ist noch a_1 der Halbmesser des Theilkreises, so haben wir:

$$w=\frac{b\,v_1}{a_1}$$

und baher bas gum Ausforbern ber Laft Q erforberliche Aufschlagsquanstum pr. Secunde:

$$Q_{1} = \frac{(Q \sin \alpha + W + W_{1} + W_{2} + W_{3} + W_{4} + W_{5}) b v_{1}}{\left(\frac{(c_{1} \cos \mu_{1} - v_{1}) v_{1}}{g} + h_{1} + \xi h_{2}\right) a_{1} \gamma}$$

Geht jedes Treibeseil noch über eine zweite Seilscheibe ober über eine Seilmalze, so hat man zu ben obigen Wiberständen noch den wie W, und W, zu berechnenden Seilsteifigkeite und Bapfenreibungswiderstand an biesen Leitrollen hinzuzufügen.

Bei einem Wafferrabgopel mit Stangenvorgelege ift statt W_b Bapfenreibung der Korbwelle einzuseten. Da während einer halben Umbrehung der Welle die Seillange πb aufgewickelt wird und die Gestängekraft R um den Durchmesser $2r_4$ des Warzenkreises fortruckt, so ist für diese Kraft:

$$R = \frac{\pi b}{2 r_4} (Q \sin \alpha + W + W_1 + W_2 + W_3 + W_4).$$

Wiegen nun noch die vier Stangen, welche an den beiden doppelten Krummzapfen der Korbwelle hangen, zusammen G4, mahrend das Gewicht der armirten Korbwelle G3 beträgt, so haben wir folglich die Componenten des Zapsendruckes dieser Welle:

 $G_3 + G_4 + R - (Q + 2G + S) \sin \alpha \sin \beta$ und $(Q + 2G + S) \sin \alpha \cos \beta$ und baher die entsprechende Zapfenreibung:

$$W_5 = \varphi \frac{\varrho_3}{b} [0.96 (G_3 + G_4 + R)]$$

$$-(Q + 2G + S) \sin \alpha (0.96 \sin \beta - 0.40 \cos \beta)$$
].

Der Druck zwischen ben Stangen und ben Warzen ber Krummzapsen bes Korbes ist R+G, bagegen ber Druck, mit welchem bie Warzen ber Krummzapsen bes Wasserabes auf die Stangenenben wirken, ist nur R; messen nun noch die sammtlichen Warzenhalbmesser $= \varrho_4$, so haben wir bemnach die auf ben Lastpunkt reducirte Warzenreibung:

$$W_6 = \varphi \frac{\varrho_4}{b} (G_4 + 2 R).$$

Endlich ift noch die Zapfenreibung des Wasserrades, wenn baffelbe bas Gewicht G_5 und den Zapfenhalbmesser Q_5 hat:

$$W_7 = \varphi \, \frac{\varrho_b}{h} \, (G_b - R).$$

Baffergirel.

Die Summe $W_5+W_6+W_7$ ber letten brei Biberstande ist in ber obigen Kraftformel statt W_5 einzusehen, wenn dieselbe auf Gopel mit Stangenvorgelege angewendet werden foll.

Da in das Bahnrad GG auf der Kordwelle des Turbinengopels in Figur 507 die Bahnrader F und F_1 abwechselnd eingreifen und das eine dieser Råder von oben nach unten, das andere aber von unten nach oben wirkt, so wird durch die Kraft, mit welcher F ober F_1 auf G wirkt, die Reibung der Kordwelle und der Borgelegswelle im Mittel nicht vergrößert, und es ist daher die Bapfenreibung der Kordwelle, wenn dieselbe das Gewicht G_3 und den Zapfenhalbmesser ϱ_3 hat:

$$W_5 = \varphi_3 \frac{\varrho_3}{b} [0.96 G_3 - (Q + 2 G + S) \sin \alpha (0.96 \sin \beta - 0.40 \cos \beta)].$$

Um nun noch die übrigen Widerstände finden und die ganze Kraftsormel aufstellen zu können, nehmen wir an, daß das Jahnrad auf der Turbinenmelle den Halbmesser a1 und die Jahnezahl m1, das Getriebrad auf der Borgelegswelle den Halbmesser b1 und die Jahnezahl n1, daß ferner jedes der beiden Treibräder auf der letten Welle den mittleren Halbmesser a2 und die Jahnezahl m2 und endlich das Jahnrad auf der Kordwelle den Halbmesser d2 und die Jahnezahl n2 habe. Bezeichnen wir nun noch den Coefficienten für die Jahnreibungen beider Räder durch φ_4 , so erhalten wir die Gesammtlast mit Rücksicht dieser Reibungen (vergl. III., §. 52 und §. 53):

$$(Q \sin \alpha + W_1 + W_2 + W_3 + W_4 + W_5) \left[1 + \varphi_4 \pi \sqrt{\frac{1}{m_1^2} + \frac{1}{n_1^2}} \right] \cdot \left[1 + \varphi_4 \pi \sqrt{\frac{1}{m_2^2} + \frac{1}{n_2^2}} \right],$$

wozu jedoch noch bie Bapfenreibungen ber Borgelegewelle und ber Turbisnenwelle zu rechnen finb.

Ift G_4 bas Gewicht und ϱ_4 ber Bapfenhalbmeffer ber ersteren Belle, fo hat man bie auf ben Laftpunkt reducirte Bapfenreibung berfelben :

$$W_6 = 0.96 \varphi \frac{\varrho_4}{a_2} \cdot \frac{b_2}{b} G_4 + 0.40 \varphi \frac{\varrho_4}{b_1} (Qsin. \alpha + W_1 + W_2 + \cdots + W_5)$$

=0,96
$$\varphi \frac{\varrho_4}{b} \cdot \frac{n_2}{m_2} G_4 + 0,40 \varphi \frac{\varrho_4}{b_1} (Qsin. \alpha + W_1 + W_2 + \cdots + W_5).$$

Ist ferner G_5 das Gewicht der Turbinenwelle, ϱ_5 der Halbmesser ihres Stiftes, so folgt noch die auf den Lastpunkt reducirte Seitenreibung dieser Welle:

552

Baffergöpei.

$$W_6 = \varphi \, \frac{\varrho_5}{a_1} \, (Q \sin \alpha + W_1 + W_2 + \ldots + W_5)$$

und bie Reibung an ber Bafis berfelben :

$$W_7 = \varphi \, \frac{\varrho_6}{b} \cdot \frac{n_1}{m_1} \cdot \frac{n_2}{m_2} \cdot G_5.$$

Ift endlich w bie mittlere Geschwindigkeit der Tonne ober Laft und L die nach II., §. 191 u. s. w. zu berechnende Leiftung der Turbine, so hat man:

 $L=(Q\sin \alpha+W+W_1+W_2+\ldots+W_7)$ w, woraus sich wieber entweber bas Gefälle ober Aufschlagwafferquantum ber rechnen läßt.

Beifpiele. 1) Es ift bas Aufschlagmafferquantum für einen Bafferrabgopel ohne Borgelege zu berechnen, für welchen bie Dimenfionen und Gewichte folgenbe finb:

Nehmen wir ferner an, daß das Treibeseil von der Seilscheibe über dem Treibeschachte nach einer zweiten Seilscheibe über dem Seilschachte horizontal fortgeführt, und daß es von der letzteren aus $s_1 = 150$ Fuß seiger nach dem Korbe herabgeführt sei. Wiegt nun noch der laufende Fuß Treibeseil $\frac{3}{3}$ Pfund, so ist das Gewicht des Seiles im Treibeschachte:

S = sy = 1500 . \(\frac{9}{8} = 1000 \) Pfund,

und bas Gewicht bes Seiles im Seilschachte:

Der mittlere gaftarm ift:

$$b = \left(1 + \frac{s d^2}{4\pi l r^2}\right) r = \left[1 + \frac{1500}{4\pi . 1} \cdot \left(\frac{3}{4.60}\right)^2\right]. 60 = 61,11 \text{ 3cu.}$$

Die reine Last ist hier Q=1500 Pfund. Die Arenreibungen ber Tonnen und Seilwalzen, also W und W_1 , fallen ganz aus, ba ber Schacht seiger, also $\cos\alpha=0$ ist. Der Steifigseitswiderstand bes Seiles beim Umbiegen besselben um die vier Seilscheiben ist:

$$W_3 = 2 \left(K + \frac{\nu}{r_0}(Q + 2G + S)\right) = 2 \left(1.04 + \frac{0.091 \cdot 8500}{42}\right) = 17.2 \ \Re fe.$$

Der Bertifalbrud fammtlicher vier Seilscheiben ift: $V=2\left[Q+(2~G+~G_2)~+~S\right]=2~.(1500+4000+1000)=18000~$ Bfund,

und ber Borigontalbrud :

Baffergepel. $H = 2(Q + 2G + S) \equiv 2. (1500 + 1000 + 1000) = 7000 \Re \text{funb},$ folglich ber entfprechenbe Bapfenbrud annabernb:

R = 0.96 V + 0.40 H = 12480 + 2800 = 15280 \$\mathre{g}\text{funb,}

und die hieraus erwachsende Zapfenreibung sammtlicher Seilscheiben:
$$W_3 = \varphi \frac{\varrho_3}{r_3} R = 0,075 \frac{2}{42}$$
. 15280 $= \frac{1146}{21} = 54,6$ Pfund.

Der Steifigfeitswiderftand bes Seiles beim Aufwideln auf ben Rorb ift im Mittel:

$$W_4 = K + \frac{\nu}{b} (Q + G + \frac{\nu}{2} S) = 1.04 + \frac{0.091 \cdot 2500}{61.11} = 3.8 \ \text{Pfund},$$

und bie Bapfenreibung ber Rorb = und Bafferrabmelle

$$W_b = \varphi \frac{\varrho_8}{b} [G_8 - (Q + 2G + S - 2S_1)]$$

= 0,075 · $\frac{5}{61,11}$ (45000 - 8300) = 255,9 Pfunb.

Enblich folgt bie gefammte Laft:

$$Q + W_3 + W_8 + W_4 + W_5 = 1831,5$$
 Pfunb.

Soll bie Tonne mit einer mittleren Gefdwindigfeit w = 4 Fuß ausgeforbert werben, fo ift hiernach die Leiftung ber Dafchine:

Beträgt bas nugbar gemachte Gefälle bes Bafferrabes 20 guf, fo ift enb. lich bie erforberliche Aufschlagmenge pr. Secunde mahrend bes Ausforberns ber Tonne:

$$Q_1 = \frac{7826}{20.66} = 5,55$$
 Cubiffuß.

Die Beit zum Ausforbern einer Conne ift s = = = = = = = = = = 875 Sec.

= 6 Minuten 15 Sec., folglich bie hierbei verbrauchte Baffermenge 5,55.875 = 2081,25 Cubiffuß. Beträgt bie Stillftanbegeit beim Sturgen und Fullen ber Conne, t, = 5 Minuten = 800 Sec., und wird bie mahrend biefer Beit augeführte Baffermenge angefammelt, fo ift bas im Mittel juguführenbe Bafferquantum pr. Sec. nur:

$$\frac{2081,25}{t+t_1} = \frac{2081,25}{675} = 8,08$$
 Cubiffuß,

und die mittlere effective Leiftung bes Bobels:

e mittiere effective verlaung des Gopels:
$$\frac{Qwt}{t+t_1} = \frac{1500 \cdot 4 \cdot 875}{675} = 3333 \text{ Hußpf.} = 6,53 \text{ Pferbekräfte.}$$

2) Bei Anwendung eines Stangenvorgeleges reichen in ber Regel amei Seilfcheiben aus, weil man bier bas Seil unter einem fchiefen Bintel & nach bem Rorbe herabführen fann. Der vertifale Seilicheibenbrud ift baber bier, wenn man g. B. B = 45 Grad nimmt:

$$V = (Q + 2 G + S) (1 + sin. \beta) + 2 G_2 = 3500 (1 + sin. 45^0) + 3000 = 8974,89$$
 Figurb,

und ber borigontale Drud:

 $H = (Q + 2G + S) \cos \beta = 3500 \cdot \cos 45^0 = 2475 \ \text{Pfund},$ folglich bie Bapfenreibung an ben Seilfcheiben:

$$W_3 = 9 \frac{\varrho_3}{r_2} (0.96 V + 0.40 H) = 0.075 \frac{1}{21} (8615.9 + 990) = 34.3$$
 Fund.

554

Baffergopet Der Steifigfeitswiderftand bleibt wie oben:

$$W_4 = K + \frac{\nu}{h} (Q + G + \frac{1}{4}S) = 3.8$$
 Pfund.

Die Spannung ber Stangen, welche bie Umbrehungefraft bes Bafferrabes auf bie Rorbwelle übertragen, ift:

$$R = \frac{\pi b}{2 r_a} (Q + W + W_1 + \ldots),$$

und beträgt bei bem Bargenfreishalbmeffer r4 = 20 Boll:

$$R = \frac{\pi \cdot 61,11}{40} \cdot 1555,4 = 7465$$
 Pfunb.

Ift nun noch das Gewicht ber armirten Korbwelle $G_s=10000$ Pfund, das Gewicht ber vier Bug- ober Korbstangen $G_4=20000$ Pfund, das Gewicht bes Wasserrabes $G_8=35000$ Pfund, und ber Halbmeffer ber Warzen aller Krummzapfen $\varrho_4=4$ Boll, so haben wir die Zapfenreibung ber Korbwelle:

$$W_b = \varphi \frac{Q_0}{b} \left(0.96 \left[G_0 + G_4 + R - (Q + 2 G + S) \right] \right) \sin \beta$$

$$+ 0,40 (Q + 2G + S) \cos \beta$$

= 0,075 · $\frac{5}{61,11}$ [0,96 (87465 — 2475) + 0,40 · 2475] = 212,2 Pfund, ferner bie Reibung an ben Warzen ber Krummzapfen:

$$W_4 = \varphi$$
 $(G_4 + 2R) = 0.075 \cdot \frac{4}{61,11} \cdot 85088 = 172.0 \Re \text{funb},$

und bie Bapfenreibung bes Bafferrabes:

$$W_7 = \varphi \frac{\varrho_5}{b} (G_5 - R) = 0.075 \cdot \frac{5}{61.11} \cdot 27481 = 170.0$$
 Flund.

Run folgt bie gefammte Laft bes Baffergopels mit Borgelege:

$$Q + W_2 + W_3 + \dots + W_7 = 2109,6$$
 Pfund,

b. i. um 2109,6 — 1881,5 = 278,1 Pfund ober um $\frac{278,100}{1881,5}$ = 15 Procent größer als beim Baffergopel ohne Borgelege.

8) Bestände die Umtriedsmaschine in einer Turbine und wäre die Seilführung dieselbe wie bei dem ersteren Göpel ohne Borgelege, so hätte man die Wiberstände W_s , W_s und W_4 auch den dort gefundenen gleich, also $Q_1=Q+W_s+W_s+W_4=1500+17.2+54.6+3.8=1575.6$ Pfund zu sehen. Rehmen wir aber noch an, daß das Gewicht der armirten Kordwelle $G_s=10000$ Pfund, das Gewicht der armirten Borgelegswelle $G_s=4000$ und das Gewicht der armirten Turbinenwelle $G_b=3000$ Pfund betrage; sehen wir die Anzahl der Zähne der beiden Triedräder (vergl. Fig. 507) $m_1=19$ und $m_2=13$, und die der Getriedräder $n_1=100$ und $n_2=60$, serner die Zahrschalbmesser $q_s=4$, $q_4=8$, $q_5=2$ und $q_6=1\frac{1}{2}$ Boll, und die Haldwesser des Turbinenvorgeleges $a_1=6\frac{1}{2}$ und $a_2=80$ goll, so haben wir noch folgende Widerstände.

Die Bapfenreibung ber Rorbwelle:

$$W_b = \varphi \frac{\varrho_s}{b} \left[G_s - (Q + 2G + S - 2S_1) \right] = 0.075 \cdot \frac{4}{61.11} (10000 - 3300)$$
= 32.9 2 funb.

bie Bapfenreibung ber Borgelegewelle:

Bon ben Dafchinen jum Beben ber Laften auf größere Boben.

$$\begin{split} W_{\rm e} &= \varphi \, \varrho_{\rm e} \, \left(0.96 \, \cdot \frac{\psi \, G_{\rm e}}{b} \, + \, 0.40 \, \cdot \frac{\varrho_{\rm i}}{b_{\rm i}}\right) = \, 0.075 \, \cdot \, 3 \, \left(0.96 \, \cdot \frac{100}{19} \, \cdot \frac{4000}{61.11} \, \right. \\ &+ \, 0.40 \, \cdot \frac{1576}{80} \right) \end{split}$$

 $= 0.225 \cdot (830.7 + 21) = 79.1$ Bfund,

bie Reibung am oberen Bapfen ber Turbinenwelle:

$$W_7 = \varphi \frac{\varrho_b}{a_1} Q_1 = 0,075 \cdot \frac{2 \cdot 2}{13} \cdot 1576 = 36,4$$
 Pfund,

und bie am unteren Bapfen ober Stifte biefer Belle:

$$W_{\rm e} = \varphi \, \frac{\rho_{\rm e}}{b} \cdot \psi_{\rm i} \cdot \psi_{\rm s} \, G_{\rm e} = 0.075 \cdot \frac{3}{2 \cdot 61,11} \cdot \frac{100}{19} \cdot \frac{60}{13} \cdot 8000 = 184,2 \, \Re f.$$

Es folgt nun bie Summe biefer Biberftanbe, auf ben Umfang bes Rorbes

$$Q + W_s + W_s + ... + W_s = 1575,6 + 32,9 + 79,1 + 36,4 + 134,2$$

= 1858,2 %funb,

wozu jeboch noch bie Bahnreibungen beiber Rabvorgelege tommen, welche

$$W_{s} = \varphi \pi \sqrt{\frac{1}{m_{1}^{2}} + \frac{1}{n_{1}^{2}}} \cdot (Q + W_{s} + W_{s} + W_{4} + W_{5})$$

$$= \frac{1}{\sqrt{s}} \sqrt{\frac{1}{19^{2}} + \frac{1}{100^{2}}} \cdot 1608,5$$

$$= 0.01785 \cdot 1608,5 = 28,7 \text{ Hunb}$$

$$W_{10} = \varphi \pi \sqrt{\frac{1}{m_2}^{\frac{1}{5}} + \frac{1}{n_2}^{\frac{1}{5}}} (Q + W_5 + W_5 + \dots + W_6)$$

= $\frac{1}{1} \sqrt{\frac{1}{13^2} + \frac{1}{60^5}} \cdot 1687,6$

= 0.02624 . 1687.6 = 44.2 Bfund betragen.

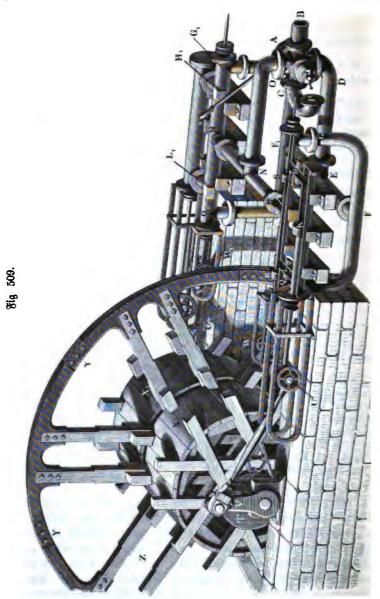
Enblich ift die gesammte Last $Q+W_0+W_0+\ldots+W_{10}=1981,1$ Pfund, b. i. um 1981,1 - 1831,5 = 100 Pfund, ober um 10000 1891,5 = 51/2 Pros cent größer als beim Baffergopel ohne Borgelege.

Durch vielfache Berfuche an Bafferrabgopeln in hiefigem Bergrevier hat ber Berfaffer gefunden, bag biefe Bopel unter ben gunftigften Umftanben, b. i. wenn biefelben ohne Borgelege find und aus feigern Schachten von einer mittleren Teufe von 1000 guß forbern, im Bangen einen Birfungegrab $\eta = 0,75$, und bag fie unter ben ungunftigften Umftanben, b. i. wenn biefelben lange Borgelege haben und aus größeren flachen Teufen forbern, nur einen Wirkungegrab n = 0,30 liefern.

Bafferfaulengopel find bis jest nur felten angewendet Bafferfaulen. Um eine möglichst gleichformige Umbrehung ju erhalten, lagt gobel. man biefe Maschinen nicht bloß aus zwei boppelt wirkenben Treibecplinbern bestehen, sondern man verfieht dieselben auch noch mit einem großen Schwungrabe. Ein vorzüglicher Gopel biefer Art ift bie vom Berrn Dbertunftmeifter Abriany conftruirte Korbermafchine bes Unbreas-Schachtes zu Schemnit. Die Einrichtung und Wirkungsweise biefer

555

Waffersauten Maschine ist aus ber monobimetrischen Zeichnung in Fig. 509 vollständig zu ersehen. A ist ein sogenannter Vierwegehahn, in welchen bei B



bas Einfalls und bei C bas Austragerohr, bei D und O aber bie nach ben Baffertiuten. Treibecylindern fuhrenden Communicationerohren einmanden. Die letteren Rohren DE und NO find bei E und N gegabelt und fuhren bei M und M1 unmittelbar in bie beiben Steuereplinder LMH und L1 M1 H1, bagegen aber bei F und F, in andere Communicationerohren, welche bei G und Q und bei G, und Q, in bie Steuercplinder einmunden. ben Steuerenlindern HLM und H, L, M, ift ber erftere ber gange nach halb zerfchnitten und abgebedt gezeichnet, und ebenfo von ben Treibeeplindern LKH und L1 K1 H1 ber erftere gur Balfte geoffnet barges ftellt. Rurge Rohren H und L fowie H, und L, fegen bie Treibecylinder mit ben Steuercylindern in Berbindung. Jebe Steuertolbenftange tragt amei Steuertolben R und S und wird burch ein Excentrif T in Bemegung gefett. Jeder Treibetolben K tragt feine Rraft mittelft ber Rolbenstange KU und ber Rurbelftange UV auf einen Rrummzapfen V über, beffen Bapfen jugleich bie Umbrebungeare ber Rorbwelle abgiebt. Querhaupter der Stangentopfe find mit Frictionstadern U, U, und W, W, ausgeruftet, welche innerhalb hufeisenformiger Leitungen laufen. Conftruction ber Rorbe X und X1, fowie die Berbindung bes gufeifernen Schwungringes YY mit ber Rorbwelle burch holgerne Arme Z, Z u. f. m., ift aus ber Sigur beutlich zu erfeben.

Der Sang und bie Wirkungsweise biefer Maschine ift folgenber. Das Rraftmaffer, welches burch bie Einfallrohre bei B bem Regulator gue geführt wird und von ba in bie Communicationerobre DE gelangt. theilt fich bei E und ftromt von ba theils nach F und theils nach F1. Der Theil bes Baffers, welcher nach F tommt, gelangt mittelft ber Rohre FG bei G in ben Steuercylinder und von ba burch bie turge Rohre H in ben Treibecplinder, wo es ben Treibetolben K jurudtreibt. Das Baffer hingegen, welches biefen Rolben vorher ausgeschoben hat, ftromt burch bas turge Rohr L gurud in ben Steuercplinder und von ba burch bas Rohr MNO nach bem Requiator ober boppeltgebohrten Sahn A gurud, und wird von ba mittelft ber zweiten Bohrung nach bem Ausgufrohre CP geleitet. Gegen Ende biefer Bewegung ichiebt bas Ercentrit T mittelft ber Ercentrifftange TW und ber Steuertolbenftange WRS die Steuertolben R und S fo weit vorwarts, bag biefelben auf bie anderen Seiten ber kurgen Communicationsrobren L und H treten, und nun bas Rraftmaffer auf der Seite von G vom Treiberplinder abgesperrt, dagegen aber auf ber Seite von Q jugelaffen wirb. In Folge beffen macht nun bas Rraftmaffer ben Beg FOLK und ichiebt ben Treibefolben K auswarts, wahrend bas tobte Baffer auf bem Bege KHMNOP gum Ausgusse gelangt. . Rurg, ehe ber Treibetolben feinen Ausschub gurudlegt, hat bas Ercentrit T bie Steuertolbenftange wieber gurudigezogen, fo bag nun nach

Beendigung des Ausschubes die Communication zwischen G und H, sowie zwischen L und M wieder hergestellt ist und ein neues Treibkolbenspiel bes ginnen kann.

Das Rolbenspiel ber zweiten Dafchine L, M, H, ift gang baffelbe wie bas foeben erflatte Rolbenfpiel ber erften Dafchine LMH, ba beide Dafcbinen gang gleich conftruirt find und bie Bu- und Ableitungerobren BDE und NOP gemeinschaftlich haben. Damit die Umbrehungefraft, welche aus beiben Maschinen resultirt, mahrend einer Umbrehung bes Rorbes moglichft wenig variire, ftellt man bie Rrummgapfen und Ercentrit biefer Mafchinen auf bas Biertel gegen einanber, fo bag bie eine Mafchine ber anberen um einen balben Schub vorausgeht. Dreht man ben Biermege: habn A burch einen Bebel Aa um einen Winkel von 45 Grab, fo wird aller Bu- und Abfluß bes Baffers aus ben Treiberplindern aufgehoben, und dreht man ihn um einen Rechtwinkel, fo wird ber Buflug in einen Abfluß und ber Abflug in einen Buflug verwandelt. Rommt es baber bgrauf an, ben Gopel, nachbem die volle Tonne über Tage angetommen ift, in Stillftand ju bringen, fo hat ber Treibemeifter ben Steuerhebel Aa um 45 Grad zu breben, und foll fpater, nachbem man bie volle Tonne geleert und bie leere gefullt bat, bie Dafchine in ber umgetehrten Rich. tung umlaufen, fo ift biefer Bebel noch weiter um 45 Grad gu breben.

Ein wichtiger Gegenstand bei ben Bafferfaulenmaschinen gur Erzielung einer rotirenben Bewegung und folglich auch bei ben Bafferfaulengopeln ift, bag man ben Steuerkolben R und S eine gange ober Bobe gebe, welche gang knapp die Beite ber Communicationerobren L und H erreicht, bamit beim Umfteuern, und zwar in ber Beit, wenn biefe Rolben vor ben Einmundungen diefer Rohren vorbeigeben, bas Baffer im Treiberplinder nicht vollstanbig abgesperrt wirb, mas bei bem großen Widerftanbe bes Baffere gegen Ausbehnung und Bufammenbrudung bochft nachtheilige Stoffe veranlaffen murbe (vergl. II., 6. 224). Damit bie Steuerkolben Diefer Dafchinen nicht zu turz ober niebrig ausfallen, bebient man fich auch hier ber cylindrischen Communicationerohren, obgleich es aus in II., 6. 241 angegebenen Grunben zwedmäßig mare, Diefen Rohren einen rectangularen Querschnitt ju geben. Done bies ift hier ein fleiner Berluft an Rraftmaffer burch ben unvollftanbigen Abichluß ber Steuertolben unvermeiblich, jumal ba biefe Rolben bei ihrer mittleren Stellung einen Augenblick lang bie Ginfallrobre mit ber Austragerobre in Communication feben.

Anmerkung. Der Wassersaulengöpel auf bem Andreas-Schachte zu Schemnit benutt ein Gefälle von 355 Fuß, hat einen Kolbendurchmeffer von 6,2 Boll und einen hub von 38,2 Boll und macht während des Ereibens im Mittel pr. Min. 41/4 Spiel, wobei die Lonne eine mittlere Geschwindigkeit von 11/2 Fuß hat. §. 250. Die Widerstände eines Wassersäulengöpels sind zum großen Bassersauchen Theil dieselben wie die eines Wasserrabgöpels mit Stangenvorgelege. Beshalten wir die schon oben gebrauchten Beziehungen bei, so bleiben nicht allein die reine Last Q und die Widerstände W'und W_1 (§. 248) im Schachte, sondern auch die Widerstände W_2 und W_3 an den Seilscheiben und der Steissgeitswiderstand W_4 des sich auf den Kord auswickelnden Seiles dieselben, während dagegen die Zapfenreibung W_5 des Korbes, die Warzenreibung W_6 des Krummzapfens und die Reibung W_7 der Stangenköpse in die Geradsührung sich andern und nach III., §. 99 zu beurstheilen sind. Die Stangenkraft ist auch hier

$$R = \frac{\pi b}{2r_4} (Q + W + W_1 + \cdots)$$

gu feben, wenn r₄ ben Bargentreishalbmeffer und b ben mittleren Lafts arm bezeichnet.

Aus dem Gewichte G_3 des Korbes, der Größe Q+2G+S der Seilspannungen und der Stangenkraft R bestimmt sich die Zapfenreibung des Korbes:

$$W_{\rm s} = \varphi \, \frac{Q_{\rm s}}{b} \, \Big(0.96 \, [G_{\rm s} - (Q + 2 \, G + S) \, sin. \, \beta] + 0.40 \, R \Big).$$

Wenn man die Beziehungen in III., §. 99 dem Borftehenden entspreschend umandert und überdies den halbmeffer eines Frictionsrades der Stangenführung durch r_s , den Bapfenhalbmeffer besselchen durch ϱ_s und die Lange der Rurbelstangen durch l bezeichnet, so folgt die erforderliche Kolbenkraft der Dampsmaschine:

$$P = \left[1 + \varphi \, \frac{\pi}{2} \left(\frac{\varrho_4}{r_4} + \frac{\varrho_5}{r_5} \cdot \frac{r_4}{2l}\right)\right] \frac{\pi b}{2 \, r_4} \, (Q + W + W_1 + W_2 + W_3 + W_4 + W_5).$$

Kennt man nun noch ben Wirkungsgrad o ber Bafferfaulenmaschine allein, fo kann man auch

$$P = \eta F h \gamma$$

und folglich die Große ber Rolbenflache

$$F = \frac{P}{\eta h \gamma}$$

berechnen, wonach sich endlich ber erforberliche Rolbendurchmesser eines Eplinders

$$d = \sqrt{\frac{2F}{\pi}}$$

ergiebt.

Die Bewegung ber Steuertolbenftange erfordert naturlich noch einen kleinen Kraftaufwand, weshalb man d noch etwas größer zu nehmen hat, als biefe Kormel angiebt. Macht man, um Refervetraft zu haben, d an-

Bafferfauten fehnlich großer, fo muß man die überfluffige Rraft burch Regulirungshåhne töbten.

> Beifpiel. Behalten wir Angaben bes Beifpieles 2) ju S. 248 bei, nehmen wir alfo auch an, bag bie reine Laft Q = 1500 Bfund, und bag fich biefelbe burch bie Rebenhinderniffe W2, W3 und W4 auf 1555,4 Bfund fteigere. Die Stangenfraft bleibt R = 7465 Bfund, und nehmen wir wieber G, = 10000 Bfund, und β = 45 Grab, fo erhalten wir bie Bapfenreibung bes Rorbes:

$$W_6 = g \frac{Q_3}{b} \left(0.96 \left[G_3 - (Q + 2 G + S) \sin \beta \right] + 0.40 R \right)$$

= 0,075
$$\cdot \frac{5}{61.11}$$
 [0.96 (10000 - 2475) + 0,40 . 7465] = 62,7 Pfund.

Ift ber halbmeffer einer Barze e4 = 812 Bell, ber halbmeffer bes Bolgens im Stangentopfe 05 = 2 Boll, ber Bargentreishalbmeffer r. = 20 3oll, ber halbmeffer ber Frictioneraber r5 = 6 Boll und bie gange ber Rurbelftange l = 5r4 = 100 Boll, fo haben wir nun bie erforderliche Rolbenfraft ber Bafferfaulenmafdine:

$$P = \left[1 + \varphi \frac{\pi}{2} \left(\frac{\varrho_4}{r_4} + \frac{\varrho_5}{r_5} \frac{r_4}{2l}\right)\right] \frac{\pi b}{2r_4} (Q + W + \dots + W_5)$$

$$= \left[1 + 0.075 \cdot \frac{\pi}{2} \left(\frac{7}{40} + \frac{2}{6} \cdot \frac{20}{200}\right)\right] \frac{\pi \cdot 61.11}{40} \cdot (1555.4 + 62.7)$$

$$= 1.0245 \cdot 1.5275 \cdot 1618.1 \pi = 7955 \Re \text{funb}.$$

3ft nun bas Gefälle ber Dafchine A = 800 gug und ber Birfungsgrab

berfelben
$$\eta = 0.70$$
, so folgt ber Durchmeffer eines Treibefolbens:
 $d = \sqrt{\frac{2F}{\pi}} = \sqrt{\frac{2P}{\pi \eta k \gamma}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 7955}{0.7 \cdot 800 \cdot 66 \cdot \pi}} = \sqrt{\frac{7955}{6980 \pi}} = 0,6045 \, \text{gug}$
= 7.254 goll,

wofür aber minbeftene 8 Boll zu nehmen fein möchte.

Ift o bie mittlere Rolbengeschwindigfeit und w die ber Tonne, fo hat man:

$$w = \frac{\pi b}{2r_4} v,$$

folglich für v = 1 guß:

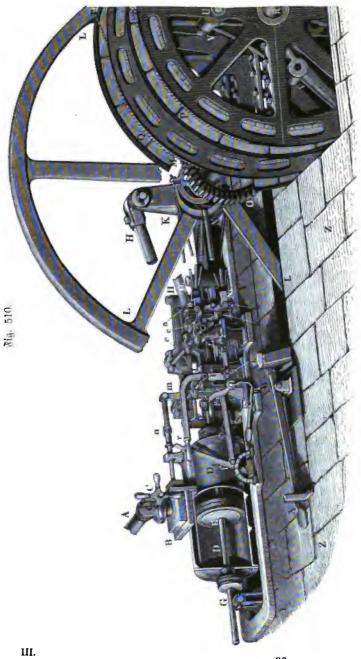
$$w = \frac{61,11 \cdot \pi}{40} = 1,5275 \cdot \pi = 4,80 \text{ gub},$$

und bie effective Leiftung ber Dafchine pr. Secunbe:

Tanipfgöpel.

6. 251. Die Ginrichtung eines Dampfgopele ift aus ber monobimetrifchen Abbildung in Fig. 510, welche ben Dampfgopel auf Davidichacht auf himmelfahrt Kunbarube nabe bei Kreiberg vorftellt, ju erfeben. Der Dampf wird burch bas Rohr A jugeführt, und ber Butritt beffelben in die Steuerkammer B lagt fich burch ein Bentil reguliren, welches von bem Dafchinenwarter (Treibemeifter) mittels einer Schraube burch ein vierarmiges Kreuz C bewegt wird. Aus der Dampftammer ftromt ber Dampf in jum Theil fichtbaren Ranalen nach bem jur Salfte im Durchschnitte gezeichneten horizontal liegenben Dampf: ober Treibes colinder DD, und treibt barin ben Treibetolben E abmechfelnd bin und

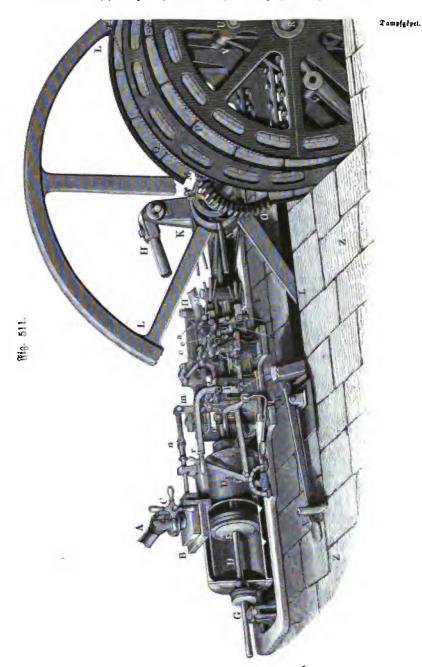
Dampfgöpel.



Dampfgopel gurud. Um bem einseitigen Druck bes letteren auf die Cylinderflache foviel wie moglich zu begegnen, ift berfelbe außer der hauptfolbenftange EF, welche die Rraft fortpflangt, noch mit einer Sulfetolbenftange EG ausgeruftet, welche über einer Leitrolle G liegt und mahrend bes Rolbenfpieles auf berfelben bin: und herlauft. Muf bem außeren Enbe ber Rolbenftange EF fitt eine (nicht fichtbare) Querare fest, welche von dem gabelformigen Ende ber in ber Figur abgebrochen gezeichneten Rurbelftange HH ergriffen wird und mittelft nur jum Theil fichtbarer Schlitten J, J, in horizontalen Leitungen lauft. Mittelft ber Rurbelftange HH und ber Rurbel K wird eine horizontale Belle in Umbrebung gefest, auf welcher ein großes Schwungrad LLL, zwei Ercentrits M und N und ein Bahnrad O befeftigt find, und bas lettere greift in ein großeres, jeboch unfichtbares Bahnrad, welches mit ben beiben Seilkorben P und O auf einer Belle R fist. Die Conftruction biefer Rorbe ift aus 6. 247 bekannt. Die Treibeseile losen fich bei S und T von ihren Korben ab und gehen von ba nach ben Seilscheiben, von wo fie fich nach bem Schachte binabgieben. Die Rorbe find beweglich (vergl. 6. 242) und zu biefem 3mede nur mittelft eines losbaren Bolgens U an einen ber brei Urme eines Rreuges VV angeschloffen, bas auf ber Belle R festfist. Die untere Balfte bes Schwungrabes ift noch mit einem fcmiebeeifernen Bandbrems umgeben, welcher fich mittelft eines Bebels WX burch einen Auftritt auf bas breite Ende X auf das Schwungrad aufbruden lagt.

Die eigentliche Dampsmaschine ruht auf einer langen eisernen Sohls platte YY, welche mittelst Schrauben auf bem Fundamente ZZ aufgez bolgt ist.

Die beiben Ercentrite M und N, woburch bie Steuerung bewirft wird, fteben einander entgegengefest, und ihre Stangen MM, und NN, find nabe an bem entgegengefetten Enbe einer bogenformigen Couliffe ab angefcbloffen, welche in ihrer Mitte an einem gegabelten Bebel c aufgehangen ift, ber von bem Dafchinenwarter mittelft eines Dechanismus ed gf, welcher aus ben Armen f und d, einer Bugftange g und einer horizontalen Belle e befteht, nach Belieben gehoben oder gefenkt merben fann. Die Couliffe ab, welche von ben Ercentrite in eine oscillirende Bemegung verfest wird, gieht bie Stange hk, welche mit ihrem Ropfe bei h in die Rinnen der Couliffe eingreift, bin und her und diefe Bewegung wird mittelft ber Arme l und m und einer fie verbindenden Belle auf bie Stange n bes Dampfichiebers übergetragen. Leicht ift die Birtungsweise ber von R. Stephenfon bei Locomotiven guerft in Anwendung gebrachten Couliffe ab einzusehen. Ift die Couliffe mittelft bes Bebels f herabgelaffen und folglich bas Stangenenbe M1 in bie Rahe bes Stangenendes h gebracht worben, fo folgt bie Stange hk, und folglich auch ber



Tampfgopel Dampfichieber bem Ercentrit M; ift aber die Couliffe gehoben und folglich bas Stangenende N1 in die Rabe von h gebracht worben, fo folgt bie Stange hk, und mit ihr auch ber Dampfichieber bem zweiten Ercentrit Es tann alfo burch Berrudung bes Urmes f, wenn biefelbe beim mittleren Stande bes Dampftolbens E vorgenommen wird, fehr leicht die Umdrehungerichtung ber Dafchine in bie entgegengefette verwandelt merben. Bangt man bie Couliffe ab fo, bag bie beiben Stangenenben M1 und N1 gleichviel vom Stangenende h abstehen, fo fallt bie Schwingungsare von ab mit h jufammen, es bleibt baher hk in Rube, und es tritt folglich Stillftand ber Maschine ein. Giebt man endlich ber Couliffe eine Stellung zwifchen ben foeben angegebenen, fo folgt zwar ber Schieber bem einen ober bem anberen Ercentrit, jedoch ift ber Beg beffelben fleiner, als wenn ber eine ober ber andere ber Aufhangepuntte M1 und N1 mit h jufammenfiele; es findet folglich bann eine langere Bededung bes Schiebers und nach Befinden eine langere Absperrung bes Dampfes ftatt. Um bie Berbindung bes Schiebers mit ber Couliffe ab aufaubeben, ergreift man die Sandhabe p, bebt bas eine Ende ber Stange hk, welches burch ein Scharnier mit bem anderen Ende beffelben verbunden ift und mittelft eines Bugels auf einem Bolgen im Arme I ruht, empor und legt es auf eine etwas bober ftebenbe Rolle, welche burch ben Ropf einer burch ben Rug leicht zu drebenden Stute q gebildet wird. Durch eine Sandhaber, in welche eine bugelformige Berlangerung bes Urmes ! auslauft, tann man ben Schieber beliebig mit ber Sand birigiren. Dit bem eingetheilten Salbtreis s, welcher die Große des Schiebermeges anzeigt, ift noch ein gegahnter Bugel verbunden und an bem Arme f ein Riegel angebracht, welcher in die Bergahnung biefes Bugels eingerudt wird, wenn der Bang bes Schiebers b unverandert und folglich ber Arm f firirt werden foll.

Anmertung. Der hier beschriebene Dampsgopel hat eine Leistungefähigseit von 30 Pferdefräften, und fördert Tonnen von 27 Cubiffuß, enthaltend eine Forbermasse von 2000 Pfund Gewicht, mit einer Geschwindigkeit von 7 bis 8 Fuß zu Tage. hierbei arbeitet der Damps mit 21/2 Atmosphäre Ueberdruck und es macht die Dampsmaschine in der Minute 24 Spiele. Das kleine Zahnrad auf der Kurbelwelle hat 45 Zähne, und das auf der Korbwelle 75 Zähne, folglich macht letztere in der Minute

$$\frac{45}{75} \cdot 24 = \frac{8}{5} \cdot 24 = \frac{72}{5} = 14,4$$
 Umbrehungen.

Bei bem mittleren Korbburchmeffer von $10\frac{1}{2}$ Fuß ist die mittlere Geschwinsbigkeit ber Last $=\frac{10.5\cdot 14.4\,\pi}{60}=$ 7,9 Fuß. Der Durchmeffer des Dampstelbens ist $28\frac{1}{2}$ Boll und der Schub desselben 47 Boll. Das Schwungrad hat eine Höhe von 32 Fuß und wiegt eirea 80 Centner.

§. 252. Die Berechnung ber Leiftung eines Dampfgopels ift auf abn: liche Beife wie bie eines Bafferfaulengopels ju vollziehen, nur ift hier

noch wegen bes Borgeleges, welches bie Umdrehungszahl der Kurbelwelle $x_{ampfgovel}$ in die kleinere Umdrehungszahl der Kordwelle umfest, eine weitere Resuction der Kraft nothig. Dhne Radficht auf Nebenhindernisse ware das Berhältnis der Kolbenkraft P zur Förderlast Q, bei dem Kolbenhube oder Warzenkreisdurchmesser = s, dem mittleren Lastarme des Kordes = b. und den Zähnezahlen m und n des Treibs und des Getriebrades:

$$\frac{P}{O} = \frac{m}{n} \cdot \frac{\pi b}{s};$$

mit Rudficht auf Nebenhinderniffe ift aber, wenn man ben Birkungsgrad n ber gangen Mafchine als bekannt voraussett:

$$\frac{\eta P}{O} = \frac{m}{n} \frac{\pi b}{s},$$

folglich:

$$P = \frac{1}{\eta} \, \frac{m}{n} \cdot \frac{\pi \, b}{s} \, Q.$$

Ift d ber Durchmeffer ber Kolbenflache, p ber Dampfbruck und q ber Gegenbruck auf ben Quabratjoll, fo hat man auch:

$$P=\frac{\pi d^2}{4} (p-q),$$

und es ift folglich:

$$d = \sqrt{\frac{4}{\eta} \frac{m}{n} \cdot \frac{bQ}{s(p-q)}},$$

wobei der Sicherheit wegen, $\eta = 1/4$ anzunehmen sein mochte. (Bergl. II., §. 379.)

Will man scharfer rechnen, so muß man von ben ichon oben (§. 248) gefundenen Formeln fur die einzelnen Widerstande Gebrauch machen Die gange Laft, auf den mittleren Korbumfang reducirt, ift hiernach:

$$Q + W + W_1 + W_2 + W_3 + W_4$$
 (f. §. 248).

Hierzu kommt nun aber noch die Zapfenreibung der Korbwelle, ferner die Reibung zwischen den Zahnradern, die Zapfenreibung der Kurbelwelle, die Warzenreibung und die gleitende Reibung des Stangenkopfes in der Führung. Die Kolbenreibung gehört der Dampsmaschine an und läst sich dem Gegendrucke q (f. II., §. 374) einverleibt annehmen, weshalb sie hier nicht weiter in Betracht kommt.

Wenn wir die feither gebrauchten Bezeichnungen beibehalten und einen feigern Schacht vorausseten, so haben wir zunachst die Zapfenreibung ber Korbwelle, auf ben mittleren Korbumfang reducirt:

$$W_5 = \varphi \frac{Q_5}{b} \left(0.96 \left[G_3 - (Q + 2G + S) \sin \beta \right] + 0.40 \left(Q + 2G + S \right) \cos \beta \right),$$

Dampfgopel mofur in ber Regel einfacher

$$W_5 = \varphi \frac{\varrho_3}{b} [G_3 - (Q + 2 G + S)]$$

gefest werben fann.

Die Bahnreibung ift, wie befannt:

$$W_6 = \varphi \pi \left(\frac{1}{m} + \frac{1}{n}\right) (Q + W + W_1 + \ldots).$$

Ift ϱ_4 der Halbmeffer der Zapfen der Kurbelwelle und G_4 das Gewicht dieser Welle sammt dem Gewichte des auf ihr sigenden Schwungrades u. s. w., so hat man die Zapfenreibung dieser Welle:

$$W_7 = \varphi \frac{n}{m} \frac{\varrho_4}{b} (0,96 G_4 + 0,40 P)$$

$$= \varphi \frac{\varrho_4}{b} \left(0,96 \frac{n}{m} G_4 + 0,40 \frac{\pi b}{s} (Q + W + W_1 + ...) \right)$$

Diese Formel sett voraus, daß die Dampsmaschine eine liegende, und daß das Gewicht G_4 größer als die Stangenkraft P sei. Der Druck R zwischen den Zähnen ist weder bei W_5 noch dei W_7 in Betracht zu ziehen, da die Maschine abwechselnd in der einen oder in der anderen Richtung umläuft, wobei die Bertikaldrucke G_8 und G_4 abwechselnd um R vergrößert oder verkleinert werden.

Die Warzenreibung ift nach III., §. 99, wenn Q6 ben Bargenhalb: meffer bezeichnet:

$$W_8 = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{\varrho_4}{\frac{1}{2} s} \varphi (Q + W + W_1 + \cdots)$$
$$= \varphi \pi \frac{\varrho_5}{s} (Q + W + W_1 + \cdots)$$

und die gleitende Reibung in ber Fuhrung des Stangentopfes, wenn I die Lange ber Aurbelftange bezeichnet:

$$W_{9} = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{1/2}{l} g (Q + W + W_{1} + \cdots)$$

= $g \cdot \frac{\pi}{8} \cdot \frac{s}{l} (Q + W + W_{1} + \cdots).$

Bersteht man nun unter η den Wirkungsgrad der eigentlichen Dampfmaschine ($\eta = 1/3$ bis 1/2), so hat man endlich die Dampstraft:

$$P = \frac{1}{n} \cdot \frac{m}{n} \cdot \frac{\pi b}{s} (Q + W + W_1 + \cdots + W_9),$$

und ben entsprechenden Durchmeffer bes Dampftolbens:

$$d = \sqrt{\frac{4}{\eta} \cdot \frac{m}{n} \cdot \frac{b(Q + W + W_1 + \cdots + W_9)}{s(p-q)}}.$$

Beispiel. Es ift für einen Dampsgöpel, bessen Forberlast Q sammt ben Tampsabel sämmtlichen Rebenhindernissen im Schachte, an den Seilscheiben und an den Korsben, $Q+W+W_1+\cdots+W_5=2200$ Pfund beträgt, die erforderliche Dampstraft P und der entsprechende Dampstolbendurchmesser d zu finden.

Geben wir bem Treibrad 45 und bem Getriebrad 75 Bahne, machen wir

alfo m = 45 und n = 75, fo haben wir junachft bie Bahnreibung:

$$W_6 = \varphi \pi \left(\frac{1}{m} + \frac{1}{n}\right) (Q + W + W_1 + \cdots) = \frac{1}{6} \left(\frac{1}{45} + \frac{1}{75}\right). 2200$$

= 0,01185 . 2200 = 26 Pfunb.

Ift ferner bas Gewicht ber Kurbelmelle sammt Schwungrab, $G_4=10000$ Pfund, der Kolbenschub s=4 Fuß, der mittlere Lastarm b=5 Fuß und der Bapfenhalbmesser $\varrho_4=5$ Boll, so folgt die Bapfenreibung der legtgenannten Welle:

$$W_7 = \mathfrak{G}_{\ell_4} \left(0.96 \, \frac{n}{m} \cdot \frac{G_4}{b} + 0.40 \cdot \frac{\pi}{s} \, (Q + W + W_1 + \cdots) \right)$$

$$= 0.075 \cdot 5 \, \left(0.96 \cdot \frac{5}{8} \cdot \frac{10000}{60} + 0.40 \cdot \frac{\pi}{48} \cdot 2226 \right)$$

$$= 0.875 \cdot (266.7 + 58.3) = 192 \, \text{ Hunb.}$$

Ift nun noch ber halbmeffer bes Bargentreifes e. = 2 Boll, fo hat man bie Bargenreibung:

$$W_{\rm s} = g\pi \frac{g_{\rm s}}{s}(Q + W + W_1 + \cdots) = 0,075 \cdot \frac{2}{48} 2348 \pi = 7,33 \pi = 28 \ {\rm Hunb};$$

ift enblich die Kurbelstangenlänge $l=\frac{5}{2}s$, und nimmt man ben Coefficiensten ber gleitenden Reibung $\varphi=0.09$ an (f. I. §. 161), so hat man die Reisbung an den Schlitten des Stangentopfes:

$$W_0 = \varphi \frac{\pi}{8} \frac{s}{l} (Q + W + W_1 + \cdots) = 0.09 \cdot \frac{2}{5.8} \cdot 2871\pi = 10.67\pi = 84 \text{ Bfunb.}$$

hiernach ift nun bie gefammte Rorblaft;

 $Q + W + W_1 + \cdots + W_9 = 2871 + 34 = 2405$ Pfund, und die entsprechente Stangenkraft:

$$P = \frac{m}{n} \cdot \frac{\pi b}{s} (Q + W + W_1 + \cdots) = \frac{3}{5} \cdot \frac{5\pi}{4} \cdot 2405 = 5670 \ \text{Pfunb.}$$

Nimmt man ben Birkungsgrab ber Dampfmafchine allein $\eta=\frac{1}{3}$, so ershalt man bei einem Ueberdruck von $2\frac{1}{3}$ Atmosphäre, p-p=2,25. 15,1=34 Pfund, ben Durchmeffer bes Dampftolbens:

$$d = \sqrt{\frac{4P}{\eta\pi(p-q)}} = \sqrt{\frac{4.5670}{\frac{1}{8}\pi.34}} = \sqrt{\frac{12.5670}{84\pi}} = 25,24 \text{ 3oll.}$$

Drittes Rapitel.

Won dem Fortschaffen der Lasten auf ganz oder nahe horizontalen Wegen.

firberungsmethoden.

- §. 253. Das Fortschaffen (franz. und engl. transport) ber Laften (franz. fardeaux; engl. loads) auf mehr ober weniger horizontalen Wegen kann auf folgende Beise erfolgen:
 - 1) Durch das Tragen ber Menschen ober Thiere auf dem Ruden;
 - 2) burch Schlitten ober Schleifen auf dem Schnee ober Pflafter u. f. w.;
 - 8) burch eins ober zweiraberige Karren auf Laufbrettern ober auf bem Bugboben;
 - 4) durch vier- ober mehrraberige Bagen auf Straffen und Gifenbahnen, und
 - 5) durch Rahne, Schiffe u. f. w. auf bem Baffer.

Unter allen biefen Forderungsmethoben ift in der Regel bas Tragen (franz. le portage; engl. the bearing) die unvortheilhafteste, weil hier das ganze Gewicht der Forderlast von dem Arbeiter aufgenommen und bei jedem Schritte mit dem Gewichte desselben zugleich um eine gewisse Höhe, welche (nach II., §. 81, Anmerkung) 0,09375 der Schrittlange gleich zu sehen ist, gehoben werden muß. Ist die Last = Q, so hat man falglich die ihr entsprechende Kraft oder Anstrengung des Arbeiters beim Tragen berselben:

P = 0.09375 Q.

Die Kraft zum Fortschaffen ber Kasten mittelft Fuhrwerke (franzvoitures; engl. carriages) ist zwar ebenfalls ber Last Q proportional, alziein sie ist in der Regel ein viel kleinerer Theil derselben, als beim Tragen, wenigstens nahert sich diese Kraft dem angegebenen Werth P nur erst dann, wenn der Wagen auf einer sehr schlechten Straße mit vielem Kothe und tiesen Gleisen fortzuziehen ist. Hier kann, wie weiter unten angegeben wird, P=1/18 Q=0.077 Q betragen. Etwas anders ist allerdings das Verhältniß bei ansteigenden Wegen, wo außer der gewöhnlichen Zugkraft auf horizontalen Straßen, der Theorie der schiesen Ebene zu Folge (s. I., §. 134), noch das sinuirte Gewicht des Arbeiters und der Last zu überwinden ist. Bezeichnet α das Ansteigen der Straße, μ einen Ersahrungscoefficienten und G das Gewicht des Arbeiters, so haben wir:

$$P = \mu Q + (Q + G) \sin \alpha$$

ju fegen.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 569

Da nun der Theil (Q+G) sin. lpha bei allen Forderungsweisen einer und Berberungsmeinen der α berfelbe ift, fo folgt, bag ber Rraftunterichied bei benfelben verhaltnigmäßig um fo fleiner ausfallt, je großer ber Steigmintel a ber Strafe ift, auf mels der bie Laft fortgeschafft wirb. Die Forderung in Rarren (frang. brouettes: engl. carts, wheel-barrows) fteht zwischen bem Tragen auf bem Ruden und dem Fortschaffen in Bagen inne, weil hier noch ein Theil der Laft () von bem Arbeiter unmittelbar aufgenommen witb. Die Rraft gur Rorbes rung mittelft Schlitten ober Schleifen (frang. traineaux; engl. sledges) ift bekanntlich nach ber Art und bem Buftande ber fich reibenden Rlachen febr verschieben. Fur bie Bewegung eines Schlittens mit bolgernen Rufen auf einer glatten Boly ober Steinbahn ift ber Reibungecoefficient:

> im ungeschmierten Buftanbe geschmiert mit trodener Seife geschmiert mit Zalg .

Auf einer guten Schneebahn fallt die Reibung eines folchen Schlittens nur 0,035 aus, und fur die Bewegung ftablerner Schlittenkufen auf.ges frorenem Schnee ober Gis ift $\mu = 0.02$. Bei der Bewegung der Ba. gen auf guten Strafen fallt $\mu = 0,02$ bis 0,04 aus, und fur bie Bemes aung ber Bagen auf Eisenbahnen ift u gar nur 0,003 bis 0,005.

Bas endlich bas Fortschaffen ber Laften zu Baffer anlangt, fo ift bier ber Biberftandscoefficient u gar nicht conftant, fondern es machft berfelbe mit dem Quabrate ber relativen Gefchwindigkeit bes Sahrzeugs (S. I., 6. 428 u. f. w.). Ift biefe Geschwindigkeit febr tlein, fo fallt bier u noch kleiner als 0,003 aus; es ift folglich bann bas Fortschaffen ber Laften ju Baffer noch vortheilhafter als bas auf Gifenbahnen.

6. 254. Bei ber Forberung auf mehr ober weniger horizontalen De= gorberungegen wird der Arbeitsaufwand durch das Gewicht Q1 des Fordergefa. fes (franz. und engl. vehicule) nicht unansehnlich erhöht. Das Berhåltniß $rac{Q_1}{O}$ = u des Gewichtes des Förderungsmittels zu dem der Last ist jugleich die relative Bergroßerung bes Arbeitsaufwandes, welchen bas Ditfortschaffen des Forderungsmittels erfordert; nun beträgt aber das Bewicht Q1 meift 1/5 bis 1/3 ber Laft Q, folglich erforbert auch beim Tragen und Korbern in Wagen, Schlitten u. f. w. bas Gewicht bes Forbergefages eine Bergrößerung ber Arbeit von v == 1/5 bis 1/3 der Rubleiftung. bas Forberungsmittel überbies noch leer jurudgeschafft werben, wie es 3. B. bei wiederholtem Transport auf berfelben Strede nothig ift, fo ift biefe Bergrößerung ber Arbeit fogar bas Doppelte, b. i. 2 $\nu={}^2/_5$ bis ${}^2/_6$ ber Nubleistung.

Bei der Forderung durch Menschen und Thiere haben wir nach II., 6. 80:

fur die Beschwindigkeit v beim hinwege, mit gefulltem Forbergefage:

$$\left(2-\frac{v}{c}\right)K=\mu\left(1+\nu\right)Q,$$

und fur die Geschwindigkeit v_1 beim Rudwege, mit leerem Forberungsmittel :

$$\left(2-\frac{v_1}{c}\right)K=\mu\nu Q.$$

Es ift folglich:

$$v=c\left(2-\mu\left(1+
u
ight)rac{Q}{K}
ight)$$
 und $v_1=c\left(2-\mu
urac{Q}{K}
ight),$

wobei c die mittlere Geschwindigkeit und K die entsprechende mittlere Kraft bes Arbeiters bezeichnet.

Wird nun der Forberungsweg s in der Schichtzeit t nmal bin und ebenso oft her jurudgelegt, so hat man:

$$n = \frac{t}{\frac{s}{v} + \frac{s}{v_1}}$$
, ober $ns = \frac{t}{\frac{1}{v} + \frac{1}{v_1}} = \frac{v \, v_1 \, t}{v + v_1}$,

und baber bie Rugleiftung pr. Schicht:

$$Qns = \frac{Qv v_1 t}{v + v_1} = \frac{Kv_1 t}{\mu (1 + \nu)} \frac{\left(2 - \frac{v}{c}\right)v}{v_1 + v}.$$

Die Geschwindigkeit v_1 ist nur wenig kleiner als $2\,c$ und läßt sich bas her als constant ansehen. Dies vorausgeset, erhalten wir nun burch Differenziiren ben vortheilhaftesten Geschwindigkeitswerth:

$$v = \sqrt{(2c + v_1)v_1} - v_1,$$

folglich als erften Raberungswerth:

$$v_1 = 2 c \text{ unb}$$

 $v = 2 c (\sqrt{2} - 1) = 0.828 c$

moraus nun:

$$Q = \left(2 - \frac{v}{c}\right) \frac{K}{\mu(1+\nu)} = 1{,}172 \frac{K}{\mu(1+\nu)},$$

und ein zweiter Raberungswerth:

$$v_1 = c\left(2 - 1{,}172 \frac{v}{1+v}\right)$$

folat, und fich enblich auch v und Q genauer bestimmen laffen.

Segen wir $\nu=0$, nehmen wir alfo an, bag ber Arbeiter nach jebem Transport ohne alle gaft jurudgehe, fo haben wir genau:

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 571

$$v_1 = 2 c$$
, $v = 0.828 c$ und $Q \stackrel{?}{=} 1.172 \frac{K}{\mu}$,

und baher bie tagliche Rugleiftung:

$$Qns = 1{,}172 \frac{K}{\mu} \cdot \frac{0{,}828 c \cdot 2 ct}{2{,}828 c} = 0{,}686 \frac{K}{\mu} ct,$$

b. i. circa 2/8 ber Arbeitefahigfeit bes Arbeiters.

Die mittleren Berthe fur K, c und t beim Tragen auf bem Ruden, wo $\mu=1$ zu fegen ift, sind bereits Bb. Π ., §. 79 mitgetheilt worben.

Beispiel. Benn die Kraft zum Fortschaffen einer Last $P=\frac{1}{20}Q$, also $\mu=\frac{1}{20}=0.05$ ist und wenn das Gewicht des Förderungsmittels $Q_1=\frac{1}{4}Q$, also $\nu=\frac{1}{4}$ beträgt, und dasselbe nach jedem Gange wieder leer mit zurück, gebracht werden muß, so ist die vortheilhafteste Geschwindigkeit auf dem Rūckwege:

 $v_1 = c (2 - 1,172.\frac{1}{6}) = 1,7656 c$, ferner bie auf bem hinwege:

$$v = (\sqrt{1,7656 \cdot 3,7656} - 1,7656) c = 0,8129 c;$$

bie reine Laft:

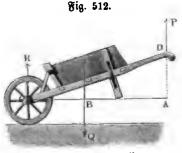
$$Q = (2 - 0.8129) \frac{K}{\frac{1}{20...} \frac{5}{4}} = 18.99 K,$$

und bie entfprechenbe Rugleiftung:

$$Qns = \frac{Qvv_1t}{v+v_1} = \frac{0.8129 \cdot 1.7656 \cdot 18,99 \ Kct}{2.5785} = 10.57 \ Kct$$
$$= 0.5285 \frac{Kct}{\mu},$$

b. i. beinahe 53 Brocent bes Arbeitevermogens.

§. 255. Die burch Menschenkraft in Bewegung zu setzenben einrades Chiebtarren. rigen Fuhrwerke sind ber Schiebbod und ber Schiebkarren. Beide bilben einen einarmigen Bebel, CSD, Fig. 512, bessen Stuppunkt C bie Dres



hungsare bes Rabes und bessen Kraftpunkt D bie Handhaben bes Arbeiters bilben; sie unterscheiben sich jedoch baburch von einander, baß die letztere mit einem vollständigen Kasten zur Aufnahme ber Last ausgerüftet ist, wogegen ber erstere nur eine über das Rad weggreisende Rücklehne hat. Fig. 512 führt einen Schiebkarren vor Augen, wie er zum Fortschaffen von Erde

massen beim Eisenbahnbau gebraucht wird; in Fig. 518 (a. f. S.) ist bas gegen ein sogenannter Auslaufkarren abgebilbet, welcher beim Bergbau zum Aussturzen ber zu Tage ausgeforberten Gesteinmassen auf die halbe bient. Bei bem ersten Karren sitt bas eigentliche Forbergefäß auf ben

Sattenfchenkeln auf, wogegen es bei bem zweiten mehr baran hangt, in-



Fig. 513.

bem bie Schenkel CD, C_1D_1 zugleich die langen Seitenwände des Fördergefäßes bilben. Ift der Mormalabstand CA der Ure C des Karrens (Fig. 512) von der Richtung der Kraft, — a, und der Hos

rizontalabstand CB eben dieses Punktes von Bertikalen durch ben Schwers punkt S ber kast Q sammt Gewicht bes Karrengestelles, =b, so hat man Pa=Qb, und baher die Kraft:

$$P = \frac{b}{a} Q$$
.

Der übrigbleibende Druck $R=Q-P=\frac{a-b}{a}\,Q$ in der Radare wird von dem Fußboden aufgenommen und erzeugt baselbst eine Reibung, welche nebst der untergeordneten Zapfenreibung ebenfalls von dem Karrensläufer zu überwinden ist. Bei gutem, festem Fußboden kann man annehmen, daß beide Reibungen zusammengenommen nicht mehr als $^{1}/_{50}$ des Druckes, das Gewicht Q_{2} des Rades mit eingerechnet, betragen. Deshalb kann man auch bei approximativen Rechnungen, wie sie für den vorliegenden Fall nicht anders verlangt werden können, diese Reibungen ganz außer Betracht lassen, indem man reichlich

$$P = \frac{b}{a} (Q_1 + Q) = \frac{b}{a} (1 + \nu) Q$$

fest, wo $u = \frac{Q_1}{O}$, das Berhaltniß des Karrengewichtes zur Laft bezeichnet.

Dieses Kraftverhaltnis wird jedoch ein anderes, wenn ber Fusboden anssteigt ober abfallt. Man hat dann, wie bereits §. 258 angegeben worden ift, noch die Kraft $(Q+Q_1+Q_2+G)$ sin. α auszuüben nöthig, also im Ganzen:

$$P = \frac{b}{a} (Q + Q_1) + (Q + Q_1 + Q_2 + G) \sin \alpha,$$

und zwar nicht allein beim Auffteigen, sonbern auch beim Abwartslaufen, wo es barauf ankommt, die Beschleunigung des Karrens auszuheben. Man rechnet beim Fordern auf einer horizontalen Strecke mittelst des Schiebkarrens, daß ein Arbeiter eine kast von 128 Pfund mit einer mitteleren Geschwindigkeit von 1,6 Fuß mahrend einer zehnstündigen Arbeitszeit sortschaffen könne, wobei er jedoch nach jedem Gang leer zurücksährt. Die entsprechende Arbeit pr. Sec. ist 128. 1,6 = 204,8 Pfund, und

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen, 578 taalich 7'873000 Rufpfund. Bei bem hiefigen Bergbau forbert ein Ars Colebtarren. beiter in ber allerdings nur fecheftundigen Arbeitezeit 120 Rubel Berge (Steinftude) auf 80 Meter horizontaler Entfernung. Die entsprechenbe tage liche Rutleiftung ift, wenn wir, wie oben (6. 239), ben Rubel ju 92 Pfund Gewicht annehmen, nur 120 . 80 . 3,1862 . 92 = 2'814000 Fugpfund. Die Leiftung ber Rarrenforberung veranbert fich mit bem Bebelarmverhaltnif b, welches meift innerhalb ber Grengen 1/5 und 1/3 liegt, und tann baber bei verichiebenen Rarren und verichiebener Auflabung febr perfchieben ausfallen, zumal wenn ber Weg nicht gang horizontal ift.

Beifpiel. Benn bei einem Schiebkarren, beffen Gewicht fammt gaft 260 Pfund beträgt, das Bebelarmverhaltniß $\frac{b}{a}=lam{1}{4}$ beträgt, fo hat man fur bie Eragfraft bes Arbeiters $P=rac{b}{a}~(Q+O_1)=lac{1}{4}$. 200 = 50 Pfund. Bers gleichen wir nun biefe Anftrengung mit bem Tragen auf bem Ruden, wobei nach II., §. 79, K=851/2, c=2,4 und t=7, also Qct=5'171040 angegeben morben ift, fo finben wir bie ber Tragfraft P = 50 Bfund entsprechende Gefdwinbigfeit :

$$v = c \left(2 - \frac{P}{K}\right) = 2.4 \cdot \left(2 - \frac{50}{85.5}\right) = 2.4 \cdot \frac{242}{171} = 3.40 \, \text{gu}\,\text{g},$$

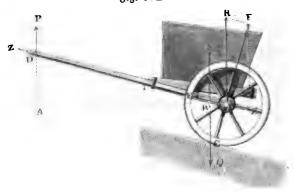
und nehmen wir an, bag bie Forbermaffe bes Rarrens Q = 100 Bfund beträgt, fo haben wir die tagliche Leiftung bei biefer Forberungeweife:

Qvi = 100.8,4.7.60.60 = 8448000 Fußpfund, wobei jeboch noch nicht auf bas leere Burudfahren Rudficht genommen worben ift. Bir wiffen aus bem Dbigen, bag hierburch bie Leiftung eirea ein Drittel fleiner wird; weshalb wir alfo auch bie effective Leiftung pr. Schicht nur

1/2 . 8,448000 = 5'632000 Fußpfund fegen burfen.

Die Forberung in zweiraberigen Bagen ober Rar- 3melraberige ren ift ebenso zu beurtheilen wie die Forberung mittelft ber sogenannten Schiebkarren. Gie merben somohl burch Menschen als burch Pferbe in Bewegung gefett, und haben zwei Deichfeln (frang. timons; engl. poles), welche eine fogenannte Gabel (frang. limon; engl. thill), zwischen welche ber Arbeiter ober bas Bugpferd ju ftehen kommt, bilben. Die Laft wird auf biefe Rarren fo aufgepactt, bag ber Schwerpunkt berfelben nahe vor der Radare ju liegen tommt, folglich nur ein fleiner Theil ber Laft mittelft ber Gabel auf ben Ruden bes arbeitenben Gefchopfes ju übertra: gen ift. Ift die gange CD eines folchen in Fig. 514 (a. f. G.) abgebilbeten Rarrens = a, ferner ber Abstand bes Schwerpunktes ber Last Q bes Karrens von ber Rabare C, in ber Deichselare gemeffen, b. i. CE =b, und der Abstand besselben Punktes von dieser Are, d. i. SE=c. Nehmen wir an, bag ber Weg unter bem Bintel a anfteige, und bag bie Deichsel unter bemfelben Binkel ACD = a gegen ben horizont geneigt

Beitaberige fei, bann ift ber Bebelarm ber Tragfraft P bes Arbeiters, CA = a cos. a garen Fig. 514.



und der der Last Q, $CB = b \cos \alpha - c \sin \alpha$, demnach: $Pa \cos \alpha = Q$ ($b \cos \alpha - c \sin \alpha$), und folglich die Tragkraft:

$$P = \left(\frac{b \cos \alpha - c \sin \alpha}{a \cos \alpha}\right) Q = \left(\frac{b - c \tan \alpha}{a}\right) Q.$$

Es nimmt also die Tragkraft P ab, wenn das Ansteigen des Weges ein größeres wird, und es fallt dieselbe sogar negativ aus, b. i. es wirkt der belastete Karren von unten nach oben auf den Arbeiter, wenn c tang. $\alpha > b$ ist. Damit dieser ungunstige Kall der Arbeitsverrichtung vermieden werde, muß immer der Schwerpunkt S der Last mindestens um den Abstand CE = b = c tang. α , wo α den größten Steigwinkel des Weges bezeichnet, vor der Radare zu liegen kommen.

Außer der Tragkraft P hat der Arbeiter noch eine Zugkraft Z auszusuben, welche den einen Componenten der von dem Wege aufzunehmenden Kraft F ausmacht, während der andere Component die Differenz

$$R = Q - P = Q - \left(\frac{b - c \, tang. \, \alpha}{a}\right) Q = \left(1 - \frac{b}{a} + \frac{c}{a} \, tang. \, \alpha\right) Q \, ift.$$

Man hat:

$$F = \frac{R}{\cos \alpha}$$
 und $Z = R \sin \alpha = F i ang. \alpha$.

Für die Bewegung auf einem horizontalen Boben ift $\alpha=0$; baber bie Tragkraft:

$$P=rac{b}{a}\ Q$$
 und die Zugkraft $Z=0.$

Diese Kraftverhaltnisse werden naturlich durch die Arenreibung und durch den Widerstand des Fußbodens noch abgeandert. Bezeichnet man die Summe dieser beiben Widerstande durch W, so ist baher die Zugkraft

Bon bem gortschaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 575

 $Z=R\sin$, lpha+W, also fur die Bewegung auf horizontalem Wege 3metriberige Z=W zu seben.

Da sich das arbeitende Geschopf beim Fortziehen oder Fortschieben einer Last durch die Reibung seiner Fuße auf dem Fußboden festhalten muß, so ist naturlich nothig, daß die Zugkraft Z diese Reibung nicht übertreffe. Ift o ber entsprechende Reibungswinkel und G das Gewicht des arbeitenden Geschopfes, so kann man segen:

tang.
$$\varrho = \frac{G+P}{Z}$$
.

Es ist also das Berhaltniß $\frac{P}{Z}$ der Tragkraft zur Zugkraft um so gröser oder kleiner zu nehmen je größer oder kleiner der Reibungswinkel ϱ oder je rauher oder glatter der Fußboden ist. Für die Zugkraft der Pferde auf horizontalen Straßen ist z. B. erfahrungsmäßig die Leistung am größten, wenn $\frac{P}{Z}=1/5$ beträgt. Wenden wir diese Regel auf die zweisräderigen Fuhrwerke an, so haben wir

$$\frac{b Q}{aW} = 1/5$$
, also $\frac{b}{a} = 1/5 \frac{W}{Q}$

zu nehmen.

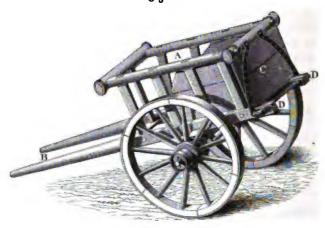
Die zweitaberigen Karren werben vorzüglich zum Erbtransport bei Sifenbahnanlagen gebraucht und hier entweder von einem Pferbe ober von zwei bis brei Arbeitern fortbewegt. Der Kasten zur Aufnahme ber Erbe sit entweder fest auf ber Radare ober er ist um eine besondere Are brehbar, also zum Umkippen eingerichtet, weshalb auch solche Karren gewöhnlich Wippkarren genannt werden. In Figur 515 ist ein ges

Fig. 515.



576 Bweite Abtheilung. Erfter Abiconitt. Dritles Rapitel.

Bagenkaften A sist hier fest auf den Deichseln B, und ift jum Fullen Fig. 516.



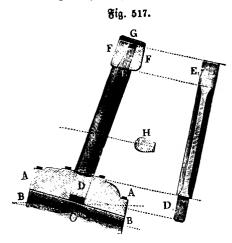
und Leeren mit einer losbaren hinterwand C versehen. Die Borderwand und ein Theil der Seitenwande sind der Deutlichkeit wegen abgenommen gezeichnet. Um diese Karren nicht allein durch Schub, sondern auch durch Bug fortbewegen zu konnen, sind noch haten D, D zum Einhangen eines Zugseiles angebracht.

6. 257. Den mefentlichften Theil aller Rarren und Bagen bilben bie Bagenraber. Raber (frang. roues; engl. wheels) mit ihren Apen (frang. essieux; engl. axles). Die Raber bestehen aus bem Krange, ber Rabe und ben Armen ober Speichen (vergl. f. 79). Die Raberange ber Rarren und Bagen fur gewöhnliche Strafen werben aus bogenformigen Bolgftuden, ben fogenannten Rabfelgen (frang. jantes; engl. fellies) jufammengefett, und mit einem ichmiebeeifernen Banbe, bem fogenannten . Rabreifen (frang. la bande; engl. the hoop), umgeben. Die Rabe (frang. le moyen; engl. the nave) eines Rades besteht in einem Solg: terne, welcher von außen mit eifernen Banbern umgeben ift und in feinem Inneren ein hohles Metallfutter enthalt, burch welches die Radare binburchgeht. Die Rabfpeichen (frang. les rais; engl. the spokes) verbinben ben Rabfrang mit ber Rabe und find beshalb in biefen beiben Rabtheilen eingezapft. Gie find in ber Regel von Gichenholz und haben einen mehr ober weniger elliptischen Querschnitt. Deift hat ein Rad 12 Speichen.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe borigontalen Wegen. 577

Die Bagenaren find entweber aus Schmiebeeifen ober aus Bolg und Bagentater. an ber unteren Flache mit Gifen befchlagen. Der mittlere Theil ober Rorper einer Bagenare bat einen mehr ober meniger rectangularen Querfcmitt, bie Enden ober Bapfen beffelben (frang. fusées d'ossieu; engl. axle arms), melde burch bie Rabnabe binburchgestedt merben, find bagegen cplindrifch ober wenig conisch geformt. Durch die Conicitat ber Radaren wird nicht allein bie Daffe, fondern auch ber Reibungswiderftanb Baren bie Kahrstragen volltommen eben, fo murbe berfelben verminbert. man die Radebene in eine Ebene rechtwinkelig zu ihrer Are legen und biefe Are felbft gang gerade machen muffen; ba aber biefelben meift uneben find, Geleife und andere ftorenbe Erhohungen und Bertiefungen ents halten, fo giebt man gewohnlich ben Bagenrabern eine conische Korm, legt also die Rabspeichen in einen Regelmantel und giebt auch ben Bapfen ober Arenschenkeln eine fleine Neigung gegen ben Sorizont. gagt man nun noch jeber Nabe einen kleinen Spielraum auf ihrem Bapfen langs ber Ure, fo tann fich bas Rab beim Ueberfteigen einer fleinen Erhohung ober beim Einfinken in eine kleine Bertiefung in ber Arenrichtung fo verfchieben, bag bie Are mit ber auf ihr rubenden gaft nur wenig ober gar nicht fleigt ober finkt und fich baber auch bie Bugkraft wenig veranbert. langft bekannte Erfahrung, bag biefe Conicitat ber Raber in Bereinigung mit einer gemiffen Reigung ber Arenschenkel und einem gemiffen Spielraume bes Rabes langs feiner Are um fo großer fein muß, je fchlechter und unebener bie Kahrftrage ift.

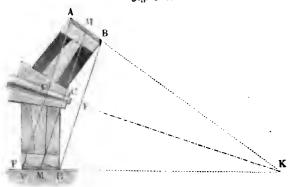
Fig. 517 führt die Busammensehung eines Wagenrades in einem Durchschnitte vor Augen. AA ift die eine Salfte ber Nabe und BB ihr metallenes Futter, welches in der Mitte bei C eine Sohlung zur Aufnahme



ber Schmiere enthalt. DE ift eine Rabspeiche, FF ber Radstranz und G ber eiferne Reifen um benfelben. Bei H sieht man noch ben Querschnitteines Radsarmes und D_1E_1 giebt bie aufere Ansicht eines Rabarmes.

Die conischen Bagenraber haben ben Nachtheil, daß sie sich nicht bloß auf dem Fußboden fortwalzen, sondern auch zum Theil auf demfelben fortgleiten, da verschiedene, der Are naher oder entfernter liegende Punkte des Radumfanges ver-

Ragenrober. schiedene Geschwindigkeiten besiten. Ift r ber mittlere Rabhalbmeffer CM, Fig. 518, rechtwinkelig zur Are DE ber Nabe gemeffen, ferner b bir Fig. 518.



Reifenbreite AB und a ber halbe Convergenzwinkel AKD bes Radreifens, fo hat man ben größten halbmeffer bes Rades:

 $DA = DF + FA = CM + FA = r + \frac{1}{2}b$ sin. a, und dagegen den kleinsten Halbmeffer deffelben:

$$EB = CM - FA = r - \frac{1}{2}b \sin \alpha.$$

Wenn folglich während einer Umbrehung das Rad um seinen mittleren Umfang $2\pi r$ fortrollt, muß der äußere Umfang $2\pi (r+1/2b\sin\alpha\alpha)$ desselben um den Beg $2\pi (r+1/2b\sin\alpha\alpha)-2\pi r=\pi b\sin\alpha\alpha$ gleitend zurück und der innere Umsang desselben um den Beg $2\pi r-2\pi (r-1/2b\sin\alpha\alpha)=\pi b\sin\alpha\alpha$ gleitend vorwärts bewegt und hierbei die entsprechende gleitende Reibung überwunden werden. Es wachsen hiernach die gleitenden Bege der verschiedenen Punkte des Radumfanges wie die Abstände dieser Punkte vom mittleren Radumsang und es ist daher der mittlere Berth dieser Bege $1/2\pi b\sin\alpha$. Ist nun Q die Belastung der Radare und φ der Coefficient der gleitenden Reibung des Rades auf dem Fahrwege, so hat man die Arbeit dieser gleitenden Reibung pr. Umdrehung $=1/2\pi b\sin\alpha$. α . φ Q, und folglich die Krast zur Ueberwindung derselben:

$$F = \frac{\frac{1}{2} \pi b \sin \alpha}{2 \pi r} = \frac{1}{4} \frac{b}{r} \varphi Q \sin \alpha.$$

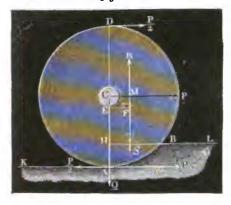
Es machft alfo die gleitende Reibung der conifchen Raber auf ber Sahrftrage mit der Breite der Rabreifen und mit dem Convergenzwinkel, und
nimmt bagegen ab, wenn ber Rabhalbmeffer ein größerer wird.

Aus bemfelben Grunde ichleifen fich auch die cylindrifchen Raber auf ber Fahrstraße, wenn die Rabreifen berfelben an ben Ranten abgerundet find.

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 579

6. 258. Die Rraft P jur Bewegung eines Bagens lagt fich genau Miberflant fo ermitteln, wie bie Umbrehungstraft einer Rabwelle. Diefelbe hat ihren Angriffspunkt in ber Upe C eines Rabes ABD und lagt fich erfeten burch eine am Suppuntte A bes Rabes angreifende Rraft P und burch ein

Fig. 519.



am Radumfange wirkendes
Kräftepaar
$$\left(-\frac{P}{2},\,\frac{P}{2}\right)$$
.

Bahrend nun bie erftere Rraft AP = P vom Widerstande ber Fahrbahn aufgenommen wirb, bringt bas Rraftepaar bie Umbrehung bes Rabes um feine Ure C hervor. Begeichnen wir ben Rabhalb. meffer CA = DD burch r, fo haben wir bas Moment biefes Rraftepaares:

$$= \frac{P}{2} \quad 2r = Pr,$$

und feten wir biefes ber Gumme ber Momente ber Biberftanbe gleich, welche der Umbrehung des Rades um C entgegenwirken, fo erhalten wir baburch eine Formel zur Bestimmung ber Zugkraft P.

Die Biderftande, welche bei Umbrehung ber Bagenraber um ihre Aren ju überminden find, beftehen nur jum fleineren Theil in ber Arenreibung, vorzüglich aber in bem Sinberniffe, meldes bie Kahrbahn barbietet.

Ift O bie Belaftung ber Rabare, o ber Coefficient ber Arenreibung und o ber Bapfenhalbmeffer, fo haben wir bekanntlich bas Moment ber Arenreibung oo, und folglich bie auf ben Rabumfang reducirte Aren: reibung = $\varphi \stackrel{\varrho}{=} Q$.

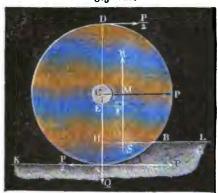
Das Sinderniß, welches die Sahrbahn ber Umbrehung bes Rades unmittelbar entgegenfest, ermachft entweber aus ber malgenben Reibung, ober aus ber Beichheit bes Bobens, ober endlich aus bem Unftogen bes Rabes an Steine ober an andere hervorragende Theile ber Strafe. genbe Reibung in bem in I. 6. 174 genommenen Sinne fett eine glatte Kahrbahn voraus und ift fo flein, bag fie in Ansehung ber anberen Sinberniffe außer Acht bleiben fann.

Rollt bas belaftete Bagenrab uber weichem Boben bin, fo brudt es eine Furche ober ein fogenanntes Geleis (frang. orniere; engl. rut) in benfelben ober vergroßert, menn baffelbe bereits vorhanden mar, deffen Diefe, wobei naturlich eine gewiffe mechanische Arbeit zu verrichten ift.

Bieterfland ber Bagrbabn.

Seten wir in Uebereinstimmung mit I. f. 173, Anmerkung, voraus, bas bas eingebrudte Erdvolumen bem Drucke proportional sei, so konnen wir biesen Arbeitsverluft wie folgt beurtheilen. Das Rab ABD brude ein

Rig. 519.



Das Rab ABD brude ein Geleise von ber Tiefe AH=h ein, und ruhe mit bem Bogen AB auf ber bei seinem weitern Fortrollen einzubrudenben Erdmasse ABL, während bas Geleise AK auf ber hinteren Seite bes Rabes bereits einzgebrudt ist. Wird bie Horizontalprojection BH bes Bogens AB mit l und bie Geleisbreite mit b bezeichnet, so kann man bas Bolumen V bes einzedrückten Erdborpers

 $ABH, = \frac{2}{3}bhl$

fegen. Wenn nun aber ber Wiberstand R, welchen ber Fußboden bem Ginfinten bes Rabes entgegensett, biefem Bolumen proportional ift, so kann man

$$R = \mu V = \frac{2}{3} \mu b h l$$

annehmen, wofern μ eine Erfahrungszahl bezeichnet, welche von der Berschaffenheit des Fußbodens abhångt. In der Regel ist die Geleistiefe h nur klein gegen den Radhalbmesser r, weshalb einfach $h=\frac{l^2}{2\,r}$, und daher

$$R = \frac{1}{3} \frac{\mu b l^3}{r}$$

gefett merben fann.

Da bas Gewicht bes belafteten Rabes von bem Fußboben aufzunehmen ift, fo ift R auch gleich biefem Gewichte, und baher umgefehrt aus bemfelben

$$l = \sqrt[3]{\frac{3 R r}{\mu b}}$$

ju berechnen.

Der Widerstand R ist ein Inbegriff von lauter parallelen Rraften und hat daher seinen Ungriffspunkt in dem Schwerpunkte S des ihm proportionalen Bolumens V=ABH. Der Abstand dieses Schwerpunktes von dem vertikalen Durchmesser AD oder der hebelarm der Kraft R in Beziehung auf die Umdrehungsare C ist:

$$CM = \frac{3}{8} HB = \frac{3}{8} l$$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 581 Bu fegen, folglich hat man bas Moment, mit welchem R ber Umbrehung miber fabre. bn. Des Rabes entgegenwirft:

 $R \cdot CM = R \cdot \frac{8}{8} \sqrt[4]{\frac{3Rr}{ub}} = \frac{3}{8} \sqrt[4]{\frac{3R^4r}{ub}}.$

Da sich ber Wiberstand R mit bem Gewichte Q bes belafteten Rabes ins Gleichgewicht fest, fo haben wir auch R=0, und folglich das gange Wiberstandsmoment:

$$Pr = \varphi \, Q \, \varrho + \frac{3}{8} \sqrt[4]{\frac{3 \, Q^4 \, r}{\mu \, h}},$$

und bie entsprechende Bugfraft an ber Rabare:

$$P = \varphi \frac{\varrho}{r} Q + \frac{3}{8r} \sqrt[3]{\frac{3Q^4r}{\mu b}}$$

$$= \varphi \frac{\varrho}{r} Q + \frac{3}{8} \sqrt[8]{\frac{3Q^4}{\mu b r^2}} = \varphi \frac{\varrho}{r} Q + \psi \sqrt[3]{\frac{Q^4}{b r^2}}$$

$$= (\varphi \varrho + \psi \sqrt[3]{\frac{Qr}{b}}) \frac{Q}{r},$$

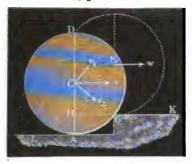
infofern w ben Coefficienten 3 V 3 bezeichnet.

Bahrend also ber eine Theil ber Bugtraft P einfach wie bie Last Q und wie bas Berhaltniß & bes Arenhalbmeffers jum Rabhalbmeffer machft, nimmt ber andere Theil im Berhaltnif von Q 3 gu und machft umgelehrt wie die Cubitmurgel aus ber Rad- ober Geleisbreite b und aus bem Quabrate bes Rabhalbmeffers r. Es ift alfo portheilhaft, hohe und breitfelgige Raber anzumenden, und biefelbe Laft auf mehrere Raber ju vertheilen.

Auf eine gang andere Beife ift ber Biberftand gu beurtheis unfick ber len, welchen großere Unebenheiten ober Bervorragungen des Beges, g. B. unverruchbare Steine, bem Fortrollen ber Bagen entgegenfeben. bann bei jedem Unftogen an ein folches Sindernig eine plotliche Rich. tungeveranderung ein, womit bekanntlich alle Mal ein Berluft an lebenbiger Rraft verbunden ift, jumal wenn bas Bagengeftelle feft auf ber Rabare fist, und folglich ber Stoß ein fast unelgstischer ift. Der bicfem Bewegungehinderniffe entsprechende Rraftverluft ift wie folgt zu beurtheis Das Bagenrab ABD, Fig. 520 (a. f. S.), welches auf dem Bege LA fortrollt, ftoge bei B an eine hervorragung BK von der Sohe AH = h, und sei durch Drehung um B auf dieselbe hinaufzubringen, wobei seine Are C ben Rreisbogen CE beschreibt. Die Geschwindigkeit v ber mit der Are fest verbundenen Last Q zerlegt sich bei bem Unftoge in bie Seitengeschwindigkeiten v1 und v2, wovon biejenige (v2), welche bie

Anfloß ber Haber an E.eine. Richtung CB hat, burch den Stoß ganglich verloren geht, fofern ben fich ftogenben Rorpern alle Glafticitat mangelt. Ift der Wintel ACB, um

Ria. 520.



welchen die Stofrichtung CB von der Bertikalen CA abweicht, $= \alpha$, so hat man die übrig bleibende Geschwindigkeit, mit welcher die Are den Bogen CE zu beschreiben ansfängt:

 $v_1 = v \cos v C v_1 = v \cos A C B$ = $v \cos a$,

und dagegen die verlorne Gefchwinbigfeit:

 $v_2 = v \cos v C v_2 = v \sin A C B$ = $v \sin \alpha$.

Ift endlich w die Geschwindigkeit Ew, welche die Last Q nach Durch-laufung des Weges CE oder nach Ersteigung des hindernisses BK erzeicht hat, so tann man den durch Ueberwindung dieses hindernisses herz beigeführten Arbeitsverlust sehen:

$$L_1 = Qh + Q \frac{w^2}{2g} - \frac{Q v_1^2}{2g} = Q \left(h + \frac{w^2 - v_1^2}{2g} \right).$$

Nun ift aber $v_1=v\cos\alpha$ und w=v zu sehen, wenn ber Bagen mit Beharrung fortrollen foll; daher hat man:

$$L_1 = Q\left(h + (1 - \cos \alpha^2) \frac{v^2}{2g}\right) = Q\left(h + \frac{v^2 \sin \alpha^2}{2g}\right).$$

Noch hat man:

$$\cos \alpha = \frac{CH}{C\bar{B}} = \frac{r-h}{r} = 1 - \frac{h}{r},$$

alfo:

$$\cos \alpha^2 = 1 - \frac{2h}{r} + \frac{h^2}{r^2}$$
, ober annähernd $1 - \frac{2h}{r}$;

baher ift einfacher:

$$L_1 = Q\left(h + \frac{2h}{r} \cdot \frac{v^2}{2g}\right) = Qh\left(1 + \frac{v^2}{gr}\right)$$

zu fegen.

Rollt das Wagenrad AD, Fig. 521, von einer Erhöhung AK herab, so wird zwar einerseits durch das Niedersinken von der Höhe BH = h an Arbeitsvermögen gewonnen, dagegen auch durch das Auffallen auf die Bahn BL wieder verloren. Hierbei geht die Geschwindigkeit w plöhlich in $w_1 = w \cos w Ew_1$ über, während die Geschwindigkeit $w_2 = w \sin w Ew_1$ rechtwinkelig gegen die Bahn BL verloren wird. Bezeichnen wir wieder den Winkel CAE = AEB, mit welchem sich die Wagenare während

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 583 bes Rieberfintens um bie Ede A bes hinderniffes breht, mit a, fo haben annes ber

Anftos ber Raber an Etcine.

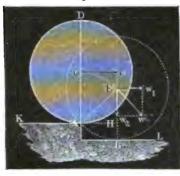


Fig. 521.

wir $w_2 = w_1$ tang. a. Die gewonnene Arbeit am Ende bes Aufsschlagens auf B ift hier:

$$L_2 = Qh - \left(\frac{Qw^2}{2g} - \frac{Qv^2}{2g}\right),$$

ober, ba ber Beharrung wegen $w_1 = v$ fein muß und

$$w^2 = w_1^2 + w_2^2$$
 iff:

$$L_2 = Q\left(h - \frac{w_2^2}{2g}\right)$$
$$= Q\left(h - \frac{w_1^2(tang.\alpha)^2}{2g}\right).$$

Ift die Sohe des hinderniffes, und also auch a tlein, so tonnen wir wieder tang. $\alpha^2 = \sin \alpha^2 = \frac{2h}{r}$ seben, und es folgt nun:

$$L_2 = Qh\left(1 - \frac{v^2}{gr}\right).$$

Biehen wir endlich biefen Arbeitsgewinn (L_2) von bem ersteren Arbeitsverlust (L_1) beim Aufsteigen bes Rabes ab, so folgt ber Arbeitsverlust, welchen bas Uebersteigen bes hindernisses im Ganzen veranlaßt:

$$L = Qh\left(1 + \frac{v^2}{gr}\right) - Qh\left(1 - \frac{v^2}{gr}\right) = 2Qh\frac{v^2}{gr} = 4Q\frac{h}{r} \cdot \frac{v^2}{2g}$$

Ift e bie Entfernung von einem folden harten hinderniß bis jum ans bern, fo hat man bie entsprechende Bergroßerung ber Bugtraft:

$$P = \frac{L}{e} = 4Q \frac{h}{er} \cdot \frac{v^2}{2g}$$

Es machft also ber Kraftverluft, welchen bas Unftogen eines Bagens an harte Steine verursacht, birect wie bie Laft, wie bie Sohe bes hindet-niffes und wie die Geschwindigkeitebohe, bagegen aber umgekehrt wie ber Rabhalbmeffer und wie bie Entfernung ber Steine von einander.

Der im Borstehenden gefundene Arbeitsverlust beim Anstoßen an Steine wird vermindert, wenn der Magenkasten mittels Stahlsedern mit den Radaren verbunden ist. In diesem Falle wird die Stoßkraft auf die Biegung der Federn verwendet und baher ganz oder zum Theil wieder gerwonnen, wenn sich die letteren wieder ausbiegen. In Folge dieser Ein- und Ausbiegung der Federn beschreibt denn auch der Schwerpunkt des belasteten Wagenkastens bei der Bewegung des Wagens auf gepflasteitem Wege eine gestreckte Schlangenlinie, während er ohne Anwendung von Federn ein Bickzack mit ploglichen Richtungsanderungen durchläuft. Bewegt sich

584

Anfloß ber Haber an Eteine. ber Bagen auf einer Schlangenlinie, beren concave Theile weniger gekrummt find, als die Bagenraber, so findet gar tein Anftog ftatt, und es fällt baher auch der zulett gefundene Arbeitsverlust ganz aus.

Beispiel. Wenn ein Wagen ohne Febern mit einer Geschwindigkeit von 10 Fuß auf einem unebenen Wege fortrollt und babei in Abständen von je 1 Fuß an Erhöhungen von 1/8 Boll Gohe anstößt, so ift bei ber Radhohe von 5 Fuß ber baraus erwachsende Berluft an Zugkraft:

 $P=4\frac{Qh}{er}\cdot\frac{v^2}{2g}=4\cdot\frac{1\cdot 2}{8\cdot 12\cdot 1\cdot 5}\cdot 0,016\quad 100Q=\frac{1,6Q}{60}=0,0267\,Q,$ also reichlich $2\frac{1}{6}$ Procent ber Last. Bei einer Fahrgeschwindigkeit von 5 Fuß wäre biese Kraft nur $\left(\frac{5}{10}\right)^3\cdot 0,0267\,Q=0,0067\,Q.$

Anmerfung. Wenn bas Rab A CB, Fig. 522, auf einem Steinpflafter Fig. 522. AKLB fortrollt, beffen Sohlungen es nicht aus-

AKLB fortrollt, beffen Sohlungen es nicht ausfullt, so ift ber Gefchwindigfeitsverluft wa beim Anftogen an ben Stein B noch größer, ba bann bie plogliche Richtungsanderung w Cw1 = ACB = 2CAD = 2CBE = 2 a

entritt. Deshalb hat man benn auch hier ben entsprechenben Arbeitsverluft:

$$L = Q \cdot \frac{w_1^2}{2g} = Q \cdot \frac{(w \sin 2 \alpha)^2}{2g},$$

ober wenn man w = v fest:

$$L=Q\frac{v^2}{2g}$$
 (sis. 2α)², annähernb:

$$L=4Q\frac{v^3}{2g}\cdot\frac{2h}{r}$$

Bezeichnet man noch bie Beite AB bes hohlen Raumes zwischen je zwei Steinen burch a, fo hat man ber Rreisgleichung zufolge:

$$h=\frac{a^2}{8r},$$

folglich:

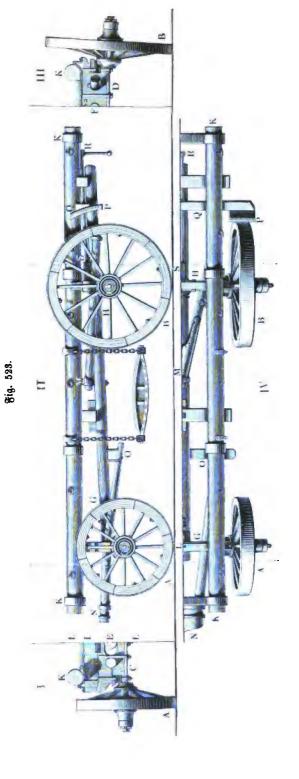
$$L=Q\,\frac{a^2}{r^2}\,\cdot\,\frac{v^2}{2\,g}\,,$$

und bie entsprechenbe Bergrößerung ber Bugfraft, wenn e bie Entfernung je zweier Steine von einander ift:

$$P = Q \, \frac{a^2}{r^2 \, e} \cdot \frac{v^2}{2 \, g} \cdot$$

Vierraberiger Wagen.

§. 260. Die Einrichtung eines gewöhnlichen vierraberigen Laftwagens ist aus ben Abbitbungen I., II., III. und IV. in Fig. 523 zu
ersehen. Die Abbitbung II. ist eine Seitenansicht des Wagens ohne die
Leitern oder den Kasten; die Abbitbung IV. ist der Grundriß der einen
Rabhalste; I. ist ferner die vordere Ansicht von der einen Halfte des vorberen Radgestelles und III. die hintere Ansicht von der einen Halfte des
hinteren Radgestelles. Das Borderrad A ist um ein Viertel kleiner als
bas hinterrad B. Beide Raderpaare laufen um schmiedeeiserne Apen C



Bierraberiger und D, auf welchen die fogenannten Tragichemel E und F befeftigt find, bie burch ben fogenannten Langbaum GH mit einander in Berbindung fteben. Ueber dem Tragfchemel E lieat noch ein zweis tes Querholy, ber fogenannte Bentichemel Jund biefer ift wieber mittele ber Tragbaume, wie 3. B. KK, mit bem Tragfchemel F verbunden. Es bilben alfo bie Schemel F und J mit ben Tragbaumen ein Geviere, welches bie Bafis bes Bagenraumes abgiebt. Um ben Bagen lenten ober ihm mit Leichtigfeit eine andere Richtung geben gu tonnen, ift es nothig, bag man bie vorbere Rabare unabhangig von bem übrigen Rabgeftelle in ber Sorizontalebene um einen gemiffen Bintel breben tonne, und bies wird burch einen ftarten eifernen Stift, ben fogenannten Reib. nagel LL bewirft. Derfelbe geht fentrecht durch die Mitte ber vorbes ren Rabare, und gwar nicht allein burch ben Tragichemel E und ben Lentschemel J, fondern auch noch burd bas übrigens in E frei bewegliche Ende bes Langbaumes. Durch ben Tragschemel F geht ein Paar Arme bindurch, welche bei M mit bem gangbaum fest verbunden find; und burch ben Tragichemel E find zwei andere Arme hindurchaestedt, an welche fic bei N bie Deichsel anschlieft und bie beshalb bie Deichselarme genannt werben. Bur weiteren Unterftubung ber Deichsel bient ein Querhole O, die fogenannte Brude, welche fich in ber Mitte gegen ben Lang-Noch fieht man in PORS bas aus 6. 166 bekannte baum ftemmt. Brems- ober Schleifwert, welches in ber hauptfache aus zwei eifernen Platten, wie g. B. P, besteht, die auf einem Querarm O festiben, ber mittels ber Schraubenspindel RS bin- und jurudgeschoben werden tann.

Der Angriffspunkt ber Zugkraft ober ber Befestigungspunkt bes sogenannten Ortscheites befindet sich im Niveau der vorderen Radare, und zwar am Ende der Deichsel, wo diese mit ihren Armen verbunden ist. Er liegt also auch ungefahr um den Halbmesser der Vorderrader über dem Fahrwege. Da es nun aber vortheilhaft ist, wenn die Zugkraft unter einem gewissen, der Größe des Widerstandes entsprechenden Winkel von unten nach oben wirkt, so giebt man in der Regel den Vorderradern eines Wagens einen kleineren Durchmesser als den hinterradern, obgleich im Allgemeinen die Kraft zur Bewegung des Wagens kleiner aussallt, wenn die Hohe der Rader eine größere ist. Dieses schiefe Ziehen der Kraft, und folglich die Anwendung von kleineren Vorderradern, ist besonders bei schlechten Gebirgswegen von Wichtigkeit.

§. 261. Die in §. 258 gefundenen Formeln fur die Bewegung eines belasteten Rades ober Raderpaares lassen sich auch bazu anwenden, bie Zugkraft vierraderiger Fuhrwerte auf ebenen Fahrstraßen zu bestimmen. Es sei wieder die Große der Forberlast — Q, die des Wagenkaftens oder

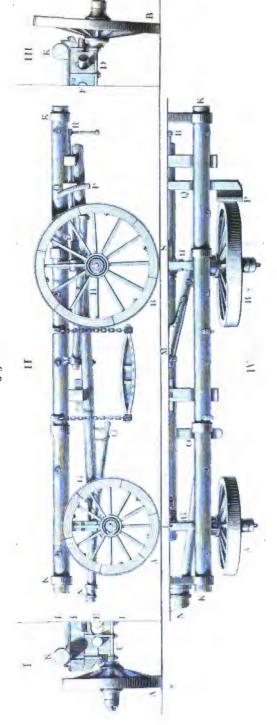
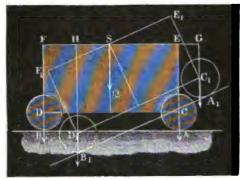


Fig. 524.

Wierraberiget Magengestelles $Q_1=
u\,Q,$ bas Gewicht bes vorderen Raberpaares $=R_1,$ bas bes hinteren = R2, ferner feien bie Balbmeffer biefer Raber r1 und r2, und die ihrer Apenichentel Q1 und Q2. Rehmen wir ferner an, bag ber Schwerpunkt S bes belafteten Bagens mahrend feiner Bewegung auf horijontaler Strafe von ben Rabaren C und D bes Bagens CDEF, Fig. 525, in vertitaler Richtung um $CE=DF=a_1$, und in horizon-

Ria. 525.



taler Richtung um ES $=e_1$ und $FS=e_2$ abs ftebe, bezeichnen wir ben Horizontalabstand e1 + e2 der beiden Radaren von einander burch e und end= lich noch die Rabfelgen= breite burch b. Sehen wir auch von ben Reigungen ber Bugfrafte gegen ben Sorizont ab, benten wir uns alfo biefelben horizon= tal ober parallel zur Kahr= bahn wirfenb.

Der Theorie bes Bebelb gufolge find bie Belaftungen ber beiben Rabaren C und D:

$$\frac{e_2}{e} (Q + Q_1) = (1 + \nu) \frac{e_2}{e} Q \text{ unb}$$

$$\frac{e_1}{e} (Q + Q_1) = (1 + \nu) \frac{e_1}{e} Q.$$

Ift nun wieder o ber Coefficient ber Arenreibung, fo erhalten mir ben Theil der Bugfraft, welcher auf die Uebermindung biefer Reibung vermenbet mirb:

$$P_{1} = \varphi \frac{\varrho_{1}}{r_{1}} (1 + \nu) \frac{e_{2}}{e} Q + \varphi \frac{\varrho_{2}}{r_{2}} (1 + \nu) \frac{e_{1}}{e} Q$$

$$= \varphi (1 + \nu) \left(\frac{\varrho_{1} e_{2}}{r_{1}} + \frac{\varrho_{2} e_{1}}{r_{2}} \right) \frac{Q}{e}.$$

Bezeichnen wir auch wieber ben Wiberstandscoefficienten ber Fahrstrage burch &, so haben wir fur benjenigen Theil ber Bugkraft, welcher bie Ueberwindung bes Wiberftandes am Umfange ber Raber beanfprucht, ba hier die Drude noch burch bie Rabgewichte vergrößert werben :

$$P_2 \psi = \sqrt{\frac{\left((1+\nu)\frac{e_2}{e}Q + R_1\right)^4}{br_1^2}} + \psi \sqrt{\frac{\left((1+\nu)\frac{e_1}{e}Q + R_2\right)^4}{br_2^2}}$$

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 589

ober annähernd und einfacher, wenn wir ψ $\sqrt[3]{\frac{Qr}{b}}$, worin r das Mittel Bagen. Bagen.

$$P_{3} = \frac{\psi_{1}}{r_{1}} \left((1 + \nu) \frac{e_{2}}{e} Q + R_{1} \right) + \frac{\psi_{1}}{r_{2}} \left((1 + \nu) \frac{e_{1}}{e} Q + R_{2} \right)$$

$$= \psi_{1} \left[(1 + \nu) \left(\frac{e_{3}}{r_{1}} + \frac{e_{1}}{r_{2}} \right) \frac{Q}{e} + \frac{R_{1}}{r_{1}} + \frac{R_{2}}{r_{2}} \right].$$

Siernach ift nun die gefammte Bugfraft, wofern ber Bagen feine Steins ober andere hervorragungen ju überichreiten hat:

$$P = P_1 + P_2 = \varphi \ (1 + \nu) \left(\frac{\varrho_1 e_2}{r_1} + \frac{\varrho_2 e_1}{r_2} \right) \frac{Q}{e}$$

$$+ \psi_1 \left[(1 + \nu) \left(\frac{e_2}{r_1} + \frac{e_1}{r_2} \right) \frac{Q}{e} + \frac{R_1}{r_1} + \frac{R_2}{r_2} \right]$$

$$= (1 + \nu) \left[\varphi \left(\frac{\varrho_1 e_2}{r_1} + \frac{\varrho_2 e_1}{r_2} \right) + \psi_1 \left(\frac{e_2}{r_1} + \frac{e_1}{r_2} \right) \right] \frac{Q}{e}$$

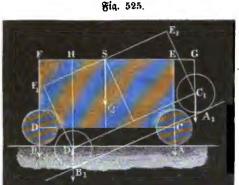
$$+ \psi_1 \left(\frac{R_1}{r_1} + \frac{R_2}{r_2} \right).$$

Wenn die Strafe unter bem Binkel a ansteigt , so ift zu biefer Rraft (vergl. §. 253) noch die Kraft

 $(Q+Q_1+R_1+R_2+G)\sin\alpha=[(1+v)Q+R_1+R_2+G]\sin\alpha$, wo G das Gewicht des Motors bezeichnet, hinzuzufügen.

Außerdem verändert sich auch hierbei die Lage des Schwerpunktes der Last gegen die Radaren, wobei die Berhaltnisse $\frac{e_1}{e}$ und $\frac{e_2}{e}$, und folglich auch beide Theile P_1 und P_2 der Krast eine Aenderung erleiden. Selangt der Wagen auf eine ansteigende Straße, so bewegt sich der Schwerpunkt des Wagens einwarts und es nimmt folglich $\frac{e_2}{e}$ ab und $\frac{e_1}{e}$ zu, und kommt er dagegen auf einen absallenden Weg, so tritt das Umgekehrte ein, es nimmt $\frac{e_2}{e}$ zu und $\frac{e_1}{e}$ ab. Dadurch erhalt im ersten Falle die hintere und im zweiten die vordere Are eine größere Belastung, und dies ist ein Grund mehr, daß man der ohnedies starter belasteten Hinterare größere Rader giebt als der Borderare. Die Armverhaltnisse $\frac{e_1}{e}$ und $\frac{e_2}{e}$ bei einer geneigzten Bahn lassen sich genau so berechnen, wie die einer gewöhnlichen Wage. (S. II., §. 69.) Denken wir uns den Wagenkaften CDFE um seinen Schwerpunkt S gedreht, und dadurch in die Lage $C_1D_1F_1E_1$ gebracht; dadurch geht der Arm $SE = SE_1 = e_1$ in SG und der Arm $SF = SF_1$ in SH über. Bezeichnen wir nun den Drehungswinktel

Bierraberiger $ESE_1=FSF_1$ ober bas Unsteigen ber Strafe burch lpha, so has ben mir:



$$SG = e_1 \cos \alpha + a \sin \alpha$$

 $SH = e_2 \cos \alpha - a \sin \alpha;$ also

$$GH = (e_1 + e_2) \cos \alpha$$
$$= e \cos \alpha.$$

Während bei der Bemegung auf horizontalem Wege bie Belaftungen der Radzaren C und D

$$(1+\nu)\frac{e_2}{e} Q \text{ unb}$$

$$(1+\nu)\frac{e_1}{e} Q$$

find, hat man folglich biefelben bei einem Unfteigen von a0:

$$(1 + \nu) \frac{SH}{GH} Q = (1 + \nu) \left(\frac{e_2 - a \ tang. \alpha}{e} \right) Q \text{ unb}$$

$$(1 + \nu) \frac{SG}{GH} Q = (1 + \nu) \left(\frac{e_1 + a \ tang. \alpha}{e} \right) Q.$$

Bei abfallender Strafe find bagegen biefe Belaftungen:

$$(1+\nu)\left(\frac{e_2+a\ tang.\ \alpha}{e}\right)Q$$
 und $(1+\nu)\left(\frac{e_1-a\ tang.\ \alpha}{e}\right)Q$.

Siernach hat man endlich die gange Bugeraft bei aufsteigendem Bege:

$$P = (1 + \nu) \left[\varphi \left(\frac{\varrho_1 (e_2 - a \ tang. \alpha)}{r_1} + \frac{\varrho_2 (e_1 + a \ tang. \alpha)}{r_2} \right) + \psi \left(\frac{e_2 - a \ tang. \alpha}{r_1} + \frac{e_1 + a \ tang. \alpha}{r_2} \right) \right] \frac{Q}{e} + \psi_1 \left(\frac{R_1}{r_1} + \frac{R_2}{r_2} \right) + \left[(1 + \nu) Q + R_1 + R_2 + G \right] \sin \alpha,$$

und bagegen bei abfallenbem Wege:

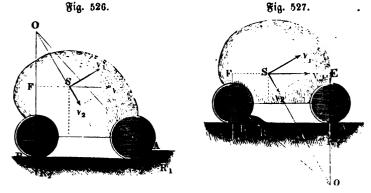
$$P = (1 + \nu) \left[\varphi \left(\frac{\varrho_1 (e_2 + a \ tang. \alpha)}{r_1} + \frac{\varrho_2 (e_1 - a \ tang. \alpha)}{r_2} \right) + \psi \left(\frac{e_2 + a \ tang. \alpha}{r_1} + \frac{e_1 - a \ tang. \alpha}{r_2} \right) \right] \frac{Q}{e} + \psi_1 \left(\frac{R_1}{r_1} + \frac{R_2}{r_2} \right) - [(1 + \nu) Q + R_1 + R_2 + G] \sin. \alpha.$$

Ift ber lette ober fubtractive Theil bes letten Ausbrudes großer als ber vorhergehenbe, fallt alfo P negativ aus, fo muß bas Schleifwerk in Thatigkeit gefett ober ein hemmichuh an bas eine Rab angeschloffen werben.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 591

Die Rraftverlufte, welche bas Unftofen vierraberiger Bagen Biertrafar. an Steine ober andere harte Rorper veranlagt, find mit Bugrundelegung bes 6. 259 wie folgt ju beurtheilen.

In bem Augenblide, wenn bas eine Raberpaar an ein hartes Sinbernif anftoft, nimmt ber gange Bagentaften eine brebenbe Bewegung an, beren Centrum O, Fig. 526 und Fig. 527, nach I., §. 96, der Durchschnitt



ber Perpenditel zu ben Bewegungerichtungen ber beiben Rabaren C und D Stoft bas vorbere Raberpaar an ein hinderniß A, Fig. 526, fo liegt biefer momentane Drehungspunkt über ben Rabaren; trifft hingegen bas hintere Raberpaar an eine hervorragung B, Fig. 527, fo befindet fich biefer Punkt unter ben Rabaren. Ift wieder a ber Binkel DOC, um melden bie Stofrichtung von der Bertifalen abweicht, fo haben wir den fentrechten Abstand ber Umbrehungsare O von der Linie CD burch die Rabaren DO = CD cotang $\alpha = e$ cotang α (Fig. 526).

Und find die Coordingten des Schwerpunktes S, wie oben DF=aund $FS = e_2$, so haben wir fur den Winkel β , welchen die Linie OSmit ber Bertifalen einschließt :

tang.
$$\beta = \frac{FS}{FO} = \frac{e_2}{e \ cotq.\alpha - a}$$
,

und hiernach bie burch ben Stoß verlorene Gefchwindigfeit:

$$v_2 = v \sin v S v_1 = v \sin FOS = v \sin \beta$$

$$= \frac{v e_2}{\sqrt{e_2^2 + (e \cos g \cdot \alpha - a)^2}}.$$

Bur ben Sall in Sig. 527 ift, wenn wir ftatt FS=eg, ES=eg einfuhren:

tang.
$$\beta = \frac{e_1}{e \ cotg.\ \alpha + a}$$
 und daher:
$$v_2 = v \ sin.\ \beta = \frac{v \ e_1}{\sqrt{e_1^2 + (e \ cotg.\ \alpha + a)^2}}.$$

Vierraberiger 28 agen.

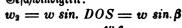
Es hången also die Geschwindigkeitsverluste nicht allein von ben Horis zontalabständen e_1 und e_2 , sondern auch von dem Bertikalabskande a des Schwerpunktes S von den Radaren C und D ab.

Auf ahnliche Weise laßt sich auch ber Geschwindigkeitsverlust finden, Big 528 wenn bas eine Raberpaar, 3. B. C in

Big. 528.

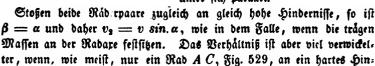
Fig. 528, von einem hinderniffe A herabrollt. Es ift hier die verlorene

Gefchwindigfeit:



 $= \frac{w e_2}{\sqrt{e_2^2 + (e \ colg. \ \alpha + a)^2}}$

Während bei ben in Fig. 526 und Fig. 527 abgebildeten Fallen die Stoßetrafte R1, R2 einen Winkel COD zwifchen sich einschließen, laufen in die fem Falle die Richtungen bieser Krafte unter sich parallel.







bernif ftoft. Ift d bie Lange CD ber Rabare ober ber Abstand ber beiben Raber einer Are von einander und h bie Sohe AH bes hindernisses, so hat man fur ben Reigungswinkel ABH = d ber Rabare gegen ben horizont:

$$\sin \delta = \frac{h}{d}$$

Liegt ber Schwerpunkt ber Last Q um die Sohe FS=a uber ber Radare, so hat man ben hebelarm dieser Last in hinsicht auf ben Fugpunkt bes ungehobenen Rabes:

$$BE = x = \frac{d}{2}\cos \beta - (r + a)\sin \beta$$
.

Es nahert sich bieser Arm, und also auch die Stadititat des Magens bei gleicher Arenneigung β um so mehr der Rull, je hoher die Rader sind, je hoher der Schwerpunkt der Ladung liegt und je kurzer die Arenslange d ist. Die letten beiden Ausbrucke sinden jedoch nur dann eine unmittelbare Anwendung, wenn beide Rader auf einer und berselben Seite

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 598 bes Rabes an ein Hinderniß zugleich stoßen, so daß jede Radare die Nei- Bierraberiger gung sin. $\beta = \frac{h}{d}$ annimmt. Ist aber nur eine Radare geneigt, so hat man in dem Ausbrucke:

$$x = \frac{d}{2}\cos \beta - (a+r)\sin \beta$$

für das Maß der Stabilität des gangen Wagens fatt sin. $\beta = 1/2 \frac{h}{d}$

einzusehen. Ift endlich $tang.\beta > \frac{d}{2(a+r)}$, so fallt der Wagen um.

Die Reigung β kann die eine oder konnen beide Radaren auch dann annehmen, wenn die Fahrstraße nach der einen Seite hin abschüssig ift. Doch ist hier ein Umstärzen des Wagens weniger leicht möglich, als beim Anstoßen an Hervorragungen, weil dort auch noch die Wirkungen des Stoßes hinzutreten. Da in diesem Falle die Reaction (— R) des hindernisses A nicht der im Schwerpunkte S_1 der Belastung angreisenden Trägsbeitskraft R direct entgegenwirkt, so bildet sich noch ein Kräftepaar $\frac{R}{2}$, welches den Wagen um den Fußpunkt B des tieferstehenden Rades zu brehen sucht und folglich dem Momente des Gewichtes Q entgegenwirkt. Das Moment dieses Kräftepaares ist Rd, während das Moment vom Gewichte Q, Qx beträgt; wenn also

$$Rd > Q\left(\frac{d}{2}\cos \beta - (a+r)\sin \beta\right)$$

ober menn

tang.
$$\beta > \frac{d}{2(a+r)} - \frac{Rd}{Q(a+r)\cos\beta}$$

ift, fo verliert ber Bagen feine Stabilitat.

Bei ber gewöhnlichen, uns aus §. 260 bekannten Ginrichtung ber Wagen haben übrigens mahrend ber Reigung ber einen Rabare ber Langsbaum, sowie auch die beiden Tragbaume eine Torsion auszuhalten, wodurch die haltbarkeit bes ganzen Bagens sehr gefahrbet fein kann.

- 5. 263. Nach ben ausführlichften Versuchen, welche in neuerer Zeit Wiberflands von Morin angestellt worben find, ist ber Wiberstand, welchen ein gutes Steinpstafter ober eine festzusammengefahrene Schotterstraße ber Bewesgung ber Bagen entgegenset,
 - 1) nabe birect proportional ber Laft,
 - 2) umgekehrt proportional ber Rabhohe, und bagegen
 - 3) beinahe unabhangig von der Ungahl der Raber und von der Felgens ober Rabreifenbreite.

III.

Wiberftanbs.

Auf weichem ober zusammenbrudbarem Boben, sowie auch auf frisch beschotterten Straßen nimmt bagegen bieser Widerstand ab, wenn die Reisfenbreite eine größere wird. Beim langsamen Fahren (unter 8 Fuß Geschwindigkeit) ist dieser Widerstand ziemlich unabhängig von der Geschwindigkeit und eben so groß bei Wagen mit Federn wie bei Wagen ohne Federn. Bei größerer Schnelligkeit wächst dagegen dieser Widerstand, zumal während des Fahrens auf harter Schotterstraße oder auf Steinpslaster, nahe proportional der Geschwindigkeit; auch ist hierbei die Kraft kleiner, wenn der Wagenkasten in Federn hangt, als wenn er fest auf den Radaren aussist. Ze elastischer der Fahrweg und je elastischer der Wagen sowie die Last auf demselben ist, desto kleiner fällt in diesem Falle auch die Zugkraft aus.

Die Reifenbreite von 4 bis 41/2 Boll ift bei Lastwagen bie angemeffenste, ba schmalere Raber bie Strafe ju febr angreifen, und breitere teine Kraftersparniß geben. Die Umftanbe und Berhaltniffe, welche bie Zugkraft steigern, verschlechtern naturlich auch die Fahrstraße.

Die ersten ber im Borstehenben angegebenen Regeln weichen befonders barin von der weiter oben entwickelten Theorie ab, als dieser zu Folge die Zugkraft dem Ausbrucke $\sqrt[3]{\frac{Q^4}{b\,r^2}}$ proportional ist, also direct wie $Q^{4/2}$ und umgekehrt wie $\sqrt[7]{r^2}$ und $\sqrt[7]{b}$ wächst. Nun ist aber:

$$\sqrt[3]{Q^4} = \sqrt[3]{Q} \cdot Q, \sqrt[3]{r^2} = \sqrt[3]{\frac{1}{r}} \cdot r \text{ und } \sqrt[3]{1,1} = 1,032;$$

wenn folglich die Werthe von Q, r und b innerhalb enger Grenzen schwanken und von gewissen mittleren Werthen nicht um mehr als 10 Procent abweichen, so kann man annähernd 1,032=1, also für $\sqrt[3]{Q}$, $\sqrt[3]{r}$ und $\sqrt[3]{b}$ constante mittlere Werthe sehen, und nach Morin rechnen, daß die Zugkraft der kast Q direct und dem Rabhalbmesser r umgekehrt wachse, dagegen aber von der Reisenbreite b gar nicht abhänge. Diese Voraussehung läßt sich noch besonders dadurch rechtsertigen, daß der Widersstand der Fuhrwerke nicht allein aus der Zusammendrückung des Bodens, sondern auch aus der Arenreibung und, namentlich beim Fahren auf einer harten Straße, aus einer Wenge von Stößen entspringt, und daß bei den zuleht genannten Hindernissen, der Theorie zu Folge, diese Proportionalität wirklich statt hat.

Folgende Tabelle enthalt die verschiebenen Widerstandscoefficienten einiger Wagen auf verschiebenen Strafen. Um die Kraft P zum Fortziehen einer Last Q zu sinden, muß man zu derselben noch das ganze Wagengewicht $(Q_1+R_1+R_2)$ addiren, und diese Summe mit dem aus der Tabelle entnommenen Widerstandscoefficienten ξ multipliciren, also

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 595

$$P = \xi (Q + Q_1 + R_1 + R_2)$$

Biberftanbe. coefficienten

fegen.

Sat die Strafe ein Ansteigen α , und der Motor ein Gewicht G, fo tommt hierzu noch die Rraft:

$$P_1 = (Q + Q_1 + R_1 + R_2 + \dot{G}) \sin \alpha$$
.

Tabelle der Biberftandscoefficienten für Fuhrmerte. Die Reisenbreite ift 4 bis $4\frac{1}{2}$ 30ll, die Arenftarfe $2\frac{1}{2}$ 30ll, der Coefficient ber Arenreibung $\varphi=0,065$.

Bezeichnung ber Strafe.		Fract; wagen. Mittl. Nabs höhein Fußen		rren.	Gilwagen.
				jöhe in Ben.	Rabhöhe in Fußen.
	4	41/2	5	6%	31/8
I. Shotterstraße:					
1) in sehr gutem Bustanbe,? troden und eben.	1/50	1/58	1/66	1/83	(Schritt 1/48 (Trab 1/41 (scharf.Tr. 1/48
2) wenig feucht, mit Staub) und einigen freiliegenden Schotterftuden.	1/38	1/41	1/47	1/59	(Shrift 1/34) (Shrift 1/34) (Trab 1/47) (Sh. Trab 1/44)
3) fehr hart, grober Schotter,} naß.	1/48	1/50	1/57	1/71	(Schritt 1/42) Frab 1/27 (fc). Trab 1/23
4) hart, mit leichten Geleifen? und weichem Roth.	1/97	1/32	1/26	1/15	Schritt 1/20 Trab 1/22 (16). Trab 1/20
5) hart mit Geleifen und Roth.	1/22	1/26	1/30	1/37	(Schritt 1/11) (Trab 1/18) (sch. Trab 1/17)
6) fehr verfahren und mit? bidem Kothe.	1/19	1/22	1/25	1/31	Schritt 1/18 {Trab 1/16
7) fehr aufgeriffen, mit Roth) und 2 bis 33oll tiefen Ge- leisen.	1/14	1/17	1/10	1/24	(Schrift 1/14) (Exab 1/14) (H). Trab 1/12
8) fehr fclecht, bider Koth, harter und rauher Grund. 8 bis 4 Boll tiefe Geleife.	1/13	1/15	1/17	1/21	{Schritt 1/19 {Trab 1/10
II. Sanbsteinpflafter :					, ~ x .: x
1) fehr gutes.	1/65	1/75	1/86	1/108	(Schritt 1/42) (Trab 1/42) (H. Trab 1/46)
2) gewöhnliches, troden.	1/60	1/70	1/80	1/100	Schritt 1/57 Trab 1/41 [ch. Trab 1/41

Biberftanbs.

Tabelle der Biderftandscoefficienten fur Fuhrmerte. (Fortsegung von vorhergehender Seite.)

Bezeichnung ber Straße.	Fracht= wagen. Wittl. Rad= höhein Fußen		Rarren. Nadhöhe in Fußen.		Eilwagen. Nabhohe in Fußen.
	3) gewöhnliches, naß und mit? Koth.	7/46	1/54	1/74	1/76
III. Brudenbahn von Holz	1/43	1/50	1/69	1/71	Shr. u.Tr. 1/41
IV. Erbbamm: 1) fehr gut und troden	1/27	1/82	1/80	1/15	n n n 1.
2) mit einer 1 bis 1% Boll hohen Kiesbede 8) mit einer 2 bis 31/2 Boll	1/10	1/12	.1/14	1/17	* * * 1/10
hohen Riesberte	1/6	1/10	1/11	1/15	1/9
hohen Riesschicht	1/8	3/10	1 /11	1/14	» » ¹/ ₈
V. Straße m. ungebahntem Schnee	714	1/17	1/ /19	1/24	» » » ½,

Beispiel. Belche Jugtraft erforbert ein belafteter Bagen von 8000 Pfund zu feiner Fortbewegung auf einer horizontalen Schotterstraße von mittlerer Gute? Nelmen wir an, daß die mittlere Radhohe 41/2 Fuß betrage, so können wir der vorstehenden Tabelle zu Folge den Biderftandscoefficienten $\zeta=\frac{1}{41}$ und folglich die erforderliche Jugtraft:

$$P = \zeta \cdot (Q + Q_1 + \cdot \cdot) = \frac{1}{41} \cdot 8000 = 195 \ \text{Bfund fegen.}$$

Run ift aber nach II., §. 80, die mittlere Bugfraft eines Bferbes, K = 120 Pfund, und die mittlere Geschwindigseit besselben c = 4 Fuß, folglich waren zum Fortziehen dieses Wagens 2 Pferbe nothig, und die zu forbernde Geschwinz digkeit des Wagens:

$$v = \left(2 - \frac{P}{K}\right) c = \left(2 - \frac{195}{240}\right) \cdot 4 = 4,75 \text{ gus.}$$

hat bieselbe Straße ein Ansteigen von $\alpha=\frac{1}{50'}$ so ift zu ber gefundenen Krast nech $P_1=\alpha$ ($Q+Q_1+\ldots$) zu abbiren. Spannt man bann 4 Bugsperbe vor. so wird baburch die Belastung um 4 . 600 = 2400 Pfund größer; es ist solgisch bie Last:

$$Q + Q_1 + ... = 8000 + 2400 = 10400$$
 Ffund,

unb

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Wegen, 597

$$P_1 \equiv \frac{1}{50}$$
. 10400 = 208 Pfund,

Biberftanbe-

alfo bie gange Bugfraft:

P = 195 + 208 = 403 Ffund,

und bie entfprechenbe Fahrgeschwinbigfeit:

$$v = \left(2 - \frac{403}{480}\right) \cdot 4 = 4,64 \text{ Fuls.}$$

Behalt man bagegen nur 2 Pferbe bei, fo hat man:

$$P = 195 + \frac{1}{50} \cdot (8000 + 1200) = 195 + 184 = 379 \, \text{ Hund,}$$

นทุง

$$v = \left(2 - \frac{879}{240}\right) \cdot 4 = 1,685 \text{ Fuß}.$$

Hatte endlich die Strafe ein Fallen α von $\frac{1}{50}$, fo wurde bei zwei Bugpfers ben ber Gewinn an Kraft

$$P_1 = \frac{1}{50} \cdot (8000 + 1200) = 184 \, \Re \text{funb}$$

betragen, und folglich bie Bugfraft ber Pferbe nur

und bie entfprechenbe Befchwindigfeit

$$\bullet = \left(2 - \frac{11}{240}\right) \cdot 4 = 7,817$$
 Buß betragen.

Aus ben Geschwindigkeiten v und ben Weglangen s laffen fich die Fahrzeiten (1 = \frac{s}{v}\) berechnen, und ift die Summe dieser Zeiten der täglichen Arbeitszeit $8 \cdot 60 \cdot 60 = 28800$ Secunden gleich, so hat man in der Summe der Wegslängen ben täglich zurückgelezten Weg. Wäre z. B. in dem vorliegenden Falle die Länge des ansteigenden Weges 20000 Fuß, und die des abfallenden 24000 Fuß, so hätte man mit Beibehaltung von zwei Pferden die entsprechenden Zeiten:

$$\frac{20000}{1,685} = 11869$$
 Sec. und $\frac{24000}{7,817} = 8070$ Sec.,

und es bliebe folglich für bas Fahren auf bem horizontalen Theil ber Straße bie Beit: 28800 — (11869 + 3070) = 13861 Sec., also die Jahrweglange $\frac{13861}{4,75}$ = 2918 Fuß übrig.

Anmerkung I.*) Mit halfe ber zulest angegebenen Formeln für bie Bugsfraft ber Bagen läßt fich auch bas vortheilhafteste Ansteigen ber Strafen finden. Der Ausbruck $P=\zeta \ (Q+Q_1)+(Q+Q_1+G)$ sin. a für bie Bugkraft P geht, wenn man bas Gewicht Q_1 bes ganzen leeren Bagens $= \nu Q$ und bas Gewicht G ber Pferbe $= \mu K$ fest, in folgenden

$$\left(2-\frac{v}{c}\right)K=\left(\zeta+\sin\alpha\right)\left(1+\nu\right)Q+\mu K\sin\alpha$$

über, woraus bie Laft

$$Q = \frac{\left(2 - \frac{v}{c} - \mu \sin \alpha\right) K}{\left(1 + \nu\right) (\zeta + \sin \alpha)} \text{ folgt.}$$

Da es nur barauf antommt, Q auf eine gewiffe Sobe zu heben, fo ift bie Rublaft Q ein. a, und bie Rubleiftung:

Wiberftanbe.

$$Q v \sin \alpha = \frac{\left(2 - \frac{v}{c} - \mu \sin \alpha\right) K v \sin \alpha}{\left(1 + \nu\right) \left(\zeta + \sin \alpha\right)}.$$

Damit biefe ein Marimum werbe, hat man biefen Ausbruck ein Dal in hinficht auf v und ein anderes Mal in hinficht auf a zu bifferenziiren, und bie so erhaltenen Differenzialquotienten Rull zu setzen. Auf biese Beise findet man:

$$\frac{v}{c} = 1 - \frac{\mu \sin \alpha}{2} \text{ und } (\sin \alpha)^2 + 2 \sin \alpha = \frac{\zeta}{\mu} \left(2 - \frac{v}{c} \right),$$

woraus sich sin. $\alpha=-\sqrt[8]{\zeta+\sqrt{\frac{\zeta}{\mu}+\frac{9}{16}}}\,\zeta^a$ ergiebt, und hiernach das vortheilhafteste Ansteigen α bestimmt ist.

3. B. für
$$\zeta = \frac{1}{180}$$
 und $\mu = 5$ hat man:

$$\sin \alpha = -\frac{1}{40} + \sqrt{\frac{\frac{1}{150} + \frac{9}{16}}{\frac{1}{150} + \frac{9}{16}}} = -\frac{0,025}{900} + \frac{0,0882}{100}$$

$$= 0,0682 = \frac{1}{100}$$

Anmerkung II. Bersuche über die Widerstände der Straßen find in frücheren Zeiten von Rumford, Edgeworth, Bevan u. f. w. und in neueren Zeiten in sehr ausgebehntem Maße von Morin, nächstdem auch von Koffak, von der königl. baierischen Artillerte u. s. w. angestellt worden. Aussührlich über diese Bersuche handelt Brix in der Schrift: Ueber die Reibung und den Bisderstand der Kuhrwerke auf Straßen, Berlin 1850. Auch ist hierüber nachzulesen Gerstner's Mechanik, Band I, Kap. VII. Die oben §. 258 entwickelte Korsmel über den Widerfland des zusammendrückbaren Bodens wird in den letzter beiden Werken zuerst mitgetheit. Die Theorie der Kuhrwerke wird ferner behandelt in der Théorie des aksuts et des voitures d'artillerie, par Mig out et Berchery, Paris 1840. Das Hauptwerk von Morin hat den Titel: Expériences sur le tirage des voitures et sur les essets destructeurs qu'elles s'exercent sur les routes, par A. Morin. Paris 1842. Die Hauptergebnisse der Morin'schale-memoire de mécanique pratique enthalten.

Echienen. bahnen. §. 264. Um den Widerstand, welchen die Strase der Umdrehung der Bagenrader entgegenseit, so viel wie möglich heradzuziehen, läst man die Rader auf besonderen Schienen (franz. und engl. rails) laufen. Zwei solcher Schienen liegen in parallelen Richtungen neben einander und bilden eine sogenannte Schienenbahn (franz. chemin à ornières; engl. railroad). Nur selten läst man diese Schienen aus bloßen Holze oder Steinschwellen bestehen, mit mehr Bortheil wendet man gußeiserne Schienen an, am zwedmäßigsten und beschalb am häusigsten sind aber die aus gefrischtem Sisen gewalzten Schienen, und die hiernach benannten Eisenbahnen (franz. chemins de for; engl. [iron] railways). Der Widerstand dieser Schienen besteht fast nur aus der wälzenden Reibung, welche, wie wir wissen (f. I., §. 174), bei Radern von einiger Höhe sehr keitein ist in Hinsicht auf die Apenreibung. Während überhaupt bei dem Fortschaffen der Lasten auf Schotterstraßen (franz. chaussées en empierrement;

Edienen.

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Begen. 599 engl. broken-stone roads) ber Wiberstand an dem Umfange ber Raber ber größere und ber an dem Umfange ber Aren der kleinere ist, tritt bei dem Transport auf Eisenbahnen gerade das Gegentheil ein; es ist nämlich hier die Arenreibung der größere und die wälzende Reibung am Umfange der Raber der kleinere Widerstand. Für die Arenreibung ist der Reibungscoefsicient $\varphi = 0.054$ (s. I., §. 164), und folglich, bei der Arenstärke von $2^{1}/_{2}$ Zoll und der Radhöhe von 50 Zoll, die auf den Radumfang reducirte Zapsenreibung:

$$F_1 = \varphi \frac{\varrho}{r} Q = 0.054. \frac{5}{100} Q = 0.0027 Q.$$

Für die wälzende Reibung ift hingegen $\varphi=0.018$; ift baher der Radshalbmeffer r=25 Boll, so hat man die Größe dieses Reibungswidersftandes:

$$F_2 = \varphi \frac{Q}{r} = 0.018 \frac{Q}{25} = 0.00072 Q,$$

b. i. $\frac{72}{270} = \frac{4}{15}$ mal so groß als die Bapfenreibung, ober circa $26^2/_8$ Procent ber letteren. hiernach ift ber gesammte Reibungswiderstand bei ber Bewegung eines Bagens auf einer Schienenbahn:

 $F_1+F_2=0.00270~Q+0.00072~Q=0.00342~Q,$ b. i. circa ein Drittel Procent ber Laft. Beim Fahren auf einer sehr guten Chaussee ist dieser Widerstand (f. Tabelle §. 263) $^1/_{50}~Q=0.02~Q,$ b. i. 2 Procent Q; diesem zu Folge ware also die Kraft zum Fortschaffen der Lasten auf den besten horizontalen Straßen $\frac{0.02000}{0.00342}=5.85$, also nahe 6mal so groß, als auf Eisenbahnen. Beim Transport auf schlecht unterhaltenen Straßen steigert sich der Widerstand auf $^1/_{20}~Q=0.05~Q,$ dann ist also die Kraft zum Transport auf Straßen $\frac{5000}{342}=14.6$ mal so groß als auf Eisenbahnen. Hernach ist nun der große Bortheil der Eisenbahnschreberung im Bergleich zur Straßenförderung zu ermessen.

Dieses gunstige Berhaltnis ber Eisenbahnen wird jedoch beim Ansteigen (α) berseiben bedeutend gemäßigt, da hier für beibe Arten des Fortschaffens in Folge der Schwerkraft überdies noch die Kraft Q sin. α (vergl. §. 253) erfordert wird. Ware nun z. B. das Ansteigen sin. $\alpha=\frac{1}{100}$, hatte also sowohl die Eisenbahn als auch die Straße auf je 100 Fuß Ersstreckung 1 Fuß Ansteigen, so wurde zu den gefundenen Widerständen noch 0,01 Q zu addiren sein, also der Widerstand auf der Eisenbahn

$$0.0034 Q + 0.0100 Q = 0.0184 Q$$

Edienen.

. und bagegen auf ber Strafe, im erften Falle:

$$0.02 Q + 0.01 Q = 0.03 Q$$

und im zweiten: 0,05 Q + 0,01 Q = 0,06 Q betragen.

Es ware also bann fur ben einen Fall die Jugkraft auf der Straße nur $\frac{0.0300}{0.0134} = 2^{1/4}$ und für ben zweiten dieselbe nur $\frac{0.060}{0.0134} = 4^{1/2}$ mal so groß als auf der Eisenbahn. Läuft die Straße oder Schienenbahn abwärts, so kommt natürlich die Schwerkraft mit der Größe Q sin. α der Kraft zur Ueberwindung der übrigen Widerstände zu Hülfe, und ist diese Kraft größer als die Reibungswiderstände, so tritt sogar ein Kraftüberschuß hervor, der nur durch Einhemmen oder Bremsen (vergl. §. 165) zu vernichten ist. Hätten wir z. B. sin. $\alpha = \frac{1}{100}$ (Fallen), so wurde die Kraft zum Fortschaffen auf der Eisenbahn

 $0.0034 \ O - 0.01 \ O = -0.0066 \ O$

fein, also ein Kraftuberschuß von circa 2/3 Procent ber Last burch Bremsen aufzuheben sein, bagegen hatte man bie Kraft auf der Straße

im ersten Falle: 0,02 Q — 0,01 Q = 0,01 Q, unb im zweiten: 0,05 Q — 0,01 Q = 0,04 Q.

Benn wir die Kraft zum Fortschaffen auf horizontalen Eisenbahnen wegen Hinzutritt anderer Nebenhindernisse, z. B. wegen der Seitenreibungen an den Schienen, wegen des Luftwiderstandes u. s. w., P=0,004~Q seben, so mussen wir dieselbe für das Fortschaffen auf einer Bahn von a Ansteigen $(0,004+\sin\alpha)~Q$ annehmen, und erhalten also für das Ansteigen $\sin\alpha=\frac{1}{250}=0,004$, die doppelte Kraft, serner sür ein Ansteigen $\sin\alpha=\frac{1}{250}$, schon die $^{14}/_4=3^{1}/_2$ sache Kraft, und für ein

Ansteigen von $sin. \alpha = \frac{1}{50}$, sogar die 6fache Kraft. Es ist also im letteren Falle der Arbeitsauswand zum Fortschaffen einer Last auf 1 Meile Bahn ebenso groß als zum Fortschaffen derselben auf einer horizontalen Bahnstrecke von 6 Meilen Lange. Man ersieht hieraus, daß die Zugkraft der Wagen auf einer Eisenbahn mit verschiedenen Steigungsverhaltniffen innerhalb sehr weiter Grenzen schwankt.

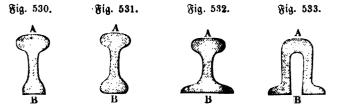
Edienen unb Edwellen.

§. 265. Die Eisenschienen, welche man zu ben Schienenbahnen verwendet, haben sehr verschiedene Querprofile. Bollte man Bagen mit gewöhnlichen Rabern auf einer Schienenbahn laufen lassen, so mußte man ben Schienen einen nach oben vorstehenden Rand geben, welcher das Abgleiten ber Bagen von ber Bahn verhindert; solche Spurschienen

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nahe herizontalen Wegen. 601

wurden fruher bei Berg. und Suttenwerten angewendet und find in Eng. Cotenen unt land unter bem Ramen tram-roads befannt. Da es aber viel einfacher und viel volltommener ift, wenn man bas Abgleiten ber Bagen von ber Bahn burch Rander, welche an ben Rabern felbft figen, verhindert, fo wendet man jest in ber Regel ranblofe Rantenfchienen (frang. ornieres saillantes; engl. ogde-rails) an, und giebt ben Bagentabern an ber inneren Seite ringeherum einen vorftebenben Rand, ben fogenannten Spurtrang. Da bas Rad auf ber Drehbant abgebreht merben tann, fo laft fich naturlich auch ber Spurtrang genauer herftellen als ber Spurrand einer Spurichiene.

Rantenschienen aus gewöhnlichem Rlacheifen, mit rectangularem Querfcnitte, wendet man nur jum Transport fleinerer Laften, wie g. B. in Bergmerten an; man legt biefelben entweber breit auf, ober ftellt fie, und zwar mit Bortheil, auf's Sohe. Bei Gifenbahnen, auf welchen Dampfmagen fahren, wendet man bagegen meift fogenannte Stuhlichienen an, beren Querprofil einen breiten Ropf A von beinahe elliptischer Form haben. In Fig. 530 ift bas Querprofit einer einfachen und in Fig. 531



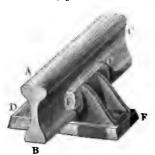
bas einer boppelten Stuhlschiene abgebildet. Gehr zwedmäßig find bie Schienen mit einer breiten Grunbflache B, welche im Querprofile bie Form von Fig. 532 haben und gewöhnlich unter bem Ramen Bignol: Richt felten find auch bie Sohle ober fchienen befannt finb. Brudenfchienen in Unwendung getommen, beren Querprofil in Rig. 533 abgebilbet ift. Die gemohnliche Bobe ber Schienen ift 4 bis 5 Boll, die Breite am Ropfe 2 bis 21/2 Boll, die Breite am Fuße 2 bis 4 Boll. Meift hat eine Schiene eine Lange von 15 bis 18 Fug, und es wiegt ber laufende Rug berfelben 15 bis 25 Pfund. Die grofte Belg. ftung einer Schiene burch ein Rab foll 120. Centner nicht überfteigen. Die gewohnliche Spurmeite, b. i. ber lichte Abstand zwischen je zwei Schienen einer Bahn, ift 4 Fuß 81/2 Boll engl. = 54,87 Boll preug., und ber Spielraum ber Raber auf ben Schienen 5/8 bis 7/8 Boll. Rur wenige Bahnen haben eine großere Spurweite, wie g. B. bie Greats Beftern:Bahn in England, beren Spurmeite fogar 7 guß engl. beträgt.

Edienen und Schwellen.

Die Schienen erhalten Unterlagen von Steinen, Gußeisen ober Holz wegen ihrer Elasticität zieht man die holzernen Unterlagen oder sogenanzten Holzschwellen und zwar insbesondere die Querschwellen (franz. traverses; engl. sleepers) aus Eichen, und Nadelholz allen anderen Unterlagen vor. Diese haben eine Länge von 8 bis 9 Fuß und liegen in Abständen von $2^{1/2}$ bis 8 Fuß von einander. Die Querschnitte dieser Schwellen sind entweder halbkreiskörmig, rectangulär oder triangulär. Die Schwellen mit kreiskörmigem Querschnitte haben circa 1 Fuß Durchmesser, die mit rectangulärem Querschnitte sind 1 Fuß breit und 1/2 Fuß hoch und die mit triangulärem Querschnitte sind 1 Fuß breit und 1/2 Fuß hoch und die mit triangulärem Querschnitte sind ungefähr 16 Boll breit und 8 Boll hoch. Die ersteren beiden Schwellenarten werden mit ihren breiten Flächen aufgelegt, die lestere aber mit ihren beiden schmalen, ungefähr $11^{1/4}$ Boll breiten Seitenslächen. Jene werden mittels eines, diese hingegen mittels zweier Diametralschnitte aus runden oder vierkantig bearbeitesten Holzstücken erhalten.

Die Schienen werben auf ben Schwellen burch befondere gußeiferne Stuhle, sowie durch Schrauben und hatennagel befestigt. Sehr mannigfaltig ift die Form der Schienen stuhle (franz. coussinets; engl. chairs), in ber hauptsache besteht aber jeder Stuhl aus einer Fußplatte DE, Fig. 584,

Fig. 534.



womit er auf ber Schwelle aufzuliegen kommt, und aus einem Sattel, in welschem die Schiene ABC ruht. Die Befestigung bes Stuhles wird burch zwei holzschrauben ober eiserne Bolzen bewirkt, zu welchem 3wecke die Fußplatte mit zwei Löchern (a) versehen ist. Die Schiene befestigt man durch trodene holzkeile (FG) in dem Sattel. Man hat nicht nothig, die Schienen auf jeder Schwelle mittels Stuhle zu befestigen; es genügt, wenn nur an dem Jusam-

menstoß je zweier Schienenenben ein Stuhl in Anwendung kommt und die Befestigung auf den übrigen Schwellen mittels eiserner Hatennägel erfolgt. Man legt auch wohl die zusammenstoßenden Schienenenben (AB) bloß auf eine einfache eiserne Unterlagsplatte CD, wie Fig. 535, und befestigt dieselben sammt der Unterlagsplatte durch vier hatennägel (wie a, b) mit der Schwelle. Um das Ausweichen der Schienen nach außen zu verhindern, bedient man sich nicht selten auch der Krempelplatten, b.i. der Unterlagsplatten mit umgebog nem Rande, Fig. 536. Endlich verbindet man auch jeht sehr gewöhnlich die Schienenenden noch durch schmiedeeisserne Laschen von 1 30sl Dicke, 2 30sl Breite und 8 bis 12 30sl Länge, die

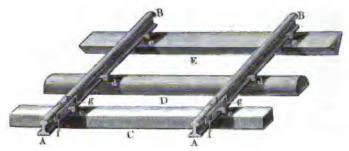
Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 608 man mittels 2 bis 4 farter Schraubenbolgen, welche burch bie Schienen Echienen und Fig. 535. Fig. 536.





hindurchgeben, feitlich an die letteren anschließt. In Fig. 537 ift bie Auflagerung ber Schienen auf breierlei Querschwellen, fowie bie Berbin-

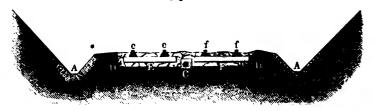




bung ber Schienenenben mittels Laschen und bie Befestigung berselben mittele Satennagel auf ben Schwellen vor Mugen geführt. AB, AB find bie Schienen, C, D, E brei Schwellen, F, F bie Laschen, welche Die Schies nenenden mit einander verbinden, c, d, e die Sakennagel gur Berbinbung ber Schienen mit ben Schwellen und f, g ftellen bie Schrauben vor, momit die Lafchen an die Schienen angeschloffen find.

§. 266. Die Schwellen mit den Bahnichienen und ihren Berbindunges unterban. theilen machen ben fogenannten Dberbau einer Gifenbahn aus, mogegen bie Bettung ber Schwellen sammt ben bagu nothigen Dammen, Ginschnitten, Durchlaffen u. f. w. ben fogenannten Unterbau einer Schienenbahn bilben. Die Damme, auf welche bie Schwellen ju liegen tommen, haben, je nachdem fie fur Bahnen mit einem einfachen Geleise ober fur folche mit Doppelgeleifen beftimmt find, eine Kronenbreite von minbeftens 15 guß, ober eine folche von 24 bis 28 Ruf. Die Bofchung ber Damme ift gewohnlich 11/2= bis 2fußig. Bum Abziehen bes Baffere find nicht allein Graben ju beiden Seiten bes Dammes geführt, sondern es werden wohl

unterban, auch Randle durch ten Damm felbst gelegt. In Fig. 538 ift das Quer-Fig. 588.



profil eines gewöhnlichen Eisenbahnbammes abgebildet. A, A sind die Seitengraben, C ist eine Anzucht ober ein bedecktes Steingerinne im Dammkörper, DD ist die aus grobem Sande oder Gerölle oder kleinen Steinstüden bestehende Unterbettung der Schwellen, E und F sind die Querschwellen mit den Schienen e, e und f.

Bieht sich die Eisenbahn an einem Gehange hin, ober überschreitet dieselbe Schluchten ober andere kleine Bertiefungen, so hat man zum Abstühren bes Wassers sogenannte Durchtaffe quer durch den Dammkörper hindurch zu führen. Bei niedrigen Dammen sind die Durchtaffe in die Dammkrone eingeschnitten, und heißen dann Schienendurchtaffe; die Durchtaffe höherer Damme hingegen liegen vollständig im Dammkörper. Sie sind entweder Röhrens, oder Plattens oder Brückendurchstaffe. Im ersten Falle bestehen sie aus eisernen oder steinernen Röhren, im zweiten sind sie mit Steinplatten bedeckt und im dritten Falle sind sie überwölbt. Das Querprosil eines Dammes mit einem Plattendurchlaft zeigt Fig. 539. Es ist hier AA die Grundmauer, BB die eine Seitens

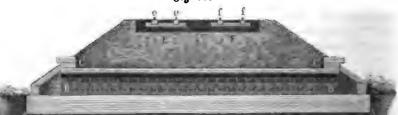


Fig. 589.

mauer und CC die aus Steinplatten bestehende Dede bes höchstens 3 Fuß breiten Durchlasses; auch sieht man über E und F die neben einander liegenden Querschwellen mit den Schienen e, e und f, f.

Bei Ueberschreitung eines Baches ober Fluffes ift naturlich die Gifen: bahn auf eine Brude ju legen. Wenn es geht, fo legt man die Bahn-

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 605

linie in geraber Linie rechtwinklig gegen bie Stromrichtung; nicht felten ift unterbauman jeboch auch genothigt, die Gifenbahnbrude ichief ober wohl gar in einer Curve über ein fliegenbes Baffer ju fuhren. Um haufigften menbet man fteinerne Gifenbahnbruden ober folche aus Biegeln an, nachftbem aber auch eiferne und insbefondere fchmiedeeiferne Bruden. Rohrenbruden und Robrentragerbruden (f. II., §. 55) wird man vorzüglich bann anwenden, wenn bie Bahnlinie nicht boch uber ben hochften Stand bes fliegenben Baffere gelegt merben tann. Fur fteinerne Bruden von 5 bis 60 Rug innerer Beite ift bie gewohnliche Starte bes Schluffteine 15 bis 40 Boll, und die Auflagerung ber Schwellen 15 bis 32 Boll; folglich liegt die Bahn im Gangen 21/2 bis 6 Sug uber bem innern Gewolbscheitel, mogegen bei eifernen Bruden bie Bobe ber Bahn über ber Scheitelflache ber Brudenoffnung nur 11/4 bis 3 Fuß betragt und ohnedies die Bufammenziehung ber letteren an ben Seiten wegfallt.

Um Die Beauffichtigung einer Gifenbahn nicht zu erschweren, überschreis tet man Bege und Strafen nicht gern im Niveau ber Bahnlinie, fonbern führt bie Bahn lieber uber oder unter anderen Wegen meg. Bei Unter: führung eines Keldwegs rechnet man fur bie hierzu nothige Gifenbahn. brude 12 Jug Breite und eben foviel Sohe, und bei Unterführung einer Chauffee 18 bis 24 Fuß Brudenbreite und 15 bis 16 Ruß Bohe. Ueberfuhrung einer Strafe ift die Regel ju befolgen, baß die freie lichte Bohe langs ber gangen Bahnbreite mindeftens 15 guß betragen foll.

In Sig. 540 ift die Ueberfuhrung einer Strafe im Niveau der Gifen-





bahn abgebilbet. Es ift ABC bie ju biefem 3mide gepflafterte gabrftrage, und es find D, D die Tragfteine fur bie Stuhle, auf welchen die Schienen E, E ruben. Diese Stuble befinden fich in rinnenformigen Bertiefungen, welche jum Schute ber Schienen gegen bas Unftogen ber Magenraber auf beiben Seiten mit Gifenplatten f, f ausgefuttert find.

Man überschreitet in ber Regel mit ben Gifenbahnen nicht folgende Steigungeverhaltniffe:

Unterbau.

im flachen gande .	• • •	 $\alpha=\frac{1}{200}$
im hügeligen Lande		 $\alpha = \frac{1}{100'}$
im Gebirge		 $\alpha=\frac{1}{40}$

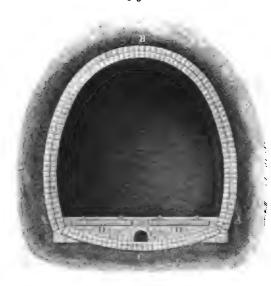
und geht nur ausnahmsweise unter folgende Curvenhalbmeffer herunter:

im flachen Lande . . . r=3600 Fuß, im hügeligen Lande . . . r=2000 » im Gebirge r=1200 »

Die fleinsten Rabien find 600 Rug.

Diesen Forberungen einer zweckmäßigen Bahnlinie tann in vielen Sallen entweber nur burch langere Einschnitte und Tunnels, ober burch hohere Damme und Biaducte Genuge geschehen. Es ift sehr zweckmäßig, wenn die Eisenbahnlinie in einer Sohe fortlauft, bei welcher das bei ben Einschnitten ober Abträgen (franz. deblais; engl. cattings) gewonnene Material zu Aufträgen ober zum Auffüllen ber Damme (franz. remblais; engl. embankments) in der Nahe wieder verwendet werden kann. Meist transportiet man die gewonnenen Erdmassen nicht über 2500 Fuß, und nur hochst selten 4000 bis 5000 Fuß. Die Tunnels (Stollen) oder ganzlich unterirdischen Schienenwege kommen nur dann zur Anwendung, wenn die Einschnitte wegen ihrer großen Tiefe und

Big. 541.

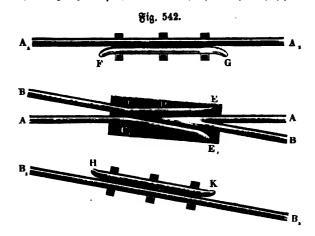


Beite zu toftspielig finb. Das Querprofil eines Tunnels zeigt Rig. 541. Man sieht in ABA die ben Tunnelraum umfdließenbe Mauer. und in ACA die Mauer jum Schuhe ber Soble. Ueber ber letteren be: findet fich bie gemobn: liche Schwellenbettung DD, in welcher noch ein Abzugegraben ausgemauert ift. Die Sohe und Beite bes aus Rreisbogen zufammengefetten Bemolbes ift meift 25 Kug und bie Mauerftarte 11/4 Rug.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 607

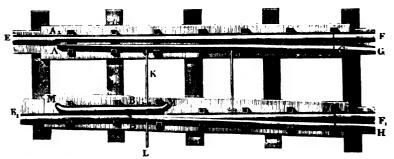
Die Biaducte ober Landbruden tommen befonders bann in Uns unterbau. wendung, wenn die maffiven Damme fehr hoch und beshalb fehr toftbar ausfallen murben, ober biefelben ohnebies guttermauern und Durchlaffe erhalten mußten.

§. 267. Es ift oft nothig, bag eine Gifenbahn eine andere durchfcineibe, Berbindung ober baß fich eine und biefelbe Bahnlinie in zwei getrennte Schienenwege auflofe, ober bag enblich amei getrennte Gifenbahnen burch eine britte mit einander verbunden merben; in allen biefen gallen find gemiffe Borrich. tungen ober Dechanismen nothig, welche wir im Folgenben naber tennen lernen werben. Durchschneiben fich zwei Gifenbahnen, fo tommen vier Puntte vor, wo fich je zwei einzelne Schienenftrange burchtreuzen. biefen Rreugpuntten ift, bamit ber Spurfrang an ben Bagenrabern ungehindert laufen tonne, jebe ber beiben Strange auf eine turge Diftang unterbrochen, und um bei Ueberfchreitung eines folchen Punktes bie richtige Bewegung ber Raber auf ber Bahn ju fichern, bringt man noch fogenannte 3mang ichienen (frang. contre-rails; engl. guard-rails) an, welche in der Rabe biefer Rreugpuntte ein Stud innerhalb der Sauptfchienen fortlaufen, und bie Spurtrange gegen biefe anbruden. In Big. 542 ift die Porizontalprojection eines folden Gifenbahnschienenkreuzes

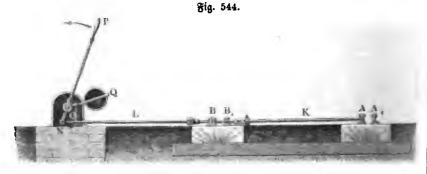


abgebilbet. Die beiben inneren Strange AA und BB durchtreugen fich bei CD, wo also auch eine furge Unterbrechung beiber Schienen vorhanben ift; FG und HK find bie 3mangeschienen, welche an ben inneren Seiten ber außeren Schienenstrange A, A, und B, B, binlaufen; und als folche bienen auch die Schienenanfage CE und C1 E1, welche außerlich Rerbindung getrennter Ewienen. ein Stud an den Schienenenden DA und DB hinlaufen und mit denselben auf einer Eisenplatte C_1DE_1 festsitzen.

An ben sogenannten Ausweicheplagen, b. i. an benjenigen Stellen, wo zwei Bahnen auseinander gehen, ober wo von einer Bahn eine Seitenbahn abgeht, ist ein burch die hand zu stellenber Mechanismus nothig, burch welchen es möglich gemacht wird, baß ber Wagenzug nach Belieben auf ber einen ober auf ber anderen Bahn fortgeht. Die Einrichtung einer solchen Eisenbahnweiche (engl. switch) ist aus Fig. 543 zu erKia. 543.



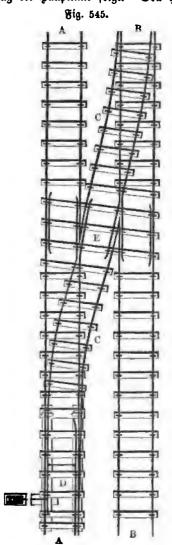
seihen. Die wesentlichen Theile berseiben bestehen aus zwei Jungen (franz. aiguilles; engl. tongues) CA und DB, welche nach Belieben in die eine ober in die andere Bahnrichtung gestellt werden können und zu diesem Zwecke bei C und D entweder um Bolzen drehbar oder durch Stahlsebern an die nebenanliegenden Schienen angeschlossen sind. Bei der in der Figur angedeuteten Stellung der Jungen geht der Jug ungehindert auf dem Hauptgleise EF, E_1F_1 fort; soll er dagegen in die Seitenbahn AG, BH einlausen, so schiedt man die Jungen mittels der Stange KL auswärts, so daß A bei A_1 an den Hauptstrang und B bei B_1 an die Iwangsschiene MM anzuliegen kommt. Den Mechanismus zur Stellung der Jungen führt Fig. 544 vor Augen. Es ist auch hier KL die Jug-



Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe herizontalen Begen. 609

ftange, und es find A und B bie Bungenenden, welche burch biefe Stange Berbinbung nach Belieben an die festliegenden Schienen A1, B1 angeschoben ober von benfelben abgezogen merben tonnen. Bur Bewegung ber Stange KL bient ber um O brehbare Bebel NOP, welcher mit einer Sanbhabe P ausgeruftet ift und ein Gegengewicht Q tragt, welches bie Bungen von felbit in bie in ber Figur angegebene Stellung bringt, mobei ber Bagen: jug ber Sauptlinie folgt. Soll hingegen biefer Bug in die Seitenlinie



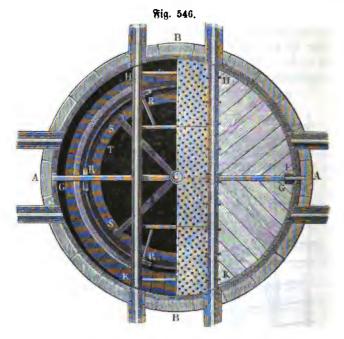


einlaufen, fo breht man ben Bebel in ber Richtung bes Pfeiles, wobei bie Bungen ihre gewohnliche Stellung verlaffen und fich an A1 und B1 anlegen.

In Sig. 545 find noch zwei nebeneinander laufende Sauptbahnen AA, BB, mit einer zwischenliegenden Seis tenbahn CC, burch welche man von ber einen Sauptbahn auf bie andere übergeben fann, abgebilbet. 3mifchenbahn ift mit jeber Sauptbahn burch eine Beiche mit beweglichen Bungen verbunden und burchichneidet mit ihren beiben Spuren bie inneren Geleife ber Sauptbahn. Gine folche Beiche ift bei D abgebildet und bas gedachte Bahnlinienfreug mit ben nothigen Zwangschienen erfieht man bei E.

In ben Bahnhofen (frang. gares; engl. stations), wo man wegen Mangel an Plat bie verschiebenen Bahnstränge nicht unter so kleinen Winteln zusammenftogen laffen fann, als für bie Unwenbung gewöhnlicher Beichen nothig ift, bedient man fich ber fogenannten Drehfcheiben (frang. plaques tournantes; engl. turntables), um einen Wagen von einer Schienenbahn auf bie andere zu bringen. Diefe Drehscheiben find runde Tifche von 12 bis 16 Fuß Durchmeffer, welche um einen in ihrer Mitte angebrachten vertitalen Bapfen brebbar und baburch geschickt find, ben auf ihnen ftehenden 610

Berbindung Bagen aus einer Bahnrichtung in die andere ju bringen. Fig. 546 ift getrennter Edlenen



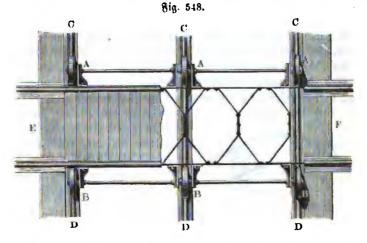
der Grundrif einer gur Salfte aufgebedten Drebfcheibe, und Sig. 547 ein Fig. 547.



vertikaler Durchschnitt berfelben. Die beiben Gisenbahnen AA und BB, welche burch die Drehscheibe mit einander in Berbindung geset werden, schneiden fich bier unter einem Rechtwinkel. Der Stift C biefer Drebscheibe bewegt sich in einem Zapfenlager D, welches auf einem ftarten außeisernen vierarmigen Trager EE ruht. Uebrigens besteht die Dreb. scheibe aus brei gufeisernen Rippen FK, FK und GG, wovon bie erften Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nahe horizontalen Wegen. 611

beiben zugleich ale Stuge ber Schienen HK, HK bienen, und ift in ber Berbinbung Mitte mit Gugeisenplatten und ju ben Seiten mit Solzbohlen bedeckt. getrenater 11m bie Drehung ber Scheibe fammt ihrer Belaftung fo leicht wie moglich zu bewirken, unterftust man fie noch an ihrem Umfange burch feche conis . fche Raber R, R, R u. f. m., beren Umbrehungsaren nach ber Ure bes Stiftes C gerichtet find, und beren Bapfenlager theils unmittelbar, theils mittelbar an ben brei Sauptrippen ber Drebicheibe feftsiben. laufen auf einer freisrunden Gifenbahn SS, welche den gufeifernen Erds ger EE umschließt und mit ihm auf bemfelben gundamente TT ruht. Will man die Bapfenreibung ber Rollen R, R . auf ihr Minimum gurudführen, fo tann man auch die Drebicheibe felbit mittels eines auf ihrer unteren Glache aufgesetten Rranges auf ben Frictionerollen R, R . . auf-Dann ift hauptfachlich nur bie rollende Reibung gwifchen ruben laffen. ben Rollen und ben fie umfaffenben Rrangen zu überminden.

Die fogenannten Schiebebruden erfullen einen abnlichen 3med wie die Drehscheiben; es laffen fich durch diefelben die Bagen leicht aus ben Remifen und von einer Bahn auf eine anbere Parallelbahn bringen. Den Grundriß einer folchen Schiebebrude fuhrt Sig. 548 vor Augen.



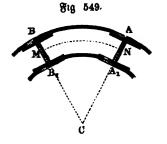
Sie ift aus Blechrippen gusammengefest und ruht auf feche Rabern A, A und B, B, B, bie auf brei parallelen in einer Grube liegenben Schienen CD, CD, CD laufen. Diefe Grube burchschneibet bas Gifenbahnfpftem rechtwinkelig, und es lagt fich baber bie Brude leicht von einer Schienenbahn wie g. B. EF, nach ber anderen ichieben. Man bat furgere und langere Schiebebruden; erftere bienen gur Berfetung ber Perfonen, und Gutermagen und lettere jur Berichiebung ber Dampfmagen

fammt Tender. Jene laffen fich mit der blogen hand bewegen, diefe erhalten hingegen ein durch eine Rurbel in Bewegung zu fegendes Triebwert.

Elfenbahn. wagenraber.

Die Raber ber Gisenbahnwagen weichen in mehrfacher Beziehung von ben gewöhnlichen Bagenrabern (f. S. 257) ab. Raber nicht von ber Schienenbahn abgleiten, erhalten fie an ihrem außeren Umfange eine ringe ober mulftformige Erbobung, ben fogenannten Spurfrang (frang. le boudin; engl. the flange) von circa 11/2 3oll Breite und 1 Boll Dide, womit fie fich an bie innere Seite ber Schienen anlegen. Much erforbert bie Sicherheit ber Bewegung auf ber Schienenbahn, daß die zwei Raber einer jeden Are fest und zwar genau im rechten Bintel mit diefer Are verbunden feien, daß fich alfo bie Gifenbahnmagenraber mit ihren Raben nicht um eine fefte Ure breben, fonbern bag bie lettere in Lagern lauft, welche mit bem Bagengestelle fest verbunden find. Diefe fefte Berbindung ber Bagenraber mit ihrer Are macht, baß fich beibe Raber mit einerlei Gefchwindigfeit umbreben, mas auch bann, wenn die beiben Raber gleich boch find, bei ber Bewegung in einer geraben Bahn ohne nachtheilige Folgen ift. Andere ftellt fich aber bas Berbaltnif beraus, wenn fich bas Raberpaar in einer Curve bewegt. hier muß bas Rab auf ber außeren Schiene einen großeren Beg machen als bas Rab auf ber inneren Schiene, und es muffen beshalb beibe Raber aufer ihrer malgenden Bewegung auch noch eine fleine gleitende Bewegung auf ben Schienen annehmen, und zwar bas außere Rab in und bas innere Rab entgegengefett ber Bewegungerichtung bes gangen Bagens.

Ift $\mathit{CM} = \mathit{CN} = r$ der mittlere Curvenhalbmeffer, $\mathit{AA}_1 = \mathit{BB}_1$



= b ber innere Abstand ber beiben Schienen ober ber Spurkranze beiber Raber von einander, und MN = s ein gewisser Weg ber Rabare, so haben wir fur die entsprechenden Wege ber Raber A und B:

$$AB = \left(\frac{r + \frac{1}{2}b}{r}\right)s = s + \frac{bs}{2r}$$

und

$$A_1B_1 = \left(\frac{r-1/2b}{r}\right)s = s - \frac{bs}{2r},$$

und folglich ben Weg bes Schleifens eines jeden Rades:

$$AB - s = s - A_1B_1 = \frac{bs}{2r}.$$

Ift enblich Q bie ganze Belaftung ber Rabare und φ ber Coefficient ber gleitenden Reibung ber Raber auf ben Schienen, so haben wir bie

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nahe horizontalen Wegen. 613 Arbeit, welche auf diese Reibung mahrend Durchlaufung bes Weges 8 zu Alfenbahnwagenräben.

$$L_1 = \varphi Q \cdot \frac{b s}{2 r},$$

und folglich bie entsprechende Bergrößerung ber Bugtraft, und zwar fur beibe Raber gufammen:

$$P = \frac{2L_1}{8} = \frac{b}{r} \varphi Q.$$

Dieser Widerstand wachst umgekehrt wie der Eurvenhalbmesser; beshalb soll man den letteren immer möglich groß zu machen suchen. Für die gewöhnliche Spurweite b von $56^{1}/_{2}$ Zoll und den Eurvenhalbmesser r=600 Auß fällt, da φ im Mittel =0,18 gesett werden kann, dieser Widerstand des Schleisens $\frac{56,5}{600 \cdot 12}$ 0,18 Q=0,0014 Q aus.

'Um biefes Schleifen ber Raber auf ben Schienen zu vermeiben ober fo viel wie moglich berabzugiehen, giebt man ben Rabern einen Spielraum von circa 3/4 Boll zwischen ben Schienen, giebt auch ben Radfrangen an ihrem Umfange, mit welchem fie auf ben Schienen laufen, eine Conicitat von circa 1/20, bergeftalt, baf fie bei einer Breite von 4 Boll in ber Rabe bes Spurtranges einen Durchmeffer erhalten, welcher ben Durchmeffer an ber außeren Seite um 2 . 4 . 1/20 = 0,4 Boll übertrifft, und giebt endlich auch der Schienenoberflache eine gleiche Reigung ober frummt beren Querprofil nach einem Salbmeffer von 5 bis 7 Boll. Dahrend fich nun bas Raberpaar auf einer geraben Bahnftrede fo ftellt, bag ber Spielraum zwischen bem Spurfranze und ber Schiene zu beiben Seiten gleich, also circa 3/8 Boll ift, rudt bas Raberpaar beim Gintritte in eine Curve in ber Richtung feiner Ure auswarts, fo dag ber Spielraum an ber inneren Schiene ein größerer und ber an ber außeren Schiene ein kleinerer wird, ober wohl gar gang verschwindet, und folglich bas außere Rab mit einem großeren Umfange auf ben Schienen fortrollt, als bas innere Rab. die Große des mittleren Raddurchmeffere d und die Beranderung beffelben beim Eintritte in die Curve = + d, fo haben wir fur den Fall, bag bie Raber bloß rollen, folgende leicht zu beweisende Proportion:

$$\frac{r}{b}=\frac{d}{2\delta},$$

und folglich ben entsprechenden Curvenhalbmeffer ber Bahn:

$$r=\frac{d}{2\delta}b.$$

Für d = 40 3ou, $\delta = 3/4 \cdot 1/4 \cdot 0.4 = 0.075$ 3ou, und b = 561/2 3ou ift folglich:

614

Gitenhahn. wagenraber.

$$r = \frac{40.56,5}{0,15} = 15067 \text{ gol} = 1255 \text{ Fug.}$$

Wenn also ber Curvenhalbmeffer einer folden Gifenbahn unter 1255 Suf ift, so findet trot ber Conicitat ber Raber noch ein, wenn auch besbeutend kleineres Schleifen ber Raber auf ben Schienen ftatt.

Uebrigens hat die Conicitat ber Raber noch ben Bortheil, daß burch fie bem Andruden der Spurfranze an die Schienenbahn vorgebeugt und die baraus entspringende Reibung vermieden ober wenigstens herabgezogen wirb.

Eine hauptrolle spielt bei ber Bewegung eines Wagens ober eines Raberpaares in einer Curve noch die Centrifugalfraft ber belafteten Rabare. Ift c die Geschwindigkeit berselben in der Curve, so haben wir bestanntlich (f. I., §. 246) die Centrifugalfraft der Last Q:

$$P = \frac{c^2}{q \, r} \, Q.$$

Diese Kraft brudt nicht allein bas außere Rab mit seinem Spurtranze gegen die Schiene, sondern giebt auch der Laft, da sie nicht in der Are selbst, sondern über derselben liegt, ein Bestreben zum Umtippen, vermöge beffen der Bertitalbruck auf der außeren Schiene vergrößert und der auf ber inneren Schiene verkleinert wird. Um diese nachtheiligen Wirtungen



0

ber Centrifugalkraft zu beseitigen, hat man nur nothig, die außere Schiene B, Fig. 550, um eine gewiffe Sohe BC = h über ber inneren Schiene A, und zwar so zu legen, daß die Mittelkraft R, welche aus dem Gewichte Q und aus der Cenztrifugalkraft P refultirt, rechtwinkelig gezgen die normale Verbindungslinie AB der beiden Schienenslächen A und B steht. Dies bedingt aber die Proportion:

$$\frac{BC}{AB} = \frac{P}{Q}$$
, b.i. $\frac{h}{b} = \frac{c^2}{gr}$;

es ist folglich die gefuchte Hohe $h=rac{c^2b}{gr}$.

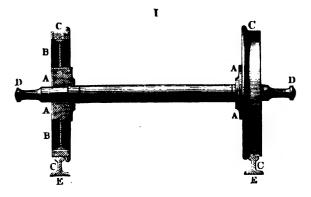
Da biese Sohe mit bem Quabrate ber Geschwindigkeit wachst, so kann naturlich auch nur bei einer gewissen Fahrgeschwindigkeit die Schienenlage bie richtige sein. Die seitliche Berschiebung ber an ihrem Umfange conisch abgebrehten Raber auf ber außeren Seite bewirkt eine Erhebung ber Are um $\frac{\delta}{2}$ und auf ber inneren Seite eine gleichgroße Senkung, folglich wird

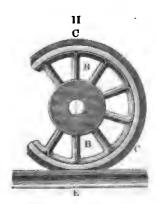
Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 615

schon baburch die Are am außeren Ende um $2\cdot\frac{\delta}{2}=\delta$ über der inne- wagenraberten Are erhöht, und es bleibt bemnach nur noch die erforderliche Erhebung ber außeren Schiene über der inneren:

$$h_1 = h - \delta = \frac{c^2b}{gr} - \delta.$$

Was bas Material anlangt, aus welchem die Eisenbahnraber bestehen, so wendet man nur noch bei Menschen, und Pferdeeisenbahnen aus dem Ganzen gegoffene Raber von Gußeisen an, bei Eisenbahnen, welche mit Dampftraft betrieben werden, macht man dagegen jest die Raber entweber ganz ober wenigstens größtentheils aus Schmiedeeisen. Die gewöhnliche Zusammensehung solcher Rader ift solgende: AA, Fig. 551 und 552, Kia. 551.





ist die gußeiserne Nabe, B, B u. s. w. sind die schmiedeeisernen Speichen und CC ist der die Speichenenden umschlies gende Radreisen oder Radkranz. Berwendet man gewalztes Eisen zu den Speichen, so seht man das ganze Speischenspstem aus lauter huseisenformigen Studen mit T-sormigen Querschnitten zusammen, die zu je zweien zusammen. Dieses Speichenspstem wird im Gusse mit der Nabe sest verbunden, wogegen man den Radkranz auf dem mittleren Theil der huseissenformigen Stude aufnietet. Die

Art und Beife biefer Berbindung ift aus Sig. 553 (a. f. S.) befon-

Etfenbabn. bers zu erfehen magenraber.

Fig. 553.

BB ift bas Mittelftud zwischen je zwei Speichen, CC1 ber Rabreifen mit seinem Spurkranze C1 K, und DE ber Nietbolzen. Verwendet man bloßes Schmiedeeisen zu den Radspeichen, so giebt man diessen auch wohl bloß eine T-Form, und schweißt diessethen an ihren oberen Enden zusammen, während man die unteren Enden ebenfalls in die Nabe eingießt. Noch mehr Solidität erhält man endlich, wenn man an die inneren Speichenenden Eisenstücke

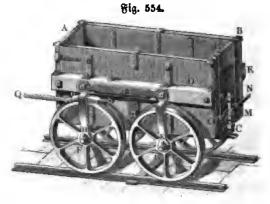
anschmiebet und aus biefen die Dabe gusammenschweißt.

Die Fig. 551 zeigt noch in DD die schmiedeeiserne Rabare mit ihren Bapfen oder Arenschenkeln D, D, auf welche das Bagengestelle mittels besonderer Lager zu ruhen kommt; auch bemerkt man in E, E die Schienen, worauf die beiben Raber laufen.

Die Sohe der Raber ist 3 bis $3^{1}/_{2}$ Fuß, die Starte einer Ape innerhalb der Nabe 4 und in der Mitte $3^{5}/_{8}$ Joll, ferner die Starte eines Apenschenkels $2^{5}/_{8}$ Joll und die Lange desselben 5 Joll. Die größte Bruttobelastung einer Wagenare wird zu 90 Centnern angenommen.

Elfenbabn. wagen. §. 269. Fracht: und Personenwagen auf Gisenbahnen erhalten in ber Regel je zwei Uren mit je zwei Rabern, bagegen Dampswagen je brei Uren mit sechs Rabern. Diese Uren sind entweder fest mit dem Unterzgestelle des Wagens verbunden oder bas lettere ruht mittels Stahlfedern auf den ersteren. Die erstere Verbindungsweise kommt nur bei Eisenbahn: wagen vor, welche durch Menschen oder Pferde in Bewegung gesett werden und zum Fordern von Erd- oder Gesteinsmassen u. s. w. dienen.

In Fig. 554 ift ein berartiger Wagen abgebildet, welcher beim Bergbau gur Berg- ober Ergforderung gebraucht wird, und entweder burch einen Arbeiter fortgeschoben oder in Berbindung mit mehreren bergleichen Ba-



Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 617

gen von einem Pferde fortgezogen werben tann. Das Befag jur Aufnahme Gifenbabn. ber Forbermaffe besteht in einem parallelepipebifchen Solgtaften ABC, melder am Boben und an ben beiben Seiten burch Langichwellen C, D, E, fowie auch noch burch eine Menge von eifernen Schienen und Banbern Diefer Raften ruht mit feinem Boben auf ben Radaren F und G, und ift auch noch burch die eifernen Schienen H und K mit ben letteren verbunden. Die Rullung beffelben erfolgt von oben und gmar in ber Regel aus einer fogenannten Rolle, b. i. aus einem Behaltniffe, in welchem die Fordermaffe angefammelt wird, und welches unten mit Thuren ober Schiebern verschen ift, bie mabrend ber gullung bes Bagens offen ju erhalten find. Das Entleeren bes Bagens wird burch eine Thur bewirft, welche bie gange hintermand bes Bagentaftens bilbet und um eine horizontale Are L brebbar ift. Bum Berfchliegen biefer Thur bient ein eiferner Riegel M, ber mittels eines Bebels NO aufgezogen ober niebergelaffen werben fann. Um beim Abwartefahren die befchleunigte Bemegung bes Bagens ju moderiren, ift endlich noch ein eiferner Brems P an ben Bagentaften angefchloffen, welcher mittels ber Sanbhabe Q auf ben Umfang bes einen Rades aufgebruckt werben tann. Die Spurmeite ber Eisenbahnen, auf melden biefe Bagen laufen, ift 3 bis 4 guß, bie gange bes Bagenkaftins 41/2 bis 6 guß, bie Bobe beffelben 21/2 bis 31/2 guß, und feine Beite 21/4 bis 31/4 Fuß; bie Sohe ber gufeifernen Raber betragt nur 2 bis 3 Fuß.

Eine andere Art von Gifenbahnmagen find biejenigen, welche bei Untegung von Gifenbahnen gum Transport ber Erbmaffen auf einer fogenann. ten Dienfts ober Interimsbahn bienen. Die Raften biefer Bagen find in ber Regel, um fie leicht und fonell entleeren ju tonnen, um eine borigontale Ure brebbar, weshalb man auch biefe Bagen gewohnlich unter bem Ramen Bippmagen tennt. Gine monobimetrifche Abbilbung von biefen Bagen zeigt Fig. 555 (a. f. G.). Das Untergeftell biefes Bagens ist ein Rahmen, welcher aus zwei gangschwellen AA, BB, zwei Querholgern A B, A B und zwei Diagonalholgern C C, DD zusammengefest Auf ben erfteren find bie gugeisernen Lager E, E fur die fchmiebeeifernen Rabaren festgefchraubt. Der Bagentaften FG ift ppramibalifc geformt, ift unten circa 5 bis 6 Fuß lang und breit und hat eine Tiefe von 11/2 Rug, und einen Saffungeraum von circa 70 Cubitfug, ober circa 40 Centner Erbmaffe. Bum Umfchlagen ober Wippen biefes Raftens bienen zwei farte Charniere, wie g. B. H, welche theils burch eiferne Ruf. gestelle, bie auf bem Untergeftelle festfigen, und theils burch eiferne Baden, welche auf einem Querholze im Boben bes Raftens festgeschraubt finb, gebildet werben. Bur meiteren Unterftugung des Raftens bienen ferner noch zwei Querschwellen K und L, wovon bie eine auf bem Untergeftelle Elfenbabn. und die andere auf dem Boden des Kaftens befestigt ist. Damit der Kamagen. Rig. 555.



sten wahrend des Aransportes nicht umkippe, ist an der Schwelle K eine Schloßhaspe und an der Schwelle L ein Schloßband besestigt; wird nun das letztere mit seinem Auge über die Haspe weggelegt und durch biefelbe ein Bolzen gestedt, so ist dadurch die feste Berbindung des Kastens mit dem Untergestelle bewirkt. Man bedient sich der Dienstbahnen nur dann, wenn die Forderwege mindestens 3000 Fuß betragen. Gewöhnlich ziehen auf benselben zwei Pferde drei beladene Wagen, wogegen ein Dampswagen beren zwanzig auf ein Mal fortschafft.

Bei ben Eisenbahnwagen, welche burch Dampftraft in Bewegung gesett werben, sind die Zapfenlager nicht mit dem Untergestelle fest verbunden, sondern sie tragen das Untergestelle mittels der sogenannten Drucksedern, welche in ihrer Mitte mit dem Zapfenlager und an ihren Enden mit dem Untergestelle fest verbunden sind. Um die seitliche Verrückung der Lager zu verhindern, werden dieselben noch von einer schmiedeeisernen Senkrechtssührung eingeschlossen, welche an das Untergestelle seitgeschraubt ist. Dies selbe Verbindungsweise kommt auch bei den Dampswagen vor, weshalb hier die specielle Behandlung derselben übergangen werden kann.

Ecifbahnen.

§. 270. Die Dampsmaschinen, welche zum Fortschaffen ber Eisenbahnmagen bienen, sind entweder station are oder locomotive. In der Regel bedient man sich, der Einfachheit wegen, der letteren oder sogenannten Dampsmagen (franz. und engl. locomotives) und nimmt nur dann zu ben stehenden Dampsmaschinen seine Zuslucht, wenn die Eisenbahn ein startes Ansteigen hat oder eine sogenannte schiefe Sbene (franz. rampe; engl. ramp) bilbet, auf welcher der Dampswagen nicht hinaussteigen kann. Die stehenden Dampsmaschinen sind und schon aus Band II., Abschn. II., Kap. IV. u. s. w. bekannt. Je nach der Art und Weise, wie sie die Wagen forthewegen, hat man entweder sogenannte

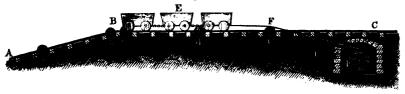
Seileifenbahnen ober atmofphärische Eifenbahnen.

Editabnen.

Bei ben Seileisenbahnen werben die Bagen mittels eines ftarken Seisles fortgezogen, welches sich um eine große Trommel widelt, die burch die stehende Dampfmaschine in Bewegung gesetzt wird. Es ist baher auch eine solche Sisenbahn im Befentlichen nichts weiter als ein Dampfgopel (f. &. 238 und 251).

Bei ber bekannten Eisenbahn von London nach Bladwall wickelt sich jebes Ende des Zugseiles auf eine große eiserne Trommel von 23 Fuß Hohe, welche durch zwei starke Schiffsbampfmaschinen in Umbrehung geseht wird. Zur Unterstügung dieses 40 Tonnen schweren Seiles sind langs der ganzen Bahn 3 Fuß hohe gußeiserne Seilscheiben angebracht. Die Wagen sind, ohne daß die Bewegung aufgehalten wird, mit Leichtigkeit an das Seil anzuhängen und von demselben abzulösen.

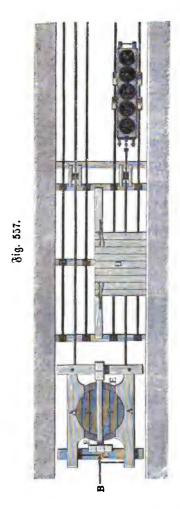
Damit die Arommel, auf welche sich das Seil aufwickelt, der Fortsehung der Bahn nicht hinderlich sei, muß man dieselbe entweder in einer Eurve um dieselbe herumführen, oder man muß, wie es meist geschieht, die Arommel unterirdisch legen, und das Seil nicht allein ein großes Stud horizontal, sondern auch noch nach dieser Arommel zu abfallend leiten. In Fig. 556 hat man ein ideales Bild von einer Seilbahn. AB ist das Fig. 556.



obere Ende der schiefen Ebene oder Rampe, auf welcher der Wagenzug durch eine stehende Maschine hinausgezogen wird, B C ist die horizontale Fortsetung der Bahn, und D ist der in einem unterirdischen Sewolde einzgeschlossen Seiltord, welcher durch eine zur Seite stehende Dampsmaschine in Bewegung gesett werden kann. Zwischen den Schienen liegen von Distanz zu Distanz die Seitrollen a, b, c, d, e, f, welche das Zugseil, woran der Wagenzug E angehangen ist, langs der Bahn unterstützen und von einem Punkte F der horizontalen Bahnstrecke B C nach dem Korbe D führen. Sowie der Wagenzug vollständig auf der horizontalen Bahnstrecke angekommen ist, wird derselbe vom Seile abgehangen und durch eine Locomotive weiter befördert. Beim Herabgehen von der schiefen Sbene hat man natürlich die Ueberwucht durch Bremsen der Wagen und des Korbes auszuheben.

Sehr zwedmäßig ift es, wenn bie Ueberwucht eines niebergehenden

Seitbabnen. Magenjuges jur Unterfrugung eines gleichzeitig aufgehenden Bagenguges permenbet werben tann. In biefem Kalle bat man nur bie Seile ber beiben Bagenguge, movon fich jeder auf einem befonderen Geleife bewegen



muß, in entgegengefetten Richtungen auf ben Seilforb aufzulegen, fo baß fich bei ber Umbrehung bes Rorbes bas eine Seil auf benfelben auf. und bas anbere Seil von bemfelben abmidelt.

Ift ber niebergehenbe Bagenjug schwerer ale ber aufgebenbe, fo bat man vielleicht bei biefer Fortbewegung gar feinen Arbeitsaufwand, alfo auch feine besondere Umtriebsmaschine nothig, und es ift nur bie etwa vorhanbene Uebermucht burch Bremfen aufaubeben.

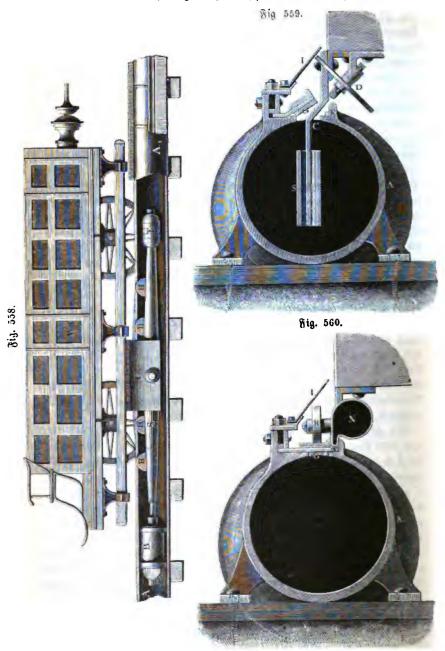
Wenn burch eine Gifenbahn bei weitem bie meiften Laften abmarts zu transportiren find, fo fann man diefelbe als Schiefe Chene herftellen, ohne bag man jum Betrieb berfelben eine Umtriebsfraft nothig bat, indem man bie gang ober jum Theil leeren Bagen von ben niebergehenben belafteten Bagen aufziehen läßt. Solche felbstwirkenbe fchiefe Chenen ober Rampen toms men vorzüglich auch beim Roblenberg. bau vor, mo fie unter ben Ramen ber Bremeberge befannt finb. Muf. und Grundrig einer folden felbit: thatigen Rampe fuhrt Rig. 557 vor Mugen. Das Seil, an beffen Enben bie beiden Roblenwagen angehangen finb, legt fich um eine horizontale Scheibe EE, und bilbet mit ber Trommel F F. gegen welche fich bie Backen bes icon aus §. 166 befannten Bremfes AABC

bruden laffen, ein Ganges. Durch biefen Brems wird bie Uebermucht bes belafteten Bagens über ben leeren aufgehoben. Das Belaften bes auf bem horizontalen Theil ber Bahn angekommenen leeren Bagens wird von bem beweglichen Sugboden D aus bewirkt.

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 621

Bei ben atmofpharifchen Gifenbahnen werben bie amofpharifche Elien-6. 271. Bagen burch ben Drud ber Luft in Bewegung gefett. Bu biefem 3wede legt man langs ber gangen Bahnlinie zwifchen bie beiben Schienen eine eiferne Robre von circa 18 Boll Beite, in welcher ein Rolben eingeschloffen ift, beffen Stange mit bem erften Bagen in fefter Berbindung fteht; wird nun durch eine große Luftpumpe bie Luft entweber auf ber einen Seite bes Rolbens verbunnt ober auf ber anberen Seite beffelben verbichtet, fo erhalt bie eine Rlache bes Rolbens einen fleineren ober großeren Druck als bie andere und es fest ber Ueberschuß biefer beiben Drude ben Rolben fammt ben baran angeschloffenen Bagengug in Bewegung. Begen bes leichteren luftbichten Abschließens ber Rohre hat man bis jest nur bas Princip bes Saugens ober ber Luftverbunnung (nach Clegg und Sa: muba) in Unmendung gebracht, wiewohl auch bas Korttreiben bes Rolbens burch comprimirte Luft in Borfchlag (von Piatti) gebracht worben Wenn man bei einer atmospharischen Gifenbahn ber erften Art burch bie Lufts ober Saugpumpe bas Bolumen ber Luft nur auf bas Doppelte ausbehnt, fo fintt ber Drud berfelben gegen bie entsprechenbe Rolbenflache auf bie Salfte feines ursprunglichen Berthes. Rimmt man folglich ben Atmospharenbrud ju 15 Pfund auf ben Quabratzoll an, fo hat man ben Druck ber verbunnten Luft = 15.1/2 = 71/2 Pfund und daher bie Treibfraft pr. Quabratioll Rolbenflache ebenfalls nur 15 — $7^{1/2} = 7^{1/2}$ Pfund. Mun entspricht aber bem Rolbendurchmeffer von 18 Boll eine Rolbenflache von 92. x = 81. x = 254,5 Quadratzoll, bemnach ift ber gefuchte Ueberfcug bes Luftbrudes = 254,5.7,5 = 1908,75 Pfunb, und folglich, wenn man noch 10 Procent beffelben als bie Rraft gur Ueberwindung ber Rolbenreibung in Abzug bringt, Die abrig bleibende Betriebefraft bes Bagenauges 1908,75 - 190,87 = 1717,88 Pfunb.

Die allgemeine Einrichtung einer atmospharischen Gifenbahn lagt fich aus bem gangendurchichnitte in Rig. 558 (a. f. G.) erfeben. Dan fieht in AA, die Treibrobre, welche mit ber Schienenbahn auf benfelben Querfcwellen befestigt ift, in B ben Treibetolben, in S beffen Stange und in T ein Gegengewicht am Ende ber letteren. In ber Mitte ber Rolbenftange ift ein breiter Querarm C von ftartem Gifenblech aufgesattelt, melder burch ben gangenschlig in der Treibrohre hindurchgeht und jur Berbindung ber Rolbenftange mit bem barüber ftehenden Bagen W bient. Auf bem Schlit langs ber gangen Treibrohre liegt ein Leberventil G, welches gur Berftartung mit Gifenplatten bebedt und mit ber einen Seite auf ber Treibrohre befestigt ift, wie aus ben Querschnitten ber Treibrohre in Sig. 559 und Fig. 560 erfeben werben tann. In bem gewohnlichen Buftanbe ift naturlich biefes Bentil gefchloffen, wie Fig. 560 por Augen fuhrt; wenn aber ber Rolben burch bie Berdunnung ber Luft



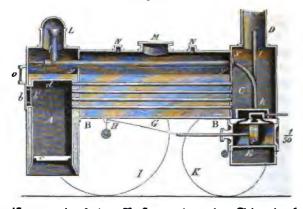
Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 628

auf ber Seite A in progreffive Bewegung gerath, fo wird bas Bentil utmoffpbe nahe hinter bemfelben burch vier Raber H, H . . , welche auf ber Rolten. babuen. ftange festsiten, aufgehoben, wie in Rig. 559 ju erfeben ift, und es tann folglich ber Querarm C ungehindert mit bem Rolben fortgeben und ben Bagen W mit fich fortnehmen. Die Auflagerungsflachen bes Bentiles find volltommen glatt abgehobelt, auch wird jum luftbichten Berfchlug noch eine Composition von Bache und Tala zwischen bas Bentil und bie Robre (bei F) eingelegt. Rachbem ber Querarm eine Stelle ber Robre verlaffen bat, fallt bas Bentil hinter bemfelben wieber gu, und wird burch eine Rolle R. welche am binteren Ende bes Bagens W befestigt ift, auf feinen Sis feft aufgebrudt; ben bermetifchen Abichlug bewirft aber enblich noch ein ermarmtes Bugeleifen N, welches uber ber Composition F bingleitet, und diefelbe auf turge Beit erweicht. Roch ift bas Bentil G vor Befchabigung von außen burch eine Rlappe J aus bunnem Gifenblech gefchust, welche mittels Leberohren mit ber Rohre verbunden ift und burch Rollen wie D, welche am Bagengestelle festfiten, an ber Stelle aufgeboben wird, welche ber Querarm ber Rolbenftange ju paffiren bat.

Ein Sauptvorzug ber atmofpharifchen Gifenbahnen vor ben Bahnen mit Dampfmagenbetrieb besteht in ber Ersparnif bes Dampfmagens, burch beffen Gewicht von 20 bis 30 Tonnen bas Gewicht bes gangen Bagen= juges leicht um 20 Procent vergrößert werben tann. Dagegen find aber auch bie atmospharischen Gifenbahnen viel toftbarer ale bie gewohnlichen Gifenbahnen, jumal ba fie gur Berftellung bes luftverbunnten Raumes eine Menge ftebenber Dafchinen erforbern, welche in Abftanben von 8 bis 5 engl. Meilen langs ber Bahn aufzustellen find. Dhnebies find bie atmofpharifchen Gifenbahnen ofteren Unterbrechungen ausgesett, ba burch einen unvollfommen luftbichten Abschluß bie Bewegung bes gangen Bagenjuges aufgehoben werben fann. Es ift beshalb auch bie Unwendung einer atmospharischen Gifenbahn nur eine erceptionelle (wie g. B. bie gu St. Germain), und mochte nur bann gu rechtfertigen fein, wenn es barauf antommt, ben Betrieb auf einer fart anfteigenben turgen Gifenbahn. ftrede berguftellen, wo bie Dampfmagen nicht im Stanbe finb, großere Bagenguge mit fich empor gu nehmen.

6. 272. Das gewöhnliche Forderungsmittel auf Gifenbahnen find bie gecomotiven. fogenannten Locomotiven ober Dampfmagen. Gie besteben in ber Sauptfache aus einem Bagen, welcher eine Dampfmaschine fammt Reffel tragt, die mittele Umbrehung ber einen Rabare bas Bange in fortidrei. tenbe Bewigung fest. Folgendes ift bie mefentliche Ginrichtung eines Dampfmagens, wovon Fig. 561 (a. f. S.) einen gangendurchschnitt geigt. A ift ber fogenannte Feuertaften (frang, foyer, bolte à feu; engl. firebox), in welchem bas Brennmaterial verbrannt wirb, welches man burch

Locomotiven. die mit einer Schusplatte b' versebene Beigthur b eintragt. Dieser Big. 561.



Raften ift unten burch ben Roft c und an ben Seiten burch boppelte, mittels Stehbolgen unter einander verbundene Blechmanbe, zwischen welchen Baffer enthalten ift, umgrengt. In ben Feuertaften Schließt fich ber cylindrifche Theil BB bes Riffels an, welcher ein Syftem von Rohren, die fogenannten Beigrobren (frang. tubes; engl. pipes) einschließt, und ubrigens mit bem ju verbampfenden Baffer angefullt ift. Feuer ober die erhipte Luft burchftromt die Feuerrohren und fest bierbei fo viel Barme an bas biefelben umgebenbe Baffer ab, bag biefes in Dampf Bon ba gelangt bie erhitte Luft in ben fogenannten vermanbelt mirb. Rauchkaften (frang. boite à fumée; engl. smoke box) C, und biefer führt fie endlich in ben Schornftein D. Der Dampf, welcher fich aus bem Baffer entwickelt, bas ben Beigraum und bie Beigrohren umfchließt, fullt ben oberen Theil bes eplindrifchen Reffels B, sowie auch ben foges nannten Dampfbom L aus, welcher fich unmittelbar uber bem Feuertaften befindet, und tritt von oben in bas Dampfrohr fg g'. Dampfmafchine besteht aus zwei Cylindern, wovon jedoch in ber Fique, und gwar in E, nur ber eine fichtbar ift; beshalb theilt fich auch bas Dampfrohr bei y in zwei 3meige, wovon jeder ben Dampf nach einer besonderen Dampftammer h führt. Rachbem ber Dampf in bem Eplinder gewirkt, alfo beffen Rolben F bin= ober gurudgefchoben bat, gelangt er in bas beiben Mafchinen gemeinschaftliche Blaferobr i und tritt enblich aus bemfelben in ben Schornftein, wo er vorzuglich noch ben mefentlich nothwendigen Luftzug erzeugt.

Die ganze Maschine ruht auf ben Aren von zwei (ober brei) Paar Rasbern J und K, und je nachbem sich bie beiben Dampscolinder zwischen ben Rabern befinden, ober außerhalb berselben liegen, ift entweder bie eine Are H

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 623

boppelt gekröpft, ober jedes ihrer Raber mit einer Warze versehen, in je, Decembliven. bem Falle aber jeder ber beiden auf die eine oder die andere Weise gebils beten Krummzapsen burch eine Kurbelstange G mit dem einen oder dem anderen Treibekolben F in Berbindung gesett. Diese Krummzapsen sind gegen einander auf das Biertel gestellt, d. h. ihre Warzen stehen um 90 Grad von einander ab, und dem entsprechend sind auch die Stellungen der beiden Treibekolben stets um den halben Schub von einander verschiesden. Hierde wirkt der eine Kolben mit seiner vollen Kraft auf den Krummzapsen, wenn die Warze des anderen Kolbens im todten Punkte steht, also die Kolbenkraft gar nichts zur Umdrehung des Krummzapsens beiträgt; es variirt daher die Umdrehungskraft der Triebare in ziemlich engen Grenzen und erfordert zu ihrer Ausgleichung kein besonderes Schwungrad (veral. §. 106).

Die Bewegung ber Schieber h erfolgt burch Ercentrits, welche auf ber Triebare H festsigen.

In der Figur fieht man noch bei M das Mannloch, bei N,N die Lo-cher fur die Sicherheitsventile und bei O den Wasserstandszeiger mit Gladrohre

Dem Dampswagen unmittelbar folgt noch ein Munitionswagen, ber sogenannte Tenber (franz. und engl. tender), welcher zum Transport bes Feuerungsmaterials und bes Speisewassers bient. Bur Speisung bes Ressels bient eine Saug und Druckpumpe, welche vermittels eines Schlauches u. s. w. das Wasser aus dem Tender in den Ressel bringt. Un den Tender ist der eigentliche Wagenzug (franz. convoi; engl. train) angeschlossen. Bum Befahren kurzerer Bahnstrecken wendet man in neuerer Zeit auch Locomotiven an, welche das Wasser und Brennmaterial gleich mit sich führen, indem man dem hinteren Theil dieser Wagen die Einrichtung der Tender giebt. In England sind die Dampswagen unter dem Namen "Tank-engines" bekannt.

5. 273. Wir werben im Folgenden die einzelnen Theile einer Coco gocomotiveninotive etwas specieller beschreiben.

Der Feuerraum eines Dampfwagens wird burch einen umgefturzten, also unten offenen, parallelepipedischen Kasten gebildet. Man verwendet hierzu drei Stud Eisen-, ober noch besser Kurferbleche von 1/2 bis
1 Boll Dide, welche burch bichte Nietung mit einander verbunden werben. Dieser sogenannte innere Feuerkasten wird in einem Abstande
von 81/2 bis 4 Boll von einem zweiten Blechkasten, dem sogenannten
außeren Feuerkasten, umgeben, und mit biesem durch kurserne
Stehbolzen (franz. entretoises; engl. stays) verbunden. Die Starte
bieser Bolzen beträgt circa 3/4 Boll und ihr Abstand von einander 4 Boll.

Locomotivenleffel-

Die Dede des inneren Feuerkaftens ift durch starte schmiedeeiserne Bruschenstäbe von eirca 4 Boll Bobe und 1 Boll Dicke verstärkt. Diese Stabe liegen in Abständen von 5 bis 6 Boll ber kange des Keffels nach neben einander und sind in Abständen von 5 bis 6 Boll auf die innere Blechbecke aufgebolzt und wohl auch mit dem außeren Feuerkasten an einigen Stellen verstrebt.

Damit burch bie Deffnung fur bie heigthur ber masserbichte Berschluß in bem Raume zwischen beiben Feuerkaften nicht unterbrochen werbe, ift ein eiserner Ring eingeset, welcher rings um biese Deffnung herum bie inneren und außeren Blechwande mit einander verbindet. Der Theil ber vorderen Seitenwand, in welchem bie heizebren in ben Feuerraum einsmunden, wird, da an biefer Stelle ber außere Feuerkasten unterbrochen ift, bloß baburch verstärtt, bag man zu ihm stärteres Blech verwendet.

Der mit Wasser angesülte Raum, welcher ben ganzen Feuerheerd umzeicht, wird von unten burch einen mit beiben Blechwänden mittels Nieten verbundenen Kranz geschlossen, an welchem ein anderer Kranz befestigt ist, auf den die Rosistäde zu liegen kommen. Diese Städe bestehen aus gesschwiedetem oder gewalztem Sisen, sind 4 doll hoch, oben 3/4 bis 1 doll und unten 3/8 bis 5/8 doll bick. Je nach der Gute des Brennstosses läst man diese Städe 3/4 bis 5/4 doll von einander abstehen. Die unverbrannten Ueberreste der Verbrennung, welche zwischen den Rosistäden hindurchsallen, werden durch den sogenannten Aschenfall aufgefangen, damit sie nicht zu Feuersbrünsten Veranlassung geben. Ein solcher Aschenfall bessteht in einem Blechkassen, welcher die Grundsläche des Rostes vollständig einschließt und an der vorderen Seite mit einer Thür versehen ist, welche der Maschinenwärter zur Regulirung des Luftzuges nach Belieben mehr oder weniger eröffnen kann.

Um eine möglichst große Beizflache zu erhalten, muffen Rauchs oder Beigrohren von kleiner Weite und in großer Anzahl angewendet wersben; damit dieselben aber durch die Ueberreste der Berbrennung nicht versstopft und dem Luftzug nicht zu viel Hindernisse in den Weg gelegt wersden, giebt man diesen Rohren eine Weite von 1½ dis 2 Joll. In der Regel verwendet man zu denselben Wessingblech von eirea 1 kinie Dicke. Diese Rohren werden in entsprechende Löcher in ter Borderwand des Feuers und in der Hinterwand des Rauchkastens eingesetzt, und darin durch eingetriebene Stahlringe mit conischem Rande befestigt. Den kurzzessen Abstand je zweier Rohren von einander nimmt man 7 die 8 kinien, so daß bei dem außeren Rohrendurchmesser von 2 Zoll die Arenabstände der benachbarten Rohren 2 Zoll 7 die 8 Linien betragen. Gewöhnlich ist die Anzahl dieser Rohren 70 die 150 und die Lange derselben 6 die 12 Kus. Während die directe Heizssche oder die Fläche des inneren Feuers

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borizontalen Wegen. 627

kastens 40 bis 60 Quadratfuß beträgt, ist die indirecte Beigstäche ober die gocomptiven ber heizrohren 400 bis 800 Quadratfuß. Die heizrohren werden von einem cylindrischen Kessel aus Eisenblech umgeben, welcher sich einerseits an den Feuers und andererseits an den Rauchkasten anschließt und eine Weite von 3 bis 4 Fuß hat. Um die Warme so viel wie möglich in dem Kessel zurückzuhalten, umgiebt man ihn entweder mit einem Mantel aus Filz und mit einem Mantel aus Holzdauben; oder man legt um denselben nur einen von dunnem Eisenbleche umhullten Mantel aus Holzdauben.

Der obere Theil ober die Saube bes außeren Feuerkaftens erhatt fehr verschiedene Formen. Am einfachsten ift es, biefe Flache halbenlindrisch zu gestalten, so daß sie eine Fortsetzung ber oberen Salfte bes cylindrischen Reffels bilbet.

Der Rauchkasten hat im Ganzen dieselbe Form wie der außere Feuerkasten, nur ist er niedriger als dieser und unten burch eine ebene oder
halbeplindrische Fläche begrenzt. Während in der hinterstäche desselben
die vorderen Enden der Heizröhren festsisen, enthält die Borderstäche eine Thur, welche zum Reinigen und zu Reparaturen der Heizröhren u. s. w.
dient. Dieser Rauchkasten ist einsach aus Blech zusammengenietet, welches eine Stärke von 2 bis 8 Linien hat. Nur zur hinterstäche, durch
welche die Heizröhren hindurchgehen, und welche den Dampse oder Wasserdruck auszuhalten hat, verwendet man Blech von circa 3/4 Boll Dicke.
Um den Lustzug so viel wie möglich zu begünstigen, giebt man dem
Dampskasten einen möglichst kleinen Raum, namentlich macht man seine
Länge nur 11/2 bis 2 Fuß, wogegen die des Feuerkastens 3 bis 4 Fuß
beträgt.

Bom Rauchkaften aus steigt die Esse empor, welche aus Eisenblech von 2 Linien Dicke zusammengenietet ist. Sie ist cylindrisch und hat bei einer Hohe von 5 bis 7 Fuß eine Weite von 1 bis $1^1/4$ Fuß. Ihr Querschnitt ist meist nahe 0,7 von dem sammtlicher Heizröhren. In der Esse befindet sich ferner noch ein Drahtgitter, durch welches das Auswersen der glühenden Kohlenstücke verhindert wird, auch ist noch eine Klappe angebracht, durch welche sich die Esse während des Stillstandes der Maschine verschließen läst.

Ferner versieht man noch ben Rauchkaften mit einem Regifter ober Schieber, burch bessen Eröffnung außere Luft in ben Rauchkaften einzgelassen und ber Bug in ben Robren regulirt werden kann. Endlich erhalten zu bemfelben Bwede auch wohl die sammtlichen Austrittsmundungen ber heizichten Blechbeckel, welche sich, wie die Fensterjalousien, in beliebigem Grade eröffnen lassen.

§. 274. Der Dampf, welcher fich auf ber Dberflache bes Baffers im Reffel bilbet, wird burch bas' fogenannte Dampfrohr ber Dampftammer

Leffel. Dampfrohr u. s. w. mit fortgeriffen werde, legt man die Einmundung des Dampfrohr u. s. w. mit fortgeriffen werde, legt man die Einmundung des Dampfrohres möglichst hoch über den Wasserspiegel, und versieht zu diesem Zwecke den Dampftessel mit einem kesselselsen Aufdau aus Messingblech, dem sogenannten Dome, innerhalb dessen das Einmundungsstud des Dampfrohres senkrecht emporsteigt. Man sett den Dom entweder auf den Feuerkasten oder auf den cylindrischen Theil des Kesselsels. Da sich über dem inneren Feuerkasten in Folge der größeren Size mehr Dampfe entwickeln, so möchte allerdings der Dampsdom über demselben anzubringen sein; da aber auch an dieser Stelle die stärksten Wallungen des kochenden Wassers und folglich auch das stärkte Kortreißen des Wassers durch den sich bildenden Dampf erfolgt, so ist es zweckmäßiger, den Dom über den cylindrischen Theil des Dampstessel, jedoch näher dem Feuers als dem Rauchkasten zu legen.

Das Dampfrohr ift in ter Regel aus Rupferblech und hat einen Querfchnitt von 1/12 bis 1/10 bes Querfchnittes eines Dampfcplinbers. Regulator, burch welchen bie Dampfmenge, welche bas Dampfrobr nach ber Dafchine führt, regulirt wirb, besteht entweber in einem Schieber ober in einer freisrunden Scheibe mit ausgestoßenen Sectoren. Die Bewegung biefes Apparates erfolgt in ber Regel mit Gulfe einer Rurbet. beren Belle mittels einer Stopfbuchfe burch bie hintermand bes außeren Feuerkaftens geführt ift. Bei ben Locomotiven von Crampton erfolgt ber Eintritt bes Dampfes in bas Dampfrohr burch einen Spalt, welcher auf ber oberen Seite langs bes gangen Rohres binlauft, und es ift bier ber regulirende Dampfichieber nabe uber ben Dampfcplindern angebracht. Um bas Fortreißen bes Baffere u. j. w. fo viel wie moglich ju vermin: bern, ift es zwedmagia, ben Dampf mittels Mantel, welche die Ginmunbung bes Dampfrohres umgeben, einige Dal fallend und fteigend zu fub. ren, ehe er in bas Dampfrohr eintritt, weil hierbei bem fortgeriffenen Baffer jum Burudfallen Gelegenheit gegeben wirb.

Die beiben 3weigrohren, welche ben Dampf nach ben Dampftammern ber beiben Dampfcolinder fuhren, find mit bem einfachen Dampfrohre burch ein gugeisernes 3wischenstud verbunden, welches sich oben im Inneren bes Rauchkastens befindet und an ber hinterwand biefes Kaftens festsist.

Die Rohren, welche ben verbrauchten Dampf aus ben Cylinbern fuhren, werben ebenfalls durch ein gußeisernes Zwischenstück mit bem Ausblaferohre vereinigt; baffelbe befindet sich entweder nahe über den Cylindern oder unmittelbar unter ber Einmundung in die Effe. Die Ausmundung bes Ausblaserohres ist conisch zusammengezogen, um eine größere Geschwindigkeit bes austretenden Dampses und badurch wieder einen star-

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 629

keren Luftzug in der Effe zu erzeugen. Uebrigens hat jede der beiden Pocomotiven-Austragerohren, wie das Einmundungsstück des Dampfrohres, ein Zehntel der Rolbenstäche, und dagegen das Ausblaserohr ein Fünftel berselben zum Querschnitte. Um die Geschwindigkeit des austretenden Dampses zu res guliren, wendet man auch wohl eine veränderliche Ausmundung an, indem man in das Ausmundungsstück zwei Rlappen einsetz, zwischen welchen der Dampf ausbläst. Diese Rlappen lassen sich mittels einer Zugstange und einer Kurbel zugleich stellen.

Das Speisen bes Reffels erfolgt burch zwei Speisepumpen. Die Rolbenftangen berfelben werben entweber an bie Querbaupter ber Dampf. tolbenftangen , ober an bie Steuerungercentrite angeschloffen ; im erften Kalle haben biefe Pumpen ben Schub von 18 bis 27 Boll mit bem Dampftolben gemeinschaftlich, und es ift ber Rolbenburchmeffer berfelben nur 11/2 bis 21/2 Boll; im zweiten Falle bingegen ift ber Schub 5 bis 61/2 Boll und ber Rolbendurchmeffer 4 Boll. Der Pumpencylinder ift aus Gufeifen ober Meffing und hat nur wenig mehr Beite (11/2 Linie) als Der lettere ift ein langer abgebrehter Cylinder und wird ber Rolben. burch eine Stopfbuchse abgelibert, welche an bas eine Ende bes Dumpen-Die Bentile biefer Pumpen find entweder cplinders festgeschraubt ift. Regel - ober Rugelventile; jene gleiten mittels Flugel, welche an ber unteren Bentilflache festsigen, in bem oberen Theile ber Saugrobren; Diefe bemegen fich in glodenformigen Gehaufen, welche uber ben Bentilfigen angebracht find. In ber Regel hat jebe Speisepumpe ein Saugventil und zwei nabe uber einander ftebende Drude ober Steigventile; und überdies noch ein Bentil ober einen Sahn nabe bei ber Ginmundung des Steigrohres in ben Reffel, welcher bas Baffer in bem Reffel gurudhalt, mabrend bie Pumpe gepruft ober reparirt wirb. Um bie Wirkfamteit ber Dumpe zu prufen und die etwa in berfelben angefammelte Luft fortgufchaffen, lagt man noch ein turges Proberohr in ben Raum gwifchen beiben Steigventilen einmunden, welches fur gewohnlich burch einen Sahn verschlossen wird. Dan verlangt nicht nur, bag eine Speisepumpe allein ben Dampfteffel binreichend mit Baffer ju verforgen vermoge, fondern man fordert auch, daß fie effectiv bas breifache Speifemafferquantum gu liefern im Stanbe fei.

Das Baffer wird ben Speisepumpen aus bem Tender mittels tupferner Rohren von 11/2 bis 2 Boll Weite zugeführt, deren Einmundungen nach Belieben durch Bentile verschlossen werden können. Damit sich
diese Berbindungsröhren kleinen Beränderungen in dem Abstande bes
Tenders von der Locomotive ohne Nachtheil accommodiren, versieht man
dieselben mit Augelgelenken und mit Stopfbuchsen, wie in Band II.,
Seite 200, Kig. 214 und Kig. 215 vor Augen geführt worden ist. Aus

Locomotiven. fellet. jeder bieser Rohren lagt man noch eine sogenannte Warmerohre emporssteigen, welche ganz oben in den Kessel einmundet, und die dazu dient, den Dampf mahrend des Stillstandes zurud in den Tender zu führen, und dadurch das Wasser in demselben anzuwarmen. Die Steigröhre ift, wie auch das Communications und Saugrohr, aus Aupferblech und hat auch die nämliche Weite wie jene Rohre. Man hat diese Rohre an verschiedenen Stellen in den Kessel ausmunden lassen; jedoch läßt sich leicht einssehen, daß es zweckmäßiger ist, die Einmundungsstelle so entfernt wie möglich vom Brennheerde zu legen.

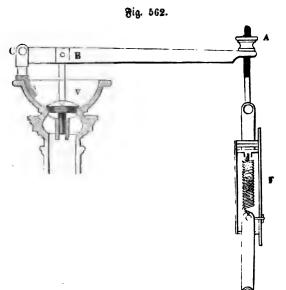
Die im Vorstehenden behandelten Speisepumpen speisen natürlich nur während der Bewegung bes Dampswagens; will man aber die Fullung bes Ressels mit Wasser ohne Bewegung des Dampswagens bewirken, so muß man noch eine besondere Speisepumpe, und zwar entweder eine sogenannte Handpumpe oder eine Dampspumpe, andringen, je nachz dem man dieselbe durch die Hand oder durch eine besondere Dampsmaschine in Bewegung sehen lassen will. Es ist endlich ein sehr zu beachtender Gegenstand, daß man zum Speisen der Locomotivenkessel möglichst reines Wasser verwende.

Um den inneren Bustand des Dampstessels anzuzeigen, und um die Dampsspannung und den Wasserstand in demselben innerhalb gewisser Grenzen zu erhalten, sind noch Sicherheitsventile, Manometer, Wasserstandszeiger u. s. w. angebracht. Jeder Locomotivenkessel erhält zwei Sicherheitsventile, und zwar am besten eins im Border= und eins im hintertheil des Kessels. Diese Ventile können wegen des Schwankins der Dampswagen nicht durch Gewichte belastet werden, sondern werden mittels Stahlsedern auf ihren Sitz ausgedrückt. Man bedient sich hierzu gewöhnlich einer schraubenformig gewundenen Drahtseder F, Figur 562 (auf nedensteh. S.), und läst dieselbe mittels eines einarmigen Hebels ABC auf das Ventil V wirken. Die übrige Einrichtung der Sichers heitsventile ist aus II., §. 317 bekannt.

Was das Meffen des Dampforudes in Locomotivlesseln anlangt, so wendet man hierzu die Differentialmanometer von Richard, sowie auch die von Galp-Cazalat an; auch sind in neuerer Zeit Metallmanometer in Anwendung gekommen. S. II., §. 315 und 316. Auch kann man sich einfacher Kolbenmanometer bedienen, welche die Einrichtung eines gewöhnlichen Dampfindicators haben (f. II., §. 366).

Der Bafferstandszeiger (f. II., §. 312) besteht in einer 15 Boll langen und 1/2 Boll weiten Glasrohre, welche oben in ben Dampfraum und unten in ben Bafferraum bes Reffels einmundet und burch Sahne nach Belieben mit diesen Raumen in und außer Communication geseht werben kann. Außerdem versieht man ben Locomotiventessel noch nit

Ben bem Forischaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 691 drei Probehahnen, welche in verschiedenen Soben über einander aus gecemotivenmunben.



Enblich gehort zu einem vollständigen Locomotivenkeffel noch eine Dampfpfeife (frang. sifflet à vapeur; engl. steam-wistle). befteht 1) aus einem Refervoir, welches burch einen Sahn mit bem Dampf. raume in Berbindung gefett werben tann und mit einer fcmalen ringformigen Mundung verfeben ift, und 2) aus einer Metallglode, welche nahe uber ber Mundung bes genannten Refervoirs hangt und burch ben aus biefer Munbung ftromenben Dampf in Schwingungen verfett wirb. Man wendet die Dampfpfeife an, um bamit die Ankunft und ben Abgang eines Dampfmagenzuges anzuzeigen, ober baburch bas Uns und Abziehen ber Bremfe anguordnen u. f. m.

§ 275. Die vorstehende Befchreibung ber Locomotiventeffel wird burch Befchreibung folgende Abbildungen einer fecherabrigen Locomotive mit außenliegenden abgebilbeten Cplinbern noch besonbers illuftrirt. . Es geigt:

Rig. 563 bie außere Seitenanficht,

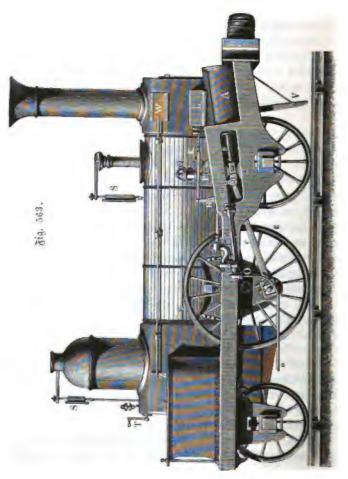
Sig. 564 ben gangenburchichnitt,

Rig. 565 ben Querdurchschnitt burch ben Feuerkaften, und

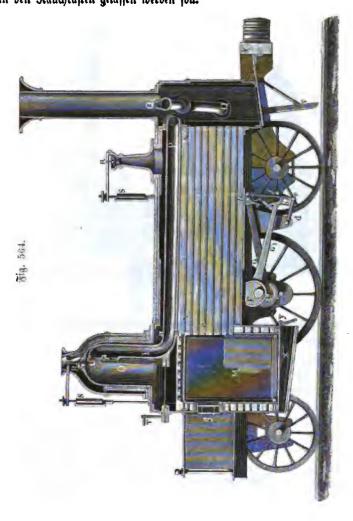
Rig. 566 ben Querdurchschnitt burch ben Rauchkaften und Schornftein.

Beid ceibung

Man fieht in M den Feuertaften mit ber Beigthur g, und in NN ben aberbilbeten eigentlichen Dampfteffel mit feinen 125 Rauchrohren; ferner zeigt O ben Dampfbom ober die Dampfhaube und PP bas Dampfrohr, welches ben Dampf bei U aufnimmt und in die Dampftammer ober ben Dampfichies bertaften L (Sig. 563 und 566) leitet. Die Blaferohre, welche ben verbrauchten Dampf in ben Schornftein fuhren und bafelbft ben nothigen Bug erzeugen, find in QQ1 und QQ1 abgebilbet, und in R und R fieht man bie beiben Sicherheitsventile mit ben oben beschriebenen Reberspannungen S, S abgebilbet. Der Dampfregulator an ber Ginmundung U ber Dampfrohre besteht in zwei burchbrochenen Scheiben, wovon die eine mit

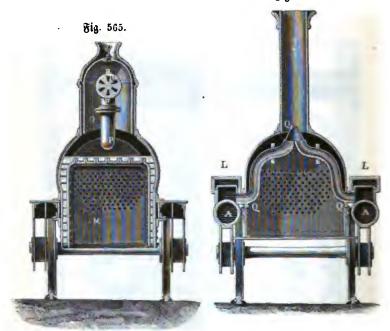


Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Begen. 688 bem Dampfrohre fest verbunden und die andere um ihre Are brehbar ist. Beschreibung Je nachdem die Deffnungen bieser beiden Scheiben ganz, oder nur zum abgeblieben Theil, oder gar nicht über einander stehen, wird das Einströmen des Damspfes in das Dampfrohr in größerem oder kleinerem Maaße erfolgen oder ganz unterbrochen werden. Die entsprechenden Drehungen der äußeren Scheibe werden durch die Kurbel T bewirkt, deren Welle mittels hebel und Zugstangen an diese Scheibe angeschlossen ist. In W sieht man auch den Schieber, welcher eine Deffnung im Rauchkasten bedeckt und mittels der Stange ZW aufgezogen wird, wenn zur Ermäßigung des Zuges, Luft in den Rauchkasten gelassen werden soll.



Defdreibung einer abgebilbeten Locomotive.

Dem im Folgenden naher zu beschreibenden Bewegungsmechanismus der Locomotive gehören folgende Theile an. A, A sind die beiden Dampfzeylinder, welche außerhalb des Rauchkastens an dem Gestellrahmen sestigen und eine etwas geneigte Lage haben; ferner sieht man in B eine Rolbenstange und in C die an sie angeschlossene Lenks oder Triebstange; endlich zeigt D die dazu gehörige Kurbelmarze, welche auf der zu diesem Iwede verstärkten Nabe des Triebrades EE sestsigt. Auf der Are der beiden Triebrader sien noch die Ercentriks $F, F_1 \ldots$ sest, durch welche die Steuerung bewegt oder das regelmäßige Bus und Ablassen des Dampses zu den Triebcylindern bewirkt wird. Bu diesem Zwede sind die



Schubstangen $G, G_1 \ldots$ ber Ercentrits mit gabels ober huseisensormigen Enbstüden $b, b_1 \ldots$ ausgerüstet, womit ein Sebel H erfaßt werben kann, an welchem die Dampsichieberstange K angeschlossen ift. Jum Einund Ausrüden ber Rlauen b und b_1 dient ein Winkelhebel cde, welcher mittels einer langen Stange cf vom Locomotivensührer um seine Are d gedreht werden kann. An dem Arme de dieses Hebels sind mittels turzer Stangen die Enden der Schieberstangen G, G_1 angeschlossen, und es läst sich folglich mittels dieses Hebels die Schieberstangenverbindung bezliedig heben und senten, und dadurch nach Willkar entweder die eine oder

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 685

bie andere Rlaue mit dem Hebel H zum Eingriff bringen. Wenn bei Befchreibung dem Eingriffe der einen Klaue der Dampfschieder hingeschoben wird, so abgebildeten bewirkt bagegen der Eingriff der anderen Klaue das Juruckgehen des Dampfschieders; und wenn in dem einen Falle die Triebare nach der einen Richtung gedreht und hierbei der Dampfwagen vorwärts bewegt wird, so nimmt dagegen im zweiten Falle die Triebare die entgegengesette und folglich auch der Dampfwagen eine rückwärtsgehende Bewegung an (vergl. II., §. 834).

In Fig. 568 ist auch noch eine Speisepumpe op vor Augen geführt. Die Kolbenstange m dieser Pumpe ist an das Querhaupt aa der Treibestolbenstange B angeschlossen und der an ihr sihende Kolben bewegt sich in dem Cylinder n hin und zuruck, wobei das Speisewasser durch das Rohr o O aus dem Tender angesaugt und durch das Rohr p P bei q in den Kessel eingedrückt wird.

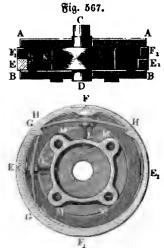
Noch fieht man bei V ben sogenannten Gistrager ober Schneeschuh, woburch etwa auf ben Schienen liegende Korper von biesen herabgestoßen werben. Endlich zeigt die Fig. 564 in X ben Aschensall und in Y die an bemselben angebrachte und zum Reguliren des Luftzuges bienende Klappe.

§. 276 In Betreff bes Bewegungsmechanismus ber Dampfwagen gocomotivenmuffen noch folgende Specialitaten angegeben werden.

Die Dampfeplinder find aus Gugeisen und befinden fich entweber im Rauchtaften ober unter ober neben bemfelben, jumeilen aber auch, wie 3. B. bei ben Locomotiven von Crampton, an ben Seiten bes cylindrifchen Reffelraumes. Wenn fie außerhalb bes Rauchkaftens angebracht find, fo muß man ihrer Abtuhlung durch Tilg. und Dolg. ober Blechmantel fo viel wie moglich entgegenwirken. Jeber ber beiben Dampf= wege erhalt ben zehnten Theil ber Rolbenflache zu feinem Querfchnitte, bagegen ber zwischen beiben befindliche Rangl, burch welchen ber verbrauchte Dampf bem Ausblaferohre gugeführt wird, ben funften Theil biefer glache. Bum Ablaffen bes fich beim Stillfteben ber Dafchine in ben Cplinbern nieberschlagenden Baffere find fleine Sahnchen an ben Enben ber Cplinber angebracht, auch verfieht man die Enlinder noch mit Del-Sahnen gum Schmieren ber Rolben und Schieber. Bon ben beiben Dedplatten, wodurch die Dampfcplinder verfchloffen werden, erhalt die hintere gur Durchführung ber Rolbenftange eine meffingene Stopfbuchfe mit Sanfliberung.

Die Dampfeolben erhalten eine schon aus Band II., §. 825 bekannte Metalliberung. Die lettere liegt zwischen zwei ben eigentlichen Kolbentorper ausmachenben Tellern aus Gugeisen und besteht aus zwei uber

Locomotiven einander liegenden Ringen aus Bronge, Gugeifen ober Stahl, welche mittels Stahlfebern gegen ben inneren Umfang bes Dampfcplinders angebrudt merben. Bu biefem 3mede wird jeber ber Ringe eins ober mehrmals fo burchschnitten, bag fich triangulare 3mifchenraume bilben, in welche bann noch Metallfeile eingefett werben, bie von ben Febern mittels eingeschraubter Bolgen rabial auswarts gebruckt merben. Die Teller merben mit ihren Mugen in ber Mitte uber bie Rolbenftange meggeftedt und mittels vier Schraubenbolgen fest mit einanber verbunden. Den borigon-

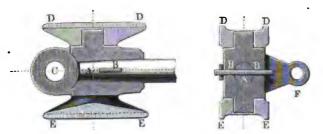


talen und vertifalen Durchfchnitt eines folden Rolbens von circa 14 Boll Durchmeffer zeigt Fig. 567. fieht hier in AA und BB bie beiben Rolbenteller, in CD bie gwifchen beiben Tellern mulftformig verftartte Rolbenftange, ferner zeigen EE, und FF, bie Liberungeringe, welche bei E und F gericonitten find und burch Reile mittels ber Febern GG und HH gespannt werben; enblich find in K und L bie Schraubenbolgen abgebilbet, woburch biefe Febern gefpannt merben, und in M, M.. bie Locher fur bie Bolgen jum Bufammenfchrauben ber beiben Teller ju feben. Die Rol-

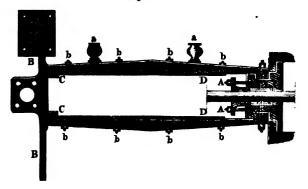
benftange macht man entweder aus Schmiebeeifen ober aus Stahl, und fie erhalt im erften Falle eine Starte von circa 13/4 und im zweiten eine folche von 11/4 Boll.

Das Querhaupt ber Rolbenftange bat eine Bulfe jum Auffteden auf bas zu biefem 3mede conifd geformte Enbe ber Rolbenftange, und ein Muge gum Anschließen ber Rurbelftange, und ift mit Leitungebacken verfeben, womit es in einem an bem Bagengeftelle befestigten Leitungsrabmen beweglich ift. Man verwendet ju bem Querhaupte geschmiedetes Gifen, und bagegen ju ben an baff ibe anguschraubenben Leitungsbacken Gufeifen ober Bronge. Sig. 568 giebt zwei Abbilbungen eines Querhauptes; es ift bier A bas Rolbenftangenenbe, BB ber Splint gur Befeftigung beffelben im Querhaupte, C bas Auge jum Anschließen ber Rurbelftange, und es find DD, EE bie Leitungsbaden. Der Arm F bient gum Infolug ber Rolbenftange ber Speifepumpe. Bas die Leitungerahmen anlangt, fo bilbet man fie in ber Regel aus zwei Stahls ober geharteten Schmiebeeifenftaben, und ichließt biefelben einerfeits an die Stopfbuchfen Der Enlinder und andererfeits an fcmicbeeiferne Stuten an, melche auf

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 637 ben Langschwellen bes Bagengestelles festgeschraubt werben. Sehr ges Locomotiven predantemen.



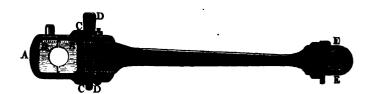
wöhnlich bekleidet man auch die Reibungsflächen mit besonderen Stahlsschienen, die man mittels Schrauben auf die Innenflächen des Leitungssrahmens aufschraubt. In Fig. 569 sieht man das Langenprofil eines Fig. 569.



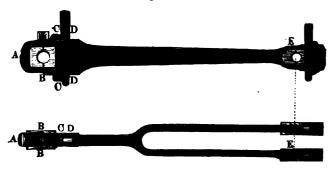
folden Leitungsrahmens, und zwar in AA die Stopfbuchse und in BB ben Support, woran die Leitungsschienen CD, CD angeschraubt sind; auch werben in a,a die Delbecher und in b,b.. die Schrauben, womit die Reibungsschienen auf die Leitungsschienen aufgeschraubt werden, vor Augen geführt.

Die Rurbels ober Triebstangen, welche die Rraft ber Dampftolben auf bie Triebare übertragen, sind von Schmiebeeisen und haben minbestens fünfmal so viel gange als die Rurbelarme. Man hat einfache und gabelformige Triebstangen. Die einfachen Rurbelstangen sind Gifensstäbe von rectangularem Querschnitte und laufen an beiben Enden in Ropfen aus, womit sie einerseits an die Querhaupter der Rolbenstange und andererseits an die Rurbelwarzen angeschlossen werden. Der Eleinere Ropf umfast den Bolgen im Querhaupt der Rolbenstange, und der gro-

Rocomoliven fere ergreift die eine Warze der Triebare; beibe sind zu diesem Zwecke mit nichanismen. Lagern aus Bronze ausgefüttert. Die gabelformigen Triebstangen bilden an dem einen Ende zwei Köpfe, welche die Bolzen im Querhaupte der Kolbenstange von beiden Seiten erfassen. In Fig. 570 ist die Längenansicht Big. 570.



einer einfachen und in Fig. 571 ift bie Langenansicht und ber Grundriß Fig. 571.



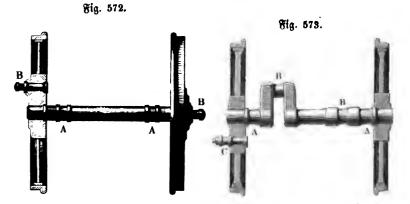
einer gabelformigen Triebstange abgebildet. Man sieht in A ben großen Kopf mit dem Metallager BB für die Kurbelwarze und die Klammer CC und Keil DD zum Stellen derselben, und ebenso in E die Augen u. s. w. für den Bolzen im Querhaupte.

Damit ber, zumal bei ftart ansteigenben Gebirgsbahnen bedeutend anwachsenbe Wiberstand bes Wagenzuges von ber Locomotive überwunden werden konne, muß die Reibung derselben auf der Schienenbahn möglichst vergrößert werden, weshalb man in solchen Fallen noch eine zweite oder beibe anderen Rabaren mit der Triebare kuppelt. Dieses Auppeln der Radaren erfolgt durch sogenannte Auppelstangen, welche mit ihren Kopfen an Warzen angeschlossen werden, die in die Nabe der Triebraber eingesett sind.

Die Triebare ober biejenige Bagenare, welche burch bie Dampftraft mittels ber Aurbeistangen in Umbrehung gefeht wird, ift entweber gerabe, ober gefropft; und zwar ersteres bei Dampfmaschinen mit Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 689

außenliegenden Enlindern, und letteres bei folden mit innens gocomotiveu. liegenden Cylindern. Bei ben Triebaren ber erfteren Art merben bie Rurbeln burch bie Triebraber felbft gebilbet, indem man bie fcmiebeeifernen Bargen in die ju biefem 3mede verftartten Rabnaben einfest: bei ben Aren ber zweiten Art find es bagegen bie Rropfe, moburch bie Rurbeln gebilbet merben.

Die Bapfen ober Arenschenkel, womit bas Magengestelle auf ben Aren ruht, find entweder zwifchen ober außerhalb beiber Raber, je nachbem ber Geftellrahmen zwischen ben Rabern ober außerhalb berfelben liegt. Gine gewöhnliche Rabare ber zweiten Urt fennen wir fcon aus f. 268, Rig. 551, Triebaren ber erften Art hingegen find in ben Riguren 572 und 573



nebst ben Triebradern vor Augen geführt, und zwar in Sig. 572 eine ges rabe und in Sig. 578 eine getropfte Triebare. Es find hier AA bie Arenschenkel, B, B die Rurbelmargen und es ift C, Fig. 573, eine Ruppelmarte. Das Rabere über bie Conftruction ber Raber ift aus §. 268 befannt. Uebrigens foll man bie Arenschenkel fo fart machen, bag ber Drud auf ben Quabratzoll nicht mehr als 300 bis 400 Pfund beträgt.

6. 277. Die Steuerung ober bas regelmäßige Bulaffen und Ubs Locomotivfperren bes Dampfes jum Dampfeplinder erfolgt burch ben ichon aus Band II. befannten Dampfichieber und mittels ber in II., §. 334 befcriebenen Rreisercentrits. Bas jundchft bie Dampffchieber anlangt, fo macht man biefelben, ber großeren Dauerhaftigfeit wegen, gemobnlich aus Gufeifen. Man giebt benfelben entweber eine borizontale, ober eine vertitale, ober eine geneigte Lage, und bringt biefelben entweber uber ober unter ben Dampfcplindern an. Bur Bewegung bes Dampfschiebers bient eine genau rund abgebrebte Stange aus Stabl ober

Locomotivenfenel. jeber biefer Rohren lagt man noch eine sogenannte Warmerdhre emporssteigen, welche ganz oben in ben Kessel einmunbet, und die dazu bient, ben Dampf während des Stillstandes zurud in den Tender zu führen, und dadurch das Wasser in demselben anzuwärmen. Die Steigröhre ist, wie auch das Communications und Saugrohr, aus Rupferblech und hat auch die nämliche Weite wie jene Rohre. Man hat diese Rohre an verschiedenen Stellen in den Kessel ausmunden lassen; jedoch läßt sich leicht einssehen, daß es zweckmäßiger ift, die Einmundungsstelle so entfernt wie möglich vom Brennheerde zu legen.

Die im Borstehenden behandelten Speisepumpen speisen naturlich nur während der Bewegung des Dampswagens; will man aber die Fullung des Kessels mit Baffer ohne Bewegung des Dampswagens bewirken, so muß man noch eine besondere Speisepumpe, und zwar entweder eine sogenannte Handpumpe oder eine Dampspumpe, andringen, je nachedem man dieselbe durch die Hand oder durch eine besondere Dampsmaschine in Bewegung sehen lassen will. Es ist endlich ein sehr zu beachrender Gegenstand, daß man zum Speisen der Locomotivenkessel moglichst reines Wasser verwende.

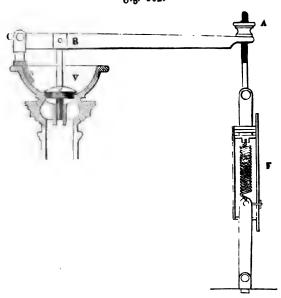
Um den inneren Zustand des Dampstessels anzuzeigen, und um die Dampsspannung und den Wasserstand in demselben innerhalb gewisser Grenzen zu erhalten, sind noch Sicherheitsventile, Manometer, Wasserstandszeiger u. s. w. angebracht. Jeder Locomotivenkesselse erhalt zwei Sicherheitsventile, und zwar am besten eins im Borders und eins im Hintertheil des Kessels. Diese Bentile können wegen des Schwanskins der Dampswagen nicht durch Gewichte belastet werden, sondern wers den mittels Stahlsedern auf ihren Sitz ausgedrückt. Man bedient sich hierzu gewöhnlich einer schraubenformig gewundenen Drahlseder F, Figur 562 (auf nedensteh. S.), und läst dieselbe mittels eines einarmigen Hebels ABC auf das Bentil V wirken. Die übrige Einrichtung der Sichers heitsventile ist aus II., §. 817 bekannt.

Was das Meffen des Dampforuckes in Locomotivkeffeln anlangt, so wendet man hierzu die Differentialmanometer von Richard, sowie auch die von Galy-Cazalat an; auch sind in neuerer Zeit Metallmanometer in Anwendung gekommen. S. II., §. 315 und 316. Auch kann man sich einfacher Kolbenmanometer bedienen, welche die Einrichtung eines ges wöhnlichen Dampfindicators haben (f. II., §. 366).

Der Wafferstandszeiger (f. II., §. 312) besteht in einer 15 Boll langen und 1/2 Boll weiten Glastohre, welche oben in den Dampfraum und unten in den Wasseraum des Kessels einmundet und durch Sahne nach Belieben mit diesen Raumen in und außer Communication geseht werden kann. Außerdem versieht man den Locomotivenkessel noch nit

Ben bem Ferifchaffen ber Laften auf gang ober nabe borizontalen Wegen, 691 drei Probehahnen, welche in verschiedenen Soben über einander aus gecemotivenmunben.





Enblich gehort zu einem vollstandigen Locomotivenkeffel noch eine Dampfpfeife (frang. sifflet à vapeur; engl. steam-wistle). befteht 1) aus einem Refervoir, welches burch einen Sahn mit bem Dampf. raume in Berbindung gefett werben fann und mit einer ichmalen ring. formigen Mundung verfeben ift, und 2) aus einer Metallglode, welche nabe über ber Mundung bes genannten Refervoirs hangt und burch ben aus biefer Munbung ftromenben Dampf in Schwingungen verfett wird. Man wendet bie Dampfpfeife an, um bamit bie Untunft und ben Abgang eines Dampfmagenzuges anzuzeigen, ober baburch bas Uns und Abziehen ber Bremfe anguordnen u. f. m.

§ 275. Die vorstenende Beschreibung ber Locomotiventeffel wird burch Befdreibung folgende Abbildungen einer fecherabrigen Locomotive mit außenliegenden abgebilbeten Cplindern noch besonders illuftrirt. . Es zeigt:

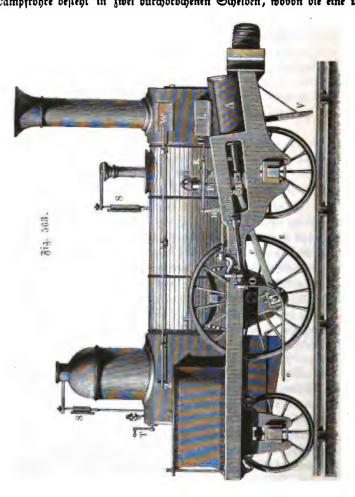
Ria. 563 bie außere Seitenansicht,

Rig. 564 ben gangendurchichnitt,

Sig. 565 ben Querdurchschnitt burch ben Feuerkaften, und

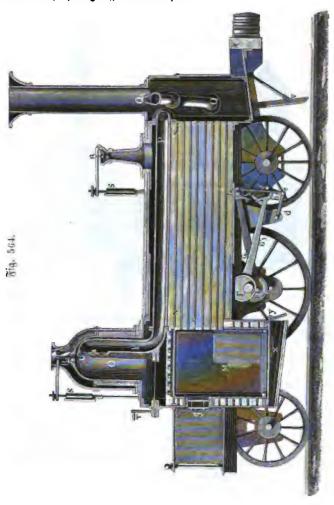
Rig. 566 ben Querdurchschnitt burch ben Rauchkaften und Schornftein.

Bescheitbung Man sieht in M ben Feuerkasten mit ber heizthür g, und in NN ben abeiblibeten eigentlichen Dampstesselle mit seinen 125 Rauchröhren; ferner zeigt O ben Dampstom ober die Dampshaube und PP das Dampstohr, welches ben Dampf bei U aufnimmt und in die Dampstammer ober den Dampsssiesberkasten L (Fig. 563 und 566) leitet. Die Blaserohre, welche den verzbrauchten Damps in den Schornstein führen und daselbst den nöthigen Zug erzeugen, sind in QQ_1 und QQ_1 abgebildet, und in R und R sieht man die beiden Sicherheitsventile mit den oben beschriebenen Federspannungen S, S abgebildet. Der Dampsregulator an der Einmundung U der Dampstöhre besteht in zwei durchbrochenen Scheiben, wovon die eine mit



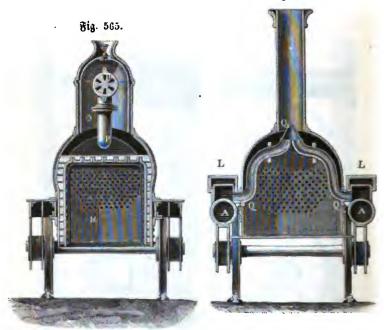
Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 688

dem Dampfrohre fest verbunden und die andere um ihre Are brehbar ist. Beschreibung Be nachdem die Deffnungen dieser beiden Scheiben ganz, oder nur zum aberbiteten Abeil, oder gar nicht über einander stehen, wird das Einströmen des Dams pfes in das Dampfrohr in größerem oder kleinerem Maaße erfolgen oder ganz unterbrochen werden. Die entsprechenden Drehungen der äußeren Scheibe werden durch die Kurbel T bewirkt, deren Belle mittels hebel und Zugstangen an diese Scheibe angeschlossen ist. In W sieht man auch den Schieber, welcher eine Deffnung im Rauchkasten bedeckt und mittels der Stange ZW aufgezogen wird, wenn zur Ermäßigung des Zuges, Luft in den Rauchkasten gelassen werden soll.



Defdreibung einer abgebilbeten

Dem im Folgenden naher zu beschreibenden Bewegungsmechanismus der Locomotive gehören folgende Theile an. A, A sind die beiden Dampfschlinder, welche außerhalb des Rauchkastens an dem Gestellrahmen festsstien und eine etwas geneigte Lage haben; ferner sieht man in B eine Kolbenstange und in C die an sie angeschlossene Lenks oder Triebstange; endlich zeigt D die dazu gehörige Kurdelwarze, welche auf der zu diesem Zwecke verstärkten Nabe des Triebrades EE sestsist. Auf der Are der beiden Triebrader sien noch die Ercentriks $F, F_1 \ldots$ sest, durch welche die Steuerung bewegt oder das regelmäßige Zu- und Ablassen des Dampses zu den Triebcylindern bewirkt wird. Zu diesem Zwecke sind die Fig. 566.



Schubstangen G, G_1 ... ber Ercentries mit gabel, ober hufeisenförmigen Enbstüden b, b_1 ... ausgerüstet, womit ein Hebel H erfast werden kann, an welchem die Dampsichieberstange K angeschlossen ist. Zum Einund Ausrüden der Rlauen b und b_1 dient ein Winkelhebel cde, welcher mittels einer langen Stange cf vom Locomotivensührer um seine Ape d gedreht werden kann. An dem Arme de dieses Hebels sind mittels kurzer Stangen die Enden der Schieberstangen G, G_1 angeschlossen, und es läst sich folglich mittels dieses Hebels die Schieberstangenverbindung bezliebig heben und senken, und dadurch nach Wilklur entweder die eine oder

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 635

die andere Klaue mit dem Sebel H zum Eingriff bringen. Wenn bei Beschereibung einer dem Eingriffe der einen Klaue der Dampfichieber hingeschoben wird, so abgeschibteten bewirkt dagegen der Eingriff der anderen Klaue das Zurückzehen des Dampfschiebers; und wenn in dem einen Falle die Ariebare nach der einen Richtung gedreht und hierbei der Dampswagen vorwärts bewegt wird, so nimmt dagegen im zweiten Falle die Ariebare die entgegengesette und folglich auch der Dampswagen eine rückwärtsgehende Bewegung an (vergl. II., §. 834).

In Fig. 563 ist auch noch eine Speisepumpe op vor Augen geführt. Die Kolbenstange m dieser Pumpe ist an das Querhaupt aa ber Treibestolbenstange B angeschloffen und der an ihr sitzende Kolben bewegt sich in dem Cylinder n hin und zuruck, wobei das Speisewasser durch das Rohr oO aus dem Tender angesaugt und durch das Rohr pP bei q in den Kessel eingebrückt wird.

Noch fieht man bei V ben sogenannten Giekrager ober Schneeschuh, wodurch etwa auf den Schienen liegende Korper von diesen herabgestoßen werden. Endlich zeigt die Fig. 564 in X ben Aschenfall und in Y die an demselben angebrachte und zum Reguliren des Luftzuges dienende Rlappe.

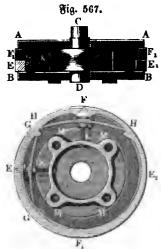
§. 276 In Betreff bes Betvegungsmechanismus ber Dampfwagen gocomotivenmuffen noch folgende Specialitäten angegeben werden.

Die Dampfeplinder find aus Gugeisen und befinden fich entweder im Rauchtaften ober unter ober neben bemfelben, zuweilen aber auch, wie 3. B. bei den Locomotiven von Crampton, an ben Seiten bes cylindrischen Reffelraumes. Wenn fie außerhalb bes Rauchkaftens angebracht find, fo muß man ihrer Abtuhlung burch Filg. und Bolg. ober Blechmantel fo viel wie moglich entgegenwirken. Jeber ber beiben Dampfwege erhalt ben gehnten Theil ber Rolbenflache ju feinem Querschnitte, bagegen ber zwischen beiben befindliche Rangl, burch welchen ber verbrauchte Dampf bem Ausblaferohre zugeführt wird, ben funften Theil diefer glache. Bum Ablaffen bes fich beim Stillfteben ber Dafchine in ben Cplinbern nieberschlagenden Baffers find fleine Sahnchen an ben Enden ber Cylinber angebracht, auch verfieht man die Cylinder noch mit Del-Bahnen jum Schmieren ber Rolben und Schieber. Bon ben beiben Dectplatten, wodurch die Dampfcplinder verschloffen werden, erhalt die hintere gur Durchführung ber Rolbenftange eine meffingene Stopfbuchfe mit Sanfliberung.

Die Dampftolben erhalten eine schon aus Band II., §. 825 bekannte Metallliberung. Die lettere liegt zwischen zwei ben eigentlichen Kolben- torper ausmachenben Tellern aus Gugeisen und besteht aus zwei uber

medanismen

Locomotiven einander liegenden Ringen aus Bronze, Gugeifen ober Stahl, welche mittels Stahlfebern gegen ben inneren Umfang bes Dampfcplinbers angebrudt merben. Bu biefem 3mede mird jeber ber Ringe ein- ober mehrmale fo burchschnitten, bag fich trianquiare 3mifchenraume bilben, in welche bann noch Metallfeile eingefest werben, bie von ben Febern mittels eingeschraubter Bolgen rabial auswarts gebrudt werben. Die Teller merben mit ihren Mugen in ber Mitte uber bie Rolbenftange meggeftedt und mittels vier Schraubenbolgen fest mit einander verbunden. Den borigon-

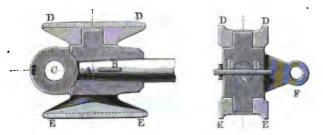


talen und vertifalen Durchichnitt eines folden Rolbens von circa 14 Boll Durchmeffer zeigt Sig. 567. fieht hier in AA und BB bie beiden Rolbenteller, in CD bie amifchen beis ben Tellern mulftformig verftartte Rolbenftange, ferner zeigen EE, unb FF, bie Liberungeringe, melde bei E und F gerichnitten find und burch Reile mittels ber Febern GG unb HH gespannt werden; enblich find in K und L bie Schraubenbolgen abgebilbet, woburch biefe Febern gefpannt werben, und in M, M.. bie Locher fur bie Bolgen jum Bufammenfchrauben ber beiben Teller ju feben. Die Rol-

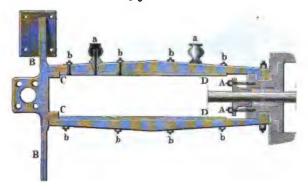
benftange macht man entweder aus Schmiebeeifen ober aus Stahl, und fie erhalt im erften Falle eine Starte von circa 18/4 und im zweiten eine folche von 11/4 Boll.

Das Querhaupt ber Rolbenftange bat eine Bulfe jum Auffteden auf bas zu biefem 3mede conifd geformte Ende ber Rolbenftange, und ein Muge jum Anschließen ber Rurbelftange, und ift mit Leitungsbacken verfeben, womit es in einem an bem Bagengestelle befestigten Leitungerabmen beweglich ift. Dan vermenbet zu bem Querhaupte geschmiebetes Gifen. und bagegen ju ben an baff ibe angufchraubenben Leitungebaden Gufeifen ober Bronge. Sig. 568 giebt zwei Abbildungen eines Querhauptes; es ift bier A bas Rolbenftangenenbe, BB ber Splint gur Befeftigung beffelben im Querhaupte, C bas Auge jum Anschließen ber Rurbelftange, und es find DD, EE die Leitungsbaden. Der Arm F bient gum Infcblug ber Rolbenftange ber Speifepumpe. Bas bie Leitungsrahmen anlangt, fo bilbet man fie in ber Regel aus zwei Stahls ober gebarteten Schmiebeeifenftaben, und ichließt biefelben einerfeits an die Stopfbuchfen ber Cylinder und andererfeits an fcmicbeeiferne Stugen an, welche auf

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Wegen. 687 ben Langichwellen bes Bagengestelles festgeschraubt werben. Sehr ges Locomotivenmedanismen



wöhnlich bekleidet man auch die Reibungsflächen mit besonderen Stahlsschienen, die man mittels Schrauben auf die Innenflächen des Leitungsstahmens aufschraubt. In Fig. 569 sieht man das Längenprofil eines Fig. 569.



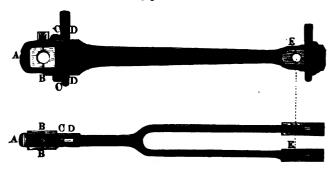
folden Leitungsrahmens, und zwar in AA die Stopfbuchse und in BB ben Support, woran die Leitungsschienen CD, CD angeschraubt sind; auch werben in a,a die Delbecher und in b,b.. die Schrauben, womit die Reibungsschienen auf die Leitungsschienen aufgeschraubt werden, vor Augen geführt.

Die Aurbels ober Triebstangen, welche die Kraft ber Dampstolben auf bie Triebare übertragen, sind von Schmiedeeisen und haben mindestens fünfmal so viel Lange als die Aurbelarme. Man hat einfache und gabelformige Triebstangen. Die einfachen Aurbelstangen sind Eisenstäde von rectangularem Querschnitte und laufen an beiden Enden in Ropfen aus, womit sie einerseits an die Querhaupter der Kolbenstange und andererseits an die Aurbelwarzen angeschlossen werden. Der kleinere Kopf umfast den Bolzen im Querhaupt der Kolbenstange, und der gro-

Rocomoliven. here ergreift die eine Warze der Triebare; beide sind zu diesem Zwecke mit mechanismen. Lagern aus Bronze ausgefüttert. Die gabelformigen Triebstangen bilden an dem einen Ende zwei Kopfe, welche die Bolzen im Querhaupte der Kolbenstange von beiden Seiten erfassen. In Fig. 570 ist die Langenansicht Ria. 570.



einer einfachen und in Fig. 571 ift die Langenansicht und ber Grundrif Fig. 571.



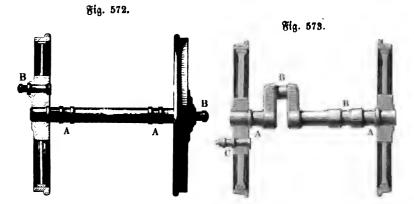
einer gabelformigen Triebstange abgebildet. Man sieht in A ben großen Kopf mit dem Metalllager BB für die Kurbelwarze und die Klammer CC und Keil DD zum Stellen dersetben, und ebenso in E die Augen u. s. w. für den Bolzen im Querhaupte.

Damit ber, jumal bei ftart ansteigenben Gebirgsbahnen bebeutend anwachsende Widerstand bes Wagenzuges von ber Locomotive überwunden werden konne, muß die Reibung berselben auf ber Schienenbahn moglichst vergrößert werden, weshalb man in solchen Fallen noch eine zweite ober beibe anderen Rabaren mit ber Triebare kuppelt. Dieses Auppeln der Rabaren erfolgt durch sogenannte Auppelstangen, welche mit ihren Köpfen an Warzen angeschlossen werden, die in die Nabe der Triebraber eingesett sind.

Die Triebare ober biejenige Bagenare, welche burch bie Dampferaft mittels ber Rurbelftangen in Umbrehung gefett wird, ift entweber gerabe, ober geftopft; und zwar ersteres bei Dampfmaschinen mit Bon bem Forischaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 639

außenliegenden Enlindern, und letteres bei folchen mit innens Cocomotiven. liegenben Cplinbern. Bei ben Triebaren ber erfteren Art merben bie Rurbeln burch bie Triebraber felbft gebilbet, indem man bie fcmiebeeifernen Bargen in die zu biefem 3mede verftartten Rabnaben einfest: bei den Aren ber zweiten Art find es bagegen bie Rropfe, moburch bie Rurbeln gebilbet merben.

Die Bapfen ober Arenschenkel, womit bas Wagengestelle auf ben Aren ruht, find entweder zwischen ober außerhalb beider Rader, je nachbem ber Geftellrahmen zwischen ben Rabern ober außerhalb berfelben liegt. Gine gewöhnliche Rabare ber zweiten Urt fennen wir ichon aus 6. 268, Rig. 551, Triebaren ber erften Urt hingegen find in ben Figuren 572 und 573



nebft ben Triebrabern vor Augen geführt, und zwar in Sig. 572 eine ges rabe und in Fig. 578 eine geftopfte Triebare. Es find hier AA bie Arenschenkel, B, B bie Rurbelmargen und es ift C, Fig. 578, eine Ruppelmarte. Das Rabere uber die Conftruction ber Raber ift aus §. 268 befannt. Uebrigens foll man bie Arenschenkel fo ftart machen, bag ber Drud auf ben Quabratzoll nicht mehr als 300 bis 400 Pfund beträgt.

6. 277. Die Steuerung ober bas regelmäßige Bulaffen und Ubs locomotivfperren bes Dampfes jum Dampfeplinder erfolgt burch ben ichon aus Band II. befannten Dampfichieber und mittele ber in II., §. 334 befchriebenen Rreisercentrits. Das junachft bie Dampffchieber anlangt, fo macht man biefelben, ber großeren Dauerhaftigfeit megen, gemobnlich aus Gufeifen. Man giebt benfelben entweder eine horizontale, ober eine vertitale, ober eine geneigte Lage, und bringt biefelben entweder uber ober unter ben Dampfeplindern an. Bur Bewegung bes Dampfschiebers bient eine genau rund abgebrebte Stange aus Stahl ober

Locomotive fleuerung.

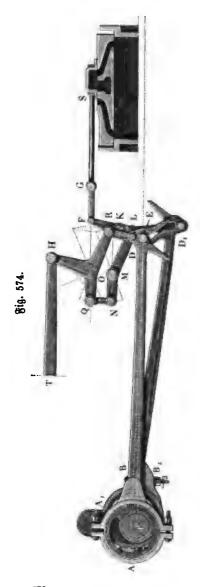
Schmiebeeisen, welche ben Schieber mittels eines Rahmens umfaßt und in einer Stopfbuchse lauft. Der Schieberrahmen ift entweber an feine Stange angeschweißt, ober er wird mit berfelben burch Schrauben ober Dbgleich ber Schieber burch ben Dampf, welcher Reile fest verbunben. ben Schiebertaften anfullt, gegen feine Lagerflache angebrudt wirb, fo ift es boch noch nothig, die Schieberftange nach ber entgegengesetten Seite bes Schiebers zu verlangern und bas Ende berfelben entweber burch eine einfache Bulfe ober burch eine zweite Stopfbuchfe ju fuhren. berftange mirb entweber birect ober erft mittels eines Bebels von ber Ercentrifftange in Bewegung gefett. Im erfteren Falle erhalt fie ihre Fuhrung entweber burch eine einfache Leitungebuchfe mit quabratifchem Muge, ober burch einen Lenkarm, beffen Drehungsare an ben Dampfteffel angeschloffen ift; im zweiten Falle bat bie Schieberftange nicht allein eine Leitungebuchfe, sondern auch eine zweischienige Lenkstange, welche mittels Bolgen sowohl einerseits an bas Schieberstangenenbe als auch andererfeits an ben oberen Arm bes 3mifchenhebels angeschloffen ift.

Bu jebem Dampfichieber gehoren zwei Ercentrite, von welchen wieber jebes aus einer Ercentriticheibe, einem Ercentritband und einer Ercentrif-Die beiben Ercentriffcheiben find bicht neben einander auf stange besteht. ber Triebare festgekeilt ober festgeschraubt; man fest fie aus zwei Theilen ausammen, wovon jeder die eine Balfte der Triebare umfaßt, und verbinbet bieselben mittels Reile ober Stifte fest mit einander. Um bas feitliche Berrucken bes Ercentrifringes zu verhindern, bringt man in bem Umfang ber Ercentriffcheibe eine Spur an, in welche bann theilmeife ber Ercentrif-Die Ercentrifringe werben ebenfalls aus zwei ring zu liegen kommt. Studen jufammengefest; biefelben erhalten biametral gerichtete Dhren, um fie mit einander burch Schraubenbolgen verbinden ju tonnen. Ercentrifftange macht entweber mit ber einen Salfte bes Ercentrifringes ein Banges aus, ober es find biefe Stude burch Schrauben mit einander 3m letteren Ralle macht man ben Ercentrifring aus Defverbunden. fing, mahrend man bie Ercentrifftangen aus Schmiebeeifen befteben lagt. Benn man bie Speisepumpe burch bie Ercentritstange in Bewegung feben lagt, fo giebt man ber anberen Salfte bes Ercentrifringes eine Rafe, melde burchlocht ift, um einen Bolgen hindurchsteden gu tonnen. Lange einer Ercentrifftange ift 41/2 bis 7 guß, ihre Dide 3/4 bis 1 Boll und ihre Sohe nabe am Ercentriftring 3 bis 4 Boll und bagegen am Enbe 2 bis 3 Boll. Die Ercentrite haben einen Durchmeffer von 10 bis 12 Boll und eine Dide von 2 bis 8 Boll.

Es find bei ben Locomotiven zwei mesentlich verschiedene Umfteuerungsfpfteme in Anwendung; namlich bie altere mittels Rlauen ober Gabeln
und die neuere mittels ber Stephen fon'schen Couliffe. Die allgemeine

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 641

Einrichtung ber Gabelsteuerung ift gum Theil icon aus II., §. 384, Fig. 486 gecomotive bekannt; ihre fpecielle Ginrichtung aber aus Fig. 574 ju entnehmen. Dan fieht bier bei AB und A, B, Die beiben Ercentrite, welche in entgegen-



gefetten Stellungen auf ber Triebwelle C befestigt find; ferner find BD und B1 D1 bie Ercentrifftangen mit entgegen: gefeht gerichteten Sabeln D unb D1, und es ift EKF ber um die Are K brebbare Bebel, wels der gur Berbinbung ber Ercentrifftangen mit ber Schieberftange FGS bient. Der nach unten gerichtete Arm KE biefes Bebels hat bei E eine Barge, welche genau in bie halbfreisfor= migen Bertiefungen ber Ercens trifgabeln paßt, mogegen ber nach oben gerichtete Urm KF burch einen Bolgen mit bem Gelente FG am Enbe ber Schiebers ftange verbunden ift. Um nach Belieben bie Barge E mittels ber einen ober ber anberen Gabel erfaffen gu tonnen, ift bie eine Babel D mittels einer einfachen Lentstange, und bie andere Babel D1 mittels ameier folcher Stangen unb eine& Debels LMN an einen Bebel HOR dergeftalt angeschloffen, bag beim Drehen bes letteren nach ber einen ober ber anderen Richtung ftets beibe Gabeln gugleich gehoben ober gefentt merben. Diefes Drehen bes Bebels wird von bem Locomotivenführer burch ei= nen Rudhebel bewirft, ber mittels einer in ber Figur nur jum Theil abgebilbeten Stange T an ben breiarmigen Bebel

volomotiv- HOR angeschloffen ift. Es ift leicht zu ermeffen, bag bas Mus= und Einruden einer Babel nur bann erfolgen fann, wenn bie Barge E, und folglich auch ber Schieber S, fich in ber Mitte ihres Laufes befinben, und bag nach einem folchen Wechfel bes Gingriffes, bie Bewegung bes Schiebere bie entgegengefette Richtung annehmen muß.

Bei bem Steuerungsmechanismus mittels ber Stephenfon'fchen Couliffe find bie Enben D und D, ber beiben Ercentritftangen feft an ber Couliffe ober bem Steuerrahmen DD, Fig. 575, angefchloffen, und



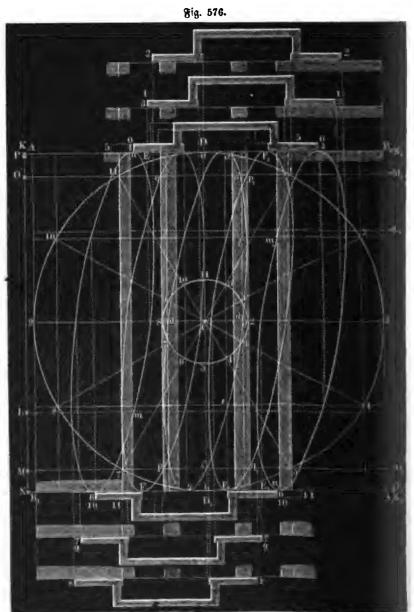
Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 643

derfelbe ift mittels einer Stange KL an einen Binkelhebel LMN auf. Pecomotiv- Renerung. gehangen, moburch er innerhalb gemiffer Grengen aufgezogen und niebergelaffen werden tann. Die Couliffe bat die Korm eines langgezogenen Ringes ober Rettengliebes (vergl. III., g. 251) und ift mit einer rinnenformigen Leitung ausgeruftet, in welcher ein verschiebbarer Ropf E liegt, der von dem Ende ber Dampfichieberstange FGS ergriffen wirb. Kig. 575 fieht man auch einen Theil bes von bem Locomotivfuhrer commanbirten Rudhebels OP und bie Stange NR, welche benfelben mit bem Bintelhebel NML verbindet, woran ber Steuerrahmen aufgehangen ift. Der Rudhebel bewegt fich an einem mit Rerben verfebenen Rreisfector RT, worin er burch einen Riegel PR in verschiebenen Stellungen firirt werden tann; gur leichteren Bewegung beffelben ift ber Bintelhebel LMN noch mit einem Gegengewichte Q ausgeruftet. Es ift leicht einzuseben, baß fich, ba bas Ende ber Schieberftange in einer Leitung liegt, ober an einem Lentarme FH aufgehangen ift, mabrent ber Bewegung bes Rud. hebels ber Steuerrahmen über ben Ropf E hinfchiebt, und bag baburch biefer Ropf balb bem einen, balb bem anberen Enbe bes Steuerrahmens naber gebracht werden tann. Steht ber Ropf in ber Mitte gwifden ben Angriffspuntten ber beiben Ercentrifftangen, fo fallt bie Bewegung bes Schiebers fast Rull aus; je naher hingegen berfelbe bem Ungriffspunkt ber einen ober ber anberen Ercentrieftange tommt, befto mehr folgt er naturlich auch der Bewegung derfelben. Da nun aber die eine Ercentrieftange rudwarts geht, mabrent fich bie andere vormarts fchiebt, fo nimmt baber auch ber Schieber die entgegengefette Bewegung an, fo wie man ben Steuerrahmen aus einer Stellung in bie entgegengefette bringt.

6. 278. Der Stephenfon'iche Steuerrahmen ift nicht allein ein Coleber. bequemes Sulfemittel jum Umfteuern einer Dampfmafchine, fondern auch ein hochft einfacher und nutlicher Dechanismus zur Erzielung einer variablen Dampferpanfion. Um die Wirkungsweise biefer Borrichtung vollftanbig beurtheilen zu konnen, ift es nothig, fich bas in II., §. 336 u. f. w. uber bas Berhaltniß ber Schieberbewegung gur Dampftolbenbewegung Abgehandelte genau wieder zu vergegenmartigen, wozu insbefondere noch bie Betrachtung ber graphischen Darftellung in Figur 576 (a. f. G.) gwed. bienlich fein wird. Wir haben ichon in II., §. 838 bie Bege bes Dampftolbens als Absciffen und bie entsprechenden Schiebermege als Orbinaten einer Curve aufgetragen und bewiefen, bag biefe Curve eine Ellipfe ift. Um biefe Curve ohne Beiteres finden ju tonnen, haben wir bei ber Darftellung in Fig. 576 angenommen, bag biefe beiben Wege rechtwinkelig gegen einander fteben, daß fich j. B. ber Dampftolben nicht in ber Richs tung AB oder BA bes Dampfichiebers, fondern in ber Richtung DD1 rechtwinkelig gegen AB bewege. Ift CD = CD, bie Urmlange bee

Bweite Abtheilung. Erfter Abichnitt. Drittes Rapitel.

edieberdenng. um die Are C umlaufenden Krummzapfens und $Cd=Cd_1$ die Ercentricität ober Armlänge des ebenfalls um C drehbaren Ercentrick, so wird

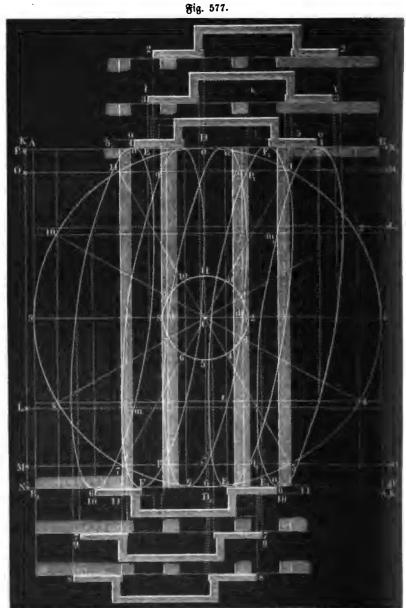


644

folglich mahrend einer Umdrehung um C ber Rolben den Weg DD, und bemigung. bagegen ber Schieber ben Beg dd, bin und jurud burchlaufen. Da ber Schiebermechanismus in Kolge feiner bin. und rudaangigen Bemegung in Rurgem einen, wenn auch nur fleinen tobten Gang erhalt, unb ba ohnebies ber Dampf nicht momentan jus und abstromen tann, fo muß man nicht allein ben Beg, auf welchem ber Dampf bem Cylinder jugeführt, fondern auch ben Beg, auf welchem er aus bemfelben abgeleitet wird, fcon etwas eher eroffnen, als ber Dampfeolben feinen Weg vollendet hat. Diefes Borgeben ober Boreilen bes Dampfichiebers wird theils baburch erlangt, bag man bie Dampfmege mittels einer gemiffen Klache vom Dampfichieber bebect, und theils baburch, bag man bem Ercentrit eine befondere Stellung gegen ben Rrummgapfen giebt. Steht ber Dampftolben in AB ober A, B, b. i. am Ende feines Weges, fo mufte ber Dampfichieber die Mitte feines Beges, alfo bie Stellung 5 ÷ 5 einnehmen, und die Dampfroege EF und F, E, mit feiner Breite bededen, menn tein Boreilen ftattfinden follte. Bird aber ein Boreilen bes Dampf. fchiebers verlangt, fo muß ber Schieber bei ber angenommenen Stellung bes Dampftolbens bie Stellung 0 ÷ 0 einnehmen, wobei nicht nur einerseits ber Dampfweg EF gur Buleitung bes Dampfes uber ben Rolben, fondern auch andererfeits ber Ranal F, E, jum Abftromen bes Dampfes in ben Raum DD, eröffnet wirb, welcher entweber in ben Conbenfator ober in die freie Luft fuhrt. Theilt man ben Wargenfreis DD1 bes Rrummgapfens, und ebenfo ben Ercentriffreis dd, in gleiche Theile, wie 3. B. in ber Sigur, jeden in zwolf gleiche Theile, und zieht man burch bie Theilpunkte bes einen Parallellinien ju AB ober A, B, und burch bie bes zweiten Parallellinien zu A B, oder A, B, fo fcneiben biefe Parallelen Die entsprechenden Rolbenwege auf DD, und bie entsprechenden Schieberwege auf A B = A, B, ab, und es ift nun leicht, die Curve ju conftruiren, welche ben Bufammenbang gwifden biefen Wegen graphifc barftellt. Bur Erreichung eines gewiffen Boreilens ift es naturlich nothig, bag bas Ercentrit um einen gemiffen Bintel bem Rrummgapfen vorausgestellt fei, bag alfo auch Rull bes Ercentrife um einen gewiffen Bintel, g. B. in ber Figur um 30 Grab, bem Rullpuntt D bes Rrummgapfens vorausgebe. Dies vorausgefest, haben wir nur bie Durchschnitte a, B, y, & . . zwischen ben Parallelen zu AB burd, 0, 1, 2, 8 . . bes Bargenfreises und ben Parallelen ju AB, durch 0, 1, 2, 8 . . bes Ercentrittreifes aufgusuchen, um beliebige Puntte in ber Schiebercurve gu bestimmen. Diefe Curve a By & . . entfpricht nur bem Mittelpunkte bes Schiebers; verfchiebt man aber biefelbe rechts und links um bie Abftanbe ber Endpuntte ber beiben Schieberdiden von biefem Mittelpuntte, fo fuhrt biefelbe auch ben Bufammenhang gwifchen ben Rolbenftanben und ben verfchiebenen Ec-

3weite Abtheilung. Erfter Abichnitt. Drittes Rapitel.

öffnungen und Bebedungen bes Schiebers vor Augen. Berfolgt man ben Lauf ber linken Curve, welche bem linken Schieberende zukommt, fo



646

Schiebet. bemegung.

fieht man, daß bieselbe bie linke Begrenzung bes Dampfweges EF in m und n burchschneibet, und es ift hieraus zu schließen, daß bei ben entspres chenben Stellungen bes Dampftolbens ber Dampf bas eine Dal abgefperrt und bas andere Mal von Neuem zugelaffen wirb. Curve, welche bem inneren Ende ber linten Schieberbede entspricht, fcneibet die rechte Begrenzung des Dampfweges EF in den Punkten p und q, und es ift hieraus ju folgern, bag bei ben jugeborigen Rolbenftellungen das eine Mal der Dampfabfluß beginnt und das andere Mal derfelbe wieder unterbrochen wird. Kagt man nun beibe Curven gufammen, fo ergiebt fich, daß bei ber Bewegung bes Kolbens von K nach L Dampfguffuß, daß ferner auf bem weiteren Wege LM Dampfabiperrung, alfo auch Erpansion bes Dampfes ftatt hat, und bag bei Burudlegung bes letten Begtheiles MN ber Dampf im Musblafen begriffen ift; auch lagt fich erfeben , bag beim Rudgange bes Rolbens mabrend ber Durchlaufung bes Weges NO ber im vorigen Spiele gur Wirfung gelangte Dampf noch fernerhin ausblaft, bag ferner auf bem Wege OP eine Compreffion bes Dampfes fatt hat, und bag endlich mahrend ber letten gang fleinen Mufgangebewegung ichon wieber Dampf jufließt. Diefelben Berhaltniffe tommen naturlich auch bei ber rechten Schieberbede, jeboch in umgekehrter Ordnung vor, wo die eine Curve die rechte Seite bes Dampftanales E, F, in m, und n, und die andere Curve bie linte Seite beffelben in p, und q1 fcneibet, woraus baber folgt, bag beim Aufgange bes Rolbens mahrend der Durchlaufung des Beges K, L, Dampfzufluß, mahrend ber des Deges L, M, Absperrung und mahrend ber Burudlegung bes letten Wegtheiles $M_1\,N_1$, Dampfabfluß, daß endlich beim Rudgange des Rolbens auf bem Bege N1 O1 weiterer Dampfabfluß, auf bem Bege O1 P1 Dampfcompression und auf bem gang fleinen Bege P1 K1 wieber Dampfzutritt fatt hatt.

§. 279. Es ist nun auch noch nothig, die Beziehungen zwischen ben Kolbenwegen und den Wegen des Dampsschiebers algebraisch auszudrücken und insbesondere die Momente des Dampszutrittes, Dampsabsperrens u. s. w. zu bestimmen. Ist r die Armlänge $CD = CD_1$ des Krummzapsens, l die Länge der Kurbelstange und φ der Umdrehungswinkel desselben, von dem Rullpunkte 0 oder D ausgegangen, so hat man den entsprechenden Weg des Dampskolbens, von D aus gemessen:

$$s = r (1 - \cos \varphi) \mp \frac{r^2 (\sin \varphi)^2}{2l}$$
 (f. II., §. 338, und III., §. 95).

Mift man bagegen bie Schieberwege (81) vom Mittelpunkte ber Schies berftellung aus, fo hat man fur biefelben ben Ausbrud:

$$s_1=r_1$$
 sin. $(\alpha+\varphi)$, wenn r_1 die Excentricitat oder die Armlange $Cd=Cd_1$ des Excentrices, und

648

€dieber. bewegung. a ben Wintel bezeichnet, um welchen das Ercentrit bem Rrummzapfen vorgestellt ift, und wenn vorausgeset wird, daß bie Ercentritstange febr lang fei.

Bezeichnen wir nun noch den Abstand der inneren Seitenwand der Schiebermundungen von der Mittellinie DD_1 durch a, die Breite dieser Mundungen durch b, also den Abstand der außeren Seitenwand derselben von eben dieser Are durch a+b, drucken wir endlich die halbe innere Beite des Schiebers durch a_1 und die Breite einer Schieberdecke durch b_1 , also die halbe außere Schieberbreite durch a_1+b_1 aus, so haben wir:

- 1) die dem Schieberwege s_1 entsprechende außere Schieberdffnung: $z_1=a+b+s_1-(a_1+b_1)=s_1-[b_1-b-(a-a_1)],$ und dagegen
 - 2) die dem Schieberweg s2 entsprechende innere Schieberoffnung:

$$z_2 = a_1 + s_2 - a = s_2 - (a - a_1).$$

Geht bas außere Schieberenbe burch bie außere Munbungswand mn, fo ift z1 = 0, und folglich ber entsprechende Schiebermeg:

$$s_1 = b_1 - b - (a - a_1),$$

und geht dagegen bas innere Ende ber Schieberbede burch die innere Munbungswand pq, so hat man $z_2=0$, und folglich ben entsprechens ben Schieberweg:

$$s_2 = a - a_1$$
.

Run ift aber

$$s_1 = r_1 \sin (\alpha + \varphi_1)$$
 und $s_2 - r_1 \sin (\alpha + \varphi_2)$

zu feten, wenn man unter φ_1 und φ_2 die den Wegen s_1 und s_2 entspreschenden Stellwinkel der Krummzapfenwarze versteht; folglich hat man umgekehrt:

$$sin. (\alpha + \varphi_1) = \frac{b_1 - b - (a - a_1)}{r_1}$$

unb

$$\sin_{\bullet}(\alpha + \varphi_2) = \frac{a - a_1}{r_1}.$$

Sebe biefer beiben Formeln giebt zwei Winkelwerthe, nämlich einen spigen und einen stumpfen Winkel, und allen diesen vier Winkeln entsprechen die Punkte m, n, p und q, welche die Anfänge des Absperrens, des Absassen, des Comprimirens und des Zulassens angeben, und zwar giebt der spige Werth von φ_1 in m den Ansang des Absperrens,

- » » » p2 in p ben Anfang bes Ablaffens,
- pftumpfe » » φ_2 in q ben Anfang bes Comprimirens, unb

Aus biefen vier Winkelwerthen bestimmen sich nun auch mittels ber Formel:

$$s = r (1 - \cos \varphi) \mp \frac{r^2}{2l} (\sin \varphi)^2$$

Edleber. bemegung.

bie entsprechenben Rolbenwege, wenn man barin ftatt φ bie angegebenen Werthe für φ_1 und φ_2 einseht. Auch ift es nun leicht, hieraus wieder bas bei jedem Rolbenspiele verbrauchte Dampfquantum und ben Erpanssionsgrad ber Maschine zu bestimmen.

Beispiel. Es sei bei einer Locomotivmaschine ber Abstand ber inneren Ranalwand von ber Mittellinie, $a=1,2r_1$, die Breite ber Ranalmandung $b=0,8r_1$, ferner die halbe innere Schieberweite $a_1=1,1r_1$ und die Breite einer Schieberbede $b_1=1,3r_1$; man soll für ein Boreilen des Ercentriss von a=30 Grad die Bewegungsverhältnise des Dampsichiebers angeben.

Ce ift junachft für bie Dampfabmiffion:

$$\sin. \ (\alpha + \varphi_1) = \frac{b_1 - b - (a - a_1)}{r_1} = -0.5 - 0.1 = 0.4$$

und baber:

hiernach:

es tritt also bei bem Drehungswinkel bes Krummgapfens von 126°, 25' bie Dampfabsperrung ein, und es erfolgt bagegen bie neue Abmission bes Dampfes, wenn bie Krummgapfenwarze noch 6°, 25' vor ihrem tobten ober Ansangspunkte steht.

Dann haben wir:

$$\sin (\alpha + \varphi_0) = \frac{a - a_1}{r_1} = -0.1,$$

und hiernach:

baher:

wonach alfo bas Dampfablaffen bei 155°, 45' Bargenftellung und bie Compression bes Dampfes 85°, 45' vor ber völligen Umbrehung ber Barge beginnt.

Rehmen wir nun noch an, bag bie Lange ber Rurbelftange I = 5 r fei, fo haben wir:

1) ben Kolbenweg mahrend bes Dampfzuffuffes ober beim Gintritt ber Dampf-abiberrung:

$$s_1 = (1 - \cos \varphi_1) r - 0.1 (\sin \varphi_1)^3 r$$

= $[1 - \cos 126^0, 25^1 - 0.1 (\sin 126^0, 25^1)^3] r$
= $(1 + 0.5937 + 0.0648) r = 1.5289 r obst 1.6585 r$.

2) ben Rolbenweg beim Eintritt bes Dampfausblafens:

$$s_2 = (1 - \cos \varphi_0) r - 0.1 (\sin \varphi_0)^2 r$$

= $[1 - \cos .155^\circ, 45^\circ \mp 0.1 (\sin .155^\circ, 45^\circ)^2] r$
= $(1 + 0.9118 \mp 0.0169) r = 1.8949 r obet 1.9287 r.$

Es ift folglich ber Weg mabrent ber Erpanfion :

$$s_8 - s_1 = 1,8949 \ r - 1,5289 \ r = 0,8660 \ r,$$

ober:

$$= 1,9287 r - 1,6585 r = 0,2702 r,$$

und bas Erpanfioneverhaltniß:

$$\epsilon = \frac{s_s}{s_1} = \frac{1,8949 \ r}{1,5289 \ r} = 1,239 \ \text{ober} \ \frac{1,9287}{1,6585} = 1,163.$$

650

Edieber. beregung. Berner ift fur ben Rudgang bes Rolbens:

3) ber Rolbenweg beim Gintritt ber Compression:

$$s_1 = [(1 + \cos. 35^{\circ}, 45') \pm 0,1 (\sin. 35^{\circ}, 45')^2] r$$

= $(1 + 0.8116 + 0.0342) r = 1.8458 r$ ober 1,7774 r

und der Rolbenweg bei Eröffnung bes Dampfreges:

4) $s_2 = [1 + \cos . 6^{\circ}, 25^{\circ} + 0.1 (\sin 6^{\circ}, 25^{\circ})^2] r$

 $= (1 + 0.9937 \pm 0.0012) r = 1.9949 r$ ober 1.9925 r.

Es ift folglich ber Weg mahrend ber Compression:

 $s_z - s_1 = 1,9949 \ r - 1,8458 \ r = 0,1487 \ r$ ober:

$$1,9925 \ r - 1,7774 \ r = 0,2151 \ r,$$

und bas Compreffioneverhaltniß:

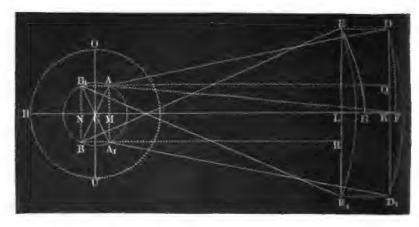
$$\frac{s_8}{s_1} = \frac{1,9949}{1,8458} = 1,082$$
, ober $= \frac{1,9925}{1,7774} = 1,21$.

Der Arbeiteverluft, welchen bie Bergrößerung bee Gegenbrude in Folge biefer Compression verursacht, wird baburch fast gang wieber ausgeglichen, bag er eine ihm entsprechenbe Dampfersparnig veranlaßt.

Eterbenfon's

§. 280. Die Bewegungeverhaltniffe eines Dampfichiebers mittels ber Stephenson'schen Coulisse und boppelter Excentrite erfordern eine besondere Untersuchung. In Sig. 578 fei C bie Triebare, HOU ber

Fig. 578.



Warzens und $AA_1 B_1 B$ der Excentriffreis. Denken wir uns die Are des Dampscylinders um 90 Grad gedreht, nehmen wir also wieder an, daß der Dampstolben aufs und niedergehe, während sich der Schieder hins und herbewegt. Dann sind O und U die todten Punkte des Krummsgapfens, wo sich die Krummzapfenwarze befindet, wenn der Dampstolden an den Enden seines Weges sieht, und sich der Schieder um das sogenannte Voreilen rechts oder links von seiner mittleren Stellung entsernt

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Begen. 651

hat. Tragt man ben Wintel a bes Boreilens in C zu beiben Seiten auf Steventon'iche Coulife. OU auf, fo fchneibet man von bem Ercentriffreife zwei Paar Puntte A und A1, B und B1 ab, in welchen bie Mittelpunkte ber beiben Ers centrife fteben, wenn fich die Rrummgapfenwarze in den todten Puntten befindet. Giebt man nun noch bie Lange $l_1 = AD = A_1D_1 = BE$ $= B_1 E_1$ einer Ercentriestange und die halbe Lange $c = KD = KD_1$ = LE = LE1 ber Couliffe, fo findet man die diefer Stellung bes Rrummzapfens entsprechenbe Couliffenftellung, wenn man in ben Abftanben + c und - c zu beiben Seiten ber horizontalen CK Parallelen zu biefer Linie gieht und mit ber Lange l, aus A und B bie obere und aus A1 und B1 bie untere Parallele burchichneibet. Berbinbet man nun bie oberen Durchschnittepunkte D und E mit ben unteren Durchschnittspunkten D_1 und E_1 , burch gerade Linien DD_1 und EE_1 , so geben biefe die Stellungen ber Couliffe an, wenn die Barge bes Rrummgapfens in bem einen ober bem anderen tobten Punkte O ober U ift.

Wenn beim Umsteuern die Couliffe so weit herabgelassen wird, bag D in die Horizontale CK tommt, fo wird der in ber Mitte K der Couliffe angreifende Schieberftangentopf, und folglich auch ber Schieber felbft, um einen gemiffen Beg KF verschoben werben, wenn die Are ber Couliffe DKD, eine gerade Linie bilbet. Dieser Beg ift:

KF = CF - CK = CM + MF - (CM + AQ) = MF - AQinsofern AM ein Perpenditel auf CK und AQ eine Parallele ju CK bezeichnet. Run ift aber:

$$\begin{split} MF &= \sqrt{\overline{A\,F^2 - A\,M^2}} = \sqrt{\,l_1^{\,2} - (r_1\,\cos.\,\alpha)^2} = l_1 - \frac{(r_1\,\cos.\,\alpha)^2}{2\,\,l_1} + \cdots \\ \text{und} \\ AQ &= \sqrt{\overline{A\,D^2 - D\,Q^2}} = \sqrt{\,l_1^{\,2} - (D\,K - A\,M^3)} = \\ &= \sqrt{\,l_1^{\,2} - (c - r_1\,\cos.\,\alpha)^2} = l_1 - \frac{(c - r_1\,\cos.\,\alpha)^2}{2\,\,l_1} = l_1 - \frac{c^2}{2\,\,l_1} \\ &\quad + \frac{c\,r_1\,\cos.\,\alpha}{l_1} - \left(\frac{r_1\,\cos.\,\alpha}{2\,\,l_1}\right)^2. \end{split}$$

Daber haben wir annahernb:

$$KF = \frac{c^2}{2 l_1} - \frac{c r_1 \cos \alpha}{l_1}.$$

Denfelben Berth fur KF erhalten wir naturlich auch fur bas Aufziehen der Couliffe um c, wo bann D, nach F tommt. Anders ift es aber bei ber gefreugten Stellung ber Ercentrifftangen, mo bie eine Stange die Lage BE und die andere die Lage B1 E1 hat. Wenn man hier E nach G herablagt, fo hat man ben entsprechenden Weg bes Schiebers:

652

Etephenfon'. fche Couliffe.

$$LG = NG - BR$$

insofern BN ein goth auf CK und BR eine Parallele zu CK ift.

$$NG = \sqrt{\overline{BG^2} - \overline{BN^2}} = \sqrt{l_1^2 - (r_1 \cos \alpha)^2} = l_1 - \frac{r_1^2 \cos \alpha^2}{2 l_1} + \dots$$

unb

$$BR = \sqrt{BE^{2}} - ER^{2} = \sqrt{BE^{2}} - (EL + NB)^{2} =$$

$$= \sqrt{l_{1}^{2} - (c + r_{1} \cos \alpha)^{2}} = l_{1} - \frac{(c + r_{1} \cos \alpha)^{2}}{2 l_{1}} = l_{1} - \frac{c^{2}}{2 l_{1}}$$

$$- \frac{cr_{1} \cos \alpha}{l_{1}} - \frac{r_{1}^{2} \cos \alpha^{2}}{2 l_{1}},$$

baher ift

$$LG = \frac{c^2}{2l_1} + \frac{c r_1 \cos \alpha}{l_1}$$

ju feben.

Jebenfalls ist zu munschen, daß sowohl beim Riederlassen als auch beim Heben ber Coulisse ber Schieber so wenig wie möglich verschoben werde, und beshalb macht man die Coulisse auch nicht geradlinig, sondern man krummt sie nach einem gewissen Halbmesser s. Diesem Halbmesser und ber halben Sehne KD=LE=c entspricht die Bogenhobe:

$$KF = LG = \frac{c^2}{2z}$$
 (f. Ingen. Geometrie S. 284);

follte baher bei ber gebachten Couliffenverstellung ber Schieber in seiner Stellung beharren und also auch das Boreilen unverändert bleiben, so müßte $\frac{c^2}{2\,z}$ jedem der obigen Werthe für KF und LG gleich sein. Da nun aber diese Werthe selbst nicht unter sich gleich sind, so ist wenigstens zu fordern, daß die Abweichung möglichst klein und deshalb $\frac{c^2}{2\,z}$ bei der einen Stangenstellung eben so viel zu groß als im anderen zu klein sei. hiernach ist also:

$$\frac{c^2}{2z} - KF = LG - \frac{c^2}{2z}, \text{ b. i.}$$

$$\frac{c^2}{z} = KF + LG = \frac{c^2}{l_1},$$

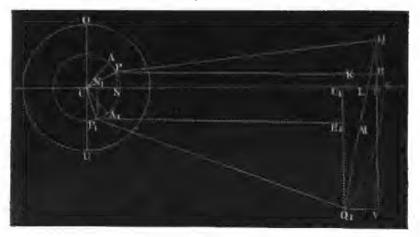
folglich $z=l_1$, b. i. ber Krummungshalbmesser ber Coulisse ber Stangenlange gleich zu machen. Die entsprechende Schieberverschiebung ober Beranderung bes Boreilens ift bann:

$$x = \frac{c^2}{2z} - \left(\frac{c^2}{2l_1} + \frac{cr_1\cos\alpha}{l_1}\right) = \pm \frac{cr_1\cos\alpha}{l_1},$$
3. B. für $\frac{c}{l_1} = \frac{1}{4}$ und $\cos\alpha = \cos 30^\circ = 0.866$, $x = 0.217 r_1$.

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 653

6. 281. Die Abhangigkeit zwischen ber Bewegung bes Schiebers und Stepbenson'. ber bes Rrummgapfens ift bei ber Stephenson'ichen Couliffe viel complieirter, ale bei ben einfachen Ercentrife, und lagt fich nur unter ber Boraussetzung, bag bie gange CA = r, bes Ercentritarmes flein fei gegen bie Couliffenlange 2 c und daß diefe wieber flein fei gegen bie Stangenlange I, burch eine gefchloffene Formel ausbruden. Segen wir wieber ben Binkel bes Boreilens $OCA = UCA_1$, Fig. 579, = α , und neh-

Big. 579.



men wir an, bag fich bie Rurbelmarge um ben veranderlichen Mintel $ACP = A_1 CP_1 = \varphi$ gebreht habe, mobei die eine Ercentrieffange PO in die Reigung QPR = &, und die andere Ercentrifftange P, Q, in die Reigung Q1 P1 R1 = 01 getommen ift, und die Couliffe OMO1 um ben Bintel Q, Q V = v von ber Bertitalen QV abweicht. Behalten wir bie übrigen Bezeichnungen bes vorigen Paragraphen bei und benten wir une noch bie Couliffe fo weit berabgelaffen, bag ber Mittelpunkt M ber Couliffe um die Bobe ML = y unter ber Borizontalen CS zu liegen fommt.

Es ist bann die Horizontalprojection von CPO:

$$CU = CN + PR = CP \cos PCN + \sqrt{\overline{PQ^2} - \overline{QR^2}}$$

= $r_1 \sin (\alpha + \varphi) + \sqrt{l_1^2 - [c - y - r_1 \cos (\alpha + \varphi)]^2}$,

annahernd

$$= r_1 \sin (\alpha + \varphi) + l_1 - \frac{[c - y - r_1 \cos (\alpha + \varphi)]^2}{2 l_1},$$

und bagegen die Horizontalprojection von $CP_1\ Q_1$:

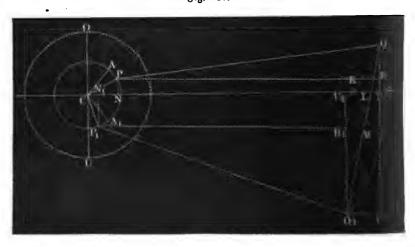
3weite Abthellung. Erfter Abichnitt. Drittes Rapitel

3weite Abthellung. Erfter Abschnitt. Drittes Kapitel.

Etephenson's
$$CU_1 = CN_1 + P_1 R_1 = CP_1 \cos P_1 CN_1 + \sqrt{\overline{P_1 Q_1^2} - \overline{Q_1 R_1^2}}$$

$$= r_1 \sin (\alpha - \varphi) + l_1 - \frac{[c + y - r_1 \cos (\alpha - \varphi)]^2}{2 l_1}.$$

Ria. 580.



Die Differeng biefer beiben Projectionen CU und CU, giebt nun bie Horizontalprojection ber Couliffet.

$$Q_{1} V = C U - C U_{1} = r_{1} [sin. (\alpha + \varphi) - sin. (\alpha - \varphi)] - \frac{[c - y - r_{1} cos. (\alpha + \varphi)]^{2} - [c + y - r_{1} cos. (\alpha - \varphi)]^{2}}{2 l_{1}}$$

$$= 2 r_1 \cos \alpha \sin \varphi$$

$$-\frac{-4cy+2cr_1[cos.(\alpha-\varphi)-cos.(\alpha+\varphi)]+2yr_1[cos.(\alpha-\varphi)+cos.(\alpha+\varphi)]}{2l_1}$$

=
$$2r_1\cos \alpha \sin \varphi + \frac{2cy}{l_1} - \frac{2cr_1}{l_1}\sin \alpha \sin \varphi - \frac{2yr_1}{l_1}\cos \alpha \cos \varphi$$
.

Durch die Proportion:

$$\frac{LU}{QV} = \frac{QL}{QQ} = \frac{QU}{QV}$$

erhalten wir nun bie Borizontalprojection besjenigen Couliffenftuces QL, welches fich über ber horizontalen CS befindet:

$$LU = \frac{QL}{QQ_1} \cdot Q_1V$$

$$=\frac{c-y}{2c}\left(2r_1\cos\alpha\sin\alpha\phi+\frac{2cy}{l_1}-\frac{2cr_1\sin\alpha\sin\alpha\phi}{l_1}-\frac{2yr_1}{l_1}\cos\alpha\cos\alpha\cos\phi\right).$$

Bieben wir biefe Linie LU von

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 655

$$CU=r_1$$
 sin. $(\alpha+\varphi)+l_1-rac{c^2}{2\,l_1}-rac{y^2}{2\,l_1}+rac{c\,y}{l_1} \ +rac{c\,r_1}{l_1}$ cos. $(\alpha+\varphi)-rac{y\,r_1}{l_1}$ cos. $(\alpha+\varphi)$

ab, so erhalten wir ben Horizontalabstanb des Couliffenpunktes L von ber Umbrehungsgre:

$$CL = r_1 \sin. (\alpha + \varphi) + l_1 - \frac{c^2}{2 l_1} + \frac{y^2}{2 l_1} - \frac{(c - y) r_1}{c} \cos. \alpha \sin. \varphi + (c^2 - y^2) \frac{r_1}{c l_1} \cos. \alpha \cos. \varphi.$$

Um nun noch ben Abstand bes Angriffspunktes S ber Schieberftange von ber Umbrehungsare ju finden, muffen wir noch

$$LS = \frac{(c-y)^2}{2l_1} = \frac{c^2}{2l_1} + \frac{y^2}{2l_1} - \frac{cy}{l_1}$$

abbiren, und bann folgt:

$$CS = r_1 \sin (\alpha + \varphi) + l_1 - \frac{(c - y)y}{l_1} - \frac{(c - y)r_1}{c} \cos \alpha \sin \varphi + \frac{(c^3 - y^3)r_1}{c l_1} \cos \alpha \cos \varphi,$$

ober, wenn wir im Abstanbe

$$CK = k = l_1 - \frac{(c-y)y}{l_1}$$

den festen Punkt K annehmen, und den Abstand KS = CS - CK mit x bezeichnen:

$$x = r_1 \sin (\alpha + \varphi) - \frac{(c-y)r_1}{c} \cos \alpha \left(\sin \varphi - \frac{c+y}{l_1} \cos \varphi\right).$$

Sest man in biefer Formel ftatt φ , $180^{\circ} + \varphi$, so erhalt man:

$$x=-\left[r_1\sin(\alpha+\varphi)-\frac{(c-y)r_1}{c}\cos\alpha\left(\sin\varphi-\frac{c+y}{l_1}\cos\varphi\right)\right],$$

also genau ben entgegengesetzen Werth, woraus folgt, daß ber Angriffspunkt S der Steuerstange mahrend einer Umbrehung der Aurbelwarze zu beiben Seiten des Punktes vollkommen symmetrisch hins und herschwingt. Diese Formel für die Bewegung des Dampsschieders gilt nicht allein für ein vollständiges Kolbenspiel, d. i. sowohl für den Niedergang als auch für den Aufgang, sondern auch für die Bewegung der Maschine in entgegensgesetzer Richtung. Um letztere zu erhalten, giebt man beim mittleren Kolbenstande der Coulisse die entgegengesetze Stellung, wobei die eine Excentrikstange an die Stelle der anderen tritt und folglich in der Bewegung des Schiebers nichts geändert wird. Anders ist dagegen das Bewegungsverhältnis, wenn gleich von vornherein die Excentrikstangen gekreuzt sind. Es ist in diesem Falle:

Bweite Abtheilung. Erfter Abichnitt. Drittes Rapitel.

Etephenson'. $QR = c + y + r_1 \cos (\alpha + \varphi)$ anstatt $c - y - r_1 \cos (\alpha + \varphi)$ und

 $Q_1 R_1 = c - y + r_1 \cos(\alpha - \varphi)$ anftatt $c + y - r_1 \cos(\alpha - \varphi)$, und in Kolge dessen

$$x = r_1 \sin (\alpha + \varphi) - \frac{(c-y)r_1}{c} \cos \alpha \left(\sin \varphi + \frac{c+y}{l_1} \cos \varphi\right).$$

§. 282. Seht man in ben vorstehenden Sauptformein y = 0, nimmt man alfo an, daß die Couliffe weder gehoben noch niedergelassen fei, fonsbern ihre mittlere Aufhängung einnehme, so hat man:

$$x = r_1 \sin. (\alpha + \varphi) - r_1 \cos. \alpha \sin. \varphi \pm \frac{r_1 c}{l_1} \cos. \alpha \cos. \varphi$$
$$= \left(\sin. \alpha \pm \frac{c}{l_1} \cos. \alpha\right) r_1 \cos. \varphi.$$

Diefer Ausbrud giebt fur $\phi = 0$ Grab:

$$x = \left(\sin \alpha \pm \frac{c}{l_1}\cos \alpha\right)r_1,$$

für $\phi = 180$ Grad:

656

$$x = -\left(\sin \alpha \pm \frac{c}{l_1}\cos \alpha\right)r_1,$$

und fur $\varphi = 90$ Grab und 270 Grab:

$$x=0$$
;

es burchlauft folglich bei biefer Aufhangung der Couliffe ber Schieber mahren einer Umbrehung bes Rrummzapfens den kleinen Weg

$$s = 2 \left(\sin \alpha \pm \frac{c}{l_1} \cos \alpha \right) r_1$$

bin und gurud. Das Boreilen bes Schiebers:

$$x = \pm \left(sin. \ \alpha \pm \frac{c}{l} \ cos. \ \alpha\right) r_1$$

ift zugleich ber Weg bes Schiebers zu beiben Seiten seiner Mittellage, und es findet folglich die Eroffnung bes Dampfweges nur auf einen Augenblick lang ftatt.

Nimmt man ferner y=c, hangt man also die Couliffe so, daß der Angriffspunkt der einen Ercentrikstange mit dem Angriffspunkt der Steuerstange in ein Niveau kommt, so hat man:

$$x=r_1 \sin (\alpha + \varphi),$$

und bann bewegt fich ber Schieber genau fo, als wenn er blof von einem Ercentrit geführt murbe, und wie wir bereits aus 6, 279 tennen.

Die Bauptformel:

$$x = r_1 \sin (\alpha + \varphi) - \frac{(c-y)}{c} r_1 \cos \alpha \left(\sin \varphi \mp \frac{c+y}{l_1} \cos \varphi \right),$$

Bon dem Fortschaffen ber Laften auf ganz ober nahe herizontalen Begen. 657 worin bas obere Zeichen fur Excentrits mit geöffneten Stangen und bas etephensonuntere fur solche mit gekreuzten Stangen gilt, läßt sich auch auf folgende foe Couliffe Beise schreiben:

$$x=r_1$$
 sin. $\alpha \cos \varphi + \frac{r_1 y}{c} \cos \alpha \sin \varphi \pm \frac{r_1 (c^2-y^2)}{c l_1} \cos \alpha \cos \varphi$,

ober:

$$x = \frac{r_1 y}{c} \cos \alpha \sin \varphi + \left(\sin \alpha \pm \frac{c^2 - y^2}{c l_1} \cos \alpha\right) r_1 \cos \varphi.$$

Bezeichnen wir $\frac{r_1y}{c}\cos\alpha$ burch p und $r_1\left(\sin\alpha\pm\frac{c^2-y^2}{c\,l_1}\cos\alpha\right)$ burch q_1 so können wir einfach

$$x = p \sin \varphi + q \cos \varphi$$

feben, und nun fehr leicht übersehen, daß dieser Schiebermeg = Rull ift, fur p sin. $\varphi = -q \cos \varphi$, d. i. fur

, tang.
$$\varphi = -\frac{q}{p} = -\frac{c}{y} \left(tang. \alpha \pm \frac{c^2 - y^2}{c l_1} \right)$$
.

Dagegen ift biefer Weg ein Maximum fur:

tang.
$$\varphi = \frac{p}{q} = \frac{y}{c\left(tang.\alpha \pm \frac{c^2 - y^2}{c l_1}\right)}$$
, ober

$$\sin ext{.} \ arphi = rac{y}{\sqrt{y^2 + c^2 \left(tang.\ lpha \pm rac{c^2 - y^2}{c \, l_1}
ight)^2}} \ ext{und} \ cos. \ arphi = rac{c \left(tang.\ lpha \pm rac{c^2 - y^2}{2 \, c}
ight)}{\sqrt{y^2 + c^2 \left(tang.\ lpha \pm rac{c^2 - y^2}{c \, l_1}
ight)^2}} \, .$$

Der entfprechenbe Marimalwerth ift:

$$x = \frac{r_1 \cos \alpha}{c} \sqrt{y^2 + c^2 \left(tang.\alpha \pm \frac{c^2 - y^2}{c l_1}\right)^2}$$

Die hauptaufgabe besteht in der Bestimmung des Drehungswinkels φ aus dem gegebenen Schieberwege; es ist also nothig, die Grundgleichung x=p sin. $\varphi+q$ cos. φ in hinsicht auf φ aufzulösen.

Segen mir

$$\sin \varphi = \frac{\tan \varphi}{\sqrt{1 + \tan \varphi}}$$
 und $\cos \varphi = \frac{1}{\sqrt{1 + \tan \varphi}}$

ein und quabriren wir biefe Gleichung, fo erhalten wir Folgendes:

III.

658

Stephenson's

$$(1 + lang \varphi^2) x^2 = p^2 lang \varphi^2 + 2 p q lang \varphi + q^2$$

ober:

$$(x^2 - p^2)$$
 tang. $\varphi^2 - 2pq$ tang. $\varphi = q^2 - x^2$,

fo bag nun

tang.
$$\varphi = \frac{pq \pm x\sqrt{p^2 + q^2 - x^2}}{x^2 - p^2}$$

folgt.

hiernach haben wir alfo fur bie Schieberstellung, welche dem Bege x entspricht, zwei Winkel on und og, welche burch die Gleichungen:

tang
$$\varphi_1 = \frac{pq - x\sqrt{p^2 + q^2 - x^2}}{x^2 - p^2}$$

unb

tang.
$$\varphi_2 = \frac{pq + x\sqrt{p^2 + q^2 - x^2}}{x^2 - p^2}$$

bestimmt finb.

Bon ben beiben Werthen bes Wintels o, welche jebe biefer Gleichungen giebt, gilt ber eine fur ben positiven und ber andere fur ben negativen Werth von x, weil die Grundgleichung auf positive und negative Werthe von x zugleich anwendbar ift.

Roch folgt aus ben beiben letten Gleichungen:

tang.
$$\varphi_1 + tang. \varphi_2 = \frac{2 p q}{x^2 - p^2}$$

und

tang.
$$\varphi_1$$
 tang. $\varphi_2 = \frac{x^2 - q^2}{x^2 - p^2}$,

woraus fich wieder

tang.
$$(\varphi_1 + \varphi_2) = \frac{tang. \varphi_1 + tang. \varphi_2}{1 - tang. \varphi_1 tang. \varphi_2} = \frac{2pq}{q^2 - p^2}$$

ergiebt.

Hiernach ist die Summe $\varphi_1 + \varphi_2$ der beiben Drehungswinkel, bei welchen der Schieber dieselbe Stellung auf dem hins und Rudwege einsnimmt, gar nicht vom Wege & abhangig, also constant, und folglich auch der Drehungswinkel fur die extreme Stellung des Schiebers:

$$\omega = \frac{\varphi_1 + \varphi_2}{2}$$
, fowie $\omega - \varphi_1 = \varphi_2 - \omega$,

b. i. ter Drehungswinkel, mahrend ber Schieber von irgend einer Stellung bis jum Ende feines Weges gelangt, eben fo groß als ber Drehungs-winkel, bei welchem berfelbe aus ber letteren Stellung in die erftere jurudtehrt.

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 659

Behalten wir die in §. 279 gebrauchten Bezeichnungen bei, fo tonnen Eterbenfon' for Gouliffe wir auch hier die dem Schieberwege x_1 entsprechende außere Schieber. eroffnung:

$$z_1 = x_1 - [(a_1 - a) + (b_1 - b)],$$

und bagegen bie bem Schieberwege ag jugehorige innere Schieber. eroffnung:

$$z_2 = x_2 - (a_1 - a)$$

fegen.

Auch erhalten wir burch Rullsegen von z1 und z2 biejenigen Schiebers wege, bei welchen sowohl bie außere als auch bie innere Eroffnung einstritt, namlich:

$$x_1 = a_1 - a + b_1 - b$$
 und $x_2 = a_1 - a$.

Führen wir endlich diese Werthe für x in die obigen Gleichungen für tang. φ_1 und tang. φ_2 ein, so können wir nicht allein die entsprechenden Drehungswinkel φ_1 und φ_2 der Aurbelwelle, sondern auch den entspreschenden Rolbenweg:

$$s = r (1 - \cos \varphi) \mp \frac{r^2}{2l} (\sin \varphi)^2,$$

und folglich auch die Dampfmenge, den Erpanstonsgrad u. f. w. be, stimmen.

Beifpiel. Für bie Stephenfon'iche Couliffenfteuerung einer Locomostive fei wieber (f. Beispiel in §. 279) bas Boreilen bes Ercentrife:

bie außere Schieberbebedung :

$$x_1 = a_1 - a + b_1 - b = (-0.1 + 0.5) r_1 = 0.4 r_1$$

und bie innere Schieberbebedung:

$$x_2 = a_1 - a = -0.1 \cdot r_1$$
; ferner fei die halbe Couliffenlange $c = 4r_1$, die Länge einer Ercentrifftange $l_1 = 4c = 16r_1$, und die Sentung der Couliffe unter ihrem mittleren Stande

Dann baben wir :

y = 3/4 c.

$$p = \frac{r_1 y}{c} \cos \alpha = \frac{s}{4} r_1 \cos \alpha = 0.64952 r_1$$
, unb

$$q = r_1 \left(\sin \alpha \pm \frac{c^2 - y^2}{c l_1} \cos \alpha \right) = r_1 \left[\sin 30^0 \pm \frac{1}{4} (1 - \frac{9}{16}) \cos 30^0 \right]$$

 $= (0.5 \pm 0.09472) r_1$, unb zwar

q = 0,59472 r, für geöffnete unb

q = 0,40528 r, für gefreugte Ercentrifftangen.

660

Etephenson. I. Bei bem erfteren Steuerungsmechanismus, also bei über einander liegenside Couliffe. ben Ercentrifftangen, ift nun

1) fur bie Bintel, bei welchen ber Dampfautritt beginnt ober aufhort:

lang.
$$\varphi = \frac{p \, q \, \mp x \, V \, p^2 + q^2 - x^2}{x^2 - p^2} = \frac{0.88628 \, \mp \, 0.4 \, V \, 0.61556}{- \, (0.42187 \, - \, 0.16)}$$

$$= \frac{0.88628 \, \mp \, 0.81388}{- \, 0.26187} = -\frac{0.07245}{0.26187} = -0.27667, \text{ ober}$$

$$= -\frac{0.70011}{0.26187} = -2.6785, \text{ und hiernach}$$

 $\varphi_1=-$ 15°, 28' und $\varphi_2=180^\circ-$ 69°, 29½' = 110°, 30½'. Bei bem ersten Binfel tritt die Abmission und bei dem zweiten die Absperrung bes Dampses ein.

2) Fur bie Binkel, bei welchen ber Dampfaustritt aufhort und beginnt, ift bagegen :

tang.
$$\varphi = \frac{0.38628 \pm 0.1 \sqrt{0.76556}}{-0.042187 - 0.01} = \frac{0.88628 \pm 0.08749}{-0.41187}$$

 $= -\frac{0.47377}{0.41187} = -1.15030, \text{ ober}$
 $= -\frac{0.29979}{0.41187} = -0.72788;$

und hiernach ift ber Drehungswinkel für bas Ende bes Ausblafens: $\varphi_1 = -49^\circ, 0^\circ$

und ber Drehungswinfel fur ben Anfang beffelben: $g_s = 180^{\circ} - 36^{\circ}, 8' = 143^{\circ}, 57'.$

II. Bei bem Steuerungsmechanismus mit gefreuzten Ercentrifftangen ift bagegen:

1) Fur bie Bintel beim Anfang und Enbe bes Dampfautrittes:

tang.
$$\varphi = \frac{0,26324 + 0.4 \sqrt{0,42613}}{-0,26187} = \frac{0,26324 + 0,26112}{-0,26187}$$

$$= -\frac{0,00212}{0,26187} = -0,008096 \text{ ober}$$

$$= -\frac{0,52436}{0,26187} = -2,00235, \text{ unb hiernach}$$

$$\varphi_1 = -0^{\circ}, 27^{\circ}/_{\circ}' \text{ unb } \varphi_{\circ} = 180^{\circ} - 63^{\circ}, 28' = 116^{\circ}, 32'.$$

2) Far bie Binfel beim Enbe und Anfang bes Ausblafens:

tang.
$$\varphi = \frac{0,26324 \pm 0,1 \sqrt{0,57613}}{-0,41187} = \frac{0,26324 \pm 0,07590}{-0,41187}$$

$$= -\frac{0,33914}{0,41187} = -0,82342 \text{ ober}$$

$$= -\frac{0,18734}{0,41187} = -0,45486, \text{ und hiernach}$$

$$\varphi_1 = -39^{\circ},28' \text{ und } \varphi_2 = 180^{\circ} - 24^{\circ},27^{1/4} = 155^{\circ},32^{1/4}.$$

Rehmen wir nun wieber an, baß bie Lange I ber Rurbelftange funf Ral fo groß fei als die Langer bes Rurbelarmes, so erhalten wir folgende Beziehungen zwischen ber Bewegung bes Dampffolbens und ber bes Dampficiebers. Bon bem Fortschaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 661

- I. Bei ber Couliffensteuerung mit offenen Ercentritftangen.
- Stephenfon
- 1) De Kolbenweg magrend bes Dampfzufluffes ober beim Momente bes Absperrens:

$$s_1 = [(1 - \cos \theta_1 \mp 0.1 (\sin \theta_1)^2] r$$

= $[1 - \cos 110^\circ, 30\frac{1}{2}] \mp 0.1 (\sin 110^\circ, 30\frac{1}{2})^2] r$
= $(1 + 0.8503 \mp 0.0877) r = 1.2626 r$ ober 1.4880 r.

- 2) Der Kolbenweg am Enbe ber Erpanfton ober beim Eintritt bes Ausblafens:
 - $s_1 = [1 \cos. 148^{\circ}, 57^{\circ} \mp 0,1 \text{ (sin. } 148^{\circ}, 57^{\circ})^{\bullet}] r$ = $(1 + 0,8085 \mp 0,0346) r = 1,7789 r \text{ ober } 1,8481 r.$

Es ift folglich ber Weg mahrend ber Erpanfion :

$$s_1 - s_1 = 1,7739 r - 1,2626 r = 0,5118 r$$
, ober = 1,8481 r - 1,4880 r = 0,4051 r,

und bas Expanftoneverhaltniß:

$$\epsilon = \frac{s_1}{s_1} = \frac{1,7739}{1,2626} = 1,406$$
 ober $= \frac{1,8481}{1,4380} = 1,282$.

Ferner ift ber Kolbenweg am Enbe bes Ausblasens ober beim Eintritt ber Compression :

- 3) $s_1 = [(1 + \cos. 49^\circ, 0^\circ) \pm 0.1 (\sin. 49^\circ, 0^\circ)^a]r$ = $(1 + 0.6561 \pm 0.0570)r = 1.7131r$ ober 1.5991r, und der Kolbenweg bei Eröffnung des Dampfweges:
- 4) $s_e = [(1 + \cos. 15^{\circ}, 28) \pm 0.1 (\sin. 15^{\circ}, 28)^{\circ}]r$ $= (1 + 0.9638 \pm 0.0071)r = 1.9709r$ ober 1.9567r; folglich ber Beg während ber Compression:

$$s_1 - s_1 = 1,9709 r - 1,7181 r = 0,2578 r$$
, ober = 1,9567 r - 1,5991 r = 0,3576 r,

und bas Compressioneverhaltnig:

$$\frac{s_2}{s_1} = \frac{1,9709}{1,7181} = 1,150$$
 ober $= \frac{1,9567}{1,5991} = 1,223$.

- 11. Bei ber Couliffensteuerung mit gefreugten Excentrifftangen :
- 1) Der Rolbenweg im Momente bes Dampfabfperrens :

$$s_1 = [1 - \cos .116^\circ, 82^\circ \mp 0.1 \text{ (sin. } 116^\circ, 82^\circ)^s] r$$

= $(1 + 0.4467 \mp 0.0800) r = 1.3667 r \text{ ober } 1.5267 r.$

2) Der Rolbenweg beim Anfang bes Dampfablaffens:

$$s_1 = [1 - \cos. 155^\circ, 32\frac{1}{2}] + 0.1 (\sin. 155^\circ, 32\frac{1}{2})^3] r$$

= $(1 + 0.9103 + 0.0171)r = 1.8932 r$ ober = 1.9274 r.

Es ift baher ber Weg mahrenb ber Erpanfion:

$$s_1 - s_1 = 1,8932 r - 1,3667 r = 0,5265 r$$
, ober
= 1,9274 r - 1,5267 r = 0,4007 r

und bas Erpanfioneverhaltniß:

$$\frac{s_1}{s_1} = \frac{1,8932}{1,3667} = 1,385$$
, ober $= \frac{1,9274}{1,5267} = 1,262$.

662

Etephenfon's fce Coulifie. 3) Der Rolbenweg beim Gintritt ber Luftcompreffion:

$$s_1 = [1 + \cos .39^{\circ}, 28' \pm 0, 1 (\sin .39^{\circ}, 28')^{\circ}] r$$

= $(1,7720 \pm 0,0404) = 1,8124 r \text{ ober } 1,7316 r, \text{ unb}$

4) ber Rolbenweg beim Gintritt ber Dampfabmiffion:

 $s_1 - s_1 = 2r - 1,8124r = 0,1876r$ ober 2r - 1,7816 = 0.2684r und bas Compressionsverhältniß:

Tampf. wag ngeftelle.

Das Damptmagengestelle besteht in ber hauptfache ans zwei Langfcwellen, welche burch zwei Querfcwellen fo mit einander verbunben find, bag bas Bange eine Art Rahmen bilbet, auf welchem nicht allein ber Dampfteffel, sonbern auch ber ganze Bewegungsmechanismus bes Ba-Diefer Rahmen ftust fich mittels Febern und ber fogenannten Schmierbuchsen (frang. boites à graisse; engl. oilboxes) auf bie Rab-Damit fich biefe Schmierbuchfen ober Arenlager nicht in borigontaler Richtung verschieben tonnen, find bie fogenannten Arenhalter ober Leitungeplatten (frang. plaques de garde; engl. guidingplates) angebracht, welche burch Bolgen mit ben Langschwellen fest verbunden werben und rectangulare Schlige bilben, in welche bie Schmierbuchsen zu liegen tommen. Sind die Langfcwellen von Bolg, fo betleibet man fie gu beiben Seiten mit Blech; febr gewohnlich befteben fie auch bloß aus Gifenblech; auch wendet man bann nicht felten zwei Paar Langichwellen an, und verfieht bas innere Paar mit den Leitungsplatten fur die Treib., bas außere Daar aber mit Leitungsplatten fur bie beiben anderen Rabaren. Die vorbere Querschwelle ift in ber Regel von Hold; fie hat eine Bohe von 12 bis 15 Boll und eine Breite von 6 bis 9 Boll und ift mittels Winkelblechen mit ben gangichwellen verbunden. Sie tragt in ihrer Mitte ben Saten jum Unhangen einer Bugtette und nabe an ihren Enden die fogenannten Puffer (frang. tampons de choc; engl. cushions, buffers), melche lettere bazu bienen follen, einen moglichft elaftischen Stoß zu erzeugen, wenn bie Locomotive gegen ein Sinderniß ftoft, und beshalb aus Polfter von Sanfzopfen ober Leberfcheiben, Caoutfcut, Spiralfebern u. f. w. besteben. Der hintere Querriegel befteht entweder ebenfalls aus Bolg ober wird aus Gifenblech gusammen. genietet; er tragt ebenfalls ein Paar Puffer sowie bie sogenannte Sicherheitstette, womit ber Tenber angehangen wirb.

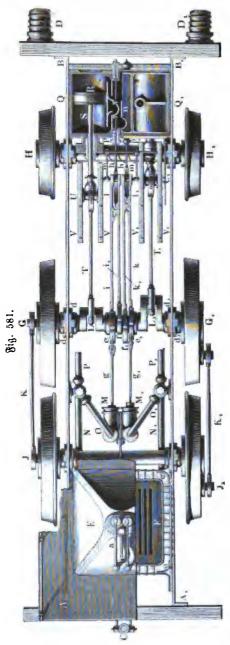
Damit fich ber Reffel ber Locomotive ohne Nachtheil burch bie Sige ausbehnen tonne, muß er auf ben Langschwellen in ber Langenrichtung ein wenig verschiebbar sein, und bies bewirkt man baburch, bag man bie Locher fur bie Bolgen, womit man ben Reffel mit den Langschwellen verbindet, oval Dampf-mageugeftelle. geftaltet. Diefe Bolgen geben aber nicht burch ben Reffel felbft, fonbern burch besondere Reffeltrager aus Gifenblech, welche einerseits feft an ben Reffel angenietet und andererfeite auf die angegebene Beife mit ben Langschwellen verbunden find. Die Dampf=, Pumpencylinder u. f. w. find mittels ber an fie angegoffenen Klantichen auf das Wagengestelle auf-

gebolzt. Die Schmierbuchfen liegen zwifchen zwei Leitungsplatten und umfaffen je eine Leitungeptatte ju beiben Seiten; fie find in der Regel aus Gugeifen und enthalten ein Futter aus Bronze (82 Theile Rupfer und 18 Theile Bint), welches unmittelbar auf bie Arenschenkel gu liegen Die Dedel, womit biefe Buchfen von unten gefchloffen werben, bestehen entweber aus Bronze ober aus Gugeisen und find burch Bolgen mit ben letteren feft verbunden. Uebrigens ift bie Berbindung biefer Theile ber Schmierbuchfen wie bei ben gewohnlichen Bapfenlagern (f. III., §. 8, Fig. 18), auch find in ben Ropfen ber Schmierbuchsen trichterformige Bertiefungen jur Aufnahme ber Schmiere angebracht, welche burch feine Bocher und Rinnen bem Umfange ber Arenschenkel jugeführt wird.

Die Drudfebern, woburch bas Gewicht bes Bagens auf bie Schmierbuchsen übergetragen wirb, befteben 1) aus 10 bis 20 Stabls Schienen von 1/4 bis 1/2 Boll Starte und 3 bis 4 Boll Breite, 2) aus einem ringformigen Baume, welcher biefe Schienen in ber Mitte mit einander vereinigt, und 3) aus ben Bolgen, woburch bas Bange mit bem Bagengestelle verbunden ift. Bon diefen Schienen haben nur zwei bis vier die volle gange ber gangen Feber von 3 bis 5 guf, die ubrigen nehmen nach ber Reihe, wie fie uber einander liegen, allmalig an gange ab, fo bag bie gange Reber in ber Mitte 4 bis 7 Boll und an ben Enben nur 1 bis 2 Boll boch ift. Die Bogenhobe biefer Febern ift gewöhnlich 3 bis 5 Boll und nimmt bei einer Belaftung von 50 bis 75 Centnern um 2 Die Drudfeber ftust fich mittele ihres Baumes entweber von oben, oder, wie g. B. bei ben Crampton'ichen Locomotiven, von unten, auf bas Arenlager ober bie Schmierbuchfe, und gwar entweder mittels eines turgen fentrechten Bolgens, ober mittels eines ringformigen Die Bangebolgen, woburch bas Bagengeftelle mit ben Feberenben verbunden ift, geben entweder burch bie ju biefem 3mede burchloch: ten Feberenben hindurch und werden burch Schraube und Begenfchraube mit diefen fest verbunden, ober man versieht dieselbe noch mit Querbolgen und lagt biefelben von ben Keberenben umfaffen.

§. 284. In Sig. 581 (a. f. S.) ift ber Grundrif eines Dampfmagen: gestelles sammt ben mit bemfelben verbundenen Bewegungemechanismen



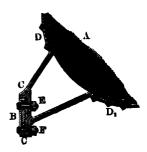


abgebilbet. Man fieht in AB, A, B, die aus ftartem Gifenblech beftehenben Langichwellen, fowie in A A1 und B B1 die bols gernen Querfchwellen bes Bagengeftelles, ferner ift C bie Sicherheitstette; momit ber Bagengug bie Locomotive angehangen mirb, und es find D, D, zwei Puffer auf ber vorberen Querschwelle BB1. Bei A ift ein Theil bet Plattform, welche dem Loco= motivenführer als Standpunet bient, ferner bei E ein Theil bes Dampfoomes und bei F ein Theil bes Feuerroftes vor Augen geführt. Auch fieht man in a, a bie beiben Sicherbeiteventile, in Dampfpfeife, sowie in .cc den Wafferraum, womit ber gange Feuertaften um: geben ift. Diefer Dampf= magen befteht aus fechs Råbern; es find G, G1 bie Treibraber, und es ift HH_1 bas vorbere und JJ_1 bas hintere Råberpaar. Die letteren Raber find mit ben Treibrabern burch bie Stangen K, K1 gefuppelt, meshalb biefe Råberpaare pollfommen gleiche Durchmeffer erhalten muffen und moburch bie Mafchine jum Befahren anfteigenber Babnftreden

geeigneter wirb. Die Treibare G G, unterftut bas Bagengeftelle mittels Dampf. ber zwifchen ben Leitungsplatten dd, d, d, liegenben Bapfenlager; fie ift bei L und L, gefropft und tragt in ber Mitte zwei Paar Ercentrite e, e, und f,f1, welche gur Bewegung ber Pumpenftangen g, g1 und gur Bewegung ber Dampfichieberstangen h, h, bienen. Bas bie Speisepumpen anlangt, fo find M, M, bie Dumpencplinder, N, N, bie mit bem Tenber in Berbinbung ftehenden Saugrohren, O, O1 bie Communications: und P, P, bie Steigrohren, welche bas Speifemaffer in ben Reffel fuhren. Die Locomotive ift eine Stephenson'sche mit innen liegenden Dampfcylindern Q und Q1, wovon ber eine im Durchschnitt und ber andere von außen gesehen wird. Man bemerkt in R einen Rolben und in S seine Stange, ferner in T, T, bie einerseits an bie Rropfe L, L, ber Treibare und andererfeits an die Querarme U, U, ber Rolbenftangen angefchloffes nen Rurbelftangen und in V, V, bie Leitungerahmen biefer Querarme. Bon ben vier Ercentrifftangen i, i, und k, k, geboren naturlich immer zwei und zwei einer und berfelben Schieberftange h ober h, an; zur Berbindung biefer Stangen unter einander bienen bie aus §. 277 befannten Rlauen l, l1, und bas Umfteuern wird mittels der Arme m, m, u. f. w. burch Seben ober Senten ber Ercentritftangenenben bewirtt. fieht man noch bei n ben einen Dampfichieber und bei p und p, bie Stopfbuchfen ber Schieberftangen.

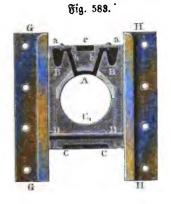
In folgenden Figuren 582, 583 und 584 find noch einige Details

Mig. 582.



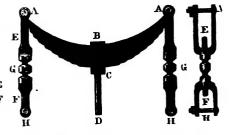
bes Bagengeftelles vor Augen geführt. Fig. 582 zeigt die Berbindung tes Dampfteffels A mit bem Geftellrabmen B burch eine ftarte Blechplatte CC, welche einerseits (bei D und Di) auf ben Reffelmantel aufgenietet und andererfeits burch Schraubenbolgen E und F mit bem Geftellrahmen verbunden wird. fich ber Reffel in ber Sige ohne Rachtheil ausbehnen tonne, find bie Bolgenlocher nicht freis-, fonbern langlichrund. Sig. 583 (a. f. S.) giebt ben Bertital- unb ben Sorizontalburchichnitt einer lagerung. hier ift A bas metallene

Lagerfutter, welches unmittelbar auf bie Rabare ju liegen fommt, ferner B bas eigentliche Bapfenlager ober Die Schmierbuchse mit ben Schmiertrogen a, a, ben Schmierlochern b,b und bem Lager c fur ben Bolgen Der Drudfebern, und CC, C ber Schutbedel bes Bapfenlagers, welcher von unten in bas lettere eingeschoben und in bemfelben burch ben Bolgen DD festgehalten wirb. Die Langschwellen find aus boppelten GifenschiePampf. nen EE und FF zusammengesetzt, und zwischen dieselben find die Leiztungsplatten ober Apenhalter GG, HII eingeschoben. Die feste Ber-



bindung ber letteren mit den ersteren erfolgt durch die Bolzen K, L u. s. w., während die Berbinzbung der Schmierbuchse mit den Leitungsplatten nur durch Nuth und Falz bewirkt wird.

In Fig. 584 find endlich noch zwei Unfichten einer Drudfeber ab-



gebilbet. ABA ift die Federschicht, und BC ber Ring, wodurch bie Febern fest mit einander verbunden sind, und welcher ben Ropf des Bolgen CD bilbet, womit die ganze Belaftung der Feder auf die Schmierbuchse übergetragen wird.

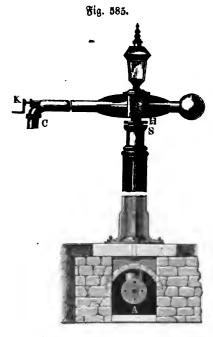
Die Sangestangen, womit bas Wagengestelle an die Feberenden angehangen wird, bestehen hier aus zwei Bugen E und F, welche durch eine boppelte Schraube G mit einander verbunden sind. Der eine Bugel E wird durch den Bolzen A mit der Feber und der andere Bugel F durch ben Bolzen H mit der Langschwelle oder bem Gestellrahmen fest verbunden.

Tenber.

§. 285. Der Tender ober Munitionswagen für die Locomotive ist ein gewöhnlicher viertäderiger Eisenbahnwagen, welcher ein hufeisensförmiges Blechgefäß zur Aufnahme des Speisewassers sowie das zwischen demselben aufgeschüttete Feuerungsmaterial (Kots) trägt. Das Basser wird dem Tender durch den sogenannten Bassertahn (franz. grue hydraulique; engl. water crane) zugeführt, welcher zur Seite der Eisenbahn steht und dessen röhrenförmiger Schnabel nach dem Tender herumzgedreht werden muß, wenn es darauf ankommt, den letzteren mit Basser zu versorgen. Die äußere Seitenansicht eines solchen Basserkrahnes zeigt Sig. 585. Das durch die Röhre A zusließende Basser steigt im hohlen Ständer AB empor, und strömt von da im Schnabel BC der Ausmün:

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 667

bung C gu. Bum Reguliren und Absperren bes Baffers bient ein Ben-



til in ber Einmundung bes Schnabels, welches burch eine Rurbel K in Bewegung gesfest wied. Damit sich ber Ropf mit dem Schnabel um bie Are bes Standers brehen lasse, ohne den wasserbichten Berschluß zu beeinträchtigen, ist bei S eine Stopfbuchse angebracht, durch welche der genau abgedrehte Hals H hindurchgeht.

Das Baffer fließt aus bem Krahne junachst in einen Korb aus burchlochtem Ruspferblech, worin bie etwa mit bem Bafferzugeführten frembartigen Körper, als Strohund Grashalme, holgstüdchen u. s. w. aufgefangen werben. Die Speiferohre munbet in bem Borbertheile bes Tens

bers ein und enthalt zwei Bentile, wodurch ber Gintritt bes Baffers in biefe Rohre regulirt werben tann. Das Aufbruden und Burudkiehen biefer Bentile erfolgt burch Schraubenspinbeln, welche burch Sanbhaben oder Rurbeln in Umbrehung gefett werben. Das Geftelle bes Tenbers ift von bem ber Locomotive und ber anderen Gifenbahnwagen nicht verschies Die Berbindung bes Tenbers mit ber Locomotive erfolgt in ber Regel burch eine fogenannte Spannftange und burch zwei Bolgen, welche durch die Enden biefer Stangen hindurch geben, überdies aber auch noch burch zwei Sicherheitstetten, welche jeboch nur loder gespannt fein burfen. Um bie Stoffe zwifchen bem Dampfmagen und bem Tenber fo viel wie möglich unschablich zu machen, ftogt man fie außerbem noch mittels zwei Daar Duffer gegen einander. Auf ahnliche Beife hangt man auch bie übrigen Bagen an einander. Die Puffer verbindet man in ber Regel nicht unmittelbar mit bem Bagengeftelle, fonbern man verfieht biefelben mit besonderen Stofftangen, welche entweber auf die Enben einer Stabl: feber ober, wie g. B. bei ben Dafchinen von Crampton, mittels Rol. ben auf in Cylindern eingeschloffene Polfter von Caoutschutscheiben wirfen. Man giebt ber Berbindung bes Bagenjuges und bes Tenbers wohl enber.

I. Bei bem erfteren Steuerungemechanismus, alfo bei über einanber liegens Etenhenfon'e fde Couliffe. ben Ercentrifftangen, ift nun

1) für bie Bintel, bei welchen ber Dampfautritt beginnt ober aufhort: lang. $\varphi = \frac{p q + x \sqrt{p^2 + q^2 - x^2}}{x^2 - p^2} = \frac{0.88628 + 0.4 \sqrt{0.61556}}{-(0.42187 - 0.16)}$

 $\varphi_1 = -15^\circ$, 28' unb $\varphi_2 = 180^\circ - 69^\circ$, $29\frac{1}{2}' = 110^\circ$, $30\frac{1}{2}'$. Bei bem erften Bintel tritt bie Abmiffion und bei bem zweiten bie Abfperrung bes Dampfes ein.

2) Für bie Bintel, bei welchen ber Dampfaustritt aufhort und beginnt, ift bagegen :

agegen:

$$tang. \ \varphi = \frac{0.88628 \pm 0.1 \sqrt{0.76556}}{-(0.42187 - 0.01)} = \frac{0.88628 \pm 0.08749}{-0.41187}$$

 $= -\frac{0.47377}{0.41187} = -1.15030, ober$
 $= -\frac{0.29979}{0.41187} = -0.72788;$

und hiernach ift ber Drehungewinkel fur bas Enbe bes Ausblafens: $\varphi_1 = -49^{\circ}, 0'$

und ber Drehungewinfel fur ben Anfang beffelben : $\varphi_{\rm s} = 180^{\circ} - 36^{\circ}, 8' = 143^{\circ}, 57'.$

II. Bei bem Steuerungemechanismus mit gefreugten Ercentrifftangen ift bagegen:

1) Fur bie Bintel beim Anfang und Enbe bes Dampfgutrittes:

fang.
$$\varphi = \frac{0.26324 \mp 0.4 \sqrt{0.42613}}{-0.26187} = \frac{0.26324 \mp 0.26112}{-0.26187}$$

$$= -\frac{0.00212}{0.26187} = -0.008096 \text{ ober}$$

$$= -\frac{0.52436}{0.26187} = -2.00285, \text{ unb hiernach}$$

$$\varphi_1 = -0^{\circ}, 27\frac{1}{9} \text{ unb } \varphi_2 = 180^{\circ} - 63^{\circ}, 28^{\circ} = 116^{\circ}, 32^{\circ}.$$

2) Für bie Binfel beim Enbe und Anfang bes Ausblafens:

Rehmen wir nun wieber an, bag bie gange I ber Rurbelftange funf Ral fo groß fei ale bie Langer bes Rurbelarmes, fo erhalten wir folgenbe Beziehungen awifden ber Bewegung bes Dampffolbens und ber bes Dampfichiebers.

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 661

I. Bei ber Couliffenfteuerung mit offenen Ercentritftangen.

Stephenfon'.

1) De Rolbenweg mahrend bes Dampfaufluffes ober beim Momente bes fde 'Abfperrens:

$$s_1 = [(1 - \cos. \varphi_1 \mp 0.1 (\sin. \varphi_1)^2] r$$

= $[1 - \cos. 110^\circ, 30\frac{1}{2}] \mp 0.1 (\sin. 110^\circ, 30\frac{1}{2})^2] r$
= $(1 + 0.8503 \mp 0.0877) r = 1.2626 r$ ober 1.4880 r.

- 2) Der Rolbenweg am Enbe ber Erpanfion ober beim Eintritt bes Aus, blafens:
 - $s_2 = [1 \cos. 143^\circ, 57' \mp 0.1 (\sin. 148^\circ, 57')^*] r$ = $(1 + 0.8085 \mp 0.0346) r = 1.7789 r$ ober 1.8431 r.

Es ift folglich ber Weg mahrend ber Erpanfton :

$$s_1 - s_1 = 1,7739 r - 1,2626 r = 0,5113 r$$
, ober = 1,8481 r - 1,4380 r = 0,4051 r,

und bas Erpanfioneverhaltniß :

$$s = \frac{s_0}{s_1} = \frac{1,7739}{1,2626} = 1,406 \text{ ober } = \frac{1,8431}{1,4380} = 1,282.$$

Ferner ift ber Kolbenweg am Enbe bes Ausblafens ober beim Eintritt ber Compression:

- 3) $s_1 = [(1 + \cos. 49^\circ, 0^\circ) \pm 0.1 (\sin. 49^\circ, 0^\circ)^2] r$ = $(1 + 0.6561 \pm 0.0570) r = 1.7131 r$ ober 1.5991 r, und der Kolbenweg bei Eröffnung des Dampfweges:
- 4) $s_2 = [(1 + \cos. 15^\circ, 28^\circ) \pm 0.1 (\sin. 15^\circ, 28^\circ)^*]r$ $= (1 + 0.9638 \pm 0.0071)r = 1.9709 r ober 1.9567 r;$ folglich der Weg während der Compression:

 $s_1 - s_1 = 1,9709 \ r - 1,7181 \ r = 0,2578 \ r$, ober = 1,9567 \ r - 1,5991 \ r = 0,3576 \ r,

und bas Compressioneverhaltnig:

$$\frac{s_0}{s_1} = \frac{1,9709}{1,7181} = 1,150$$
 ober $= \frac{1,9567}{1,5991} = 1,223$.

- 11. Bei ber Couliffenfteuerung mit gefreugten Excentrifftangen :
- 1) Der Rolbenweg im Momente bes Dampfabsperrens :

$$s_1 = [1 - \cos.116^\circ, 82^\circ \mp 0, 1 \text{ (sin. } 116^\circ, 82^\circ)^s] r$$

= $(1 + 0.4467 \mp 0.0800) r = 1.3667 r \text{ ober } 1.5267 r$.

2) Der Rolbenweg beim Anfang bes Dampfablaffens:

$$s_s = [1 - \cos. 155^\circ, 32\frac{1}{2}] + 0,1 \ (\sin. 155^\circ, 32\frac{1}{2})^2] r$$

= $(1 + 0.9103 + 0.0171)r = 1.8932 r \ ober = 1.9274 r.$

Es ift baher ber Weg mahrend ber Expansion:

$$s_1 - s_1 = 1,8932 r - 1,3667 r = 0,5265 r$$
, ober
= 1,9274 r - 1,5267 r = 0,4007 r

und bas Erpanfioneverhaltniß:

$$\frac{s_8}{s_1} = \frac{1,8932}{1,8667} = 1,885$$
, ober $= \frac{1,9274}{1,5267} = 1,262$.

662

Etephenfon's

3) Der Rolbenweg beim Gintritt ber Luftcompreffion:

$$s_1 = [1 + \cos .39^{\circ}, 28' \pm 0, 1 \ (\sin .39^{\circ}, 28')^2] r$$

= $(1,7720 \pm 0,0404) = 1,8124 r \text{ ober } 1,7316 r, \text{ unb}$

4) ber Rolbenmeg beim Gintritt ber Dampfabmiffion:

s. = [1 + cos. 0°, 27 1/2' ± 0,1 (sin. 0°, 27 1/2')"] 2 r. Siernach folgt ber Beg mahrend ber Compreffion:

 $s_2 - s_1 = 2r - 1,8124 r = 0,1876 r$ ober 2r - 1,7316 = 0.2684 r und bas Compressionsverhältniß:

Tampfwag ngeftelle.

6. 283. Das Damptwagengestelle besteht in ber Sauptfache aus zwei Langichwellen, welche burch zwei Querfcmellen fo mit einander verbunden find, bag bas Bange eine Art Rahmen bilbet, auf welchem nicht allein der Dampfteffel, fonbern auch ber ganze Bewegungsmechanismus bes Bagens ruht. Diefer Rahmen ftust fich mittels Febern und ber fogenannten Schmierbuchsen (frang. bottes à graisse; engl. oilboxes) auf bie Radaren. Damit fich biefe Schmierbuchfen ober Arenlager nicht in borizontaler Richtung verschieben tonnen, find bie fogenannten Arenhalter ober Leitungeplatten (frang. plaques de garde; engl. guidingplates) angebracht, welche burch Bolgen mit ben Langschwellen fest verbunden werden und rectangulare Schlige bilben, in welche die Schmierbuchsen ju liegen tommen. Sind bie Langschwellen von Soly, fo betleis bet man fie zu beiben Seiten mit Blech; febr gewohnlich befteben fie auch blog aus Gifenblech; auch wendet man bann nicht felten zwei Paar Langschwellen an, und versieht bas innere Paar mit den Leitungsplatten fur die Treib., bas auffere Daar aber mit Leitungsplatten fur die beiben anderen Rabaren. Die vorbere Querfchwelle ift in ber Regel von Holz; fie hat eine Hohe von 12 bis 15 Boll und eine Breite von 6 bis 9 Boll und ift mittels Winkelblechen mit ben Langschwellen verbunden. Sie tragt in ihrer Mitte ben Safen gum Unhangen einer Bugfette und nahe an ihren Enben die fogenannten Puffer (frang. tampons de choc; engl. cushions, buffers), welche lettere baju bienen follen, einen moglichft eluftischen Stoß zu erzeugen, wenn bie Locomotive gegen ein Sinderniß ftogt, und beshalb aus Polfter von Banfgopfen ober Leberscheiben, Caoutfout, Spiralfebern u. f. m. bestehen. Der hintere Querriegel befteht entweber ebenfalls aus Bolg ober wird aus Gifenblech gusammen. genietet; er tragt ebenfalls ein Paar Puffer fowie bie fogenannte Sicherheitskette, womit ber Tenber angehangen wird.

Damit fich ber Reffel ber Locomotive ohne Nachtheil burch bie Sige ausbehnen tonne, muß er auf ben Langschwellen in ber Langenrichtung ein wenng verschiebbar fein, und bies bewirkt man baburch, bag man bie Locher fur

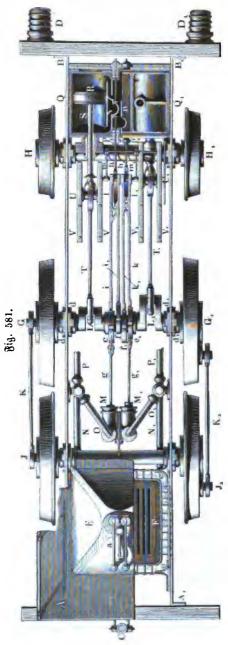
bie Bolgen, womit man den Reffel mit den Langschwellen verbindet, oval Damptgestaltet. Diefe Bolgen geben aber nicht burch ben Reffel felbft, fondern burch besondere Reffeltrager aus Gifenblech, welche einerseits fest an ben Reffel angenietet und andererseits auf die angegebene Weise mit den Langfcmellen verbunden find. Die Dampf-, Pumpencylinder u. f. w. find mittels ber an fie angegoffenen glantichen auf das Bagengeftelle auf: gebolzt.

Die Schmierbuchfen liegen zwischen zwei Leitungeplatten und umfaffen je eine Leitungeptatte ju beiben Seiten; fie find in ber Regel aus Gugeifen und enthalten ein Futter aus Bronge (82 Theile Rupfer und 18 Theile Bint), welches unmittelbar auf die Arinschenkel zu liegen tommt. Die Dedel, womit biefe Buchfen von unten gefchloffen werben, bestehen entweder aus Bronze ober aus Gugeifen und find durch Bolgen mit ben letteren fest verbunden. Uebrigens ift die Berbindung biefer Theile ber Schmierbuchfen wie bei ben gewohnlichen Bapfenlagern (f. III., §. 8, Kig. 18), auch find in den Ropfen der Schmierbuchfen trichterformige Bertiefungen gur Aufnahme ber Schmiere angebracht, welche burch feine Rocher und Rinnen bem Umfange ber Arenschenkel jugeführt wird.

Die Drudfebern, wodurch bas Gewicht bes Bagens auf bie Schmierbuchfen übergetragen wird, beftehen 1) aus 10 bis 20 Stable fchienen von 1/4 bis 1/2 Boll Starte und 3 bis 4 Boll Breite, 2) aus einem ringformigen Baume, welcher biefe Schienen in ber Mitte mit einander vereinigt, und 3) aus ben Bolgen, woburch bas Gange mit bem Magengeftelle verbunden ift. Bon diefen Schienen haben nur zwei bis vier die volle gange ber gangen Feber von 3 bis 5 guß, die ubrigen neh= men nach ber Reihe, wie fie über einander liegen, allmalig an gange ab, fo daß die gange geber in ber Mitte 4 bis 7 Boll und an ben Enben nur 1 bis 2 Boll boch ift. Die Bogenbobe biefer Febern ift gewöhnlich 3 bis 5 Boll und nimmt bei einer Belaftung von 50 bie 75 Centnern um 2 bis 3 Boll gu. Die Druckfeber ftust fich mittels ihres Baumes entweber von oben, oder, wie g. B. bei ben Crampton'ichen Locomotiven, von unten, auf bas Arenlager ober bie Schmierbuchfe, und gwar entweder mittele eines turgen fentrechten Bolgene, ober mittele eines ringformigen Die Bangebolgen, wodurch bas Bagengestelle mit ben Feberenden verbunden ift, geben entweder burch bie ju diefem 3mede burchloch: ten Feberenben hindurch und werden burch Schraube und Begenschraube mit diefen fest verbunden, ober man verfieht diefelbe noch mit Querbolgen und lagt biefelben von ben Kederenben umfaffen.

§. 284. In Sig. 581 (a. f. S.) ift ber Grundrif eines Dampfmagen= gestelles fammt ben mit bemfelben verbundenen Bewegungsmechanismen



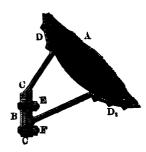


abgebilbet. Man fieht in AB, AB Bi die aus star= tem Gifenblech beftebenben Langichwellen, fowie in A A1 und B B1 die bols gernen Querfchwellen bes Bagengeftelles, ferner ift C bie Sicherheitstette; momit ber Wagenzug an die Locomotive angehangen wird, und es find D,D_1 zwei Puffer auf ber vorberen Querschwelle BB1. Bei A ift ein Theil ber Plattform, welche bem Locos motivenführer als Standpuntt bient, ferner bei E ein Theil bes Dampfdomes und bei F ein Theil bes Feuerroftes vor Augen geführt. Auch fieht man in a, a bie beiben Sicher: beiteventile, in Dampfpfeife, fowie in .cc ben Bafferraum, womit ber gange Keuertaften um: geben ift. Diefer Dampf= magen besteht aus fechs Rabern; es find G, G1 die Treibraber, und es ift HH_1 bas vorbere und JJ_1 bas bintere Råberpaar. Die letteren Raber finb mit ben Treibrabern burch die Stangen K, K1 gefuppelt, weshalb diese Råberpaare volltommen gleiche Durchmeffer erbalten muffen und moburch bie Mafchine jum Befahren ansteigenber Babnftreden

geeigneter wirb. Die Treibare G G, unterftust bas Wagengestelle mittels Dampf ber zwifchen ben Leitungsplatten dd, d, d, liegenben Bapfenlager; fie ift bei L und L, gefropft und tragt in der Mitte zwei Paar Ercentrits e, e, und f,f1, welche gur Bewegung ber Pumpenftangen g, g1 und gur Bewegung ber Dampfichieberftangen h, h, bienen. Bas bie Speifepumpen anlangt, fo find M, M, bie Pumpencylinder, N, N, bie mit bem Tender in Berbinbung flehenden Saugrohren, O, O, bie Communications: und P, P, bie Steigrohren, welche bas Speisemaffer in ben Reffel fuhren. Die Locomotive ift eine Stephenson'iche mit innen liegenden Dampfcylindern Q und Q1, wovon ber eine im Durchschnitt und ber andere von außen gesehen wird. Man bemerkt in R einen Rolben und in S seine Stange, ferner in T, T, bie einerseits an bie Rropfe L, L, ber Treibare und andererfeits an die Querarme U, U, ber Rolbenftangen angeschloffes nen Rurbelftangen und in V, V, die Leitungerahmen biefer Querarme. Bon ben vier Ercentritftangen i, i, und k, k, geboren naturlich immer zwei und zwei einer und berfelben Schieberftange h ober hi an; jur Berbinbung biefer Stangen unter einander bienen bie aus §. 277 befannten Rlauen l, l1, und bas Umfteuern wird mittels ber Arme m, m, u. f. w. burch Beben ober Senten ber Ercentrifftangenenben bewirft. Enblich fieht man noch bei n ben einen Dampfichieber und bei p und p, die Stopfbuchfen ber Schieberftangen.

In folgenden Figuren 582, 583 und 584 find noch einige Details

Fig. 582.



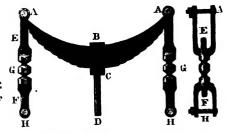
bes Bagengeftelles vor Augen geführt. Fig. 582 zeigt die Berbindung tes Dampfteffels A mit bem Geftellrabmen B burch eine ftarte Blechplatte CC, welche einerseits (bei D und D1) auf ben Reffelmantel aufgenietet und andererfeits burch Schraubenbolzen E und F mit dem Gestellrahmen verbunden wirb. fich ber Reffel in ber Sige ohne Rachtheil ausbehnen tonne, find bie Bolgenlocher nicht freie., fonbern langlichrund. Rig. 583 (a. f. G.) giebt ben Bertital- und ben horizontaldurchichnitt einer Arenlagerung. hier ift A bas metallene

Lagerfutter, welches unmittelbar auf bie Rabare zu liegen tommt, ferner B bas eigentliche Bapfenlager ober Die Schmierbuchse mit ben Schmiertrogen a, a, ben Schmierlochern b,b und bem Lager c fur ben Bolgen ber Drudfebern, und CC, C ber Schutbedel bes Bapfenlagers, welcher von unten in bas lettere eingeschoben und in bemfelben burch ben Bolgen DD festgehalten wird. Die Langschwellen find aus boppelten Gifenschies Daniel. nen EE und FF zusammengesett, und zwischen bieselben sind die Leistungsplatten ober Axenhalter GG, HI eingeschoben. Die feste Bers

Fig. 583.

bindung der letteren mit den ersteren erfolgt durch die Bolzen K, L u. f. w., während die Berbindung der Schmierbuchse mit den Leistungsplatten nur durch Nuth und Falz bewirkt wird.

In Fig. 584 find endlich noch zwei Ansichten einer Drudfeber abs



gebilbet. ABA ift die Federschicht, und BC ber Ring, wodurch bie Febern fest mit einander verbunden sind, und welcher ben Ropf des Bolgen CD bilbet, womit die ganze Belastung der Feder auf die Schmierbuchse übergetragen wird.

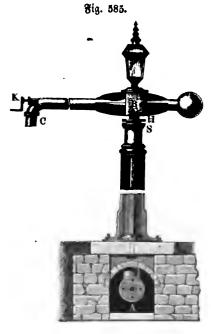
Die Sangestangen, womit bas Wagengestelle an die Feberenden angehangen wird, bestehen hier aus zwei Bugeln E und F, welche durch eine boppelte Schraube G mit einander verbunden sind. Der eine Bugel E wird durch den Bolzen A mit der Feber und der andere Bugel F durch ben Bolzen H mit der Langschwelle oder dem Gestellrahmen fest verbunden.

Tenber.

§. 285. Der Tender ober Munitionswagen für die Locomotive ist ein gewöhnlicher vierraberiger Eisenbahnwagen, welcher ein hufeisensformiges Blechgefaß zur Ausnahme des Sprifemassers sowie das zwischem bemselben ausgeschüttete Feuerungsmaterial (Kots) trägt. Das Wasser wird dem Tender durch den sogenannten Wassertahn (franz. grue hydraulique; engl. water crane) zugeführt, welcher zur Seite der Eisenbahn sieht und dessen röhrenformiger Schnabel nach dem Tender herumzeibreht werden muß, wenn es darauf antommt, den letzeren mit Wasser zu versorgen. Die außere Seitenansicht eines solchen Wasserkrahnes zeigt Sig. 585. Das durch die Röhre A zusließende Wasser steigt im hohlen Ständer AB empor, und strömt von da im Schnabel BC der Ausman-

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 667

bung C gu. Bum Reguliren und Absperren bes Baffere bient ein Ben-



til in der Einmandung des Schnabels, welches durch eine Kurbel K in Bewegung gesfest wird. Damit sich der Kopf mit dem Schnabel um die Are des Ständers drehen lasse, ohne den wasserdigen, ist dei S eine Stopfbuchse angebracht, durch welche der genau abgedrehte Hals H hindurchgeht.

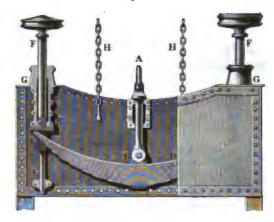
Das Baffer flieft aus bem Krahne junachst in einen Korb aus burchlochtem Rupferblech, worin bie etwa mit bem Bafferzugeführten frembartigen Körper, als Strohund Grashalme, holgstüdchen u. f. w. aufgefangen werben. Die Speiferohre munbet in bem Borbertheile bes Ten-

bers ein und enthalt zwei Bentile, wodurch ber Eintritt bes Baffers in biefe Rohre regulirt werben tann. Das Aufbruden und Burudiehen biefer Bentile erfolgt burch Schraubenspindeln, welche burch Sandhaben oder Rurbeln in Umbrehung gefett werben. Das Geftelle bes Tenbers ift von bem ber Locomotive und ber anderen Gifenbahnmagen nicht verschies Die Berbindung bes Tenbers mit ber Locomotive erfolgt in ber Regel burch eine fogenannte Spannftange und burch zwei Bolgen, welche burch die Enden biefer Stangen hindurch geben, überdies aber auch noch burch zwei Sicherheitstetten, welche jeboch nur loder gespannt fein burfen. Um bie Stofe zwifden bem Dampfmagen und bem Tenber fo viel wie moglich unschablich ju machen, ftogt man fie außerbem noch mittels zwei Paar Puffer gegen einander. Auf ahnliche Beife bangt man auch bie übrigen Wagen an einander. Die Puffer verbindet man in der Regel nicht unmittelbar mit bem Bagengeftelle, fonbern man verfieht biefelben mit besonderen Stofftangen, welche entweder auf die Enden einer Stahl: feber ober, wie g. B. bei ben Dafchinen von Grampton, mittels Rolben auf in Enlindern eingeschlossene Polfter von Caoutschutscheiben mir: ten. Man giebt ber Berbindung bes Wagenzuges und bes Tenbers wohl enber.

Tenber.

auch noch baburch eine besondere Clafticitat, daß man die Zugkette ober die Zugftange unmittelbar an die Stoffebern anschließt. Gine solche elas stifche Anspannung bes Wagenzuges fuhrt Fig. 586 vor Augen. Die in

Fig. 586.



einem Saten A auslaufende Buaftange AB umfaßt bei B bas Mittel ber in ber Kigur nur zum Theil fichtharen Bugfeder CD, und biefe greift mit ibren Enden in bie zu biefem Brede mit je einem Muge C verfebenen Stofftangen EF. Lebtere verfdieben fich in colinbrifchen Leitungen G. G und ftemmen fich in Rolae

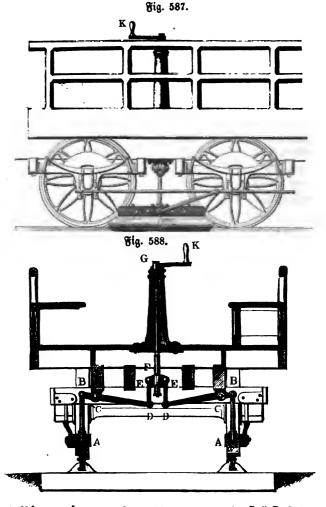
ber Zugkraft mit besonderen Kopfen, wie K, gegen die Endsichen bieser Leitungen. Stoßen die Puffer F, F des Tenders mit den Puffern des solgenden Wagens zusammen, so schieden sich hingegen die Stoßstangen zurud und wirken mittels der Feder CD auf das Gestell des Tenders. In der Figur sicht man auch noch bei H,H die Sicherheitsketten.

Ein wichtiger Bestandtheil des Tenders ist noch das Bremszeug, burch welches der Dampswagenzug in seiner Bewegung gemäßigt und aufgehalten werden kann (f. §. 165 2c.). Der Tenderbrems besteht aus hölzernen Zirkelstücken, welche mit Husse eines Hebelwerkes so start auf die Radumfange geprest werden, daß dadurch die Rader an ihrer Umbreshung verhindert und genöthigt werden, sich auf der Schienenbahn gleitend zu bewegen, und folglich auch der ganze Tender die seinem Gewichte proportionale gleitende Reibung zu überwinden hat. Das Ans und Losziehen der Hebel ersolgt in der Regel von dem Locomotivheizer mittels einer Kurbel, welche eine stehende Welle in Umdrehung sett, die sich in einer Schraubenmutter bewegt und an ihrem unteren Ende mit dem einen Bremsarmende verbunden ist (f. Fig. 352, Seite 340).

Bei einer anberen Art von Bremsen wirb ber Wiberstand baburch erzeugt, bag ein Theil ber Wagenlast nicht mittels ber Raber, sondern unmittelbar auf die Schienenbahn übergetragen, wodurch eine diesem Lasttheil entsprechende gleitende Reibung erzeugt wird. Dies ift durch eine Art hemmschuh bewirkt, welcher von dem Tender herabhangt und mittels

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nahe horizontalen Wegen. 660 ber Rurbel, Schraube und Bebel auf die Schienen aufgedruckt wird. Gin solcher von dem frangosischen Ingenieur Laignel construirter Brems ift in Fig. 587 und Fig. 588 abgebilbet. Man sieht in A, A die zwischen

Tenber.



je zwei Rabern hangenben Hemmschuhe, ferner in BCD Bebel, welche in C an bas Wagengestelle angeschlossen sind, und durch Stangen einerseits mit den Hemmschuhen und andererseits mit einer Schraubenmutter EE verbunden sind, welche durch Umdrehung der Schraubenspindel FC mittels der Aurbel K gehoben und gesenkt werden kann.

Tenber.

In neueren Zeiten hat man auch eine nach bemfelben Principe construirte Dampfbremse angewendet, wo das Aufdrucken ber hemmichuhe burch bie Kolbentraft einer kleinen Dampfmaschine bewirkt wirb.

Drebbate Wagengefielle.

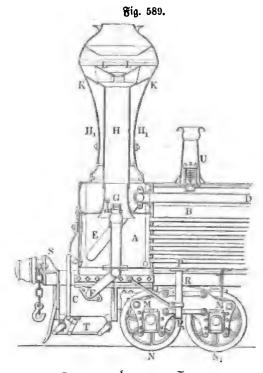
Richt allein die feste Berbindung der Dampf. und anberer Eisenbahnmagenraber mit ihren Uren, sondern auch die Urt und Beise ber Berbindung bes Wagengestelles mit ben Rabaren macht, bag man mit benfelben nicht auf Gifenbahnen mit fleinen Rrummungehalbmeffern unter 500 Rug u. f. w. fahren tann. Da bie Rabaren rechtwinkelig gegen bie gangichwellen bes Gestellrahmens fteben und bie letteren Gebnen ber von ben Bahnenichienen gebildeten Curven bilben, fo gehen bie Drehungsebenen ber Wagenraber nicht tangential ober parallel zu ben Schienenbahnen, fonbern fie ichneiben biefelben unter einem gemiffen Bintel; und in Folge beffen hat jedes Rab ein gemiffes Beftreben gum Entgleifen, welches noch baburch befonders gesteigert wird, bag mit ber schiefen Stellung ber Rabaren gegen bie Bahneurve eine Bunghme bes Spielraumes zwischen ben Rabern und ben Bahnschienen verbunden ift. Wenn nun aber auch bas Entgleifen burch bie Spurfranze verhindert wird, fo hat biefe Abweichung ber Umbrehungsebene ber Raber von ber Richtung ihrer fortschreitenben Bewegung ben großen Nachtheil, bag baburch eine gleitenbe Reibung ber Bagenraber auf ber Schienenbahn entsteht, die bei ftarten Rrummungen einen großen Theil ber Umtriebefraft in Unfpruch nimmt. Die Abweichung ber Umbrehungsebene ber Raber von ber Richtung bet Bahn ift gleich bem Wintel & zwischen ber Tangente und ber Sehne eines Rreifes, und lagt fich einfach burch bie Formel:

$$\sin \delta = \frac{l}{2r},$$

worin r ben Krummungshalbmeffer und l bie Sehne ober ben Abstand ber Radaren von einander bezeichnet, bestimmen. Es ist also dieselbe nicht allein von dem Curvenhalbmeffer, sondern auch von dem Abstande ber Radaren abhängig, und fällt um so größer aus, je größer dieser Abstand oder je langer der Wagen ist. Aus diesem Grunde ist es also zum Befahren starter Krummungen zwedmäßiger, wenn die Radaren nahe beisammen stehen, als wenn ihr Abstand von einander groß ist. Am größten sällt dieser Abstand bei den secheraberigen Wagen, also namentlich bei den Locomotiven aus, da hier unter l der Abstand der außersten Radaren von einander zu verstehen ist, also diese Größe viel größer aussällt als bei den vierräderigen Wagen. Wegen der Mittelare wird die Krummung der Schienenbahn noch dadurch besonders eingeschränkt, daß sich in Folge deren Anwendung die mittleren Rader auf den Schienen in ihrer Arenrichtung um die bekannte Bogenhöhe $\frac{l^2}{8r}$ verschieben, welcher natür-

Bon bem Bortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 671 lich zur Berhinderung des Entgleifens noch nicht ber Radfrangbreite gleich Drebbare

Diefe große Beschrantung ber Gifenbahneurven fest ber Tracirung ber Eifenbahnen in Gebirgen ein großes Sindernif in ben Beg, ba es bierbei nicht allein auf die Bermeibung großer Steigmintel, fondern auch auf bie Umgehung fleiner Curvenhalbmeffer ankommt; es ware baber von einer fehr großen Wichtigkeit, wenn man burch besondere Conftruction ber Eisenbahnmagen die Anwendung ftarterer Rrummungen ober fleinerer Rrummungehalbmeffer moglich machen tonnte. Debrere folche Sulfemittel find bereits gur Anmenbung gefommen; es geboren namentlich hierher die Wagen von Norris mit brebbaren Bagengestellen und die Bagen von Arnour mit brebbaren Aren. Die erfteren Bagen find vorzüglich in Nordamerika und nachstbem auch in Deutschland zur Unwendung gefommen, lettere aber find von Frankreich ausgegangen und ba bei ber Gifenbahn von Paris nach Sceaur angewendet worben. Es ift jeboch nicht ju laugnen, bag burch biefe Beweglichkeit ber Aren bie Eisenbahnwagen viel von ihrer Stabilitat und Solibitat verlieren, weshalb die Anwendung biefes Principes wohl nie allgemein werden burfte.

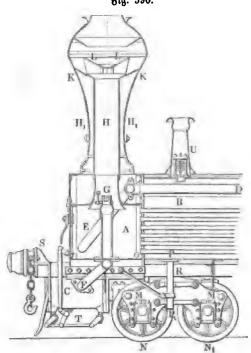


fein barf.

Die Ginrichtung einer Locomotive mit beweg= lichem Borbergeftelle ift aus einem gangenburchfcnitte bes vorderen Thei= les eines folchen Dampf= magens in Fig. 589 ju erfeben. Es ift bier A ber Rauchkaften, B ein Theil ber Beigrohren und ein Dampfeplinder; ferner fieht man in DE bas Dampfrohr und FG bas Blaferohr, meldes bei G in ben Schornstein H einmunbet. Der lettere ift mit bem Rlein'schen Funtenfånger verfeben, welcher im Wefentlichen aus einem zwifchen bie Regelmantel KL, KL eingefesten Leitschaufelfp. ftem befteht, wodurch ber

Drebbare Wagengeftelle Rauch in eine brebende Bewegung gerath und ihm Gelegenheit gegeben wird, die mit sich fortführenden Funken ober glubenden Kohlenftucken in ben Raum zwischen ber eigentlichen Effe H und ihrem Mantel H_1 H_1





nieberfallen zu laffen. Die Mafchine bat feche Raber; es find jeboch bie binteren ober Treibraber in ber Figur nicht fichtbar; bagegen fieht man aber in MM bas bewegliche Borbergeftell mit ben Rabern NN1 und bem Bolgen ober Ragel PP1, um wels che fich biefes Beftell bei ber Bewegung in Babncurven breht. Diefer Bolgen ift unter bem Reffel befestigt, und erhålt seinen festen Stanb befonbers durch ein Paar Streben, wie O, welche unter bem Rauchkaften festsiten. Der Gestellrahmen rubt bei R mittels ftablerner Platten auf den in ber Figur faum fichtbaren Tragfebern, beren Enden fich unmittels

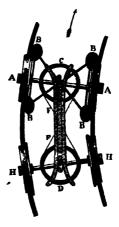
bar über ben Arenhaltern auf die Schmierbuchsen stützen. Noch sieht man in der Figur bei S den gußeisernen Querbalken, welcher die aus gewalztem Flacheisen bestehenden Langschwellen an ihren Enden mit einsander verbindet, und zugleich die Pufferbuchsen in sich enthält, ferner bei T den Mechanismus, wodurch die Hähne zum Auslassen des Condensationswassers aus den Dampschlindern dewegt werden, und endlich bei U das durch eine Feber belastete Sicherheitsventil.

Bei bem Arnour'schen Arenspstem breht sich nicht allein jebe Are um einen festen Reihnagel, sondern es drehen sich auch, wie bei den gewöhnslichen Wagen auf Straffen, die Rader mittels ihrer Raben um die Radare. Damit sich die vorderste Radare AA, Fig. 591, beim Eintritt des Wagenzuges in eine Curve rechtwinkelig gegen diese stelle und folglich die Raber berselben in der Tangente der Curve laufen, ist mit dieser Are das Gestelle eines Wagens fest verbunden, bessen vier Rader B, B.. gegen

Bon bem Forifchaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 678

ben Sorizont geneigt find und fich gegen die innere Seite ber Bahnichienen gragbare ftemmen, woburch bie gleitende Reibung bes Spurfranges in eine mal-



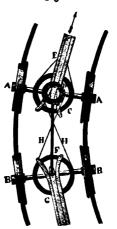


gende verwandelt wird, und bamit fich auch bie folgenbe Rabare HH normal gegen bie Bahncurve ftelle, find auf beibe Uren bie gleich großen Rrange C und D fo befestigt, bag ihre Mittelpuntte in bie Reihnagel E, G beiber Uren fallen, und ift um bie Umfange beiber Rrange eine gefreugte Rette FF gelegt. Es ift leicht einzusehen, baf in Folge biefer Berbinbung jebe Drehung ber Rabare AA um ihren Reihnagel eine gleich große, jedoch entgegengefette Drebung ber Rabare HH um ihren Reih. ober Schlognagel G bewirken muffe, und baber bie Wintel GEA und EGH, welche biefe Rabaren mit ber Geraben EG burch beibe Schlofinagel bilben, einander gleich bleiben. Da nun aber EG Sehne eines Rreifes ift und von berfelben bie Dormalen ober Salbmeffer in ihren Endpunkten E und

G um gleiche Wintel GEA und EGH abweichen, fo folgt, bag mittels bicfes Mechanismus bie zweite Rabare HH burch bie erfte rechtwinkelia gegen bie Bahncurve geftellt wirb.

Die Berbindung ber hinteren Are AA, Fig. 592, eines Wagens mit

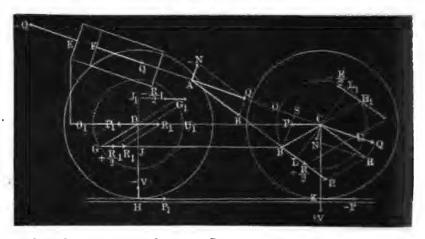
Fig. 592.



ber vorberen Are bes nachstfolgenben erfolgt gmar ebenfalls burch zwei Rrange D und G und eine Rette HH, aber es bat einer biefer Rrange einen nur halb fo großen Salbmeffer als ber andere, und es fist berfelbe nicht auf ber Are AA, fonbern auf ber Berbindungsftange E beiber Bagen feft. Sind nun bie Abstande je zweier Rabaren von einander biefelben, fo ichließen fie auch, als Sehnen eines Rreifes, mit ben Salbmeffern ober Rormalen in ihren Endpunkten gleiche Winkel ein, und es ift folglich ber Wintel zwifchen ben Berbinbungeftangen E und F boppelt fo groß als ber Bintel FDA zwischen einer Rabare AA und ber Stange F. Es muß fich baber auch beim Gintritt in eine Gurve ober bei Beranberung bes Curvenhalbmeffers bie Berbindungsstange E boppelt so viel breben als bie

Are BB, bamit fich BB ebenso wie AA rechtwinkelig gegen bie Bahncurve ftelle. Dies wird aber auch baburch, bag man ben Salbmeffer bes Rranges G boppelt so groß macht als ben bes Rranges D, wirklich erreicht. Durch biefes Spftem verliert allerdings ein Bagenzug viel von feiner Stabilitat und Sicherheit, und beshalb mochte es wohl kaum je allgemeiner in Anwendung kommen.

Theorie ber Bemegung ber Dampfmagen. §. 287. Die Theorie ber Bewegung eines Dampfwagens ist im Besfentlichen bie Theorie bes Krummzapfens mit zwei auf ben Quabranten gegen einander gestellten Armen (f. III., §. 106). Es sei in Fig. 593.



C bie Drehungsare ber Treibare, D bie ber vorberen Rabare, HK bie Schienenbahn, ferner F ein Dampftolben, FA bie entsprechenden Rolbens, AB die Lenestange und CB ber Rurbelarm. Die Rolbenkraft $\overline{FO} = \overline{AO} = O$ zerlegt fich burch bie Rubrung bes Stangentopfes A in zwei Seitentrafte - N und R, wovon bie erftere normal gegen bie Rub. rung fteht und von berfelben aufgenommen und bie andere als BR = AR mittels ber Lentstange AB auf bie Rurbel übergetragen wird. Da bie lettere Rraft excentrisch auf die Rad- ober Rurbelage C wirtt, fo zerlegt fie fich, wie bekannt, in eine gleiche Arentraft $\overline{CR} = R$ und in ein Kraftepaar $\left(+rac{R}{2},-rac{R}{2}
ight)$, welches die Ape C mit dem Momente CL. R in Umbrehung fest. Die Arentraft $\overline{CR}=R$ laft sich wieder in eine Seitenkraft $\overline{CN}=N$ und eine Seitenkraft $\overline{CO}=0$ gerlegen, wovon die erftere mit $\overline{AN} = -N$ ein Rraftepaar bilbet unb bie lettere mittels bes Bagengestelles von bem Dampforuce $\overline{EO} = -0$ gegen bie Bobenflache E bes Dampfeplinbers aufgehoben mirb. Das Rraftevaar (+ N, - N) hat einen veranderlichen Sebelarm CA und folglich auch ein veranderliches Moment CA . N. 3m Mittel ift CA

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 675

went des Kräftepaares (+N,-N), =Nl. Dieses Kräftepaar vers der Tampfert den Druck der Treibräder auf die Schienenbahn um eine Kraft KV=V und vermindert den Druck der vorderen Räder auf biesegenkraft HV=-V, und es bilden +V und -V ein Kräftepaar, desse den Momente Nl des Kräftepaares (+N,-N) gleich ist. Bezeichnet man den Horizontalabstand CD der beiden Radsapen C und D von einander durch e, so hat man Ve=Nl, und baher:

$$V=\frac{l}{a}N$$
.

Die Fortbewegung des Dampfwagens erfolgt durch das Kräftepaar $\left(+\frac{R}{2},-\frac{R}{2}\right)$, und zwar badurch, daß sich dasselbe in ein anderes Kräftepaar (+P,-P) umset, dessen einer Component $\overline{CP}=P$ dem Widerstande des Wagenzuges das Gleichgewicht halt, und dessen zweiter Component $\overline{KP}=-P$ von dem Widerstande der Schienenbahn aufgenommen wird. Der Hebelarm des letzteren Kräftepaares ist der Radzhalbmesser CK=a; setzen wir daher den veränderlichen Hebelarm CL des ersteren oder den senkrechten Abstand der Radare C von der Richtung der Lenkstange, =y, so haben wir Pa=Ry=Nl. und daher die Treibs oder Zugkraft des Dampfwagens:

$$P = \frac{y}{a} R = \frac{l}{a} N.$$

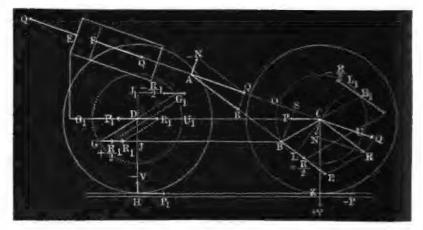
Der Wiberstand (— P), mit welchem die Jugkraft + P der Locomostive ein Kräftepaar bildet, erwächst aus dem Eingreisen der kleinen Erhabenheiten und Bertiefungen des Radumfanges und der Schienenbahn in einander, und hat die gleitende Reibung zwischen beiden zu seinem höchsten Grenzwerthe. Ist Z der Druck des Rades auf die Schienenbahn und φ der Reibungscoefficient, so hat man die Größe der gleitenden Reibung am Umfange des Rades $= \varphi Z$; damit folglich sich das Rad wirklich fortwälze und den Wagen fortbewege, muß die Kraft zur Bewegung der Locomotive und des angehängten Wagenzuges kleiner sein als die gleitende Reibung, d. i.

Da enblich Z bem Gewicht bes Dampfwagens proportional ift, so folgt, baß bieses Gewicht um so größer sein muß, je größer ber Widerstand bes Wagenzuges ist. Die Geschwindigkeit, mit welcher sich die Wagenare C, und also auch ber Wagen fortbewegt, ist gleich ber Umbrehungsgeschwinz bigkeit bes Radumfanges; nun ist aber diese nicht allein ber Umbrehungszahl u p. min., sondern auch dem Radhalbmesser a proportional; folglich wächst auch die Geschwindigkeit bes Trains mit dem Radhalbmesser, und

Theorie ber man hat baber g. B. ben Dampfmagen fur Schnellzuge hohe und ben fur Bemegung Guterzuge niedrigere Treibrader ju geben. In dem erfteren Falle macht man bie übrigen Raber niedriger als bie Treibraber, im zweiten Falle kann man bagegen bie fammtlichen Raber bes Dampfmagens gleich boch machen; und wenn man bie Raber verschiedener Aren gur Berftartung ber Bugfraft tuppelt, wie z. B. bei den Gebirgelocomotiven nothig ift, fo mus man den gekuppelten Rabern eine gleiche Bobe geben, weil fonft ein theils weises Schleifen ber Raber auf ber Bahn eintreten murbe.

If $\overline{GR_1} = R_1$ die Zugkraft ber Ruppelstange BG, und DJ = DJ, = y, ber Bebelarm berfelben, fo hat man bas Moment bes Rraftepaares,





burch welches bas Borderrad um seine Are D gebreht wird, $= R_1 y_1$, und baber bie Bergroßerung der Bugfraft in Folge ber Arentuppelung:

$$P_1 = \frac{y_1}{a} R_1$$

Das Rraftmoment Ry gerlegt fich hier in Die zwei Momente R1 y1 und Pa, es ift alfo:

$$Ry = R_1 y_1 + Pa$$

= $Pa + P_1 a_1 = (P_1 + P) a_1$

und folglich bat man wieder bie gange Bugfraft:

$$P+P_1=\frac{y\,R}{a}$$

Ift nun noch Z, ber Drud bes Rabes DH auf bie Schienenbahn, fo erforbert bas Kortrollen bes Wagens auf ber Babn, nicht allein, baß

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 677

$$P < \varphi Z$$
, fondern auch $P_1 < \varphi Z_1$, daß also $P + P_1 < \varphi (Z + Z_1)$ sei.

Theorie ber Bewegung ber Dampfwagen.

Da $Z+Z_1>Z$ ift, so hat hiernach ber Dampfwagen mit gekuppelsten Rabern mehr Bugtraft als ber Dampfwagen ohne gekuppelte Raber.

Die Arenfraft $\overline{DR_1}=R_1$, welche nebst dem Rraftepaare $\left(+\frac{R_1}{2},-\frac{R_1}{2}\right)$ aus der Stangenfraft $\overline{GR_1}=R_1$ resultirt, wird durch eine gleiche entgegengesehte Arenfraft in C aufgehoben, welche aus der Zerlegung der Stangenfraft in B resultirt, in der Figur aber nicht weiter angedeutet ist.

Wird ber Dampftolben rudwarts getrieben, so nehmen zwar bie Rrafte Q und R, sowie - Q und - R bie entgegengeseten Richtungen an, ba fich aber auch hierbei die Lenkarmftange AB auf ber entgegengefetten Seite ber Schublinie EC befindet, so wird dadurch in der Größe und Richtung des Kräftepaares $\left(+rac{R}{2},-rac{R}{2}
ight)$, und folglich auch in der Zugkraft P nichts geandert, auch bleibt hierbei das Kraftepaar $\left(+rac{R_1}{2},-rac{R_1}{2}
ight)$ und folgs lich auch die Bugfraft P, ber vorberen Rabare unverandert. Die Seitenfrafte - N, + N behalten bei bem Rudgange bes Rolbens ihre erfte Richtung bei; es behålt alfo auch hierbei bas Kraftepaar (+ N, - N) feine Richtung unverandert und es wird folglich burch baffelbe wieber ber Drud des Treibrades in K um die oben gefundene Rraft V vergrößert und der Druck des vorderen Rades in H um die gleiche Kraft V verminbert. Steht die Barge in einem ber tobten Duntte O, U, fo ift naturlich N Rull, ferner R = Q und ber Bebelarm CL bes Rraftepaares $\left(+\frac{R}{2},-\frac{R}{2}\right)$ also auch bessen Moment, und endlich auch bie Bugfraft Rull. Auch ift aus bemfelben Grunde die Bugfraft Pi ber ge-Euppelten Rabare $C=\mathfrak{Rull}$, wenn die Barge G in einem der tobten Puntte O_1 und U_1 bes Rrummzapfens GD antommt. Die stetige Beranderung ber Bugtrafte P und P, bewirft, bag ber Dampfmagen mit einer veranderlichen Geschwindigkeit fortrollt. Die Beranderung diefer Geschwindigkeit wird jedoch theils burch die trage Maffe bes Dampfmagens und theils noch baburch in engen Grengen erhalten, bag bie Treib. are C nicht bloß burch eine, fonbern burch zwei Dafchinen in Umbrehung gefett wird, und bag biefelben mittels boppelter auf bas Biertel geftellten Rrummzapfen auf die Treibare C wirten. Wenn der eine Rrummzapfen in einem tobten Puntte fieht und folglich nichts jur Umbrehung bes Treib.

Ebeorle ber rades beitragt, befindet fich ber andere Rrummgapfen nabe in feiner beften Bervegung Birtung, und ertheilt alfo ber Treibare bie größte Bugtraft. Umbrehungsebenen ber beiben Krummgapfen nicht gufammenfallen, fondern in einem gemissen Abstande von einander abstehen, der besonders bei Dafchinen mit außen liegenden Eplindern febr groß ift, fo findet auch teine einfache Bereinigung ber burch beibe Rurbeln erzeugten Bugfrafte fatt. fonbern es bilbet fich aus biefen beiben Rraften außer ber in ber Mitte ber Rabare angreifenden Mittelfraft auch noch ein Rraftepaar, welches biefe Are um ihre vertitale Schwerlinie balb in ber einen, balb in ber anderen Richtung umzubreben fucht. Bezeichnen wir in ber Folge biefe beiden Krafte burch P1 und P2, so haben wir, da sich

$$P_1 = rac{P_1 + P_2}{2} + rac{P_1 - P_2}{2}$$
 und $P_2 = rac{P_1 + P_2}{2} - rac{P_1 - P_2}{2}$

feben lagt, fur bie in ber Arenmitte angreifende Mittelfraft:

$$P = \frac{P_1 + P_2}{2} + \frac{P_1 + P_2}{2} = P_1 + P_2,$$

und bagegen bie Componenten bes gebachten Rraftepaares:

$$\frac{P_1 - P_2}{2}$$
 und $-\frac{P_1 - P_2}{2}$,

und folglich, wenn wir noch ben Abstand ber beiben Rurbelebenen von einander burch b bezeichnen, bas Moment biefes Rraftepaares:

$$\frac{(P_1-P_2)b}{2}.$$

6. 288. Die Mormalfraft ober ber Component N bes Rraftepaares (+ N, - N), welches die beiben Rabaren C und D, je nach ber Umbrehungerichtung ber Rurbelwelle, in ber einen ober in ber anderen Richtung umzudrehen sucht und baburch ben Drud bes einen Raberpaares auf bie Schienenbahn ebenfo viel vergrößert, wie ben bes anberen verkleinert, ift burch bie Kormel:

$$N = Q tang. \alpha$$

bestimmt, wenn a ben veranberlichen Bintel BAC bezeichnet, um welchen bie Are AB der Treibstange von der Richtung AC ber Rolbenstange abweicht.

Benn wir ferner, ber Bezeichnung in §. 95 entsprechend, ben Umbrehungewinkel OCB ber Rurbelmarge B, vom tobten Punkte O ausgebenb, burch B, und die Rurbelgemlange CB burch r bezeichnen, fo baben wir bie Armlange biefes Rraftepaares:

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 679

$$AC = AS + SC = l \cos \alpha + r \cos \beta$$
,

und baber bas Moment biefes Rraftepaares:

Theorie ber Bemegung ber Dampfwagen.

 \overline{AC} . N=Q tang. α (l cos. $\alpha+r$ cos. eta), wofür wir, da lpha klein, also

cos. α nahe = 1 und tang. α = $\sin \alpha$ = $\frac{r}{l} \sin \beta$ geseht werden kann,

$$\overline{AC}$$
. $N = \left(1 + \frac{r \cos \beta}{2}\right) Qr \sin \beta$

fdreiben wollen.

Dieses Moment ist für $\beta=0$ Grad und = 180 Grad, also wenn bie Warzen in einem der todten Punkte O oder U stehen, Null, und dagegen für $\cos.\beta=\frac{r}{l}$, ein Maximum, und zwar = Qr. Kommt die Warze auf die andere Seite von OU, so ist β stumpf und Q negativ, daher folgt, wenn man vom todten Punkte U ausgeht, das Moment des Kräftepaares:

$$= \left(1 - \frac{r \cos \beta}{l}\right) Q r \sin \beta,$$

und bas Marimum beffelben wieber = Qr.

Die andere Warze des Krummzapfens hat den Drehungswinkel $90^{\circ}+\beta$, für sie ist also das Moment des entsprechenden Kräftepaares: $\left(1\pm\frac{r}{l}\cos.\left(90^{\circ}+\beta\right)\right)Qr\sin.\left(90^{\circ}+\beta\right)$

$$= \left(1 \mp \frac{r}{l} \sin \beta\right) Qr \cos \beta.$$

Daffelbe ist für $\beta=90$ und für $\beta=270$ Grad = Null, und da. gegen sin. $\beta=-\frac{r}{I}$ ein Maximum, und zwar wieder =Qr.

Bahrend einer Umbrehung ber Rabare nimmt also bas Moment bes einen Reaftepaares nach und nach bie Werthe:

$$0, +Qr, 0, +Qr,$$

und bas andere bie Berthe:

$$+ Qr, 0, + Qr, 0$$

an, so daß bas eine feinen Minimalwerth 0 hat, wenn das andere nabe in feinem Maximalwerthe Or fteht.

Segen wir ben Abstand ber beiben Rabaren C und D von einander =e, so haben wir die bem Rraftepaar (+N,-N) entsprechenden Rrafte, burch welche ber Druck auf die eine Rabare vergrößert und auf die andere um eben so viel verkleinert wird:

Theorie ber Bewegung ber Dampf. magen.

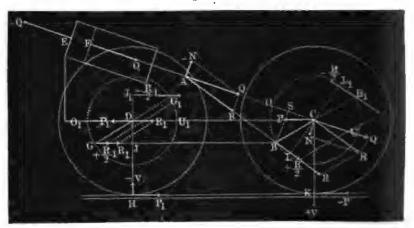
$$V_1 = \left(1 \pm rac{r \; cos. \, eta}{l}
ight) rac{Qr \; sin. \, eta}{e} \; unb$$
 $V_2 = \left(1 \mp rac{r \; sin. \, eta}{l}
ight) rac{Qr \; cos. \, eta}{e}$

wofur wir aber im Folgenden bie Mittelwerthe:

$$V_1 = \frac{Qr \sin \beta}{e}$$
 und $V_2 = \frac{Qr \cos \beta}{e}$

annehmen wollen.

Bei ber in ber Figur angebeuteten Umbrehungerichtung ber Treibare Rig. 595.



wirken die beiben Krafte V_1 und V_2 auf die Areibare C von oben nach unten, und bagegen auf die Borberare D von unten nach oben; wird aber die Areibare umgekehrt umgebreht, also die Locomotive in eine ruckgangige Bewegung versehr, so wirken diese Krafte entgegengeseht; b. i. ste vermindern den Druck auf die Are C und vergrößern den Druck auf die Are D.

Da die Bertikalebenen, in welchen diese Krafte wirken, nicht mit ben Radebenen zusammenfallen, so gehen diese Krafte auch nicht unmittelbar auf die Rader über, sondern es wird, da sich

$$V_1 = rac{V_1 + V_2}{2} + rac{V_1 - V_2}{2}$$
 und
$$V_2 = rac{V_1 + V_2}{2} - rac{V_1 - V_3}{2}$$

feben lagt, jebes Rab von einer Mittelfraft:

$$Z_1 = \frac{V_1 + V_2}{2} = (\sin \beta + \cos \beta) \frac{Qr}{2\epsilon}$$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 681

und außerbem noch von einem Componenten eines Rraftepaares:

$$\left(+\frac{V_1-V_2}{2},-\frac{V_1-V_2}{2}\right)$$

Bewegung der Dampfmagen.

ergriffen.

Ift b ber Abstand ber Rurbelebenen und b1 ber Abstand ber Rabebenen von einander, so hat man das Moment des letten Kraftepaares:

$$\frac{(V_1-V_2)b}{2},$$

und die Rraft, mit welcher durch baffelbe ber Drud bes einen Rabes einer und berfelben Are vergrößert und ber bes anderen verkleinert wirb:

$$Z_2 = \frac{(V_1 - V_2)b}{2b_1} = (\sin \beta - \cos \beta) \frac{Qrb}{2eb_1}.$$

Biernach ift alfo bie Bergroßerung bes Drudes eines Treibrabes:

$$Z_1 + Z_2 = \left(\sin \beta + \cos \beta + (\sin \beta - \cos \beta) \frac{b}{b_1}\right) \frac{Qr}{2e},$$

und bie gleichzeitige Bergroßerung biefes Drudes bes anberen Rabes:

$$Z_1 - Z_2 = \left(\sin \beta + \cos \beta - (\sin \beta - \cos \beta) \frac{b}{b_1}\right) \frac{Qr}{2e}$$

Der Drud Z1 + Z2 bes einen Rabes ift:

für
$$\beta = 0$$
 Grad, $= \frac{(b_1 - b) rQ}{2 b_1 e}$,

• tang.
$$\beta = \left(\frac{b_1 + b}{b_1 - b}\right)$$
, bas Maximum $\sqrt{\frac{\overline{b_1}^2 + b^2}{2}} \cdot \frac{rQ}{b_1 e}$ und

•
$$\beta = 90$$
 Grad, $= \frac{(b_1 + b) \ r Q}{2 \ b_1 \ e};$

bagegen ber Drud Z1 - Z2 bes anberen Rabes:

für
$$\beta = 0$$
 Grab, $= \frac{(b_1 + b) rQ}{2 b_1 e}$,

» tang.
$$\beta = \left(\frac{b_1-b}{b_1+b}\right)$$
, das Maximum $\sqrt{\frac{\overline{b_1^2+b^2}}{2}} \cdot \frac{rQ}{b_1 e}$ und

$$\beta = 90 \text{ Grad } \frac{(b_1 - b) rQ}{2 b_1 e}$$
.

Es variirt hiernach die Vergrößerung des Druckes auf ein Treibrad C und ebenso die Verminderung des Druckes auf ein Vorderrad D, here vorgebracht durch die Normalkräfte + N und - N, je nachdem b kleisner oder größer als b_1 ist, entweder zwischen den Grenzen:

$$\frac{(b_1-b) rQ}{2 b_1 e}$$
 und $\sqrt{\frac{b_1^2+b^2}{2}} \cdot \frac{rQ}{b_1 e}$

ober zwischen ben Grengen:

$$\frac{(b_1-b)\,rQ}{2\,b_1\,e}$$
 und $\frac{(b_1+b)\,rQ}{2\,b_1\,e}$.

Da bie Differeng biefer Grengwerthe um fo größer ausfallt, je großer ber Bervegung ber Bamble ber Rurbelebenen von einander ift, fo folgt, daß bei Locomotiven mit außenliegenden Cylindern, mo fogar b > b1 ift, die burch die Rotmaltrafte + N und - N berbeigeführten Schwankungen in ber Stabi. litat ber Locomotiven groffer find als bei Locomotiven mit zwifchen ben Rabern liegenden Cylindern.

Diefe Rrafte wirken besonders badurch fehr nachtheilig und ftorend auf bie Locomotive, bag fie nur jur Salfte unmittelbar auf die Treibare C wirten, und bagegen bie andere Balfte berfelben gunachft von ber am Bagengestelle festsigenden Rubrung aufgenommen, und von bem erfteren erft mittels ber Drudfeber auf die vorbere Rabare D übergetragen werben. Um bie aus ber Beranberlichkeit biefer Rrafte hervorgehenben Schwan: tungen zu magigen, ift es baber nothig, moglichft ftarte Drudfebern in Unwenbung zu bringen.

Die Kraft, welche die Treibstange in ihrer Apenrichtung forts pflanzt, ift:

$$R = \frac{Q}{\cos \alpha}$$

Sie wirkt beim Bingange bes Rolbens an bem Bebelarme:

$$CL = y = r \sin(\beta + \alpha),$$

und dagegen beim Rudgange beffelben, wenn man bier vom tobten Puntte U ausgeht, an bem Bebelarme:

$$CL_1 = y_1 = r \sin(\beta - \alpha)$$
.

hiernach ift bas Umbrehungsmoment biefer Rraft in bem einen Falle:

$$Ry = \frac{Qr \sin (\beta + \alpha)}{\cos \alpha} = Qr (\sin \beta + \tan \alpha \cos \beta),$$

annåbernb:

=
$$Qr \sin \beta$$
, ober genauer $Qr \sin \beta \left(1 + \frac{r}{l} \cos \beta\right)$,

und im anderen Kalle:

$$Ry_1 = \frac{Qr \sin. (\beta - \alpha)}{\cos. \alpha} = Qr (\sin. \beta - \tang. \alpha \cos. \beta),$$

annåbernb:

=
$$Qr \sin \beta$$
, oder genauer $Qr \sin \beta \left(1 - \frac{r}{l} \cos \beta\right)$.

Es ift folglich bie entsprechende Bugtraft fur ben einen Rrumm. gapfen:

$$P_1 = \frac{Qr \sin \beta}{a} \left(1 \pm \frac{r}{l} \cos \beta\right),\,$$

und bagegen für ben anderen, welcher biefem um 900 vorläuft:

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borizontalen Begen. 683

$$P_{2} = \frac{Qr \sin. (90^{0} + \beta)}{a} \left(1 \pm \frac{r}{l} \cos. (90^{0} + \beta)\right)$$

$$= \frac{Qr \cos. \beta}{a} \left(1 \mp \frac{r}{l} \sin. \beta\right).$$
Theorie ber Bernequing ber Dampin mager.

Bernachlässigen wir noch das Glied mit bem Factor $\frac{r}{l}$, machen wir also keinen Unterschied zwischen dem Hin- und dem Rüdgange des Kolbens, so ethalten wir endlich die Zugkraft der Locomotive:

1)
$$P=P_1+P_2=\frac{Qr}{a}(\sin \beta + \cos \beta),$$

und bagegen bas Moment bes Rraftepaares, welches die Treibare balb in ber einen, balb in ber anderen Richtung um eine vertikale Are zu breben sucht:

2)
$$\frac{(P_1 - P_2)b}{2} = \frac{Qrb}{2a} (\sin \beta - \cos \beta).$$

Die Zugkraft P ist für tang. $\beta=1$, b. i. für $\beta=45$ Grab, ein Maximum, und zwar $P=\frac{Qr\sqrt{2}}{a}$, und fällt dagegen für $\beta=0$ und $\beta=90$ Grad nur $\frac{Qr}{a}$ aus Es nimmt folglich diese Kraft während der Umbrehung um einen Quadranten von

$$\frac{Qr}{a}$$
 bis $\frac{Qr\sqrt{2}}{a}$ du, von $\frac{Qr\sqrt{2}}{a}$ bis $\frac{Qr}{a}$ ab,

mahrend ber mittlere Berth berfelben (f. III., §. 98)

$$P = \frac{4}{\pi} Qr$$
 ift.

Das Moment des Kraftepaares $\left(+\frac{P_1-P_2}{2}-\frac{P_1-P_2}{2}\right)$ geht bagegen bei der Umdrehung der Kurbel um einen Quadranten entweder

aus
$$-\frac{Qrb}{2a}$$
 in 0 und aus 0 in $+\frac{Qrb}{2a}$, ober aus $+\frac{Qrb}{2a}$ in 0 und aus 0 in $-\frac{Qrb}{2a}$ über.

Die Rraft, mit welcher hiernach balb bas eine, balb bas andere Treib, rab vor- ober zurudgeschoben wird, schwantt also stets zwischen

0 und
$$\pm \frac{Qrb}{2ab_1}$$
.

I beorle ber

Diefes Bors und Rudwartsschieben wird jum Theil durch bie Torfion ber Dampf- ber Treibare, und jum Theil burch die Schienenbahn, jumal wenn ber Spielraum ber Raber auf berfelben tlein ift, verhindert, ober wenigstens in engen Grengen erhalten.

Man erfieht aus ben vorftebenden Form in (1) und (2), daß bie Bugfraft, und ebenfo auch bie Storungen in ber fortichreitenben Bewegung einer Locomotive birect wie ber Rurbelhalbmeffer und umgekehrt wie ber Treibrabhalbmeffer machfen, und bag ins Befondere noch die letteren bem Abstande ber Rurbelebenen ober Cylinderagen von einander proportional find, und bagegen mit ber Spurmeite im umgetehrten Berhaltniffe Locomotiven mit außen liegenben Eplindern baben baber größere Störungen als folche mit innen liegenden Cylindern. Uebrigens lagt fich bas Bor- und Rudwartsgehen bes einen ober anderen Rabes baburch vermindern, bag man ben Bagenjug nicht blog in einem, fondern in mehreren Puntten an die Locomotive anschließt, alfo g. B. burch fcarfes Unspannen ber Berbindungetette bie Puffer bes erften Bagens fart gegen bie ber Locomotive anpreft.

Beispiel. Es sei die Kolbenfraft einer Locomotive Q = 6000 Bfund, ber halbmeffer bes Bargenfreises ober ber halbe Rolbenfchub r = 12 Boll, ber halbmeffer eines Treibrabes a = 88 Boll, ber Abstand ber beiben Kolbenaren ober Rurbelebenen von einander b = 72 Boll, bie Spurweite ober ber Abftanb ber Rabebenen von einander b, = 55 Boll, bie Entfernung ber vorbern Rabare von ber Treibare, e = 62 Boll, und bie ber außerften Rabaren von einander, e, = 124 Boll; man wunscht bie Bugfraft und bie Storungen ber Treibfraft fennen au lernen.

Die Seitenfrafte (+ N, - N) ber Treibstangen veranbern ben Druck ber Treibraber auf bie Schienenbahn um eine Große, welche gwischen

$$+ \frac{(b_1 - b) \ rQ}{2 \ b_1 \ e} = \frac{(55 - 72) \ 12 \ 6000}{2 \ 55 \ 62} = - \ 179 \ \text{Pfunb, unb}$$

$$+ \frac{(b_1 + b) \ rQ}{2 \ b_1 \ e} = \frac{(55 + 72) \ 12 \ 6000}{2 \ 55 \ 62} = + \ 1841 \ \text{Pfunb}$$

fdmantt, und bagegen ben Drud ber vorberen Raber um bie entgegengefeste Große, welche alfo zwifchen

$$-\frac{(b_1-b)\ r\ Q}{2\ b_1\ e}=179\$$
 Pfund und $-\frac{(b_1+b)\ r\ Q}{2\ b_1\ e}=-1341\$ Pfund variirt.

Die Bugfraft ber Locomotive ichwantt zwischen

$$P = \frac{Qr}{a} = \frac{6000 \cdot 12}{83} = 2182 \text{ Rfunb unb}$$

$$\frac{Qr \sqrt{2}}{a} = 2182 \cdot \sqrt{2} = 8085 \text{ Rfunb}$$

und ift im Mittel:

$$= \frac{4}{\pi} \cdot \frac{Qr}{a} = 2778 \, \mathfrak{Pfund}.$$

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Wegen. 685

Die fortichreitenbe Bewegung ber Locomotive und bes gangen Theorie ber Bagenguges laft fich nach ber Theorie bes boppelten Rrummgapfens (f. 111., ber Campt-6. 106 u. f. m.) unmittelbar beurtheilen. Seben wir wieber von ber veranberlichen Reigung ber Treibare gegen die Are ber Rolbenftange ab, fo haben wir fur bie Bewegung ber locomotive auf ber Schienenbahn folgenbe Formel (f. S. 200) in Anwendung ju bringen:

$$Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta-\frac{4}{\pi}\beta\right)=(M+M_1+W)\frac{v^2-c^2}{2},$$

in welcher M die Maffe einer Kolbenstange sammt zwei Dritteln der Maffe ber Treibstange, M, die rotirende Daffe ber Radaren, Raber u. f. w. sammt einem Drittel ber Treibstangenmaffe, alle auf ben Umfang ber Treibraber reducirt, W bie Maffe ber Locomotive fammt ber bes gangen Wagenzuges bezeichnen, und worin c die mittlere und v die veranderliche, bem Drehungswinkel & entsprechende Geschwindigkeit bes Bagenguges ober ber Rabumfange ber Treibraber bebeuten. Es ift hiernach:

$$v = c \left(1 + \frac{Qr\left(1 + \sin\beta - \cos\beta - \frac{4}{\pi}\beta\right)}{(M + M_1 + W)c^2}\right),$$

moraus fich ber Marimalmerth:

$$v_1 = \left(1 + 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1 + W)c^2}\right) c$$

und ber Minimalwerth:

$$v_2 = \left(1 - 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1 + W) c^2}\right) c$$

ergiebt, fo bag fich ber Ungleichformigfeitsgrad ber fortichreitenben Bemegung bes Wagenzuges:

$$\delta = 0.0844 \frac{Qr}{(M + M_1 + W) c^2}$$

ergiebt, ber allerbings in

$$\delta = 0.2705 \frac{Qr}{(M+M_1+W)c^2}$$

übergeht (f. III., §. 112), wenn bas Berhaltniß ? nicht Rull, fonbern 1/5 ift. Dan tann biernach ermeffen, bag bie Beranberlichkeit in ber Geschwindigkeit bes Dampfwagenzuges tlein genug ift, um & == 0, b. i. v = c feben, alfo annehmen ju tonnen, bag fich ber Bug gleichformia fortbewegt. Rehmen wir g. B. Qr = 6000 gufpfund, c nur = 20 Fuß und $M+M_1+M_2=4000$ Pfund an, so erhalten wir burch bie lette Formel:

$$\delta = 0.2705 \; \frac{6000}{4000 \; . \; 400} = 0.001.$$

Theorie ber Bewegung ber Dampf. wagen.

Mit biefer fortschreitenden Bewegung der Locomotive find aber noch besondere schwingende Bewegungen verbunden, welche storende Ginflusse auf die Stabilität der Locomotive ausüben. Diese schwingenden Bewegungen bestehen entweder

1) in, bem sogenannten Ruden (franz. le tangage) ber Locomotive, wobei bieselbe gegen ihre mittlere Bewegung balb etwas voreilt und balb etwas zurückleibt; ober 2) in bem sogenannten Schlängeln (franz. le lacet) ober einem Drehen um eine vertikale Are; ober ferner 3) in dem Schwanten (franz. le roulis) ober einer Drehung um eine horizontale Langenare ober enblich 4) in dem Stampfen oder Galopiren (franz. le galop) oder einer Drehung um eine horizontale Querare. Die beiden letten Störungen durfen sich natürlich nur auf das Gestelle der Locomotive ersstrecken, welches vermöge seiner Aushängung in Federn ohne die Radaren aus und niederschwingen kann; das Schwanken und Stampsen des ganzen Dampswagens würde das Entgleisen desselben zur Folge haben.

Es ift leicht zu ermeffen, baß bas Schwanten und Stampfen bes Dampfwagens burch bie Bertikalkrafte V_1 und V_2 (f. §. 288) und bagegen bas Ruden und Schlängeln burch bie Beränberlichkeit und bas excentrische Angreisen ber Zugkrafte P_1 und P_2 beförbert wirb.

6. 291 *). Durch bie tragen Maffen ber Rolben, Rolbenftangen, Ereibftangen und Rurbeln wird bie Stabilitat ber fortichreitenben Locomotiven noch befonbers beeintrachtigt, entweder weil fich biefe Daffen nicht aleichformig bewegen ober weil dieselben nicht gleichmäßig um die Treibare Der Rolben fammt feiner Stange bat am Anfang berum vertheilt find. feines Ausschubes eine beschleunigte, und am Enbe beffelben eine verzogerte Bewegung; in Folge beffen nimmt er baber wahrend ber erften Salfte feines Schubes ober Buges eine gemiffe Tragbeitetraft in Unfpruch, Die er in ber zweiten Salfte beffelben wieber gurudgiebt. Wenn alfo auch ber Dampforud (- ?) auf die Grundflache E bes Dampfenlinders, Rig. 596, unveranderlich berfelbe bleibt, fo wird boch nicht ber Segendruck O. an ber Treibstange conftant bleiben, fondern es wird biefer Drud ftets um biejenige Rraft fleiner ober großer als ber erftere fein, welche bie trage Maffe des Dampftolbens u f. w. entweder vermoge ihrer Befchleunigung in fich aufnimmt, ober vermoge ihrer Bergogerung wieber guruckgiebt. Diefer Rraftwechfel wirft befonders beshalb nachtheilig auf die Solibitat und Stabilitat ber Locomotive, weil nur bie Rraft Q, unmittelbar pon ber Treibare aufgenommen wird und bagegen ber Drud - O gegen bie Grundflache bes Dampfcplinders erft mittelbar, b. i. burch bie Druckfebern und Arenhalter auf die Aren übergetragen wird.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borizontalen Begen. 687

Bahrend die Barze B der Kurbel um den Binkel $OCB = \beta$ um the special ber Bemegung lauft, bewegt fich der Kolben F um den Beg:

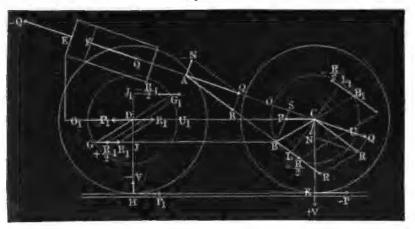
 $s = r (1 - \cos \beta) - \frac{r^2 (\sin \beta)^2}{2 l} (f. III., §. 95),$

wofur wir inbeffen annabernd nur

$$s=r(1-\cos \beta)$$

fegen wollen.

Fig. 596.



Die entsprechenbe Rolbengeschwindigkeit ift:

$$v = \frac{ds}{dt} = r \sin \beta \frac{d\beta}{dt}$$
 (f. I., §. 19 *)),

und ba nun noch $a\beta = ct$, ober $ad\beta = cdt$ ift, wofern c bie Gesschwindigkeit bes Bagens und t bie Zeit zum Durchlaufen bes Weges s bezeichnet, so folgt:

$$v=r\sin \beta \frac{c}{a}=\frac{cr\sin \beta}{a}$$
.

und hieraus wieber bie Acceleration bes Rolbens:

$$p = \frac{dv}{dt} = \frac{cr}{a}\cos \beta \frac{d\beta}{dt} = \frac{c^2r}{a^2}\cos \beta = \omega^2r\cos \beta,$$

wobei w bie Binkelgeschwindigkeit ber Treibare ausbrudt.

Multiplicirt man nun diefe Acceleration burch die Maffe M bes Kolbens u. f. w., fo erhalt man die gefuchte Tragbeitetraft beffelben:

$$K_1 = \omega^2 Mr \cos \beta$$
.

Für ben Rolben ber anderen Maschine ift statt β , 900 + β , und daber bie Trägheitstraft:

$$K_2 = \omega^2 Mr \cos(90^\circ + \beta) = -\omega^2 Mr \sin \beta$$
.

Theorie ber Aus diesen beiden Kraften folgt eine Mittelkraft, welche die Locomotive ber Dampi- in kurzen Absachen hins und jurudschiebt und vorzüglich bas Rucken bers felben beforbert:

1) $K = K_1 + K_2 = \omega^2 Mr$ (cos. β — sin. β), und ein Kräftepaar, welches die Locomotive um eine gegen die Ebenen durch beibe Kolbenstangen rechtwinkelig stehende Are zu drehen sucht, und bas Moment:

2)
$$\frac{(K_1 - K_2) b}{2} = \frac{\omega^2 Mrb}{2} (\cos \beta + \sin \beta)$$

hat.

Liegen die Dampfcplinder nicht horizontal, sondern sind sie unter bem Bintel & gegen ben horizont geneigt, so zerlegt sich die Mitteltraft K in eine horizontaltraft:

$$H = K \cos \iota$$

und in eine Bertitaltraft:

$$V = K \sin \iota$$
.

Babrend bie erftere Kraft bas Ruden bes Dampfwagens hervorbringt, erzeugt und beforbert lettere bas sogenannte Stampfen beffelben.

Ebenso zerlegt sich bas Rraftepaar in einen horizontalen und einen vertikalen Componenten, und es ift bas Moment bes ersteren:

$$(K_1-K_2)\frac{b\ cos.\,\iota}{2},$$

und bas des zweiten:

$$(K_1 - K_2) \frac{b \sin a}{2} \iota$$
,

wovon bas erstere bas Schlängeln und bas zweite bas Schwanken bes Wagens erzeugt.

Die Mittelkraft K geht während ber einen halben Umbrehung ber Treibwelle aus:

 $\omega^2 Mr$ in 0, in — $\omega^2 Mr$, — $\omega^2 Mr \sqrt{2}$, — $\omega^2 Mr$ und während ber zweiten aus:

— ω^2 Mr in 0, in + ω^2 Mr, + ω^2 Mr $\sqrt{2}$, + ω^2 Mr über, es variirt folglich biese Kraft während einer ganzen Umbrehung zwisschen den Grenzen:

$$-\omega^2 Mr \sqrt{2}$$
 und $+\omega^2 Mr \sqrt{2}$.

Das Moment des Kräftepaares $\left(+\frac{K_1-K_2}{2}-\frac{K_1-K_2}{2}\right)$ burch: läuft mährend der einen halben Umbrehung die Werthe:

$$\frac{\omega^2 Mrb}{2}$$
, $\omega^2 Mrb \sqrt{1/2}$, $\frac{\omega^2 Mrb}{2}$, 0 , $\frac{\omega^2 Mrb}{2}$,

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 689

und mahrend ber anderen bie Werthe:

$$-\frac{\omega^2 Mrb}{2}, -\omega^2 Mrb \sqrt{\frac{1}{2}}, -\frac{\omega^2 Mrb}{2}, 0, +\frac{\omega^2 Mrb}{2},$$

Theorie ber Bewegung ber Dampf wagen.

und schwankt folglich innerhalb einer gangen Umbrehung zwischen ben Grenzen: $+ \omega^2 Mrb V^{1/2}$ und $- \omega^2 Mrb V^{1/2}$.

§. 292. Da bie Kurbet CB im Kreise herumlauft, so kann man bie Bewegung berselben in zwei andere Bewegungen zerlegen, wovon bie eine bie Richtung ber Rolbenare hat, und bie andere um einen Rechtwinkel von bieser Are abweicht. Es ift ber Weg in ber ersteren Richtung wieder:

$$OS = r (1 - \cos \beta),$$

und bagegen ber in ber anberen Richtung:

$$SB = r \sin \beta$$
.

Daher folgt die Acceleration der erfteren Bewegung:

$$p = \frac{c^2 r}{a^2} \cos \beta = \omega^2 r \cos \beta,$$

und bagegen bie ber anberen:

$$q = -\frac{c^2 r}{a^2} \sin \beta = -\omega^2 r \sin \beta.$$

Ift nun M1 die Maffe bes Krummzapfens, von ihrem Schwerpuntte auf die Bargenare reducirt, fo hat man die Tragheitstraft bes Krummzapfens in ber Richtung der Rolbenbewegung:

$$M_1 p = \omega^2 M_1 r \cos \beta$$
,

und dagegen bie rechtwinkelig gegen jene:

$$M_1 q = - \omega^2 M_1 r \sin \beta$$
.

Får ben anderen Rrummjapfen ift bagegen bie erftere Rraft:

$$\omega^2 M_1 r \cos(90^0 + \beta) = -\omega^2 M_1 r \sin \beta,$$

und bie andere:

$$-\omega^2 M_1 r \sin(90^0 + \beta) = -\omega^2 M_1 r \cos \beta$$
.

Da die Tragheitetrafte, welche parallel der Rolbenbewegung wirken, genau so bestimmt werden, wie die der Rolben, so kann man sie sogleich zu biesen addiren, und seben:

$$K_1 = \omega^2 (M + M_1) r \cos \beta$$
, sowie $K_2 = -\omega^2 (M + M_1) r \sin \beta$.

Bas aber bie Normalfrafte

 $S_1 = -\omega^2 M_1 r \sin \beta$ und $S_2 = -\omega^2 M_1 r \cos \beta$ anlangt, so vereinigen sich bieselben wieder zu einer Mittelfraft:

$$S = S_1 + S_2 = -\omega^2 M_1 r (\sin \beta + \cos \beta),$$

und ju einem Kraftepaare mit bem Moment:

$$(S_1 - S_2) \frac{b}{2} = \frac{\omega^2 M_1 r b}{2} (\cos \beta - \sin \beta),$$

Ш.

Theorie ber wovon die erstere ben Druck der Treibrader auf die Are innerhalb der Bewegung ber Dampl- Grenzen: magen.

 $-\omega^2 M_1 r \sqrt{2}$ und $+\omega^2 M_1 r \sqrt{2}$

veranbert und baburch bas Stampfen ber Locomotive beforbert, und bas andere zwifchen ben Grenzen:

 $-\omega^2 M_1 r b V^{1/2}$ und $+\omega^2 M_1 r b V^{1/2}$

variirt, wodurch das Schwanten bes Dampfwagens hervorgebracht wird.

Die Treib: ober Kurbelftange M_2 hat erstens die Bewegung mit ber Kolbenstange gemeinschaftlich, weshalb man ben entsprechenden Theil ihrer Trägheitstraft unmittelbar zu K_1 und K_2 abbiren kann, so daß

$$K_1$$
 in $\omega^2 (M + M_1 + M_2) r \cos \beta$ und K_2 in $-\omega^2 (M + M_1 + M_2) r \sin \beta$

übergeht; außerbem hat aber noch ber Schwerpunkt berfelben eine Seitenbewegung, welche $\frac{l_1}{l}$ ber Seitenbewegung ber Aurbelwarze zu sehen ist, wenn l_1 ben Abstand bes Schwerpunktes bieser Stange von dem Kolbenstangenkopfe bezeichnet. Deshalb sind denn auch die beiden Kurbelstangen entsprechenden Seitenkräfte:

$$- \omega^2 M_2 r \frac{l_1}{l} \sin \beta \text{ und } - \omega^2 M_2 r \frac{l_1}{l} \cos \beta.$$

Bon diesen Kraften wird auf die Kurbelwarzen der $\left(\frac{l_1}{l}\right)$ te, und auf die Parallelführung der $\left(\frac{l-l_1}{l}\right)$ te Theil übergetragen, so daß die Mittelstraft $S=S_1+S_2$ in:

$$-\omega^{2}\left[M_{1}+M_{2}\left(\frac{l_{1}}{l}\right)^{2}\right]r\left(\sin\beta+\cos\beta\right)$$

und bas Moment bes Rraftepaares $(S_1 - S_2) \frac{b}{2}$ in:

$$\omega^2 \left[M_1 + M_2 \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] \frac{br}{2} (\cos \beta - \sin \beta)$$

übergeht, mahrend bie Seitentrafte:

$$T_1 = -\omega^2 M_2 \frac{l_1 (l-l_1) r}{l^2} \sin \beta$$
 und

$$T_2 = - \omega^2 M_2 \frac{l_1 (l - l_1) r}{l^2} \cos \beta$$

erft auf bas Wagengestelle übergeben und von bemselben mittels ber Drudfebern und, nach Befinden, mittels ber Arenhalter auf die Aren übergetragen werben.

Bei gekuppelten Rabern find naturlich noch bie Tragheitekrafte ber Ruppelmargen und ber Ruppelftangen in Betracht ju gieben. Da jebes

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borizontalen Begen. 694

Theilchen ber Ruppelftangen biefelbe Rreisbewegung hat wie die Bargen, Theerie ber fo find auch bie Tragbeitetrafte biefer Stangen genau fo gu bestimmen, ber Tampfe wie die der Bargen oder Krummgapfen. Ift Ma die Maffe einer Rup. pelwarze und M4 die einer Ruppelstange, so hat man bemnach fur die ents fprechenden Tragheitefrafte in der Richtung der Rolbenbewegung die Ausbrude:

$$K_3 = \pm \omega^2 (2 M_3 + M_4) r \cos \beta$$
 und $K_4 = \mp \omega^2 (2 M_3 + M_4) r \sin \beta$,

worin die oberen Beichen ju nehmen find, wenn die Auppelftangen an ben Bargen der Treibstangen angreifen, und bagegen die unteren, wenn die Ruppelwarzen ben Treibstangenwarzen gegenüberstehen.

Sind zwei Raberpaare mit ben Treibrabern getuppelt, fo hat man:

$$K_3 = \pm 2 \omega^2 (2 M_3 + M_4) r \cos \beta$$
 und $K_4 = \mp 2 \omega^2 (2 M_3 + M_4) r \sin \beta$.

Diefe Rrafte (K3 und K4) vereinigen fich naturlich mit ben Rraften K1 und K2 in ber oben bestimmten MittelEraft K und in dem gefundenen Rraftepaare:

$$\left(+\frac{K_1-K_2}{2}-\frac{K_1^{\bullet}-K_2}{2}\right)$$

Außer biefen Kraften geben bie letten tragen Daffen M_3 und M_4 auch noch bie Seitenfrafte rechtminkelig gur Bewegungerichtung bes Rolbens, und zwar:

$$S_3 = -\omega^2 (2 M_3 + M_4) r \sin \beta$$
 und
 $S_4 = -\omega^2 (2 M_3 + M_4) r \cos \beta$,

aus welchen nicht allein eine Mittelfraft, fonbern auch ein. Rraftepaar refultirt, welches lettere ben Abftand ba ber Umbrehungsebenen ber Ruppels margen gum Bebelarme hat.

$$K = \omega^2 (M + M_1 + M_2) r (\cos \beta - \sin \beta)$$

bes Rolbens fammt feiner Stange u. f. w. mahrend ber Umbrehung bes Rrummzapfens von 45 bis 225 Grad negativ, und mahrend ber folgenden halben Umbrehung von 225 bis 405 Grad wieder positiv ift, fo ertheilt fie bem ohnebies ichon nicht gang gleichformig fortichreitenben Dampfmagen noch eine fleine schwingenbe Bewegung, vermoge welcher er abmechselnb etwas vor- und rudwartsgeschoben wird. Die Amplitube biefer fcmingenden Bewegung lagt fich wie folgt ermitteln.

Ift W bie Maffe bes Dampfmagens und p feine Acceleration in Sinficht auf biefe Schwingungebewegung, fo haben wir gunachft:

$$Wp = K$$
.

Run ift $p=rac{du}{dt}$, wenn u bie Schwingungsgeschwindigkeit ber Loco-

Sbeorte ber motive, de ein Beitelement und du bas entsprechende Geschwindigfeitsber Sampt element bezeichnet, baher folgt:

$$Wdu = Kdt$$

und ba $t=rac{eta}{oldsymbol{\omega}},$ also $\omega t=eta$ und $\omega\,d\,t=d\,eta$ gesett werben fann,

$$W du = \omega (M + M_1 + M_2) r (\cos \beta - \sin \beta) d\beta$$
, woraus

 $Wu = \omega (M + M_1 + M_2) r (sin. \beta + cos. \beta)$ folgt, und eine Constante nicht hinzuzufügen ist, weil u Rull ist, wenn K seinen größten negativen Werth hat, d. i. wenn $sin. \beta = cos. \beta$ ist.

Bezeichnet man ferner ben Schwingungeweg ber Locomotive burch z, fo bat man:

$$u = \frac{dz}{dt}$$
, oder $u d\beta = \omega dz$,

und baber :

 $W d z = (M + M_1 + M_2) r (\sin \beta + \cos \beta) d \beta$, worque fich durch Integriren:

 $Wz = (M + M_1 + M_2) r (\sin \beta - \cos \beta),$ und folglich:

$$z = \frac{(M + M_1 + M_2) r}{W} (\sin \beta - \cos \beta)$$

ergiebt.

Dieser Schwingungsweg ist für tang. $\beta = -1$, d. i. für $\beta = 135^\circ$ am größten, und zwar:

$$= \frac{(M + M_1 + M_2) r \sqrt{2}}{W},$$

und bagegen für tang. $\beta=1$, b. i. für $\beta=45$ Grab, $=\Re$ ull; folgslich fällt die Schwingungselongation ber Locomotive

$$z=\pm \frac{(M+M_1+M_2)\,r\,\sqrt{2}}{W}$$

aut.

Die schwingende Bewegung ber Cocomotive um eine vertikale Are, welche burch bas Kraftepaar $\left(\frac{K_1 - K_2}{2}, - \frac{K_1 - K_2}{2}\right)$ hervorgebracht wird, last sich auf ahnliche Weise beurtheilen.

Es fei T bas Trägheitsmoment ber Locomotive in hinficht auf ihre vertikale Schwerlinie, und p_1 die Acceleration biefer Bewegung in der Sene der Treibrader. Dann haben wir:

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Wegen, 698

 $Tp_1 = \frac{1}{4} \omega^2 (M + M_1 + M_2) rbb_1 (\cos \beta + \sin \beta);$ baher für die entsprechende Geschwindigkeit u_1 :

Theorie ber Bewegung ber Dampfwagen.

 $Tu_1 = \frac{1}{4} \omega (M + M_1 + M_2) rb b_1 (sin. \beta - cos. \beta),$ und endlich fur den jugehörigen Schwingungsweg z_1 :

 $Tz_1 = -\frac{1}{4}(M + M_1 + M_2) rbb_1 (\cos \beta + \sin \beta),$ also:

$$z_1 = -\frac{(M + M_1 + M_2) r b b_1}{4 T} (\cos \beta + \sin \beta).$$

Dieser Weg ist får $\sin \beta = \cos \beta$ ein Maximum, und zwar $-\frac{(M+M_1+M_2)\,r\,b\,b_1\,\sqrt{2}}{4\,T}$ und får $\sin \beta = -\cos \beta$, Null;

baher schwingt jeber Endpunkt ber Areibare gegen seine mittlere Lage balb um $\frac{(M+M_1+M_2)\,r\,b\,b_1\,\sqrt{2}}{4\,T}$ vor, balb eben so viel nach, wenn er nicht durch bie Schienenbahn baran gehindert wird.

§. 294. Die im Borstehenden betrachteten Störungen in der Stabilität und Bewegung der Locomotiven laffen sich, in so weit sie aus der Wirkungsweise der Treibkrafte hervorgehen, gar nicht, und insoweit sie in der Trägheit der Zwischenmaschine ihren Grund haben, nur zum Theil durch Gegengewichte ausheben. Am vollständigsten wurde man denselben entgegenwirken, wenn man die Locomotive durch vier Dampfmaschinen in Bewegung seten ließe, von welchen je zwei auf den entgegengesetten Seizten der Treibare liegen und an entgegengesetten Warzen der Treibwelle angreisen; oder wenn man wenigstens sedem der beiden Dampftolden einer gewöhnlichen Locomotive auf der anderen Seite der Treibare noch einen anderen Kolbenmechanismus entgegenseste, welcher die entgegengesetten Bewegungen des ersteren macht und daher auch entgegengesette Trägheitsstäfte hervorruft.

Gegen. gemidte

Man hat jedoch von dieser Ausgleichungsweise abgestanden, weil baburch ber Bewegungsmechanismus des Dampswagens noch complicieter ausfallen murbe, und bedient sich daher jeht nur ber rotirenden Gegengewichte, welche allerdings auch nur theilweise, und zwar entweder nur die horizontalen ober nur die vertikalen Störungen aufzuheben vermögen.

Um bie horizontalen Eragheitetrafte:

$$K_1 = \omega^2 (M + M_1 + M_2) r \cos \beta$$
 und $K_2 = \omega^2 (M + M_1 + M_2) r \sin \beta$

auszugleichen, hat man jeder der beiben Kurbelwarzen gegenüber in einem beliebigen Abstande r_1 eine Masse $(M+M_1+M_2)rac{r}{r_1}$ anzubringen;

Gegen. gewichte. bie horizontalen Componenten ber Centrifugals ober Tragheitstrafte diefer Maffen bilben bann mit K_1 und K_2 Kraftepaare, welche bekanntlich teinen Drud auf die Ape C ausüben.

Die pertitalen ober normalen Componenten ber Tragheitetrafte:

$$S_1 = - \omega^2 \left[M_1 + M_2 \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] r \sin \beta$$
 und
$$S_2 = - \omega^2 \left[M_1 + M_2 \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] r \cos \beta$$

laffen fich ebenfalls durch zwei Maffen, jede von ber Große

$$\left[M_1+M_2\left(\frac{l_1}{l}\right)^2\right]\frac{r}{r_1}$$

ausgleichen, welche in einem willkurlichen Abstande r_1 ben Kurbelwarzen gegenüber anzubringen sind; denn es bilden die vertikalen Componenten der Centrifugalkräfte dieser Massen mit S_1 und S_2 Kräftepaare, welche nur auf die Rotation um die Are C_1 , nicht aber auf das Fortschreiten dieser Are einwirken.

Diefe lettere Ausgleichung ift beshalb um fo vortheilhafter, ba burch fie auch die horizontalen Eragheitetrafte auf die fleineren Berthe:

$$K_1 = \omega^2 \left(M + M_2 \left[1 - \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] \right) r \cos \beta$$
 und
$$K_2 = \omega^2 \left(M + M_2 \left[1 - \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] \right) r \sin \beta$$

surudgeführt werben, und außer biefen nur noch bie in ben Leitungen gur Birtfamteit tommenben Seitenfrafte:

$$T_1 = -\omega^2 M_2 r \frac{l_1 (l - l_1)}{l^2} \sin \beta$$
 und
 $T_2 = -\omega^2 M_2 r \frac{l_1 (l - l_1)}{l^2} \cos \beta$

unausgeglichen zurudbleiben, wogegen burch die vollständige Ausgleichung der Horizontalkräfte mittels der Gegengewichte $(M+M_1+M_2)\frac{r}{r_1}$ die Bertikalkräfte auf:

$$S_1 = \omega^2 \left(M + M_2 \left[1 - \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] \right) r \sin \beta$$
 und
 $S_2 = \omega^2 \left(M + M_2 \left[1 - \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] \right) r \cos \beta$

gefteigert merben.

Bon dem Fortschaffen der Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 695

Beifpiel. Es fei bei einer Locomotive von 50000 Pfund Bewicht, welche Gegenburd horizontal liegende Maschinen mit 60 Fuß Geschwindigkeit fortbewegt werben foll, bas Gewicht eines Rolbens fammt Stange 360 Bfund, bas Gewicht einer Lenfftange 260 Bfund, bas Gewicht einer Rurbel, auf ihre Barge rebucirt, 120 Bfund, bie Lange eines Rurbelarmes, r = 1 Fuß, ber Salbmeffer eines Treibrabes, a = 8 guß, ber Abstand ber Rabebenen von einander, b, = 55 und ber ber Cylinberaren von einanber, b = 72 Boll, und enblich fei bas Tragheitsmoment bes gangen Bagens in Beziehung auf feine vertifale Schwerlinie, T=16 M gugpfund. Dan foll bie ftorenben Rrafte, fowie bie Storungen, welche bie tragen Raffen ber Bewegungsmechanismen biefes Bagens hervorbrins gen, und endlich noch bie Große ber Gegengewichte gur Ausgleichung biefer Stos rungen ausmitteln.

Es ift bie Binfelgeschwindigfeit ber Treibare:

$$\omega = \frac{v}{a} = \frac{60}{3} = 20 \text{ Gus},$$

und es find hiernach bie horizontalen Eragheitefrafte:

$$K_1 = \omega^2 (M + M_1 + M_3) r \cos \beta = 400 \cdot (360 + 120 + 260) \frac{\cos \beta}{g}$$

$$= \frac{400 \cdot 740 \cos \beta}{81,25} = 9472 \cos \beta \Re \text{fund, fowie}$$

 $K_a = -\omega^a (M + M_1 + M_2) r \sin \beta = -9472 \sin \beta \Re \text{funb}.$

Da sowohl cos. & als auch sin. & zwischen + 1 und — 1 variirt, fo find auch bie Rrafte K, und K, ftetigen Beranberungen innerhalb ber Grengen + 9472 und - 9472 Bfund ausgesest. Der fleinfte Berth von ber Mittel= fraft aus K_1 und K_2 ift 0 und ber größte \pm 9472 $\sqrt{2}=\pm$ 13395 Bfund. Diese veranderliche Mittelfraft ichiebt bie Locomotive mahrend einer Umbrehung ber Treibare ein Mal vor und ein Mal zurud um

$$s = \frac{(M + M_1 + M_2) r \sqrt{2}}{W} = \frac{740 \sqrt{2}}{50000} = 0.0209$$
 Fuß = 1/4 Boll.

Das Moment bes überdies noch aus ben Rraften K, und Ka hervorgebenben Rraftepaares ichwanft zwischen ben Brengen:

$$+\omega^{3} (M + M_{1} + M_{2}) r b \sqrt{\frac{1}{1/2}} = 9470 \cdot 6 \cdot \sqrt{\frac{1}{1/2}} = 40178 \text{ unb} - \omega^{3} (M + M_{1} + M_{2}) r b \sqrt{\frac{1}{1/2}} = -40178 \text{ Suppfunb},$$

und bewirft, daß balb bas eine und balb bas andere Treibrab um ben Beg

$$s_1 = \frac{(M + M_1 + M_2) rbb_1 \sqrt{2}}{4 T} = \frac{740.6.55 \sqrt{2}}{4.12.16.50000} = 0,09$$
 guß = 0,11 30ll

feiner mittleren Bewegung voreilt, ober nachbleibt. Diefe fiorenben Bewegungen ber Locomotive laffen fich burch zwei Gegengewichte von je 740 Pfund aufheben, welche im Abstande r = 1 Fug von ber Treibare, ben entsprechenben Rurbelwarzen gegenüber, mit ber Treibwelle fest zu verbinben finb.

Steht bie Locomotive auf feche Rabern, fo fonnen wir annehmen, bag jebes Rab ein Sechstel bes gangen Bagengewichtes, also $\frac{50000}{6} = 8383$ Pfund Drud auf bie Schienenbahn übertragt. Diefer Drud wird aber burch bie vertifalen Tragbeitefrafte abmechfelnb noch vergrößert und verfleinert. Liegt ber Schwerpuntt einer Lenfftange um l, = 1/5 l, b. i. um brei Funftel ber gangen Lenf: ftange vom Querhaupte ber Kolbenftange ab, fo haben wir bie vertifalen Tragheitefrafte:

Begen. gewichte.

$$\begin{split} S_1 &= - \ \omega_s \left[M_1 + M_2 \left(\frac{l_1}{l} \right)^s \right] r \ \sin \beta \\ &= - \frac{400 \ (120 + 0.36 \ .260) \ \sin \beta}{81.25} = - \ 2734 \ \sin \beta \ \text{unb} \\ S_2 &= - \ \omega^2 \left[M_1 + M_2 \left(\frac{l_1}{l} \right)^s \right] r \ \cos \beta = - \ 2734 \ \cos \beta. \end{split}$$

Diefe Rrafte geben bie Dittelfraft:

$$S = S_1 + S_2 = -2734$$
 (sin. $\beta + \cos \beta$),

und ein Rraftepaar mit bem Momente:

$$(S_1 - S_2) \frac{b}{2} = -2734.8 (\sin \beta = \cos \beta) = -8202 (\sin \beta - \cos \beta),$$

welches ben Drud auf ein Treibrab abwechselnb um

$$\frac{(S_1 - S_2)b}{2b_1} = \frac{8202 \ (\sin \beta - \cos \beta)}{^{55}/_{15}} = 1790 \ (\sin \beta - \cos \beta)$$

vergrößert ober verfleinert.

hiernach folgt ber beiben Rraften entsprechenbe Buwachs bes Drudes auf bie Schienenbahn, fur bas eine Rab:

$$\frac{S}{2} + \frac{(S_1 - S_4)b}{2b_1} = 1867 \ (\sin \beta + \cos \beta) + 1790 \ (\sin \beta - \cos \beta),$$

und für bas anbere Rab:

$$\frac{S}{2} - \frac{(S_1 - S_2) b}{2 b_1} = 1867 \ (sin. \beta + \cos. \beta) - 1790 \ (sin. \beta - \cos. \beta).$$

Die Brengwerthe biefer Dreiede finb:

$$\pm\sqrt{rac{b_1^{a}+b^a}{2}}$$
. $\omega^a\left[M_1+M_2\left(rac{l_1}{l}
ight)^a
ight]rac{r}{b_1}=\pm$ 3185 Pfund.

hiernach fowantt bann ber Drud eines Treibrabes auf bie Schienenbahn gwifchen ben Grengen:

Der lettere Grenzwerth wird duch die in §. 288 bestimmte Bertikastrast $Z_1 + Z_2$, welche aus der Berlegung der Treibfraft in die Geradführung hervorgeht, noch um ein Ansehnliches vergrößert.

Benn man zur Ausgleichung ber vertifalen Tragheitsfrafte, ben Aurbels warzen gegenüber, im Abstanbe r=1 Fuß von ber Rabare ein Gegengewicht von $120+0.36\cdot 260=213.6$ Pfund anbringt, so werben nicht nur bie letten Störungen vollstänbig aufgehoben, sonbern es werben auch bie horizontalen Tragheitsfrafte auf ben

$$\frac{M + M_1}{M + M_1 + M_2} \left[1 - \left(\frac{l_1}{l} \right)^3 \right] = \frac{360 + 166.4}{740} = 0,71$$
ften Eheil

gurudgeführt.

Fast benselben 3wed erreicht man auch, wenn man im Abstande $r_1=2^{1}/_{3}$ Fuß von der Radare, und zwar am innern Umfange der Lreibräder, das Gesgengewicht $\frac{213.6}{2.5}=85.44$ Pfund andringt.

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 697

6. 295. Die Kraft gur langfamen Bewegung eines Bagens ober eines Berthand gangen Bagenzuges auf einer horizontalen Schienenbahn ift genau fo gu babnen. beurtheilen, wie bie Rraft gum Fortziehen ber Bagen auf Strafen. ift (f. §. 261) burch bie Formel:

$$P = (1 + v) \left(\varphi \, \frac{\varrho}{r} + \frac{\psi}{r} \right) Q + \frac{\psi R}{r}$$

bestimmt, in welcher Q bie reine gaft, vQ = W bas Gewicht ber Bagen ohne Raber, R bas Gewicht ber Raber, ferner r ben Salbmeffer berfelben, o den Arenhalbmeffer, o und w bie Coefficienten ber Arenteibung und ber Balgenreibung bezeichnen. Infofern findet aber zwischen beiben Wegen ein geofer Unterschied ftatt, als bei ben Kahrstragen die malzenbe, und bagegen bei ben Schienenbahnen die Bapfenreibung bas hauptfachs lichfte Bewegungshinderniß ausmacht. Der Coefficient der Arenreibung beträgt bei ben Gisenbahnmagen (f. I., f. 164) w = 0,050, und ber ber walzenden Reibung (f. I., S. 174) \(\psi = 0,020, \text{ wobei } r \) in preuß. Bollen gegeben fein muß. Run ift aber bas bei ben gewohnlichen Gifenbahnwagen im Mittel $2 \varrho = 2^5/8$, und 2 r = 40 3 oll; baher folgt bann hier

$$P = (1 + \nu) \left(0.05 \cdot \frac{21}{320} + \frac{0.02}{20} \right) Q + \frac{0.02}{20} R$$

= 0.00428 (1 + \nu) Q + 0.001 R,

mahrend bie Rraft jum Fortziehen vierraberiger Bagen auf guten Schotterftragen (f. Tabelle f. 263, III.) minbeftens

$$P = 0.05 (1 + \nu) Q$$

b. i. circa 121/2 mal fo groß ift.

Diefe Rraft wird beim ichnellen Fahren noch burch ben Biberftand ber Luft vergrößert, ber, wie befannt, mit bem Quabrate ber Gefchwindigfeit c bes Bagenzuges machft. Ift F ber großte Querfchnitt bes Bagenzuges, y die Dichtigkeit ber Luft und & ein Biberftandscoefficient, fo lagt fich, wie bekannt (f. Bd. I., S. 429 u. f. w.), ber Widerstand, welchen die Luft ber Bewegung bes Bagenjuges entgegenfett, burch

$$P_1 = \xi \cdot F\gamma \cdot \frac{c^2}{2q}$$

ausbruden, und hierin ber Widerstandscoefficient & = 1,83 annehmen.

Siebt man c in Fuß und F in Quabratfuß, und nimmt man bas Gewicht eines Cubitfuges Luft $\gamma=rac{66}{800}$ Pfund an, fo hat man:

$$P_1 = 1,83 \cdot 0,016 \cdot \frac{66}{800} Fc^2 = 0,0017556 Fc^2$$
 Pfund

Biderftand auf Elfenbabuen. Nach Pambour ift:

 $P_1 = 0.005064 Fc^2$ Kilogramm,

wenn F in Quadratmetern und c in Kilometern pr. Stunde gegeben wird.

Mun beträgt aber:

ein Meter . = 3,1862 preuß. Fuß,

ein Quadratmeter . . = 10,15187 preuß. Quadratfuß,

ein Kilometer ftunblich $_{\star}=\frac{1000}{3600}$ Meter pr. Sec., und

ein Rilogramm . . . = 2,13807 preuß. Pfund;

baher folgt benn fur bas preuß. Maaß:

$$P_1 = 0.005064 \frac{F}{10.15187} \cdot \left(\frac{3600 c}{1000 \cdot 3.1862}\right)^2 \cdot 2.13807$$

$$= 0.001362 F c^2 \text{ Pfund.}$$

Uebrigens rechnet Pambour für eine Locomotive mit Tenber und mit einem Bagen F=70 Quadratfuß engl. =66 Quadratfuß preuß. und für jeden folgenden Bagen noch 10 Quadratfuß engl. =9,4 Quadratfuß preuß. zu.

Es ift leicht zu ermeffen, daß nicht allein der Wiberstand der Luft, sonbern auch noch die Wiberstande, welche aus ben Nibrationen und Stofen ber Wagen auf der Bahn hervorgehen, mit dem Quadrate der Geschwinbigkeit des Trains machsen, und daß man baher genauer

$$P_1 = (\alpha Q + 0.001362 P) c^2$$

wo α eine diefen Bibrationen und Stoffen entsprechende Erfahrungsjahl bebeutet, ju fegen hat.

Der Englander M. Scott-Ru sell nimmt an, daß der lette Biberftand nur mit c wachse, und hiernach findet M. B. harding folgende auf mehrere neuere englische Bersuche basitte empirische Formel fur den Gesammtwiderstand eines Wagenzuges auf einer schligen und geraden Bahnstrede:

$$P + P_{\rm L} = \left(6 + \frac{c}{3}\right)Q_1 + 0{,}0025 \; Fc^2 \; {
m Pfunb \; engl.},$$

und es bedeutet hierin $Q_1=(1+\nu)\,Q$ bas ganze Gewicht bes Trains in Tonnen, F ben Inhalt bes größten Querschnitts besselben in Quadratfuß, und c bie Geschwindigkeit in engl. Meilen pr. Stunde.

Druden wir Q_1 in Pfund und c in Fuß pr. Sec. aus, so erhalten wir: $P+P_1=\left(6+\frac{1}{3}.\frac{3600\,c}{5280}\right)\frac{Q_1}{2240}+0,0025\,F\left(\frac{3600\,c}{5280}\right)^2$

$$P + P_1 = \left(6 + \frac{1}{3} \cdot \frac{3000c}{5280}\right) \frac{Q_1}{2240} + 0,0025 F \left(\frac{3000c}{5280}\right)$$

$$= (0,002679 + 0,0001015 c) Q_1 + 0,001198 F c^2 Pfund,$$
und für preuß. Maaß:

 $P + P_1 = (0.002679 + 0.0001045 c) Q_1 + 0.001807 Fe Pfund.$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 699

Diefe Formel gilt ftreng genommen nur fur Perfonenguge und giebt Biberfiand auch bei fleinen Gefchwindigkeiten ju große Berthe, welches feinen Grund befonders barin haben mag, bag in benfelben ber Wiberftand burch bie Bibrationen und Stoffe bem einfachen c und nicht co proportional mach: fend angenommen wird. Rehmen wir an, baf bas Glied 0,0001045 c Q1 bei c = 60 Auf ein richtiges Resultat liefere, und erseten wir baffelbe burch ein Glieb wc2 Q, fo erhalten wir folgende Gleichung:

 $\psi c^2 = 0.0001045 \ c$, und baber:

$$\psi = \frac{0.0001045}{c} = \frac{0.0001045}{60} = 0.000001741$$
, folglidy:

$$P+P_1 = (0.002679 + 0.000001741 c^2) Q_1 + 0.001307 Fc^2$$
 Pfund.

§. 296. Durch ben Bind fann ber Biberftand bes Bagenguges einer Locomotive entweder noch vergrößert ober auch verkleinert werden. wegt fich der Wind mit der Gefchwindigkeit v in der Richtung des Buges, fo ift die relative Gefchwindigkeit des Buges in Sinficht auf die Luft nur c - v, und bewegt er fich mit biefer Geschwindigkeit bem Bagengug birect entgegen, fo ift die relative Geschwindigkeit bes letteren c + v. Benn baber 0,001807 Fc2 ben Widerstand in ruhiger Luft ausbrudt, fo hat man benfelben

$$P_1 = 0.001307 \ F (c \mp v)^2$$

in ber nach ber einen ober ber anderen Richtung bewegten Luft.

Stromt ber Wind ichief gegen die Bewegungerichtung bes Buges, und weicht beffen Richtung von ber bes letteren um ben Binkel & ab, fo haben wir den Componenten der Windgeschwindigkeit in ber Richtung bes Buges v cos. d. und baber:

$$P_1 = 0.001307 \ F (c \mp v \cos . \delta)^2$$

ju fegen.

Mus ben Componenten v sin. & rechtwinkelig gegen die Bahn geht ein Seitenftog hervor, burch welchen ber Bagenjug feitwarts an ben einen Schienenstrang angebrudt und bie Reibung ber Raber auf biefem Strange vergrößert wird. Diefe Rraft ift bem gangendurchschnitt F, bes Bagen. juges proportional, und lagt fich baher

$$S = 0.001307 F_1 (c \sin \delta)^2$$

fegen.

Uebrigens wirft fie wie bie Centrifugalfraft beim Durchfahren einer Curve (vergl. §. 268), fie schiebt die Bagen so weit von ihrer mittleren Bahn ab, bis fich in Folge ber Conicitat ber Rabreifen Die Raber auf ber einen Seite um eine Sohe & gehoben, und bie auf ber anderen Seite

um eine Tiefe $\frac{\delta}{2}$ gefentt haben, folglich jene mit dem Durchmeffer $d+\delta$

Biberftanb auf Gifenbahnen. und biefe mit bem Durchmeffer $d-\delta$ fortrollen. Es ist hier $\frac{S}{O_1}=\frac{\delta}{b}$, und baher:

$$\delta = \frac{S}{Q_1} b = 0.001307 \frac{F_1 b}{Q_1} (c \sin \delta)^2$$
,

wenn b wieber bie Beleisweite bezeichnet.

Die gleitende Reibung, welche nun aus dem Fortrollen ber Bagen mit verschiedenen Umfangen erwächst, ift, ba bann die Raber auf der einen Seite bei jeder Umdrehung ber mittleren Bewegung ad um ad vor- und bie auf ber anderen Seite um ad nachgehen muffen:

$$P_1 = \frac{\delta}{d} \varphi Q_1 = 0.001807 \varphi \frac{F_1 b}{d} (c \sin \delta)^2.$$

Bei heftigem Winde werben die Raber auf der außeren Seite mit ihren Spurkranzen gegen die Schienenbahn gedrückt, und dann fallt natürlich P_1 noch größer aus.

Bei einer unter bem Winkel α aufsteigenden Bahn tommt zu bem Widerstande $P+P_1$ noch bas relative Gewicht

 $P_2=Q_1$ sin. $\alpha=(1+
u)$ Q sin. α bes Wagenzuges hinzu, wogegen beim Befahren einer fallenden Bahnstrede die Kraft

 $P_3=Q_1$ sin. $\alpha=(1+\nu)\,Q$ sin. α gewonnen wird und folglich die nothige Zugeraft um so viel kleiner ausfällt. Ift dann $P_2>P+P_1$, so muß natürlich der Bagenzug gebremft werben, damit er sich nicht beschleunigt bewege.

Der Wiberstand eines Wagenzuges wird beim Durchtausen einer Eurve burch hinzutretende gleitende Reibungen noch besonders erhöht. Während ein Wagen DEFG, Fig. 597, in einer Eurve AOB einen Kleinen Weg BN durchtauft, gleitet er zugleich um einen kleinen Weg NO radial auswärts. If CM ein Perpendikel von dem Mittespunkte C der Eurve auf die Längenare AB des Wagens, so haben wir in OBN und CBM zwei ähnliche Dreiecke, für welche die Proportion:

$$\frac{NO}{BO} = \frac{BM}{CB}$$

gilt.

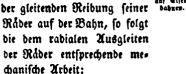
Bezeichnen wir den Eurvenhalbmeffer CB durch r, die Entfernung AB der Radaren DE und FG von einander durch e, und den Weg BO durch s, so haben wir daher:

$$NO = \frac{es}{2r}$$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borizontalen Begen. 701

Sft nun noch Q1 bie Belaftung bes Bagens, und \psi ber Coefficient Biberfanb auf Elfen-

Fig. 597.







$$\varphi Q_1 \cdot \overline{BO} = \varphi \frac{es}{2r} Q_1,$$

und baher die Bergrößerung der Zugkraft in Folge biefer Reibung:

$$P_3 = \varphi Q_1 \frac{\overline{NO}}{BO} = \varphi \frac{e}{2r} Q_1...$$

Sat der Bagen drei Paar Raber, so ist fur e ber Abstand ber außersten Radaren von einander einzusetzen. Es wächst also dieser Reibungs-widerstand direct wie die Entsternung der Radaren und umgekehrt wie der Curvenshalbmeffer. Uebrigens wird

biese Reibung nach Befinden noch burch bie aus §. 268 bekannte gleitenbe Reibung vergrößert, melche aus ber Berschiedenheit zwischen bem gleichszeitigen Begen ber außeren und bem ber inneren Raber hervorgeht.

Bei bieser rabialen Berschiebung ber Bagenrader legen sich bie Spurtranze der inneren Rader an die Schienenbahn an, und es entsteht badurch eine Seitenreibung φ . φQ_1 , beren Beg bei jeder Umbrehung eines Rades die Differenz zwischen bem Umfange πd_1 des Kreises, in welchem ber Spurtranz die Schienenbahn berührt, und bem Umfange πd , in welchem bas Rad auf der Schienenbahn fortrollt, ift, weshalb auch die Bergrößerung der Zugkraft in Kolge bieser Reibung

$$P_4 = \varphi^2 \left(rac{d_1 - d}{d}
ight) Q_1$$
 iff.

Um endlich noch die zum Fortziehen des Trains nothige Kraft des Dampf, wagens zu finden, ift der gefammte Widerstand $P+P_1+P_2+P_3+P_4$ des ganzen Wagenzuges sammt Lo:omotive und Tender wegen der Kolbenzreibung und wegen der Kraft zur Bewegung der Mechanismen des Dampf, wagens noch um 25 Procent zu vergrößern.

Biberftanb auf Gifenbahnen. Beispiel. Ein Dampfwagen wiege 25 Tonnen, sein Tenber, vollftandig belaftet, 15 Tonnen, und ber angehängte Wagenzug, bestehend aus 10 Wagen, jeber zu 6 Tonnen Gewicht, 6. 10 = 60 Tonnen; man foll die Kraft bieses Wagens bei 50 Fuß Fahrgeschwindigkeit ermitteln.

Die ganze Last ist hier $Q_1=(1+\nu)\ Q=25+15+60=100$ Tonnen, ober eine Tonne zu 2172 Pfund angenommen, = 217200 Pfund. Rimmt man nach Pambour den Querschnitt bes Wagenzuges = 66 Quadratfuß an und rechnet man hierzu wegen der Zwischenräume zwischen den Wagen noch 10.9,4=94 Quadratfuß, also im Ganzen F=66+94=160 Quadratfuß, so erhält man den Widerstand des Wagenzuges beim Befahren einer geraden söhligen Bahnstrede, nach Harbing's Formel:

 $P + P_1 = (0.0002679 + 0.0001045 \cdot 50) \cdot 217200 + 0.001807 \cdot 160 \cdot (50)^{\circ}$ = (0.0002679 + 0.005225) 217200 + 0.001307 \cdot 400000

= 1717 + 528 = 2240 Bfunb,

und dagegen nach der zweiten Formel, welche voranssetzt, daß der Widerstand burch die Stoge und Bibrationen der Mechanismen nach dem Quadrate der Fahrgeschwindigkeit c wachse:

 $P + P_1 = (0.0002679 + 0.000001741 \cdot 2500) \cdot 217200 + 523$ = $(0.007081 \cdot 217200 + 528) = 2050 \Re \text{funb}$.

Rame in ber Bahnlinie noch Ansteigen von 1/100 vor, fo warbe bie Rraft beim Aufwartsfahren um

P. = 217200 . 0,01 = 2172 Pfunb

gefteigert werben, alfo auf

$$P + P_1 + P_2 = 2050 + 2172 = 4222$$
 Pfund

anwachsen, und bagegen beim Abwartsfahren um 2172 Pfund kleiner, also im Ganzen 2050 = 2172 = - 122 Pfund ausfallen, und beshalb bas Anziehen ber Bremfen nothig fein.

Trägt die Treibare 0,4 bes Locomotivengewichtes, b. i. 0,4 . 25 = 10 Tonnen = 21720 Pfund, und wird der kleinste Werth des Reibungscoefficienten
zwischen den Treibrädern und der Bahn zu 0,1 angenommen, so hat man folglich die größtmögliche Zugkraft der Locomotive bei ungekuppelten Rädern nur
0,1 . 21720 = 2172 Pfund. Wenn nun auch von den 4222 Pfund Widerftand
circa ein Viertel auf die Locomotive selbst kommt, also für den Wagenzug ungesähr nur 3222 Pfund übrig bleiben, so ist doch die Locomotive nicht im Stande,
den Train bei 1/100 Ansteigen mit sich fortzunehmen, und folglich das Auppelm
der Räder, wobei die Zugkraft auf 0,1 . 21720 . 25 = 5430 Pfund gesteigert
werden kann, nothwendig.

Rechnen wir noch 25 Brocent auf die Kraft zur Ueberwindung der Rolbens reibung und Bewegung der Mechanismen u. f. w., so erhalten wir die nothige Dampftraft:

 $\frac{7}{4}$ $(P+P_1+P_2)=\frac{7}{4}$. 4222=5278 Pfund, und ift noch das Berhältniß der Aurbesarmlänge r zum Halbmeffer s der Treibrader: $\frac{r}{}=0.4$, so hat man die erforderliche Kraft eines Dampffolbens:

$$R = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{a}{r} \cdot \frac{5}{4} (P + P_1 + P_2) = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{5}{2} \cdot 5278 = \frac{\pi}{4} \cdot 18195$$
= 10363 \(\partial \text{funb} (f. \\$. 289),

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Megen. 703 und ift ber Dampsbruck pr. Quadratzoll, p = 60 Bfund, so folgt die nothige Biberftand auf Elien. Kolbenflache:

$$F = \frac{R}{p} = \frac{10363}{60} = 172,7$$
 Duabratzoll,

und enblich ber Rolbenburchmeffer:

$$d = \sqrt{\frac{4F}{\pi}} = 15 \text{ Boll.}$$

Durch Curven in ber Bahnlinie wird natürlich bie erforderliche Dampffraft ebenfalls vergrößert. Bei einem Curvenhalbmeffer r == 2000 Fuß, und ber Gesichwindigkeit v == 50 Fuß, ware die Centrifugalfraft bes Wagenzuges:

$$K = \frac{e^2}{g\tau} Q_1 = 0.082 \cdot \frac{(50)^2}{2000} Q_1 = 0.04 Q_1,$$

alfo 4 Procent ber Bagenlaft, und folglich bie Mittelfraft aus K und Q1:

$$= \sqrt{1 + (0.04)^2} Q_1 = \sqrt{1.0016} Q_1 = 1.0008 Q_1,$$

b. i. so wenig über Q_1 , daß man von bieser Bergrößerung des Drucks der Räder auf die Bahn ganz absehen kann. Setzen wir die Geleisweite in runder Jahl, $b=4,5\,$ Fuß, und den mittleren Raddurchmeffer $d=3,5\,$ Fuß, so erhalten wir die Größe, um welche in Folge der Conicität der Räder die Durchmeffer der mit der Schienenbahn in Berährung kommenden Raddumfange beim Eintritt in die Curve sich verandern:

$$d = \frac{b d}{2r} = \frac{4.5 \cdot 3.5}{4000} = 0.00888 \ \text{Fuß} = 0.55 \ \text{Linien},$$

und bie Erhebung bes außeren Schienenftranges über ben inneren

$$b_1 = \frac{c^4 b}{gr} - \delta = 0.04.4.5 - 0.00383 = 0.1762$$
 Fuff = 2.11 Boll (f. §. 268).

Rehmen wir im Durchschnitt die Entfernung ber außersten Aren eines Basgens von einander: e=14 Fuß an, und setzen wir den Coefficienten ber gleitens den Reibung zwischen den Rädern und Schienen, $\varphi_1=0.2$, so erhalten wir die Bergrößerung der Zugkraft in Folge der gleitenden Reibung in der Curve:

$$P_a = \varphi \frac{e}{2\pi} Q_1 = 0.2 \cdot \frac{14}{4000}$$
. 217200 = 152 Pfund.

Rehmen wir endlich an, bag bei bem Durchfahren ber Curve ber innere Spurfranz die Schienenbahn in einem Kreise berühre, beffen Durchmeffer d, um 11/2 Boll größer ift als ber Durchmeffer d bes Kreises, mit welchem die Raber auf ber Bahn fortrollen, so erhalten wir noch die Reibung an den Spurfranzen im Ganzen:

$$P_4 = \varphi^3 \left(\frac{d_1 - d}{d} \right) Q_1 = (0,2)^3 \frac{2}{12 \cdot 3,5} \cdot 217200 = 310$$
 Fund.

Run erhalten wir die Gesammtkraft beim Bergauffahren: $\mathcal{Z}(P) = P + P_1 + P_2 + P_3 + P_4 = 4222 + 152 + 310 = 4684$ Pfund, und mit Berüdfschigung ber Kolbenreibung und ber nöthigen Kraft zur Bewesgung der Rechanismen:

Biberfanb auf Eifenbahnen. Die entsprechenbe Dampffraft ift:

$$R = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{5}{2} \cdot 5855 = 11496$$
 Pfund,

hiernach bie Große einer Rolbenflache:

F =
$$\frac{11496}{60}$$
 = 191,6 Quabratioll

und endlich ber Durchmeffer eines Rolbens:

d = 15,6 Boll.

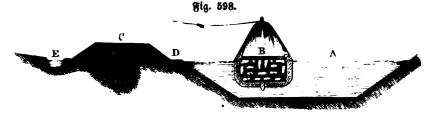
Anmertung. Weber Gifenbahntransport und Dampfwagen ift bie Literatur ju ausgebehnt, als bag fie hier vollständig mitgetheilt werben tonnte; baber follen im Folgenden nur bie wichtigsten Schriften, und vorzüglich bie wiffenschaftlichen Abhandlungen genannt werben. Guide de mecanicien constructeur et conducteur des machines locomotives par M. M. Lechatelier, Flachat, Petiet et Polonceau, Paris 1851. Etudes sur la stabilité des machines locomotives, par Lechatelier, Paris 1849. Théorie de la stabilité des machines locomotives en mouvement, par Yvon Villarceau, 1852. In ben Annales des Mines. Cinquième Série, Tome III., 1853. Note sur la stabilité des machines locomotives, par Resal, unb bes contre-poids appliqués aux roues motrices des machines locomotives, par Couche. Gine Uebersepung im Auszug vom herrn Tellfampf ift im Notig-Blatt bes Architektens und Ingenieurvereins in Sannover enthalten. Ferner bat ber Bers faffer biefen Gegenstand behandelt in einem Auffage: Die Mechanit bes Dampfe magens, enthalten im Civil-Ingenieur, von Dr. Beuner ac. Band 2. In bem erften Bande ber letten Beitschrift ift auch eine Ueberfetung von einer Abhandlung von Philipps über bie Theorie ber Stephenfon'fchen Couliffe, ebenfalls aus ben Annales des Mines, Band 8, ju finden. Der vierte Band biefer Annales (1853) enthalt auch eine Abhanblung über bas Arnour'iche articulirte Arenspftem ber Gifenbahnwagen. Ferner ift ju empfehlen: Abbildung und Beschreibung der Locomotivmaschinen, von E. Heussinger von Waldegge. Wiesbaden 1851-1854, sowie auch beffen Organ für die Fortschritte bes Gifenbahnmefens ic., bis jest 9 Banbe. Bambour's theoretifchepraftifches Sandbuch über Dampfmagen, Braunschweig 1841, ift icon jest größtentheils veraltet. Das Original ift 1840 in Baris unter bem Titel: » Traite théorique et pratique des machines locomotives erfdienen. In bifterifder binficht ift auch zu empfehlen: The steam-engine, steam-navigation, roads and railways by D. Lardner, Eighth. edit. London 1851.

Schifffahrtecandie. 6. 297. Die Förderung zu Baffer (franz. le transport par eau; engl. the transport by water) erfolgt entweber in Canalen, ober in Stuffen, ober auf Seen, ober auf bem Meere. Die sogenannten Schiffsfahrtscanale (franz. canaux navigables; engl. canals of navigation), in welchen die Förderung zu Basser erfolgt, sind entweder Seiztencanale ober Verbindungscanale. Im ersteren Falle erseten sie nur eine unschiffbare Flußtrecke, im zweiten Falle hingegen dienen sie zur Berbindung zweier schiffbaren Flusse und überschreiten daher auch eine sogenannte Basser schießte effanz. point de partage; engl. summit level).

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 705

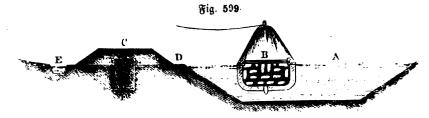
Die Canalschifffahrt unterscheidet sich von der Flußschifffahrt wesentlich Schiffsahrte badurch, daß jene in stehendem, diese aber in fließendem Wasser erfolgt. Damit das Wasser eines Schiffsahrtecanales teine, oder wenigstens nur eine hochst unbedeutende Stromung annehme, ist es nothig, diese Canale möglichst sohlig zu führen, oder sie wenigstens aus sohligen Abtheilungen bestehen zu lassen, welche mittels sogenannter Schleusen (franz. sclusos; engl. locks) mit einander in Verbindung zu sehen sind.

Der Querichnitt eines folden Canales richtet fich nach ber Grofe ber in bemfelben fortzugiehenden Schiffe. Damit zwei fich begegnende Schiffe einander nicht hindern, muß die Breite des Schifffahrtecanales mindeftens boppelt fo groß fein als die eines Schiffes, auch ift es nothig, bag amifchen bem Schiffe und bem Boben bes Canales noch ein Raum von minbestens einem Fuß Sohe übrig bleibe. Uebrigens machft ber Biberftanb bes Schiffes, wenn bas Berbaltnig zwischen bem Querprofile bes eingetauchten Schifftheiles und bem bes Canales abnimmt, und beshalb ift es rathfam, bas lettere Querprofil mindeftens vier Dal fo groß als bas erftere ju machen. Die Seiten bes Canales erhalten in der Regel eine Bofcung von 1,5 ober 880, 42'. Muf bem einen ber beiben Damme, welche ben Canal begrengen, befindet fich ber Biebmeg ober fogenannte Lein. pfab (frang. chemin de halage; engl. tow-path), auf welchem bie Pferbe laufen, mahrend fie bas Boot mittels eines Taues fortziehen. Breite biefes Leinpfades foll mindeftens 10 guß betragen und bie Bohe beffelben über bem Bafferspiegel 11/2 bis 3 Ruf. Mittlere Schifffahrts canale find oben 30 bis 50 gug, unten 20 bis 35 guß breit und haben eine Tiefe von 41/2 bis 6 Fuß. Der Calebonian-Canal in Schottland, welcher ben Atlantischen Drean mit ber Norbsee verbindet und voruglich mit Dampfichiffen befahren wird, jeboch auch Fregatten zweiter Claffe ben Durchgang gestattet, bat oben eine Breite von circa 110 Fuß, unten eine folche von 50, und eine Tiefe von 20 Fuß. Er enthalt 22 Schleufen, woburch die Schiffe gegen 90 guß boch gehoben und niebergelaffen merben tonnen, und ift im Sangen 363/4 engl. Deilen lang (f. von Gerft. ner's Mechanit Bb. II). In Fig. 598 ift bas Querprofil eines Schiff.



Ш

Ediffiabrie- fahrtscanales angebilbet. Es ist A der Bafferweg, B der Querschnitt des Schiffes, C der Leinpfad, D die sogenannte Berme, E ein Seiten=



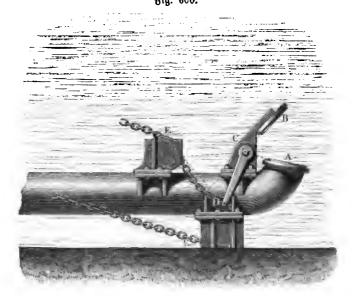
graben und F eine Fullung von Thon und Sand, wodurch bas Durch- fidern bes Baffers verhindert werden foll.

§. 298. Die Speisung (frang. alimentation; engl. feeding) ber Epcifung ber Ganale. Seitencanale erfolgt theils burch ben Fluß felbft, an welchem ber Canal hinlauft, theils durch Seitenbache, welche bem Bluffe guftromen. bagegen bie Speifung ber Berbinbungscanale anlangt, fo find bierzu befonbere Speifebaffins Speifegraben unb nothwenbia. Speisebaffins (frang. reservoirs; engl. feeders) find gewöhnliche Teiche (f. II., 6. 97 u. f. m.), in welchen Quelle, Thaus, Regens und Bluthmaffer angesammelt wird, um bamit nicht nur bas gullen und Schleufen ber Canale bemirten, fonbern auch ben Berluft burch Berbunften, Durchfidern und unvolltommenes Berichließen ber Schleufenthore erfeben ju tonnen. Die Speifegraben (frang. rigoles; engl. feedingtrenches) find Graben, welche bas Baffer aus Bachen, Fluffen und Teichen bem Canale guführen. Bahrend bie Speifebaffins vorzuglich bagu bienen, bie hoher gelegenen Canalftreden mit Baffer gu verforgen, bezwecken die Speifegraben mehr bas Speifen ber tiefer liegenben Canalftreden.

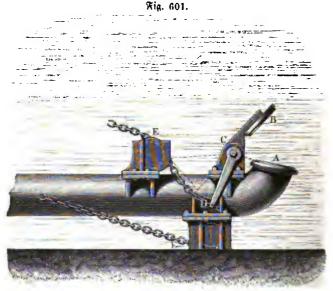
Bei ber Auswahl ber Canallinie muß man barauf feben, baß ber Casnal bie Bafferscheide an ber tiefsten Stelle in einem sogenannten Gebirgssfattel überschreite. Damit nicht nur bie Anzahl ber nothigen Schleusen möglichst beschränkt werde, sondern auch das Sammelrevier bes nothigen Speisebassins möglichst groß ausfalle, macht man wohl auch bei Anlegung ber obersten Canals ober sogenannten Scheitelstrecke einen tiefen Gebirgseinschnitt, ober eine Roschens (Stollns ober Tunnels) Anlage. Im außersten Falle, wenn beim Uebergange über eine Baffersscheibe dem Canale keine ausbauernd hinreichende Wassermenge zugeführt werden kann, ist es wohl nothig, mittels einer besonderen Wassers

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nahe horizontalen Begen. 707 bebungemaschine Speisewasser herbeizuschaffen, ober bie Schiffe mits evelsung ber tels besonderer Aufzuge ober Rampen (f. g. 270) über ben Gebirges rucken zu transportiren.

Die Damme ber Speisereservoirs (Teiche) werben entweber aus Steis nen ober aus geftampfter Erbe gebilbet (vergl. II., §. 98). Bu ben Erb. bammen verwendet man am besten ein Gemenge von Sand und Thon, auch bringt man wohl noch im Innern bes Dammes, um ihn gegen bie Kiltration bes Baffers ju fichern, eine Thonwand (engl. puddle) an, und ebenfo fcutt man bie innere Dammflache gegen ben Bellenfchlag noch burch ein Steinpflafter. Die Dammtrone erhalt gewohnlich eine Breite von 18 Fuß, und ben Dammflachen giebt man auf jeden Suß Bohe 11/, bis 2 Rug Bofchung. Das Ableiten bes Baffers aus ben Speifeteichen erfolgt am beften burch mehrere Abflugcanale (Teichgerinne) uber einander, wovon jedoch nur immer berjenige benutt wird, ber junachft unter bem Bafferfpiegel liegt. Gewohnlich fuhrt man bie Teichgerinne fohlig burch ben Teichbamm; wenn aber bas Refervoir nicht febr tief ift, fo tann man fie auch beberformig uber ben Damm weglegen. 3m= mer find die gugeifernen Teichgerinne den fteinernen vorzugieben. Abflug bes Baffere burch biefelben wird burch Sahne, Schieber, Bentile, Rlappen u. f. w. regulirt (vergl. II., f. 100). Gine berartige Rlappe an ber Einmundung ber Rohre, burch welche bas Baffer aus bem Teiche abgeführt wirb, ift Sig. 600 abgebilbet. Die Rohrenmundung A ift Rig. 600.



Eveifing ber ift etwas nach oben gerichtet und auf ihrer Stirnflache genau abgefchlif: fen; die Klappe wird durch eine Scheibe B gebilbet, welche mittels ftarter

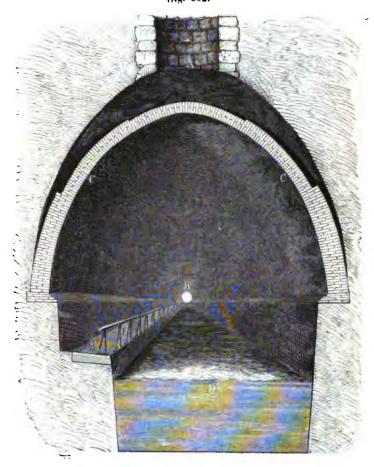


Arme CD um ihre horizontale Are C gedreht werden kann. Dieses Drehen erfolgt durch Ketten EDF, welche um Rollen E und F liegen und mittels eines Borgelegehaspels, wie Fig. 442, welcher auf der Dammkrone steht, sowohl nach der einen als nach der anderen Richtung angezogen werden können.

Bum Ablassen bes überflussigen Wassers sowohl aus ben Speiseteichen als auch aus ben Schifffahrtstandlen selbst bienen breite steinerne Fluthe gerinne ober sogenannte Leerlaufe (franz. deversoirs; engl. wastewiers) mit Ueberfallen. Dieselben sind bei starten Regengussen ober Thauwetter zu eröffnen, um bas Ueberfließen bes Wassers über bie Teichsober Canaldamme zu verhindern.

Anmerkung. Eine ber größten unterirbischen ober eingeröschten Canalitreden kommt bei bem Canale vor, welcher bie Themse bei Gravesend mit bem Medway verbindet. Der ganze Canal ift nur 7 engl. Reilen, ber Tunnel ober bie eingeröschte Strede besselben aber allein 4% engl. Reilen lang. Der Angriff bieses Tunnels ist zu gleicher Zeit von ben beiben Munblöchern (entrances) und von neun Lichtlöchern (shafts), wovon bas tiefste 191 engl. Fuß Tiefe hatte, aus erfolgt. Das Duerprosil bieses Tunnels, geführt burch ein Lichtloch A, welches von bem bei B sichtbaren Munbloche eine Meile absteht, zeigt Fig. 602. Da ber Kallstein, burch welchen biese Rösche geht, nicht hinreichende Festigkeit besitht, so wurde bieselbe mit einem Ziegelgewölbe CC ausgemauert. In ber

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 709 Figur fieht man noch in D bas Canalbette, und in E ben mit einer Barriere F epeifung ter versebenen Leinpfab. Die Sohe bes gangen Tunnels betragt 35 guß (engl.) und Ria. 602.



bie Beite beffelben 30 Fuß; bas eigentliche Canalbett ift bagegen nur 8 Fuß ticf, oben 21,6, und unten 20 Fuß weit.

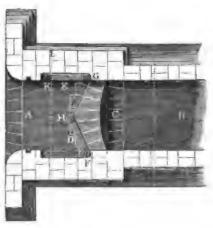
6. 299. Be zwei gunachft über einander liegende Canalftreden ober Rammer fogenannte Saltungen find meift nur burch eine einfache Schleufe ober fogenannte Rammerfchleufe mit einander verbunden. Gine folche Schleuse ift ein ausgemauertes Baffin, Die fogenannte Schleusenkammer (frang. sas; engl. chamber), burch beffen Unfullung mit Baffer ein in baffelbe eingelaufenes Boot von einer Saltung auf die nachft bobere gebo-

Rammer-

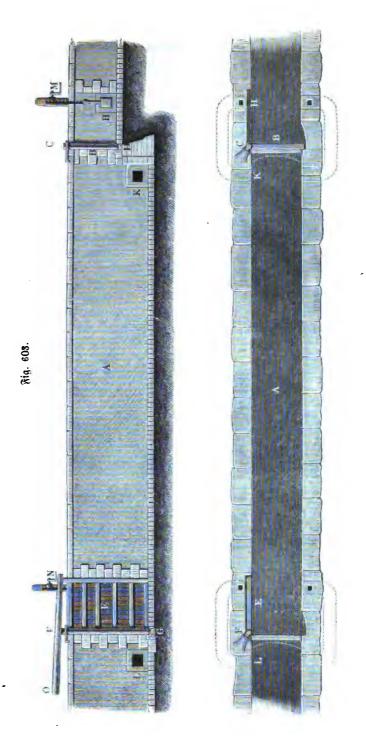
ben, und durch beffen Entleerung ein solches Boot von einer haltung auf die nachst tiefere niedergelassen werden kann. Bei dem Fullen der Schleuse ist dieselbe von der unteren, und beim Leeren derselben von der oberen Haltung abzusperren, und deshalb ist die Schleuse durch Thore, die sogenannten Schleusenthore (franz. portes d'eoluses; engl. lock-gates), mit beiden Haltungen verbunden. Zum Ein: und Auslassen des Wassers aus der Kammer erhalten entweder die Thore derselben Ausstugmundungen, welche sich mittels Schützen beliebig eröffnen und verschließen lassen, oder es sind überwölbte, oder gußeiserne Canale (Dohlen), sogenannte Umläuse, angebracht, welche sich in den Mauern der Schleuse um die Thore herumziehen und die Schleusenkammer mit den Haltungen in Verbindung seten, übrigens aber ebenfalls durch Schützen eröffnet und verschlossen werden können.

Eine einfache Kannmerschleuse bes Birmingham-Liverpooler Canales ist durch Fig. 603 in einem vertikalen Langendurchschnitte und bem Grundriffe abgebildet. Es ist A die Schleusenkammer von 75 engl. Fuß Lange, 8 Fuß Weite und $12^{1}/_{2}$ Fuß Tiefe, ferner B das um die Are CD drehbare Oberthor und E das um die Are FG drehbare Unterthor. Ferner sieht man in H die Einmundung und in K die Ausmundung eines der beiben oberen Umläuse, sowie in L die Ausmundung eines unteren Umlauses, wogegen die Umläuse selbst nur im Grundriffe durch runktirte Linien angegeben sind. Endlich bemerkt man noch in M und N die Kurbeln mit Jahnradern, welche in die gezahnten Schügenstangen der Umläuse eingreisen und zur Eröffnung und Verschließung der letzteren dienen. Bei der in Fig. 603 (a. f. S.) abgebildeten engen Schleuse sind





bie Thore einfach; find bie Schleusen weiter, fo men= bet man hingegen boppelte, ober fogenannte Stemm : thore an, die sich während bes Berfchluffes in Mittellinie ber Schleuse gegen einanber ftemmen. In Rig. 604 ift ber Grund: riß des oberen Theiles einer Schleuse mit Stemmthoren abgebilbet. A das fogenannte Dberhaupt, B bie Rammer ber Schleuse, ferner C ber Abfall zwischen bem Dber-

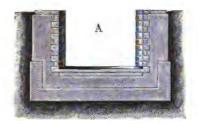


fcleufen.



als gefchloffen unb bas anbere als geoffnet bargeftellt. Diefe Thore breben fic mit ihren Benbefaulen F und G um vertifale Aren und ftofen mabrend bes Berfchluffes mit ihren Schlagfaulen H und K an einander an. In Amerika hat man auch Schleufenthore, welche fic um eine horizontale Are breben. In Fig. 605 ift noch ein Querschnitt bes Oberhauptes A und in Fig. 606 ein Querschnitt

ber Kammer B vorgestellt; bie lettere zeigt auch bei C ben Abfall, welcher Fig. 605. Fig. 606.





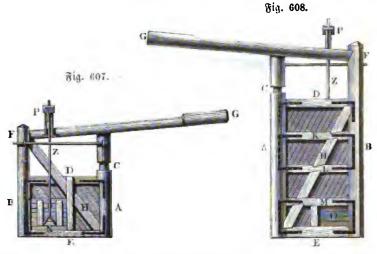
bald mehr bald weniger fteil gelegt wird. Die Schleufenthore legen fic unten gegen die fogenannten Drempel (frang. buscs; engl. mitre-sills) und an ben Seiten gegen bie Wenbenifchen (frang. chardonnets; engl. hollow-quoins); mahrend die Drempel 6 bis 10 Boll uber bem Boben bes Dberhauptes vorfteben, find die Benbenifchen, entsprechend ber Dide ber Thore, 10 bis 15 Boll tief. Die Drempel find entweber aus Steinquadern ober aus zwei Schwellen, ben fogenannten Schlag: fcmellen, gebilbet; lettere bilben mit ben Mittelbalten ein gleich: fchenkliges Dreied, welches burch ben Binber, beffen gange circa ein Sechstel von ber Beite bes Canales ober ber gange bes Mittelbaltens ift, in zwei gleiche Theile getheilt wird.

Der Kall ober bie Bobe bes Abfalles einer Schleuse (frang. le hute; engl, the lift of lock) betragt meift 6 bis 8 Auf, in feltenen Rat-

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 713 len 12 bis 18 Fuß. Sind die Gefalle großer, fo wendet man lieber zwei ober mehrere gefuppelte Schleufen an, bei welchen bas Unterthor jugleich Dberthor ber anberen Schleufentammer ift.

Amerikanische Rammerschleusen haben oft gar keinen Abfall, sondern ftatt beffen eine fogenannte Fallmauer vor dem Dberthore.

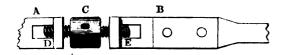
Das Gerippe ber Schleusenthore wird aus zwei vertikalen Echleusen. Saulen und einer gewiffen Angahl von Querriegeln gebildet. 607 ift ein Oberthor und in Fig. 608 ein Unterthor abgebilbet.



beiben Abbilbungen ift A bie Benbefaule (frang. poteau tourillon; engl. quoin ober heel-post, und B bie Unschlagfaule (frang. poteau busqué; engl. mitre-post); ferner fieht man in C ben Sale ber Benbefaule, welcher die obere Drehare des Thores bilbet, sowie in D bas obere und in E bas untere Rahmftud, ober ben fogenannten Schwellrah: men. Kerner ift FG ber Drebbaum, welcher theils als Bebel gum Deffnen und Berichließen ber Thore, theils auch als Gegengewicht bient, um bas fogenannte Saden ber Thore ju verhindern. Diefem Saden ober Aufliegen ber Thore auf bem Boben ber Thortammern wirft man porzüglich auch burch eine Strebe H, welche von ber Anschlagfaule biagonal berab nach ber Benbefaule lauft, entgegen; auch bringt man gu biefem Brede mohl noch ichmiebeeiferne Bugbanber an, welche umgekehrt, von ber Unschlagfaule nach ber Benbefaule herauflaufen; enblich lagt man wohl auch, namentlich wenn die Thore fehr breit find, biefelben mittels gugeiserner Laufrader auf einer Schienenbahn laufen, welche auf ber Edleufen.

Sohle ber Thorkammer liegt. Noch sieht man in ber Abbildung Fig. 608 die Querriegel K, L, M, sowie in beiden Abbildungen die eisernen Beschläge und die Bekleidung der Thore mittels diagonal laufender Holzbielen. Statt derselben wendet man auch mit Bortheil Eisenblech an. Endlich sieht man noch in O die durch ein Schutheret N verschließbare Schuthsfnung, sowie in Z die Zugstange derselben, und in P das Gestelle für den Mechanismus zum Ziehen dieser Stange.

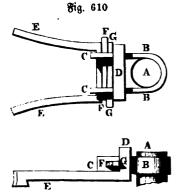
Um dem Sacken der Schleusenthore durch die Zugbander soviel wie möglich entgegen zu wirken, läst man dieselben aus zwei Theilen A und B, Fig. 609, bestehen, und verbindet dieselben durch eine DifferenzialKia. 609.



schraube DCE (s. III., §. 146). Wird der Kopf C dieser Schraube ein Mal umgedreht, so zieht sich das Band um die Differenz der Sanghohen der Sewinde D und E zusammen.

In neueren Zeiten hat man bas Saden großer Thore auch burch Auspumpen bes wafferbicht abgeschloffenen Raumes, welcher von einer boppelten Bekleibung bes Thores gebildet wird, zu verhindern gesucht.

Die Wenbefaule ber Schleusenthore ftut fich unten mittels eines eifernen Bapfens auf ein eifernes Lager, genau wie bie stehenbe Welle eines Gopels ober einer Turbine, und wird oben burch ein Halsband, welches
um ben runden hals berfelben herumlauft, in fentrechter Richtung erhalten. Dieses Halsband ift burch starte Anter mit bem Mauerwerte zu



verbinden, und muß zum Edfen ober Abnehmen eingerichtet fein, um das Thor, wenn es nothig ist, ausheben zu können In Fig. 610 ist A ber Hals eines Schleufenthores, CBBC das um denselben herumliegende Halsband, welches durch eine Rase D bes Ankers EDE hindurchgesstelle FF und GG fest mit dersselben verbunden wird.

Da ber Drud bes Baffers auf ein Schleufenthor AC,

Bon bem Fortichaffen bei Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 715

Fig. 611, von oben nach unten gurimmt, fo foll man bie Querriegel edieufen-





EE1, FF1, GG1 u. f. w. beffelben auch nicht in gleichen Abstanden von einander legen. Der Drud bes Baffers auf bas Thor ift, wenn b bie Breite AB und a bie Sohe AD beffelben bezeichnen, nach I. §. 299:

 $P = \frac{1}{2} b a^2 \gamma$, und bagegen ber Druck auf ein Feld ABEE, beffelben von ber Sobbe $BE = a_1$:

$$P_1 = \frac{1}{2} b a_1^2 \gamma;$$

folglich hat man:

$$\frac{P_1}{P} = \frac{a^2_1}{a^2} = \frac{\triangle B K E}{\triangle B D C},$$

wenn K ben Durchschnitt ber Dig. gonale BD mit der Bafis EE, angiebt. Rommt es baber barauf an, bas gange Thor ABCD burch Horizontale (Riegel) EE1, FF1, G G, u. f. w. in Theile gu theilen,

beren Bafferdrude gleich groß finb, fo ift es nur nothig, bas Dreied BCD burch Parallellinien EK, FL, GM u. f. w. in gleiche Stude BEK, EKLF, FLMG u. f. m. ju theilen; dies erfolgt aber nach einer bekannten Regel ber praktifchen Geometrie baburch, bag man DC in gleiche Theile theilt, ferner uber DC einen Salbtreis beschreibt, in ben Theilpunkten 1, 2, 3 . . . die Perpendikel 1 a, 2 ß, 3 y . . . auf DC errichtet, die Abstande $D\alpha$, $D\beta$, $D\gamma$. . . auf DC aufträgt , burch die fo nach DC gebrachten Puntte α, β, γ . . . Parallelen αE, βF, γG du BD zieht; wenn man bann noch durch E, F, G ... Parallelen $EE_1, \ FF_1, \ GG_1 \ \dots$ gur Bafis DC legt, so zerschneiben birfe bas Dreied BCD in gleiche und folglich bas Biered ABCD in Stude von gleichem hybroftatifchen Drude. Denn es ift:

$$\frac{\triangle B KE}{\triangle B DC} = \frac{\overline{KE^2}}{\overline{DC^2}} = \frac{\overline{D\alpha^2}}{\overline{DC^2}} = \frac{D1 \cdot DC}{DC \cdot DC} = \frac{D1}{DC}$$

ebenfo:

$$\frac{\triangle BFL}{\triangle BDC} = \frac{\overline{LF^2}}{DC^2} = \frac{\overline{D}\beta^2}{DC^2} = \frac{D2 \cdot DC}{DC \cdot DC} = \frac{D2}{DC} \text{ u. f. w.,}$$
 folglish auch

716

Wiered
$$KEFL = \frac{\triangle BFL - \triangle BEK}{\triangle BDC} = \frac{D2 - D1}{DC} = \frac{\overline{12}}{\overline{DC}};$$

ist also $D 1 = 12 = \overline{23}$ u. s. w., so folgt auch:

Dreied $BEK = \mathfrak{B}$ iered $KEFL = \mathfrak{B}$ iered LFGM u. f. w.

Thorriegel wie EE_1 , FF_1 , GG_1 u. f. w. theilen baher auch bas Thorin Felber von gleichem hydrostatischen Drucke, und haben alse auch nabe einen und benselben Druck auszuhalten. If n die Anzahl der Thorfelber, so hat man den Druck eines jeden $\frac{P}{n} = \frac{b \ a^2 \gamma}{2 \ n}$, und es ist nun nach I., §. 203, für die Breite b_1 und Höhe h_1 (in horizontaler Richtung gemessen) eines Riegels:

$$\frac{P}{n}b = 8b_1h_1^2\frac{K}{6}$$

b. i.

$$b_1 h_1^2 = \frac{\frac{1}{8} Pb}{n \cdot \frac{K}{6}} = \frac{b^2 a^2 \gamma}{16 n \frac{K}{6}},$$

§. B. fur bols, wenn man $\frac{K}{6}=200$ und $\gamma=\frac{66}{1728}$ fest:

$$b_1 h_1^2 = \frac{1}{83800} \frac{b^2 a^2}{n},$$

ober wenn man a und b in Sug, b1 und h1 in Bollen giebt:

$$nb_1h_1^2 = 0.2475 \cdot a^2b^2$$

Die vorstehende Untersuchung sett voraus, daß das Thor nur auf der einen Seite vom Wasser gedruckt werde. Ift aber, wie meist, noch ein Gegendruck vom Unterwasser vorhanden, so fällt der Ueberdruck unterhalb des Unterwasserspiegels constant aus (f. I., §. 302); es ist folgtich dann unter a nur der Niveauabstand zwischen beiden Wasserspiegeln zu verstezhen, und es sind daselbst die Streben in einem gleichen Abstande von einzander zu legen.

Die Art und Weise, wie ber Basserbruck auf die Thore und auf beren Unterstützung, die Wendenische, wirkt, ist folgende. Der Wasserdruck Peines Thores CA, Fig. 612, welcher in der Mittellinie M desselben angreift, zerlegt sich in zwei gleiche Seitenkrafte S, S, welche nach den beis den Wendesallen C, C gerichtet sind, und aus den beiden Seitenkraften S und S einer Wendesalle entspringt eine Mittelkraft R, welche von der Wendenische aufgenommen werden muß. Ist der Winkel ACB, um

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz oder nahe horizontalen Begen. 717 welchen jedes Stemmthor von dem Querschnitt CC des Canales abweicht, Schlensen. δ , so haben wir, da $< CAD = 2\delta$:

$$\overline{DS} = S = \frac{P}{2 \sin 2 \delta}$$

und baber:

$$\overline{CR} = R = 2 S \cos \delta = \frac{P \cos \delta}{2 \sin \delta \cos \delta} = \frac{P}{2 \sin \delta}$$

Fig. 612.



Damit biese Kraft von ber Thornische, und nicht etwa von den Arenlagern ber Wendesause ausgenommen werde, ist dafür zu sorgen, daß die lettere beim Schlusse ber Thore von der ersteren auf der Seite von CR scharf umschlossen werde, und damit sich das Thor während seiner Erdsfnung oder seiner Verschließung nicht an der Thornische reibe, giebt man der Drehare der Wendesause eine kleine Ercentricität, so daß sich bei dem geöffneten Thore zwischen der Wendesause und der Nische derselben ein Zwischenraum von 1/2 bis 1 Zoll Breite bildet.

§. 801. Der Wiberstand, welcher beim Drehen ber Thore zu überwinden ist, besteht theils in ber Reibung berselben am Bapfen und am Halse, theils in bem Wiberstande bes Wassers, welches sich vermöge seisner Trägheit, wenn die Umdrehungsgeschwindigkeit nicht ganz klein ist, immer auf der einen Seite etwas hoher stellen wird als auf der anderen. Das gewöhnlichste hülfsmittel zum Umdrehen der Thore ist der Drehbaum, oder auch eine Zugstange, welche mit einem Ende an die Schlagkule besestigt und mit dem anderen Ende von den Schleusenmauern aus angezogen und zurückgeschoben wird. Bur Bewegung dieser Stange dient auch sehn bie Zugstange wirken läßt; auch wendet man wohl statt der Zugstange zwei Ketten, und für jede eine besondere Winde an, so daß durch die eine, welche vor dem Thore steht, dieses geöffnet, und durch die

Echleufen. thore. andere, welche auf ber entgegengefesten Seite hinter dem Thore ftebt, baffelbe verschloffen werben kann.

Die Schüten, womit man die Mundungen in den Thoren oder die Umläufe versieht, lassen sich meist zwischen Falzen, und zwar jedes Mal an der dem Oberwasser zugekehrten Seite vertikal auf: und niederbewegen. Zuweilen versieht man diefelben auch mit Gegengewichten, welche aber ebenfalls eine Führung durch Falze erhalten muffen. Um die Schüte nicht von der Jugbrucke am Thore, sondern von der Seitenmaner aus bewegen zu können, legt man wohl auch die Schüten schief, oder versieht dieselben mit einer Drehungsare, so daß sie sich bogenformig bewegen lassen.

Rlappen laffen fich, jumal wenn biefelben boppelt find, leichter bemegen



als Schieber oder Schühen; nur geben biefelben meist nicht so guten Berschluß als die letteren. Eine Doppelklappe für Schleusenthore ist in Fig. 613 abgebildet. Dieselbe besteht aus einer gußeisernen Platte AB mit ringsherum vorstehenden Rändern mit einer schmiedeeisernen Ape C,

und ift von einem gufeifernen Rahmen DE umfchloffen.

Bei Umlaufen sind die Schuten ober, nach Befinden, Bentile nabe an ben Einmundungen berselben anzubringen. Das gewöhnlichste und einfachste Sulfsmittel zur Bewegung der Schüten, Klappen und Bentile bessteht in einem Bebel. Man bewegt durch denselben die Schüte u. f. w. entweder in einem Zuge, oder in Absaten. Im ersteren Falle ift die Zugkraft nur eine sehr mäßige; es kommt baber berselbe nur bei kleinen Schleusen vor. Im zweiten hat man es bagegen mit den sogenannten hebeladen (f. §. 207) zu thun. Gine Borrichtung biefer Art zeigt

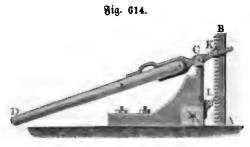


Fig. 614. Es ift hier AB tie gezahnte Schügenstange, und CD bie um C brehabare hebelabe, auf welcher eine Klinke Kfit, die zwischen bie 3ahne ber Schügensstange eingreift. Bei bem Nieberdruden bes

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 719

Bebeld D wird die Schute mittels Kemporgehoben, und beim Aufziehen defe Ententenfelben wird die lettere burch eine Sperrflinte L vor bem Burudfallen gefichert. Um die Eroffnung bei einem Buge möglichft groß ju machen, verfieht man wohl das Schleufenthor mit mehreren Schutmundungen über einander, die man bann auch burch unter einander hangende Schugen eröffnet und verschließt. Sehr gewöhnlich bedient man sich zur Bewegung ber Schuten der Rurbel, indem man diefelbe mit einem Bahnrabe verfleht, bas man in bie gegahnte Schutenstange eingreifen lagt. Bugfraft ju verftarten, bedient man fich auch haufig noch eines Borgeleges, indem man bas fleine Treibrad auf ber Rurbelwelle erft in ein gro-Beres Getriebrad eingreifen lagt und auf die Welle bes letteren noch ein anderes kleines Rad fest, welches unmittelbar auf die gezahnte Stange wiret. Sehr oft bedient man fich endlich auch bes Schraubenmechanis. mus zur Bewegung ber Schuten, indem man bas Ende ber Schuten. ftange in eine Schraubenfpindel auslaufen lagt und diefelbe mit einer Mutter umgiebt, beren Umfang mit Bahnen ausgeruftet ift, zwischen welche ein auf der Mitte einer Rurbel festfigendes Treibrad eingreift (fiebe ben Artikel »Baus und Wagenwinden« 6. 212).

Ift a bie Bobe und b bie Breite einer rectangularen Schute, ferner h bie Tiefe ihres Schwerpunktes unter bem Bafferspiegel, ober, im Kallbaf biefe Schube auf beiben Seiten unter Baffer fteht, ber Niveauabstand awischen beiben Bafferspiegeln, und y die Dichtigkeit bes Baffers, so bat man bie Rraft, mit welcher bie Schute auf ihre Lagerung brudt:

$$R = abh\gamma$$
 (f. I., §. 422),

und baber bie entsprechende Reibung, wenn $\varphi=1/4$ bis 1/2, ben Coeffis cienten ber Reibung zwifchen ber Schute und ihrem Lager bezeichnet :

$$F = \varphi R = \varphi abh \gamma.$$

Soll diese Schute fentrecht aufgezogen werben, so ift die hierzu nothige Rraft:

$$P = F + G - V\gamma,$$

= $\varphi abh\gamma + G - V\gamma$,

wenn G bas Gewicht und V bas Bolumen, alfo Vy bas von ihr verbrangte Baffervolumen bezeichnet.

Man erfieht hieraus, bag man durch Bergroßerung bes Bolumens V. indem man z. B. auf die Rudwand der Schütze einen Windkeffel auffcraubt, die Bugfraft beliebig herabziehen tann. Fur

$$V = \varphi \ a \ b \ h + \frac{G}{\gamma}$$
 ware z. B. $P = 0$.

Beim Niederlaffen der Schute ift h gang ober fast Rull, folglich bie erforberliche Gegenkraft:

$$P_1 = V\gamma - G$$
.

Chleufen.

Soll $P = P_1$ fein, so muß

$$V = 1/2 \varphi \ abh + \frac{G}{\gamma}$$

fein.

Forbert man dagegen $P_1=\mathfrak{R}$ ull, so hat man: $V=rac{G}{\gamma}$ und

$$V = rac{G}{\gamma}$$
 und $P = F = \varphi a b h \gamma$,

und es wirft also bann ber Auftrieb Vy wie ein gewöhnliches Gegengewicht gur Ausgleichung von G.

Die Rraft jum Eroffnen eines einfachen Bentiles ober einer einfachen Rlappe ift, wenn F ben Inhalt berfelben bezeichnet:

P = Fhy,

und ber Angriffspunkt berfelben ift ber fogenannte Mittelpunkt bes Baf. ferbrudes (f. I., 6. 800). Ift bas Bentil ober bie Rlappe eröffnet, fo nimmt die Rraft ichnell ab, weil bann bas burchfliegenbe Baffer noch einen Gegendruck auf bas Bentil ausubt, ber naturlich um fo größer ausfallt, je langfamer bas Baffer burch bie Eroffnung bes Bentiles flieft, je großer also ber Querschnitt berfelben ift.

Wafferbeharf f. 802. Um das Wapper eines Cumuno in Derfers burch Berbunftung, ichleufen. veau zu erhalten, ift es nothig, den Berluft des Waffers burch Berbunftung, burch Filtration ober Durchsidern und burch ben unvollkommenen Berfchlug ber Schleufenthore ju erfegen, fowie ben Bedarf beffelben beim Durchschleusen zu beden. Die Berbunftung ift zwar bei verschiedenem Wetter fehr verschieben, lagt fich aber im Mittel taglich auf 2 Linien Schähen. Der Berlust burch Filtration fallt bei Sand- und Riesboben viel größer aus als bei Thonboben, ift aber im Mittel taglich 1 bis 11/2 Boll anzunehmen. Nicht minder unbeftimmt ift ber tagliche Berluft, welcher aus bem unvollkommenen Berichluffe ber Schleufenthore ermachft; man gebt jeboch ficher, wenn man ihn gleich fest bem Bafferbebarf fur ben Durchgang eines Schiffes burch 7 bis 8 Schleusen. Der Berbrauch bes Baffere beim Durchichleufen bangt vorzuglich von bem Baffervolumen V=Fs einer Schleusenkammer, beffen Bafis ber Querfchnitt F bet Rammer und beffen Sobe s ber Bertitalabstand amifchen bem Dber- und Unterwafferspiegel ift, und nachstdem auch von bem verbrangten Bafferquantum W eines Schiffes ab. Ift G bas Gewicht bes Schiffes und γ bie Dichtigkeit des Waffers, so hat man bekanntlich $W=rac{G}{v}$. Be-

stimmen wir im Kolgenben ben Bafferbebarf bes Durchschleusens in verschiedenen Fallen, und zwar zunachst für eine einfache Kammerschleuse.

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 721

1) Ein Schiff kommt von unten und findet die Schleuse geleert. Nach, Wasserbedarf dem dasselbe in die Kammer eingelausen und das Unterthor geschlossen ist, sollen Turdsläft man das Wasserquantum V aus dem Oberwasser zu, um es dis in das Niveau des Oberwassers zu heben; zuleht öffnet man noch das Oberthor, und zieht das Schiff aus der Kammer, wobei es noch das Wasserquantum W aus dem Oberwasser in die Kammer drängt. Es ist solglich bei diesem Durchschleusen dem Oberwasser das Quantum V + W entsnommen und also auch ebenso viel Wasser zum Durchschleusen verbraucht worden.

- 2) Ein Schiff kommt von oben und findet die Schleusenkammer leer. Das nothige Anfüllen der letteren erfordert das Wasserquantum V; beim Einlausen des Schiffes in die Kammer wird hiervon wieder das Quantum W aus der Kammer in das Oberwasser zurückgedrängt, und nun das Oberthor geschlossen. Es ist folglich hierbei die Wassermenge V W aus dem Oberwasser entnommen und also auch verbraucht worden.
- 3) Die beiden Schiffe in ben soeben betrachteten Fallen erfordern also zusammen bas Wasserquantum V+W+V-W=2V, und so groß ift natürlich auch der Wasserbedarf eines Schiffes allein, welches in einer Schleuse gehoben und in der anderen niedergelassen wird.

Sind die beiden Schiffe unter (1) und (2) nicht gleich belaben, und verdrängt vielleicht bas aufsteigende das Waffervolumen W, und das niesberfinkende W_1 , so hat man bagegen ben Bafferbebarf für beide:

$$V + W + V - W_1 = 2 V + W - W_1$$

und es ist bann $W=W_1$ bas verbrangte Bafferquantum $\frac{G=G_1}{\gamma}$, welches ber Differenz ber Schiffsladungen entspricht.

- 4) Ein Schiff tommt von oben und findet die Schleufenkammer gefullt. hier geht nicht nur tein Baffer verloren, sondern es wird sogar
 bas Bafferquantum W1 gewonnen, welches bas Schiff beim Einfahren
 in die Kammer in bas Oberwasser gurucktbrangt.
- 5) War nun bas Wasserquantum fur bas vorher emporgehobene Schiff, wobei die Schleuse gefullt wurde, V + W, so ist folglich fur beide Schiffe gusammen der Wasserbedarf:

$$V+W-W_1,$$

daher für $W=W_1$:

$$V+W-W_1=V.$$

Es ift also in bem Falle, wenn man bie gum heben eines Schiffes versbrauchte Fullmaffe wieder jum Riederlaffen eines anderen Schiffes benucht, welches mit bem ersteren gleich belaftet ift, ber Bafferbedarf nur

III.

Bafferbebar halb fo groß, ale wenn man fur bas niebergebenbe Schiff bie Schleufe von Neuem fullen muß.

> Da bei einer gefüllten Schleuse eine ansehnliche Baffermenge in Folge bes unvollkommenen Berichluffes bes unteren Schleusenthores verloren geht, fo wird badurch ein Theil des Gewinnes von einem folchen Doppels fchleusen wieber aufgehoben.

> 6) In vielen Fallen, namentlich beim Transport von Bergproducten, erfolgt bie Forberung blog bergab, fo bag aufwarts nur leere Schiffe geben. Dann ift W, > W, und baber die Fullmaffe fur zwei in ihrem Lauf fich freugenbe Schiffe:

$$V-(W_1-W)=V-\frac{G_1-G}{\gamma}=V-\frac{Q}{\gamma},$$

wenn Q bas Bewicht ber Forbermaffe ober ber Schiffsladung bezeichnet. Ift F_1 der mittlere Querschnitt des Schiffes und s_1 die Senkung beffelben in Folge ber Labung Q, so hat man auch:

$$V-\frac{Q}{\gamma}=Fs-F_1s_1,$$

und baber ben Bafferbebarf fur zwei an einer Schleufe fich freugende Schiffe = Null, für

$$Fs = F_1 s_1$$
.

Run ift aber F mindeftens 1,2 F1, folglich tonnte biernach s nur $=\frac{5}{6}s_1$ fein. Fur $s_1=3$ Fuß ware hiernach $s=\frac{5}{2}$ Fuß. Die Anwendung eines fo fleinen Schleufengefalles mochte, ba bierburch wieber bie einer großen Ungahl von Schleusen bedingt wird, taum praftisch vortheilhaft fein.

7) Paffirt ein Schiff die Scheitelftrede, fo ift ber Bafferbedarf jum Durchschleusen burch bie beiben benachbarten Schleusenkammern berfelbe wie jum Durchschleusen zweier Schiffe burch eine Rammer, movon bas eine gehoben und bas andere niedergelaffen wird, und zwar entweder 2 V ober V, je nachbem bie zweite Schleuse, in welcher bas Schiff feinen Ries bergang beginnt, leer ober gefullt ift. Das Erstere findet statt, wenn bem Schiffe ein anderes vorausgegangen, und bas 3meite, wenn es einem andern Schiffe begegnet ift.

8) Bei gekuppelten Schleusen ift ber Bafferbebarf großer als bei ein. fachen Schleusen mit zwischenliegenben langeren Saltungen.

Rommt ein Schiff von unten an eine aus zwei Rammern bestehende Schleuse, und findet es beibe Rammern geleert, so tann man die untere Rammer nicht aus ber oberen fullen, fondern man muß auch bas nothige Baffer aus ber nachft boberen Saltung nehmen, und biefes erft in bie obere und von ba in die untere Rammer fchlagen. Das Fullen ber Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 723

zweiten Kammer erfolgt natürlich ebenfalls aus ber nachst hoheren Hals mafferbetarf tung. Es sind also zum Heben des Schiffes in den getuppelten Schleus lateulen. fen gleichsam drei Fullungen, und hiervon deren zwei aus dem Oberwasser nothig, während zwei einfache Schleusen mit einer zwischenliegenden Haltung nur zwei Fullungen, und zwar nur eine aus dem Oberwasser erfors dern wurden. Bei drei gekuppelten Schleusen ist dieser Wasserbedarf noch größer; hier wurden aus dem Oberwasser drei Fullungen und im Ganzen sechs Fullungen nothig sein, während bei getrennten Kammern aus dem Oberwasser nur eine Fullung und im Ganzen nur drei Fullungen zu entsnehmen waren. Bei vier gekuppelten Schleusen ist natürlich das Vershältnis noch viel ungunstiger.

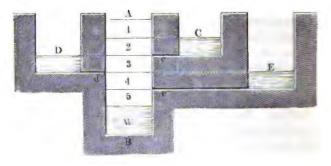
9) Ein anderer Lebeistand stellt fich bei ben gekuppelten Schleusen noch heraus, wenn beim herabgehen eines Schiffes die Rammern berselben gefüllt sind. Da in biesem Falle die unteren Rammern nicht bas Waffer ber oberen Kammern fassen können, so ist es nothig, daß dieselben erst in die nachst tiefere haltung entleert und nach Befinden die Schützen der letteren gezogen werden muffen, bevor zum Niederlassen des Schiffes gesschritten werden kann.

Diese Nachtheile ber gekuppelten Schleusen kommen in einem schwacheren Grade auch bei einfachen Schleusen vor, wenn bieselben keine langen und breiten 3wischenstreden haben.

Anmertung. Der Beitaufwanb, welchen bas Fullen und Ausleeren ber Schleufen erforbert, ift in I., §. 389 bestimmt.

6. 303. Um bas beim Nieberlaffen bes Schiffes in einer Schleufe Cettenbaffing. verbrauchte Baffer in einer Weife aufzufangen, bag es beim Aufzieben eines anderen Schiffes ober bei einer folgenden gullung ber Schleuse wieber gebraucht werben tann, wendet man vor Mlem fogenannte Seiten: Wenn man junachft einen Theil ber Fullmaffe in biefes baffine an. Baffin abichlagt, und bann, nach gehörigem Abichluß beffelben, bie ubrige Fullmaffe in bas Unterwaffer flieben lagt, fo fann man umgefehrt ju ber nachsten Fullung ber Schleuse junachst bas im Seitenbaffin aufgefangene Baffer verwenden, und bann bas fehlende aus bem Dbermaffer entnehmen. Gine Schleuse AB mit brei folden Seitenbaffins (C, D, E) führt Fig. 615 (a. f. G.) vor Mugen. Denten wir uns ben gangen Schleusenraum uber ber Dberflache bes Unterwaffers W burch Borigontalfcnitte in funf gleiche Theile getheilt, und nehmen wir an, bag jebes Seitenbaffin mit ber Schleufe einerlei Bafis habe. Das Entleeren biefer Schleuse geht auf folgende Beife vor fich. Buerft lagt man eine Bafferschicht (1) burch die Rohre c in das Baffin C ab, bann verschließt man c und eroffnet bie Robre d, welche eine zweite Bafferschicht (2) in das Baffin D

Seitenbaifins. Leitet; hierauf verfchließt man d und halt bafur bie Rohre c fo lange Fig. 615.



offen, bis eine britte Wasserschicht (3) in bas Bassin E gestoffen ist. Endich schließt man auch e, und läßt die Wasserschichten (4) und (5) in bas Unterwasser W ab. Soll umgekehrt, die Schleuse gefüllt werden, so füllt man erst den Raum (5) aus E, dann den Raum (4) aus D, hierauf den Raum (3) aus C, und läßt endlich aus dem Oberwasser noch so viel Wasser zu, als nothig ist, um den Raum (2) + (1) auszufüllen.

Bei Anwendung dieser brei Seitenbassins ift also die Bafferersparnis 3/5 ber ganzen Fullmaffe (V). Hatte man nur zwei Seitenbassins, so wurde diese Ersparnis bloß 2/4 V sein, und bei Anwendung von nur einem Seitenbassin ware sie gar nur 1/3 V. Ift allgemein n die Anzahl der Seitenbassins, so hat man, wie leicht ermessen verden kann, die Ersparnis:

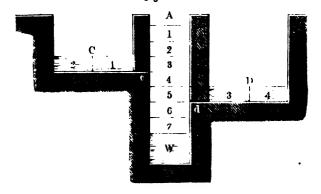
$$E = \frac{n}{n+2} \cdot V.$$

Hiernach fallt also bie Wasseresparnis um so größer aus, je größer die Anzahl ber Seitenbassins ist. In der Regel wendet man jedoch nur ein bis zwei solcher Reservoirs an. Noch etwas größer ist die Wasseresparnis, wenn man den Seitenbassins einen größeren Flächenraum giebt als der Schleuse. In Fig. 616 ist eine solche Schleuse AB mit zwei Seitenbassins C und D veranschaulicht, wovon jedes eine doppelt so große Basis hat als die Schleuse. Es ist hier die ganze Kulmasse in sieden gleiche Wasserschichten abgetheilt. Bei Erössnung des Seitencanales c wird das Bassin C mit zwei Schichten (1) und (2) angefüllt; schließt man hieraus c und erössnet d, so laufen zwei andere Wasserschichten (3) und (4) in das Bassin D; schließt man wieder d, so bleiden noch die Wasserschichten (5), (6), (7) übrig, welche in das Unterwasser abzulassen sind. Soll dagegen die Schleusenkammer gefüllt werden, so füllt man erst (7) und (6)

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe borigontalen Begen. 725 aus D, bann (5) und (4) aus C, und endlich (3), (2) und (1) aus bem eitenbaffine. Dbermaffer. Es ift alfo hier bie Baffererfparnif:

$$E=rac{2-2}{7}=rac{4}{7}$$
 ber guamaffe V.

Fig. 616.



Ein Seitenbaffin hatte dieselbe nur $E=\frac{2}{5}\,V$ gegeben, und drei Seitenbaffins murben E auf & V fteigern. Allgemein, n Seitenbaffine, jedes von einer boppelt fo großen Bafis als bie Schleuse geben:

$$E = \frac{2n}{2n+3} V.$$

Ift gang allgemein, m bas Berhaltniß bes Querschnittes eines Geitenbaffine ju bem ber Schleufe, fo hat man:

$$E = \frac{mn}{mn + m + 1}, V = \frac{n}{n + 1 + \frac{1}{m}} V.$$

Der letten Formel jufolge hat m nur einen unbebeutenden Ginflug auf E; es ift folglich ber Bortheil nicht groß, wenn man ben Seitenbaffins großere Grunbflachen giebt als ber Schleufentammer.

5. 304. Dem Borftebenden jufolge mußte man gur moglichft größten Girato's Ersparnif bes Speisewaffers, einer Schleuse so viel wie moglich Seiten: Eduie mit baffins geben, und hiervon eins unter dem anderen in die Schleuse einmunben laffen; ba aber bies mit großen Schwierigkeiten verbunben ift, fo hat man auch baran gebacht, bie Wirksamteit eines Seitenbaffins burch einen Schwimmer zu verftarten. Ein folches Seitenbaffin mit Schwimmer ift in ber neueften Beit von Dr. Girarb in Borfchlag gebracht morben (f. Rapport et Mémoire sur le nouveau système d'écluses à flotteur de M. D. Girard, par M. Poncelet, Paris 1845). Die

Girard's Entenfe mit

Bafie bes Seitenbaffins ber Girard'ichen Schleufe ift freisformig, bat minmer. noch etwas mehr Inhalt als die Basis der Schleuse, und seine Sohle reicht noch etwas unter bie ber Schleusenkammer. Der Schwimmer ift ein hohler Blechenlinder, und hat in ber halben Bobe eine Scheidemand, welche ihn in zwei uber einander liegende Rammern gerfchneibet. rend bas Seitenbaffin felbft mit ber Schleufenkammer communicirt, if bie obere Abtheilung bes Schwimmers mit bem Dber- und bie untere Abtheilung beffelben mit bem Unterwaffer in Communication gefest. bie Schleuse geleert wird, so muß ber Schwimmer auffteigen, um bem aus ber Schleusenkammer bem Seitenbaffin gufliegenben Baffer Plat ju machen, und wenn umgetehrt, bie Schleufe fich fullen foll, fo muß ber Schwimmer niederfinten, um bas Fullwaffer aus bem Baffin in Die Schleufenkammer gurudzubrangen. In ben Figuren 617 und 618 find

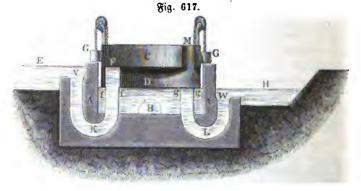
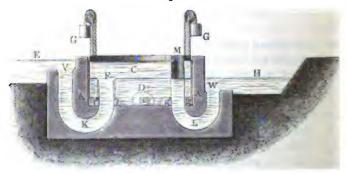


Fig. 618.



biefe beiden Stande bes Schwimmiers vor Augen geführt. Es ift AA bas cylindrifche Seitenbaffin, und B bie Ginmundung bes Canales, melcher biefes Baffin mit ber Schleusenkammer verbindet; ferner ift CD ber

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 727

Schwimmer, welcher, wie ein Gafometer, mittels Retten an Gewichten Girarb's G, G . . . aufgehangen ift. Die gekropfte Rohre K, welche die Berbin: Commmer. bung bes Dbermaffers mit ber Abtheilung C bes Schwimmers vermittelt, hat in ihrer Ginmundung V ein Bentil, und geht bei ihrer Ausmundung burch eine Stopfbuchse ff am unteren Ende einer Rohre F, welche luft: und mafferbicht durch bie untere Abtheilung D bes Schwimmers hindurch. geht; ebenfo hat die getropfte Robre L, welche vom Unterwaffer H nach ber unteren Abtheilung D bes Schwimmers fuhrt, bei ihrer Einmundung W ein Bentil, und geht bei ihrer Ausmundung burch eine gweite Stopfbuchfe qq im Boben bes Schwimmers, und bamit bie Abtheilung D gugleich mit ber außeren guft in Communication bliebe, ift noch ein Robr M burch die obere Abtheilung C lufts und mafferbicht hindurchgeführt. Siernach ift nun leicht die Wirkungsweise bes Schwimmers zu ermeffen.

Es fei bie Schleufenkammer leer, es habe alfo ber Schwimmer feinen hochften Stand in Sig. 617, wobei bas Baffer in feinen beiben Rammern nur eirea 2 Boll boch fteben mag. Deffnet man nun bei geschloffener Schleufenkammer bie Bentile bei V und W. fo fintt ber Schwimmer nieber, indem er bas unter ihm ftebenbe Baffer großentheils in die Schleuse treibt, und es fullen fich hierbei die Abtheilungen C und D bes Schwimmers resp. aus E und H mit Baffer. Buleht fest fich ber Schwimmer unten auf zu biefem 3mede angebrachte Borftoge auf, indem er ben in Fig. 618 abgebilbeten Stand annimmt, wobei bas in bem Seitenbaffin übrig bleibenbe, fowie bas in die Rammer gebrangte Baffer bas Niveau Begen ber Gleichheit gwischen ber bes Dbermaffers angenommen hat. Große ber Schleusenkammer und ber Große bes Baffine fteigt bas Baffer in letterem gerade fo viel als ber Schwimmer fintt, ift alfo bie Tiefe ber Eintauchung des letteren boppelt fo groß als bie absolute Sentung bes Schwimmers, und alfo auch gerade fo groß als die Soben ber in C und D eingefloffenen Bafferschichten jufammengenommen, und folglich auch der Auftrieb bes Baffers mit bem Gewichte biefer beiden Bafferfchichten im Gleichgewichte. Benn baber anfangs nur ein fleines Uebergewicht bes Schwimmers vorhanden war, fo wird biefes auch mahrend und am Ende des Dieberfintens unverandert bleiben. Soll umgefehrt die gefüllte Schleuse geleert werben, fo verschließt man erft bas obere Schleufenthor, und offnet die Bentile V und W von Neuem. Saben bies Mal Die Gegengewichte G, G eine fleine Ueberwucht, fo wird nun ber Schwimmer langfam angehoben, mobei naturlich bie entsprechenben Baffermengen aus C und D nach E und H gurudfliegen, und bem Baffer in ber Schleufenkammer ber nothige Raum in bem Baffin AA verschafft wirb. Leicht ift einzusehen, bag biefes Auffteigen bes Schwimmers ebenfalls faft gang gleichformig vor fich geht, ba hierbei bie Abnahme bes Auftriebs

Girate's gleich dem Gewichte des aus beiden Abtheilungen durch V und W abges Calcule mit fossene Baffers gleich ift, folglich die anfangliche kleine Ueberwucht machrend biefes Auffteigens unverandert bleibt.

> Anmerkung. Dan tann auch baburch einen Theil bes Baffers jum Durchichleufen wieber nugbar machen, bag man burch bas aus bem Dberhaupte nach ber Schleufenfammer führenbe BBaffer eine Dafdine umtreiben lagt, welche auf ber anderen Seite in einer besonberen Leitung Baffer aus ber unteren Canalftrede auf bie obere ichafft. Sieruber in ben Rieberlanden angestellte Berguche haben allerdings nicht zu bem ermunschten Biele geführt (f. L. Band, Cursus over de Waterbouwkunde, 1838, II., und Storm Buysing, Handleiding tot de Kennis der Waterbouwkunde, 1845, IL).

Chiffeauf. auge.

6. 305. Man hat auch Schiffsichleusen mit beweglichen Rammern in Unmendung gebracht, wobei bie letteren mit ben Schiffen gugleich aufgezogen und niebergelaffen werden. Gine folche Schleufe ift z. B. von bem Ingenieur M. James Green bei bem Great-Beffern-Canal in England erbaut worben. Die gange Borrichtung besteht aus zwei trogformigen Rammern, welche mittels Retten an ben entgegengefetten Seiten einer horizontalen Belle aufgehangen find, und an beiben Enben burch Schuten verschloffen und geoffnet werben tonnen. Beibe Canalftreden theilen fich in ber Nabe ber Schleufe in zwei ebenfalls burch Schuben zu verschließende Theile, so daß, je nach ihrem Stande, balb die eine Rammer an die obere rechte und die andere an die untere linke Canalabtheilung, ober umgefehrt, die eine Rammer an die untere rechte, und bie andere an die obere linke Abtheilung anzuliegen fommt. biefe Rammern bei bem einen ober bem anberen Stanbe burch befonbere Mechanismen mit ihren Stirnflachen icharf an die Canalenden angeprest, und durch Eroffnung ber Schugen mit den Canalstreden in Communica. tion gefett, fo lagt fich nun ein Schiff ungehindert aus ber einen Canalftrede heraus in bie Rammer, und umgetehrt ein folches aus einer Rammer in die anftogende Canaistrede ichaffen. Nachbem bies gescheben, fo find naturlich bie Schuben wieder zu verschliegen und die Drude ber Rammern gegen die Canalend.n wieder aufzuheben, und es tann nun bas Aufziehen der einen und bas bamit verbundene Niedersinken ber anderen Rammer ungehindert vor fich gehen. Da bas Gewicht eines schwimmenben Korpers gleich ift bem bes verbrangten Baffers, fo ift bas Gewicht ber mit Baffer gefüllten Rammer gar nicht von ber Gibge ber Labung bes in berselben schwimmenben Schiffes abhangig, und es balanciren baber beibe Rammern ftets mit einander, wie groß auch die Labung ber Schiffe in benfelben, und ob uberhaupt in beiben oder nur in ber einen Rammer ein Schiff enthalten fei. Um inbeffen die nothige Rraft gur Ueberwinbung ber paffiven Sinderniffe zu erhalten, lagt man ein wenig Baffer aus ber unteren Rammer auslaufen, und bamit beim weiteren Auffteigen

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 729 und Sinten ber Rammer teine beschleunigte Bewegung eintrete, wird noch Gaiffeaufein Brems in Birtfamteit gefeht, welcher in Berbinbung mit ber Rad. Uebrigens find gur Ausgleis welle fteht, woran die Kammern hangen. dung ber Rettengewichte noch besondere Gegengewichtefetten an bie Rammern angehangen (f. 6. 172).

Wenn die beweglichen Kammern nicht fentrecht auf und niedergelaffen werben konnen, fo ftellt man bieselben auf Bagen, bie man auf fogenannten Rampen und mittels Dampftraft fortichafft. Gine folche Rampe mit beweglichen Schleufentammern ift von Leftie nach A. Thomfon's Plan auf bem Monkland-Canal bei Glasgow ausgeführt worben. Es ift hier die Entfernung ber Canglenben 960 guß englisch und die Steigbobe 96 Rug, bas Gewicht eines mittels 20 Rabern auf einer Gifenbahn von 7 Fuß Spurmeite laufenden Bagens fammt Rammer und Schiff 70 Tonnen. Einfacher ift es naturlich noch, wenn man bei Unwendung einer Schiefen Gifenbahnebene bie Schleufentammern gang fallen lagt und bie Schiffe unmittelbar auf bie Bagen ftellt. In biefem Falle lagt man entweder die obere Canalftrede in eine Schleuse auslaufen, innerhalb welcher bas Auffeben bes Schiffes auf ben Bagen erfolgt, und welche gu entleeren ift, bevor bas Aufziehen ober Rieberlaffen bes Bagens fammt Schiff erfolgen tann, ober man begrengt beibe Canalenben burch bie Bebirgsabhange, worauf die Gifenbahn ruht, weshalb zwifchen beiben Canalftreden ein Scheitel herzustellen ift, wenn berfelbe nicht ichon vorhanden Die aus einem gangenprofile und einem Grundriffe bestehenbe Stigge eines folden Schiffsaufzuges ift in Rig. 619, I. und II. (a. f. S.) Die achtraberigen Bagen A und B, welche jum Fortschaffen abaebilbet. ber Schiffe C und D bienen, find burch ein Drahtfeil ohne Ende verbunben, welches auf ber einen Seite um die Leitrolle E und auf ber anderen Seite um die Rollen F und G und außerbem noch über bie Rollen H und K am Scheitel, sowie um die Trommel L gelegt ift, welche mit ber aus einer Dampfmaschine ober einem Bafferrabe bestehenden Umtriebs. maschine in Berbindung fteht. Bird biese Trommel burch die Umtriebs-Eraft nach ber einen ober ber anberen Richtung umgebreht, fo fleigt naturlich entweber bas eine Schiff empor und bas andere nieber, ober umgetehrt, es geht bas eine Schiff nieber und bas andere aufwarts. großartigften Schiffbaufzuge find in Nordamerita ju finden. Der Morris-Canal hat 3. B. bei Philippsburg außer 25 gewöhnlichen Schleufen noch 28 schiefe Ebenen, wodurch die Schiffe von 700 Centner Labung nach und nach 1627 Fuß hoch hinab ober hinauf beforbert werben.

Rleinere Schiffe ober Rahne tann man auch burch Rrahne ober anbere Mufguge in fentrechter Richtung von einer Canalftrede auf eine andere forbern. Gin Beispiel biefer Art bietet der Churpringen-Canal bei Frei-

730 Ediffeauf. -(1) güge. Cenfruction

berg bar, auf welchem bie Erge von Churpring-Erbftolln nach bem Buttenwerte Bals: brude gefchifft werben. bem fogenannten Bebehaufe merben die mit circa 50 Cent: ner Erg belabenen Rahne aus bem Mulbenfluffe in Die obere Canalitrede 24 Fuß boch ge: hoben und bie hierzu anges menbete Mafchine befteht in ber hauptfache in einem durch eine Rurbel in Umbrebung au Sebenden Råbermerte und amei Rlaschengugen, an wel: chen ber Rahn mittels 20 Seilen angehangen ift.

Die Hauptbes **8.** 306. ftandtheile eines Schiffes find ber Riel, ber Borber- und Sinterfteven, ber Spanten, bie Baltweger, die Dedbalten, bas Ded, bie Beplantung, bas Ruber und bie Das Der Riel (frant quille; engl. keel) und die Spanten (frang. courbes; engl. ribe, frames) find mit bem Ruckarat und mit ben Rippen eines auf bem Ruden liegenben menschlichen Rote pers ju vergleichen. Der er: ftere ift ein ftarter, oft aus sufammengelafchter Studen Baiten, welcher fich lange ber Mittellinie bes Schiffe. bobens erftredt, und bie leb: teren find frumme, aus meh: eren Soliftuden gufammen-

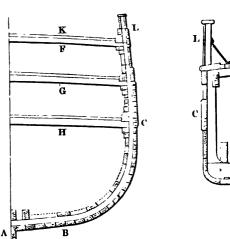
gefette Sparren, welche bie Querfchnitte bes Schiffes begrengen. Das Conftruction untere ober fogenannte Bauchftud eines Spantes ruht in ber Mitte Die Spanten nehmen von bem fogenannten Saupt. auf bem Riele. spanten (frang. maitre-couple; engl. mid-ship-frame) aus nach ben beiben Schiffsenden ju immer mehr und mehr an Breite und Rulle ab. Sehr verschieden ift die Entfernung ber Spanten von einander; bei Rlug-Schiffen ift fie 3 bis 4 guß, bei Seefchiffen aber 1 guß und bei Rriegs schiffen fteben bie Spanten fogar dicht neben einanber. Die Stepen (frang. étraves, étambots; engl. stems, prowposts, sternposts) bilben bie aufgebogenen Enden bes Rieles, und find baber auch die augerften Enden bes Schiffes felbft. Die fogenannten Rantenfpanten, welche die Steven umfaffen, werden nicht rechtwinkelig auf die gangenare bes Schiffes, fonbern mehr ober meniger rechtwinkelig gegen bie Steven gelegt. Dedbalten (frang. baux; engl. beams) find quer uber bas Schiff meg liegenbe Balten, und werben mittels ber fogenannten Baltweger mit ben Spanten verbunden. Auf die Dedbalten tommt bas Ded (frang. le pont; engl. the deck) ju liegen, welches aus Planken von 11/2 bis 4 Boll Dicte und 4 bis 6 Boll Breite jufammengefett wirb. Bei Kluf. schiffen bilbet bas Ded bie oberfte Begrenzung bes Schiffes; Seefchiffe hingegen, welche tiefer geben, erhalten noch 3wifchenbede, woburch bas gange Schiffegebaube, wie ein gewohnliches Bohngebaube, in Kluren ober Etagen abgetheilt wirb.

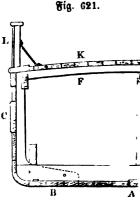
Den nachft wichtigften Theil eines Schiffes bilbet die Betleibung ober Beplantung (frang. le bordage; engl. the plankings) beffetben. Blufichiffe merben gur Erzielung einer großeren Leichtigfeit nur außen, Seefchiffe aber außen und innen belleibet. Die Saupts ober Augenplanken werben von außen auf die Spanten aufgenagelt, und mit ihren Enben in die Sponung ober rinnenformigen Bertiefungen an ben Seiten ber Steven eingefest. Die Fugen zwischen ben Planken merben mit Berg ausgestopft ober talfatert. Diejenigen Planken, welche ben Borber- und hinterbug bes Schiffes bilben, werben, bamit fie fich beim Umbiegen um bie Spanten fugen, vorher gebampft, b. i. mehrere Stunden lang in einen mit Bafferbampf angefüllten Raften geftedt.

In Fig. 620 und 621 (a. f. G.) find bie Baiften ber Sauptquerschnitte eines Sees und eines Flußschiffes abgebilbet. Der Riel A tritt nur bei bem Seefchiffe in Fig. 620 besonders hervor, bei bem Flugfchiffe in Fig. 621 bilbet er bagegen nur einen Theil ber Beplankung. BC ift in beiden Abbilbungen ber hauptspanten sammt feiner Betlei-Ferner find in Sig. 620 F, G, H bie Dechalten fammt ihren Deden, wodurch bas Schiff in Etagen getheilt wirb, ju feben. Das Fluffchiff, Fig. 621, hat dagegen nur eine Dechaltenreihe F, und also

Confruction nur ein Dect, das fogenannte Berbeck K. In beiben Abbildungen ift enblich noch L die Bruftung des Berbeck, die fogenannte Reilings. ober Schanzbekleibung.

Fig. 620.



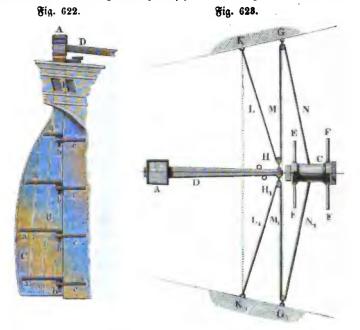


Eiserne Schiffe, welche burch ihr kleineres Gewicht und durch ihre langere Dauer große Borzuge vor ben holzernen haben, erhalten ein Gerippe aus Winkeleisen und eine aus Blechtafeln von 1/2 bis 3/4 3oll Starke zusammengenietete Bekleidung. Eiserne Querwande aus Eisenblech theilen diese Schiffe in mehrere ganzlich getrennte Raume, und es wird badurch nicht allein die Starke der Schiffe erhöht, sondern auch die Gesahr des Untersinkens derselben, bei Entstehung eines Lecks, vermindert. Durch ihre schlanke Gestalt, welche man den eisernen Schiffen geben kann, durchschneizden diese Schiffe das Wasser mit größerer Leichtigkeit als holzerne Schiffe, und fahren daher auch unter übrigens gleichen Verhaltnissen schiese schiffe,

§. 307. Das Ruber ober Steuer, Steuerruber (frang. gouvernail; engl. rudder), bient jum Steuern ober Regieren bes Schiffes und hangt wie eine Thur in Angeln. Man unterscheibet an ihm ben Schaft, das Blatt, die Pinne, ben haken, die Fingerlinge und die Pfansnen. Der Ruberschaft ober das Rubherz ist oben durch ein Loch, ben sogenannten Guter, in den Schiffsraum geführt, und trägt unten mehrere eiserne haten, die in die Desen ober sogenannten Fingerstlinge eingreisen, welche am hinters ober Achtersteven besestigt sind. Um die Reibung der haten in den Fingerlingen moglichst herabzuziehen, ift

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 788

einer von ben Fingerlingen mit einer Pfanne verfeben, auf welcher die conftruction Enbflache bes eingreifenden Safens ruht, fo bag baburch bas gange Gewicht bes Rubers von biefer Pfanne aufgenommen wird und bie ubrigen Fingerlinge nur die Seitenktafte aufzunehmen haben. Bur Drehung bes Steuers bient bie Pinne, ein burch bas Ropfenbe bes Steuerschaftes geftedter, ober auf irgend eine andere Beife mit bemfelben verbundener Se-Diefer Bebel lagt fich nur bei fleinen Schiffen und Rahnen unmittelbar mit ber Sand bewegen, bei großeren Schiffen ift hingegen baju ein befonderes Steuerrab nothwendig, welches in einem gewohnlichen Kreughaspel (f. II., §. 84) befteht. Die Conftruction eines Rubers ift aus Sig. 622 und Die feines Bewegungsmechanismus mittels bes Steuerrades aus Fig. 628 ju erfeben. In Fig. 622 ift AB ber



Ruberschaft und C bas Blatt, ferner find a, a . . bie Angeln mit ben Saten b, b . und c, c . . die fogenannten Fingerlinge; auch fieht man in E ben Sintertheil ober bas Sed (ben Spiegel) (frang. poupe; engl. stern) bes Schiffes, fowie in D ein Stud ber Ruberpinne. zeigt in A wieber ben Schaft und in D bie Pinne; ferner in C bas Steuerrad mit feinen Spillen EE und FF, in G und G1 Leitrollen an ber Innenseite bes Schiffes, und in L, M, N, L1, M1, N1 bie Bugtaue,

Conftruction welche bei K und K_1 an die Schiffsmand befestigt sind, und dazu bienen, bas Ende HH, bes Ruberhebels D mit bem Bellenumfange bes Steuerrabes zu verbinben. Es ift hiernach leicht zu ermeffen, wie burch Umbrebung biefes Rabes nach ber einen ober ber anderen Seite bas Ruber nach rechts ober linte gewendet werben tann. Uebrigens betragt ber Bintel, um welchen man auf biefe Beife bas Steuerruber rechts ober links wendet, nie über 42 Grab.

Die Befegelung ober Butakelung eines Schiffes wird angewenbet, um baffelbe entweder gang ober theilmeife burch bie Rraft bes Bindes in Bewegung ju feben. Diefer Theil ber Buruftung eines Schiffes befteht

- 1) aus bem Rundholz, ben fogenannten Daften und Stengen,
- 2) aus bem Tau= und Takelwerk, und
- 3) aus ben Segeln.

Je nachbem bas Taumert zur Befestigung ber Segel an bie Daften und Stengen, ober gur Regierung und Richtung ber Segel nach bem Gurfe und Wind bient, ift es entweder ftebenbes ober laufenbes Zaumert. Um endlich noch ben Segeln bie nothige Spannung ju geben, werben bie fogenannten Ragen, Gaffeln, Spieren und Leitern angewendet.

Rleinere Schiffe und Boote haben nur einen Daft (Maftbaum), gro-Bere Seefchiffe find bagegen zweis und breimaftig. Die letteren Schiffe haben außerbem noch ein schief liegendes, uber bas Borberenbe bes Schiffes hinaus ragendes Rundholz, bas fogenannte Bugfpriet. Uebrigens unterscheibet man bie brei Daften burch bie Namen Fodmaft, großer Maft und Befanmaft von einander, wobei man von vorn nach binten Die Maften großerer Schiffe beftehen nicht aus einem einzigen Stude, fonbern werben noch burch befonbere Stangen, bie fogenannten Stengen, verlangert. Diefe Stengen tommen an bie Borberfeite ber Maften zu liegen, und werben burch ein besonberes Stud Solz, bas fogenannte Efelshoofb (Efelshaupt) geftedt, welches am Ende eines Da: Um an eine Stenge eine zweite anseben ju tonnen, ift naturlich bie erftere ebenfalls mit einem Efelshoofd auszuruften. und Stengen werben burch Taue unterftut, wovon biejenigen, welche nach ben Schiffeseiten herabgeben, Banten, und bie nach ber Schiffe. fpite berabgebenben Stage genannt merben.

Um bie aus fogenanntem Segeltuche bestehenben Segel auszuspannen und zu regieren, bienen bie fogenannten Raaen, b. i. quer am Rafte hangende Runbholger, sowie verschiedene Taue, die fogenannten Schoten, Salfen, Braffen u. f. w. Bum Spannen ber Seile merben vorzüglich bie fogenannten Blode (Rollen) und ihre Berbindungen ju fogenannten Tafeln (Flaschenzugen, f. III., f. 209) verwendet.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 735

Anmertung 1. Bur vollständigen Ausruftung gehort endlich noch eine Ans Conftruction ferminde mit bem Anfertau ober, nach Befinden, ber Anferfette und bem Anter felbft. Die erftere besteht fehr gewöhnlich in einer ftebenben Belle und ahnelt ber in II., §. 85, Fig. 168 abgebilbeten Erbwinbe. Bas bie Anfer anlangt, fo befteben biefelben aus ber Anterruthe, ben Anferarmen und bem Ans ferftode. Die Arme ober Flugel bes Antere find bie bogenformigen Ausläufe beffelben, womit er fich in ben Boben einwühlt. Der Anferftod bilbet ein langes Querfiud am anderen Enbe bes Antere, welches rechtwinfelig gegen bie Anterebone fieht, und fich beim Auswerfen bes Antere flach auf ben Grund legt.

Anmerkung 2. Die Abbilbung eines Segelfchiffes, welches bei ber Merfey-Irwell-Canalidifffahrt gebraucht wirb, führt Fig. 624 vor Augen. Gin foldes Schiff Fig. 624.



ift 60 Fuß lang und 12 Fuß breit und hat nur 5 Fuß Tiefgang, bet einer Ladung von 60 Tonnen. Man fieht in AA ben Schiffeforper, in B bas Steuer, in CD ben um eine Are C brebbaren Daftbaum, ferner in E bie Schiffswinde, in F

Gonftruction. ben Takel und in G bas Tau zum Aufrichten bes Makes, beffen geneigte Lage ber Colffe. Durch C_1 , D_1 , G_1 in punktirten Linien angebeutet wird. Der Mast ist noch burch bie Stenge H verlängert, und bas hintere Segel K wird burch die Seiles gerichtet und gespannt. Noch steht man in O eine kleine Kajüte und in P bie sogenannte Schiffstuke (franz. secoutille; engl. hatch-way), b. i. eine Deffnung in dem Berbeck, durch welche man die Güter in den inneren Schiffsraum herabläßt, oder nach Besinden in benselben hinabsteigt.

S. 308. Die Schiffsform ist ein wesentlich wichtiger Gegenstand bes Schiffsbaues, ba von berselben vorzüglich die Kraft zum Fortbewegen und also auch die Geschwindigkeit des Schiffes abhängt. Es ist aus der Hypbraulik bekannt, daß der Widerstand eines im Wasser bewegten Körpers vorzüglich von der Gestalt der vorderen und der hinteren Begrenzung desselben abhängt, und daß derselbe um so kleiner aussällt, je schärfer diese Begrenzungen sind und je abgerundeter die ganze eingetauchte Oberstäche des Schiffes ist. Sind dagegen die äußersten Begrenzungen des eingetauchten Schiffsbreres stumpf, und enthält die Schiffsoberstäche wenig abgerundete Ecken oder Kanten, oder überhaupt stark gekrümmte Stellen, so wird das Wasser durch das bewegte Schiff nicht allein in starke, sondern auch in wirbelnde Bewegungen versetz, wodurch der Widerstand desselben zu einer großen Höhe anwächst. Speciellere Regeln über die vortheilhafe

Diese Zeichnungen ober Riffe werben vorzüglich nach ben brei hauptbimenstonen bes Raumes, namlich

teften Schiffsformen laffen fich aus ber Theorie nicht ableiten, man muß fich baher bei Construction ber Schiffetorper vorzüglich von ber Erfahrung leiten laffen. Solchen Constructionen muffen naturlich gute Zeichnungen

- 1) nach Horizontalschnitten,
- 2) nach vertifalen gangen-, und
- 8) nach vertitalen Querfchnitten entworfen.

von Schiffsgefäßen ju Grunde gelegt merden.

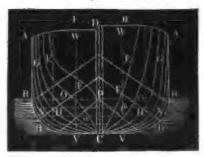
Die Horizontalschnitte geben auf ber außeren Begrenzung bes Schiffes bie sogenannten Bafferlinien an, von welchen biejenige, welche bie Schwimmebene bes belasteten Schiffes begrenzt, die geladene, und diezienige, welche die Schwimmebene bes leeren Schiffes umschließt, die leere Bafferlinie genannt wird. Man trägt die in gleichen hohen über einander liegenden Wasserlinien in den Grundriß, ferner die in gleichen Abständen von einander angenommenen Längenschnitte des Schiffes in das Längen- und die in gleichen Abständen von einander gelegten Querschnitte in die Querprosile des Vorder- und hinterschiffes ein. Solche mit einem Systeme von Querschnitten (Spanten) versehenen Querprosile eines Schiffstörpers bilden den sogenannten Spantenriß bessehen. Außer diesen Prosilen fertigt man aber auch noch sogenannte Sentenrisse an.

Bon bem Fortschaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 787

Einen folden Riß erhalt man baburch, baß man einen Langenschnitt Colffenffe. burch bas Schiff fuhrt, welcher so viel wie möglich von einem und bempelben Plankengang, ober einer ftatt besselben aufgenagelten Latte, ber so genannten Sente, begrenzt wird. Da bas ganze Schiff in hinsicht auf ben mittleren Langenschnitt symmetrisch ist, so genügt es natürlich, wenn man die Wasserlinien, Langenschnitte, sowie die Spanten- und Sentenrisse nur von der einen Schiffshalfte entwirft.

Bei der Anfertigung dieser Riffe beginnt man mit dem Entwurf ber beiben Spantenriffe AC, I. und II., Fig. 625. Die verschiedenen

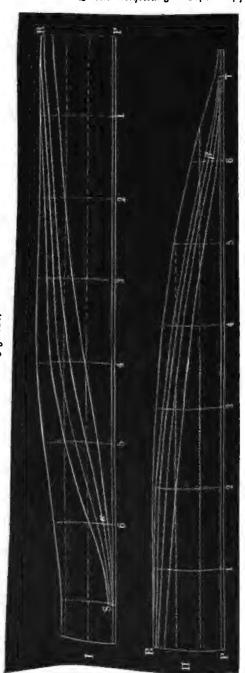




Spantentinien biefer Riffe fertigt man bergestalt an, baß man zuerst ben Hauptspanten ABC, dann einen Bordersoder Hinterspanten EFC, hierauf einen Mittelspanten GHC nach dem Augenmaße entwirft, und nun in die Raume zwischen je zwei diesfer drei Spantenlinien die übrigen Spanten einzeichnet. Dieses Einzeichnen wird aber

nicht gang willturlich bewirft, fondern man bedient fich hierbei der Dethobe bes Interpolirens. Bu biefem 3mede legt man eine Sente BF moglichft rechtwinkelig gegen bie fogenannte Rimmung B bes Schiffes. und mit ihr einige andere Genten, parallel, und bestimmt nun mittels bekannter Interpolationeregeln aus ben gegebenen Durchschnitten B, H, F zwischen einer Sente und ben zuerft aufgezeichneten brei Spantenlinien noch andere Durchschnitte, wie N, O u. f. w. berfelben Sente mit ben amifchen einzuzeichnenben Spantenlinien CN, CO u. f. w. Sat man auf diefe Beife fowohl ben Spantenrif I. bes Sinter: als auch ben Span: tenrif II. bes Borberichiffes entworfen, fo laffen fich auch leicht die ubris gen Durchschnitte bes Schiffes aufzeichnen. In biefer Abficht giebt man fich junachft bie Borizontale RR an, welche bie gelabene Bafferlinie vorftellt, theilt die Schwimmtiefe CP in gleiche Theile und fuhrt burch die Theilpuntte andere Borigontalen oder Schwimmlinien. Diefe Borigontalen ichneiben bie Spanten in einer Menge von Puntten, welche fammt: lich in ber außeren Begrengung bes Schiffes liegen. Theilt man nun in ben Grundriffen PRS und PRT, Rig. 626 (a. f. G.), der beiben Schiffe: theile I. und II. die gangen PS und PT in gleiche Theile, und fuhrt man burch die Theilpunkte 1, 2, 3 u. f. w. Parallelen jur Breite PR, fo ftellen biefe bie Spanten im Grundriffe vor, und es laffen fich nun die

Edifferiffe.



gefundenen Durchschnitts punkte α, β.. ber Baffer: linien im Spantenriffe aud in bem Grundriffe angeben. Berbinbet man endlich im Grunbriffe biejes nigen Puntte, welche in einem und demfelben Sorizontalschnitte RR, BB u. f. w. liegen, burch einen Bug, fo erhalt man baburd bie entfprechende Baffer: linie in ihrer mahren Ge-Führt man ebenfo stalt. im Spantenriffe Bertifalen VW u. s. w., fo schneiden dieselben die Spanten in anderen Punkten, mit Hulfe welcher sich auf gleiche Beife im gangen: profile bes Schiffes vertie tale Langenfchnitte beffelben verzeichnen laffen.

6. 309. Bei ber im Borftebenben befchriebenen Aufzeichnung bes Schiffs. körpers ift naturlich nicht bloß auf bie Große, fonbern auch auf bie Beftimmung bes Schiffes Rud. ficht ju nehmen. Seftalt bes hauptfpantens bie ber gelabenen unb Wafferlinie geben bierbei bas Hauptanhalten. Die Seeschiffe muffen bem Anbrange bober Bellen miberfteben tonnen, bes balb erhalten fie eine gro: Bere Breite und mehr ab: gerundete Spanten; Fluf:

Ediffe.

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf ganz ober nahe hortzontalen Begen. 789 schiffen giebt man kleinere Breiten, bamit sie bas Basser leicht burchschneiben, und mehr rectangulare Spantenformen, damit sie keinen großen Tiefgang haben. Gewöhnlich ist bas Berhaltniß ber größten Schiffsbreite zur ganzen Schiffslänge:

Caiffe formes

bei Seesegelschiffen . . . = 1/4, bei Seebampfschiffen . . . = 1/6, und bei Flußbampfschiffen . . . = 1/8;

ferner bas Berhaltniß ber größten Schiffshohe gur Schiffsbreite:

bei Seeschiffen $\ldots = \frac{2}{3}$, und bei Flußschiffen $\ldots = \frac{1}{2}$;

endlich bas Berhaltniß ber größten Gintauchung gur größten Schiffsbreite:

bei Stefchiffen $= \frac{2}{5}$, und bei Flufschiffen $= \frac{1}{5}$.

Ein Anhalten bei Beurtheilung ber Abrundung und Buschäfung ber Schiffsformen geben noch die sogenannten Bolligkeitscoefficienten, ober die Berhaltniffe ber Inhalte ber hauptquerschnitte bes Schiffes zu benen ber sie umschließenden Rechtecke, sowie das Verhaltniß bes Volumens bes eingetauchten Schiffsraumes zu dem bes benfelben umschließenden Parallelepipebes.

Ift a ber Tiefgang, b die größte Breite und l' die größte Lange bes eingetauchten Schiffstheiles, ferner F ber Inhalt des eingetauchten Theiles bes hauptspantens, G ber Inhalt ber Schwimmfläche ober bes von ber gelabenen Wafferlinie begrenzten Raumes, und V bas Bolumen des verbrangten Waffers, so hat man:

$$\alpha = \frac{F}{ab} = 0.82 \text{ bis } 0.92,$$
 $\lambda = \frac{G}{bl} = 0.80 \text{ bis } 0.65,$
 $\varphi = \frac{V}{abl} = 0.60 \text{ bis } 0.45,$

und gwar erftere Berhaltniffe bei See- und lettere bei Flufichiffen.

Bur Beurtheilung bes Tragvermogens und ber Stabilitat eines Schiffes ift nothig, bag man eine moglichst genaue Bestimmung ber Inhalte seiner Schnitte vornehme und hiernach wieder ben Inhalt bes verbrangten Basesers, sowie die Lage seines Schwerpunktes bestimme. hierzu reichen die in I., §. 118 angegebenen Formeln:

1)
$$V = (F_0 + 4F_1 + 2F_2 + ... + 4F_{n-1} + F_n) \frac{h}{3n}$$
 und
2) $y = \frac{0.F_0 + 1.4F_1 + 2.2F_2 + 3.4F_3 + ... + (n-1)4F_{n-1} + nF_n}{F_0 + 4F_1 + 2F_2 + 4F_3 + ... + 4F_{n-1} + F_n} \frac{h}{6}$

Ediffs.

aus, wenn man barin unter h bie in n gleiche Theile getheilte Hohe ober Lange, unter F_0 , F_1 , F_2 ... F_n bie burch die Theilpunkte 0, 1, 2... n gelegten Querschnitte eines Körpers versteht, und V bas Bolumen bisse Körpers, sowie y ben Abstand seines Schwerpunktes von der Grundsläche ober nullten Schnittsläche (F_0) bezeichnet.

Wir können in diesen beiden Formeln einmal statt h die Wassertracht (a) oder die Tiefe der Eintauchung, und statt F_0 , F_1 . F_n die Inhalte der Horizontalschnitte oder die von den Wasserlinien begrenzten Flächen räume, von unten nach oben gerechnet, und das andere Wal statt h die Länge (l) der geladenen Wasserlinie und statt F_0 , F_1 . F_n die Inhalte der vertikalen Querschnitte (Spanten) einsehen, und bekommen dann in beiden Fällen durch die Formel (1) das Volumen V des verdrängten Bassers, in dem ersten Falle durch die Formel (2) den Abstand (y) des Schwerpunktes des Schiffes von dem Kiele, und im zweiten Falle durch die zweite Formel den horizontalen Abstand (y) dieses Schwerpunktes von dem als Nullpunkt angenommenen Schiffsende.

Was die Bestimmung der Schnittstächen F_0 , F_1 ... F_n anlangt, so ift dieselbe ebenfalls durch Formel (1) zu vollziehen, wenn man darin statt h die Lange oder Sohe der Schnittstäche, und statt F_0 , F_1 ... F_n die in gleichen Abstanden von einander abgenommenen Breiten einer solchen Flache einsetz.

Uebrigens liegt ber Schwerpunkt des Basserraumes in dem vertikalen Hauptlangenschnitt bes Schiffes. Der Auftrieb $V\gamma$ des Schiffes (siebe I., §. 307) ist $=Q+Q_1+Q_2$, wenn:

Q bie Große ber Schiffsladung (Kaftigfeit),

Q, bas Gewicht bes leeren Schiffes und

Q2 das Gewicht des Treibapparates, der Dampfmaschine fammt Reffet u. f. w. bezeichnen.

Die Stabilität des Schiffes fordert, daß man sowohl den Schwerpunkt von Q als auch den von Q_1 und den von Q_2 nicht allein in den vertikalen Hauptlängenschnitt des Schiffes, sondern auch so tief wie möglich lege. Auch ist es natürlich nöthig, daß der Schwerpunkt des ganzen Schiffes $(Q+Q_1+Q_2)$ von dem Schiffsende ebenso viel abstehe als der Schwerpunkt des Austriebes $V\gamma$. Sind die Abstände der Schwerpunkte der Gewichte Q, Q_1 , Q_2 und der Kraft $V\gamma$, von dem Schiffsende der Reihe nach x, x_1 , y und z, so haben wir hiernach:

$$Qx + Q_1x_1 + Q_2y = Vz\gamma$$

Bu feben, fo daß fich hiernach die Ordinate des Schwerpunktes der Schiffse maschine:

 $x_1 = \frac{Vz\gamma - Qx - Q_2y}{Q_1}$

beftimmen låßt.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 741

§. 310. Die Große (S) der Stabilität eines Schiffes ift in I., Stabilität 6. 312 durch die Kormel:

$$S = \left(\frac{b^3}{12\,F} + e\right)P\varphi$$

ausgebrückt worden, worin b die Breite des Schiffes in der Schwimmsebene, F den Inhalt des vertikalen Querschnittes des verdrängten Wassers, e die Höhe des Schwerpunktes des Schiffes über dem des verdrängten Wassers, P den Austried $V\gamma = Fl\gamma$ und φ die Reigung des Schiffes nach der einen oder der anderen Seite bezeichnen. Diese Formel ist nur für ein prismatisches Schiff entwickelt worden; da aber der Querschnitt F nach den Schiffsenden zu immer kleiner und kleiner wird, so läßt sie sich unmittelbar nur auf kurze Stücke anwenden, deren Querschnitte als unveränderlich angesehen werden können. Sind nun l_0, l_1, l_2 . die Längen, b_0, b_1, b_2 . die oberen Breiten, F_0, F_1, F_2 . die Querschnitte, V_0, V_1, V_2 . die Belumina und e_0, e_1, e_2 . die Tiesen der Schwerpunkte dieser Schüke unter dem Schwerpunkte des ganzen Schiffes, so haben wir die entsprechenden Stabilitäten:

$$\begin{split} S_0 &= \left(\frac{l_0 b_0^3}{12} - V_0 e_0\right) \varphi \gamma, \\ S_1 &= \left(\frac{l_1 b_1^3}{12} - V_1 e_1\right) \varphi \gamma, \\ S_2 &= \left(\frac{l_2 b_2^3}{12} - V_2 e_2\right) \varphi \gamma \text{ u. f. w.} \end{split}$$

und baher bie Stabilitat bes gangen Schiffes:

$$S = S_0 + S_1 + S_2 + .$$

$$= \left(\frac{1}{12} \left(l_0 b_0^8 + l_1 b_1^8 + l_2 b_2^8 + \ldots\right) - \left(V_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \ldots\right)\right) \varphi \gamma,$$

ober, ba:

$$\frac{1}{12} (l_0 b_0^{3} + l_1 b_1^{3} + l_2 b_2^{3} + \ldots) = \frac{1}{3} \Sigma \left[b l \left(\frac{b}{2} \right)^{2} \right]$$

gleich bem Tragheitsmomente J ber Schwimmflache in Sinficht auf Die Langenare bes Schiffes, und

$$V_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \dots$$

das Moment des ganzen verdrängten Baffervolumens V ober das Product aus diesem Raume und dem Abstande e seines Schwerpunktes von dem des ganzen Schiffes ist:

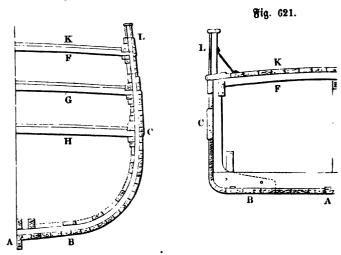
$$S = (J -- V e) \varphi \gamma$$
.

Damit bas Schiff Stabilitat besite, muß naturlich

fein.

sondruction nur ein Deck, bas fogenannte Berbeck K. In beiben Abbilbungen ift enblich noch L bie Bruftung bes Berbecks, die fogenannte Reilings oder Schanzbekleibung.

Fig. 620.

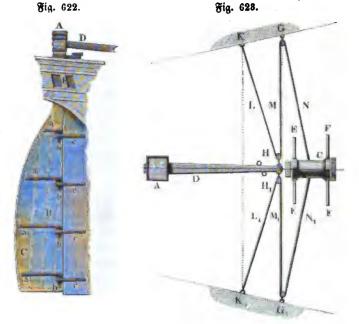


Eiserne Schiffe, welche burch ihr kleineres Gewicht und burch ihre langere Dauer große Vorzüge vor ben holzernen haben, erhalten ein Gerippe aus Winkeleisen und eine aus Blechtafeln von 1/2 bis 3/4 Joll Starke zusammengenietete Bekleidung. Eiserne Querwande aus Eisenblech theilen diese Schiffe in mehrere ganzlich getrennte Raume, und es wird badurch nicht allein die Starke der Schiffe erhöht, sondern auch die Gefahr des Unterssinkens derselben, bei Entstehung eines Lecks, vermindert. Durch ihre schlanke Gestalt, welche man den eisernen Schiffen geben kann, durchschneis den diese Schiffe das Wasser mit größerer Leichtigkeit als holzerne Schiffe, und fahren daher auch unter übrigens gleichen Verhältnissen schneller als diese.

§. 307. Das Ruber ober Steuer, Steuerruber (franz. gouvernail; engl. rudder), dient zum Steuern ober Regieren bes Schiffes und hangt wie eine Thur in Ungeln. Man unterscheibet an ihm ben Schaft, das Blatt, die Pinne, ben haken, die Fingerlinge und die Pfannen. Der Ruberschaft ober das Rubherz ist oben durch ein Loch, ben sogenannten Guter, in den Schiffsraum geführt, und trägt unten mehrere eiserne haken, die in die Desen ober sogenannten Fingerslinge eingreisen, welche am hinters ober Achtersteven befestigt sind. Um die Reibung der haken in den Fingerlingen möglichst heradzuziehen, ist

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 783

einer von den Fingerlingen mit einer Pfanne versehen, auf welcher die Gonftraction Endstäche des eingreifenden Sakens ruht, so daß dadurch das ganze Geswicht des Rubers von dieser Pfanne aufgenommen wird und die übrigen Fingerlinge nur die Seitenkräfte aufzunehmen haben. Bur Drehung des Steuers dient die Pinne, ein durch das Kopfende des Steuerschaftes gesstedter, oder auf irgend eine andere Weise mit demselben verbundener Besbel. Dieser Sebel läßt sich nur bei kleinen Schiffen und Kähnen unmittelbar mit der Hand bewegen, bei größeren Schiffen ist hingegen dazu ein besonderes Steuerrad nothwendig, welches in einem gewöhnslichen Kreuzhaspel (f. II., §. 84) besteht. Die Construction eines Ruders ist aus Fig. 622 und die seines Bewegungsmechanismus mittels des Steuerrades aus Fig. 623 zu ersehen. In Fig. 622 ist AB der



Ruberschaft und C das Blatt, ferner sind a, a.. die Angeln mit den Haken b, b. und c, c.. die sogenannten Fingerlinge; auch sieht man in E den Hintertheil oder das Heck (den Spiegel) (franz. poupe; engl. stern) des Schiffes, sowie in D ein Stück der Ruderpinne. Fig. 623 zeigt in A wieder den Schaft und in D die Pinne; ferner in C das Steuerrad mit seinen Spillen EE und FF, in G und G_1 Leitrollen an der Innenseite des Schiffes, und in L, M, N, L_1 , M_1 , N_1 die Zugtaue,

Confirmetton welche bei K und K1 an die Schiffswand befestigt find, und dazu bienen, bas Ende HH, bes Ruberhebels D mit bem Bellenumfange bes Steuerrabes zu verbinden. Es ift hiernach leicht zu ermeffen, wie durch Umbrehung biefes Rabes nach ber einen ober ber anderen Seite bas Ruber nach rechts ober links gewendet werden tann. Uebrigens beträgt ber Bintel, um welchen man auf biefe Beife bas Steuerruber rechts ober links wendet, nie uber 42 Grab.

> Die Befegelung ober Butakelung eines Schiffes wird angewendet, um baffelbe entweber gang ober theilweife burch bie Rraft bes Binbes in Bewegung zu feben. Diefer Theil ber Buruftung eines Schiffes beftebt

- 1) aus bem Rundholz, ben fogenannten Daften und Stengen,
- 2) aus bem Lau= und Lakelwerk, und
- 3) aus ben Segeln.

Je nachdem bas Tauwert jur Befestigung ber Segel an die Maften und Stengen, ober gur Regierung und Richtung ber Segel nach bem Gurfe und Wind bient, ift es entweder ftebenbes ober laufendes Zau= werk. Um endlich noch ben Segeln bie nothige Spannung ju geben, werben bie fogenannten Ragen, Gaffeln, Spieren und Leitern angewenbet.

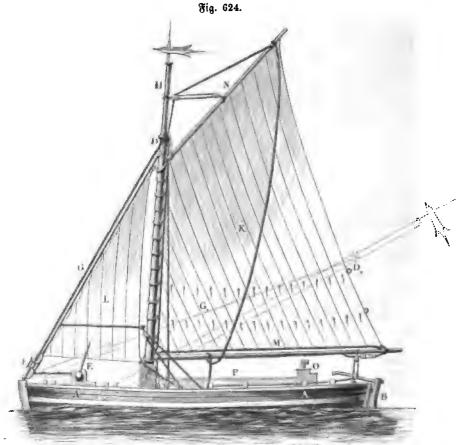
Rleinere Schiffe und Boote haben nur einen Daft (Maftbaum), gro-Bere Seefchiffe find bagegen zweis und breimaftig. Die letteren Schiffe haben außerbem noch ein fchief liegenbes, uber bas Borberenbe bes Schiffes hinaus ragenbes Runbholg, bas fogenannte Bugfpriet. Uebrigens unterfcheibet man bie brei Daften burch bie Namen Fodmaft, großer Maft und Befanmaft von einander, wobei man von vorn nach binten gablt. Die Daften großerer Schiffe bestehen nicht aus einem einzigen Stude, fondern werben noch burch befonbere Stangen, Die fogenannten Stengen, verlangert. Diefe Stengen tommen an bie Borberfeite ber Maften zu liegen, und werben burch ein befonberes Stud Bolz, bas fogenannte Efelshoofd (Efelshaupt) gestedt, welches am Ende eines Da-Um an eine Stenge eine zweite ansegen ju tonnen, ift naturlich bie erftere ebenfalls mit einem Efelshoofd auszuruften. und Stengen werben burch Taue unterftut, wovon biejenigen, welche nach ben Schiffeseiten herabgeben, Manten, und bie nach ber Schiffe. fpite herabgehenden Stage genannt werden.

Um die aus fogenanntem Segeltuche bestehenden Segel auszuspannen und ju regieren, bienen bie fogenannten Raaen, b. i. quer am Dafte hangende Runbholger, fowie verschiebene Taue, die fogenannten Schoten, Salfen, Braffen u. f. w. Bum Spannen ber Seile werben vorzuglich bie fogenannten Blode (Rollen) und ihre Berbindungen ju fogenannten Tateln (Flaschenzugen, f. III., 6. 209) verwendet.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 735

Anmerkung 1. Bur vollständigen Ausruftung gehort endlich noch eine An : Conftruction ferminde mit bem Anfertau ober, nach Befinden, ber Anferfette und bem Anter felbit. Die erftere besteht febr gewöhnlich in einer ftebenben Belle und ahnelt ber in II., S. 85, Fig. 168 abgebilbeten Erbwinde. Bas bie Anfer anlangt, fo bestehen biefelben aus ber Anterruthe, ben Anferarmen und bem Anferftode. Die Arme ober Flügel bes Anfere find bie bogenformigen Auslaufe beffelben, womit er fich in ben Boben einwühlt. Der Anferftod bilbet ein langes Querftud am anderen Enbe bes Antere, welches rechtwinfelig gegen bie Anterebone fieht, und fich beim Auswerfen bes Antere flach auf ben Grund legt.

Anmertung 2. Die Abbilbung eines Segelfchiffes, welches bei ber Derfey-Irwell-Canalfdifffahrt gebraucht wirb, führt gig. 624 vor Augen. Gin foldes Schiff



ift 60 Fuß lang und 12 Fuß breit und hat nur 5 Fuß Tiefgang, bet einer Ladung von 60 Tonnen. Man fieht in AA ben Schiffeforper, in B bas Steuer, in CD ben um eine Are C brebbaren Daftbaum, ferner in E bie Schiffswinde, in F

Gonftruction. ben Takel und in G bas Tau zum Aufrichten bes Mastes, bessen geneigte Lage ber Schiffe. Durch C_1 , D_1 , G_1 in punktirten Linien angebeutet wirb. Der Mast ist noch burch die Stenge H verlängert, und bas hintere Segel K wird burch die beiben Ragen M und N, bagegen bas Borbersegel L nur mittels eines Seiles gerichtet und gespannt. Noch sieht man in O eine kleine Kajüte und in P die sogenannte Schiffs luke (franz. écoutille; engl. hatch-way), b. i. eine Dessnung in dem Berbeck, durch welche man die Güter in den inneren Schiffsraum herabläst, oder nach Besinden in denselben hinabsteigt.

Die Schiffsform ift ein wefentlich wichtiger Gegenstand bes Salfferiffe. Schiffsbaues, ba von berfelben vorzuglich bie Rraft jum Fortbewegen und alfo auch bie Beschwindigfeit bes Schiffes abhangt. Es ift aus ber Dobraulit befannt, bag ber Biberftand eines im Baffer bewegten Rorpers porguglich von ber Geftalt ber vorberen und ber binteren Begrengung beffelben abhangt, und bag berfelbe um fo fleiner ausfallt, je icharfer biefe Begrenzungen find und je abgerundeter die ganze eingetauchte Dberflache bes Schiffes ift. Sind bagegen bie außersten Begrenzungen bes eingetauchten Schiffetorpere ftumpf, und enthalt bie Schiffeoberflache menia abgerundete Eden ober Ranten, ober überhaupt fart gefrummte Stellen, fo wird das Baffer burch bas bewegte Schiff nicht allein in ftarte, fondern auch in wirbelnde Bewegungen verfett, wodurch ber Wiberftand beffelben gu einer großen Bobe anmachft. Speciellere Regeln über bie vortheilbafteften Schiffsformen laffen fich aus ber Theorie nicht ableiten, man muß fich baher bei Conftruction ber Schiffeforper vorzuglich von ber Erfahrung leiten laffen. Golchen Conftructionen muffen naturlich gute Beichnungen von Schiffsgefägen ju Grunde gelegt merben.

Diese Beichnungen ober Riffe werden vorzüglich nach ben brei Sauptbimenfionen bes Raumes, namlich

- 1) nach Sorizontalfcnitten,
- 2) nach vertifalen gangen-, und
- 3) nach vertitalen Querfchnitten entworfen.

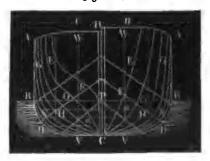
Die Horizontalschnitte geben auf ber außeren Begrenzung bes Schiffes die sogenannten Bafferlinien an, von welchen diejenige, welche die Schwimmebene des belafteten Schiffes begrenzt, die geladene, und diezienige, welche die Schwimmebene des leeren Schiffes umschließt, die leere Bafferlinie genannt wird. Man trägt die in gleichen Hohen über einander liegenden Bafferlinien in den Grundriß, ferner die in gleichen Abständen von einander angenommenen Längenschnitte des Schiffes in das Längen- und die in gleichen Abständen von einander gelegten Querschnitte in die Querprosile des Borders und hinterschiffes ein. Solche mit einem Spsteme von Querschnitten (Spanten) versehenen Querprosile eines Schiffskörpers bilden den sogenannten Spantenriß dessen. Außer diesen Prosilen fertigt man aber auch noch sogenannte Sentenrisse an.

Bon bem Fortschaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 787

Einen solchen Rif ethalt man baburch, baf man einen Langenschnitt Cofffenffe. burch bas Schiff führt, welcher so viel wie möglich von einem und bemselben Plankengang, ober einer statt besselben aufgenagelten Latte, ber sos genannten Sente, begrenzt wird. Da das ganze Schiff in hinsicht auf ben mittleren Langenschnitt symmetrisch ist, so genügt es natürlich, wenn man die Wasserichen, Langenschnitte, sowie die Spantens und Sentenrisse nur von der einen Schiffshalfte entwirft.

Bei der Unfertigung dieser Riffe beginnt man mit dem Entwurf ber beiben Spantenriffe AC, I. und II., Fig. 625. Die verschiedenen

Fig. 625.

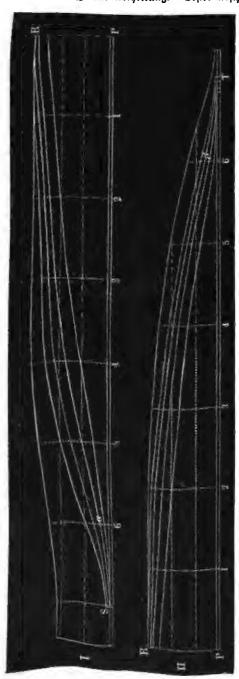


Spantenlinien biefer Riffe fertigt man bergestalt an, baß man zuerst ben Hauptspanten ABC, bann einen Borbersober Hinterspanten EFC, hierauf einen Mittelspanten GHC nach bem Augenmaße entwirft, und nun in die Raume zwischen je zwei dieset brei Spantenlinien bie übrigen Spanten einzeichnet. Dieses Einzeichnen wird aber

nicht gang willfurlich bewirft, fonbern man bebient fich hierbei ber De-Bu biefem 3mede legt man eine Sente BF thobe bes Interpolirens. moglichft rechtwinkelig gegen bie fogenannte Rimmung B bes Schiffes. und mit ihr einige andere Genten, parallel, und bestimmt nun mittels bekannter Interpolationeregeln aus ben gegebenen Durchschnitten B. H. F gwifden einer Sente und ben zuerft aufgezeichneten brei Spantenlinien noch andere Durchschnitte, wie N. O u. f. w. berfelben Sente mit ben amifchen einzuzeichnenben Spantenlinien CN, CO u. f. m. auf diefe Beife fowohl ben Spantenrif I. des Sinter: als auch ben Span: tenrif II. bes Borderfchiffes entworfen, fo laffen fich auch leicht die ubris gen Durchschnitte bes Schiffes aufzeichnen. In Diefer Abficht giebt man fich junachft bie Borizontale RR an, welche bie gelabene Bafferlinie vorftellt, theilt die Schwimmtiefe CP in gleiche Theile und fuhrt burch bie Theilpunkte andere horizontalen oder Schwimmlinien. Diefe horizontalen ichneiben bie Spanten in einer Menge von Punkten, welche fammts lich in ber außeren Begrengung bes Schiffes liegen. Theilt man nun in ben Grundriffen PRS und PRT, Fig. 626 (a. f. G.), ber beiben Schiffe: theile I. und II. die gangen PS und PT in gleiche Theile, und fuhrt man burch die Theilpuntte 1, 2, 3 u. f. w. Parallelen gur Breite PR, fo ftellen biefe bie Spanten im Grundriffe vor, und es laffen fich nun bie

III.

Edifferiffe.



gefundenen Durchschnitts puntte α, β .. ber Bafferlinien im Spantenriffe auch in bem Grundriffe angeben. Berbinbet man endlich im Grundriffe biejenigen Puntte, welche in einem und demfelben Sorizontalschnitte RR, BB u. f. w. liegen, burch einen Bug, fo erhålt man baburch bie entfprechende Baffer: linie in ihrer mabren Ge-Führt man ebenfo stalt. im Spantenriffe Bertitalen VW u. f. w., fo fcneiben diefelben bie Spanten in anderen Dunkten, mit Dulfe welcher fich auf gleiche Beise im Langenprofile bes Schiffes vertitale Langenschnitte beffelben verzeichnen laffen.

6. 309. Bei ber im Borftebenden befdriebenen Aufzeichnung bes Schiffs. körpers ist natürlich nicht bloß auf die Größe, sonbern auch auf die Bestim= mung bes Schiffes Rud. ficht zu nehmen. Die Geftalt bes hauptspantens bie ber gelabenen unb Wasserlinie geben bierbei bas Hauptanhalten. Die musen bem Seefchiffe | Andrange boher Bellen miberfteben tonnen, besbalb erhalten sie eine gro-Bere Breite und mehr ab: gerundete Spanten; Fluß-

€ chiffe.

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf ganz ober nahe hortzontalen Begen. 789 schiffen giebt man kleinere Breiten, bamit sie bas Wasser leicht burchschneiben, und mehr rectangulare Spantenformen, damit sie keinen großen Tiefgang haben. Gewöhnlich ist bas Berhaltniß ber größten Schiffsbreite zur ganzen Schiffslänge:

Solfe formes.

bei Seesegelschiffen . . . = 1/4, bei Seedampfschiffen . . . = 1/6, und bei Flußbampfschiffen · · · = 1/8;

ferner bas Berhaltniß ber größten Schiffshohe gur Schiffsbreite:

bei Seeschiffen $\ldots \ldots = \frac{2}{3}$, und bei Flußschiffen $\ldots \ldots = \frac{1}{2}$;

endlich bas Berhaltnif ber größten Gintauchung jur größten Schiffsbreite:

bei Seeschiffen = 2/5, und bei Flufschiffen = 1/5.

Ein Anhalten bei Beurtheilung ber Abrundung und Buschäffung ber Schiffsformen geben noch die sogenannten Bolligkeitscoefficienten, ober die Berhaltniffe ber Inhalte ber hauptquerschnitte bes Schiffes zu benen ber sie umschließenden Rechtecke, sowie das Berhaltniß des Bolumens des eingetauchten Schiffsraumes zu dem des benfelben umschließenden Parallelepipedes.

Ift a ber Tiefgang, b die größte Breite und l' die größte Lange bes eingetauchten Schiffstheiles, ferner F ber Inhalt des eingetauchten Theiles bes hauptspantens, G ber Inhalt ber Schwimmfläche ober bes von ber gelabenen Wasserlinie begrenzten Raumes, und V das Bolumen bes verbrangten Bassers, so hat man:

$$\alpha = \frac{F}{ab} = 0.82$$
 bis 0.92,
 $\lambda = \frac{G}{bl} = 0.80$ bis 0.65,
 $\varphi = \frac{V}{abl} = 0.60$ bis 0.45,

und zwar erftere Berbaltniffe bei Sees und lettere bei Flufichiffen.

Bur Beurtheilung bes Tragvermogens und ber Stabilitat eines Schiffes ift nothig, baß man eine moglichft genaue Bestimmung ber Inhalte seiner Schnitte vornehme und hiernach wieder ben Inhalt bes verbrangten Bafers, sowie die Lage seines Schwerpunktes bestimme. hierzu reichen bie in I., §. 118 angegebenen Formeln:

1)
$$V = (F_0 + 4F_1 + 2F_2 + ... + 4F_{n-1} + F_n) \frac{h}{3n}$$
 und
$$0 F_0 + 1 AF_0 + 2 F_0 + 3 AF_0 + ... + (n-1)AF_0 + n$$

2)
$$y = \frac{0.F_0 + 1.4F_1 + 2.2F_2 + 3.4F_3 + ... + (n-1)4F_{n-1} + nF_n}{F_0 + 4F_1 + 2F_2 + 4F_2 + ... + 4F_{n-1} + F_n} \frac{h}{6}$$

€diffs.

aus, wenn man darin unter h die in n gleiche Theile getheilte Hohe ober Lange, unter F_0 , F_1 , F_2 ... F_n die durch die Theilpunkte 0, 1, 2... n gelegten Querschnitte eines Körpers versteht, und V das Bolumen diese Körpers, sowie y den Abstand seines Schwerpunktes von der Grundstäche oder nullten Schnittsläche (F_0) bezeichnet.

Wir können in biefen beiben Formeln einmal statt h die Bassertracht (a) ober die Tiefe der Eintauchung, und statt F_0 , F_1 . F_n die Inhalte der Horizontalschnitte oder die von den Wasserlinien begrenzten Flächen: raume, von unten nach oben gerechnet, und das andere Wal statt h die Länge (l) der geladenen Wasserlinie und statt F_0 , F_1 . F_n die Inhalte der vertikalen Querschnitte (Spanten) einsehen, und bekommen dann in beiden Fällen durch die Formel (1) das Bolumen V des verdrängten Wassers, in dem ersten Falle durch die Formel (2) den Abstand (y) des Schwerpunktes des Schiffes von dem Kiele, und im zweiten Falle durch die zweite Formel den horizontalen Abstand (y) dieses Schwerpunktes von dem als Rullpunkt angenommenen Schiffsende.

Bas die Bestimmung der Schnittslächen F_0 , F_1 ... F_n anlangt, so ift dieselbe ebenfalls durch Formel (1) zu vollziehen, wenn man darin statt h die Länge oder Sohe der Schnittsläche, und statt F_0 , F_1 ... F_n die in gleichen Abständen von einander abgenommenen Breiten einer solchen Fläche einset.

Uebrigens liegt ber Schwerpunkt des Wasserraumes in dem vertikalen Hauptlangenschnitt des Schiffes. Der Auftrieb $V\gamma$ des Schiffes (siehe I., §. 307) ist $= Q + Q_1 + Q_3$, wenn:

Q bie Große ber Schiffsladung (Laftigfeit),

Q1 bas Bewicht bes leeren Schiffes unb

Q2 das Gewicht des Treibapparates, der Dampfmaschine sammt Reffel u. f. w. bezeichnen.

Die Stabilität des Schiffes fordert, daß man sowohl den Schwerpunkt von Q als auch den von Q_1 und den von Q_2 nicht allein in den vertikaten Hauptlängenschnitt des Schiffes, sondern auch so tief wie möglich lege. Auch ist es natürlich nöthig, daß der Schwerpunkt des ganzen Schiffes $(Q+Q_1+Q_2)$ von dem Schiffsende ebenso viel abstehe als der Schwerpunkt des Auftriedes $V\gamma$. Sind die Abstände der Schwerpunkte der Gewichte Q, Q_1, Q_2 und der Kraft $V\gamma$, von dem Schiffsende der Reihe nach x, x_1 , y und x_2 , so haben wir hiernach:

$$Qx + Q_1x_1 + Q_2y = Vz\gamma$$

Bu feten, fo bag fich hiernach die Ordinate des Schwerpunktes ber Schiffsmaschine:

$$x_1 = \frac{Vz\gamma - Qx - Q_2y}{Q_1}$$

bestimmen läßt.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 741

§. 310. Die Große (S) ber Stabilitat eines Schiffes ift in I., Stabilität eines Schiffes ift in I., Stabilität eines Schiffes

$$S = \left(\frac{b^3}{12 F} + e\right) P \varphi$$

ausgebrudt worden, worin b die Breite des Schiffes in der Schwimmebene, F den Inhalt des vertikalen Querschnittes des verdrängten Wassers, e die Höhe des Schwerpunktes des Schiffes über dem des verdrängten Wassers, P den Austried $V\gamma = Fl\gamma$ und φ die Reigung des Schiffes nach der einen oder der anderen Seite bezeichnen. Diese Formel ist nur für ein prismatisches Schiff entwickelt worden; da aber der Querschnitt F nach den Schiffsenden zu immer kleiner und kleiner wird, so läßt sie sich unmittelbar nur auf kurze Stücke anwenden, deren Querschnitte als unveränderlich angesehen werden können. Sind nun l_0, l_1, l_2 . die Längen, b_0, b_1, b_2 . die oberen Breiten, F_0, F_1, F_2 . die Querschnitte, V_0, V_1, V_2 . die Belumina und e_0, e_1, e_2 . die Tiesen der Schwerpunkte dieser Stücke unter dem Schwerpunkte des ganzen Schiffes, so haben wir die entsprechenden Stadilitäten:

$$\begin{split} S_0 &= \left(\frac{l_0 b_0^3}{12} - V_0 e_0\right) \varphi \gamma, \\ S_1 &= \left(\frac{l_1 b_1^3}{12} - V_1 e_1\right) \varphi \gamma, \\ S_2 &= \left(\frac{l_2 b_2^3}{12} - V_2 e_2\right) \varphi \gamma \text{ u. f. w.} \end{split}$$

und baher bie Stabilitat bes gangen Schiffes:

$$S = S_0 + S_1 + S_2 + .$$

$$= \left(\frac{1}{12} \left(l_0 b_0^3 + l_1 b_1^3 + l_2 b_2^3 + \ldots\right) - \left(V_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \ldots\right)\right) \varphi \gamma,$$

ober, da:

$$\frac{1}{12} (l_0 b_0^3 + l_1 b_1^3 + l_2 b_2^3 + ..) = \frac{1}{3} \Sigma \left[b l \left(\frac{b}{2} \right)^2 \right]$$

gleich bem Eragheitsmomente J ber Schwimmflache in hinficht auf Die Langenare bes Schiffes, und

$$V_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \dots$$

bas Moment bes ganzen verbrangten Baffervolumens V ober bas Pros buct aus biesem Raume und bem Abstande e seines Schwerpunktes von bem bes ganzen Schiffes ift:

$$S = (J - Ve) \omega \nu$$

Damit bas Schiff Stabilitat befige, muß naturlich

fein.

742

Stabilität ber Schiffe. Wird das Schiff durch ben Windstoß ober durch irgend eine Ursache aus seiner Gleichgewichtslage gebracht, so nimmt es eine schwingende Bewegung an, welche sich nach der Theorie des Pendels beurtheilen läßt. Diese pendelnden Bewegungen besiehen entweder in einem Auf. und Riedersteigen, oder in einem Schwanken nach der einen oder anderen Seite des Schiffes, oder in einem Schwanken um die horizontale Querare des Schiffes; die erstere Bewegungsweise läßt sich mit dem Namen Steigen bezeichnen, die zweite wird in der Schiffssprache Schlingern, und die letzte Stampfen des Schiffes genannt (s. §. 290). Die Schwingungszeiten dieser Bewegungen lassen sich sammtlich durch den in L. Anhang, §. 2*) gefundenen Ausbruck:

$$t=\frac{\pi}{\sqrt{\mu}}$$

in welchem:

$$\mu = \frac{p}{x}$$

ober bas Berhaltniß ber Acceleration p ju bem jurudgelegten Beg & be-

Wenn sich der Schwerpunkt des Schiffes um den Weg & fenkrecht niederbewegt, so ist bei dem Inhalte G der Schwimmstäche der entsprechende
Zuwachs des Auftriebes oder die bewegende Kraft:

$$P = Gx\gamma;$$

und hat nun noch das Schiff die Maffe $M=rac{V\,\gamma}{g}$, so folgt die Acceleration ber schwingenben Bewegung des Schiffes in vertifaler Richtung:

$$p = \frac{P}{M} = \frac{Gx\gamma}{M}$$

daher:

$$\mu = \frac{p}{x} = \frac{G\gamma}{M},$$

und endlich bie Schwingungezeit bes Steigens:

$$t = \frac{\pi}{\sqrt{\mu}} = \pi \sqrt{\frac{M}{G\gamma}} = \pi \sqrt{\frac{V}{Gg}},$$

ober, wenn man noch $V=\varphi \ a \ b \ l$ und $G=\lambda b \ l$ fest:

$$t = \pi \sqrt{\frac{\varphi}{\lambda} \cdot \frac{a}{a}}$$
.

Die Schwingungezeiten bes Schlingerns und Stampfens bes Schiffes

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 748 sind einfach nach der Theorie des materiellen Pendels (L, §. 267) zu bes Stadilität fimmen. Es ist diese Zeit:

= * V Tragheitsmoment Statisches Moment.

Ift folglich $\frac{T_1\,\gamma}{g}$ bas Trägheitsmoment bes Schiffes in hinficht auf seine Längenare burch ben Schwerpunkt beffelben, und J bas Trägheitsmoment ber Schwimmstäche in hinficht auf ihre Längenare, also $(J-Ve)\,\gamma$ bas statische Moment bes Schiffes, so hat man die Schwingungszeit bes Schlingerns:

$$t_1 = \pi \sqrt{\frac{T_1}{q (J - Ve)}},$$

und bezeichnet bagegen T_2 bas Tragheitsmoment bes Schiffes in hinsicht auf seine Querare burch ben Schwerpunet, und J_1 bas Tragheitsmoment ber Schwimmflache G in hinsicht auf ihre Querare, so hat man bie Schwingungszeit bes Stampfens:

$$t_2 = \pi \sqrt{\frac{T_2}{g (J_1 - Ve)}}.$$

Beispiel. Die Form eines Flusbampsichiffes ift burch bie in folgender Tabelle enthaltenen Coordinaten gegeben, wobei die Schiffslänge = 20 und die halbe Schiffsbreite = 1000 geseht, der Abscissenangspunkt am hinteren Schiffsende angenommen worden ift, und die Abscissenare die Richtung des Kieles hat; man soll die Lastigkeit dieses Schiffes und seine Stabilitätsverhaltniffe u. s. w. ausmitteln.

Dinterschiff.				Borberschiff.					
Absciffen.	Ordinaten ber Wafferlinien.				fen.	Orbinaten ber Bafferlinien.			
	I.	II.	пі.	Berbed	Absciffen.	ſ.	II.	III.	Berbeck
o	30	80	30	800	10	880	910	960	1000
1	45	100	165	850	11	810	910	950	990
2	120	230	390	900	12	760	870	930	990
3	240	400	600	930	13	680	810	870	960
4	880	590	750	930	14	570	700	780	980
5	520	700	825	970	15	440	570	650	860
6	630	790	880	990	16	310	420	500	770
7	730	840	910	990	17	200	270	340	640
8	790	880	940	990	18	110	150	200	480
9	880	910	960	1000	19	80	40	60	270
10	880	910	960	1000	20	-		-	80
						ļ	I	1	

744

Etabilität ber Goiffe Der Inhalt G_0 ber nullten ober unterften Bafferlinie ift = Rull zu feten, ber ber erften Bafferlinie aber:

$$G_1 = [30 + 4 (45 + 240 + 520 + ... + 80) + 2 (120 + 380 + 680 + ... + 110)] \frac{bl}{600 \text{ mg}}$$

= 0.452 bl

ferner ber ber folgenben:

$$G_{3} = [30 + 4 (100 + 400 + ... + 40) + 2 (280 + 590 + ... + 150)] \frac{bl}{60000}$$

$$= 0.557 bl.$$

und ber ber oberften ober gelabenen Bafferlinie:

$$G_8 = [80 + 4 (165 + ... + 60) + 2 (890 + ... + 200)] \frac{bl}{60000}$$

= 0.663 bl.

hieraus folgt bas Bolumen bes verbrangten Baffere (fiebe »Ingenieur-Seite 254):

$$V = [G_0 + 3(G_1 + G_3) + G_3] \frac{a}{8} = (0 + 3.1,009 + 0,668) \frac{abl}{8} = 0,461 \text{ abl.}$$

Die Inhalte ber Querfcnitte ber Spanten bestimmen fich ebenfalls burch Formel:

$$F = [y_0 + 3 (y_1 + y_2) + y_4] \frac{a}{8},$$

und es ift hiernach:

$$F_0 = (0 + 3 \cdot 60 + 80) \frac{ab}{8000} = 0,026 \ ab,$$

$$F_1 = (0 + 3 \cdot 145 + 165) \frac{ab}{8000} = 0,075 \ ab,$$

$$F_2 = (0 + 3 \cdot 850 + 890) \frac{ab}{8000} = 0,180 \ ab,$$

$$F_s = (0 + 3.640 + 600) \frac{ab}{8000} = 0.315 \ ab,$$

und es folgt fo weiter:

$$F_4 = 0.457 \ ab$$
, $F_5 = 0.561 \ ab$, $F_6 = 0.642 \ ab$, $F_7 = 0.703 \ ab$, $F_8 = 0.744 \ ab$, $F_9 = 0.772 \ ab$, $F_{10} = 0.773 \ ab$, $F_{11} = 0.764 \ ab$, $F_{14} = 0.728 \ ab$, $F_{15} = 0.667 \ ab$, $F_{14} = 0.624 \ ab$, $F_{15} = 0.460 \ ab$, $F_{15} = 0.336 \ ab$, $F_{17} = 0.219 \ ab$, $F_{18} = 0.122 \ ab$, $F_{19} = 0.034 \ ab$. $F_{19} = 0$.

Dit Bulfe ber Formel:

 $V = [F_0 + 4 (F_1 + F_2 + ... + F_{10}) + 2 (F_2 + F_4 + ... + F_{10}) + F_{20}] \frac{\delta}{50}$ ergiebt fich hiernach das Wasservolumen:

$$V = 0.459 \ abl,$$

und nimmt man nun aus beiben Berthen bas Mittel, fo erhalt man:

$$V = 0.460 \ abl.$$

Bare die absolute Lange bieses Wasserraumes: l=200 Tuß, die größte Breite besselben: $b=\frac{l}{6}=\frac{100}{3}$, und seine Tiefe $a=\frac{b}{5}=\frac{20}{3}$ Fuß, so hätte man bas ganze Wasservolumen:

$$V = 0.460 \cdot \frac{20 \cdot 100 \cdot 200}{3 \cdot 3} = 20444$$
 Cubiffuß,

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nabe horizontalen Begen. 745 und folglich bie gange Tragtraft bes Schiffes:

Ctabilität Der Chiffe.

$$Q + Q_1 + Q_2 = V\gamma = 20444 \cdot 66 = 1349304$$
 Pfunb.

Der Angriffspuntt biefer Rraft liegt über bem Schiffsfiel um

und vom Schiffsenbe in borizontaler Richtung ab:

$$s = \frac{0.1 \cdot F_0 + 1 \cdot 4 F_1 + 2 \cdot 2 F_2 + 3 \cdot 4 F_3 + \ldots + 19 \cdot 4 F_{10} + 20 F_{20}}{1 F_0 + 4 F_1 + 2 F_2 + 4 F_3 + \ldots + 4 F_{10} + F_{20}} \frac{l}{20}$$

$$= 0.488 l = 96.6 \% us.$$

Das Tragheitsmoment ber Schwimmflache in Beziehung auf ihre gangens are ift:

$$J = [30^{3} + 4(165^{3} + 600^{3} + \dots) + 2(890^{3} + 750^{3} + \dots)] \cdot \frac{2(\frac{1}{6}b)^{3}l}{8.60.1000000000}$$

= 0,0355 $b^{3}l$;

und baber bie Bebingung ber Stabilitat bes Schiffes:

$$Ve < J$$
, ober $e < \frac{J}{V}$, b. i.
 $e < \frac{0.0355}{0.461} \frac{b^3 l}{ab l}$ ober $< 0.077 \frac{b^3}{a}$.

Benn alfo ber Schwerpuntt bes gangen Schiffes noch nicht

$$0.077 \frac{b^6}{a} = 0.077 \cdot \frac{500}{8} = 12.83 \, \text{Fuß}$$

über bem bes verdrängten Baffers, alfo noch nicht 16,84 Fuß über bem Schiffs- tiel liegt, besigt das Schiff Stabilität.

Die Beit ber Schwingungen biefes Schiffes in vertifaler Richtung ift:

$$t = \pi \sqrt{\frac{\varphi}{\lambda} \frac{a}{g}} = \pi \sqrt{\frac{0.460}{0.663} \cdot \frac{20}{8 \cdot 31.25}} = \pi \sqrt{\frac{9.2}{1.989 \cdot 31.25}} = 1,208 \text{ Sec.}$$

Bare bas Tragheitsmoment bes gangen Schiffes in hinficht auf feine horisgontale Langenare burch ben Schwerpunkt: $I_1\gamma=20444$. 100 γ , und die hohe bes Schiffsichwerpunktes über dem des verbrangten Waffers: e=8 Fuß, so wurde die Zeit einer Schwingung um die genannte Are, oder die des soges nannten Schlingerns:

$$\begin{aligned} t_1 &= \pi \sqrt{\frac{T_1}{g(J-Ve)}} = \pi \sqrt{\frac{20444 \cdot 100}{81,25 \left[0,0355 \cdot \left(\frac{100}{8}\right)^3 \cdot 200 - 20444 \cdot 8\right]}} \\ &= \pi \sqrt{\frac{2044400}{81,25 \left(262968 - 163532\right)}} = 2,549 \text{ Sec.} \end{aligned}$$
betragen.

Confirmetion. ben Takel und in G bas Tau zum Aufrichten bes Mastes, besien geneigte Lage burch C_1 , D_1 , G_1 in punktirten Linien angebeutet wirb. Der Mast ist noch burch die Stenge H verlängert, und das hintere Segel K wird durch die beiben Raaen M und N, dagegen das Vordersegel L nur mittels eines Seiles gerichtet und gespannt. Noch sieht man in O eine kleine Kajute und in P die sogenannte Schiffstuke (franz. écoutille; engl. hatch-way), b. i. eine Dessnung in dem Verbed, durch welche man die Güter in den inneren Schiffsraum herabläst, oder nach Besinden in denselben hinabsteigt.

Schifferiffe.

6. 308. Die Schiffsform ift ein wesentlich wichtiger Gegenstanb bes Schiffsbaues, ba von berfelben vorzuglich bie Rraft jum Kortbewegen und alfo auch bie Geschwindigkeit bes Schiffes abhangt. Es ift aus ber Dobraulit befannt, bag ber Biberftand eines im Baffer bewegten Rorpers vorzüglich von ber Geftalt ber vorberen und ber hinteren Begrengung beffelben abhangt, und bag berfelbe um fo fleiner ausfällt, je fcharfer biefe Begrenzungen find und je abgerundeter bie gange eingetauchte Dberfiache bes Schiffes ift. Sind bagegen die außerften Begrenzungen bes eingetauchten Schiffsforpers ftumpf, und enthalt die Schiffsoberflache wenig abgerundete Eden ober Ranten, ober überhaupt fart gefrummte Stellen, fo wird bas Baffer burch bas bewegte Schiff nicht allein in ftarte, fonbern auch in wirbelnbe Bemegungen verfett, wodurch ber Widerstand beffelben gu einer großen Bobe anmachft. Speciellere Regeln über bie vortheilhafteften Schiffsformen laffen fich aus ber Theorie nicht ableiten, man muß fich baber bei Conftruction ber Schiffetorper vorzüglich von ber Erfahrung leiten laffen. Solchen Conftructionen muffen naturlich gute Beichnungen von Schiffsgefägen ju Grunde gelegt merben.

Diese Zeichnungen ober Riffe werben vorzüglich nach ben brei hauptbimenfionen bes Raumes, namlich

- 1) nach Sorizontalichnitten,
- 2) nach vertifalen gangen-, und
- 3) nach vertifalen Querfchnitten entworfen.

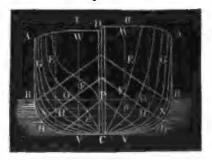
Die Horizontalschnitte geben auf ber außeren Begrenzung bes Schiffes bie sogenannten Bafferlinien an, von welchen biejenige, welche bie Schwimmebene bes belasteten Schiffes begrenzt, die geladene, und diezienige, welche die Schwimmebene bes leeren Schiffes umschließt, die leere Bafferlinie genannt wird. Man trägt die in gleichen Höhen über einander liegenden Basserlinien in den Grundriß, ferner die in gleichen Abstanden von einander angenommenen Längenschnitte des Schiffes in das Längens und die in gleichen Abständen von einander gelegten Querschnitte in die Querprosite des Borders und hinterschiffes ein. Solche mit einem Spsteme von Querschnitten (Spanten) versehenen Querprosite eines Schiffstörpers bilden den sogenannten Spantenriß dessehen. Außer diesen Prositen fertigt man aber auch noch sogenannte Sentenrisse an.

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 737

Einen solchen Riß erhalt man baburch, baß man einen Langenschnitt Schiffenfie. burch bas Schiff führt, welcher so viel wie möglich von einem und bemsselben Plankengang, ober einer statt besselben aufgenagelten Latte, ber so genannten Sente, begrenzt wird. Da das ganze Schiff in hinsicht auf den mittleren Langenschnitt symmetrisch ist, so genügt es natürlich, wenn man die Wasserlich, Langenschnitte, sowie die Spantens und Sentenrisse nur von der einen Schiffshalfte entwirft.

Bei der Anfertigung dieser Riffe beginnt man mit dem Entwurf ber beiden Spantenriffe AC, I. und II., Fig. 625. Die verschiedenen





Spantenlinien bieser Risse fertigt man bergestalt an, daß man zuerst den Hauptspanten ABC, dann einen Bordersoder Hinterspanten EFC, hierauf einen Mittelspanten GHC nach dem Augenmaße entwirft, und nun in die Raume zwischen je zwei dieser drei Spantenlinien die übrigen Spanten einzeichnet. Dieses Einzeichnen wird aber

nicht gang willturlich bewirkt, fondern man bedient fich hierbei ber Dethobe bee Interpolirens. Bu biefem 3mede legt man eine Gente BF moglichst rechtwinkelig gegen bie fogenannte Rimmung B bes Schiffes, und mit ihr einige andere Genten, parallel, und bestimmt nun mittels bekannter Interpolationeregeln aus ben gegebenen Durchschnitten B, H, F amifchen einer Sente und ben querft aufgezeichneten brei Spantenlinien noch andere Durchschnitte, wie N, O u. f. w. berfelben Sente mit ben amifchen einzuzeichnenben Spantenlinien CN, CO u. f. m. Sat man auf Diefe Beife fowohl ben Spantenrif I. bes Sinter: als auch ben Span: tenrif II, bes Borberfchiffes entworfen, fo laffen fich auch leicht die ubrigen Durchschnitte bes Schiffes aufzeichnen. In Dieser Absicht giebt man fich zunachft die Borigontale RR an, welche die geladene Bafferlinie vorftellt, theilt die Schwimmtiefe CP in gleiche Theile und fuhrt durch bie Theilpuntte andere Sorizontalen ober Schwimmlinien. Diefe Borizontalen ichneiben die Spanten in einer Menge von Punkten, welche fammtlich in ber außeren Begrengung bes Schiffes liegen. Theilt man nun in ben Grundriffen PRS und PRT, Fig. 626 (a. f. G.), ber beiben Schiffstheile I. und II. die gangen PS und PT in gleiche Theile, und fuhrt man burch die Theilpunete 1, 2, 3 u. f. w. Parallelen gur Breite PR, fo ftellen diefe bie Spanten im Grundriffe vor, und es laffen fich nun bie

111.

Edifferiffe.



gefundenen Durchschnitts. puntte a, B . . ber Bafferlinien im Spantenriffe auch in bem Grundriffe angeben. Berbinbet man endlich im Grundriffe biejes nigen Puntte, welche in einem und bemfelben Borizontalschnitte RR, BB u. f. w. liegen, durch einen Bug, fo erhålt man baburch bie entsprechenbe Baffer: linie in ihrer wahren Gestalt. Kubrt man ebenfo im Spantenriffe Bertitalen VW u. s. w., so schneiben bieselben bie Spanten in anderen Punkten, mit Hulfe welcher sich auf gleiche Beife im gangenprofile bes Schiffes vertis tale Langenschnitte beffelben verzeichnen laffen.

6. 309. Bei ber im Borftebenben befdriebenen Aufzeichnung bes Schiffskörpers ist naturlich nicht bloß auf bie Große, fonbern auch auf die Bestim= mung bes Schiffes Rud. ficht ju nehmen. Die Geftalt bes Sauptspantens die der gelabenen unb Wafferlinie geben bierbei das Hauptanhalten. Die muffen bem Seeschiffe . Andrange hoher Bellen miberfteben tonnen, besbalb erhalten sie eine grofere Breite und mehr ab: gerunbete Spanten; Fluß-

€ diffs.

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf ganz ober nahe hortzontalen Wegen. 739 schiffen giebt man kleinere Breiten, bamit sie bas Baffer leicht burchschneiben, und mehr rectangulare Spantenformen, damit sie keinen großen Tiefgang haben. Gewöhnlich ist bas Berhaltniß ber größten Schiffsbreite

Galffe formen.

zur ganzen Schiffslänge:

bei Seesegelschiffen . . . = 1/4,

bei Seebampfschiffen . . . = 1/6, und

bei Flußbampfschiffen . . . = 1/8;

ferner das Berhaltnif der größten Schiffshohe jur Schiffsbreite:

bei Seeschiffen \ldots $= \frac{2}{3}$, und bei Flußschiffen \ldots $= \frac{1}{2}$;

endlich bas Berhaltniß ber größten Eintauchung gur größten Schiffsbreite:

bei Seefchiffen = 2/5, und bei Fluffchiffen = 1/5.

Ein Anhalten bei Beurtheilung ber Abrundung und Buschärfung ber Schiffsformen geben noch die sogenannten Bolligkeitscoefficienten, ober die Berhältniffe ber Inhalte ber hauptquerschnitte bes Schiffes zu benen ber sie umschließenden Rechtede, sowie bas Verhältniß bes Volumens bes eingetauchten Schiffsraumes zu bem des denfelben umschließenden Parallelepipedes.

Ift a ber Tiefgang, b die größte Breite und l' die größte Lange bes eingetauchten Schiffstheiles, ferner F ber Inhalt des eingetauchten Theiles bes hauptspantens, G ber Inhalt der Schwimmfläche ober des von der geladenen Wafferlinie begrenzten Raumes, und V das Bolumen des verbrangten Waffers, so hat man:

$$\alpha = \frac{F}{ab} = 0.82$$
 bis 0.92,
 $\lambda = \frac{G}{bl} = 0.80$ bis 0.65,
 $\varphi = \frac{V}{abl} = 0.60$ bis 0.45,

und zwar erftere Berhaltniffe bei See- und lettere bei Flufichiffen.

Bur Beurtheilung bes Tragvermogens und ber Stabilitat eines Schiffes ift nothig, bag man eine moglichst genaue Bestimmung ber Inhalte seiner Schnitte vornehme und hiernach wieder ben Inhalt bes verbrangten Base fere, sowie bie Lage seines Schwerpunktes bestimme. hierzu reichen bie in I., §. 118 angegebenen Formeln:

1)
$$V = (F_0 + 4F_1 + 2F_2 + ... + 4F_{n-1} + F_n) \frac{h}{3n}$$
 unb

2)
$$y = \frac{0.F_0 + 1.4F_1 + 2.2F_2 + 3.4F_3 + ... + (n-1)4F_{n-1} + nF_n}{F_0 + 4F_1 + 2F_2 + 4F_3 + ... + 4F_{n-1} + F_n} \frac{h}{6}$$

Chiffs. formen. aus, wenn man darin unter h die in n gleiche Theile getheilte Hohe ober Lange, unter F_0 , F_1 , F_2 ... F_n die durch die Theilpunkte 0, 1, 2... n gelegten Querschnitte eines Körpers versteht, und V das Bolumen dieses Körpers, sowie y den Abstand seines Schwerpunktes von der Grundsläche ober nullten Schnittsläche (F_0) bezeichnet.

Wir können in diesen beiden Formeln einmal statt h die Bassertracht (a) oder die Tiese der Eintauchung, und statt F_0 , F_1 . F_n die Inhalte der Horizontalschnitte oder die von den Wasserlinien begrenzten Flächen raume, von unten nach oben gerechnet, und das andere Wal statt h die Länge (l) der geladenen Wasserlinie und statt F_0 , F_1 . F_n die Inhalte der vertikalen Querschnitte (Spanten) einsehen, und bekommen dann in beiden Fällen durch die Formel (1) das Bolumen V des verdrängten Wassers, in dem ersten Falle durch die Formel (2) den Abstand (y) des Schwerpunktes des Schiffes von dem Kiele, und im zweiten Falle durch die zweite Formel den horizontalen Abstand (y) dieses Schwerpunktes von dem als Nullpunkt angenommenen Schiffsende.

Bas die Bestimmung der Schnittstächen F_0 , F_1 ... F_n anlangt, so ift dieselbe ebenfalls durch Formel (1) zu vollziehen, wenn man darin statt h die Länge oder Höhe der Schnittstäche, und statt F_0 , F_1 ... F_n die in gleichen Abständen von einander abgenommenen Breiten einer solchen Fläche einsetz.

Uebrigens liegt ber Schwerpunkt bes Bafferraumes in dem vertikalen Hauptlangenschnitt bes Schiffes. Der Auftrieb $V\gamma$ bes Schiffes (siehe I., §. 307) ist $= O + O_1 + O_2$, wenn:

Q bie Große ber Schiffelabung (Laftigfeit),

Q1 bas Gewicht bes leeren Schiffes und

Q2 das Gewicht des Treibapparates, der Dampfmaschine sammt Reffel u. f. w. bezeichnen.

Die Stabilität des Schiffes fordert, daß man sowohl den Schwerpunkt von Q als auch den von Q_1 und den von Q_2 nicht allein in den vertikalen Hauptlängenschnitt des Schiffes, sondern auch so tief wie möglich lege. Auch ist es natürlich nothig, daß der Schwerpunkt des ganzen Schiffes $(Q+Q_1+Q_2)$ von dem Schiffsende ebenso viel abstehe als der Schwerpunkt des Austriedes $V\gamma$. Sind die Abstände der Schwerpunkte der Gewichte Q, Q_1 , Q_2 und der Krast $V\gamma$, von dem Schiffsende der Reihe nach x, x_1 , y und x, so haben wir hiernach:

$$Qx + Q_1x_1 + Q_2y = Vz\gamma$$

Bu fegen, so daß fich hiernach die Ordinate des Schwerpunktes der Schiffsmaschine:

$$x_1 = \frac{Vz\gamma - Qx - Q_2y}{Q_1}$$

bestimmen låßt.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 741

§. 310. Die Große (S) der Stabilitat eines Schiffes ift in I., Ctabilitat eines Schiffes ift in I., Ctabilitat, ber Schiffe.

$$S = \left(\frac{b^3}{12 F} + e\right) P \varphi$$

ausgebrückt worden, worin b die Breite des Schiffes in der Schwimmsebene, F den Inhalt des vertikalen Querschnittes des verdrängten Wassers, e die Höhe des Schwerpunktes des Schiffes über dem des verdrängten Wassers, P den Austried $V\gamma = Fl\gamma$ und φ die Neigung des Schiffes nach der einen oder der anderen Seite bezeichnen. Diese Formel ist nur für ein prismatisches Schiff entwickelt worden; da aber der Querschnitt F nach den Schiffsenden zu immer kleiner und kleiner wird, so läßt sie sich unmittelbar nur auf kurze Stücke anwenden, deren Querschnitte als unveränderlich angesehen werden können. Sind nun l_0, l_1, l_2 . die Längen, b_0, b_1, b_2 . die oberen Breiten, F_0, F_1, F_2 . die Querschnitte, V_0, V_1, V_2 . die Belumina und e_0, e_1, e_2 . die Tiesen der Schwerpunkte dieser Schücke unter dem Schwerpunkte des ganzen Schiffes, so haben wir die entsprechenden Stadilitäten:

$$\begin{split} S_0 &= \left(\frac{l_0 b_0^3}{12} - V_0 e_0\right) \varphi \gamma, \\ S_1 &= \left(\frac{l_1 b_1^3}{12} - V_1 e_1\right) \varphi \gamma, \\ S_2 &= \left(\frac{l_2 b_2^3}{12} - V_2 e_2\right) \varphi \gamma \text{ u. f. w.} \end{split}$$

und baber bie Stabilitat bes gangen Schiffes:

$$S = S_0 + S_1 + S_2 + .$$

$$= \left(\frac{1}{12} \left(l_0 b_0^8 + l_1 b_1^8 + l_2 b_2^8 + \ldots\right) - \left(V_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \ldots\right)\right) \varphi \gamma,$$

ober, ba:

$$\frac{1}{12} (l_0 b_0^3 + l_1 b_1^3 + l_2 b_2^3 + \ldots) = \frac{1}{3} \Sigma \left[b l \left(\frac{b}{2} \right)^2 \right]$$

gleich bem Tragheitsmomente J ber Schwimmflache in hinficht auf bie Langenare bes Schiffes, unb

$$V_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \dots$$

bas Moment bes ganzen verdrängten Wasservolumens V oder bas Probuct aus diesem Raume und bem Abstande e seines Schwerpunktes von bem bes ganzen Schiffes ist:

$$S = (J -- Ve) \varphi \gamma$$
.

Damit bas Schiff Stabilitat befige, muß naturlich

fein.

Stabilität ber SchiffeWird das Schiff durch den Windstoß oder durch irgend eine Ursache aus seiner Gleichgewichtslage gebracht, so nimmt es eine schwingende Beswegung an, welche sich nach der Theorie des Pendels beurtheilen läst. Diese pendelnden Bewegungen bestehen entweder in einem Auf- und Riedersteigen, oder in einem Schwanken nach der einen oder anderen Seite des Schiffes, oder in einem Schwanken um die horizontale Querare des Schiffes; die erstere Bewegungsweise läst sich mit dem Namen Steigen bezeichnen, die zweite wird in der Schiffsprache Schlingern, und die lette Stampfen des Schisses genannt (s. §. 290). Die Schwingungszeiten dieser Bewegungen lassen sich sämmtlich durch den in L. Anhang, §. 2*) gefundenen Ausbruck:

$$t=\frac{\pi}{\sqrt{\mu}}$$

in welchem:

$$\mu = \frac{p}{x}$$

ober bas Berhaltnif ber Acceleration p ju bem jurudgelegten Beg a bes zeichnet, bestimmen.

Wenn sich der Schwerpunkt des Schiffes um den Weg & senkrecht nieberbewegt, so ist bei dem Inhalte G der Schwimmstäche der entsprechende
Zuwachs des Auftriebes oder die bewegende Kraft:

$$P = Gx\gamma;$$

und hat nun noch das Schiff die Maffe $M=\frac{V\gamma}{g}$, fo folgt die Acceleration ber schwingenben Bewegung des Schiffes in vertitaler Richtung:

$$p=\frac{P}{M}=\frac{Gx\gamma}{M},$$

baber:

$$\mu = \frac{p}{x} = \frac{G \gamma}{M},$$

und endlich bie Schwingungszeit bes Steigens:

$$t = \frac{\pi}{\sqrt{\mu}} = \pi \sqrt{\frac{M}{G\gamma}} = \pi \sqrt{\frac{V}{Gg}},$$

ober, wenn man noch $V=\varphi \ a \ b \ l$ und $G=\lambda b \ l$ fett:

$$t = \pi \sqrt{\frac{\varphi}{\lambda} \cdot \frac{a}{q}}$$

Die Schwingungezeiten des Schlingerns und Stampfens des Schiffes

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nabe borizontalen Begen. 743 find einfach nach ber Theorie bes materiellen Penbels (L, §. 267) ju be: Ctabilitat ftimmen. Es ift biefe Beit:

Ift folglich $\frac{T_1\,\gamma}{a}$ bas Trägheitsmoment bes Schiffes in hinficht auf feine Langenare burch ben Schwerpunkt beffelben, und J bas Tragbeits: moment ber Schwimmflache in Sinficht auf ihre gangenare, alfo (J - Ve) y bas ftatifche Moment bes Schiffes, fo hat man bie Schwingungszeit bes Schlingerns:

$$t_1 = \pi \sqrt{\frac{T_1}{g (J - Ve)}},$$

und bezeichnet bagegen T2 bas Tragheitsmoment bes Schiffes in Sinficht auf feine Querare burch ben Schwerpunet, und J, bas Tragheitsmoment ber Schwimmflache G in hinficht auf ihre Querare, fo hat man bie Somingungszeit bes Stampfens:

$$t_2 = \pi \sqrt{\frac{T_2}{g (J_1 - Ve)}}.$$

Beifpiel. Die Form eines Flugbampfichiffes ift burch bie in folgenber Tabelle enthaltenen Coordinaten gegeben, wobei bie Schiffelange = 20 und bie halbe Schiffsbreite = 1000 gefest, ber Absciffenanfangepuntt am hinteren Schiffsenbe angenommen worben ift, und bie Absciffenare bie Richtung bes Rieles hat; man foll bie Laftigfeit biefes Schiffes und feine Stabilitateverhaltniffe u. f. w. ausmitteln.

Sinterschiff.				Borberschiff.					
Absciffen.	Orbinaten ber Wafferlinien.				ffen.	Orbinaten ber Bafferlinien.			
	I.	II.	пт.	Berbed	Absciffen.	ſ.	II.	III.	Berbed
0	30	80	80	800	10	880	910	960	1000
1	45	100	165	850	11	810	910	950	990
2	120	230	390	900	12	760	870	930	990
3	240	400	600	930	18	680	810	870	960
4	380	590	750	930	14	570	700	780	980
5	520	700	825	970	15	440	570	650	860
6	630	790	880	990	16	310	420	500	770
7	780	840	910	990	17	200	270	340	640
8	790	880	940	990	18	110	150	200	480
9	880	910	960	1000	19	80	40	60	270
10	880	910	960	1000	20	-	-	-	80
H	I	1	1	1		Į.	ŀ	I	1

744

Etablittåt ber Goiffe.

at Der Inhalt Go ber nullten ober unterften Bafferlinie ift = Rull zu feten, fe. ber ber erften Bafferlinie aber:

$$G_1 = [30 + 4 (45 + 240 + 520 + ... + 30) + 2 (120 + 380 + 680 + ... + 110)] \frac{bl}{60000}$$

= 0.452 bl,

ferner ber ber folgenben:

$$G_{3} = [30 + 4 (100 + 400 + ... + 40) + 2 (230 + 590 + ... + 150)] \frac{bl}{60000}$$

$$= 0.557 \ bl.$$

und ber ber oberften ober gelabenen Bafferlinie:

$$G_8 = [80 + 4 (165 + ... + 60) + 2 (890 + ... + 200)] \frac{bl}{60000}$$

= 0,668 bl.

hieraus folgt bas Bolumen bes verbrangten Baffers (fiebe "Ingenieur" Seite 254):

$$V = [G_0 + 3(G_1 + G_3) + G_3] \frac{a}{8} = (0 + 8.1,009 + 0,668) \frac{abl}{8} = 0,461 \text{ abl.}$$

Die Inhalte ber Querfonitte ber Spanten bestimmen fich ebenfalls burch Formel:

$$F = [y_0 + 3 (y_1 + y_2) + y_3] \frac{a}{8},$$

und es ift hiernach:

$$F_0 = (0 + 3 \cdot 60 + 80) \frac{ab}{8000} = 0,026 \ ab,$$

$$F_1 = (0 + 3 \cdot 145 + 165) \frac{ab}{8000} = 0,075 \ ab,$$

$$F_2 = (0 + 3 \cdot 850 + 890) \frac{ab}{8000} = 0,180 \ ab,$$

$$F_3 = (0 + 3 \cdot 640 + 600) \frac{ab}{8000} = 0,815 \ ab,$$

und es folgt fo weiter:

Dit Bulfe ber Formel:

 $V = [F_0 + 4 (F_1 + F_2 + ... + F_{10}) + 2 (F_2 + F_3 + ... + F_{10}) + F_{20}] \frac{\delta}{50}$ ergiebt sich hiernach das Wasservolumen:

 $V = 0.459 \ abl$,

und nimmt man nun aus beiben Berthen bas Mittel, fo erhalt man:

$$V = 0.460 \ a \ b \ l.$$

Bare bie absolute Lange bieses Bafferraumes: l=200 Tuß, die größte Breite beffelben: $b=\frac{l}{6}=\frac{100}{3}$, und seine Tiefe $a=\frac{b}{5}=\frac{20}{3}$ Fuß, so hatte man bas ganze Baffervolumen:

$$V = 0,460 \cdot \frac{20 \cdot 100 \cdot 200}{3 \cdot 3} = 20444$$
 Cubiffuß,

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 745 und folglich bie gange Eragfraft bes Schiffes:

Ctabilität Der Chiffe.

$$Q + Q_1 + Q_2 = V\gamma = 20444 \cdot 66 = 1349804$$
 Pfund.

Der Angriffspunft biefer Rraft liegt über bem Schiffsfiel um

$$s = \frac{(0 \cdot G_0 + 1 \cdot 3 G_1 + 2 \cdot 3 G_2 + 3 \cdot G_3)}{1 G_0 + 3 G_1 + 3 G_2 + G_3} \frac{a}{3}$$

$$= \frac{3 \cdot 0.452 + 6 \cdot 0.557 + 3 \cdot 0.663}{0 + 3 \cdot 0.452 + 3 \cdot 0.557 + 0.663} \frac{a}{3} = \frac{2,229}{3,690} \frac{a}{3} = 0,602 \ a = 4,01 \ \% \text{u} \text{s},$$

und vom Schiffsenbe in borizontaler Richtung ab:

$$s = \frac{0.1 \cdot F_0 + 1 \cdot 4 F_1 + 2 \cdot 2 F_2 + 3 \cdot 4 F_3 + \ldots + 19 \cdot 4 F_{19} + 20 F_{29}}{1 F_0 + 4 F_1 + 2 F_2 + 4 F_2 + \ldots + 4 F_{10} + F_{20}} \frac{l}{20}$$

$$= 0.483 \, l = 96.6 \, \text{Fug.}$$

Das Tragheitsmoment ber Sowimmflache in Beziehung auf ihre gangens are ift:

$$J = [30^{3} + 4(165^{3} + 600^{3} + \dots) + 2(390^{3} + 750^{3} + \dots)] \cdot \frac{2(\frac{1}{6}b)^{3}l}{8.60.1000000000}$$

= 0,0355 $b^{3}l$;

und baber bie Bebingung ber Stabilitat bes Schiffes:

$$Ve < J$$
, ober $e < \frac{J}{V}$, b. i.
 $e < \frac{0.0355}{0.461} \frac{b^3 l}{a b l}$ ober $< 0.077 \frac{b^3}{a}$.

Wenn alfo ber Schwerpuntt bes gangen Schiffes noch nicht

$$0.077 \frac{b^6}{a} = 0.077 \cdot \frac{500}{8} = 12.83 \, \text{Fug}$$

über bem bes verdrängten Wassers, also noch nicht 16,84 Fuß über bem Schiffs- tiegt, besigt bas Schiff Stabilität.

Die Beit ber Schwingungen biefes Schiffes in vertifaler Richtung ift:

$$t = \pi \sqrt{\frac{\varphi}{\lambda} \frac{a}{g}} = \pi \sqrt{\frac{0,460}{0,663} \cdot \frac{20}{8 \cdot 31,25}} = \pi \sqrt{\frac{9,2}{1,989 \cdot 31,25}} = 1,208$$
 Sec.

Bare das Trägheitsmoment des ganzen Schiffes in hinficht auf feine horis zontale Langenare durch ben Schwerpunkt: $T_1\gamma=20444$. 100 γ , und die hohe bes Schiffsschwerpunktes über dem des verbrangten Baffers: $\epsilon=8$ Fuß, so wurde die Zeit einer Schwingung um die genannte Are, oder die des soges nannten Schlingerns:

$$t_1 = \pi \sqrt{\frac{T_1}{g(J - Ve)}} = \pi \sqrt{\frac{20444 \cdot 100}{\$1,25 \left[0,0355 \cdot \left(\frac{100}{3}\right)^3 \cdot 200 - 20444 \cdot 8\right]}}$$

$$= \pi \sqrt{\frac{2044400}{\$1,25 \left(262963 - 168532\right)}} = 2,549 \text{ Sec.}$$

betragen.

746

Biberfanb bes Bafferi §. 311. Der Widerstand W bei ber Bewegung eines Schiffes im stülstehenden Waffer ift burch die (aus I., §. 429) bekannte Formel:

$$W=\xi\,\frac{v^2}{2\,\,q}\,\,F\gamma,$$

in welcher F ben hauptquerschnitt bes Schiffes, v bie Seschwindigkeit beffelben, & ben sogenannten Widerstandscoefficienten u. s. w. bezeichnen, zu bestimmen. Steht bas Baffer, in welchem sich das Schiff bewegt, nicht still, sondern lauft es bem Schiffe mit der Geschwindigkeit c entgegen, so hat man:

$$W = \xi \frac{(v+w)^2}{2q} F \gamma,$$

und flieft es bagegen in ber Richtung bes Schiffes mit ber Gefchwindig-

$$W = \zeta \frac{(v-w)^2}{2 g} F_7$$

ju fegen.

Diefer Wiberftand geht theils aus bem Aufftquen bes ausweichenben Baffers vor dem Schiffe, theils aus ber Sentung bes zufliegenden Baffers hinter bem Schiffe und theils auch aus ber Reibung bes Baffers an ber Schiffeoberflache bervor, und bangt baber auch noch vorzuglich von ber Form des Schiffes ab. Sind die Border- und hintertheile eines Schiffes hinreichend jugespitt und an ben Stellen, mo fie fich an bas Mittelfchiff anschließen, febr gut abgerundet, fo geht bas Fortschieben und Wiebergusammenfließen bes Baffers fast ohne alle wirbelnbe Bewegungen beffelben vor fich, und es wird bann bie Rraft, welche bas Ausftauen bes Baffers vom Schiffevorbertheil in Anspruch nimmt, burch ben Drud bes Baffers am Schiffshintertheil fast wieder erfest, folglich bas baupt fachlichfte Sindernig ber Bewegung bes Schiffes nur in ber Uebermindung ber Reibung bes Baffers bestehen. In biefem Salle finkt ber entfprechende Biberftandecoefficient & bis auf 0,05 bis 0,10, mabrend er bei einem prismatischen Schiffe ohne alle Zuspitzung eirca 1,1 beträgt. Campaianac's Berfuchen an Dampfichiffen auf dem Deere (fiebe beffen Traité sur l'état actuel [1842] de la marine à vapeur) ist im Mittel \$ == 0,0755 gu nehmen.

Bei Segelschiffen, sowie auch bei Rahnen, ist die Zuspizung der Schiffsenden, und die Abrundung an den Seiten weniger volltommen, so das hier sich & auf 0,2 bis 0,45 steigert.

Diese Coefficienten fallen noch größer aus, wenn sich das Schiff in einem engen Canale bewegt, bessen Querschnitt F_1 (nach Du Buat) nicht mindestens $6^{1/2}$ mal so groß ist als der Querschnitt F des Schiffes. In diesem Falle kann das Waffer nicht ungehindert zur Seite des Schiffes

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 747 ausweichen; es ftaut fich beshalb baffelbe vor bem Schiffe boher auf, als murrftanbei Baffere. wenn ber Bafferfpiegel unbegrengt mare, und wird überdies noch burch bie Reibung an bem Bette bes Canales in feiner Bewegung geftort. Du Buat entwickelt aus ben hieruber angestellten Bersuchen von Bof. fut Kormeln ju entsprechender Correction von t, es icheinen aber nach Berechnungen (fiebe D'Aubuiffon's Sybraulit, D'Aubuisson's §. 228 u. f. w.) diefelben ju große Berthe ju liefern. Die Reductions. formel:

 $\xi_1 = \left(1 + \frac{1}{\left(\frac{F_1}{E} - 1\right)^2}\right)\xi,$

in welcher F_1 ben Querschnitt bes Canales, und ζ_1 ben entsprechenben Miberftanbecoefficienten bes Schiffes bezeichnen, mochte fich vielleicht eber begrunden laffen und auch mit ben Erfahrungen beffer übereinstimmen. Sie giebt fur

$$rac{F_1}{F}=\infty$$
, $\zeta_1=\zeta$, und für $rac{F_1}{R}=2$, $\zeta_1=2\,\zeta$.

Much in Beziehung auf bie Geschwindigfeit bes Schiffes icheint ber Coefficient & nicht gang conftant gu fein. Die bieruber angestellten Berfuche von Macneil, Ruffell und Morin an fleinen Canalichiffen weisen diese Beranderlichkeit vollstandig nach (fiehe Introduction à la Mècanique industrielle par Poncelet). So lange die Geschwindigkeit bes Schiffes 6 guf nicht überfteigt, ift diefen Berfuchen gufolge, & giemlich conftant, bei größeren Geschwindigkeiten von 8 bis 12 Auf nimmt bagegen & rafch, jeboch bochft unregelmäßig, gu, und fallt vielleicht boppelt fo groß aus als bei tleinen Gefchwindigkeiten, bei febr großen Gefchwinbigkeiten von 15 und mehr guß geht endlich & wieder in feinem Werthe herab. Die Urfachen biefer großen Beranberlichteit von & find teinesweges Eine große Rolle fpielen hierbei jedenfalls bie Bellen, genau befannt. welche bas unvollkommen augespitte Boot bei feinem schnellen Durchschneiben des Baffers an ber Oberflache beffelben erzeugt.

- 6. 312. Die Fortbewegung ber Schiffe auf bem Baffer erfolgt ents satflegieben. meber:
- 1) burch bas fogenannte Schiffsziehen (frang. le halage; engl. the towing), ober
 - 2) burch ben Bindftof mittels Segel (frang. voiles; engl. sails), ober
- 3) burch bas Rubern mittels einfacher Ruber ober besonderer Ruberråber.

€ diffsjieben.

Außerbem tonnen naturlich auch bie Schiffe burch bas fließenbe Baffer felbft fortbewegt werben.

Das Schiffsziehen wird entweder:

- 1) burch Menfchen ober Thiere, ober
- 2) durch ftebende, ober
- 3) burch locomobile Mafchinen verrichtet.

Im ersteren Kalle laufen bie Denschen ober Thiere an bem Ufer bes Baffere (ober bem fogenannten Leinpfade) bin und gieben babei an einem Seile, welches mit feinem hinteren Enbe an bem Schiffsmaft ober an einem anderen hervorstehenden Theile bes fortzugiehenden Schiffes ange-Enupft ift. Im zweiten Falle wird bas Schiff durch ein langes Seil fort: gezogen, welches fich um eine Trommel ober einen Korb widelt, ber einen Theil eines Dampf= ober Baffergopels bilbet (vergl. g. 246, g. 251, Bas bie locomobilen Maschinen jum Fortziehen eines Schiffes anlangt, fo tonnen diefelben entweder in einem Dampfmagen befteben, welcher auf einer Gifenbahn langs ber Ufer fortrollt und bas Schiff mit: tels eines Seiles nachzieht, ober es tann hierzu eine auf bem fortzugiebenben Schiffe felbst aufgestellte Dampfmaschine bienen, in welchem Falle biefelbe eine unter bem Schiffe angebrachte Trommel in Umbrehung fest, um welche fich eine lange Rette widelt, bie langs bes ganzen von bem Schiffe zu burchlaufenben Beges über bem Boben bin ausgespannt und an ihren Enden mit demfelben feft verbunden ift. Bu bem Schiffstieben mittels locomobiler Dafchinen gehort auch noch bas Bugfiren (frang. remorquer; engl. tow) eines Schiffes burch ein anberes, g. B. burch ein Dampffchiff.

Der Wiberstand beim Ziehen eines Schiffes in einem Schifffahrtscanal ift nach ber Formel:

$$W = \xi \, \frac{v^2}{2 \, g} \, F \gamma$$

zu berechnen (siehe ben vorigen Paragraphen), und hierin, wenn die Geschwindigkeit v bes Schiffes nicht sehr groß ist, nach Morin's Bersuchen $\zeta=0.21$ bis 0.27 einzuführen.

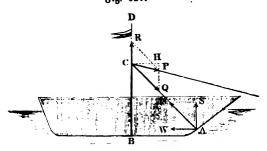
Bei bem Fortziehen in einem fließenden Baffer hat man bagegen:

$$W = \xi \frac{(v \pm w)^2}{2 g} F \gamma \pm (Q + Q_1) \sin \alpha$$

zu seinen, wobei c die Geschwindigkeit des Wassers, α den Abhang der Oberfläche des fließenden Wassers, und $Q+Q_1=V_{\mathcal{V}}$ das ganze Gewicht des Schiffes bezeichnet. Die Pluszeichen gelten natürlich für das Bergaufs und die Minuszeichen für das Bergabfahren.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 749

Die Kraft P zur Ueberwindung dieses Wiberstandes W ist aber nur Casselleben. dann der Größe desselben genau gleich, wenn sie diesem Widerstande genau entgegenwirkt, also auch mit demselben einerlei Angriffslinie hat. Der Widerstand $W=\xi\,\frac{v^2}{2\,g}\,F\,\gamma$ ist jedenfalls nur der horizontale Composnent $\overline{A\,W}$, Fig. 627, von einer anderen Kraft $A\,N$, deren Richtung vorskia. 627.



züglich von der Form des Vorderschiffes abhängt. Der vertitale Component \overline{AS} berselben bewirkt entweder eine kleine Erhebung des Vorderschiffes, oder er hebt die Neigung desselben auf, wenn der Schwerpunkt des ganzen Schiffes etwas vor dem des Auftriedes liegt. Die Mittelzkraft \overline{AN} trifft den Mast BD in einem Punkte C, in welchem auch die Zugkraft angreisen sollte. Diese Kraft $\overline{CP}=P$ zerlegt sich dann in die Kraft $\overline{CQ}=Q$, welche zur Ueberwindung des Widerstandes \overline{AN} dient, und in eine Vertikalkraft \overline{CR} , welche durch den Wast auf das Schiff übergetragen wird, und den Auftried desselben etwas vergrößert. Ist β der Neigungswinkel NAW des Widerstandes W und δ der Neigungswinkel PCH der Kraft P (gegen den Horizont), so hat man:

$$Q = N = \frac{W}{\cos \beta},$$

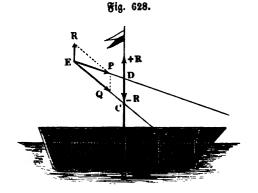
und bie Bugfraft:

$$P = Q \cos(\beta - \delta) = \frac{W \cos(\beta - \delta)}{\cos \beta}.$$

Ift $\delta = \beta$, liegen also die beiben Endpunkte des Zugseiles in einer borizontalen Linie, so hat man P = W.

Fallt, wie Fig. 628 (a. f. S.) andeutet, der Angriffspunkt D ber Kraft P nicht mit dem Durchschnittspunkte C zusammen, treffen sich also die Richtungen von N und P in einem Punkte E außerhalb des Wastes, so wirkt die Seitenkraft ER = R excentrisch und hebt daher nicht allein

Calffeleten, bas Schiff etwas im Sangen, fonbern giebt ihm auch noch eine fleine



Reigung nach hinten. Ift I bas Trägheits. moment der Schwimmsfläche bes Schiffes in hinsicht auf seine Querare, d ber Abstand DE bes Qurchschnittspunktes E von dem Maß, so haben wir die entsprechende Reigung der Längenare bes Schiffes:

$$\varphi = \frac{R d}{J - Ve}$$
 (f. §. 310).

Die zu verrichtenbe mechanische Arbeit beim Schiffeziehen ift naturlich:

L = Pv, also mindestens annähernd:

$$= \left(\xi \frac{(v \pm \omega)^2 F \gamma}{2 q} \pm (Q + Q_1) \sin \alpha\right) v,$$

und baber bei ber Bewegung im ftehenben Baffer:

$$L = \zeta \frac{v^2}{2g} F \gamma v = \frac{\zeta \gamma}{2g} F v^2.$$

Es wachft also die lette Arbeit wie ber Cubus ber Gefdminbig: teit bes Bootes, und es ift folglich ber Transport zu Baffer um fo vortheithafter, je langfamer bas Schiff fortgezogen wirb.

Beispiel. Belde Kraft erforbert bas Fortziehen eines Schiffes in einem Schifffahrtscanale, wenn ber hauptquerfcnitt beffelben 60 Quabratfuß und bie Geschwindigkeit o = 3 Fuß beträgt. Setzen wir & = 0,25, so exhalten wir:

$$P = \zeta \cdot \frac{v^2}{2a} F \gamma = 0.25 \cdot 0.016 \cdot 9 \cdot 60 \cdot 66 = 142.56$$
 Ffund,

und folglich bie nothige Arbeit pr. Secunbe:

welche alfo nach II., §. 80 von einem Pferbe allein verrichtet werben fann.

Benn baffelbe Schiff mit berfelben Geschwindigkeit in einem fließenden Baffer bergauf gezogen werben sollte, so wurde bei ber Geschwindigkeit w = 2 Fuß bieses Baffers, bei beffen Abhange sin. a = 0,0001, und bei bem von bem geslabenen Schiffe verdrängten Baffervolumen V = 2500 Cubiffuß, die nothige Bugfraft:

$$P = \zeta \frac{(v+w)^3}{2g} F_{\gamma} + V_{\gamma} \sin \alpha = 0.25 \cdot 0.016 \cdot 25 \cdot 60 \cdot 66 + 2500 \cdot 66 \cdot 0.0001$$

= 396 + 0.25 · 66 = 412.5 Pfunb,
also bie mechanische Arbeit $L = P_0 = 1237.5$ Außpfunb sein.

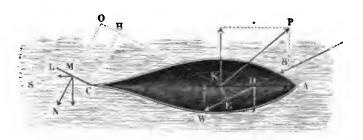
Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 751

Berwenbet man hierzu brei Pferbe, fo vermögen biefe bie Arbeit:

Coiffileben.

 $L=3\left(2-\frac{v}{c}\right)Pv=3\left(2-\frac{3}{4}\right)$. 120 . 3=1350 Fußpfund zu verrichten.

§. 813. Wenn die Richtung der Zugkraft P eines Schiffes ABC, Das Steuern Fig. 629, von der Langenare AC besselben abweicht, so nimmt auch die Ra. 629.



Bewegung beffelben eine andere Richtung DB an. Es hat bann bas Schiff einen fchragen Lauf und es heißt der Bintel ADB = 8, um welchen die Schiffsare AC von ber Bewegungerichtung DB abweicht, Die Abtrifft bes Schiffes. Rehmen wir an, daß der Widerstand W, welchen bas Baffer ber Bewegung bes Schiffes entgegenfest, in B angreife, und verlegen wir noch biefen Angriffspunkt in die Schiffsare, nach Wenn nun die Bugtraft P in D angriffe und bem Biberftand W genau entgegen mirtte, fo murbe bas Schiff ohne Beiteres, b. i. ohne Buhilfenahme bes Steuers, biefen fchragen Lauf annehmen, ohne fich ju bre-Greift aber bie bewegende Rraft P, b. i. bie eines Seiles ober bie ber Segel, in einem anderen Punfte K an, und wirft fie in einer anberen Richtung ale bie Bewegung bes Schiffes, fo bat bas Schiff ein Bestreben aum Dreben, bem nur burch eine angemeffene Stellung bes Steuers CL begegnet werden fann. Bezeichnen wir ben Winkel, um welchen die Richtung ber Bug- ober Treibfraft $\overline{KP} = P$ von ber Schiffsare abweicht, alfo PKA, burch B, und ben Drehungswinkel bes Steuers, oder bie Abmeichung SCL beffelben von ber Schiffsare, burch o, feben wir ferner bie aus bem Wiberftande bes Baffers ermachsende Rraft bes Steuers = N, ben Abstand CM ihres Angriffspunktes M von ber Are C. = s. ben Abstand KD bes Angriffepunttes K von dem Angriffe. puntte D bes Biberffandes W, = a, und ben von ber Are C bes Steuers, CK = b, so tonnen wir nach ben Lehren ber Statif (f. I., f. 88) folgenbe brei Gleichungen aufstellen:

752

Das Steuern ber Schiffe. 1) $N \cos \varphi + W \sin \delta = P \sin \beta$,

2) $N \sin \varphi + W \cos \delta = P \cos \beta$, und

3) $N(s + b \cos \varphi) = W a \sin \delta$, und es tommt hierzu noch ber Ausbruck:

 $N=\xi_1 \frac{v^2}{2a} \left[sin. (\delta + \varphi)^2 \right] S\gamma,$

worin ζ_1 ben Wiberftandscoefficienten bes Steuers, circa = 1, S ben Flacheninhalt deffelben, und v die Geschwindigkeit des Schiffes bezeichnet. Damit diese Kraft so wenig wie moglich durch die Bellenbewegung des Wassers beeintrachtigt werde, last man das hinterschiff ganz scharf zuslaufen.

Der Widerstand W ift naturlich von ber Große d der Abtrifft abhans gig, und hat bei & = 0, feinen Minimalwerth:

$$W = \xi \, \frac{v^3}{2 \, a} \, F \gamma,$$

wobei bas Moment $N\left(s+b\ cos.\ \varphi\right)=0$ ausfällt.

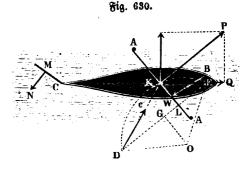
Für biefen Fall muß bemnach $b=-\frac{s}{cos.\ \varphi}$ fein, also ber Angriffe, punkt K der bewegenden Kraft hinter ber Steuerape liegen, was jedenfalls nicht leicht vorkommen wird.

Das Drehungsmoment:

$$N(s + b \cos \varphi) = \xi_1 \frac{v^2}{2g} (\sin \varphi)^2 (s + b \cos \varphi) Sy$$

ist annahernd auch $=\xi_1 \frac{v^2}{2g} (sin. \varphi)^2 cos. \varphi . Sb\gamma$, und fallt für $tang. \varphi = \sqrt{2}$, b. i. für $\varphi = 54^\circ$, 44° am größten, nämlich $\frac{2}{\sqrt{27}} \xi_1 \frac{v^2}{2g} Sb\gamma$ aus. Es ist also beshalb nie nöthig, das Steuer über 54^3 /4. Grad zu drehen.

Besteht die bewegende ober Triebtraft P eines Schiffes in bem Bind-



ftoß gegen ein Segel AKA1, Fig. 630, so ift das lettere so ju richten, daß der Component Q der Kraft P parallel jur Schiffsare CK, ein Maximum werbe. Um diesen Richtungswinkel nur annahernd genau zu bestimmen, wollen wir

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nabe horizontalen Begen. 753

voraussegen, bag die Bindgeschwindigkeit c groß genug fei, um die Schiffe. Das Cieuern geschwindigfeit in Sinficht auf fie vernachlaffigen zu tonnen. Rehmen wir an, baf die Richtung DK ber Gefchwindigfeit c mit ber Schiffsare CK, ben Binkel $CKD = \alpha$ einschließe, und daß die Chene des Segels AA_1 von ber erfteren Richtung um ben Wintel AKD = w abweiche; ift bann noch F, der Inhalt der Segelflache und p, bie Dichtigkeit des Bindes, fo haben wir nach II., §. 256 ben normalen Windftog:

 $P = 3 \cdot \frac{c^2 (\sin \cdot \psi)^2}{2 \ g} \ F_1 \gamma_1,$

und baher ben Componenten beffelben in ber Schiffsare:

$$Q = P \sin. KPQ = P \sin. AKQ \Rightarrow P \sin. (\alpha + \psi)$$

= $3 \frac{c^2 (\sin. \psi)^2}{2 q} \sin. (\alpha + \psi) F_1 \gamma_1.$

Diefer Werth ift in Sinficht auf w ein Marimum fur

$$tang. \psi = -2 tang. (\alpha + \psi);$$

alfo, wenn man biefe Gleichung aufloft, fur

tang.
$$\psi = \frac{3}{4} \cot g \cdot \alpha + \sqrt{2 + \frac{3}{4} (\cot g \cdot \alpha)^2}$$

Um bie entsprechente Segelrichtung conftruirend ju finden, theilen wir eine beliebige Linie DE in zwei und in brei gleiche Theile, errichten in ben Theilpunkten G und L Perpenditel ju biefer Linie; tragen an D und E ben Bintel $GDO = GEO = 90^{\circ} - \alpha^{\circ}$ an, und beschreiben aus bem erhaltenen Durchschnitte O mit der Linie OD = OE einen Rreisbogen DKE. Diefer Bogen ichneibet bann bas zweite Berpenbitel in einem Punkte K fo, daß $DKL = \psi$ ausfallt, benn es ift bann:

$$\angle DOG = \angle EOG = \angle CKD = \alpha$$
,

unb

DL = 2 EL

b. i.

KL. tang. DKL = 2 KL tang. EKL,

ober:

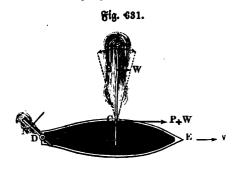
tang. DKL = -2 tang. CKL = -2 tang. $(\alpha + DKL)$, folglich $\angle DKL = \psi$, ber gesuchte Richtungsmintel bes Segels AA_1 .

Die Bewegung ber Schiffe burch Ruber und Raber ift Bertbemevon bem Schiffsziehen baburch mefentlich verschieben, bag bei bem letteren Ediffe ber b ber Motor einen feften Stuppuntt hat, mahrend er bei ber erfteren nur in bem Baffer einen Stuspuntt finbet. Diefer Stuspuntt ift aber beweglich, ba bas Baffer nur burch feine Tragheit, alfo baburch, bag es felbst in Bewegung verfett wird, einen Widerstand ausüben kann. Es ist beshalb auch bei ber Bewegung eines Schiffes durch Ruder oder Raber eine boppelte mechanische Arbeit, namlich nicht allein eine Arbeit zur Ueber-

Fortbeme.

windung ber Bewegungshinderniffe bes Schiffes, fondern auch eine Arbeit aung ber Caife burd zur Ueberwindung der Tragheit des Baffere nothig, und folglich die Rusleiftung bei biefer Bewegungemeife ber Schiffe verhaltnigmagig fleiner als beim Schiffeziehen. Der gur Fortbewegung eines Schiffes nothige Bie berftand bes Baffere wirb, welches mechanische Bulfemittel auch biergu bienen moge, ftets baburch erzeugt, bag eine fefte Flache ichnell und fo viel wie moglich ber Bewegungerichtung bes Schiffes entgegengefest, gegen bas Baffer gefchlagen mirb.

Bei ber Bewegung eines Bootes DE, Fig. 631, burch ein Ruber



(frang. rame; enal. oar) AB stuat side das lettere gegen einen Bolzen C auf ber Bauchwand bes Beetes; mahrenb bas Enbe A burch eine Rraft P in ber Bewegungerich: tung bes Bootes fort: geführt wirb, bewegt fich bas ichaufelformige Enbe B bes Ruders

in entgegengefetter Richtung gegen bas Baffer, wobei biefce in ber Bewegungerichtung bee Schiffes einen Biberftand W. ausubt, ber in Bereinigung mit ber Rraft P ben Bolgenbrud R = P + W erzeugt. Die: fer Drud ift aber feinesmeges bie bewegenbe Rraft bes Bootes; benn bei ber Ausübung ber Rraft P wirft ber Ruberer mit einer gleichen Rraft (- P) in entgegengefetter Richtung auf bas Boot, es gefellt fich alfo in bem Drude R = P + W noch die Rraft - P, woraus eine Rraft W' in der Arenrichtung des Bootes und ein Rraftepaar + (P + W), -(P+W) mit dem Momente \overline{CA} . (P+W) hervorgeht. rend die erftere Rraft bas Boot in feiner Arenrichtung forttreibt, fuch: bas lettere bem Boote eine brebenbe Bewegung zu ertheilen. Um biefe Drehbewegung zu verhindern, muß man entweder bas Steuer DN nach ber Seite bes Rubers ftellen, ober noch ein zweites Ruder auf ber anderen Schiffeseite in Gang feben. Es verfteht fich übrigens von felbit, bag bas Ruber bei feiner rudaangigen Bewegung burch bie Luft bewegt merben muß, damit bierbei die beim Singange erzeugte Wirkung nicht wieber aufgehoben werbe.

Die Ruberraber find entweder Schaufelraber (frang. roues à pales; engl. paddle-wheels) ober glugelraber, gewöhnlich SchrauBon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 755

ben ober Schraubenraber (frang, helices; engl. screws) genannt. Die gortbemegewöhnlichen Ruber: ober Schaufelraber find von den einfachen unter: Coiffe burd fdilagigen Bafferrabern, namentlich aber von ben fogenannten Schiffmuhlenrabern (f. II., f. 149) nicht verschieden. Jebes Schiff hat zwei folche Rader, diefelben figen an ben Enden einer Belle feft, welche quer burch bas Schiff hindurchgeht und in der Regel burch eine Dampfmaschine in Bewegung gefett wird, weshalb auch bas gange Schiff ein Dampffchiff (frang. bateau à vapeur; engl. steam-vessel) genannt wirb. Bahrend die Belle C des in Fig. 632 nur theilmeise fichtbaren Schiffes



Fig. 632.

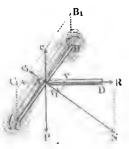
DE in Umbrehung gefest wirb, Schlagen bie Schaufeln bes auf ihr figenden Ruberrabes AB mit einer gemiffen Gefchwindigfeit c gegen bas Baffer, in welches fie einges taucht find, und biefes ubt babei einen Biberftanb AP-P aus, welcher fich, ba er in Beziehung auf C ercentrifch wirft, in eine Areneraft CP = P und in ein Rraftes

paar $\left(+\frac{P}{2},-\frac{P}{2}\right)$ zerlegt. Diefe Arentraft ift es, welche in Bereinigung mit ber Arentraft bes Rabes auf ber anberen Seite bes Schiffes bas Schiff mit einer gewiffen Gefchwindigfeit v forttreibt; bas Umbres hungsmoment $\frac{P}{2} \cdot CA + \frac{P}{2} \cdot CB = \frac{P}{2} (CA + CB) = P \cdot CA$ bes Rraftepaares wird naturlich von bem Momente ber Umtriebsmafchine (Dampfmafdine) aufgenommen.

Die neueren Schraubenraber find von ben Flugelrabern, wie fie g. B. ale Instrumente gum Deffen ber Gefchwindigfeit bes Baffers (f. I., 6. 415), oder gur Aufnahme des Windftoffes bei Windmublen (f. II., §. 245 u. f. w.) angewendet werden, mefentlich nicht fehr verschieden, nur merben bie Rlugel Diefer Rader nach einer Schraubenflache gefrummt. mahrend bie gewohnlichen Flugelraber ebene ober minbschiefe Rlugel erhal-Das Schraubenrad wird in bas hintertheil bes Schiffes, und gwar unmittelbar vor bem Steuer eingefett, feine Belle liegt in ber Richtung ber gangenare bes Schiffes und ift ba, mo fie in bas Innere bes Schiffes tritt, mit einer Stopfbuchfe umichloffen.

Bird bie Belle AD, Fig. 633 (a. f. S.), eines folden Rabes burch

Fortbemegung der Echiffe burch Rubern. bie Dampfmaschine in Umbrehung gesetht, so schlägt ber Flugel BC ber: felben (vergl. die Betrachtung in II. 6. 257) mit einer gewissen Geschwin:



felben (vergl. die Betrachtung in II. §. 257) mit einer gewissen Seschwin: digkeit c gegen das Wasser, und diese übt nun in Folge seiner Trägheit einen Normalbruck N auf den Flügel aus, bessen einer Component P von der Umtriebsktaft der Welle aufgenommen und dessen anderer Component R mittels der Welle auf das Schiff übergetragen wird, und dieses mit einer gewissen Geschwindigkeit v forttreibt.

Ruberidaufel, Edaufelrab.

§. 315. Wird der Mittelpunkt einer Ruberschaufel mit der Geschwindigkeit c bewegt, während das Schiff in der entgegengesetten Rictung mit der Geschwindigkeit v fortgeht, so ist die relative Geschwindigkeit mit welcher diese Schaufel auf das stillstehende Wasser trifft: c-v, und folglich bei dem Inhalte F_1 der Schaufelsläche der Stoß:

$$P = \zeta_1 \frac{(c-v)^2}{2 g} F_1 \gamma,$$

wobei fur ein gewohnliches Ruter &, wohl taum großer als 1,25 angunehmen fein burfte (f. I., §. 431).

Ift nun noch s ber Beg ber Schaufelmitte bei jedem Ruberschlag, und n die Anzahl ber Ruberschlage pr. Minute, so hat man die auf das Rusbern pr. Secunde verwendete mechanische Arbeit:

$$L = \frac{n P s}{60} = \zeta_1 \frac{(c - v)^2}{2 g} \frac{n s}{60} F_1 \gamma.$$

Bezeichnet dagegen F ben hauptquerschnitt bes Bootes, so hat man ben Biberstand, welcher bei ber Bewegung besselben mit der Geschwindigkeit t zu überwinden nothig ist:

$$W = \zeta \, \frac{v^2}{2 \, q} \, F \gamma.$$

Da das Ruber ohne Kraftausübung zurückgeht, so kann man die mittlere Kraft besselben $=\frac{P}{2}$, und die mittlere Geschwindigkeit seines Stespunktes, $c=\frac{2\,n\,s}{60}=\frac{n\,s}{30}$ sehen. Nimmt man nun $\frac{P}{2}=W$, so et halt man die Bedingungsgleichung:

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 757

$$\frac{1}{2} \xi_1 (c - v)^2 F_1 = \xi v^2 F_1$$

wonach:

$$c-v=v\sqrt{\frac{\zeta F}{\frac{1}{2}\zeta_1 F_1}},$$

und folglich:

$$c = v \left(1 + \sqrt{\frac{2 \zeta F}{\xi_1 F_1}}\right)$$

fich ergiebt.

Der Birfungegrab biefer Arbeiteverrichtung ift:

$$\eta = \frac{Wv}{L} = \frac{Wv}{\frac{1}{2}Pc} = \frac{v}{c} = \frac{1}{1 + \sqrt{\frac{2 \xi F}{\xi_1 F_1}}}$$

Es fallt also berselbe um so größer aus, je größer das Berhaltniß $\frac{v}{c}$ oder je kleiner das Berhaltniß $\frac{F}{F_1}$, je größer also die Ruberstäche F_1 in Hinsicht auf den Schiffsquerschnitt F ist.

Sanz ahnliche Berhaltniffe tommen auch bei bem Ruberschaufelfaufel. rabe vor. Ift hier F1 ber Inhalt ber flogenden Ruberschaufelflachen von beiben Rabern zusammengenommen, und c bie Umbrehungsgeschwindigkeit ber Schaufelmitte, so hat man bie Umbrehungstraft ber beiben Ruberraber:

$$P = \xi_1 \frac{(c-v)^2}{2g} F_1 \gamma,$$

worin nach Compaignac im Mittel $\zeta_1 = 2,76$ zu fegen ift.

Die erforberliche Leiftung biefer Raber ift:

$$L = Pc = \zeta_1 \frac{(c-v)^2 c}{2 g} F_1 \gamma.$$

Sest man die Kraft P dem Widerstande $W=\xi\,rac{v^2}{2\,g}\,F\gamma$ des Schiffes gleich, so erhalt man die Bedingung:

$$\zeta_1 (c-v)^2 F_1 = \zeta v^2 F_1$$

wonach:

$$c-v=v\sqrt{\frac{\zeta F}{\zeta_1 F_1}},$$

alfo:

$$c = v \left(1 + \sqrt{\frac{\zeta F}{\xi_1 F_1}} \right)$$

folgt.

758

Rubericaufel, E caufelrab.

Der Wirkungegrab ber Ruberraber ift:

$$\eta = \frac{\overline{W}v}{L} = \frac{Wv}{Pc} = \frac{v}{c} = \frac{1}{1 + \sqrt{\frac{\zeta F}{\zeta_1 F_1}}},$$

also um so größer, je naher $\frac{v}{c}$ ber Einheit, also v=c kommt, je größer also bas Berhaltniß $\frac{F_1}{F}$ ber Schaufelflache F_1 zum Schiffsquerschnitte F ift.

Sett man in die obige Formel fur L ben gefundenen Berth fur c ein, fo erhalt man folgenden Ausbruck fur ben Arbeitsaufwand:

$$L = \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1}}\right) \frac{v^3}{2g} F \gamma = \xi \cdot \frac{c}{v} \cdot \frac{v^3}{2\gamma} F \gamma.$$

Führt man für $\zeta \, \frac{c}{v} \cdot \frac{\gamma}{2 \, g}$ ben Coefficienten μ ein, so erhalt man einfach:

$$L = \mu F v^3$$
.

. Das Berhaltniß $\frac{c}{v}$ variirt erfahrungsmäßig zwischen 1,25 und 1,55, ist baher im Mittel 1,40; führt man daher noch den Mittelwerth $\xi=0,0755$, sowie $\gamma=66$ und $\frac{1}{2\,g}=0,016$ ein, so erhalt man im Mittel:

$$\mu = 0.0755 \cdot 1.4 \cdot 0.016 \cdot 66 = 0.112$$
,

und baher:

$$L = 0.112 \ Fv^3$$
 Fußpfund.

Da ber Widerstandscoefficient ξ kleiner wird, wenn die Größe oder ber Querschnitt F bes Schiffes machst, und umgekehrt, ber Stoßcoefsicient ξ_1 mit der Größe F_1 der Schauselslache zunimmt, so ift der Coefficient:

$$\mu = \xi \cdot \frac{c}{v} \cdot \frac{\gamma}{2 g} = \xi \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1}} \right) \frac{\gamma}{2 g}$$

bei verschiedenen Schiffsgrößen nicht unansehnlich verschieden, und zwar bei kleinen Dampfichiffen von 12 bis 25 Pferbekraften:

$$\mu = 0.150$$
,

bei mittleren von 50 bis 150 Pferbetraften:

$$\mu = 0.112$$
,

und bei großen Dampfichiffen von 800 bis 500 Pferbetraften:

$$\mu = 0.075.$$

Bon bem Fortichaffen ber Lasten auf gang ober nahe horizontalen Begen. 759

§. 316. Bei einem Flügels ober Schraubenrabe hangt bie Leis Biagelrab. ftung vorzüglich noch von bem Steigwinkel $BAc = CAP = \alpha$,

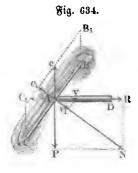


Fig. 634, ab. Ift c bie mittlere Umbrehungsgeschwindigkeit bes Rades, und v die bes Schiffes und also auch ber Radare, so hat man bie Geschwindigkeit, mit welcher sich die Flügelflache in normaler Richtung umbreht:

$$c_1 = c \sin \alpha$$

und bie Gefdwindigkeit, mit welcher fie in eben biefer Richtung gurudgeht:

$$v_1 = v \cos \alpha$$
,

und folglich die Gefchwindigkeit, mit welcher die Flügelflache normal auf das Baffer aufschlagt:

$$c_1 - v_1 = c \sin \alpha - v \cos \alpha$$
.

Ist nun noch F_1 der Inhalt fammtlicher Flügelflachen und γ die Dichetigkeit des Waffers, so hat man nach II., §. 257 den normalen Widersftand des Waffers:

$$N=3\,\frac{(c\,\sin\alpha\,-\,v\,\cos\alpha)^2}{2\,q}\,F_1\,\gamma,$$

baher bie Areneraft:

$$R = N \cos \alpha = 3 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2g} \cos \alpha F_1 \gamma$$

bie Umbrehungefraft:

$$P = N \sin \alpha = 3 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 g} \sin \alpha F_1 \gamma.$$

und ben entsprechenben Arbeiteaufwand:

$$L = Pc = 3 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 q} c \sin \alpha \cdot F_1 \gamma.$$

Der Sicherheit wegen wollen wir aber lieber

$$R = \zeta_1 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 g} \cos \alpha F_1 \gamma,$$

$$P = \zeta_1 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 g} \sin \alpha F_1 \gamma$$

unb

$$L=\zeta_1 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 g} c \sin \alpha F_1 \gamma$$

fcreiben.

760

Rlugelrab.

Wenn wir wieder die Arenkraft R gleich dem Widerstande W, also ξ_1 ($c \sin \alpha - v \cos \alpha$) $^2 \cos \alpha$. $F_1 = \xi v^2 F$ sehen, so ethalten wir folgende Gleichung:

$$c \sin \alpha - v \cos \alpha = v \sqrt{\frac{\zeta F}{\zeta_1 F_1 \cos \alpha}},$$

wonach:

$$c = v \left(\cot g \cdot \alpha + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1 (\sin \alpha)^2 \cos \alpha}} \right)$$

= $v \cot g \cdot \alpha \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1 (\cos \alpha)^2}} \right)$,

und umgefehrt:

$$v = \frac{c}{\cot g. \alpha + \sqrt{\frac{\zeta F}{\xi_1 F_1 (\sin \alpha)^2 \cos \alpha}}} = \frac{c \tan g. \alpha}{1 + \sqrt{\frac{\zeta F}{\xi_1 F_1 (\cos \alpha)^3}}}$$
folat.

Die Geschwindigkeit v des Schiffes ift hiernach fur verschiedene Steigwinkel a verschieden. Durch Differenziiren findet man, daß fie fur

$$\frac{1-3(\cos \alpha)^{2}}{(\cos \alpha)^{3/2}}=2\sqrt{\frac{\zeta_{1}F_{1}}{\zeta F}}$$

ein Marimum, und gwar

$$v = \frac{1 - (8 \cos \alpha)^2}{3 \sin \alpha \cos \alpha} \cdot c$$

wird.

Der Wirfungsgrad bes Schraubenrabes ift:

$$\eta = \frac{Rv}{Pc} = \frac{v \cos \alpha}{c \sin \alpha} = \frac{v}{c} \operatorname{colg} \alpha = \frac{1}{1 + \sqrt{\frac{\zeta F}{\zeta_1 F_1 (\cos \alpha)^2}}}$$

Er fallt um so größer aus, je naher $\frac{v}{c}$ colg. α der Einheit kommt, je weniger also v von c tang. α abweicht, oder je kleiner $\frac{\xi F}{\xi_1 F_1}$ (cos. α)², je größer also das Flachenverhaltniß $\frac{F_1}{F}$ und je kleiner der Steigwinkel α ist. Uebrigens läßt sich das Arbeitsquantum dieses Rades ganz auf gleiche Weise wie das des Schauselrades ausbrücken, indem man in

$$L = Pc = Rc \ tang. \ \alpha = Wc \ tang. \ \alpha = \xi \frac{v^3}{2g} \ F \gamma c \ tang. \ \alpha,$$
ben oben gefundenen Werth für c einsett. Es folgt dann:
$$L = \xi \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_* F_* (\cos g)^3}}\right) \frac{v^3}{2g} F \gamma = \xi \frac{c}{v} \ tang. \ \alpha \cdot \frac{v^3}{2g} F \gamma.$$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 761

ober, wenn wir wieder $\xi \, rac{c}{v} \cdot rac{\gamma}{2 \, g} = \mu$ fegen:

Blügetrab.

$$L = \mu F v^{s} tang. \alpha$$
.

So lange nicht noch genauere und umfaffenbere Berfuche vorliegen, muffen wir auch hier:

$$\xi = 0.0755$$
, und $\frac{c \ tang. \, \alpha}{v} = 1.40$

fegen, so daß, wie fur die Schaufelrader, μ tang. α im Mittel = 0,112 und L=0,112 Fv^3 Fußpfund folgt.

- §. 317. Bewegt sich bas Schiff nicht in stillstehendem Basser, sondern Bugften hat bas lettere eine gewisse Geschwindigkeit ev, so hat man die relative Dampfichife. Geschwindigkeit bes Schiffes:
 - 1) beim Sahren ftromaufmarts: v + w, unb
 - 2) beim Fahren ftromabmarte: v w.

Diese Werthe find benn auch in ben obigen Formeln statt v einzusehen. Wenn ein Dampfboot jum Schleppen ober Bugfiren (Remorquiren) eines anderen Schiffes angewendet wird, beffen hauptquerschnitt F_2 und Wiberstandscoefficient ξ_2 ift, so hat man naturlich:

$$W = \xi \frac{v^2}{2g} F_{\gamma} + \xi_2 \frac{v^2}{2g} F_2 \gamma = (\xi F + \xi_2 F_2) \frac{v^2}{2g} \gamma,$$

baber auch j. B. bei Unwendung von Schaufelrabern

$$\zeta_1 F_1 (c-v)^2 = (\zeta F + \zeta_2 F_2) v^2$$

zu fegen, fo daß hier:

$$c=v\left(1+\sqrt{rac{\zeta_1F_+\zeta_2F_2}{\zeta_1F_1}}
ight)$$
 iff.

Die Leiftung ift bann:

$$L = Wc = (\xi F + \xi_2 F_2) \frac{c}{v} \cdot \frac{v^3}{2g} \gamma = \left(1 + \frac{\xi_2 F_2}{\xi F}\right) \cdot \xi \frac{c}{v} \cdot \frac{v^3}{2g} F \gamma$$

$$= \mu (1 + \psi) F v^3,$$

wenn $\zeta \frac{c}{n} \frac{\gamma}{2g}$ durch μ und $\frac{\zeta_2 F_2}{\zeta F}$ durch ψ bezeichnet wird.

Damit ein Dampffchiff beim Schleppen eines anderen Schiffes mit ber vortheilhaftesten Geschwindigkeit $\left(\frac{c}{v}=1,4\right)$ arbeiten tonne, ist es folglich nothig, daß man daffelbe mit einer starteren Dampfmaschine verisieht, als wenn es allein ginge.

Wenn wir ferner noch Rudficht barauf nehmen, bag bas Gewicht ber Dampfmaschine und ber stundliche Aufwand an von dem Schiffe mit fortzunehmendem Brennmaterial mit der Leistung der Maschine zunimmt, so erhalt unsere Leistungsformel eine noch etwas andere Gestalt. Es sei

Bugfiren b die obere Breite und F der Inhalt des Hauptquerschnittes, sowie G der Durch Inhalt der Schwimmfläche des belasteten Schiffes ohne Dampfmaschine und ohne Brennmaterial, ferner sei das Gewicht der Maschine $=q_2L$, das Gewicht des Brennmaterialauswandes pr. Sec. $=q_3L$, also sür die Fahrzeit von t Secunden: q_3Lt , endlich werde die Bergrößerung der Tauchung des Schiffes durch die letzten beiden Gewichte durch σ bezeichnet. Wir haben dann $(q_2+q_3t)L=G\sigma\gamma$, daher:

$$\sigma = \frac{(q_2 + q_3 t) L}{G \gamma},$$

woraus nun die entsprechende Bergroßerung des hauptquerschnittes F:

$$=b \sigma = \frac{(q_2 + q_3 t) b L}{G \gamma},$$

und baber:

$$L = \mu (F + b \sigma) v^{2} = \mu \left(F + \frac{(q_{2} + q_{3} t) b L}{G \gamma} \right) v^{2}$$

folgt, wonach sich

$$L = \frac{\mu F v^3}{1 - \mu (q_2 + q_3 t) \frac{b v^3}{G \gamma}}$$

ergiebt.

Der gange Arbeitsaufmand fur eine Fahrzeit von t Secunden und eine Strede s = vt fuß ift:

$$Lt = L\frac{s}{v} = \frac{\mu F s v^2}{1 - \mu (q_2 + q_3 t) \frac{b v^3}{G v}}$$

Es ift hiernach zu ermeffen, bag es mechanisch unvortheilhaft ift, Schiffe mit großen Geschwindigkeiten fahren zu laffen.

Uebrigens ift nach bem Dbigen F aus der reinen Schiffslast Q und bem Schiffsgewichte $Q_1 = v Q$, durch die Ausbrucke:

 $Q + Q_1 = (1 + \nu) Q = \varphi a b l \gamma$ und $F = \alpha a b$ bestimmt, benn man hat hiernach:

$$F = \alpha \frac{Q + Q_1}{\varphi \, l \, \nu} = \frac{\alpha}{\varphi \, \nu} \, (1 + \nu) \, \frac{Q}{l} \cdot$$

Berbindung §. 318. Aus der mittleren Geschwindigkeit c eines Ruderrades und ber duber- aus dem mittleren Halbmesser r besselben bestimmt sich die Anzahl seiner ber Damps. Umdrehungen pr. Minute durch die bekannte Formel:

$$u=\frac{30\,c}{\pi r}=9,549\,\frac{c}{r}$$

Soll nun die Dampfmaschine birect, b. i. ohne ein Bahnrabvorgelege

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 768

nur mit Sulfe des Aurbelmechanismus auf die Welle des Ruberrades wir- Berbindung ten, so hat man die Ungahl ber Spiele einer Dampfmaschine pr. Minute

$$n=u=9,549\frac{c}{r}$$

zu feben.

Bei Anwendung von Schaufelradern lagt fich diefe einfache Anordnung in ber Regel bewertstelligen; bei ben Schraubenrabern, welche bebeutenb kleinere Halbmeffer r erhalten muffen, fallt aber bie Umbrehungszahl u fo groß aus, fo daß man gur Ergielung eines vortheilhaften Banges ber Dampfmaschine mittels eines Raberwertes bie fleinere Umbrehungszahl n der Kurbelmelle in die großere Umdrehungszahl u des Ruderrades umfeten muß. Sehr oft umgeht man aber auch bei ben Schraubenrabern bas Bors gelege gang, indem man die große Ungahl von Rolbenspielen burch angemeffene Berabziehung bes Rolbenhubes ermöglicht.

Ist n, die Anzahl ber Bahne bes Treibrades auf der Kurbelwelle und na bie Angahl ber Bahne bes Getriebes auf ber Welle bes Schraubenrabes, so hat man:

$$\frac{u}{n}=\frac{n_1}{n_2}$$

Der hub ober Schub s1 bes Dampfeolben ift naturlich ber boppelten Lange r_1 des Rurbelarmes gleich, also $s_1 = 2r_1$; ift folglich v_1 die mitts lere Rolbengeschwindigkeit, fo hat man bei einem Ruberrade ohne Borgelege:

$$\frac{r}{r_1} = \frac{2}{\pi} \quad \frac{c}{v_1}.$$

In ber Regel besteht die Umtriebsmaschine eines Ruberrades aus zwei Dampfmaschinen, welche, wie bei einem Dampfmagen, eine und bieselbe Rurbelwelle in Umbrehung feten. Ift nun P bie reine Rraft einer folchen Mafchine, fo bat man folglich:

$$\frac{n}{60} 2P \cdot 2s_1 \Longrightarrow \mu F v^3,$$

und baher:

$$P = \frac{60}{4 n s_1} \, \mu \, F \, v^3 = \frac{15}{n s_1} \, \mu \, F \, v^3 = \frac{\mu \, F \, v^3}{2 \, v_1},$$

wonach fich nun die Dimenfionen der Dampfmaschine berechnen laffen (fiebe II., f. 379 u. f. w.).

Beispiel. Bei einem Dampfichiffe ift bie Lange ber Schwimmflache, l = 144 guß, bie Breite berfelben, b = 1/2 l = 18 guß, und bie Tauchung, a = 0,2 b = 3,6 Fuß; ferner ber Coefficient β = 0,80 und ber Coefficient p = 0,45; man fucht bie Rraft, welche nothig ift, um burch biefes Schiff je Berbindung ber Ruberraber mit f ber Pampfmaidine.

eine Tonne, à 2000 Pfund, mit 12 Fuß Geschwindigkeit im fillstebenden Baffer fortzubewegen. Es ift ber Inhalt bes Hauptquerschnittes:

 $F = \beta \ a \ b = 0,80 \ . \ 3,6 \ . \ 18 = 51,84 \ {
m Duadratfuß,}$

bas Bolumen bes verbrangten Baffere:

V = φ ab l = 0,45 . 3,6 18 . 144 = 4199 Cubiffuß, und folglich bas gange Gewicht bes Schiffes:

$$V_{\gamma} = 4199$$
 . 66 = 277184 Pfunb.

Diefes Schiff ift jebenfalls nur flein zu nennen, baber feten wir in ber Formel $L=\mu\,F\,{\rm e}^{2}$ für die mechanische Arbeit zu feiner Fortbewegung durch Dampstraft, für μ ben Maximalwerth 0,150 ein, so baß wir nun die Leiftung

L = 0,15 . 51,84 . 123 = 18436 Fußpfund = 26,35 Pferdefrafte

und die entsprechenbe Rraft $\frac{L}{r}=1120$ Bfund erhalten.

Nehmen wir an, daß das Gewicht des Schiffes mit Ausraftung 70000 Pfund, das Gewicht der Dampfmaschine sammt Keffel und beffen Füllung 60000 Pfund und das nöthige Brennmaterial stündlich 300 Pfund, also für eine Fahrzeit von 8 Tagen im Ganzen 300 . 24 . 8 = 57600 Pfund, und im Mittel 28800 Pfund betrage, so erhalten wir die Nuplast:

$$Q = V\gamma - (70000 + 60000 + 28800) = 277134 - 158800$$

= 118884 Bfunb.

Es folgt hieraus bas Berhaltnig ber Bugfraft gur Ruglaft:

$$\frac{L}{Qv} = \frac{1120}{118334} = \frac{1}{106}$$

Es ist möglich, baß ber Dampswagenzug im Beispiel zu §. 296 ebenfalls eine Nuglast von 118884 Pfund mit sich fortnehme. Nehmen wir der Bergleischung wegen die Eisenbahnstrede söhlig an, so haben wir hier bei 50 Fuß Geschwindigkeit die Zugkraft 2050 . 3/4 = 2562,5 Pfund, und folglich das Bershältniß berselben zur Nuglast:

$$\frac{L}{Qv} = \frac{2562,5}{118334} = \frac{1}{46};$$

also viel größer als bei bem obigen Transport burch bas Dampficiff. Bei 12 Fuß Geschwindigkeit ware allerdings nach ber letten Formel in §. 295 bie Bugstraft nur:

 $P + P_1 = \frac{9}{4}[(0.002679 + 0.000011741.144).217200 + 0.001307.160.144]$ = $\frac{9}{4}(0.00293.217200 + 0.2091.144) = 882.5$ %funb,

und baher ihr Berhaltniß gur Ruglaft:

$$\frac{L}{Qv} = \frac{832,5}{118334} = \frac{1}{142},$$

alfo fleiner ale bei bem obigen Baffertransport.

Menn baffelbe Schiff in einem Fluffe, beffen mittlere Gefchwindigkeit w = 3 Fuß ift, ftromauf mit v = 12 Fuß Gefchwindigkeit bewegt werden foll, so ift die erforderliche Rraft:

 $P = \mu F (v + w)^2 = 0.15 \cdot 51.84 \cdot 15^2 \cdot 1 = 1750$ Pfund, die Arbeit:

$$Pv = 1750 \cdot 12 = 21000$$
, unb $\frac{L}{Qv} = \frac{1750}{118334} = \frac{1}{68}$.

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Bezen. 765

Die mittlere Umfangegefcwindigfeit ber Ruberraber im letteren Falle ift Berbindung c = 1,4 (v + w) = 1,4 15 = 21 Fuß, und nehmen wir ben mittleren ber Auber nit Durchmeffer 2 r eines Ruberraces = 1/2 ber Schiffshohe, = 1/4 ber Schiffsbreite ber Tampfmafchue. b = 3/4 . 18 = 18,5 Fuß an, fo erhalten wir die erforderliche Umbrehungezahl ber Belle:

$$u = 9.549 \frac{c}{r} = 9.549 \cdot \frac{21 \cdot 2}{13.5} = 29.7,$$

wofür = 30 genommen werben fann.

Ferner ift $\frac{\zeta F}{F F} = \left(\frac{c}{n + m} - 1\right)^2 = 0,4^2 = 0,16$, folglich ber Querfcnitt ber eingetauchten Schaufeln, $F_1=rac{\zeta\ F}{0.16\ \zeta_1}=6,25$. $rac{\zeta}{\zeta_1}\ F$, also wenn wir hier $\frac{\zeta}{L} = 2 \cdot 0,0274 = 0,0548$ fegen,

 $F_1 = 6,25 \cdot 0,0548 \; F = 0,3425 \; F = 0,3425 \; . \; 51,84 = 17,75 \;$ Quadratfuß, wofür 18 Quabratfuß angenommen werben foll.

Macht man nun bie Bobe & einer Schaufel = 0,2 ihrer Breite bi, fo hat man hiernach:

2 b, h, = 0,4 b, = F, = 18 Quabratfuß,

folglich:

$$b_1 = \sqrt{\frac{18}{0.4}} = \sqrt{45} = 6,71$$
, also in runber Bahl 6%, Bug,

unb

h, = 0,2 . 6,75 = 1,85, also in runber Bahl = 11/4 Fuß.

Rehmen wir die mittlere Rolbengeschwindigkeit, nach II., §. 379, v1 = 43 Boll an, fo erhalten wir ben Rurbelhalbmeffer:

$$r_1 = \frac{\pi v_1}{2c} r = \frac{43}{12 \cdot 21} \cdot \frac{13,5 \pi}{4} = 1,809 \text{ Sub},$$

alfo ben bub ber Dampfmafchine:

*1 = 2 r1 = 3,618 Fuß = 43,3 Bell.

und die Kolbenfraft beiber Maschinen zusammengenommen:
$$Q = \frac{L}{\sigma_1} = \frac{21000}{43} = 5860 \ \text{Bfund}.$$

Dimmt man endlich noch an, bag geber Rolben mit ber mittleren Rraft von 4 Bfund pr. Duabratzoll Rolbenflache wirft, fo folgt ber Inhalt einer Rolben= flace: $F_s = \frac{5860}{2 \cdot 4} = 735$ Quadraizoll, und folglich ber Durchmeffer berfelben d. = 30,6 Boll.

6. 319. Bahrend fich bie Sohe ber Schaufelrader vorzüglich nach ber Anberraber. Sohe bes Schiffes außerhalb bes Baffers richtet, wird die Bohe ber Ruderrader durch die Tiefe der Eintauchung des Schiffes bestimmt. Es giebt Schaufelraber von 10 bis 30 fuß Durchmeffer, im Mittel aber nimmt man ben letteren = 2/2 ber gangen Schiffshohe. Die Schrauben- ober Flugelraber haben hingegen nur Durchmeffer von 4 bis 15 guf, und zwar meift nabe gleich ber Gintauchung ober Baffertracht. Je nach ber Sohe ber Schaufelraber ift bie Umbrehungegahl berfilben pr. Minute

766

Bluberraber. 6 bis 48; und aus bemselben Grunde variirt auch die Umdrehungszahl der Schraubenrader zwischen 40 und 120. Die Anzahl der Schauseln eines Schauselrades richtet sich nach der Hohe desselben; nimmt man die außere Entfernung je zweier Schauseln von einander = 8 Fuß, so giebt der Durchmesser des Rades in Fußen beinahe die nothige Anzahl der Radsschauseln. Ein Flügel, oder Schraubenrad enthält jest meist zwei, drei oder vier Flügel. Im Mittel ist die Ganghobe der Schraubensläche, wosnach die Flügel gewunden sind, 1,25mal dem Durchmesser des Rades, und folglich der mittlere Steigwinkel a dieser Fläche (s. III., §. 135) durch

$$tang. \alpha = \frac{h}{2\pi r} = \frac{1,25}{3,14} = 0,40$$

bestimmt, wonach a = 23 Grad ausfällt.

Die Größe ber Schaufels und Flügelflächen ber Ruberraber ist naturlich burch die Größe des Schiffswiderstandes ober durch die Stärke der Dampfmaschine bestimmt. Bei kleinen Flußschiffen nimmt man das Berhältniß $\frac{F_1}{F}$ der beiden eingetauchten Schaufelflächen zum Hauptquerschnitt des Schiffes nahe 0,4, und bei großen Seeschiffen nur circa 0,2.

Jedenfalls sind die langen und schmalen Rabschaufeln den kurzen und breiten vorzuziehen; bei schmalen Flußschiffen ist deshalb das Berhältnis der Schaufelbreite zur Schausellange nur $^1/_7$ bis $^1/_6$, und bei breiten Seeschiffen $^1/_6$ bis $^1/_4$. Die Blätter oder Flügel der Schraubenrader haben mehr oder weniger die Formen von Kreissectoren, und nehmen, je nachdem ihre Anzahl kleiner oder größer ist, ein bis zwei Orittel der Flatze ihres Umdrehungskreises ein.

Das Berhattniß ber mittleren Geschwindigkeit c einer Rabschaufel zu ber des Schiffes vift 1,25 bis 1,4; und das Berhattniß der mittleren Geschwindigkeit eines Radflügels in arieller Richtung zu der des Schiffes im Mittel 1,2. Man nennt die Differenz c tang. a — v = 0,2 den Rudlauf (engl. the slip) der Schraube. Es ift nicht immer ein Borzug, wenn dieser Rudlauf sehr klein ausfällt, weil diese Kleinheit sehr gewöhnlich ihren Grund in der unzwedmäßigen Form des hinterschiffes hat. Wenn die Wasserlinien nach dem hinterschiff nicht ganz scharf zulaufen, so geräth das Wasser hinter dem Schiffe in eine bedeutende Bewegung, inz bem es den hinter dem Schiffe sie werdenden Raum ausfüllt, und dabei der Umdrehungsbewegung der Schraube entgegenwirkt. Dabei geht allerz dings auch ein Theil der Wirkung des Wassers auf das hinterschiff verz loren, welches wieder eine Vergrößerung des Schiffswiderstandes im Sanz zur Folge hat. Bewegt sich das Wasser hinter dem Schiffe mit der Geschwindigkeit w in der Richtung des Schiffes, so ist die relative Ges

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 767 schwindigkeit, mit beren Quabrat ber Wiberstand bes Baffers gegen bie Schraube proportional machit:

$$c_1 = c tang. \alpha + w - v,$$

und es fallt baher ber Rudlauf ber Schraube:

$$c \text{ tang. } \alpha - v = c_1 - w,$$

bei constantem c_1 oder constanter Dampstraft um so kleiner aus, je gedser die Geschwindigkeit bes dem hinterschiffe nachströmenden Wassers ist. If w=c, so fällt natürlich der Rücklauf Null aus, und ist w>c, so wird derselbe sogar negativ.

Der Rudlauf ber Auberraber, und zwar nicht bloß ber Schrauben, sonbern auch ber Schaufelraber fallt besonders noch bann sehr klein aus, wenn die Schiffe durch die Damps und Windtraft zugleich in Bewegung geset werben. If P die Windtraft, $P_1=k_1\,F_1\ (c-v)^2$ die Kraft der Schaufelraber und $W=k\,F\,v^2$ der Widerstand des Schiffes, so has ben wir:

$$P+P_1=W$$
, b. i. $P+k_1\,F_1\,(c-v)^2=k\,F\,v^2$, und baher den Rudlauf:

$$c-v=\sqrt{\frac{kFv^2-P}{k_1F_1}}.$$

Ware nun die Dampstraft, und also auch c-v constant, so murben c und v mit P wachsen; da aber die Kraft der Dampsmaschine sich um so mehr der Rull nahert, je größer c wird, so giebt es bei einer sehr großen Windtrast eine Geschwindigkeit:

$$c=v=\sqrt{\frac{P}{kF}},$$

bei welcher ber Wind die alleinige Triebtraft ift. Um in ben Fallen, wenn in Folge ber Wind- ober Segelkraft die Geschwindigkeit c eine ungewöhnslich große wird, die Dampstraft nicht unzwecknäßig ober gar unnüt zu verwenden, versieht man die Ruberrader mit einer Gin- und Ausruckvorzichtung (f. III., §. 202), wodurch die Verbindung der Ruderrader mit der Dampsmaschine ganz ausgehoben werden kann. Sowie das Ausrücken des Ruderrades erfolgt ist, nimmt dasselbe eine Umdrehungsgeschwindigkeit c an, welche der Schiffsgeschwindigkeit v fast gleichkommt.

§. 320. Bei ber Conftruction ber Schaufelraber find mannigfaltige Beranberungen versucht worben, man ist jedoch immer wieder zu ber gewöhnlichen einfachen Form berselben zuruckgekehrt, wobei bie holzernen Schaufeln in radialer Richtung zwischen zwei eisernen Reifen auf ben Enben ber eisernen Radarme befestigt sind. Die untere halfte eines solchen

Schanfel.



Schaufelrades führt bas in Fig. 635 abgebil= bete Dampfichiff AB vor Augen. Die Are C, um welche fich bas Rab breht, ift von bem halbereisformigen Rabfaften D, welcher auf bem Radgestelle EE ruht, verbedt. Babrend bas Rad in ber Richtung bes Pfeiles umgebreht wird und die Schaufeln S beffelben mit ber Geschwindigfeit c gegen bas Baffer ichlagen, bewegt fich bas Schiff in ber umgetehrten Richtung mit ber Befchwin-Da das Rad mit bem diafeit v fort. Schiffe zugleich fortgeht, fo bewegen fic bie Schaufeln beffelben in einer Epcloibe, und zwar nicht in einer gemeinen Encloide, fonbern in einer verkurzten Epcloide ABDEFBG. Fig. 636, weil bie Umbrehungsgeschwindigfeit c ber Schaufel A großer ift ale bie fortfchreitenbe Befchwindigfeit v berfelben. biefe Curve zu conftruiren, gieben mir gunachft burch bie Mitte K ber unterften Rab: schaufel eine Sorizontale, und tragen bierauf ben Weg $KE = \frac{v}{c}$ mal Halbereis AHK

 $=\frac{v}{a}\cdot\pi a$ auf, um welchen sich bas Rad horizontal fortbewegt, mahrend es eine balbe Umbrehung macht, mahrend alfo auch bie Schaufel A nach E tommt. Run theilen wir ben mittleren Schaufelfreis AK in gleiche Theile, führen durch die Theilpunkte 1, 2, 3 ... beffelben ebenfalls Sorizontalen, und tragen auf biefelben bie entsprechenden Wege bes Rabes in geraber Linie, alfo 3. B .:

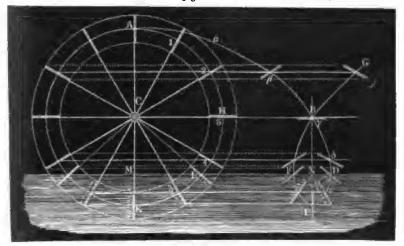
1
$$\alpha = \frac{\mathfrak{Bog.} \ A1}{\mathfrak{Halber.} \ AK} \ KE = \frac{1}{6} \ KE,$$
2 $\beta = \frac{\mathfrak{Bog.} \ A2}{\mathfrak{Halber.} \ AK} \cdot KE = \frac{2}{6} \ KE,$
3 $\gamma = \frac{\mathfrak{Bog.} \ A3}{\mathfrak{Halber.} \ AK} \cdot KE = \frac{3}{6} \ KE$
u. f. w. auf; die sich dadurch ergebenden

Puntte a, b, y, d, & u. f. w. liegen in ber

Von bem Fortschaffen ter Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 769 gesuchten Epcloide. Zieht man nun noch durch diese Punkte Parallelen zu den entsprechenden Rabhalbmeffern, so erhalt man durch sie auch die Richtung, welche jede Schaufel in ihrer jedesmaligen Stellung einznimmt.

Coaufel.

Rig. 636.



Aus dem mittleren Rabhalbmeffer CA=CK=a und dem Umbrehungswinkel $ACL=\varphi^0$, ergiebt sich der entsprechende Umbrehungsbogen $AHL=a\,\varphi$, ferner die Abscisse des entsprechenden Gycloidenstogens ABD:

$$x = AM = AC + CM = a (1 - \cos \varphi),$$

und bie jugeborige Orbinate :

a

İ

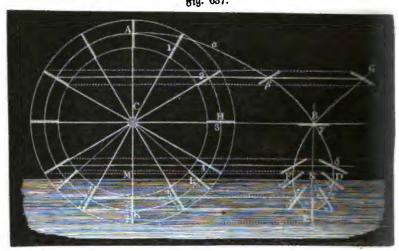
$$y=MD=ML+LD=a$$
 sin. $\varphi+\frac{v}{c}$ a $\varphi=a$ (sin. $\varphi+\frac{v}{c}$ φ). Um nun die Punkse D und F zin sinden, wo die Schausel vertikal absund aufsteigt, machen wir $\cos\varphi=-\frac{v}{c}$. Den dadurch bestimmten Umdrehungswinkeln entspricht der Maximalwerth MD und der Minimalwerth MF der Ordinate y , und zieht man nun beide Werthe von einans

werth MF der Ordinate y, und zieht man nun beibe Werthe von einanster ab, so erhalt man ben größten Weg FD, welchen eine Schaufel unster dem Waffer in horizontaler Richtung zurücklegen kann. Die Hohe EN der eminenten Punkte D und F über dem Fußpunkte E der Schausfelbahn ist:

$$z = MK = CK - CM = a (1 + \cos \varphi) = \frac{c - v}{c}a.$$

Da der horizontale Component ber Umbrehungebewegung ber Schaufeln III. 49

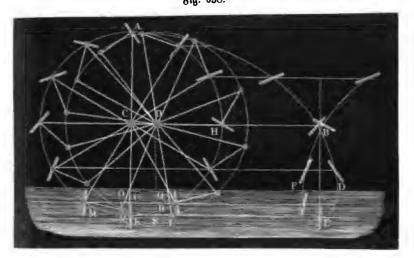
Edausetrater nur unterhalb D und F ber fortschreitenden Bewegung des Schiffes entgegengeseht ist, so sindet auch nur bei Durchlaufung des Weges DEF eine nühliche Wirkung der Schaufeln statt, und man soll daher das Rad Kig. 637.



nie so tief in das Wasser eintauchen, daß die Punkte D und F unter bie Oberstäche besselben zu liegen kommen. Bei einer größeren Eintauchung, wie sie etwa vorkommt, wenn das Schiff übermäßig belastet ist, schlagen die Schauseln beim Ein= und Austritt aus dem Wasser mit der Rückseite gegen das Wasser, wodurch also ein Theil der Kraft wieder verloren geht, welcher während Durchlaufung des Weges DEF gewonnen wird.

Bei ber radialen Schaufelstellung, wie wir sie im Vorstehenden vorausgesetht haben, treten die Schauseln, zumal wenn sie tief ins Wasser eintauchen, bedeutend schräg in das Wasser ein, und aus demselben Grunde schieben sie das Wasser nicht bloß horizontal, sondern auch geneigt, und zwar beim Eintritt in das Wasser nach unten, und beim Austritt aus bemselben nach oben vor sich hin, wobei also auch das Wasser nicht bloß horizontal, sondern auch vertikal auf- und abwärts auf das Schiff zuruckwirkt. Hierbei sindet natürlich nicht bloß eine unvollkommene Krastebenutung statt, sondern es wird auch dadurch das Schiff in zitternde Bewegung versett. Um diese Uebelstände der Ruberräder zu beseitigen, hat man denselben drehbare Schauseln gegeben, welche sich bei ihrer Bewegung im Wasser in ganz oder beinahe vertikaler Stellung erhalten. hierher gehören vorzüglich die Räder von Buchanan und Morgan. Die wesentliche Einrichtung eines solchen Rades ersieht man aus Fig. 638. AHK ist wieder das um die Are Cumlausende Rad; jede Schausel des

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nahe korizontalen Wegen. 771 selben hat in ihrer Mitte eine horizontale Are, wie z. B. K, und einen edaufstedter. Arm KL, bessen Enbe L burch ein Charnier mit einem anderen Rade verbunden ist, welches eine besondere Drehungsare D und mit dem Schau= Fig. 638.



felrade gleiche Hohe hat. In Folge dieser Berbindung der beiden Raber wird nun das eine durch das andere zugleich mit in Umbrehung geset, wobei die Schauselarme zwar nach und nach andere Richtungen annehmen, jedoch nahe am Radtiessten ziemlich horizontal bleiben, wenn ihre Lange l die Ercentricität CD nicht viel übertrifft. Besesstigt man dann die Schauseln so auf ihre Umdrehungsaren, daß ihre Ebenen rechtwinkelig gegen die Arme derselben stehen, oder daß jede Schausel in ihrer untersten Stellung eine vertikale Lage annimmt, so wird sie dann auch bei den übrigen Stellungen unter Wasser noch ziemlich vertikal bleiben. Uebrigens durchläuft natürlich auch hier die Schauselare eine Eycloide ABDEF, wovon nur ein gewisser Bogen DEF unter Wasser liegt. Hat sich die Schauselare M von dem Fußpunkte K aus um den Drehungswinkel $MCK = \varphi$ entsernt, so nimmt die Reigung des Schauselarmes MN gegen den Horizont einen Werth $NMO = \psi$ an, welcher durch den Ausdruck $sin. \psi = \frac{NO}{MN}$ bestimmt wird.

Run ift aber:

$$MN = l$$
 und
 $NO = RQ = SQ - SR = KU - SR$,

annahernb :

772

3meite Abtheilung. Erfter Abschnitt. Drittes Rapitel.

Edaufel.

$$= \frac{\overline{MU^2}}{8a} - \frac{\overline{NR^2}}{8a} = \frac{(a \sin \varphi)^2 - (a \sin \varphi) + e - l)^2}{8a}$$

$$= \frac{2 (l - e) a \sin \varphi - (l - e)^2}{8a},$$

daher folgt:

$$\sin \psi = \frac{(l-e)\sin \varphi}{4l} - \frac{(l-e)^2}{8al} = \frac{l-e}{4l} \left(\sin \varphi - \frac{l-e}{2a}\right).$$

Es fallt also die Neigung der Schaufelarme gegen ben Horizont, und folglich auch die Abweichung der Schaufelebenen von der Vertikalen um so kleiner aus, je kleiner nicht allein der Drehungswinkel φ , Fondern auch je kleiner das Verhältniß $\frac{l-e}{l}$ ift. Für $\varphi=0$ hat man hiernach:

$$\sin \psi = -\frac{(l-e)^2}{8 l a};$$

bamit folglich die Schaufel bei ihrem tiefsten Stande vertikal stehe, muß ihre Ebene um den Winkel 90° — ψ , wo ψ burch die lette Formel zu bestimmen ist, von der Richtung ihres Armes abweichen.

Anmerfung. Bei ben Schaufelrabern von Fielb ift jebe Schaufel aus mehreren schmäleren Theilen zusammengeseht, welche stusenförmig, und zwar in einem Cheloibenbogen hinter einander stehen und schmale Zwischenraume zwischen sich lassen. Man hat durch diese Schauselconstruction das Stauchen der Schauseln beim Eins und Austritt aus dem Wasser beseitigen wollen. Es ist dies jedoch sehr unvollsommen gelungen; und vielmehr die Leistung der Ruderrater dadurch, wie es scheint, etwas herabgezogen worden. Mit Bortheil wendet man dagegen, vorzüglich in Amerika, Ruderraber an, welche durch ein mittleres Armssphem in zwei gleiche Theile getheilt werden, deren Schauselungen gegen einzander so versetzt sind, daß je eine Schausel der einen Abtheilung mit der Bitte der Theilung zwischen je zwei Schauseln der anderen Abtheilung zusammenfällt. Hierbei erhalten die mittleren Radarme eine solche Breite, daß sich die Schauseln der einen Abtheilung auf der anderen Seite derselben befestigen lassen.

Andere Aenderungen, welche man an der Construction der Schaufelrader versucht hat, erstreden sich bloß auf die Form der Schaufeln. Rach den Berzsuchen des Amerikaners Ewbank sollen namentlich trianguläre Schaufeln, deren Spihen der Radare zugekehrt sind, doppelt so viel leisten als rectanguläre von gleichem Flächeninhalte. Näheres hierüber s. The steam engine dy Tredgold, Vol. III., London 1852.

Edrauben.

§. 321. Die Schaufelraber vereinigen mehrere Nachtheile in sich, welche burch Unwendung der Schraubenraber vermieden werden konnen. Die Schaufelraber zu beiben Seiten des Schiffes erschweren nicht allein bie Wendung, sondern auch die Durchfahrt des Schiffes durch enge Fahre wasser, und sind überhaupt den Zerstörungen weit mehr ausgeseht als die viel kleineren und ganz unter Wasser besindlichen Schraubenrader, die

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 778

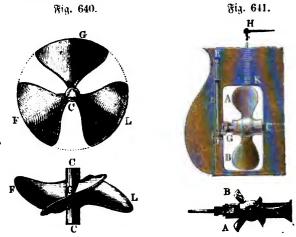
bafur aber auch einen viel großeren Tiefgang bes Schiffes erforbern und Egrauben. eben beshalb nur bei Meerschiffen in Anwendung tommen. Der wichtigfte Rachtheil ber Schaufelraber befteht barin, bag bie Wirkung berfelben nur bei einer gemiffen Gintauchung und alfo auch nur bei einem gewiffen Tiefgang bes Schiffes eine vortheilhafte ift, bag biefelbe nicht bloß fleiner ausfallt, wenn bie Schaufeln nur jum Theil, fonbern auch wenn biefelben zu tief in bas Baffer eintauchen. Deshalb tonnen alfo bie Schaufelraber nicht mit Bortheil arbeiten, wenn die Belaftung eines Schiffes variabel ift, mas 3. B. in bebeutendem Maage eintritt, wenn bas Schiff auf einer großeren Reise ben Brennmaterialbebarf mit fich fortnehmen muß. Der Effect ber Schraubenraber ift bagegen von bem Tiefgang bes Schiffes gar nicht abhangig, und überhaupt, unter übrigens gleichen Berhaltniffen, größer ale ber ber Schaufelraber. Man hat ben Schraubenrabern nach und nach fehr verschiebene Formen gegeben. Das erfte Schraubenschiff, ber "Archimebes", erbaut 1840 von bem Englanber Smith, bestand aus einer Schraube mit einer einzigen Windung von 360 Grad; fpater conftruirte man aber mit Bortheil Schrauben mit zwei Mindungen ju je 180 Grab, wie z. B. A, Fig. 639. Ericfon u. M.





Ria. 639.

conftruirten Ruberraber mit feche aus bem Umfange eines Ringes berporftehenben ichraubenformigen Alugeln von je nur 30 Grad, und in ben neuesten Zeiten conftruirt man Schraubenraber mit zwei bis vier Klugeln. Die vordere Unficht und ben Grundrif eines folchen breiflugeligen Rabes FGLC führt Rig. 640 (a. f. G.) vor Augen; Die Seitenansicht und ben Grundrif eines zweiflugeligen Rades von Maubelan zeigt Sig. 641 (a. f. S.). Die Rlugel A und B laffen fich hier burch einen befonderen Bebelmechanismus EFG u. f. w. mit ihren gapfenformigen Stielen in bem Muffe breben, welcher auf ber Welle C festfit. Um nun bei Benugung ber Windfraft nicht bas gange Rab aus ber Berbinbung mit ber Triebwelle bringen zu muffen, hat man bier nur nothig, burch ben angeEdrauben. råber. beuteten Mechanismus die Flügel so zu breben, daß sie nahe die Arenrichs tung bes Schiffes annehmen; und um die Flügel in dieser Lage zu erhalten, läßt man noch die am Ende eines senkrechten Stieles HK ange-



brachte Klammer K herab, und erfaßt damit den einen Flügel an seinem außersten Ende. Das Flügels oder Schraubenrad hat vor dem Schausels rad das voraus, daß bei demselben die Wirkung der Flügel auf das Wasser eine continuirliche und folglich bei gleicher Fläche eine größere ist als bei den Schaufelradern (vergl. den Artikel Windrader in II., §. 246). Desthalb ist denn auch die Größe sammtlicher Flügelslächen kleiner als die sammtlicher Schaufeln eines Schauselrades, und folglich bei gleicher Leisstung ein Flügelrad viel kleiner als ein Schaufelrad. Hierzu kommt natürlich noch, daß bei den Flügelrädern die nachtheiligen Wirkungen beim Eins und Austritt der Schaufeln aus dem Wasser ganz wegfallen.

Um mit möglichster Scharfe die Wirkung bes Schraubenrades mittels ber Formel fur die Arenkraft:

$$P = 3 \frac{(c \sin \alpha - c \cos \alpha)^{s}}{2g} F_{\gamma} \cos \alpha \text{ (f. II., §. 257)}$$

zu finden, bedarf es noch einer besonderen Integration, da die Geschwinbigkeit c des Rades in verschiedenen Entsernungen von der Are verschieden
ist. Ift ω die Winkelgeschwindigkeit des Rades, und z der Abstand eines Flügelelementes von der Umdrehungsare, so haben wir dessen Geschwinbigkeit $c = \omega z$, und ist r der außerste Radhalbmesser, sowie h die augerste Schraubenganghohe, so hat man nach δ . 135:

$$tang. \alpha = \frac{h}{2 \pi z}$$
, und baber: $c tang. \alpha = \frac{\omega h}{2 \pi}$.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 775

Nun ist, wenn wir die obige Formel nur auf ein Element der Flache Edrauben. anwenden:

$$dP = \frac{3\gamma}{2q} \left(\frac{\omega h}{2\pi} - v \right)^2 (\cos \alpha)^3 dF$$

ober, ba

$$dF$$
. $cos. \alpha = dG$,

b. i. die freisformige Projection ber Schraubenflache rechtwinkelig gegen die Umbrehungsare ausbrudt:

$$dP = \frac{3\gamma}{2g} \left(\frac{\omega h}{2\pi} - v \right)^2 (\cos \omega)^2 dG.$$

Das Clement dG ift ein schmaler Kreisring vom Halbmeffer z, von einem gegebenen Centriwintel β^0 und von der Breite dz, daher:

$$dG = \beta z dz$$

ober, ba aus bem Dbigen

$$z = \frac{h}{2\pi} cotg. \, \alpha$$
, und hieraus wieder $dz = -\frac{h \, d \, \alpha}{2\pi \, sin. \, \alpha^2}$ folgt,
$$dP = -\frac{3 \, \gamma \, \beta}{2 \, g} \left(\frac{h}{2 \, \pi}\right)^2 \left(\frac{\omega \, h}{2 \, \pi} - v\right)^2 (cotg. \, \alpha)^3 \, . \, d \, \alpha.$$

Nun ift:

$$\int (\cot g.\alpha)^8 \ d\alpha = -\frac{1}{2 \sin \alpha^2} - Ln. \sin \alpha,$$

folglich:

$$\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\alpha} (\cot g. \alpha)^3 d\alpha = \frac{1 - \sin. \alpha^2}{2 \sin. \alpha^2} + Ln. \sin. \frac{\pi}{2} - Ln. \sin. \alpha$$

$$=-\frac{(\cot g.\alpha)^2}{2}-\text{Ln. sin. }\alpha,$$

baher bie ganze Rraft bes Flugelrabes:

$$P = \frac{3\gamma\beta}{2g} \left(\frac{h}{2\pi}\right)^2 \left(\frac{\omega h}{2\pi} - v\right)^2 \left(\frac{(\cot g.\alpha)^2}{2} + Ln.\sin \alpha\right).$$

Ferner ift ber Inhalt ber Flugelprojection winkelrecht gur Are:

$$G = \beta \int z \, dz = \frac{\beta z^2}{2} = \frac{\beta}{2} \left(\frac{h}{2\pi}\right)^2 (cotg. \alpha)^2;$$

baher laßt sich auch

$$P = \frac{3\gamma\beta}{2g} \left(\frac{h}{2\pi}\right)^2 \left(\frac{\omega h}{2\pi} - v\right)^2 \frac{2}{\beta} \left(\frac{2\pi}{h}\right)^2 (tang.\alpha)^2 \left(\frac{(cotg.\alpha)^2}{2} + Ln.\sin.\alpha\right) G$$

$$= \frac{3\gamma}{2g} \left(\frac{\omega h}{2\pi} - v\right)^2 \cdot [1 + 2 (tang.\alpha)^2 Ln.\sin.\alpha] \cdot G$$

fegen.

Edrauben. Führen wir jest $c=\omega r$ und lang. $\alpha=\frac{h}{2\pi r}$ ein , wobei wir c und α auf ben außersten Radumfang beziehen, so erhalten wir :

$$P = \frac{3 \gamma}{2 g} (c \, tang. \, \alpha - v)^2 \left[1 + 2 \, (tang. \, \alpha)^2 \, Ln. \, sin. \, \alpha \right] G.$$

Bezeichnen wir nun 3 [1 + 2 (tang. a)? Ln. sin. a] burch ζ_1 , so er: giebt sich:

$$P = \xi_1 \frac{(c \ lang. \alpha - v)^2}{2 g} G \gamma;$$

und da nun noch P= dem Wiberstande $\xi \, rac{F \, v^2}{2 \, g} \, \gamma$ des Schiffes gleich ju sehen ist, so folgt:

$$c \ tang \ \alpha - v = v \sqrt{\frac{\zeta F}{\zeta_1 G}},$$

baher:

c lang.
$$\alpha = v \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 G}}\right)$$
.

und folglich die erforderliche Arbeit des Ruderrades:

$$L = P c tang. \alpha = \xi \frac{Fv^2}{2g} \gamma \cdot v \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 G}} \right)$$
$$= \xi \frac{Fv^3}{2g} \gamma \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 G}} \right).$$

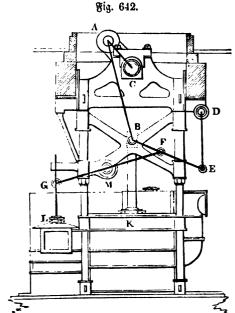
Tampficiffs.

§. 322. Die Dampfmaschinen, welche zur Bewegung ber Dampfschiffe bienen, find in der Regel gewöhnliche Batt'sche Daschinen mit Condensation; jeboch wendet man auch zur Erzielung eines kleineren Gewichtes in neuerer Beit Sochbruckmaschinen an. Da biese Maschinen teine Anwendung eines Schwungrabes gestatten, fo lagt man fie in ber Regel aus zwei Dampfcplindern bestehen, und giebt ber nahe unter bas Berbeck qu legenden Welle für jeden Dampftolben eine besondere Rropfung. Um eine möglichst gleichformige Umbrehungebewegung zu erzielen, lagt man Die Warzen ber beiden Rropfe ober Krummzapfen genau wie bei ber Treibare eines Dampfmagens um 90 Grab von einander abstehen. Begen ber Beschränktheit des Raumes und um auch eine größere Anzahl von Spielen ober Umbrehungen zu erhalten, giebt man ben Schiffsmaschinen immer einen kleinen Sub, ber vielleicht noch nicht einmal ber Eylinderweite gleich Die ersten Schiffsmaschinen waren Balanciermaschinen. bas Berbed frei ju laffen, mußten bie Balanciers unter ber Belle, und zwar nahe uber dem Schiffsboden gelagert werben, und um bie Rolben= ftange mittels der bekannten Gerabfuhrung (f. Fig. 271, §. 130) gu beBon dem Kortschaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 777

wirken, war es auch nothig, jeden Balancier aus zwei gleichen, um eine Dampffolistgemeinschaftliche Are schwingenden und den Dampfcplinder zwischen sich
fassenden Theilen bestehen zu lassen. In den neueren Zeiten wendet man
aber meist nur direct wirkende Maschinen an, wobei man circa ein Drittel
bes Raumes und zwei Kunftel des Gewichtes erspart.

Drittel
ind ents
n. Bei
enstange
mit der

Sehr mannigfaltig sind die direct wirkenden Maschinen. Sie sind ente weder solche mit seststehenden, oder solche mit schwingenden Cylindern. Bei ben lehteren wird die Aurbelwalze unmittelbar von dem Kopse der Kolbenstange ergriffen, und bei den ersteren wird die Verbindung der Kolbenstange mit der Kurbel durch eine Aurbelstange bewirkt. Hierbei ist natürlich eine besondere Senkrechtsührung nothig, welche, wie wir aus §. 121 u. s. w. wissen, enteweber aus einem Hebelmechanismus, oder aus einem sestenungsrahmen bestehen kann. Die oscillirenden Dampsmaschinen von Penn, bei welchen der Damps durch die hohle Schwingungsare zu = und abgeführt wird, und die Kolbenstangen außer den Stopsbuchsen ohne eine weitere Geradführung auf die Krummzapsen wirken, haben eine allgemeine Verbreitung erzlangt. Bei den Maschinen mit seststehenden Cylindern wird das aus



6. 133 befannte Princip ber Generechtführung mit einem ichwingenben Erager febr gewohnlich angewenbet. Die Stigge einer folden Maschine von Kair= bairn u. Comp. fuhrt Rig. 642 vor Augen. Es ift hier C bie Rurbelwelle, A bie Rurbelmarze, AB die Rurbelstange, BK die Rolbenftange, ferner DE ber um bie Are D fchwins gende Trager, und MF der um M schwingende Lenfarm, welcher bas Ges fent BE in F und bie Rolbenftange G L ber Luft= und Warmmafferpumpe in G ergreift. Auch man bei biefen birect mir-

kenden Maschinen das in §. 122 behandelte und durch Fig. 254 illusstrirte Princip mit hohler Rolbenstange angewendet. Um durch biese hohle Kolbenstange so wenig wie möglich an Kolbenstache zu verlieren, ift

Dampffdiffe. bei ben Maschinen von Mr. humphry ber Querschnitt berfelben langlich geformt worben.

Sehr mannigfach sind die direct wirkenden Maschinen mit festen Leistungen. Bei den Maschinen von Rennie, Bury 2c. laufen die Leitungen an den Seiten des Dampscylinders herab, und bei der Maschine von Maudblay und Field liegen sie zwischen zwei Dampscylindern, deren Kolbenstangen durch ein Tformiges Querhaupt zusammengekuppelt sind, und folglich auch gemeinschaftlich auf und niedergehen. Der Leitungsblock, welcher das Ende der Kurbelstange mit dem Querhaupte verbindet, sitt hier am vertikal herabhangenden Stiele des letteren.

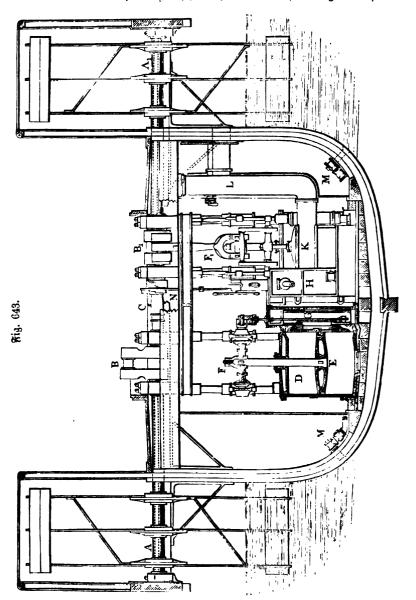
Wenn man endlich die Dampfeolben mit zwei ober vier Kolbenstangen ausrustet, so kann man den Krummzapfen dicht über den Dampfcylinder legen, wodurch natürlich eine bebeutende Hohe für diese Eplinder gewonnen wird. Es kommt dann das Querhaupt der Kolbenstangen, und dessen aus cylindrischen Stangen bestehende Führung über die Welle, und folglich auch über das Verded zu liegen. Diese Maschinen kommen sehr gewöhnslich auf den Dampsschiffen vor, welche auf dem Elyde sahren, und sind unter dem Namen stoople-engines bekannt.

Meist ganz abweichend hiervon sind die nordamerikanischen Dampfschiffsmaschinen. Diese arbeiten mit einem enormen Dampfbruck von vielleicht 100 Pfund pr. Quadratzoll, befinden sich über dem Verbeck und haben oft nur einen Cylinder und einen sehr großen Kolbenhub von 10 Fuß.

Die wesentliche Einrichtung einer Dampsschiffsmaschine ist aus bem Querschnitt in Fig. 643 zu ersehen. Es ist hier ACA_1 die Triebwelle mit den beiden Ruderradern A, A_1 und den Krummzapsen B, B_1 . Ferrner sieht man in D den einen Dampschlinder, sammt seiner Koldenstange EF und dem Querhaupte F der letztern. Die Kurbelstange zwischen BF ist abgenommen, dagegen ist aber die Kurbelstange B_1F_1 der anderen Maschine vollständig sichtbar. Noch sieht man in dieser Abbildung dei G den Durchschnitt der Dampstammer des einen Eylinders, in K das Neußere des Condensators, in H das der Lustz und Warmwasserpumpe, in L das hierzu gehörige Austragerohr, in M, M Hähne zum Einz und Aussassen des Condensations und Kesselmassers, in N das eine Ercentrif u. s. Die Gerabsührungen dieser Maschinen sind genau wie Fig. 642 andeutet.

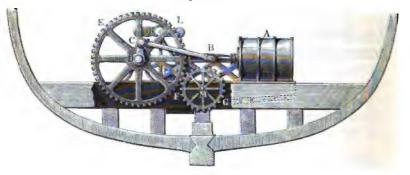
Bur Umbrehung ber Schraubenraber wendet man am einfachsten birect wirkende Dampfmaschinen mit horizontal liegenden Cylindern an. Um dieselben pr. Minute 80 bis 90 Spiele machen lassen zu können, ist es nothig, ihren Schub auf das Minimum zu beschränken. Wenn nun auch durch diese große Anzahl von Spielen die Dampfkraft nicht ansehnlich herz abgezogen wird, so ist es jedoch ganz unvortheilhaft, die Luste und Warms

Eon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nahe horizontalen Wegen. 779 wasserpumpe mit so großer Geschwindigkeit arbeiten zu lassen. Aus diesem Tampsschliften. Grunde leistet man hier entweber auf die Condensation ganz Berzicht, ober man reducirt durch eine Zwischenmaschine die Geschwindigkeit dieser



Dampsschiffe. Pumpe, ober man läßt dieselbe durch eine besondere Dampsmaschine in Bewegung sehen. In mechanisch-beonomischer Beziehung ist es allerdings vortheilhafter, die Dampsmaschine nicht unmittelbar auf die Triebwelle wirken zu lassen, sondern ein Zahn- oder Riemenradvorgelege anzuwenden, welches bewirkt, daß die Radwelle in derselben Zeit zwei- die dreimal so viel Umdrehungen macht als die Kurbelwelle. Einen solchen Umtriebs- mechanismus, und zwar mit Zahnradvorgelege, sieht man in Kig. 644.

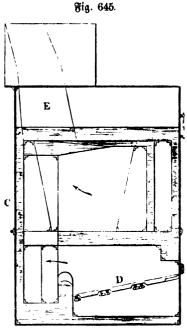
Fig. 644.

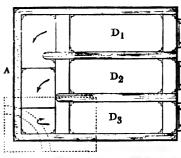


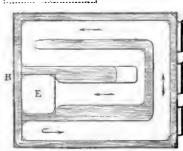
Es ist hier A ber Dampschlinder, BC die Kurbelstange und CD ber Krummzapfen. Auf der Welle D des letteren sitt das Jahnrad EF, und dieses greift in ein kleineres Jahnrad FG ein, welches auf der Welle M des Schraubenrades befestigt ist. Noch sieht man in KL einen Hebel, durch welchen die Luft: und Warmwasserpumpe mit der Kurbelwelle in Verbindung gesett wird.

Cauffe. tampfteffe §. 323. Die Dampfteffel ber Schiffs maschinen sind natürlich so zu construiren, daß sie nicht allein möglichst leicht aussallen, sondern auch möglichst wenig Raum einnehmen. Der Heerd eines solchen Keffels läßt sich natürlich nicht aus Steinen aufmauern, sondern er ist, wie bei einem Dampfwagen, aus Blech herzustellen, und mit dem eigentlichen Kessel zu einem Ganzen zu verbinden. Es befindet sich deshalb der Brennheerd im Innern des ganzen Kessels selbst und es sind zur Berhütung der Feuersgesahr und zur Erzeugung einer möglichst großen Erwärmungsstäche die Heizanale von allen Seiten mit Wasser zu umgeben. Statt der Ressel mit gewöhnlichen Heizanalen wendet man auch jest häusig, zumal bei Hochbruckmaschinen, sogenannte Röhrenkessel an (s. II., §. 300). Die letzeren nehmen mindestens nur 3/4mal so viel Raum ein als die ersteren und sind auch um ein Vererelleichter als diese. Die heize oder Feuercande haben einen mehr ober weniger rectangulären Duers

Ben bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe berigentalen Begen. 781







schnitt und sind anderthalb= bis dreismal so hoch als weit, die Heizs oder Feuerröhren sind 8 bis 10 Fuß lang und 3 Zoll weit, und ihre Anzahl ist 300 bis 400. Während die Wasseräume bei den Kesseln mit Heizcandlen 5 bis 6 Zoll weit sind, giebt man den Heizröhren nur 1 Zoll Abstand von einander.

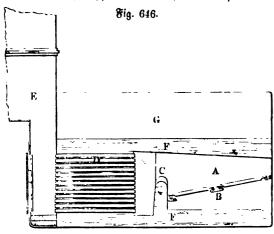
Reffel fur großere Dampfichiffe erhalten zwei Stagen über einander, fo bağ bie marme Luft erft bie Buge in ber einen und bann die in ber anderen durchläuft. In Kig. 645 fieht man in A ben Sorizontals burchschnitt ber unteren und in B ben ber oberen Etage, fowie in C ben vertikalen kångendurchschnitt eines folden Reffele. Bier folche Reffel mit 12 Brennheerben haben eine gemeinschaftliche Effe. Den Beg, welchen bie warme Luft von ben Brennheerben D1, D2, D3 bis gur Effe E macht, erfieht man aus ben Richtungen ber beigefügten Pfeile.

Die Einrichtung eines Röhrenstesses für Dampfschiffe läst sich aus bem vertikalen Längendurchschnitt ABCDE, Fig. 646 (a. f. S.), eines solchen Resselb entnehmen. Es ist hier A ber Brennheerb, B ber Rost, C die Feuerbrücke, D ber Röhrenapparat, E bie Esse, FF ber Wasser und G ber Dampfraum. Auch hier bilben vielleicht brei Brennheerbe einen Kessel, und vier solche wieder ein Ganzes mit gemeinsschaftlicher Esse.

Was die letteren anlangt, so sind biefelben aus Eisenblech und haben eine Hohe von 20 bis 40 Fuß.

Ediffs.

Man verfieht biefelben entweder mit einen Charniere, um fie beim Durchfahren unter Bruden nieberlegen zu tonnen, ober man giebt ihnen eine perspectivahnliche Einrichtung, indem man fie aus mehreren einander um:



faffenden Rohren bestehen lagt, welche sich in = und auseinander verschieben laffen.

- Ablaffen bee
- 6. 324. Gin mefentlicher Uebelftand entspringt bei ben Seebampfichiffen Refielmaffers, aus bem Gebrauch bes eine bebeutende Menge alkalischer Subftangen (3,2 bis 3,8 Procent) enthaltenben Seemaffers. Bahrend bie Site einen Theil des Baffers in Dampf verwandelt, bleiben die falzigen Beftandtheile beffelben in bem ubrigen Baffer jurud; und ba nun burch bas Speisemaffer immer mehr und mehr folder falzige Theile bem Reffel zugeführt werben, fo überschreitet endlich bie bas Reffelmaffer bilbenbe Golution ihren Sattigungspunet, es fchlagt fich aus berfelben bas Salg in fefter Geftalt nieber und übergieht ben Boben mit einer feften Rrufte, welche ben Durchgang ber Barme erschwert, wodurch wieber eine Ueberhitung und das damit verbundene schnellere Abführen bes Reffels berbeis Diesem Uebelftanbe fann man auf zweierlei Weise begeggeführt wirb. Man fann entweber
 - 1) bas Speifen bes Reffels fo reguliren, bag bas Salzwaffer in bemfelben nie ben Gattigungspunkt erreicht, ober man fann
 - 2) bas aus der Condensation bes Dampfes hervorgehende reine Baffer wieberholt gum Speifen bes Reffels verwenden.

Das einfachste Mittel, um die Gattigung bes Salzwaffers im Reffel gu verhindern, besteht barin, bag man von Beit ju Beit, etwa nach je 2 Stunden, einen Theil beffelben ablagt und benfelben wieder mittels ber Speifepumpe Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 783

burch Condensationsmaffer erfett. Naturlich geht burch diefes Ablaffen ublaffen bes ober Ausblasen bes heißen Baffers und Zuführen bes nur warmen Conbensationswaffers eine ansehnliche Barmemenge verloren; um baher burch unnothige Wieberholung biefes Processes fein Brennmaterial ju verschwenben, ift ber Bebrauch eines Inftrumentes, bes fogenannten Galinometers, welches ben Salzgehalt bes Reffelmaffere anzeigt, von großem Rugen. Da bie Temperatur bes Siebepunktes eine um fo größere ift, je mehr bas Baffer Salz in fich enthalt, fo tann man umgekehrt, aus biefer Temperatur auf bie Grofe bes Salzgehaltes bes Baffers ichliegen. Wenn g. B. bas reine Baffer bei 100 Grab fiebet, fo gelangt bas gewohnliche Geemaffer von 1/32 Salgaehalt erft bei 1002/3 Grad C., ferner bas abgulaf. fende Reffelmaffer, von 4/82 Salgehalt, bei 1020,6 C., und bas gefattigte Reffelwaffer von 12/32 Salzgehalt bei 107,08 C. jum Sieben. Wenn man baber eine kleine aus bem Reffel abgelaffene Baffermenge in einem Rupfergefaße jum Sieben bringt, und bie Temperatur beffelben an einem genauen Thermometer beobachtet, fo fann man baburch ben Salzgehalt bes Reffelwaffere finden. Ein Ardometer (f. I., §. 315) mit einer hohlen Detall= Lugel und einer eingetheilten Scala lagt fich naturlich ebenfalls anwenben. um bie Grabigkeit bes Reffelmaffers ju finden.

Das Ablaffen einer kleinen Menge Baffer aus bem Reffel, um ben Salggehalt beffelben ju finden, wird bei Anwendung bes Salinometers von Seaward gang umgangen. Die wefentliche Ginrichtung eines folchen Salinometers hat mit ber aus II., §. 312, Fig. 437 bekannten Wafferstanderdhre die größte Aehnlichkeit. In diese Rohre bringt man awei hohle Rugeln, wovon bie eine auf bem Baffer schwimmt und bie andere in dem Waffer zu Boben finet, wenn baffelbe den Salzgehalt (4/32) hat, bei welchem bas Ausblasen nothig ober zwedmäßig ift. So lange nun beibe Rugeln noch am Boben liegen, hat bas Reffelmaffer noch nicht biefe Grabigkeit, und wenn hingegen beibe Rugeln schwimmen, so ift biefelbe bereite überschritten.

Um bas Ausblasen bes Reffelmaffers zu reguliren, lagt man baffelbe nicht unmittelbar in bie See, fonbern erft in einen besonderen Behalter von etwa einer Tonne Kaffungeraum laufen, und verfieht nun nicht allein bie Rohre, welche bas Baffer in biefen Behalter, fondern auch biejenige, welche es aus bemfelben burch bie Schiffswand in bas Meer fuhrt, mit einem Sahne. Sat man nun mahrend ber Eroffnung bes erften Sahnes ben Behalter aus bem Reffel gefüllt, fo fann man nachher, indem man benselben verschließt und ben anderen Sahn eröffnet, Dieses Fullwaffer in bas Meer ablaffen, und es ift baburch bas ausgeblafene Quantum vollstan: big bekannt. Much fann man bas Ablaffen bes Salzwaffere leicht baburch Ablanen bes

reguliren, daß man das Bentil, welches das Ausblaserohr von innen versichließt, mit einem Schwimmer verbindet, welcher daffelbe eröffnet, sowie das Wasser in dem Kessel eine gewisse hohe übersteigt.

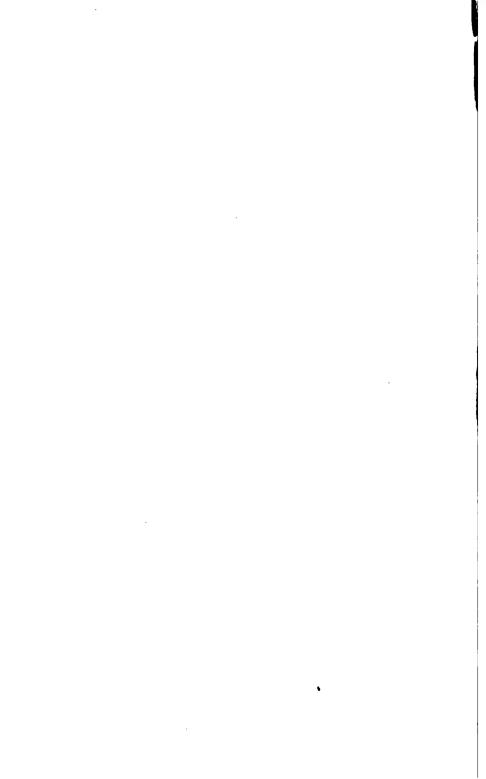
Ein anderes Hulfsmittel zum Ablassen bes Salzwassers aus dem Dampfstessel besteht in der Anwendung einer besonderen Salzwasserpumpe (engl. brino-pump). Diese Pumpe wird wie die Speisepumpe durch die Maschine in Bewegung gesetzt, sie entnimmt so viel Basser aus dem Kessel, daß das Salzquantum in demselben gleich ist der durch das Speiser wasser zugeführten Salzmange. Enthält das Speisewasser 1/32 und das durch die Salzwasserpumpe abzusührende Wasser 5/32 Salz, so ist das Salzquantum 5 Cubitsuß Speisewasser gleich der Salzwenge in 1 Cubitsuß Ablaswasser. Um daher in einer bestimmten Zeit 4 Cubitsuß Wasser in Dampf zu verwandeln, hat man unter den gegebenen Umständen in derselben Zeit 5 Cubitsuß Speisewasser zu und 1 Cubitsuß Salzewasser abzusühren.

Eine wesentliche Ersparnis wird bei bem Ausblasen bes Salzwassers noch daburch erzielt, bag man baffelbe erst burch einen Bormarmer hinburchgehen last, ehe es in die See abfließt.

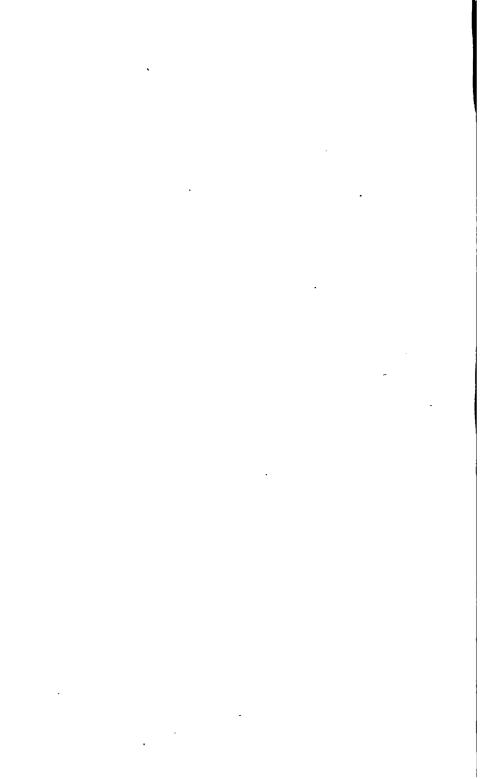
Das Speisen ber Seebampfichiffteffel mit Gugwaffer ift burch Anwenbung eines ichon von Batt erfundenen Rohrencondenfators ju ermöglichen. Diefer Conbensator besteht aus einem Softem von vielen engen Rohren, welche von außen mit einem Strome von taltem Baffer umgeben find und burch welche ber Dampf ftromt, nachdem er in dem Dampfcylinder feine Wirkung vollbracht bat. Bei biefem Durchftromen fchlagt fich biefer Dampf als Waffer nieber, und biefes wird in einem Gefaße aufgefangen, aus welchem es wieber burch eine Pumpe bem Reffel als Speisewaffer zugeführt wirb. Da bei biefer Methobe bes Conbenfirens gar teine Bermifchung bes niebergeschlagenen Dampfes mit bem falten Waffer vortommt, fo erhalt man hierbei auch gang reines, weber mit Salg noch mit Luft vermengtes Baffer. Batt hat bie Unwendung biefes in ber genannten Beziehung fo zwedmäßigen Apparates vorzuglich beshalb aufgegeben, weil die Conbensation burch benfelben ju langsam vor fich ging, und beshalb noch immer ein namhafter Gegenbrud auf ben Dampf: tolben gurudblieb. Der Conbensator von Sall ift von bem Batt'fchen nicht wefentlich verschieben. Da naturlich immer etwas Dampf ober Waffer verloren geht, fo muß bies burch eine kleine Menge bestillirten Seemaffere erfett merben.

Schlußanmerkung. Ausführlich über Schifffahrtecanale u. f. m. hanbelt hagen in seiner Wasserbaufunft II. Ueber ben Schiffbau ift nachzulesen: Bobrit's hanbbuch ber praktischen Schifffahrtekunbe; ferner James Peake: Rudimentary Treatise on Ship-Building, und über Dampfichisse in Robert

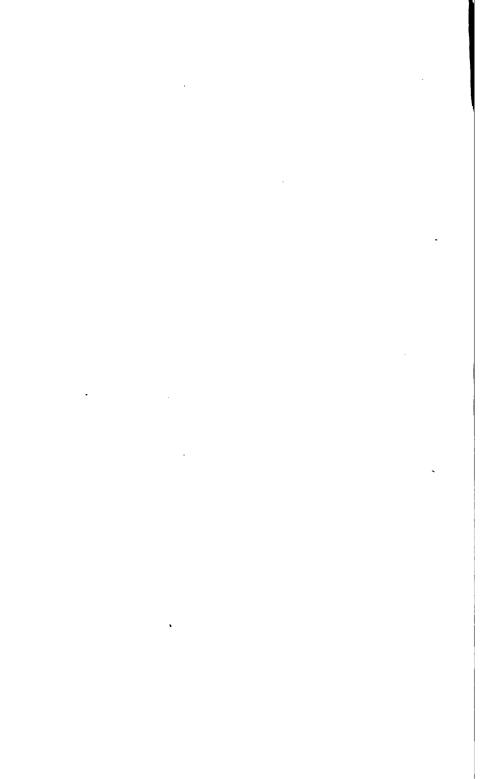




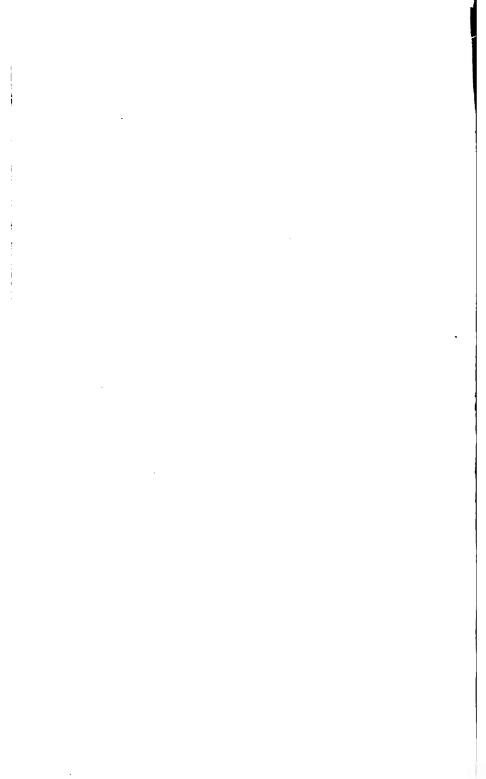
-- . . .

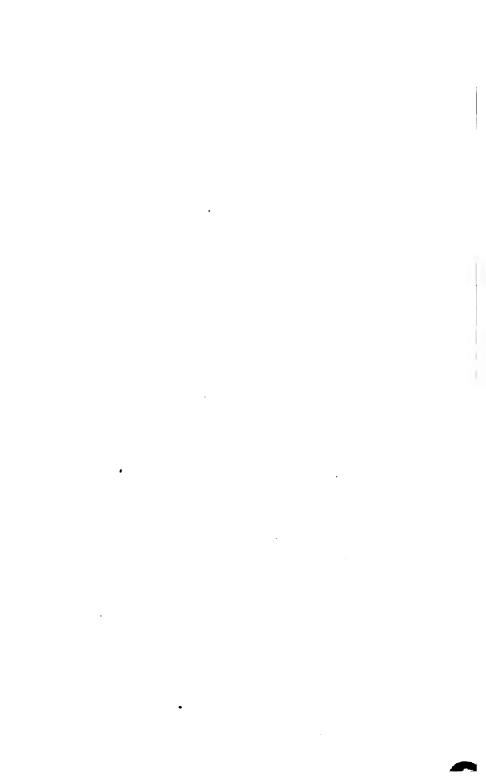


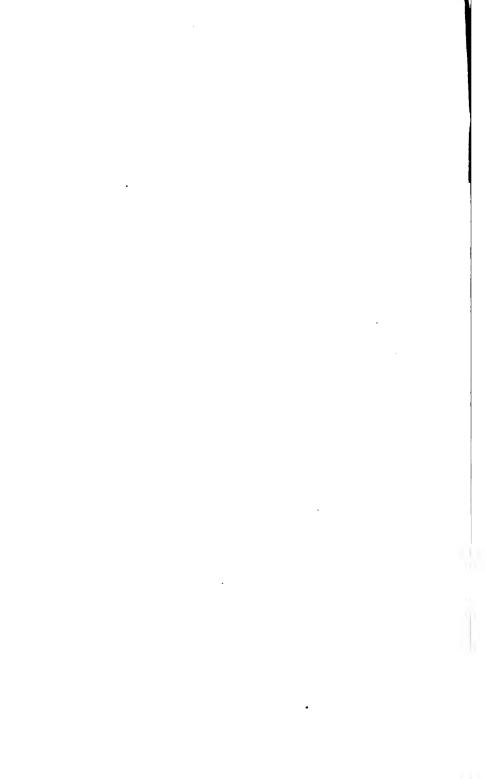
. ' , .



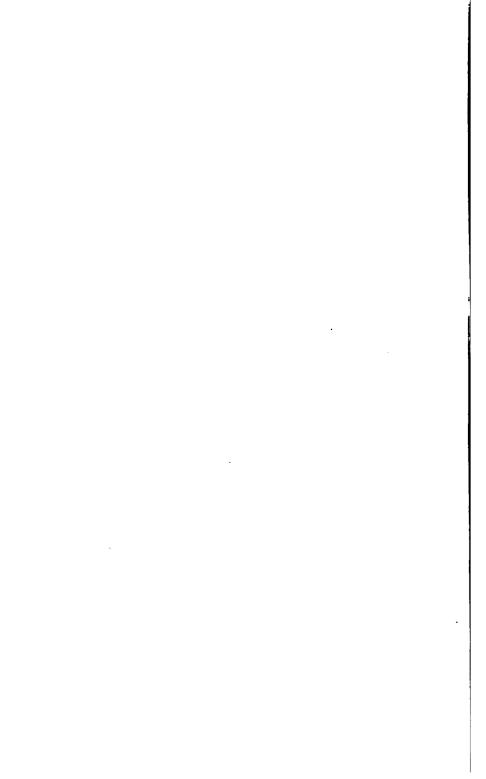
• . •

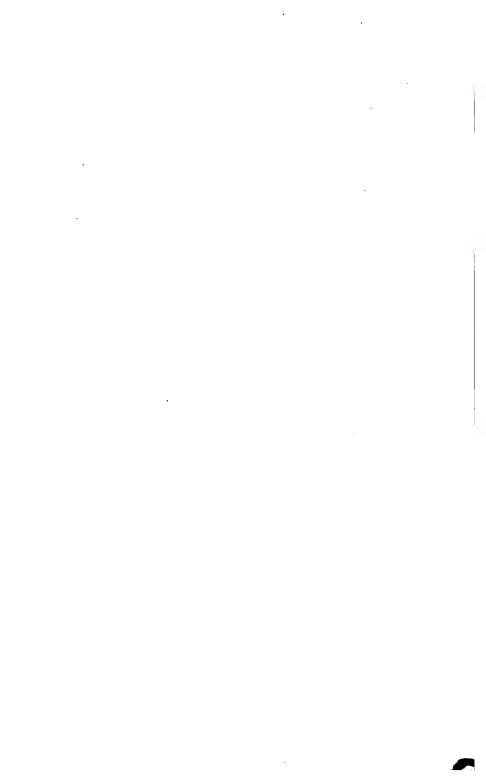


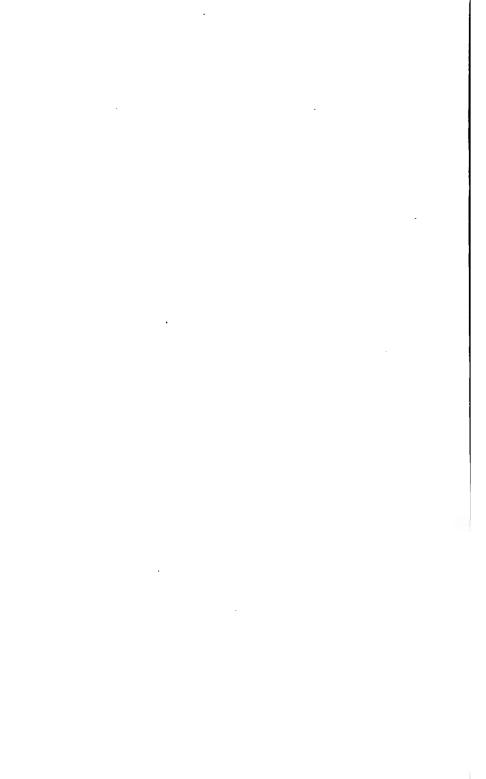




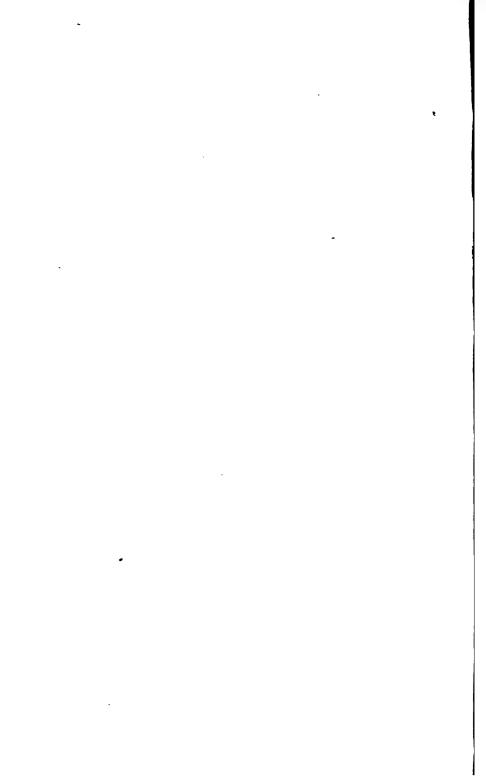
e e



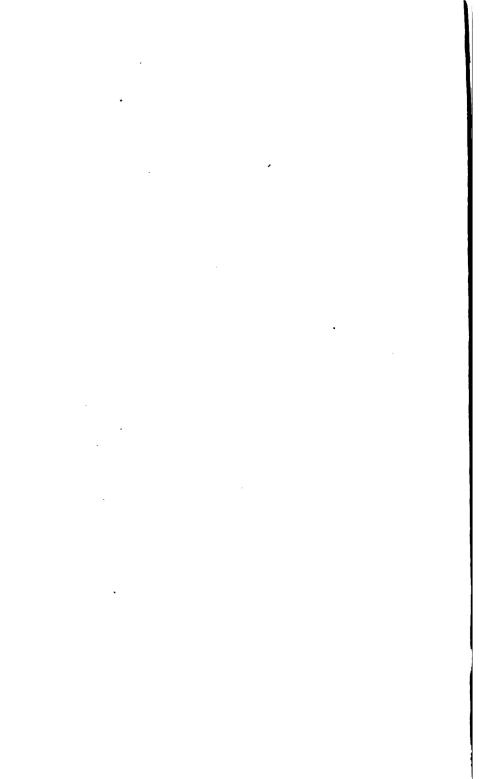




. .







• .

